

بهینه‌سازی درآمد هتل در حالت وجود تقاضای قطعی و غیرقطعی با درنظر گرفتن لغو درخواست و عدم حضور میهمان

سعیده کتابی^{۱*}، مهسا قندھاری^۲، مسعود احمدی^۳

۱-دانشیار گروه مدیریت، دانشکده علوم اداری و اقتصاد، دانشگاه اصفهان

۲-استادیار گروه مدیریت، دانشکده علوم اداری و اقتصاد، دانشگاه اصفهان

۳-کارشناس ارشد مدیریت، دانشگاه اصفهان

چکیده

در پژوهش حاضر یک مدل برنامه‌ریزی خطی ارائه می‌شود که هدف آن بهینه سازی درآمد هتل است. برنامه‌ریزی برای یک دوره خاص انجام و چند دوره رزرواسیون در نظر گرفته می‌شود. قیمت ارائه شده در این دوره‌ها متفاوت است و مدل، قابلیت درنظر گرفتن اتفاق‌ها با انواع متفاوت را دارد. در واقع، متغیرهای تصمیم تعداد رزرواسیون اتفاق‌ها از انواع مختلف با ورود و خروج‌های متفاوت و در دوره‌های رزرو گوناگون است. تعداد متغیرهای تصمیم ضریبی از انواع اتفاق، تعداد روزهای ورود، تعداد روزهای خروج و تعداد دوره‌های رزرو است.

دو حالت قطعی و غیر قطعی برای تقاضا در نظر گرفته می‌شود. برای حالت غیرقطعی روش سناریوسازی که از روش‌های ساده، ولی نزدیک به واقعیت در برنامه‌ریزی احتمالی است، استفاده می‌شود. ویژگی متمایز این مقاله در نظر گرفتن حالت لغو درخواست و عدم حضور است که به عنوان یک فاکتور تعیین کننده در میزان پذیرش میهمانان هتل به حساب می‌آید. اعتبار مدل با استفاده از مثال‌های عددی تأیید شده و در نهایت، مدل توسط نرم افزارهای برنامه‌ریزی خطی حل می‌شود. با حل مدل‌ها این نتیجه به دست آمد که هرچقدر ریسک تصمیم گیرنده بیشتر باشد، فاکتور مقابله با ریسک او کمتر و درآمد حاصل از هتل در حالت احتمالی تقاضا بیشتر خواهد بود.

واژه‌های کلیدی: مدیریت درآمد، مدل‌سازی، برنامه‌ریزی احتمالی

۱- مقدمه

مسئله در عمل با مشکل مواجه خواهد شد، زیرا هر میهمان الزاماً به صورت انفرادی به هتل مراجعه نمی‌کند، بلکه ممکن است به صورت مجموعه‌ای از افراد (خانواده) برای رزرو یک اتاق مشخص در هتل مراجعه کند. به عنوان توضیح در مدل‌های قبلی این طور فرض می‌شد که مثلاً هنگامی که هتل یک اتاق چهار نفره دارد، چهار ظرفیت خالی برای ورود میهمان وجود دارد؛ بنابراین، اگر دو خانواده دو نفره هم به هتل مراجعه می‌کردن، فرض می‌شد که هتل قادر به اسکان آنهاست، در حالی که این موضوع در واقعیت امکان ندارد، زیرا اسکان دو خانواده دو نفره در یک اتاق چهار نفره در عمل پذیرش درخواست هر دو خانواده غیرممکن است، در حالی که در مدل‌های قبلی چنین مشکلی در نظر گرفته نشده است. مدل ارائه شده در این پژوهش با در نظر گرفتن ظرفیت هتل براساس تعداد اتاق‌های با انواع مختلف، این مشکل را حل کرده است. مزیت دیگر این پژوهش این است که حالت عدم حضور و لغو درخواست میهمانان در نظر گرفته شده است. در نهایت، این مدل حالت احتمالی تقاضا را نیز در نظر گرفته است.

۲- چارچوب مقاله به صورت زیر است: در بخش ۱ ادبیات پژوهش مربوط به مدیریت درآمد هتل ارائه می‌گردد. در بخش ۲ روش پژوهش آورده خواهد شد. در بخش ۳ مدل برنامه‌ریزی قطعی ارائه می‌شود. در بخش ۴ احتمال عدم حضور و لغو درخواست به مدل اضافه می‌گردد. در بخش ۵ مدل برنامه‌ریزی احتمالی تشریح می‌گردد و در بخش ۶ مثال‌های

مفهوم مدیریت درآمد، اولین بار در دهه ۱۹۷۰ در صنعت خطوط هوایی آمریکا زاده شد. این مفهوم، کاربرد استراتژی‌های قیمت‌گذاری را در تخصیص بهینه ظرفیت به مشتریان نشان می‌دهد (ودرفورد و بادیلی، ۱۹۹۲). مدیریت درآمد در عمل به این صورت تعریف می‌شود: هنر و علم پیش‌بینی زمان واقعی تقاضای مشتری و بهینه کردن درآمد و دسترسی به محصول؛ به گونه‌ای که تقاضای مورد نظر را پوشش دهد (کولن و هلسل، ۲۰۰۶، ۲: ۸).

در این پژوهش، یک مدل برنامه‌ریزی خطی ارائه می‌شود که هدف آن بهینه سازی درآمد هتل است. این مدل شرایط زیر را در بر می‌گیرد: ۱- برنامه‌ریزی برای یک دوره و نه برای یک روز خاص انجام می‌شود؛ ۲- چندین دوره رزرواسیون را می‌توان در نظر گرفت؛ ۳- ظرفیت هتل بر اساس اتاق‌های گوناگون در نظر گرفته شده است؛ ۴- تقاضا برای هتل در دو حالت در نظر گرفته شده است: (الف) تقاضای قطعی؛ (ب) تقاضای احتمالی.

مزایای این مدل نسبت به مدل‌های قبلی ارائه شده در این است که از طرفی مدل، دو عامل را با هم در خود جای داده است: ۱- برای یک دوره زمانی و نه یک روز خاص برنامه‌ریزی انجام می‌دهد؛ ۲- دوره‌های رزرواسیون مختلف با قیمت‌های متفاوت را در نظر می‌گیرد، که در پژوهش‌های قبلی هردوی این عوامل توأمان با هم در مدل وارد نشده اند (لای و ان جی، ۲۰۰۵؛ لیو و همکاران، ۲۰۰۸). از سوی دیگر، مدل‌های قبلی ارائه شده برای مدیریت درآمد هتل، ظرفیت هتل را براساس تعداد افراد قابل اسکان در آن در نظر گرفته اند، در حالی که این روش برخورد با

برای مسئله مدیریت درآمد در هتل بر اساس الگوهای تقاضای کلی و زمان و تعداد جاهای خالی ارائه کرد. او در مقاله خود نشان داد که این فرمولاسیون برای به کارگیری ساده و کارا است.

بیتران و موندچین^{۱۵} (۱۹۹۵)، بر روی مساله تخصیص ظرفیت اتاق‌ها در یک روز خاص متمرکز شدند. به عبارت دیگر، آنها آثار رزرواسیون در روزهای مختلف را بر روی یکدیگر در نظر نگرفتند. ودرفورد^{۱۶} (۱۹۹۵)، بر روی یک سیاست کنترل رزرو برای یک دوره رزرواسیون متمرکز شد. او یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی قطعی برای در نظر گرفتن محدودیت‌های رزرو ارائه کرد.

دنقی و همکاران^{۱۷} (۱۹۹۷)، بر روی فرآیند تغییر از هتل‌داری سنتی به مدیریت درآمد در هتل متمرکز شدند و چهار عامل برای موفقیت در این فرآیند را درک درست مدیران و کارکنان از مدیریت درآمد، مدیریت فوآیند تغییر، آموزش بر اساس نیازهای خاص هتل و قابل کاربرد بودن^{۱۸} نرم افزارهای مدیریت درآمد و مطابقت آنها با شرایط خاص هر هتل معروفی کردند. بیکر و کولیر^{۱۹} (۱۹۹۹)، عملکرد پنج سیاست کنترل رزرو را در ۳۶ هتل به وسیله شبیه‌سازی مقایسه کردند و هر سیاست را با هر محیط عملیاتی مطابقت دادند. دایگل و ریکارد^{۲۰} (۲۰۰۰)، به نقش سیستم‌های اطلاعاتی در مدیریت درآمد در هتل اشاره کردند. امکسیز و همکارانش^{۲۱} (۲۰۰۵)، یک نمونه از هتل‌های پنج ستاره را در ترکیه مطالعه کرده و نشان دادند که تکنیک‌های مدیریت درآمد اثر مثبت عمده‌ای بر عملکرد مالی و عملیاتی هتل خواهد داشت. استید و گو^{۲۲} (۲۰۰۵)، به مقایسه روش‌های مختلف قیمت‌گذاری در هتل پرداخته، نشان دادند که قیمت‌گذاری بر اساس مفاهیم مدیریت درآمد باید

عددی بیان خواهد شد. در پایان، در بخش ۸ نتیجه‌گیری ارائه می‌گردد.

۲- مدیریت درآمد در هتل

از اواخر دهه ۱۹۸۰ مزایای مدیریت درآمد در خطوط هوایی به صورت گسترشده‌ای وارد صنعت هتل داری شد (دنقی و همکاران^{۲۳}، لیبرمن^{۲۴}؛ کیمز^{۲۵}، ۱۹۸۹). در همین زمان، تعدادی از شرکت‌های مدیریت درآمد ظهرور کردند که به صورت خاص بر صنعت هتل داری متمرکز شدند. هتل‌های بیشتری شروع به استفاده از سیستم‌های مدیریت درآمد کردند، درحالی که از شرکت‌های مشاوره‌ای کمک می‌گرفتند. آی تی تی شراتن - استاروود^{۲۶}، هالیدی اینس ورلد وايد^{۲۷}، ماریوت ایترنشنال^{۲۸} و گروه هتل‌های هیلتون^{۲۹} جزو اولین هتل‌هایی بودند که سیستم‌های مدیریت درآمد را پیاده‌سازی و از روش‌های مدیریت درآمد استفاده کردند (هالی و اینگه^{۳۰}، ۲۰۰۴).

لیبرمن و یچیالی^{۳۱} (۱۹۷۸)، روش حلی از نوع تعیین حدود کنترلی، برای رزرو مضاعف (رزرو مضاعف به معنای فروش کالا یا سرویس بیشتر از ظرفیت موجود است. این کار زمانی انجام می‌شود که احتمال لغو درخواست توسط مشتری وجود داشته باشد) و یک کلاس مشتری برای هتل‌ها تشريح نمودند. منظور از کلاس مشتری همان نوع مشتری است؛ مثلاً اگر در بحث رزرواسیون هتل، مشتریانی که قبل از تاریخ خاصی برای رزرو مراجعه می‌کنند، از آنهای که بعد از آن می‌آیند تفکیک شوند، دو کلاس مشتری تعریف می‌شود. لادنی^{۳۲} (۱۹۹۱)، با استفاده از برنامه‌ریزی پویا، روش حلی برای رزرو مضاعف و دو کلاس مشتری در هتل‌ها ارائه کردند. بادینلی^{۳۳} (۲۰۰۰)، یک فرمولاسیون برنامه‌ریزی پویا

لیو و همکارانش یک مدل برنامه‌ریزی خطی ارائه کردند که در آن درآمد هتل برای یک روز خاص و با دوره‌های رزرواسیون متفاوت بهینه سازی می‌شد. در این پژوهش نیز تقاضا حالت احتمالی داشت و مسأله به یک مسأله برنامه‌ریزی احتمالی تبدیل شد و آنها با استفاده از رویکرد بهینه سازی استوار و سناریوهای مختلف مسأله را حل نمودند. آنها تنها یک مدل اتاق را برای هتل در نظر گرفتند. در مدل آنها درآمد حاصل از کرایه اتاق به هر نفر در دوره‌های رزرواسیون مختلف، متفاوت است (لیو و همکاران، ۲۰۰۸)

به طور کلی، در بین پژوهش‌های مرور شده دو مقاله مربوط به لای و ان جی (۲۰۰۵) و لیو همکاران (۲۰۰۸) در راستای مقاله حاضر است که تفاوت آنها این است که در مقاله اول برنامه‌ریزی برای یک دوره زمانی انجام می‌شود و تنها یک دوره رزرواسیون وجود دارد و در مقاله دوم برای یک روز خاص و دوره‌های رزرو متفاوت برنامه‌ریزی می‌شود. پژوهش‌های انجام شده در زمینه مدیریت درآمد به طور خلاصه در جدول شماره ۱ آورده شده است.

در شرایط بازار رقابتی صورت پذیرد. زدهانگ^{۲۲} (۲۰۰۷)، روش‌های مختلف قیمت‌گذاری در هتل؛ از جمله قیمت‌گذاری هزینه محور، بازار محور و یا ترکیبی را بررسی کرده است. هاروود در زمینه صنعت هتل داری، پژوهشی انجام داد که در آن با استفاده از شبیه سازی مونت کارلو، بین دو سیاست تخصیص ظرفیت به میهمانان هتل مقایسه ای انجام داده است. این دو سیاست، یکی سیاست اولین ورود اولین خدمت و دیگری رویکرد پذیرش درخواست رزرواسیون با قیمت پایه^{۲۳} است. آنها به این نتیجه رسیدند که وقتی گشته تقاضا وسیع باشد، روش قیمت پایه درآمد بیشتری به همراه دارد (هاروورد^{۲۴}، ۲۰۰۶).

در پژوهشی دیگر یک مدل برنامه‌ریزی خطی ارائه شد که در آن درآمد هتل برای یک دوره زمانی بهینه سازی شد. به دلیل احتمالی بودن ساختار تقاضا، این مسأله به صورت یک مسأله برنامه‌ریزی احتمالی تبدیل شد که آنها با استفاده از تکنیک‌های بهینه سازی استوار^{۲۵} و ایجاد سناریوهای مختلف آن را حل کردند. آنها در نهایت با ارائه چند مثال نتایج مدل را نشان دادند (لای و ان جی، ۲۰۰۵).

جدول (۱): پژوهش‌های انجام شده در زمینه مدیریت درآمد

| پژوهشگر | سال | موضوع پژوهش |
|--------------------|------|---|
| لیرمن و یچیالی | ۱۹۷۸ | استفاده از حدود کترلی برای رزرو مضاعف و یک کلاس مشتری |
| لادنی و آربل | ۱۹۹۱ | استفاده از برنامه ریزی پویا برای رزرو مضاعف و یک کلاس مشتری |
| بیتران و موند سچین | ۱۹۹۵ | مسأله تخصیص ظرفیت به اتاق‌ها در یک روز خاص |
| ودرفورد | ۱۹۹۵ | استفاده از برنامه ریزی ریاضی قطعی برای یک دوره رزرواسیون |
| دناقی و همکاران | ۱۹۹۷ | عوامل موافقیت مدیریت درآمد در هتل |
| بیکر و کولیر | ۱۹۹۹ | مقایسه پنج سیاست کترل رزرو در هتل |
| بادینلی | ۲۰۰۰ | استفاده از برنامه ریزی پویا بر اساس الگوی تقاضای کلی |
| دایگل و ریکارد | ۲۰۰۰ | نقش سیستم‌های اطلاعاتی در مدیریت درآمد هتل |

ادامه جدول (۱): پژوهش‌های انجام شده در زمینه مدیریت درآمد

| پژوهشگر | سال | موضوع پژوهش |
|-------------------|------|--|
| ویرتز و همکارانش | ۲۰۰۳ | بررسی اثر به کارگیری مدیریت درآمد بر رضایت مشتری |
| امکسیز و همکارانش | ۲۰۰۵ | بررسی اثر مدیریت درآمد بر عملکرد مالی و عملیاتی |
| لای و ان جی | ۲۰۰۵ | ارائه یک مدل برنامه ریزی خطی برای یک دوره زمانی و یک دوره رزرو |
| هاروورد | ۲۰۰۶ | استفاده از شبیه سازی مونت کارلو برای مقایسه دو سیاست تخصیص طرفیت هتل |
| لیو و همکاران | ۲۰۰۸ | ارائه یک مدل برنامه ریزی خطی برای یک روز خاص و دوره رزرو متفاوت |
| نون و ماتیلا | ۲۰۰۹ | بررسی اثر نرخ های ترکیبی و غیر ترکیبی بر مطلوبیت مشتری |

یک عامل غیر قطعی چند سناریو در نظر گرفته می‌شود که ممکن است از سوابق پیشین عامل مذکور به دست آمده باشد.

۴- مدل برنامه ریزی در حالت تقاضای قطعی داده های مدل به صورت زیر هستند:

$R_{i,j,t}^k$: درآمد حاصل از اتاق نوع k که $i=0,...,T-1$ و خروج در زمان j که $j=1,...,K$ و در دوره ثبت رزرو t که $t=1,...,M$ و در دوره ثبت رزرو t که $t=1,...,M$

$U_{i,j,t}^k$: تقاضا برای اتاق از نوع k که ورود در زمان i و خروج در زمان j باشد و در دوره t مراجعه کرده باشند.

C_k : تعداد اتاق های از نوع k (ظرفیت)

متغیرهای مدل نیز به این صورت هستند:

$x_{i,j,t}^k$: تعداد رزرواسیون اتاق های از نوع k که ورود به آنها در زمان i و خروج از آنها در زمان j باشد و در دوره t ثبت رزرو کرده باشند.

شکل شماره ۱ مشخصات مدل را به صورت کلی نشان می‌دهد. همان طور که مشاهده می‌شود، این مدل یک دوره برنامه ریزی خاص را در نظر می‌گیرد که می‌تواند شامل چند روز مهم و شلوغ سال باشد. برای این دوره، چند دوره رزرواسیون انجام می‌شود

۳- روش پژوهش

با توجه به این که هدف این مقاله بهینه سازی درآمد هتل است، یک مدل برنامه ریزی خطی طراحی می‌شود که بتواند درآمد را بیشینه کند. تابع هدف ماکزیمم درآمد بوده و بنابراین، از حاصل ضرب قیمت هر اتاق در تعداد اتاق های رزرو شده به دست می‌آید، اما محدودیت هایی نیز برای این مسئله وجود دارند که شامل محدودیت مربوط به ظرفیت هتل و محدودیت تقاضا هستند. متغیر تصمیم در این مدل تعداد رزرواسیون اتاق هاست که در آن تقاضا های نوع اتاق، دوره رزرواسیون و ورود و خروج های مختلف در نظر گرفته می‌شود. با دخالت دادن مجموعه این عوامل، مدل برنامه ریزی خطی در حالت تقاضای قطعی طراحی می‌گردد.

در مدل بعدی، این احتمال به مدل اولیه اضافه می‌شود که ممکن است برخی از میهمانان با وجود رزرو اتاق در زمان مقرر به هتل نیایند و یا تقاضای لغو درخواست را داشته باشند.

اما در مدلی دیگر حالت احتمالی تقاضا محاسبه می‌شود که نسبت به حالت قطعی واقع بینانه‌تر است، زیرا معمولاً تقاضا برای رزرو اتاق های هتل تصادفی است. روش سناریوسازی ساده ترین روش قابل کاربرد برای شرایط احتمالی است. در این روش برای

و خروج‌های گوناگون را در دوره برنامه‌ریزی مورد نظر بیشینه می‌کند. در این مدل، این‌طور فرض می‌شود که در ابتدای دوره برنامه‌ریزی هیچ مهمانی در هتل وجود ندارد. بنابراین، برای روز صفر محدودیت ظرفیت بدین گونه محاسبه می‌شود:

تعداد افرادی که در ابتدای روز صفر وارد می‌شوند و برای هر مدت، حداکثر تا پایان دوره برنامه‌ریزی در هتل باقی می‌مانند، بنابراین محدودیت اول مدل که یک محدودیت ظرفیت است، به صورت رابطه شماره ۲ خواهد بود.

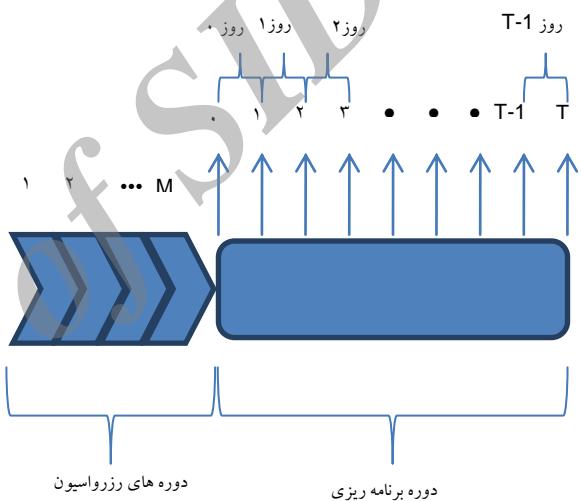
برای روزهای بعدی در دوره برنامه‌ریزی در هر روز مشخص p که $p = 1, 2, \dots, T - 1$ ، ظرفیت اتاق‌های مختلف هتل به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\begin{aligned} \text{تعداد افرادی} \\ \text{که از قبل از} \\ \text{روز } p \text{ در هتل} \\ \text{نشسته و در ابتدای} \\ \text{هتل در روز } p \text{ وارد} \\ \text{هتل می‌شوند.} \\ \text{هم در هتل} \\ \text{می‌مانند.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \text{تعداد افرادي} \\ &\quad \text{ظرفیت} \\ &\quad \text{اشغال شده} \\ &\quad \text{در ابتدای} \\ &\quad \text{هتل در روز } p \text{ وارد} \\ &\quad \text{هتل می‌شوند.} \end{aligned}$$

بنابراین، محدودیت دوم مدل که آن هم یک محدودیت ظرفیت است، به صورت رابطه ۳ خواهد بود. با توجه به این که میزان پذیرش رزرواسیون برای اتاق‌ها نمی‌تواند از میزان درخواست‌ها (تقاضاها) بیشتر باشد، بنابراین، محدودیت سوم مدل که محدودیت مربوط به تقاضاست، به صورت رابطه (۴) است.

که این دوره‌ها ممکن است از چند ماه قبل از دوره برنامه‌ریزی آغاز شوند. هر دوره رزرواسیون می‌تواند قیمت متفاوت و بنابراین، درآمد متفاوتی داشته باشد. میهمان‌های هتل، تعداد روزهای توافق متفاوت دارند. اتاق‌ها از انواع مختلف بوده، شامل یک نفره، دونفره و غیره هستند. بنابراین، برنامه‌ریزی بر روی اتاق‌ها انجام می‌شود و متغیرهای تصمیم تعداد درخواست‌های پذیرفته شده برای رزرو اتاق‌ها با انواع مختلف و در دوره‌های رزرو متفاوت است.



شکل (۱): مشخصات مدل ارائه شده

مدل برنامه‌ریزی در حالت تقاضای قطعی برای این مقاوله به صورت مدل زیر است:

$$\max = \sum_{k=1}^K \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^{T-1} \sum_{j=i+1}^T R_{i,j,t}^k x_{i,j,t}^k \quad (1)$$

$$\sum_{t=1}^M \sum_{j=1}^T x_{0,j,t}^k \leq C_k \quad \forall k = 1, \dots, K \quad (2)$$

$$\sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^p \sum_{j=p+1}^T x_{i,j,t}^k \leq C_k \quad \forall k = 1, \dots, K \quad \forall p = 1, \dots, T-1 \quad (3)$$

$$x_{i,j,t}^k \leq U_{i,j,t}^k, \text{integer} \quad i = 0, \dots, T-1; j = 1, \dots, M; t = 1, \dots, K \quad (4)$$

for all $0 \leq i < j \leq T$

تابع هدف درآمد هتل حاصل از رزرواسیون اتاق‌های مختلف در دوره‌های مختلف و برای ورود

راهی برای در نظر گرفتن این حالت احتمالی استفاده از امید ریاضی برای پارامتر $U_{i,j,t}^k$ است، اما راه دیگری برای این منظور استفاده از سناریوهای مختلف برای حالات مختلف است (مولوی و همکاران^{۲۸}). در هر سناریو $U_{i,j,t}^k$ ها و $R_{i,j,t}^k$ همکاران^{۲۹}). در هر سناریو دارای یک احتمال مشخص است و مجموع احتمالات برابر یک است. این سناریوها و احتمالات آنها در رابطه ۶ و ۷ مشاهده می‌گردد. احتمالات مدل را می‌توان با استفاده از روند های موجود و سوابق به دست آورد؛ برای مثال، می‌تواند میانگینی از داده های ده سال اخیر هتل باشد.

$$p_s \geq 0 \quad s = 1, 2, \dots, S \quad (6)$$

$$\sum_{s=1}^S p_s = 1 \quad (7)$$

با توجه به این روش مدل مدیریت درآمد در هتل با رویکرد احتمالی گستته برای حالت احتمالی تقاضا به صورت مدل (۸) خواهد بود.

$\max z =$

$$\begin{aligned} & s=1 \\ & psk=1 \\ & Kt=1 \\ & Mi=0 \\ & T-1 \\ & j=i+1 \\ & TRij,tk,sxi,j \\ & ,tk-\lambda s=1 \\ & psmin0,k=1 \\ & Kt=1 \\ & Mi=0 \\ & T-1 \\ & j=i+1 \\ & TRij,tk,sxi,j \\ & s=1 \\ & psk=1 \\ & Kt=1 \\ & Mi=0 \\ & T-1 \\ & j=i+1 \\ & TRij,tk,sxi,j \\ & \sum_{t=1}^M \sum_{j=1}^T x_{0,j,t}^k \leq C_k \quad \forall k = 1, \dots, K \end{aligned} \quad (8)$$

$$\sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^P \sum_{j=p+1}^T x_{i,j,t}^k \leq C_k \quad \forall k =$$

$$1, \dots, K \quad \forall p = 1, \dots, T-1$$

$$0 \leq x_{i,j,t}^k \leq \max\{U_{i,j,t}^{k,s}\}, \text{integer} \quad i = 0, \dots, T-1; \quad j =$$

$$1, \dots, T; \quad t = 1, \dots, M; \quad k = 1, \dots, K; \quad s = 1, \dots, S$$

$$\text{for all } 0 \leq i < j \leq T$$

۵- مدل برنامه‌ریزی در حالت تقاضای قطعی با در نظر گرفتن احتمال عدم حضور و لغو درخواست در مدل شماره اول این گونه فرض می‌شود که تمامی مسافرانی که ثبت رزرو کرده‌اند، در زمان مقرر به هتل مراجعه کنند، در حالی که در اکثر موقعیت غیر از این نوع مسافران، دو نوع دیگر از مشتریان نیز وجود دارند. برخی مشتریان قبل از این‌که زمان ورود آن‌ها فرا بررسد متوجه لغو درخواست خود هستند که به این حالت لغو درخواست^{۳۰} گفته می‌شود. گروهی دیگر نیز وجود دارند که در هتل حاضر نمی‌شوند و به آن ثبت رزرو کرده‌اند، در هتل حاضر نمی‌شوند و به این حالت عدم حضور^{۳۱} گفته می‌شود. می‌توان با استفاده از سوابق تاریخی رزرو یک احتمال تقریبی برای این دو حالت در نظر گرفت. در صورتی که احتمال لغو درخواست را با P_a و احتمال عدم حضور را با P_b نشان دهیم، آن‌گاه مدل مسئله به صورت مدل شماره ۵ می‌شود.

$$\begin{aligned} \max & = \sum_{k=1}^K \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^{T-1} \sum_{j=i+1}^T R_{i,j,t}^k x_{i,j,t}^k \\ \sum_{t=1}^M \sum_{j=1}^T x_{0,j,t}^k (1 - P_c - P_b) & \leq C_k \quad \forall k = 1, \dots, K \\ \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^P \sum_{j=p+1}^T x_{i,j,t}^k (1 - P_c - P_b) & \leq C_k \quad \forall k = \\ 1, \dots, K \quad \forall p = 1, \dots, T-1 & \\ x_{i,j,t}^k & \leq U_{i,j,t}^k, \text{integer} \quad i = 0, \dots, T-1; \quad j = \\ 1, \dots, T; \quad t = 1, \dots, M; \quad k = 1, \dots, K & \\ \text{for all } 0 \leq i < j \leq T & \end{aligned} \quad (5)$$

۶- مدل برنامه‌ریزی در حالت تقاضای احتمالی در مدل ارائه شده در بخش‌های قبلی تقاضا؛ یعنی $U_{i,j,t}^k$ معمولاً حالت احتمالی دارد. از سوی دیگر، ممکن است گردانندگان هتل قیمت‌های متفاوتی را برای هر شب اتاق در نظر بگیرند و بنابراین $R_{i,j,t}^k$ می‌تواند حالت‌های مختلفی به خود بگیرد.

برای توقف‌های سه روزه و چهار روزه کمتر می‌گیرند. برای تبدیل مدل به مدل برنامه‌ریزی خطی از روش زیر استفاده می‌شود (لیو و همکاران، ۲۰۰۸).
بافرض:

$$-y_s = \min \left\{ 0, \sum_{k=1}^K \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^{T-1} \sum_{j=i+1}^T R_{i,j,t}^k x_{i,j,t}^k - \sum_{s=1}^S p_s \sum_{k=1}^K \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^{T-1} \sum_{j=i+1}^T R_{i,j,t}^{k,s} x_{i,j,t}^k \right\}$$

$$-z_{i,j,t}^{k,s} = \min \{0, U_{i,j,t}^{k,s} - x_{i,j,t}^k\}$$

و با توجه به این که $z_{i,j,t}^{k,s} \geq 0, y_s \geq 0$ مدل به صورت مدل شماره ۹ می‌شود.

$\max z =$

$$s=1 \sum_{p=1}^S \sum_{k=1}^M \sum_{t=1}^T R_{i,j,t}^{k,p} x_{i,j,t}^k$$

$$-\lambda s = 1 \sum_{p=1}^S \sum_{k=1}^M \sum_{t=1}^T x_{i,j,t}^k$$

$$\sum_{t=1}^M \sum_{j=1}^T x_{0,j,t}^k \leq C_k \quad \forall k = 1, \dots, K$$

$$\sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^p \sum_{j=p+1}^T x_{i,j,t}^k \leq C_k \quad \forall k = 1, \dots, K \quad \forall p = 1, \dots, T-1$$

$$\sum_{k=1}^K \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^{T-1} \sum_{j=i+1}^T R_{i,j,t}^{k,s} x_{i,j,t}^k -$$

$$\sum_{s=1}^S p_s \sum_{k=1}^K \sum_{t=1}^M \sum_{i=0}^{T-1} \sum_{j=i+1}^T R_{i,j,t}^{k,s} x_{i,j,t}^k + y_s \geq 0 \quad s = 1, \dots, S \quad (9)$$

$$y_s \geq 0 \quad s = 1, \dots, S$$

$$U_{i,j,t}^{k,s} - x_{i,j,t}^k + z_{i,j,t}^{k,s} \geq 0 \quad i = 0, \dots, T-1; j = 1, \dots, T; t = 1, \dots, M; k = 1, \dots, K; s = 1, \dots, S$$

$$z_{i,j,t}^{k,s} \geq 0 \text{ integer } i = 0, \dots, T-1; j = 1, \dots, T; t = 1, \dots, M; k = 1, \dots, K; s = 1, \dots, S$$

$$0 \leq x_{i,j,t}^k \leq \max\{U_{i,j,t}^{k,s}\}, \text{ integer } i = 0, \dots, T-1; j = 1, \dots, T; t = 1, \dots, M; k = 1, \dots, K; s = 1, \dots, S$$

$$\text{for all } 0 \leq i < j \leq T$$

علی‌رغم پیچیدگی تابع هدف به سادگی قابل مشاهده است که اولین عبارت مدل ۸، امید ریاضی درآمد تحت سناریوهای مختلف است و عبارت دوم مدل ۸، متوسط انحراف‌های منفی از میانگین درآمد با توجه به ریسک است. این عبارت به منظور خطی سازی ریسک موجود در درآمد ناشی از تصادفی بودن تقاضا به تابع هدف اضافه شده است. در حقیقت، اگر تصمیم گیرنده ریسک پذیری پایینی داشته باشد λ مربوط به او بیشتر بوده، سعی می‌کند سناریوهایی که درآمد احتمالی او را از درآمد میانگین کمتر می‌کند، انتخاب نکند. پارامتر λ به عنوان فاکتور مقابله با ریسک تصمیم گیرنده به حساب می‌آید. هر چقدر تصمیم گیرنده ریسک پذیرتر باشد، λ کمتر بوده و بنابراین درآمد حاصل بیشتر خواهد بود.

انحراف معیار موجود در عبارت سوم مدل ۸ فاکتوری برای اصلاح مدل است که از جنس هزینه است. با توجه به این که در محدودیت سوم، ماکزیمم تقاضاها در سناریوهای مختلف در نظر گرفته شده است ($x_{i,j,t}^k \leq \max_s \{U_{i,j,t}^{k,s}\}$) بنابراین، ممکن است در برخی از سناریوها تقاضای پذیرفته شده ($x_{i,j,t}^k$) از تقاضای در نظر گرفته شده در آن سناریو ($U_{i,j,t}^{k,s}$) بیشتر شود. به منظور کاهش اثر چنین قضیه‌ای عبارت سوم به تابع هدف افزوده شده است. پارامترهای $w_{i,j,t}^k$ وزن‌های جریمه برای عبور از محدودیت تقاضا هستند که از نوع هزینه هستند. برای مثال، در صورتی که تصمیم گیرنده‌گان بخواهند میهمان‌های کمتری را برای توقف یک روزه پذیرش کنند و مسافران سه روزه و چهار روزه بیشتری و پذیرند، این پارامتر را برای توقف یک روزه بیشتر و

در جدول شماره ۲ تقاضاها برای دوره‌های مختلف رزرواسیون و برای اتاق‌های با انواع متفاوت و ورود و خروج گوناگون مشاهده می‌شود. برای مثال، عدد ۶ در بالا سمت راست (قسمت خاکستری رنگ جدول) به معنای آن است که تقاضا برای ورود در زمان صفر(ابتدا روز اول) و خروج در زمان ۵ (انتها روز پنجم) برای اتاق نوع ۳ (چهار نفره) در دوره رزرواسیون اول برابر با ۷ است.

پس از حل مدل توسط نرم افزار Lingo، برخی از تقاضاها آورده شده در جدول قبل مورد پذیرش قرار می‌گیرند. متغیرهای تصمیم مدل که درواقع میزان تقاضاها پذیرفته شده برای ورود و خروج‌های گوناگون، دوره‌های رزرو متفاوت و اتاق‌ها با انواع مختلف هستند، به صورت جدول ۳ به دست می‌آید. مشاهده می‌شود که برای مثال ذکر شده در پاراگراف قبلی از بین هفت تقاضای ارائه شده به هتل، شش تقاضا مورد پذیرش قرار می‌گیرد.

این مدل توسط نرم افزار Lingo8.0 حل خواهد شد و جواب‌های به دست آمده بیانگر میزان پذیرش درخواست‌های مختلف رزرواسیون است.

۷- مثال‌های عددی

۱-۷- مثال عددی برای حالت تقاضای قطعی

این طور فرض می‌شود که هتلی تصمیم دارد برای ۵ روز اول سال خود برنامه‌ریزی کند. تعداد دوره‌های رزرواسیون ۲ دوره بوده ($t = 1, 2$) و انواع اتاق‌ها شامل دو نفره، سه نفره و چهار نفره ($k = 1, 2, 3$) است که از هر کدام به ترتیب $C_1 = 20, C_2 = 40, C_3 = 40$ اتاق در هتل وجود دارد($C_1 = 20, C_2 = 40, C_3 = 40$). درآمد هر شب اتاق برای یک نفر در دوره رزرواسیون اول ۴۵۰۰۰ ریال است که برای مثال، درآمد هر شب اتاق دو نفره ۹۰۰۰۰ ریال می‌شود. درآمد هر شب اتاق در دوره رزرو دوم ۵۵۰۰۰ ریال فرض می‌شود که مثلاً درآمد هر شب اتاق دو نفره در این دوره ۱۱۰۰۰۰ ریال محاسبه می‌شود.

جدول (۲): تقاضاها برای دوره‌های مختلف رزرواسیون، اتاق‌های با انواع متفاوت و ورود و خروج‌های گوناگون (حالت قطعی تقاضا)

| t = ۱ و k = ۱ | | | | | t = ۱ و k = ۲ | | | | | t = ۱ و k = ۳ | | | | |
|---------------|----|----|----|---|---------------|---|---|----|----|---------------|---|---|----|--|
| i | j | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | i | j | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | |
| ۰ | ۶ | ۷ | ۱۰ | ۴ | ۵ | | ۰ | ۸ | ۱۳ | ۵ | ۶ | ۴ | | |
| ۱ | ۷ | ۵ | ۷ | ۲ | | | ۱ | ۱۴ | ۸ | ۲ | ۹ | | ۱ | |
| ۲ | | ۱۴ | ۵ | ۵ | ۲ | | | ۱۱ | ۷ | ۶ | ۲ | | ۱۲ | |
| ۳ | | | ۵ | ۷ | ۳ | | | | ۸ | ۵ | ۳ | | ۴ | |
| ۴ | | | | ۲ | ۴ | | | | | ۱۰ | ۴ | | ۴ | |
| t = ۲ و k = ۱ | | | | | t = ۲ و k = ۲ | | | | | t = ۲ و k = ۳ | | | | |
| i | j | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | i | j | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | |
| ۰ | ۱۰ | ۶ | ۳ | ۴ | ۸ | | ۰ | ۸ | ۸ | ۹ | ۷ | ۹ | | |
| ۱ | ۱۱ | ۵ | ۳ | ۲ | | | ۱ | ۴ | ۷ | ۱۰ | ۴ | | ۱ | |
| ۲ | | ۸ | ۲ | ۲ | | | | ۱۱ | ۶ | ۱۵ | | | ۱۲ | |
| ۳ | | | ۸ | ۴ | ۳ | | | | ۱۰ | ۵ | ۳ | | ۶ | |
| ۴ | | | | ۵ | ۴ | | | | | ۱۲ | ۴ | | ۲ | |

جدول (۳): تقاضاهای پذیرفته شده برای دوره‌های مختلف رزرواسیون، اتاق‌ها با انواع متفاوت و ورود و خروج‌های گوناگون (حالت قطعی تقاضا)

| $t=1$ و $k=1$ | | | | | | $t=1$ و $k=2$ | | | | | | $t=1$ و $k=3$ | | | | | |
|---------------|---|---|---|---|---|---------------|---|---|---|---|---|---------------|---|---|----|---|---|
| i | j | | | | | i | j | | | | | i | j | | | | |
| | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ |
| ۰ | . | . | . | . | . | ۰ | . | . | . | . | . | ۰ | ۵ | . | . | . | ۶ |
| ۱ | . | . | . | . | . | ۱ | . | . | . | . | . | ۱ | . | . | . | . | ۵ |
| ۲ | . | . | . | . | . | ۲ | . | . | . | . | . | ۲ | . | . | . | . | ۷ |
| ۳ | . | . | . | . | . | ۳ | . | . | . | . | . | ۳ | . | . | . | . | ۷ |
| ۴ | . | . | . | . | . | ۴ | . | . | . | . | . | ۴ | . | . | . | . | ۴ |
| $t=2$ و $k=1$ | | | | | | $t=2$ و $k=2$ | | | | | | $t=2$ و $k=3$ | | | | | |
| i | j | i | j | i | j | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | |
| ۰ | ۴ | ۵ | ۵ | ۷ | ۹ | ۰ | ۴ | ۱ | ۳ | ۴ | ۸ | ۰ | ۵ | ۸ | ۱۱ | ۳ | ۲ |
| ۱ | . | . | . | ۴ | ۱ | . | . | ۱ | ۱ | ۲ | ۱ | ۱ | ۰ | ۳ | ۱ | . | |
| ۲ | . | . | ۵ | ۲ | | . | . | ۰ | ۰ | ۱ | ۲ | . | ۰ | ۰ | ۰ | ۲ | |
| ۳ | . | ۵ | ۳ | | | . | . | ۰ | ۴ | ۵ | ۴ | ۳ | . | ۰ | ۴ | ۲ | |
| ۴ | ۷ | ۴ | | | | ۴ | . | . | . | . | . | ۴ | . | . | . | . | |

همان جدول ۲ فرض می‌شود. پس از حل مدل توسط نرم افزار Lingo، برخی از تقاضاهای آورده شده در جداول قبل مورد پذیرش قرار می‌گیرند. متغیرهای تصمیم مدل که در واقع میزان تقاضاهای پذیرفته شده برای ورود و خروج‌های گوناگون، دوره‌های رزرو و متفاوت و اتاق‌ها با انواع مختلف هستند، به صورت جدول ۴ به دست می‌آید.

۲-۷- مثال عددی برای حالت تقاضای قطعی
مثال عددی در نظر گرفته شده برای این بخش نیز همانند مثال عددی آورده شده در بخش ۱-۷ است؛ به اضافه این‌که در این مثال احتمال عدم حضور (P_b) و احتمال لغو درخواست (P_a) به ترتیب برابر با $0.3/0.2$ در نظر گرفته شده‌اند. تقاضاهای نیز برای دوره‌های مختلف رزرواسیون و برای اتاق‌های با انواع متفاوت و ورود و خروج گوناگون به صورت

جدول (۴): تقاضاهای پذیرفته شده برای دوره‌های مختلف رزرواسیون، اتاق‌ها با انواع متفاوت و ورود و خروج‌های گوناگون (حالت قطعی تقاضا با در نظر گرفتن احتمال عدم حضور و لغو درخواست)

| $t=1$ و $k=1$ | | | | | | $t=1$ و $k=2$ | | | | | | $t=1$ و $k=3$ | | | | | |
|---------------|---|---|---|---|---|---------------|---|---|---|---|---|---------------|---|---|----|---|---|
| i | j | | | | | i | j | | | | | i | j | | | | |
| | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ |
| ۰ | . | . | . | . | . | ۰ | . | . | . | . | . | ۰ | ۶ | . | . | . | ۷ |
| ۱ | . | . | . | . | . | ۱ | . | . | . | . | . | ۱ | . | . | . | . | ۵ |
| ۲ | . | . | . | . | . | ۲ | . | . | . | . | . | ۲ | . | . | . | . | ۷ |
| ۳ | . | . | . | . | . | ۳ | . | . | . | . | . | ۳ | . | . | . | . | ۷ |
| ۴ | . | . | . | . | . | ۴ | . | . | . | . | . | ۴ | . | . | . | . | ۴ |
| $t=2$ و $k=1$ | | | | | | $t=2$ و $k=2$ | | | | | | $t=2$ و $k=3$ | | | | | |
| i | j | i | j | i | j | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | |
| ۰ | ۶ | ۰ | ۳ | ۴ | ۸ | ۰ | ۰ | ۸ | ۷ | ۷ | ۹ | ۰ | ۵ | ۸ | ۱۱ | ۳ | ۲ |
| ۱ | ۲ | ۲ | ۰ | ۲ | ۱ | ۱ | ۰ | ۰ | ۰ | ۰ | ۰ | ۱ | ۱ | ۴ | ۰ | ۱ | |
| ۲ | . | ۰ | ۰ | ۲ | ۲ | . | . | ۰ | ۰ | ۰ | ۸ | ۲ | . | ۰ | ۰ | ۰ | ۲ |
| ۳ | . | ۱ | ۴ | ۳ | | . | . | ۲ | ۰ | ۵ | ۹ | ۳ | . | ۰ | ۴ | ۴ | |
| ۴ | ۵ | ۴ | | | | ۴ | . | . | . | . | . | ۴ | . | . | . | . | |

در سناریوی دوم ۶۰۰۰۰۰ ریال فرض می‌شود. احتمال سناریوی اول ۰/۸ و احتمال سناریوی دوم ۰/۲ در نظر گرفته می‌شود. $w_{i,j,t}^k$ برای کلیه موارد برابر با ۱ در نظر گرفته می‌شود. همچنین، فاکتور ریسک λ عدد ۱ است. کلیه اعداد به عنوان مثال و به صورت تصادفی انتخاب شده‌اند.

در جدول شماره ۵ تقاضاهای برای دوره‌های مختلف رزرواسیون و برای اتاق‌های با انواع متفاوت و ورود و خروج گوناگون در سناریوی اول مشاهده می‌شود. در جدول شماره ۶ تقاضاهای برای دوره‌های مختلف رزرواسیون و برای اتاق‌های با انواع متفاوت و ورود و خروج گوناگون در سناریوی دوم مشاهده می‌شود. پس از حل مدل توسط نرم افزار Lingo میزان تقاضاهای پذیرفته شده به صورت جدول ۷ می‌باشد.

۳-۷- مثال عددی برای حالت احتمالی تقاضا

این طور فرض می‌شود که هتلی تصمیم دارد برای ۵ روز اول سال خود برنامه‌ریزی کند. تعداد دوره‌های رزرواسیون ۲ دوره بوده ($t = 1, 2$) و انواع اتاق‌ها شامل دو نفره، سه نفره و چهار نفره ($k = 1, 2, 3$) است که از هر کدام به ترتیب ۲۰، ۳۰ و ۴۰ اتاق در هتل وجود دارد. تصمیم‌گیرندگان دو سناریو برای مدل در نظر می‌گیرند ($s = 1, 2$). درآمد هر شب اتاق برای یک نفر در دوره رزرواسیون اول و در سناریوی اول ۴۵۰۰۰ ریال است. درآمد هر شب اتاق برای یک نفر در دوره رزرواسیون دوم و در سناریوی اول ۵۵۰۰۰ ریال فرض می‌شود. درآمد هر شب اتاق برای یک نفر در دوره رزرواسیون اول و در سناریوی دوم ۵۰۰۰۰ ریال است. درآمد هر شب اتاق برای یک نفر در دوره رزرواسیون دوم و

جدول (۵): تقاضاهای برای دوره‌های مختلف رزرواسیون، اتاق‌ها با انواع متفاوت و ورود و خروج‌های گوناگون در سناریوی اول (حالت احتمالی تقاضا، روش سناریوسازی)

| s = 1 و t = 1 و k = 1 | | | | | s = 1 و t = 1 و k = 2 | | | | | s = 1 و t = 1 و k = 3 | | | | | | |
|-----------------------|----|----|----|---|-----------------------|---|----|----|----|-----------------------|---|----|----|----|---|---|
| i | j | | | | i | j | | | | i | j | | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | | 1 | 2 | 3 | 4 | | 1 | 2 | 3 | 4 | | |
| 0 | 6 | 7 | 10 | 4 | 5 | 0 | 8 | 13 | 5 | 6 | 4 | 12 | 8 | 18 | 4 | 7 |
| 1 | 7 | 5 | 7 | 2 | | 1 | 14 | 8 | 2 | 9 | | 6 | 5 | 3 | 5 | |
| 2 | | 14 | 5 | 5 | 2 | | 11 | 7 | 6 | | 2 | | 12 | 8 | 7 | |
| 3 | | 5 | 7 | | 3 | | | 8 | 5 | | 3 | | 4 | | 7 | |
| 4 | | | 2 | | 4 | | | | 10 | | 4 | | | 4 | | |
| s = 1 و t = 2 و k = 1 | | | | | s = 1 و t = 2 و k = 2 | | | | | s = 1 و t = 2 و k = 3 | | | | | | |
| i | j | | | | i | j | | | | i | j | | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | | 1 | 2 | 3 | 4 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | |
| 0 | 10 | 6 | 3 | 4 | 8 | 0 | 8 | 8 | 9 | 7 | 9 | 5 | 8 | 11 | 3 | 2 |
| 1 | 11 | 5 | 3 | 2 | 1 | 4 | 7 | 10 | 4 | 1 | 6 | 8 | 3 | 1 | | |
| 2 | | 8 | 2 | 2 | 2 | | 11 | 6 | 15 | | 2 | | 12 | 5 | 2 | |
| 3 | | 8 | 4 | 3 | | | | 10 | 5 | 3 | | 6 | 4 | | | |
| 4 | | | 5 | 4 | | | | | 12 | 4 | | | | 2 | | |

جدول (۶): تقاضاهای برای دوره‌های مختلف رزرواسیون، اتفاق‌ها با انواع متفاوت و ورود و خروج‌های گوناگون در سناریوی دوم (حالت احتمالی تقاضا، روش سناریوسازی)

| $s=2$ و $t=1$ و $k=1$ | | | | | | $s=2$ و $t=1$ و $k=2$ | | | | | | $s=2$ و $t=1$ و $k=3$ | | | | | |
|-----------------------|---|---|---|----|---|-----------------------|----|----|---|---|----|-----------------------|---|---|---|---|---|
| i | j | | | | | i | j | | | | | i | j | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| ۰ | ۲ | ۶ | ۲ | ۱۰ | ۷ | ۰ | ۶ | ۶ | ۳ | ۲ | ۵ | ۰ | ۲ | ۷ | ۱ | ۸ | ۸ |
| ۱ | | ۲ | ۲ | ۸ | ۴ | ۱ | | ۱ | ۱ | ۲ | ۱۴ | ۱ | | ۱ | ۵ | ۵ | ۵ |
| ۲ | | | ۳ | ۸ | ۵ | ۲ | | | ۵ | ۱ | ۱۳ | ۲ | | ۶ | ۲ | ۲ | ۲ |
| ۳ | | | | ۶ | ۶ | ۳ | | | ۵ | ۸ | | ۳ | | ۳ | ۲ | ۲ | ۳ |
| ۴ | | | | | ۴ | | | | ۵ | | | ۴ | | | | | |
| $s=2$ و $t=2$ و $k=1$ | | | | | | $s=2$ و $t=2$ و $k=2$ | | | | | | $s=2$ و $t=2$ و $k=3$ | | | | | |
| i | j | | | | | i | j | | | | | i | j | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| ۰ | ۲ | ۲ | ۳ | ۳ | ۸ | ۰ | ۱۴ | ۱۰ | ۲ | ۳ | ۸ | ۰ | ۵ | ۵ | ۸ | ۸ | ۷ |
| ۱ | | ۴ | ۲ | ۱ | ۲ | ۱ | | ۲ | ۶ | ۲ | ۵ | ۱ | ۶ | ۵ | ۲ | ۷ | |
| ۲ | | | ۲ | ۲ | ۳ | ۲ | | | ۳ | ۳ | ۲ | ۲ | | ۳ | ۶ | ۵ | |
| ۳ | | | | ۲ | ۶ | ۳ | | | ۹ | ۳ | | ۳ | | ۵ | ۵ | | |
| ۴ | | | | | ۹ | ۴ | | | | | | ۴ | | | | | |

جدول (۷): تقاضاهای پذیرفته شده برای دوره‌های مختلف رزرواسیون، اتفاق‌ها با انواع متفاوت و ورود و خروج‌های گوناگون (حالت احتمالی تقاضا، روش سناریوسازی)

| $t=1$ و $k=1$ | | | | | | $t=1$ و $k=2$ | | | | | | $t=1$ و $k=3$ | | | | | |
|---------------|---|---|---|---|---|---------------|---|---|---|---|---|---------------|---|---|----|---|---|
| i | j | | | | | i | j | | | | | i | j | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| ۰ | . | . | . | . | . | ۰ | . | . | . | . | . | ۰ | ۳ | . | . | . | . |
| ۱ | . | . | . | . | . | ۱ | . | . | . | . | . | ۱ | . | . | . | . | . |
| ۲ | . | . | . | . | ۰ | ۲ | | . | . | . | . | ۲ | . | . | . | ۳ | |
| ۳ | . | . | . | . | ۰ | ۳ | | | . | . | . | ۳ | | . | ۷ | | ۴ |
| ۴ | . | . | . | . | ۰ | ۴ | | | | | . | ۴ | | | | | |
| $t=2$ و $k=1$ | | | | | | $t=2$ و $k=2$ | | | | | | $t=2$ و $k=3$ | | | | | |
| i | j | | | | | i | j | | | | | i | j | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| ۰ | ۳ | ۲ | ۳ | ۴ | ۸ | ۰ | ۸ | ۸ | ۲ | ۳ | ۹ | ۰ | ۵ | ۸ | ۱۱ | ۶ | ۷ |
| ۱ | . | ۱ | ۰ | ۲ | ۱ | ۱ | . | ۲ | ۲ | ۴ | ۱ | ۱ | ۰ | ۰ | ۷ | | |
| ۲ | . | . | ۰ | ۲ | ۲ | | ۱ | ۰ | ۷ | ۲ | | | ۱ | ۰ | ۵ | | |
| ۳ | . | . | ۰ | ۴ | ۴ | ۳ | | | ۰ | ۵ | ۳ | | | ۰ | ۵ | | ۲ |
| ۴ | . | . | . | ۴ | ۴ | ۴ | | | | ۵ | ۴ | | | | | | |

تقاضا برای ورود در زمان صفر (ابتدای روز اول) و خروج در زمان ۱ (انتهای روز اول) برای اتفاق نوع ۳

برای مثال، عدد ۱۲ در جدول ۵ (قسمت خاکستری رنگ جدول) به معنای آن است که در سناریوی اول

مواجه خواهد شد، زیرا هر میهمان الزاماً به صورت انفرادی به هتل مراجعه نمی کند، بلکه ممکن است به صورت مجموعه ای از افراد (خانواده) برای رزرو یک اتاق مشخص در هتل مراجعه کند. مدل ارائه شده در این پژوهش با در نظر گرفتن ظرفیت هتل براساس تعداد اتاق های با انواع مختلف، این مشکل را حل کرده است. مزیت دیگر این پژوهش این است که حالت عدم حضور و لغو درخواست میهمانان در نظر گرفته شده است.

مدل با در نظر گرفتن سناریوهای مختلف با احتمالات متفاوت، حالت احتمالی گستته را در خود جای داد. سپس مثال های عددی برای حالت قطعی (با و بدون در نظر گرفتن عدم حضور و لغو درخواست) و حالت احتمالی تقاضا برای مدل توسط نرم افزار Lingo حل شد. به دلیل این که هنوز زیرساخت های پیاده سازی مدیریت درآمد در هتل های ایران فراهم نشده است، اطلاعات لازم برای اجرا کردن مدل های مدیریت درآمد به صورت واقعی وجود ندارد. با وجود این، برای تأیید قطعی اعتبار یک مدل لازم است به صورت عملی پیاده سازی شود؛ که این موضوع برای پژوهش های آینده پیشنهاد می گردد.

(چهارنفره) در دوره رزرواسیون اول برابر با ۱۲ است. همچنین، عدد ۲ در جدول ۶ (قسمت خاکستری رنگ جدول) به معنای آن است که در سناربوي دوم تقاضا برای ورود در زمان صفر(ابتداي روز اول) و خروج در زمان ۱ (انتهاي روز اول) برای اتاق نوع ۳ (چهارنفره) در دوره رزرواسیون اول برابر با ۲ در نظر گرفته شده است. مشاهده می شود که گردانندگان هتل برای بهینه شدن درآمد باید سه تقاضا را برای حالت مذکور پذیرند که در جدول ۷ به رنگ خاکستری مشخص است.

- نتیجه گیری

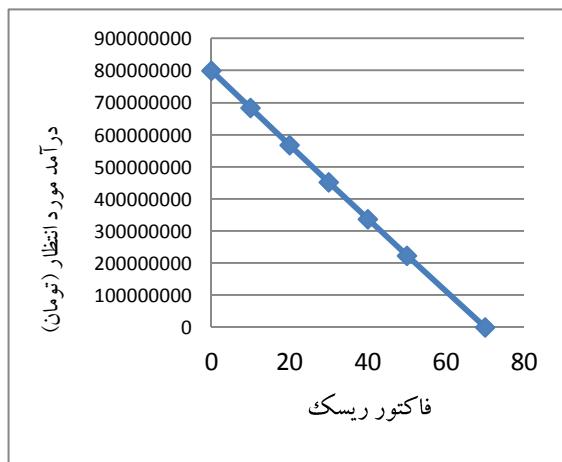
در این پژوهش یک مدل برنامه ریزی خطی قطعی و نیز یک مدل برنامه ریزی خطی احتمالی برای مدیریت درآمد در هتل ارائه شد. همچنین، جداگانه احتمال عدم حضور و لغو درخواست در نظر گرفته شد. مدل این پژوهش نسبت به مدل های قبلی دارای این مزیت بود که توامان شامل موارد زیر می شد:

- در نظر گرفتن یک دوره برنامه ریزی؛
 - در نظر گرفتن دوره های رزرواسیون متفاوت.
- از سوی دیگر، مدل های قبلی ارائه شده برای مدیریت درآمد هتل، ظرفیت هتل را براساس تعداد افراد قابل اسکان در آن در نظر گرفته اند، در حالی که این روش برخورد با مسئله در عمل با مشکل

جدول (۸): درآمد مثال های عددی در شرایط تقاضایی مختلف

| درآمد (ریال) | شرایط مختلف تقاضایی |
|--------------|--|
| ۷۵۹۹۰۰۰۰ | مثال عددی حالت قطعی تقاضا |
| ۷۹۱۰۵۰۰۰ | مثال عددی حالت قطعی تقاضا با در نظر گرفتن عدم حضور و لغو درخواست |
| ۷۸۸۳۹۹۸۰۰ | مثال عددی حالت احتمالی تقاضا با استفاده از روش سناریوسازی |

مثال برابر با ۱ فرض شد. اکنون فاکتورهای ریسک مختلف در مدل جایگزین و مدل‌های حاصل توسط نرم افزار Lingo حل می‌گردند. فاکتورهای ریسک مختلف و درآمدهای ناشی از درنظرگرفتن آنها در مدل در جدول (۹) آورده شده‌اند. شکل (۲) تغییرات درآمد ناشی از تغییرات فاکتور ریسک را نشان می‌دهد.



شکل (۲): نمودار تغییرات درآمد ناشی از تغییرات فاکتور ریسک

روش ارائه شده در این مقاله دارای نقاط قوت زیر است:

- ارائه سناریوهای در عمل برای دست‌اندرکاران صنعت هتل داری ملموس تر از ارائه الگوی آماری است.
- روش حل ساده است که می‌تواند نتایج قابل تفسیری داشته باشد.
- تاکنون روش حلی برای مسائل مدیریت درآمد در حالت احتمالی وجود نداشته است.

یکی از نتایج این پژوهش، این است که در حالت قطعی تقاضا با در نظر گرفتن عدم حضور و لغو درخواست درآمد نسبت به حالت قطعی تقاضا بیشتر است. این موضوع در جدول شماره ۸ مشاهده می‌شود. این بدان دلیل است که با شرط در نظر گرفتن عدم حضور و لغو درخواست ظرفیتی اضافی برای هتل در نظر گرفته می‌شود که موجب رزرو بیش از حالت عادی است. البته، این شرط تنها یک احتمال است و ممکن است که لغو درخواست یا عدم حضور به میزان احتمال درنظر گرفته شده اتفاق نیفتد و بنابراین، تعداد مسافرانی که در یک روز خاص به هتل مراجعه می‌کنند، بیشتر از میزان ظرفیت واقعی هتل شود و در نتیجه هتل قادر به سرویس‌دهی به همه آنها نباشد. این امر به دنبال خود هزینه‌های پنهان و آشکاری به همراه دارد، مانند: هزینه اسکان مسافران در هتل‌هایی با همان کیفیت مورد نظر آنها، هزینه جریمه عدم سرویس‌دهی، هزینه‌های ناشی از عدم رضایت مشتری، هزینه از دست دادن مشتریان حاضر و آینده و از این قبیل که در این مقاله محاسبه نشده است و پیشنهادی برای پژوهش‌های آینده، آن است که این هزینه‌ها را در مدل به حساب آورند.

نتیجه دیگر این تحقیق، این است که هرچقدر ریسک تصمیم گیرنده بیشتر باشد، فاکتور مقابله با ریسک او کمتر و درآمد حاصل از هتل در حالت احتمالی تقاضا بیشتر خواهد بود. برای اثبات این موضوع، مثال عددی بخش ۳-۷ در نظر گرفته می‌شود. در مثال مذکور فاکتور ریسک (λ) برای

جدول (۹): فاکتورهای ریسک مختلف و درآمدهای ناشی از درنظرگرفتن آنها در مدل

| فاکتور ریسک | درآمد(تومان) |
|-------------|--------------|
| ۰ | ۷۹۹۹۹۹۸۰ |
| ۱۰ | ۶۸۳۹۹۹۸۰ |
| ۲۰ | ۵۶۷۹۹۹۸۰ |
| ۳۰ | ۴۵۲۳۱۹۸۰ |
| ۴۰ | ۳۳۷۱۱۹۸۰ |
| ۵۰ | ۲۲۳۱۹۹۸۰ |
| ۷۰ | ۰ |

- Contemporary Hospitality Management*, .9 (2),50–54.
- Daigle,A. and Ricard,L. (2000) ,," 1 aroche relationnelle dans le secteur hôtelier, une étude exploratoire",*16ème congrès international de l'Association Française du Marketing*,.26(2),.2-3.
- Emeksiz, M., Gursoy, D. and Icoz, O. (2005) "A yield management model for five-starhotels:Computerized and n-computerized implementation",*International Journal of Hospitality Management*, . 25(4), 536-551.
- Harewood, S.I.(2006), "Managing a hotel's perishable inventory using bid prices", *International Journal of Operations & Production Management*, . 26(10), 1108-1122.
- Haley,M. and Inge, J. (2004), "Revenue Management-It Really Should Be Called Profit Management",*Hospitality Upgrade*,.1 .2 ,.6-16.
- Kimes,S.E.(1989),"The Basics of Yield Management",*Cornell Hotel & Restaurant Administration Quarterly*,.30(3),.14–19.
- Lberman, V. and Yechiali, U.(1978), "On the Hotel Overbooking Problem" ,*Management Science*,. 24(2),. 1117–1126.
- Ladany, S., A.(1991), "Optimal Cruise-Liner Passenger Cabin Pricing Policy", *European Journal of Operational Research*,. 55(2), 136–147.
- Lberman, W .H. (1993).*Yield Management: System or program*, The Cornell H.R.A. University.
- Lai, K. K. and Ng, W. L.(2005), "A stochastic aroach to hotel revenue optimization", *Computers and Operations Research*, . 32(1),1059–1072.
- Liu, S., Lai, K. K.and Wang ,S. Y.(2008), "Bookig models for hotel revenue management considering multiple-day stays", *International Journal of Revenue Management*, 2(1), 78-91.
- Mulvey, J.M., Vanderbei, R.J.and Zenios, S.A.(1995), " Robust optimization of large scale systems", *Operations Research* .43(2),.81–264.
- به عنوان پیشنهادی برای پژوهش‌های آینده می‌توان حالت احتمالی پیوسته برای تقاضا را در مدل در نظر گرفت.
از محدودیت های پژوهش می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:
به دلیل این که هنوز زیرساخت‌های پیاده سازی مدیریت درآمد در هتل‌های ایران فراهم نشده است، اطلاعات لازم برای به اجرا درآوردن مدل های مدیریت درآمد به صورت واقعی وجود ندارد.
در مدل ارائه شده در بخش ۵ این احتمال در نظر گرفته شد که برخی از افرادی که اتاق رزرو کرده‌اند، درخواست خود را لغو می‌کنند و برخی نیز در زمانی که از قبل رزرو کرده‌اند، در هتل حاضر نمی‌شوند.
این موضوع یک امر طبیعی در دنیای واقعی است، لیکن در نظرگرفتن این موضوع باعث رزرو بیش از حد ظرفیت می‌گردد . همان طور که گفته شد، باید هزینه های مربوطه در نظر گرفته شود.
- ### منابع
- Badinell,R.D.(2000),"An optimal, dynamic policy for hotel yield management",*European Journal of Operational Research*,. 121(1),476-503.
- Bitran, G.R. and Mondschein, S. (1995) , "An Alication of Yield Management to the Hotel Industry Considering Multiple Day Stays", *Operations Research*,. 43(2), 427-443.
- Baker, T.K. and Collier, D.A. (1999), " A Comparative Revenue Analysis of Hotel Yield Management Heuristics", *Decision Sciences*,. 30(1), 239-263.
- Cullen , K and Helsel, C. (2006), *Defining Revenue Management Top Line to Bottom Line*, HSMAI.
- Donaghy,K., McMahon,B.U. and McDowell.D.(1997), "Implementing yield management: lessons from the hotel sector", *International Journal of*

پانوشت‌ها

- 1 . Weatherford and Bodily
- 2 . Cullen and Helsel
- 3 .Liu et al.
- 4 .Donaghy et al
- 5 .Lieberman
- 6 .Kimes
- 7 .ITT Sheraton-Starwood
- 8 . Holiday Inns World wide
- 9 . Marriott International
- 10 . Hilton
- 11 . Haley and Inge
- 12 . Liberman and Yechiali
- 13 . Ladany and Arbel
- 14 .Badinelli
- 15 .Bitran and Mondschein
- 16 .Weatherford
- 17 . user friendly
- 18 .Baker and Collier
- 19 .Daigle and Ricard
- 20 . Emeksiz et al.
- 21 .Steed and Gu
- 22 . Zhang
- 23 . bid price
- 24 .Harewood
- 25 . Robust optimization
- 26 . cancellation
- 27 . no- show
- 28 . Mulvey et al.

one,B.M. and Mattila ,A.S.(2009), "Hotel revenue management and the Internet: The effect of price presentation strategies on customers willingness to book", *International Journal of Hospitality Management* ,.28(2), 272-279.

Steed ,E.and Gu, Z.(2005), "An Examination of Hotel Room Pricing Methods: Practiced and Proposed", *Journal of Revenue and Pricing Management*, 3(4), 369-379.

Weatherford, L.R. (1995), " Length of Stay Heuristics: Do They Really Make a Difference", *Cornell Hotel and Restaurant Administration Quarterly*, 36(6), 70-79.

Weatherford, L.R. and Bodily, S.E.(1992), "A taxonomy and research overview of perishable asset revenue management: yield management, overbooking pricing", *Operations Research*, . 10(.2), 831-844.

Wirtz. J, Kimes. S, Theng J.H.P. and Patterson. P. (2003), "Revenue Management: Resolving potential customer conflicts", *Journal of Revenue and Pricing Management*,2(3), 216-226.

Zhang, Y.(2007), "The Theoretical Research Summary of Hotel Room Pricing Method", *Tourism Tribune*, .3(1),.40-58.