

## تحلیل فضایی و میدانی کمیت‌های فیزیکی آب خلیج چابهار در مونسون زمستانه سال ۱۳۸۵-۱۳۸۶

فرشته کمیجانی<sup>۱</sup>، وحید چگینی<sup>۲</sup>

- ۱- دانشجوی مقطع دکتری، دانشگاه علوم و فنون دریایی خرمشهر، استان خوزستان، خرمشهر، پست الکترونیکی: [fereshtehkomijani@gmail.com](mailto:fereshtehkomijani@gmail.com)  
۲- استادیار، موسسه های اقیانوس‌شناسی، استان تهران، تهران، پست الکترونیکی: [v\\_chegini@inio.ac.ir](mailto:v_chegini@inio.ac.ir)

تاریخ پذیرش: ۹۰/۱۱/۲۵

\* نویسنده مسؤول

تاریخ دریافت: ۱۹/۶/۲۷

© نشریه علمی - پژوهشی اقیانوس‌شناسی ۱۳۹۱، تمامی حقوق این اثر متعلق به نشریه اقیانوس‌شناسی است.

### چکیده

در آمار فضایی پیشگویی مقدار نامعلوم یک میدان تصادفی در موقعیت مشخص بر اساس مشاهدات، به عنوان بهترین پیشگوی خطی صورت می‌پذیرد. گاهی در بعضی مسایل کاربردی در هر موقعیت فضایی علاوه بر متغیر مورد بررسی، متغیرهای کمکی دیگری نیز در اختیار است که به کارگیری آنها می‌تواند دقت پیشگویی را بهبود بخشد. در این تحقیق، برخی از پارامترهای فیزیکی آب خلیج چابهار، از جمله دما، شوری و چگالی با استفاده از نیمرخ برداری توسط TD CTD از لایه‌های مختلف آب، مورد نمونه‌برداری قرار گرفته است. هدف اصلی این مطالعه، شناخت و آگاهی یافتن از نحوه توزیع چگالی آب تحت تأثیر سایر پارامترهای فیزیکی آب، ارائه کاربرد روش‌های نوین آمار مانند پیش‌بینی فضایی کریگین (Kriging)، هم‌کریگین (Co-Kriging) و عکس فاصله‌ی موزون (Inverse-Distance Weighted) در اقیانوس‌شناسی، پیش‌بینی میزان پارامترهای فوق برای کل منطقه و پهنه‌بندی چگالی خلیج بوده است. همچنین این روش‌ها از لحاظ دقت پیش‌بینی مقایسه شده‌اند. نتایج حاصل از تحلیل اعتبارسنجی پارامتر چگالی، حاکی از آن است که پیش‌بینی حاصل از هم‌کریگین بهتر از کریگین و روش کریگین بهتر از عکس فاصله‌ی موزون است و این روش در مطالعه‌ی پدیده‌های محیطی مناسب است. همچنین با توجه به نتایج پهنه‌بندی فضایی برای پارامتر چگالی آب، با دقت بالا می‌توان گفت که در فصل‌های مونسون زمستانه سال ۱۳۸۶-۱۳۸۵، به‌طور میانگین چگالی آب خلیج چابهار با پیشروی به سمت ساحل کاهش می‌یابد.

کلمات کلیدی: خلیج چابهار، پیش‌بینی فضایی، تحلیل فضایی، کریگین، هم‌کریگین، عکس فاصله‌ی موزون

### ۱. مقدمه

جنوب شرقی سواحل استان سیستان و بلوچستان قرار دارد. وسعت این خلیج برابر با ۳۲۰ کیلومتر مربع، عمق متوسط آن ۶ متر و عمق بیشینه در دهانه‌ی ورودی آن ۲۲ متر است. قطر این خلیج ۲۱ کیلومتر و ارتفاع آن از سطح دریا ۱۰ متر است (نیکویان، ۱۳۷۶؛

خلیج چابهار با طول جغرافیایی بین "۱۵°/۲۵°-۶۰°/۴۵°" و عرض جغرافیایی "۱۵°/۲۶°-۲۵°/۱۷°" در

الکتریکی ( $\mu\text{S}/\text{cm}$ )، اکسیژن محلول (ppm)، کلروفیل a (mg/m<sup>3</sup>) و کدورت (gtu) یا Ntu را در هر عمقی مستقیماً اندازه‌گیری و با استفاده از مقادیر ثبت شده، کمیت‌های دیگر نظیر: عمق مناسب با فشار (m)، شوری (ppt) یا psu)، چگالی ( $\text{Kg}/\text{m}^3$ ) و سرعت صوت را محاسبه کرد.

داده‌های CTD شامل دما، شوری، چگالی و عمق آب در ۲۴ ایستگاه و در طول ۹ برش، ۴ برش T1 تا T4 عمود بر ساحل و ۵ برش B1 تا B5 موازی ساحل، شکل ۱ جمع‌آوری شدند. برش T1 در آبهای آزاد دریای عمان قرار داشت. فاصله‌ی طولی B5 در آبهای آزاد دریای عمان قرار داشت. فاصله‌ی ایستگاه‌ها در تمام برش‌ها (بجز ایستگاه‌ها ۲۱ و ۳/۶ km) بوده است. نمونه‌برداری از زمستان ۱۳۸۵ تا بهار ۱۳۸۶ در اواسط هر ماه، طی یک روز صورت می‌گرفت. داده‌های میدانی در هر ایستگاه از سطح تا بستر با گام زمانی ۱ ثانیه برداشت می‌شدند.



شکل ۱- موقعیت قرارگیری ایستگاه‌های نمونه‌برداری، ترانسکت: T و بلوک: B

## ۲-۲. روش‌های آماری

### ۲-۲-۱. رگرسیون خطی تعمیم یافته

به منظور حصول اطمینان از رسیدن به بهترین الگو و دسترسی به بالاترین دقت، از تحلیل رگرسیون چند متغیره با سطح اطمینان ۹۹٪ استفاده گردید. نتایج حاصل به صورت رابطه‌ی خطی وابسته به زمان (ماه) و مکان (محل ایستگاه) و همچنین رابطه‌ی خطی مستقل از مکان و وابسته به زمان برای پارامترهای عمق، درجه حرارت، شوری و چگالی تهیه گردید (جدول ۱).

داداش‌پور، ۱۳۸۶). در بحث‌های اقلیمی، به منظور پیش‌بینی پارامترها، انواع روش‌های زمین‌آماری مانند کریگیدن، همکریگیدن، عکس فاصله‌ی موزون و غیره ارائه شده‌اند. روش معمول پیش‌بینی فضایی در اقلیم شناسی برای مدت نیم قرن روش چند ضلعی‌های تایسن<sup>۱</sup> بود، تا اینکه ماترون در اواسط سال ۱۹۶۰ مبانی زمین‌آمار را بنا نهاد و زمین‌آمار به سرعت در پیش‌بینی متغیرهای محیطی، توسعه پیدا کرد (Matheron, 1963). روش‌های زمین‌آمار به دلیل استفاده از همبستگی فضایی بین داده‌ها که عموماً توسط تابع تغییرنگار مدل بندی می‌شود از دقت بالایی نسبت به سایر روش‌ها به ویژه روش تایسن برخوردار است (Stone, 1974; Geiser, 1975). به منظور پیش‌گویی داده‌هایی که دارای روند هستند، معمولاً از روش کریگیدن معمولی استفاده می‌شود که به دلیل محاسبه‌ی واریانس پیش‌بینی در هر نقطه، یکی از روش‌های منحصر به فرد است. وقتی متغیرهای کمکی دیگری غیر از متغیر اصلی و موقعیت مشاهدات در اختیار باشد، به نظر می‌رسد استفاده از آنها در فرایند پیش‌گویی، افزایش دقت پیش‌گوها را به دنبال داشته باشد. کرسی مدل‌های رگرسیونی با خطاهای همبسته فضایی را برای مدل بندی ارتباط متغیر پاسخ و متغیر کمکی مطرح نمود. رایسل و چنگ نیز برآورد ماکسیمم درستنمایی محدوده فضایی مرتبه اول ارایه کردند و کربیمی و محمدزاده نیز برآورد بیزی پارامترهای این‌گونه مدل‌ها را به دست آوردن.

هدف این مقاله تهیه نقشه‌ی سطح تراز چگالی (زیگماتی) برای کل خلیج است که از سه روش کریگیدن (نوعی درون‌یابی آماری)، همکریگیدن (نوعی درون‌یابی آماری متغیر وابسته به کمک برخی متغیرهای مستقل) و عکس فاصله‌ی موزون استفاده شده است. همچنین کاربرد روش‌های آماری در تحلیل پارامترهای دریایی، مورد توجه و مطالعه قرار گرفته است.

## ۲. مواد و روش‌ها

### ۲-۱. داده‌های میدانی

نمونه‌برداری توسط دستگاه CTD ۳۱۶ از نوع Ocean Seven مجهر به حسگرهای دقیقی است که به کمک آن می‌توان پارامترهایی از قبیل: فشار (dbar)، درجه حرارت (°C)، هدایت

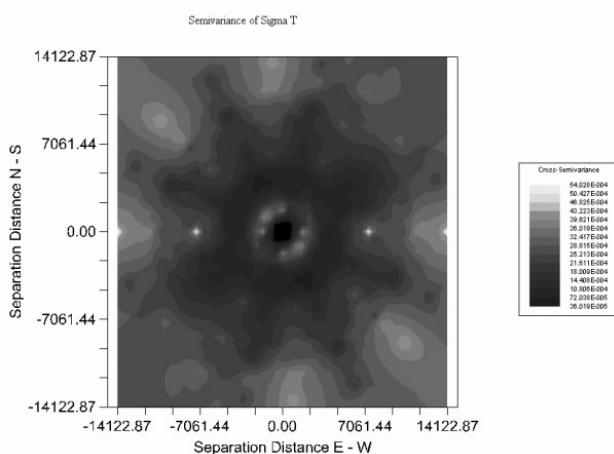
<sup>۱</sup> Thissen Polygon

### جدول ۱- نتایج رگرسیون خطی تعمیم یافته در ۶ ماه نمونه برداری

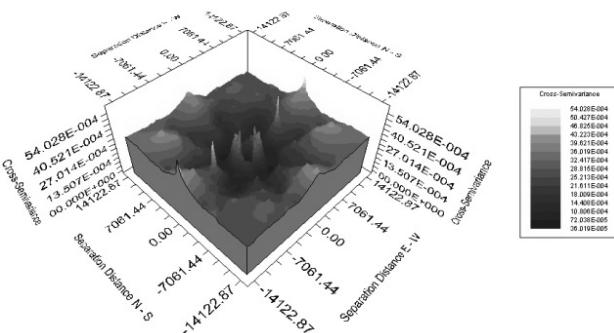
معادله	ضریب همبستگی استاندارد عمق	ضریب همبستگی استاندارد دما	ضریب همبستگی استاندارد شوری	R2	ماه
$\delta_T = 5.930 + .004d + (-.290)T + .708S$	Sig=-./..../.098	Sig=-./..../.731	Sig=-./..../.278	.998	دی
$\delta_T = 4.624 + .004d + (-.295)T + .746S$	Sig=-./..../.152	Sig=-./..../.65.	Sig=-./..../.405	.999	بهمن
$\delta_T = 4.310 + .004d + (-.303)T + .760S$	Sig=-./..../.703	Sig=-./..../.925	Sig=-./..../.800	.997	اسفند
$\delta_T = 4.812 + .004d + (-.309)T + .751S$	Sig=-./..../.100	Sig=-./..../.720	Sig=-./..../.588	.999	فروردین
$\delta_T = 7.980 + .004d + (-.317)T + .670S$	Sig=-./..../.031	Sig=-./..../.139	Sig=-./..../.300	.999	اردیبهشت
$\delta_T = 4.210 + .004d + (-.329)T + .781S$	Sig=-./..../.24	Sig=-./..../.619	Sig=-./..../.433	.999	خرداد

$\delta_T$ : زیگماتی (کیلوگرم بر متر مکعب)، d: عمق (متر)، T: درجه حرارت (درجه سانتیگراد) و S: شوری (قسمت در هزار). در تمام روابط Sig=... بدست آمد که نشان از دقیقیت بالای محاسبات دارد.

پذیرفت. به منظور بررسی همسانگردی از روش تغییرنگار استفاده شد. با توجه به شکل‌های ۲ و ۳، چون روش تغییرنگار در تمام جهات تقریباً یکسان دیده می‌شود، در نتیجه همسانگردی برقرار است. در این حالت با یک مدل تغییرنگار همسانگرد در تمام جهات می‌توان کریگیدن و هم‌کریگیدن را انجام داد.



شکل ۲- روش دو بعدی تغییر نگار Sigma T (چکالی)



شکل ۳- روش سه بعدی تغییر نگار Sigma T

۲-۲-۱. تحلیل و پنهان‌بندی فضایی  
داده‌های فضایی، مشاهداتی هستند که واپس‌تگی آنها ناشی از موقعیت آنان است که این واپس‌تگی نوعاً تابعی از فاصله‌ی قرار گرفتن مشاهدات از یکدیگر در فضای مورد مطالعه است. بررسی پنهان‌بندی ویژگی فیزیکی آب خلیج چابهار (چکالی آب) بر اساس سه روش‌های هم‌کریگیدن، کریگیدن و عکس فاصله موزون با کمک نرم افزار GS+ انجام گرفته شده است که نتایج گرافیکی آن در خلیج چابهار با استفاده از درونیابی انجام شده توسط نرم افزار ArcGIS9.1 رسم شده است. در این تحقیق نقاط نمونه‌برداری در موقعیت‌های نقطه‌ای نامنظم قرار دارند و مشاهدات فضایی از گروه مشاهدات آماری<sup>۱</sup> پیوسته هستند.

### ۲-۲-۳. تحلیل اکتشافی داده‌ها

در تحلیل داده‌های فضایی، مفروضات بنیادی مانند نرمال بودن، مانایی در میانگین، همسانگردی<sup>۲</sup> و همچنین وجود داده‌های پرت، مورد بررسی قرار می‌گیرند. در این قسمت به بررسی این مفروضات می‌پردازیم. پس از بررسی نرمال بودن داده‌ها با استفاده از آزمون‌های غیر پارامتریک یک طرفه Kolmogrov-Smirnov ملاحظه شد که پارامترهای ثبت شده دارای توزیع نرمال هستند با توجه به توزیع یکنواخت ایستگاه‌ها (شکل ۱)، داده‌ی پرتی مشاهده نشده است. همچنین در این بررسی روند خاصی در مشاهدات دیده نمی‌شود، پس می‌توان مانایی در میانگین را

<sup>۱</sup> Geostatistical Data

<sup>۲</sup> Isotropic همسانگردی بدین معنی است که ساختار همبستگی که با تغییر نگار بیان می‌شود در تمام جهات یکسان است.

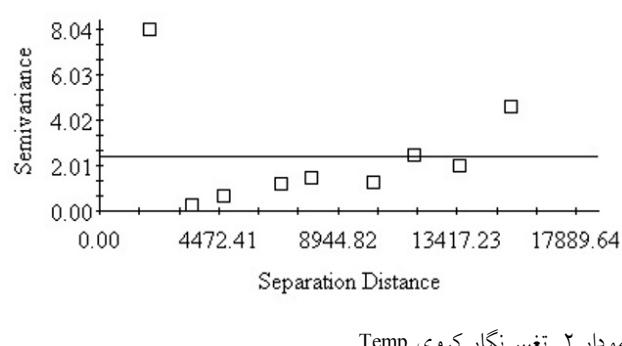
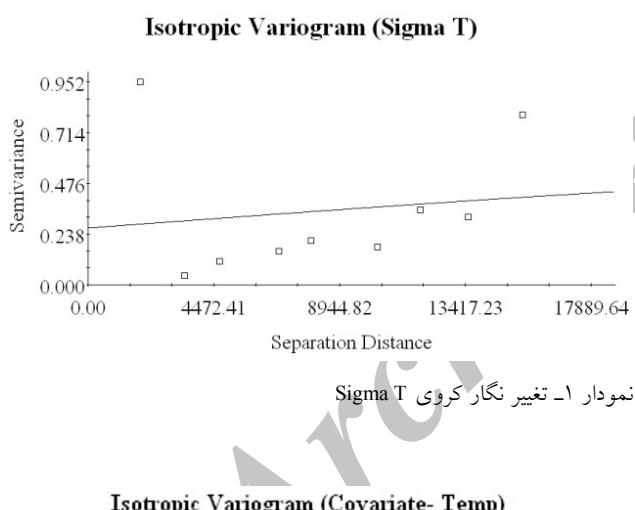
(۶)

$$\gamma_{Temp} = \begin{cases} 1.661 + 2.035 \left[ 1.5 \left( \frac{h}{41100} \right) - .5 \left( \frac{h}{41100} \right)^3 \right], & h < 41100 \\ 3.696, & h > 41100 \end{cases}$$

(۷)

$$\gamma_{SigmaT,Temp} = \begin{cases} -.560 - .561 \left[ 1.5 \left( \frac{h}{41100} \right) - .5 \left( \frac{h}{41100} \right)^3 \right], & h < 41100 \\ -1.121, & h > 41100 \end{cases}$$

با توجه به مقدار کم اعتبار سنجی متقابل (RSS)<sup>۳</sup> بین مدل‌های مختلف نظری، مدل کروی برای تغییرنگارهای Sigma T و Temp و برای تغییرنگار متقابل Sigma T و Temp انتخاب شدند.



#### ۴-۲-۲. مدل‌بندی آماری

به طور معمول یک میدان تصادفی که مجموعه‌ای از متغیرهای تصادفی مانند  $\{Z(t), t \in D\}$  است<sup>۱</sup>، به عنوان مدل آماری برای داده‌های فضایی در نظر گرفته می‌شود. اجزای اصلی داده‌های فضایی، موقعیت‌های فضایی مانند  $t_1, t_2, \dots$  و  $t_n$  هستند. اگر  $Z(0)$  متغیر مورد بررسی باشد،  $Z(t_1), Z(t_2), \dots$  و  $Z(t_n)$  داده‌های مشاهده شده در آن مکان‌ها هستند. میانگین و تغییرنگار برای این میدان به صورت:

$$E(Z(t)) = \mu(t), t \in D \quad (۲)$$

و برای دو متغیر  $Z_i$  و  $Z_j$  تغییرنگار متقابل به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$2\gamma_{ij}(t_1, t_2) = E[(Z_i(t_1) - Z_i(t_2))(Z_j(t_1) - Z_j(t_2))] \quad (۳)$$

هر میدان تصادفی  $Z(t)$  را می‌توان به صورت زیر تجزیه کرد:

$$Z(t) = \mu(t) + \delta(t), t \in D \quad (۴)$$

که در آن  $\mu(0)$  روند و  $\delta(0)$  خطای تصادفی میدان است.

تغییرنگار و تغییرنگار متقابل تجربی<sup>۲</sup> برای متغیرهای مورد بررسی، یعنی چگالی (Sigma T) و دمای آب (Temp) با استفاده از نرم افزار GS+ به صورت نمودارهای ۱، ۲ و ۳ محاسبه شده‌اند. فرمول مدل‌های تغییرنگار و تغییرنگار متقابل فوق به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\gamma_{SigmaT} = \begin{cases} .186 + .187 \left[ 1.5 \left( \frac{h}{41100} \right) - .5 \left( \frac{h}{41100} \right)^3 \right], & h < 41100 \\ .373, & h > 41100 \end{cases} \quad (۵)$$

<sup>۱</sup> یک زیر مجموعه از فضای اقلیدسی  $d \geq 1$  بعدی  $R^d$  است

<sup>۲</sup> Cross-Variogram

<sup>۳</sup> Residue Square Sum

### ۲-۵-۱. کریگینگ معمولی (Kriging)

کریگینگ برای پیش‌بینی متغیر، از داده‌های نقاط همسایه‌ی مکان مورد نظر استفاده می‌کند. در این روش پیش‌بینی مقدار متغیر  $Z(0)$  در نقطه‌ی  $t_0$  با استفاده از  $n$  مشاهده‌ی همسایه توسط ترکیب خطی زیر با وزن‌های  $w_i$  انجام می‌شود (Cressie, 1993; Wackernagel, 1998)

$$\hat{P}(Z; t_0) = \hat{Z}(t_0) = \sum_{i=1}^n w_i Z(t_i) \quad (8)$$

کریگینگ معمولی روی مدل (۴) با فرض  $\mu(t) = \mu$  صورت می‌گیرد، که در آن  $\mu$  مقدار ثابت و نامعلوم است. فرض می‌کنیم داده‌ها بخشی از مشاهدات یکتابع تصادفی با تغییرنگار  $(h)$  باشد.

با رعایت قید  $\sum_{i=1}^n w_i = 0$  دستگاه کریگینگ معمولی به صورت

$$\gamma_0 = (\gamma(t_0 - t_1), \dots, \gamma(t_0 - t_n))^T, \quad \Gamma_0 w_0 = \lambda_0$$

$\Gamma_0 = (w_1, \dots, w_n, m)^T$  ضریب لاغرانژ و  $w_0 = (w_1, \dots, w_n, m)^T$

ماتریس متقابله است، به دست می‌آید:

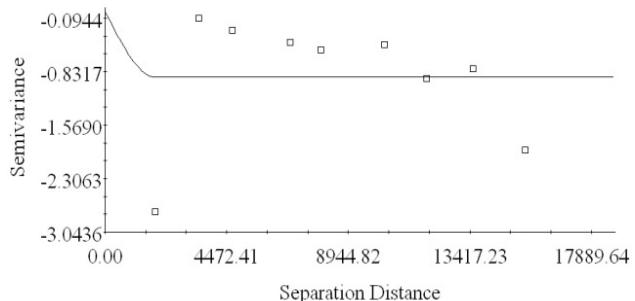
$$\Gamma_0 = \begin{bmatrix} \gamma(t_0 - t_0) & \dots & \gamma(t_1 - t_n) & 1 \\ \gamma(t_2 - t_1) & \dots & \gamma(t_2 - t_n) & 1 \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \gamma(t_n - t_1) & \dots & \gamma(t_n - t_n) & 1 \\ 1 & \dots & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

### ۲-۵-۲. هم‌کریگینگ معمولی (Co-Kriging)

پیش‌بینی کننده‌ی هم‌کریگینگ معمولی ترکیب خطی از وزن‌های  $w_{ji}$  همراه با داده‌ایی از متغیرهای مختلف نقاط نمونه‌برداری است که در همسایگی  $t_0$  قرار دارند. هر متغیر بر اساس مجموعه‌ای از نمونه‌هایی با حجم  $n_i$  به صورت پیش‌بینی کننده

$$\hat{Z}_i(t_0) = \sum_{j=1}^N \sum_{i=1}^{n_i} w_{ji} Z_j(t_j)$$

### Isotropic Cross Variogram (Sigma T, Temp)



نمودار ۳- تغییر نگار متقابل کروی برای متغیرهای  $T$  و  $\text{Temp}$

### ۲-۵-۳. ارزیابی اعتبار مدل‌ها

عموماً از ابزار اعتبارسنجی متقابل<sup>۱</sup> برای بررسی خوبی برآورده مشخصه‌ها، پیش‌بینی و انتخاب مدل مناسب داده‌ها استفاده می‌شود. ایده‌ی اصلی، خذف داده و استفاده از دیگر داده‌ها برای پیش‌بینی داده‌های حذف شده است. سپس خطای پیش‌بینی را می‌توان از اختلاف مقادیر پیش‌بینی شده با مقادیر اصلی بررسی و مدل‌های آماری مورد نظر را به وسیله‌ی این خطای ارزیابی کرد. در صورتی که پیش‌بینی کننده خوب عمل کند تفاوت بین این دو مقدار باید ناقیز باشد (Stone, 1974; Geiser, 1975).

در تحقیق فوق از این ابزار برای مقایسه‌ی سه روش پیش‌بینی کننده‌ی کریگینگ، هم‌کریگینگ و عکس فاصله‌ی موزون و همچنین گزینش مدل‌های مختلف تغییرنگار و تغییرنگار متقابل استفاده شده است. اگر خط رگرسیون بین داده‌های واقعی و پیش‌بینی شده به خوبی برازش یابد و ضریب زاویه‌ی خط تقریباً برابر ۱ باشد، می‌توان نتیجه گرفت که روش پیش‌بینی کننده به درستی عمل می‌کند. از دو مقدار کمی ضریب تعیین  $R^2$ <sup>۲</sup> و خطای استاندارد پیش‌بینی  $SEP$ <sup>۳</sup> نیز می‌توان استفاده کرد. حال، سه روش پیش‌بینی کننده‌ی کریگینگ، هم‌کریگینگ و عکس فاصله‌ی موزون توضیح داده می‌شود.

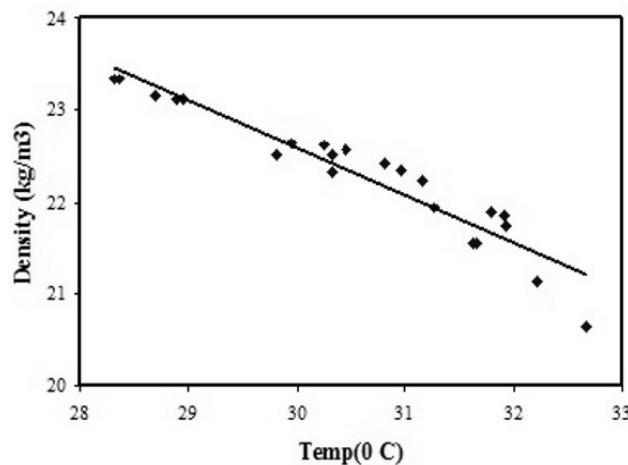
<sup>1</sup> Cross-Validation

<sup>2</sup> توان دوم ضریب همبستگی بین داده‌های واقعی و داده‌های پیش‌بینی شده

<sup>3</sup>  $SEP = SD \times \sqrt{1 - R^2}$

SD = StandardDeviation

ایستگاه) و وابسته به زمان (ماه) تهیه شد. این روابط بر اساس داده‌های ایستگاه‌های ۲۴ گانه از سطح تا عمق مشخص شده است. در این روابط عمق، درجه حرارت و شوری پارامتر مستقل و چگالی کمیت وابسته در نظر گرفته شده‌اند. در بررسی نتایج حاصل از تحلیل رگرسیون وابسته به مکان و زمان در هر ایستگاه و تبدیل ضرایب غیر استاندارد به ضرایب (جدول ۱)، با مقایسه ضرایب همبستگی استاندارد به‌وضوح مشاهده می‌شود که روند تغییرات چگالی بیشتر متأثر از درجه حرارت است تا میزان شوری که در شکل ۴ نمودار خط رگرسیون بین چگالی و دمای آب ( $R^2 = 0.974$ ) نشان داده شده است. در نتیجه در این تحقیق، درجه حرارت به عنوان پارامتر کمکی در تعیین پهنگ‌بندی چگالی آب انتخاب شده است.



شکل ۴- خط رگرسیون بین دمای آب و چگالی آب حاصل از اندازه‌گیری

تعیین پهنگ‌بندی چگالی آب خلیج چابهار، بر اساس آنچه در بخش ۲ توضیح داده شد صورت گرفته است. همان‌طور که گفته شد از بین مدل‌های مختلف نظری، مدل کروی برای تغییرنگارهای Sigma T و Temp و برای تغییرنگار متقابل Sigma T و Temp انتخاب شده است. در نتیجه‌ی این روش می‌توان به نقشه‌ای دست یافت که نمایانگر روند تغییرات چگالی آب در کل خلیج چابهار و برای کل دوره‌ها باشد. نتایج پهنگ‌بندی فضایی برای پارامتر چگالی آب در روش‌های کریگیدن، هم کریگیدن و عکس فاصله موزون به ترتیب در شکل‌های ۵ و ۷ ارائه شده است، به‌طور کلی با دقت بالا می‌توان گفت که در فصل‌های زمستان و بهار به طور میانگین چگالی آب خلیج چابهار با پیش‌روی به سمت ساحل کاهش می‌یابد.

تعريف می‌شود. در اینجا هم کریگیدن برای چگالی (زیگماتی) شرح داده می‌شود و با توجه به نتایج رگرسیون، پارامتر کمکی، دمای آب در نظر گرفته می‌شود. دستگاه معادلات هم کریگیدن به صورت زیر حاصل می‌شود:

$$\sum_{k=1}^N \sum_{l=1}^{n_k} w_{lk} \gamma_{ik} (t_j - t_l) + m_i = \gamma_{i1} (t_j - t_0), i = 1, \dots, N, j = 1, \dots, n_i \\ \sum_{l=1}^{n_i} w_{li} = \delta_{il}, i = 1, \dots, N \quad (9)$$

### ۳-۵-۲-۲. عکس فاصله موزون (Inverse Distance Weighted)

این روش ساده‌ترین پیش‌بینی کننده در داده‌های فضایی است و فرمول بندی ساده‌ای دارد. این مدل برای پیش‌بینی  $Z(t_0)$  در نقطه‌ی  $t_0$  به داده‌ای که فاصله‌ی کمی با  $t_0$  دارند وزن زیاد و داده‌هایی که فاصله زیاد دارند وزن کم می‌دهد. روش عکس فاصله موزون، مقدار  $Z(t_0)$  را در نقطه‌ی  $t_0$  به صورت

$$\hat{Z}(t_0) = \frac{\sum_i \left( \frac{Z(t_i)}{(h_{i0} - s)^P} \right)}{\sum_i \left( \frac{1}{(h_{i0} - s)^P} \right)}, i = 1, \dots, n$$

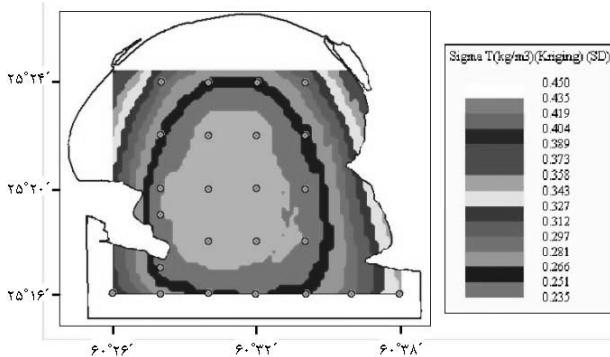
پیش‌بینی می‌کند. که در آن  $h_{i0}$  فاصله‌ی بین دو نقطه‌ی  $t_0$  و  $t_i$  ضریب همواری و  $P$  توان وزن است. در تحقیق حاضر، با بررسی اعتبار سنجی متقابل  $S=0$  و  $P=2$  اختیار شده‌اند.

## ۳. بحث و نتیجه‌گیری

### ۳-۱. تحلیل آماری

چگالی آب دریا تابعی از درجه حرارت و شوری آب است. به منظور تعیین پهنگ‌بندی چگالی خلیج و تعیین پارامتری که بیشترین تأثیر را روی توزیع چگالی دارد از آزمون رگرسیون چند متغیره با سطح اطمینان ۹۹٪ استفاده گردید. نتایج حاصل به صورت یک رابطه‌ی خطی مستقل از مکان (در اینجا: محل

کریگیدن نشان می‌دهد. شایان ذکر است که پهنی بندی انحراف معیار برای روش عکس فاصله‌ی موزون قابل محاسبه نیست.



شکل ۸ - خطوط هم‌تراز انحراف معیار کریگیدن

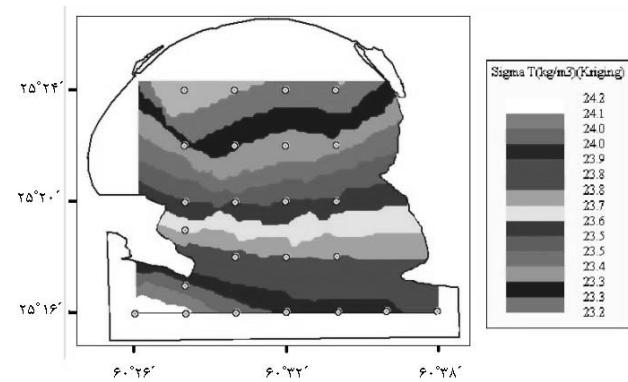
خطای معیار پیش‌بینی کریگیدن، کریگیدن با روند بروونی و عکس فاصله‌ی موزون در ۶ ماه نمونه‌برداری برای چگالی آب خلیج محاسبه و در جدول ۲ ارایه شده است.

جدول ۲- خطای معیار روش‌های کریگیدن معمولی، کریگیدن با روند بروونی و عکس فاصله‌ی موزون طی ۶ ماه

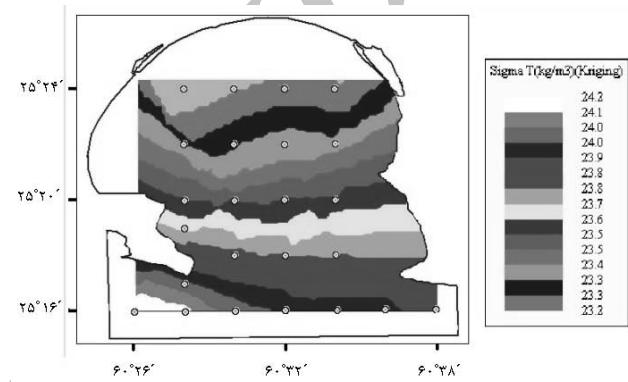
روش	۰۲۸۵	۰۲۸۲	۰۲۸۵	۰۲۸۶	۰۲۸۶	۰۲۸۷
کریگیدن معمولی	۰/۱۹۹	۰/۳۱۰	۰/۲۵۱	۰/۳۴۸	۰/۳۵۵	۰/۳۷۶
کریگیدن با روند بروونی	۰/۱۷۶	۰/۲۴۶	۰/۱۵۶	۰/۲۵۶	۰/۲۱۲	۰/۲۱۰
عکس فاصله‌ی موزون	۰/۲۴۵	۰/۲۴۰	۰/۲۴۸	۰/۲۸۰	۰/۴۵۰	۰/۴۴۳

همان‌طور که ملاحظه می‌شود خطای معیار پیش‌گویی‌های انجام شده توسط کریگیدن فضایی با روند بروونی در تمام ماه‌ها از خطای معیار کریگیدن معمولی و عکس فاصله‌ی موزون کوچکتر است. به عبارت دیگر لحاظ نمودن دمای آب، که یکی از عوامل مؤثر در تعیین چگالی آب به شمار می‌رود، تأثیر بسزایی در افزایش دقت پیش‌گویی کریگیدن با روند بروونی در مقایسه با سایر روش‌ها دارد.

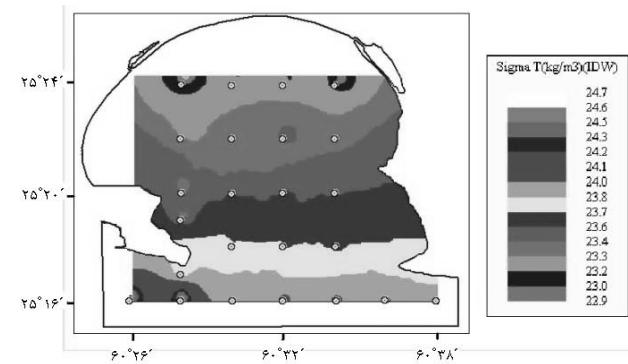
نمودارهای اعتبارسنجی که مقدار چگالی حاصل از شبیه‌سازی به وسیله‌ی هر یک از روش‌های آماری نسبت به مقدار واقعی حاصل از اندازه‌گیری را نشان می‌دهد، در نمودارهای ۴ تا ۶ قابل مشاهده است. در تفسیر نمودار اعتبارسنجی باید گفت که اگر ضریب زاویه‌ی خط رگرسیون تقریباً برابر ۱ باشد به این معنی است که برازش به خوبی انجام شده است و می‌توان نتیجه



شکل ۵ - خطوط هم‌تراز زیگماتی در کل دوره‌ها به روش کریگیدن

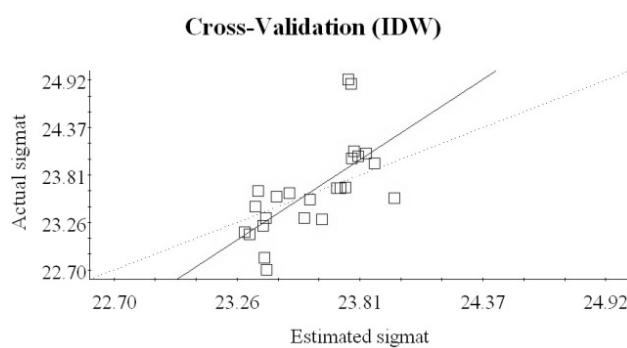


شکل ۶ - خطوط هم‌تراز زیگماتی در کل دوره‌ها به روش هم‌کریگیدن

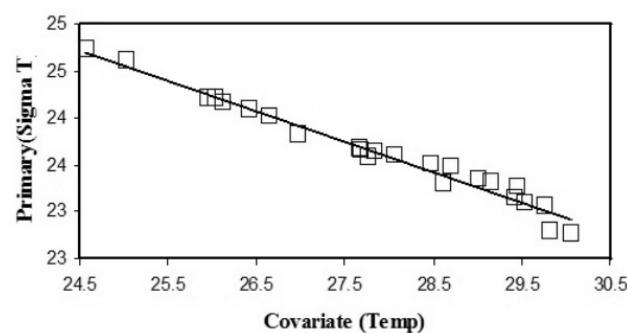


شکل ۷ - خطوط هم‌تراز زیگماتی در کل دوره‌ها به روش عکس فاصله‌ی موزون

به منظور تعیین اعتبار هر یک از مدل‌ها از نمودارهای انحراف معیار، خطای معیار پیش‌بینی و نمودار اعتبار سنجی استفاده شده است. با توجه به محاسبات، مقدار انحراف معیار در روش هم‌کریگیدن صفر به دست آمده است، شکل ۸ پهنی بندی انحراف معیار پیش‌بینی مقدار زیگماتی را برای کل خلیج، به روش



نمودار ۶- اعتبارسنجی متقابل به روش عکس فاصله‌ی موزون



نمودار ۷- خط رگرسیون بین Temp و Sigma T

گرفت که روش پیشینی کننده به درستی عمل می‌کند. در نمودار مربوط به همکریگیدن (نمودار ۵)، خط رگرسیون از نیمساز ربع اول با ضریب زاویه یک گذشته است، ولی در نمودار ۴ مربوط به کریگیدن و نمودار ۶ مربوط به عکس فاصله‌ی موزون، خط رگرسیون با خط فرضی که دقیقاً از نیمساز ربع اول با شبیه یک می‌گذرد (خط فرضی با نقطه چین مشخص شده است)، فاصله دارند. با توجه به نتایج به دست آمده، برتری روش همکریگیدن نسبت به کریگیدن و کریگیدن را نسبت به عکس فاصله‌ی موزون را در پیشگویی پارامترهای محیطی مشخص می‌شود. علاوه بر موارد ذکر شده، با توجه به اینکه در روش همکریگیدن برای پنهان بندی فضایی کمیت مورد بررسی (در اینجا چگالی آب) از یک پارامتر کمکی و تأثیرگذار (در اینجا دمای آب) بر آن استفاده می‌کند، نتایج حاصل بسیار مناسب‌تر از سایر روش‌ها است. شایان ذکر است که با توجه به خط رگرسیون (نمودار ۷)، بین دو متغیر Sigma T (متغیر وابسته) و Temp (متغیر کمکی)، چون ارتباطی قوی بین این دو پارامتر وجود دارد ( $R^2 = 0.974$ )، در عمل تفاوت زیادی در دقیقیت همکریگیدن و کریگیدن دیده می‌شود.

#### ۴. سپاسگزاری

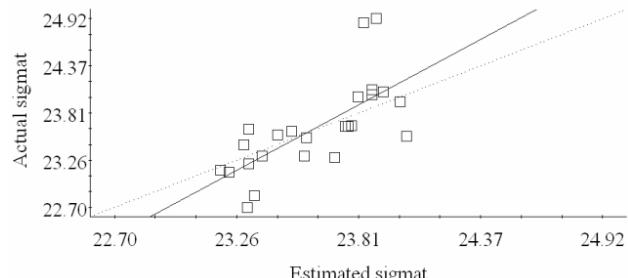
تحقیق حاضر با استفاده از داده‌های جمع‌آوری شده به‌وسیله‌ی تجهیزات میدانی ایستگاه پژوهشی چابهار موسسه ملی اقیانوس‌شناسی انجام شده است. لذا از مسؤولین موسسه ملی اقیانوس‌شناسی، سرپرست محترم وقت ایستگاه پژوهشی چابهار (آقای مهندس سنجانی) و جناب آقای دکتر امیر کاوی دلانقر تقدير و تشکر به عمل می‌آید.

#### منابع

داداش‌پور، ج.، ۱۳۸۶. محاسبه و فرمولاسیون اثر ضریب دراگ سطح دریا روی حوضه‌ی خلیج چابهار و محاسبه‌ی بودجه گرمایی. پایان‌نامه کارشناسی ارشد. دانشکده علوم و فنون دانشگاه آزاد اسلامی تهران. ۱۴۷ صفحه.

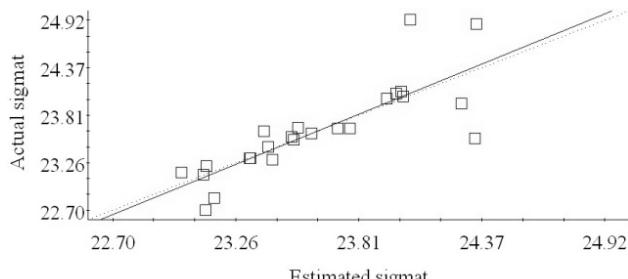
کریمی، الف؛ محمدزاده، م.، ۱۳۸۶. برآورد بیزی پارامترهای مدل رگرسیون با خطاهای خودهمبسته فضایی. مجله علوم دانشگاه تهران، جلد ۳۳، شماره ۳، صفحات ۳۳-۳۸.

#### Cross-Validation (Kriging)



نمودار ۴- اعتبارسنجی متقابل به روش کریگیدن

#### Cross-Validation (Co-Kriging)



نمودار ۵- اعتبارسنجی متقابل به روش همکریگیدن

- Reinsel, G.C.; Cheang, W.K., 2003. Approximate ML and REML Estimation for Regression Models with Spatial or Time Series AR(1) Noise. *Statistics and Probability Letters*, Vol. 62(2): 123-135
- Stone, M., 1974. Cross-Validity Choice and Assessment of Statistical Predictions. *Journal of the Royal Statistical Society*. Vol. 36: 111-133.
- Wackernagel, H., 1998. Multivariate Geostatistics. Springer publication, Berlin. 292P.
- نیکویان، ع. ۱۳۷۶. بررسی تراکم، پراکنش، تنوع و تولید ثانویه بی‌مهرگان کفری (ماکروپیتوزها) در خلیج چابهار. رساله دکتری. دانشگاه آزاد اسلامی. ۱۹۵ صفحه.
- Cressie, A.C., 1993. *Statistics for Spatial Data*. A Wiley-Interscience publication, USA. 887P.
- Geiser, S., 1975. The Prediction Sample Reuse method with applications, *Journal of the American Statistical Association*, Vol. 70: 320-328.
- Matheron, G., 1963. Principles of Geostatistics. *Journal of Economic Geology*, Vol. 58: 1246-1266.