



حس‌گری فشرده بلوکی با استفاده از آستانه‌گیری

نرم ضرایب تبدیل تطبیقی

هادی هادیزاده

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر، دانشگاه صنعتی قوچان، قوچان، ایران

چکیده

در این مقاله، روشی نوین جهت بازسازی تصاویر بر اساس نمونه‌های بدست آمده از اعمال «حس‌گری فشرده بلوکی» ارائه می‌شود. جهت حصول به کیفیت بازسازی بالا در روش پیشنهادی، ابتدا یک تبدیل تطبیقی بلوکی توسعه داده می‌شود که از همبستگی و شباهت بلوک‌های همسایه یک بلوک موردنظر در تصویر برای حصول به تُنکسازی بالاتر آن بلوک، استفاده می‌کند؛ سپس، برای کاهش نوفره و اعوجاجات احتمالی به وجود آمده در فرآیند بازسازی و در عین حال حفظ میزان تُنکی ضرایب، از یکتابع آستانه‌گیری نرم استفاده می‌شود که قادر است به صورت تطبیقی، ضرایب تبدیل را برای افزایش کیفیت بازسازی تصویر، پالایش کند. نتایج تجربی به دست آمده نشان می‌دهند که روش پیشنهادی از دقت و کیفیت بازسازی بالاتری در مقایسه با چندین روش موجود برخوردار است.

واژگان کلیدی: حس‌گری فشرده، آستانه‌گیری نرم، تبدیل تطبیقی، تُنکی.

Block-Based Compressive Sensing Using Soft Thresholding of Adaptive Transform Coefficients

Hadi Hadizadeh

Faculty of Electrical Engineering, Quchan University of Technology, Quchan, Iran

Abstract

Compressive sampling (CS) is a new technique for simultaneous sampling and compression of signals in which the sampling rate can be very small under certain conditions. Due to the limited number of samples, image reconstruction based on CS samples is a challenging task. Most of the existing CS image reconstruction methods have a high computational complexity as they are applied on the entire image. To reduce this complexity, block-based CS (BCS) image reconstruction algorithms have been developed in which the image sampling and reconstruction processes are applied on a block by block basis. In almost all the existing BCS methods, a fixed transform is used to achieve a sparse representation of the image, however such fixed transforms usually do not achieve very sparse representations, thereby degrading the reconstruction quality. To remedy this problem, we propose an adaptive block-based transform, which exploits the correlation and similarity of neighboring blocks to achieve sparser transform coefficients. We also propose an adaptive soft-thresholding operator to process the transform coefficients to reduce any potential noise and perturbations that may be produced during the reconstruction process, and also impose sparsity. Experimental results indicate that the proposed method outperforms several prominent existing methods using four different popular image quality assessment metrics.

Keywords: Compressive Sampling, Soft Thresholding, Adaptive Transform, Sparsity

در حقیقت، بهمنظور بازسازی مناسب سیگنال‌های نمونهبرداری شده توسط CS، آن سیگنال‌ها می‌بایست در یک حوزه تبدیل^۵ تا حد امکان تُنک^۶ (پراکنده) باشند، به این معنی که انرژی بیشینه سیگنال در تعداد کمی از ضرایب تبدیل سیگنال مرکز باشد [۱]. بدین صورت، سیگنال موردنظر در حوزه تبدیل را می‌توان با تعداد کمی از نمونه‌های تصادفی بازسازی کرد و سپس با محاسبه عکس تبدیل استفاده شده، تقریبی از سیگنال اصلی را بهدست آورد. در سال‌های گذشته، روش‌های بازسازی CS مختلفی برای تصاویر دیجیتال پیشنهاد شده‌اند که از خاصیت تُنکی تصاویر در حوزه تبدیل‌های مختلف بهره می‌برند [۳,۴]. از جمله مشهورترین این روش‌ها، می‌توان به روش‌های^۷ GPSR^۸ [۵] و SAMP^۹ [۶] اشاره کرد. در عده‌ای این روش‌ها، فرآیند بازسازی بر روی کل تصویر به صورت یکجا انجام می‌شود که این امر باعث افزایش پیچیدگی محاسباتی الگوریتم بازسازی می‌شود. برای کاهش این مشکل، در [۷] روشی موسوم به "حس‌گری فشرده بلوکی"^{۱۰} (BCS^۹) پیشنهاد شد که در آن یک تصویر ابتدا به بلوک‌های غیرهمبوشان از ابعاد یکسان تقسیم‌بندی و سپس هر بلوک به طور مستقل، نمونهبرداری، پردازش و یا بازسازی می‌شود. چنین طرحی دارای سه مزیت مهم است: (۱) از آنجایی که ابعاد کلیه بلوک‌ها یکسان است، می‌توان از یک ماتریس نمونهبرداری یکسان برای همه بلوک‌ها استفاده کرد که این امر موجب کاهش حافظه مصرفی برای ذخیره‌سازی ماتریس نمونهبرداری در سمت فرستنده (گُددگار^{۱۱} یا نمونهبردار) می‌شود. (۲) از آنجایی که هر بلوک به صورت مستقل نمونهبرداری و پردازش می‌شود، سیگنال بازسازی شده اولیه در سمت گیرنده را می‌توان با سرعت بیشتری (بدون انتظار برای بازسازی کلیه بلوک‌ها) به دست آورد. امکان پردازش موازی این امر نیز میسر است. (۳) از آنجایی که گُددگار (فرستنده) نیاز ندارد که صبر کند تا کلیه بلوک‌ها نمونهبرداری شوند و سپس اطلاعات را ارسال کند، از BCS می‌توان در کاربردهای زمان‌واقعی و پلادرنگ استفاده کرد.

در روش BCS پیشنهاد شده در [۷]، جهت بازسازی تصویر نمونهبرداری شده، از یک الگوریتم تکراری سه مرحله‌ای مبتنی بر هموارسازی، آفکنش (تصویرکردن)^{۱۲} و

^۵ Transform

^۶ Sparse

⁷ Gradient Projection for Sparse Reconstruction

⁸ Sparsity Adaptive Matching Pursuit

⁹ Block-based Compressive Sampling

¹⁰ Encoder

¹¹ Projection

در سامانه‌های مرسوم تصویربرداری دیجیتال، تصاویر طبیعی اغلب ابتدا با یک نرخ نمونهبرداری بالا تبدیل به یک فرمت دیجیتال و سپس توسط یک استاندارد فشرده‌سازی تصویر همانند JPEG و یا JPEG2000 فشرده‌سازی می‌شوند تا حجم اطلاعات ذخیره‌شده کاهش یابد. بدلیل پیچیدگی محاسباتی چنین فرآیندی، توان مصرفی سامانه‌های تصویربرداری مرسوم بالاست؛ اما استفاده از چنین طرحی در سامانه‌های تصویربرداری توان پایین همانند سامانه‌هایی که در شبکه‌های حس‌گری بی‌سیم (WSN^۱) و شبکه‌های توزیع شده^۲ استفاده می‌شوند، امکان پذیر نیست؛ چون در این سامانه‌ها اغلب توان محاسباتی در سمت فرستنده بسیار محدود است. در چند سال گذشته، طرحی موسوم به "حس‌گری یا نمونهبرداری فشرده"^۳ (CS^۳) توسعه یافته که قادر است به طور همزمان فرآیند نمونهبرداری و فشرده‌سازی را انجام دهد. اساس و مبنای CS بر اساس پژوهش‌های انجام‌شده توسط Candes^۴ و همکارانش [۱] و Donoho [۲] پایه‌ریزی شد. این پژوهش‌گران نشان دادند که تحت یکسری از شرایط خاص، یک سیگنال را می‌توان با تعداد محدودی از نمونه‌ها با دقت بسیار خوبی بازسازی کرد. به عبارت دیگر، آن‌ها نشان دادند که برای بازسازی دقیق برخی از سیگنال‌ها همانند تصاویر طبیعی، نرخ نمونهبرداری می‌تواند کمتر از نرخ نایکوئیست باشد؛ لذا با استفاده از مفهوم CS، می‌توان نرخ نمونهبرداری، توان مصرفی و پیچیدگی محاسباتی در سامانه‌های دیجیتال جمع‌آوری اطلاعات را به طور چشم‌گیری کاهش داد. در حقیقت، با استفاده از CS، فرآیند نمونهبرداری و فشرده‌سازی تا حد ضرب یک ماتریس خاص موسوم به "ماتریس نمونهبرداری"^۴ با سیگنال موردنظر ساده می‌شود که این ویژگی، موجب استفاده فراوان CS در بسیاری از کاربردهای عملی خصوصاً کاربردهای بلادرنگ و زمان‌واقعی شده است [۳,۴]. گفتنی است که در مقوله CS، تنها نیاز به بازسازی سیگنال با استفاده از نمونه‌های استخراج شده وجود ندارد و بلکه از مفهوم CS برای استخراج ویژگی‌های مختلف از تصاویر نیز می‌توان استفاده کردد [۱].

با توجه به نمونهبرداری محدود در CS، بازسازی سیگنال نمونهبرداری شده مسائلی چالش‌برانگیز است.

¹ Wireless Sensor Network

² Distributed Networks

³ Compressive Sampling

⁴ Measurement (Sampling) Matrix



استفاده می‌شود. در این روش، ازتابع آستانه‌گیری نرم برای حذف و یا کاهش نویه‌های احتمالی تولید شده در فرآیند تکراری بازسازی استفاده می‌شود. تبدیل Curvelet قادر است تا تصاویر را در جهات و زوایای مختلف پردازش کند و لذا با استفاده از آن، نمایش تُنکتری را از تصویر می‌توان به دست آورد.

در [19]، روشی مشابه با BCS-SPL موسوم به روش GrC-CS^{۱۴} پیشنهاد شد که در آن فرآیند بازسازی به جای اعمال بر روی بلوک‌های مختلف تصویر، بر روی تکه‌هایی از تصویر موسوم به گرانول (دانه) اعمال می‌شود. گرانول‌ها با استفاده از یک معیار "خوشبندی مبتنی بر گرانول"^{۱۵} به دست می‌آیند. در این روش، تصویر ورودی ابتدا بر اساس ویژگی‌های ساختاری تکه‌های مختلف تصویر به تعدادی گرانول (دانه) تقسیم‌بندی می‌شود؛ سپس، آنالیز مؤلفه اصلی (PCA)^{۱۶} بر روی هر گرانول اعمال می‌شود تا یک تبدیل تُنکساز بر اساس مؤلفه‌های اصلی محاسبه شده به دست آید؛ سپس، ضرایب تبدیل به دست آمده، همانند روش اصلی BCS-SPL توسط یکتابع آستانه‌گیری سخت برای کاهش نویه پالایش و این فرآیند به صورت تکراری تا حصول به یک کیفیت بازسازی مناسب تکرار می‌شود.

در [22]، یک روش BCS تطبیقی ارایه شد که در آن نرخ نمونه‌برداری بلوک‌های مختلف بر اساس اهمیت بصری آن‌ها به صورت تطبیقی در سمت فرستنده (کدگذار) تعییر می‌کند. اهمیت بصری بلوک‌ها در سمت گیرنده (کدگذار) محاسبه شده و از طریق یک کانال بازخورد به فرستنده ارسال می‌شود. برای اندازه‌گیری اهمیت بصری بلوک‌ها، ابتدا بلوک‌ها بر اساس اندازه ضرایب DCT آن‌ها در سه ناحیه فرکانس پایین، میانی و بالا به سه دسته محتوای صاف، لبه و پافت تقسیم‌بندی شده و سپس بر اساس نوع محتوا، نرخ نمونه‌برداری متفاوتی برای هر بلوک در نظر گرفته می‌شود. در سمت گیرنده، از روش مشهور بازسازی BCS-SPL ارایه شده در [7] استفاده می‌شود.

در [23]، یک روش فشرده‌سازی تصویر بر مبنای BCS برای شبکه‌های متشكل از حسگرهای بی‌سیم ارایه شد که در آن در سمت فرستنده، نمونه‌برداری از تصویر به صورت تطبیقی در حوزه تبدیل موجک Haar با استفاده از میزان انرژی باقی‌مانده در هر حسگر و کیفیت پیوند مخابراتی آن انجام می‌شود تا مجموع انرژی مصرف شده در

آستانه‌گیری^۱ استفاده می‌شود که در مرحله نخست هر تکرار، ابتدا تصویر با یک فیلتر هموارکننده^۲ پالایش می‌شود تا عیوب و اعوجاجات احتمالی به وجود آمده در مرحله تکرار قبلی کاهش یابند. در مرحله دوم، تصویر هموارشده با یک تبدیل تُنکساز^۳ بلوکی پردازش شده تا ضرایب تبدیل برای هر بلوک به دست آیند؛ سپس، این ضرایب بر روی یک مجموعه محاسبه می‌شود^۴ خاص آفکنده (نگاشته یا تصویر) می‌شوند. پس از آن در مرحله سوم، برای تحمیل تُنکی سیگنال حاصله در حوزه تبدیل، از یکتابع آستانه‌گیری سخت^۵ استفاده می‌شود. این سه مرحله تا حصول به یک کیفیت بازسازی مطلوب تکرار می‌شوند؛ درواقع، این روش نمونه‌ای از الگوریتم مشهور لندوبر آفکنده شده (PL^۶) [8] است که در آن از یک مرحله هموارسازی تصویر برای کاهش عیوب موازیکی‌شدن به خصوص در لبه بین بلوک‌ها، استفاده می‌شود. درنتیجه، روش بازسازی پیشنهادی در [7] با نام مستعار BCS-SPL^۷ شناخته می‌شود.

برای حصول به کیفیت بالا در هنگام بازسازی یک تصویر بر اساس نمونه‌های CS آن، میزان تُنکی تصویر در حوزه تبدیل استفاده شده، نقش بسیار مهمی دارد. به عنوان مثال، در [7] از دو تبدیل UWT^۸ و OLT^۹ برای این امر استفاده می‌شود. در [9]، از تبدیل مشهور و پرکاربرد^{۱۰} در الگوریتم BCS-SPL استفاده می‌شود. در [10]، نشان داده شده است که تبدیل جهت‌دار Contourlets می‌تواند میزان تُنکی سیگنال را افزایش دهد و لذا از آن در الگوریتم بازسازی BCS-SPL استفاده شده است. همچنین در [10]، از تبدیلات DWT^{۱۱} و DDWT^{۱۲} نیز در BCS-SPL استفاده شده است و نتایج تجربی به دست آمده نشان داده‌اند که تبدیل DDWT از عملکرد بسیار خوبی در مقایسه با سایر تبدیل‌ها برخوردار است؛ چون این تبدیل قادر است تا تصویر را در جهات مختلف پردازش کند. در [11] از تبدیل گسسته Curvelet در الگوریتم BCS-SPL استفاده شده و به جای استفاده از تابع "آستانه‌گیری سخت" [12] از یکتابع ICT^{۱۳} "آستانه‌گیری تکراری" ضرایب Curvelet موسوم به

^۱ Thresholding

^۲ Smoothing Filter

^۳ Sparsifying Transform

^۴ Convex Set

^۵ Hard Thresholding

^۶ Projected Landweber

^۷ Smoothed Projected Landweber

^۸ Undecimated Wavelet Transform

^۹ Oversampled Lapped Transform

^{۱۰} Discrete Cosine Transform

^{۱۱} Discrete Wavelet Transform

^{۱۲} Dual-tree DWT

^{۱۳} Iterative Curvelet Thresholding

^{۱۴} Granular-computing-based CS

^{۱۵} Granular-computing-based Clustering

^{۱۶} Principle Component Analysis

می‌برد. در [24]، مرور مختصر و مفیدی از روش‌های مبتنی بر TV ارایه شده است.

همان‌طورکه مشاهده می‌شود، در بیشتر روش‌های پادشاه، تبدیل استفاده شده، یک تبدیل ثابت بوده و بر اساس محتوای تصویر تغییر نمی‌کند. بدینهی است چنانچه بتوان تبدیلی طراحی کرد که بر اساس محتوای تصویر به صورت تطبیقی^۵ تغییر کند تا بیشترین میزان تنگی تصویر را نتیجه دهد، از آن تبدیل می‌توان در الگوریتم BCS-SPL برای حصول به کیفیت بازسازی بالاتری استفاده کرد. در این مقاله، ابتدا یک تبدیل "تنک ساز تطبیقی"^۶ برای الگوریتم BCS-SPL پیشنهاد می‌دهیم که از شباهت و همبستگی بین بلوک‌های مجاور در یک تصویر برای تنک‌سازی بیشتر بلوک‌ها در حوزه تبدیل استفاده می‌کند. به عبارت دیگر، تبدیل پیشنهادی به صورت تطبیقی برای هر یک از بلوک‌های تصویر محاسبه و اعمال می‌شود. در حقیقت، خواهیم دید که تبدیل پیشنهادی برای یک بلوک، از بردارهای ویژه ماتریس همبستگی مجموعه‌ای از شبیه‌ترین بلوک‌ها به بلوک موردنظر تشکیل می‌شود؛ سپس، به منظور کاهش یا حذف نوافه یا اعوجاج‌های احتمالی تولیدشده در فرآیند تکراری BCS-SPL و در عین حال افزایش میزان تنگی سیگال، یک تابع "آستانه‌گیری تطبیقی"^۷ پیشنهاد می‌دهیم که توسط آن ضرایب حاصل از اعمال تبدیل تطبیقی پیشنهادی بر روی هر یک از بلوک‌های تصویر به صورت نرم و بر اساس توزیع احتمال ضرایب نوافه‌ای در دسترس، پالایش (آستانه‌گیری) می‌شوند تا تقریب بهتری از ضرایب بدون نوافه مجهول و درنتیجه تصویر اصلی از نمونه‌برداری شده به دست آید. توجه شود که روش پیشنهادی در این مقاله، در حقیقت، همان روش اصلی BCS-SPL است؛ اما با دو تفاوت: ۱) در روش پیشنهادی از تبدیل تطبیقی پیشنهادی به جای تبدیل ثابت همانند DCT استفاده می‌شود و ۲) از آستانه‌گیری نرم تطبیقی پیشنهادی به جای آستانه‌گیری سخت و غیرطبیقی روش BCS-SPL استفاده می‌شود.

توجه شود که روش پیشنهادی در این مقاله، فقط یک روش بازسازی تصویر بر اساس نمونه‌های BCS آن است و به عبارت دیگر، روش پیشنهادی در سمت گیرنده یا گذربدار پیاده‌سازی می‌شود؛ لذا، روش پیشنهادی با روش‌های پیشنهاد شده در [22] و [23]^۸ که فقط روشی برای

شبکه کاهش یابد. به طور خاص، در این روش، نرخ نمونه‌برداری هر بلوک به صورت تطبیقی بر اساس تابعی از انرژی ضرایب تبدیل، میزان انرژی باقی‌مانده در حس‌گر مربوطه و کیفیت پیوند مخابراتی آن تعیین می‌شود. در سمت گیرنده، نیز از روش مشهور بازسازی BCS-SPL ارایه شده در [7] استفاده می‌شود.

در [20]، روش BCS دیگری موسوم به DBCS-FOCUSS پیشنهاد شد که برخلاف روش BCS-SPL که در آن عملیات هموارسازی و تنک‌سازی در دو مرحله مجزا انجام می‌شود، این دو مرحله به صورت همزمان و بدون استفاده از آستانه‌گیری، فقط با بهینه‌سازی یک تابع هدف تعریف شده انجام می‌گیرد. همان‌طورکه در [20] نشان داده شده است، انجام این دو مرحله به طور همزمان، میزان تنک‌بودن ضرایب تبدیل را بهبود داده و درنتیجه کیفیت بازسازی بهبود می‌یابد. در [25]، نیز نسخه سریع این روش پیشنهاد شد.

از دیگر روش‌های مشهور، روش موسوم به BCS-TV [13] است که در آن فرآیند نمونه‌برداری به صورت غیربلوکی انجام می‌شود؛ اما فرآیند بازسازی به صورت غیربلوکی با استفاده از منطق کمینه‌سازی مجموعه‌تغییرات^۹ (TV¹) بر روی کل تصویر انجام می‌شود که در آن میزان تنگی تصویر به همراه میزان همواربودن تصویر به عنوان دو قید بهینه‌سازی استفاده می‌شوند.

در [21]، یک روش BCS برای تصاویر و ویدیوها بر مبنای روش کمینه‌سازی TV ارایه شد که در آن تلاش می‌شود تا عیوب موزاییکی در لبه بلوک‌ها با استفاده از یک روش رفع نوافه^{۱۰} و همچنین پردازش بلوک‌ها در حوزه گرادیان، تا حد امکان کاهش یابد؛ همچنین در این روش برای بهبود کیفیت تصویر بازسازی شده و بازسازی جزئیات با وضوح پایین، از یک روش توصیف تنک تکه‌ای^{۱۱} نیز به صورت یک مرحله پس‌پردازش استفاده می‌شود. اگرچه نتایج تجربی به دست آمده حاکی از کیفیت بازسازی خوب این روش است؛ اما همان‌طورکه در بخش نتیجه‌گیری این مقاله اشاره شده است، به دلیل استفاده از فیلتر رفع نوافه میانگین‌های غیر محلی (NLM^{۱۲}) و همچنین روش توصیف تنک تکه‌ای پیچیدگی محاسباتی این روش بسیار بالاست و در عمل مزیت استفاده از BCS برای کاهش حجم محاسبات در مقایسه با روش‌های CS غیربلوکی موجود را زیر سوال

¹ Total Variation

² Denoising

³ Patch-based Sparse Representation

⁴ Non-local Means

توسط حس‌گری فشرده را بیان می‌کند. در عبارت بالا، نرخ نمونه‌برداری حس‌گری فشرده برابر است با $\rho = M/N$. بنابراین چنانچه $M = N$ ، نمونه‌برداری در نرخ کامل صورت می‌گیرد، اما در عمل، بسیاری از سیگنال‌ها همانند تصاویر را می‌توان با نرخ نمونه‌برداری بسیار پایین‌تری گذگاری و سپس بازسازی کرد که این موضوع، یکی از مزایای تئوری حس‌گری فشرده در مقایسه با شیوه سنّتی نمونه‌برداری بر اساس نرخ نایکوئیست سیگنال‌ها است. کلمه "فشرده" در عبارت حس‌گری فشرده نیز ریشه در این موضوع دارد. از مشهورترین و پرکاربردترین تبدیل‌های تُنک ساز می‌توان به تبدیل کسینوسی گسیله⁷ (DCT) و تبدیل موجک اشاره کرد؛ حال فرض کنید که بردار نمونه‌های فشرده y در اختیار است و می‌خواهیم با آن سیگنال اصلی x را بازسازی یا واگشایی⁸ کنیم. اگر Φ یک ماتریس رتبه کامل باشد، ساده‌ترین راه برای این امر، استفاده از تبدیل $\hat{x} = \Phi^{\dagger}y$ است که در آن Φ بیان‌گر شبهمعکوس⁹ Φ است؛ اما در عمل، ممکن است Φ یک ماتریس رتبه کامل نباشد؛ لذا برای بازسازی یک سیگنال اصلی می‌توان از مسئله بهینه‌سازی زیر موسوم به مسئله تعقیب پایه (BP)¹⁰ [6] استفاده کرد:

$$\hat{\theta} = \operatorname{argmin}_{\theta} \|\theta\|_1 \quad \text{s. t. } y = \Phi x, \quad (2)$$

که در آن $\|\cdot\|_1$ بیان‌گر نرم یک¹¹ θ است که برابر با مجموع ضرایب غیرصفر θ است. به عبارت دیگر، مسئله بهینه‌سازی بالا تلاش می‌کند تا تُنک‌ترین بردار ممکن برای θ را به دست آورد؛ بهنحوی که توسط آن همچنان بتوان به معادله $\mathbf{y} = \Phi x = \Phi(\Psi\theta)$ دست یافت. توجه فرمایید که سیگنال بازسازی‌شده را می‌توان توسط عبارت $\Psi\hat{\theta} = \hat{x}$ به دست آورد که در آن \hat{x} بیان‌گر سیگنال بازسازی‌شده (که تقریبی از x است) است. متأسفانه این روش حجم محاسباتی بسیار بالایی دارد چون مسئله بهینه‌سازی بر روی کل تصویر اعمال می‌شود. روش‌های سریع‌تر متعددی برای حل مسئله بهینه‌سازی بالا پیشنهاد شده‌اند که از جمله مشهورترین آن‌ها می‌توان به روش‌های "تعقیب تطبیقی متعمد" (OMP)¹² [16] اشاره کرد. اما همچنان، این روش‌ها نیز برای کاربردهای بلادرنگ و زمان‌واقعی بهدلیل حجم محاسبات بالا مناسب نیستند.

⁷ Discrete Cosine Transform

⁸ Decoding

⁹ Pseudo-Inverse

¹⁰ Basis Pursuit

¹¹ L1-Norm

¹² Orthogonal Matching Pursuit

نمونه‌برداری در سمت فرستنده یا گذگار ارایه می‌کنند، متفاوت است. گفتگوی است که روش‌های پیشنهادی در [22] و [23] از همان روش BCS-SPL مشهور برای بازسازی تصویر استفاده می‌کنند.

نتایج تجربی به دست آمده نشان می‌دهند که روش پیشنهادی که آن را به اختصار ABCS¹-SPL² می‌نامیم، از دقت و کیفیت بصری بالاتری در بازسازی تصاویر در نرخ‌های نمونه‌برداری مختلف در مقایسه با روش‌های مطرح موجود همچون BCS-TV و DBCS-FOCUSS³ برخوردار است. برای مقایسه کیفیت بصری روش پیشنهادی با سایر روش‌های مطرح موجود علاوه‌بر معیار⁴ PSNR از سه معیار "ارزیابی کیفیت تصویر"⁵ مشهور SSIM [14]، FSIM [15] و VIF [18] استفاده می‌کنیم.

طرح و سازمان کلی این مقاله بدین صورت است که در بخش ۲ به مرور مختصر مفهوم حس‌گری فشرده و همچنین نوع بلوکی آن می‌پردازم. بهطور خاص، الگوریتم بازسازی BCS-SPL اصلی را شرح می‌دهیم. روش پیشنهادی در بخش ۳ شرح داده می‌شود. آزمایش‌های انجام‌شده و نتایج به دست آمده در بخش ۴ ارایه خواهد شد و در پایان، در بخش ۵، نتیجه‌گیری مطالب ارایه می‌شود.

۲- مبانی حس‌گری فشرده

۲-۱- حس‌گری فشرده

فرض کنید که $x \in R^N$ یک سیگنال \mathbf{z} -تُنک⁶ نسبت به یک پایه (تبدیل) متعامد $\Psi \in R^{N \times N}$ باشد، بدین معنی که پس از انتقال سیگنال x به حوزه تعریف شده توسط آن پایه، تعداد \mathbf{z} ضریب غیرصفر در حوزه تبدیل به دست آید. بر طبق تئوری حس‌گری فشرده، سیگنال x را می‌توان با M نمونه، به صورت زیر حس‌گری یا اندازه‌گیری کرد تا بردار نمونه‌ها (ضرایب) y را به دست آورد:

$$y = \Phi x = \Phi(\Psi\theta), \quad (1)$$

که در آن ماتریس Φ یک ماتریس نمونه‌برداری⁷ (حس‌گری یا اندازه‌گیری) از ابعاد $M \times N$ است، بهطوری که در آن⁸ M نیز بردار ضرایب تبدیل است که اگر سیگنال N تبدیل یافته توسط Ψ -تُنک باشد، تنها \mathbf{z} عنصر آن غیرصفر است. عبارت بالا، فرآیند نمونه‌برداری یا گذگاری

¹ Adaptive BCS-SPL

² Peak Signal-to-Noise Ratio

³ Image Quality Assessment

⁴ k-Sparse

⁵ Orthogonal Basis

⁶ Sampling Matrix

الگوریتم BCS-SPL را نشان می‌دهد. در این الگوریتم، جهت واگشایی نمونه‌های تولیدشده برای بلوک‌های مختلف و تبدیل آن‌ها به یک تصویر بازسازی شده \hat{x} ، از یک فرآیند تکراری دومرحله‌ای استفاده می‌شود. در مرحله نخست، ابتدا یک فیلتر هموارساز وینر^۱ دوبعدی بر روی یک تصویر بازسازی شده اولیه اعمال می‌شود تا عیوب موزاییکی و نووفه در آن کاهش یابد؛ سپس هر یک از بلوک‌های موجود در تصویر حاصله، برداری شده و با آفکنش (تصویر کردن)^۲ آن به یک مجموعه محدب \mathbb{C} نزدیکترین بردار به آن در \mathbb{C} یافت می‌شود. مجموعه محدب یادشده به صورت یک ابرصفحه $\mathbb{g} : \Phi g = y\}$ ^{۱۱} تعریف می‌شود. برای هر بردار دلخواه x ، نزدیکترین بردار $(\Phi x, y, \Phi)$ ^{۱۰} بر \mathbb{C} به صورت زیر یافت می‌شود:

$$\varphi(x, y, \Phi) = x + \Phi^T(y - \Phi x), \quad (\text{f})$$

که در آن فرض شده است که Φ یک ماتریس متعامد نرمالیزه شده است. پس از آفکش محدب، ممکن است نویسه‌ای به بلوک‌های به دست آمده اضافه شود. برای کاهش این نویسه، در مرحله دوم از یک تابع آستانه‌گیری سخت^{۱۰} $\mathcal{H}(\Psi, x, k)$ استفاده می‌شود. در این تابع، سیگنانال ورودی x ابتدا توسط تبدیل f به Ψx می‌شود و سپس n ضریب بزرگتر f نگاه داشته می‌شوند. به طور معادل، می‌توان فقط ضرایبی را که اندازه آن‌ها از یک حد آستانه بزرگتر باشد، نگاه داشت و سایر ضرایب را برابر صفر قرار داد؛ درنهایت، عکس تبدیل^{۱۱} Ψ^{-1} بر روی f اعمال مم شود تا سیگنانال، یا سازی، شده x' به دست آید.

دو مرحله بالا، بهصورت متوالى در داخل يك حلقه تکرار میشوند تا يك شرط خروج از حلقه حاصل شود. شرط خروج میتواند همگرایی پاسخ (اندازه گیری شده توسط يك معیار دلخواه) و يا رسیدن به يك تعداد تکرار مشخص باشد. بهاختصار، دو فرآيند آفکنش محدب و آستانه گيری ساخت برای بازسازی رامین بلوك بر حسب نمونههای CS آن يعني z_y ، بهصورت زير بيان میشود. ابتدا ضرائب π_k در مرحله تکرار (i) بهصورت زير بهدست میآيند:

$$\tilde{\boldsymbol{\theta}}_i^{(i)} = \hat{\boldsymbol{\theta}}_i^{(i)} + \boldsymbol{\Psi}^{-1} \boldsymbol{\Phi}_B^T (\mathbf{y}_i - \boldsymbol{\Phi}_B \boldsymbol{\Psi} \hat{\boldsymbol{\theta}}_i^{(i)}), \quad (5)$$

همان طور که اشاره شد، اعمال فرآیند بازسازی حسگری فشرده بر روی کل یک تصویر به طور معمول از حجم محاسباتی بسیار بالایی برخوردار است که این امر امکان استفاده از آن را در کاربردهای زمان واقعی و بلادرنگ محدود می‌سازد. برای رفع این مشکل، الگوریتمی موسوم به حسگری فشرده بلوکی (BCS⁽¹⁾) در [7] معرفی شد که در آن یک تصویر به تعدادی بلوک غیرهمپوشان تقسیم شده و سپس فرآیند حسگری فشرده و بازسازی بر روی هر یک از بلوک‌ها به صورت مجزا اعمال می‌شود. بدین صورت، از یک ماتریس نمونه برداری به مراتب کوچک‌تر استفاده می‌شود. اگرچه حجم محاسبات روش BCS در مقایسه با حالت اصلی (که در آن نمونه برداری و بازسازی بر روی کل تصویر انجام می‌شود) بسیار پایین‌تر است، اما در تصویر بازسازی شده با BCS، عیوب فرکانس بالایی به خصوص در لبه بین بلوک‌های مختلف به وجود می‌آید که کیفیت بصری تصویر بازسازی شده را کاهش می‌دهد. برای رفع این مشکل، الگوریتمی موسوم به BCS-SPL⁽²⁾ در [7] پیشنهاد شد که در آن از یک فیلتر هموارکننده و یک فرآیند آستانه‌گیری تکراری برای کاهش عیوب موازیکی شدن⁽³⁾ در لبه بین بلوک‌های مختلف استفاده می‌شود. نظر به اهمیت این الگوریتم در این مقاله، در ادامه به شرح مختصر روش BCS-SPL می‌پردازیم.

در روش BCS-SPL یک تصویر داده شده x ابتدا به بلوک‌های غیرهمپوشان از ابعاد $B \times B$ تقسیم‌بندی می‌شود. هر بلوک با پیوست کلیه ستون‌های آن به یکدیگر برداری شده و به یک بردار z از طول B^2 تبدیل می‌شود که در آن زیان‌گر ز-امین بلوک است. پس از آن، هر بردار x توسط یک ماتریس نمونه‌برداری بلوکی Φ_B ، نمونه‌برداری می‌شود تا یک بردار از نمونه‌ها y به صورت زیر به دست آید:

$$y_j = \Phi_B x_j = \Phi_B(\Psi \theta_j), \quad (3)$$

که در آن θ بیان‌گر ضرایب تبدیل برای ز-امین بلوک و طول بردار حاصله z برابر با $M_B = (M/N)B^2$ و ماتریس $\Phi_B \in R^{M_B \times B^2}$ است. ماتریس تبدیل Ψ از ابعاد $B^2 \times B^2$ طوری انتخاب می‌شود که متعامد نرمالیزه شده باشد؛ یعنی $\Phi_B \Phi_B^T = 1$. یک انتخاب مشهور برای Φ_B استفاده از ماتس س. گاوس-تصادف، i.i.d. مالتی نرمال شده است [11].

8 Wiener

Wigner 9 Projection

Projection 10 Convex Set

¹¹ Hyper-plane

¹² Hard Thresholding Function

1 Block-Based Compressed Sensing

Block-Based Compressed Sensing ² Smoothed Projected Landweber BCS

³ Smoothing Filter

⁴ Iterative Thresholding Process

⁵ Blocking Artifacts

⁶ Orthonormal

⁷ Independent and Identically Distributed

موجود بین آن‌ها برای بهبود کیفیت بازسازی الگوریتم BCS-SPL استفاده کرد. یک راه برای بهره‌بردن از این موضوع، طراحی یک تبدیل تطبیقی برای تُنکسازی بیشتر سیگنال‌های مورد بازسازی است. برای این منظور، برای هر بلوک x_j ($j = 1, \dots, J$) در تصویر بازسازی شده اولیه، ابتدا در یک پنجره جستجو با ابعاد مشخص حول هر بلوک دلخواه، مجموعه‌ای از بلوک‌های هماندازه که بیشترین تشابه را با بلوک موردنظر دارند، می‌یابیم. مرکز پنجره یادشده برابر با مرکز بلوک موردنظر (x_j) در نظر گرفته می‌شود. معیار تشابه می‌تواند هر معیار دلخواه نظیر^۳ MSE یا^۴ MAD باشد و بلوک‌های استخراج شده می‌توانند دارای همپوشانی باشند؛ سپس، کلیه بلوک‌های به دست آمده بُرداری می‌شوند. فرض کنید که w_j^k بیانگر k -امین بلوک بُرداری شده به دست آمده برای x_j باشد که در آن K بیانگر تعداد کل بلوک‌های مشابه یافته شده است. پس از آن، ماتریس همبستگی (گرام)^۵ کلیه بلوک‌های مشابه یافته شده برای بلوک موردنظر به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$R_j = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^K (w_j^k)^T w_j^k \quad (8)$$

که در آن T بیانگر ترانهاده است. این ماتریس، همبستگی متقابل بین هر یک از بلوک‌های استخراج شده را در بر دارد؛ سپس، بُردارهای ویژه ماتریس R_j با استفاده از الگوریتم تجزیه مقادیر تکین (SVD^۶) [17] به صورت $R_j = U_j D_j U_j^T$ محاسبه می‌شوند که در آن U_j ماتریس حاوی بُردارهای ویژه و D_j ماتریس قطری حاوی مقادیر ویژه است. درنهایت، پیشنهاد می‌کنیم تا از ماتریس U_j به عنوان یک تبدیل تطبیقی^۷ برای تُنکسازی x_j در روش BCS-SPL استفاده کنیم؛ یعنی $z_j = U_j \Psi_j$. از آنجایی که بُردارهای ویژه به دست آمده بر اساس مشابه‌ترین بلوک‌ها به x_j محاسبه شده‌اند، آن‌ها را می‌توان به عنوان اتم‌های سازنده z_j در نظر گرفت؛ به نحوی که با ترکیب خطی تعداد محدودی از آن‌ها می‌توان بلوک اصلی x_j را توصیف کرد؛ لذا، با استفاده از آن‌ها می‌توان یک توصیف تُنک از x_j به دست آورد. توجه شود که روش پیشنهادی، در حقیقت، یک روش بازسازی تصویر بر اساس نمونه‌های اخذشده با حسگری فشرده بلوکی در سمت گیرنده است و برای محاسبه تبدیل تطبیقی پیشنهادی، تنها از اطلاعات تصویری موجود در سمت گیرنده استفاده می‌شود؛ به عبارت دیگر، در سمت فرستنده، تنها

³ Mean Square Error

⁴ Mean Absolute Deviation

⁵ Correlation (Gram) Matrix

⁶ Singular Value Decomposition

⁷ Adaptive Transform

که در آن آستانه‌گیری سخت توسط آستانه $t^{(i)}$ به صورت زیر انجام می‌شود:

$$\hat{\theta}_j^{(i)} = \begin{cases} \tilde{\theta}_j^{(i)}, & |\tilde{\theta}_j^{(i)}| \geq t^{(i)} \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases} \quad (9)$$

سپس، بازسازی بلوک به صورت زیر انجام می‌شود:

$$x_j^{(i+1)} = \Psi \hat{\theta}_j^{(i)} + \Phi_B^T (\mathbf{y}_j - \Phi_B \Psi \hat{\theta}_j^{(i)}), \quad (7)$$

که در آن $x_j^{(i+1)}$ بیانگر ز-امین بلوک بازسازی شده در مرحله $(i+1)$ است.

۳- روش پیشنهادی

۱-۳- معرفی کلی

برخلاف مشهوریت و کیفیت بازسازی بالای الگوریتم BCS-SPL، این الگوریتم از یک تبدیل ثابت همانند DCT یا موجک استفاده می‌کند. بدیهی است هر چه سیگنال موردنظر با استفاده از تبدیل اعمالی تُنک‌تر باشد، کیفیت سیگنال بازسازی شده بالاتر خواهد بود و برعکس؛ لذا چنانچه بتوان تبدیلی به دست آورد که به صورت تطبیقی، بر اساس محتوای سیگنال تغییر کند تا میزان تُنکی سیگنال را در مقایسه با تبدیلهای ثابت نظیر DCT و موجک، افزایش دهد. با استفاده از آن می‌توان کیفیت بازسازی الگوریتم BCS-SPL را افزایش داد. همچنین، در الگوریتم BCS-SPL از یکتابع آستانه‌گیری سخت^۸ به عنوان یک عملگر کاهنده نویه در حوزه تبدیل استفاده می‌شود تا ضرایب تبدیلی که اندازه آن‌ها از یک آستانه مشخص کوچک‌تر هستند، حذف شوند تا بدین صورت، از یک طرف، نویه احتمالی بوجود آمده در فرآیند تکراری الگوریتم BCS-SPL حذف شود و یا کاهش یابد و از طرف دیگر، تُنک‌بودن سیگنال در هر مرحله تحمیل شود. بدیهی است هر چه آستانه‌هایی یادشده با دقت بیشتری محاسبه شوند، کیفیت سیگنال بازسازی شده بهتر خواهد بود. برای این منظور، در روش پیشنهادی، یکتابع آستانه‌گیری نرم^۹ را پیشنهاد می‌دهیم که در آن، آستانه مربوطه به صورت تطبیقی بر اساس ضرایب نویه‌ای در دسترس محاسبه می‌شود. در ادامه، به شرح مفصل روش پیشنهادی می‌پردازیم.

۲- تبدیل تطبیقی پیشنهادی

از آنجایی که بلوک‌های مجاور در تصاویر شباهت‌های بسیار زیادی به یکدیگر دارند، می‌توان از همبستگی و شباهت

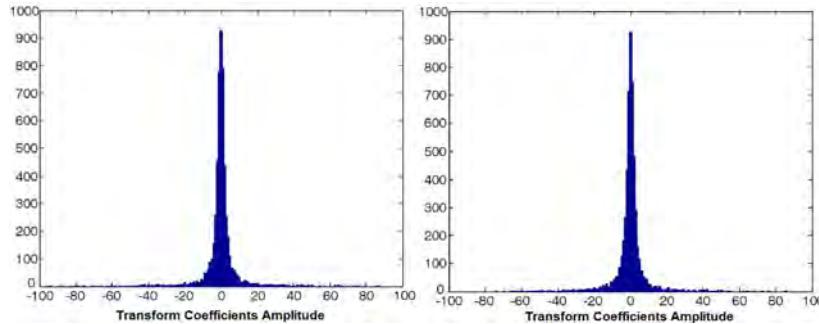
⁸ Hard Thresholding

⁹ Soft Thresholding

می‌توان از هر روش دلخواهی استفاده کرد. برای مثال، می‌توان از الگوریتم اصلی BCS-SPL برای این منظور استفاده کرد. بدینهای است، هر چه کیفیت تصویر بازسازی شده اولیه بهتر باشد، کیفیت تصویر بازسازی شده نهایی بیشتر خواهد بود.

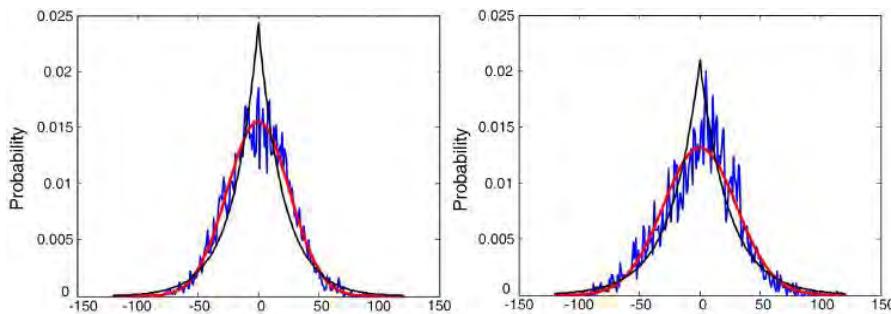
نمونه‌برداری سیگنال به صورت بلوکی انجام شده و نیازی به ارسال بردارهای ویژه هر بلوک به گیرنده نیست؛ چون این بردارها تنها در سمت گیرنده محاسبه می‌شوند.

مشاهده می‌شود که روش پیشنهادی، تصویر نهایی را از روی یک تصویر بازسازی شده اولیه تولید می‌کند. برای به دست آوردن تصویر بازسازی شده اولیه در روش پیشنهادی،



(شکل-۱): هیستوگرام دامنه ضرایب تبدیل تطبیقی پیشنهادی برای دو تصویر سطح خاکستری بدون نویه Barbara (سمت چپ) و Lena (سمت راست).

(Figure-1): Histogram of the transform coefficients amplitude for clean Barbara (left) and Lena (right).



(شکل-۲): توزیع آماری نویه برای دو تصویر Barbara (سمت چپ) و Lena (سمت راست). منحنی آبی توزیع تجربی نویه را نشان می‌دهد در حالی که منحنی قرمز و مشکی، به ترتیب، یک توزیع گاووسی برآش شده و یک توزیع لابلسین برآش شده بر روی توزیع تجربی نویه را نشان می‌دهد.

(Figure-2): The statistical distribution of noise for Barbara (left) and Lena (right). The blue curve shows the empirical distribution of noise while the red and black curves shows the Gaussian fit and Laplacian fit, respectively.

فرض کنید \hat{v}_j بیان گر ضرایب تبدیل \mathbf{x}_j با استفاده از تبدیل تطبیقی Ψ_j پیشنهادی در بخش قبل به صورت $\hat{v}_j = \Psi_j \mathbf{x}_j$ باشند. در هر مرحله تکرار از الگوریتم BCS-SPL، نویه یا اعوجاجی در تصویر بازسازی شده در آن مرحله به وجود می‌آید (همانند اعوجاج‌های موزاییکی³ در لبه بلوک‌ها) و لذا ضرایب نویه‌ای در حوزه تبدیل (\hat{v}_j) را می‌توان به صورت زیر بیان کرد:

$$\hat{v}_j = v_j + n_j, \quad (9)$$

که در آن n_j بیان گر نویه یا اعوجاج اضافه شده ناشناس است. در اینجا هدف از فرآیند کاهش نویه، تخمین ضرایب بدون نویه v_j با استفاده از ضرایب نویه‌ای \hat{v}_j در دسترس است.

³ Blocking Artifacts

۳-۳- عمل گر آستانه‌گیری نرم پیشنهادی

در بیشتر روش‌های کاهش نویه^۱ در حوزه تبدیل، همانند روش به‌کاررفته در الگوریتم اصلی BCS-SPL، فرض شده است که نویه موجود یک نویه گاووسی سفید اضافه شونده است. هر چند که این فرض در عمل ممکن است، صحیح نباشد. در این بخش، یک عمل گر آستانه‌گیری نرم و تطبیقی در حوزه تبدیل پیشنهاد می‌دهیم که این محدودیت را ندارد و از آن می‌توان برای کاهش نویه در تصاویر بازسازی شده در هر مرحله از الگوریتم BCS-SPL استفاده کرد.

¹ Denoising

² Adaptive White Gaussian Noise

در الگوریتم BCS-SPL به تصویر اصلی بدون نوفه دسترسی نداریم، واریانس ضرایب تبدیل تصویر بدون نوفه یعنی σ_j^2 را می‌توان با استفاده از تخمین‌گر "بیشینه احتمال" (ML)⁶ با متoscipط‌گیری بر روی ضرایب تبدیل نوفه‌ای \hat{v}_j در یک همسایگی حول v_j یعنی $(\hat{v}_j | \Omega)$ به صورت زیر به دست آورد:

$$\sigma_j^2 = \operatorname{argmax}_{\sigma_j^2} \left\{ \prod_{j' \in \Omega(j)} \Pr_{\hat{v}_j | v_j}(\hat{v}_{j'} | \sigma_j^2) \right\} = \max(0, -\sigma_{n_j}^2) \quad (12)$$

که در آن γ تعداد نمونه‌های موجود در همسایگی (j) است و $\Pr_{\hat{v}_j | v_j}(\hat{v}_{j'} | \sigma_j^2)$ بیانگر توزیع گاووسی با میانگین صفر و واریانس $\sigma_j^2 + \sigma_{n_j}^2$ است. در این مقاله، از همسایگی‌های ۳×۳ برای این منظور استفاده می‌کنیم. حال، به منظور تخمین v_j با استفاده از \hat{v}_j ، از تخمین‌گر MAP به صورت زیر استفاده می‌کنیم:

$$v_j = \operatorname{argmax}_{v_j} \{ \Pr_{\hat{v}_j | v_j}(\hat{v}_j | v_j) \}. \quad (13)$$

بر اساس روابط بالا و اعمال قانون بیز، می‌توان به دست آورد:

$$v_j = \operatorname{argmax}_{v_j} \left\{ \Pr_{\hat{v}_j | v_j}(\hat{v}_j | v_j) \Pr_v(v_j) \right\} = \operatorname{argmax}_{v_j} \{ \Pr_n(\hat{v}_j - v_j) \Pr_v(v_j) \}. \quad (14)$$

در نهایت، با استفاده از روابط به دست آمده، می‌توان نوشت:

$$v_j = \operatorname{argmax}_{v_j} \left\{ \frac{1}{2} |\hat{v}_j - v_j|^2 + \frac{\sqrt{2}\sigma_{n_j}^2}{\sigma_j} |v_j| \right\}. \quad (15)$$

در نتیجه به دست می‌آوریم:

$$v_j = sgn(\hat{v}_j) \max(0, |\hat{v}_j| - \frac{\sqrt{2}\sigma_{n_j}^2}{\sigma_j}). \quad (16)$$

در رابطه بالا (16) بیان‌گرتابع علامت است. در حقیقت رابطه بالا همان تابع آستانه‌گیری نرم⁷ است که در آن سطح آستانه با عبارت دوم در تابع (16) مشخص می‌شود. همچنین، مشاهده می‌کنیم که در (16) آستانه مربوطه به صورت تطبیقی بر اساس ضرایب نوفدای بلوک موردنظر و همچنین واریانس تخمین‌زده شده برای نوفه در هر مرحله تکرار از الگوریتم بازسازی محاسبه می‌شود.

در جدول (1) ، خلاصه روش بازسازی پیشنهادی نشان داده شده است. توجه شود که الگوریتم ارایه شده در این جدول، همان الگوریتم روش اصلی BCS-SPL است؛ اما

⁶ Maximum Likelihood

⁷ Soft Thresholding

این امر را می‌توان با روش‌های تخمین بیزین¹ همانند تخمین‌گر "بیشترین احتمال پسین" (MAP)² (انجام داد که برای این موضوع نیاز به دانستن یک دانش پیشین³ از توزیع ضرایب تبدیل⁴ بدون نوفه است. برای به دست آوردن توزیع آماری ضرایب تبدیل بدون نوفه r_d ، این ضرایب را برای پنج تصویر استاندارد بدون نوفه Ω ، Lena، Barbara، Mandrill، Peppers و Goldhill با استفاده از تبدیل تطبیقی پیشنهادی محاسبه کردیم و سپس هیستوگرام آن‌ها را به دست آوردیم. یک نمونه از چنین هیستوگرام‌هایی برای دو تصویر Barbara در شکل (1) نشان داده شده است. همان‌طور که از این دو مثال مشاهده می‌شود، هیستوگرام‌های به دست آمده حول صفر دارای قله برجسته هستند و دو دم وسیع در دو طرف آن وجود دارند. چنین هیستوگرام‌هایی برای کلیه پنج تصویر استفاده شده، مشاهده شد. برای مدل‌سازی چنین رفتاری، ساده‌ترین توزیع آماری، توزیع لاپلاسین است؛ لذا بر اساس این آزمایش‌های تجربی، توزیع آماری ضرایب تبدیل بدون نوفه r_d را با توجه به تُنکی آن‌ها توسط یک توزیع لاپلاسین به صورت زیر مدل کردیم:

$$\Pr_v(v_j) = \frac{1}{\sqrt{2}\sigma_j} \exp\left(-\frac{\sqrt{2}|v_j|}{\sigma_j}\right) \quad (10)$$

که در آن r_d بیان‌گر انحراف معیار ضرایب تبدیل بدون نوفه است. توزیع آماری نوفه را نیز می‌توان با استفاده از ضرایب تبدیل نوفه‌ای و ضرایب تبدیل بدون نوفه به دست آورد. برای این منظور، روش بازسازی پیشنهادی را بر روی پنج تصویر استاندارد یادشده اعمال کردیم و قبل از اعمال فرآیند آستانه‌گیری، ضرایب تبدیل نویزی را از ضرایب تبدیل بدون نوفه هر تصویر تفرقی کردیم تا ضرایب نوفه‌ای به دست آمده؛ سپس، توزیع آماری ضرایب نوفه‌ای به دست آمده را محاسبه کردیم. در شکل (2) ، توزیع آماری ضرایب نویزی برای دو تصویر Lena و Barbara نشان داده شده است. همان‌طور که از این دو مثال مشاهده می‌شود، توزیع آماری نوفه را می‌توان با یک توزیع گاووسی به صورت زیر مدل کرد:

$$\Pr_n(n_j) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{n_j}} \exp\left(-\frac{n_j^2}{2\sigma_{n_j}^2}\right) \quad (11)$$

که در آن $\sigma_{n_j}^2$ بیان‌گر واریانس نویز در حوزه تبدیل است که آن را می‌توان با استفاده از روش‌های مختلف همچون "تخمین‌گر میانه مقاوم"⁵ [12] محاسبه کرد. از آنجایی که

¹ Bayesian Estimators

² Maximum a Posteriori

³ Prior Knowledge

⁴ Transform Coefficients

⁵ Robust Median Estimator



می شود. همچنین، در این جدول، برای تعمیم و کلاربردا پیشتر، فرض کردہ این که هر بلوک می تواند دارای ماتریس نمونه برداری (اندازه گیری) دلخواه باشد. در الگوریتم اصلی، ماتریس نمونه برداری کلیه بلوک ها یکسان فرض می شود.

با دو تفاوت: ۱) در روش پیشنهادی از تبدیل تطبیقی پیشنهادی به جای تبدیل ثابت همانند DCT استفاده می شود و ۲) از آستانه گیری نرم تطبیقی پیشنهادی به جای آستانه گیری سخت و غیر تطبیقی روش BCS-SPL استفاده

(جدول-۱): خلاصه روش بازسازی حس گری فشرده پیشنهادی

(Table-1): The proposed CS reconstruction algorithm.

Input: $\{\mathbf{y}_1, \dots, \mathbf{y}_M\}$: CS samples of M blocks;
$\{\Phi_1, \dots, \Phi_M\}$: Sampling matrices for M blocks;
TOL : Tolerance; MAX_{ITER} : maximum iteration number;
Output: Reconstructed Image (\mathbf{x})
Initialization: Set the iteration number $k = 0$; For each block j do $\hat{\mathbf{x}}_j^0 = \Phi_j^T \mathbf{y}_j$ or use the original BCS-SPL algorithm to obtain $\hat{\mathbf{x}}_j^0$ or $\hat{\mathbf{x}}^0$
Repeat
$\hat{\mathbf{x}}^k = \text{Smoothing Filter}(\hat{\mathbf{x}}^k)$
for each block j do
$\hat{\mathbf{x}}_j^k \leftarrow \hat{\mathbf{x}}_j^k + \Phi_j^T (\mathbf{y}_j - \Phi_j \hat{\mathbf{x}}_j^k)$
Obtain the adaptive transform Ψ_j
$\hat{\mathbf{v}}_j^k = \Psi_j \hat{\mathbf{x}}_j^k$
$\sigma_{n_j}^k \leftarrow \text{median}(\hat{\mathbf{v}}_j^k - \text{median}(\hat{\mathbf{v}}_j^k))/0.6745$
$\sigma_j^k \leftarrow \max \left(0, \frac{1}{\gamma} \sum_{j' \in \Omega(j)} (\hat{\mathbf{v}}_{j'}^k)^2 - (\sigma_{n_j}^k)^2 \right)$
$\mathbf{v}_j^k \leftarrow \text{sgn}(\hat{\mathbf{v}}_j^k) \max \left(0, \hat{\mathbf{v}}_j^k - \frac{\sqrt{2} (\sigma_{n_j}^k)^2}{\sigma_j^k} \right)$
$\hat{\mathbf{x}}_j^k = \Psi_j^{-1} \mathbf{v}_j^k$
$\hat{\mathbf{x}}_j^{k+1} \leftarrow \hat{\mathbf{x}}_j^k + \Phi_j^T (\mathbf{y}_j - \Phi_j \hat{\mathbf{x}}_j^k)$
end for
Compute $e^{k+1} = \ \hat{\mathbf{x}}^{k+1} - \hat{\mathbf{x}}^k\ _{l_2}$
$\hat{\mathbf{x}}^k \leftarrow \hat{\mathbf{x}}^{k+1}$
$k \leftarrow k + 1$
until $ e^{k+1} - e^k < TOL$ or $k = MAX_{ITER}$
$\mathbf{x} \leftarrow \hat{\mathbf{x}}^k$
Note: $\hat{\mathbf{x}}_j^k$ denotes the j -th reconstructed block in the k -th iteration, and $\hat{\mathbf{x}}^k$ denotes the reconstructed frame (image) in the k -th iteration

اغلب در بیشتر مقالات مشابه در این زمینه به عنوان روش های پایه و مرسوم جهت انجام مقایسات استفاده می شوند. در حقیقت، همان طور که در ادامه خواهیم دید، پس از گذشت سال ها، این روش ها همچنان از عملکرد بسیار خوبی در مقایسه با روش های جدیدتر برخوردار هستند. به همین دلیل، ما نیز در آزمایش های خود، از آن ها برای انجام مقایسات استفاده کردیم. برای جامعیت بیشتر، روش غیر ماتریسی و مشهور SAMP را نیز در مقایسات انجام شده، استفاده کردیم. توجه شود که روش های بالا در مقدمه به اختصار مورد بررسی قرار گرفته اند. همان طور که در مقدمه بیان شد، برای سنجش کیفیت تصاویر بازسازی شده توسط هر یک از روش های بالا،

۴- نتایج آزمایش های انجام شده

در این بخش به ارزیابی روش پیشنهادی (ABCS-SPL) و مقایسه عملکرد آن با سایر روش های مطرح موجود برای بازسازی تصاویر نمونه برداری شده توسط حس گری فشرده می پردازیم. برای این منظور، عملکرد روش پیشنهادی را با روش های DBCS-FOCUSS، BCS-TV، BCS-ICT، GrC-CS و نسخه های مختلف BCS-SPL که از تبدیلات، DCT، Contourlets، DDWT، DWT، مقایسه کردیم. برای رعایت اختصار، چهار نسخه یادشده را به ترتیب با BCS-SPL-DDWT، BCS-SPL-DWT و SPL-CT نشان می دهیم. توجه فرمایید که برخلاف قدیمی بودن چهار روش یادشده، این چهار روش

می‌شود، روش پیشنهادی (ABCS-SPL) بر روی همه تصاویر به غیر از Peppers بهترین عملکرد را در بین سایر روش‌ها از خود نشان می‌دهد. بر روی تصویر Peppers، بهترین نتیجه توسط روش BCS-SPL-DDWT به دست آمده است. همچنین، بر اساس نتایج گزارش شده در این جدول برای هر چهار معیار استفاده شده بر روی هر یک از پنج تصویر استفاده شده، مشاهده می‌شود که سه روش برتر در این نرخ نمونه‌برداری به ترتیب عبارتند از روش پیشنهادی، BCS-ICT و BCS-SPL-DDWT.

در جدول (۳)، روش پیشنهادی با سایر روش‌ها در نرخ نمونه‌برداری 30% مقایسه شده است. از این نتایج مشاهده می‌شود که روش پیشنهادی بر روی همه تصاویر به غیر از Goldhill (بر اساس کلیه معیارها) و Peppers (بر اساس معیار FSIM و PSNR) دارای بهترین عملکرد در بازسازی تصاویر است. بر روی تصویر Goldhill روش BCS-ICT بهترین نتایج را بر اساس هر چهار معیار استفاده شده نشان می‌دهد. همچنین، بر روی Peppers، بر اساس معیار PSNR روش DBCS-FOCUSS دارای بهترین عملکرد است و بر اساس معیار FSIM، روش BCS-SPL-DDWT بهترین عملکرد را نشان می‌دهد. با مقایسه کلیه نتایج موجود در این جدول برای هر پنج تصویر استفاده شده، مشاهده می‌شود که سه روش برتر در این نرخ نمونه‌برداری به ترتیب عبارتند از روش پیشنهادی، BCS-FOCUSS و SPL-DDWT.

در جدول (۴)، میانگین هر یک از چهار معیار استفاده شده بر روی کلیه تصاویر مورد استفاده برای همه روش‌ها در چهار نرخ نمونه‌برداری 10% ، 20% ، 30% و 50% نشان داده شده است. همچنین در این جدول، متوسط هر یک از مقادیر میانگین یادشده بر روی چهار نرخ نمونه‌برداری یادشده برای هر یک از روش‌ها، نشان داده شده است. همان‌طور که از این نتایج مشاهده می‌شود، در کلیه نرخ‌های یادشده، روش پیشنهادی دارای عملکرد متوسط بهتری در مقایسه با سایر روش‌ها است. با مقایسه مقادیر میانگین کلیه معیارهای استفاده شده بر روی کلیه نرخ‌ها، مشاهده می‌شود که سه روش برتر به ترتیب عبارتند از روش پیشنهادی، BCS-SPL-CT و BCS-SPL-DDWT. همچنین، مشاهده می‌شود که روش غیربلوکی SAMP ضعیفترین عملکرد را بر اساس هر چهار معیار استفاده شده از خود نشان می‌دهد.

از سه معیار مشهور VIF، SSIM و FSIM استفاده می‌کنیم. این معیارها قادرند تا میزان شباهت بین یک تصویر بازسازی شده و تصویر مرجع آن را اندازه‌گیری کنند. معیار PSNR بر اساس MSE بین دو تصویر، بر حسب دسیبل FSIM محاسبه می‌شود، اما سه معیار SSIM و VIF (dB) تشابه بیشتری با دستگاه بینایی مغز انسان دارند و لذا از آن‌ها می‌توان برای اندازه‌گیری کیفیت بصری تصاویر بازسازی شده استفاده کرد. این سه معیار، کیفیت تصویر را بر اساس عددی بین صفر و یک تخمین می‌زنند که هر چه این عدد به یک نزدیک‌تر باشد، کیفیت تصویر مربوطه بالاتر خواهد بود و برعکس. در آزمایش‌ها از پنج تصویر سطح خاکستری استاندارد Goldhill، Lena، Barbara، Mandrill و Peppers استفاده کردیم. ابعاد کلیه تصاویر 512×512 پیکسل بود به غیر از Goldhill که از ابعاد 256×256 پیکسل بود. همچنین، در آزمایش‌ها، ابعاد هر بلوک برای کلیه روش‌های حس‌گری فشرده بلوکی مورد استفاده از جمله روش پیشنهادی برابر با 8×8 در نظر گرفته شد. مقدار TOL و MAX_{ITER} در روش پیشنهادی به ترتیب برابر با 10^{-4} و 100 در نظر گرفته شد. ابعاد پنجره جستجو برای هموارکننده وینر 3×3 استفاده شد. ابعاد پنجره جستجوی میانگین در نظر گرفته شد. در حقیقت، در آزمایش‌های تجربی مشاهده گردید که هر چه ابعاد پنجره جستجو بزرگ‌تر انتخاب شود، امکان بهبود کیفیت تصویر بازسازی شده وجود دارد؛ اما بدیهی است که با استفاده از پنجره جستجوی بزرگ‌تر، پیچیدگی محاسباتی روش پیشنهادی نیز بیشتر می‌شود؛ لذا بهمنظور ایجاد مصالحه‌ای بین میزان دقت روش پیشنهادی و حجم محاسباتی آن، ابعاد پنجره یادشده به صورت تجربی 16×16 در نظر گرفته شد. برای یافتن بلوک‌های مشابه در پنجره جستجو، محدودیتی بر روی میزان همپوشانی بلوک‌ها در نظر گرفته نشد. برای رعایت عدالت، از یک ماتریس نمونه‌برداری یکسان (یک ماتریس گاووسی i.i.d) در کلیه روش‌های مورد مقایسه استفاده شد و بهترین تنظیمات هر یک از روش‌های رقیب بر اساس گذ اصلی آن‌ها مورد استفاده قرار گرفت.

در جدول (۲)، روش‌های مختلف با یکدیگر در نرخ نمونه‌برداری 10% بر اساس چهار معیار یادشده مقایسه شده‌اند. در این جدول، بهترین نتایج در هر حالت به صورت پُرنگ نشان داده شده‌اند. همان‌طور که از این نتایج مشاهده

(جدول-۲): مقایسه روش‌های مختلف با یکدیگر بر روی پنج تصویر نمونه در نرخ نمونه‌برداری ۱۰٪.

(Table-2): Comparing various methods on 5 images at a sampling rate of 10%.

Method	Metric	Barbara	Lena	Goldhill	Mandrill	Peppers
BCS-SPL-CT	PSNR	22.75	28.17	26.85	22.87	28.56
	SSIM	0.641002	0.800301	0.660215	0.682412	0.798810
	VIF	0.882540	0.898211	0.858748	0.868451	0.898152
	FSIM	0.891131	0.922451	0.878712	0.893265	0.934421
BCS-SPL-DDWT	PSNR	22.85	28.31	26.96	22.94	28.88
	SSIM	0.650521	0.807823	0.663154	0.687125	0.802140
	VIF	0.887551	0.899001	0.860214	0.869511	0.890115
	FSIM	0.894562	0.928211	0.882157	0.898651	0.938125
BCS-SPL-DWT	PSNR	22.62	27.81	26.71	22.54	28.69
	SSIM	0.639811	0.794223	0.658145	0.680001	0.800010
	VIF	0.875581	0.885763	0.852145	0.865871	0.898251
	FSIM	0.889810	0.910012	0.872251	0.891075	0.935275
BCS-SPL-DCT	PSNR	22.76	27.70	26.10	22.31	27.88
	SSIM	0.644833	0.790604	0.651181	0.676870	0.776263
	VIF	0.8830051	0.898552	0.847862	0.855990	0.882111
	FSIM	0.8929260	0.925236	0.868256	0.887651	0.923927
BCS-TV	PSNR	22.45	27.86	26.53	22.31	28.52
	SSIM	0.636522	0.795312	0.653254	0.676870	0.798652
	VIF	0.869951	0.875886	0.850054	0.855920	0.895665
	FSIM	0.882231	0.914221	0.870017	0.887651	0.932561
BCS-ICT	PSNR	22.88	28.39	26.90	22.89	28.72
	SSIM	0.653581	0.808981	0.660822	0.683310	0.801158
	VIF	0.886982	0.905554	0.869825	0.870051	0.898505
	FSIM	0.896652	0.930014	0.880051	0.893878	0.937725
SAMP	PSNR	20.97	25.94	24.31	20.20	25.94
	SSIM	0.610150	0.772341	0.633251	0.655671	0.765123
	VIF	0.795528	0.802560	0.775870	0.785553	0.802517
	FSIM	0.853211	0.884120	0.846892	0.863211	0.881451
GrC-CS	PSNR	22.65	27.90	26.80	22.66	27.76
	SSIM	0.600541	0.770251	0.659880	0.680051	0.773210
	VIF	0.800557	0.822540	0.776816	0.782578	0.807416
	FSIM	0.890044	0.914555	0.873358	0.890011	0.920335
DBCS-FOCUSS	PSNR	22.98	28.05	26.85	22.75	28.08
	SSIM	0.670551	0.810051	0.673005	0.692251	0.798527
	VIF	0.882243	0.896557	0.856710	0.863300	0.931051
	FSIM	0.897552	0.930051	0.889522	0.908520	0.926587
ABCs-SPL	PSNR	23.13	28.48	27.30	23.23	28.70
	SSIM	0.672391	0.811428	0.672284	0.698106	0.800961
	VIF	0.889557	0.905736	0.861522	0.870252	0.889560
	FSIM	0.903950	0.932043	0.891701	0.910340	0.936390

(جدول-۳): مقایسه روش‌های مختلف بر روی پنج تصویر نمونه در نرخ نمونه‌برداری ۳۰٪.

(Table-3): Comparing various methods on 5 images at a sampling rate of 30%.

روش	معیار	Barbara	Lena	Goldhill	Mandrill	Peppers
BCS-SPL-CT	PSNR	25.90	32.99	30.48	26.95	32.57
	SSIM	0.839985	0.951245	0.929871	0.900542	0.949251
	VIF	0.819983	0.943361	0.926951	0.910058	0.948988
	FSIM	0.860005	0.970010	0.941742	0.931245	0.968915
BCS-SPL-DDWT	PSNR	25.92	33.50	30.45	26.69	32.89
	SSIM	0.840051	0.958210	0.929651	0.899821	0.957725
	VIF	0.821256	0.947852	0.926901	0.899803	0.957750
	FSIM	0.861154	0.972547	0.940005	0.930005	0.972813
BCS-SPL-DWT	PSNR	25.20	32.94	30.13	26.03	32.48
	SSIM	0.831572	0.950011	0.924424	0.890015	0.947100
	VIF	0.814432	0.943002	0.926372	0.880055	0.946885
	FSIM	0.858977	0.968984	0.938871	0.926658	0.960258
BCS-SPL-DCT	PSNR	25.91	32.46	29.63	25.94	31.90
	SSIM	0.840001	0.945255	0.921002	0.887682	0.940050
	VIF	0.82005	0.937563	0.920521	0.878567	0.940511
	FSIM	0.860212	0.960015	0.929920	0.922541	0.957664
BCS-TV	PSNR	24.57	32.56	30.56	26.08	32.74
	SSIM	0.821159	0.947512	0.930015	0.892243	0.951578
	VIF	0.828834	0.938782	0.927861	0.881052	0.955560
	FSIM	0.838871	0.963351	0.945587	0.928890	0.970011
BCS-ICT	PSNR	25.93	32.57	30.69	26.13	32.87
	SSIM	0.842241	0.948025	0.933471	0.893351	0.954251
	VIF	0.821335	0.940521	0.928330	0.882205	0.957655

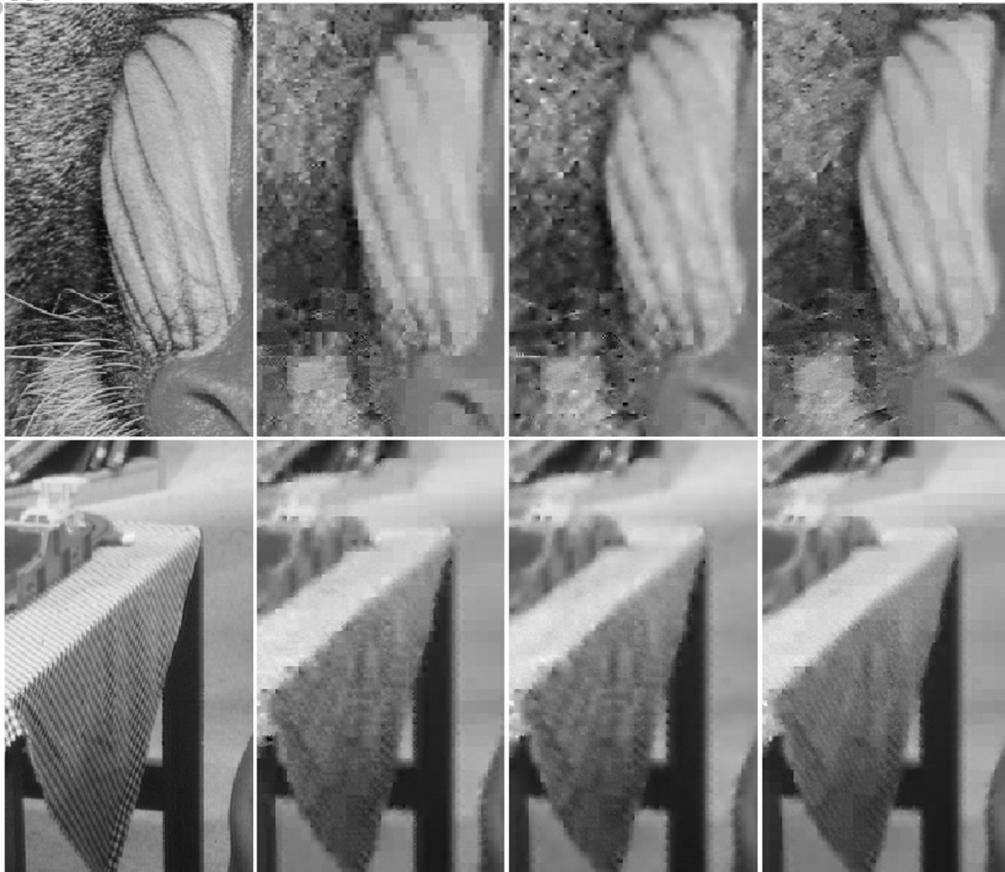
	FSIM	0.862364	0.964555	0.949255	0.928715	0.971157
SAMP	PSNR	25.04	32.04	28.07	24.00	30.69
	SSIM	0.829875	0.938871	0.904841	0.875698	0.915215
	VIF	0.813003	0.935614	0.895820	0.845573	0.945520
	FSIM	0.850248	0.958765	0.920087	0.900545	0.936871
	PSNR	25.78	33.61	29.54	26.72	32.75
GrC-CS	SSIM	0.828401	0.957823	0.919980	0.89995	0.957215
	VIF	0.816993	0.948351	0.918832	0.901100	0.928241
	FSIM	0.846784	0.968882	0.928763	0.932501	0.968873
	PSNR	25.85	33.68	29.88	26.88	32.93
DBCS-FOCUSS	SSIM	0.838734	0.959220	0.922340	0.899200	0.958522
	VIF	0.818532	0.950502	0.921533	0.905584	0.930051
	FSIM	0.849832	0.971376	0.930012	0.929821	0.971558
	PSNR	26.03	33.76	30.67	27.04	32.91
ABCS-SPL	SSIM	0.843251	0.964102	0.932555	0.912548	0.958741
	VIF	0.827793	0.953237	0.928005	0.915587	0.932251
	FSIM	0.865214	0.978454	0.946810	0.936541	0.972259

(جدول-۴): مقایسه روش‌های مختلف در نرخ‌های نمونه‌برداری متفاوت بر اساس میانگین امتیاز سه معیار بر روی پنج تصویر.

(Table-4): Comparing various methods at different sampling rates based on the mean metric over 5 images.

روش	معیار	10%	20%	30%	50%	Average
BCS-SPL-CT	PSNR	25.84	28.06	29.77	32.94	29.15
	SSIM	0.716548	0.818225	0.914179	0.935541	0.846123
	VIF	0.88122	0.895823	0.909868	0.924378	0.902822
	FSIM	0.903996	0.912254	0.934383	0.954253	0.926222
BCS-SPL-DDWT	PSNR	25.98	28.18	29.89	32.89	29.23
	SSIM	0.722153	0.820145	0.917092	0.930251	0.84741
	VIF	0.881278	0.895936	0.910712	0.914522	0.900612
	FSIM	0.908341	0.918742	0.935305	0.949820	0.928052
BCS-SPL-DWT	PSNR	25.67	27.77	29.35	32.23	28.75
	SSIM	0.714438	0.805548	0.908624	0.914421	0.835758
	VIF	0.875522	0.888328	0.902149	0.908723	0.893681
	FSIM	0.899685	0.906581	0.93075	0.935220	0.918059
BCS-SPL-DCT	PSNR	25.35	27.54	29.16	32.25	28.57
	SSIM	0.70795	0.788547	0.906798	0.915582	0.829719
	VIF	0.873504	0.886532	0.899442	0.906540	0.891505
	FSIM	0.899599	0.899887	0.92607	0.936681	0.915559
BCS-TV	PSNR	25.53	27.72	29.30	32.17	28.68
	SSIM	0.712122	0.795244	0.908501	0.912551	0.832105
	VIF	0.869495	0.887973	0.906418	0.905542	0.892357
	FSIM	0.897336	0.900051	0.929342	0.930988	0.914429
BCS-ICT	PSNR	25.95	28.15	29.63	32.70	29.11
	SSIM	0.72157	0.819982	0.914268	0.925418	0.84531
	VIF	0.886183	0.896132	0.906009	0.913569	0.900473
	FSIM	0.907664	0.917562	0.935209	0.942558	0.925748
SAMP	PSNR	23.47	25.56	27.96	31.80	27.20
	SSIM	0.687307	0.755213	0.8929	0.907512	0.810733
	VIF	0.792406	0.839673	0.887106	0.893002	0.853047
	FSIM	0.865777	0.872250	0.913303	0.925870	0.8943
GrC-CS	PSNR	25.55	27.85	29.68	32.08	28.79
	SSIM	0.696787	0.804773	0.912674	0.925432	0.834917
	VIF	0.797981	0.850437	0.902703	0.913229	0.866088
	FSIM	0.897661	0.913544	0.929161	0.940267	0.920158
DBCS-FOCUSS	PSNR	25.74	27.93	29.84	32.44	28.98
	SSIM	0.728877	0.823441	0.915603	0.928820	0.849185
	VIF	0.885972	0.895671	0.90524	0.918459	0.901336
	FSIM	0.910446	0.920633	0.93052	0.948773	0.927593
ABCS-SPL	PSNR	26.16	28.42	30.08	32.93	29.40
	SSIM	0.731034	0.837410	0.922239	0.934882	0.856391
	VIF	0.883325	0.823367	0.911375	0.921178	0.884811
	FSIM	0.914885	0.927129	0.939856	0.953527	0.933849





(شکل-۳): مقایسه تصویری سه روش برتر در نرخ نمونهبرداری ۱۰٪ بر روی برشی از دو تصویر نمونه Mandrill (بالا) و Barbara (پایین). از چپ به راست: تصویر اصلی، تصویر بازسازی شده به وسیله BCS-SPL-CT، BCS-SPL-DDWT و روش پیشنهادی.

(Figure-3): Visual comparison of the top 3 methods at a sampling rate of 10% on a piece of Mandrill (top) and Barbara (bottom). From left to right: The original image, BCS-SPL-DDWT, BCS-SPL-CT, and the proposed method.

زمان اجرای آن بالاست. همچنین، دلیل سرعت بالای BCS-SPL-DCT، سادگی تبدیل DCT است. علاوه بر این، مشاهده می‌شود که روش پیشنهادی (ABC-SPL)، رتبه هفتم را در بین ده روش مقایسه شده به خود اختصاص می‌دهد. دلیل زمان اجرای بهنجهای بالای روش پیشنهادی، محاسبه تبدیل تطبیقی پیشنهادی به ازای هر بلوک از تصویر می‌باشد.

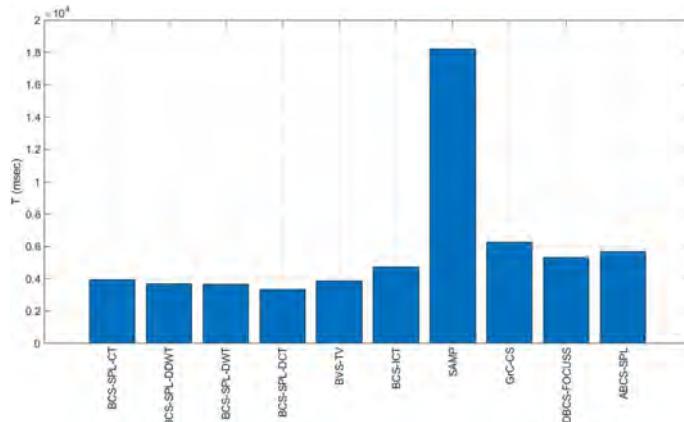
(جدول-۵): مقایسه روش‌های مختلف بر اساس زمان متوسط بازسازی یک تصویر (T) از ابعاد 512×512 بر حسب میلی ثانیه.

(Table-5): Comparing various methods based on average reconstruction time (T in msec) on a 512×512 image.

Method	T	Method	T
BCS-SPL-CT	3955	BCS-ICT	4755
BCS-SPL-DDWT	3698	SAMP	18225
BCS-SPL-DWT	3668	GrC-CS	6266
BCS-SPL-DCT	3352	DBCS-FOCUSS	5330
BCS-TV	3885	ABC-SPL	5682

در شکل (۳)، چند مثال تصویری برای مقایسه کیفیت تصاویر بازسازی شده با سه روش برتر یادشده در نرخ نمونهبرداری ۱۰٪ نشان داده شده است. همان‌طور که از این تصاویر مشاهده می‌شود، کیفیت بصری تصاویر بازسازی شده توسط روش پیشنهادی، بهتر از دو روش دیگر است.

در جدول (۵)، روش‌های مختلف از لحاظ زمان متوسط بازسازی یک تصویر سطح خاکستری از ابعاد 512×512 با یکدیگر مقایسه شده‌اند. برای این منظور گذروش‌های مختلف در محیط Matlab بر روی یک رایانه با پردازنده $i7@3.6GHz$ و $16GB$ RAM و Intel Core i7@3.6GHz و سیستم Windows 2007 اجرا شد و زمان متوسط بازسازی عامل تصوری توسعه هر روش اندازه‌گیری شد. شکل (۴) نیز داده‌های موجود در این جدول را به صورت نموداری نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود گندترین روش، SAMP و سریع‌ترین روش BCS-SPL-DCT است. توجه شود که SAMP یک روش بازسازی غیربلوکی است و لذا

(شکل-۴): مقایسه روش‌های مختلف بر اساس زمان متوسط بازسازی یک تصویر (T) از ابعاد 512×512 بر حسب میلی ثانیه.(Figure-4): Comparing various methods based on average reconstruction time (T in msec) on a 512×512 image.

تجربی به دست آمده نشان دادند که روش پیشنهادی از دقت و کیفیت بازسازی بالاتری در مقایسه با روش‌های مقایسه شده برخوردار است.

6- References

6- مراجع

- [1] E. Candes, J. Romberg, and T. Tao, "Robust uncertainty principles: Exact signal reconstruction from highly incomplete frequency information," *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 52, pp. 489–509, Feb. 2006.
- [2] D. L. Donoho, "De-noising by soft-thresholding," *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 41, no. 3, pp. 613–627, May 1995.
- [3] Y. Tsaig and D. L. Donoho, "Extensions of compressed sensing," *Signal Processing*, vol. 86, pp. 533–548, July 2006.
- [4] D. L. Donoho, Y. Tsaig, I. Drori, and J.-L. Starck, "Sparse solution of underdetermined linear equations by stagewise orthogonal matching pursuit," Mar. 2006, pre-print.
- [5] M. A. T. Figueiredo, R. D. Nowak and S. J. Wright, "Gradient Projection for Sparse Reconstruction: Application to Compressed Sensing and Other Inverse Problems," *IEEE Journal of Selected Topics in Signal Processing*, vol. 1, no. 4, Dec. 2007.
- [6] T. T. Do, L. Gan, N. Nguyen, and T. D. Tran, "Sparsity adaptive matching pursuit algorithm for practical compressed sensing," in *42nd Asilomar Conference on Signals, Systems and Computers*, Oct. 2008.
- [7] L. Gan, "Block compressed sensing of natural images," in *Proceedings of the International Conference on Digital Signal Processing*, Cardiff, UK, July 2007, pp. 403–406.
- [8] M. Bertero and P. Boccacci, *Introduction to Inverse Problems in Imaging*. Bristol, UK: Institute of Physics Publishing, 1998.

5- نتیجه‌گیری

حس‌گری فشرده، شیوه‌ای نوین برای نمونه‌برداری و فشرده‌سازی هم‌زمان سیگنال‌ها است. بازسازی تصاویر با استفاده از بیشتر روش‌های حس‌گری فشرده موجود، اغلب از حجم محاسباتی بسیار بالایی برخوردار است چون در بیشتر این روش‌ها، فرآیند نمونه‌برداری و بازسازی بر روی کل تصویر اعمال می‌شود. برای کاهش پیچیدگی محاسباتی، گونه‌ای از روش‌های حس‌گری فشرده موسوم به «حس‌گری فشرده بلوکی» توسعه یافته‌اند. در این مقاله، روشی نوین جهت بازسازی تصاویر بر اساس نمونه‌های به دست آمده از اعمال حس‌گری فشرده بلوکی بر روی تصاویر ارایه شد. جهت حصول به کیفیت بازسازی بالا در روش‌های مبتنی بر حس‌گری فشرده، تصویر موردنظر می‌باشد تا حد امکان در یک حوزه تبدیل مناسب، تُنک (پراکنده) باشد. در بیشتر روش‌های موجود مشابه، از یک تبدیل ثابت همانند تبدیل کسینوسی گسسته برای تُنک‌سازی بلوک‌های مختلف تصویر ورودی استفاده می‌شود؛ اما در این روش‌ها، تبدیل استفاده شده، به‌الزال، بیشترین میزان تُنکی تصویر ورودی را نتیجه نمی‌دهد. در روش پیشنهادی، ابتدا یک تبدیل تطبیقی بلوکی پیشنهاد شد که از همبستگی و شباهت بلوک‌های همسایه یک بلوک موردنظر برای حصول به تُنک‌سازی بالاتر آن بلوک، استفاده می‌کند؛ سپس، برای کاهش نویه و اعوجاجات احتمالی به وجود آمده در فرآیند بازسازی و در عین حال حفظ میزان تُنکی ضرایب، یک تابع آستانه‌گیری نرم پیشنهاد شد که قادر است به صورت تطبیقی ضرایب تبدیل را برای افزایش کیفیت بازسازی تصویر، پالایش کند. روش بلوکی پیشنهادی با چندین روش مطرح موجود بر اساس چهار معیار ارزیابی کیفیت تصویر مقایسه شد. نتایج

- [22] Z. Xue, W. Anhong, Z. Bing, L. Lei, and L. Zhuo, "Adaptive Block-Wise Compressive Image Sensing Based on Visual Perception," IEICE, vol. E96-D, no. 2, pp. 383-386, 2013.
- [23] X. Zhang, Y. Wang, D. Wang, and Y. Li, "Adaptive image compression based on compressive sensing for video sensor nodes," Multimedia Tools and Applications, vol. 77, no. 11, pp. 13679-13699, 2018.
- [24] M. Rani, S. B. Dhok, and R. B. Deshmukh, "A Systematic Review of Compressive Sensing: Concepts, Implementations and Applications," IEEE Access, vol. 6, pp. 4875-4894, 2018.
- [25] A. S. Unde and P. P. Deepthi, "Fast BCS-FOCUSS and DBCS-FOCUSS with augmented Lagrangian and minimum residual methods," Journal of Visual Communication and Image Representation, vol. 52, pp. 92-100, 2018.
- هادی هادیزاده مدرک کارشناسی و کارشناسی ارشد برق در گرایش الکترونیک خود را به ترتیب از دانشگاه صنعتی شاهروod در سال ۱۳۸۴ و دانشگاه علم و صنعت ایران در سال ۱۳۸۷ اخذ کرده است. وی مدرک دکتراخیز خود را در رشته برق گرایش مخابرات از دانشگاه Simon Fraser کانادا در سال ۱۳۹۲ دریافت کرده و از همان سال به عنوان استادیار در دانشگاه صنعتی قوچان فعالیت می‌کند. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان پردازش و فشرده‌سازی تصاویر و ویدیوهای دیجیتال، شبکه‌های مخابراتی، بینایی و آموزش ماشین، بازشناسی الگو و مدل‌سازی بینایی مغز انسان است. دکتر هادیزاده از سال ۲۰۰۹ تاکنون، موفق به کسب ۲۲ عنوان و افتخار علمی مختلف از دانشگاه‌های داخلی و بین‌المللی شده است. از جمله آنها می‌توان به کسب عنوان بهترین مقاله در کنفرانس بین‌المللی IEEE-ICME2012 در ملبورن استرالیا، اخذ گرنت Canon و Microsoft Research و Information Systems Research Australia (CiSRA) اخذ عنوان بهترین مقاله کنفرانس بین‌المللی مهندسی برق در دانشگاه تهران اشاره کرد. در سال ۲۰۱۳ نیز به عنوان دبیر اجرایی IEEE Signal Processing Society در حوزه ونکوور کانادا فعالیت کرده‌اند. ایشان تجربه کاری در شرکت‌های Icron و Dolby Laboratories بین‌المللی همچون Technologies را دارد. رایانمه ایشان عبارت است از:**
- h.hadizadeh@qiet.ac.ir**

[9] J. E. Fowler, S. Mun, and E. W. Tramel, "Block-Based Compressed Sensing of Images and Video," *Foundations and Trends in Signal Processing*, vol. 4, no. 4, pp. 297-416, 2012.

[10] S. Mun and J. E. Fowler, "Block compressed sensing of images using directional transforms," in *16th IEEE International Conference on Image Processing*, Nov. 2009.

[11] N. Eslahi, A. Aghagolzadeh, and S. M. H. Andargoli, "Block Compressed Sensing Images using Curvelet Transform," in *22nd Iranian Conference on Electrical Engineering*, May. 2014.

[12] D. L. Donoho, "De-noising by soft-thresholding," *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 41, no. 3, pp. 613-627, May 1995.

[13] E. Candes, J. Romberg, and T. Tao, "Stable signal recovery from incomplete and inaccurate measurements," *Communications on Pure and Applied Mathematics*, vol. 59, no. 8, pp. 1207-1223, August 2006.

[14] Z. Wang, A. C. Bovik, H. R. Sheikh, and E. P. Simoncelli, "Image quality assessment: from error visibility to structural similarity," *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 13, no. 4, Apr. 2004.

[15] L. Zhang, L. Zhang, X. Mou, and D. Zhang, "FSIM: A Feature Similarity Index for Image Quality Assessment," *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 20, no. 8, Aug. 2011.

[16] T. T. Cai and L. Wang, "Orthogonal Matching Pursuit for Sparse Signal Recovery with Noise," *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 57, no. 7, pp. 4680-4688, Jul., 2011.

[17] G. H. Golub and C. F. Van Loan, *Matrix Computations*, The Johns Hopkins University Press, 2013.

[18] H.R. Sheikh and A.C. Bovik, "Image information and visual quality," *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 15, no. 2, pp. 430-444, Feb. 2006.

[19] R. Li, H. Liu, Y. Zeng, and Y. Li, "Block Compressed Sensing of Images Using Adaptive Granular Reconstruction," *Advances in Multimedia*, pp. 1-9, Nov. 2016.

[20] A. S. Unde, and P. P. Deepthi, "Block Compressive Sensing: Individual and Joint Reconstruction of Correlated Images," *Journal of Vision Commun. Image R.* vol. 44, pp. 187-197, 2017.

[21] T. V. Chien, K. Q. Dinh, B. Jeon, and M. Burger, "Block Compressive Sensing of Image and Video with Nonlocal Lagrangian Multiplier and Patch-based Sparse Representation," *Image Communications*, vol. 54, no. C, pp. 93-106, May 2017.