

## بررسی وجود نظم شبه تناوبی در ساختار هندسی پتکانه

صاحب محمدیان منصور<sup>\*</sup>، سینا فرامرزی<sup>\*</sup>

<sup>۱</sup>دانشجوی دکتری معماری، دانشکده معماری و شهرسازی دانشگاه شهید بهشتی و مریم دانشکده هنر و معماری دانشگاه بوعلی سینا همدان، ایران.

<sup>۲</sup>دانشجوی کارشناسی ارشد معماری، دانشکده هنر و معماری، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران.

(تاریخ دریافت مقاله: ۹۱/۱۲/۱۹، تاریخ پذیرش نهایی: ۹۲/۴/۸)

### چکیده

نظم شبه تناوبی با اینکه در دنیای غرب بسیار نوظهور است، اما تسلط معماران ایرانی دوره تیموری بر نظم شبه تناوبی ده محوری، مورد قبول جامعه علمی جهان است. در این مقاله قصد داریم تا با بررسی وجود نظم شبه تناوبی هشت محوری در ساختار هندسی پتکانه، این موضوع را اثبات نماییم که معماران ایرانی علاوه بر شناخت نظم شبه تناوبی ده محوری، بر اصول نظم شبه تناوبی هشت محوری نیز مسلط بوده اند. لذا سوال اصلی این پژوهش این است که؛ آیا پتکانه دارای نظم شبه تناوبی هشت محوری است؟ در این راستا، در سه سطح، به بررسی وجود نظم شبه تناوبی در ساختار پتکانه پرداخته شده است. در بررسی های صورت گرفته به این نتیجه رسیدیم که اولاً؛ پتکانه در هسته مرکزی، دارای نظم شبه تناوبی است، لذا می توان ادعا نمود که معماران ایرانی از دوره ایلخانی (و نه تیموری) با نظم شبه تناوبی آشنایی داشته اند، ثانیاً؛ در توسعه و گسترش پتکانه، معماران ایرانی توانسته اند، با ایجاد ابداعاتی خلاقانه در ساختار هندسی آن، این ساختار هشت محوری را در زمینه های چهارمحوری منطبق نمایند که این موضوع گویای تلفیق یک نظام هندسی منطبق بر ساختار طبیعت با نظام هندسی عملکردی پلان معماري است.

### واژه های کلیدی

هندسه، نظم شبه تناوبی، نظم شبه تناوبی هشت محوری، پتکانه، مقرنس.

<sup>\*</sup>نویسنده مسئول؛ تلفن: ۰۸۱۱-۴۲۲۰۴۶۵، ۰۸۱۱-۴۲۲۷۸۵۲، نامبر: .E-mail: saheb1357@yahoo.com

## مقدمه

است چرا که حاصل توسعه و تکامل سکنج‌های ایرانی است. محققینی نظری بزنوال، نخستین کاربرد سکنج را در کاخ سروستان و آن را مادر تمام گوشه سازی‌های بنای‌های اسلامی می‌دانند ولذا در صورت احیا می‌تواند هویتمند و هویت‌ساز باشد. یکی دیگر از ابعاد مهم پتکانه، قابلیت خودایستایی آن است که باعث شده بتواند فراتر از نقش ترئیناتی در معماری ایرانی نقش نماید. ویژگی حائز اهمیت دیگر، انطباق ساختار هندسی پتکانه با ساختار هندسی شبه بلورها و به عبارتی دیگر، انطباق آن با هندسه خرد مقیاس طبیعت (شبه بلورها) است. از طرفی باید این نکته را نیز خاطرنشان ساخت که، تمامی مطالعاتی که تاکنون در خصوص هندسه شبه تناوبی در غرب انجام شده در حوزه هندسه مسطوحاتی و دو بعدی است اما پتکانه دارای ساختار سه بعدی و فضاکار است ولذا باید گفت در حالی که دنیای معاصر غرب هنوز در حال مطالعه هندسه دو بعدی شبه تناوبی است، معماران ایرانی از دوره ایلخانی با هندسه سه بعدی و فضاکار شبه تناوبی آشنایی داشته‌اند.

نظم شبه تناوبی، گونه‌ای از انتظام هندسی در عالم هستی است که در ساختار خرد مقیاس شبه بلورها قابل شناسایی است. این نظم اولین بار در سال ۱۹۷۳ در حوزه ریاضیات توسط راجر پنزو مطرح شد؛ سپس در سال ۱۹۸۴ در شبه بلورها کشف شد و بدین ترتیب می‌توان گفت این علم در حوزه ریاضیات، شیمی و فیزیک موضوعیت دارد. مقاله‌ای که پروفیسور جیمز لو و همکارانش در سال ۲۰۰۷ در مجله ساینس به چاپ رساندند، مشخص نمود که ایرانیان از دوره تیموری با نظم شبه تناوبی ده محوری آشنایی داشته‌اند و از آن در ساختار شاه گره‌های دوره‌های تیموری و بعد از آن استفاده نموده‌اند.

در این مقاله به دنبال اثبات وجود نظم شبه تناوبی هشت محوری در عنصری دیگر از معماری ایرانی، یعنی مقرنس‌ها و پتکانه‌ها هستیم. با اثبات وجود این نظم در واقع ثابت خواهد شد که ایرانیان از دوره ایلخانی با این نظم هندسی آشنایی داشته‌اند.

پتکانه عنصری برآمده از تاریخ و فرهنگ ایرانی - اسلامی

## ۱- بررسی ادبیات تحقیق

۶ محور تقارن دارند، ممکن است و تصور می‌کردد که با اشکالی ۱۰، ۸، ۵ و ۱۲ محور تقارن دارند نمی‌توان سطوح را پوشش داد (Steurer, 2004, 392).

در علم شیمی نیز تا قبل از سال ۱۹۸۴ محققان بیان می‌کردد که در مواد بلوری یا منظم، مبنای انتظام ماده به صورت تناوبی است. تمامی بلورها طبق قانون محدودیت بلور دارای دو شرط اساسی هستند:

- اجزا با تقارن انتقالی فضای پر کنند یعنی نظم تناوبی دارند.
- تعداد محور تقارن در ساختار بلور ۲، ۳، ۴ و ۶ عدد می‌باشد (Bamberg et al, 2003, 202-209).

در سال ۱۹۷۳ راجر پنزو<sup>۱</sup> گونه‌ای از کاشیکاری را با دو کاشی لوزی شکل ارائه داد که می‌توانست سطح را بدون تقارن انتقالی پوشش دهد. این کاشیکاری بعداً به نام کاشیکاری پنزو نامگذاری شد. در این کاشیکاری تقارن ۵ محوری است و به صورت شعاعی توزیع شده است.

چنانکه گفته شد در نظم تناوبی امکان استفاده از فرم‌هایی با ۱۰، ۸، ۵ و ۱۲ محور تقارن وجود ندارد، اما در کاشیکاری پنزو می‌توان چینشی از ۱۰ ضلعی‌ها را روی آن منطبق کرد که کل سطح پوشش داده شود (محمدیان منصور و فرامرزی، ۱۳۹۱، ۷۵).

دانیل ششتمن نیز نخستین بار در سال ۱۹۸۴ دریک آلیاژ ساختاری کاملاً منظم را کشف کرد که در آن فضا با تقارن دورانی و با ۱۰ محور تقارن پرشده بود (Shechtman and Blech, 1984, 1951D).

کشف او به تغییر نگاه در علم شیمی منجر شد و در ۲۰۱۱

در بررسی ادبیات تحقیق، به دو موضوع به طور مجزا پرداخته شده است. موضوع اول در باب نظم شبه تناوبی است که اساساً در ایران موضوعی کمتر شناخته شده است و موضوع دوم در خصوص پتکانه ویژگی‌های هندسی آن می‌باشد.

### ۱-۱- نظم شبه تناوبی

در خصوص نظم شبه تناوبی، علی رغم اشراف ایرانیان از قدیم‌الایام با این موضوع، در دوره حاضر در ایران مطالعات خاصی در این زمینه صورت نگرفته است و تمامی تحقیقات صورت گرفته در خارج از ایران و عموماً توسط محققان علوم ریاضی، فیزیک و شیمی انجام شده است. لذا در ادامه به جهت آشنایی بیشتر با این حوزه در علم مطالعی را عنوان می‌نماییم.

به طور کلی می‌توان گفت که تاکنون بشرط‌توانسته است برای پوشش دادن سطوح، دو روش نظم تناوبی و نظم شبه تناوبی را مطرح نماید. در نظم تناوبی، اساس کار مبتنی بر تقارن انتقالی است. تقارن انتقالی از تکرار یک عنصر به صورت متناوب و انتقالی به وجود می‌آید.

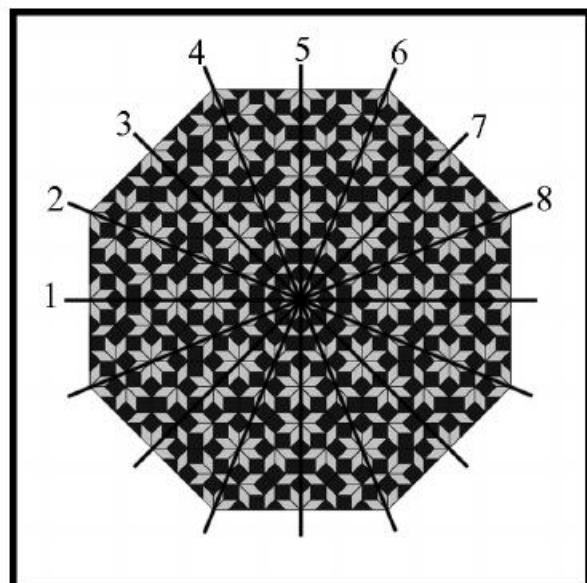
اشکالی که با تقارن انتقالی می‌توانند سطوح را پوشش دهند عبارتند از: لوزی (۲ محور تقارن)، مستطیل (۲ محور تقارن)، مثلث (۳ محور تقارن)، مربع (۴ محور تقارن) و شش ضلعی (۶ محور تقارن) (محمدیان منصور و فرامرزی، ۱۳۹۱، ۷۴).

ریاضیدانان در دنیای غرب تا قبل از دهه ۱۹۷۰ چنین و می‌پنداشتند که پوشاندن سطح فقط با اشکالی که ۴، ۳، ۲ و

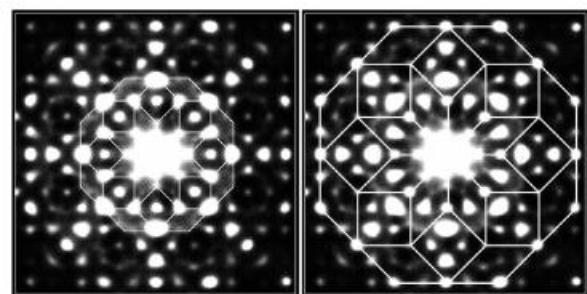
به این ترتیب که در اتصال دو واحد تکرار به یکدیگر، جهت پیکانها باید برهمنطبق باشد (Baake et al, 2002, 7) (تصویر ۳).

در تصویر ۳، بر مبنای روش تطبیقی واحدهای تکرار این چیدمان جهت دار شده‌اند و بر مبنای این جهت‌ها هسته مرکزی چیدمان انتظام یافته است.

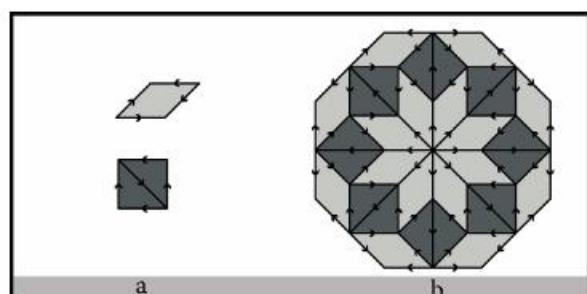
با استفاده از روش تطبیقی هم می‌توان الگوهای تناوبی و هم شبه تناوبی ایجاد نمود. به عبارتی دیگر هر چیدمان شبه تناوبی می‌باشد از اصول تطبیقی تبعیت نماید اما هر چیدمانی که بر مبنای روش تطبیقی سازمان دهی شده باشد، لزوماً شبه تناوبی نیست.



تصویر ۳- قسمت مرکزی شبکه هشت محوری آمان- بینکر.  
مأخذ: (<http://tilings.math.uni-bielefeld.de>)



تصویر ۴- انطباق قسمت مرکزی چیدمان هشت محوری آمان- بینکر در دو مقیاس با تصویر پراش پرآگ آلیاژ Cr-Ni-Si. (Wang et al, 1987, 1010)  
مأخذ:



تصویر ۵- هسته مرکزی چیدمان آمان- بینکر براساس روش تطبیقی.

جایزه‌ی نوبل را دریافت نمود. این مواد جدید شبه بلور نامیده شدند. شبه بلورها دسته‌ای جدید از مواد منظم بوده و به طور اساسی دارای دو ویژگی می‌باشند:

- اجزا فاقد تقارن انتقالی هستند و نظم شبه تناوبی دارند.
- تعداد محورهای تقارن آنها می‌تواند ۱۰، ۸، ۷ و ۱۲ محوری باشد (Steinhardt and Ostlund, 1987, 1-15).

از ۱۹۸۴ تاکنون صدها شبه بلور گزارش شده و اگرچه بیشتر در آلیاژها این ساختار دیده شده، اما در پلیمرها، ترکیبات آلی و حتی نمونه‌هایی در سنگ روغنخانه‌ای هم کشف شده است (Bindi, 2009, 1306-1309).

از آنجایی که یکی از مهم‌ترین ویژگی‌های نظم شبه تناوبی همانطور که گفتیم فقدان تقارن انتقالی است، پس نحوه گسترش و تکثیر این انتظام قدری پیچیده می‌باشد، چرا که دیگر بایک واحد که قرار است بینهایت تکرار شود مواجه نیستیم لذا در ادامه جهت آشنازی با نحوه شکل‌گیری و روش‌های ایجاد نظم شبه تناوبی مطالعی را مطرح می‌نماییم.

#### ۱-۱- روش‌های توسعه نظم شبه تناوبی

روش‌هایی که تاکنون برای ایجاد و توسعه نظم شبه تناوبی پیشنهاد شده عبارتند از: روش تطبیقی، روش ترادیسی خودمتشابه، روش همپوشانی خوش‌های، روش تصویرکردن و روش شبکه دوگانه (Jeong, 2003, 1). از بین این پنج روش، سه روش اول را به دلیل شناخت بیشتر در این مقاله مورد بررسی قرار می‌دهیم. همانطور که گفته شد در نظام شبه تناوبی تعداد محورهای تقارن ۱۰، ۸، ۷ یا ۱۲ محوری می‌باشد. بسیاری از مطالعات انجام شده در زمینه هندسه شبه تناوبی در خصوص شبکه‌های ۸ محوری انجام شده‌اند، اما از آنجایی که پیکانهای دارای نظم ۸ محوری هستند، در ادامه جهت ارائه مثال برای توضیح انواع روش‌های ایجاد نظم شبه تناوبی، از الگوی هشت محوری شبکه دو بعدی آمان- بینکر<sup>۵</sup> که یکی از شناخته شده‌ترین چیدمان‌های ۸ محوری است و همچنین دارای انطباق با ساختارهای شبکه بلوری است، استفاده می‌نماییم (تصویر ۱). در چیدمان آمان- بینکر، دو واحد تکرار قابل تشخیص است، این دو واحد تکرار عبارتند از، یک مربع و یک لوزی ۴۵ درجه (تصویر ۳). شبه بلورهای هشت محوری اولین بار در سال ۱۹۸۷ توسط نین وانگ<sup>۶</sup> شناخته شدند. از جمله شبه بلورهای هشت محوری V-Ni-Si، Cr-Ni-Si، Mn-Fe-Si و Mn-Si-Al اشاره کرد. در تصویر ۲، انطباق قسمت مرکزی چیدمان هشت محوری آمان- بینکر در دو مقیاس با تصویر پراش پرآگ آلیاژ Cr-Ni-Si نشان داده شده است.

#### روش تطبیقی

در روش تطبیقی، اساس کار بدهین ترتیب است که روی اضلاع واحدهای تکرار، جهت‌هایی به شکل پیکان تعریف می‌شود که این جهت‌ها نحوه اتصال واحدهای پایه را به یکدیگر تعیین می‌کنند،

دیرینه دارد و از آن تحت عنوان شاه گره یاد می شود (ریس زاده و مفید، ۱۳۷۴، ۱۵۹).

ضریب انساط در شاه گره ها ضرایبی از عدد طلایی  $\varphi$  می باشد. به عنوان مثال در شاه گره حاشیه دیواره جانبی ایوان غربی مسجد جامع اصفهان و در مقبره درب امام اصفهان، ضریب انساط برابر  $\varphi^2$  و در شاه گره مسجد وکیل برابر  $\varphi^2$  می باشد. با استفاده از روش ترادیسی خود متشابه چیدمان هایی کامل شبه تناوبی تولید می گردد و لذا می توان گفت این روش توسعه یافته روش تطبیقی است.

## روش همپوشانی خوشه ای

این روش در سال های اخیر توجه زیادی را به خود معطوف نموده است (Liao et al, 2009, 876). همانطور که گفته شد، از طریق در کنار هم قرار گرفتن یک واحد تکرار  $4 \times 3 \times 2$  یا ۶ محوری، نظم تناوبی شکل می گیرد، حال چنانچه واحد تکرار  $5 \times 8 \times 10$  یا ۱۲ ضلعی باشد دیگر امکان پوشش دادن سطح از طریق در کنار هم قرار گرفتن واحد های تکرار باهم تداخل داشته باشند، در این صورت به آن شبه واحد تکرار یا خوشه<sup>۸</sup> گفته می شود. ریاضی دان آلمانی پترا گاملت<sup>۹</sup> در سال ۱۹۹۶ شبه واحد تکراری ده ضلعی را برای چیدمان های ده ضلعی پیشنهاد نموده است (Jeong, 2003, 3). فرانز گالر<sup>۱۰</sup> برای چیدمان آمان - بینکر شبه واحد تکراری را به صورت دو خوشه ارائه کرده است (Gahler, 1995, 2) (تصویر ۶، a,b). گالر در توسعه روش خود، خوشه دیگری را نیز ارائه می کند که به تنهایی می تواند چیدمان آمان - بینکر را تشکیل دهد. این خوشه همان هشت ضلعی متعدد از دو مربع و چهار لوزی است که البته با پیکان هایی جهت دار شده است (تصویر ۶، c).

شبه واحد تکرار با واحد های مجاور می تواند به صورت متداخل و یا مماس قرار بگیرد. برای تداخل شبه واحد تکرار با واحد مجاور فقط تعداد محدودی حالت همپوشانی ممکن است (Liao, Fu 2008, 36). در تداخل ها، فصل مشترک می تواند یک واحد و یا بیشتر باشد اما پیکان ها می بایست هم جهت باشند. با استفاده از روش همپوشانی خوشه ای می توان چیدمان آمان - بینکر را به راحتی انتظام بخشید.

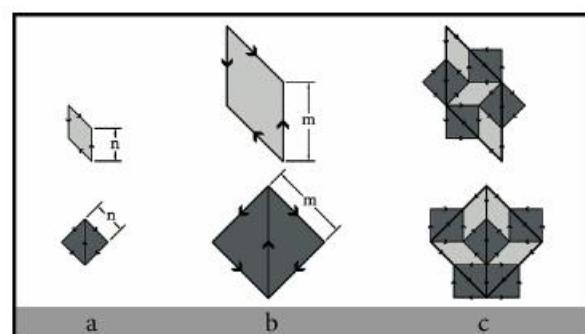
### ۱-۲- پتکانه<sup>۱۱</sup>

استاد پیرنیا پتکانه را بدين صورت تعریف نموده است، «پتکانه به چند ردیف طاقچه می گویند که روی هم سوار شده و جلو آمده باشد» (پیرنیا، ۱۳۷۰، ۳۸). براساس این تعریف، چنین به نظر می رسد که پتکانه گونه ای از مقرنس است و لذا به نظر می رسد که در ابتداء می بایست که در خصوص مقرنس توضیحاتی ارائه گردد. قدیمی ترین نوشتاری که در آن به صورت منسجم به ارائه توضیحاتی در باب مقرنس پرداخته شده است، متعلق به غیاث الدین جمشید کاشانی در کتاب مفتاح الحساب، مقاله چهارم، باب نهم می باشد. در این رساله مبحثی در خصوص

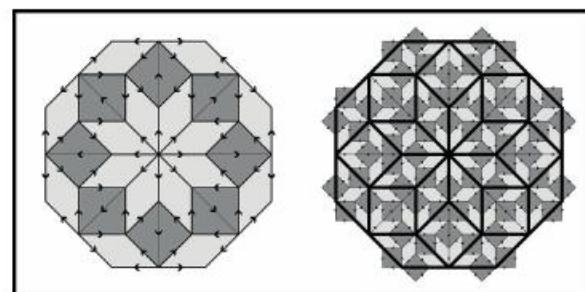
## روش ترادیسی خود متشابه

برای انتظام بخشیدن به چیدمانی بر مبنای روش ترادیسی خود متشابه، سه فاکتور<sup>۱۲</sup> واحد های تکرار، ضریب انساط و ماتریس جانشینی لازم است. در چیدمان آمان - بینکر، واحد های تکرار چنانچه گفته شد عبارتند از: یک مربع و یک لوزی  $4 \times 5$  درجه (تصویر ۴، a)، ضریب انساط عددی ۵ است که میزان بزرگنمایی واحد های پایه را نشان می دهد. در چیدمان آمان - بینکر برابر با  $\sqrt{6} + 1$  می باشد (تصویر ۴). چنانچه طول اضلاع واحد تکرار در ضریب انساط ضرب شود، واحد تکرار در مقیاسی بزرگ تر پذید می آید (تصویر ۴، b). نحوه خرد شدن این واحد تکرار در مقیاس بزرگ تر، به واحد هایی با مقیاس اصلی را ماتریس جانشینی می نامند (تصویر ۴، c). با استفاده از این سه عامل می توان چیدمان را تا هر اندازه که بخواهیم به شیوه شبه تناوبی گسترش دهیم (تصویر ۵).

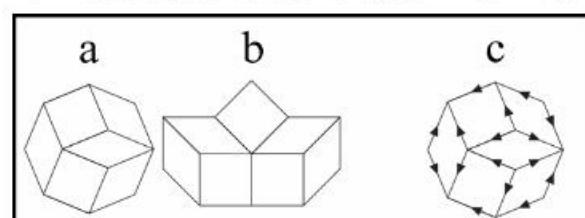
این روش در هندسه گره چینی در معماری ایرانی سابقه



تصویر ۴- a - تصویر واحد تکرار، b - گسترش واحد تکرار و c - ماتریس جانشینی.  
 $m_{n,m} = 1 + \sqrt{6}$



تصویر ۵- گسترش هسته مرکزی چیدمان آمان - بینکر براساس روش ترادیسی خود متشابه.



شبکه واحد تکرار - QUC - (خوشه)  
Quasi Unit Cell -QUC- (Cluster)  
تصویر ۶- خوشه های ارائه شده توسط گالر برای چیدمان هشت محوری آمان - بینکر.  
ماخذ: (Liao et al, 2009, 876)

استاد پیرنیا نیز با مطرح کردن گونه‌ای از مقرنس به نام پتکانه، در واقع به طبقه‌بندی مقرنس پرداخته است. از دیدگاه استاد پیرنیا، تفاوت اصلی پتکانه با مقرنس از حیث سازه‌ایست. «در نظر اول پتکانه بسیار شبیه مقرنس است و با آن اشتباه می‌شود، تفاوت عمدۀ این دو در نوع اجراست. مقرنس (چفده آوین) از سقف آویخته می‌شود ولی پتکانه روی پای خودش می‌ایستد و آویخته نمی‌شود برای ساختن آن اول طاقچه‌های پائینی را درست می‌کنند و طاقچه‌های بالایی روی سر پائینی می‌نشینند ولی مقرنس از سقف شروع شده و به تدریج پایین می‌آید» (پیرنیا، ۱۳۷۰، ۳۸).

از تعریف فوق چنین برمی‌آید که، پتکانه دارای قابلیت خودایستایی است و در این صورت امکان ایجاد تخت نیز در آن وجود ندارد. اما در این تعریف از هندسه پتکانه صحبتی نشده است. برای شناخت هندسه پتکانه بر مبنای تعریف استاد پیرنیا، می‌توان به بررسی ساختار هندسی نمونه‌های خودایستای پرداخت و هندسه حاکم بر آنها را به عنوان هندسه پتکانه در نظر گرفت. برای شناخت اولین نمونه‌های خودایستای پتکانه می‌بایست به سکنج‌ها مراجعه نمود، چرا که چنین به نظر می‌رسد که پتکانه از توسعه و تکامل سکنج‌ها شکل گرفته است. سکنج ترکیبی است از دو واحد تکرار پ. ۵ (جدول ۱۹) که از طبقه فوقانی به هم متصل شده‌اند و طبقه تحتانی آنها حذف شده است. بر این اساس، هندسه سکنج از دو نیمه واحد تکرار مربع (۵) تشکیل شده است.

رفته رفته با تکرار سکنج‌ها بر روی هم، پتکانه توسعه یافته و نمونه‌های غنی‌تری شکل گرفته است. نمونه‌ای مانند مقبره امیر اسماعیل سامانی ۲۹۵ م.ق.، سر در مسجد جورجیر ۳۲۷ م.ق. و نمونه متكامل‌تری مثل سقف محراب مسجد جامع نایین ۳۴۹ م.ق.، جزء اولین نمونه‌های شکل‌گیری پتکانه در ایران می‌باشدند. نمونه‌های متكامل‌تری نیز نظیر مسجد جامع اردستان، مسجد حیدریه قزوین، مسجد جامع گلپایگان و مسجد جامع اصفهان در دوره سلجوقیان شکل گرفته و در دوره ایلخانان به اوج و تکامل خود می‌رسند.

بررسی هندسی واحدهای تکرار به کار رفته در پتکانه‌های دوره سلجوقی و ایلخانی (جدول ۱۹) بر ماروشن ساخت که، این واحدهای تکرار با خانه‌هایی که غیاث الدین جمشید کاشانی در گونه مقرنس ساده و قوس معروفی می‌کند کاملاً منطبق می‌باشد و لذا می‌توان گفت آنچه که استاد پیرنیا پتکانه می‌نامد، از نظر هندسی مشکل از واحدهای تکراریست که در جداول ۱۹ و ۲۰ ارائه شده است و بر این اساس، پتکانه معادل مقرنس‌های ساده و قوس در طبقه‌بندی کاشانی و همچنین معادل مقرنس‌های شبکه مربعی در طبقه‌بندی تاکاهاشی است.

هرچند که در این مقاله هدف اصلی، ارائه طبقه‌بندی و تعریف پتکانه نمی‌باشد، اما ناگزیریم برای روشن شدن موضوع مورد بحث به تعریف منظور نظر خود از پتکانه پردازیم. منظور ما در این مقاله از پتکانه، گونه‌ای از مقرنس است که اولاً دارای خاصیت خودایستایی است (هرچند که نمونه‌های

طرز اندازه‌گیری و رسم مقرنس‌ها آورده شده که در خلال آن به طبقه‌بندی مقرنس نیز پرداخته شده است. کاشانی در این رساله، مقرنس‌ها را به چهار نوع، مقرنس ساده، مقرنس مطین (کشیده)، مقرنس قوس و مقرنس شیرازی دسته‌بندی می‌کند.

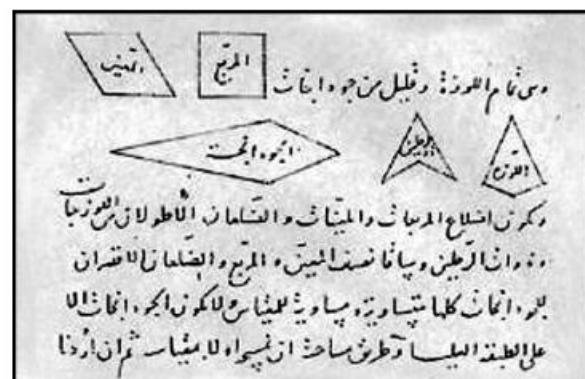
**مقرنس ساده:** مقرنس ساده گونه‌ای از مقرنس است که خانه‌های<sup>۱۱</sup> (واحدهای تکرار) آن به جای قوس دارای سطوح شکسته<sup>۱۲</sup> هستند و همچنین خانه‌های آن در تصویر پلان عبارتند از: مربع، معین (لوژی)، لوزه (گونه‌ای از لوژی که دو ضلع مجاور باهم مساوی و متفاوت با دو ضلع مساوی دیگر و زاویه‌های بین اضلاع نامساوی باهم مساوی و قائمه هستند و دو زاویه مجاور باهم مختلف می‌باشند)، نصف مربع، نصف لوژی، ذوالرجلین (دوپایه) و تعداد کمی پا باریک که فقط در طبقه بالایی قرار دارد و همچنین طول اضلاع در تمام اینها با یکدیگر مساوی است (تصویر ۷).

**مقرنس مطین (کشیده):** مانند مقرنس ساده است به جز آنکه ارتفاع طبقات (قطارها) آن با یکدیگر متفاوت است و چه بسا دو یا سه طبقه آن بدون ضلع و فقط دارای سقف‌هایی هستند (به عبارت دیگر در مقرنس مطین تخت وجود دارد).

**مقرنس قوس (منحنی):** این نوع مقرنس عیناً مانند مقرنس ساده است با این تفاوت که سقف آن به شکل قوس و منحنی است.

**مقرنس شیرازی:** مقرنس شیرازی مانند مقرنس قوس است به جز آنکه پایه اضلاع خانه‌های آن منحنی است (کاشانی، ۱۳۶۶، ۳۸). در مقرنس شیرازی از سایر چندضلعی‌ها نظیر مثلث، پنج ضلعی و شش ضلعی، هشت ضلعی و ستاره‌های چندگوش شیرازی استفاده می‌شود. ارائه توضیح درخصوص طبقه‌بندی کاشانی نیاز به مبحثی مستقل دارد که به جهت رعایت ایجاز از آن صرف نظر می‌نماییم.

طبقه‌بندی دیگری نیز توسط شیرو تاکاهاشی روی مقرنس‌ها انجام شده است. تاکاهاشی، مقرنس‌ها را به سه دسته: مقرنس‌های «شبکه مربعی»، مقرنس‌های «شعاعی» با چند ضلعی‌های ستاره‌ای و دسته سوم را تحت عنوان «سبک‌های دیگر» طبقه‌بندی نموده است.<sup>۱۳</sup>



تصویر ۷- عناصر تشکیل دهنده مقرنس ساده، مطین (کشیده) و قوس (منحنی) مفتح الحساب، مقاله چهارم، باب نهم، غیاث الدین جمشید کاشانی. مأخذ: (Hoeven, veen, 2010, 9)

این روش مشابه با روش تطبیقی است و بر مبنای استفاده از پیکان‌هایی برای نشان دادن جهت‌گیری قوس‌ها تدوین شده است. روش هارمسن دارای دو مرحله به قرار ذیل می‌باشد (Hoeven, veen, 2010,12).

مرحله اول عبارتست از؛ جهت دهی به قوس‌ها براساس پنج قانونی که توسط هارمسن ارائه شده است. نکته جالب توجهی که در مقایسه پیکان‌های استفاده شده در روش هارمسن و پیکان‌های روش تطبیقی وجود دارد اینست که؛ جهت‌گیری پیکان‌ها در روش تطبیقی، کاملاً قراردادی است و به دلیل جلوگیری از ایجاد اتصال غلط، قرار داده شده‌اند. اما جهت‌های واحدهای تکرار در پتکانه قراردادی نیستند و بر مبنای جهت قوس‌ها قرار گرفته‌اند و ممکن نیست بتوان دو واحد تکرار ناجور را در کنار هم قرار دهیم.

بعد از اینکه بر مبنای پنج قانون هارمسن جهت‌گیری قوس‌ها مشخص شد، خواهیم دید که هنوز هم امکان تفسیرهای مختلف سه بعدی از طرح پلان وجود دارد، هارمسن نیز این تفسیرهای مختلف را در رساله دکتری خود بررسی نموده است (Harmsen, 2006, 36).

مرحله دوم، عبارتست از؛ تعیین ارتفاع از بالاترین سطح به طرف

آرایه ای نیز وجود دارد) و ثانیاً هندسه آن در پلان متشكل از مربع و لوزی‌های ۴۵ درجه می‌باشد. به نظر می‌رسد که سبک رایج مقرنس تا دوره ایلخانی همین چیزی است که ما در این نوشتار آن را به تبعیت از استاد پیرنیا پتکانه نامیدیم.

قدیمی‌ترین سند به جای مانده از گذشته که می‌تواند اطلاعاتی در درخصوص روش رسم و هندسه پتکانه برای ما به همراه داشته باشد، قطعه خشتمی است که در کاوش‌های تخت سلیمان در تکاب کشف شده است (تصویر ۸). این قطعه خشتم پلان یک ربع پتکانه می‌باشد که گویا درینای دوره ایلخانی موجود در تخت سلیمان اجرا شده بوده است، در همان مکان قطعاتی از اجزای یک پتکانه نیز کشف شده است (تصویر ۸-۴). تاکنون مقالات متعددی در خصوص کشف و ارائه ساختار سه بعدی این پتکانه ارائه شده است که از آن میان می‌توان به مقاله اولریش هارب، محمدعلی جلال یافانی (ترجمه شده توسط دکتر باقر آیت الله زاده شیرازی) و سیلویا هارمسن اشاره کرد.

عدم وجود اتفاق نظر در مورد ساختار سه بعدی این پتکانه، نشان از وجود ناخوانایی پلان این پتکانه، برای محققیق امروزی است. برای رفع این مشکل، معماران سنتی معاصر و پژوهشگران، راهکارهایی ارائه داده‌اند که در ادامه به ارائه این راهکارها خواهیم پرداخت.

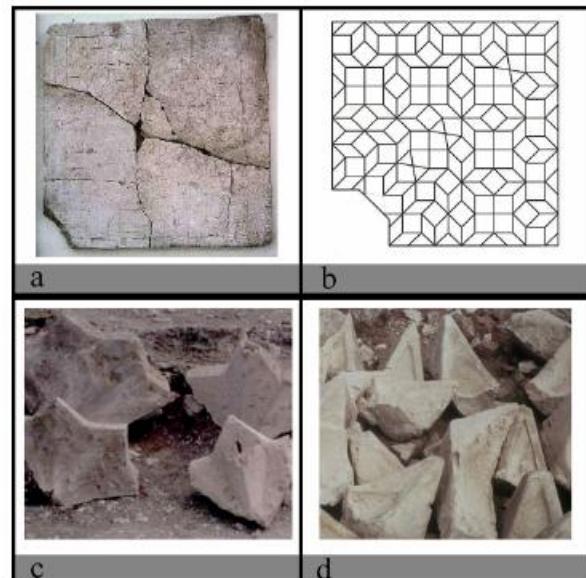
#### ۱-۲-۱- شناخت ساختار هندسی واحدهای تکرار پتکانه

به طور کلی در تصویر پلان یک پتکانه، دو واحد تکرار مربع و لوزی قابل تشخیص است، اما این دو واحد تکرار هرکدام از نظر فرم سه بعدی می‌توانند چند حالت مختلف داشته باشند. همانطور که گفته‌یم چنانچه پتکانه به شکل تصویر ۸- b ترسیم شود، تشخیص اینکه فرم سه بعدی هر واحد تکرار، و به تبع آن کلیت پتکانه چگونه است، بسیار مشکل خواهد شد و می‌توان آن را به بیش از یک حالت تفسیر کرد. برای تشخیص فرم سه بعدی واحد تکرار در تصویر پلان، دو روش مطرح شده است که در ادامه این دو روش را به اختصار بیان می‌کنیم.

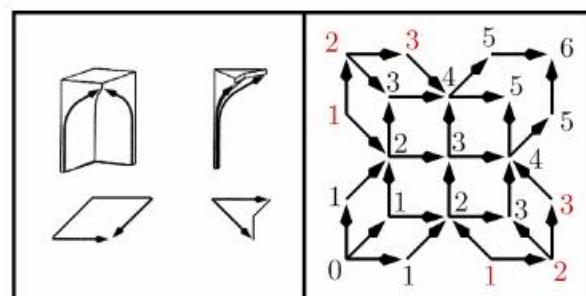
**روش اول:** این روش که بر مبنای خط قطار تعریف می‌شود، نزد معماران سنتی مرسوم است. واحدهای تکرار در بیشتر حالاتشان دارای دو طبقه هستند. در وسط این دو طبقه ترازی افقی شکل می‌گیرد که به آن خط قطار گفته می‌شود. در این روش برای درک صحیح سه بعدی، خط قطار را در پلان پتکانه با ضخامت بیشتر ترسیم می‌نمایند (جدول ۱۹).

خطوط قطار در پلان یک پتکانه بر ماروشن می‌سازد که تمام نقاط قرار گرفته روی یک خط قطار در یک تراز ارتفاعی یکسان قرار دارند. معماران گذشته با توجه به شناختی که به هندسه پتکانه‌ها داشته‌اند، بانگاه کردن به محل خط قطار در پتکانه‌ها می‌توانستند سه بعدی آن را تشخیص دهند، اما شاید بتوان گفت برای درک ساده‌تر پلان یک پتکانه، خط قطار به تنها یک گویانیست. مخصوصاً زمانی که در تصویر پلان واحدهای تکرار در کنار هم قرار گرفته‌اند.

**روش دوم:** این روش توسط دکتر سیلویا هارمسن ارائه شده و تحت عنوان «مقرنس گراف» نیز نامگذاری شده است. اساس



تصویر ۸- قطعه خشتمی از تخت سلیمان a- ترسیم پلان از روی قطعه خشتمی یافت شده (Hoeven, veen, 2010,14) b- قطعات مقرنس یافت شده در تخت سلیمان. مأخذ: (Harmsen, 2006, 4)



تصویر ۹- جهت‌گیری و تعیین ارتفاع به روش مقرنس گراف. مأخذ: (Harmsen, 2006,4)

قطار و همچنین شناخت انواع مختلف واحدهای پایه در جداول ۱ و ۲ به طبقه‌بندی این واحدها پرداخته‌ایم.

## ۲- بررسی وجود نظم شبه تناوبی در ساختار پتکانه

برای اثبات وجود نظم شبه تناوبی در ساختار پتکانه قصد داریم تا در سه سطح به بررسی این موضوع بپردازیم. سطح اول برخورداری از واحدهای تکرار، مشابه با ساختار نظم شبه تناوبی هشت محوری است سطح دوم، وجود نظم شبه تناوبی در هسته مرکزی و سطح سوم نیز توسعه و گسترش پتکانه براساس اصول نظم شبه تناوبی می‌باشد. در صورت وجود سطح اول و دوم

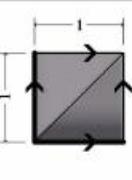
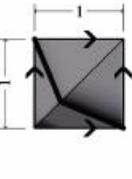
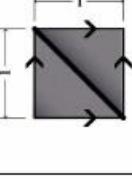
پایین‌ترین سطح، این مرحله از بروز تفسیرهای مختلف جلوگیری می‌نماید بدین ترتیب که به بالاترین طبقه عدد ۱۰ نسبت می‌دهیم و بعد از پیمودن خلاف جهت هر یال، به هر راسی که رسیدیم عدد ۱-۱۰ را نسبت می‌دهیم، بدین ترتیب نقاط هم ارتفاع مشخص می‌شوند. در روش هارمسن چنانچه اعداد یکسان را به هم متصل نماییم درواقع همان خطوط قطرات تشکیل می‌شوند. در این نوشتار به جهت سهولت ادراک سه بعدی از تصویر پلان یک پتکانه، از تلفیق هردو روش با یکدیگر استفاده نموده‌ایم.

در یک واحد تکرار لوزی یا مربع، محل خط قطر امی‌تواند حالت‌های مختلفی داشته باشد که این محل‌های متفاوت بستگی به عواملی نظیر؛ خود ایستایی، آویز بودن و یا دوره تاریخی است. به منظور آشنایی با انواع حالت‌های قرارگیری خط

جدول ۱- طبقه‌بندی انواع حالت‌های واحد تکرار لوزی و نمایش محل خط قطر در آنها به همراه تصویر سه بعدی، نمونه واقعی و تعدادی از مکان‌هایی که واحد تکرار مذکور در آنها اجرا شده است.

R -Rhombus	واحد تکرار- لوزی	تصویر سه بعدی	تصویر نمونه واقعی	تاریخ ساخت	تعدادی از مکان‌های اجرا شده
1				قرن هشتم ق. ۵۰۸	گلپایگان- مسجد جامع- گنبدخانه
2				قرن هشتم ق. ۷۱۶ قرن هشتم ق. ۷۳۰ قرن هشتم ق. ۷۱۳ قرن هشتم ق. ۷۷۷	نظرز- مقبره شیخ عبدالصمد- آنای مقبره نظرز- مقبره شیخ عبدالصمد- سر در ورودی تریت جام- محراب مسجد کرمانی بساطام- آرامگاه پایزید بسطامی- سر در جنوب شرقی بساطام- آرامگاه پایزید بسطامی- ایوان غازان خان وارمین- مسجد جامع- ایوان جنوبی
3				قرن هشتم ق. ۷۱۵ قرن هشتم ق. ۷۱۵	اشترجان- مسجد جامع- گنبد خانه اشترجان- مسجد جامع- سر در ورودی
4				قرن هشتم ق. ۷۱۵	نظرز- مقبره شیخ عبدالصمد- آنای مقبره وارمین- مسجد جامع- ایوان جنوبی اشترجان- مسجد جامع- گنبد خانه
5				قرن هشتم ق. ۷۱۶ قرن هشتم ق. ۷۳۸ قرن هشتم ق. ۷۲۲ قرن هشتم ق. ۷۵۰ قرن هشتم ق. ۵۰۸ قرن هشتم ق. ۷۱۵	نظرز- مقبره شیخ عبدالصمد- سر در ورودی ابرقو- مسجد جامع وارمین- مسجد جامع- سر در ورودی کرمان- مسجد جامع- هشتی ورودی گلپایگان- مسجد جامع- گنبد خانه اشترجان- مسجد جامع- گنبد خانه
6				قرن هشتم ق. ۷۱۷	وارمین- مسجد جامع- ایوان جنوبی بساطام- آرامگاه پایزید بسطامی- ایوان غازان خان

جدول-۲-طبقه بندی انواع حالت‌های واحد تکرار مرربع و نمایش محل خط قطار در آنها به همراه تصویر سه بعدی، نمونه واقعی و تعدادی از مکان‌هایی که واحد تکرار مزبور در آنها اجرا شده است.

	<b>S</b> — Square	واحد تکرار- مرربع	تصویر سه بعدی	تصویر نمونه واقعی	تاریخ ساخت	تعدادی از مکانهای اجرا شده
1				۷۵۰ ۵۰۸ قرن هشتم	۷۵۰ ۵۰۸ ق.ق. قرن هشتم	کرمان - مسجد جامع- هشتی وروdi گلپایگان - مسجد جامع- گنبدخانه نظفر - مقبره شیخ عبدالصمد- آلاق مقبره ورامین - مسجد جامع- ایوان جنوبی
2				۷۱۲ ۷۱۶ قرن هشتم	۷۱۲ ۷۱۶ ق.ق. قرن هشتم	بسطام - آرامگاه بازیزد بسطامی - سردر جنوب شرقی نظفر - مقبره شیخ عبدالصمد- سر در ورودی نظفر - مقبره شیخ عبدالصمد- آلاق مقبره تریت چام - محراب مسجد کرمائی
3				۷۳۰ ۷۱۷ ۷۲۲ قرن هشتم	۷۳۰ ۷۱۷ ۷۲۲ ق.ق. قرن هشتم	بسطام - آرامگاه بازیزد بسطامی - ایوان غازان خان ورامین - مسجد جامع- سر در ورودی ورامین - مسجد جامع- ایوان جنوبی
						فریومد - مسجد جامع- ایوان جنوبی طوس - هارونیه - قسمتی از بدنۀ داخلی گنبد خانه

مختصی نیز وجود دارد که در ادامه به بررسی علل آن می‌پردازیم. واحدهای تکرار,  $R$ ,  $S$ , و  $R$  چنانکه در تصویر ۱۱ دیده می‌شود، به شکل کاملاً مشابهی با چیدمان آمان- بینکر قرار گرفته‌اند. استفاده از طبقه فوکانی واحدهای پایه  $S$  در حاشیه پیرامونی نیز به دلیل انطباق با زمینه مربيع شکل پتکانه می‌باشد. اما دلیل استفاده از دو واحد  $S$  که در تصویر ۱۱a، به صورت تیره‌تر نمایش داده شده‌اند چیست؟ و چرا از همان واحد تکرار  $S$  استفاده نشده است؟

برای درک علت این موضوع می‌توان دو امکان مختلف را بررسی و مقایسه نمود. امکان اول، استفاده از واحد تکرار  $S$  (مشابه با مسجد جامع گلپایگان) و امکان دوم استفاده از واحد تکرار  $S$ . در تصویر ۱۱a این دو امکان مختلف، در پلان و تصویر سه بعدی مقایسه شده‌اند. این مقایسه روشن می‌سازد که در صورت استفاده از واحد تکرار  $S$  چنانکه در تصویر ۱۱a نشان داده شده، قوس‌ها در نما کاملاً پله‌ای و دارای ریتم و توان از هستند اما در صورت استفاده از واحد تکرار  $S$  چنانکه در تصویر ۱۱b نشان داده شده، قوس‌ها دارای نمایی ناموزون هستند. پس می‌توان گفت استفاده از واحد تکرار  $S$  نه اتفاقی است و نه به دلیل عدم تسلط بر ساختار هندسی، بلکه کاملاً تعمدی و به جهت ارتقای کیفیت بصیری آن است.

تا اینجا می‌توان گفت که بین هسته مرکزی چیدمان‌های شبه تناوبی هشت محوری و ساختار هندسی آلیاژهای شبه بلوری و هسته مرکزی پتکانه شباهت کاملی وجود دارد.

### ۲-۳)- بررسی سطح سوم تشابه

در این مرحله به بررسی نمونه موردی دیگری می‌پردازیم تا مسئله نحوه گسترش و رشد پتکانه پس از محدوده هسته مرکزی روشن شود. برای این منظور، پتکانه موجود در محراب مسجد

تشابه، مسئله وجود نظم شبه تناوبی هشت محوری در پتکانه آشکار خواهد شد و مطرح کردن سطح سوم در واقع برای روشن شدن نحوه رشد و گسترش پتکانه‌ها خارج از هسته مرکزی است.

### ۲-۱- بررسی سطح اول تشابه

با مقایسه ساختار هندسی واحدهای تکرار پتکانه (جداول ۲۰)، با واحدهای تکرار چیدمان‌های هشت محوری (تصویر ۲۰، ۲۱) مشخص است که پتکانه از واحدهای تکرار مشابه با اصول نظم شبه تناوبی هشت محوری برخوردار است ولذا سطح اول مشابهت برقرار می‌باشد.

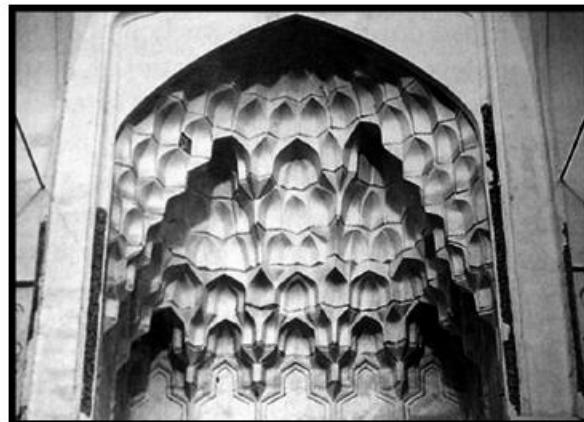
### ۲-۲- بررسی سطح دوم تشابه

در بررسی سطح دوم تشابه همانطور که گفته شد داریم تا موضوع وجود شبهات در هسته مرکزی چیدمان‌های شبه تناوبی هشت محوری را با هسته مرکزی پتکانه مورد بررسی قرار دهیم. برای این منظور از بین چندین پتکانه که با هسته مرکزی چیدمان‌های هشت محوری شباهت دارند<sup>۱۵</sup>، پتکانه‌های کار شده در داخل گوشه‌سازی‌های مسجد جامع گلپایگان را به دلیل برخورداری از اجزای بسیار متكامل، به عنوان نمونه موردی برگزیدیم. گنبد خانه مسجد جامع گلپایگان در زمان محمد بن ملکشاه سلجوقی (در حدود ۴۹۸-۵۱۲ ق.ق.) ساخته شده است ( حاجی قاسمی، ۱۳۸۳، ۸۸). در داخل سکنج‌های زیر گنبد، پتکانه‌هایی وجود دارد، که به تحلیل هندسی یکی از آنها می‌پردازیم (تصویر ۱۰).

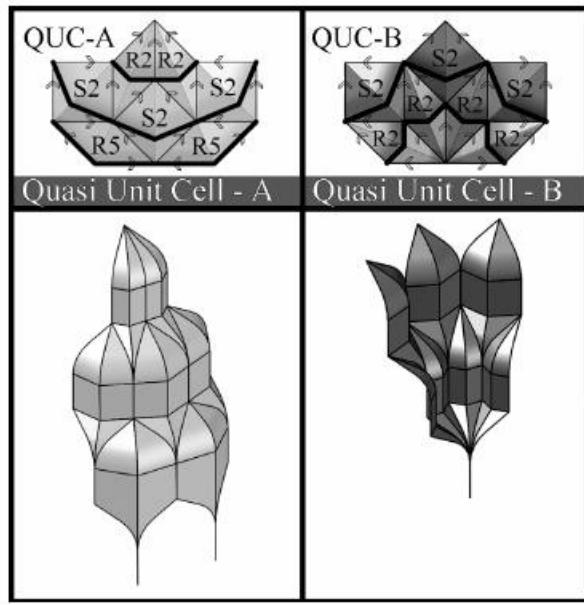
چنانچه در تصویر ۱۰ دیده می‌شود انطباق جالب توجهی بین این پتکانه با هسته مرکزی چیدمان آمان- بینکر و همچنین با ساختار هندسی آلیاژ Cr-Ni-Si وجود دارد. اما تفاوت‌های

بحث، از روش همپوشانی خوشه‌ای به دلیل قابلیت‌های فراوان آن استفاده نموده‌ایم. چنانچه گفتیم در این روش می‌باشد ابتدا خوشه‌هایی را تعریف نماییم و بر مبنای تداخل و همپوشانی خوشه‌ها سطح را پوشش دهیم.

دوخوشه‌ای که برای این منظور تعریف نمودیم، دارای شباهت‌هایی با خوشه‌های پیشنهادی فرانز گالر استند. این دو خوشه در تصویر پلان یکسان اما در سه بعدی متفاوت هستند (تصویر ۱۳). با بررسی روی پلان معکوس این پتکانه و کدگذاری همه واحدهای تکرار (تصویر ۱۴) مشخص شد که، اصلی‌ترین واحدهای تکرار بکار رفته در این پتکانه،  $S_p$ ,  $R_p$  و  $R$  می‌باشند. این تنوع کم واحدهای تکرار سبب شکل‌گیری نوعی خلوص در این پتکانه شده است. البته تعدادی نیمه واحدهای پایه  $S$  نیز، در حاشیه پیرامونی وجود دارد که به دلیل انطباق با سطوح دیوار پیرامونی به کار برده شده‌اند. در تصویر ۱۴ a, پتکانه مزبور بر مبنای خوشه‌های A و B چیدمان شده است. در این چیدمان، خوشه‌ها گاهی در مجاورت هم و گاهی نیز دارای همپوشانی هستند، در خصوص



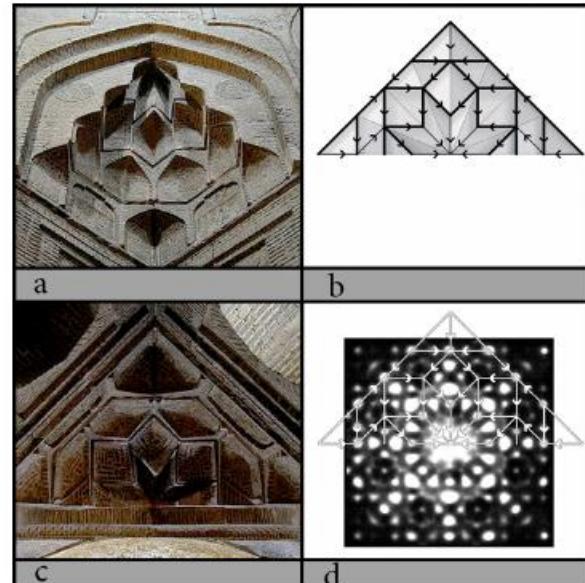
تصویر ۱۲- محراب مسجد کرمانی - مزار شیخ احمد جام.



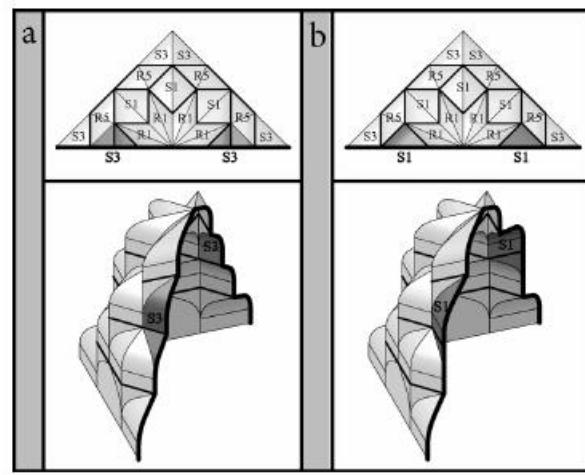
تصویر ۱۳- پلان و تصویر سه بعدی شبه واحد تکرار (خوشه) A و B.

کرمانی در مجموعه شیخ احمد جام را به دلیل هندسه متکامل آن انتخاب نمودیم. این بنا براساس نسخه خطی مقامات اولاد شیخ جام در سال ۷۳۰ هجری قمری احداث شده است ( حاجی قاسمی، ۱۳۸۹، ۲۱۲) (تصویر ۱۲).

چنانچه در تصویر پلان معکوس این پتکانه مشخص است، این پتکانه دارای تقارن چهار محوریست (تصویر ۱۴)، که این مسئله نشانگر اولین تعارض با اصول گسترش نظم شبه تناوبی هشت محوری است، چراکه در یک چیدمان شبه تناوبی هشت محوری در هرم رحله‌ای ارزش دارد. زمینه‌هی می‌باشد دارای هشت محور تقارن باشد. در ادامه برای روشن شدن بیشتر موضوع به تحلیل و بررسی این نمونه براساس یکی از روش‌های توسعه نظم شبه تناوبی می‌پردازیم. توسعه نظم شبه تناوبی چنانچه گفتیم می‌باشد بر مبنای یکی از روش‌های مطرح شده در بخش ۱-۱ باشد. برای این منظور و جهت روشن شدن نحوه رشد و توسعه در پتکانه مورد



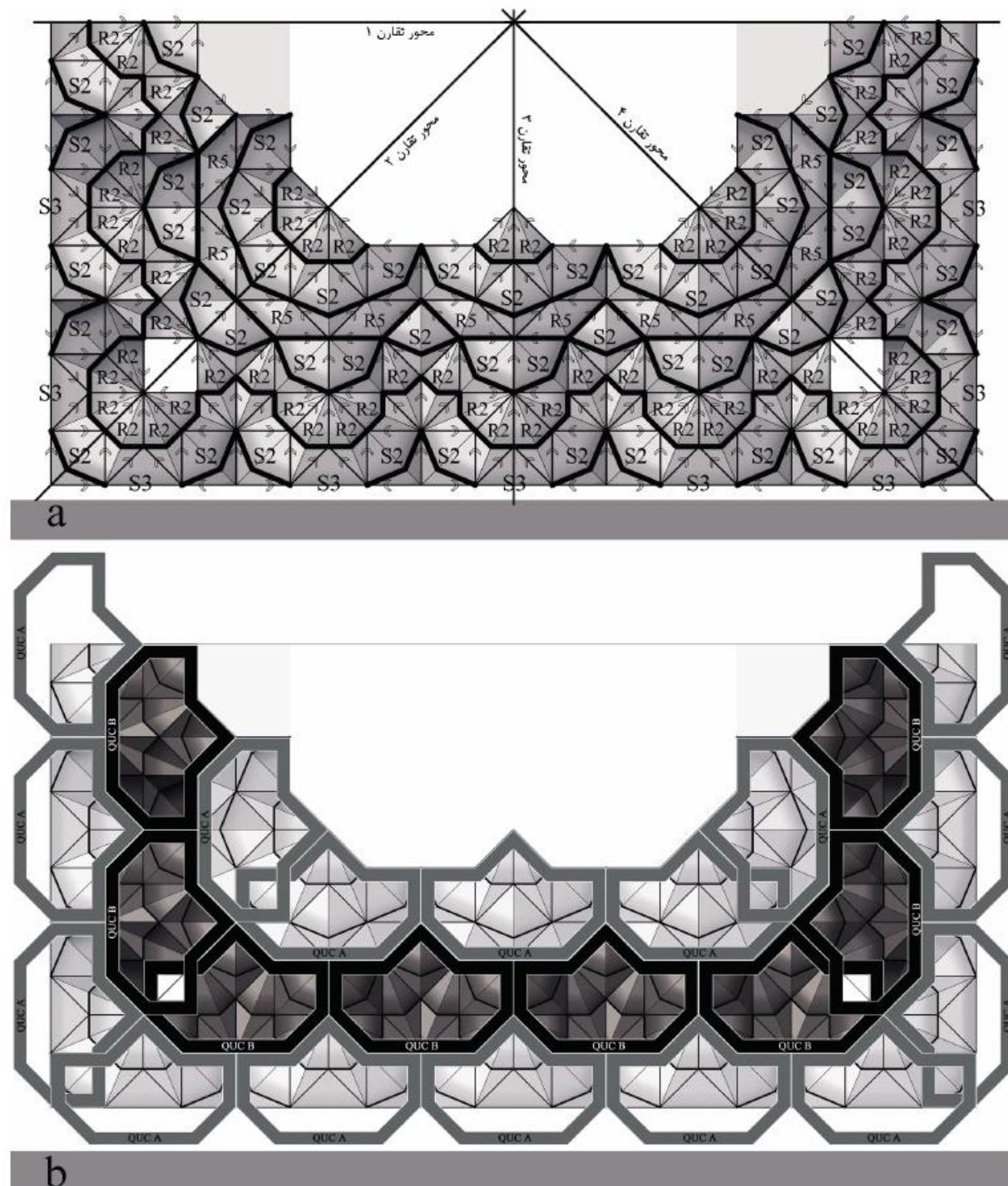
تصویر ۱۴- a و c تصویر پتکانه مسجد جامع گلپایگان، b- پلان پتکانه، d- انطباق پلان پتکانه با تصویر پراش پرآگ آلیاز Cr-Ni-Si.



تصویر ۱۵- a و c استفاده از واحد تکرار S3 (مسجد جامع گلپایگان)، b- استفاده از واحد تکرار S1.

عنصر ترکیبی ابداع نموده‌اند و با این کار مسئله انطباق پتکانه در زمینه چهارمحوری را حل نموده‌اند. چنانکه در جداول ۱ و ۲ نشان داده شده است، همه واحدهای تکرار، دارای یک پایه هستند اما عنصر ترکیبی بررسی شده در تصویر ۱۵ دارای دو پایه است. نظیر این عنصر در همین موقعیت در بسیاری از نمونه‌های مشابه مانند، پتکانه گنبد سلطانیه، پتکانه ایوان جنوبی مسجد جامع ورامین و سایر پتکانه‌های مسجد کرمانی در مزار شیخ احمد جام، نیز وجود دارد.

خوشه‌های A، همپوشانی کاملاً بی‌نقص می‌باشد. با بررسی در محل همپوشانی خوشه‌های B در کنج‌ها (قسمت‌های سفید رنگ)، مشخص شد که در این محل‌ها از واحدهای تکرار پر که می‌باشد استفاده می‌شد (مطابق با تصویر ۱۳). استفاده نشده است. عناصر به کار گرفته شده در این قسمت، ترکیبی از طبقه تحتانی دو واحد تکرار S (تصویر ۱۵) می‌باشد. چنانکه مبرهن است، استفاده از واحدهای تکرار S در محل همپوشانی غیرممکن است و لذا معماران ایرانی به روش خلاقانه‌ای، یک



تصویر ۱۴-۱- a- کد گذاری پلان معکوس پتکانه محراب مسجد کرمانی در مزار شیخ احمد جام، بر مبنای جدول ۱ و ۲، b- خوشه بندی پتکانه مذکور بر مبنای شبه واحد تکرار (خوشه A و B).

## نتیجه

سوال اساسی تری که رخ می‌نماید اینست که؛ با توجه به اینکه پتکانه در هسته مرکزی خود دارای نظم شبه تناوبی است، چرا در توسعه و گسترش بر مبنای نظم شبه تناوبی رشد نمی‌نماید؟ پاسخ این سوال را باید در بررسی زمینه‌هایی که پتکانه در آنها اجرا شده جستجو نمود. زمینه اجرای پتکانه‌ها عموماً دارای تقارن چهارمحوری است و پتکانه در صورتی که بخواهد بر مبنای نظم شبه تناوبی هشت محوری رشد نماید دارای زمینه هشت ضلعی خواهد شد و لذا معماران ایرانی با انجام تغییراتی در ساختار هندسی بعضی واحدهای تکرار توانسته‌اند این انتظام هشت محوری را در زمینه‌های چهارمحوری اجرا نمایند.

با توجه به این موضوع یافته‌های این تحقیق را می‌توان بدین ترتیب خلاصه نمود.

اولین یافته این تحقیق اثبات وجود نظم شبه تناوبی در ساختار هسته مرکزی پتکانه است. بنابراین می‌توان ادعا نمود که ایرانیان از دوره ایلخانی با اصول نظم شبه تناوبی هشت محوری آشنا بودند. این ادعا، یافته پروفسور لو، مبنی بر اینکه ایرانیان از دوره تیموری با این هندسه آشنا بودند، را تا دوره ایلخانی توسعه می‌دهد.

دومین یافته این تحقیق، نشان دادن قابلیت پتکانه در تغییر تقارن هشت محوری هسته مرکزی، به تقارن چهارمحوری زمینه پیرامون است. این یافته تحقیق گویای تلفیق دو نظام هندسی متفاوت در معماری ایرانی است. نظام اول، نظام هندسی منطبق بر ساختار خرد مقیاس طبیعت می‌باشد که در اینجا در هسته مرکزی پتکانه ظاهر شده است (تصویر ۱۰). نظام دوم، نظام هندسی عملکردی واقع در پلان معماری است که عموماً مربع یا مستطیل است. نظام هندسی اول، در مورد پتکانه، هشت محوری و منطبق بر ساختار شبه بلورهایت و نظام هندسی دوم چهارمحوری و بر مبنای هندسه عملکردی انسانی است. تنوع فوق العاده چیزهایی که معماران ایرانی نشانگر تلاشی همیشگی برای مرتبط نمودن این دو نظام هندسی است.

نظم شبه تناوبی از جمله انتظامهای خرد مقیاس موجود در عالم طبیعت است که معماران ایرانی از قدیم‌الایام با آن آشنا بودند و به دو صورت دو بعدی (گره چینی) و فضائی (پتکانه) از آن استفاده نمودند. این نظم در دوره معاصر توسط دانشمندان ریاضی، شیمی و فیزیک مورد بررسی‌های فراوانی قرار گرفته و به صورت مدونی سازماندهی شده است. در این تحقیق به دنبال اثبات علمی وجود این نظم در ساختار هندسی پتکانه هستیم.

در این راستا برای پاسخ‌گویی به سوال تحقیق مبنی بر اینکه، آیا در ساختار هندسی پتکانه نظم شبه تناوبی هشت محوری وجود دارد، باید گفت که پتکانه در ویژگی‌های ذیل با چیدمان‌های شبه تناوبی هشت محوری مشابه است.

- الف- واحدهای تکرار مشابه (مقایسه جدول ۱ و ۲ با تصویر ۳)،
- ب- هسته مرکزی مشابه با چیدمان‌های هشت محوری (مقایسه تصویر ۱۰ با تصویر ۳)
- ج- امکان خوشبندی براساس اصول روش همپوشانی خوشهای (تصویر ۱۴، a، b).

بهره‌مندی از این تشابهات بر ما روش می‌سازد که پتکانه در هسته مرکزی خود دارای نظم شبه تناوبی هشت محوری است و همچنین پتانسیل رشد بر مبنای نظم شبه تناوبی را نیز دارد. با وجود بهره‌مندی از ویژگی‌های فوق، بررسی‌های صورت گرفته در سطح سوم تشابه در نهایت ما را به این نتیجه می‌رساند که اولاً، بسیاری از پتکانه‌ها در ساختار توسعه یافته خود دارای تقارن چهارمحوری هستند که این موضوع با اصول توسعه و گسترش نظم شبه تناوبی در تعارض است. ثانیاً وجود عناصر ترکیبی نمایش داده شده در تصویر ۱۵، در واقع به منزله عدم رعایت اصول نظم شبه تناوبی است و در مجموع باید گفت نمونه مطرح شده و بسیاری از نمونه‌های بررسی شده دیگر در توسعه و گسترش خود از اصول و روش‌های رشد شبه تناوبی تبعیت ننموده اند.

## پی‌نوشت‌ها

۵ Ning Wang.

Substitution ۶ Unit cell (واحد تکرار)، Inflation Factor (ضریب انبساط)، Matrix (ماتریس جانشینی).

$$\varphi = (\sqrt{5} + 1)/2 \quad ۷$$

Quasi Unit Cell \_QUC ۸ (شبه واحد تکرار، Cluster (خوشه).

Petri Gummelt ۹ پترا گاملت (Peträ Gummelt) ریاضی دان آلمانی.

10 Franz Gähler.

۱۱ غیاث الدین جمشید کاشانی در رساله طاق و ازج از واژه مقرنس سخن گفته و نامی از پتکانه نیاورده است و به نظر می‌رسد واژه پتکانه در آن زمان کاربرد نداشته است. اما با توجه به استفاده استاد بیرنبا از واژه پتکانه ما نیز به تبعیت از ایشان از همین نام برای این گونه استفاده نموده ایم.

۱۲ کاشانی در رساله خود آنچه را که ما در این نوشتار واحد تکرار نامیدیم،

۱ راجر پنروز (Sir Roger Penrose, 1931) فیزیکدان و ریاضی دان بر جسته انگلیسی است.

۲ شبه بلور (Quasicrystal) اختصاری از واژه بلور شبه تناوبی (Crystal) می‌باشد.

۳ Inflation rule or Self- Similar Matching rule (روش تطبیقی)، transformation rule (روش ترادیسی خودمتشابه)، Covering rule (روش همپوشانی خوشهای)، Projection rule (روش تصویر کردن)، Dual grid rule (روش شبکه دوگانه).

۴ در سال ۱۹۷۷ روبرت آمان (Robert Amman) چندین نمونه از شبکه های شبه تناوبی را یافت که شبکه آمان بینکر تصویر ۱ معرفتیین آنهاست. در ۱۹۸۲ بینکر (F. P. M. Beenker) بعضی خصوصیات جبری را در مورد این شبکه بیان نمود و همچنین روش ایجاد آن را با استفاده از روش تصویر کردن بیان نمود.

- Bindi, L., Steinhardt, P.J., Yao, N., and Lu, P.J. (2009), Natural Quasicrystals, *Science*, Vol 324, No 5932, 1306\_1309.
- F. Gahler and Hyeong-Chai Jeong (1995), Quasicrystalline ground States Without matching rules, *Journal of Physics A, Mathematical and General*, Volume 28, Number 7, P 1807.
- Harmsen, S. (2006), *Algorithmic Computer Reconstructions of Stalactite Vaults \_ Muqarnas \_ in Islamic Architecture*, Ph.D. Thesis, University of Heidelberg.
- Hoeven, S., and Veen, M. (2010), *Muqarnas: Mathematics in Islamic Arts*, Seminar Mathematics in Islamic Arts, Utrecht University, Faculty of Science, Department of Mathematics.
- Jeong, Hyeong-Chai (2003), Inflation rule for Gummelt coverings with decorated decagons and its implication to quasi-unit-cell models, *Acta crystallographica. Section A: Foundations of crystallography*, Vol 59, No 4, 361\_6.
- Liao et al (2010), Quasi-unit cell description of two-dimensional, octagonal quasilattice, Vol 405, No 3, 875\_879.
- Liao, long, Fu, Xiujun, (2008), Structural properties of octagonal quasicrystal based on covering theory, *Solid State Communications*, Vol 146, Issue 1, PP 35\_38.
- Lu J. Peter and Paul J. Steinhardt (2007), Decagonal and Quasicrystalline Tiling's in Medieval Islamic Architecture, *Science*, Vol. 315, pp. 1106\_1110.
- N. Wang, H. Chen, K.H. Kuo (1987), "Two-dimensional quasicrystal with eightfold rotational symmetry", *Phys. Rev. Lett.*, 59, pp 1010\_1013.
- Shechtman, D and I. Blech (1984), Metallic Phase with Long-Range Orientational Order and No Translational Symmetry, *Physical Review Letters*, Vol 53, No 20, 1951\_1953.
- Steinhardt J. Paul and Stellan Ostlund (1987), *The Physics of Quasicrystals*, World Scientific Publishing, Singapore, p 1\_15.
- Steurer, W. (2004), Twenty years of structure research on quasicrystals. Part I. Pentagonal, octagonal, decagonal and dodecagonal quasicrystals, *Zeitschrift für Kristallographie*, 219, 391\_446.  
<http://tilings.math.uni-bielefeld.de>

خانه نامیده است. در متون محققیق غربی نیز واحد های تکرار تحت عنوان سلول نامیده می شود.

۱۳ شکل قوس به کار رفته در ساختار واحد تکرار (خانه) را کاشانی در رساله طاق و از ج ترسیم نموده است اما در بسیاری از نمونه هایی که مورد بررسی قرار دادیم، قوس و ارتفاع آنها منطبق بر ترسیم کاشانی نیست لذا در این نوشتار از ارائه شکل قوس صرف نظر نمودیم.

14 Square Muqarnas , Pole table Muqarnas و Other styles of Muqarnas, [www.tamabi.ac.jp/idd/shiro/muqarnas](http://www.tamabi.ac.jp/idd/shiro/muqarnas).

۱۵ پتکانه زیر گنبد بابا قاسم اصفهان، پتکانه یکی از چشمۀ طاقهای مسجد جامع اصفهان، پتکانه زیر گنبد مسجد جامع ورزنه و پتکانه های کار شده در داخل گوشۀ سازی های مسجد جامع گلپایگان.

## فهرست منابع

- پیر نیا، محمد کریم (۱۳۷۰)، گنبد در معماری ایران، مجله اثر، شماره ۲۰، صص ۱۵۳-۵.
- بنووال، رولان (۱۳۷۹)، فن آوری طاق در خاور کهن، ترجمه سید محسن حبیبی، انتشارات سازمان میراث فرهنگی، تهران.
  - حاجی قاسمی، کامبیز (۱۳۸۳)، گنجانمه، مساجد جامع، دفتر هشتم، انتشارات دانشگاه شهید بهشتی، انتشارات روزنۀ، تهران.
  - حاجی قاسمی، کامبیز (۱۳۸۹)، گنجانمه، امام زاده ها و مقابر، دفتر بازدهم، انتشارات دانشگاه شهید بهشتی، انتشارات روزنۀ، تهران.
  - رئیس زاده، مهناز و حسین مفید (۱۳۷۴)، احیای هنرهای از یاد رفته، انتشارات مولی، تهران.
  - کاشانی، غیاث الدین جمشید (۱۳۶۶)، رساله طاق و از ج، ترجمه و تحسیه سید علیرضا جذبی، انتشارات سروش، تهران.
  - محمدیان نصour، صاحب و سينا فرامرزی (۱۳۹۱)، مقایسه نظم شبه تنوایی شاه گره با ساختار شبۀ بلوری سیلیکون، مجله هنرهای زیبا تجسمی، شماره ۵۰، صص ۶۹-۸۰.

Baake M, Grimm U and Moody R V (2002), What is aperiodic order, order? <http://arxiv.org/pdf/math.HO/0203252.pdf>-74.

Bamberg, John, Grant Cairns and Devin Kilminster (2003), The crystallographic restriction, permutations, and Goldbach's conjecture, *American Mathematical Monthly*, vol 110, p202\_209.