

شبیه سازی الگوی پولی برای وزن دهنده رأی در تحلیل اقتصادی دموکراسی^۱

نعمت‌الله اکبری^۲

محسن رنانی^۳

امیر جباری^۴

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۶/۱۵

تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۱۲/۱۸

چکیده

تحصیص نابرابر منابع اقتصادی، یا سایر منابع ثروت، بین عوامل تولید براساس کارایی آن‌ها، یکی از شرایط مهم ساز و کار تخصیص بهینه منابع در بازار است. به عبارت دیگر، سازوکار بازار در فرایند تخصیص بهینه منابع و عوامل تولید، به منابعی که بازدهی بالاتری دارند؛ پاداش بالاتری نیز می‌دهد. اکنون این پرسش مطرح می‌شود که آیا می‌توان ساز و کار توزیع نابرابر آرای را همانند توزیع نابرابر منابع اقتصادی، برای تخصیص بهینه‌ی منابع و مزايا برای شهروندان در نظام دموکراسی استفاده کرد؟ جواب این سوال، با ارائه و طراحی الگوی پولی شبیه به دموکراسی و به کارگیری تنها یکی از مؤلفه‌های مهم بازار - توزیع نابرابر پول - داده شده است.

در این مقاله با استفاده از مفاهیم «فرضیه‌ی رأی دهنده‌ی عقلانی آتنونی داونز (۱۹۵۷)» و به کارگیری ایده‌ی «الگوی پولی ساموئلسن (۱۹۵۸)» و چارچوب تئوری «اقتصاد خرد مصرف کننده»، الگویی پولی شبیه به فضای دموکراسی - که تاکنون در مطالعات انجام شده در این فضا و شبیه به آن، طراحی نشده است - طراحی، مدل سازی و تحلیل شده است. با استفاده از الگوی طراحی شده، می‌توان وضعیت‌های متعددی از جمله امکان معاوضه و وزن دهنده به رأی را در قالب الگوی طراحی شده، بررسی کرد.

نتایج نشان می‌دهد با استفاده از امکان ایجاد قرارداد اجتماعی برای معاوضه و ایجاد قابلیت پس‌انداز برای پول، شکل و ماهیت پول از کالای عمومی به کالای خصوصی تغییر یافته و باعث ایجاد نرخ بهره می‌شود. در این وضعیت، یکی از یافته‌های مهم الگوی پولی ساموئلسن در فضای تئوری رأی نیز حاصل می‌شود. یکی از دست‌آوردهای الگوی پولی ساموئلسن در سال ۱۹۵۸ و در فضای پولی این بود که یکی از ریشه‌های نرخ بهره، رشد جمعیت است. همچنین، وزن دهنده به خریداران در فضای طراحی شده الگوی

۱- این مقاله برگرفته از رساله‌ی دکتری آقای امیر جباری با عنوان «تحصیص بهینه‌ی منابع در بازار سیاسی با استفاده از ساز و کار بازار اقتصادی» در گروه اقتصاد دانشگاه اصفهان است.

۲- دانشجوی دکتری گروه اقتصاد دانشگاه اصفهان.

۳- دانشیار و عضو هیأت علمی گروه اقتصاد دانشگاه اصفهان.

۴- دانشیار و عضو هیأت علمی گروه اقتصاد دانشگاه اصفهان.

Archive of SID
پولی شبیه به فضای دموکراسی، در شرایطی می‌تواند انتخاب‌های کاراتر و در نهایت افزایش رفاه اجتماعی منجر شود.

واژگان کلیدی: دموکراسی، بازار، بازار سیاسی، پول، وزن‌دهی به رأی، فرضیه‌ی رأی دهنده‌ی عقلانی، الگوی پولی ساموئلسن.

JEL: H19, D72, D40

Archive of SID

۱- مقدمه

اقتصاددانان در تحلیل اقتصادی دموکراسی رو شی بسیار شبیه به تحلیل های بازار را در پیش می گیرند. در تحلیل های اقتصادی بازار با افرادی روبه رو هستند که به دنبال حداکثر سازی مطلوبیت خود می باشند. اما، در دموکراسی به جای پول با آرای مردم سروکار دارند و احزاب سیاسی نیز جای شرکت های را می گیرند که به دنبال حداکثر سازی سود خود هستند و اغلب سیاست های حکومتی نافع به حال رأی دهنگان، جای کالاهای و خدمات تولیدی شرکت ها را می گیرند. به این ترتیب، اقتصاددانان می توانند از انواع مختلف نظام های سیاسی، الگوهای تحلیلی ترسیم کنند. هنگامی که روش ها و فنون تحلیل اقتصادی در مطالعه ای دموکراسی به کار می رود، یکی از نتایج جالب توجه آن است که به نظر می رسد، دموکراسی به گونه ای شبیه به عملکرد بازار عمل می کند. در کل، پذیرفته شده که اقتصاد بازار آزاد، در برخی وضعیت های بهینه، نتایج و عواقب اجتماعی مطلوبی به همراه دارد. از این رو، آشکارا بررسی این که دموکراسی تا چه اندازه به بازار شباهت دارد، جالب توجه است. یکی از تفاوت های مهم بازار و دموکراسی که مدنظر این مقاله نیز است، نابرابری توزیع اولیه پول در بازار و برابری توزیع اولیه رأی در نظام دموکراسی است.^۱ از دو منظر می توان توزیع وزنی آرای را مورد بررسی قرار داد: (الف). عدم وجود سازو کار تخصیص در بازار سیاسی ب). وجود اقتانع گران در بازار سیاسی.

الف. عدم وجود سازو کار تخصیص در بازار سیاسی

بازار علاوه بر مرحله تولید، معمولاً از دو مرحله «توزیع» و «تخصیص» عوامل تولید نیز برخوردار است. در بازار، توزیع اولیه منابع بین خریداران و مصرف کنندگان صورت می گیرد که می تواند بر اساس توزیع تاریخی، ارث، عوامل درآمدی، زنگنه و سایر عوامل به صورت برابر یا نابرابر توزیع شده باشد. ولی در مرحله تخصیص و بر اساس قاعده تخصیص بهینه عوامل تولید بر اساس بازده نهایی، منجر به نابرابری عوامل تولید و کارایی می شود. لذا کارایی و نابرابری بازار به علت نابرابری توزیع اولیه پول نبوده، بلکه به علت ساز و کار بازار و زاییده تخصیص بهینه عوامل تولید می باشد.

در بازار سیاست به دو علت رأی دهنگان از آرای یکسانی برخوردار هستند. اولی از منظر دولت و این که دولت اطلاعات کافی در مورد رأی دهنگان ندارد. دوم از منظر حقوق بشر و این که همه افراد یکسان و برابر هستند. لذا بر اساس این دو عامل، همه افراد در نظام دموکراسی از یک رأی برخوردار می شوند. در

۱- در این مقاله هدف از به کار بردن واژه بازار، نوع نظام نیست بلکه سازو کار بازار آزاد و نهاد بازار است. همچنین، تفاوت ها و شباهت های بسیاری درباره دموکراسی و بازار وجود دارد که در متن رساله دکتری اینجانب در قالب جدولی ۱۰ صفحه ای بدان اشاره شده است که در این جا به علت محدودیت حجم مقاله از آوردن آن خودداری شده است.

Archive of SID
بازار سیاست، وجود آرای یکسان برای همه شهروندان، نقش توزیع برابر و اولیه منابع را ایفا می‌کند ولی برخلاف بازار اقتصادی، سازوکار تخصیص بهینه‌ایی در بازار سیاسی وجود ندارد و به همین علت سازوکار تخصیص عوامل تولید براساس بازده نهایی انجام نمی‌پذیرد و خود رأی دهنگان هستند که همزمان هم نقش توزیع و هم نقش تخصیص را انجام می‌دهند. بنابراین از طریق توزیع وزنی آرای می‌توان عامل تخصیص را وارد بازار سیاسی کرد و چون دولت اطلاعات کافی در مورد شهروندان ندارد از طریق سرمایه انسانی می‌توان این امر را انجام داد.

ب. وجود اقنان گران در بازار سیاسی

در دنیای که دانش (اطلاعات) کامل وجود دارد، دولت برای ترجیحات تمام شهروندان وزن یکسانی در نظر می‌گیرد. این بدان معنا نیست که سیاست‌های دولت برای همه‌ی شهروندان به یک اندازه مطلوب باشد؛ زیرا، ملاحظات راهبردی ممکن است نادیده گرفتن برخی از شهروندان یا توجه بیشتر به گروهی دیگر را ایجاد کند یا آن که لازم باشد درباره‌ی برخی از شهروندان یک سیاست و درباره‌ی دیگر شهروندان سیاست دیگری اعمال شود. ولی، هر گز به عمد رأی شهروند A را برای به دست آوردن رأی شهروند B از دست نمی‌دهد. از آن جایی که هر شهروند یک و فقط یک حق رأی دارد، به شرط ثابت بودن دیگر شروط، آن (دولت یا حزب رقیب) نمی‌تواند از راه مبادله‌ی آرای شهروند A و B منفعتی به دست آورد. (Downs, 1957)

ولی، در دنیای واقعی، دانش و اطلاعات کامل برای تصمیم‌گیری سیاسی وجود ندارد. نبود اطلاعات کامل که بر مبنای آن بتوان تصمیم‌گیری کرد چنان اهمیت اساسی برای زندگی انسان دارد که می‌تواند کمایش بر ساختار هر نهاد اجتماعی تأثیر بگذارد. بهویژه در سیاست، اثرات آن عمیق و ژرف است. دانش (اطلاعات) ناقص بدان معنی است که:

- ۱- همیشه احزاب به طور دقیق نمی‌دانند که شهروندان چه می‌خواهند.
- ۲- همیشه شهروندان نمی‌دانند که دولت مردان یا احزاب مخالف آنان چه کرده‌اند، چه می‌کنند یا برای تأمین منافع آن‌ها چه باید بکنند.
- ۳- به دست آوردن اطلاعات برای غلبه بر دو نوع ناآگاهی گفته شده، هزینه‌بر است. به عبارت دیگر، منابع کمیاب باید صرف تهیه یا شبیه سازی آن (اطلاعات) شود (Downs, 1957). وجود چنین وضعیتی تأثیرات مختلفی بر عملکرد دولت، رأی دهنگان و احزاب دارد. در چنین وضعیتی، برابری حق رأی دیگر اثرگذاری کاملاً یکسان شهروندان بر اقدامات دولت را تضمین نخواهد کرد. در واقع، در دنیای واقعی که اطلاعات ناقص وجود دارد، برای یک دولت دموکراتیک غیر عقلایی خواهد بود که شهروندان خود را به

Archive of SID

دیده‌ی احترام یکسان در نظر گیرد (Downs, 1957). در این شرایط دولت، احزاب یا نامزدهای انتخاباتی ارزش بالاتری به شهروندانی می‌دهند که نقش اقانع‌گری دارند. اقانع‌گران در واقع واسطه‌هایی هستند که اطلاعات بیشتری و تأثیرگذارتری نسبت به سایر شهروندان دارند؛ به همین منظور دولت، احزاب یا کاندیداهای سعی می‌کنند از طریق چانه‌زنی، مذاکره، کمک‌های نقدي و غیره، اقانع‌گران و در نتیجه آرای مردم را به سوی خود جلب کنند. لذا می‌توان سازوکاری طراحی کرد که به اطلاعات وزن داده شده و از این طریق بخشی از نقش اقانع‌گران را کاهش و درونی کرد. یعنی شهروندانی که اطلاعات بیشتری دارند؛ وزن بیشتری داده شود تا این طریق اثر چانه‌زنی و مذاکره اقانع‌گران را کاهش داد. شاخص وزن دهی بر اساس اطلاعات بیشتر نیز، می‌تواند بر اساس سرمایه انسانی انجام پذیرد.

گرچه تجربه‌ی تاریخی نشان داده است که نظام دموکراسی در مقایسه با دیگر نظام‌های سیاسی شناخته، نتایج و عملکرد بهتری داشته است؛ اما، نباید در محاسب نظام دموکراسی نیز گرفتار اغراق شد و اشکالات آن را نادیده گرفت.^۱ بنابراین، از آن جایی که برتری بازار این است که اغلب به تخصیص بهینه‌ی کالاها(خصوصی) منتج می‌شود، آیا می‌توان دموکراسی بنا کرد که با استفاده از ساز و کار توزیع نابرابر پول، تخصیص بهینه‌ی منافع و مزایا برای شهروندان را تحقق بخشد؟ پاسخ این پرسش در این مقاله و با بیان و طراحی الگوی پولی شبیه به دموکراسی و به کارگیری تنها یکی از مؤلفه‌های مهم بازار - توزیع نابرابر - داده خواهد شد. با مطالعات متعددی که در این زمینه انجام شده است، درباره‌ی پیشینه‌ی داخلی به نظر می‌رسد - تا جایی که امکانات جست و جوی فارسی اجازه می‌دهد - تاکنون هیچ مطالعه‌ی داخلی در این زمینه انجام نگرفته است. هر چند، کتب و مقالات متعدد داخلی در زمینه‌ی بازار و دموکراسی وجود دارد؛ اما، در هیچ یک از این مقالات و کتب اشاره‌ای به موضوع این تحقیق نشده است. در مطالعات خارجی، نخستین بار اقتصاددانی همچون «میلتون فریدمن^۲»، «فردیش ون هایک^۳» (۱۹۷۳)، «جیمز بوکانان^۴» (۱۹۶۲)، «گوردن تولاک^۵» (۱۹۶۲)، «جک واکر^۶» (۱۹۶۶) و «آنتونی داونز^۷» (۱۹۵۷) به ضعف‌های عمدی دموکراسی در برابر برتری‌های عمدی بازار اشاره کرده‌اند. محققانی مانند «آنتونی داونز» (۱۹۵۷)،

۱- جمله‌ی معروفی از چرچیل نقل می‌شود که گفته است: «هیچ کس ادعای نمی‌کند که دموکراسی ایده‌آل و بی‌عیب است. در واقع، گفته می‌شود که دموکراسی بدترین شیوه‌ی حکومت کردن است. به استثنای انواع دیگری که گاه و بی گاه تجربه شده‌اند.» (سخنرانی وینستون چرچیل (Winston Churchill)، نخست وزیر سابق انگلستان در مجلس عوام در ۱۱ نوامبر سال ۱۹۴۷).

2 - Milton Friedman

3 - Friedrich August Von Hayek

4 - James Buchanan

5 - Gordon Tulloch

6- Jack Walker

7 - Anthony Downs

Archive of SID

«ریکر و اوردشو ک^۱»، «استیگلار^۲»، «فرجوان و فیورینتا^۳»، «بری^۴» (۱۹۷۰)، «برانک^۵» (۱۹۸۰)، «ماتسوساکا و پلدا^۶» (۱۹۹۳)، «چمبلن و روتچایلد^۷» (۱۹۸۱)، «اوون و گروفمن^۸» (۱۹۸۴)، «گروفمن^۹» (۱۹۸۴)، «میولر^{۱۰}»، «پاول^{۱۱}»، «جکمن^{۱۲}»، «فری^{۱۳}» (۱۹۸۶)، «کرین^{۱۴}»، «کرین و دتون^{۱۵}» (۱۹۹۷)، «مرل و گروفمن^{۱۶}» (۱۹۹۹) نیز کوشیده‌اند که الگوی اقتصادی برای تحلیل رفشار دموکراتی طرح کنند. افزون بر این‌ها می‌توان مطالعات «کروتی^{۱۷}» (۱۹۷۱)، «آرسلوس و متزلر^{۱۸}» (۱۹۷۵)، «جاکوبسون^{۱۹}» (۱۹۷۸)، «ایبرومسون و اولدربیچ^{۲۰}» (۱۹۸۲)، «پترسون و کولدیرا^{۲۱}» (۱۹۸۳) و «کاند و اسمیت^{۲۲}» (۲۰۰۷) دربارهٔ نهادهای سیاسی و اجتماعی، مطالعات «فری^{۲۳}» (۱۹۷۱ و ۱۹۷۲)، «راسل^{۲۴}» (۱۹۷۲)، «تولیسون و ویلت^{۲۵}» (۱۹۷۳)، «ازاخارف^{۲۶}» (۲۰۰۸) با وارد کردن متغیرهای اقتصادی، اجتماعی، مکانی، جغرافیایی و مطالعات مختلف دیگر را در زمینه‌های مشابه مورد توجه قرار داد. اما به‌ظاهر یک پژوهش مستقل که هدف اصلی آن، تخصیص بهینه‌ی منابع در دموکراسی با استفاده از ساز و کار بازار- به ویژه با وزن‌دهی - باشد، انجام نشده است.^{۲۷} به همین منظور، در بخش دوم به نمونه‌ی مردمی وزن‌دهی به آرا و در بخش سوم، الگویی پولی نزدیک به دموکراتی طراحی و شیوه سازی می‌شود که از این راه و در آن چارچوب، بتوان وزن‌دهی به رأی را نشان داد. در نهایت نیز، بخش چهارم به خلاصه و نتیجه‌گیری اختصاص دارد.

1 - Riker & Ordeshook

2 - Stigler

3 - FereJohan & Fiorina

4 - Brian Barry

5 - Brunk

6 - Matsusaka & Palda

7 - Chamberlin and Rothschild

8 - Owen & Grofman

9 - Mueller

10- Powell

11 - Jacman

12 - Frey

13 - Crain & Deaton

14 - Merrill and Grofman

15 - Crotty

16 - Arcelus & Metzeler

17 - Jacobson

18 - Abramson & Aldrich

19 - Patterson & Caldeira

20 - Bond & Smith

21 - Russell

22 - Tollison & Willet

23 zakharov

۲۴ - با توجه به محتوا و دستهٔ آنچه مقاله از بیان مطالعات داخلی و خارجی که به دموکراسی و بازار توجه کرده بودند، اجتناب شده است. اما، فهرست بعضی از مطالعات داخلی و خارجی مهم، در فهرست منابع آورده شده است.

Archive of SID

۲- نمونه‌ی وزن دهنی موردنی به آرا: انتخابات ریاست جمهوری ایالات متحده آمریکا

نظام انتخاباتی ریاست جمهوری آمریکا نوعی از وزن دهنی به آرا است. در واقع، سیستم وزن دهنی ریاست جمهوری آمریکا یک حالت خاص از الگوی کلی است که در این مقاله به آن پرداخته شده است.

رئیس جمهور ایالات متحده آمریکا با یک سیستم دو مرحله‌ای انتخابات، از یک سو به وسیله‌ی مردم و از سوی دیگر به وسیله‌ی هیأت‌های انتخابی موسوم به الکترال کالج^۱ برای ۴ سال برگزیده می‌شود. تعداد الکترال کالج هر ایالت برابر با تعداد نمایندگان آن ایالت در کنگره‌ی فدرال به اضافه‌ی ۲ (که همان تعداد نماینده سنای هر ایالت در سنای فدرال است) است. به ازای هر ۵۷۰ هزار نفر یک نماینده به مجلس نمایندگان راه پیدا می‌کند که تعداد ۴۳۸ نفر را شامل می‌شود. در حالی که هر ایالت بدون احتساب بزرگی و کوچکی، ۲ نماینده در سنا دارد. بدین ترتیب، تعداد سناتورها ۱۰۰ نفر است که برای یک دوره‌ی ۶ ساله انتخاب می‌شوند. باید گفت تعداد الکترال کالج‌ها ۵۳۸ عدد در کل کشور هستند که برای کسب کرسی ریاست جمهوری باید ۲۷۰ الکترال کالج به دست آید. بنابراین، سیستم انتخاب ریاست جمهوری آمریکا بر اساس وزن دهنی به جمعیت ایالت‌ها است. برای مثال، ایالت کالیفرنیا براساس تعداد جمعیت دارای ۵۴ الکترال و ایالت واشنگتن دی سی دارای ۳ الکترال است و در مجموع ۵۳۸ الکترال در امریکا وجود دارد. هر کاندیدایی که اکثریت رأی ایالتی را به دست آورده طبق قانون «برنده، همه چیز می‌برد»، تمام رأی ایالت آن ایالت را نصیب خود می‌کند.

الگوی وزن دهنی که در این مقاله مد نظر است، وزن دهنی به آرای بر اساس شاخص‌هایی؛ همانند سرمایه‌ی انسانی است. برای واضح‌تر شدن موضوع، وزن دهنی به آراء براساس میزان تحصیلات آموزشی جمعیت ایالت‌ها بررسی می‌شود.

بر این اساس برای تمامی ایالت‌های آمریکا در سال ۲۰۰۰ میلادی، به جای جمعیت بر اساس سطح تحصیلات آموزشی وزن داده می‌شود. البته بدون این که کل آرای الکترال تغییر کند. (کل آرای الکترال همان ۵۳۸ باقی می‌ماند؛ اما سهمیه‌ی ایالت‌ها بر اساس سطح تحصیلات تغییر می‌کند) بنابراین، تمامی قوانین انتخاباتی همچنان پابرجا است و تنها به جای جمعیت از سطح تحصیلات آموزشی استفاده می‌شود. نتایج این وزن دهنی در جدول ۱ نشان داده شده است. بر اساس رأی دهنی ساده، «آل گور»^۲ ۴۸ درصد آراء و

1 - Electoral College

2 - winner takes all

3 - Albert Gore Jr.

Archive of SID
 «جرج بوش^۱» ۴۷ در صد آراء را به خود جلب کرده‌اند. اما، بر اساس رأی‌دهی الکترال جرج بوش با کسب ۲۷۱ رأی الکترال از ۵۳۸ رأی الکترال برنده‌ی انتخابات ۲۰۰۰ ریاست جمهوری آمریکا شد. بر اساس رأی‌دهی وزنی بر اساس سطح تحصیلات آموزشی که محاسبه شده است، ال‌گور با کسب ۲۷۸ رأی الکترال از ۵۳۸ رأی الکترال، برنده انتخابات ریاست جمهوری می‌شود.

جدول ۱- رأی‌دهی وزنی بر اساس سطح تحصیلات آموزشی در انتخابات سال ۲۰۰۰ آمریکا

| رأی دهنده الکترال | رأی دهنده ساده | رأی دهنده الکترال | رأی دهندي وزنی بر اساس سطح تحصیلات | | | | | | |
|-------------------|----------------|-------------------|------------------------------------|-------|-------|------|------|------|------|
| کل رأی الکترال | کل آراء | کل آراء | کل آراء | | | | | | |
| EV | Total Vote | Gore | Bush | Nader | Other | Gore | Bush | Gore | Bush |
| ۵۳۸ | ۱۰۵۴۱۷۴۷۵ | %۴۸.۳۸ | %۴۷.۸۷ | %۲.۷۳ | %۱.۰۲ | ۲۶۶ | ۲۷۱ | ۲۷۸ | ۲۶۰ |

محاسبات و یافته‌های محقق بر اساس داده‌های منتشر شده از سایت منبع: <http://uselectionatlas.org>

۳- طراحی الگو

برای تحقق هدف پژوهش - وزن دهنده به رأی - از مفاهیم «فرضیه‌ی رأی دهنده عقلانی^۲ آتنونی داونز(۱۹۵۷)»، ایده‌ی «الگوی پولی ساموئلسن(۱۹۵۸)^۳» و تئوری «اقتصاد خرد مصرف‌کننده» استفاده خواهیم کرد. دلیل این امر، پیاده‌سازی فضای رأی‌دهنده و رجحانات او با استفاده از الگوی پولی و تئوری مصرف‌کننده و بررسی این که آیا رأی‌دهنده در فضای تئوری مصرف‌کننده می‌تواند با استفاده از ساز و کار بازار به تخصیص بهینه منابع در نظام دموکراسی دست یابد؟

چار چوب این نظریه از سوی آتنونی داونز در کتاب نظریه‌ی اقتصادی دموکراسی در سال ۱۹۵۷، طرح شد.^۴ او بحث خود را تحت عنوان رأی‌دهنده عقلانی ارائه کرد که بعداً این نظریه به «فرضیه رأی‌دهنده عقلانی» معروف شد. وی در این باره می‌نویسد، شهروندان به صورت عقلانی در هر عمل خود، منافع خود را حداکثر می‌کنند. این حداکثرسازی درباره‌ی رأی‌دادن و به طور کلی، مشارکت یا عدم مشارکت در روند انتخابات نیز صدق می‌کند. چنانچه فردی تشخیص دهد هزینه‌های شرکت او در انتخابات بیش از منافع آن است، در انتخابات مشارکت نخواهد کرد و چنانچه عکس این قضیه صادق باشد، شرکت خواهد کرد. در فضای پولی نیز، ساموئلسن در الگوی پولی ۱۹۵۸ خود، به ورود پول و اثرات آن بر اقتصاد

1 - George W. Bush

2 - Rational Voter Hypothesis

3 - Paul Samuelson, 1958

4 - لامبه دکتر است که *الگوی اولین* کار در این زمینه نیست بلکه می‌توان به کتاب Gosnell و Merriam در سال ۱۹۲۴، به عنوان

Non-voting: Causes and methods of control /شاره کرد.

Archive of SID

تهاتری و تحلیل رفاه جامعه و بهینه پرداخته است. در این فضا و در این مقاله، از مقاهم فرضیه‌ی رأی دهنده عقلانی داونز، ایده‌ی ساموئلسن در معرفی پول با اثرات رشد آن در اقتصاد و تئوری اقتصاد خرد مصرف کننده برای وزن دهی به آرا استفاده می‌شود.

برای این منظور، ابتدا در فضای مصرف کننده و اقتصاد پولی، الگویی طراحی و شبیه‌سازی خواهیم کرد که به نظام دموکراسی و تخصیص منابع در آن نزدیک باشد. این الگوی طراحی شده، الگوی عمومی خواهد بود. در این الگو، پول دارای محدودیت زمانی و توزیع برابر و اولیه‌ی آن در بین مصرف کنندگان خواهد بود. در حالت عمومی و با تمام قیود موجود، الگوی طراحی شده را حداکثر کرده و نقطه‌ی بهینه را به دست خواهیم آورد و در حالات بعدی و مرحله‌ی به مرحله، تنها یکی از قیود - توزیع برابر پول بین مصرف کنندگان برای خرید کالا - برداشته خواهد شد. وقتی به این امر دست یافتیم، می‌توانیم ادعا کنیم که در فضای دموکراسی، رأی را در حالت وزن دهی به آن بررسی و نتایج آن را مشاهده کرده‌ایم.

۳- فضای پولی و تئوری مصرف کننده

در همه‌ی حالت‌ها با فرض‌هایی درباره‌ی نوع پول، وضعیت پول، فضای حاکم بر بازار، وضعیت و رفتار حاکم بر مصرف کننده و توابع مطابقیت روبه رو بوده و از طرح الگوی عمومی، وضعیت وزن دهی به پول بررسی خواهد شد.

در همه‌ی حالت‌ها فروض زیر برقرار است^۱:

- در همه‌ی حالات محدودیت پیش‌پیش نقد^۲ (محدودیت کلاور^۳) وجود دارد. یعنی، مصرف - کننده برای خرید کالا به پول نیاز دارد.
- مصرف کنندگان با یک بازار واقعی (نه مجازی و اینترنتی) روبه رو هستند.
- در این بازار چندین نوع کالا برای خرید وجود دارد و هر مصرف کننده می‌تواند با پول خود، تنها از یک نوع کالا خریداری کند.^۴

۱- برای استخراج این فروض ابتدا، ویژگی‌های مبنای دموکراسی شناسایی و سیس سعی گردید معادل اقتصادی آن در یک اقتصاد پولی شبیه سازی شود. نتیجه مهمی که بعد از شبیه‌سازی دموکراسی در فضای پولی حاصل شد، این است که فروض به دست آمده از دموکراسی دقیقاً منطبق بر فروض موجود در فضای اقتصاد پولی در نظام بازار آزاد هستند که این نتیجه می‌تواند یکی دیگر از دست آوردهای مهم این مقاله نیز به حساب آید. نقش این فروض در فضای اقتصاد پولی در رساله دکتری این جانب به تفصیل بیان شده است.

2-Cash In Advance(CIA)

۳- این مدل برای نخستین بار در سال ۱۹۶۷، از سوی رابت کلاور پایه گذاری و مطرح شد. محدودیت کلاور بدین معنا است که پیش از ورود به بازار، مصرف کننده باید پول داشته باشد یا به عبارت دیگر، مبادرات تنها با پول انجام می‌شود.

Archive of SID

- ۴- امکان پس دادن یا تعویض کالای خریداری شده وجود ندارد.
- ۵- فضای حاکم بر بازار، فضای رقابتی است.^۲
- ۶- رفتار حاکم بر مصرف کنندگان، عقلانی^۳ است.
- ۷- قیمت همه‌ی کالاهای عرضه شده یکسان بوده برای آسانی کار برابر ۱ درنظر گرفته می‌شود.
- ۸- در همه‌ی حالت‌ها، یکی از وظایف پول، ایفاده نقش وسیله‌ی مبادله در اقتصاد است.^۴
- ۹- در همه‌ی حالات، دارایی رقیب پول وجود ندارد.^۵
- ۱۰- ارزش پول تنها از این حقیقت ناشی می‌شود که قابل مبادله بوده و به وسیله‌ی دولت چاپ شده و اعتبار می‌یابد و این پول از سوی دولت در اختیار مردم قرار می‌گیرد.
- ۱۱- حجم پول منتشر شده به وسیله‌ی دولت محدود نیست و دولت به هر میزان که بخواهد، می-تواند پول منتشر کند.
- ۱۲- خریداران دارای رجحان زمانی می‌باشند.

در این فضا و چارچوب، فرض می‌شود چند بنگاه تولیدی که کالاهای مورد نیاز افراد جامعه را تولید می‌کنند، قرار است در بازار رقابتی، فعالیت اقتصادی انجام دهند. هر کدام از بنگاه‌ها می‌خواهند تا بنگاه تولیدی خود را به ثبت رسانده و به صورت قانونی فعالیت کنند. اما، براساس نظر قانون‌گذار، تنها یک بنگاه تولیدی می‌تواند در این زمینه‌ی تولیدی، به ثبت رسیده و فعالیت انجام دهد. بر این اساس، هر بنگاهی که بتواند براساس نشان دادن توأم‌نده‌های تولیدی و دادن برنامه‌ی منسجم و سودآور، سهام بیشتری نسبت به دیگر شرکت‌ها به فروش برساند، آن بنگاه به ثبت رسیده و سهام این بنگاه تولیدی در بورس اوراق بهادار عرضه و به عنوان یک دارایی به حساب خواهد آمد و مابقی بنگاه‌های تولیدی، از دور فعالیت تولیدی خارج شده

- ۱- این یکی از فرض‌های مهم پژوهش است که بیان می‌کند مصرف کنندگان چه در حالت عمومی الگو-که به تمام مصرف کنندگان یک واحد پولی داده می‌شود- و چه در حالت وزن دهنی به پول، مجاز هستند تنها از یک نوع کالا خریداری کند.
- ۲- در این حالت عرضه کنندگان کالا می‌کوشند با تبلیغات فروزان، تضليل کنندگان را به سمت خود سوق دهند. اگر فضای حاکم بر بازار برای مصرف کنندگان انحصاری باشد، در این صورت مصرف کنندگان قادر به انتخاب بهینه نخواهند بود.

3 - Rationality

- ۴- البته، در حالتی همانند حذف محدودیت زمانی، پول افزون بر وظیفه‌ی مبادله ای خود، وظیفه‌ی ذخیره ارزش را نیز می‌تواند انجام دهد.
- ۵- وجود این فرض بدین خاطر است که زمانی که محدودیت زمانی برای پول می‌تواند برداشته شود و مصرف کننده بتواند الان از پول دریافتی خود استفاده کند یا به بعد موکول کند، پول خود را به دارایی‌های رقیب همانند طلا، ارزهای خارجی، اوراق بهادار و غیره تبدیل نکند و همچنان پول را ازدراحت و حفظ کنند.
- ۶- این فرض در حالت وزن دهنی به پول خریداران خیلی اهمیت خواهد داشت.

Archive of SID
و سهام آن‌ها ارزشی نخواهد داشت.^۱ همچنین، براساس نظر قانون گذار، بنگاه برنده تنها برای یک دوره‌ی مشخص و تعیین شده – و نه مدام‌العمر – می‌تواند فعالیت اقتصادی داشته باشد و با پایان یافتن دوره‌ی تعیین شده از سوی قانون گذار، ثبت بنگاه تولیدی باطل و اجازه فعالیت از آن بنگاه گرفته می‌شود و دوباره باید در هر دوره برای فعالیت در این زمینه اقتصادی با دیگر رقبا رقابت کند. (هدف قانون گذار این است که بنگاه‌ها در این زمینه اقتصادی، نتوانند مدام‌العمر به حالت انحصار کامل تبدیل شوند.)

وضعیت اول: توزیع برابر پول بین خریداران، عدم وجود قرارداد اجتماعی برای معاوضه و وجود محدودیت زمانی برای پول

در این وضعیت در هر دوره به تمام متقاضیان به میزان مساوی، یک واحد پول برای خرید یک سهام داده می‌شود که می‌توانند به واسطه‌ی آن، یک سهم از هر بنگاه دلخواهی خریداری کنند. خریداران تنها یک روز کاری فرصت خرید سهام بنگاه مورد نظر را دارند و اعتبار پولی آن‌ها معطوف به همان یک روز کاری است (مثل محدودیت زمانی ۱۲ ساعت). در این حالت، امکان وام دادن و وام‌گرفتن وجود ندارد. یعنی، خریداران نمی‌توانند الان پول خود را به خریدار دیگر قرض دهند تا روز دیگر یا دوره‌ی بعد بتوانند از پول قرضی خود استفاده کنند. یعنی، در این حالت با محدودیت معاوضه رو به رو هستند.

مفهوم معاوضه را بدین صورت می‌توان بیان کرد که گاهی مصرف کننده ترجیح می‌دهد که حق خرید سهام را داشته باشد؛ اما، حق خرید خود را به دوره‌ی بعد موکول کند. در واقع، مصرف کننده دوست دارد که پول دریافتی از دولت را الان مصرف نکرده و به دوره‌ی بعد انتقال دهد. با توجه به محدودیت زمانی برای پول، مصرف کننده نمی‌تواند پول خود را ذخیره کند. اما، زمانی که قرارداد اجتماعی برای معاوضه وجود داشته باشد، مصرف کننده امی‌تواند در دوره‌ی آینه پول خرید سهام را به مصرف کننده‌ی ز واگذار کند تا در دوره‌ی ۱+۱، مصرف کننده از پول دریافتی خود را به مصرف کننده‌ی آانتقال دهد. مهم‌ترین بخشی که در معاوضه‌ی بین دوره‌ها وجود دارد، ثابت ماندن قدرت خرید سهام در دو دوره است. یعنی، معاوضه زمانی می‌تواند رخ دهد که قدرت خرید برای شخص ادر دوره‌ی ۱ او ۱+۱ حداقل کاوش نیابد.

فرض می‌شود در یک جامعه ۱۳ نفر دارای شروط دریافت پول از دولت و خرید سهام را هستند. همچنین، فرض می‌شود که از این ۱۳ نفر، ۱۰ نفر حتماً در بازار خرید سهام شرکت می‌کنند. اگر فرد ۱ در دوره‌ی ۱ با پول خود سهام شرکت دلخواه خود را بخرد، احتمال اثرباری رأی خریدار ۱ بر نتیجه‌ی کل

۱- در این جا فرض بر این است که تمامی خریداران بعد از برنده شدن بنگاه مورد نظرشان، از یک سهم برخوردار می‌شوند. در بخش وزن دهی اشاره خواهیم کرد که وزن‌ها باعث نمی‌شود که سهم فرد بعد از انتخاب بنگاه تغییر یابد. هرچند، وزن بالا احتمال موفقیت فرد و در نتیجه بنگاه مورد نظر او را بالا می‌برد.

Archive of SID
 انتخابات با فرض این که خریدار ا اطلاعی درباره روش انتخاب و رأی دادن ۹ نفر دیگر نداشته باشد، مساوی ۱۰ درصد خواهد بود. اگر نرخ سالیانه رشد جمعیت، ۲/۵ درصد باشد، جمعیت دارای شروط لازم در دوره $t+1$ که دوباره باید بنگاهها با هم به رقابت پردازند (۴ سال بعد) حدود ۱۴ نفر و جمعیت رأی دهنده حدود ۱۱ نفر خواهد شد. بنابراین، در دوره $t+1$ ، احتمال اثرباری رأی خریدار ا بر نتیجه کل انتخابات با فرض این که خریدار ا اطلاعی درباره روش انتخاب و رأی دادن ۱۰ نفر دیگر نداشته باشد، حدود ۹ درصد خواهد بود. بنابراین در صورتی که خریدار نخواهد این دوره سهام بنگاهی را خریداری کند و پول خود را به دیگری قرض دهد تا در دوره $t+1$ بعد باز پس گرفته و از آن استفاده کند، احتمال اثرباری آن یک درصد کاهش می‌یابد.

با توجه به فرضیه عقلانی که برای مصرف کننده وجود دارد، مصرف کننده در صورتی پول (قدرت خرید) خود را به دوره $t+1$ بعد موكول خواهد کرد که احتمال اثرباری آن بر نتیجه کل انتخابات در دوره $t+1$ بعد کاهش نیابد. بنابراین، فرد در صورتی حاضر خواهد بود که پول خود را واگذار کند که در دوره $t+1$ به جای یک واحد پولی خود، دست کم ۱/۱ واحد پول خرید سهام به دست آورد.^۱ و از آن جایی که در خرید سهام بنگاهها، دولت به هر خریدار تنها یک واحد پولی در هر دوره می‌دهد و پول دریافتی از دولت قابل تقسیم به واحدهای خردتر نیست؛ بنابراین، خریدار ا تنها زمانی دست به معاوضه می‌زند که در دوره $t+1$ بعد به جای یک واحد پولی، دو واحد پولی دریافت کند. بنابراین می‌توان چنین بیان کرد که نرخ تنزیل زمانی سالیانه حدود ۱۹ درصد خواهد بود. (نرخ تنزیل زمانی سالیانه با علامت ۸ نشان داده می‌شود؛ بنابراین، $1/19 = 8\%$) در این وضعیت فرض می‌شود که، امکان قرارداد اجتماعی وجود نداشته؛ لذا نرخ تنزیل رأی نیز وجود نخواهد داشت. در این وضعیت، فرض می‌شود خریداری که پول از دولت گرفته است، حتماً وارد بازار می‌شود و سهام بنگاه مورد نظر خود را خواهد خرید.^۲ پول دریافتی از دولت تنها وسیله خرید سهام محسوب شده و بعد از برنده شدن شرکت، ارزش سهام در بازار بورس تعیین خواهد شد. یعنی، ارزش سهام و بازده آن در آینده جزء عایدی انتظاری به شمار خواهد رفت.

عایدی انتظاری، افزون بر بحث ارزش سهام و بازده آن، بحث کیفیت کالای تولیدی بنگاه، قیمت کالا، میزان بروندادهای خارجی مثبت و منفی کالای تولید شده نیز با توجه به نوع فرد، جزء عایدی به شمار می‌آید. یعنی، شاید برای خریداری تنها برنده شدن یک سهم و ارزش آتی آن تنها جزء عایدی انتظاری محسوب

۱- این نتیجه شبیه به یکی از نتایج مهم الگوی پولی ساموئلسن در سال ۱۹۵۸ است که بیان می‌کند یکی از ریشه‌های نرخ بهره در جامعه، رشد جمعیت است و با خاطر *Archive of SID* این نتیجه است که بیشتر از تولید می‌توان مصرف کرد.

۲- توجه کنید که این فرض تنها در این وضعیت وجود دارد، چرا که در وضعیت حذف محدودیت زمانی، خریدار می‌تواند پول را نزد خود نگه دارد.

Archive of SID
شود؛ ولی، برای خریدار دیگر، افزون بر ارزش آتی سهام، کیفیت کالا یا قیمت آن و برای فرد دیگر آثار جانبی آن کالا و بنگاه مهم است. بنابراین، عایدی انتظاری برای افراد مختلف، متفاوت و متغیر است.

با توجه به فرض عقلانی بودن مصرف کننده، خریدار هزینه‌ی فرصت رفتن به بازار و خرید سهام بنگاه نوعی را با عایدی انتظاری ناشی از خرید آن مقایسه می‌کند. با توجه به این که خریدار به دنبال حداکثر کردن مطلوبیت خود برای یک روز یا یک سال نیست بلکه می‌کوشد مطلوبیت انتظاری خود را برای Z دوره‌ی مشخص حداکثر کند؛ بنابراین، عایدی انتظاری ناشی از خرید سهام برای Z دوره را در نظر قرار داده و با هزینه‌ی رفتن به بازار مقایسه می‌کند. (فرض خواهد شد که تعداد دوره‌ها برابر ۴ سال است) بنابراین، به صورت زیر می‌توان بیان کرد:

- ۱) عدم ورود به بازار و خرید سهام \Rightarrow عایدی‌های انتظاری خرید سهام $>$ هزینه‌ی فرصت رفتن به بازار و خرید سهام
 - ۲) ورود به بازار و خرید سهام \Rightarrow عایدی‌های انتظاری خرید سهام $<$ هزینه‌ی فرصت رفتن به بازار و خرید سهام
- به صورت زیر نیز می‌توان شرط ورود به بازار برای فرد A را بیان کرد:

$$p_{it}^e \cdot E_{it}^e - C_{it} > 0 \Rightarrow p_{it}^e \cdot E_{it}^e > C_{it} \quad (1)$$

در رابطه‌ی ۱ :

E_{it}^e : عایدی انتظاری ناشی از خرید سهام در زمان t .
 C_{it} : هزینه‌ی فرصت ورود به بازار یا مجموع هزینه‌های (اعم از صرف پول، وقت و سایر امکانات) است که خریدار A برای حضور در بازار در زمان t - همانند گرفتن پول از دولت و خرید سهام شرکت مورد نظر - صرف می‌کند. در این الگو هزینه‌ها مشخص و منافع، احتمالی هستند.

p_{it}^e : احتمال کسب موفقیت و رسیدن به نتیجه‌ی دلخواه در انتخاب بنگاه و احتمال برنده شدن بنگاه مورد نظر در زمان t است. این تعریف احتمال بر اساس تفسیر ذهنی احتمال یا احتمال بیزگرایی است. بر این اساس، احتمالات درجات باور ذهنی هستند. برخلاف تفسیر عینی یا منطقی از احتمال، بیزگرایی متنکر آن است که یک درجه‌ی معقول باور برای درستی یک گزاره وجود داشته باشد. هر شخص مجاز است تا درجه‌ی باور ذهنی خود به صدق یک گزاره‌ی خاص را داشته باشد. با توجه به این که حساب احتمالات هیچ ارزش احتمال اولیه‌ای را مشخص نمی‌کند، ذهنی گرایان استدلال می‌کنند که به عهده‌ی شخص است، احتمالات اولیه را بر اساس باور ذهنی فراهم آورده. سپس، حساب احتمالات و بهویژه قضیه‌ی بیز به کار گرفته می‌شوند تا از دیگر احتمالات را بر پایه‌ی توزیع احتمال اولیه که شخص انتخاب کرده است،

Archive of SID
محاسبه کند. تنها شرطی که مجموعه‌های درجات باور باید دارا باشند، این است که به لحاظ احتمالاتی سازگار باشند، به این معنا که اصول موضوعه حساب احتمالات را ارضاء کنند. در اینجا نیز، تفسیر ذهنی احتمال خریدار فرض می‌شود، از نسبت افرادی که خریدار حدس می‌زند همانند او سهام بنگاه مشترکی را خریداری کنند به کل خریداران به دست می‌آید. لذا می‌توان p_{it}^e را برای فرد i به صورت زیر تعریف کرد:

$$p_{it}^e = \frac{\sum_{k=1}^m m_{kt}}{\sum_{i=1}^n n_{it}} = \frac{m_t}{N_t} \quad (2)$$

: تعداد کل خریداران و شرکت کنندگان در بازار در زمان t که برابر با تعداد کل آرا است. لذا:

$$N_t = 1, 2, \dots, i_t, j_t, \dots, n_t \quad (3)$$

تعداد کل افراد و خریدارانی که فرد i در زمان t حدس می‌زند همانند او، سهام بنگاه مشترکی را خریداری کنند که برابر با تعداد کل آرای مساعد در زمان t است.

m_{kt} : خریدارانی که همانند فرد i تمایلات و رجحانات مشترکی برای انتخاب بنگاه دارند. بنابراین، m_{kt} یعنی k امین فردی که همانند فرد i در زمان t تمایلات و رجحانات مشترکی برای انتخاب بنگاه دارند. بنابراین، فرد i احتمال خود را از تعداد افرادی که حدس می‌زند همانند او در خرید سهام بنگاه دست به انتخاب می‌زنند، به کل خریداران و شرکت کنندگان در بازار خرید سهام به دست می‌آورد. (توجه کنید که در این احتمال ذهنی، فرد i ، رای خود را در m_t نیز به حساب می‌آورد). بنابراین؛ هر چه m_t بالا رود، احتمال پیروزی و به دست آوردن عایدی انتظاری آن بالا می‌رود. لذا با توجه به تعریف احتمال بیزگرایی، فرد i ، ارزش انتظاری برای احتمال موقیت خود در نظر می‌گیرد.

با توجه به این که خریدار به دنبال حداکثر کردن مطلوبیت خود است؛ بنابراین، او قصد دارد مطلوبیت خود را با توجه به قیودی که دارد، حداکثر کند. خریدار با قیود زیر روبرو است:

- ۱- محدودیت زمانی شرکت در بازار و خرید سهام بنگاه مورد نظر همان طور که بیان شد، خریدار با محدودیت زمانی $T=12$ روبه رو است. یعنی، تنها ۱۲ ساعت در اختیار دارد که با پول دریافتی خود، سهام بنگاه انتظاری خود را خریداری کند. لذا

$$T = 1, 2, \dots, t, \dots, 12, \quad 0 < t \leq 12 \quad (4)$$

- ۲- محدودیت توزیع برابر و اولیه‌ی یک واحد پول دریافتی برای همه خریداران. بنابراین، می‌توان به صورت زیر بیان کرد:

$$w_{it} = w_{jt} = \dots = w_{nt} = 1 \quad (5)$$

Archive of SID

Wit: وزن برخورداری از توزیع اولیه‌ی پول برای فرد آ در زمان t . در حالت اولیه از الگو , فرص می‌شود که همه‌ی خریداران از توزیع برابری برخوردار هستند. با توجه به دو قید بالا, می‌توان قید سوم را نیز بیان کرد:

- ۳- محدودیت زمانی استفاده از پول دریافتی از دولت برای خرید یک واحد از سهام بنگاه مورد نظر. خریدار برای خرید سهام بنگاه مورد نظر خود باید پول دریافتی از دولت را در محدوده‌ی زمانی $T=12$ استفاده کند, در غیر این صورت ارزش پول دریافتی برای صفر خواهد بود; یعنی:

$$p_{it}^e \cdot E_{it}^e \leq M_t \quad \text{if } 0 < t \leq 12 \\ M_t = 0 \quad \text{if } t > 12$$

M_t : یک واحد پول دریافتی فرد t از دولت برای خرید سهام بنگاه انتظاری خود در دوره‌ی t .

در اینجا فرض بر آن است که تابع EU_{it} پیوسته، شبه مکررا کید و دارای مشتق جزئی پیوسته مرتبه اول

و دوم می باشد. شرط شبه مقرر اکید برای تابع EU_{it} به صورت زیر خواهد بود:

$$2U_{p_{it}^e E_{it}^e}^{''} U_{p_{it}^e}^{'} U_{E_{it}^e}^{'} - U_{p_{it}^e p_{it}^e}^{''} U_{E_{it}^e}^{'} {}^2 - U_{E_{it}^e E_{it}^e}^{''} U_{p_{it}^e}^{'} {}^2 > 0 \quad (\forall)$$

خریدار i قصد دارد مطلوبیت انتظاری خود (EU_{it}^e) ناشی از p_{it}^e , را، با توجه به قیودی که ذکر شد حداکثر کند.

$$\begin{cases} \text{Max } EU_{it} = U(p_{it}^e, E_{it}^e) \\ \text{s.t :} \\ p_{it}^e, E_{it}^e \leq M_t \quad , \quad p_{it}^e, E_{it}^e > 0 & \text{if } 0 < t \leq 12 \\ M_t = 0 & \text{if } t > 12 \end{cases} \quad (\lambda)$$

تابع لاغرانژ این مسئله به صورت زیر خواهد بود:

$$\mathcal{L} = U(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1(p_{it}^e, E_{it}^e - M_t) - \lambda_2(p_{it}^e) - \lambda_3(E_{it}^e) \quad (4)$$

روابط زیر براساس شرط کان-تاکر به صورت زیر تشکیل می‌شود:

۱- باید توجه داشت که محدودیت زمانی برای شرکت در خرید سهام-با محدودیت دوم- محدودت زمانی در استفاده از پول- در این حالت به یک شکل دیده می شوند و می توان این دو محدودیت را یکی گرفت. لذا می توان گفت که محدودیت اول در تمام حالات بر الگو تحریص خواهد شد ولی در حالتی که محدودیت زمانی برای پول حنف می شود، محدودیت دوم از الگو برداشته شده و این دو قید از هم

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial E_{it}^e} \leq 0 \Rightarrow U_{E_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot p_{it}^e - \lambda_3 \leq 0 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial E_{it}^e} \cdot E_{it}^e = 0 \Rightarrow E_{it}^e \cdot (U_{E_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot p_{it}^e - \lambda_3) = 0 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial p_{it}^e} \leq 0 \Rightarrow U_{p_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot E_{it}^e - \lambda_2 \leq 0 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial p_{it}^e} \cdot p_{it}^e = 0 \Rightarrow p_{it}^e \cdot (U_{p_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot E_{it}^e - \lambda_2) = 0 \\ p_{it}^e \cdot E_{it}^e - M_t \leq 0 \\ \lambda_1 \cdot (p_{it}^e \cdot E_{it}^e - M_t) = 0 \\ p_{it}^e > 0 \\ \lambda_2(p_{it}^e) = 0 \\ E_{it}^e > 0 \\ \lambda_3(E_{it}^e) = 0 \end{array} \right. \quad (10)$$

از ده رابطه فوق، پنج رابطه به صورت نامعادله و پنج رابطه به صورت معادله است. پنج معادله به صورت

زیر می‌باشند:

$$\left\{ \begin{array}{l} U_{E_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot p_{it}^e - \lambda_3 = 0 \\ U_{p_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot E_{it}^e - \lambda_2 = 0 \\ p_{it}^e \cdot E_{it}^e - M_t = 0 \\ \lambda_2 = 0 \\ \lambda_3 = 0 \end{array} \right. \quad (11)$$

جواب نهایی دستگاه شماره ۱۱ به صورت زیر خواهد بود:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{U_{E_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e)}{U_{p_{it}^e}(p_{it}^e, E_{it}^e)} = \frac{p_{it}^e}{E_{it}^e} \end{array} \right. \quad (12)$$

رابطه ۱۲ نشان دهنده نقطه بهینه فرد ۱ در زمان t است که حاکمی از آن دارد که، نسبت مطلوبیت نهایی عایدی انتظاری به مطلوبیت نهایی احتمال موقیت، با نسبت احتمال موقیت به عایدی انتظاری برابر می‌باشد. شرط ثانوی برای به حداقل رسانیدن تابع مطلوبیت و این که جواب رابطه ۱۲ ماکریم باشد؛ آن است که، دترمینان هشین مرزی زیر مثبت باشد:

$$\begin{vmatrix} U_{p_{it}^e p_{it}^e} & U_{p_{it}^e E_{it}^e} & -E_{it}^e \\ U_{E_{it}^e p_{it}^e} & U_{E_{it}^e E_{it}^e} & -p_{it}^e \\ -E_{it}^e & -p_{it}^e & 0 \end{vmatrix} > 0 \quad (13)$$

از بسط رابطه ۱۳ خواهیم داشت:

$$2U_{p_{it}^e E_{it}^e} p_{it}^e E_{it}^e - U_{E_{it}^e E_{it}^e} E_{it}^{e^2} - U_{p_{it}^e p_{it}^e} p_{it}^{e^2} > 0 \quad (14)$$

اگر p_{it}^e به حایی E_{it}^e و E_{it}^e مقادیر آنها از دستگاه ۱۱ جایگذاری شود به شرط زیر خواهیم رسید:

$$2U_{E_{lt}^e p_{lt}^e} U_{E_{lt}^e p_{lt}^e} - U_{E_{lt}^e E_{lt}^e} U_{p_{lt}^e}^2 - U_{p_{lt}^e p_{lt}^e} U_{E_{lt}^e}^2 > 0 \quad (15)$$

نابرابری ۱۵ که معادل نابرابری ۷ است، می‌تواند فرض شبه مقرر بودن تابع مطلوبیت را توجیه کند. لذا نابرابری ۱۵ نشان می‌دهد که جواب رابطه ۱۲، جواب ماقزیم است.

وضعیت دوم: وزن دهی به پول خریداران، عدم وجود قرارداد اجتماعی برای معاوضه و وجود محدودیت زمانی برای پول

در این وضعیت، قید اول مبنی بر وجود وزن یکسان پول برای خریداران برداشته می‌شود. بدین صورت که دولت بر اساس تجربیات دوره‌های قبلی بر این باور است که وقتی رأی گیری به صورت ساده و با وزن یکسان پول بین خریداران انجام می‌گیرد، بنگاه کاراتری^۱ انتخاب نمی‌شود. بنابراین، دولت بر این باور است که با وزن دهی بالا به پول خریدارانی که از دانش و بیش بالایی در زمینه اقتصادی برخوردار هستند، بنگاهی که کاراتر است، انتخاب می‌شود. در اینجا فرض بر این است که دولت در وضعیت وزن دهی با دو گروه از خریداران مواجه می‌باشد: گروه اول، خریداران کارشناس و نخبگان اقتصادی هستند که قدرت تشخیص و آگاهی بالاتری در زمینه انتخاب بنگاهها نسبت به سایر خریداران دارا می‌باشند. گروه دوم، خریداران غیر کارشناسی می‌باشند که قدرت تشخیص و آگاهی پایین تری در زمینه انتخاب بنگاهها نسبت به خریداران گروه اول می‌باشند. فرض بر آن است که جمعیت این دسته از خریداران بیشتر از گروه اول می‌باشد. بر اساس فرض عقلانیت و رأی دهی صمیمانه می‌توان بیان کرد که خریداران کارشناس در انتخاب بنگاه خود، سهام بنگاه کارا را خریداری کرده و خریداران غیر کارشناس نیز در انتخاب بنگاه خود، سهام بنگاه غیر کارا را خریداری می‌کنند. در وضعیت وزن دهی، فرض بر آن است که دولت به میزان مساوی وزن بالا(W_{ht}) در زمان t به خریداران کارشناس و به میزان مساوی وزن پایین (W_{lt}) به خریداران غیر کارشناسان تخصیص می‌دهد. حجم کل پول منتشره در این وضعیت به گونه‌ای است که در زمان t ، حجم پول ثابت می‌ماند. با توجه به این که بنا به فرض، در زمان t تعداد خریداران کارشناس از تعداد خریداران غیر کارشناس کمتر است؛ در حالت توزیع یکسان پول، بنگاه غیر کارا برنده می‌شود ولی، در حالت وزن دهی بالا به پول خریداران کارشناس و وزن دهی پایین به خریدار غیر کارشناس، بنگاه کاراتر برنده می‌شود. بر این اساس، دولت اقدام به وزن دهی به پول خریداران می‌کند. با توجه به این امر، احتمال ذهنی کسب موفقیت به صورت زیر خواهد بود:

۱- این حالت شبیه به حالت وزن دهی به آرای نخبگان سیاسی است.

۲- بنگاه a نسبت به b را کارا می‌گوییم که هر سطح معینی از مخصوص را با هزینه کمتری نسبت به بنگاه b تولید کند.

$$\widehat{p}_{it}^e = \frac{\sum_{k=1}^m w_{kt} m_{kt}}{\sum_{l=1}^n n_{lt}} \quad (16)$$

با توجه به این که w_{kt} می‌تواند کوچکتر، مساوی و یا بزرگتر از ۱ باشد لذا، \widehat{p}_{it}^e می‌تواند کوچکتر، مساوی یا بزرگتر از p_{it}^e باشد. وزن دهی می‌تواند به دو طریق مختلف انجام پذیرد؛ حال آن که در ماهیت موضوع وزن دهی تفاوتی ایجاد نمی‌کند: در روش اول، وزن دهی به خریداران به گونه‌ای انجام می‌پذیرد که، حجم پول موجود در بازار در تمامی حالات برابر با تعداد خریداران بوده و در وضعیت وزن دهی حجم پول در بازار ثابت می‌ماند و تنها سهم افراد براساس وزن تخصیصی خود تغییر می‌یابد. در روش دوم، به همه خریداران یک واحد بولی داده می‌شود ولی به بعضی از آنها با توجه به وزن تخصیصی خود، پول بیشتری تخصیص می‌یابد. در این حالت حجم پول موجود در بازار بیشتر از تعداد خریداران بوده و در واقع برابر با کل پول موجود در بازار خواهد بود. در پژوهش حاضر، از روش اول وزن دهی استفاده شده است.

حداکثرسازی مطلوبیت عایدی انتظاری برای فرد ۱، به صورت زیر خواهد بود:

$$\left\{ \begin{array}{ll} \text{Max } \widehat{EU}_{it} = U(\widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e) \\ \text{s.t :} \\ \widehat{p}_{it}^e \cdot E_{it}^e \leq w_{it} \cdot M_t \quad , \quad \widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e > 0 & \text{if } 0 < t \leq 12 \\ M_t = 0 & \text{if } t > 12 \end{array} \right. \quad (17)$$

تابع لaggan این مسئله به صورت زیر خواهد بود:

$$\mathcal{L} = U(\widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1(\widehat{p}_{it}^e \cdot E_{it}^e - w_{it} \cdot M_t) - \lambda_2(\widehat{p}_{it}^e) - \lambda_3(E_{it}^e) \quad (18)$$

روابط زیر براساس شرط کان-تاکر به صورت زیر تشکیل می‌شود:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial E_{it}^e} \leq 0 \Rightarrow U'_{E_{it}^e}(\widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot \widehat{p}_{it}^e - \lambda_3 \leq 0 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial E_{it}^e} \cdot E_{it}^e = 0 \Rightarrow E_{it}^e \cdot (U'_{E_{it}^e}(\widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot \widehat{p}_{it}^e - \lambda_3) = 0 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \widehat{p}_{it}^e} \leq 0 \Rightarrow U'_{\widehat{p}_{it}^e}(\widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot E_{it}^e - \lambda_2 \leq 0 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \widehat{p}_{it}^e} \cdot \widehat{p}_{it}^e = 0 \Rightarrow \widehat{p}_{it}^e \cdot (U'_{\widehat{p}_{it}^e}(\widehat{p}_{it}^e, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot E_{it}^e - \lambda_2) = 0 \\ \widehat{p}_{it}^e \cdot E_{it}^e - w_{it} \cdot M_t \leq 0 \\ \lambda_1 \cdot (\widehat{p}_{it}^e \cdot E_{it}^e - w_{it} \cdot M_t) = 0 \\ \widehat{p}_{it}^e > 0 \\ \lambda_2(\widehat{p}_{it}^e) = 0 \\ E_{it}^e > 0 \\ \lambda_3(E_{it}^e) = 0 \end{array} \right. \quad (19)$$

Archive of SID

از ده رابطه فوق، پنج رابطه به صورت نامعادله و پنج رابطه به صورت معادله است. پنج معادله به صورت

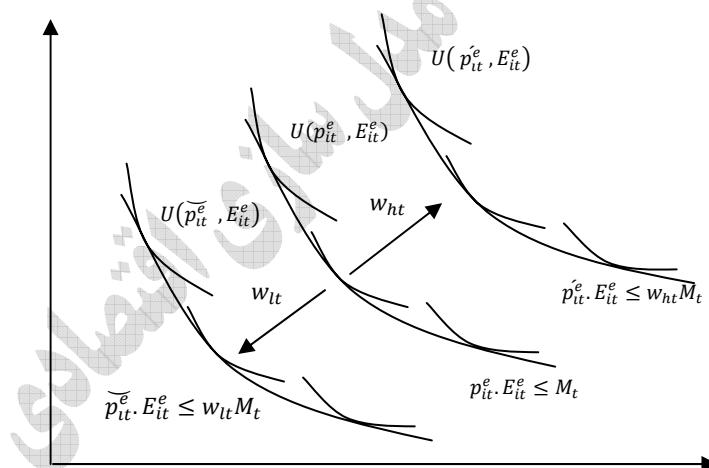
زیر می باشد:

$$\left\{ \begin{array}{l} U_{E_{it}^e}(\widehat{p_{it}^e}, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot \widehat{p_{it}^e} - \lambda_3 = 0 \\ U_{p_{it}^e}(\widehat{p_{it}^e}, E_{it}^e) - \lambda_1 \cdot E_{it}^e - \lambda_2 = 0 \\ \widehat{p_{it}^e} \cdot E_{it}^e - w_{it} \cdot M_t = 0 \\ \lambda_2 = 0 \\ \lambda_3 = 0 \end{array} \right. \quad (20)$$

جواب نهایی دستگاه شماره ۲۰ به صورت زیر خواهد بود:

$$\frac{U_{E_{it}^e}(\widehat{p_{it}^e}, E_{it}^e)}{U_{p_{it}^e}(\widehat{p_{it}^e}, E_{it}^e)} = \frac{\widehat{p_{it}^e}}{E_{it}^e} \quad (21)$$

رابطه ۲۱ نقطه بهینه خریدار i در زمان t را نشان می دهد. بر اساس روابط ۱۹، ۲۰ و ۲۱ و شکل ۱ می توان بیان کرد که اگر وزن تخصیصی به فرد i در زمان t (w_{it}) بزرگتر یا مساوی w_{ht} باشد، مطلوبیت فرد i افزایش یافته و بهینگی بهبود می یابد. ولی اگر وزن تخصیصی به فرد i در زمان t (w_{it}) کوچکتر یا مساوی w_{lt} باشد، مطلوبیت فرد i کاهش یافته و وضعیت بهینگی کاهش خواهد یافت.



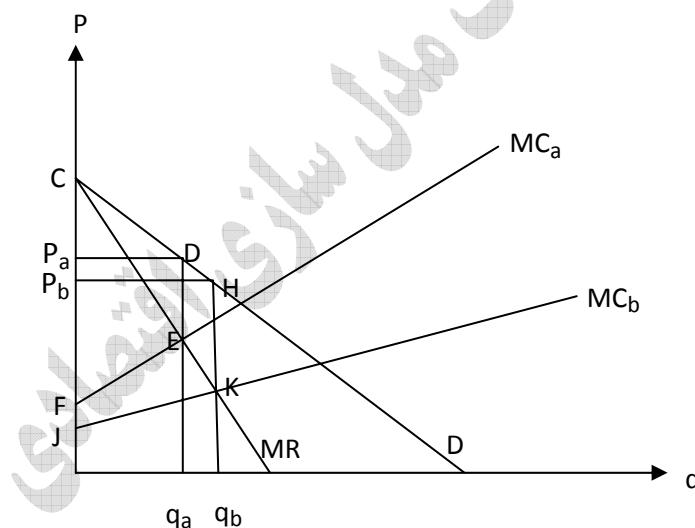
شکل ۱- نقطه بهینه در حالت وزن دهی w_{ht} و w_{lt}

بنابراین می توان بیان کرد که در حالت وزن دهی، وضعیت برخی از خریداران نسبت به وضعیت عدم وزن دهی بهتر شده و وضعیت برخی خریداران نسبت به وضعیت عدم وزن دهی بدتر می شود. بنابراین

Archive of SID

می‌توان چنین بیان کرد که وضعیت اول و نقطه بهینه ۱۲ نسبت به وضعیت دوم و نقطه بهینه ۱۱، وضعیت بهینه پرتویی^۱ برای خریداران و شرکت‌کنندگان در بازار می‌تواند باشد. ولی، تخصیص بهینه منابع از دید اجتماعی مستلزم مقایسه‌ی مستقیم مطلوبیت افراد مختلف در جامعه است. بهینه‌ی پرتو برای این است که بدانیم آثار کلی یک تغییر روی افراد جامعه که در نتیجه‌ی آن بعضی برنده و بعضی بازنده شده اند، کافی و مطلوب نیست؛ ولی، با معرفی تابع رفاه اجتماعی می‌توان چنین نظری را بیان کرد.

در اینجا می‌توان دو مبحث جدا از هم را بیان کرد: نخست، پیش از انتخابات و این که فرد مطلوبیت عایدی انتظاری خود را با خرید سهام و رأی‌دادن به بنگاه مورد نظر خود حداکثر می‌کند. دوم، پس از انتخابات و بنگاه برنده است. بنگاه برگزیده کالایی تولید می‌کند که مورد نیاز اکثریت افراد جامعه- چه برنده‌ها، چه بازنده‌ها و چه آنانی که رأی نداده‌اند- بوده و به واسطه‌ی مصرف این کالا، مطلوبیت خود را حداکثر می‌کند. بنابراین، مقدار کالای تولید شده و قیمت آن بر وضعیت اقتصادی و رفاه اجتماعی تأثیرگذار است. بنابراین، در ادامه نشان داده می‌شود که در حالت وزن‌دهی به پول خریداران و انتخاب بنگاه کارآتر، رفاه کل مصرف کنندگان و رفاه اجتماعی جامعه افزایش می‌یابد. برای این منظور از شکل ۲ استفاده می‌شود.



شکل ۲- مقایسه‌ی رفاه مصرف کنندگان و رفاه اجتماعی بین دو بنگاه a و b

۱- تخصیصی از دید پژوهشی و رانداری کارایی است که نتوان با یک تولید و توزیع مجدد، مطلوبیت یک یا چند نفر را بدون کاهشی در مطلوبیت دیگران افزایش داد.

Archive of SID
 شکل ۲ وضعیت دو بنگاه a و b را نشان می دهد. بنگاه a بر اساس رأی دهنی ساده و وزن یکسان پول بین خریداران انتخاب شده است؛ ولی، بنگاه b براساس وزن دهنی به پول و توزیع نابرابر پول بین خریداران انتخاب شده است. بنگاه b نسبت به a کاراتر است، چرا که هر سطح معینی از محصول را با هزینه‌ی کمتری نسبت به بنگاه a تولید می کند. بنگاه انحصاری a در نقطه‌ی D که q_a محصول را به قیمت P_a به فروش می رساند، سود خود را حداکثر می کند. بنگاه انحصاری b، در نقطه‌ی H که q_b محصول را به قیمت P_b به فروش می رساند، سود خود را حداکثر می کند.

ابزار کلاسیک اندازه‌گیری تغییرات رفاه «مازاد مصرف کننده» است. اگر (p) تقاضای کالایی باشد که تابعی از قیمت است، مازاد مصرف کننده ناشی از انتقال قیمت از بین a به P_b ناشی از ورود بنگاه کاراتر برابر خواهد بود با:

$$\int_{P_a}^{P_b} q(p) dp = \text{Area } P_a DHP_b \quad (22)$$

این مازاد، مساحت سمت چپ منحنی تقاضا بین P_a و P_b است که برابر با سطح $P_a DHP_b$ است. بنابراین، به واسطه‌ی ورود بنگاه کاراتر در اثر وزن دهنی به پول خریداران، رفاه مصرف کنندگان به اندازه‌ی مساحت $P_a DHP_b$ افزایش یافته است. از تعریف تابع اجتماعی زیر برای تعریف رفاه اجتماعی ناشی از انتخاب دو بنگاه کارا و غیرکارا استفاده می کنیم:

$$W(q) = u(q) - c(q) \quad (23)$$

این تابع رفاه اجتماعی که رفاه خالص جامعه نیز است، مساحت زیر منحنی تقاضا منهای مساحت زیر منحنی هزینه‌ی نهایی است که در شکل ۲ رسم شده است. تابع رفاه اجتماعی ناشی از انتخاب بنگاه a برابر است با:

$$W(q_a) = u(q_a) - c(q_a) = \text{Area CDEF} \quad (24)$$

تابع رفاه اجتماعی ناشی از انتخاب بنگاه b برابر است با:

$$W(q_b) = u(q_b) - c(q_b) = \text{Area CHKJ} \quad (25)$$

بنابراین، اضافه رفاه اجتماعی بر اثر وزن دهنی به پول خریداران و انتخاب بنگاه کاراتر برابر با سطح DEFJKH خواهد بود. بنابراین، می توان بیان کرد که با فرض این که وزن دهنی به پول خریداران انتخاب بنگاه کاراتر را سبب می شود، انتخاب بنگاه کاراتر مازاد رفاه مصرف کنندگان و همچنین، رفاه اجتماعی کل جامعه را افزایش می دهد. حال، اگر این فرض را حذف کنیم، وزن دهنی به پول را می توان در دو حالت زیر بررسی کرد:

Archive of SID

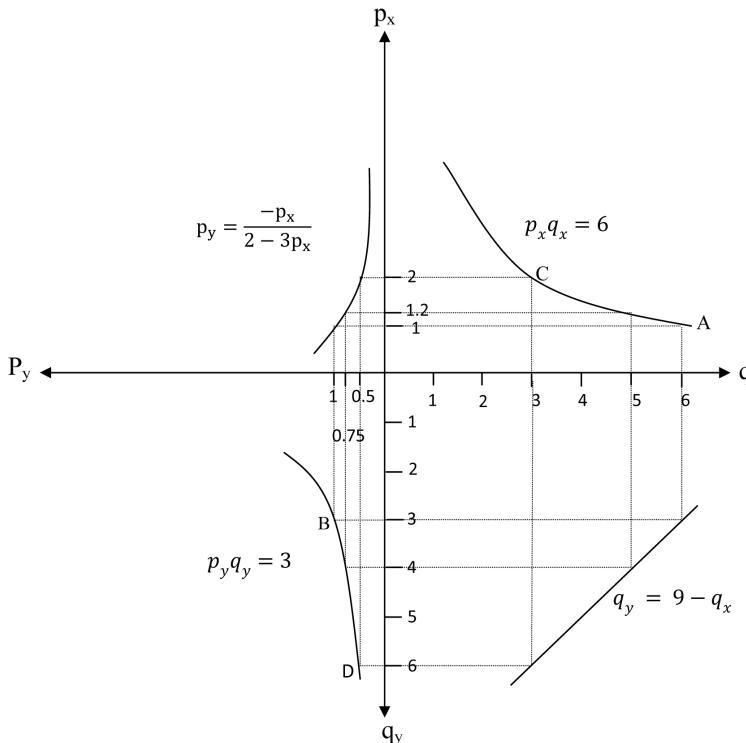
- ۱- بر اساس وزن دهی، همچنان بنگاه ناکارا انتخاب می‌شود. در این حالت، اضافه رفاه مصرف کنندگان همانند حالت توزیع برابر پول با سطح CP_D و رفاه اجتماعی برابر با سطح CDEF خواهد بود. بنابراین، با وزن دهی و انتخاب نکردن بنگاه کاراتر، کاهشی در رفاه اجتماعی به وجود خواهد آمد.
- ۲- بر اساس وزن دهی، بنگاه کارا انتخاب می‌شود. در این حالت، رفاه مصرف کنندگان به اندازه‌ی مساحت P_{DHP}^b افزایش یافته و اضافه رفاه اجتماعی بر اثر وزن دهی به پول خریداران و انتخاب بنگاه کاراتر برابر با سطح DEFJKH خواهد بود. بنابراین، در حالتی که بیش از دو بنگاه وجود داشته باشد و ناکارآمدترین آن‌ها بنگاه a و کارآمدترین آنها بنگاه b باشد، (فرضی که تعداد خریداران کارشناس از تعداد خریداران غیر کارشناس کم‌تر بوده، به طوری که در حالت توزیع یکسان پول بنگاه ناکارا برندۀ می‌شود، همچنان پایر جاست) تغییرات افزایش رفاه اجتماعی بر اساس وزن دهی به پول خریداران در تغییرات سطح ناحیه DEFJKH خواهد بود. برای این که نشان داده شود وزن دهی در چه حالتی برندۀ شدن بنگاه کارا را سبب می‌شود، از مثال زیر استفاده می‌شود:

از جامعه‌ی ۱۳ نفره، ۹ نفر در انتخاب بنگاه‌ها شرکت می‌کنند. برای این ۹ نفر می‌توان حالتی مختلف بر اساس تعداد خریداران کارشناس و غیر کارشناس بیان کرد. ولی، در اینجا حالت حدی در نظر گرفته می‌شود. به طوری که برای دیگر حالات نیز می‌توان از این روش و معیار استفاده کرد. فرض می‌شود که از ۹ نفر جمعیت خریداران سهام بنگاه‌ها، ۶ نفر غیر کارشناس و ۳ نفر کارشناس هستند. همچنین، فرض می‌شود که احتمال این که خریداران غیر کارشناس به بنگاه X که به ناکارایی نزدیک‌تر است، رأی بدنهند بیشتر می‌باشد و احتمال این که خریداران کارشناس به بنگاه y که به کارایی نزدیک‌تر است، رأی بدنهند نیز زیاد است. بنابراین، فرض می‌شود که خریداران غیر کارشناس به بنگاه X و خریداران کارشناس به بنگاه y رأی می‌دهند. در حالت اولیه قیمت سهام بنگاه X و y با هم برابر بوده و مساوی ۱ می‌باشد. یعنی:

$$p_x = p_y = 1$$

بنابراین، در حالت اولیه که قیمت سهام بنگاه X و y با هم برابر می‌باشد، ۶ نفر از خریداران غیر کارشناس، ۶ تا از سهام بنگاه X و ۳ تا از خریداران کارشناس، ۳ تا از سهام بنگاه y را خریداری می‌کنند که در شکل ۳ و به ترتیب در A, B نشان داده شده است. بر اساس شکل ۳ مختصات (A, 6), (B, 1) است.

Archive of SID



شکل ۳- بیان حالت وزن دهی به خریداران دو بنگاه y, x

در حالت وزن دهی، اگر به پول خریداران غیر کارشناس وزن $\frac{1}{2}$ و به پول خریداران کارشناس وزن ۲ داده شود، در این حالت می توان چنین بیان کرد که ۶ خریدار غیر کارشناس تنها می توانند ۳ تا سهم بخرند. بنابراین، می توان به این صورت نیز بیان کرد که قیمت سهام بنگاه X به ۲ واحد افزایش پیدا کرده است که باعث شده است خریداران غیر کارشناس تنها بتوانند ۳ تا از سهام بنگاه X را خریداری کنند (این حالت با نقطه C در شکل ۳ نشان داده شده است)

برای خریداران کارشناس نیز می توان بیان کرد که با دادن وزن ۲ به پول خریداران کارشناس، ۳ تای آنها می توانند ۶ تا سهام بنگاه y را خریداری کنند. بنابراین، در این حالت نیز می توان گفت که با دادن وزن ۲ درست مثل این است که قیمت به $\frac{1}{2}$ برای خریداران کارشناس کاهش یافته است که خریداران

Archive of SID
کارشناس توانسته اند ۶ تا از سهام بنگاه را خریداری کنند (این حالت با نقطه‌ی D در شکل ۳ نشان داده شده است). بنابراین، می‌توان بیان کرد که وزن رابطه‌ی عکس با قیمت دارد. بنابراین:

$$p_x = \frac{1}{w_x} \quad (26)$$

$$p_y = \frac{1}{w_y} \quad (27)$$

با تغییر وزن‌ها (عکس آن - قیمت‌ها) و مقادیر خرید سهام بنگاه‌ها می‌توان به معادلات زیر دست یافت:

$$\left\{ \begin{array}{l} p_x q_x = 6 \\ p_y q_y = 3 \end{array} \right. \quad (28)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} p_y q_y = 3 \\ q_y = 9 - q_x \end{array} \right. \quad (29)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} q_y = 9 - q_x \\ q_y = 5 \end{array} \right. \Rightarrow q_x = 4 \quad (30)$$

حال، برای آن که بنگاه λ رأی لازم را بیاورد تا در انتخابات برنده شود، باید دست کم ۵ تا از سهم خود را به فروش برساند. براساس معادله‌ی ۳۰ می‌توان نوشت:

$$q_y = 9 - q_x, q_y = 5 \Rightarrow q_x = 4 \quad (31)$$

با مشخص شدن مقادیر q_y و q_x می‌توان از معادلات ۲۸ و ۲۹ مقادیر p_x و p_y را به صورت زیر به دست آورد:

$$p_y q_y = 3, q_y = 5 \Rightarrow p_y = \frac{3}{5} \quad (32)$$

$$p_x q_x = 6, q_x = 4 \Rightarrow p_x = \frac{3}{2} \quad (33)$$

با توجه به این که بیان شد قیمت و وزن رابطه‌ی عکس دارند، بنابراین:

$$p_x = \frac{1}{w_x}, p_x = \frac{3}{2} \Rightarrow w_x = \frac{2}{3} \quad (34)$$

$$p_y = \frac{1}{w_y}, p_y = \frac{3}{5} \Rightarrow w_y = \frac{5}{3} \quad (35)$$

بنابراین، با دادن دست کم وزن $\frac{5}{3}$ به پول خریداران کارشناس و حداقل وزن $\frac{2}{3}$ به پول خریداران غیر کارشناس، بنگاه کاراتر λ انتخاب می‌شود. البته، وزن‌های دیگری نیز می‌توان از معادلات ۲۸، ۲۹ و ۳۰ به دست آورد که باعث می‌شوند بنگاه کاراتر انتخاب شود.

بنابراین، اگر بخواهیم یک نتیجه‌گیری کلی از نتایج الگوی پولی در قالب دموکراسی داشته باشیم، می‌توان بیان کرد که وزن‌دهی به پول خریداران و در حالت عدم تغییر نتیجه‌ی انتخاب بنگاه‌ها، مازاد رفاه مصرف‌کنندگان و رفاه اجتماعی جامعه را کاهش نداده و در صورت انتخاب بنگاه کاراتر، رفاه مصرف‌کنندگان و رفاه اجتماعی جامعه را افزایش می‌دهد.

Archive of SID

۴- نتیجه گیری

وزن دهنی به آرا از جمله مباحث مهم در تئوری رأی و دموکراسی است که ادبیات کمی در این مورد وجود دارد. در این مقاله با استفاده از مفاهیم «فرضیه رأی دهنده عقلاتی آنتونی داونز (۱۹۵۷)»، ایده «الگوی اقتصاد پولی ساموئلسن (۱۹۵۸)» و تئوری «اقتصاد خرد مصرف کننده»، الگوی پولی شبیه به فضای دموکراسی - که تاکنون در مطالعات انجام شده در این فضا و شبیه به آن، طراحی نشده است - طراحی، الگوسازی و تحلیل شد.

نتایج به دست آمده بیان می کند که با امکان ایجاد قرارداد اجتماعی برای معاوضه و ایجاد قابلیت پس انداز برای پول، شکل و ماهیت پول از کالای عمومی به کالای خصوصی تغییر یافته و باعث ایجاد نرخ بهره می شود. در این وضعیت، یکی از یافته های مهم الگوی پولی ساموئلسن در فضای تئوری رأی نیز حاصل شد. یکی از دست آوردهای الگوی پولی ساموئلسن در سال ۱۹۵۸ و در فضای پولی این بود که، یکی از ریشه های نرخ بهره، رشد جمعیت است. در این مقاله نیز این نتیجه حاصل و نشان داده شد که در فضای رأی نیز، رشد جمعیت باعث ایجاد نرخ تنزیل زمانی رأی می شود.

همچنین، این مقاله بیان می کند که وزن دهنی به پول خریداران در فضای طراحی شده الگوی پولی شبیه به فضای دموکراسی، به صورت مشروط می تواند انتخاب بنگاه کاراتر و افزایش رفاه مصرف کنندگان و رفاه اجتماعی منجر به شود.

منابع و مأخذ

باتلر، ایمون (۱۳۷۷)، اندیشه های اقتصادی میلتون فریدمن، تفضیلی، فریدون، ناشر: نشرنی، تهران.
بیتها، دیوید و بویل، کویل (۱۳۸۸)، دموکراسی چیست (آشنایی با دموکراسی)، نقش تبریزی، شهرام، ناشر: نشر ققنوس، تهران.

تفوی، سید محمد ناصر (۱۳۸۲)، الگوهای دموکراسی، فصلنامه علوم سیاسی، شماره ۲۲، صص ۲۷۰-۲۵۵.
زکریا، فرید (۱۳۸۵)، آینده آزادی: اولویت لیبرالیسم بر دموکراسی، نوروزی، امیر حسین، ناشر: انتشارات طرح نو، تهران.

شومیتر، جوزف (۱۳۷۵)، کاپیتالیسم، سرمایه داری و دموکراسی، منصور، حسن، ناشر: نشر مرکز، تهران.
غنى نژاد، موسی (۱۳۸۱)، درباره هایک، ناشر: نگاه معاصر، تهران.
فریدمن، میلتون و فریدمن، رز (۱۳۶۷)، آزادی انتخاب، حکیم زاده جهرمی، حسین، ناشر: نشر پارسی، تهران.

Archive of SID

کوهن، کارل (۱۳۷۳)، دموکراسی، مجیدی، فریبرز، ناشر: انتشارات خوارزمی، تهران.

گانینگ، جیمز پاتریک (۱۳۸۴)، در ک دموکراسی: رویکردی بر انتخاب عمومی (تحلیل اقتصادی نهادهای سیاسی)، رنانی، محسن و خضری، محمد، ناشر: سازمان مدیریت و برنامه ریزی کشور، تهران.

لیندبلوم، چارلز (۱۳۸۸)، نظام بازار، مالجو، محمد، ناشر: نشر نی، تهران.

نلسون، ویلیام (۱۳۸۴)، در توجیه دموکراسی، پارسا، علیرضا، ناشر: نشر دیگر، تهران.

- Abramson, P.R. and Aldrich, J.H. (1982), The Decline of Electoral Participation in America, *American Political Science Review*, Vol.76, PP. 502-21.
- Aldrich, H.John (1983), A Downsian Spatial Model with Party Activism, *The American Political Science Review*, Vol 77, No 4, PP. 974-990.
- Barry, Brain (1970), *Sociologists, Economists and Democracy*, the University of Chicago Press, Chicago and Landon.
- Bond, Jon.R and Smith, Kevin.B. (2007), *The Promise and performance of American Democracy*, Wadsworth Publishing Co.
- Brunk, G.G. (1980), The Impact of Rational Participation Models on Voting Attitudes, *Public Choice*, Vol. 35, PP. 549-64.
- Buchanan, James and Tulloch, Gordon (1962), *The Calculus of Consent*, Ann Arbor: University of Michigan Press.
- Chamberlain, G and Rothschild, M. (1981). A Note on the Probability of Casting a Decisive Vote, *Journal of Economic Theory*, Vol.25, PP. 185-90.
- Crain, W.M and Deaton, T.H. (1977), A Note on Political Participation as Consumption Behavior, *Public Choice*, Vol.32, PP .131-35.
- Crotty, W.J. (1971), Party Effort and Its Impact on Vote, *American Political Science Review*, Vol. 65, PP. 439-50.
- Daron, Acemoglu and Robinson, James (2006), *Economic Origins of Dictatorship and Democracy*, Cambridge University Press.
- Davis, O. A & Hinich, M. (1966), A Mathematical Model of Policy Formation in a Democratic Society, *Mathematical Applications in Political Science* (J. L. Bernd, ed.), 2, 175-208. Southern Methodist Univ. Press, Dallas.
- Davis, O. A., Hinich, M. & Ordeshook, P. (1970), An Expository Development of a Mathematical Model of the Electoral Process, *American Political Science Review*, 64, PP. 426-448.
- Downs, Anthony (1957), *An Economic Theory of Democracy*. New York: Harper.
- Downs, Anthony (1957), An Economic Theory of Political Action a Democracy, *Journal of Political Economy*, Vol. 65, pp. 115-150.
- Duch, M. Raymond and Stevenson, T.Randolph (2008), *The Economic Vote: How Political and Economic Institutions Condition Election Results*, Cambridge Universty press.
- Enelow, M. James and Hinich, J. Melvin (1990), *Advances in the spatial theory of voting*, Cambridge University press.
- Ferejohn, J.A. and Fiorina, M.P. (1974), The Paradox of Not Voting: A Decision Theoretic Analysis, *American Political Science Review*, Vol. 68, PP. 525-36.

- Archive of SID*
- Frey, B.S. (1971), Why Do High Income People Participate More in Politics?, *Public Choice*, Vol 11, PP.101-105.
- Frey, B.S. (1972), Political Participation and Income Level: Reply, *Public Choice*, Vol.13, PP.119-22.
- Friedman, Milton (1953), Essays in Positive Economics, Chicago: University of Chicago Press.
- Hazlitt, Henry (1971), the Future of Capitalism, Modern Age: A Quarterly Review, Volume 15, Number 3, PP. 241-252.
- Jackman, R.W. (1987), Political Institution and Voter turnout in the industrial Democracies, *American Political Science Review*, Vol.81, PP.405-23.
- Jacobson, G.C. (1978), The Effects of Electoral Campaign Spending in Congressional Elections, *American Political Science Review*, Vol. 72, PP. 469-91.
- Lewis-Beck,S. Michael and Stegmaier, Mary (2007), Economic Models of Voting, Oxford: Oxford University Press.
- Kain, F. John& Ries, C.John (1965), Polimetric Models of Voting Behavior in California Congressional Elections, *The Western Political Quarterly*, Vol. 18, No. 3, PP. 44-45.
- McKelvey, R. D. (1975), Policy Related Voting and Electoral Equilibrium, *Econometrica*, 43, PP.815-843.
- Matsusaka, J.G. and Palda, F. (1993), The Downsian Voter Meets the Ecological Fallacy?, *Public Choice*, Vol. 44, PP. 885-78.
- Mehler, P.E. (1977), the Selfish Voter Paradox and the Thrown Away Vote Argument, *American Political Science Review*, Vol. 61, PP. 11-30.
- Merrill, Samuel and Grofman, Bernard (1999), A unified theory of voting: directional and proximity spatial models, Cambridge University Press.
- Meltzer, A.H. and M. Vellrath (1975), The Effect of Economic Policies on Votes for the Presidency: Some Evidence From Recent Elections, *Journal of Law and Economics*, Vol. 18, PP. 781-798.
- Mueller, D.C (1989), *Public Choice II*, Cambridge: Cambridge University Press.
- Owen, G. and Grofman, B. (1984). To Vote or Not to Vote: The Paradox of Non-Voting, *Public Choice*, Vol.42, PP.311-25.
- Patterson, S.C. and Caldeira, G.A (1983), Getting Out the Vote: Participation in Gubernatorial Elections, *American Political Science Review*, Vol. 77, PP. 675-89.
- Powell, G.B., Jr (1986), American Voter Turnout in Comparative Perspective, *American Political Science Review*, Vol. 80, PP. 17-43.
- Riker, W.H. and Ordeshook, P.C. (1968), A Theory of the Calculus of Voting, *American Political Science Review*, Vol. 62, PP. 25-42.
- Russell,K. (1972), Political Participation and Income Level: An alternative Explanation, *Public Choice* , Vol 13,PP 113-142.
- Samuelson,Paul A. (1958), An Exact Consumption Loan Model of Interest with or without the Social Contrivance of Money, *Journal of Political Economy*, 66, 1002-1011.

Archive of SID

- Stigler, G.J. (1972), Economic Competition and Electoral Competition, *Public Choice*, Vol. 13, PP. 91-106.
- Stigler, G.J. (1973), General Economic Conditions and National Elections, *American Political Science Review*, Vol. 63, PP. 160– 7.
- Stone, Alan and Harpham, J. Edward (1982), *the Political Economy of Public Policy*, Sage Publications.
- Torsten Persson, Guido Tabellini (2000), *Political Economics: Explaining Economic Policy*, the MIT Press.
- Tollison, R.D. and Willet, T.D. (1973), Some Simple Economics of Voting and Non- Voting, *Public Choice*, Vol. 16, PP. 59-72.
- Tullock, Gordon (1967), *Toward a Mathematics of Politics*, University of Michigan Press.
- Vanberg, J. Viktor (2008), On the Complementarity of Liberalism and Democracy – a Reading of F.A. Hayek and J.M. Buchanan, *Journal of Institutional Economics*, 4: 2, PP.139–161.
- Walker, Jack L. (1966), A Critique of the Elitist Theory of Democracy, *American Political Science Review*, 60, p. 289.
- Walker, Jack.L. (1966), A Critique of the Elitist Theory of Democracy, the University of Michigan.
- www.census.gov
- www.uselectionatlas.org