

## شیوه‌سازی یک الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای با رویکرد بهسازی نظام بازنشتگی ایران

مجید دشتیان فاروجی<sup>۱</sup> دکتر سعید صمدی<sup>۲</sup> دکتر رحیم دلالی اصفهانی<sup>۳</sup>  
دکتر مجید فخار<sup>۴</sup> دکتر مهنوش عبدالله میلانی<sup>۵</sup>

تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۸/۸ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۱/۳۱

### چکیده

ظرفیت بالای الگوهای نسل‌های همپوشان در تجزیه و تحلیل و شیوه‌سازی زمینه‌های مختلف اقتصاد نظر بررسی سیاست‌های رشد درونز، توسعه‌ی معیار عدالت بین نسلی، بهسازی نظام تأمین اجتماعی و غیره سبب شده است که در دهه‌های اخیر این الگوها از جایگاه ویژه‌ای در میان اقتصاددانان برخوردار شوند. متأسفانه مشکل موجود در زمینه‌ی کمی کردن این الگوها و تجزیه و تحلیل خواص پایدار آنها سبب شده که این الگوها بیشتر در حد نظری باقی بمانند.

مقاله‌ی حاضر با به کارگیری روش پیشنهادی کوتلیکوف و آیوریاخ در برآورد الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای و با توجه به نارسانی‌های موجود در نظام بازنشتگی ایران، در چارچوب یک الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای با افراد ناهمگن به تحلیل و شیوه‌سازی نظام بازنشتگی می‌پردازد تا این رهگذر بتوان اثرات انتقال از نظام بازنشتگی پرداخت جاری به نظام بازنشتگی اندوخته‌ی کامل را بر فرایند اباحت سرمایه، تولید ملی، مصرف ملی و غیره مورد مطالعه قرار دارد. یافته‌های تحقیق نشان می‌دهد که رفتار مصرف-پس انداز بهینه‌ی فردی تحت نظام‌های تأمین اجتماعی مختلف تغییر می‌کند. نتایج حاصل از شیوه‌سازی الگو حاکی از آن است که نظام بازنشتگی اندوخته‌ای، علاوه بر افزایش دارایی‌های مالی فردی برای اقتصاد، اباحت سرمایه فیزیکی بالاتری را نسبت به نظام بازنشتگی پرداخت جاری به همراه دارد. همچنین انتقال به نظام بازنشتگی جدید علاوه بر سطوح بالاتر مصرف ملی و تولید ملی سبب شده است که افراد به دلیل برخورداری از درآمد نیروی کار بالاتر در مقایسه با نظام بازنشتگی قدیم انگیزه‌ی بیشتری برای ماندن در بازار کار و کامل کردن دوران خدمت خود داشته باشند.

JEL: E22، G23، J24، H54

**واژه‌های کلیدی:** تأمین اجتماعی، سرمایه انسانی، کسورات بازنشتگی، اباحت سرمایه

۱- دانشجوی دکترای اقتصاد دانشگاه اصفهان Email: majiddashtbanf@gmail.com

۲- استادیار گروه اقتصاد دانشگاه اصفهان Email: samady@ase.ui.ac.ir

۳- دانشیار گروه اقتصاد دانشگاه اصفهان Email: dallali@ase.ui.ac.ir

۴- دانشیار گروه ریاضی دانشگاه اصفهان Email: fakhar@sci.ui.ac.ir

۵- استادیار دانشکده اقتصاد دانشگاه علامه طباطبائی Email: m2milani@yahoo.com

## Archive of SID

### ۱- مقدمه

در اوایل دهه‌ی ۱۹۵۰ تقریباً دو رویکرد مجزا برای مطالعه پدیده‌های کلان اقتصادی وجود داشت: تئوری تعادل عمومی و اقتصاد کلان کینتزی<sup>۱</sup>. گرچه هر دو رهیافت پدیده‌های کلان اقتصادی را توضیح می‌دهند، اما تفاوت عمدی بین زوایایی است که هر یک از روش‌ها با اتکا آن اتکا به شروع می‌شوند. قیمت‌های انعطاف‌پذیر و تسویه‌ی بازار، هسته‌ی تئوری تعادل عمومی را شکل می‌دهند، درحالی که بیکاری غیرارادی و تقاضای مؤثر، مفاهیم مهمی در اقتصاد کلان کینتزی هستند. سنتز نئوکلاسیک سعی کرد، تئوری تعادل عمومی و اقتصاد کلان کینتزی را با ارائه قلمرو و کاربردی شدن‌شان آشتی دهد. اقتصاد کلان کینتزی با فرض چسبندگی دستمزدهای پولی، توصیف دقیقی از اقتصاد در کوتاه‌مدت ارائه می‌دهد، درحالی که تئوری تعادل عمومی به روندهای بلندمدت اقتصاد می‌پردازد.

در دهه‌های اخیر الگوهای اقتصاد کلان مبتنی بر بنیان‌های خرد در چارچوب الگوهای تعادل عمومی پویا با انتظارات عقلایی درباره آینده تدوین شده‌اند (Docquier et al, 2004). دو گروه مدل‌سازی از این ادبیات پدیدار می‌شود: الگوی افق نامحدود کاس-کوپمنس -رمزی<sup>۲</sup> و الگوی نسل‌های همپوشان آلیس-ساموئلسون - دیاموند<sup>۳</sup>. الگوهای نسل‌های همپوشان طی دوره‌ی زمانی مطرح شدند. اولین آنها الگوهای دو دوره‌ای بودند که عمدتاً قبل از ۱۹۸۰ توسط آلیس، ساموئلسون و دیاموند مطرح شدند. اما دسته‌ی دوم این الگوهای ۵۵ دوره‌ای هستند که اواخر دهه‌ی ۱۹۸۰ توسط آیوریاخ و کوتلیکوف ارائه گردیدند.<sup>۴</sup> با توجه به ظرفیت بالای الگوهای نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره، موضوعات مهمی نظری الزامات اقتصادی شوک‌های جمعیتی، اثرات انتقالات عمومی، بهسازی‌های مالیاتی، بهسازی‌های نظام تأمین اجتماعی، بررسی سیاست‌های رشد درون‌زا، توسعه معیار عدالت بین نسلی، تبعات محیطی رشد، پایداری سیاسی مداخله دولت و مواردی دیگر را می‌توان در قالب این الگوها تجزیه و تحلیل و شبیه‌سازی کرد. در مقاله‌ی حاضر، شبیه‌سازی الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای با رویکرد بهسازی نظام بازنیستگی ارائه می‌شود.

نظام‌های بازنیستگی در اغلب کشورهای توسعه‌یافته از بزرگ‌ترین نهادهای اقتصادی غیربانکی

۱- وجود یک نقطه تعادل عمومی بهوسیله ارو-دبو (Arrow-Debreu) و چارچوب IS-LM بهوسیله هیکس (Hicks 1973) مطرح شد.

2 - Cass-Koopmans-Ramsey

3 - Allias-Samuelson-Diamond

۴- برای آشنایی با الگوهای نسل‌های همپوشان دو دوره‌ای به فصل سوم بلانچارد- فیشر، ترجمه‌ی ختابی- محمدی و فصل دوم روم، ترجمه‌ی نقوی و برای بهره‌مندی از بحثی مفصل درباره الگوهای نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای به، (Auerbach and Kotlikoff 1987) مراجعه شود.

## Archive of SID

محسوب می‌شوند. نظام‌های بازنشتگی می‌توانند افزون بر تضمین رفاه اجتماعی به ویژه در دوران سالخوردگی، عاملی مؤثر برای رشد و توسعه اقتصادی باشند. در این قیل کشورها، معمولاً برای بهینه‌سازی و بهینه نگهداری نظام‌های بازنشتگی به منظور تضمین رفاه اجتماعی و توسعه اقتصادی اقدامات گوناگونی صورت می‌گیرد.

متاسفانه در ایران در دهه‌های گذشته به این مقوله توجه چندانی نشده است. در ایران به دلیل نوع ساختار و ماهیت نهادهای بازنشتگی (که در بخش بعدی به آن پرداخته می‌شود)، گذر آنها از نقطه‌ی سربه‌سری به علت بروز موازنی منفی و تغییرات هرم جمعیتی که میان سرعت در افزایش تعداد سالمدان کشور است، این فرصت از دست رفته است و با توجه به مکانیسم تأمین مالی کسری و جوه مستمری‌های پرداختی از طریق بودجه‌ی عمومی دولت، بخشندگی سیستم‌ها در برخی از زمینه‌ها و نیز پیگیری سیاست‌هایی نظری بازنشتگی پیش از موعد، موجب شده که صندوق‌های بازنشتگی نه تنها قادر به ایفای نقش مؤثر در تأمین مالی سرمایه‌گذاری‌ها نباشند، بلکه به دلیل نیاز به تأمین مالی از بودجه‌ی عمومی، بخشی از توان دولت در این زمینه را نیز کاهش دهند (قاسمی، ۱۳۸۸).

از این رو، با توجه به نارسایی‌های نوع ساختار نظام بازنشتگی ایران و نقش تحولات جمعیتی در عدم پایداری مالی صندوق‌های بازنشتگی، شبیه‌سازی الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای در قالب بهسازی نظام بازنشتگی تجزیه و تحلیل می‌شود. این مطالعه در پنج بخش ارائه می‌شود. بعد از مقدمه، بخش دوم به ادبیات تحقیق اعم از تعریف و مرور مطالعات انجام شده در این زمینه خواهد پرداخت. در بخش سوم، مبانی نظری الگوی مطروحه مدنظر قرار گرفته و بخش چهارم به یافته‌های تحقیق اختصاص دارد که شامل حل عددی الگوی ساخته شده بر اساس اطلاعات اقتصادی ایران با استفاده از تکنیک کالیبره کردن<sup>۱</sup> می‌باشد و در نهایت بخش پنجم به جمع‌بندی، نتیجه‌گیری و ارائه پیشنهادات اجرایی و سیاستی می‌پردازد.

## ۲- ادبیات موضوع

یکی از ابزارهای نهاد تأمین اجتماعی جهت بازتوزیع درآمد، نظام‌های بازنشتگی هستند. امروزه نظام‌های بازنشتگی بر اساس ماهیت خود، نه تنها مؤثرترین عامل در چگونگی عملکرد نظام‌های تأمین اجتماعی به شمار می‌روند، بلکه برای غالب کشورها از بزرگ‌ترین بنیادهای مالی غیربانکی محسوب می‌شوند. از آنجا که نظام‌های

*Archive of SID* بازنشستگی از نوع نظام‌های باز هستند و عوامل بیرونی نظام (شرایط اقتصادی، اجتماعی، فرهنگی و سیاسی جامعه) بر چگونگی عملکرد آن مؤثر است از این رو، موقیت یک نظام بازنشستگی را نمی‌توان فقط در ویژگی‌ها و نسبت‌های عناصر درونی نظام جستجو کرد. بنابراین، در اینجا ضروری به‌نظر می‌رسد که به‌طور مختصر انواع نظام‌های بازنشستگی را ریچ در دنیا تعریف و ویژگی‌های هر یک تشريح گردد:

## ۱- نظام بازنشستگی بر اساس حقوق تعریف شده<sup>۱</sup>

در این نظام بازنشستگی، برقراری حقوق بازنشستگی بر اساس حقوق دوران اشتغال معمولاً میانگین سال‌های آخر خدمت و در مواردی با اعمال ضریبی خاص و با لحاظ شدن سال‌های پرداخت کسور بازنشستگی محاسبه می‌شود. تمامی نظام‌های بازنشستگی نیازمند روشی برای تأمین منابع مالی جهت مصارف خود هستند. تأمین منابع مالی در نظام حقوق تعریف شده به‌طور عمده توسط کسورات بازنشستگی تحقق می‌یابد. بدین مفهوم که کسورات بازنشستگی شاغلین در یک نسل، صرف پرداخت حقوق بازنشستگی نسل قبل می‌گردد. این شیوه‌ی تأمین منابع مالی در نظام‌های بازنشستگی روش پرداخت جاری<sup>۲</sup> نامیده می‌شود. از این رو، نظام DB را اصطلاحاً DB-PAYG نامگذاری کرده‌اند (نیرومند، ۱۳۸۶). مدیریت این نظام نیز معمولاً دولتی است. برتری‌های این نظام را می‌توان به این صورت برشمرد:

۱- ریسک سرمایه‌گذاری و تأثیر نابسامانی‌های اقتصادی حاصل از آن بر الگوی DB-PAYG در مقایسه با سایر نظام‌های بازنشستگی کمتر است. به‌یان دیگر، تأثیر منفی این مسائل به‌طور مستقیم متوجه بیمه شدگان نیست.

۲- چون نظام DB-PAYG در بسیاری از موارد دولتی است؛ از این رو برای حمایت از اقتشار کم درآمد، معمولاً حداقل حقوقی لحاظ می‌شود.

برخی معایب این نظام نیز عبارتند از:

۱- چون محاسبه‌ی حقوق بازنشستگی براساس کسور پرداخت شده انجام نمی‌یابد؛ از این رو، برخورد نظام پرداخت جاری با مشترکین خود، منصفانه نیست.

۲- چون کسور بازنشستگی ذخیره نمی‌شود؛ از این رو، نظام پرداخت جاری فاقد انباشت سرمایه در

1 - Defined Benefit (DB)

2 - Pay-As-You-Go (PAYG)

## Archive of SID

حد کلان و رشد اقتصادی است.

۳- این نظام در کشورهایی که دارای تورم شدید هستند یا در دورانی خاص که تغییرات ناگهانی در اقتصاد آنها پدیدار می‌شود، بسیار شکننده است.

۴- افزایش امید به زندگی، افزایش مصارف را در نظام پرداخت جاری به همراه خواهد داشت و چون با گذشت زمان نسبت جمعیت سالخورده به کل جمعیت فزونی می‌باید بنابراین با گذشت زمان، کارایی نظام پرداخت جاری کمتر و کمتر خواهد شد. همچنین در مواردی که نرخ رشد جمعیت سالخورده نسبت به نرخ رشد جمعیت فعال تحت پوشش فزونی می‌باید، نظام پرداخت جاری با بحران مالی روبرو خواهد شد (روغنی زاده، ۱۳۸۴).

### ۲-۲- نظام بازنشتگی بر اساس کسور تعریف شده<sup>۱</sup>

در این نظام بازنشتگی، حقوق بازنشتگی بر اساس میزان کسور پرداخت شده در سال‌های خدمت با در نظر گرفتن سود ناشی از سرمایه‌گذاری‌ها و یا نرخ تورم محاسبه می‌شود. تأمین منابع مالی در نظام کسور تعریف شده ممکن است به صورت اندوخته‌ی کامل<sup>۲</sup> و یا به صورت پرداخت جاری باشد (نیرومند، ۱۳۸۶).

### ۲-۲-۱- نظام بازنشتگی DC-FF

در این نظام، کسورات بازنشتگی پرداختی افراد در حساب‌های شخصی آنها ثبت و روی کسور جمع-آوری شده توسط مدیریت صندوق، سرمایه‌گذاری شده و در آغاز بازنشتگی سهم هر فرد از منابع موجود مشخص می‌شود. اندوخته‌ی هر فرد در آغاز بازنشتگی، به صورت یکجا و یا به صورت تدریجی پرداخت می‌گردد (Sun, 2007). مدیریت در این نظام بازنشتگی ممکن است دولتی و یا خصوصی باشد. در زیر به برخی برتری‌های این نظام در قیاس با نظام DB-PAYG اشاره می‌شود:

۱- چون بهره‌مندی بازنشتته از مزایای بازنشتگی متناسب با کسور پرداخت شده وی است؛ از این‌رو، عملکرد نظام منصفانه تلقی می‌شود.

۲- چون کسور پرداخت شده در حساب بیمه شده ثبت و میزان اندوخته‌ی ذی نفع با گذر زمان در اثر

1 - Defined Contribution (DC)

2 - Full Funded (FF)

## Archive of SID

سرمایه‌گذاری افزایش می‌یابد؛ از این‌رو انگیزه‌ی فرد برای پرداخت کسور بازنشستگی و کامل نمودن دوران خدمت افزایش می‌یابد.

۳- در نظام بازنشستگی اندوخته‌ی کامل، امکان تقویت انباشت سرمایه وجود دارد که می‌تواند باعث رشد اقتصادی شود.

۴- تغییرات جمعیتی نظیر کاهش یا قطع ورودی‌ها که در نظام پرداخت جاری سیار بحران‌زا است، در نظام اندوخته‌ی کامل بی‌تأثیر است (روغنی زاده، ۱۳۸۴).

معایب این نظام نیز به قرار زیر است:

۱- هر چند بازدهی سرمایه‌گذاری در این نظام بالاتر از DB-PAYG است، اما ریسک سرمایه‌گذاری در DC-FF مستقیماً متوجه بیمه‌شدگان است.

۲- اگر ساختار DC-FF به گونه‌ای طراحی شود که برای افسار کم درآمد، حداقلی لحاظ نشود و افراد کم درآمد هم قادر پس انداز باشند، در این صورت افراد کم درآمد در این نوع نظام بازنشستگی آسیب‌پذیر خواهند بود.

### ۲-۲-۲- نظام بازنشستگی DC-PAYG

در این نظام بازنشستگی، پرداخت حقوق بازنشستگی بر اساس حق بیمه اما تأمین منابع مالی نظام به صورت PAYG است. بدین معنا که هر چند کسور بازنشستگی افراد در حساب‌های شخصی آنها ثبت می‌شود؛ اما کسور جمع آوری شده به جای انباشته شدن و سرمایه‌گذاری روی آنها، صرف پرداخت حقوق بازنشستگان می‌شود (بیرونی، ۱۳۸۶). لازم به ذکر است که مدیریت این نظام در بیشتر موارد در اختیار بخش خصوصی است.

در ایران ۱۸ صندوق بازنشستگی بیمه‌ای وجود دارد که تمامی آنها براساس نظام سنتی پرداخت جاری اداره می‌شوند. تمامی نارسایی‌های یاد شده در مورد نظام پرداخت جاری، درباره‌ی صندوق‌های بازنشستگی ایران به شدت مصدق دارد و هیچ بهسازی قابل توجه‌ای به جز افزایش کسور به منظور کاهش تأثیر عوامل منفی درون یا برون نظام انجام نیافته است. این امر باعث شده که کسور بازنشستگی صندوق‌های ایران یکی از بالاترین نرخ‌ها را نسبت به سایر کشورهایی که نظام بازنشستگی آنها براساس پرداخت جاری اداره می‌شود، داشته باشد. از طرف دیگر چون در نظام پرداخت جاری، پرداخت حقوق بازنشستگی براساس میانگین حقوق سال‌های آخر خدمت محاسبه می‌شود و نه براساس کسور پرداخت شده و از آنجا که داشتن مدرک، تخصیصی نظام استخدامی عاملی مؤثر در میزان حقوق است از این‌رو، کارکنان غالب دستگاه‌ها

*Archive of SID* و نهادها با مجوزهایی سعی برگرفتن مدرک تحصیلی بالاتر در سال‌های آخر خدمت‌برای برحورداری از حقوق بازنیستگی بیشتر (بدون پرداخت کسور آن) می‌کنند که تأثیر منفی این واقعیت بر ثبات صندوق‌ها هر روز افزایش می‌یابد. براساس بررسی‌های انجام شده برای غالب صندوق‌ها، مصارف بر منابع فرونسی گرفته و بررسی روندهای تأثیرگذار، حاکی از آن است که در آینده‌ای نه چندان دور برای سایر صندوق‌ها، افزون شدن مصارف بر منابع اتفاق خواهد افتاد (روغنی زاده، ۱۳۸۴).

### ۳-۲- مطالعات انجام شده

مشکل موجود در کمی کردن الگوهای نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای و مسائل مربوط به آن سبب شده است که مطالعات تجربی فراوانی در این باره صورت نگیرد. در راستای رویکرد مطرح شده در این مقاله، به معرفی برخی مطالعات انجام شده در خصوص بهسازی نظام‌های تأمین اجتماعی خواهیم پرداخت. ناگفته نماند که بیشتر مطالعاتی که در ذیل مطرح خواهد شد، در قالب الگوی نسل‌های همپوشان دو دوره‌ای است. مطالعات بسیاری خواص نظام‌های تأمین اجتماعی را بررسی کرده‌اند. برای مثال، فلدستین<sup>۱</sup>، هابرد و دیگران<sup>۲</sup> با استفاده از الگوهای سیکل زندگی نتیجه گرفتند که معرفی نظام تأمین اجتماعی غیر اندوخته‌ای در موقعیت‌های فاقد تأمین اجتماعی پس انداز خصوصی را کاهش می‌دهد. محققان دیگری نظری فلدستین و سام ویک<sup>۳</sup>، دیاموند و میرلس<sup>۴</sup> نشان دادند که نظام‌های بازنیستگی ممکن است سبب تغییر شکل عرضه‌ی نیروی کار گرددند. در این راستا دیاموند چهار اثر مهم را مطرح کرد: افزایش درآمد، باز توزیع درآمد، تصحیح نارسایی‌های بازار و پدرسالاری<sup>۵</sup>. نارسایی‌های بازار، فقدان ییمه در مقابل خطرات مرتبط با بازنیستگی را شامل می‌شود. در رابطه با مقوله، پدرسالاری، وی نشان داد که به دلیل وجود خطاهای پیش‌بینی یا تصمیمات غیر عقلایی، افراد برای دوره، بازنیستگی به اندازه، کافی پس انداز نمی‌کنند. ارو<sup>۶</sup> بهسازی تأمین اجتماعی، انباشت سرمایه و اثر توزیع بین نسلی را در چارچوب الگوی نسل‌های همپوشان برای اقتصاد مکزیک مورد مطالعه قرار داد. وی با استفاده از یک الگوی شبیه‌سازی پویای نوکلاسیکی، اثر

1 - Feldstein, (1974)

2 - Hubbard et. al, (1995)

3 - Feldstein & Samwick, (1992)

4 - Diamond & Mirrless, (1978)

5 - Paternalism

6 - Arrau

*Archive of SID*

اقتصاد کلان و توزیع بین نسلی تغییر از نظام تأمین اجتماعی پرداخت جاری به نظام اندوخته، کامل را بررسی کرد.<sup>۱</sup> وی الگو را با استفاده از داده‌های اقتصاد مکزیک مورد توجه قرار داد و به نتایج زیر رسید:

- ۱- با مقایسه، موارد تأمین مالی انتقال به یک نظام اندوخته، کامل، می‌توان عملکرد موارد تأمین مالی را در رابطه با انباشت سرمایه از بهتر به بدتر و با توجه به اهمیت بدھی ملی لحاظ شده برای تأمین مالی انتقال، رتبه‌بندی کرد.
- ۲- بهترین راه سنجش بهسازی یک قرارداد بین نسلی مانند نظام پرداخت جاری، حداقل کردن توزیع بین نسلی است. در چنین شرایطی بهترین طرح برای تأمین مالی انتقال و کسری تأمین اجتماعی نیازمند به مقوله‌ی بدھی ملی برای شناسایی اوراق بهادر است. کسری تأمین اجتماعی به این دلیل روی می‌دهد که با بهسازی نظام تأمین اجتماعی، دولت درآمد حاصل از کسورات را از دست داده و بایستی حقوق‌های بازنشستگی به افراد بازنشسته را در هنگام بهسازی بپردازد.

لنگونی<sup>۲</sup> در سال ۱۹۹۷ نقش تأمین اجتماعی را روی توزیع درآمد، انباشت سرمایه و رشد اقتصادی در چارچوب یک الگوی نسل‌های همپوشان دو دوره‌ای با افراد ناهمگن برای اقتصاد بزریل مورد مطالعه قرار داد. مشخصه‌ی کلیدی الگوی وی معرفی صریح دولت و سیاست مالی است و ناهمگنی نیز به‌وسیله‌ی توانایی‌های مختلف در میان افراد و انگیزه‌های ارث، غیرمنفی توضیح داده می‌شود. مطالعه‌ی وی نشان می‌دهد که تحت سیاست‌های بازتوزیع معین اتخاذ شده به‌وسیله‌ی دولت، نظام پرداخت جاری به نابرابری درآمد بیشتر و عملکرد اقتصادی بدتر نسبت به نظام اندوخته کامل منجر می‌شود.

سرانو<sup>۳</sup> در پژوهشی تحت عنوان بهسازی تأمین اجتماعی، توزیع درآمد، سیاست مالی و انباشت سرمایه با استفاده از یک الگوی نسل‌های همپوشان با افراد ناهمگن نشان می‌دهد که چگونه یک تغییر از نظام تأمین اجتماعی پرداخت جاری به نظام تأمین اجتماعی اندوخته‌ی کامل، توزیع درآمد، سیاست مالی و انباشت سرمایه را تحت تأثیر قرار می‌دهد. نتایج مطالعه‌ی وی مؤید این نکته است که وقتی برای برخی افراد محدودیت دسترسی به نهادهای مالی وجود دارد، خصوصی‌سازی نظام بازنشستگی، توزیع درآمد را بهبود می‌بخشد. همچنین مطالعه‌ی وی حاکی از آن است که بدون توجه به توزیع‌های اولیه، بهسازی نظام تأمین

۱- توجه کنید که این الگوی پویای نوکلاسیکی یک الگوی تعیین یافته ۵۵ دوره‌ای است که حالت خاصی از الگوی کوتلیکوف و آبوریاخ می‌باشد. برای بهره‌گیری از بحثی مفصل درباره‌ی این الگوها به، Auerbach and Kotlikoff (1987) مراجعه شود.

2 - Langoni, (1997)

3 - Serrano, (1999)

## Archive of SID

اجتماعی سطح سرمایه فیزیکی اقتصاد را افزایش می‌دهد.

سان<sup>۱</sup> در پژوهشی تحت عنوان تحلیل تعادل عمومی و شبیه‌سازی نظام تأمین اجتماعی چین در قالب یک الگوی نسل‌های همپوشان با استفاده از افراد همگن نشان می‌دهد که رفتار مصرف-پس انداز بینهایی فردی و سطح مطلوبیت طول عمر تحت نظام‌های تأمین اجتماعی مختلف، متفاوت است.

سردا<sup>۲</sup> به بررسی بهسازی نظام بازنشتگی شیلی - که در سال ۱۹۸۱ به وقوع پیوسته است - می‌پردازد. برای این منظور، وی یک سناریوی مجازی<sup>۳</sup> از اقتصاد شیلی تحت نظام بازنشتگی پرداخت جاری ارائه کرده و این سناریو را با داده‌های مؤثر به دست آمده تحت نظام حساب شخصی مقایسه می‌کند. نتایج مطالعه‌ی وی کسری‌های مالی قابل توجه در نظام پرداخت جاری، پوشش نسبتاً پایین بازنشتگی و مزایای نسبتاً کم را در مقایسه با نظام حساب شخصی نشان می‌دهد.

در ارتباط با موضوع مورد مطالعه در چارچوب مورد نظر، تاکنون پژوهشی در کشور انجام نشده است.

### ۱- تصریح الگو

شالوده الگویی که در این قسمت مطرح می‌شود، متفاوت از الگوی آبورباخ-کوتلکوف (۱۹۸۷) نیست. البته برتری مقاله‌ی حاضر این است که علاوه بر لحاظ کردن احتمال زنده بودن افراد در هر لحظه از زمانی، الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای را تحت جوامع با دو نوع نظام بازنشتگی پرداخت جاری و اندوخته کامل به کار می‌گیرد. از این رو، با در نظر گرفتن ساختارهای هر یک از این دو نظام بازنشتگی و نحوه‌ی بازپرداخت کسورات بازنشتگی بین افراد بازنشته می‌توان الگوی نسل‌های همپوشان را با توجه به ویژگی‌های هر نظام بازنشتگی فرموله کرد. از این رو، یک الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای اقتصاد بسته با سه بخش خانوارها، بنگاه‌ها و دولت در نظر گرفته می‌شود.<sup>۴</sup>

### ۲- رفتار خانوار

مشخصه‌ی اصلی الگوهای نسل‌های همپوشان این است که افراد با وجود پیش‌رو داشتن افق نامحدود

1 - Sun, (2007)

2 - Cerda, (2007)

3 - Counter-Factual

۴- الگوی مطرح شده در این مقاله برگرفته از الگوی آبورباخ-کوتلکوف (۱۹۸۷) و دوکیور-لیگوس (۲۰۰۴) است. البته طراحی الگو در قالب نظام‌های بازنشتگی توسط محققان انجام شده است.

اقتصاد، مطلوبیت‌شان را روی یک طول عمر محدود، حداکثر می‌رسانند. فرض می‌شود که افراد بلاعنصاره بعد از تولد شروع کار کرده و برای ۵۵ دوره زندگی می‌کنند، این امر معادل آن است که عنوان شود، افراد از سن ۲۱ سالگی شروع به کار کرده در سن ۵۰ سالگی بازنشسته می‌شوند و نهایتاً ۷۵ سال زندگی می‌کنند. از این رو، در هر دوره‌ی زمانی معین ۵۵ نسل مختلف زنده حضور خواهد داشت. فرض می‌شود هر فرد در هر لحظه از زمان با احتمال زنده بودن  $P_r$  مواجه است که تابعی کاهنده از سن است.

تابع مطلوبیت انتظاری یک عضو نسل  $t$  به دنباله‌ی انتظاری وی از مخارج مصرفی سالانه و مقدار زمان اختصاص داده شده به استراحت بستگی دارد. بهمنظور لحاظ کردن رشد بهره‌وری بروزرا، فرض می‌شود که کارایی نیروی کار کارگران  $H_{j,t}$  با نرخ  $\delta$  رشد می‌کند. یک روش مناسب برای تضمین وجود رشد متعادل پایدار این است که فرض شود، مطلوبیت ناشی از استراحت به طور متناسبی با کارایی نیروی کار افزایش می‌یابد. با فرض تصویری یک تابع مطلوبیت CES آشیانی<sup>۱</sup> داریم:

$$E(U_t) = \frac{1}{1 - \frac{1}{V}} \sum_{j=1}^{55} \frac{P_j}{(1 + \delta)^{j-1}} [c_{j,t+j-1}^{\frac{1-\frac{1}{\rho}}{\rho}} + \gamma_j (H_{j,t+j-1} l_{j,t+j-1})^{\frac{1-\frac{1}{\rho}}{\rho}}]^{1 - \frac{1}{\rho}} \quad (1)$$

در اینجا  $c_{j,t+j-1}$  معرف تقاضای مصرفی و استراحت در سن  $j$  در دوره  $I - t$  است،  $\gamma_j$  نرخ ترجیح استراحت در سن  $j$  را اندازه‌گیری می‌کند و  $\delta$  نرخ ترجیح زمانی،  $V$  کشش جانشینی بین دوره‌ای و  $\rho$  کشش جانشینی درون دوره‌ای است. تحت فرض پیش‌بینی کامل، مسئله‌ی بهینه‌یابی مصرف-کننده عبارت است از: حداکثر کردن مطلوبیت طول عمر نسبت به محدودیت بودجه بین دوره‌ای با الزام به اینکه ارزش تنزیل شده مخارج طول عمر با ارزش تنزیل شده‌ی درآمد طول عمر مساوی باشد، یعنی:

$$\pi_{j,t+j-1} [w_{t+j-1} (1 - \tau_{t+j-1}) (1 - \tau_s) H_{j,t+j-1} (1 - l_{j,t+j-1}) + PE_{j,t+j-1} + TR_{j,t+j-1}] = \sum_{j=1}^{55} \pi_{j,t+j-1} c_{j,t+j-1} \quad (2)$$

در اینجا  $\pi_{j,t+j-1}$  درآمد و مخارج را در سن  $j$  تنزیل می‌کند، به‌طوری که:

$$\pi_{j+1,t+j} = \frac{\pi_{j,t+j-1}}{1 + r_{t+j} (1 - \tau_{t+j})} \quad , \quad \pi_{1,t} = 1$$

*Archive of SID*  $W_{t+j-1}$  نرخ دستمزد بر حسب واحد کارایی نیروی کار است،  $TR_{j,t+j-1}$  تمامی انتقالات دولت به اعضای سن  $j$  را شامل می‌شود،  $\tau_{t+j-1}$  و  $\tau_s$  به ترتیب نرخ مالیات بر درآمد و نرخ مالیات تأمین اجتماعی هستند و بالآخره  $PE_{j,t+j-1}$  معرف حقوق بازنیستگی دریافت شده فرد در سن  $j$  است. برای سهولت فرض می‌شود، این میزان حقوق بازنیستگی به نوع فرد بستگی ندارد. توجه کنید که هر فرد در طول سال‌های کاری، دستمزد و پرداخت‌های بازنیستگی را فقط در طول سال‌های بازنیستگی دریافت می‌کند.

اگر دوران کامل خدمت ۳۰ سال در نظر گرفته شود، چنین روابطی برقرار است:

$$PE_{j,t+j-1} = 0 \quad j = 1, \dots, 30$$

$$H_{j,t+j-1} = 0 \quad j = 31, \dots, 55$$

در واقع محدودیت بودجه فرد یا می‌دارد که مجموع تنزیل شده مخارج مساوی با مجموع تنزیل شده درآمد است. این بدان معناست که ثروت فرد بایستی در انتهای حداکثر طول عمر وی صفر باشد. با فرض اینکه ثروت فرد در ابتدای سن  $j$  باشد جواب مسئله حداکثرسازی برای نسل  $t$  به وسیله مجموعه معادلات زیر توصیف می‌شود:

$$\left( \frac{c_{j+1,t+j}}{c_{j,t+j-1}} \right)^{\frac{1}{\nu}} = \frac{P_{j+1}}{P_j} \frac{1 + r_{t+j}(1 - \tau_{t+j})}{1 + \delta} \left[ \frac{1 + \gamma_{j+1} Z_{j+1,t+j}^{\rho-1}}{1 + \gamma_j Z_{j,t+j-1}^{\rho-1}} \right]^{\frac{1-\frac{1}{\nu}}{\rho}} \quad (3)$$

$$\text{است، به طوری که: } Z_{j+1,t+j}^{\rho} = \frac{H_{j+1,t+j} l_{j+1,t+j}}{c_{j+1,t+j}}, \quad Z_{j,t+j-1}^{\rho} = \frac{H_{j,t+j-1} l_{j,t+j-1}}{c_{j,t+j-1}} \quad \text{که در اینجا} \quad (4)$$

$$l_{j,t+j-1} = \frac{c_{j,t+j-1} Z_{j,t+j-1}^{\rho}}{H_{j,t+j-1}}, \quad , \quad l_{j+1,t+j} = \frac{c_{j+1,t+j} Z_{j+1,t+j}^{\rho}}{H_{j+1,t+j}} \quad (4)$$

با حل شرایط مرتبه اول حداکثر سازی و انجام برخی محاسبات خواهیم داشت:

$$Z_{j,t+j-1} = \frac{\gamma_j}{w_{t+j-1} (1 - \tau_{t+j-1})(1 - \tau_s)} \quad , \quad Z_{j+1,t+j} = \frac{\gamma_{j+1}}{w_{t+j} (1 - \tau_{t+j})(1 - \tau_s)} \quad (5)$$

فرض می‌شود که افراد فقط به رفاه خود توجه می‌کنند از این رو، نه ارثی بر جا گذاشته و نه ارثی دریافت، نیز تمند، این  $a_{1,t} = a_{56,t} = 0$  معناست که همچنین فرض می‌شود که افراد در هر

## Archive of SID

دوره با محدودیت بودجه‌ی زیر مواجه هستند:

$$a_{j+1,t+j} = (1 + r_{t+j-1}(1 - \tau_{t+j-1}))a_{j,t+j-1} + w_{t+j-1}(1 - \tau_{t+j-1})(1 - \tau_s)H_{j,t+j-1}(1 - l_{j,t+j-1}) + PE_{j,t+j-1} + TR_{j,t+j-1} - c_{j,t+j-1} \quad (6)$$

در اینجا  $a_{j,t+j-1}$  دارایی‌های مالی نگهداری شده توسط فرد در سن  $j$  در سال  $t+j-1$  است. در ضمن توجه کیم که موجودی سرمایه انسانی  $H_{j,t+j-1}$  برای تمامی افراد یک گروه سنی ثابت فرض می‌شود، اما به دلیل وجود رشد بهره‌وری، برای هر نسل جدید، سطح اولیه‌ی سرمایه انسانی بالاتر خواهد بود. این بدان معنا است که هر نسل جدید متولد شده نسبت به گروه سنی قبل، موجودی سرمایه‌ی انسانی بالاتر با عامل ثابت  $(1+x)$  خواهد داشت، یعنی:

$$\frac{H_{1,t+1}}{H_{1,t}} = 1 + x$$

### ۲-۳- تجمیع و رفتار بنگاه

با تجمعی محاسبه فردی، ثروت و عرضه‌ی نیروی کار در هر دوره‌ای از زمان مصرف ملی، ثروت ملی و نیروی کار کل به دست می‌آید:

$$C_t = \sum_{j=1}^{55} N_{j,t} C_{j,t} \quad (7)$$

$$A_t = \sum_{j=2}^{55} N_{j-1,t-1} a_{j,t} \quad (8)$$

$$L_t = \sum_{j=1}^{55} H_{j,t} N_{j,t} (1 - l_{j,t}) \quad (9)$$

که در اینجا، نسل  $t$  در سن  $j$  است. فرض می‌شود که در هر دوره،  $t$  یک بنگاه رقابتی وجود دارد که واحد کالا بر اساس تابع تولید با دو نهاده، سرمایه  $K_t$  و نیروی کار  $L_t$  تولید می‌کند:

$$Y_t = F(K_t, L_t)$$

فرض می‌شود که تابع  $F : R_{++}^2 \rightarrow R_+$  فزاینده، به طور پیوسته دوباره مشتق‌پذیر و مقعر بوده و معرف بازده ثابت نسبت به مقیاس است. همچنین سرمایه به طور کامل در دوره‌ی تولید مستهلك می‌شود.

$$Y_t = K_t^\alpha L_t^{1-\alpha} \quad (10)$$

بنابراین اینکه بنگاه بازار عوامل به شکل رقابتی فعالیت کند، نیروی کار را تا جایی استخدام می‌کند

## Archive of SID

که تولید نهایی نیروی کار با نرخ دستمزد و سرمایه را تا جایی اجاره می‌کند که تولید نهایی سرمایه با ترخ

بهره برابر شود. به عبارت دیگر:

$$w_t = (1 - \alpha) k_t^\alpha \quad (11)$$

$$r_t = \alpha k_t^{\alpha-1} \quad (12)$$

در اینجا  $k_t$  موجودی سرمایه سرانه است. با فرض اینکه دولت اقدام به انتشار اوراق قرضه عمومی به میزان  $B_t$  موجودی سرمایه، بخش خصوصی  $K_t = A_t - B_t$  خواهد بود.

### ۳-۳-۳ دولت

دولت انتقالات به افراد را سازماندهی کرده و مخارج  $G_t$  را مصرف می‌کند. برای سهولت فرض می‌شود که بهسازی نظام بازنشتگی، هزینه‌ای به دولت تحمیل نمی‌کند. همچنین فرض می‌شود که دولت برای تأمین مالی این مخارج، مالیات بردرآمد را مدنظر قرار داده و بالحاظ، اوراق قرضه عمومی با مسیر پویایی بدھی عمومی به صورت زیر مواجه است:

$$B_{t+1} = B_t(1 + r_t) + G_t + \sum_{j=1}^{55} N_{j,t} TR_{j,t} - \tau_t(r_t A_t + w_t L_t) \quad (13)$$

در عمل چندین روش برای متعادل ساختن محدودیت بودجه، دولت وجود دارد. یک روش آن است که نرخ مالیات برونزا گرفته شود و بدھی عمومی درونزا فرض گردد یا اینکه بدھی عمومی به شکل برونزا درنظر گرفته شود و نرخ مالیات به شکل درونزا تعديل گردد یا می‌توان هر دو نرخ مالیات و بدھی عمومی را برونزا گرفت و مخارج دولت را به شکل درونزا تعديل کرد. در این مقاله فرض می‌شود که با معین بودن مسیر برونزا بدھی عمومی و مخارج دولت، محدودیت بودجه، به طور سالانه از طریق تغییرات نرخ مالیات بردرآمد تعديل می‌شود.

توجه کنید که کسورات بازنشتگی در محدودیت بودجه دولت لحاظ نشده است، زیرا با فرض یک نظام تأمین اجتماعی پرداخت جاری، صرف مسئولیت دولت، مدیریت این نظام است؛ به عبارت دیگر، دولت کسورات بازنشتگی افراد جوان را جمع‌آوری کرده و در میان افراد مسن توزیع می‌کند و به دلیل اینکه وجوده جمع‌آوری شده فوراً در هر دوره توزیع می‌شود، هیچ اثری بر محدودیت بودجه دولت ندارد.

بنابراین، حقوق بازنشتگی هر فرد مسن تحت نظام پرداخت جاری، عبارت است از:

$$PE_{j,t} = \frac{PE_t}{\sum_{j=31}^{55} N_{j,t}} \quad , \quad j = 31, \dots, 55$$

*Archive of SID* که در اینجا  $PE_t$  کل کسورات بازنشستگی است که از افراد جوان (یا شاغل) در دوره‌ی آتی خواهد می‌شود.

$$PE_t = \tau_s (1 - \tau_t) w_t L_t \quad (15)$$

### ۳-۴- جامعه با نظام بازنشستگی اندوخته‌ی کامل

در نظام بازنشستگی اندوخته‌ی کامل، دولت کسورات تأمین اجتماعی را دریافت نمی‌کند و در انتهای دوره‌ی انتقال به هیچ وجه مسئول پرداخت حقوق‌های بازنشستگی نخواهد بود. در این نظام بازنشستگی، حقوق‌های بازنشستگی افراد مستقیماً به کسورات پرداخت شده به نظام تأمین اجتماعی در طول سال‌های کاری بستگی دارد.

بنابراین حقوق بازنشستگی دریافت شده به وسیله‌ی یک فرد مسن به صورت زیر تعیین می‌شود:

$$PE_{j,t} = \frac{\sum_{i=1}^{30} (1+r_{j+i+t})^{30-i+1} \tau_s (1-\tau_{j+i+t}) w_{j+i+t} H_{i-j+i+t} (1-l_{i-j+i+t})}{\prod_{i=31}^j (1+r_{j+i+t})}, \quad j=31, \dots, 55 \quad (16)$$

معادله‌ی (۱۶) بیان می‌دارد که مانده‌ی انباشته شده در حساب‌های شخصی در طول سال‌های کاری (کسورات به اضافه‌ی پرداخت‌های بهره) با ارزش حقوق‌های بازنشستگی دریافت شده در طول سال‌های بازنشستگی برابر است و هیچ گونه بازنمایی بین نسلی وجود ندارد. توجه کنید که تحت این نوع نظام بازنشستگی نیز محدودیت بودجه دولت تحت تأثیر قرار نمی‌گیرد و معادلات (۱) تا (۱۳) کماکان به قوت خود باقی خواهد ماند، البته صرفاً نحوه تأمین مالی حقوق دوران بازنشستگی فرد تحت تأثیر می‌گیرد.

## ۴- یافته‌های تحقیق

### ۴-۱- کالیبره کردن الگوی تدوین شده

هر چند نحوه کالیبره کردن الگوهای خرد و کلان اقتصادی اندکی با هم تفاوت دارند، اما در ادبیات اقتصادی چند عمل ساده برای انجام آن لازم است. انتخاب الگو، مشخص نمودن هدف کالیبره کردن، انتخاب شکل تبعی توابع و در نهایت استفاده از پارامترهای تخمین‌زده شده توسط دیگران یا خود محقق به ترتیب چهار مرحله انجام یک تمرین کالیبره کردن در الگوهای اقتصادی‌اند (Dawkins et al 2001). بر اساس روابط ارائه شده، پارامترهای مورد نیاز عبارتند از: نرخ رجحان زمانی ( $\delta$ )، نرخ مالیات تأمین اجتماعی ( $\tau$ )، کشش جانشینی بین دوره‌ای ( $\gamma$ )، کشش جانشینی درون دوره‌ای ( $\rho$ )، نرخ رشد بهره‌وری ( $x$ )، نرخ ترجیح استراحت در سن  $j$  (٪)، سهم سرمایه در تولید ( $a$ ). پارامترهای مورد استفاده و نحوه کالیبره کردن آن‌ها در جدول زیر آورده شده است:

## Archive of SID

### جدول ۱. پارامترهای کالیبره شده

نام پارامتر	علامت اختصاری	معیار کالیبره کردن	مقدار عددی
نرخ رجحان زمانی	$\theta$	مطالعه‌ی دین محمدی	۰/۰۱
نرخ رشد نیروی کار	$n$	مطالعه‌ی دین محمدی	۰/۰۳
نرخ مالیات تأمین اجتماعی	$\tau_s$	سازمان تأمین اجتماعی	۰/۴۳
کشش جانشینی بین دوره‌ای	$V$	مطالعه‌ی دوکیور و لیگوس <sup>۱</sup>	۰/۹۵
کشش جانشینی درون دوره‌ای	$\rho$	مطالعه‌ی دوکیور و لیگوس	۰/۸
نرخ ترجیح استراحت درسن	$\gamma_j$	مطالعه‌ی دوکیور و لیگوس	$0 \leq j \leq 30$ اگر $1 \leq j \leq 55$ اگر ۱
نرخ رشد بهره‌وری	$x$	مطالعه‌ی محقق	۰/۰۲
سهم سرمایه در تولید <sup>۲</sup>	$\alpha$	مطالعه‌ی محقق	۰/۶

منبع: گردآوری محقق

همچنین فرض می‌شود که دولت سیاست مصرفی اش را به صورت نسبت ثابتی از GDP در نظر می‌گیرد. از این رو، براساس داده‌های حساب‌های ملی سال ۱۳۸۶ نسبت مخارج دولت به تولید ناخالص داخلی، یعنی: 
$$g = \frac{G}{Y}$$
 مساوی با ۲۳ درصد اتخاذ شد. بدلیل اینکه فرض بر این است که دولت بودجه را با ثابت نگاه داشتن نسبت بدھی عمومی به GDP تأمین مالی می‌کند از این رو، 
$$g = \frac{B}{Y}$$
 براساس داده‌های سال ۱۳۸۶ معادل با ۴/۸ درصد است. در نهایت نسبت پرداخت‌های انتقالی دولت به GDP، یعنی: 
$$TR = \frac{TR}{Y}$$
 مساوی با ۱۱ درصد در محاسبات لحاظ شد.

#### ۴-۲- برآورد الگو

##### ۴-۲-۱- برآورد الگو در جامعه با نظام بازنشستگی پرداخت جاری

شرایط مرتبه اول حداقل‌سازی، محدودیت‌های بودجه و شرایط تعادل بازار در سیستم معادلات (۳) تا (۱۳)

۱ - Docquier and Liegeois ، (2004)

۲- با توجه به اینکه نیروی کار مورد استفاده در تابع تولید (نیروی کار مؤثر) مبتنی بر معادله (۹) است از این رو، برای تعیین سهم سرمایه در تولید، تابع تولید (۱۰) برآورد گردید. همچنین برای محاسبه سرمایه‌ی انسانی مورد استفاده در تابع تولید، از شاخص Tin-Chun Lin (2004)، استفاده شد.

یک الگوی غیرخطی مقیاس بزرگ را شکل می‌دهند. فرض کنید  $S$  معرف طول شبیه‌سازی بر حسب دوره،  $y$  معرف تعداد متغیرهای وابسته،  $x_{i,t}$  ( $i=1, \dots, y$ ) و  $e_{i,t}$  ( $t=1, \dots, f$ ) معرف متغیرهای بروزنزا و  $\psi$  معرف بردار پارامترها باشند.  $X_{i,t}$  به متغیر باوقفه و  $f$  متغیر پیش رو وابسته است. از این رو، می‌توان بردار وضعیت در دوره  $t$  را به صورت  $'x_t = (x_1, \dots, x_{y,t})'$  نوشت.

بنابراین با توجه به فروض مطرح شده، در هر دوره بردار وضعیت مشکل از  $y=4*55+7=227$  متغیر درونزا در ۲۲۷ معادله است. به عبارت دیگر:

$$\hat{\gamma} = (a_{1,t}, \dots, a_{55,t}, c_{1,t}, \dots, c_{55,t}, l_{1,t}, \dots, l_{55,t}, Z_{1,t}, \dots, Z_{55,t}, A_t, C_t, K_t, L_t, w_t, r_t, \tau_t)$$

برای هر دوره‌ی زمانی این  $y$  معادله می‌تواند به شکل صریح نوشته شود:

$$x_{1,t} = g_1(x_{t-q}, \dots, x_t, \dots, x_{t+f}; e; \psi) \quad (17)$$

$$x_{y,t} = g_y(x_{t-q}, \dots, x_t, \dots, x_{t+f}; e; \psi)$$

همچنین می‌توان این  $y$  معادله را به شکل همگن به صورت زیرنوشت:

$$f_1(x_{t-q}, \dots, x_t, \dots, x_{t+f}; e; \psi) = 0 \quad (18)$$

$$f_y(x_{t-q}, \dots, x_t, \dots, x_{t+f}; e; \psi) = 0$$

با معین بودن مقادیر متغیرهای بروزنزا  $e_{i,t}$ ، پارامترهای  $\psi$ ، شرایط اولیه  $x_{-q}^*, \dots, x_{-1}^*$  و شرایطنهایی  $x_{s+1}^*, \dots, x_{s+f}^*$  مسئله‌ی شبیه‌سازی، محاسبه مسیر پویایی تعادل را برای بردار متغیرهای درونزا  $x_{i,t}$  به ازای  $s, \dots, t = 0$  شامل می‌شود.

برای برآورد سیستم معادلات مطرح شده سه روش را می‌توان به کار گرفت:

**روش اول:** این روش که در اوایل دهه‌ی ۹۰ به وسیله کوتلیکوف و آیورباخ به کار گرفته شد، یک روش زمان اباسته‌ی<sup>۱</sup> مبتنی بر تکرارهای گاس-سیدل<sup>۲</sup> است. در این روش، الگوریتم با حدسهایی برای

1 - Stacked-time Method

2 - Gauss-Seidel

*Archive of SID* زیرمجموعه‌ی محدودی از  $L$  متغیر درونزا  $x_{v,t}^{(0)} = (x_{1,t}^{(0)}, x_{2,t}^{(0)}, \dots, x_{v,t}^{(0)})$  برای هر تکرار<sup>(۰)</sup> شروع می‌شود. این زیر مجموعه به گونه‌ای انتخاب می‌شود که دیگر متغیرهای درونزا بتوانند به‌طور بازگشتی حل شوند. وقتی جواب‌ها برای حدس‌ها از خود حدس‌ها متفاوت باشند، حدس‌های جدید اعمال می‌شود. با کار بردن الگوی قابل محاسبه بخش<sup>(۳)</sup> این تکنیک جای‌گذاری خیلی ساده است. با حدس‌هایی برای  $L$  به ازای جمیع  $t$  به راحتی می‌توان راه حلی برای دستمزد و نرخ بهره به‌دست آورد. سپس قیمت‌های عامل برای حل مخارج مصرفی فردی با به کار گیری معادله<sup>(۳)</sup> به طور پی در پی استفاده می‌شود تا عباراتی برای  $C_{j,t+j-1}$  بر حسب  $C_{1,t}$  به‌دست آید. با ترکیب این عبارات با محدودیت بودجه<sup>(۲)</sup> مقادیر تعادلی برای  $C_{1,t}$  و  $C_{j,t+j-1}$  به‌طور بازگشتی به‌دست می‌آید. معادلات<sup>(۴)</sup> عرضه‌ی نیروی کار را تعیین می‌کند. و بالاخره با استفاده از معادله<sup>(۶)</sup> سبد دارایی هر نسل و در نتیجه موجودی سرمایه به‌دست می‌آید. این روش تکراری آن قدر ادامه می‌یابد تا اقتصاد به وضعیت یکنواخت برسد.

**روش دوم:** سیستم‌های نرم افزاری منسجمی، الگوریتم نیوتن-رافسون<sup>(۱)</sup> را برای حل سیستم‌های همزمان خیلی بزرگ با پیش‌بینی‌های کامل پیشنهاد کرده‌اند. ارائه‌ی تکرار حدس‌ها روی ژاکوبین سیستم غیر خطی، سرعت همگرایی به سوی راه حل را افزایش و خطر ناکامی را کاهش می‌دهد. تکنیک نیوتن-رافسون گرچه بر حسب همگرایی تکنیک جذابی محسوب می‌شود اما بر حسب محاسبات زیان بار به نظر می‌رسد<sup>(۲)</sup>.

نرم افزار اولیه‌ای که چنین روش تکراری را ارائه می‌داد، مبتنی بر الگوریتم فیر-تیلور<sup>(۳)</sup> بود. الگوریتم فیر-تیلور الگو را از طریق یک افق زمانی خاص با در نظر گرفتن متغیرهای پیش رو به صورت بروزنزا برای تعادل موقتی حل می‌کند (تکرارهای نوع اول). سپس تکرار روی پیش روها (تکرارهای نوع<sup>(۲)</sup>) به راه حل‌های سازگار منتهی می‌شود. برای الگوهای مقیاس بزرگ با متغیرهای پیش رو، تکنیک فیر-تیلور ممکن است در همگرایی به راه حل‌ها موفق عمل نکند.

**روش سوم:** این روش جدیدترین تکنیک محاسباتی برای شبیه‌سازی الگوهای غیرخطی خیلی بزرگ با پیش‌بینی کامل است. در این روش، تکنیک نیوتن-رافسون در الگوریتم زمان اباسته پیاده می‌شود. الگوریتم زمان اباسته، معادلات الگو را برای همه‌ی دوره‌های زمانی در فرایند شبیه‌سازی به‌طور

1 - Newton-Raphson Algorithm

2 - برای آشنایی با تکنیک‌های گاس-سیدل و نیوتن-رافسون به فصول دوم و هشتم روش‌های محاسبات عددی ترجمه توتونیان رجوع شود.  
3 - Fair-Taylor Algorithm

*Archive of SID*

همزمان در نظر می‌گیرد، یعنی:

$$x_{-q} - x_{-q}^* = 0$$

$$x_{-1} - x_{-1}^* = 0$$

$$h_l(x_{-q}, \dots, x_0, \dots, x_f; e; \psi) = 0$$

$$h_y(x_{-q}, \dots, x_0, \dots, x_f; e; \psi) = 0$$

(۱۹)

$$h_l(x_{w-q}, \dots, x_s, \dots, x_{s+f}; e; \psi) = 0$$

$$h_y(x_{s-q}, \dots, x_s, \dots, x_{s+f}; e; \psi) = 0$$

$$x_{s+1} - x_{s+1}^* = 0$$

$$x_{s+f} - x_{s+f}^* = 0$$

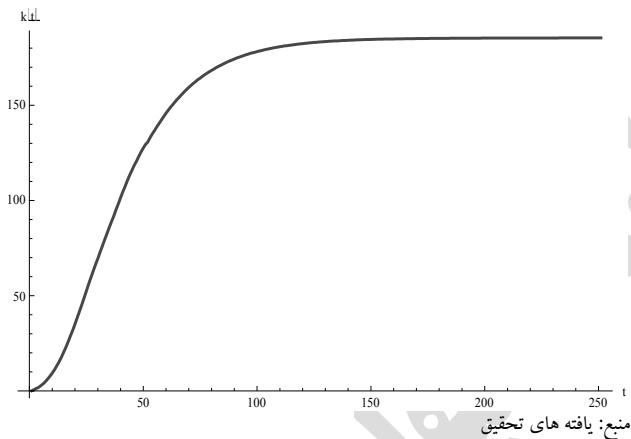
این سیستم ابشارته‌ی همگن می‌تواند به صورت  $F(X) = 0$  و  $(F(X))'$  نوشته شده و به طور تکراری حل شود. در هر مرحله، بردار  $X$  تعدیل گشته و در معرض تطبیق نیوتن-

رافسون فارمی گیرد، یعنی:  $\Delta X = (\frac{\partial F}{\partial X})^{-1} F(X)$ . ماتریس ژاکوبین چنین مسائله‌ای ابعاد بزرگی داشته و دارای ساختار قطری-بلوکی تکراری است.

در مقاله‌ی حاضر به دلیل عدم دسترسی به بسته‌ی نرم افزاری مناسب برای پیاده سازی روش‌های دوم و سوم، به ناچار از روش اول برای کالیبره کردن الگوی مطرح شده استفاده گردید. با کاربست روش اول بر روی الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای می‌توان برآورده از مسیر بهینه‌ی موجودی سرمایه‌ی سرانه، مصرف کل، تولید کل، موجودی سرمایه‌ی کل، نسبت سرمایه به تولید، نرخ دستمزد و سرانجام نرخ بهره داشت.

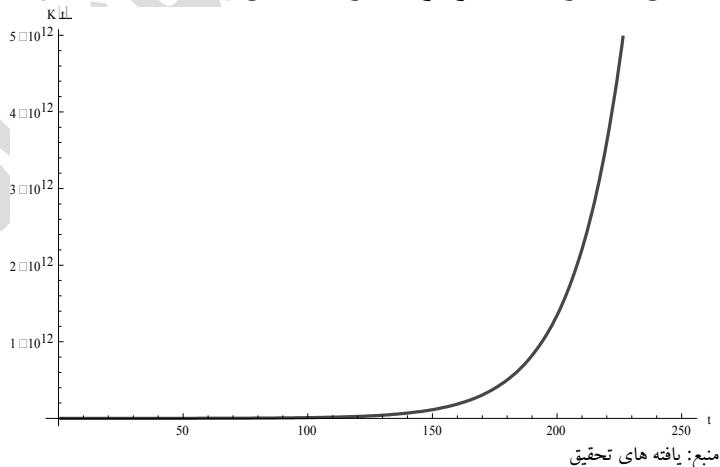
## Archive of SID

### شکل ۱. مسیر بهینهٔ موجودی سرمایهٔ سرانه (واحد: هزار ریال)

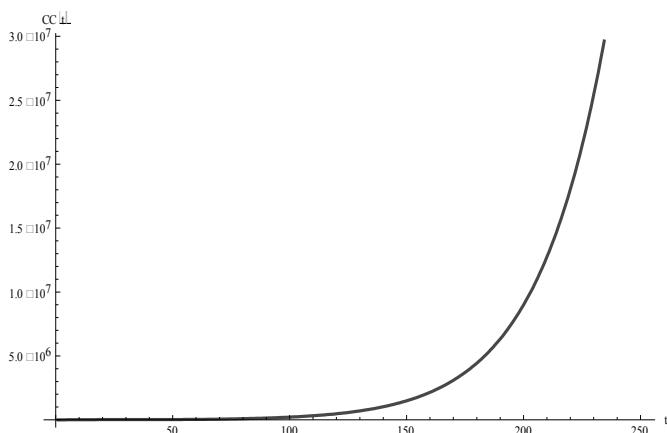


شکل (۱) نشان دهندهٔ مسیر بهینهٔ موجودی سرمایهٔ سرانه در طی زمان است. چنان‌که از شکل (۱) ملاحظه می‌شود، پیش‌بینی مدل حاکی از آن است که موجودی سرمایهٔ سرانه از یک روند صعودی برخوردار است. بدین ترتیب که ابتدا با نرخ فراینده و سپس با نرخ کاهنده افزایش می‌یابد تا به وضعیتی یکنواخت برسد.

### شکل ۲. مسیر بهینهٔ موجودی سرمایهٔ کل (واحد: میلیارد ریال)

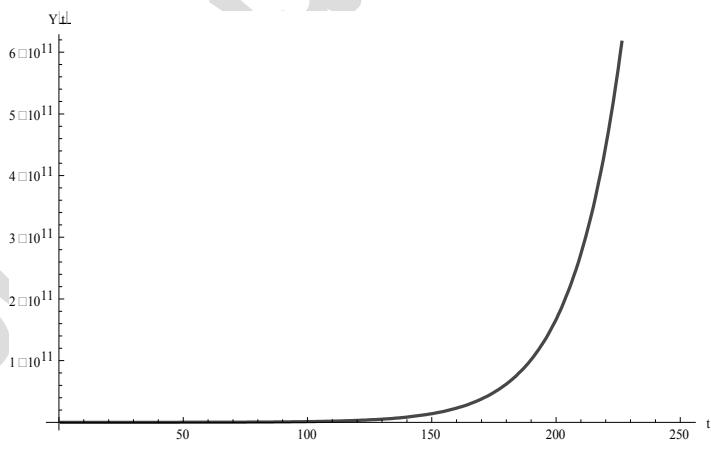


### شکل ۳. مسیر بهینهٔ مصرف کل (واحد: میلیارد ریال)



منبع: یافته‌های تحقیق

### شکل ۴. مسیر بهینهٔ تولید کل (واحد: میلیارد ریال)

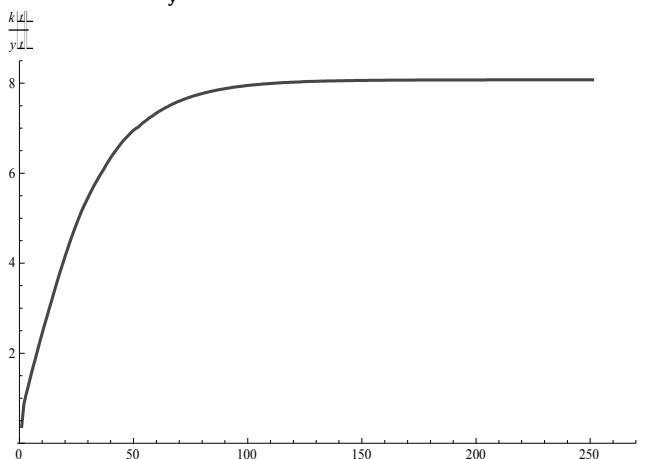


منبع: یافته‌های تحقیق

شکل‌های (۲)، (۳) و (۴) مسیرهای بهینهٔ موجودی سرمایه‌ی کل، مصرف کل و تولید کل را نشان می‌دهند. بر اساس پیش‌بینی مدل هر سه متغیر از یک روند صعودی برخوردار بوده و با نرخ فرایندهای رشد

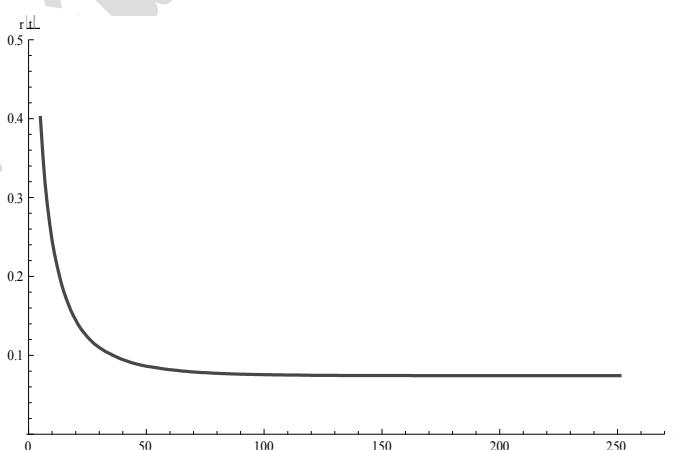
می‌کنند.

[www.SID.ir](http://www.SID.ir)

*Archive of SID*
**شکل ۵. مسیر بهینه‌ی نسبت  $\frac{k}{y}$** 


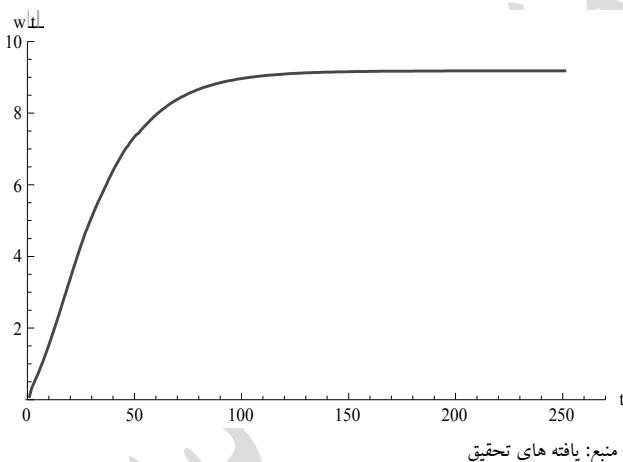
منبع: یافته‌های تحقیق

شکل (۵)، معرف مسیر بهینه نسبت  $\frac{k}{y}$  در طی ادوار مختلف زمانی است. نتایج حاصل از برآورد الگو نشان می‌دهد که روند افزایش موجودی سرمایه سرانه سبب شده است که این متغیر نیز دارای روندی صعودی بوده به طوری که با نرخ کاهنده افزایش می‌یابد و بالاخره بعد از گذشت چندین دوره‌ی زمانی به وضعیت یکنواخت می‌رسد.

**شکل ۶. مسیر بهینه‌ی نرخ بهره**

 منبع: یافته‌های تحقیق [www.SID.ir](http://www.SID.ir)

*Archive of SID*  
 مسیر بهینه‌ی زمانی نرخ بهره در شکل (۶) نشان داده شده است. بر مبنای مدرجات مربور ملاحظه می‌شود، با توجه به رابطه معکوس نرخ بهره و موجودی سرمایه‌ی سرانه، روند صعودی موجودی سرمایه‌ی سرانه سبب شده است که نرخ بهره روند کاهشی داشته باشد به طوری که ابتدا نرخ بهره به شدت کاهش یافته و بعد از گذشت تقریباً ۵۰ دوره به وضعیت ثابتی می‌رسد.

شکل ۷. مسیر بهینه‌ی نرخ دستمزد



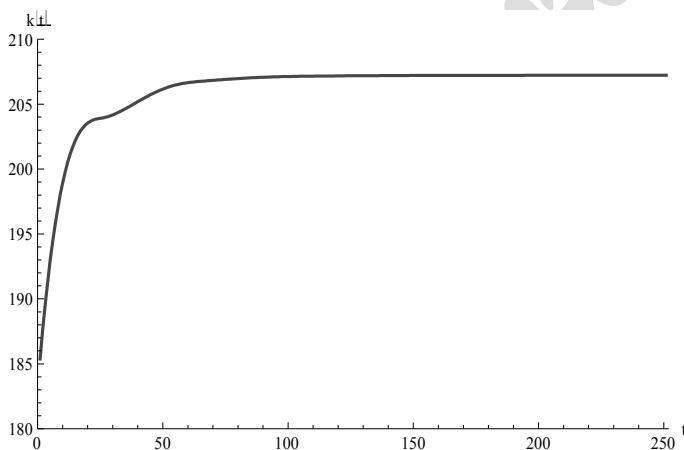
شکل (۷) نمایانگر مسیر بهینه‌ی زمانی نرخ دستمزد است. با توجه به رابطه‌ی مثبت نرخ دستمزد و موجودی سرمایه‌ی سرانه، افزایش موجودی سرمایه‌ی سرانه سبب می‌شود که نرخ دستمزد نیز یک روند صعودی داشته باشد، البته این روند افزایشی با نرخ کاهنده خواهد بود تا به وضعیت یکنواخت برسد.

۴-۲-۲- انتقال از نظام بازنشستگی پرداخت جاری به نظام بازنشستگی اندوخته کامل  
 فرض کنید اقتصاد در وضعیت یکنواخت نظام بازنشستگی پرداخت جاری است، در این وضعیت دولت اقدام به معرفی نظام بازنشستگی اندوخته‌ی کامل می‌نماید. در نظام بازنشستگی اندوخته‌ی کامل نیز هنوز افراد متعهد به سپرده گذاری نسبت  $\frac{w}{r}$  از درآمد کاری‌شان هستند، به طوری که کسورات بازنشستگی هر فرد در حساب شخصی وی سپرده گذاری می‌شود. در سنین بازنشستگی، افراد کل کسورات پرداختی را به همراه پرداخت های بهره‌داریافت می‌کنند (فرض بر این است که نرخ بهره کسورات بازنشستگی با نرخ

## Archive of SID

بازده سرمایه مساوی است). بنابراین می‌توان گفت که در این نظام بازنیستگی میزان حقوق بازنیستگی هر فرد فقط به میزان کسورات پرداختی و میزان مشارکت وی بستگی دارد. به عبارت دیگر، مانده‌ی انباشته شده در حساب‌های شخصی در طول سال‌های کاری (کسورات به اضافه پرداخت‌های بهره) با ارزش حقوق‌های بازنیستگی دریافته در طول سال‌های بازنیستگی برابر است. با تعیین مقادیر واقعی برای پارامترها و انجام شبیه‌سازی با استفاده از روش تکراری گاس-سیدل می‌توان راه حل‌های عددی را برای این انتقال به دست آورد.

**شکل ۸. مسیر بهینه‌ی موجودی سرمایه‌ی سرانه ( واحد: هزار ریال)**

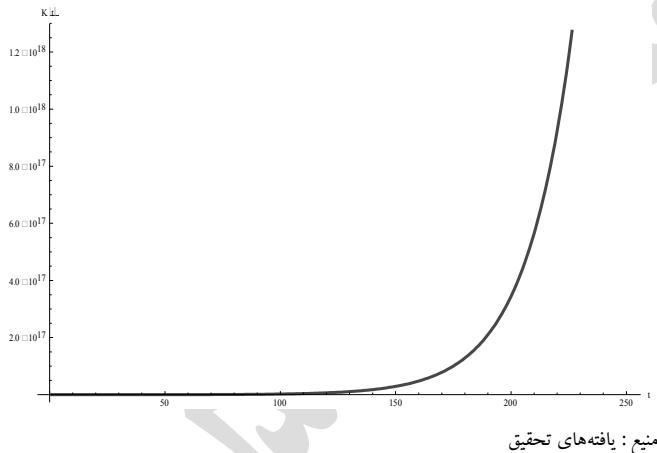


منبع: یافته‌های تحقیق

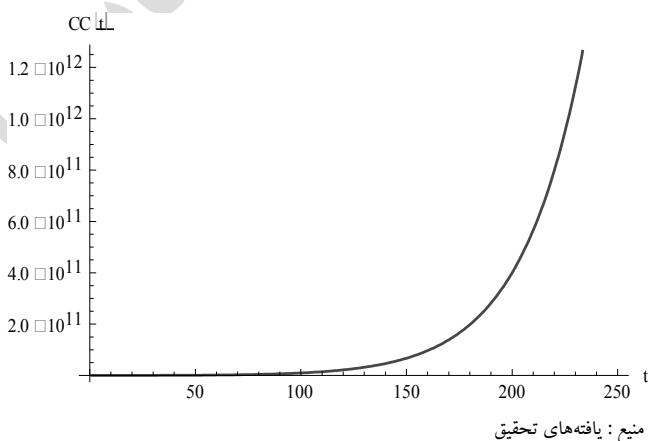
نمودار (۸) تکامل تدریجی موجودی سرمایه فیزیکی سرانه را در امتداد انتقال بین هر دو نظام بازنیستگی نشان می‌دهد. چنان‌که از شکل می‌توان ملاحظه کرد، سطح وضعیت یکنواخت سرمایه از  $\frac{185}{4}$  نظام پرداخت جاری به  $\frac{207}{23}$  نظام اندوخته‌ی کامل رسیده است. این بدان معناست که سطح وضعیت یکنواخت سرمایه در نظام اندوخته‌ی کامل  $\frac{11}{8}$  درصد بالاتر از سطح وضعیت یکنواخت سرمایه در نظام پرداخت جاری است. این نتیجه دقیقاً با مبانی نظری موجود در خصوص عملکرد دو نظام بازنیستگی سازگار است. در واقع، افزایش در موجودی سرمایه می‌بین آن است که اکنون کسورات نظام تأمین اجتماعی قسمتی از فرایند انباشت سرمایه را تشکیل می‌دهد. این امر تفاوت، کلیدی، بین نظام بازنیستگی پرداخت جاری و اندوخته‌ی کامل است، زیرا دولت به جای

استفاده از درآمدهای نظام تأمین اجتماعی برای پرداخت حقوق بازنشستگی به افراد مسن جاری، این کسورات را به عنوان سرمایه در هر دوره سرمایه‌گذاری می‌کند. از این‌رو، کسورات پرداختی به نظام تأمین اجتماعی نیز در فرایند انباشت سرمایه اقتصاد لحاظ می‌شود.

شکل ۹. مسیر بهینهٔ موجودی سرمایهٔ کل (واحد: میلیارد ریال)

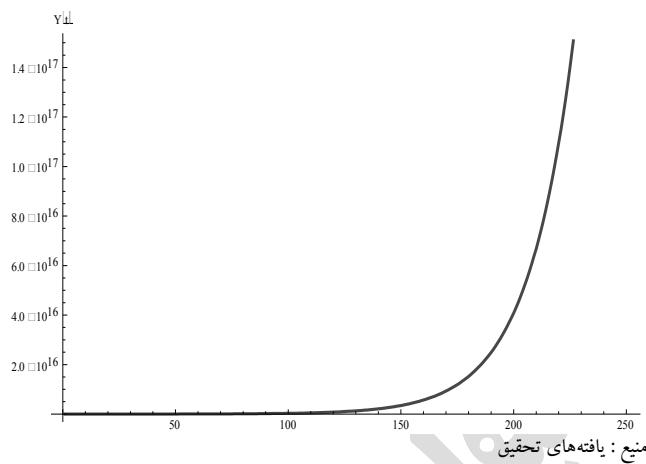


شکل ۱۰. مسیر بهینهٔ مصرف کل (واحد: میلیارد ریال)

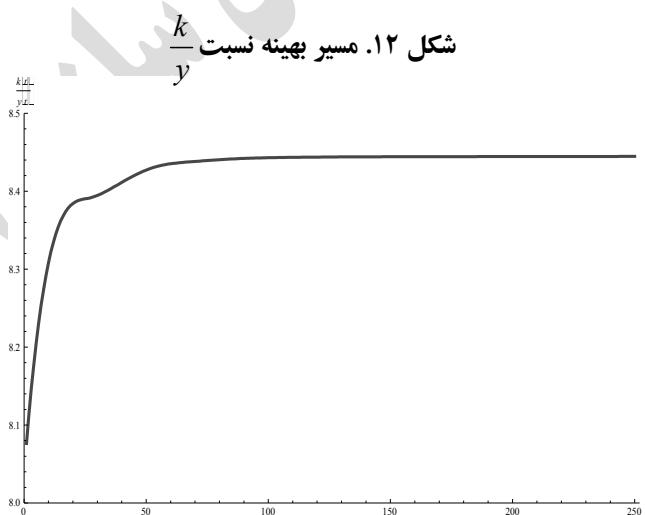


### Archive of SID

### شکل ۱۱. مسیر بهینه تولید کل ( واحد: میلیارد ریال)

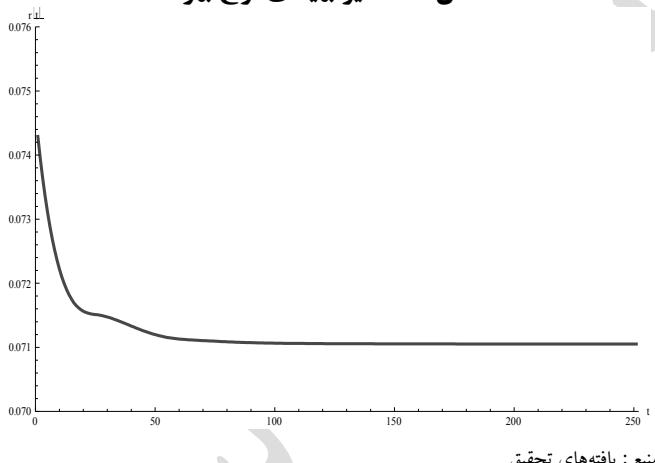


شکل‌های (۹)، (۱۰) و (۱۱) مسیرهای بهینه زمانی تکامل تدریجی موجودی سرمایه‌ی کل، مصرف کل و تولید کل را بعد از انتقال نشان می‌دهد. چنان‌که ملاحظه می‌شود هر سه متغیر با یک نرخ فرایانده در حال رشد هستند و در سطحی بالاتر از مسیرهای بهینه متناظر در نظام بازنیستگی پرداخت جاری قرار دارند.



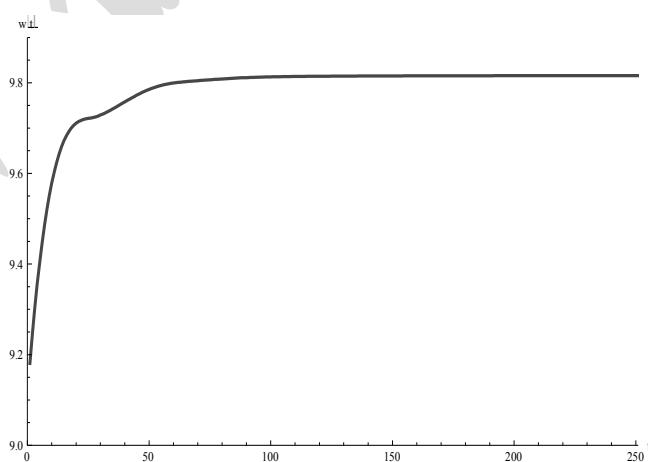
شکل (۱۲) تکامل تدریجی نسبت  $\frac{k}{y}$  را در طی فرایند انتقال نشان می‌دهد. محاسبات انجام شده حاکی از آن است که سطح وضعیت یکنواخت نسبت سرمایه به تولید در نظام اندوخته‌ی کامل  $4/5$  درصد بالاتر از سطح وضعیت یکنواخت آن در نظام پرداخت جاری است که این خود مهر تأییدی بر صحت نظری موجود در خصوص عملکرد نظام بازنشستگی اندوخته‌ی کامل است.

شکل ۱۳. مسیر بینه‌ی نرخ بهره



منبع : یافته‌های تحقیق

شکل ۱۴. مسیر بینه‌ی نرخ دستمزد

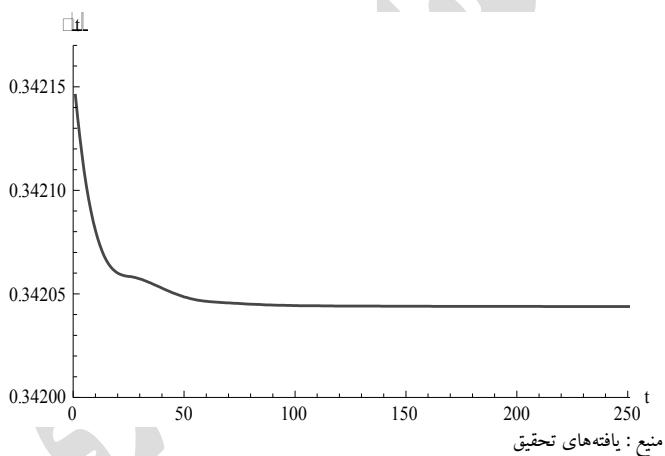


منبع : یافته‌های تحقیق SID.ir

## Archive of SID

نمودارهای (۱۳) و (۱۴) به ترتیب تکامل تدریجی نرخ‌های بهره و دستمزد را در طول فرایند انتقال نشان می‌دهند. سطوح بالاتر موجودی سرمایه‌ی فیزیکی بدین معناست که نرخ‌های بهره پایین‌تر و نرخ‌های دستمزد بالاتر هستند. از این رو، با توجه به روابط مطرح شده انتظار این است که افزایش موجودی سرمایه‌ی سرانه نرخ بهره را کاهش و نرخ دستمزد را افزایش دهد که شواهد تجربی این موضوع را تأیید می‌کنند، زیرا میزان کاهش نرخ بهره در وضعیت یکنواخت اندوخته کامل در مقایسه با وضعیت یکنواخت پرداخت جاری ۴ درصد و میزان افزایش نرخ دستمزد در وضعیت یکنواخت اندوخته کامل در مقایسه با وضعیت یکنواخت پرداخت جاری ۷ درصد می‌باشد.

**شکل ۱۵. مسیر بهینه‌ی نرخ مالیات بر درآمد**



و در نهایت نمودار (۱۵) تکامل تدریجی نرخ مالیات بردرآمد را طی فرایند انتقال بین دو نظام بازنشستگی نشان می‌دهد. شواهد حاکی از آن است که افزایش موجودی سرمایه، سرانه‌ی نرخ مالیات بردرآمد را در وضعیت یکنواخت جدید به میزان  $0.03\%$  درصد در مقایسه با وضعیت یکنواخت اولیه کاهش می‌دهد.<sup>۱</sup>

۱- تحلیل حساسیت پارامترهای نرخ رجحان زمانی و نرخ رشد نیروی کار بر روی مسیر بهینه‌ی متغیرها حاکی از آن است که الگوی نسل‌های همپوشان نسبت به افزایش نرخ رجحان زمانی حساسیت چندانی نداشته اما نسبت به افزایش نرخ رشد نیروی کار حساسیت شدیدی نشان می‌دهد. با توجه به محدودیت حجم مقاله از ارائه شکل‌های مربوطه خودداری گردید.

## Archive of SID

### ۵- جمع بندی و پیشنهادها

بعد از کار اولیه‌ی کوتلیکوف و آیورباخ (۱۹۸۷)، الگوی نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای ابزار خیلی مطلوبی برای مطالعات کمی در اقتصادهای کلان، مالیه عمومی، اقتصادهای محیط زیست و دیگر زمینه‌ها شدند. با این حال، مشکلات موجود در برآورد این الگوها به صورت عددی و تحلیل خواص پایدار آنها سبب شده که تنها گروه اندکی از محققان به فرسته‌های ارائه شده به وسیله‌ی الگوهای قابل محاسبه نسل‌های همپوشان توجه کنند. از این رو، در پژوهش حاضر با توجه به قابلیت بالای الگوهای نسل‌های همپوشان ۵۵ دوره‌ای به شیوه سازی و برآورد این الگوها با رویکرد بهسازی نظام بازنشتگی پرداخته شد.

یک مشخصه‌ی عمومی تأمین اجتماعی، توزیع مجدد درآمد هم در زمینه‌ی افقی (بین ثروتمندان و فقر) و هم در زمینه‌ی عمودی (بین نسل‌ها) است. یکی از ابزارهای نهاد تأمین اجتماعی جهت بازتوزیع درآمد، نظام‌های بازنشتگی هستند. امروزه نظام‌های بازنشتگی بر اساس ماهیت خود، نه تنها مؤثرترین عامل در چگونگی عملکرد نظام‌های تأمین اجتماعی تلقی می‌شوند، بلکه برای غالب کشورها از بزرگ‌ترین بنیادهای اقتصادی غیربانکی به حساب می‌آیند که نقش مؤثری در انشاست سرمایه‌ی اقتصاد ایفا می‌کنند. زیرا چنان‌که در این مقاله نیز مشاهده شد، میزان ثروت کل (دارایی‌های کل)، مصرف کل و موجودی سرمایه‌ی اقتصاد مستقیماً با انتقال از نظام پرداخت جاری به نظام اندوخته کامل و ایجاد حساب‌های پس انداز فردی افزایش یافته که خود این مسئله‌ی می‌تواند منجر به افزایش رشد اقتصادی و تولید ملی گردد (نمودارهای ۹، ۱۰ و ۱۱). افزایش در موجودی سرمایه بعد از انتقال میان آن است که اکنون کسورات پرداختی به نظام تأمین اجتماعی اندوخته کامل، قسمتی از فرایند انشاست سرمایه را تشکیل می‌دهد. زیرا دولت به جای استفاده از درآمدهای نظام تأمین اجتماعی برای پرداخت حقوق بازنشتگی به افراد مسن جاری، این کسورات را به عنوان سرمایه در هر دوره سرمایه‌گذاری می‌کند. از این‌رو، کسورات پرداختی به نظام اندوخته کامل برخلاف نظام پرداخت جاری در فرایند انشاست سرمایه اقتضاد لحاظ می‌شود. از طرف دیگر با انتقال به نظام اندوخته کامل، انشاست کسورات بازنشتگی در حساب‌های شخصی افراد که قابلیت سرمایه‌گذاری در زمینه‌های مختلف را دارند، می‌تواند منجر به توسعه بازارهای مالی گردد. زیرا در طراحی نظام بازنشتگی اندوخته کامل، نهادهای بازنشتگی با مشارکت در فرایند انشاست سرمایه به صورت نهاد مالی عمل می‌کنند.

همچنین، مکانیسم‌های انگیزشی موجود در نظام بازنشتگی اندوخته کامل دارای اثرات بالقوه‌ای بر بازار کار است. زیرا در این نظام بازنشتگی، نه تنها میزان بهره‌مندی افراد از مستمری‌های بازنشتگی

## Archive of SID

متناسب با میزان مشارکت آن‌ها با نظام بازنشتگی است، بلکه همچنین افراد از دریافتی‌های بیروی کار بالاتر در طی سال‌های کاری در قیاس با نظام بازنشتگی پرداخت جاری برخوردار هستند (نمودارهای ۱۳ و ۱۴). از این دو، می‌توان اذعان کرد که در نظام بازنشتگی اندوخته‌ی کامل افراد به منظور برخورداری از مزایای بیشتر انگیزه‌ی بالایی برای ماندن در بازار کار دارند.

بنابر آنچه که گفته شد، می‌توان ادعا کرد که انتقال از نظام پرداخت جاری به یک نظام اندوخته‌ی کامل می‌تواند در دستور کار مقامات امر قرار گیرد. گرچه تحلیل حاضر بیشتر در جهت تبیین اثرات اقتصادی انتقال از نظام پرداخت جاری به نظام اندوخته‌ی کامل بوده است، اما عنصر کلیدی گمشده در اینجا وجود یک اراده‌ی سیاسی برای تحمل هزینه‌های کوتاه مدت این انتقال به منظور بهره بردن از منافع بلندمدت آن است که در آغاز فرایند انتقال بسیار مهم و حیاتی است.

## منابع

امینی، علیرضا و حاجی محمد، نشاط (۱۳۸۴)، برآورد سری زمانی موجودی سرمایه در اقتصاد ایران، مجله برنامه و بودجه، شماره ۹۰.

بانک مرکزی جمهوری اسلامی ایران، نماگرهاي اقتصادي، اداره بررسی های اقتصادي، سال های مختلف، بلانچارد، اولیویر جین و فیشر، استنلی (۱۳۷۶)، درسهایی در اقتصاد کلان، ختایی، محمود و محمدی، تیمور، انتشارات سازمان برنامه و بودجه، جلد اول، تهران.

دین محمدی، مصطفی (۱۳۸۷)، ارائه الگویی برای تخصیص بهینه منابع گاز طبیعی ایران، رساله دکترا، دانشکده علوم اداری و اقتصاد، دانشگاه اصفهان.

روغنی زاده، مصطفی و شهپریان، نیلوفر (۱۳۸۰). پروژه شناخت سازمان بازنشتگی کشوری (امور بازنشتگی و بازنشتگان)، سازمان بازنشتگی کشوری.

روغنی زاده، مصطفی (۱۳۸۳)، چالشهای نظام بازنشتگی در جمهوری اسلامی ایران، فصلنامه تأمین اجتماعی، سال نهم، شماره ۲۹.

روغنی زاده، مصطفی (۱۳۸۴)، تحلیل ریاضی بر وضعیت صندوقهای بازنشتگی ایران و طراحی سیستم بهینه برای صندوقهای یاد شده، سازمان بازنشتگی کشوری.

روم، دیوید (۱۳۸۳). اقتصاد کلان پیشرفته، تقوی، مهدی، انتشارات دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات، جلد اول، تهران.

*Archive of SID*  
عسگری، احسان (۱۳۸۲). کاربرد و سازگاری الگوی رشد درون زا در اقتصاد ایران: الگو کیتک-ریبلو، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده علوم اداری و اقتصاد، دانشگاه اصفهان.

قاسمی، مجتبی (۱۳۸۸)، بازارهای مالی و توسعه اقتصادی: نگاهی به نقش سیستم‌های مستمری بر بازارهای مالی و توسعه اقتصادی، سازمان بازنیستگی کشوری.

متیوز، جان اچ (۱۳۷۰). روشاهی محاسبات عددی، توتونیان، فائزه، انتشارات خراسان، مشهد.  
مرکز آمار ایران، سالنامه های آماری، سال های مختلف.

نیرومند، محمد رضا (۱۳۸۶). معرفی طرحهای بازنیستگی: طرحهای کارفرما-پشتیبان، سازمان بازنیستگی کشوری.

Arrau, Patricio (1990), Social security reform, the capital accumulation and intergenerational distribution effect, PRE Working Paper, WPS 512, The world Bank, October.

Auerbach, Alan and Laurence.J. Kotlikoff (1987), Dynamic Fiscal Policy, Cambridge University Press.

Cerda, Rodrigo A. (2007), The chilean pension reform: A model to follow?, Journal of policy Modeling, Vol 30, PP.541-558.

Dawkins, C., T. N. Srinivasan, and J. Whalley (2001), Calibration, Handbook of Econometrics, Vol.5, PP. 3653-3703.

Diamond, Peter. and J. Mirrless (1978), A Model of Social Insurance with Variable Retirement, Journal of Public Economics , Vol. 10(3), PP. 295-336.

Docquier, Frederic & Liegeois, Philippe. (2004), Simulating Computable Overlapping Generations Models with TROLL, Computational Economics, Vol. 23,PP. 1-19.

Feldstein, Martin (1974), Social security, induced retirement and aggregate capital accumulation, Journal of Political Economic,Vol 82, PP.905-926.

Feldstein, Martin. and A. Samwick. (1992), Social Security Tax Rules and Marginal Tax Rates, National Tax Journal. Vol. 45, PP. 1-22.

Feldstein, Martin (1999), Social security pension reform in China, China Economic Review,Vol. 10,PP. 99-107.

Hubbard, R. Glenn, Jonathan Skinner and Stephen Zeldes (1995), Precautionary Savings and Social Insurance, Journal of Political Economy, Vol. 103(2), PP. 360-99.

Janssen, Maarten (2006), Microfoundations, Tinbergen Institute Discussion Papers, in the New Palgrave Dictionary of Economics, 2nd ed.

Langoni, Patricia S. (1997), Social security regime, growth and income distribution, Economista 19, Gerencia de Analisis Financier del Banco Central de Chile, 11,

Samuelson, Paul A. (1958), An exact consumption-loan model of interest with or

- Without the social contrivance of money, journal of political economy, Vol. 66, PP.467-482.
- Serrano, Carlos (1999), Social security reform , income distribution, fiscal policy and capital accumulation, Finance private sector and infrastructure, Latin America and Caribbean region.
- Sun, Ying (2007), General equilibrium analysis of Chinese social security system in an overlapping generation model,Santa Barbara, California, UMI Research Press.
- Tin-Chun, Lin (2004), Alternative Measure for Education Variable in an Empirical Economic Growth Model: IS Primary Education Less Important? , Full Text Available at: Repec,Vol. 15, PP. 1-6.