

## اندازه‌گیری ارزش در معرض ریسک در شرکت‌های بیمه با استفاده از مدل GARCH

دکتر کامبیز پیکارجو<sup>۱</sup>

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۸۹/۰۷/۰۴

بدریه حسین‌پور<sup>۲</sup>

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۸۹/۱۲/۰۹

### چکیده

ارزش در معرض ریسک، شاخصی است که با استفاده از آن شرکت‌های بیمه می‌توانند در پذیرش یا عدم‌پذیرش ریسک انواع ریسک‌ها و همچنین در خصوص تعیین میزان نگهداری کمتر و یا حداکثر مقادیر مجاز و میزان واگذاری تکایی خود تصمیمات مقتضی را بگیرند. در این مقاله ابتدا ارزش در معرض ریسک با استفاده از مدل‌های ARMA و GARCH محاسبه و سپس با پیش‌بینی مدل برای سال‌های آتی با شرط استمرار روند تصمیم‌گیری شرکت در نحوه‌گزینش ریسک‌های بیمه‌گری، مشخص شد که شرکت در شرایط مناسبی قرار داشته و خطر غیرمتعارفی آن را تهدید نخواهد کرد.

واژگان کلیدی: ارزش در معرض ریسک (VaR)، مدل اتورگرسیو واریانس شرطی (ARCH)، مدل اتورگرسیو میانگین متحرک (ARMA)

۱. عضو هیئت علمی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات تهران، دانشکده اقتصاد و مدیریت (نویسنده مسئول)

(Email: Dr.k.peykarjou@Gmail.com)

۲. کارشناس ارشد اقتصاد برنامه‌ریزی و تحلیل سیستم‌های اقتصادی، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات

(Email: Roofiahossenpour@Yahoo.com)

تهران، دانشکده اقتصاد و مدیریت

## ۱. مقدمه

مؤسسات مالی به‌خصوص شرکت‌های بیمه در ارتقای ساختار اقتصادی جوامع، اهمیت بسیاری دارند. در ادبیات اقتصادی، مؤسسات مالی در قالب دو بازار بزرگ سرمایه و پول در نقل و انتقال نقدینگی در جامعه نقش دارند. بازار پول شامل بازار اوراق بهادار کوتاه‌مدت (با سررسید کمتر از یک سال) و بازار سرمایه بازار اوراق بهادار بلندمدت (با سررسید بیشتر از یک سال) است. بازار سرمایه نیز در قالب دو شکل بازار اولیه<sup>۱</sup> و ثانویه<sup>۲</sup> تقسیم‌بندی می‌گردد. بازار اولیه، بازاری است که در آن اوراق بهادار منتشرشده توسط شرکت‌ها برای اولین بار عرضه می‌شود و فرآیند تأمین مالی صورت می‌گیرد و بازار ثانویه، بازار نقل و انتقالات دست دوم اوراقی است که قبلاً منتشر شده است.

از وظایف مشترک مؤسسات مالی فارغ از نوع فعالیتشان، اعمال استراتژی‌های مدیریت ریسک است. در این قالب مدیریت ریسک فرآیندی است که در آن مدیران به شناسایی، اندازه‌گیری، تصمیم‌گیری و نظارت بر انواع ریسک مطرح برای بنگاه می‌پردازند. در هر جا که برای یک انتخاب، گزینه‌های گوناگون با نتایج گوناگون در کنار آثار متنوع این تصمیمات وجود داشته باشند، ریسک وجود دارد. بدین ترتیب از کارگاه‌های کوچک تا صنایع بزرگ همه به نوعی با ریسک روبرو هستند. اما ریسک برای بنگاه‌های مالی از مفهوم مهم‌تری برخوردار است. امروزه انجام شایسته هر یک از وظایف مدیریت ریسک نیاز به ابزارهای قوی و علمی پیدا کرده است. در این قالب فرآیند مدیریت ریسک شامل شناسایی، اندازه‌گیری و پوشش ریسک است که در این قالب یکی از مهم‌ترین مراحل پیاده‌سازی فرآیند مدیریت ریسک، بی‌شک اندازه‌گیری ریسک است. البته در بحث اندازه‌گیری، موضوع کمی‌سازی ریسک یکی از

1. Primary Markets
2. Secondary Markets

چالش‌های بسیار قدیمی است که از دیرباز ذهن ریاضی‌دانان، مدیران و سیاست‌گذاران را به خود مشغول کرده است. سیاست‌گذار نیاز دارد تا برای وضع سیاست‌های منصفانه درباره ریسک و نظارت بر حسن اجرای آنها بتواند به‌طور کاملاً شفاف سیاست وضع کند. یک مدیر به دنبال ایجاد توازن بین ریسک و بازده سرمایه‌گذاری است. ریاضی‌دانان هم به دنبال تدوین ابزارهای قوی و درعین‌حال ساده ریاضی برای پاسخ‌گویی به این نیازها هستند. ابزارهای مختلفی در حیطه ریاضیات و مهندسی مالی به‌ویژه در سال‌های اخیر (باتوجه به تازه‌بودن اهمیت ریسک) تدوین شده‌اند، روش‌های ریاضی از ساده‌ترین مدل‌های آماری تا پیچیده‌ترین معادلات ریاضی توانسته‌اند در برخی موارد جوایز نوبل را به خود اختصاص دهند.

باتوجه به مطالب فوق مشخص می‌شود که در بازارهای مالی پیشرفته جهان، اعمال و پیاده‌سازی فرآیند مدیریت ریسک به‌طور همه‌جانبه برای هر بنگاه و مؤسسه مالی جزء لاینفک امور روزمره است. محاسبه ریسک‌های بازرگانی، مدیریتی، اعتباری، بازاری و... برای تمامی مؤسسات مالی از آن رو مهم است که توان (حاشیه) توانگری<sup>۱</sup> آنها را نسبت به بازپرداخت دیون و تعهدات آتی مشخص می‌کند و مهم‌تر از آن از طریق ابزارهای ریاضی مانند محاسبه ارزش در معرض ریسک<sup>۲</sup> می‌توان آستانه ورود مؤسسه به نواحی ورشکستگی را هم مشخص کرد و این امر را به‌عنوان یک مانع ورود مؤسسه به برخی معاملاتی قرار داد که مؤسسه را به سمت ورشکستگی سوق می‌دهد. حال سؤال تحقیق این است که با چه ابزارهایی می‌توان این حد را تخمین و برآورد نمود؟ روش‌های متعدد با ویژگی‌های متفاوتی برای این محاسبه و برآورد وجود دارد که محقق اصلی این مقاله با تیم‌های مختلف همکاران و

- 
1. Solvency Margin
  2. Value at Risk (VaR)

دانشجویان، مدل‌های مختلفی را برآورد نموده است. اما یکی از کارآمدترین این ابزارهای ریاضی و آماری برای پرتفوی‌های نامتقارن، نامتجانس و پرنوسان که دارای ناهمسانی واریانس نیز هستند، مدل‌های اتورگرسیو شرطی تعمیم‌یافته<sup>۱</sup> است. در این خصوص سؤال دیگر این است که مقادیر ارزش در معرض ریسک برآورد شده از مدل GARCH چگونه تحلیل شده و چگونه توصیه‌ای سیاستی را برای یک مؤسسه مالی - که در این مقاله شرکت بیمه ایران - ارائه می‌کند؟ از آنجایی که سهم بسیار بالایی از پرتفوی صنعت بیمه ایران به بیمه‌های مربوط به اتومبیل اختصاص دارد این عدم‌تقارن، عدم‌توازن و غیرهمگنی در پرتفوی صنعت بیمه ایران کاملاً نمایان است. لذا این موضوع و همچنین مطالعه اغلب شرکت‌های بیمه خصوصی که آنها هم این مشکل را دارند ما را بر آن داشت تا مدل مذکور را برای یکی از شرکت‌های بیمه که بیشترین عدم‌تقارن، عدم‌توازن و غیرهمگنی را در پرتفوی دارد، انجام دهیم و اهمیت تعیین این آستانه را مشخص سازیم.

در این مقاله جهت پاسخ به سؤال فوق ابتدا مبانی نظری و روش‌های محاسبه ارزش در معرض ریسک بررسی خواهد شد و سپس مبانی نظری روش GARCH به‌طور اخص ارائه می‌گردد. سپس با بررسی مبانی تجربی و پیشینه تحقیق، تاریخچه تحقیقات و تحقیقات مؤثر خارجی در این خصوص به اختصار بررسی خواهد شد و در ادامه، به طراحی و تصریح مدل و تحلیل خروجی‌ها می‌پردازیم.

## ۲. مبانی نظری محاسبه ارزش در معرض ریسک

برای محاسبه ارزش در معرض ریسک دو فرض به‌طور ضمنی پذیرفته می‌شود. اول آنکه فرض می‌شود سبد سرمایه در طول افق زمانی منجمد<sup>۲</sup> بوده یا به طور کلی‌تر

- 
1. Generalized Autoregressive Conditional Heterosked Asticity (GARCH)
  2. Frozen

مشخصه‌های ریسک<sup>۱</sup> مؤسسه ثابت می‌ماند. دوم اینکه فرض می‌شود که سبد سرمایه موجود در طول افق زمانی هدف، به قیمت جاری بازار، قیمت‌گذاری خواهد شد. در معمول‌ترین حالت، VaR از توزیع احتمال ارزش آتی پرتفوی [F(W)] استخراج می‌شود. در یک سطح اطمینان معین C، ما خواهان آن هستیم که بدترین رخداد ممکن W\* را طوری پیدا کنیم که احتمال تجاوز از مقدار C باشد:

$$C = \int_{W^*}^{\infty} f(w)dw$$

یا به گونه‌ای که احتمال ارزش کمتر CW\*، (1-C) باشد:

$$1 - C = \int_{-\infty}^{W^*} f(w)dw = p(w \leq W^*)$$

در فرمول فوق، عدد W\* کوانتیل توزیع نامیده می‌شود که برابر با عددی است که احتمال تجاوز از آن برابر با مقدار ثابتی است. مشاهده می‌شود که برای پیدا کردن VaR از انحراف معیار استفاده نشد؛ بنابراین این نوع مشخص‌نمایی برای هر توزیعی مانند گسسته یا پیوسته، با دم‌های سنگین یا سبک معتبر است. محاسبه VaR به‌طور قابل ملاحظه‌ای ساده خواهد شد، اگر فرض شود توزیع بازده به خانواده خاصی از توزیع‌ها، نظیر توزیع نرمال تعلق دارد. در این صورت عدد VaR مستقیماً از انحراف معیار پرتفوی یا سبد سرمایه با استفاده از یک ضریب عامل که به سطح اطمینان بستگی دارد، قابل استخراج خواهد بود. این روش گاهی اوقات روش پارامتریک خوانده می‌شود؛ زیرا در بردارنده تخمین پارامترهایی نظیر انحراف معیار است. در عمل محاسبه VaR به روش پارامتریک، مبتنی بر فرض‌های ساده‌کننده‌ای است که امکان دارد در حالت کلی برقرار نباشند؛ برای مثال فرض این که توزیع بازده نرمال باشد، معمولاً فرض درستی نیست و اکثر توزیع‌های واقعی دارای دنباله یا دم‌های توزیع سنگین<sup>۲</sup> هستند. بعضاً توزیع‌های واقعی چولگی نیز دارند، همین امر

1. Risk Profile
2. Fat Tails

باعث شده است که بخش عمده‌ای از ادبیات ارزش در معرض ریسک به دنبال راه‌حلهایی برای پرداختن به این مسائل باشد. یک معیار استاندارد از سنگینی دم، کشیدگی<sup>۱</sup> است که عبارت از توان چهارم مورد انتظار شوک  $E(S_t^4)$  است، بدان معنا که تخمین کشیدگی نسبت به بازده‌های فوق‌العاده بزرگ، خیلی حساس است. اثر کشیدگی آن است که احتمال حرکات خیلی کوچک و خیلی بزرگ در مقدار متغیر بازار را افزایش می‌دهد، درحالی‌که احتمال حرکات متوسط کاهش می‌یابد.

اگر بخواهیم مقدار ارزش در معرض ریسک بازارهای بنیادی را اندازه‌گیری کنیم آنگاه یک معیار مناسب‌تر از سنگینی دم توزیع، تعداد انحراف معیارهای مرتبط با مقادیر بحرانی توزیع بازده پرتفوی یا سبد سرمایه می‌باشد. برای دم‌های سنگین این عدد بزرگ‌تر و چولگی مقدار مورد انتظار توان سوم شوک‌هاست. در این شرایط  $E(S_t^3)$  چولگی منفی به این معنی است که بازده‌های منفی بزرگ‌تر از بازده‌های مثبت بزرگ است. همچنین در بیشتر بازارها، شوک بازده دم‌های سنگین‌تری نسبت به توزیع نرمال دارد. بیشتر بازده‌های بنیادی معمول، هم از چپ و هم از راست، هم در افق‌های زمانی کوتاه‌مدت و هم در افق‌های بلندمدت، دم‌های سنگینی دارند. دلایل نظری بسیاری برای دم‌های سنگین وجود دارد. دم‌های سنگین ممکن است به واسطه انواع مختلفی از مدل‌ها ایجاد شوند. از این میان تمرکز بر «جهش‌ها» (تغییرات گسسته غیرمنتظره در قیمت‌ها) و «تغییرپذیری تصادفی»<sup>۲</sup> (تغییرپذیری است که به صورت تصادفی در طول زمان و با اندکی فشار تغییر می‌کند) بیشتر است. بسیاری از دم‌های سنگین را می‌توان با ایده «ترکیب توزیع‌های نرمال» توضیح داد. ایده این است که اگر واریانس مورد استفاده برای تولید بازده‌های نرمال به صورت تصادفی تعیین شود، آنگاه نتیجه کلی، دم سنگین دارد. در واقع رویکرد سنتی به مدل‌کردن

1. Kurtosis
2. Stochastic Volatility

غیرنرمال بودن نتایج مشاهده شده در یک سری زمانی بر مبنای این فرض است که اگرچه بازده‌های غیرشرطی نرمال نیستند اما بازده‌هایی که به‌طور مناسب مشروط شده باشند، نرمال‌اند. به‌طور معمول روش‌های برآورد ارزش در معرض ریسک عبارت‌اند از:

- روش پارامتریک (واریانس - کوواریانس) یا دلتا - نرمال<sup>۱</sup>؛
  - روش شبیه‌سازی تاریخی<sup>۲</sup>؛
  - روش شبیه‌سازی مونت کارلو<sup>۳</sup>؛
  - روش‌های تئوری مقدار حدی<sup>۴</sup>؛
  - روش ریسک‌متریک<sup>۵</sup>؛
  - روش پیوندی یا هیبریدی<sup>۶</sup>؛
  - رویه تخمین ارزش در معرض ریسک با استفاده از روش میانگین متحرک موزون نمایی<sup>۷</sup>.
- و روش ARCH و GARCH که در بررسی‌های انجام‌شده مشخص گردید به دلیل وجود ناهمسانی واریانس در پرتفوی مورد مطالعه برای برآورد ارزش در معرض ریسک شرکت مورد مطالعه، بهترین شیوه روش GARCH و مدل اتورگرسیو واریانس شرطی<sup>۸</sup> است.

### ۳. مروری بر تحقیقات مرتبط و پیشینه تحقیق

با بررسی تحقیقات انجام‌شده در مورد موضوع تحقیق مشخص می‌شود که بحث اندازه‌گیری ارزش در معرض ریسک برای شرکت‌های بیمه و مؤسسات مالی در سراسر جهان از جمله موضوعات بسیار مهم است که این امر توسط مؤسسات و

- 
1. Parametric Method, Variance – Covariance or Delta – Normal
  2. Historical Simulation Method
  3. Monte Carlo Simulation Method
  4. EVT-Extreme Value Theory
  5. Riskmetric Method
  6. Hybrid Method
  7. Exponential Moving Average (EMA)
  8. Autoregressive Conditional Heteroskedasticity (ARCH)

مراکز پژوهشی، مؤسسات مالی و شرکت‌های بیمه بازرگانی، نهادهای نظارتی، انجمن‌های صنفی حمایت از مصرف‌کنندگان و... انجام و یا تأمین مالی می‌گردد و امروزه در جهان مدرن به‌عنوان یک نکته مثبت در جهت احراز توانایی هر شرکت فعال در زمینه‌های مختلف در بازارهای مالی تلقی می‌گردد.

### ۳-۱. تحقیقات کلی در جهت اندازه‌گیری ارزش در معرض ریسک

معیارهای ارزش در معرض ریسک اولیه حول دو خط به موازات هم توسعه یافته‌اند: یکی تئوری سبد سرمایه و دیگری محاسبات کفایت سرمایه<sup>۱</sup>. در سال‌های دهه ۱۹۲۰ دیدگاه تئوری سبد سرمایه، توسعه ارزش ریسک را به بحث‌های غیرریاضی انتخاب سبد سرمایه ارتباط دادند. محققانی مانند هاردی<sup>۲</sup> و هیکس<sup>۳</sup> به‌طور ابتدایی موضوع ارزشمندبودن متنوع‌سازی را مطرح کرده‌اند. اما لیونز<sup>۴</sup> بود که یک مدل کمی را پیشنهاد کرد که می‌تواند اولین معیار ارزش در معرض خطر باشد. وی یک سبد سرمایه با ۱۰ ورق قرضه را در افق زمانی معینی مدنظر قرار داد. هر ورق قرضه در آخر دوره با مبلغ ۱۰۰۰ دلار آمریکا سررسید می‌شود و با اعمال نکول بی‌ارزش خواهد شد (در این رویکرد نکول، مستقل از ریسک شرکت فرض می‌شود). در این قالب هرچند در واقع لیون صراحتاً یک معیار VaR تعریف نکرد، اما برای اولین بار به‌طور مشخص به «تابع توزیع بین سود و زیان محتمل» اشاره کرد. پس از آن مارکویتز<sup>۵</sup>، و مدت کوتاهی بعد از آن ری<sup>۶</sup>، به‌طور مستقل معیارهای ارزش در معرض ریسکی را ارائه کردند که به‌طور شگفت‌آوری مشابه بودند. هر دو نفر بر روی ابزاری برای انتخاب سرمایه کار می‌کردند که بازدهی را برای سطح معینی از ریسک حداکثر می‌کرد. آنها معیارهای ارزش در

1. Capital Adequacy Computations
2. Hardy
3. Hicks
4. Leavens
5. Markowitz
6. Roy



معرض خطری پیشنهاد کردند که کواریانس بین عوامل ریسک را به منظور انعکاس اثرات متنوع سازی و پوشش ریسک در نظریه گرفت. در حالی که هر دو مدل از نظر ریاضی مشابه بودند، اما تفاوت‌هایی نیز داشتند. مارکوتیز از یک معیار ساده واریانس بازده استفاده کرد، اما ری از یک معیار ریسک کمبود<sup>۱</sup> استفاده کرد که یک حد بالا برای احتمال این بود که بازده ناخالص سبد سرمایه کمتر از یک مقدار مشخص «بازده مصیبت بار» باشد. معیار VaR ری نیز یک بردار میانگین و ماتریس کواریانس داشت. او به این نتیجه رسید که اینها باید از اطلاعات تاریخی تخمین زده شوند. معیار VaR مارکوتیز تنها به یک ماتریس کواریانس نیاز داشت. او معتقد بود که می‌توان با استفاده از تکنیک‌های آماری و قضاوت افراد مبتکر، این ماتریس را ایجاد کرد. آنها قصد داشتند از این معیارهای VaR برای کار عملی بهینه‌سازی سبد سرمایه استفاده کنند اما در عمل تا زمان رشد مهارت‌های محاسباتی تا دهه ۱۹۷۰ غیر قابل اجرا ماند. مارکوتیز از این مسئله آگاه بود و یک معیار VaR زود فهم‌تر پیشنهاد کرد که تنها یک ماتریس کواریانس قطری به کار می‌گرفت. ویلیام شارپ<sup>۲</sup> این معیار را در پایان‌نامه دکترای خود و در یک مقاله در سال ۱۹۶۳ ارائه کرد. این معیار متفاوت از مدل قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای شارپ (۱۹۶۴) است، اما کمکی برای انگیزش در جهت آن بود. به علت محدودیت‌های محاسباتی معیارهای VaR این دوره عمدتاً تئوریک بودند (Allen et al, 2004).

۲-۳. تحقیقات انجام شده پیرامون اندازه‌گیری ارزش در معرض ریسک در فعالیت بیمه می‌توان به تحقیقات محققینی اشاره کرد که VaR را از روش‌های بر مبنای الگوهای ریاضی<sup>۳</sup> و الگوهای اقتصادسنجی<sup>۴</sup> به دست آورده‌اند. گروه اول شامل طیف وسیعی از محققانی است که از سالهای ۱۹۹۰ اقدام به محاسبه VaR کردند که از معروف‌ترین

1. Short Fall Risk
2. William Sharp
3. Mathematical Method Base
4. Econometrics Method Base

آنها می‌توان به تحقیقات دانیلسون<sup>۱</sup> و دوریس<sup>۲</sup> در سال ۱۹۹۸ اشاره کرد. آنها به سفارش بورس سهام نیویورک<sup>۳</sup> با استفاده از روش تئوری مقدار حدی<sup>۴</sup> اقدام به محاسبه ارزش در معرض ریسک برای کل فعالیت چند مؤسسه مالی و شرکت بیمه کردند و نتایج این تحقیق برای قیمت‌گذاری مجدد و اعلام مراتب به سهام‌داران و متقاضیان سهامشان پس از اعلام افزایش سرمایه‌ای معادل ۱۰۰ درصد استفاده شد. پس از این افراد، پژوهشگرانی چون گوری روکس<sup>۵</sup> و جاساک<sup>۶</sup> از روش EVT برای تخمین ارزش در معرض ریسک استفاده کردند. دلیل اصلی استفاده برخی از پژوهشگران از این روش، این است که مدیریت ریسک اساساً نگران ریسک رویدادهای با احتمال کم است که می‌توانند به زیان‌های فاجعه‌آمیزی منجر شوند. باین وجود تمام روش‌های ارزش در معرض ریسک از تمرکز بر روی رویدادهای حدی چشم‌پوشی می‌کنند و مستقیماً بر روی معیارهای ریسکی متمرکز می‌شوند که با تمام توزیع بازده سازگار باشد. در مدیریت ریسک، رخدادهای حدی برای مدل‌کردن دنباله‌های توزیع بازده استفاده می‌شوند. روش‌های EVT برخلاف دیگر روش‌های پارامتریک و غیرپارامتریک بر روی مدل‌کردن دنباله‌های توزیع، به جای کل توزیع متمرکز می‌شوند.

در سال‌های ۱۹۹۸ به بعد همچنین پژوهشگرانی مانند بودوخ<sup>۷</sup>، ریچاردسون<sup>۸</sup> و وایت<sup>۹</sup> از روش هیبریدی که از ترکیب روش شبیه‌سازی تاریخی و روش ریسک‌متریک به‌دست می‌آید، جهت برآورد و محاسبه VaR استفاده کردند. آنها با استفاده از این روش

- 
1. Danielson
  2. Devries
  3. NYMEX
  4. Extreme Value Theory (EVT)
  5. Gourioux
  6. Jasak
  7. Boudoukh
  8. Richardson
  9. White

توانستند با کاهش وزن‌نمایی هر بازده دارایی نسبت به بازده‌های قبلی، بازده‌ها را به صورت صعودی مرتب و VaRهایی را برای شرکت‌های بیمه و سایر مؤسسات مالی استخراج کنند که کارایی برآوردشان در مقایسه با شبیه‌سازی تاریخی بالاتر و قدرت پیش‌بینی مدلی بیشتری داشته باشند؛ زیرا که مدل، مشخصات انعطاف‌پذیر زیادی دارد. در سال‌های بعد نیز افرادی چون برناک<sup>۱</sup>، کاسیاک<sup>۲</sup> و رنه‌تا<sup>۳</sup> با استفاده از روش میانگین متحرک موزون‌نمایی اقدام به استخراج VaR کردند که نتایج تحقیقات آنها برای دو شرکت بیمه بزرگ فعال در زمینه بیمه‌های عمر در آمریکا حاکی از دقت و توانایی بیشتر این مدل نسبت به مدل‌های قبلی بود. اما از سال‌های ۱۹۹۹ به بعد عده‌ای از پژوهشگران دریافتند که به دلیل وجود ناهمسانی‌های موجود در سری زمانی داده‌های مورد بررسی روش‌های مورد کاربرد، اعتبار و کاربرد مناسبی ندارند؛ به خصوص شاخص‌هایی مانند سودوزیان و حق بیمه. به این ترتیب اگر محققى با توجه به رابطه غیرخطی حق بیمه‌ها با خسارات در هر رشته اقدام به بررسی آستانه‌های ارزش در معرض ریسک پرتفوی یک شرکت بیمه کند آنگاه ناهمسانی‌های احتمالی و عدم توجه به ضرورت مدل‌بندی آنها سبب انحراف تصمیم‌گیری‌های اقتصادی بنگاه از تصمیم درست شده و زیان‌های جبران‌ناپذیر تا سرحد ورشکستگی ایجاد خواهد شد. این پژوهشگران با استفاده از روش پارامتریکی موسوم به دلتای نرمال و مدل‌های جدیدی با استفاده از روش‌های اقتصادسنجی از خانواده الگوهای ARCH و GARCH اقدام به برآورد ارزش در معرض ریسک نمودند.

- 
1. Bernak
  2. Kasiak
  3. Reneta

#### ۴. مبانی نظری محاسبه ارزش در معرض ریسک با استفاده از روش ARCH

##### و GARCH

نظر به اثر بسیار چشمگیر تغییرپذیری در بازارهای مالی، مطالعات نظری بسیار زیادی در این زمینه انجام شده و مدل‌های مختلفی توسعه یافته است. به‌طور کلی معین کردن یک معیار برای پیش‌بینی که در کل قابل قبول باشد، غیرممکن است. این مسئله به‌ویژه در مفهوم خطی حادثتر است. ضعف روش‌های خطی در پیش‌بینی بلند و تشخیص الگوهای موجود در داده‌های یک سری زمانی غیرخطی و عدم‌پایداری روش‌های خطی در برابر نویزهای موجود واقعی، سبب شده است که اقتصاددانان به دنبال روش‌های غیرخطی باشند. یکی از مهم‌ترین مدل‌های غیرخطی که برای تبیین رفتار تلاطمات در بازارهای مالی استفاده می‌شود، مدل‌های GARCH است. در این تحقیق از مدل GARCH برای پیش‌بینی تلاطم بازارهای مالی استفاده می‌کنیم. بدیهی است آشنایی با مدل‌های GARCH مستلزم آشنایی با تاریخچه ادبیات آن و روند تکامل این مدل‌هاست. در این راستا ابتدا مدل‌های ARCH و GARCH سپس روش‌های تخمین مدل و پیش‌بینی آنها به‌صورت جزئی توضیح داده می‌شوند. مدل ARCH، از ساده‌ترین مدل‌های غیرخطی برای بررسی تلاطم‌ها در بازارهای مالی، بادر نظر گرفتن واریانس (یا واریانس شرطی) فرآیند و متناسب با رفتار داده‌های مالی است. در این مدل فرض می‌شود که واریانس شرطی در طول زمان متغیر بوده و قابل پیش‌بینی است. از جمله کاربردهای ARCH هنگامی است که:

- در پیش‌بینی تغییرات آینده به‌دلیل واریانس متغیر، عدم قطعیت وجود داشته باشد؛
  - استفاده از متغیرهای برونزا در تغییرات واریانس نرخ‌های بازده مناسب نباشد؛
  - اثر متغیرهای حذف‌شده از مدل تخمین، بهتر از فرض‌های استاندارد لحاظ شود.
- اما از سوی دیگر می‌توان ضعف‌هایی نیز برای مدل ARCH برشمرد:

پاسخ مدل به شوک‌های منفی و مثبت یکسان است؛ چرا که مدل به مجذور واریانس شوک‌های قبلی وابسته است. مدل ARCH تا حدی محدود است. برای مثال مقدار  $\alpha_1$  برای مدل ARCH، باید در بازه  $[0, 1/3]$  باشد، اگر سری دارای گشتاور چهارم نامتناهی باشد. این محدودیت برای درجات بالاتر مدل بسیار پیچیده خواهد بود. این مدل هیچ‌گاه به دنبال ارائه منبع تلاطمات نبوده و تنها یک روش مکانیکی برای توضیح رفتار متغیرها ارائه می‌دهد. مدل‌های ARCH معمولاً مقدار تلاطم را زیاد برآورد می‌کنند؛ زیرا پاسخ مدل‌ها به شوک‌های مجزای بزرگ در سری بازده معمولاً به کندی صورت می‌گیرد.

مدل GARCH را بلسلو<sup>۱</sup> در سال ۱۹۸۶ پایه‌گذاری کرد و انگل<sup>۲</sup> در سال ۱۹۸۶ و نلسون<sup>۳</sup> در سال ۱۹۹۱ کاملاً آن را تکمیل کردند. این مدل با در نظر گرفتن ویژگی تلاطم در حال تغییر به وجود آمده است. در کنار این مدل، مدل‌های بسیار زیادی برای ویژگی حافظه بلندمدت تلاطم در سری‌های زمانی ایجاد شد؛ برای مثال بایلی<sup>۴</sup> و بلسلو و میکلسون<sup>۵</sup> با ارائه مدل‌هایی به توصیف این پدیده پرداختند. مدل‌های زیادی با در نظر گرفتن این دو ویژگی داده‌های مالی برای تخمین ارزش در معرض ریسک در بازارهای مختلف با GARCH توسعه داده شده‌اند. این روش یک مدل مبتنی بر تغییر واریانس در طول زمان است. کلمه شرطی<sup>۶</sup> بیانگر وابستگی به مشاهدات گذشته و خودهمبستگی<sup>۷</sup> بیانگر مکانیزم بازخوری است که مشاهدات گذشته را در زمان حال مشارکت می‌دهد. GARCH، مکانیزمی است که از واریانس‌های گذشته برای توضیح

- 
1. Bollerslev
  2. Engel
  3. Nelson
  4. Bayli, 1986
  5. Bollerslev & Mikelson, 1996
  6. Conditional
  7. Autoregressive

واریانس فعلی استفاده می‌کند یا به‌طور مشخص یک تکنیک مدل‌سازی سری‌های زمانی است که از واریانس‌های گذشته و تخمین واریانس‌های گذشته برای پیش‌بینی واریانس‌های آتی استفاده می‌کند. یکی از مشکلات کار برای مدل‌های ARCH این است که در  $q$  های بزرگ، تخمین غیرمقید پارامترهای آن در اغلب موارد منجر به نقض قیدهای نامنفی بودن  $\alpha_i$  ها شود که برقراری آنها همیشه برای مثبت بودن واریانس شرطی  $\sigma_t^2$  لازم است. در بسیاری از کاربردهای این مدل، یک ساختار کاهشی وقفه به نسبت اختیاری برای  $\alpha_i$  ها برای حصول اطمینان از برقرارشدن این قیدها اعمال می‌شود. برای دستیابی به یک انعطاف‌پذیری بیشتر، یک تعمیم دیگر به صورت فرآیند ARCH تعمیم‌یافته (GARCH) پیشنهاد شده است. این فرآیند  $GARCH(p,q)$  دارای تابع واریانس شرطی است:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^q \alpha_i \varepsilon_{t-i}^2 + \sum_{i=1}^p \beta_i \sigma_{t-i}^2$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^q \alpha_i \varepsilon_{t-i}^2 + \sum_{i=1}^p \beta_i \sigma_{t-i}^2 = \alpha_0 + \alpha(B)\varepsilon_t^2 + \beta(B)\sigma_t^2$$

که در آن  $P > 0$  و  $\beta_i \geq 0$  و  $1 \leq i \leq q$

برای این که واریانس شرطی مدل  $GARCH(p,q)$  خوش تعریف باشد، تمام ضرایب برای مدل  $ARCH(\infty)$   $\sigma_t^2 = \theta_0 + \theta(\beta)\varepsilon_t^2$  باید مثبت باشد. به شرط این که  $\alpha(B)$  و  $\beta(B)$  دارای ریشه‌های مشترک (تکراری) نبوده و ریشه‌های  $\beta(B)$  خارج از دایره واحد قرار داشته باشند. این قید مثبت بودن برقرار می‌گردد، اگر و فقط اگر تمام ضرایب  $\theta(B) = \alpha(B)/(1-\beta(B))$  نامنفی (صفر یا مثبت) باشند. برای یک فرآیند

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 \sigma_{t-1}^2 \quad :GARCH(1,1)$$

مدل اثبات شده به‌طور وسیع برای مدل‌سازی سری‌های زمانی مالی استفاده می‌شود؛ به‌طوری‌که هر سه پارامتر مثبت‌اند.

شکل معادل فرآیند  $GARCH(p,q)$  چنین است:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 \sigma_{t-1}^2$$

$$\varepsilon_t^2 = \alpha_0 + (\alpha(B) + \beta(B)) \varepsilon_{T-1}^2 + V_T - \beta(B) V_{T-1}$$

به طوری که  $\varepsilon_t^2 \approx \text{ARIMA}(m, p)$  که در آن  $m = \text{Max}(p, q)$  این فرآیند می تواند مانای کم توان (ضعیف) باشد. اگر و فقط اگر ریشه های  $\alpha(B) + \beta(B)$  خارج از دایره واحد قرار داشته باشند. یعنی  $\alpha(B) + \beta(B) < 1$ ، مانایی  $\varepsilon_t^2$  همچنین مانایی  $\varepsilon_t$  را نیز تأمین می کند. اما آن یک شرط کافی به جای شرط لازم برای مانایی پرتوان است. زیرا فرآیندهای ARCH دارای دم پهن تر است و شرط های مانایی کم توان بسیار قوی تر از شرط های مانایی پرتوان است. برای مثال نلسون<sup>۱</sup> نشان می دهد که  $\varepsilon_t$  و  $\sigma_t^2$  مانای اکید در فرآیند  $(1, 1)$  GARCH است، اگر و فقط اگر  $E(\log(\beta_1 + \alpha_1 u^2 t)) < 1$ ، این شرط برقرار می گردد همچنین بولسلو و میلکسون<sup>۲</sup> معتقدند که مفهوم مدل های GARCH تا حدی توأم با ابهام است. یک تعریف قابل قبول این است که گفته شود شوک ها در صورت مانایی  $\sigma_t^2$  از دیرپایی ساقط می شوند، به طوری که امید ریاضی شرطی،  $E(\sigma_{t+s}^2 | \varepsilon_t, \varepsilon_{t-1}, \dots)$  در صورت  $S \rightarrow \infty$  همگرا به واریانس غیرشرطی  $\alpha_0 / (1 - \alpha(1) - \beta(1))$  باشد. تعریف دیگر، متمرکز بر گشتاورهای پیش بینی است و می گوید دیرپایی شوک ساقط می شود اگر و فقط اگر  $E(\sigma_{t+s}^2 | \varepsilon_t, \varepsilon_{t-1}, \dots)$  برای بعضی مقادیر  $\eta > 0$  همگرا به یک حد متناهی مستقل از  $\varepsilon_t, \varepsilon_{t-1}, \dots$  باشد. مدل GARCH(1, 1) را در نظر بگیریم:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 \sigma_{t-1}^2$$

$$\sigma_{t+1}^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_t^2 + \beta_1 \varepsilon_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_t^2 (u_t^2 + \beta_1)$$

که برای آن داریم:

1. Nelson, 1990
2. Bollerslev & Mikelson, 1996

$$E(\sigma_{t+s}^2 | \varepsilon_t, \varepsilon_{t-1}, \dots) = \alpha_0 \left( \sum_{k=0}^{s-1} (\alpha_1 + \beta_1)^k \right) + \sigma_t^2 (\alpha_1 + \beta_1)^s$$

می‌توان به سادگی نشان داد که امید ریاضی شرطی به واریانس غیرشرطی  $\alpha_0 / (1 - (\alpha_1 + \beta_1))$  آن همگرا می‌شود، اگر و فقط اگر  $\alpha_1 + \beta_1 < 1$ ، شرایط ثابت نشان می‌دهد که اثر مجذور تلاطم گذشته روی واریانس شرطی فعلی، به صورت نمایی در طول وقفه کاهش می‌یابد. یعنی از نظر توابع  $A \subset F$  این توابع با افزایش تعداد وقفه‌ها به صورت تابع لگاریتمی به سمت صفر نزول می‌کنند. توجه کنید که مدل ریسک‌متریک یک نمایش خاص از مدل GARCH است که در آن  $\omega = 0$ ،  $\mu = 0$  و  $\lambda = \beta_1 = 1 - \alpha_1$  است. پیش‌بینی مدل‌های GARCH، از طریق استفاده از روش‌های پیش‌بینی ARMA است. فرض می‌کنیم که مدل  $GARCH(1, 1)$  افق پیش‌بینی  $h$  باشد، داریم:

$$\sigma_{h+1}^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \alpha_h^2 + \beta_1 \sigma_h^2$$

درحالی‌که  $\alpha_h$  و  $\sigma_h^2$  مربوط به  $t = h$  است. در آن صورت برای یک پیش‌بینی یک روزه داریم:

$$\sigma_h^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \alpha_h^2 + \beta_1 \sigma_h^2$$

برای پیش‌بینی‌های بعدی، از رابطه  $\alpha_t^2 = \sigma_t^2 \varepsilon_t^2$  استفاده کرده و مدل را به این صورت می‌نویسیم:

$$\sigma_{t+1}^2 = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta_1) \sigma_t^2 + \alpha_1 \sigma_t^2 (\varepsilon_{t-1}^2)$$

اگر  $t = h+1$  باشد، در آن صورت معادله به این صورت است:

$$\sigma_{t+1}^2 = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta_1) \sigma_t^2 + \alpha_1 \sigma_t^2 (\varepsilon_t^2 - 1)$$

تا زمانی که  $E(\varepsilon_{h+1}^2 - 1) | f_N = 0$  باشد، در آن صورت پیش‌بینی تلاطم به این صورت است:

$$\sigma_{h+2}^2 = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta_1) \sigma_{h+1}^2 + \alpha_1 \sigma_{h+1}^2 (\varepsilon_{h+1}^2 - 1)$$

$$\sigma_h^2(L) = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta_1) \sigma_h^2(L-1)$$



این حالت دقیقاً معادل با مدل  $ARMA(1,1)$  با  $AR$  چند جمله‌ای  $1 - (\alpha_1 + \beta_1)\beta$  است. لذا پیش‌بینی  $L$  دوره بعد به این صورت است:

$$\sigma_h^y(L) = \frac{\alpha_0 [1 - (\alpha_1 + \beta_1)^{L-1}]}{1 - \alpha_1 - \beta_1} + ((\alpha_1 + \beta_1)^{L-1} \sigma_h^y(1))$$

و لذا خواهیم داشت:

$$\sigma_h^y(1) \rightarrow \frac{\alpha_0}{1 - \alpha_1 - \beta_1} \quad L \rightarrow \infty$$

آزمون لازم که روی داده‌ها باید انجام شود:

برای به‌کارگیری مدل‌های  $GARCH$  به صورت مؤثر، باید داده‌های سری زمانی، دارای خودهمبستگی معنی‌دار باشد. خودهمبستگی در سری‌های زمانی باید با استفاده از تست  $Box-Ljung$  بررسی شود. این تست فرضیه‌های آماری مناسب را برای پرتفلیوها برای به‌کارگیری  $GARCH$  در تخمین در نظر می‌گیرد. نوسانات تنها در صورتی می‌تواند به صورت خودهمبسته نشان داده شود که خودهمبستگی مشاهدات در بازه سری‌های زمانی معلوم گردد. این امر با استفاده از تست  $Box-Ljung$  صورت می‌گیرد که یک آماره با توزیع مربع کای است. برای تست فرضیه صفر به صورت عدم خودهمبستگی تعریف می‌شود  $H_0 = P_0 = P_1 = 0$  اگر مقدار این آماره از مقدار مربع کای در سطح اطمینان داده شده کمتر باشد، در آن صورت فرضیه صفر برقرار است. در غیر این صورت فرضیه خودهمبستگی پذیرفته می‌شود.

برای به دست آوردن ارزش در معرض ریسک، آن چه لازم است، برآورد واریانس یک روزه با استفاده از مدل‌های مختلف و تحت شرایط توزیع‌های احتمال متفاوت است. معمولاً واریانس شرطی  $D(0, \sigma_t^2)$  برای جمله خطا  $\varepsilon_t$  بسته به نوع توزیع متفاوت خواهد بود. برای توزیع نرمال واریانس شرطی  $N(0, \sigma_t^2)$  و برای  $t$  استاندارد با  $v$  درجه آزادی، واریانس شرطی

$$\sigma_t^2 (\text{i.e., } \varepsilon_t \approx \sigma_t t(v)) / \sqrt{v/(v-2)}$$

خواهد بود. لذا ارزش در معرض ریسک با اندازه‌گیری روزانه در روز  $t$  به صورت  $t_{\alpha}(v) / \sqrt{v/(v-2)}$  توزیع نرمال و توزیع  $c = Z_{\alpha}$  که وقتی  $(1 - e^{M+C\delta})P_{t-1}$  جمله خطا و  $t_{\alpha}(v)$  توزیع  $t$  با درجه آزادی  $v$  است. وقتی تخمین و پارامترهای مدل GARCH در دسترس است تخمین مدل VaR به راحتی به دست می‌آید. در سال‌های اخیر، محققان به صورت گسترده از مدل‌های GARCH استفاده کردند. بدون تردید، این مدل‌ها در محافل علمی جایگاه خاصی پیدا کرده و استفاده از آنها آنچنان توسعه یافته است که کارهای تحقیقاتی متعددی در مورد ویژگی‌ها و کاربردهای تجربی آنها وجود دارد.

### ۵. برآورد و تخمین مدل

در این تحقیق هدف، شناسایی ارزش در معرض ریسک شرکت‌های بیمه است. در این تحقیق متغیر مورد بررسی سود حاصل از عملیات بیمه‌گری شرکت مورد مطالعه با استفاده از داده‌های برآوردی ماهانه طی دوره زمانی ۱۳۸۸-۱۳۸۲ یعنی ۶۴ مشاهده است. برآورد حد و اندازه ارزش در معرض ریسک سود به بیمه‌گران کمک خواهد کرد تا مرز بین ریسک‌های قابل تحمل و غیرقابل تحمل را در پذیرش ریسک‌های مختلف شناسایی کنند و پرتفوی کل شرکت را از خطر زیان بزرگ و خطر ورشکستگی نجات دهند.

### ۵-۱. آزمون ریشه واحد

این آزمون برای متغیر سود انجام گرفته که از تفاضل حق بیمه عاید شده و خسارت واقع شده به دست آمده است. مراحل کار بدین صورت است که از طریق آزمون دیکی فولر تعمیم یافته<sup>۱</sup> به بررسی مانایی متغیر پرداختیم. براساس آماره ADF محاسبه شده برای متغیر مورد مطالعه باید در سطوح اطمینان مورد نظر، این مقدار

#### 1. Augmented Dickey Fuller (ADF)

بزرگ‌تر از مقادیر بحرانی باشد. در این صورت می‌توانیم بپذیریم که متغیر در شرایط مورد مطالعه دارای ریشه واحد نبوده و رگرسیون مورد برآورد، کاذب و غیرقابل استناد نیست. در این تحقیق با بررسی متغیر مورد مطالعه مشخص گردید که متغیر مذکور در «سطح» مانا نبوده- یعنی متغیر  $I(1)$  بود- لذا در مرحله بعد آزمون «تفاضل مرتبه اول» انجام گرفت و نتیجه این شد که در تفاضل مرتبه اول، متغیر مانا گردید. به این ترتیب نتیجه نشان می‌دهد به دلیل کوچک‌تر بودن آماره ADF از مقادیر بحرانی، نمی‌توان فرضیه  $H_0$  را مبنی بر نامانایی متغیر در سطح ۹۹٪ رد کرد و بنابراین این متغیر در سطح ناماناست و با یک مرتبه تفاضل‌گیری آماره ADF از مقادیر بحرانی بزرگ‌تر است و فرضیه صفر مبنی بر نامانایی این متغیر در سطح ۹۹٪ رد می‌شود و بنابراین متغیر  $I(1)$  است.

جدول ۱. خلاصه گزارش آزمون ریشه واحد متغیر مورد بررسی

مقادیر بحرانی	مقدار آماره ADF	نتیجه آزمون متغیر سود بیمه‌گری
۱٪ Level -۳/۴۵۳۱۵۳	۰/۷۰۲۸۹۲	در سطح متغیر
۵٪ Level -۲/۸۷۱۴۷۴		
۱۰٪ Level -۲/۵۷۲۱۳۵		
۱٪ Level -۳/۴۵۳۱۵۳	-۲۰/۱۴۷۷۱	در تفاضل مرتبه اول
۵٪ Level -۲/۸۷۱۴۷۴		
۱۰٪ Level -۲/۵۷۲۱۳۵		

## ۲-۵. برآورد مدل ARIMA

باکس و جنکینز<sup>۱</sup> ابزارهای جدیدی برای پیش‌بینی ایجاد کرده‌اند که از نظر تکنیکی به مدل‌های ARIMA شهرت یافته است. بزرگ‌ترین حسن این مدل‌ها، استفاده از آنها برای پیش‌بینی است؛ زیرا در این مدل‌ها فقط از وقفه‌های متغیر وابسته و پسماند استفاده می‌شود. به همین دلیل، مدل‌های ARIMA گاهی اوقات مدل‌های غیرتئوریک

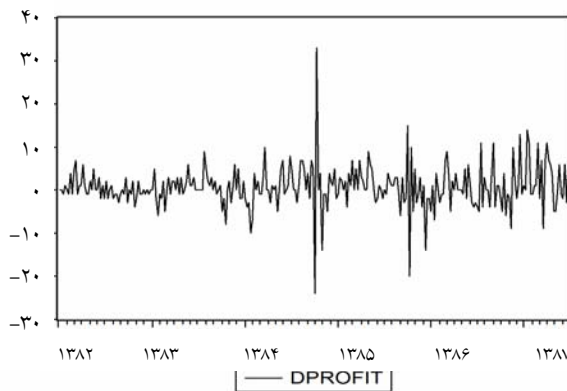
### 1. Box & Jenkins

گفته می‌شوند؛ زیرا معمولاً تئوری‌های اقتصادی براساس مدل‌های معادلات هم‌زمان استخراج می‌شوند و مدل‌های ARIMA از تئوری‌های اقتصادی به دست نمی‌آیند. پس از مشخص شدن وضعیت ریشه واحد متغیر مورد بررسی با توجه به این فرض که سود هر دوره را می‌توان در قالب یک معادله اتورگرسیو مدل‌بندی نمود، حالت‌های مختلف از طریق بررسی توابع خودهمبستگی و همبستگی جزئی، مدل اصلی را شناسایی می‌کند. در این مرحله نتیجه کار این بود که مدل بهینه براساس فرآیند زیر برآورد گردید.

$$DPROFIT = 0.77 - 0.19 DPROFIT(-1) + 0.13 DPROFIT(-5)$$

$$t \rightarrow \quad \quad \quad 2/59 \quad \quad \quad -3/18 \quad \quad \quad 2/29$$

نمودار ۱. نمودار تغییرات ماهانه متغیر مورد مطالعه



### ۳-۵. آزمون ناهمسانی ARCH-LM

پس از برآورد مدل ARIMA، با استفاده از مدل خودرگرسیون، واریانس ناهمسانی شرطی و خودرگرسیونی واریانس ناهمسانی شرطی تعمیم‌یافته، متغیر سود را اندازه‌گیری می‌کنیم. در این شرایط مشخص گردید که مدل مورد بررسی ناهمسانی واریانس دارد. لذا استفاده از تخمین حداقل مربعات معمولی (OLS) مقدر نبوده و ما باید از روش حداقل مربعات عمومی (GLS) استفاده کنیم.

#### ۴-۵. تخمین مدل GARCH

پس از برآورد مدل ARIMA، با استفاده از مدل خودرگرسیون واریانس ناهمسانی شرطی و خودرگرسیون واریانس ناهمسانی شرطی تعمیم یافته، متغیر سود را اندازه گیری می کنیم. در این مرحله به دنبال ترکیبی از مدل های ARCH با وقفه های مختلف ARIMA هستیم که حداقل مقدار را برای معیارهای AIC و SBC داشته باشد که بهترین مدل زیر به دست آمد.

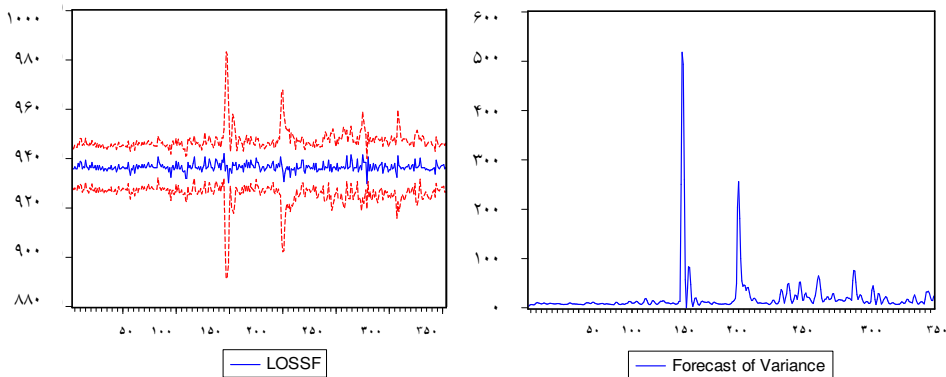
$$GARCH = 2/4628 + 0/3310 * RESID(-1)^2 + 0/0553 * GARCH(-1) - 0/0844 *$$

$$GARCH(-2) + 0/6299 * GARCH(-3)$$

#### ۵-۵. برآورد تغییرپذیری

با استفاده از مدل GARCH برآورد شده نسبت به برآورد تغییرپذیری<sup>۱</sup> موجود در سود ناشی از عملیات بیمه گری اقدام کردیم (نمودار ۲).

نمودار ۲. برآورد تغییرپذیری حاصل از خروجی مدل

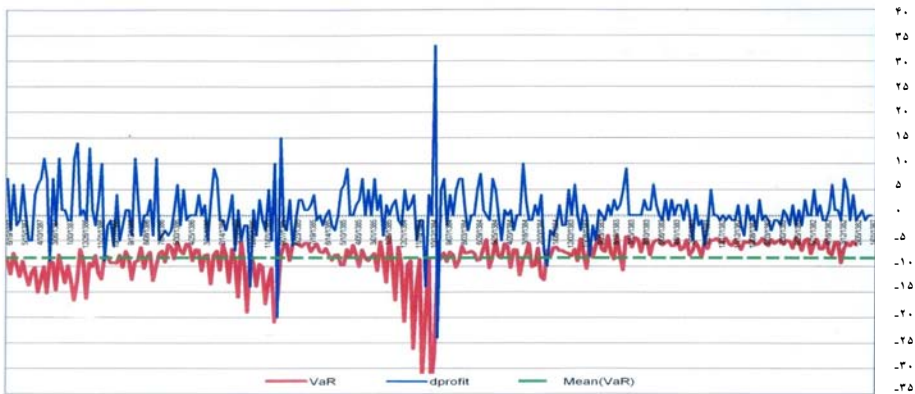


### 1. Volatility

### ۶-۵. محاسبه آستانه ارزش در معرض ریسک (VaR)

در این شرایط باتوجه به فرمول ارزش در معرض ریسک بیان‌شده با استفاده از تغییرپذیری حاصل از مدل پیش‌بینی، ارزش در معرض ریسک مطلق و متوسط در مقایسه با سود مطابق نمودار ۳ به دست آمد.

نمودار ۳. برآورد ارزش در معرض ریسک مطلق و متوسط در مقایسه با سود



### ۶. نتیجه‌گیری

اهم نتایج این نوشتار را می‌توان به این صورت بیان کرد:

- خط فوقانی در نمودار فوق معرف متوسط حد مطلوب ارزش در معرض ریسک است، با این کار مشخص شد که اگر داده‌های مورد بررسی به تعداد زیادی باشند این حد مطلوب قابل اندازه‌گیری است، اما از آنجایی که شرکت مورد بررسی، شرکت خصوصی و نوپایی بوده و در سال‌های اولیه فعالیت خود قرار داشته، حد مطلوب قابل اندازه‌گیری است، ولی تأکید قابل اعتمادی بر تحلیل‌ها بر پایه آن وجود ندارد (به خاطر این که پرتفوی این شرکت در شرایط بالغ شدن بوده و از تنوع و پایداری ریسک برخوردار نیست).

- همچنین با بررسی نمودارها مشخص می‌شود که نسبت قریب به اتفاق مقادیر استخراجی ارزش در معرض ریسک بین متوسط ارزش در معرض ریسک (VaR) و

نقطه صفر بوده است که این امر می تواند توجیهی بر پیاده سازی مناسب مدیریت ریسک در طی دوران مورد بررسی باشد. اما در سه منطقه به نسبت بزرگی که مقادیر VaR بزرگ تر از Mean(VaR) شده است، نقاط بی نظمی در مدیریت ریسک شرکت مشاهده شده است. با بررسی دلایل این امر متوجه شده ایم که:

- در ناحیه اول، شرکت بیمه نمونه ناگزیر شده است که وارد بازار بیمه اتومبیل شود لذا کلیه خودروهای صفر تولیدی سایپا زامیاد، پارس خودرو و گروه بهمن را (خودروهای صفر کیلومتر) به یک باره بیمه نموده به طوری که تعداد اتومبیل های مورد بررسی به حدود روزی ۱۴۰۰ تا ۲۰۰۰ خودرو رسیده است. این امر سبب شده ریسک زیادی به شرکت وارد شود.

- در ناحیه دوم، شرکت بیمه نمونه، شرکت ملی نفتکش و قسمتی از شرکت های تابعه کشتیرانی را پوشش داده است.

- در ناحیه سوم، این شرکت وارد پروژه های نیروگاهی و سدسازی شرکت مپنا گردیده است.

- با بررسی روند زمانی تغییرات سود شرکت بیمه نمونه نشان داده شده که هر چند نوسانات سود و زیان بیشتر بر پایه سود بوده است ولی روند نامنظمی در این شاخص دیده می شود که این امر را تقویت می کند که شرکت بیمه نمونه هنوز نتوانسته است روند سودآوری بنگاه خود را به سمت نوسانات مطمئنی پیش برد، دلیل این امر را می توان در چهار عامل دید:

- ۸۶ درصد پرتفوی شرکت بیمه نمونه مربوط به بیمه های اتومبیل است. به دلیل ثبات حق بیمه دریافتی در بیمه اتومبیل طی سال های اخیر اما افزایش دیات، افزایش خودروها، تأمین و نگهداری گران اتومبیل ها و اینکه احتمال تصادف خودروها کاملاً تصادفی است، خسارت بسیار زیادی از این ناحیه وارد می شود.

- شرکت بیمه نمونه، دومین ناوگان هواپیمایی کشور یعنی هواپیمای آسمان را در پرتفوی خود دارد که حجم حق بیمه بالای آن و متعاقب آن احتمال بروز کم خسارت اما شدت زیاد آن نوعی ناهمگنی را در پرتفوی بیمه نمونه ایجاد کرد.
- وجود پرتفوی دومین ناوگان کشتیرانی کشور یعنی شرکت ملی نفت کشور که آن هم مانند مورد قبلی احتمال خسارت کم ولی با شدت زیاد را دارد، عاملی در ناهمگنی پرتفوی است.
- بزرگ‌ترین نیروگاه‌ساز و سدساز کشور در پروژه‌های مهندسی ایران یعنی شرکت مپنا حق بیمه زیادی تولید می‌کند؛ اما خسارات شدیدی نیز به‌همراه دارد.

نتیجه اینکه وجود حجم زیاد پرتفوی اتومبیل، پرتفوی هواپیما، پرتفوی کشتی و مهندسی که در شش ماهه اول سال ۱۳۸۷، در حدود ۹۲ درصد از پرتفوی بیمه نمونه را تشکیل می‌دادند سبب ناهمگنی و نامتقارنی ریسک پرتفوی بیمه نمونه شدند و بیمه نمونه تاکنون نتوانسته است از طریق توسعه سایر بیمه‌نامه‌های خود این عدم تقارن را جبران کند. احتمال بروز خسارت‌های با فراوانی کم و شدت زیاد در موارد ذکر شده سبب عدم ثبات تضمین سودآوری آینده بیمه نمونه شده است. به عبارتی این ناهمگنی‌ها موجب شده است تا نتوان در مورد افزایش سودآوری شرکت بیمه، تضمینی داشت.

در مجموع، محاسبه شاخص VaR برای شرکت بیمه نمونه به دلیل وجود آمار اطلاعات دقیق ثبت و ضبط سری زمانی شاخص‌های مالی کاملاً امکان پذیر بوده است، اما به دلیل آنکه شرکت، شرکت نوپایی بوده و از یک طرف به علت سرمایه زیاد خود وارد بازار بیمه کشتی و هواپیما شده و همچنین به دلیل وجود سهام‌داران خودرویی انبوهی از بیمه‌نامه‌ها را برای خودروهای صفر کیلومتر خودروسازان بزرگ



کشور صادر کرده و تاکنون نتوانسته پرتفوی متقارن و همگن به وجود آورد که این امر تهدیدی بر ثبات سودآوری شرکت محسوب می شود، در این رهگذر تا زمانی که پرتفوی شرکت به تقارن کافی یا همگنی ریسک نرسد، ثبات روند سودآوری و تایید دقیق مدیریت ریسک آن امکان پذیر نیست.

## منابع

1. Allen, L, Boudoukh, J & Saunders, A 2004, *Understanding market, credit, and operational risk: the value at risk approach*, Carlton, Black Well Science, pp. 157-364.
2. Awhite, JH 1998, 'Value at risk when daily changes are not normally distributed', *Journal of Derivatives*, no. 3, pp. 34-51.
3. Bayli, K 1986, 'ARCH model as a best model for economic concept', *Journal of Economic Review*, vol. 9, no. 14, pp. 906-14.
4. Bollerslev, T, Chou, RY & Kroner, KF 1992, 'ARCH modeling in finance: a review of the theory and empirical evidence', *Journal of Econometrics*, vol. 52, pp. 5-59.
5. Bollerslev, T & Mikelson, M 1996, 'GARCH modeling in financial econometrics', *Journal of Econometrics*, vol. 89, pp. 56-71.
6. Cheung, YW 1993, 'Tests for fractional integration: a montecarlo investigation', *Journal of Time Series Analysis*, vol.14, pp. 331-45.
7. Crouhy, M Galai, D & Mark, R 2001, *Risk management*, Mc Grow-Hill, pp.187-8.
8. Dai, B 2001, *Value at risk*, Department of Mathematicks National University of Singapore, pp. 2-12.
9. Duffie, JP 1997, 'An overview of value at risk', *Journal of Derivatives*, Wiley, Pubisher. pp. 131-320.
10. Engel, J & Gizycki, M 1999, *Conservatism, accuracy and efficiency: comparing value-at-risk models*, Australian Prudential Regulation Authority.
11. Fabozzi, FJ, Modiglian, F & Jones, FJ 2009, *Foundation of financial markets and institutions*, 4<sup>th</sup>ed, Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall, pp. 876-925.

12. Fischer, DE & Fomaly, J 2003, *Security analysis and portfolio*, Wiley Publisher, pp. 435-576.
13. Holton, GA 2002, *History of value-at-risk: 1922-1998*, Working Paper.
14. Haugen, RA 2002, *Modern investment theory*, Prentice-Hall of India Private Limited, pp. 135-6.
15. Hull, J 2002, *Fundamentals of futures and options markets*, 4<sup>th</sup>ed, Wiley, pp.234-99.
16. Jorion, P 2001, *Value at Risk, the new benchmark for managing financial*, Mc Graw-Hill, New York, 2<sup>nd</sup> ed, pp.3-51.
17. Jorion, P 2000, *Value at risk: the new bench mark for managing financial risk*, Mc Graw-Hill, 2<sup>nd</sup> ed.
18. Jones, CP 2004, *Investments: analysis and management*, John Wiley Sons, 9<sup>th</sup>ed, pp. 234-45.
19. Lee, TH & Saltoglu, B 2002, 'Assessing the risk forecasts for Japanese stock market', *Japan and the World Economy*, vol. 14, pp. 63-85.
20. Mike, PS & Yu, P 2006, 'Empirical analysis of GARCH models in value at risk estimation', *Journal of International Financial Markets, Institutions & Money*, vol.16, pp.180-97.
21. Morgan, JP 1996, *Riskmetrics technical document*, 4<sup>th</sup>ed, J.P.Morgan, New York, pp. 21-141.
22. Pearson, ND 2002, *Risk budgeting: portfolio problem solving with Value at-Risk*, Wiley Finance, pp. 33-4.
23. Nelson, S 1990, 'Why econometrics models are broken in analysis?', *Journal of Mathematics and Insurance*, no. 5, pp.12-24 .
24. Pyle, DH 1997, *Bank risk management: theory*, Conference on Risk Management and Deregulation in Banking, Jerusalem.