



مجله پژوهش‌های حفاظت آب و خاک  
جلد هجدهم، شماره چهارم، ۱۳۹۰  
<http://jwfst.gau.ac.ir>

## بهره‌برداری از مخزن سد با استفاده از سیستم استنتاج فازی و خوشبندی (مطالعه موردی: سد ایلانجق)

مینا حسین‌پور طهرانی<sup>۱\*</sup>، بیژن قهرمان<sup>۲</sup>، کامران داوری<sup>۳</sup> و حسین انصاری<sup>۴</sup>

<sup>۱</sup>دانشآموخته کارشناسی ارشد گروه مهندسی آب، دانشگاه فردوسی مشهد، <sup>۲</sup>استاد گروه مهندسی آب، دانشگاه فردوسی مشهد، <sup>۳</sup>دانشیار گروه مهندسی آب، دانشگاه فردوسی مشهد، <sup>۴</sup>استادیار گروه مهندسی آب، دانشگاه فردوسی مشهد

تاریخ دریافت: ۸۹/۱/۱۷؛ تاریخ پذیرش: ۸۹/۱۲/۱۰

چکیده

در این مطالعه مدل منطق فازی با استفاده از برنامه‌ریزی غیرخطی برای ایجاد مجموعه‌ای بهینه برای تولید پایگاه داده فازی بهمنظور بهره‌برداری بهینه از مخزن سد ایلانجق با هدف آبیاری سه محصول کشاورزی (گندم، جو، سورگوم) در درگز واقع در شمال شرق ایران پیشنهاد شده است. مدل منطق فازی به دست آمده می‌تواند ویژگی‌های مهمی از سیستم از مجموعه جفت داده‌های ورودی-خروجی که از مدل غیرخطی به دست می‌آید را استخراج کرده و به عنوان قواعد بهره‌برداری عمومی در سال‌های آتی مورد استفاده قرار دهد. اما افزایش اعضاء مجموعه‌های فازی و متعاقباً افزایش تعداد قواعد، تصمیم‌گیری در این فضای مشکل کرده و بنابراین نقطهٔ ضعفی جدی برای این مدل‌ها محسوب می‌شود. بر این اساس، راه حلی بر پایه خوشبندی جهت تولید تعداد محدودی قاعده، با حداقل اهمیت پیشنهاد شده است. مدل توسعه یافته فازی که با استفاده از روش خوشبندی در این مطالعه پیشنهاد شده، از دو لحاظ دارای اهمیت است. این مدل نه تنها از نظر آسان‌تر و قابل فهم کردن سیستم استنتاج فازی اهمیت دارد، بلکه با استفاده از تعداد قواعد محدودتر، قواعد بهره‌برداری معنادارتری را در اختیار بهره‌بردار قرار می‌دهد. مدل ارایه شده به‌طور سالانه و با گام‌های زمانی ماهانه و حجم اولیه مخزن در ابتدای سال زراعی طرح‌ریزی شده است. نتایج نشان داد که تغییرات رهاسازی

\*مسئول مکاتبه: [bijangh@um.ac.ir](mailto:bijangh@um.ac.ir)

در هر دو مدل مشابه است به گونه‌ای که در طول یک دوره ۱۲ ماهه،  $R^2 = 0.97$  بوده و در هر دو مدل تغییرات رهاسازی از ماه مهر تا ماه اردیبهشت به تدریج افزایش یافته و سپس کاهش می‌یابد. اما به طور کلی میزان آب رهاسازی شده در مدل فازی تقریباً کمتر از مدل غیرخطی به دست آمده است، به خصوص در ماههای پر رقابت اردیبهشت و خردادماه که میان سه گیاه کاشته شده رقابت بر سر آب به حداقل خود می‌رسد، درصد کاهش آب به متوسط درصد کاهش سالانه به ترتیب برابر  $0.57\%$  و  $0.81\%$  در مرحله آموزش و  $0.93\%$  و  $1.145\%$  در مرحله آزمون می‌باشد.

**واژه‌های کلیدی:** بهره‌برداری مخزن، برنامه‌ریزی غیرخطی، مدل فازی، خوشبندی، رهاسازی

## مقدمه

کمبود آب و رشد نیاز آبی، به خصوص در مناطق خشک و نیمه‌خشک، یکی از مسائل مهم و مورد بحث در سراسر دنیا محسوب می‌شود. بنابراین توجه به مدیریت منابع محدود آبی در سیاست‌های بهره‌برداری مخزن به منظور افزایش تولید محصول لازم و ضروری می‌باشد. برای اختصاص بهینه آب آبیاری، روش‌های مختلفی بر اساس تقسیم‌بندی روش‌های بهینه‌سازی مانند برنامه‌ریزی خطی، برنامه‌ریزی پویا و غیرخطی توسعه یافته است. هر کدام از این روش‌ها، در محیط قطعی و غیرقطعی و با اهداف برنامه‌ریزی و بهره‌برداری در محیط واقعی به کار گرفته می‌شوند. بنابراین هر روش خواص و ویژگی‌های مخصوص به خود را دارد که آنرا از بقیه متمایز می‌کند. هرچند ویژگی‌های مشترکی در تمامی آن‌ها موجود است (سیمونوویچ، ۱۹۹۲). به عنوان مثال، برای برنامه‌ریزی بهره‌برداری مخزن با اهداف کشاورزی با استفاده از یک گیاه، دادلی و همکاران (۱۹۷۱)، دادلی و بورت (۱۹۷۳)، براس و کوردوا (۱۹۸۱) و با کاشت چندین محصول، رائو و همکاران (۱۹۹۰)، ودولا و موجوددار (۱۹۹۲) از مدل برنامه‌ریزی پویای دومرحله‌ای DP-SDP (ساده در مرحله اول و استوکاستیک در مرحله دوم) به منظور سیاست‌های بهره‌برداری مخزن بهینه پایدار استفاده کردند (ودولا و کومار، ۱۹۹۶).

استفاده از برنامه‌ریزی خطی دومرحله‌ای که برای هر محصول بیلان رطوبتی خاک را به طور مستقل در نظر گرفته و به کمک آن تبخیر-تعرق واقعی هر گیاه را ردیابی می‌کند نیز در منابع وجود دارد (ردی و کومار، ۲۰۰۷). این نکته نیز قابل توجه است که در مدل‌های بهره‌برداری سالانه (کوتاه‌مدت) مخزن، روش‌هایی بر اساس SDP در افزایش سود بلندمدت از سیستم‌های آبیاری و مدل‌های

برنامه‌ریزی خطی، دارای محدودیت‌هایی است، زیرا تمامی روابط میان متغیرها به‌طور خطی فرض می‌شود که در شرایط واقعی این‌گونه نمی‌باشد (ردی و کومار، ۲۰۰۷). از میان روش‌های یاد شده بالا، روش غیرخطی نسبت به سایر روش‌های یاد شده، از فرمول ریاضی کلی‌تری در مسائل مخزن برخوردار است (سیمونوویچ، ۱۹۹۲). قهرمان و سپاسخواه (۲۰۰۲) مدل دو مرحله‌ای NLP-SDP را با هدف حداقل کردن درآمد کل مزرعه در یک فصل در مرحله اول و در مرحله دوم سیاست‌های بهره‌برداری عمومی برای فصل‌های آینده در طول سال ارائه کردند. ردی و کومار (۲۰۰۸) همچنین مدل چنددهفه تکاملی را برای سیستم‌های مخازن آبیاری چند محصولی پیشنهاد دادند. در این مدل آن‌ها به این نتیجه رسیدند که به‌دلیل تأثیر قابل ملاحظه شرایط هیدرولوژیکی در سود خالص و الگوی کشت استفاده از این مدل می‌تواند برای برنامه‌ریزی آبیاری و سیاست‌های مخزن برای انتخاب بهترین راه حل ممکن مفید باشد. مدل‌های شبیه‌سازی معمولاً به عنوان نماینده سیستم‌های فیزیکی به منظور پیش‌بینی پاسخ سیستم تحت مجموعه‌ای از شرایط شناخته می‌شوند. با آنکه مدل‌های شبیه‌سازی، قادر به ایجاد راه حل‌های بهینه در مسائل مخزن به‌طور مستقیم نیستند، با چندین بار اجرای یک مدل، با سیاست‌های تصمیم‌گیری جایگزین، می‌توان به راه حلی بهینه و نزدیک به مقدار بهینه رسید (سیمونوویچ، ۱۹۹۲). استفاده از مفاهیم منطق فازی در مدل‌های با متغیرهای کنترل یک خروجی و چند ورودی در مدل‌های استوکاستیکی رو به گسترش است (موسوی و همکاران، ۲۰۰۷). روش‌های مختلفی برای استخراج قواعد از مشاهدات در بهره‌برداری از مخزن برای ایجاد پایگاه قواعد فازی وجود دارد. در تحقیقات اخیر دانش خبره همراه با مدل‌های استوکاستیک (ضمی و غیرضمی) استفاده می‌شود (موسوی و همکاران، ۲۰۰۵).

به جهت پیچیدگی مدل‌های بهینه‌سازی و میزان انحرافی که نتایج آن‌ها از مدل‌های واقعی دارند، این مدل‌ها همراه با مدل‌های شبیه‌سازی نتایج بهتری را در مسائل با پیچیدگی‌های فیزیکی، اقتصادی و اجتماعی در سیستم‌های مخزن ارایه می‌کنند. مدل‌های شبیه‌سازی امکان فهم بهتر و قواعد بهره‌بردارانه منعطف‌تری را در اختیار بهره‌بردار مخزن می‌گذارد (دیک و سیمونوویچ، ۲۰۰۰). موسوی و همکاران (۲۰۰۷) پایگاه قواعد فازی را برای ایجاد قواعد بهره‌برداری در مسائل بهینه‌سازی بهره‌برداری مخزن مورد آزمایش قرار دادند. این مدل، مدل بهینه‌سازی استوکاستیکی ضمی با جریان‌های تولید شده مصنوعی سالانه می‌باشد. این مدل بر این اساس است که چه میزان آب باید از مخزن در هر دوره زمانی رهاسازی شود، به گونه‌ای که مجموع انحراف کل رهاسازی از رهاسازی مطلوب به کمترین

مقدار برسد بنابراین مجموعه بهینه به دست آمده از مدل موسوی، در ایجاد قواعد بهره‌برداری با استفاده از پایگاه قواعد فازی مورد استفاده قرار می‌گیرد. رانی و موریرا (۲۰۱۰) روش‌های مختلفی برای مدل‌های شبیه‌سازی و بهینه‌سازی در سیستم‌های بهره‌برداری مخزن ارایه کردند. آن‌ها مقالات مختلفی را درباره کاربرد مدل‌های شبیه‌سازی مانند محاسبات تکاملی، تئوری مجموعه فازی و شبکه‌های عصبی مصنوعی، روش‌های بهینه‌سازی کلاسیک و مدل‌های ترکیبی بهینه‌سازی و شبیه‌سازی مورد مطالعه قرار دادند. این مطالعه در راستای تحقیقات آینده به منظور تصمیم‌گیری بر روی بهترین روش در کاربرد سیستم‌ها موثر است.

در طول چند دهه اخیر در بهره‌برداری بهینه از مخازن، راه حل‌های سیستمی به‌طور گستره‌ای جایگزین روش‌هایی شده‌اند که به‌طور مستقیم از روش‌های ریاضی و مدل‌های شبیه‌سازی بهره می‌برند. با وجود موقفيت‌های زیادی که در زمینه بهره‌برداری از مخازن به دست آمده، انطباق تکنیک‌های بهینه‌سازی جهت بهره‌برداری در گام‌های زمانی مورد نظر در برنامه‌ریزی بهره‌برداری با مشکلات زیادی مواجه شده است. در بهره‌برداری از مخزن در زمان واقعی (که بهره‌بردار زمانی کوتاهی برای تصمیم‌گیری جهت رهاسازی دارد)، طبق یافته‌های یه (۱۹۸۵) برای ایجاد مدل تصمیم و تکنیک مورد استفاده، تنها سیاست‌های بهینه تقریبی در جهت بهبود راه حل‌های عملی به کار گرفته می‌شود و آن‌چه یک راه حل را از دیگر راه حل‌ها متمایز می‌کند تفاوت‌ها در سرعت هم‌گرایی، محدودیت‌ها و لوازم مورد نیاز محاسباتی است. همچنین مشاهده شده است که گرچه بسیاری از کاربردهای موقفيت‌آمیز رویکردهای سیستم‌ها در تحقیقات گذشته به دست آمده است، اما بهره‌برداران مخازن در تطابق این تکنیک‌های بهینه‌سازی جهت بهره‌برداری روزانه به اطمینان کامل نرسیده‌اند (لbadی، ۲۰۰۴). بنابراین تلاش در جهت بهبود و ساده کردن عملیات محاسباتی به تنهایی نمی‌تواند کارا باشد و قابلیت سازگاری و پذیرش آن توسط بهره‌بردار مخزن نیز باید مدنظر قرار گیرد. در سال‌های اخیر، روش‌های منطق فازی، به عنوان نوعی از مدل‌های شبیه‌سازی به صورت قواعد اگر-آن‌گاه نقش موثری در ساده کردن مدل‌های توابع غیرخطی با اندیشه‌تر آن پیدا کرده‌اند (شرستا و همکاران، ۱۹۹۶؛ راشل و کمپل، ۱۹۹۶؛ حسابی و ناگایام، ۲۰۰۲؛ پانیگراهی و موجوده، ۲۰۰۰؛ دوبروین و همکاران، ۲۰۰۲). با آنکه در سال‌های اخیر تکنیک‌های منطق فازی، با تشکیل قواعد اگر-آنگاه فازی (با توجه به شباهت دانش بشر به متغیر زبانی به کار رفته در منطق فازی) سهم بهزیانی در ساده کردن توابع پیچیده غیرخطی و جایگزینی آن‌ها با مدل‌های ساده‌تر داشته‌اند و گام‌های موثری در

ارایه راه حل‌های روشن‌تر برداشته‌اند اما قابلیت سازگاری آن‌ها با فهم و درک بهره‌بردار چندان مورد توجه قرار نگرفته است. همچنین با وجود پیشرفت‌های زیادی که در زمینه بهره‌برداری با استفاده از سیستم‌های استنتاج فازی بدست آمده، اما حجم زیاد قواعد فازی از نقاط ضعف آن به شمار می‌آید (سیواپرا گاسام و همکاران، ۲۰۰۷). با این حال هنوز هم استخراج قواعد فازی به‌دلیل گستردنگی قواعد آن، دشوار است و با دشواری‌های فراوانی همراه می‌باشد و بنابراین یک خلاصه تحقیقاتی وجود دارد.

براساس مطالعه سیواپرا گاسام و همکاران (۲۰۰۷) یک راه موثر جهت کاهش قواعد استفاده از تعداد کمتری مجموعه فازی با تقسیم مجموعه داده‌های آموزش داده شده به تعداد خوش‌های است، به‌گونه‌ای که در هر خوش‌های تقسیم‌بندی به‌گونه‌ای صورت گیرد که داده‌های ورودی مشابه در یک گروه قرار گیرند.

هدف این مقاله که بر اساس مطالعه سیواپرا گاسام و همکاران (۲۰۰۷) طرح‌ریزی شده است، استفاده از تابع عضویت مثلثی ساده همراه با تکنیک خوش‌بندی به‌منظور کاهش و متراکم کردن قابل ملاحظه قواعد می‌باشد، با این تفاوت که در این مطالعه ساختار خوش‌بندی بر اساس خوش‌های اصلی و زیر خوش‌های و توسط الگوریتم خوش‌بندی K-mean بنا شده است. هدف از این مطالعه ترکیب دو مدل به‌دست آمده از مدل قهرمان و سپاسخواه (۲۰۰۴) در تولید تابع هدف در سطح مزرعه و مدل فازی با استفاده از مدل موسوی و همکاران (۲۰۰۵) در سطح مخزن می‌باشد. مدل بهره‌برداری مخزن بر اساس مدل فازی به‌وسیله برنامه‌ریزی غیرخطی به‌منظور به‌دست آوردن مجموعه‌ای بهینه از چندین محصول استفاده شده است. در این مطالعه سری داده‌های تولید شده هیدرولوژیکی، حجم مخزن و نیازهای پایین‌دست مخزن سد به صورت ماهانه به عنوان ورودی‌های برنامه بهینه‌سازی غیرخطی و رهاسازی ماهانه از مخزن سد، به عنوان خروجی از برنامه بهینه‌سازی غیرخطی به صورت جفت داده‌های ورودی- خروجی وارد مدل خوش‌بندی شده و متعاقباً قواعد فازی به طور جداگانه برای هر خوش‌های تولید می‌گردد. متغیرهای ورودی- خروجی به‌دست آمده از مدل بهینه‌سازی غیرخطی، در هر خوش‌های با یک تابع عضویت منفرد مثلثی تعریف می‌گردند.

## مواد و روش‌ها

**منطقه مورد مطالعه:** ایلانچق، مخزن تک منظوره در استان خراسان به عنوان گزینه مورد مطالعه انتخاب شده است. حوضه آبریز دشت درگز به وسعت ۳۱۲۹ کیلومترمربع در شمال ارتفاعات الله اکبر قرار

گرفته است. رودخانه زنگلانلو از کوههای جنوب شرقی ناحیه درگز سرچشمه گرفته و پس از عبور از قسمت شرقی ناحیه درگز در شمال روستای شمسی‌خان وارد ترکمنستان می‌شود. سد ایلانچق به عنوان مطالعه موردي در این پژوهش موردنتظر است و به منظور تأمین آب کشاورزی طراحی گردیده است. شکل ۱ پیکربندی شماتیک سیستم منابع آب را نشان می‌دهد.



شکل ۱- پیکربندی شماتیک سیستم منابع آب در محدوده طرح با احتساب رودخانه درونگر.

داده‌های کوتاه‌مدت برای دوره آموزش و آزمون: سیصد نمونه داده‌های ماهانه جریان ورودی که به‌طور مصنوعی با استفاده از روش فرگمنت تولید شده (سریکانتان و همکاران، ۲۰۰۶) به عنوان داده‌های ورودی در برنامه‌ریزی غیرخطی مورد توجه قرار گرفته است. در گام اول، با شبیه‌سازی داده‌های بارندگی استوکاستیکی سالانه و ماهانه به‌گونه‌ای که داده‌های تولید شده از تابع توزیع یکسانی با داده‌های تاریخی برخوردار باشد. بارندگی ماهانه و سالانه موجود در ایستگاه درگز با ۱۵ سال داده‌های آماری، با استفاده از روش ذکر شده شبیه‌سازی شده‌اند. مدل مارکف نوع اول برای داده‌های سالانه و روش فرگمنت برای داده‌های ماهانه مورد استفاده قرار گرفته است. بنابراین، ۵ حالت حجم اولیه مختلف مخزن (حالی، پر و  $0/25$ ،  $0/5$  و  $0/75$  برابر حجم مخزن) در ابتدای فصل زراعی (اول ۱۵۰۰ مهرماه) مورد نظر است و بنابراین با ۵ حالت حجم اولیه مخزن و ۳۰۰ سال داده تولید شده، ۱۵۰۰ داده در برنامه‌ریزی بهره‌برداری از مخزن در مطالعه حاضر مورد توجه می‌باشد. به منظور ارزیابی میزان آب که باید از مخزن سد با هدف کشاورزی به‌طور ماهانه رهاسازی شود، میزان آب رهاسازی ماهانه از مدل غیرخطی (قهرمان و سپاسخواه، ۲۰۰۲) به عنوان داده‌های خروجی استخراج می‌شود. بنابراین،

جريان ورودی، نیاز و حجم اولیه مخزن به عنوان متغیرهای مستقل (ورودی) و رهاسازی استخراج شده از مدل غیرخطی به عنوان متغیر وابسته (خروجی) در نظر گرفته می‌شوند. مجموعه بهینه به دست آمده از روش غیرخطی، در ایجاد قواعد عمومی بهره‌برداری با استفاده از منطق فازی، هر کدام با افق برنامه‌ریزی ۳۰۰ ساله به کار می‌رود. این داده‌های به دست آمده از روش غیرخطی به دو قسمت تقسیم می‌شوند. از میان ۱۵۰۰ سال جفت داده ورودی-خروجی، نیمی از آن در آموزش داده‌ها استفاده شده، در حالی که نیمه دوم آن در آزمون مدل فازی کاربرد دارد.

استفاده از برنامه‌ریزی غیرخطی به عنوان ابزار بهینه‌سازی: در این پژوهش از یک مدل بهینه‌سازی حداقل سود خالص اراضی پایاب در بهره‌برداری از یک سد استفاده شده است. بیلان آب در خاک ردیابی نمی‌شود و نسبت تبخیر-تعرق واقعی به تبخیر-تعرق پتانسیل را با نسبت مقدار آب داده شده به آب مورد نیاز تقریب می‌زنیم. متعاقباً درجه حساسیت به آب سه گیاه زراعی مورد نظر در مراحل مختلف رشد با استناد به تحقیقات گذشته (قهرمان و سپاسخواه، ۱۹۹۹؛ دورنباس و کسام، ۱۹۷۹)، در مقیاس ماهانه محاسبه می‌شود. حداقل کردن سود خالص ناشی از کاشت تمامی گیاهان در یک الگوی کشت انتخابی با مساحت زیر کاشت مورد نظر، هدف اصلی می‌باشد (قهرمان، سپاسخواه، ۲۰۰۴).

$$MAX : \sum_{k=1}^f \sum_c A_c [B_c (Y_a / Y_p) - C_c] \quad (1)$$

که در آن  $f$  تعداد مزارع (که در مطالعه حاضر یک در نظر گرفته شده است)،  $A_c$ ،  $C_c$  و  $B_c$  به ترتیب مساحت‌های تحت کشت سه گیاه گندم، جو و سورگوم به ترتیب درآمد و هزینه در واحد سطح گیاه مورد نظر (ریال در هکتار)،  $Y_a$  و  $Y_p$  به ترتیب عملکرد محصول واقعی و محصول پتانسیل (کیلوگرم در هکتار)،  $Y_a / Y_p$  عملکرد محصول تولیدی نسبی (تابع تولید محصول از آب - بدون بعد) است. در این رابطه تنها متغیر  $Y_a$  مجهول است و بقیه متغیرها قابل اندازه‌گیری ( $A_c$ ،  $C_c$  و  $B_c$ ) یا قابل محاسبه ( $Y_p$ ) می‌باشند. برای محاسبه تابع عملکرد نسبی، درجه حساسیت محصولات کاشته شده به آب با استفاده از مدل تعمیم‌یافته دورنباس و کسام (۱۹۷۹) و تبدیل آن به مقیاس ماهانه و به صورت زیر تعریف شده است:

$$\frac{y_a}{y_p} = \prod_{i=1}^N \left[ 1 - K_{yi} \left( 1 - \frac{ET_a}{ET_p} \right) \right] \quad (2)$$

رابطه بالا به تابع عملکرد محصول معروف بوده که در آن  $N$  مراحل مختلف رشد،  $N$  تعداد مراحل رشد در نظر گرفته شده،  $K_{yi}$  ضریب فاکتور رشد در مرحله  $i$  و  $ET_p$  به ترتیب تبخیر و نعرق واقعی و حداکثر است. با توجه به چگونگی رشد گیاهان، سال به دو فصل نامساوی خواب و بیداری تقسیم می‌شود. در فصل خواب هیچ گیاه تابستانه‌ای در زمین وجود ندارد و کلیه گیاهان زمستانی در خواب‌اند ولی در فصل بیداری امکان رشد کلیه گیاهان وجود دارد. فصل خواب در منطقه مورد مطالعه از اول آذر تا آخر بهمن است و برنامه‌ریزی جهت رهاسازی در این سه ماه انجام نمی‌گیرد. سه گیاه پیشنهادی در منطقه جنوب‌شرق درگز، گندم و جو (گیاهان زمستانه) و سورگوم (گیاه تابستانه) می‌باشد. رقابت برای آب بین گیاهان زمان‌های کاشت گندم و جو و گیاه تابستانه سورگوم از یکسو و رقابت کلی میان این سه گیاه در حوالی زمان‌های کاشت گندم و جو و برداشت سورگوم از سوی دیگر نیاز به برنامه‌ریزی آبیاری دقیق‌تری را می‌طلبد. استفاده از شیوه کم‌آبیاری جهت حداکثر کردن نسبت محصول تولیدی با درنظر گرفتن کاهش محصول ناشی از عدم تأمین آب کافی گیاهان از موارد درنظر گرفته شده در مسأله است.

بیلان آب در مخزن بر اساس معادله پیوستگی زیر استوار می‌باشد:

$$V_{t+1} = V_t + Q_t + REL_t - EVP_t - OVF_t + RAIN_t \quad (3)$$

که در آن  $V_t$  و  $V_{t+1}$  حجم ذخیره آب در مخزن (مترمکعب) به ترتیب در ابتدا و انتهای دوره زمانی  $t$ ،  $Q_t$  حجم جریان ورودی به مخزن (مترمکعب) در دوره زمانی  $t$ ،  $REL_t$  حجم آب خروجی از مخزن برای آبیاری (مترمکعب) در این دوره زمانی،  $OVF_t$  حجم آب سریز شده (مترمکعب) در دوره زمانی  $t$ ،  $RAIN_t$  مقدار بارندگی باریده شده بر سطح مخزن (مترمکعب)، و  $EVP_t$  حجم آب تبخیر شده از مخزن مقادیر معلوم مساله هستند و سایر متغیرها مجھول‌اند. حجم آب باقی‌مانده در مخزن سد در هر دوره زمانی محدود به دو مقدار حجم حداکثر مخزن و حجم مرده مخزن می‌باشد:

$$V_{\text{dead}} \leq V_t \leq V_{\text{max}} \quad (4)$$

راندمان انتقال ( $E_C$ ) که از خصوصیات محلی کانال‌های انتقال بر آورد می‌شود  $0/9$  درنظر گرفته شده است، حجم آب خروجی از مخزن،  $REL_t$  را به مجموع آب قابل تخصیص برای گیاهان،  $IR_t$  تبدیل می‌کند:

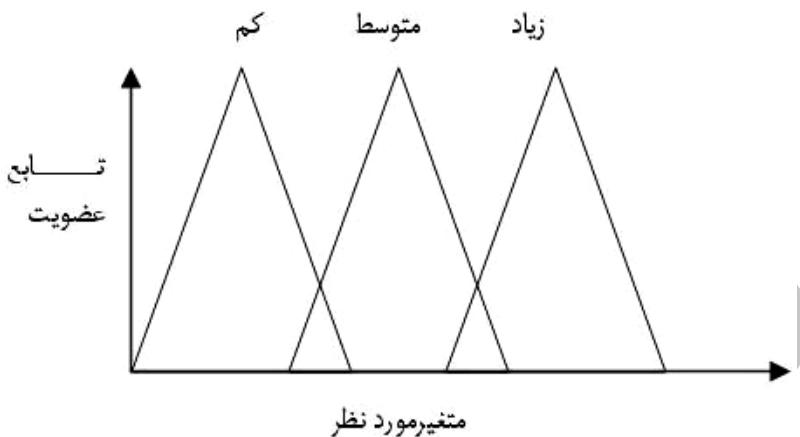
$$IR_t = E_C \cdot REL_t \quad (5)$$

کل آب تخصیص یافته برای گیاهان،  $IR_t$ ، باید به طور کامل بین گیاهان زراعی پایین دست تقسیم

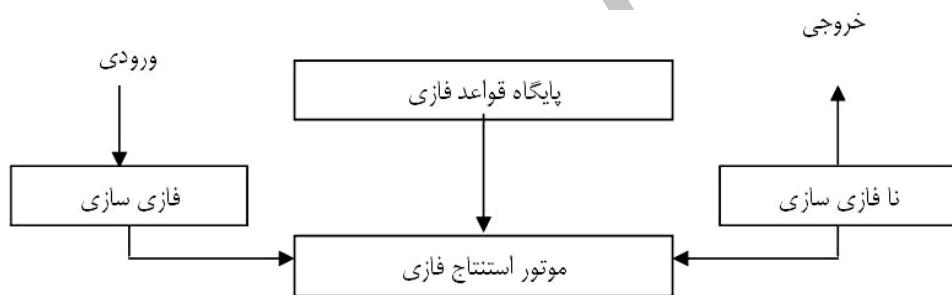
شود:

$$\sum_c IR_{c,t} AREA_c = IR_t \quad (6)$$

اجرای مدل برنامه‌ریزی غیرخطی با درنظر گرفتن حجم‌های اولیه مختلف مخزن: سناریوهای مختلفی به منظور تطبیق با مدل غیرخطی مورد آزمایش قرار گرفت زیرا حجم‌های مختلفی از آب در مخزن در ابتدای سال امکان دارد اتفاق بیفتد. از میان سناریوهای مختلف، ۵ گزینه حجم اولیه مخزن به صورت زیر بیان شده است: مخزن خالی (حجم مرده)، پر،  $0/25$ ،  $0/5$  و  $0/75$  برابر حجم پر مخزن. به کارگیری مدل منطق فازی در بهره‌برداری بهینه از مخزن: سیاست‌های بهره‌برداری بهینه مخزن که با استفاده از بهینه‌سازی غیرخطی به دست می‌آیند، به عنوان مجموعه داده‌های ورودی- خروجی جهت واسنجی قواعد فازی در سیستم استنتاج فازی مدانی مورد استفاده قرار می‌گیرند (وانگ و زین، ۱۹۹۷). مدل‌های استنتاج فازی به صورت قواعد اگر- آنگاه فازی ارتباط میان قسمت مقدمه (جريان ورودی، نیاز پایین دست، حجم مخزن) و قسمت نتیجه (متغیر وابسته، رهاسازی از مخزن) را برقرار می‌کنند. بنابراین تصمیم‌گیری در دو مرحله صورت می‌گیرد. در مرحله اول متغیرهای ورودی- خروجی (جريان ماهانه ورودی به مخزن، حجم مخزن و نیاز پایین دست به عنوان متغیر ورودی و رهاسازی به عنوان متغیر خروجی) با استفاده از یکی از توابع عضویت، همانند شکل ۲ فازی‌سازی می‌شوند. در مرحله دوم متغیرها جهت ایجاد قواعد فازی و با استفاده از عملگر اشتراک "و" و با وزنی برابر در تمامی قواعد برای متغیرهای ورودی ترکیب می‌شوند. شکل ۳ نحوه عملکرد یک سیستم استنتاج فازی را نشان می‌دهد.



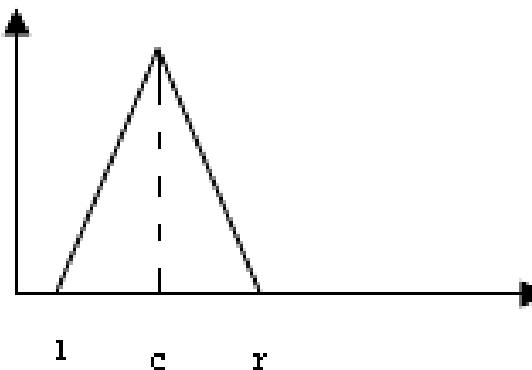
شکل ۲- تابع عضویت فازی در یک ماه مشخص با استفاده از مدل فازی معمول.



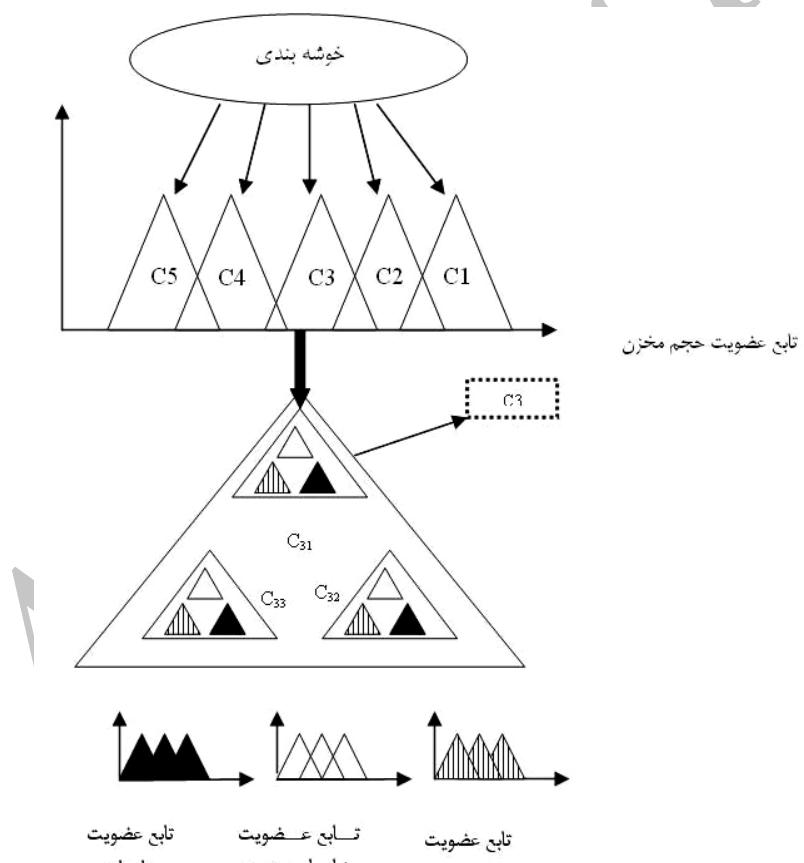
شکل ۳- شماتیکی از یک سیستم فازی.

به کارگیری روش خوشبندی به منظور بسط مدل فازی: با توجه به آنکه تعداد قواعد فازی بستگی مستقیمی به تعداد مجموعه‌های فازی دارد، به طور قطع راه موثر جهت کاهش قواعد، به کارگیری تعداد کمتری مجموعه فازی با تشکیل ساده‌ترین مجموعه ممکن و تنها یک تابع عضویت می‌باشد. تعداد خوشبدها بسته به دقت مورد انتظار و سهولت در تفسیر آن توسط ذهن بشری قابل تغییر است (سیواپراگاسام و همکاران، ۲۰۰۷). برای هر جفت داده ورودی- خروجی، یک قاعده ساده در سیستم فازی بهینه مورد استفاده قرار می‌گیرد. با افزایش جفت داده‌های ورودی- خروجی، تعداد قواعد فازی نیز افزایش می‌یابد که دو مسئله را به همراه دارد: ایجاد قواعد فازی وقت‌گیر بوده و امکان افزایش

خطاهای سیستماتیک نیز در مساله وجود دارد. بنابراین، روش خوشبندی که جفت داده‌های ورودی-خروجی را به خوشه‌های همسان تقسیم‌بندی می‌کند، روش موثری برای کاهش قواعد در سیستم‌های استنتاج فازی به شمار می‌آید. روش کار به این صورت است که متغیرهای ورودی مشابه در خوشه‌های همسان قرار می‌گیرند. بنابراین، هر خوشه به عنوان نماینده‌ای از یک قاعده مشخص بوده و در نتیجه تعداد قواعد به تعداد خوشه‌ها تقلیل می‌یابد. در این مطالعه، داده‌های آموزش داده شده، به چندین خوشه متفاوت با استفاده از روش K-means تقسیم شده و هر خوشه با استفاده از یک قاعده ساده از دیگر خوشه‌ها متمایز می‌شود. روش خوشبندی K-means که به عنوان روشی تقسیم‌کننده مطرح است، اعضاء موجود در داده‌های اصلی را به K خوشه دو به دو ناسازگار تقسیم می‌کند و درنهایت برداری را به عنوان خروجی تولید می‌کند که در آن مشخص می‌شود هر عضو به چه خوشه‌ای تعلق دارد. الگوریتمی تکرار شونده را به کار می‌برد تا مجموع فواصل اعضاء تا مرکز ثقل در هر خوشه به حداقل ممکن برسد. این الگوریتم اعضاء را میان خوشه‌ها آن قدر جابه‌جا می‌کند تا به مرحله‌ای برسد که دیگر مجموع فواصل تا مرکز ثقل کاهش ننماید. نتیجه، مجموعه‌ای از خوشه‌های کاملاً جدا از هم خواهد بود (شامکوئیان و همکاران، ۲۰۰۹). با توجه به این‌که برنامه‌ریزی با طول دوره ۳۰۰ سال در این پژوهش مورد نظر قرار گرفته است، با اجرای ۳۰۰ سال برنامه بهینه‌سازی سالانه در ۵ حالت حجم اولیه مخزن در ابتدای سال زراعی در مجموع ۱۵۰۰ جفت داده ورودی-خروجی تولید گردید. با دو نیم کردن داده‌های ورودی-خروجی به دست آمده از مدل بهینه‌سازی، جهت شبیه‌سازی و آزمون مدل فازی، مجموعاً ۷۵۰ سری داده برای برنامه خوشبندی تهیه می‌شود. در هر خوشه برای هر کدام از متغیرهای ورودی و خروجی یکتابع عضویت منفرد فازی توسط بردارهای ۱، ۲ و ۳ (به ترتیب نماینده مرز چپ، مرکز و راست در توابع عضویت مورد نظر هستند) مطابق شکل ۴ ایجاد شد. در واقع هر سری سالانه مرکب از ۱۲ ماه می‌باشد، که در خوشبندی برنامه‌ریزی برای هر ماه به صورت جداگانه صورت گرفته است. بنابراین سری‌های مورد استفاده برای خوشبندی ۱۲ سری ۷۵۰ تایی است. روش خوشبندی K-mean در دو مرحله صورت می‌گیرد، در مرحله اول مطابق با حجم اولیه مخزن در ابتدای فصل رشد، حجم مخزن در هر ماه به ۵ خوشه اصلی متفاوت با حجم مشخص جریان ورودی، نیاز و رهاسازی تقسیم‌بندی می‌شود. در مرحله دوم، در هر خوشه اصلی هر متغیر (جریان ورودی، نیاز و رهاسازی) به سه زیرخوشه تقسیم می‌شود. به عنوان نتیجه، در هر ماه، ۱۵ قاعده فازی، به منظور تصمیم‌گیری میزان آب رهاسازی شده از مخزن وجود دارد. خوشبندی به کار رفته در این مدل به طور شماتیک در شکل ۵ نشان داده شده است.



شکل ۴- تابع عضویت تک مثالی.



شکل ۵- شکل شماتیک خوشه‌بندی در مطالعه حاضر.

### ارزیابی مدل منطق فازی

آزمون تعیین صحت خوشبندی: در این مطالعه تعیین صحت تعداد خوشها با شاخص عرض سیلهوت متوسط مشخص می‌شود. عرض سیلهوت برای هر عضو مورد نظر، معیاری است از این‌که این عضو تا چه اندازه با دیگر اعضاء موجود در خوش‌های مربوطه و اعضاء دیگر خوشها شبیه است. اگر اندازه این معیار برای عضوی به عدد ۱ نزدیک باشد، این عضو در خوش‌های مناسب جای گرفته است (شامکوئیان و همکاران، ۲۰۰۹). چنانچه عرض سیلهوت به عدد ۱- میل کند، به معنای انجام یک گروه‌بندی نادرست خواهد بود و اگر این معیار به عدد صفر نزدیک باشد، بیانگر این مطلب است که عضو مورد نظر در فاصله‌ای برابر از دو خوش واقع شده است. این معیار با استفاده از رابطه ۷ قابل محاسبه می‌باشد (شامکوئیان و همکاران، ۲۰۰۹):

$$s(i) = \frac{b(i) - a(i)}{\max \{a(i), b(i)\}} \quad (7)$$

در این رابطه،  $a(i)$  متوسط فاصله  $i$  امین عضو موجود در یک خوش با دیگر اعضاء آن خوش،  $b(i)$  حداقل متوسط فاصله  $i$  امین عضو موجود در یک خوش، با تمامی اعضاء خوش  $j$  ( $j = 1, \dots, k; j \neq i$ )، بوده و در نتیجه  $s(i) \leq 1$  - خواهد بود.

ارزیابی عملکرد مدل فازی: بخشی از نتایج مدل برنامه‌ریزی غیرخطی به عنوان داده‌های تاریخی در مدل فازی به منظور تولید قواعد فازی مورد استفاده قرار می‌گیرد. به منظور ارزیابی مدل فازی، روند خروجی مدل فازی در مرحله آزمون باید مشابه داده‌های تاریخی در مدل برنامه‌ریزی غیرخطی باشد. همچنین ۳ معیار عملکرد، نظری  $R^2$ ،  $MAE$  و  $RMSE$  در معادلات زیر برای ارزیابی عملکرد مدل فازی مورد استفاده قرار می‌گیرد (موسوی و همکاران، ۲۰۰۷):

$$R^2 = \frac{\left[ \sum (r_0 - \bar{r}_0)(r_1 - \bar{r}_1) \right]^2}{\sum (r_0 - \bar{r}_0)^2 \sum (r_1 - \bar{r}_1)^2} \quad (8)$$

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |r_0 - r_1| \quad (9)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (r_0 - r_1)^2} \quad (10)$$

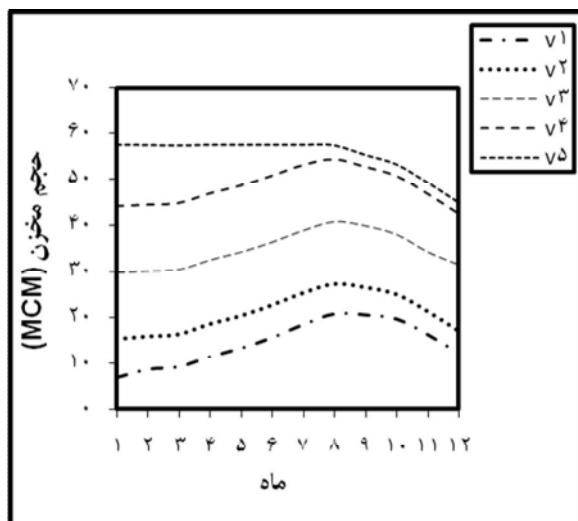
که در آن‌ها ۲۰ میزان رهاسازی از مخزن با استفاده از مدل غیرخطی است که به عنوان مقادیر مشاهده شده (سری تاریخی مشاهدات) در نظر گرفته شده است و ۲۱ میزان رهاسازی از مخزن با استفاده از مدل فازی است.

## نتایج و بحث

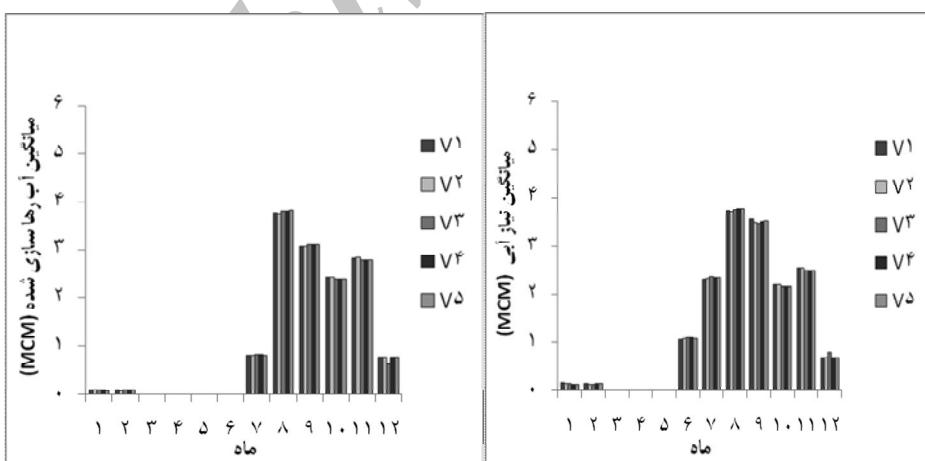
برنامه‌ریزی غیرخطی: به منظور استنتاج قواعد بهره‌برداری که در آن هدف حداکثر سود خالص ناشی از کاشت گیاهان در مبنای سالانه است، سری‌های زمانی حجم ذخیره، رهاسازی و نیاز آبی گیاهان از مدل بهینه‌سازی استخراج می‌شود. تأثیر حجم آب اولیه در مخزن در ابتدای سال آبی با درنظر گرفتن ۵ حالت ذکر شده در قسمت مواد و روش‌ها اعمال شده است. نتایج حاصل از رهاسازی متناظر با هر گزینه برای حجم آب اولیه در مخزن، بیانگر آن است که برای هر یک از حالات حجم آب اولیه در مخزن، حجم آب در مخزن در ماه‌های مختلف (از مهرماه تا شهریور سال آینده) تغییر می‌کند. این تغییرات مطابق با نیاز آبی ماهانه می‌باشد. شکل ۶ نشان می‌دهد که روند این تغییرات از حجم آب اولیه در مخزن مستقل است؛ زیرا تمامی روند تغییرات حجم آب در مخزن در طول سال تقریباً موازی است. همچنین این نکته نیز قابل ذکر است که حجم آب اولیه در مخزن در ابتدای سال زراعی در میزان حجم آب مخزن در سایر ماه‌ها تاثیرگذار است، به این معنا که حجم آب اولیه حداکثر، نسبت به سایر حالات در تمامی طول سال دارای حجم آب حداکثر است. با توجه به شکل ۶ حجم آب موجود در مخزن تا ماه‌های ۷ و ۸ (زمانی که حداکثر رقابت میان سه محصول برای تأمین نیاز آبی افزایش می‌یابد) افزایش و سپس به دلیل نیاز آبی بیشتر و همچنین کاهش میزان جریان ورودی به مخزن، کاهش می‌یابد.

میزان آب رهاسازی شده و نیاز آبی ماهانه از مخزن متناظر با حجم‌های مختلف اولیه آب در مخزن در شکل (۷ الف) نشان داده شده است. مطابق این شکل، حداکثر آب رهاسازی شده با ۵ حالت مختلف حجم اولیه آب در مخزن در ماه اردیبهشت، هنگامی که سه گیاه کاشته شده به آب نیاز دارند، رخ می‌دهد. بنابراین، ذخیره آب در ماه‌های پیشین در مخزن، هنگامی که نیاز آبی مقدار کمتری است، منطقی می‌باشد. می‌توان از شکل (۷ الف) این‌گونه استنتاج کرد که میزان آب رهاسازی شده در یک ماه مشخص تقریباً مستقل از حجم آب اولیه در مخزن است به‌گونه‌ای که با وجود تغییرات حجم آب

اولیه در مخزن، میزان رهاسازی از تغییرات مشابهی برخوردار می‌باشد. نتایج ذکر شده برای میزان نیاز آبی ماهانه نیز صادق است (حسین‌پور طهرانی، ۲۰۰۸).



شکل ۶- مسیرهای مختلف حجم بهینه مخزن، با ۵ حالت حجم اولیه مخزن شامل مرده، حداقل و برابر حجم حداقل در ابتدای فصل زراعی (به ترتیب  $V_5$  تا  $V_1$ ).

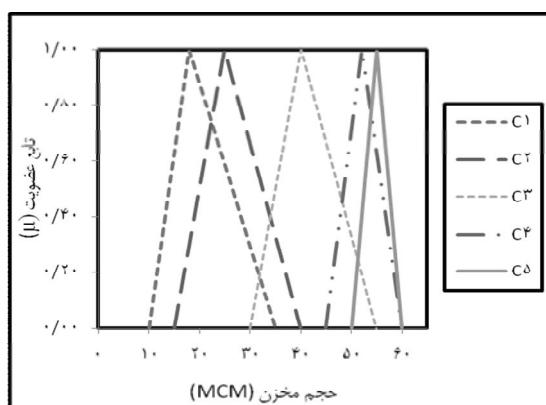


شکل ۷- میانگین رهاسازی (سمت راست) و نیاز آبی ماهانه (سمت چپ) در حالت‌های مختلف حجم اولیه مخزن (از حجم مخزن مرده تا حجم حداقل).

**مدل منطق فازی:** همان‌طور که پیش از این ذکر شد، نتایج به دست آمده از مدل برنامه‌ریزی غیرخطی نشان داد، که حجم آب اولیه در مخزن در ابتدای فصل زراعی، نقش مستقیم و موثری در حجم آب در مخزن در سایر ماه‌ها دارد. همچنین با ارزیابی که از طریق عرض سیلهوت جهت مشابهت اعضا هر خوش و تمایز آن نسبت به سایر خوش‌ها انجام شد، این نتیجه به دست آمده که حجم آب اولیه در مخزن به عنوان یکی از متغیرها، نقش موثرتری نسبت به دو متغیر دیگر بر روی نحوه و تعداد خوش‌بندی دارد و بنابراین نحوه خوش‌بندی به کار رفته در این مطالعه به این صورت است که حجم آب اولیه در مخزن به عنوان خوش‌های اصلی در این مطالعه در نظر گرفته می‌شود. متعاقباً هر خوش‌های اصلی دارای ۳ زیر خوش‌های شامل جریان ورودی، نیاز پایین‌دست و رهاسازی است.

**تابع عضویت برای هر خوش:** توابع عضویت فازی به کار رفته در این مطالعه، توابع عضویت مثلثی است (شکل‌های ۸ و ۹). پارامترهای توابع عضویت مثلثی و میزان همپوشانی این توابع بر اساس میزان فراوانی مقادیر به دست آمده از مدل بهینه‌سازی غیرخطی و متعاقباً مقادیر قرار گرفته در خوش‌ها و زیرخوش‌های مرتبط با آن حاصل می‌شود. در شکل‌های ۸ و ۹  $\mu$  نمایانگر درجه عضویت فازی  $C_{i,j}$  نماینده خوش‌های تحت مطالعه است، به‌طوری‌که  $C$  نماینده خوش‌های اصلی، اندیس  $i$  شمارنده خوش‌های زیرخوش‌های در خوش مورد نظر می‌باشد. به عنوان مثال  $C_{12}$  خوش‌های اول و زیرخوش‌های دوم متغیر مورد نظر را نشان می‌دهد. نزدیکی مقادیر حداکثر، حداقل و متوسط متغیر مورد نظر به حدود ۱ و ۲ و ۵ در ۵ خوش‌های تحت مطالعه، تأییدی بر درستی انتخاب حدود توابع عضویت حجم آب اولیه در مخزن می‌باشد. جدول ۱ مقادیر حداکثر، حداقل و متوسط حجم آب در مخزن و جدول ۲ مقادیر حداکثر، حداقل و متوسط جریان ورودی، نیاز پایین‌دست و رهاسازی را نشان می‌دهد. در شکل ۸ توابع عضویت حجم آب اولیه در مخزن در ابتدای ماه اردیبهشت به عنوان خوش‌های اصلی رسم گردیده است، بر این اساس، در خوش  $C_1$  بیشترین درجه عضویت برابر ۱ متعلق به مقدار ۲۰ میلیون مترمکعب و کمترین درجات عضویت برابر صفر مربوط به مقادیر ۱۰ و ۳۵ میلیون مترمکعب می‌باشد و مقدار ۱۵ میلیون مترمکعب درجه عضویتی برابر  $0/5$  دارد. به همین طریق توابع عضویت سایر متغیرها در خوش‌های مختلف و زیرخوش‌های مربوط به آن خوش محسوب شده است. شکل‌های ۸ و ۹ به ترتیب توابع عضویت حجم مخزن با  $0/25$  حجم حداکثر در خوش دوم و زیرخوش‌های مربوط به آن شامل جریان ورودی به مخزن سد، نیاز پایین‌دست و رهاسازی را نشان می‌دهد. با خوش‌بندی

متغیرهای ورودی در گروههای مختلف، هر متغیر در هر خوش بیانگر یک مجموعه فازی با یک متغیر زبانی خاص است. با توجه به آن که در ماه اردیبهشت (با کاشت سورگوم) رقابت بر سر آب میان سه گیاه بیشترین مقدار می‌باشد، نتایج رهاسازی از مخزن با استفاده از روش فازی در ماه اردیبهشت به عنوان نماینده هر سه گیاه گندم، جو و سورگوم ارایه می‌شود.



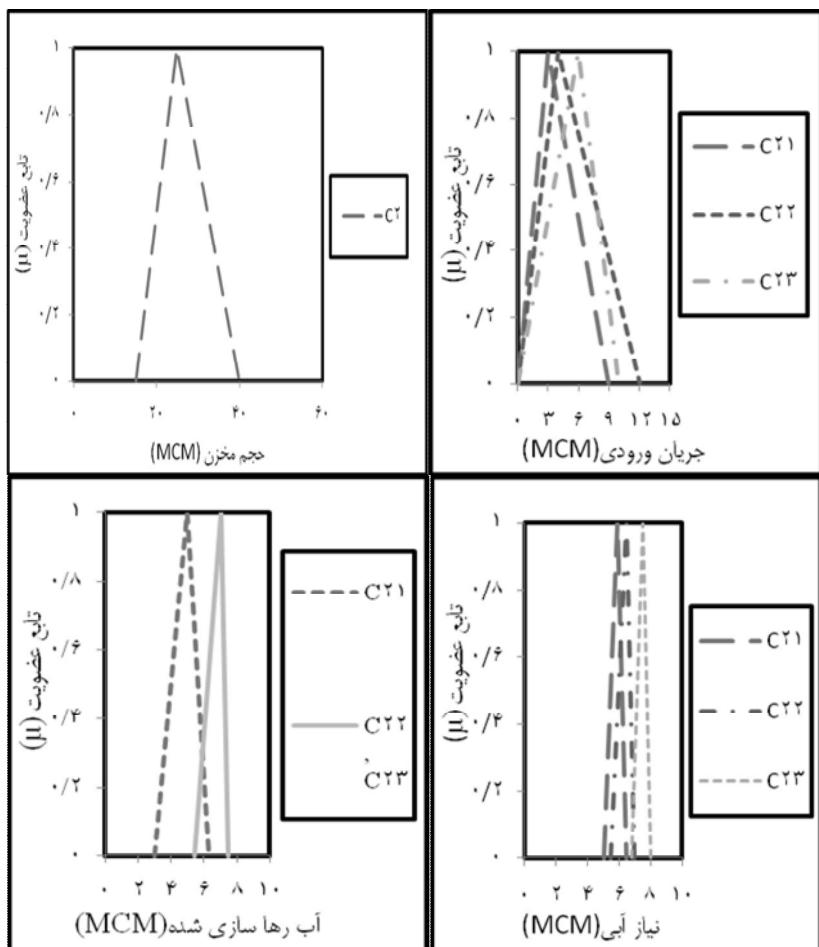
شکل ۸- تابع عضویت حجم اولیه مخزن در ۵ خوش اصلی (C<sub>1</sub>-C<sub>5</sub>) در ماه اردیبهشت.

جدول ۱- حدود بالا و پایین حجم آب در مخزن در ۵ خوش ایجاد شده در ماه اردیبهشت (MCM).

حجم مرده	۰/۲۵ V <sub>m</sub>	۰/۵۰ V <sub>m</sub>	۰/۷۵ V <sub>m</sub>	V <sub>m</sub>	وضعیت حجم مخزن
۲۹/۷۴	۳۷/۱	۵۱/۴۲	۵۷/۵۴	۵۷/۵۶	حداکثر
۲۰/۸۵	۷۲/۲	۴۱	۵۴	۵۷/۰۴	متوسط
۱۳/۷۶	۱۸/۱۷	۲۸/۸۲	۴۳/۱۵	۵۳/۸۵	حداقل

جدول ۲- حدود بالا و پایین جریان ورودی، نیاز پایین دست و رهاسازی در خوش دوم با نسبت ۰/۲۵ به حجم حداکثر.

زیر خوش	۱	۲	۳	جریان ورودی	نیاز پایین دست	رهاسازی	جریان ورودی	نیاز پایین دست	رهاسازی	جریان ورودی	نیاز پایین دست	رهاسازی	حدود متغیر
حداکثر	۷/۴۳	۷/۸۶	۷/۳۷	۱۲/۲	۶/۴۳	۶/۳۰	۷/۱۴	۷/۳۸	۷/۷	۹/۵۶	۷/۰۶	۷/۰۳	۱۲/۲۸
متوسط	۷/۳۶	۷/۷	۷/۳۸	۷/۱۴	۴/۶۸	۶/۰۶	۷/۰۳	۷/۳۷	۷/۷	۳/۶	۵/۱۳	۵/۰۳	۵/۱۳
حداقل	۵/۷۳	۵/۶۹	۵/۳۸	۰/۰۰۰۸	۳/۵۴	۵/۶۹	۰/۰۰۸۳	۰/۰۰۰۸	۰/۰۰۰۷	۰/۰۰۰۷	۵/۶۹	۵/۷۳	۰/۰۰۸۳



شکل ۹- تابع عضویت حجم مخزن (در بالا) و جریان ورودی به رودخانه، نیاز آبی و آب رها سازی شده در هر خوشه (شکل‌های پایین، به ترتیب از راست) در ماه اردیبهشت.

ایجاد پایگاه قواعد فازی و تصمیم‌گیری فازی جهت رهاسازی: همان‌طور که در مواد و روش‌ها ذکر شد، جهت ساختن قواعد فازی در هر خوشه، هر زیرخوشه یک قاعده مخصوص به خود ایجاد می‌کند که در مجموع به علت آنکه هر خوشه شامل ۳ زیرخوشه است، ۳ قاعده از هر خوشه به دست می‌آید که در مجموع با داشتن ۵ خوشه اصلی، ۱۵ قاعده برای هر ماه ایجاد می‌گردد. در واقع خوشه‌بندی

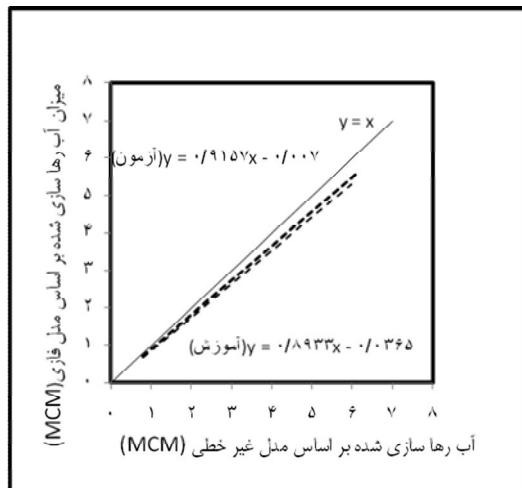
راه حلی مناسب جهت کمک به فهم بهتر سیستم است. هنگامی که سیستم به سمت دسترسی بسیار پایین و نیاز بالا میل می‌کند، شرایط سیستم به صورت "بسیار سخت" تلقی می‌شود. به عنوان مثال یکی از قواعد به دست آمده در ماه اردیبهشت بیان می‌کند که در صورتی که حجم آب در مخزن زیاد، ورودی زیاد و نیاز زیاد باشد رهاسازی زیاد است که این قاعده نشانگر شرایط آسانی جهت تصمیم‌گیری می‌باشد و قاعده دیگر بیان می‌کند که در صورتی که حجم آب در مخزن در ابتدای ماه اردیبهشت کم، جریان ورودی متوسط و نیاز زیاد باشد، رهاسازی زیاد است که تصمیم‌گیری در این شرایط بدلیل قابلیت دسترسی کم پیچیده‌تر می‌شود.

مطابق جدول ۳ گرچه هر دو مدل از الگوی مشابهی برخوردارند، میزان آب رهاسازی در مدل فازی، کم‌تر از مدل غیرخطی است، بخصوص در ماههای با نیاز آبی بیش‌تر و فصل تابستان که تنها گیاه سورگوم کاشته می‌شود. به عنوان مثال در ماه اردیبهشت و خرداد که رقابت میان سه گیاه بر سر آب وجود دارد، میزان MAE و RMSE برای ماه اردیبهشت در مرحله آموزش برابر  $0/83$  و  $0/91$  و در مرحله آزمون برابر  $0/83$  و  $0/92$  و برای ماه خرداد در مرحله آموزش برابر  $0/66$  و  $0/77$  و در مرحله آزمون برابر  $0/73$  و  $0/84$  است. می‌توان اینگونه استنباط کرد که با توجه به عدم تغییرات یکسان و مشابه در وضعیت‌های مختلف، چنین معیاری نمی‌تواند به عنوان شاخصی جهت عملکرد اقتصادی مدل فازی در نظر گرفته شود.

در شکل ۱۰ دو خط رگرسیون مربوط به مدل‌های فازی و غیرخطی نشان دادند که با افزایش میزان رهاسازی، تفاوت میان مدل فازی و غیرخطی بیش‌تر می‌شود. بنابراین، می‌توان این گونه استنتاج کرد که در ماههای با نیاز آبی بیش‌تر، تفاوت میان آب رهاسازی شده میان دو مدل ذکر شده بیش‌تر می‌شود. همان‌طور که قبل ذکر شد، فاصله زمانی آذر تا بهمن به عنوان ماههای خواب سال در محاسبات مدنظر قرار نمی‌گیرد. لازم به ذکر است که نتایج به دست آمده از مدل فازی در مقایسه با مدل غیرخطی در مرحله آزمون بهتر از مرحله آموزش است.

بررسی مدل در شرایط مختلف حجم آب اولیه در مخزن: از میان مجموعه داده‌هایی که جهت آزمون مدل فازی مورد استفاده قرار گرفتند، با ۵ حالت حجم آب اولیه در مخزن در ابتدای سال زراعی و جریان ورودی متغیر در یک دوره مشخص به عنوان مثال ۱۰ سال، دو مدل بهینه‌سازی غیرخطی و فازی اجرا شدند. شکل ۱۰ نشان می‌دهد که کمترین اختلاف رهاسازی در دو مدل نسبت به هم در حالت حجم مخزن با نسبت ظرفیت حجم اولیه  $0/5$  به حجم حداقل، در حالی که بیش‌ترین اختلاف با

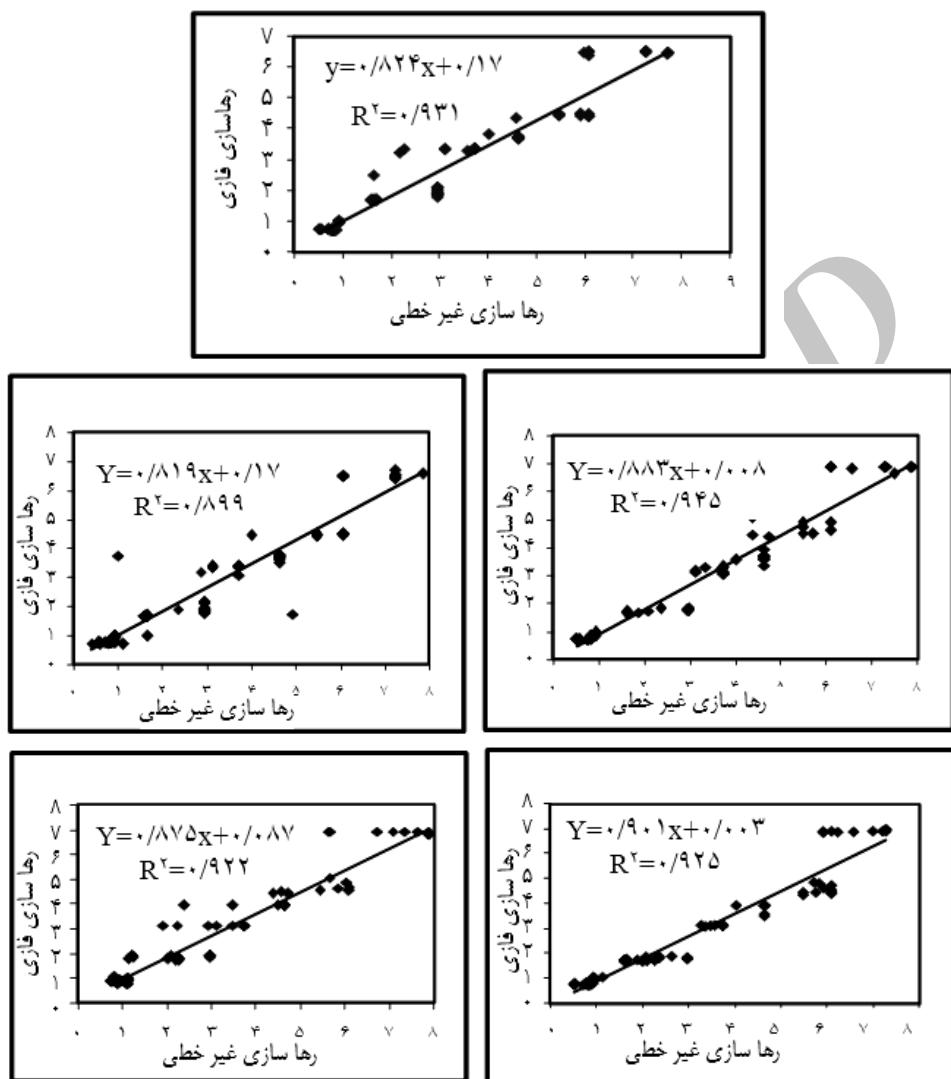
نسبت ظرفیت حجم اولیه  $0/25$  به حجم حداکثر به دست آمده است. با این حال، مقدار بالای ضریب تعیین ( $R^2$ ) نشان می‌دهد که خروجی مدل فازی از روند مدل غیر خطی پیروی می‌کند.



شکل ۱۰- مقایسه میانگین رهاسازی با استفاده از مدل فازی و غیرخطی. خط ممتد خط بهترین تطابق (با شبیه ۱:۱) و دو خط منقطع مربوط به مدل فازی و در دو مرحله آزمون و آموزش می‌باشد.

جدول ۳- ارزیابی مدل منطق فازی در هر دو مرحله آموزش و آزمون.

ماه	مرحله آموزش		مرحله آزمون	
	MAE	RMSE	MAE	RMSE
مهر	۰/۱۵۴	۰/۱۹۵	۰/۱۷۳	۰/۲۱۰
آبان	۰/۰۹۸	۰/۱۷۲	۰/۱۰۸	۰/۱۸۸
آذر	۰/۰۸۴	۰/۱۰۹	۰/۰۸۹	۰/۱۱۹
فروردین	۰/۰۳۵	۰/۰۴۳	۰/۰۳۳	۰/۰۴۳۵
اردیبهشت	۰/۰۸۳	۰/۰۹۱	۰/۰۸۳	۰/۰۹۲
خرداد	۰/۰۶۶	۰/۰۷۷	۰/۰۷۳	۰/۰۸۴
تیر	۰/۰۶۱	۰/۰۶۹	۰/۰۶۳	۰/۰۷۱
مرداد	۰/۰۸۵	۰/۰۹۱	۰/۰۸۴	۰/۰۹۱
شهریور	۰/۰۸۱	۰/۰۸۵	۰/۰۸۴	۰/۰۸۷



شکل ۱۰- رهاسازی در حالت‌های مختلف حجم اولیه مخزن در ماه اردیبهشت برای ۵ کلاس مختلف حجم آب در مخزن در ابتدای فصل رشد (حجم مرده،  $V_m$ )،  $0.075 V_m$ ،  $0.25 V_m$  و  $0.5 V_m$  (به ترتیب از بالا به پایین و از راست به چپ).

## بحث و نتیجه‌گیری

در این مطالعه که با هدف بهره‌برداری از مخزن سد ایلانجق واقع در خراسان شمالی، با هدف تأمین آب کشاورزی پایین‌دست منطقه انجام گرفته است، راه حلی بر پایه خوشبندی به منظور ایجاد حداقل قواعد فازی که بیشترین اهمیت را دارند به کار گرفته شده است. در این مطالعه خوشبندی جفت داده‌های ورودی - خروجی به دست آمده از مدل بهینه‌سازی غیرخطی به عنوان متغیرهای ورودی به سیستم فازی با ۵ خوش و درنهایت ۱۵ قاعده فازی بررسی شده است. مجموعه‌های فازی به کار گرفته شده در هر خوش مثلاً می‌باشد. با توجه به سادگی و سرعت محاسبات، این روش می‌تواند جایگزین روش‌های معمول تولید قواعد فازی با حجم زیاد جفت داده‌های ورودی - خروجی در سیستم‌های فازی بهینه باشد. با توجه به آنکه مدل‌های ریاضی نظری برنامه‌ریزی‌های غیرخطی نمی‌توانند با انتخاب شرایط و حالت‌های مختلف ورودی، خروجی‌های متفاوت و قابل قبولی را ارایه کنند، مدل فازی توانست با درنظر گرفتن تمامی شرایط و حالت‌ها و با پیروی کردن از روند برنامه‌ریزی غیرخطی که به عنوان سری داده‌های تاریخی در مدل فازی موردنظر قرار گرفتند، خروجی‌های مختلفی را به ازای ورودی مختلف ارایه کنند به گونه‌ای که مبنای تصمیم‌گیری جهت بهره‌برداری عمومی در سال‌های آتی قرار گیرد. از طرفی با مقایسه نتایج میزان رهاسازی به دست آمده از مدل بهینه‌سازی غیرخطی و رهاسازی به دست آمده از مدل فازی و محاسبه نتایج خطای نسبی میان این دو روش، می‌توان به این نتیجه رسید که روند تغییرات رهاسازی از مخزن در هر دو مدل شبیه به هم می‌باشد، اما به طور کلی میزان رهاسازی سالانه در مدل فازی نسبت به مدل بهینه‌سازی غیرخطی کمتر است، در ماه اردیبهشت بیشترین نتایج رهاسازی در دو مدل مشاهده می‌شود که به دلیل رقابت بر سر آب میان ۳ گیاه و تأمین نیاز شرب می‌باشد. نتایج این پژوهش نشان می‌دهد که می‌توان در سیستم تک‌مخزنی چندمنظوره به هم‌جای استفاده از روش‌های معمول مدل‌های فازی با حجم محاسباتی بالا از روش فازی به وسیله خوشبندی برای مدیریت بهره‌برداری بهینه استفاده کرد. از آنجاکه میزان آب رهاسازی شده توسط مدل فازی در مقایسه با مدل غیرخطی کمتر است، اما این به معنای عملکرد بهتر مدل فازی نیست و توسط تابع هدف موجود در مدل غیرخطی باید این موضوع مورد تحلیل قرار گیرد. مقایسه نتایج به دست آمده از این مطالعه حاضر با مدل موسوی و همکاران (۲۰۰۷) که تابع هدف در آن به گونه‌ای دیگر بیان شده است، نشان می‌دهد که اختصاص آب رهاسازی شده چه در مرحله رهاسازی از مخزن و چه در مرحله مزرعه، برای بهره‌بردار ملموس و بیشتر قابل درک می‌باشد.

در مطالعه موسوی و همکاران (۲۰۰۷) تصمیم‌گیری جهت رهاسازی بر اساس تابع هدف با حداقل واحد کمبود است، درحالی‌که در مطالعه حاضر، اختصاص آب به هر گیاه بر اساس درجه حساسیت رشد هر گیاه به‌طور جداگانه صورت می‌گیرد. این به آن معناست که به عنوان مثال، یک واحد کمبود برای ماههای مختلف معنای یکسانی ندارد و بسته به هر گیاه و مرحله رشد آن با گیاه دیگر و دوره رشد دیگر متفاوت است.

#### منابع

1. Abpooy Consulting Engineering Company. 2005. The Report of Water Resources Planning for Zagelanloo and Shourkal Border Rivers, No. 6, Mashhad. (In Persian)
2. Bardossy, A., and Duckstein, L. 1995. Fuzzy Rule-Based Modeling with Applications to Geophysical, Biological and Engineering Systems. CRC Press Inc., Boca Raton, Florida, USA.
3. Bras, R.L., and Cordova, J.R. 1981. Intra-seasonal water allocation in deficit irrigation. *Water Resour. Res.*, 17: 866-874.
4. Depic, O., and Simonovic, S.P. 2000. Aggregation operators for soft decision making in water resources. *Fuzzy Sets Syst.*, 115: 11-33.
5. Doorenbos, J., and Kassam, O.W. 1979. Yield Response to Water. FAO Irrigation and Drainage Paper No. 33. FAO, Rome, Italy, 193p.
6. Dubovin, T., Jolma, A., and Turunen, E. 2002. Fuzzy model for real-time reservoir operation. *J. Water Resour. Plng. Manage.*, 128: 66-73.
7. Dudley, N.J., and Burt, O.R. 1973. Stochastic reservoir management and system design for irrigation. *Water Resour. Res.*, 9: 507-522.
8. Dudley, N.J., Howell, D.T., and Musgrave, W.F. 1971. Optimal interseasonal irrigation water allocation. *Water Resour. Res.*, 7: 770-788.
9. Ghahraman, B., and Sepaskhah, A.R. 1999. Use of different irrigation water deficit scheme for economic operation of a reservoir. *Iran. J. Sci. Tech.*, 23: 83-90.
10. Ghahraman, B., and Sepaskhah, A.R. 2002. Optimal allocation of water from a single purpose reservoir to an irrigation project with pre-determined multiple cropping patterns. *Irrig. Sci.*, 21: 127-137.
11. Ghahraman, B., and Sepaskhah, A.R. 2004. Linear and non-linear optimization models for allocation of limited water supply. *Irrigation Drainage*, 53: 39-54.
12. Hasebe, M., and Nagayama, Y. 2002. Reservoir operation using the neural network and fuzzy systems for dam control and operation support. *Adv. Eng. Software*, 33: 245-260.

13. Hossin Poor Tehrani, M. 2008. Reservoir operation using fuzzy inference system (Case study: Ilanjogh dam). MSc dissertation in Irrigation Structures, College of Agriculture, Ferdowsi University of Mashhad, Pp: 107-117. (In Persian)
14. Labadie, J.W. 2004. Optimal Operation of Multireservoir Systems: State-of-the-Art Review. *J., Water Resour. Plan Manage.*, ASCE, 130: 2. 93.
15. Mousavi, S.J., Ponambalam, K., and Karray, F. 2007. Inferring operating rules for reservoir operations using fuzzy regression and ANFIS. *Fuzzy Set Syst.*, 158: 1064-1082.
16. Mousavi, S.J., Ponambalam, K., and Karray, F. 2005. Reservoir Operation Using a Dynamic Programming, Fuzzy Rule-Based Approach. *Water Res. Management*, 19: 655-6723.
17. Panigrahi, D.P., and Mujumdar, P.P. 2000. Reservoir operation modelling with fuzzy logic. *Water Resour. Manage.*, 14: 89-109.
18. Rani, D., and Moreira, M.M. 2010. Simulation-optimization modeling: a survey and potential application in reservoir systems operation. *Water Resour. Manage.*, 24: 1107-1138.
19. Rao, N.H., Sarma, P.B.S., and Chander, S. 1990. Optimal multicrop allocation of seasonal and intra-seasonal irrigation water. *Water Resour. Res.*, 26: 551-559.
20. Reddy, J.M., and Kumar, N.D. 2008. Evolving Strategies for Crop Planning and Operation of Irrigation Reservoir System using Multi-Objective Differential Evolution. *Irrigation Science*, 26: 2. 177-190.
21. Reddy, J.M., and Kumar, N.D. 2007. Optimal Reservoir Operation for Irrigation of Multiple Crops using Elitist-Mutated Particle Swam Optimization. *Hydrological Sciences Journal*, 52: 4. 686-701.
22. Russel, S.O., and Campbell, P.E. 1996. Reservoir operating rules with fuzzy programming. *J. Water Resour. Plan. Manage.*, 122: 165-170.
23. Shamkouian, H., Ghahraman, B., Davari, K., and Sarmad, M. 2009. Flood frequency analysis using linear moment and flood index method in Khorasan Provinces. *J. Water Soil*, 23: 31-43.
24. Shrestha, B.P., Duckstein, L., and Stakhiv, E.Z. 1996. Fuzzy rule-based modeling of reservoir operation. *J. Water Resour. Plann. Manage.*, 122: 4. 262-269.
25. Simonovic, S.P. 1992. Reservoir systems analysis: Closing the gap between theory and practice. *J. Water Resour. Plann. Manage.*, 118: 262-280.
26. Sivapragasam, C., Vasudevan, G., Vincent, P., Sugendran, P., Marimutht, M., and Seenivasakan, S. 2007. Rule reduction in fuzzy logic for better interpretability in reservoir operation. *Hydrol. Process.*, 21: 2835-2844.
27. Srikanthan, R., Sharma, A., and McMahon, T.A. 2006. Comparison of two nonparametric alternatives for stochastic generation of monthly rainfall. *J. Hydrol. Engng.*, 11: 222-229.

28. Teegavarapu, R.S.V., and Simonovic, S.P. 1999. Modeling uncertainty in reservoir loss functions using fuzzy sets. *Water Resour. Res.*, 35: 2815-2823.
29. Vedula, S., and Mujumdar, P.P. 1992. Optimal reservoir operation for irrigation for multiple crops. *Water Resour. Res.*, 28: 1-9.
30. Vedula, S., and Kumar, D.N. 1996. An integrated model for optimal reservoir operation for irrigation of multiple crops. *Water Resour. Res.*, 32: 1101-1108.
31. Wang, L.X. 1997, A course in fuzzy systems and control, Prentice-Hall, Inc. Upper Saddle River, NJ, USA.
32. Yeh, W.W.G. 1985. Reservoir management and operations models: A state-of-the art review. *Water Resour. Res.*, 21: 12. 1798-1818.



Gorgan University of Agricultural  
Sciences and Natural Resources

*J. of Water and Soil Conservation*, Vol. 18(4), 2011  
<http://jwst.gau.ac.ir>

## Reservoir operating using Fuzzy Inference System and clustering (Case study: Ilanjogh Dam)

**M. Hossein poor Tehrani<sup>1</sup>, \*B. Ghahraman<sup>2</sup>, K. Davary<sup>3</sup>  
and H. Ansari<sup>4</sup>**

<sup>1</sup>M.Sc. Graduated, Dept. of Water Engineering, Ferdowsi University of Mashhad,

<sup>2</sup>Professor, Dept. of Water Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, <sup>3</sup>Associate Prof.,  
Dept. of Water Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, <sup>4</sup>Assistant Prof., Dept. of  
Water Engineering, Ferdowsi University of Mashhad

Received: 2010-4-6; Accepted: 2011-3-1

### Abstract

Results of a Non-Linear Programming (NLP) model were used to develop Fuzzy Rule Bases for optimal Ilanjogh reservoir operation located in Dargaz, northeast of Iran. The dam is designed for agriculture of three crops (winter, barley, and sorghum). Making decision is considered in two levels: reservoir and farm levels. The reservoir level Fuzzy logic model extracts important features of the system from the input-output data set by NLP and represents features as general operating rules. The developed model serves not only as efficient decision making tool in easy and understandable Fuzzy Inference Systems, but also provides operators with a limited number of the most meaningful operating rules using Clustering-Based approach. The model is set properly in a yearly based with initial storage and monthly steps. Results showed that the changing trend of water releases in both models is the same with  $R^2=0.97$  such that over the 12 months period, both trends had increased from October to May but since then, they decreased gradually. But in general, the amount of annual released water in Fuzzy model is almost less than NLP, especially in competitive month, May and June, when there was a competition between all 3 crops for water, the percentage of water deficit to the percentage of annual mean water deficit were 0.57 and 0.81 in training and 0.93 and 1.145 in the test stage, respectively.

**Keywords:** Reservoir operation; Non-Linear programming; Fuzzy model;  
Clustering; Release.

---

\*Corresponding Author; Email: bijangh@um.ac.ir