تأثیر عیب استون– ولز بر استحکام نهایی نانولولههای کربنی

داود یزدانی ^{*} و سید یوسف احمدی بروغنی گروه مهندسی مکانیک، دانشکده مهندسی، دانشگاه بیرجند

(دریافت مقاله: ۱۳۹۲/۱۰/۱۶ - دریافت نسخه نهایی: ۰۶/۳۰/۱۳۹۴)

چکیده – در این پژوهش، یک مدل سهبعدی اجزاء محدود برای نانولولههای کربنی تکدیواره آرمچیر، زیگزاگ و کایرال پیشنهاد شده است. برای ایجاد مدل اجزاء محدود، گرهها در محل اتمها جایگزین شده، پیوندها به عنوان جزء تیر الاستیک سهبعدی مدلسازی شده است. با استفاده از این مدل تأثیر کایرالیتی و عیب استون– ولز بر استحکام نهایی (تنش نهایی و کرنش نهایی) نانولوله کربنی تکدیواره بررسی شده است. نتایج نشان میدهد که این عیب استحکام نهایی نانولوله آرمچیر را به شدت کاهش میدهد، اما تأثیر بسیار کمی بر استحکام نهایی نانولولـه زیگـزاگ میگذارد. بر اساس نتایج، مسیر رشد ترک در نانولولههای زیگزاگ و آرمچیر به تر تیب دارای زاویه ۹۰ و ۴۵ درجه نسبت به محور طولی نانولولـه است.

واژگان کلیدی: نانولوله کربنی، روش اجزاء محدود، عیب استون – ولز، استحکام نهایی

Effect of Stone-Wales Defect on Ultimate Strength of Carbon Nanotubes

D. Yazdani^{*} and S.Y. Ahmadi Brooghani

Department of Mechanical Engineering, Faculty of Engineering, University of Birjand, Birjand, Iran

Abstract: In this study, a three-dimensional finite element (FE) model for armchair, zigzag and chiral single-walled carbon nanotubes (SWCNTs) is proposed. To create the FE models, nodes are placed at the locations of carbon atoms and the bonds between them are modeled using three-dimensional elastic beam elements. The FE model is used to investigate the influence of chirality and Stone-Wales defects on the ultimate strength (Ultimate stress and ultimate strain) of SWCNTs. Results indicate that Stone-Wales defect significantly reduces the ultimate stress and strain of armchair CNTs. But this defect has a negligible effect on the ultimate strength of zigzag nanotubes. Based on the results, the crack growth path in zigzag and armchair nanotubes have 90 and 45 degree angle to the long axis of the nanotube, respectively.

Keywords: Carbon nanotubes, Finite element method, Stone-Wales defect, Ultimate strength

^{*} مسئول مكاتبات پست الكترونيكي: d.yazdani@birjand.ac.ir

فهرست علائم

نیروی بین اتمی (N)	F	انرژی پتانسیل کل (Nm)	Е
ضرایب ثابت پتانسیل اصلاحشده مورس (⁴ rad)	k _{secti}	انرژی پتانسیل کشش پیوندی (Nm)	E_{stretch}
ضرايب ثابت پتانسيل اصلاحشده مورس (^Nm/rad)	\mathbf{k}_{θ}	انرژی پتانسیل خمش پیوندی (Nm)	E_{angle}
ضرایب ثابت پتانسیل اصلاحشده مورس (m ⁻¹)	β	طول اوليه و ثانويه پيوند كربن- كربن (m)	r, r ₀
ضرایب ثابت یتانسیل اصلاحشده مورس (Nm)	De	زاویه اولیه و ثانویه بین دو پیوند کربن- کربن	
	-	(rad)	θ, θ_0
تنش (GPa)	σ	كرنش (٪)	3
مختصات صفحه گرافن	х, у	مختصات نانولوله	X, Y, Z
قطر پيوند كربن- كربن (Å)	d	شعاع نانولوله (m)	R
طول نانولوله (Å)	L	قطر نانولوله (Å)	D

۱ – مقدمه

از ابتدای کشف نانولولههای کربنی، پژوهشگران با آن بهعنوان یک ماده جدید برخورد نمودند و شروع به استخراج اطلاعات اولیه آن کردند. به دست آوردن خواص مکانیکی نانولولههای کربنی توسط روش های تجربی و نظری، بررسی تأثیر عیوب هندسی در خواص مکانیکی نانولوله کربنی و بررسی مکانیزم رشد ترک در آنها (مکانیک شکست) مورد علاقه پژوهشگران مهندسی مکانیک و فیزیک مکانیک بوده است. آنها روش های بسیاری نیز برای این اهداف به کار گرفته اند که به آن ها اشاره می شود.

یو و همکاران [۱] طی آزمایش هایی رفتار مکانیکی نانولوله های مختلف را بررسی کردند. آن ها با انجام آزمایش هایی مقدار تنش نهایی ۶۳–۱۱ گیگاپاسکال و کرنش نهایی ۱۰–۱۳٪ را برای ۱۵ نانولوله به دست آوردند. آن ها دریافتند که به طور میانگین این نانولوله ها دارای تنش نهایی ۲۸ گیگاپاسکال بودند.

در کنار کارهای آزمایشگاهی بسیاری که بر روی نانولولههای کربنی صورت گرفته، تعدادی از پژوهشگران به بررسی نانولولهها با استفاده از روشهای مدلسازی نظری روی

آوردهاند. این روش های مدلسازی بهطور کلی به دو دسته مدلسازی اتمی و مکانیک محیط پیوسته تقسیم میشوند. یکی از روش های مدلسازی اتمی، روش دینامیک مولکولی کلاسیک^۱ MD است. بلیشکو و همکاران [۲] از ترکیب این روش و پتانسیل اصلاحشده مورس برای شبیهسازی شکست نانولوله کربنی مرتبط با کشش محوری استفاده کردند. آنها ثابت کردند که استحکام شکست نانولوله تنها به نقطه بیشینه منحنی انرژی پتانسیل بین اتمی بستگی دارد و از انرژی گسست مستقل است. آنهـا بـا اسـتفاده از روش ديناميـک مولکـولی و اصلاح ضرایب پتانسیل مورس، کرنش نهایی ۱۴/۳٪ و تـنش نهایی ۹۷/۵ گیگاپاسکال را برای نانولوله (۱۲،۱۲) بهدست آوردند. این پژوهشگران با روش مکانیک مولکولی کـه روشـی نظری است کرنش نهایی را برابر ۱۰–۱۵٪ بهدست آوردند که با نتايج آزمايشگاهي موافقت خوبي داشت، ولي تـنش نهـايي ییش بینی شدہ بین ۶۵ تـ ۹۳ گیگایاسکال بود کے بے طور محسوسي از مقادير تجربي بيشتر بود.

بسیاری از پژوهشگران برای شبیهسازی نانولولههای کربنی و شکست آنها از روش مکانیک محیط پیوسته استفاده کردهاند [۳–۶]. در این روش، با پذیرش این شرط اساسی که مواد مورد

بررسی به صورت پیوسته در حوزه مورد بررسی وجود دارد، مفاهیم تنش و کرنش تعریف و ارتباط بین آن ها بر اساس مدلهای گوناگون و برای مواد مختلف بیان می شود.

ژانگ و همکاران [۳] یک نظریه محیط پیوسته در مقیاس نانو پیشنهاد کردند که انرژی کرنشی در محیط پیوسته با انـرژی پیوندها در سطح اتمی، برای تمامی پیوندهای اتمی، با استفاده از قانون کوشی- بورن محاسبه می شود. این نظریه ابتـدا بـرای بررسي مدول الاستيك نانولولههاي كربني تكديواره تحت کشش به کار گرفته شد. در این نظریه، یک جزء حجم معرف^۳ از ساختار شیمیایی گرافیت با یک خرپای معادل یا مدل های محیط پیوسته دیگر جایگزین می شود. لی و چو [۴] اولین پژوهشگرانی بودند که مدل شکست پیشرونده^۴ PFM را بهعنوان یک دیـدگاه پیشـنهاد کردنـد. آنهـا از روش مـاتریس سختی برای مدل کردن نانولوله استفاده کردند که نانولوله را بهعنوان قاب فضایی در نظر می گرفت. در این روش که بر پایـه روش اجزاء محدود و مکانیک مولکولی بنا نهاده شده است، نیروی بین هر دو اتم کربن بهعنوان یک جزء تیر، و خود اتمها به عنوان گره شبیه سازی شدهاند. آن ها برای به دست آوردن مشخصات مکانیکی مانند مدول یانگ اجزاء تیر، پیوندی بین مکانیک مولکولی و مکانیک ساختاری برقرار کردند.

ژیائو و همکاران [۵] مدل تحلیلی مکانیک مولکولی را به منظور وارد کردن تابع پتانسیل مورس برای تخمین ثوابت الاستیک و پیش بینی روابط تنش و کرنش برای نانولولههای کربنی، تحت بارگذاریهای کششی و پیچشی گسترش دادند. آنها نیز با استفاده از مدل شکست پیشرونده مقادیری برای تنش و کرنش شکست نانولوله به دست آوردند. آنها برای نانولوله آرمچیر (۱۲،۱۲) دارای عیب استون ولز^۵، تنش شکست ۸۵/۹ گیگاپاسکال و کرنش شکست ۸/۹٪ و برای نانولوله زیگزاگ (۰،۰۰)، تنش شکست ۸۳/۳ گیگاپاسکال و کرنش شکست ۱۱٪ را به دست آوردند.

در یک مدل پیشـنهاد شـده در سـال ۲۰۰۸ توسـط مـارکو روسی و همکاران [۶] مدل اجزاء محدودی برای تعیین خواص

مکانیکی نانولولههای کربنی تکدیواره از جمله مدول یانگ و تنش و کرنش نهایی، بر پایه نظریه مکانیک مولکولی به وجود آمد که در این مدل از اجزاء فنر کششی غیرخطی و فنر پیچشی برای مدلکردن اندرکنشهای بین اتمی استفاده شده است. آنها دریافتند که کایرالیتی^۶ نانولولهها نقش مهمی در شکست آنها دارد. بررسیهای آنها برای نانولوله زیگزاگ (۹،۰)، تنش شکست ۹۴ گیگاپاسکال و کرنش شکست ۱۲۴٪ و برای نانولوله آرمچیر (۵،۵)، تنش شکست ۱۲۳ گیگاپاسکال و کرنش شکست ۶۰/۲٪ را نشان می دهد.

تسریس و همکاران [۷] نیز یک مدل اجزاء محدود را برای نانولوله کربنی دارای عیب استون- ولز توسعه دادنـد کـه رفتـار پیوند C-C را غیرخطی فرض میکند. ایـن مـدل محدود بـه مواردی بود که تغییر شکلهای کوچک در نانولوله اتفاق میافتاد. آنها برای غلبه بر این تنگنا، مدل شکست پیشرونده را که قادر به شبیهسازی رفتار نانولوله تکجداره تحت شـرایط بارگـذاری مختلف مکانیکی است، پیشنهاد کردند. مدل شکست پیشرونده از یک مدل اجزاء محدود برای تحلیل سـاختار نانولولـه و یک پتانسیل بین اتمی بـرای تشـریح رفتـار غیرخطی پیونـد C-C استفاده میکند. مدل شکست پیشرونده از پتانسیل اصلاحشـده شکست بـرای نانولولـه معیوب آرمچیـر (۲۰،۱۲) بـهترتیب شکست آمده (۱۲،۱۲) بـهترتیب ۱۹/۶۸ و برای نانولوله معیوب زیگـزاگ (۰،۰۰) بهترتیب ۹۷/۶۸ گیگاپاسکال و ۱۵/۵۲٪ بهدست آمـده

ذاکری و شایانمهر [۸] نیز با استفاده از جزء تیر به مدلسازی نانولولههای کربنی پرداختند. آنها با این روش، مدول الاستیک نانولولههای کربنی کایرال را محاسبه کردند. همچنین محمد و همکاران [۹] با استفاده از جزء تیر، مدول الاستیک و مدول صلبیت نانولولههای کربنی زیگزاگ و آرمچیر را محاسبه کردند. لی و لی [۱۰] با استفاده از جزء تیر و اختصاص دادن جرم به نانولوله، به آنالیز مودال نانولولههای کربنی استوانهای و هرمی پرداختند.

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۵، شمارهٔ ۱، بهار ۱۳۹۵

ترک، از یک جزء تضعیف شده استفاده شده است ولی در این کار ترک از ابتدا در نانولوله به وجود نیامده است، بلکه در حین فرایند بارگذاری در محل عیب هندسی، با توجه به رسیدن تنش یک جزء به حد گسیختگی خود، شکست پیوند رخ می دهد و ترک حاصل از آن رشد می کند.

۱-۲- معرفی عیب

نانولوله ا دارای ساختار هندسی بسیار منظمی هستند. این مواد در حین فرایند تولید دچار اشکالاتی می شوند که خود را در قالب بی نظمی های هندسی نمایان می کنند. یکی از عیب های متداول هندسی در آن ها، عیب استون – ولز است. این عیب که در شکل ۱ قابل مشاهده است، به دلیل چرخش یک پیوند اتمی به وجود می آید که به همین دلیل در ساختار هندسی نانولوله دو پنج ضلعی متقابل و دو هفت ضلعی متقابل به وجود می آید. این عیب محل شروع شکست در بیشتر بار گذاری های مکانیکی محسوب می شود.

۲ – تحلیل اجزاء محدود نانولوله کربنی

در ساختار نانولوله بین هر دو اتم کربن یک پیوند کوالانسی قوی برقرار است. زمانی که نانولوله تحت بارگذاری قرار میگیرد، اندرکنش های متفاوتی بین اتمهای موجود در ساختار نانولوله اتفاق میافتد. عامل اصلی مقاومت نانولوله ها در برابر بارگذاری همین پیوندهای کوالانسی است که موجب به وجود آمدن عکس العمل های مختلفی در بین دو اتم کربن می شود. در شکل ۲ می توان سه نوع از این عکس العمل ها را مشاهده کرد.

همانطور که در شکل ۲ مشاهده می شود سه نوع عکسالعمل کششی، خمشی و پیچشی در پیوند کوالانسی به وجود می آید. برای شبیه سازی این اندر کنش ها به روش اجزاء محدود، جزء تیر انتخاب شده است که هر سه این ویژگی ها را داراست. البته باید خاطر نشان کرد که بین دو اتم کربنی که با یکدیگر پیوند کوالانسی ندارند، پیوند واندروالس برقرار است

در پژوهش حاضر با استفاده از روش اجزاء محدود بر پایـه مکانیک مولکولی، خواص مکانیکی و مکانیک شکست نانولولههای کربنی دارای عیب استون- ولز مورد بررسی قرار گرفته است. در این پژوهش از جزء تیر برای شبیهسازی رفتـار پیوند کربن- کربن استفاده شده است که منحنی تـنش- کـرنش غیرخطی آن با استفاده از پتانسیل اصلاحشده مورس بهدست آمده است. در این پژوهش بهدلیل کوچک بودن نسبت طول بـه قطر جزء تیر (تقریباً برابر یک)، از نظریے تیر تیموشنکو کے تغییر شکل های برشی را نیز در نظر می گیرد، برای تحلیل تغییرشکل جزء تیر استفاده شده است.این در حالی است که در پژوهشهای پیش از این، با صرفنظر کردن از تغییرشکلهای برشی که در مورد تیرهای ضخیم سهم عمدهای در میدان تغییر مکان دارند، از نظریه ساده تیر اویلر – برنولی استفاده شده است. بهدلیـل اینکـه عیـب هندسـی اسـتون– ولـز در میانـه نانولولـه جایگذاری شده است، برای جلوگیری از تأثیر اثرات تکیهگاهی روی نتایج نقطهی میانی (عیب هندسی)، نسبت طـول بـه قطـر نانولوله بیش از ۵ در نظر گرفته شده است. همچنین بهدلیل اینکه مکانیک شکست نانولولهها که با تغییرشکل های بزرگ همراه است، مورد بررسی قرار میگیرد، ایـن تغییرشـکلهـای بزرگ در نظر گرفته شده است که بهموجب آن ماتریس سختی نانولوله در هر مرحله بارگذاری تجدید (بهروز) می شود که این امر در کنار افزایش دقت حل، باعث افزایش قابل توجه زمان پردازش مدل بارگذاریشده، میشود. در پژوهشهای انجامشده پیشین، از این تغییرشکلهای بزرگ صرفنظر شده است که این موجب شده است نتايج أنها تنها براي حالت تغيير شكل هاي کوچک معتبر باشد. در این پژوهش برای تعیین نقش کـایرالیتی بر خواص مکانیکی و مکانیک شکست نانولولهها، مدلسازی نانولولههای کایرال نیز صورت گرفته است که در پژوهش. ای پیشین، بهدلیل دشواری تولید شبکه هندسی آنها بررسی نشده است. بههمین منظور یک نوع نانولوله زیگزاگ و آرمچیر و نیـز نانولوله کایرالی که زوج مرتب آن بین دو نانولوله قبلی است، مدلسازی شده است. در پژوهشهای پیشین، برای مدلسازی





شکل ۲– اندرکنش،های بین دو اتم کربن دارای پیوند کوالانسی

(1)

که بهمراتب از پیوند کوالانسی ضعیفتر است و میتوان از اثـر آن صرفنظر کرد [۱۱].

۲–۱– بهدست آوردن مشخصات جزء تیر

برای بهدست آوردن خصوصیات مکانیکی جزء بین دو گره از مکانیک ساختاری استفاده شده است. بلیشکو [۱۲] نشان میدهد که شکست نانولولهها وابسته به نقطه بیشینه نمودار انرژی پیوندی بین اتمی است و از انرژی شکست (جدایش) مستقل است. بنابراین چون بیشینه کرنش بین دو اتم زمانی

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۵، شمارهٔ ۱، بهار ۱۳۹۵

اتفاق می افتد که دو اتم گسسته شده زمانی برای ایجاد پیوند با دیگر اتمهای غیرپیوندی را ندارند، می توان از پتانسیل اصلاح شده مورس، که در موارد دمایی بین صفر تا ۵۰۰ درجه کلوین معتبر است، استفاده کرد. بر اساس رابطه پتانسیل اصلاح شده مورس، انرژی پتانسیل بین دو اتم کربن در نانولوله کربنی به صورت رابطه ۱ بیان می شود [۱۲].

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_{\text{stretch}} + \mathbf{E}_{\text{angle}}$$

$$E_{\text{stretch}} = D_e \left\{ \left[1 - e^{\beta(r - r_0)} \right]^2 - 1 \right\}$$
(7)



به شرح جزئیات روش مدل سازی اجزاء محدود نانولوله ها پرداخته می شود.

برای تحلیل اجزاء محدود از نرمافزار تجاری آنسیس^۷ استفاده شده است. برای شروع ابتدا شبکه هندسی نانولوله تولید می شود، برای این کار برنامه رایانهای به زبان فرترن^۸ نوشته شده است که هر سه نوع نانولوله آرمچیر، کایرال و زیگزاگ را تولید می کند. برنامه به این صورت عمل می کند که با وارد کردن مقادیر زوج مرتب (n, m) و تعداد تکرار سلول واحد نانولوله، ابتدا مختصات نقاط یا اتمهای صفحه گرافن را تولید می کند، سپس هر نقطه را به سه نقطه دیگر متصل می کند تا جزء بین دو گره تولید شود. به عبارتی، فرایند مش بندی توسط کد رایانهای انجام می شود. پس از تولید صفحه گرافن، با استفاده از تبدیل صفحه گرافن را بهدست آورد.

$$(X, Y, Z) = \left[R \cos\left(\frac{X}{R}\right), R \sin\left(\frac{X}{R}\right), y \right]$$
 (V)

در رابط ه ۷ مقادیر X، Y و Z مختصات نانولوك، x و y مختصات گرافن و R شعاع نانولوله است. تولید مدل اجزاء محدود در نرمافزار انسیس با استفاده از فایل خروجی برنامه رایانهای انجام می شود.

$$E_{angle} = \frac{1}{2} k_{\theta} (\theta - \theta_0)^2 \left[1 + k_{sextic} (\theta - \theta_0)^4 \right]$$
(Υ)

در رابط ۱ ، Estretch انرژی پیوندی ناشی از کشش و Eangle انرژی پیوندی ناشی از خمش پیوند است. در رابط ه ۲، ۲ و ۲۵ بهترتیب طول فعلی و اولیه پیوند کربن – کربن است و در رابطه ۳، ۵ و ۵۰ بهترتیب زاویه فعلی و اولیه بین دو پیوند مجاور هم است. پارامترهای ثابت این روابط بهصورت زیر تعریف می شود [۱۲].

$$\begin{aligned} & T_0 = 1.421 \times 10^{-10} \text{ m} & D_e = 6.03105 \times 10^{-19} \text{ Nm} \\ & B = 2.625 \times 10^{-10} \text{ m}^{-1} & \theta_0 = 2.094 \text{ red} \\ & k_\theta = 0.9 \times 10^{-18} \text{ Nm / rad}^2 & k_{sextic} = 0.754 \text{ red}^{-4} \quad (\texttt{\texttt{f}}) \end{aligned}$$

چون کشش پیوندی در شکست نانولوله ها تأثیر گذار است و اثر پتانسیل خمش پیوندی در آن بسیار کم است، فقط پتانسیل کشش پیوندی در نظر گرفته می شود [۱۲]. با توجه به اینکه رابطه ۲ به صورت تابع پتانسیل تعریف شده است، می توان با مشتق گرفتن از آن نیروی کشش اتمی بین دو اتم کربن را به دست آورد که نمودار آن در شکل ۳ قابل مشاهده است:

$$F = 2\beta D_{e}(1 - e^{\beta(r - r_{0})})e^{-\beta(r - r_{0})}$$
(Δ)

همان طور که در شکل ۳ مشاهده می شود، نیروی پیوند بین اتمی در کرنش ۱۹٪ به بیشینه مقدار خود می رسد و پس از آن به شدت کاهش پیدا می کند و به صورت مجانبی به عدد صفر میل می کند. رابطه نیرو – تغییر مکان پتانسیل اصلاح شده مورس با فرض مقطع دایره ای (Ådf14618) برای اجزاء و استفاده از روابط کرنش – تغییر مکان و تنش – نیرو به رابطه تنش – کرنش زیر تبدیل می شود.

σ = 1.875834×10¹² (1-e^{-3.730125})e^{-3.730125}
(۶)
رابطه ۶ به عنوان مبنای مدل سازی پیوند کربن - کربن در مدل
اجزاء محدود نانولوله کربنی مورد استفاده قرار می گیرد.

۲-۲ – الگوریتم مدلسازی و تحلیل اجزاء محدود پس از بهدست آوردن رابطه تنش – کرنش برای هر پیوند، کل هندسه نانولوله بهروش اجزاء محدود تحلیل می شود. در ادامه

تنش یک جزء از مقدار تنش نهایی اشاره شده، آن جزء از مدل حذف می شود و بارگذاری ادامه پیدا می کند. این روند بهطور خودكار تا زمان گسستگی كامل نانولوله ادامه پیدا میكند. بـرای بارگذاری نانولوله، گرههای یک انتهای آن در جهت x کاملاً مقید شده است و برای جلوگیری از حرکت صلبوار چند گره آن به صورت کامل با تمام درجات آزادی مقید شده است. گرههای انتهای دیگر نیز به صورت اعمال جابجایی در جهت x بارگذاری شدهاند. با توجه به اصل سنونانت، بـرای جلـوگیری از تأثیر تکیهگاه بـر نتـایج در منطقـه میـانی نانولولـه کـه مـورد بررسی است، نسبت طول به قطر همه نانولولههای مورد بررسی بیش از ۵ در نظر گرفته شده است. مشخصات هندسی نانولولههایی که در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفتهانـد، در جدول ۱ آورده شده است. در شکل ۴ مـش. دی و بارگـذاری نانولوله آرمچیر و زیگزاگ دارای عیب استون- ولز نشان داده شده است. تسریس [۷] نشان میدهد که استفاده از چند جزء بین هر دو گره در مدلسازی اجزاء محدود نانولولههای کربنی تأثیر بسیار کمی در دقت نتایج دارد ولی در مقابل هزینه زمانی تحلیل مدل را بسیار افزایش میدهد. بههمین منظور در پژوهش حاضر نیز فقط از یک جزء برای مدلسازی پیوند کربن- کربن استفاده شده است که در شکل ۴ قابل مشاهده است.

۳– نتایج شبیهسازی

با استفاده از مدلهای اجزاء محدود تولید شده و اجرای برنامه نوشته شده، بر روی مدلها بارگذاری انجام می شود. در حین فرایند بارگذاری مشاهده می شود که همواره تنش در یکی از اجزاء اطراف عیب استون – ولز به مقدار تنش شکست تعیین شده می رسد و به طور خودکار توسط برنامه حذف می شود. به عبارت دیگر محل شروع (هستهزایی) شکست، محل عیب هندسی است. پس از حذف یک جزء از مدل، سهم دیگر اجزاء از تحمل بار اعمالی افزایش پیدا می کند و به طور طبیعی اجزاء اطراف آن سریعتر به تنش نهایی خود می رسند. این روند تا شکست کامل نانولوله توسط برنامه اجرا می شود.

سپس نوع جزء مورد استفاده در نرمافزار أنسیس انتخاب می شود. رفتار جزء بین دو گره که تحت کشش، فشار، خمش و پیچش قرار می گیرد، مانند جزء تیر است، اما نکاتی باید در این انتخاب رعایت شود. همان طور که در بخش قبلی بیان شد، رابطه بین تنش و کرنش در یک پیوند کربن- کـربن غیرخطـی است، بنابراین جزء انتخاب شده نیز باید قابلیت رفتار غیر خطی ماده را داشته باشد. همچنین بهدلیل کوچکی نسبت طول ۲۵ به قطر d جزء که تقریباً برابر یک است، تغییرشکلهای برشی جزء اهمیت پیدا میکنند. به همین خاطر باید از جزئی استفاده شود که از معادلات نظری تیـر تیموشـنکو، پیـروی کنـد. هـمچنـین بەدلىل اينكـه در ھنگـام گسـيختگى نانولولـه، تغييرشـكل،هـاي بزرگی در اجزا بهوجود میآید، باید اجزایی مورد استفاده قـرار گیرد که قابلیت تحلیل تغییرشکلهای بزرگ را نیز داشته باشـد. جزء BEAM188 هر سه قابلیت یاد شده را دارد، لذا از این جزء برای شبیهسازی رفتار پیوند کربن- کربن استفاده میشود. البته بايد به اين نكته توجه شود كه هر سه مورد نام برده در بالا، باعث افزایش ویژگی غیرخطی بودن و به دنبال آن افزایش زمان پردازش مدل می شود. به عنوان مثال برای پردازش نانولوله (۸ ۸) با ۱۱۸۴ جزء توسط یک سامانه پردازشی با قدرت ۲/۸ گیگاهرتز، زمانی بالغ بر ۷۲ ساعت سپری شده است.

در مدل سازی فرایند شکست نانولوله، به دلیل کاهش شدید نیروی بین اتمی پس از کرنش ۱۹٪، در مدل اجزاء محدود فرض شده است که پس از این مقدار کرنش، جزء قداد به تحمل بار نیست. از اینرو نمودار تنش – کرنش برای هر جزء تا کرنش ۲۰٪ با ۲۱ نقطه به صورت جدول به عنوان خصوصیات ماده جزء تیر در نرمافزار آنسیس وارد شده است. مقدار تنش ماده جزء تیر در نرمافزار آنسیس وارد شده است. مقدار تنش ربرای مدل سازی فرایند شکست، برابر ۲۵/۴۶ گیگاپاسکال است. زبان برنامه نویسی طراحی پارامتریک آنسیس^ه که ویژه نرمافزار آنسیس است، نوشته شده است. در این برنامه پس از شروع بارگذاری، به طور خودکار تنش هر جزء نمایه می شود و مقدار تنش در هر جزء نانولوله بررسی می شود. در صورت تجاوز

L/D	طول ([°] A)	قطر ([°] A)	نوع نانولوله
11/80	40/4V	٣/٩١	زیگزاگ (۵،۰)
٩/ • ٧	۷۱/۰۵	$V/\Lambda \Upsilon$	زیگزاگ (۱۰،۰)
1 • / 1 1	49/49	۴/۸۹	کايرال (۵،۲)
٨/١۶	49/94	8/11	کايرال (۵،۴)
٧/۴۰	۵۰/۲۲	\mathcal{P}/VA	آرمچير (۵،۵)
۵/۵۵	۶۰/۳۰	۱ • /۸۵	آرمچير (۸۸)

جدول ۱- مشخصات هندسی نانولولههای مدلسازی شده



مقدار تنش نهایی و کرنش نهایی برای نانولوله زیگزاگ (۵،۵) طبیعی بهترتیب ۹۴/۴ گیگاپاسکال و ۲۳٪ است. همان طور که در شکل ۵ مشاهده می شود تأثیر عیب استون – ولز بر تنش و کرنش نهایی نانولولهی زیگزاگ ناچیز است به گونهای که تنش نهایی ۲٪ و کرنش نهایی ۱۶٪ کاهش پیدا می کند. بر اساس شکل ۵ الگوی شکست در نانولوله (۵،۵) به صورت شکست ترد است، یعنی به محض اینکه یکی از اجزاء گسیخته می شود، فرایند شکست بقیه اجزاء بسیار سریع رخ می دهد و نمودار تنش – کرنش پس از نقطه بیشینه ادامه پیدا نمی کند. این

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۵، شمارهٔ ۱، بهار ۱۳۹۵

۳-۱- منحنی تنش - کرنش نانولولههای کربنی برای بررسی تأثیر عیب هندسی استون – ولز بر استحکام نهایی نانولولهها، نمودار تنش – کرنش نانولولههای طبیعی و معیوب برای هر سه نوع نانولولهی تکجدارهی آرمچیر، کایرال و زیگزاگ در ادامه ارائه میشود. همانطور که در شکل ۵ نشان داده شده است، نمودار تنش – کرنش نانولوله زیگزاگ (۵،۰) به صورت غیر خطی به دست آمده است که با نتایج دیگر پژوهشگران هماهنگی دارد. شیب تغییرات برای هر دو نانولوله طبیعی و معیوب نیز یکسان است. بر اساس نتایج به دست آمده

روند برای هر دو نوع نانولوله طبیعی و معیـوب قابـل مشـاهده است.

مقدار تنش و کرنش نهایی برای نانولولهی (۱۰،۰۰) بهترتیب برابر ۹۴/۶ گیگاپاسکال و ۲۳٪ است. با توجه به شکل ۶ که منحنی تنش – کرنش نانولولهی زیگزاگ (۱۰،۰۰) را به تصویر کشیده است، میتوان گفت که عیب استون – ولز در این نوع نانولوله باعث ۳٪ کاهش در تنش نهایی و ۱۳٪ کاهش در کرنش نهایی شده است.

در شکلهای ۷ و ۸ نمودار تنش – کرنش نانولولههای کایرال بهترتیب (۵،۲) و (۵،۴) مشاهده میشود. بنابر دانش نویسنده، مدلسازی این نوع نانولوله تابه حال بندرت توسط پژوهشگران صورت گرفته است.

با ملاحظه به نمودار شکلهای ۷ و ۸ مقدار تنش و کرنش نهایی برای نانولوله طبیعی (۵،۲) به ترتیب ۹۱/۳ گیگاپاسکال و ۱۲/۱٪ و برای نانولوله ی طبیعی (۵،۴) به ترتیب ۱۲۱ گیگاپاسکال و ۸۵/۹۱٪ به دست آمده است. نمودار شکلهای ۷ و ۸ همچنین نشان می دهد که تأثیر عیب استون – ولز بر مقادیر تنش و کرنش نهایی نانولوله کایرال متناسب با کایرالیتی آن متفاوت است، به گونهای که برای نوع (۵،۴) تنش و کرنش نهایی نهایی به ترتیب ۲٪ و ۴٪ و برای نوع (۵،۴) تنش و کرنش نهایی مشاهده می شود که تغییرات تنش – کرنش غیر خطی است و فرایند شکست به صورت ترد اتفاق می افتد.

نتایج مدلسازی برای نانولوله آرمچیر نشان میدهد که تنش و کرنش نهایی برای نانولوله طبیعی (۵،۵) بهترتیب ۱۱۵ گیگاپاسکال و ۱۹/۵٪ است. برای نانولوله طبیعی (۸،۸) نیز مقادیر تنش و کرنش نهایی بهترتیب ۱۲۰ گیگاپاسکال و ۱۸/۵٪ بهدست آمده است. نمودار شکلهای ۹ و ۱۰ نشان میدهند که عیب استون – ولز دارای تأثیر زیادی بر تنش و کرنش نهایی نانولوله آرمچیر نسبت به نانولوله زیگزاگ است، بهگونهای که تنش و کرنش نهایی نانولوله معیوب (۵،۵) بهترتیب ۲۸٪ و ۴۴٪



۴۱٪ کاهش یافته است. نانولوله آرمچیر نیز مانند نانولوله زیگزاگ و کایرال، دارای تغييرات تنش – كرنش غيرخطي است. فرايند شكست نانولوك آرمچیر نیز به صورت شکست ترد است. نکته قابل توجه در همه نمودارهای تنش - کرنش ارائه شده در مطالب بالا، این است که نحوه (شیب) تغییرات تنش و کرنش برای هر دو نـوع نانولوك طبيعيي و معيوب تفاوت چنداني نـدارد و تقريباً می توان گفت که شیب تغییرات آنها با یک دیگر براب ر است. برای اعتبارسنجی، نتایج این پژوهش با نتایج بهدست آمده توسط دیگر پژوهشگران مقایسه شد. مقایسه مقادیر بهدست آمده تـنش نهایی و کـرنش نهایی بـرای نانولولـههای مـورد بررسی در این پژوهش با نتایج دیگر پژوهشگران و روشهای دیگر در جدول ۲ درج شده است. با توجه به مقادیر درجشده برای تنش و کرنش نهایی در جدول ۲ میتوان دریافت که نتايج پژوهش حاضر توافق خوبي با نتايج روش اجزاء محـدود به کار گرفته شده توسط دیگر پژوهشگران دارد. اختلاف نتایج با مقادیر روشهای تجربی و مکانیک مولکولی بیشتر است. روش تجربی مقادیر کمتری را برای استحکام نهایی نشان میدهد که ناشی از عیوب در حین تولید نانولول است که در روشهای مکانیک مولکولی و اجـزاء محـدود در نظـر گرفتـه نمی شوند. در روش مکانیک مولکولی، تعداد کمی از اتمها در نظر گرفته می شوند و معادلات حرکت نیوتنی برای آن ها حل می شوند. به همین دلیل نتایج آن برای نانولوله های کوتاه بهدست أمده است که این موضوع باعث میشود با مقادیر روش اجزاء محدود که نانولوله های بلند را بررسی میکند، اختلاف داشته باشد. اختلاف در بین روش های اجـزاء محـدود نيز به اين دليل است كه اجزاء متفاوتي بهعنوان پيونـد كـربن-کربن توسط پژوهشگران مورد استفاده قرار گرفته است. به عنوان مثال روسی [۱۳] از اجزاء فنر کششی و پیچشی برای پیوند کربن- کربن و تسریس [۷] مانند کار کنونی از جـزء تیـر استفاده کرده است.

نانولوله معیوب (۸،۸) نیز تنش و کرنش نهایی بهترتیب ۳۰٪ و





نوع نانولوله	مرجع	روش	تنش نهایی (گیگاپاسکال)	كرنش نهايي (./)
(۵،۰) طبیعی	کار حاضر	اجزاء محدود	94/4	۲۳
	[1٣]	اجزاء محدود (فنر)	٩٣/٨	11/1
(۵،۰) معيوب	کار حاضر	اجزاء محدود	٩٢/٣	۱۹/۳
(۰،۱۰) طبيعي	کار حاضر	اجزاء محدود	٩۴/۶	۲۱
	[10]	ديناميک مولکولي	٩٢/۵	-
	[1]	تجربى	١٠۵	۲۰
	[1٣]	اجزاء محدود (فنر)	٩۴/٧	1//4
	[18]	مولكولي/كوانتومي	ЛЛ	14/1
(۰،۱۰) معيوب	کار حاضر	اجزاء محدود	٩٢	۱۸/۲
(۵،۲) طبیعی	كارحاضر	اجزاء محدود	٩١/٣	14/1
(۵،۲) معيوب	کار حاضر	اجزاء محدود	٨٩/۵	١٣/۴٨
(۵،۴) طبیعی	کار حاضر	اجزاء محدود	117	18/10
(۵،۴) معيوب	کار حاضر	اجزاء محدود	۲/۲۸	۱۰/۴
(۵،۵) طبیعی	کار حاضر	اجزاء محدود	110	19/8
	[V]	اجزاء محدود (تير)	122/04	19/84
	[1]	مكانيك كوانتومي	110	٣٠
	[1٣]	اجزاء محدود (فنر)	111/1	19/90
	[18]	مولكولي /كوانتومي	١٠۵	۲٩/V
(۵،۵) معيوب	کار حاضر	اجزاء محدود	۸۳/۲	11
	[Y]	اجزاء محدود (تير)	97/44	11/01
	[18]	مولكولي/كوانتومي	ЛЛ	18/5
(۸۸) طبیعی	کار حاضر	اجزاء محدود	۱۲۰	۱۸/۶
	[14]	چگالی تابعی	110	۲٩/۵
(۸۸) معيوب	کار حاضر	اجزاء محدود	٨۴/٣	١٠/٩

جدول ۲– تنش نهایی و کرنش نهایی نانولولههای طبیعی و دارای عیب استون– ولز

(۱۰،۰) که دارای عیب استون – ولز است نشان داده شده است. مشاهده می شود که پس از بارگذاری، اولین اجزایی که به مقدار تنش شکست خود می رسند، همان اجزای اطراف عیب استون – ولز هستند که در راستای طولی نانولوله قرار دارند. بر مبنای الگوریتم شرح داده شده در بخش ۲ – ۱، جزئی که به مقدار تنش شکست خود برسد توسط برنامه رایانه ای از مدل اجزاء محدود

۳–۲– مسیر رشد ترک در نانولولهی کربنی

در زمینه پژوهشها بر روی نانولولههای کربنی، شناسایی مسیر رشد ترک ناشی از شکستن اجزاء نیز مورد علاقه پژوهشگران بوده است. بههمین منظور در ادامه بهبررسی مکانیزم و مسیر رشد ترک در نانولولههای مورد بررسی پرداخته میشود. در شکل ۱۱ مراحل متوالی فرایند شکست یک نانولوله زیگزاگ



شکل ۱۱– مراحل شکست نانولوله زیگزاگ (۱۰،۰) دارای عیب استون– ولز

حذف می شود. پس از حذف این جزء از مدل، به طور طبیعی سهم اجزاء طولی همین ردیف از بار اعمال شده افزایش پیدا مییابد و این اجزاء قبل از بقیه اجزاء نانولوله به مقدار تنش شکست خود می رسند و از مدل حذف می شوند. این فرایند تا زمان گسیختگی کامل نانولوله در همین راستا ادامه پیدا می کند. مطابق شکل ۱۱ مسیر شکست عمود بر راستای طولی نانولوله است.

در شکل ۱۲ مراحل شکست یک نانولوله کایرال (۲،۵) تحت بارگذاری که دارای عیب استون – ولز است، نشان داده شده است. مطابق این شکل مشاهده می شود که اجزاء اطراف محل عیب هندسی به بیشینه تنش خود می رسند که پس از حذف آنها از مدل، سهم اجزاء اطراف آنها از بار اعمال شده افزایش پیدا می کند و در نتیجه شکست در همین راستای محیطی ادامه پیدا می کند. به دلیل اینکه اجزاء نانولوله کایرال با محور طولی نانولوله زاویه دارند، مسیر شکست این نانولولهها عمود بر محور طولی نانولوله نیست و به صورت مورب شکست روی می دهد.

شکل ۱۳ یک نانولولـه آرمچیـر (۸،۸) تحـت بارگـذاری را

نشان می دهد که دارای عیب استون – ولز است. همان طور که در شکل ۱۳ مشاهده می شود، در ابتدای بارگذاری چند جزء اطراف عیب هندسی که مورب هستند، به بیشینه تنش خود می رسند و توسط برنامه رایانهای از مدل تحت بارگذاری حذف می شوند. با حذف این اجزاء و در پی آن افزایش سهم دیگر اجزاء از بار اعمال شده، دیگر اجزاء نزدیک عیب استون – ولز خیلی سریع به تنش شکست خود می رسند. این فرایند شکست پیش رونده با همین روند ادامه می یابد تا در نهایت نانولوله با زاویه ۴۵ درجه نسبت به محور طولی گسیخته می شود.

۴- نتیجه گیری

- ۱. روش اجزاء محدود بر پایه مکانیک اتمی با فرض رفتار قاب فضایی قادر است که رفتار نانولوله های کربنی طبیعی و معیوب را شبیه سازی کند.
- ۲. در این پژوهش با روش اجزاء محدود اثر عیب استون ولـز بر تنش و کرنش نهایی نانولولههای کربنی زیگزاگ، کایرال و آرمچیر مورد بررسی قرار گرفت.
- ۳. نتایج شبیهسازی درباره نانولولـهی طبیعـی زیگـزاگ نشـان

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۵، شمارهٔ ۱، بهار ۱۳۹۵



شکل ۱۲– مراحل شکست نانولوله کایرال (۲،۵) دارای عیب استون– ولز

میدهد که تنش و کرنش نهایی برای نانولولهی (۵،۵) بهترتیب برابر ۹۴/۴ گیگاپاسکال و ۲۳٪ و برای نانولوله (۰،۰۱) برابر ۹۴/۶ گیگاپاسکال و ۲۱٪ است. تأثیر عیب استون- ولز بر تنش و کرنش نهایی نانولوله زیگزاگ بسیار ناچیز است، بهگونهای که تنش نهایی ۲-۳٪ و کرنش نهایی ۲-۱۳/ کاهش پیدا میکند.

۴. بر اساس دانش نویسندگان، تاکنون پژوهشی پیرامون رفتار مکانیکی نانولوله کایرال صورت نگرفته است. بههمین منظور شبیهسازی این نوع نانولوله نیز انجام شد که بر اساس نتایج آن، تنش نهایی و کرنش نهایی برای نانولوله (۵،۲) بهترتیب برابر ۹۱/۳ گیگاپاسکال و ۱/۲۱٪ و برای نانولولهی (۵،۴) استون ولز متناسب با کایرالیتی نانولوله بر مقادیر تنش و کرنش نهایی آن تأثیر میگذارد، بهگونهای که مقدار تنش نهایی حدود ۲–۲۷٪ و مقدار کرنش نهایی حدود مرابر ۹۸–۴٪ کاهش پیدا میکند. بهعبارت دیگر هر چقدر نانولوله کایرال از حالت زیگزاگ به آرمچیر تغییر میکند، تأثیر عیب بر استحکام نهایی آن بیش تر میشود.

۵. بر اساس نتایج بهدست آمده از شبیهسازی، تــنش و کـرنش

نهایی برای نانولولهی آرمچیر طبیعی (۵،۵) بهترتیب نهایی برای نانولولهی آرمچیر طبیعی (۵،۵) بهترتیب ما گیگاپاسکال و ۱۹/۵٪ است. برای نانولوله (۸،۸) نیز مقادیر تنش و کرنش نهایی بهترتیب برابر ۱۲۰ گیگاپاسکال و ۸/۵۱٪ بهدست آمده است. بر اساس نتایج حاصل میتوان گفت عیب استون ولز بر تنش و کرنش نهایی نانولوله آرمچیر تأثیر بیشتری نسبت به نانولوله زیگزاگ میگذارد بهگونهای که تنش نهایی نانولولههای آرمچیر معیوب حدود کرنش نهایی نانولولههای آرمچیر طبیعی است.

- ۶. نانولوله آرمچیر طبیعی دارای استحکام بیشتری نسبت به نانولولههای بهترتیب کایرال و زیگزاگ است. اما وقتی که عیب استون – ولز در آنها وجود داشته باشد، نانولوله زیگزاگ دارای استحکام بیشتری نسبت نانولولههای بهترتیب کایرال و آرمچیر است. بهعبارت دیگر عیب استون – ولز بیشترین تأثیر کاهشی در تنش و کرنش نهایی را بر روی نانولوله آرمچیر میگذارد.
- ۷. مسیر رشد ترک به عنوان یکی از بخش های مورد بررسی در شکست نانولول های کربنی در انواع مختلف نانولول ه آرمچیر، زیگزاگ و کایرال بررسی شد.



شکل ۱۳– مراحل شکست نانولوله آرمچیر (۸۸) دارای عیب استون– ولز

كايرال مختلف، متفاوت است. ۱۰. در نانولولههای آرمچیر معیوب، پس از شکستن اولین جزء، اجزای مورب اطراف آن گسیخته می شوند و این روند ادامه ییدا میکند. بههمین دلیل مسیر رشـد تـرک ناشـی از عیـب استون – ولز با محور طولي داراي زاويه ۴۵ درجه است. .۱۱ نتایج بهدست آمده در قسمت تنش و کرنش نهایی و مسیر رشد ترک توافق بسیار خوبی با کارهای آزمایشگاهی و روش ديناميک مولکولي دارد.

۸. پس از بارگذاری بر روی نانولوله زیگزاگ مشاهده مے شود که در محل عیب استون- ولز هسته اولیه ترک ایجاد می شود. چون در ساختار نانولولهی زیگزاگ اجزایی در راستای طولی وجود دارد، مسیر رشد ترک عمود بر محور طولی نانولوله است.

۹. در نانولوله کایرال بهدلیل اینکه تمام اجزای نانولوله با محـور طولي زاويه دارند، مسير رشد ترک ناشي از عيب استون – ولز با محور طولی زاویه دارد. زاویه این مسیر شکست متناسب با زوج مرتب کایرالیتی (n, m) در نانولولههای

واژەنامە

- 1. molecular dynamics 2. Cauchy-Born rule
- 4. progressive fracture model
- 3. representative volume element
- 5. Stone-Wales (SW) defect
- 6. chirality

- 7. Ansys 8. Fortran 9. Ansys parametric design language

- 1. Yu, M.F., Lourie, O., Dyer, M.J., Moloni, K., Kelly, T.F. and Ruoff, R.S., "Strength and Breaking Mechanism of Multiwalled Carbon Nanotubes under Tensile Load", Science, Vol. 287, pp. 637-640, 2000.
- 2. Belytschko, T. and Xiao, S.P., "Coupling Methods for Continuum Model with Molecular Model", Multi Scale Computational Engineering, Vol. 1, pp. 115-126, 2003.

- 3. Zhang, P., Huang, Y., Geubelle, P.H., Klein, P. and Hwang, K.C., "The Elastic Modulus of Single Wall Carbon Nanotubes: Continuum Analysis Incorporating Interatomic Potentials", *Solid Structure*, Vol. 39, pp. 3893-3906, 2002.
- 4. Li, C. and Chou, T.W., "A Structural Mechanics Approach for the Analysis of Carbon Nanotubes", *International Journal of Solids and Structures*, Vol. 40, pp. 2487–2499, 2003.
- 5. Xiao, J.R., Staniszewski, J. and Gillespie Jr, J.W., "Fracture and Progressive Failure of Defective Graphene Sheets and Carbon Nanotubes", *Composite Structures*, Vol. 88, pp. 602–609, 2009.
- Rossi, M. and Meo, M., "Tensile Failure Prediction of Single Wall Carbon Nanotube", *Engineering Fracture Mechanics*, Vol. 73, pp. 2589–2599, 2006.
- Tserpes, K.I., Papanikos, P. and Tsirkas, S.A., "A Progressive Fracture Model for Carbon Nanotubes", *Composites: Part B*, Vol. 37, pp. 662–669, 2006.
- 8. Zakeri, M. and Shayanmehr, M., "On the Mechanical Properties of Chiral Carbon Nanotubes", *Journal of Ultrafine Grained and Nanostructured Materials*, Vol. 46, No. 1, pp. 1-9, 2013.
- Muhammad, I.D., Awang, M., Mamat, O. and Ku Shaari, K.Z., "Estimating Young's Modulus of Single-Walled Zirconia Nanotubes using Nonlinear Finite Element Modeling", *Journal of Nanomaterials*, Vol. 2015, pp. 1-9, 2015.
- 10. Lee, J.H. and Lee, B.S., "Modal Analysis of Carbon Nanotubes and Nanocones using FEM", *Journal of*

Computational Materials Science, Vol. 51, pp. 30-42, 2012.

- Odegard, G.M., Gates, T.S., Nicholson, L.M. and Wise, K.E., "Equivalent Continuum Modeling of Nano-Structured Materials", *Composites Science and Technology*, Vol. 62, pp. 1869–80, 2002.
- Belytschko, T., Xiao, S.P., Schatz, G.C. and Ruoff, R.S., "Atomistic Simulations of Nanotube Fracture", *Physical Review B*, Vol. 65, pp. 1-12, 2002.
- Rossi, M. and Meo, M., "On the Estimation of Mechanical Properties of Single walled Carbon Nanotubes by Using a Molecular-Mechanics Based FE Approach", *Composites Science and Technology*, Vol. 69, pp. 1394–1398, 2009.
- Ogata, S. and Shibutani, Y., "Ideal Tensile Strength and Band Gap of Single-Walled Carbon Nanotubes", *Physical Review B*, Vol. 68, pp. 1-4, 2003.
- Jeng, Y.R., Tsai, P.C. and Fang, T.H., "Effects of Temperature and Vacancy Defects on Tensile Deformation of Single-Walled Carbon Nanotubes", *Journal of Physics and Chemistry of Solids*, Vol. 65, pp. 1849–1856, 2004.
- 16. Khare, R., Mielke, S.L., Paci, J.T., Zhang, S., Ballarini, R., Schatz, G.C. and Belytschko, T., "Coupled Quantum Mechanical/Molecular Mechanical Modeling of the Fracture of Defective Carbon Nanotubes and Graphene Sheets", *Physical Review B*, Vol. 75, 075412, 2007.