

استنتاج نتایج ضروری در ضربهایی با یک مقدمه ضروری، مسائلهای در موجهات ارسسطو

* دکتر فرشته نباتی

چکیده

انتقادهای فراوانی به نظام قیاسهای موجه ارسسطو وارد شده است. برخی از منطقیون تلاش کرده‌اند تا صورتیندی مناسب و رضایت بخشی از کل این نظام ارائه دهند، ولی هیچ یک از این کوششها قرین توفیق نبوده است. به همین دلیل، منطق - دانانی در صدد برآمدند تا تنها در مورد بخشهایی از این نظام که بیشتر مورد مناقشه بوده، تبیین مناسبی ارائه دهند. مناقشه انگیزترین بخش این نظام که به مسئله "دو بار بارا" مشهور است، در مورد این ادعای ارسسطو است که ضربهایی دارای ضروری و صغای مطلقه نتیجه ضروری می‌دهند، در حالی که ضربهای دارای کبرای مطلقه و صغای ضروری نتیجه ضروری نمی‌دهند. برخی از منطق دانان این نظر ارسسطو را پذیرفته‌اند، برخی هر دو نوع ضرب را دارای نتیجه ضروری دانسته‌اند و برخی نیز نتیجه هر دو نوع ضرب را مطلقه اعلام و هر یک برای نظر خود دلایلی ارائه کرده‌اند. رشر در حمایت از نظر ارسسطو موفق است و علاوه بر تبیین این مسئله، سازگاری آن را با دیگر نظرات ارسسطو نشان می‌دهد.

واژه‌های کلیدی

قياس موجه، ضرورت، امکان، وجه شیء، وجه گزاره، مسئله دو بار بارا

مقدمه

تنها در نیمه دوم قرن بیستم شناخته شد" (موحد، ۱۳۸۶: ۱۶).

اما در غرب تا قبل از قرن سیزدهم میلادی در مورد موجهات کار در خور توجهی انجام نشد و در واقع، نه تنها بخش موجهات، بلکه تمام «تحلیل اول» مغفول بود. فلاسفه قرن سیزدهم مثل آبرت کبیر^۳ و آکویناس^۴ تحت تأثیر ابن سينا و ابن رشد توجه خاصی به موجهات نشان دادند. منطق دانان پس از آنها با توجه به تمایز میان وجه شئ (dere) و وجه گزاره (de dicto) تعداد زیادی از ضروب قیاسهای وجه را شناسایی کردند. اکام و بوریدان از جمله منطق دانانی بودند که ضروب وجه بسیاری را مورد بحث قرار دادند (Knuuttila, 2008: 549-559).

اکام^۵ هزار ضرب معتبر وجه را مطرح کرد (Bochenski, 1961: 224).

مطالعات جدید در منطق موجهات به دست لوئیس با طرح مسائلی در مورد استلزم اکید آغاز شد. او اولین نظام اصل موضوعی منطق موجهات گزاره‌ای را در سال ۱۹۱۸ در کتاب بررسی منطق نمادین^۶ ارائه کرد. لوئیس در سال ۱۹۳۲ با کمک لنگ فورد کتاب مشهور منطق نمادین^۷ را نوشت. این کتاب در واقع رنسانس مطالعات در باب منطق موجهات و به طور کلی منطقهای مفهومی^۸ است (Van Rigen, 1989[1950], p2).

پس از آغاز بررسیهای جدید در باب موجهات و به محض آنکه وسیله مناسب منطق جدید موجهات فراهم شد، منطق دانانی که عالیق تاریخی داشتند، با به کارگیری این ابزار جدید مشغول به کار شدند. بکر^۹ از جمله این افراد بود. به نظر برخنگسکی: «نظریه قیاسهای وجه اسطوی، گرچه در طی قرون وسطی به خوبی شناخته شده و گسترش یافته بود، اما پس از آن تقریباً به طور کامل مورد سوء فهم قرار گرفت تا

کار اسطو در ارائه نظام استنتاج قیاسی کاری بزرگ و ستودنی است. اسطو پس از بیان نظام قیاسهای مطلقه^۱ خود نظامی هم برای قیاسهای وجه ارائه کرد، ولی برخلاف نظام قیاسهای مطلقه که قرنها مورد پذیرش بی‌چون و چرای منطقیون بود، در مورد نظام قیاسهای وجه اسطو همواره اختلاف نظر وجود داشته است. این اختلاف نظرها درست پس از خود اسطو شروع شد تا جایی که اسکندر افريوسی کتابی نوشت با عنوان «در باب عدم توافق میان اسطو و دوستانش در مورد ضروب مختلطه»^۲ (البته این اثر امروزه در دسترس نیست) (Mccall, 1963:2).

عدم توافق از آن پس همچنان ادامه داشت. بسیاری از منطقیون از این بخش از منطق اسطو بسیار ناخشنود بوده و با جملات تندی از آن یاد کرده‌اند. لوکاسیه ویچ در این باره می‌گوید: «برخلاف نظام قیاسات مطلقه که کاملاً روشن و تقریباً بدون خطاست، نظام قیاسات وجه اسطویی به خاطر اشتباهات بسیار و ناسازگاری‌هایش تقریباً غیرقابل فهم است» (Lukasiewicz, 1972:133).

پس از اسطو، گرچه منطقیون همچنان از موجهات سخن می‌گفتند، ولی این بحث چندان پر رونق نبود و بیشتر هم جنبه متافیزیکی داشت تا منطقی.

مسلمانان توجه قابل ملاحظه‌ای به موجهات داشتند. ابن سينا قیاسهای وجه را به تفصیل بیان کرد و ابن رشد تفاسیری بر تحلیل اول نوشت و در آنها به بیان قیاسهای وجه پرداخت. «اوج شکوفایی این نکته یابی‌ها قرن هفتم، در دو کتاب رساله شمسیه، نوشته نجم الدین کاتبی قزوینی (۶۷۵-۶۱۷ ه. ق) و مطالع الانوار نوشته سراج الدین ارمی (۵۹۸-۶۸۲ ه. ق). و شرح استادانه قطب الدین رازی تھتانی (م. ۷۶۶ ه. ق) بر این دو کتاب، به ویژه بر کتاب مطالع الانوار است. در این شرح به نکته‌هایی در منطق موجهات اشاره شده که اهمیت آنها

موضوعه خاص ارائه دهد که همه و فقط آن قیاسهای موجهی که نزد ارسسطو معتبر بوده‌اند، در اینجا هم معتبر شناخته شوند.

پس از کتاب مک کال، رشر مقاله دیگری در سال ۱۹۷۱ منتشر کرد. او در این مقاله تنها به یک مطلب بحث انگیز از قیاس‌های موجه (اعتبار ضروب XLL و عدم اعتبار ضروب LXL)^{۱۴} می‌پردازد و سعی می‌کند این مسأله را تبیین کند.

عدم توفیق در ارائه یک نظام جامع و مانع که بتوان آن را «نظام موجهات ارسسطوی» نامید، موجب شده است که منطق دانان، بیشتر تمایل پیدا کنند در باب بخشهای خاصی از نظریات ارسسطو در موجهات کار کنند، نه آنکه در صدد تبیین جامعی از کل نظام او باشند. ما در این نوشته ابتدا گزارش کوتاهی از مفاهیم موجه نزد ارسسطو و بخشهایی که تقریباً مورد اتفاق همه منطقیون بوده است، عرضه می‌کنیم و سپس به طور مبسوط به یکی از مناقشه‌انگیزترین مسایل در موجهات ارسسطوی می‌پردازیم.

گزاره‌های موجه:

گزاره موجه، گزاره‌ای است که یکی از الفاظ «ضرورت» یا «امکان» یا الفاظی معادل آنها در آن آمده باشد و قیاس موجه قیاسی است که حداقل یکی از مقدمات آن گزاره‌ای موجه باشد.

ارسطو در مواضع مختلفی از آثار خود درباره موجهات سخن گفته است؛ از جمله در «العبارة»^{۱۵} - «التحليل» اول (کتاب اول ۳ و ۲۲-۱)، تحلیل ثانی (کتاب اول ۱-۱۱) و همین طور در بخشهایی از کتابهای چهارم، پنجم و نهم متافیزیک. او از سه نوع اصلی از مفاهیم موجه استفاده می‌کند؛ یعنی: «ضرورت»، «امکان» و «احتمال» (امتناع با عدم امکان تعریف می‌شود)

بکر دوباره معنای درست آن را دریافت» (Bochenski, 1951: 55).

بکر نمادهای جدید، سورها و عملگرهای موجه را به کار برد تا تمایز مدرسیون میان قضایای دارای جهت شی (dere) و جهت گزاره (dedicto) را با دقت نشان دهد و سپس کوشید تا نشان دهد که ارسسطو در تفسیر مقدمات قیاسهای موجه میان جهت شی (dere) و جهت گزاره (dedicto) در نوسان بوده است.^{۱۶}

لوکاسیه‌ویچ اولین فردی بود که تلاش کرد قیاسهای موجه ارسسطو را به عنوان یک نظام کاملاً صورت بندی شده عرضه کند. اوقبل از آن موفق شده بود تا نظام قیاسهای مطلقه ارسسطو را براساس چهار اصل موضوع به عنوان نظامی اصل موضوعی ارائه دهد.^{۱۷} لوکاسیه‌ویچ در سال ۱۹۶۱ نظامی از قیاسهای موجه را نیز ارائه داد. در اینجا او به چهار اصل موضوع قبلی خود تنها اصول موضوعهای را اضافه کرد که از منطق موجه گزاوهای اخذ می‌شود، ولی تلاش لوکاسیه‌ویچ قرین توفیق نبود؛ او نتوانست نظام قیاسهای موجه ارسسطوی را کاملاً و دقیقاً بازسازی کند.

یکی از همدلانه‌ترین کوششها برای تبیین قیاسهای موجه ارسسطوی در زمان حاضر توسط رشر انجام گرفت (Rescher, 1963). او تلاش لوکاسیه‌ویچ و بکر را در این زمینه کاملاً ناموفق دانست و گفت هر تلاش دیگری از این نوع هم با شکست مواجه خواهد شد. رشر، خود سعی کرد تا تفسیری شهودی و غیرصوری از ضروب موجه ارائه دهد.

پس از آن مک کال^{۱۸} در سال ۱۹۶۳ کتابی با عنوان «قیاسهای موجه ارسسطوی»^{۱۹} منتشر کرد. او در این کتاب، رأی رشر را در این باب که تلاش‌های صوری قبلی در تبیین موجهات ارسسطوی ناموفق بوده، پذیرفت، ولی این نظر که هر تلاش دیگری هم با عدم توفیق مواجه می‌شود، را پذیرفت و خود کوشید نظامی مبتنی بر اصول

(dynatou)	$\delta\nu W\alpha\tau O$:	Possibility – امکان –
(endenchta)	$\in\nu\delta\in X\in Tai$:	Contingency – احتمال –
(anagkes)	$\alpha\nu\alpha\delta Kys$:	Necessity – ضرورت –
(adynatou)	$\alpha\delta\nu\nu\alpha\tau O$:	impossibility – امتناع –

«پس امکان به یک معنی همان طور که گفته ایم، آن چیزی است که ضرورتاً کاذب نیست». او در عباره هم می گوید: «از ممکن بودن نتیجه می شود که ضروری نیست که نباشد» (22b20) ارسطو امکان را به دو معنا به کار برده است: در معنای اول؛ چیزی را که ضروری باشد، می توان ممکن نامید، ولی در معنای دوم چیزی که ضروری باشد، ممکن نیست. معنای اول امکان عام است و ارسطو معمولاً از آن بالفظ dynatou یاد می کند و معنای دوم، امکان خاص است که برای نشان دادن آن از لفظ endechethai استفاده می کند.

با اینکه ارسطو این دو معنای امکان را شناخته و آنها را از هم تمیز داده بود، ولی در به کارگیری الفاظ دقیق عمل نکرد. او endechethai را گاهی متراffد با آورده که فقط معنای «نه غیرممکن» می دهد و گاهی معنای محدودتر آن؛ یعنی «نه ضروری و نه غیرممکن» را اراده کرده است. مثلاً در تحلیل اول 32a18ff او از endechestai ابتدا به معنای احتمال و سپس به معنای امکان استفاده می کند.

نیل می گوید: «در تحلیل اول وقتی endechomenon در یکی از دو مقدمه آمده، همیشه به معنای «این محتمل است که ...» آمده، ولی وقتی در نتیجه واقع شده، گاهی به معنای «این ممکن است که ...» آمده، ولی وقتی چنین

در اینجا برای نشان دادن گزاره های موجه از این نمادها استفاده می کنیم:

$\Box P$: ضروری است که P

$\Diamond P$: ممکن است که P

ΔP : محتمل است که P

ارتباطاتی که ارسطو میان این گزاره ها قائل است:

$$\Box P \leftrightarrow \sim \Diamond \sim P \quad (1)$$

او در متأفیزیک IV.4, 1006b31 می گوید:

ضرورتاً چنین بودن، به معنی آن است که غیرممکن است که چنین نباشد.

اگر در هم ارزی (1) به جای P , $\sim P$ را قرار دهیم، با قاعده نقض جهت خواهیم داشت:

$$\sim \Diamond P \leftrightarrow \Box \sim P \quad (2)$$

خود ارسطو هم این رابطه را صریحاً بیان کرده است. او در متأفیزیک v.12, 1019b24 می گوید: «غیرممکن به معنای آن است که نقض آن ضرورتاً صادق است.»

اگر رابطه (2) را عکس نقض کنیم، خواهیم داشت

$$\sim \Box \sim P \leftrightarrow \Diamond P \quad (3)$$

ارسطو این رابطه را هم در متأفیزیک V.12, 1019b28 بیان کرده است. او می گوید:

اول 31-33 می‌گوید: «شخص ممکن است نشان دهد که ... نتیجه ضروری نیست؛ گرچه ضرورتاً از مقدمات به دست آمده است»؛ یعنی در هر قیاس معتبر می‌توانیم بگوییم: $[p \& q] \rightarrow r$] □ ولی نمی‌توانیم بگوییم: $r \rightarrow [p \& q]$ ، ولی در مورد گزاره‌های موجه همیشه روش نیست که او وجه شئ (dere) را در نظرداشته یا وجه گزاره (dedicto) را. در بحثهای که در این نوشتۀ خواهد آمد، هر جا که توجه به این تمایزلازم باشد، تذکر خواهیم داد.

قياسهای موجه: (مسأله دو باربارا^{۱۵})

قوانین ارسسطو در باب قیاس‌هایی با مقدمات مطلقه (بدون جهت) در مورد قیاسهایی با مقدمات ضروری هم کاملاً قابل اعمال است؛ یعنی قیاسهایی به شکل L LL (قیاسی) با مقدمات ضروری و نتیجه ضروری) درست مانند قیاسهایی به شکل X XX (X نشان دهنده قضیه مطلقه است) نتیجه می‌دهند. این تقریباً تنها قسمتی از نظریه ارسسطو در مورد قیاسهای موجه است که مورد اتفاق منطقیون پس از او بوده، ولی در مورد سایر قسمتها اختلافات بسیاری بروز کرده است. بحث انگیزترین آنها را در اینجا مطرح می‌کنیم که معروف به مسأله "دو باربارا" است. منظور از باربارا ضرب اول از شکل اول است که هر دو مقدمه و نتیجه موجبه کلیه هستند. گرچه مسأله مورد مناقشه در مورد همه ضروب در همه اشکال قیاسهای موجه که یکی از دو مقدمه آنها ضروری و دیگری مطلقه است مطرح می‌شود، ولی این اشکال با نام خاص این ضرب معروف است.

مسأله چنین است:

ارسطو در فصول ۱۱-۹ از کتاب اول از تحلیل اول در مورد ضروبی با یک مقدمه ضروری و یک مقدمه مطلقه بحث می‌کند. در آنجا می‌گوید:

است (به این معنا آمده) ارسسطو همیشه این واقعیت را بیان می‌کند" (kneal, 1978: 85).

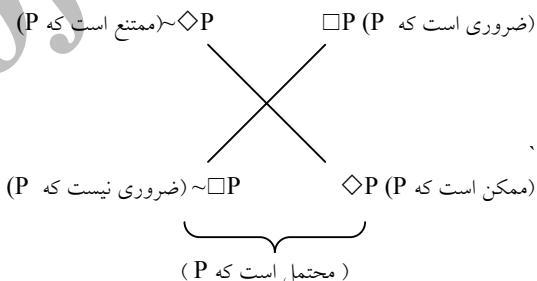
ما از مفهوم محدودتر امکان با واژه احتمال یاد می‌کنیم و طبق تعریف ارسسطو آن را چنین نشان می‌دهیم:

$$\Delta P \leftrightarrow \Diamond P \& \Diamond \sim P \quad (4)$$

$$\Delta P \leftrightarrow \sim \Box \sim P \& \sim \Box P \quad (5)$$

طبق هم ارزی‌های (۱) تا (۵) چه از ضرورت شروع کنیم و چه از امکان، می‌توانیم بقیه مفاهیم را از روی آن تعریف کنیم.

ارتباط میان این گزاره‌ها را می‌توان در چیزی شبیه مربع تقابلات به شکل زیر نشان داد:



در این مربع روابط تناقض، تضاد و تداخل مثل مربع تقابل مطلقه‌ها برقرار است و «محتمل است که P ...» به عنوان ترکیب عطفی دو داخل تحت تضاد آمده است.

نکته: ممکن است سؤالی در اینجا مطرح شود که ارسسطو، عملگرهای ضرورت و امکان را به عنوان وجه شئ (dere) اخذ کرده یا به عنوان وجه گزاره (dedicto)؟ ظاهراً نمی‌توان پاسخ دقیقی به این سؤال داد. البته، خود ارسسطو دریافته بود که این عملگرهای می‌توانند در جاهای مختلفی واقع شوند و با تغییر مکان آنها، معنای جمله تغییر خواهد کرد. او در «تحلیل

Celarent LXL (۲)

ضروری است که هر گربه مادری گربه ماده است.
هیچ گربه ماده‌ای زرد رنگ نیست.

پس ضروری است که هیچ گربه مادری، زرد رنگ نیست.

ارسطو قیاس دوم را نامعتبر می‌داند و برای نشان دادن عدم اعتبار آن می‌گوید: فرض کنیم این نتیجه، نتیجه درستی باشد. اگر در یک قیاس موجه شکل سوم ضرب Flapton LLL نتیجه را با صغری ترکیب کنیم، خواهیم داشت:

ضروری است که هر گربه مادری گربه ماده است.
ضروری است که هیچ گربه مادری زرد رنگ نیست.

پس ضروری است که بعضی گربه‌های ماده زرد رنگ نیستند.
این نتیجه‌ای قابل اعتراض است، چون به ما، چیزی فراتر از ارتباط صرفاً فعلیه بیان شده در کیرای قیاس اصلی می‌گوید؛ یعنی از ارتباط صرفاً فعلیه به ارتباط ضروری رسیده‌ایم.

چنین استدلالی را در مورد XLL نمی‌توان بیان کرد، چون برای اینکه قیاسی به شکل LLL (که اعتبارش قابل مناقشه نیست) داشته باشیم، باید کبری و نتیجه را ترکیب کنیم، ولی از ترکیب کبری و نتیجه که هر دو سالبه هستند، نتیجه‌ای به دست نمی‌آید.

ارسطو همه ۱۳ ضرب دیگر XLL و ۱۳ ضرب دیگر LXL و همچنین ضروب LLL (به جز یک استثنای در مورد LXL Festino) را تک تک بررسی می‌کند و برای اعتبار یا عدم اعتبار ضروبی که کامل یا بدیهی نیستند، استدلال کرده است.

قیاسهایی به شکل XLL (قیاسهایی با صغراً مطلقه و کبرای ضروری و نتیجه ضروری) معتبرند، اما قیاسهایی به شکل LXL (قیاسهایی با صغراً ضروری و کبرای مطلقه و نتیجه ضروری) نامعتبر بوده، نمی‌توانند نتیجه ضروری بدهند (30a15-17).

ارسطو برای اعتبار اولی (XLL) در شکل اول دلیل ارائه نمی‌دهد و تنها می‌گوید: «چون وقتی A ضرورتاً متعلق به همه B ها باشد (یا نباشد) و C یکی از B ها باشد، روشن است که رابطه سلبی یا ایجابی C با A هم ضروری خواهد بود.» (30a21-23)

ارسطو ضروب چهارگانه شکل اول XLL را بدیهی و از قیاسهای کامل (غیرقابل اثبات) می‌داند، اما برای عدم اعتبار ضروب شکل اول LXL دو دلیل ارائه می‌دهد:

(الف) مثالی از Barbara LXL ارائه می‌دهد (30a28-32) به این ترتیب که:
ضرورتاً همه انسانها حیوان هستند.
همه حیوانات حرکت می‌کنند.

پس ضرورتاً همه انسانها حرکت می‌کنند.
در اینجا مقدمات صادق، ولی نتیجه کاذب است، زیرا حرکت برای انسانها ضروری نیست. بنابراین Barbara LXL نامعتبر است.

(ب) اما دلیل دوم او چیزی شبیه برهان خلف است Celarent (30a25-28). نیل این دلیل را در مورد XLL به این شکل بازسازی می‌کند:

Celarent XLL (۱)

هر گربه زرد رنگی، گربه نر است.
ضروری است که هیچ گربه نری ماده نیست.

پس ضروری است که هیچ گربه زرد رنگی ماده نیست.

ضرورتاً هیچ C ، A نیست.

۲- روش دیگر افتراض^{۶۷} است که تنها برای ضروب Bocardo LLL و Baroco LLL به کار رفته است.

اما استدلال برای عدم اعتبار ضروب (به جز دو استدلالی که پیش از این بیان شد) دو گونه است:

۱- به وسیله عکس، یک ضرب به ضرب دیگری که قبلًا عدم اعتبارش نشان داده شده، تحویل می شود.

۲- به علت اینکه نشان دهیم نمی توان نتیجه را به وسیله برهان خلف اثبات کرد.

نتایج به دست آمده ارسسطو را می توان در این جدول خلاصه کرد (McCall, 1963:9)

استدلال‌های ارسسطو برای اثبات اعتبار به دو طریق است:

- از طریق عکس و برگرداندن ضرب مورد نظر به Cesare XLL یکی از ضروب کامل، مثلاً در مورد Cesare XLL چنین عمل می شود:

می خواهیم اثبات کنیم این قیاس معتر است:

همه C ها هستند.

ضرورتاً هیچ B ، A نیست.

ضرورتاً هیچ C ، A نیست.

با عکس مستوی کبرای قیاس به ضرب کامل Celarent XLL می رسمیم:

همه C ها B هستند.

ضرورتاً هیچ B ، A نیست.

	LLL	XLL	LXL
Barbara	۱- کامل	۱۵ -	نامعتبر به وسیله برهان خلف و مثال (30a29)
Celarent	۲- کامل	۱۶ -	نامعتبر استدلال خلاف . مثل ۲۹ (30a32)
Darii	۳- کامل	۱۷ -	نامعتبر به وسیله فقدان برهان- اثبات و مثال (30b2)
Ferio	۴- کامل	۱۸ -	نامعتبر با مثال (30b5)
cesare	۵- عکس به ۲	۱۹- عکس به ۱۶	نامعتبر مثل ۲۰
Camestres	۶- عکس به ۲	(30b18)	عکس به ۱۶
Festino	۷- عکس به ۴	۲۱- عکس به ۱۸	نامعتبر - هیچ استدلالی داده نشده
Baroco	۸- افتراض	(31a10)	نامعتبر به وسیله مثال (31a15)
Darapti	۹- عکس به ۳	۲۳- عکس به ۱۷	عکس به ۱۷
Felapton	۱۰- عکس به ۴	۲۴- عکس به ۱۸	نامعتبر به وسیله عکس به ۳۲ و مثال (31a37)
Disamis	۱۱- عکس به ۳	۲۵- (31b31)	عکس به ۱۷
Datisi	۱۲- عکس به ۳	۲۶	نامعتبر به وسیله عکس به ۳۱ و مثال (31b40)
Bocardo	۱۳- افتراض	(32a4)	نامعتبر به وسیله مثال (31b40)
Ferison	۱۴- عکس به ۴	۲۸	نامعتبر به وسیله مثال (32a1)

اشکال را داشت، چون یکی از مقدمات این بود که «همه حیوانات متحرک هستند». این مقدمه هنگامی صادق است که همه حیوانات در حال حرکت باشند؛ یعنی مقدمه‌ای موقتی است.

ب-۲. هیتیکا : (Hintikka,1959:87-92 & Hintikka,1973:136-142)

او استنتاج شبه برهان خلفی ارسسطو را مورد مناقشه قرار داده، نشان می‌دهد که همین استدلال را می‌توان علیه اعتبار Darii XLL هم اقامه کرد . او می‌گوید ما Barbara LXX را که کسی در مورد اعتبارش بحثی ندارد (چون نتیجه مطلقه گرفته‌ایم) فرض می‌گیریم.

ضرورتاً هر C ، B است.
هر B ، A است.

همه C ها ، A هستند

عکس نتیجه می‌شود «بعضی A ها C هستند» اگر این قضیه را به صغیری قیاس Barbara LXX ضمیمه کنیم Darii XLL را خواهیم داشت:

بعضی A ها C هستند.
ضرورتاً هر C ، B است.
ضرورتاً بعضی A ها هستند.

این نتیجه را عکس می‌کنیم و به این نتیجه می‌رسیم که «ضرورتاً بعضی B ها A هستند»، ولی این نتیجه به چیزی فراتر از آنچه کبرای Barbara LXX گفته بود، دلالت دارد؛ یعنی از رابطه‌ای صرفاً فعلیه به رابطه‌ای ضروری می‌رسد. مراحل رسیدن به چنین نتیجه‌ای را می‌توان این طور نوشت:

1. Barbara LXX.
2. عکس «همه C ها A هستند»
3. Darii XLL
4. عکس مستوی «بعضی A ها ضرورتاً B هستند».

الف - کسانی که هم LXL و هم XLL را معتبر می‌دانند:

لوکاسیه‌ویچ معتقد است هر دو ضرب معتبرند (Lukasiewic,1972:186) او می‌گوید: فرض کنیم که همه C ها ضرورتاً B هستند (صغرای Barbara LXLL)؛ به این معنا که هر C با یک رشته به یک B متصل است، چون هر B، یک A است (کبرای Barbara LXLL) روش است که هر C هم با یک Rشته به یک A متصل است (نتیجه Barbara LXLL).

ب - کسانی که معتقدند هیچ یک از LXL و XLL معتبر نیستند :

ب-۱. تئوفراستس : او معتقد است که نتیجه تابع اخس مقدماتین است و ترتیب قوت وجود به این شکل است: ضرورت - اطلاق - امکان .

او می‌گوید چون صغیری ضروری نیست، بنا بر این ارتباط میان اصغر و حد وسط ضروری نیست و اینها می‌توانند از هم جدا شوند، حتی اگر اکبر و حد وسط ضرورتاً با هم مرتبط باشند (qtd in MacCall,1963:16). تئوفراستس برای عدم اعتبار Barbara XLL مثالی شبیه مثال ارسسطو برای عدم اعتبار Barbara LXLL ارائه می‌دهد: مثال این است:

همه انسانها در حال راه رفتن هستند.

ضرورتاً همه راه روندها متحرک هستند.

پس ضرورتاً همه انسانها متحرک هستند.

در اینجا مقدمات صادق هستند (در زمانی که همه انسانها راه می‌روند)، ولی نتیجه کاذب است. ممکن است در دفاع از ارسسطو گفته شود که مثال تئوفراستس مثال خوبی نیست، چون مقدمه‌ای زمانی یا موقتی در آن به کار رفته، در حالی که خود ارسسطو صریحاً می‌گوید: «... اگر مقدمات مقید به زمان حاضر فهمیله شوند، نمی‌توانند تشکیل قیاس دهنند (prior analytic,34b 7-11) ولی در جواب باید گفت مثال خود ارسسطو برای عدم اعتبار LXL هم همین

است» می‌برد. پس گرچه استدلال نیل بنابر اعتراف خودش کاملاً قیاسی نیست، ولی سعی دارد با این استدلال قابل قبول نشان دهد که هر دو شکل XLL و LXL نامعتبرند.

موافقان نظر ارسسطو :

منطقیون مختلفی کوشیده‌اند تا نظر ارسسطو در مورد اختلاف LXL و XLL را به نحوی در کل نظام قیاسهای موجه او تبیین کنند. از جمله آنها می‌توان به این افراد اشاره کرد.

۱- بکر (qtd in MacCall, 1963:18)

بکر می‌گوید ارسسطو قضیه « ضرورتاً همه‌ها A هستند » را در ضروبی با یک مقدمه ضروري و یک مقدمه مطلقه چنین تفسیر می‌کند:

$$(x)(Ax \rightarrow \square Bx)$$

پس Barbara XLL این شکل را پیدا می‌کند:

$$\begin{aligned} & (x)(Ax \rightarrow Bx) \\ & (x)(Bx \rightarrow \square Cx) \\ \hline & (x)(Ax \rightarrow \square Cx) \end{aligned}$$

در حالی که Barbara LXL این شکل را دارد.

$$\begin{aligned} & (x)(Ax \rightarrow \square Bx) \\ & (x)(Bx \rightarrow Cx) \\ \hline & (x)(Ax \rightarrow \square Cx) \end{aligned}$$

با به کار بردن تفسیر بکر می‌توان بین دو Barbara تمایز نهاد، ولی اگر این تفسیر را پذیریم، در جایی که بخواهیم مقدمات ضروري را عکس کنیم، دچار مشکل خواهیم شد؛ مثلاً برای اخذ XLL از Cesare

Celarent XLL

کبرای دومی این است:

$$(i) \quad (x)(Bx \rightarrow \square \sim Cx)$$

در حالی که کبرای Cesare XLL این است:

$$(ii) \quad (x)(Cx \rightarrow \square \sim Bx)$$

از این زنجیره، ۱ و ۲ درست هستند. در مورد ۴ هیئتیکا می‌گوید: باید در مورد نفی هر قاعدة عکس در نظام ارسسطو تردید کنیم، چون معمولاً قواعد عکس مهمترین ابزارهای ارسسطو هستند. پس ضعیفترین حلقه این زنجیره، ۳ است که باید اعتبار آن را نفی کرد.

ب-۳. نیل :

(Kneale, W. & Kneal, M. 1978:90). او می‌گوید: "ارسطو نباید اعتبار هیچ یک از LXL و XLL ضروب شکل اول را می‌پذیرفت." و چیزی تقریباً نظیر استنتاج شبه برhan خلف ارسسطو در مورد ضروب XLL می‌آورد. او می‌گوید: ما می‌توانیم استدلالی قابل قبول (اگر چه نه کاملاً قیاسی) برای نشان دادن این مسأله بیاوریم که دراینجا هم پذیرفتن نتیجه ما را فراتر از قضیه مطلقه (صغری) می‌برد.

سیر استدلال نیل به این ترتیب است. این قیاس شکل اول Celarent XLL را در نظر می‌گیریم:

هر گربه زرد رنگی، گریه نر است.
ضروري است که هیچ گربه نری، ماده نیست.

پس ضروري است که هیچ گربه زرد رنگی ماده نیست.

حال با این قضیه موجه شروع می‌کنیم که « ضروري است که هر گربه‌ای یا ماده است، یا نر » و از اینجا به این می‌رسیم که: « ضروري است که هر گربه غیرماده‌ای، نر است ». این قضیه با قضیه ای که از نقض محمول نتیجه قیاس اصلی به دست می‌آید، تشکیل قیاسی به این شکل می‌دهد:

ضروري است که هر گربه زرد رنگی غیرماده است.

ضروري است که هر گربه غیر ماده‌ای نر است.

ضروري است که هر گربه زرد رنگی نر است.

این قیاس Barbara LLL و معتبر است، ولی این نتیجه هم ما را فراتر از چیزی که قضیه مطلقه مذکور در قیاس اول بیان داشته بود که « هر گربه زرد رنگی، گریه نر

در واقع، کار ارسسطو در مورد موجهات دچار ناسازگاری است و جایگاه عملگر موجه مشخص نیست.
تفسیر دیگری هم در مورد محل قرارگرفتن عملگر موجه وجود دارد که می‌توان آنها را در این دسته‌ها جای داد

و هیچ عمل منطقی ما را از (i) به (ii) نمی‌رساند.
بکر می‌گوید برای اعمال قواعد عکس ارسسطو باید عملگر موجه در ابتدای قضیه باشد. پس (i) تبدیل به این قضیه می‌شود:

$$(i') \quad \square(x)(Bx \rightarrow \sim Cx)$$

که قابل انعکاس به قضیه مطابق ii' یعنی:

$$(ii') \quad \square(x)(Cx \rightarrow \sim Bx)$$

	کلیه	جزئیه
(i)	$(x)(Ax \rightarrow \square Bx)$	$(\exists x)(Ax \& \square Bx)$
(ii)	$\square(x)(Ax \rightarrow Bx)$	$\square(\exists x)(Ax \& Bx)$
(iii)	$(x)\square(Ax \rightarrow Bx)$	$(\exists x)\square(Ax \& Bx)$
(iv)	$(x)(\square Ax \rightarrow \square Bx)$	$(\exists x)(\square Ax \& \square Bx)$
(V)	$(x)(\diamondsuit Ax \rightarrow \square Bx)$	$(\exists x)(\square Ax \& \square Bx)$
(Vi)	$(x)(\diamondsuit Ax \rightarrow Bx)$	$(\exists x)(\square Ax \& Bx)$
(Vii)	$(x)(\square Ax \rightarrow Bx)$	$(\exists x)(\square Ax \& Bx)$

بعضی A، B را نشان دهد . هریک از این تفاسیر تنها در برخی از اینها با ارسسطو هماهنگ است.
جدول زیر مقدار این هماهنگی را نشان می‌دهد:
پس هیچ تفسیر شبه بکری از مقدمات موجه ارسسطوی نمی‌تواند کاملاً نظام ارسسطوی را توضیح دهد.

بکر (i و ii) - فون رایت^۷ (ii) - سوگی‌ها را^۸ (i-v)
رشر ، (i-iv) و (vi-vii) را پیشنهاد می‌کنند . ولی هیچ یک از این تفاسیر کاملاً به نظریه ارسسطو وفادار نمی‌ماند؛
Barbara LLL، XLL و عکس مقدمات عدم اعتبار Barbara LXL
ضروری (« ضرورتاً بعضی A، B است ». به « ضرورتاً

	(ارسطو)	(i)	(ii)	(iii)	(iv)	(v)	(vi)	(vii)
Barbara LLL	V	V	V	V	V	V	V	V
Barbara LXL	V	V	I	I	I	I	I	I
Barbara XLL	I	I	I	I	I	I	V	V
عکس مقدمات	V	I	V	V	V	V	I	I

(MacCall, 1963:21) (V) نشانه اعتبار و I نشانه عدم اعتبار است.

اگر همه درختهای حیاط من نارون هستند و
همه نارون‌ها ضرورتاً برگ ریز هستند
پس همه درختهای حیاط من ضرورتاً برگ ریز
هستند.

گرچه ضروری نیست که درختهای حیاط من نارون
باشند.

ولی راه حل رشر تنها در مورد ضروری که صغیری
مورد خاصی از کبری است، کاربرد دارد، درحالی که
در شکل‌های دوم و سوم همیشه چین حالتی وجود
ندارد. اگر می‌گوییم که جهت نتیجه از قاعده کلی
تبعیت می‌کند، باید راهی داشته باشیم که در هر مورد
بتوانیم تصمیم بگیریم کدام مقدمه، قاعده کلی است.

مک کال (MacCall, 1963:25) سعی می‌کند راه
حلی ارائه دهد تا در ضروب مختلف آشکال سه‌گانه
بتوان تشخیص داد کدام مقدمه، قانون کلی و کدام یک
موردن خاص این قانون است و برای ارائه این راه حل از
مفهوم تعیین یا انبساط^{۱۹} استفاده می‌کند. می‌دانیم در هر
قیاس معتبر حد وسط باید حداقل در یکی از مقدمات
منبسط باشد. مقدمه‌ای که حد وسط در آن منبسط باشد،
قانون کلی است و مقدمه دیگر مورد خاص این قانون
کلی است. این معیار معقول است، چون از دو مقدمه‌ای
که در حد وسط مشترک هستند، آن مقدمه‌ای کلی تر
است که به همه مدلول خود اشاره می‌کند. اما اگر حد
وسط در هر دو مقدمه منبسط باشد، هر کدام می‌توانند
به عنوان مورد خاص دیگری در نظر گرفته شوند. این
مسئله در مورد Darapit صادق است و منبسط بودن
حد وسط در هر دو مقدمه باعث می‌شود که هر دو
ضرب XLL و LXL از Darapit معتبر باشند، اما
این معیار دو قید هم دارد.

الف) در Baroco، حد وسط در صغیری منبسط
است، ولی ارسسطو LXL را معتبر نمی‌داند،

۲- رشر :

این نظر که ارسسطو در موارد مختلف، از معانی متفاوت
جهت استفاده کرده است، مورد قبول برخی از منطق‌دانان
نیست. آنها در صددند با قرائتی واحد از جهات، نشان
دهند که نظام موجهات ارسسطو نظامی سازگار است
(patterson, 1995:93).

۲-۱- راه حل اول رشر (Rescher, 1963)

رشر پس از ملاحظه عدم توفیق بکر و لوکاسیه‌ویچ،
از یافتن تفسیری صوری از نظام موجهات ارسسطو نامید
شد و به جای آن تفسیری غیرصوری ارائه داد.
او درباره مسئله‌ای که اینکه مورد بحث ماست
می‌گوید در این گونه موارد داریم :

۱. کبری حاوی یک نوع قانون ضروری است.
۲. صغیری موردنی خاص است که مشاهده یا استقراء
علوم داشته که این مورد تحت آن قانون ضروری قرار
می‌گیرد.
۳. نتیجه ضروری است.

تفسیر رشر دو گام دارد.

گام نخست : کبری: قاعده کلی صغیری: مورد خاص
گام دوم : در جایی که جهت کبری قویتر از صغیری
است، جهت نتیجه نیز قویتر از صغیری خواهد بود. در
مواردی که جهت کبری قویتر از صغیری نیست، جهت
نتیجه تنها از کبری تبعیت خواهد کرد؛ یعنی در جایی که
یک مقدمه، مورد خاصی از دیگری است، دومی قانون
کلی است و جهت نتیجه هم از قانون کلی تبعیت می‌کند؛
اگر قانون کلی ضروری است، نتیجه هم ضروری
می‌شود. اگر قانون ضروری نیست، نتیجه ضروری
خواهد بود.

مثال خود رشر این است که :

یک مقدمه سالیه نمی‌تواند مورد خاص مقدمه‌ای موجبه باشد.

جدولی که در پی می‌آید، انبساط حد وسط را در ضرب مختلف نشان می‌دهد. ضرب نامعتبر که نیاز به قبود (الف) و (ب) دارند، در پرانتز قرار گرفته‌اند. خط زیر حروف، نشان دهنده انبساط آنهاست

بنابراین برای هماهنگی با نظام ارسطوبی لازم است این قید اضافه شود.

یک مقدمه کلی نمی‌تواند مورد خاصی از مقدمه جزئی باشد.

ب) و نیز در Bocardo و Flapton حد وسط در صغیر منبسط است، ولی ارسطو LXL و همچنین Bocardo LXL را معتبر نمی‌داند، بنابراین، باید این قید را نیز اضافه کرد:

ضرب	مقدمات		نتیجه	جهت
Barbara	Aab	A <u>b</u> c	Aac	XLL
Celarent	Aab	E <u>b</u> c	Eac	XLL
Darii	Iab	A <u>b</u> c	Iac	XLL
Ferio	Iab	E <u>b</u> c	Oac	XLL
Cesare	Aab	Ecb	Eac	XLL
Camestres	Eab	Acb	Eac	LXL
Festion	Iab	Ecb	Oac	XLL
Baroco	Oab	Acb	Oac	(LXL)
Darapti	A <u>b</u> a	A <u>b</u> c	Iac	XLL LXL
Felapton	A <u>b</u> a	Ebc	Oac	XLL (LXL)
Disamis	A <u>b</u> a	Ibc	Iac	LXL
Datisi	Iba	A <u>b</u> c	Iac	XLL
Bocardo	A <u>b</u> a	Obc	Oac	(LXL)
Ferison	Iba	Ebc	Oac	XLL

« α هایی که β هستند» است. این حد کادردار تقریری از افتراض (گزیدن بخشی از طیف یک حد منطقی) است. این حد خاص به گونه‌ای است که چنین استنتاجی معتبر است:

$$A\alpha\beta \vdash \Box A\alpha [\alpha\beta]^*$$

۲-۲ راه حل دوم رشر: رشر پس از چاپ کتاب مک کال، در مقاله‌ای (Rescher, N & Zane Parks.1971) دیگری برای این مسئله ارائه می‌دهد.

او ابتدا حدود جدیدی را معرفی می‌کند؛ به این ترتیب که اگر α و β هر کدام یک حد باشد، حد دیگری می‌توان تعریف کرد به شکل $[\alpha\beta]$ که به معنی

Darii XLL

۱	Iab	فرض
۲	$\square A\text{bc}$	فرض
۳	$\square Ia[ab]$	II و ۱
۴	$\square A[ab] c$	III و ۲
۵	$\square Iac$	Darii LLL و ۳

يعنى : اگر همه α ها β هستند، پس همه α ها ضرورتاً چيزهایی هستند که β هستند. البته، به ضرورت مشروط؛ يعني مادامی که α هستند β هستند. همچنین این استنتاج معتبر است :

$$I\alpha\beta \vdash \square I\alpha[\beta]$$

يعنى: اگر برخی از α ها β هستند، پس برخی از α ها چيزهایی هستند که ضرورتاً β هستند، به ضرورت مشروط، مadam که α هستند. با توجه به این حدود کادردار، رشر

چهار اصل موضوع را در دو گروه معرفی می‌کند:

گروه ۱ : استنتاجهای از نوع X به

$$(I) A\alpha\beta \rightarrow \square A\alpha[\alpha\beta]$$

$$(II) I\alpha\beta \rightarrow \square I\alpha[\alpha\beta]$$

گروه ۲ : استنتاجهای از نوع L به

$$(III) \square A\alpha\beta \rightarrow \square A[c\alpha]\beta$$

$$(IV) \square E\alpha\beta \rightarrow \square E[c\alpha]\beta$$

این چهار قاعده همراه با قوانین عکس مطلقات و عکس موجهات همه ضروب ضروری را نتیجه می‌دهند و می‌توان اعتبار ضروب شکل اول را به این شکل نشان داد:

Barbara XLL

۱	Aab	فرض
۲	$\square A\text{bc}$	فرض
۳	$\square Aa[ab]$	I و ۱
۴	$\square A[ab] c$	III و ۲
۵	$\square Aac$	Barbara LLL و ۳

همه این استنتاجها از طرح واحدی پیروی می‌کنند؛ يعني:

استفاده از حدود کادردار برای به دست آوردن

۱. یک قضیه موجه از صغای مطلقه (با استفاده از II/I)

با نظر به آنکه

۲. این حد کادردار مورد بحث در صغای، می‌تواند به عنوان یک مورد خاص، تحت کبرای ضروری قرار بگیرد (با استفاده از III/IV).

تا اینجا تمهد رشر اعتبار ضروبی را که از نظر ارسسطو معتبر شمرده می‌شوند، نشان داد، اما باید دید با اعمال این روش بر ضروبی که ارسسطو آنها را نامعتبر می‌داند، به چه نتیجه‌ای خواهیم رسید.

اگر بخواهیم Barbara LXLL را اثبات کنیم، باید بگوییم:

Barbara LXL

۱	$\square Aab$	فرض
۲	Abc	فرض
۳	$\square Ab[bc]$	I و ۲
۴	$\square Aa[bc]$	Barbara LLL و ۳
.	.	
.	.	
n	$\square Aac$?

Celarent XLL

۱	Aab	فرض
۲	$\square E\text{bc}$	فرض
۳	$\square Aa[ab]$	I و ۱
۴	$\square E [ab] C$	IV و ۲
۵	$\square E ac$	Celarent LLL و ۴

این استنتاج هم عقیم است، زیرا هیچ راهی برای به دست آوردن مقدمه ضروری از مقدمه سالبه وجود ندارد.

پس چهار ضرب شکل اول LXL به خاطر سه اصل عقیم است.

۱. جایز نبودن استنتاج مقدمه ضروری از مقدمات سالبه:

۲. جایز نبودن استنتاج $\square Aac$ از $\square Aa[bc]$

۳. جایز نبودن استنتاج $\square Iac$ از $\square Ia[bc]$

۲ و ۳ را می توان در ضمن یک اصل بیان کرد.

(۲) جایز نبودن حذف یک حد کادردار از یک مقدمه موجبه.

پس اگر در مورد استنتاجهایی که حدود کادردار در آنها واقع شده‌اند، شرایط مناسبی در نظر گرفته شوند، هیچ یک از قیاسهای ضروری که ارسطو آنها را غیرمعتبر می‌داند، اثبات نخواهد شد.

با مکانیزمی که تا اینجا بسط داده شد، دو نکته مهم که ارسطو بیان کرده است نیز به خوبی تبیین می‌شوند:

نکته اول:

ارسطو در باب اعتبار $\square Aaa$ سکوت کرده است و این گزاره، قضیه‌ای از نظام او نیست، اگر قضیه‌ای از نظام ارسطو بود، می‌توانستیم این قضیه شرطی را نیز اثبات کنیم:

$Aab \rightarrow \square Aab$

و این به سبب پذیرش اعتبار Barbara XLL است،

چون:

۱	$\square Abb$	فرض
۲	Aab	فرض
۳	$\square Aab$	Barbara LXL و ۲ و ۱

یا به بیان خود رشر و با استفاده از افتراض:

روشن است که $\square Aac$ بدون معرفی حدود کادردار غیرقابل دسترسی است. با به کارگیری (I) در مورد مقدمه ۲ نتیجه می‌شود که $\square Ab[bc]$ این با مقدمه ۱ به ما می‌دهد $\square Aa[bc]$ در اینجا ما دیگر قادر به پیشروی نیستیم، چون نمی‌توانیم $\square Aac$ را از $\square Aa[bc]$ به دست بیاوریم. پس Barbara LXL قابل اثبات نمی‌باشد.

قياسهای باقیمانده از شکل اول LXL هم عقیم هستند

Celarent LXL

۱	$\square Aab$	فرض
۲	Ebc	فرض
۳		عقیم است، چون هیچ راهی برای به دست آوردن
۴		مقدمه ضروری از گزاره سالبه نداریم.
n	$\square Eac$?

Darii LXL

۱	$\square Iab$	فرض
۲	Abc	فرض
۳	$\square Ab [bc]$	I و ۲
۴	$\square Ia [bc]$	Darii LLL ۱ و ۳
.	.	.
n	$\square Iac$?

در اینجا نمی‌توانیم $\square Ia[bc]$ را از $\square Iac$ به دست آوریم.

Ferio LXL

۱	$\square Iab$	فرض
۲	Ebc	فرض
۳	.	.
۴	.	.
n	$\square oac$?

برهانی ضروری خواهد بود (و چون معرفت برهانی تنها هنگامی حاضر است که ما برهان داریم) پس برهان، استنتاجی از مقدمات ضروری است." (73a20-24). یا در جای دیگر می‌گوید «استدلالهای برهانی مسبوق به مقدمات ضروری یا کلی هستند. نتیجه ضروری است اگر مقدمات ضروری باشند و کلی است، اگر مقدمات کلی باشند" (87b23-24).

رشرا دعا می‌کند که تا کنون کسی متذکر اهمیت این ناسازگاری نشده؛ چه رسد به آنکه در صدد توجیه یا تبیین آن برآید و باز او ادعا می‌کند که با تبیینی که از چگونگی اعتبار ضروب XLL با کمک مفهوم افتراض بیان شد، می‌تواند به سادگی این عدم سازگاری را حل کند. مراحل تبیین از قیاسهای XLL این طور بود:

۱. استنتاج بی‌واسطه (مباشر) روی مقدمه مطلقه برای تغییر آن به مقدمه‌ای ضروری (یعنی با حد کادر دار) و از اینجا

۲. استنتاج نتیجه ضروری دلخواه از یک قیاس LLL.

با این روند مقدمات قیاس را تبدیل به دو مقدمه ضروری می‌کنیم و از مقدمات ضروری نتیجه ضروری می‌گیریم. به طور خلاصه، تنها استنتاج قیاسی که نتیجه ضروری می‌دهد، استنتاجی است که همه مقدمات آن ضروری باشند و توجیه یک استنتاج ضروری با مقدمه‌ای مطلقه، بستگی به قدرت ما در بیرون کشیدن مقدمه‌ای ضروری از درون مقدمه مطلقه دارد.

پیش از این گفتیم که منطقیون مسلمان، مبحث موجهات را خیلی بیش از خود ارسسطو بسط دادند. آنها گزاره‌های متصف به وصف ضرورت را به چند قسم تقسیم کردند. یکی از این اقسام گزاره‌های مشروطه عامه هستند. در این گزاره‌ها به ضرورت محمول برای موضوع حکم می‌شود؛ مادام که وصف عنوانی موضوع برای ذات موضوع ثابت باشد؛ مثلاً در گزاره «ضرورتاً هر نوجوانی

۱	Aab	فرض
۲	<input type="checkbox"/> Aa[ab]	او I
۳	<input type="checkbox"/> Abb	قضیه مورد بحث
۴	<input type="checkbox"/> A[ab]b	III و ۳
۵	<input type="checkbox"/> Aab	و ۴ Barbara LLL

و این؛ یعنی هر گزاره حملی صادق، ضرورتاً صادق است.

کوششهای قبلی برای فرمول‌بندی قیاسهای موجه ارسسطو (مخصوصاً لوکاسیه و پیچ و مککال) هم به صراحت Aaa را نفی کرده‌اند (Lukasiewicz, 1972:190 & MacCall, 1963:63) Barbara به هر حال، در این سیستم نمی‌توان اعتبار LXL و قضیه بودن LAaa را با هم داشت و گرنه منطق موجهات از میان خواهد رفت، چون معادل Aaa خواهد شد و تمایزی میان اینها نخواهد ماند.

رشرا در این مورد می‌گوید: «اگر کسی به اندازه کافی ذات‌گرا^{۲۱} باشد، می‌تواند پذیرد که در میان همه a برخی ضرورتاً a هستند و بقیه تنها به طور عرضی و اتفاقی a هستند و به این ترتیب Aaa قابل پذیرش نخواهد بود (Rescher, 1971:7).

نکته دوم:

به نظر می‌رسد موضع ارسسطو در مورد نتایج ضروری در قیاسهای موجه در تحلیل اول، با موضع او در تحلیل دوم ناسازگار است. همان طور که دیدیم، او در تحلیل اول معتقد است که BarbaraXLL معتبر است؛ یعنی در اینجا نتیجه ضروری حاصل مقدماتی است که تنها یکی از آنها ضروری است، ولی در تحلیل دوم ارسسطو به روشنی و با تأکید می‌گوید برهان که نتیجه ضروری و یقینی می‌دهد، تنها از قیاسهایی با مقدمات ضروری تشکیل می‌شود. او می‌گوید: «موضوع معرفت علمی محض نمی‌تواند غیراز آنچه که هست باشد، معرفت

به سراغ بخش‌های خاصی از این نظام رفته‌اند، نشان دهنده آن است که نمی‌توان این نظام را به عنوان یک کل هماهنگ و منسجم حفظ کرد.

پی‌نوشت‌ها

۱. در این متن، همه جا مطلقه را در مقابل موجه به کار می‌بریم، و نه به عنوان نوعی جهت.
 2. On the disagreement concerning mixed moods between Aristotle and his friends.
 3. Albert of Great (1200-1280)
 4. Tomas Aquinas(1225-1274)
 5. William of Ockham(1285-1347)
 6. Lewis,C.I. *A Survey of Symbolic Logic*.
 7. Lewis,C.I.Langford,C.H. *Symbolic Logic*
 8. intensional
 9. Albrecht Becker
 10. Becker, Albrecht. 1933. *Die Aristotelische Theorie der Möglichkeitsschlüsse*.
 11. Lukasiewicz, J.(1957). Aristotle's Syllogistic from the Standpoint of Modern Formal Logic. Oxford: Clarendon Press, 2nd edn
 12. Storrs Mc call
 13. Aristotle's Modal Syllogisms
 ۱۴. برای نشان دادن وجه مقدمات و نتیجه قیاسها از L برای گزاره ضروری و از X برای گزاره بدون وجه یا مطلقه استفاده می‌کنیم. قیاسی از نوع XLL یعنی قیاسی با صغرای مطلقه، کبرای ضروری و نتیجه ضروری. البته در سنت غربی ابتدا کبرا و سپس صغرا ذکر می‌شود، ولی در اینجا بر مبنای سنت مرسوم خودمان ابتدا صغیری و سپس کبری و در آخر نتیجه را می‌آوریم.
 15. two barbaras
 16. ecthesis
 17. Won Wright
 18. Sugihara
 19. Distribution
- برای آشنایی بیشتر با این مفهوم و نحوه استفاده از آن در تعیین اعتبار یا عدم اعتبار ضروب مختلف قیاس مراجعه کنید
به: خندان، ۱۳۸۲، صص ۱۲۸-۱۳۴.
۲۰. در اینجا α و β نشان دهنده حدود منطقی هستند.
A نشانه قضیه موجبه کلیه است $A\alpha\beta$ ؛ یعنی همه α ها β هستند.

کمتر از ۱۸ سال دارد» محمول برای ذات موضوع ضروری نیست، بلکه برای این موضوع تا وقتی متصف به این وصف است، ضروری است (مثال نک: به این سینا، ۱۴۰۳ هـ ق: ۱۴۵).

در واقع، رشر در اینجا از مقدمه‌ای که گزاره مطلقه است، یک گزاره مشروطه عامه بیرون می‌کشد. او اصول موضوعه‌ای را پایه گذاری می‌کند، یا قواعدی را ارائه می‌دهد که به واسطه آنها از مقدمه مطلقة قیاس مقدمه‌ای مشروطه بیرون می‌آید و پس از آن با مهیا شدن دو مقدمه ضروری می‌توان به راحتی نتیجه‌ای ضروری به دست آورد. گرچه بسیار بعد است که چنین مطالبی مورد نظر خود ارسطو بوده باشد، ولی تمہید و شگرد رشر هوشمندانه است.

نتیجه

نظام قیاسهای موجه ارسطو با مسائل و ناسازگاری‌های متعددی رو به روست. یکی از این مسائل اعتبار XLL و عدم اعتبار LXL است. منطق دانان بسیاری در صدد برآمدند تا این مسأله را در نظام ارسطو حل کنند و سازگاری آن را با دیگر پاره‌های منطق او نشان دهند و البته، برخی از آنها هم اعلام کردند ارسطو در این مورد دچار خطأ شده است و نظر او به هیچ وجه قابل پذیرش نیست.

به نظر می‌رسد راه حلی که رشر برای حل این مسأله ارائه کرده، از راههای دیگر موفق‌تر است، چون اولاً در عین پذیرش تمایز مورد نظر ارسطو میان دو باربارا، در مورد عکس گزاره‌ها مشکلی ایجاد نمی‌کند؛ ثانیاً با سایر بخش‌های منطق ارسطو (اینکه Aaa ضروری نیست و اینکه در تحلیل ثانی ضروری بودن دو مقدمه برای اخذ نتیجه ضروری لازم است) هماهنگی کامل دارد.

گرچه چنین مباحثی از سوی منطقیون باعث روشنی ووضوح مطالب مطروحه شده و ثمرات متعددی داشته است، ولی این راه حل‌های موضعی کل نظام قیاس‌های موجه ارسطو را نجات نمی‌دهد. همین که منطقیون تنها

12. McCall, Storrs. 1963. *Aristotle's Modal Syllogisms*. North-Holland Publishing Company, Amsterdam.
13. Patterson, Richard. 1995. *Aristotle's Modal Logic*. Cambridge University Press.
14. Rescher, N. 1963. "Aristotle's theory of modal syllogism and its interpretation", in M.
15. Bunge (ed) *the critical approach to science and philosophy: Essays in honor of Karl popper*.Glencoe.
16. Rescher, N & Zane Parks. 1971."A new Approach to Aristotle's Apodectic Syllogisms" in *The Review Of Metaphysics*, 24 .
17. Van Rigen, Jeroen van. 1989[1950]. *Aspects of Aristotle's Logic of Modalities*. Kluwer Academic Publishers.

I نشانه قضیه موجبه جزییه است $I\alpha\beta$ ؛ یعنی بعضی α ها β هستند.

E نشانه قضیه سالبه کلیه است $E\alpha\beta$ ؛ یعنی هیچ α β نیست.

O نشانه قضیه سالبه جزییه است $O\alpha\beta$ ؛ یعنی بعضی α ها β نیستند.

21. essentialist

منابع

۱. ابن سینا. (۱۴۰۳هـ ق). *الاشارة و اتنیهات*، تهران: دفتر نشر الكتاب.
۲. خندان، علی اصغر. (۱۳۸۲). *منطق کاربردی*، تهران: سمت.
۳. موحد، ضیاء (۱۳۸۶). *منطق موجهات*، تهران: هرمس.

4. Aristotle. 1995. *The Complete Works of Aristotle*, edited by Jonathan Barnes. Princeton University Press.
5. Bochenski, I. M. 1951. *Ancient Formal Logic*. North-Holland Publishing Company, Amesterdam.
6. ______. 1961. " A History of Formal logic", Translated and edited by Ivo Thomas. University of Notre Dame Press.
7. Hintikka, J. 1959. "An Aristotelian dilemma". *Eriphainos ajatus*, 22
8. ______. 1973. *Time and Necessity: Studies in Aristotle's Theory of Modality*. Oxford University Press (reprinted 2002)
9. Kneal, W. & Kneal, M. 1978. *The Development of Logic*. Oxford University Press.
10. Knuuttila, Simo. 2008. "Medieval Modal Theories and Modal logic" in *Handbook of the History of Logic*, (ed) Dov Gabby & John Woods. North Holland Elsevier.
11. Lukasiewic, j. 1972. *Aristotle's Syllogistic*. Clarendon Press, Oxford.