

## تحلیل مکانی پارامترهای کیفی منابع آب زیرزمینی دشت همدان-بهار

حمید زارع ابیانه<sup>۱</sup> - دانشیار آبیاری و زهکشی ، دانشگاه بوعالی سینا، همدان، ایران.

تاریخ دریافت: ۱۳۹۱/۸/۲۲ تاریخ تصویب: ۹/۴/۱۳۹۲

### چکیده

این مطالعه با هدف مدل‌سازی تغییرات مکانی پارامترهای کیفی آب زیرزمینی دشت همدان-بهار با روش-های زمین‌آماری انجام شد. پارامترهای هدایت الکتریکی املاح محلول (EC)، pH، قلیائیت (SAR) و باقی‌مانده جامد املاح (TDS) از خصوصیات اصلی آب زیرزمینی انتخاب شدند. مدل‌سازی با استفاده از روش کریجینگ، روش معکوس فاصله وزنی و روش شبکه توابع پایه‌شعاعی انجام شد. برای انتخاب روش مدل‌سازی، دو آماره میانگین مجلور مربعات خطای نرمال (NRMSE) و میانگین خطای سوگیری (MBE) در قالب تکنیک اعتبارسنجی متقابل به کار گرفته شد. نتایج نشان داد روش کریجینگ با نیم-تغییرنما کروی در مدل‌سازی عوامل کیفی برتری دارد. مقدار NRMSE در نیم-تغییرنما کروی برای هر چهار عامل بین ۰/۹۵ تا ۰/۹۶ بود که نسبت به میانگین نیم-تغییرنماها (۰/۹۶ تا ۰/۹۸) کمتر بود. کمترین خطای مدل‌سازی به پارامتر pH و بیشترین خطای معادل  $EC = MBE = -0/01$  به پارامتر EC تعلق داشت. بر همین اساس پهنه‌بندی‌ها بهمنظور درون‌یابی عوامل کیفی در سطح آبخوان و برون‌یابی عوامل کیفی براساس اطلاعات آبخوان در سطح دشت صورت گرفت. پهنه‌بندی تغییرات مکانی نشان داد مقادیر EC و TDS دارای روند تغییراتی مشابه است. یکی از دلایل اصلی تشابه تغییرات SAR با EC ارتباط خطی این دو پارامتر است. نتایج پهنه‌بندی نشان داد مقادیر SAR، EC و TDS از امتداد جنوب‌شرق به شمال‌شرق کاهش یافته‌است؛ به طوری که مقادیر SAR از بازه ۱/۲-۰/۸، EC از بازه ۲۳۹۵/۳-۰/۸، TDS از بازه ۱۲۶۷/۴-۱۲۶۷/۵، pH از بازه ۴۸۳۳-۸۲۳/۵ میکرومتر بر سانتی‌متر و SAR از بازه ۱۵۹۱/۳-۸۲۷۳ میلی‌گرم بر لیتر کاهش یافت. تغییرات پارامتر pH غیریکنواخت‌تر از سه پارامتر دیگر بوده و حداقل آن در ناحیه شمال‌غربی دشت در بازه ۷/۷۵ تا ۷/۹۳ است. هم‌چنین نتایج حاصل بیان‌گر دقت کمتر روش زمین‌آمار در برآورد پارامترهای کیفیت آب زیرزمینی در نقاط حداکثر بود. در مجموع می‌توان اظهار داشت با داشتن مقادیر یک کمیت کیفی آب در یک نقطه می‌توان مقدار همان کمیت را در نقطه‌ای دیگر با مختصات معلوم با دقت بالا برآورد نمود.

**کلید واژه‌ها:** کیفیت آب زیرزمینی، کریجینگ، نیم-تغییرنما، دشت همدان-بهار.

## ۱. مقدمه

موضوعی که در اکثر مطالعات منابع آب‌های زیرزمینی به آن توجه می‌شود تخمین کیفیت زمانی و مکانی آب در یک منطقه و نحوه تغییرات آن است. آب‌های زیرزمینی، بخش مهمی از اکوسیستم قابل تجدید منابع آب بوده که مدیریت نامناسب استحصال، منجر به تغییر کیفیت این گونه منابع و تخریب مستقیم یا غیرمستقیم سایر منابع می‌گردد (زهتابیان و همکاران، ۱۳۸۹: ۶۱). توسعه ناپایدار جوامع انسانی، امروزه یکی از مهم‌ترین مخاطرات محیطی است که مستلزم حفظ کیفیت آب‌های زیرزمینی و مطالعه مداوم تغییرات کیفی از راه نمونه‌برداری مستمر می‌باشد. لذا تبیین وضع موجود و ارائه الگو و مدلی مناسب در راستای اهداف توسعه همه جانبه و پایدار مهم و ارزشمند است. بیشتر روش‌های به کار رفته در تعیین کیفیت آب‌های زیرزمینی به صورت روش‌های گرافیکی، حاصل تجزیه نمونه‌های آب و روش‌های مبتنی بر آمار کلاسیک بوده که با محدودیت تعداد نمونه و عدم لحاظ همبستگی مکانی نمونه‌ها با عوامل کیفی همراه است. پیشرفت‌های اخیر در معرفی و بسط روش‌های غیرکلاسیک باعث افزایش تمایل استفاده از زمین‌آمار<sup>۱</sup> به‌منظور بررسی مکانی در شناخت بیشتر کیفیت منابع آب زیرزمینی شده است (رضایی و همکاران، ۱۳۸۹: ۹۳۲). زمین‌آمار فرآیندی محاسباتی است که در آن مقدار یک کمیت در یک نقطه معلوم، براساس وزن اختصاصی به نقاط دارای اطلاعات معلوم مجاور برآورد می‌گردد. کیفیت آب‌های زیرزمینی دارای تغییرات مکانی و زمانی بوده و تکنیک زمین-آمار، به‌دلیل در نظر گرفتن همبستگی مکانی داده‌ها و یان آن‌ها در قالب مدل‌های ریاضی اهمیت زیادی دارد (سان و همکاران، ۲۰۰۹: ۱۱۶۳). گزارش‌های محققین حاکی از کاربرد زمین‌آمار در حل پیچیدگی‌های مربوط به فرآیندهای هیدرولوژیکی، افزایش دقت تخمین‌ها و کاهش تعداد نمونه‌برداری‌ها او دیدگاه اقتصادی است (زهتابیان و همکاران، ۱۳۸۹: ۶۱؛ قره محمودلو و همکاران، ۱۳۸۷: ۱). در اکثر پژوهش‌ها روش کریجینگ<sup>۲</sup> جهت برآورد کیفیت آب زیرزمینی در برآورد تغییرات مکانی کیفیت آب‌های زیرزمینی معرفی شده است (احمد، ۲۰۰۲: ۱۵۶۴). سان و همکاران (۲۰۰۹: ۱۱۶۳) با بررسی دقت سه روش توابع پایه شعاعی<sup>۳</sup> (RBF)، معکوس فاصله وزنی<sup>۴</sup> (IDW) و کریجینگ نشان دادند برآوردهای روش کریجینگ در میان‌یابی عمق آب زیرزمینی کویر مین‌کین در شمال چین از دقت بیشتری برخوردار است. نتایج ارزیابی‌های صورت گرفته در پیش‌بینی تغییرات سطح ایستابی آبخوان حوضه آتمون‌تاس<sup>۵</sup> در شمال یونان از سوی تئودوسیو و لاتینوپولوس (۲۰۰۶: ۹۹۱) حاکی از برتری روش زمین‌آماری کریجینگ به‌واسطه ضریب تغییرات کمتر این روش نسبت به سایر روش‌ها بود. برتری روش کریجینگ ساده در برآورد تغییرات سطح آب زیرزمینی کشور هلند در مطالعه فینک و همکاران (۲۰۰۴: ۲۳) گزارش شد. تجزیه و تحلیل تغییرات مکانی و زمانی

1 Spatial Statistics

2 Kriging

3 Radial basis function

4 Inverse distance weighting

5 Anthemountas

شوری و عمق آب زیرزمینی استان مازندران برای فصل بهار نشان داد روش کریجینگ نسبت به روش‌های معکوس فاصله وزنی و کوکریجینگ ارجحیت دارد (دلبری و همکاران، ۱۳۸۹: ۳۵۹). گاووس و همکاران (۹۳۹: ۲۰۰۳) از روش کریجینگ گسته برای برآورد غلظت آرسنیک و تهیه نقشه ریسک خطر آب‌های زیرزمینی بنگالادش استفاده نمودند. نتایج مطالعه نظری زاده و همکاران (۱۳۸۵: ۱) در بررسی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی دشت بالارود استان خراسان مoid عملکرد مناسب مدل کروی جهت برآش و رویکرام تجربی بر متغیرهای شوری، کلر و سولفات بود. مطالعات کریسیک (۱۹۹۷: ۱۰۴۴) برای درونیابی و تهیه منحنی‌های تراز آب‌های زیرزمینی نشان داد روش کریجینگ و نتایج حاصل از آن به دلیل لحاظ واریانس مکانی، موقعیت و توزیع نمونه‌ها قابل اعتماد است. مطالعه تغییرات مکانی سطح آب زیرزمینی دشت چمچمال در غرب ایران بیان‌گر نقش نوع متغیر و عوامل منطقه‌ای در انتخاب روش مناسب زمین‌آماری است (صفری، ۱۳۸۱). در کاربردی دیگر از روش کریجینگ برای تخمین متغیرهای کیفیت آب زیرزمینی توسط احمد (۲۰۰۲: ۱۵۶۴) نیز این روش توصیه شد. مطالعه زهتابیان و همکاران (۱۳۸۹: ۶۱) با هدف مدل‌سازی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی با روش‌های زمین‌آماری حاکی از برتری قبل ملاحظه روش زمین‌آماری کوکریجینگ نسبت به روش‌های معین نظیر روش تابع پایه شعاعی و روش معکوس فاصله وزنی دارد. کراوچنکو (۲۰۰۳: ۱۵۶۴) عدم ارائه واریانس خطأ و لتو و همکاران (۲۰۰۸: ۱۰۴۴) عدم توجه به پراکنش و توزیع مکانی نقاط اندازه‌گیری و ثابت بودن پارامتر توان برای کل سطح مورد پنهانی داشت. مقایسه زمین‌آماری حاکی از جمله عوامل کاهش دقت روش معکوس فاصله وزنی در مقایسه با روش کریجینگ گزارش نموده‌اند. مقامی و همکاران (۱۳۹۰: ۱۷۱) برای پنهانی دقت آب‌های زیرزمینی شهرستان آباده از روش‌های گوناگون میانیابی کریجینگ، اسپیلاین و معکوس فاصله وزنی استفاده نمودند. مقایسه نتایج حاصل از این مطالعه نشان داد روش کریجینگ با نیم‌تغییرنما نمایی و دایره‌ای در میانیابی و پنهانی دقت آب شرب نسبت به روش‌های دیگر مناسب است. پیش‌یابی مکانی غلظت فلورید در منابع آب زیرزمینی دو دشت بازگان و پلدشت در شمال‌غرب ایران نشان داد دقت روش کریجینگ با ضریب تعیین ۰/۷۳ از روش کوکریجینگ با ضریب تعیین ۰/۸۶ بود (اصغری مقدم و همکاران، ۱۳۸۷: ۱).

بررسی داده‌ها و یافته‌های موجود گویای استفاده بی‌رویه انسان از کودهای شیمیایی و فزایندگی دامنه تخریب کیفیت منابع آبی است. تداوم چنین وضعیتی نه تنها موجب توسعه پایدار محیطی نمی‌گردد، بلکه سبب بهم خوردن گستردۀ نظامهای محیطی و عدم تعادلهای وسیع در محیط می‌گردد. بهمین دلیل توسعه ناپایدار جوامع انسانی، در زمینه بهره‌برداری بی‌رویه از منابع آبی به موازات استفاده بدون برنامه از کودهای شیمیایی یکی از مهم‌ترین مخاطرات محیطی در تمامی سطوح جامعه است. مخاطرات شیمیایی یکی از مخاطرات مهم محیطی است که در زمینه مسایل کیفی منابع آب و سایر زمینه‌ها سلامت و امنیت گستره زیست و اسکان بشر را با خطر مواجه می‌سازد. بررسی منابع نشان داد که در بررسی مکانی پارامترهای کیفی آب زیرزمینی، باید وابستگی مکانی نقاط مشاهداتی و تاثیر آن‌ها بر کمیت‌های نقاط مجاور لحاظ گردد. وابستگی کیفی هر نقطه از آبخوان را می‌توان با خصوصیات مشابه نقاط مجاور و وزن موثر آن‌ها به-

کمک روش‌های مختلف زمین‌آماری پیش‌بینی نمود. در این راستا اقدام به مطالعه میان‌بایی عوامل کیفی آبخوان دشت همدان – بهار به عنوان یکی از مهم‌ترین آبخوان‌های استان همدان و تامین کننده بیش از ۸۰ درصد از منابع آبی مورد نیاز کشاورزی، شرب و صنایع کوچک پراکنده در سطح دشت شد. هدف از این مطالعه منطقه‌ای نمودن خصوصیات کیفی منابع آب زیرزمینی آبخوان مورد مطالعه می‌باشد که در تحلیل مکانی پارامترهای کیفی منطقه نقش بسزایی دارد.

## ۲. منطقه مورد مطالعه

حوضه آبریز دشت همدان-بهار موسوم به سیمینه‌رود با وسعت ۲۴۵۹ کیلومتر مربع بین طول شرقی<sup>۱</sup> ۴۸° تا ۳۳° و عرض شمالی<sup>۲</sup> ۴۹°، ۳۴° تا ۰۲°، ۳۵° در دامنه شمالی ارتفاعات الوند قرار دارد. وسعت دشت ۸۸۰ کیلومتر مربع و گسترش آبخوان اصلی ۴۸۶ کیلومتر مربع است. حوضه از معتبر باریکی در ناحیه شمالی با دشت‌های کبودراهنگ و قهاؤند ارتباط هیدروژئولوژیک دارد. وضعیت منابع آب دشت به مقدار زیادی به ریزش‌های برفی – بارانی و آبراهه‌های انشعباب یافته از دامنه الوند کوه واپسیته است. نبود منابع آب‌های سطحی کافی، کمبود بارندگی و عدم تناسب زمانی بارش‌ها موجب فشار بیش از حد بر منابع آب زیرزمینی برای تامین بیش از ۸۰ درصد آب کشاورزی،<sup>۳</sup> ۵۰ درصد آب شرب شهری و بیلان منفی آبخوان فوق شده است (بلالی و همکاران، ۱۳۸۹: ۱۹۴). از طرف دیگر استفاده بی‌رویه و نامناسب از کودهای شیمیایی برای افزایش کمیت محصولات کشاورزی می‌تواند موجب تغییرات کیفی منابع آب زیرزمینی شود. در این پژوهش برای تحلیل الگوی مکانی عوامل کیفی آب زیرزمینی، از روش نمونه‌برداری طبقه-بندی شده<sup>۱</sup> استفاده گردید که در مناطق دارای وسعت زیاد و موضع جغرافیایی نامنظم کاربرد دارد. نمونه‌برداری‌ها به شکل لحظه‌ای و پس از حدود ۱۰ دقیقه پمپاژ، در ظروف عاری از آلودگی انجام و تجزیه شیمیایی آن‌ها به روش‌های استاندارد، توسط آزمایشگاه کیفیت اداره آب منطقه‌ای استان همدان صورت گرفت (سبزعلی‌پور و همکاران، ۱۳۸۹: ۶۳). به‌منظور پنهان‌بندی وضعیت کیفی آبخوان، از اطلاعات چهار مرحله نمونه‌برداری ۲۵ حلقه چاه مشاهداتی طی دو فصل بهار و تابستان سال‌های ۱۳۸۸ و ۱۳۸۹، استفاده گردید. اهمیت فصل بهار به عنوان فصل پرآب در برداشت حدکثرا، به‌منظور انجام آبیاری محصولات کشاورزی و سایر امور به‌موازات بارش‌های بهاره و اهمیت فصل تابستان به عنوان فصل کم آب در برداشت حدکثرا، برای تامین آب شرب شهرهای همدان و بهار می‌باشد. ضمن آن‌که اندازه-گیری‌ها اساساً در این دو فصل انجام می‌گیرد (دانشور و ثوقی و همکاران، ۱۳۹۰: ۱۶۵). تمامی نمونه‌ها در آزمایشگاه کیفیت اداره آب برای تعیین عوامل هدایت الکتریکی املال محلول<sup>۲</sup> (EC) در دمای ۲۵ درجه سانتی‌گراد، pH، قلیائیت<sup>۳</sup> (SAR) و باقی‌مانده جامد املال<sup>۴</sup> (TDS) مورد تجزیه هیدروشیمیایی قرار گرفتند. انتخاب پارامترهای فوق به‌جهت

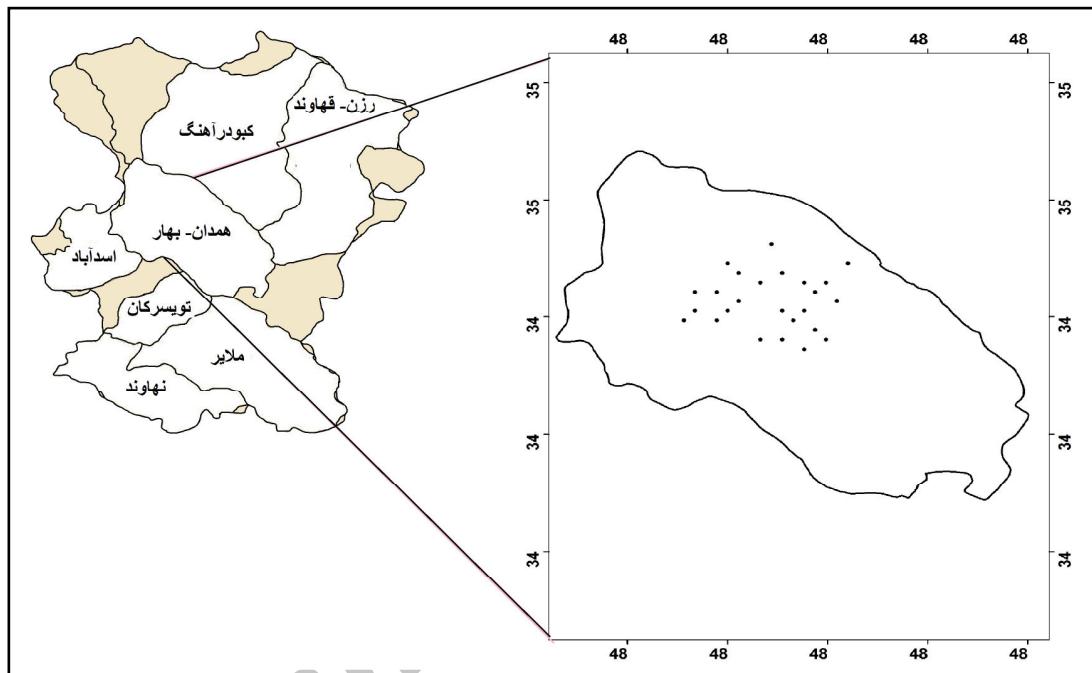
1 Stratified Random Sampling

2 Electrical conductivity

3 Sodium absorption ratio

4 Total dissolved solid

اهمیت شناخت کیفیت آب‌های زیرزمینی از نظر مصارف شرب انسانی، دامی، کشاورزی، صنعتی، تعیین جوامع آبرزی جانوری و گیاهی است (رضایی و همکاران، ۱۳۸۹: ۹۳۲؛ سلاجقه و همکاران، ۱۳۹۰: ۸۶). در شکل ۱ موقعیت جغرافیایی منطقه و پراکنش چاهها در محیط نرم‌افزار ArcGIS نشان داده شده است. در این شکل موقعیت دشت و محل‌های نمونه‌برداری در محدوده اصلی آبخوان آمده است. لازم به ذکر است که محل‌های نمونه‌برداری مربوط به ۲۵ حلقه چاه مشاهداتی در آبخوان دشت می‌باشد که با احتساب دو فصل از دو سال نمونه‌برداری از ۱۰۰ داده کیفی برای پنهان‌بندی هر یک از چهار عامل SAR، pH، EC و TDS استفاده شد.



شکل ۱ موقعیت منطقه مورد مطالعه و نقاط اندازه‌گیری

### ۳. مواد و روش‌ها

برای انجام تحلیل مکانی عوامل کیفی ابتدا کترل کیفیت داده‌ها، از نظر نرمال بودن و همگن بودن با آزمون کلموگروف اسپیریونوف در محیط نرم‌افزار SPSS انجام شد. نمودار نرمال بودن داده‌ها در سطح اطمینان ۹۵ درصد ترسیم و شناسایی داده‌های خارج از دامنه‌ی  $x \pm 3sd$  (میانگین متغیر،  $sd$  انحراف معیار) با نمودار جعبه‌ای<sup>۱</sup> صورت گرفت. داده‌های خارج از دامنه به عنوان مقادیر غیرعادی می‌باشند که وجود چنین داده‌هایی می‌تواند موجب گسترشی داده‌ها و نقص تئوری زمین‌آمار شود (خداکرمی و همکاران، ۱۳۹۰: ۲۴۳). آن دسته از داده‌هایی که از توزیع فراوانی نرمال تبعیت نداشتند با استفاده از ریشه دوم نرمال شدند و برای میانیابی مقادیر کمی داده‌ها در نقاط فاقد اندازه‌گیری از سه روش زمین‌آماری

1 Box and Whisker Plot

کریجینگ معمولی<sup>۱</sup> (OK)، معکوس فاصله وزنی<sup>۲</sup> (IDW) و شبکه توابع پایه شعاعی<sup>۳</sup> (RBF) بهره گرفته شد. معادله کلی روش‌های زمین‌آماری برای میان‌یابی مقادیر کمی عوامل کیفی در نقاط مجهول، به‌شکل معادله ۱ است که نحوه برآورد فاکتور وزنی موجب تفاوت در دقت نتایج حاصل از آن‌ها می‌باشد (طباطبائی و غزالی، ۱۳۹۰: ۲۲).

$$z_{(xi)}^* = \sum_{i=1}^n w_i z_{(x_i)} \quad (1)$$

وزن نقاط نمونه‌برداری شده  $w_i$ ،  $x$  مقدار نمونه‌برداری شده متغیر  $z$ ،  $x$  مقدار برآورده شده متغیر  $z_{(xi)}$  که در آن تعداد کل نقاط  $n$  شماره نقاط نمونه‌برداری و شامل وزن بیشتر برای نقاط نزدیک‌تر و وزن کمتر برای نقاط دورتر، نمونه‌برداری است.

کریجینگ معمولی یکی از روش‌های مناسب برای تحلیل فضایی و توزیع مکانی داده‌ها است. این روش بهترین تخمین‌گر خطی ناریب<sup>۴</sup> (BLUUE) از  $n$  داده اندازه‌گیری شده است که با محاسبه وزن داده‌ها ( $w_i$ )، مقادیر متغیر مجهول در نقاط ناشناخته برآورده می‌گردد (دلبری و همکاران، ۱۳۸۹: ۳۵۹). تحلیل ساختار مکانی بین داده‌ها براساس حل معادله نیم‌تغییرنما (رابطه ۲) به عنوان اصلی‌ترین ابزار زمین‌آمار است که به‌کمک آن ضرایب وزنی مورد نیاز در رابطه ۱ به دست می‌آید (اسچانینگ و همکاران، ۲۰۰۶: ۶۳۱).

$$r_{(h)} = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n(h)} [Z_{(x_i)} - Z_{(x_i+h)}]^2 \quad (2)$$

پارامترهای آن شامل  $\gamma_{(h)}$  نیم‌تغییرنما تجربی،  $n(h)$  تعداد زوج نمونه‌ها به‌فاصله برداری  $h$  از یکدیگر،  $Z_{(xi)}$  و  $Z_{(xi+h)}$  به‌ترتیب مقادیر نمونه‌برداری در نقاط  $x$  و  $x+h$  است. در این مطالعه با برآشش سه مدل نیم‌تغییرنما دایره‌ای<sup>۵</sup>، کروی<sup>۶</sup> و گوسمین<sup>۷</sup> بر داده‌ها، بهترین مدل نیم‌تغییرنما براساس کمترین مقدار آماره جذر میانگین مجموع مربعات خطای استاندارد<sup>۸</sup> (RMSSE)، برای مدل‌سازی نهایی به‌دست آمد. سپس پارامترهای اثر قطعه‌ای<sup>۹</sup> ( $C_0 + C$ )، سقف<sup>۱۰</sup> ( $C_0$ )، شعاع تاثیر<sup>۱۱</sup> (A) و آستانه<sup>۱۲</sup> ( $\frac{C}{C + C_0}$ ) از مدل نیم‌تغییرنما پیشنهادی محاسبه و برای انجام درون‌یابی‌ها و تحلیل‌ها مورد استفاده قرار گرفت.

1 Ordinary kriging

2 Inverse Distance Weight

3 Radial basis function

4 Best linear unbiased estimator

5 circular

6 Spherical

7 Gaussian

8 Root Mean Square Standard Error

9 Nugget effect

10 Sill

11 Range of influence

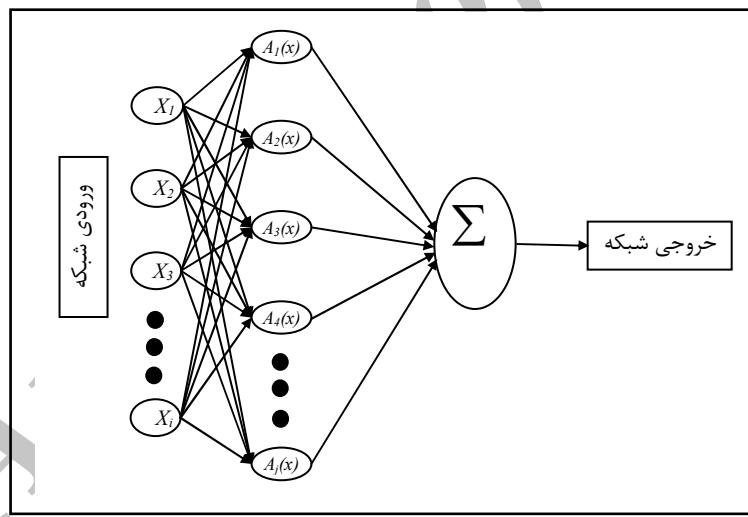
12 Proportion

در روش معکوس فاصله وزنی نیز مشابه روش کریجینگ وزن نقاط نمونه برداری، به ازای توانهای ۲، ۳ و ۴ از رابطه ۳ محاسبه و با اعمال آن در رابطه ۱، مقادیر هر یک از عوامل کیفی pH، EC، SAR و TDS به تفکیک به دست آمد (لو و وانگ، ۱۰۴۶: ۲۰۰۸). فرض اساسی در این روش شباهت بیشتر نقاط نزدیکتر به نقطه برآورد و اختصاص وزن بیشتر به آنهاست.

$$w_i = d_i^{-m} \sum_{i=1}^n d_i^{-m} \quad (3)$$

در آن  $d_i$  فاصله اقلیدوی نامین نقطه مشاهده شده تا نقطه مورد تخمین،  $m$  توان وزن دهی فاصله و  $n$  تعداد نقاط مجاور است.

روش سوم مورد استفاده، شبکه های توابع پایه شعاعی بود که نوعی شبکه عصبی مصنوعی دارای پایه ریاضیاتی بسیار قوی بر مبنای فرضیه منظم سازی برای حل مسائل مشکل می باشد. به طور کلی این شبکه ها متشکل از سه لایه، شامل یک لایه ورودی، یک لایه مخفی یا میانی و یک لایه خروجی با ساختاری رو به جلو هستند که توانایی نگاشتهای غیرخطی بین نرون های ورودی و نرون های خروجی را دارند (شکل ۲). در این روش از داده های سال اول برای آموزش شبکه استفاده شد و داده های سال دوم به آزمون شبکه طراحی شده اختصاص یافت.



شکل ۲ شماتیک کلی ساختار توابع پایه شعاعی مورد استفاده

هر نرون لایه میانی دارای  $n$  تابع غیرخطی به تعداد نرون های لایه اول و خروجی شبکه، تابعی خطی از خروجی نرون های لایه میانی است. در این روش نیز، شبکه با تنظیمات درون شبکه ای و یافتن مقادیر بهینه وزن بین نرون ها، مقادیر متغیر مجهول در نقاط اندازه گیری را برآورد می نماید. معادله کلی شبکه توابع پایه شعاعی به صورت رابطه ۴ است.

$$z^*_{(xi)} = \sum_{j=1}^n W_{kj} A_j \quad (4)$$

که در آن  $W_{kj}$  وزن بین نرون  $\bar{z}_m$  از لایه میانی و نرون  $k$  از لایه خروجی،  $A_j$  تابع غیرخطی خروجی نرون  $\bar{z}_m$  از لایه میانی است.

برای انتخاب روش میانیابی مناسب از روش اعتبارسنجی متقطع<sup>۱</sup> براساس مقایسه مقادیر اندازه‌گیری شده در نقاط مختلف به عنوان مقادیر شاهد با مقادیر برآورده استفاده شد. در این روش در هر بار براساس  $n-1$  عدد داده برداشت شده و مقادیر شبیه‌سازی شده، برای هر یک از عوامل کیفی یک معادله رگرسیونی به داده‌ها برازش یافت. این عمل به اندازه  $n$  بار برای هر چهار عامل کیفی تکرار گردید (گلادی و کوالسکی، ۱۹۸۶: ۴). به عبارت دیگر در این روش، در هر مرحله اطلاعات یک نقطه اندازه‌گیری حذف و با استفاده از اطلاعات سایر نقاط اندازه‌گیری و اعمال روش میانیابی، مقدار آن نقطه برآورد می‌شود. سپس نقطه حذفی به محل خود برگشت داده شده و مقدار کمی نقطه دیگر حذف شده. با تکرار این عمل برای کلیه نقاط نمونه‌برداری و داشتن مقادیر واقعی و برآورده شده، میزان خطأ و انحراف مربوط به هر روش بدست آمد. در نهایت نتایج حاصل با معیارهای نرمال میانگین مجدول مربعات خطأ<sup>۲</sup> (NRMSE) و میانگین خطای سوگیری<sup>۳</sup> (MBE) در قالب روابط ۵ و ۶ مورد سنجش قرار گرفت (زارع ایانه و همکاران، ۲۰۱۲: ۴۳۵).

$$NRMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - Y_i)^2}{n}} \quad (5)$$

$$MBE = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - Y_i)}{n} \quad (6)$$

در این روابط،  $X_i$  و  $Y_i$  به ترتیب  $i$  امین داده برآورده و اندازه‌گیری،  $\bar{Y}$  متوسط داده  $Y_i$ ، و  $n$  تعداد نمونه‌های مورد ارزیابی می‌باشد.

از آنجایی که مقادیر RMSE بر حسب واحد عوامل کیفی مورد مطالعه می‌باشد لذا در آماره RMSE دقت نتایج با تقسیم به مقدار متوسط هر یک از عوامل کیفی<sup>۴</sup> (NRMSE) در طول دوره اندازه‌گیری، استاندارد و تحلیل شدند. هر قدر معیار NRMSE کمتر و نزدیک به صفر باشد، اختلاف مقادیر برآورده با اندازه‌گیری کمتر است. مثبت بودن آماره MBE نشان‌دهنده بیش برآورده<sup>۵</sup> و منفی بودن آن به مفهوم کم برآورده<sup>۶</sup> متغیر مجهول است.

1 Cross Validation

2 Root Mean Square Error

3 Mean bias error

4 Normal Root Mean Square Error

5 Over estimate

6 Under estimate

در انتها پس از انتخاب روش مناسب میانیابی، نقشه‌های پهنه‌بندی از پارامترهای مورد بررسی تهیه گردید. بسته نرم ArcGIS در این تحقیق به عنوان محیط مناسب جهت پهنه‌بندی عوامل کیفی در آبخوان دشت همدان-بهار انتخاب شد. هدف از پهنه‌بندی، منطقه‌ای نمودن خصوصیات نقطه‌ای پارامترهای مورد بررسی است. نقشه‌های پهنه‌بندی در کاهش هزینه‌های اندازه‌گیری در نقاط فاقد اندازه‌گیری کارساز هستند. مدیریت این نرم‌افزار از طریق یک پوشه اطلاعاتی شامل مقادیر داده‌های کیفی، مختصات جغرافیایی نقاط بر حسب سیستم جهانی تصویر مركاتور (UTM) می‌باشد. نرم‌افزار ArcGIS مقادیر محاسبه شده از عوامل کیفی را بر روی نقشه‌های توپوگرافی منتقل و با ایجاد بازه‌های مختلفی از مقادیر عوامل مورد مطالعه، امکان تحلیل‌های توصیفی و غیرتوصیفی را فراهم می‌سازد. ایجاد نقشه‌های پهنه‌بندی با استفاده از امکانات نرم‌افزار فوق و ترکیب رنگ‌های مختلف نمایش بازه‌ها در ۴ سطح بین مقادیر حداقل تا حداکثر هر یک از پارامترهای کیفی انجام گرفت. در مجموع چهار نقشه پهنه‌بندی از عوامل هدایت الکتریکی امللاح محلول (EC)، پهاش (pH)، قلیاییت (SAR) و باقی‌مانده جامد امللاح (TDS) ایجاد شد. حدود پهنه‌های هر نقشه نیز با درنظر گرفتن حداقل خطأ صورت گرفت. هم‌چنین متناظر با هر نقشه، نمایش ستونی از مقادیر میانیابی و اندازه‌گیری در محل چاههای نمونه‌برداری، به همراه معادله خط برآش یافته به مقادیر این دو سری اعداد نیز آورده شد. معادله حاصل در قالب مدل رگرسیون خطی با عرض از مبداء بود.

#### ۴. بحث و نتایج

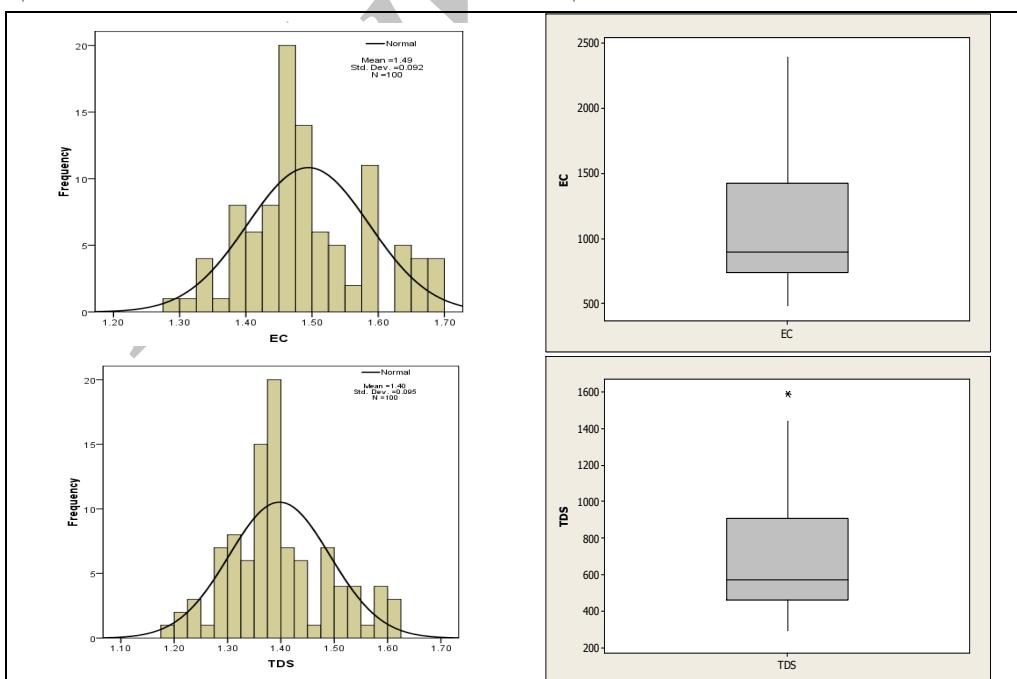
خلاصه آماری پارامترهای کیفی آب زیرزمینی دو فصل بهار و تابستان طی سال‌های ۱۳۸۸ و ۱۳۸۹ آبخوان همدان-بهار در جدول ۱ آورده شده است. پارامترهای توصیفی شامل مقادیر جداکثر، حداقل، میانگین، انحراف معیار، ضریب تغییرات، چولگی و کشیدگی عوامل کیفی در نرم‌افزار SPSS محاسبه شده است. از آنجایی که برخی عوامل دارای توزیع غیرنرمال بودند، آمارهای توصیفی عوامل نرمال‌سازی شده نیز آورده شده است.

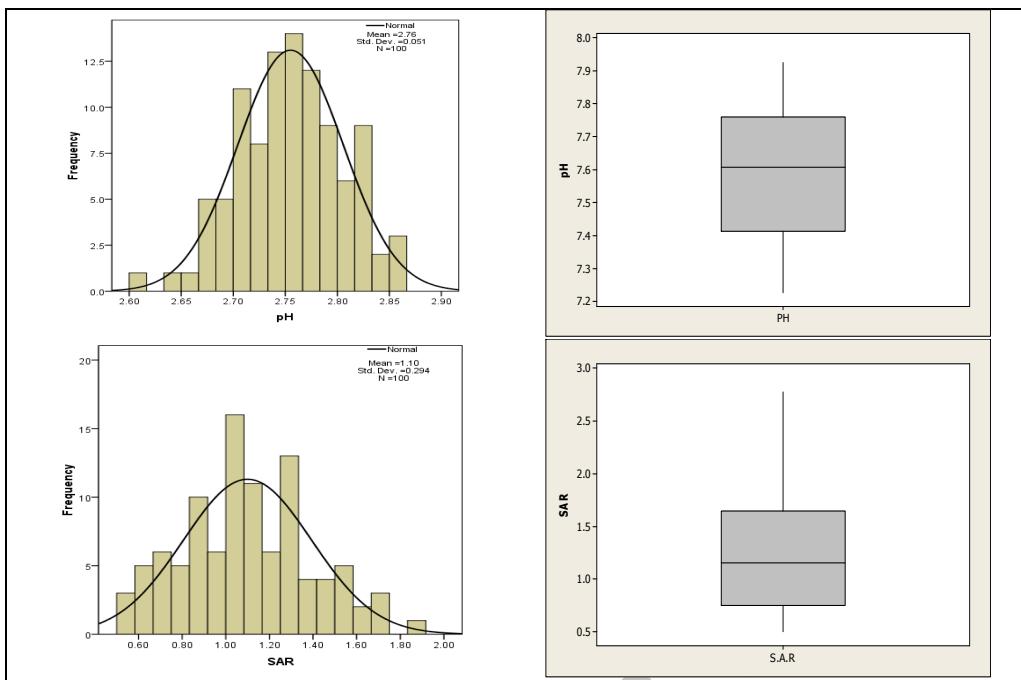
جدول ۱ خلاصه آماری ویژگی‌های کیفی آب زیرزمینی آبخوان همدان-بهار

متغیر	واحد	حداکثر	حداقل	میانگین	انحراف معیار	ضریب تغییرات	چولگی	کشیدگی
EC	غیرنرمال	۲۳۵۴	۴۳۹	۱۰۷۲	۵۱۴۷	۰/۴۸	۱/۲۷	۱/۰۴
	نرمال شده	۵۰/۰۱	۱۹/۷	۳۱/۹۴	۰/۷۰۷	۰/۰۲	۰/۰۷۵	۰/۰۷۵
TDS	غیرنرمال	۱۵۷۱/۲	۲۸۱	۷۰۳/۱	۳۴۹/۷	۰/۰۵۰	۱/۳۵	۱/۲
	نرمال شده	۴۰/۲۷	۱۵/۷۶	۲۵/۵۸	۰/۵۸۶	۰/۰۲	۰/۹۰	۰/۰۲۵
pH	غیرنرمال	۸/۱	۷/۲۳	۷/۶۱	۰/۲۵	۰/۰۳	-۰/۱	-۰/۷
SAR	غیرنرمال	۳/۱۱	۰/۳۴	۱/۳۸	۰/۷۶	۰/۰۵۵	۰/۰۹	۰/۰۵
	نرمال شده	۱/۸۵	۰/۵۲	۱/۰۹	۰/۲۹	۰/۰۲۷	۰/۲۵	-۰/۳۷

همان‌گونه که از جدول ۱ ملاحظه می‌گردد داده‌های دارای چولگی بالا، غیرنرمال تشخیص داده شد و با استفاده از ریشه دوم نرمال‌سازی شدند. تمامی داده‌ها به جز داده‌های مربوط به pH نرمال‌سازی شدند که در نتیجه آن مقدار چولگی کاهش یافت. ضریب تغییرات، آماره‌ای بدون بعد است که تغییرات پارامترهای کیفی مورد مطالعه را نشان می‌دهد و براین اساس کمترین ضریب تغییرات معادل سه درصد به داده‌های غیرنرمال pH و بیشترین ضریب تغییرات معادل ۵۵ درصد به داده‌های غیرنرمال SAR تعلق دارد. بدین ترتیب می‌توان مطابق نظر مکبرانی و پرینگل (۳:۱۹۹۷) متغیرهای EC و TDS را به دلیل آنکه ضریب تغییراتشان بیش از ۳۵ درصد است در دسته عوامل با تغییرات زیاد قرار داد. کم بودن ضریب تغییرات نشانه عدم تاثیر عوامل موضعی مانند عوامل مدیریتی از جمله وضعیت آب-شوبی، تفاوت در مقدار، نوع و زمان کوددهی و برداشت بی‌رویه از منابع آب زیرزمینی بر تغییرات عوامل کیفی است. از آنجایی که استفاده از کودهای دامی و شیمیابی برای افزایش عملکرد محصولات کشاورزی و استفاده از سموم کشاورزی برای مبارزه با آفات و امراض به ویژه برای کشت‌های سیب‌زمینی، سیر و یونجه مرسوم است، لذا به نظر می‌رسد بالا بودن ضریب تغییرات عوامل کیفی، بیشتر متأثر از عوامل مدیریتی باشد. تاثیرگذاری عوامل فوق بر مقادیر کمی عوامل کیفی در گزارشات قره‌ محمودلو و همکاران (۱:۱۳۸۷) و شکوری‌کتیگری و همکاران (۱۰۹:۱۳۹۰) آمده است. برای دستیابی به اطلاعات دقیق‌تری از تغییرات عوامل کیفی نمودار توزیع فراوانی داده‌های نرمال شده و نمودار جعبه‌ای (باکس ویسکر) داده‌های غیرنرمال از هر چهار متغیر کیفی مورد مطالعه در آب زیرزمینی دشت همدان-بهار در شکل ۳ آورده شده است.

براساس داده‌های نرمال نشده (داده‌های خام)





شکل ۳ نمودار جعبه‌ای و ستونی پارامترهای مورد مطالعه (نرمال شده و نرمال نشده)

نمودارهای جعبه‌ای در سمت راست، حاصل داده‌های غیرنرمال و نمودارهای هیستوگرامی (سمت چپ) حاصل داده‌های نرمال شده به همراه نمودار زنگوله‌ای محاط بر هیستوگرام‌ها، نشان‌دهنده نرمال بودن توزیع فراوانی‌هاست. همان‌گونه که شکل ۳، نشان می‌دهد تنها یک داده مربوط به عامل کیفی TDS خارج از دامنه بود که با انجام عمل نرمال‌سازی نسبت به اصلاح آن اقدام شد. داده‌ها در نمودارهای جعبه‌ای، خطوط داخل هر مستطیل نشان‌دهنده میانه داده‌ها، ضلع پایین مستطیل صدک ۲۵ و ضلع بالایی مستطیل صدک ۷۵ داده‌های است. نزدیک بودن خطوط میانه عوامل EC و TDS به ضلع پایین مستطیل نمودار جعبه‌ای موید انحراف معیار بیشتر این دو پارامتر است که در جدول ۱ نیز بیشتر بودن انحراف معیار عوامل EC و TDS نسبت به دو پارامتر pH و SAR نشان داده شد. ارتفاع مستطیل‌ها در نمودار جعبه‌ای، واریانس مقادیر عوامل کیفی از صدک ۲۵ تا صدک ۷۵ و خطوط قائم بالا و پایین، مقدار حداقل و حداقل داده‌ها را نشان می‌دهند. نمودار جعبه‌ای تمامی عوامل کیفی نشان داد که در توزیع مقادیر عوامل کیفی (به جزء یک داده TDS)، داده غیرمعمول و پرت وجود ندارد. آماره RMSSE برای سه مدل کروی، دایره‌ای و گوسین نیم-تغییرنما تئوری برآذش یافته به داده‌ها، از نرم‌افزار ArcGIS استخراج و در جدول ۲ ارائه شده است. ضمن‌آن‌که در این جدول مقادیر عددی پارامترهای حاصل از بهترین مدل برآذش یافته نسبت به سایر مدل‌ها آورده شده است. پارامترهای مدنظر در مدل بهینه شامل  $C$ ،  $A$  و  $\frac{C}{C+C_0}$  به تفکیک متغیرهای TDS، EC و SAR می‌باشند.

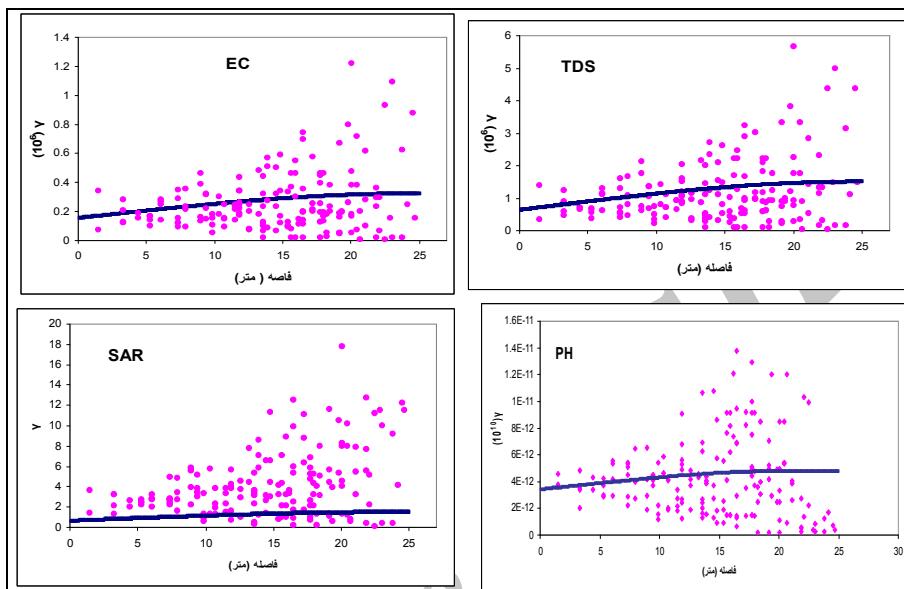
جدول ۲ پارامترهای مربوط به نیم‌تغییرنمای عوامل کیفی آبخوان دشت همدان - بهار

جزر میانگین مجذور مربعات خطای استاندارد (RMSSE)			پارامترهای نیم‌تغییرنمای مدل کروی*	متغیر		
نیم‌تغییرنما			آستانه			
گوسین	دایره‌ای	کروی	$\frac{C}{C + C_0}$	A	$C_0$	
۰/۹۷۵	۰/۹۷۹	۰/۹۶	۰/۵۱	۲۱	۱۶۸۴۰۶	EC
۰/۹۷۷	۰/۹۷۵	۰/۹۶	۰/۵۸	۲۱	۸۷۴۳۴	TDS
۰/۹۶۲	۰/۹۶	۰/۹۵۵	۰/۷۲	۱۸	۰/۰۱۳۵	pH
۰/۹۵۵	۰/۹۶	۰/۹۵۰	۰/۶۲	۱۸/۲۲	۰/۳۶۵۷	SAR

\* پارامترهای مدل بهینه براساس شکل ۳ از نرم‌افزار ArcGIS استخراج شده است.

همان‌گونه که جدول ۲ نشان می‌دهد مدل کروی، مناسب‌ترین مدل نیم‌تغییرنمای است که با توجه به رفتار آن در نزدیکی مبداء مختصات و کمتر بودن آماره RMSSE انتخاب شد. مقدار جزر میانگین مجذور مربعات خطای استاندارد در نیم‌تغییرنمای کروی برای هر چهار عامل بین ۰/۹۵ تا ۰/۹۶ بود در حالی که برای دو نیم‌تغییرنمای دیگر بیشتر و بین ۰/۹۶ تا ۰/۹۸ است. یکسان بودن مدل نیم‌تغییرنمای بازش یافته (مدل کروی) بر داده‌های EC، pH، TDS و SAR به عنوان مدلی مناسب، نشانه غالیت اثر یک عامل (عوامل) مشترک مانند عوامل مدیریتی بر تغییرات مکانی پارامترهای فوق است. زیرا اثر عوامل غیرمدیریتی مانند تغییر اقلیم، نوع مواد مادری و بافت خاک در زمان‌های طولانی مشخص می‌گردد. با توجه به کوتاه بودن طول دوره آماری داده‌ها، تأثیرپذیری تغییرات مکانی عوامل کیفی از عوامل مدیریتی محتمل است. این در شرایطی است که بهترین مدل در توصیف فضایی عوامل مختلف کیفی آب‌های زیرزمینی در مطالعات هو و همکاران (۲۰۰۵: ۸۹۶) برای شوری، توانا و دهانزاده (۱۳۸۹: ۳۵) برای pH و اصغری مقدم و همکاران (۱۳۸۷: ۱) برای فلوئورید هم مدل کروی گزارش شده است. وجود اثر قطعه‌ای ( $C_0$ ) یا بخش بدون ساختار واریانس، نشانه تغییرپذیری عوامل کیفی در فواصلی کمتر از فواصل نقاط نمونه‌برداری است. خطاهای اندازه‌گیری، تفاوت مدیریت مواد مغذی به واسطه تفاوت نوع کشت، تفاوت در مقدار و زمان نیاز به مواد مغذی و تفاوت در ماهیت رفتاری عوامل کیفی می‌تواند منشاء تغییرپذیری فوق باشد که در گزارش تانی و همکاران (۲۰۰۹: ۹۲۵) نیز آمده است. پارامتر آستانه یا تناسب ساختار مکانی داده‌ها، بیان‌کننده نسبت بخش دارای ساختار واریانس به کل واریانس داده‌ها می‌باشد. بزرگ‌تر بودن مقدار آستانه، به مفهوم برقراری تطابق ظاهری داده‌های اندازه‌گیری با داده‌های نیم‌تغییرنمای تجربی است (دانشور و ثووقی و همکاران، ۱۳۹۰: ۱۶۵). مقدار آستانه داده‌ها بین ۰/۵۱ تا ۰/۷۲ به دست آمد که بزرگی آن نشانه همبستگی مکانی داده‌ها و شدت همبستگی

مکانی داده‌هاست. بیشترین شدت همبستگی مکانی به pH معادل ۰/۷۲ و کمترین شدت همبستگی مکانی به EC معادل ۰/۵۱ تعلق دارد. با توجه به جدول ۲ نیم‌تغییرنماهی مناسب جهت پایش مکانی عوامل کیفی مورد مطالعه در دشت همدان بهار براساس پارامترهای اثر قطعه‌ای، شاعر تاثیر و آستانه و بدلیل ایجاد واریانس تخمین بیشتر نیم‌تغییرنماهی کروی (شکل ۴) بود. در شکل ۴ نیم‌تغییرنماهی کروی برآذش یافته به داده‌ها آمده است.



شکل ۴ نیم‌تغییرنماهی تجربی (نقاط) با مدل برآذش داده شده (خط) با هر یک از عوامل کیفی مورد

با دقت در منحنی نیم‌تغییرنماهی برآذش یافته به داده‌ها در شکل ۴ مشاهده می‌گردد که منحنی‌ها روندی در جهت مجانب شدن به مقدار ثابت سقف دارند که به اعتقاد حسنی‌پاک (۱۳۷۷) نشانه وجود ارتباط مکانی متغیرها است. بدین ترتیب می‌توان نتیجه گرفت که تمامی متغیرها مورد بررسی براساس اطلاعات نقاط اندازه‌گیری قابل میان‌یابی هستند.

در جدول ۳ دقت نتایج مربوط به محاسبات نهایی روش‌های مختلف زمین‌آماری برای مدل‌سازی عوامل کیفی آبخوان دشت همدان – بهار براساس محاسبه دو آماره NRMSE و MBE آمده است که به ترتیب دقت و انحراف از مدل را نشان می‌دهند. در این جدول نتایج مدل‌سازی روش تابع پایه شعاعی (RBF)، روش کریجینگ (Kriging) با سه مدل نیم‌تغییرنماهی کروی، گوسین و دایره‌ای و روش معکوس فاصله وزنی (IDW) با توانهای ۳، ۲ و ۴ آمده است. علت تنظیم جدول ۳ برای تمامی روش‌های میان‌یابی، نشان دادن برتری روش کریجینگ با نیم‌تغییرنماهی کروی است.

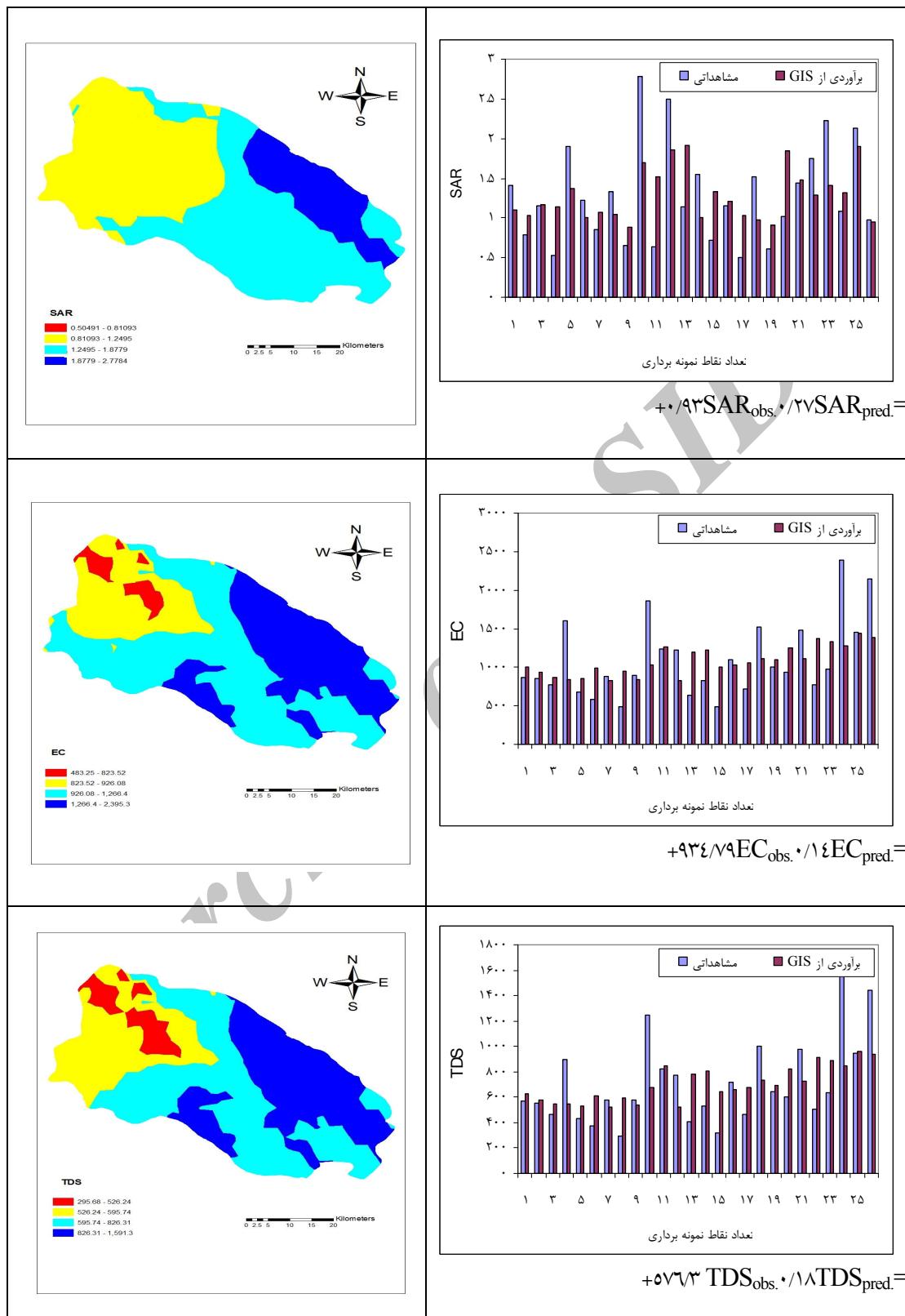
جدول ۳ مقایسه روش‌های مختلف زمین آمار در مکان‌یابی پارامترهای کیفیت آب دشت همدان-بهار

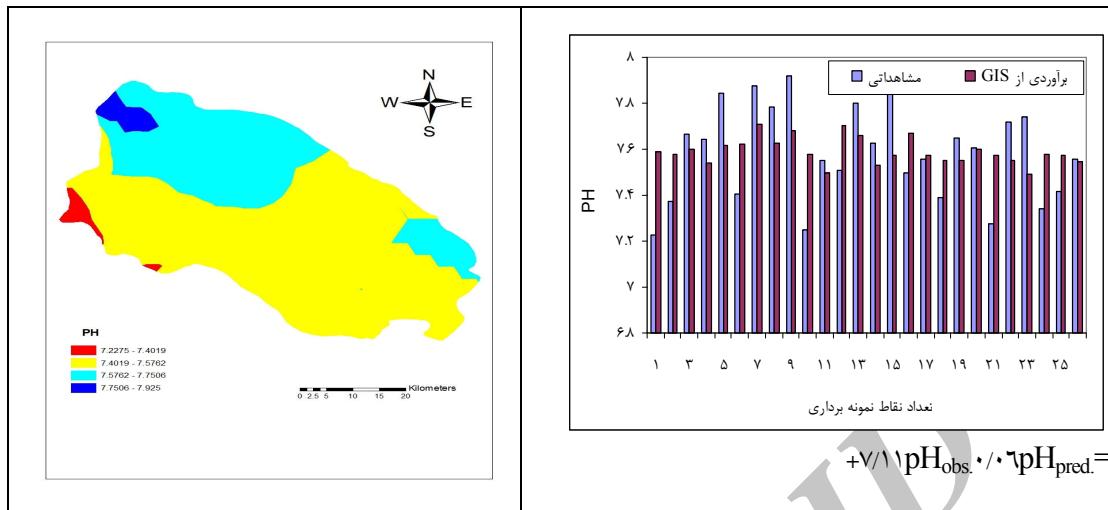
روش مدل‌سازی							آماره	واحد	متغیر			
معکوس فاصله وزنی			کریجینگ معمولی		شبکه توابع شعاعی							
توان		نیم‌تغییرنما										
۴	۳	۲	دایره‌ای	گوسین	کروی							
۰/۴۵	۰/۴۴	۰/۴۴	۰/۴۳	۰/۴۳	۰/۴۲	۰/۴۵	NRMSE	(میلی‌گرم بر لیتر)	TDS			
-۰/۰۴	-۰/۰۳	-۰/۰۲	-۰/۰۱	-۰/۰۱	۰/۰۰	-۰/۰۲	MBE					
۰/۰۴	۰/۰۳	۰/۰۳	۰/۰۳	۰/۰۳	۰/۰۰	۰/۰۳	NRMSE	(-)	pH			
۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	MBE					
۰/۵۰	۰/۴۸	۰/۴۶	۰/۴۸	۰/۴۸	۰/۳۵	۰/۴۹	NRMSE	(-)	SAR			
-۰/۰۳	-۰/۰۱۹	-۰/۰۱	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	-۰/۰۴	MBE					
۰/۴۵	۰/۴۵	۰/۴۳	۰/۴۳	۰/۴۳	۰/۴۲	۰/۴۵	NRMSE	(میکرومترس بر سانتی‌متر)	EC			
-۰/۰۳	-۰/۰۲	-۰/۰۲	-۰/۰۱	-۰/۰۱	-۰/۰۱	-۰/۰۲	MBE					

مقادیر هاشور خورده در جدول ۳ نشان‌دهنده بهترین روش برآورد، یعنی روش کریجینگ در میان‌یابی برای نقاط فاقد اندازه‌گیری هستند. کمتر بودن مقادیر NRMSE در روش کریجینگ در مقایسه با روش معکوس فاصله وزنی و روش توابع پایه شعاعی نشان‌دهنده بیشتر بودن دقت فضایی روش کریجینگ با نیم‌تغییرنما کروی است. هر چند دقت روش کریجینگ با دو مدل نیم‌تغییرنما دیگر نیز در سطح قابل قبول قرار دارد. هم‌چنین کمتر بودن آماره MBE بیان‌گر اختلاف کمتر مقادیر برآورد شده در مقایسه با مقادیر مشاهداتی روش کریجینگ است. براساس نتایج به دست آمده می‌توان نتیجه‌گیری نمود که روش زمین‌آماری کریجینگ دارای برتری قابل ملاحظه نسبت به روش معکوس فاصله وزنی و روش توابع پایه شعاعی در تحلیل مکانی خصوصیات کیفی آب زیرزمینی باشد. جدول ۳ نشان می‌دهد کمترین دقت مربوط به توان چهارم روش معکوس فاصله وزنی و بیشترین دقت مربوط به مدل کروی در روش مدل‌سازی کریجینگ عمومی است. نتایج حاصل از اعمال توان‌های مختلف در روش معکوس فاصله وزنی نشان داد با افزایش عدد توان و افزایش تعداد نقاط همسایگی این دقت کاهش بیشتری یافته است. با ملاحظه در نتایج مربوط به روش معکوس فاصله وزنی (جدول ۳) مشخص می‌گردد که این کاهش دقت از ناحیه افزایش توان، برای همه عوامل کیفی در هر دو آماره NRMSE و MBE وجود دارد. این کاهش دقت می‌تواند ناشی از تاثیرپذیری مقدار برآورده در یک نقطه از تعداد بیشتری نقاط همسایگی به‌دلیل دور بودن و خطای اندازه‌گیری ناشی از تعدد نقاط بیشتر باشد. جدول ۳ نشان می‌دهد در روش مدل‌سازی کریجینگ کمترین خطای مدل‌سازی براساس دو آماره NRMSE و MBE معادل صفر به پارامتر pH و بیشترین خطای

مدل‌سازی معادل  $NRMSE = 0.01$  و  $MBE = -0.042$  میلی‌گرم در لیتر به پارامتر  $EC$  تعلق دارد. بیشتر بودن خطای مدل‌سازی  $EC$  و کمتر بودن خطای مدل‌سازی  $pH$  با توجه به کمتر بودن مقدار اثر قطعه‌ای محاسباتی در جدول ۲ قابل تایید است و در گزارش دلبیری و همکاران (۱۳۸۹: ۳۵۹) هم آمده است. همان‌گونه که اشاره شد آماره  $NRMSE$  نشان‌دهنده دقیقی مدل‌سازی، مقادیر مثبت آماره  $MBE$  نشانه برآورد بیش از مقادیر اندازه‌گیری و مقادیر منفی آن نشانه برآوردهای کمتر از مقادیر اندازه‌گیری است. بنابراین منفی بودن آماره  $MBE$  در جدول ۳ حاکی از میان‌یابی مقادیر کمتر از مقادیر اندازه‌گیری برای عامل  $EC$  و  $TDS$  است. در مجموع نتایج گزارش شده در پاره‌ای از تحقیقات مانند بررسی تغییرات مکانی عوامل  $TDS$  و  $pH$  توسط شعبانی (۱۳۸۷: ۴۷) در دشت ارسنجان یزد و تحلیل مکانی خصوصیات آب‌های زیرزمینی حوضه آبخیز گرمسار توسط زهتابیان و همکاران (۱۳۸۹: ۶۱) برتری روش کریجینگ را به عنوان ابزار مناسب جهت مطالعه کیفیت آب‌های زیرزمینی و پهنه‌بندی آنها در مناطق گوناگون ایران پیشنهاد کرده‌اند. خطای میان‌یابی در مطالعه شعبانی (۱۳۸۷: ۴۷) برای پارامتر  $TDS$ ، برابر  $0.47$ ، و در مطالعه رضایی و همکاران (۱۳۸۹: ۹۳۲) برای  $SAR$ ، معادل  $0.98$  گزارش شده در حالی که در مطالعه حاضر مقدار خطای میان‌یابی  $TDS$  و  $SAR$  به ترتیب  $0.42$  و  $0.35$  به دست آمد که بیان‌گر دقیقی بیشتر میان‌یابی است. خاصیت هموارسازی در روش کریجینگ باعث کمتر شدن میزان واریانس داده‌های میان‌یابی شده در مقایسه با داده‌های اندازه‌گیری شده است. همچنین جدول ۳ نشان می‌دهد خطای برآورد تمامی پارامترها کمتر از  $0.42$  است که نشان‌دهنده قابلیت بالای روش مدل‌سازی کریجینگ در میان‌یابی عوامل کیفی است. بررسی نتایج این تحقیق و مقایسه با نتایج دیگر تحقیقات حاکی از نقش پراکنش نقاط نسبت به مرکز ثقل دشت و تعداد نقاط است (طباطبایی و غزالی، ۱۳۹۰: ۱۱). شکل ۱ نشان می‌دهد دشت شکل بیضی داشته لیکن نقاط اندازه‌گیری در محدوده آبخوان اصلی است که از پراکندگی مناسبی برخوردار هستند. از نظر تعداد داده‌های اندازه‌گیری نیز زو و همکاران (۸۱: ۲۰۰۶) حداقل داده لازم برای داشتن دقیقی داشته که در این مطالعه برای هر یک از عوامل کیفی  $100$  داده و در مجموع برای چهار عامل،  $400$  داده به کار گرفته شد.

برای بررسی جامع‌تر نتایج به دست آمده، شمای گرافیکی توزیع پارامترهای کیفی در محدوده مورد مطالعه تهیه و در شکل ۵ نمایش داده شد. شکل ۵ نقشه‌های پهنه‌بندی هر یک از چهار پارامتر  $SAR$ ,  $EC$ ,  $TDS$  و  $pH$ ، با هدف مقایسه تغییرات مکانی پارامترها طی دوره مطالعه به روش کریجینگ با مدل کروی را نشان می‌دهد. پهنه‌بندی انجام شده در این شکل براساس اطلاعات دو ساله در ۲۵ چاه مشاهداتی واقع در آبخوان دشت می‌باشد. به عبارت دیگر در بخش آبخوان، پهنه‌بندی‌ها به منظور درون‌یابی عوامل کیفی و در سطح دشت برآورده شده با کیفی براساس اطلاعات آبخوان صورت گرفته است. همچنین میانگین هر چهار پارامتر کیفی میان‌یابی شده با روش زمین‌آماری کریجینگ در مقایسه با میانگین اندازه‌گیری شده در چاه‌های مورد مطالعه به صورت نمودار ستونی آمده است.





شکل ۵ پهنگندی پارامترهای کیفیت آب دشت همدان-بهار طی دو سال گذشته

براساس شکل ۵ نحوه تغییرات عوامل TDS و EC و تا حدودی SAR مشابه یکدیگر هستند. یکی از دلایل اصلی این تشابه تغییرات EC با TDS ارتباط خطی این دو پارامتر است. همچنین تخلیه فاضلاب‌های شهری در ناحیه جنوب شرقی دشت (حوالی شهرک فرهنگیان) نیز موجب افزایش غلظت آلاینده‌ها در این ناحیه و حرکت آن‌ها در امتداد شمال شرق به دلیل ارتباط هیدرولوژیکی آبخوان از ناحیه شمال شرق با دشت کبودراه‌نگ می‌باشد که در شکل ۵ به صورت مکان‌های پررنگ‌تر نشان داده شده است. مقادیر EC، TDS و SAR با دور شدن از امتداد جنوب شرق به شمال شرق کاهش یافته است. اما تغییرات پارامتر  $\text{pH}$  غیریکنواخت‌تر از سه پارامتر دیگر بوده و حداکثر آن در شمال غربی دشت اتفاق افتاده است. از طرفی کمتر بودن مقدار آلاینده‌ها در ناحیه شمال‌غرب به دلیل اجرای طرح تغذیه مصنوعی (هارون‌آباد) و نفوذ جریان‌های سطحی جاری از دامنه‌های الوند در ناحیه غربی دشت به عنوان محل‌های عمده تغذیه است. این نقشه‌ها نشان می‌دهند که پارامترهای کیفی آب زیرزمینی الگوی تصادفی نداشته و دارای پراکنش مکانی می‌باشند. در مجموع می‌توان اظهار داشت، بخش جنوب‌شرقی منطقه نسبت به سایر بخش‌ها از کیفیت آب زیرزمینی پایین‌تری برخوردار است. به نظر می‌رسد که عوامل مدیریتی مانند آب‌شویی کودهای زراعی و پساب‌های صنعتی یا شهری باعث نفوذ به سفره آبدار دشت همدان-بهار و تغییرات در عوامل کیفی شده است که در گزارش زارع ابیانه و همکاران (۲۰۱۲: ۴۳۳) نیز آمده است. قاسمی و همکاران (۱۳۸۹: ۱۰۹) نیز کیفیت پایین آب زیرزمینی دشت همدان-بهار را به‌واسطه تغذیه منابع آلاینده شهری و صنعتی مثل کارخانه شیشه و کشتارگاه دانستند. مقایسه برآورد تغییرات مکانی پارامترهای کیفیت آب زیرزمینی به تفکیک چاههای نمونه‌برداری در شکل ۵ نشان می‌دهد، در بیشتر نقاط دقت روش زمین‌آمار مطلوب و قابل قبول می‌باشد. بیشترین اختلاف بین نقاط برآورده با مشاهداتی در نقاط مرزی و نقاط حداکثری می‌باشد. به عبارت دیگر دقت روش زمین‌آمار در برآورد نقاط درون محدوده مورد مطالعه. نقاط غیر حداکثری پارامترهای مورد مطالعه بیشتر می‌باشد. دلیل این امر می‌تواند ناشی از کمبود نقاط اندازه‌گیری در مرزهای مطالعاتی و

وجود عوامل متعدد اقلیمی و منطقه‌ای در ایجاد نقاط حداکثر باشد که در روش زمین آمار لحاظ نمی‌گردد. طباطبایی و غزالی (۱۳۹۰: ۱۱) از دیگر عوامل موثر در خطا را کشیدگی طولی دشت و دوری از شعاع همسایگی گزارش کردند. در این راستا کشیدگی در امتداد شمال شرقی - جنوب غربی دشت همدان - بهار (شکل ۱) و شعاع تأثیر ۲۱-۱۸ متری (جدول ۳) می‌تواند در دقت نتایج موثر باشد.

## ۵. نتیجه‌گیری

تغییرات مکانی غلطت یون‌های موجود در آب‌های زیرزمینی در ردیف متغیرهای ناحیه‌ای هستند که مقادیر آن در فضایی یک، دو و یا سه بعدی توزیع یافته است. مقدار متغیرهای محیطی در هر نقطه مستقل از مختصات جغرافیایی و وابسته به اختلاف فاصله نقاط از یکدیگر است که زمین آمار قادر به مدل‌سازی چنین متغیرهایی در قالب نظریه احتمال وتابع تصادفی نیم‌تغییرنما است. نتایج پژوهش حاضر بیان‌گر برتری روش زمین آماری کریجینگ با مدل نیم‌تغییرنما کروی نسبت به روش معکوس فاصله وزنی و روش توابع پایه شعاعی در تحلیل مکانی خصوصیات کیفی آب زیرزمینی دشت همدان - بهار بود. مقایسه دقت روش کریجینگ در برآورد تغییرات مکانی چهار پارامتر EC، SAR، TDS و pH نشان داد پارامتر pH دارای کمترین خطای مدل‌سازی براساس دو آماره NRMSE و MBE معادل صفر و پارامتر EC بیشترین خطای مدل‌سازی معادل  $0.01 = NRMSE$  و  $0.02 = MBE$  میلی‌گرم در لیتر بود. از طرفی پهنگ‌بندی تغییرات مکانی پارامترها موید کاهش کیفیت آب زیرزمینی منطقه مورد مطالعه از بخش جنوب شرق به شمال شرق بود. دلیل این امر را می‌توان تخلیه فاضلاب‌های شهری در حاشیه جنوب شرق آبخوان، وجود شهرک صنعتی بوعلی در جنوب شرقی آبخوان و ارتباط هیدرولوژیکی در شمال شرق دانست. در مجموع روش زمین آماری کریجینگ و نتایج تخمین، نشان‌دهنده شرایط خوب منطقه مورد مطالعه از نظر میان‌یابی عوامل کیفی آب‌های زیرزمینی است. ضمن آن‌که بیشتر بودن تعداد اطلاعات اولیه و بالاتر بودن درجه صحت آن‌ها موجب صحت و درستی بیشتر نتایج می‌شود.

## کتابنامه

- اصغری مقدم، ا.، ندیری، ع. و فیجانی، ا.، "پیش‌بینی مکانی غلطت فلورید در منابع آب زیرزمینی دو دشت بازرگان و پلدشت". سومین کنفرانس مدیریت منابع آب ایران. دانشگاه تبریز، ۱۳۸۷.
- بالالی، ح.، خلیلیان، ص. و احمدیان، م.، "بررسی نقش قیمت‌گذاری آب در بخش کشاورزی بر تعادل منابع آب زیرزمینی"، نشریه اقتصاد و توسعه کشاورزی (علوم و صنایع کشاورزی)، ۱۳۸۹، ۲۴(۲): ۱۹۴-۱۸۵.
- دانشور و ثوقی، ف.، دین پژوه، ی. و تقی اعلمی، م.، "تأثیر خشکسالی بر تراز آب زیرزمینی در دو دهه اخیر (مطالعه موردی: دشت اردبیل)", نشریه دانش آب و خاک، ۱۳۹۰، ۲۱(۴): ۱۶۵-۱۷۹.

- دلبری، م.، افراسیاب، پ.، و میرعمادی، س.ر.، "تجزیه و تحلیل تغییرات مکانی-زمانی شوری و عمق آب زیرزمینی (مطالعه موردی: استان مازندران)"، نشریه آبیاری و زهکشی ایران، ۱۳۸۹، ۳ (۴): ۳۷۴-۳۵۹.
- قره محمودلو، م.، طهماسبی، ا. و محمدی، ا.، "شناسایی فرآیندهای موثر در منشاء نمکهای محلول مرزی اترک با استفاده از روش‌های آماری چند متغیره"، سومین کنفرانس مدیریت منابع آب ایران، دانشگاه تبریز، ۱۳۸۷.
- قاسمی، ع.، زارع ابیانه، ح.، شهرسوار، ا. و یعقوبی کیکله، ب.، "بررسی تغییرات کمی و کیفی آب زیرزمینی دشت همدان - بهار"، گیاه و زیست بوم، ۱۳۸۹، ۶ (۲۳): ۱۰۹-۱۲۷.
- حسنی‌پاک، ع.ا.، "زمین‌آمار"، انتشارات دانشگاه تهران، ۱۳۷۷، ۳۱۴ ص.
- خداکرمی، ل.، سفیانیان، ع.ر.، میرغفاری، ن.، افیونی، م. و گلشاهی، ا.، "پهنه‌بندی غلظت فلزات سنگین کروم، کبات و نیکل در خاک‌های سه زیر حوزه آبخیز استان همدان با استفاده از فناوری‌های GIS و زمین‌آمار"، مجله علوم آب و خاک - علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، ۱۳۹۰، ۱۵ (۵۸): ۲۴۳-۲۵۴.
- مقامی، ی.، قضاوی، ر.، ولی، ع. و شرفی، س.، "ارزیابی روش‌های مختلف درون‌یابی به منظور پهنه‌بندی کیفیت آب با استفاده از GIS (مطالعه موردی: شهرستان آباده)", فصلنامه جغرافیا و برنامه‌ریزی محیطی، ۱۳۹۰، ۲ (۱): ۱۷۱-۱۷۲.
- نظری‌زاده، ف.، ارشادیان، ب. و زند وکیلی، ک.، "بررسی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی دشت بالارود در استان خوزستان"، اولین همایش منطقه‌ای بهره‌برداری پهینه از منابع آب حوزه‌های کارون و زاینده‌رود. دانشگاه شهرکرد، ۱۳۸۵.
- رضایی، م.، دواتگر، ن.، تاجداری، خ. و ابولپور، ب.، "بررسی تغییرات مکانی برخی شاخص‌های کیفی آبهای زیرزمینی استان گیلان با استفاده از زمین‌آمار، نشریه آب و خاک، ۱۳۸۹، ۲۴ (۵): ۹۳۲-۹۴۱.
- صفری، م.، "تعیین شبکه پهینه پایش آب‌های زیرزمینی با استفاده از روش‌های زمین‌آماری"، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، ۱۳۸۱، دانشگاه تربیت مدرس.
- سلامجه، ع.، رضوی‌زاده، س.، خراسانی، ن.، حمیدی‌فر، م. و سلامجه، س.، "تغییرات کاربری اراضی و آثار آن بر کیفیت آب رودخانه (مطالعه موردی: حوزه آبخیز کرخه)", محیط‌شناسی، ۱۳۹۰، ۳۷ (۵۸): ۸۶-۸۱.
- شکوری کتیگری، م.، شعبانپور، م.، اسدی، ح. و دواتگر، ن.، "تعیین مناسبترین مقیاس مطالعه در برآورد کربن آلی و جرم مخصوص ظاهری خاک‌در اراضی شالیزاری"، مجله دانش آب و خاک، ۱۳۹۰، ۲۱ (۲): ۱۰۹-۱۲۰.
- شعبانی، م.، "تعیین مناسب ترین روش زمین‌آمار در تهیهٔ نقشه‌ی تغییرات Ph و TDS آب‌های زیرزمینی (مطالعه‌ی موردی: دشت ارسنجان)", مجله‌ی مهندسی آب، ۱۳۸۷، سال اول: ۴۷-۵۸.
- سبزعلی‌پور، س.، جعفرزاده، ن.، منوری، م. و مجتبه‌زاده، ز.، "بررسی پارامترهای کیفی پساب در واحد الفین پتروشیمی بندر امام"، مجله آب و فاضلاب، ۱۳۸۶، سال هجدهم، شماره ۴۹: ۶۳-۳۹.

طباطبائی، س.ح. و غزالی، م.، "ارزیابی دقت روش‌های میانیابی در تخمین سطح ایستابی آب زیرزمینی (مطالعه موردی: آبخوان‌های فارسان - جونقان و سفید دشت)"، مجله علوم آب و خاک - علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، ۱۳۹۰، ۱۵ (۵۷): ۱۱-۲۲.

توانا، ا. و دهانزاده ب.، "پیش‌بینی پراکنش مکانی اسیدیته آب‌های زیرزمینی دشت نیشابور با استفاده از زمین‌آمار و سیستم اطلاعات جغرافیایی"، فصلنامه مهندسی آب، ۱۳۸۹، ۱: ۳۵-۴۹.

زهتابیان، غ.ر.، جان فزا، ع.ا.، محمدمعسگری، ح. و نعمت‌الهی، م.ج.، "مدل‌سازی توزیع مکانی برخی از خصوصیات شیمیایی آبهای زیرزمینی (مطالعه موردی در حوزه آبخیز گرمسار)"، فصلنامه علمی-پژوهشی تحقیقات مرتع و بیابان ایران، ۱۳۸۹، ۱۷ (۱): ۶۱-۷۳.

Ahmed, S., 2002. Groundwater monitoring net work design: application of geostatistics with a few case studies from a granitic aquifer in a semi – arid region. American Journal. 67 (5), 1564-1571.

Asghari Moghaddam, A., Nadiri, A., Fijani, A., 2008. Spatial prediction of fluoride concentration in groundwater resources in Bazargan and Poldasht plains . 3th Conference of Iran Water Resources Management. Tabriz University. 1-12.

Balali, H., Khalilian, S., Ahmadian, M., 2010. Annalysis of impacts of irrigation water pricing on groundwater balance. Journal of Economicsand agricultue development. 24 (2), 185-194.

Daneshvar Vousoogh1, F., Dinpashoh, Y., Aalami, M., 2011. Effect of Drought on Groundwater Level in the Past Two Decades (Case study: Ardebil Plain). Water and soil science 21 (4), 165-179.

Delbari, M., Afrasiab P., Miremadi, S. R., 2011. Spatio-temporal Variability Analysis of Groundwater Salinity and Depth (Case study: Mazandaran province). Iranian Journal of Irrigation and drainage 3(4), 359-374.

Finke, P.A.; Brus, D.J.; Bierkens, M.F.P., Hoogland, T.; Knotters, M., Vries, F., 2004. Mapping groundwater dynamics using multiple sources of exhaustive high resolution data. Geoderma. 123, 23-39.

Gaus, I., Kinniburgh, D.G., Talbot, J.C., Webster, R., 2003. Geostatistical analysis of arsenic concentration in groundwater in Bangladesh using disjunctive kriging. Environmental Geology. 44 (8), 939-948.

Geladi, P. and Kowalski, B.R. 1986. Partial least-squares regression: a tutorial. Analytica Chimica Acta. vol 185, 1-17.

Ghareh Mahmoudloo, M., Tahmasebi, A., Mohmadi, A., 2008. Effective processes to identify the origin of soluble salts Atrak border using multivariate statistical methods.3th Conference of Iran Water Resources Management. Tabriz University. 1-9.

Ghasemi, A., Zareabayneh, H., Shahsavar, A.M., Yaghobi Kikleh, B., 2010. The study of variation of quality and quantity of groundwater in Hamedan- Bahar Area. Plant and Ecosystem 6(23), 109-127.

Hasani Pak, A.A., 2008. Geostatistical. Tehran University Publications. 314 pp.

Hu, K., Huang, Y., Li, H., Li, B., Chen, D., White, R.E., 2005. Spatial variability of shallow groundwater level, electrical conductivity and nitrate concentration, and risk assessment of nitrate contamination in North China Plain. Environment international. 31(6), 896 – 903.

- Khodakarami, L., Soffianian, A., Mirghafari, N., Afyuni, M., Golshahi, A., 2012. Concentration Zoning of Chromium, Cobalt and Nickel in The Soils of Three Sub-Basin of The Hamadan Province Using GIS Technology and the Geostatistics. JWSS - Isfahan University of Technology 15 (58), 243-254.
- Kravchenko, A.N., 2003. Influence of spatial structure on accuracy of interpolation methods. Soil Science Society of AM. J. 67, 1564- 1571.
- Kresic, N., 1997. Hydrogeology and Groundwater Modeling. Lewis Publishers. 461 pp.
- Lu, G., David, Y., Wong, W., 2008. An adaptive inverse-distance weighting spatial interpolation technique. Computers & Geosciences. 34(9), 1044-1055.
- Lu, G.Y., Wong, D., 2008. An Adaptive Inverse Distance Weighting Spatial Interpolation Technique. Computers & Geosciences. 34, 1044-1055.
- Maghami, Y., Ghazavi, R., Vali, A. A., Sharafi, S., 2011. Evaluation of spatial interpolation methods for water quality zoning using GIS Case study, Abadeh Township. Journal of Geography and Environmental Planning 42 (2), 171-172.
- McBratney, A.B., Pringle, M.J., 1997. Spatial variability in soil-implications for precision agriculture. Pp 3-32. In: Stafford JV, (ed.). Precision Agriculture '97. Proceedings of the 1<sup>st</sup> European Conference on Precision Agriculture, Warwick University, UK.
- Nazari Zadeh, F., Ershadian, B., Zand vakili, K., 2006. Study of spatial variability of groundwater quality of Balarood plain in Khuzestan province. The first regional conference of Karoon and Zayandehrood water resources. Shahrekord 1-5.
- Rezaei, M., Davatgar, N., Tajdari, K., Abolpour B., 2010. Investigation the Spatial Variability of Some Important Groundwater Quality Factors in Guilan, Iran. Journal of Water and Soil 24 (2), 932-941.
- Safari, M., 2002. Determine the optimal network of groundwater monitoring using geostatistical methods. thesis MSc.. Tarbiat Modarres University.
- Salajegheh, A., Razavizadeh, S., Khorasani, N., Hamidfar, M., Salajegheh, S., 2011. Land use changes and its effects on water quality (Case study: Karkheh watershed). Journal of Environmental studies 37 (58), 81-86.
- Schöning, i., Totsche, K.U., Kogel-Knabner, I., 2006. Small Scale spatial variability of organic carbon stocks in litter and solum of a forested luvisol. Geoderma 136, 631-642.
- Shakouri, M., Shabanpour, M., Asadi, H., Davatgar, N., 2010. Dermintion of Suitable Study Scale in Estimating Organic Carbon and Bulk Density in Paddy Soils. Water and soil science 21 (2), 109-120.
- Shabani, M. 2009. Determination of the most suitable geostatistical method for the ph and TDS mapping of groundwater resources (case study: the arsanjan plain). Journal of water Engineering 1 (1), 47-57.
- Sabzalipour, S., Jafarzadeh, N., Monavari, M., Mojtabah zadeh, A., 2010. Qualitative Survey of the Effluent from the Olefin Unit of Bandar-e-Imam Petrochemical Complex. Journal of Water and Wastewater 18 (49), 39-63.
- Sun, Y., Shaozhong, K., Li, F., Zhang, L., 2009. Comparison of interpolation methods for depth to groundwater and its temporal and spatial variations in the Minqin oasis of northwest China. Environmental Modelling & Software 24 (10), 1163-1170.

- Taany, R.A., Tahboub, A.B., Saffarini, G.A., 2009. Geostatistical analysis of spatiotemporal variability of groundwater level fluctuations in Zarqa basin, Jordan: A case study. Environ. Geol. 57, 525 – 535.
- Tabatabaei, S.H., Ghazali, M., 2011. Accuracy of interpolation methods in estimating the groundwater level (Case study: Farsan-Jooneghan and Sefid Dasht Aquifers). Journal of Water Science 15(57), 11-22.
- Tavana, A. and Dahanzadeh, B., 2010. Prediction of the spatial distribution of neighbour plan groundwater information system. Journal of water engineering (JWE) 1 (1), 35-49.
- Theodosiou, N., Latinopoulos, P., 2006. Evaluation and optimization of groundwater observation networks using the kriging methodology. J. of Environmental Modeling and Software. 21, 991-1000.
- Xu, C., Gong, L., Jiang T., Chen, D., Singh, V.P., 2006. Analysis of spatial distribution and temporal trend of reference evapotranspiration and pan evaporation in Changjiang (Yangtze River) catchment. Journal of Hydrology 327, 81– 93.
- Zare Abyaneh, H., Bayat Varkeshi, M., Mohammadi, K., Howard, K., Marofi, S., 2012. Assessment of groundwater corrosivity in Hamedan Province, Iran using an adaptive neuro-fuzzy inference system (ANFIS). Geosciences Journal 51 (4), 433-439.
- Zehtabian, Gh., Janfaza, E., Mohammad asgari, H., Nematollahi, M.J., 2010. Modeling of ground water spatial distribution for some chemical properties (Case study in Garmsar watershed). Iranian journal of Range and Desert Research 17(1), 61-73.