



## بررسی توان تبیین مدل های اقتصادسنجی در سنجش میزان ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکتهای سرمایه گذاری جهت تعیین پرتفوی بهینه در بازار سرمایه ایران

هاشم نیکومرام

استاد تمام و عضو هیات علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات تهران

غلامرضا زمردیان

دانشجوی دکتری مدیریت مالی دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات تهران (نویسنده مسئول)

gh.zomorodian@gmail.com

تاریخ دریافت: ۹۲/۱۲/۱۸ تاریخ پذیرش: ۹۲/۴/۶

### چکیده

در دنیای پیچیده امروزی که در هر لحظه ما شاهد تغییرات بسیار عمده بر ارکان مختلف تاثیر گذار بر سطح سودآوری شرکتهای می باشیم، که هر کدام از این تغییرات می توانند گروهی از شرکتهای را به اوج و گروهی دیگر را نابود نمایند، بنابراین تصمیمات سرمایه گذاری برای افراد حقیقی و حقوقی بشدت تحت تاثیر این تغییرات قرار می گیرد و برای کاهش ریسک ناشی از این تغییرات می بایست یک پرتفوی مطلوب تعیین نموده تا از ره گذر این تغییرات کمترین آسیب را ببینند، معامله گران در بازارهای سرمایه از مدلهای متفاوتی جهت تعیین ارزش در معرض خطر پرتفوی خود استفاده می نمایند، که هر کدام از این مدلها برای تعیین ارزش در معرض خطر پرتفوی از مفروضات خاصی استفاده می نمایند.

این مقاله سعی دارد که از طریق مدل های اقتصاد سنجی ارزش در معرض خطر پرتفوی واقعی ۲۱ شرکت سرمایه گذاری که در بازار سرمایه کشور به فعالیت می پردازند، را مورد بررسی قرار داده و آنگاه قدرت پیش بینی این مدلها را با یکدیگر مقایسه نموده و مدل برتر را معرفی کند.

**واژه‌های کلیدی:** ریسک، بازده، پرتفوی، ارزش در معرض خطر، شرکت های سرمایه گذاری، مدل های اقتصاد سنجی.

## ۱- مقدمه

مدیریت ریسک در دنیای کنونی که به شدت در حال تغییر است، به امری لازم و پیش پا افتاده تبدیل شده و در سازمانهای بزرگ و بخصوص در موسسات مالی که هر لحظه با خطرات کاهش ارزش به دلیل عدم قطعیت ناشی از تغییرات ایجاد شده در بازارهای مالی روبرو هستند، به امری لازم تبدیل گشته است. (Kupiec, 1999, Jorikn, 2001)

بحران های مالی گذشته نشان داد که می بایست تاثیر پیامدهای عدم مدیریت ریسک را جدی گرفت، چرا که به عنوان مثال پیامدهای ناشی از زینهای مالی در سال 2008 به میزانی برابر 40 هزار میلیارد یورو رسیده بود. مدیریت ریسک فرایندی است که در آن مدیران به شناسایی، اندازه گیری و تصمیم گیری در مورد ریسکها و نظارت بر انواع ریسکها می پردازند، تا بتوانند ریسک را کنترل نمایند. امروزه سرمایه گذاران با طیف وسیعی از انتخاب ها برای سرمایه گذاری از خرید دارائیهای فیزیکی تا دارائیهای مالی مواجه هستند. با پیچیده تر شدن محیط ها و شرایط سرمایه گذاری، سرمایه گذاران می بایست به همه بازارها و همه دارایی ها توجه نمایند. بدست آوردن بهترین ترکیب سرمایه گذاری به وضعیت و ترجیحات بازدهی سرمایه گذاری نسبت به ناخشنودی سرمایه گذار از ریسک بستگی خواهد داشت.

اگر استراتژی های گوناگون سرمایه گذاری قابل درک را با یکدیگر مقایسه نمائیم، خواهیم دید که ریسک و بازدهی همسو با یکدیگر حرکت می کنند. یعنی اوراق بهاداری که میانگین نرخ بازدهی بیشتری دارند، دارای ریسک بیشتری نیز می باشند. (SHARPE, 1995). برای اینکه بتوانیم توافقی بین ریسک و بازده برای سرمایه گذار ایجاد کنیم، بهترین راه حل، تنوع بخشی به سرمایه گذاری است. وقتی اوراق بهادار با یکدیگر ترکیب می شوند، سبد سرمایه گذاری را تشکیل می دهند که ریسک این سبد کمتر از میانگین ساده ریسک های اوراق بهادار تشکیل دهنده آن می باشد. بنابراین اندازه گیری ریسک و مدیریت آن جزء جدا ناشدنی مجموعه تشکیل دهنده اوراق بهادار می باشد و شرکتهای سرمایه گذاری به دنبال آن هستند تا بدانند چه میزان از ارزش دارائیهای مالی آنها در خطر می باشد.

## ۲- مبانی نظری و مروری بر پیشینه پژوهش

## ۲-۱- مبانی نظری

عدم ثبات سیاسی و اقتصادی در جهان کنونی و به دنبال آن ایجاد تغییرات سریع در محیط فعالیت بنگاههای اقتصادی، ریسک این بنگاهها و به تبع آن ریسک شرکتهای سرمایه گذار در سهام این بنگاهها و سایر بنگاههای مرتبط در این حوزه را به مراتب نسبت به گذشته افزایش داده است.

فرهنگ وبستر ریسک را در معرض خطر قرار گرفتن می‌داند و یا فرهنگ لغات سرمایه‌گذاری ریسک را زیان بلقوه‌ی سرمایه‌که قابل محاسبه است می‌داند. (Hildreth-1988). گالیتز نیز ریسک را هر گونه نوسانات در هرگونه عایدی می‌داند و یا هیوب ریسک را احتمال کاهش درآمد یا از دست دادن سرمایه تعریف می‌کند. (Jonathan mun modeling risk, John and sons, Inc, 2006)

اگر ریسک و بازده را بعنوان متغیرهای اصلی داراییها برای تصمیم‌گیریهای سرمایه‌گذاری در نظر بگیریم، بازده یک متغیر کمی و ریسک یک متغیر کیفی می‌باشد و هدف مدیریت ریسک نیز کمی سازی این کیفیت‌ها جهت کنترل آن برای رسیدن به اهداف سازمان و مدیریت بهینه ریسک می‌باشد. (موسسه عالی بانکداری ایران، 1385)

ریسک سبب دارایی کمتر از میانگین ساده ریسک‌های اوراق بهادار تشکیل دهنده آن خواهد بود. بنابراین اندازه‌گیری ریسک و مدیریت آن جزء جدا ناشدنی مجموعه تشکیل دهنده اوراق بهادار می‌باشد. در نتیجه برای اندازه‌گیری ریسک (که یک مفهوم کیفی است) یک قلم دارایی و یا یک مجموعه داراییها از فنون خاص (مدل‌های خاص) استفاده می‌کنیم. هرچند همه مدل‌های مورد استفاده دارای مفروضاتی هستند که گاهی این مفروضات غیر واقعی بنظر می‌آیند، ولی باید توجه داشت که یک نظریه را تنها نباید بر اساس مفروضاتش مورد قضاوت قرار داد، بلکه به چگونگی و کیفیت آن در توضیح و پیشگویی رفتار در جهان واقعی باید دقت نمود. (REILLY, 2003)

بیشتر مدل‌های مدیریت ریسک برای ارزیابی ریسک از روابط تاریخی آماری استفاده می‌کنند. آنها اینگونه فرض می‌نمایند که ریسک از یک فرایند شناخته شده و دائمی نشأت گرفته و از این روابط تاریخی می‌توان برای پیش‌بینی تحولات ریسک در آینده استفاده نمود. ولی باید توجه داشت که بر اساس مطالعات انجام شده تا کنون هیچ روش قطعی برای پیش‌بینی تغییرات و تلاطم‌های بازده سبب سهام که دارای قابلیت اطمینان زیاد برای همه بازارها باشد، یا به عرصه وجود نگذاشته است.

با توجه به میزان و انواع خطراتی که بازارهای مالی با آن برخورد می‌نمایند، ارزش در معرض خطر جای خود را برای اندازه‌گیری انواع ریسک باز نموده است و از این سنججه می‌توان برای اندازه‌گیری انواع ریسک استفاده نمود. مدل‌های متفاوتی در جهت تعیین ریسک پرتفوی طراحی شده است ولی روش ارزش در معرض خطر تقریباً طریقی جدید در محاسبه ریسک بوده، که خود این روش دارای شیوه‌های گوناگونی برای محاسبه ریسک پورتفوی می‌باشد. (Stephen Lawrence, 2000)

طبق تعریف، ارزش در معرض خطر حداکثر زبانی است که کاهش ارزش سبب دارایی برای دوره معینی در آینده با ضریب اطمینان معینی از آن بیشتر نمی‌گردد. به بیان دیگر  $Var^1$  مشخص می‌نماید که با  $x$  درصد احتمال و طی افق زمانی مشخص شده حداکثر به چه میزان ارزش دارایی در معرض ریسک قرار دارد. تعیین مبلغ در معرض خطر این اطمینان را به سرمایه‌گذار می‌دهد تا بتواند

با نگهداری مبلغ محاسبه شده توسط شاخص ارزش در معرض ریسک حتی در صورت تحقق حداکثر زیان تعهدات خود را ایفا نماید و به همین علت است که بعنوان معیاری برای تعیین حد کفایت سرمایه برای بازارهای پول و همچنین برای نهادهای مالی مطرح شده است. (GRCGN, GREGORIOU, 2000)

بنابراین ارزش در معرض خطر یکی از کلیدی ترین ابزارهای سنجش ریسک بازار می باشد که در زمره سنجه های ریسک طیفی قرار دارد. این سنجه بیان کننده یک معیار آماری جهت اندازه گیری زیانهای احتمالی است که به یک سرمایه گذاری در مدت زمان مشخص و با یک درجه احتمال معین ممکن است وارد شود، و یا بعبارتی یافتن مقدار بحرانی برای سطح احتمال مورد نظر  $\alpha$  می باشد، که می توان آن را از طریق فرمول ذیل محاسبه نمود.

فرض کنید  $X$  نشان دهنده متغیر تصادفی بازده در فضای احتمال  $(\Omega, F, P)$  با تابع توزیع  $F_X(X)$  باشد، بنابراین برای هر  $\alpha \in (0, 1)$ ، ارزش در معرض خطر با اطمینان  $100(1-\alpha)\%$  به صورت ذیل تعریف گردیده است:

$$VaR_{(\alpha)}(X) = -q^{\alpha}(x)$$

که  $q^{\alpha}(x)$  بزرگترین صدک  $\alpha$  است :

$$q^{\alpha}(x) = \inf[X: P(X \leq x) > \alpha] \\ = \sup[x: p(X < x) \leq \alpha]$$

این تعریف نیز می تواند با عبارت  $q_{1-\alpha}(-x)$  بیان شود، یعنی کوچک ترین صدک  $(1-\alpha)$ . تحلیل گران مالی برای محاسبه VaR برای دوره های زمانی مد نظر، تقریباً و به طور ثابت در وهله اول  $N$  را مساوی یک ( $N=1$ ) قرار می دهند و فرض معمول به صورت ذیل است:

$$\text{ارزش در معرض خطر یک روزه} = \text{ارزش در معرض خطر دوره مورد نظر} \times \sqrt{N}$$

دلیل این امر آن است که داده ها یکی است و بدون واسطه، رفتار متغیرهای بازار در طول دوره های طولانی تر از یک روز وجود ندارد. بیان می گردد که اگر توزیع بازده ها نرمال باشد این فرمول دقیقاً درست و در سایر موارد تقریباً صحیح می باشد. (ALEXANDER, 2008)

در سنجه های ریسک بیان می شود که عموماً چهار گروه متدولوژی برای محاسبه ارزش در معرض خطر وجود دارد که عبارتند از متدولوژی پارامتریک، متدولوژی ناپارامتریک، متدولوژی شبه پارامتریک و سایر روشها. باید توجه داشت که هر یک از مدلها فوق بر اساس یکسری از مفروضات بنا خلق شده اند که از بین مدلها موجود در این تحقیق از گروه روش های اقتصاد سنجی جهت تعیین ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکت های سرمایه گذاری استفاده می گردد که در ذیل به صورت مختصر به آنها خواهیم پرداخت:

## ۲-۱-۱- گروه مدل‌های اقتصادسنجی

می‌دانیم که از مفروضات اساسی مدل رگرسیون خطی ثابت بودن واریانس آن می‌باشد، بنابراین برآورد کننده حداقل مربعات معمولی (OLS) دارای کارایی می‌باشد، اما دو ویژگی اساسی بازارهای مالی مانند واریانس ناهمسانی شرطی شوک‌های بازدهی و دیگری دنباله‌های پهن توزیع این بازدهی‌ها امکان استفاده از رگرسیون‌های خطی را از بین برده است. (چانگ و همکاران، 2005)، بنابراین برای توضیح این نوسانات ابتدا "توسط انگل (1982) مدل‌های تحت عنوان واریانس ناهمسانی شرطی خود رگرسیون (ARCH) و سپس توسط بلسلف (1986) مدل‌های تعمیم یافته خود رگرسیونی واریانس ناهمسان (GARCH) و همچنین مدل‌های مالی دیگری همچون (TGARCH)، (FGARCH)، (GJRARCH)، (IGARCH) و (EGARCH) وارد مباحث مالی گردید.

### ۲-۱-۱-۱- مدل‌های خود رگرسیونی واریانس ناهمسان (ARCH)<sup>2</sup>:

دیدگاه اساسی این گروه از مدل‌ها آن است که شوک‌های که به بازار وارد می‌شود، جملات اخلاص این شوک‌ها دارای همبستگی متوالی نیستند، ولی به طور غیر خطی با یکدیگر وابستگی دارند که این وابستگی را می‌توان از طریق یک تابع درجه دوم به صورت زیر نشان داد.

$$\varepsilon_t = \sigma_t v_t \quad v_t \sim \text{iid}(0,1)$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \dots + \alpha_q \varepsilon_{t-q}^2$$

که در تابع فوق  $\alpha_0 > 0$  و برای  $k \geq 1$  این فرایند با ARCH(q) نشان داده می‌شود و می‌تواند پدیده نوسانات خوشه‌ای را به خوبی توضیح دهد. روش کار به این صورت است که هرچه مقادیر شوک‌های گذشته  $\{\varepsilon_t - k\}_{k=1}^q$  بزرگتر باشند، واریانس شوک دوره نیز افزایش یافته و احتمال اینکه شوک دوره فعلی مقدار بزرگتری باشد را افزایش می‌دهد.

### ۲-۱-۱-۲- مدل‌های تعمیم یافته خود رگرسیونی واریانس ناهمسانی (GARCH)<sup>3</sup>:

با توجه به ویژگی‌های داده‌های مالی همانند دنباله‌های پهن توزیع<sup>4</sup> و دسته بندی نوسانات<sup>5</sup> از مدل‌های GARCH استفاده می‌گردد. بدلیل ضعف مدل ARCH بعلاوه آنکه برای محاسبه آن نیازمند تعداد زیادی پارامتر می‌باشیم و همچنین برای جلوگیری از منفی شدن مقادیر برآورد شده واریانس، بلسلف (1986)، مدل‌های GARCH را ارائه نمود که هر کدام از این مدل‌ها بر ویژگی‌های خاصی از داده‌های مالی تاکید دارند، مدل فوق به شرح زیر است:

$$\varepsilon_t = \sigma_t v_t \quad v_t \sim \text{iid}(0,1)$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{k=1}^q \alpha_k \varepsilon_{t-k}^2 + \sum_{k=1}^q \gamma_k \sigma_{t-k}^2$$

که در رابطه فوق  $\gamma_h$  را ضرایب GARCH گویند. در رابطه فوق  $\alpha_0 > 0$  ,  $\alpha_k \geq 0$  ,  $\beta_h \geq 0$  برای  $k \geq 1$  می باشد.

### ۲-۱-۳- مدل خود رگرسیونی مشروط بر ناهمسانی واریانس تعمیم یافته جامع<sup>۶</sup> IGARCH

این مدل زمانی مورد استفاده قرار می گیرد که، واریانس بلندمدت به علت ایستا نبودن سری بازده زمانی وجود ندارد. از آنجائیکه در سریهای زمانی مالی، نوسانات شرطی سازگار می باشند، بنابراین دخیل نمودن عبارت  $\alpha_0 + \alpha_1 \cong 1$  در مدل گارچ باعث تغییر رفتار واریانس شرطی شبیه به رفتار یک فرآیند ریشه واحد خواهد شد، در نتیجه واریانس شرطی دوره بعد عبارت است از مقدار واریانس شرطی دوره حال به اضافه یک مقدار جزء ثابت (مقدار واریانس غیر شرطی در این حالت بی نهایت خواهد بود). باید توجه نمود که برخلاف فرآیند نامانایی واقعی، خود رگرسیونی مشروط بر ناهمسانی واریانس شرطی دارای یک تابع نزولی هندسی از مقادیر حال و گذشته دنباله  $\varepsilon_t^2$  می باشد و در این حالت مدل IGARCH را می توان بصورت ذیل نوشت.

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \theta \varepsilon_{t-1}^2 + (1 - \theta) \sigma_{t-1}^2$$

### ۲-۱-۴- مدل خود رگرسیونی مشروط بر ناهمسانی واریانس تعمیم یافته نمایی<sup>۷</sup> EGARCH

در تعدادی از مطالعات انجام شده در بازارهای مالی این نتیجه حاصل شده است، که اتفاقات بد اثر بیشتری نسبت به حوادث خوب بر روی نوسانات قیمت سهام دارد و این موضوع باعث ایجاد یک همبستگی منفی بین بازدهی و تغییرات قیمتی آن سهم خواهد گردید<sup>۸</sup>. افرادی چون گلاستن، جگنزان و رانگل (۱۹۹۴) از طریق ایجاد یک مدل به بررسی اثرات متفاوت اخبار خوب و بد بر قیمت سهام پرداختند. آنها بیان نمودند که اگر  $\mu_{t-1} = 0$  را یک آستانه پایه در نظر بگیریم آنگاه می توان تفاوت اثرات شوکهای بزرگتر و همچنین کوچکتر از آستانه را بر تغییرات قیمتی سهام مورد بررسی قرار داد. یک مدل EGARCH به صورت ذیل می باشد:

$$\log(\sigma_t^2) = \omega + P \sum_{j=1}^q \beta_j \log(\sigma_{t-j}^2) + \sum_{i=1}^p \alpha_i \left| \frac{\varepsilon_{t-i}}{\sigma_{t-i}} - \sqrt{\frac{2}{\pi}} \right| + \sum_{k=h}^r \gamma \frac{\varepsilon_{t-k}}{\sigma_{t-k}}$$

### ۲-۱-۵- مدل خود رگرسیونی مشروط بر ناهمسانی واریانس تعمیم یافته مبتنی بر عدم تقارن<sup>۹</sup> (TGARCH)

این مدل توان تاثیرات اخبار خوب و بد را بر نوسانات بازدهی مدل سازی می نماید. عبارتی با استفاده از این مدل می خواهیم بدانیم که آیا همبستگی منفی شدیدی میان بازدهی در حال حاضر و نوسانات احتمالی آینده وجود دارد. مدل TGARCH مورد استفاده بصورت ذیل می باشد:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i \varepsilon_{t-1}^2 + \lambda \varepsilon_{t-1}^2 d_{t-1} + \sum_{j=1}^q \beta_j \sigma_{t-j}^2$$

پس اگر  $d_{t-1} \geq 0$  باشد، اثرات شوک های مثبت  $\varepsilon_{t-1}$  بر  $\sigma_t^2$  مساوی است با  $\alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2$  و اگر  $\varepsilon_{t-1} < 0$  باشد، در این حالت  $d_{t-1} = 1$  بوده و در نتیجه تاثیر اخبار بد ( $\varepsilon_{t-1}$ ) بر  $\sigma_t^2$  برابر است با  $\varepsilon_{t-1}^2 (\alpha_1 + \lambda_1)$ . یعنی اینکه اخبار بد دارای اثرات بیشتری نسبت به اخبار خوب بر بازدهی اوراق دارند.

### ۲-۱-۱-۶- مدل خود رگرسیون مشروط بر ناهمسانی واریانس<sup>10</sup> GJRARCH

گلستن در سال 1993 مدل GJRARCH را ارائه نمود، که از جمله مدل‌های نامتقارن می باشد و بر اساس رابطه زیر محاسبه می گردد:

$$\sigma_t^2 = \left( w + \sum_{j=1}^m \alpha_j v_{jt} \right) + \sum_{j=1}^q (\alpha_j \varepsilon_{t-j}^2 + \gamma_j I_{t-j} \varepsilon_{t-j}^2) + \sum_{j=1}^p \beta_j \sigma_{t-j}^2$$

که در تابع فوق  $Y_j$  همان اثرات اهرمی می باشد و همچنین در تابع فوق  $I$  برای مقادیر کوچکتر از  $\varepsilon$ ، مقدار یک را به خود اختصاص می دهد و در غیر اینصورت مساوی صفر می باشد. بنابراین می توان بیان نمود که میزان دقت پیش بینی این مدل بشدت تحت تاثیر نوع توزیع مورد استفاده قرار می گیرد. این قدرت پیش بینی از طریق رابطه ذیل بدست می آید:

$$\hat{P} = \sum_{j=1}^q \alpha_j + \sum_{j=1}^p \beta_j + \sum_{j=1}^q \gamma_j k$$

در فرمول فوق  $k$  عبارت است از ارزش مورد انتظار استاندارد شده  $\varepsilon_t$ ، برای مقادیر استاندارد شده کمتر از صفر. باید توجه داشت که اگر نوع توزیع متقارن باشد مقدار  $K$  برابر  $0.5$  خواهد بود.

### ۲-۲- پیشینه پژوهش

هرچند سرمایه گذاران قبل از مارکوینز در سرمایه گذاریهای خود به ریسک و بازده توجه داشتند، ولی تئوری پورترفوی به صورت کنونی به سال 1952 با ارائه اولین مقاله هری مارکوینز<sup>11</sup> پا به عرصه وجود گذاشت، که این مجموعه سرمایه گذاری با توجه به میزان ریسک دارای بالاترین بازده نیز می باشد. تحقیقات متفاوتی جهت تعیین میزان ریسک پرتفولیو با رشد و توسعه بازارهای پولی و مالی انجام شده است که به چند مورد از آن اشاره می گردد.

هر چند برای اولین بار عبارت ارزش در معرض ریسک در سال 1922 در بورس نیویورک و در نوشته های اساتیدی چون ری 1953 و تلسر 1955 نمایانگر شد، اما به شکل امروزی آن توسط بامول در سال 1963 با عنوان معیار حد اطمینان عایدی مورد انتظار مطرح گردید. در سال 2000 تحقیقی در

بازارهای مالی شش کشور آسیایی با استفاده از ارزش حدی برای محاسبه ارزش در معرض خطر انجام شد که نتیجه مطلوبی داشت. در سال 1999 سواندر در دانشگاه ایلینوس از طریق شبیه سازی تاریخی VaR را اندازه گیری نمود. برنز (2002) با استفاده از مدل‌های GARCH برای داده های روزانه شاخص S&P 500 برای 70 سال به تخمین VaR پرداخت و نتیجه گرفت که تخمین زن های GARCH در مقایسه با سایر مدلها به دلیل دقت و سازگاری سطح احتمال، عملکرد بهتری دارند. (مجله تحقیقات اقتصادی، شماره 86). در سال 2004 هفتر و رومباست در ارتباط با کارایی مدل‌های GARCH و مدل شبیه سازی مونت کارلو در ارتباط با محاسبه دقیق تر ارزش در معرض خطر تحقیقی را انجام دادند و به این نتیجه رسیدند که مدل‌های GARCH از کارایی بالاتری برخوردار می باشند. در سال 2006 سو و یو در تحقیقی نتیجه گرفتند که مدل‌های ریسک متریک<sup>12</sup> که فرض بر نرمال بودن توزیع بازدهی می گذارند از کارایی کمتری برخوردار می باشند.

در بازار سرمایه کشور ایران نیز در این ارتباط تحقیقاتی انجام شده است که هر کدام نسبت به دیگری نتایج متفاوتی را بیان نموده است، فدائی نژاد و اقبال نیا از دو روش میانگین موزون متحرک نمایی و میانگین متحرک ساده استفاده نمودند و به این نتیجه رسیدند که نتایج بدست آمده از هر دو روش در سطح اطمینان 95٪ قابل اتکاء بوده ولی در سطوح اطمینان بالاتر از قابلیت اتکا برخوردار نمی باشند. خالوزاده و امیری نیز در سال 1385 بیان نمودند که با استفاده از روش ارزش در معرض خطر می توان پرتفوی بهینه را در بورس اوراق بهادار تعیین نمود. (مجله تحقیقات اقتصادی، شماره 73). تحقیقی که در سال 1386 شاهرادی و زنگنه با استفاده از مدل‌های گروه ریسک متریسک برای پنج شاخص عمده انجام دادند، مشخص گردید که اولاً "واریانس ناهمسانی شرطی در بین داده های مالی مشاهده می گردد، و ثانياً" این تحقیق بر این موضوع تاکید دارد که این گروه از مدل ها رفتار میانگین و واریانس داده ها را به نحوه مطلوبی توضیح می دهند و فرض توزیع  $t$  بهبود قابل توجهی را در نتایج بدست آمده ایجاد خواهد نمود. (تحقیقات اقتصادی، شماره 86). در سال 1388 کشاورزحداد با همکاری صمدی به این نتیجه رسیدند که بهترین مدل در تخمین و پیش بینی تلاطم از توزیع نرمال و توزیع  $t$  پیروی می نماید. آنها همچنین نتیجه گرفتند که مدل FIGARCH در سطح معنی داری 2/5% بهترین عملکرد را در میان مدل‌های GARCH دارد. (مجله تحقیقات اقتصادی، شماره 86). سید رضا میر غفاری در سال 1389 در ارزیابی پرتفوی شرکتهای سرمایه گذاری از دو گروه روشهای GARCH و Risk Metrisk استفاده نمود و به این نتیجه رسید که امکان محاسبه VaR با روش GARCH با توجه به عدم وجود ناهمسانی واریانس در سری زمانی داده ها امکان پذیر نیست. بنابراین او از روش Risk Metrisk برای محاسبه VaR استفاده نمود.



### ۳- روش‌شناسی پژوهش

تحقیق حاضر از نظر ویژگی داده‌ها پس رویدادی<sup>13</sup> یا علی-مقایسه‌ای می‌باشد. از نظر انتخاب بهترین روش ارزیابی کننده پرتفوی سرمایه‌گذاری از دیدگاه ارزش در معرض خطر از نوع تحقیقات کاربردی بوده و ریسک و بازده پرتفوی از جمله متغیرهای این تحقیق هستند.

از آنجا که هدف اساسی این تحقیق بررسی و ارزیابی قدرت تبیین و پیش‌بینی مدل‌های خانواده GARCH در تعیین ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکت‌های سرمایه‌گذاری با مطالعه بیست و یک شرکت سرمایه‌گذاری می‌باشد، لذا برای جمع‌آوری منابع نظری از روش کتابخانه‌ای و برای جمع‌آوری داده‌های مورد نیاز جهت آزمون فرضیات از روش آرشویی و با مراجعه به سایت بورس اوراق بهادار اقدام لازم صورت گرفته است.

در این تحقیق ۲۱ شرکت سرمایه‌گذاری به دلیل اینکه دارای اطلاعات جامع‌تر و همچنین دارای میزان سرمایه قابل قبول در بازار سرمایه نسبت به سایر شرکت‌ها بودند، بعنوان جامعه آماری مورد بررسی قرار گرفتند. برای اینکه بتوانیم تخمین بهتری از مدل‌های ارزیابی کننده داشته باشیم، دوره زمانی را هشت سال (یعنی فاصله زمانی 1380 الی 1390) در نظر گرفتیم، و داده‌های این دوره در حدود 1911 داده بوده که 1000 داده برای برازش مدل و 911 داده برای ارزیابی مدل برازش شده مورد استفاده قرار گرفته است، که از طریق روش برش مقطعی طولی در یک برهه از زمان جمع‌آوری گردید. بنابراین به منظور اجرای این تحقیق وزن و اقلام تشکیل دهنده پرتفوی شرکت‌های سرمایه‌گذاری جامعه آماری جمع‌آوری و همچنین تغییرات وزنی و قیمتی آنها طی مدت زمان مذکور مشخص و در نتیجه بازده روزانه پرتفوی مورد نظر تحقیق آماده گردید.

برای سازماندهی داده‌ها و محاسبات ابتدایی بر روی داده‌های خام، از نرم افزار EXCEL و برای تحلیل داده‌ها و برازش مدل‌ها جهت تعیین ارزش در معرض خطر از نرم افزارهای Eviews و R استفاده و آنگاه نتایج همه مدل‌ها با یکدیگر مقایسه گردید و بهترین مدل‌ها به ترتیب اولویت برای ارزیابی پرتفوی در بازار سرمایه ایران معرفی شده است.

### ۴- فرضیه‌های پژوهش

- (۱) مدل‌های اقتصادسنجی توان تبیین ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکت‌های سرمایه‌گذاری را دارند.
- (۲) تفاوت معنی‌داری بین مدل‌های گوناگون اقتصادسنجی در ارزیابی میزان ارزش در معرض خطر پورتفوی وجود دارد.

## ۵- یافته های پژوهش

برای اینکه بتوانیم از مدلهای خانواده گارچ استفاده کنیم ابتدا می بایست سری داده های مورد بررسی از یک سری ویژگیهای برخوردار باشند، که در قسمت ذیل به آنها می پردازیم:

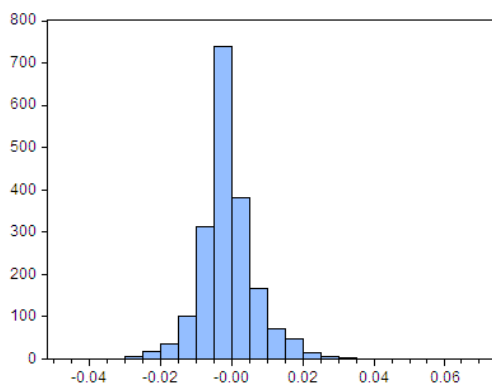
## ۵-۱- آزمون نرمال بودن سری زمانی

پس از بررسی بازده سری زمانی شرکتهای سرمایه گذاری جامعه آماری در دوره زمانی مورد بررسی ملاحظه گردید که بازده سری زمانی آنها دارای توزیع نرمال نبوده و دارای چولگی می باشد، که بعنوان نمونه توزیع بازده یکی از این شرکتهای (سرمایه گذاری بوعلی) در شکل زیر نشان داده شده است.

جدول (۱) آماره های توصیفی

نرخ بازدهی پرتفوی (RP)	آماره های توصیفی
-۰/۰۰	میانگین
۰/۰۷	کمترین
-۰/۰۵	بیشترین
۰/۰۱	انحراف معیار
۰/۶۲	چولگی
۹/۱۸	کشیدگی
۳۱۶۹(۰/۰۰)	آماره جارگ برا

شکل (۱) چگونگی توزیع بازده سری زمانی



بنابر این اگر به آماره جارگ- برا در جدول فوق توجه کنیم می بینیم که این آماره با معنی است، بنابراین فرض نرمال بودن سری بازده زمانی رد می شود.

## ۵-۲- آزمون پایایی سری زمانی

پایا بودن (پایایی) سری زمانی مورد استفاده در مدل‌هایی که جزو خانواده GARCH به شمار می‌آیند، بسیار مهم می باشد چرا که عدم بررسی این موضوع باعث می گردد که نتایج حاصل از برآوردها از اطمینان لازم برخوردار نباشند. بنابراین در مطالعه حاضر جهت بررسی پایایی نرخ بازدهی پرتفوی (RP) از دو آزمون دیکلی فولر تعمیم یافته (ADF) و آزمون فیلیپس- پرون (PP) استفاده می گردد. آزمون های ADF و PP داده ها را از لحاظ وجود یا عدم وجود ریشه واحد آزمون می نمایند. نتایج حاصل از دو آزمون فوق برای سریهای تحت بررسی مانایی همه آنها را در سطح یک درصد تأیید

نمودند و بعنوان نمونه آماره های آزمونهای فوق برای شرکت بو علی در جدول (2) و (3) نشان داده شده است. همانطور که از نتایج دو جدول فوق ملاحظه می شود، هر دو آزمون ADF و PP مانایی سری زمانی را در سطح یک درصد مورد تایید قرار می دهند و این بدان معنی است که گشتاورهای ثابتی برای بازده ها وجود داشته و بنابراین امکان وجود رگرسیون کاذب رد می گردد.

**جدول ۲- بررسی ایستایی نرخ بازدهی پرتفوی با استفاده از آزمون ADF**

متغیر	با عرض از مبدا	Prob	با عرض از مبدا و روند	Prob
RP	-13/25	0/00	-13/73	0/00

ماخذ: یافته‌های تحقیق

**جدول ۳- بررسی ایستایی نرخ بازدهی پرتفوی با استفاده از آزمون PP**

متغیر	با عرض از مبدا	Prob	با عرض از مبدا و روند	Prob
RP	-29/37	0/00	-29/15	0/00

ماخذ: یافته‌های تحقیق

### ۳-۵- مدل ARMA

این مدلها توسط باکس و جنکینز برای پیش بینی ارائه گردید که از نظر تکنیکی به مدل‌های  $ARIMA(p,d,q)$  شهرت یافته است. در این مدل ها فقط از وقفه های متغیر وابسته (AR) و میانگین متحرک (به عبارت دیگر جملات پسماند تخمینی در هر مرحله) (MA) استفاده می گردد. برای پیش بینی بر اساس روش مذکور اولین کاری که لازم است انجام گردد، تعیین پایایی یا ناپایایی سری ها و تعیین مرتبه تفاضلی آنها (d) می باشد. بر این اساس از آنجا که سری نرخ بازدهی پرتفوی در سطح ایستا قرار دارد ( $d=0$ ) پس مدل  $ARIMA(p,0,q)$ ، مدل مناسبی برای برآورد سری تحت بررسی به شمار می رود. در ادامه بحث پس از تعیین رتبه مانایی (d)، لازم است تا با استفاده از یکی از معیارهای شوارتز-بیزین (SBC)، آکائیک (AIC) و یا حنان کوئین (HIQ) طول وقفه AR و MA و یا به عبارت دیگر p و q برای تخمین معادله میانگین مشخص گردد، تا از آن در مراحل بعدی جهت برآورد انواع مدل GARCH استفاده شود. برای تعیین درجه p و q به طور معمول ابتدا "برای آنها مقدار ماکزیممی برابر 3 در نظر گرفته می شود و بر اساس آن مدل‌های مختلف GARCH برآورد می گردد. سپس با توجه به نتایج معیارهای بیان شده از میان حالت‌های مختلف، مدلی که دارای کمترین مقدار از هر کدام از سه معیار فوق باشد، انتخاب خواهد شد. بر این اساس با توجه به ویژگیهای معیار SBC که سبب اعمال محدودیت های کمتری بر مدل نسبت به دو معیار دیگر می گردد، از این معیار جهت تعیین درجه p و

q برای مدل ARIMA استفاده شده است. لذا با توجه به مطالب عنوان شده با توجه به درجات مختلف p و q، 16 مدل برای سری نرخ بازدهی پرتفوی برآورد شده است که نتایج مربوط به آن در جدول (4) ارائه گردیده است. با توجه به نتایج جدول فوق، با استفاده از معیار SBC از میان مدل های مختلف تحت بررسی، فرآیند  $ARIMA(2,0,1)$  به عنوان بهترین مدل انتخاب گردید تا از آن در مراحل بعدی مربوط به برآورد انواع مدل GARCH استفاده گردد. جدول (5) نتایج حاصل از برآورد الگوی  $ARIMA(2,0,1)$  را نشان می دهد.

جدول ۴- نتایج حاصل از انتخاب الگوی مناسب ARIMA

P	۰	۱	۲	۳
۰	-7/628	-7/947	-7/956	-7/960
۱	-7/852	-7/965	-7/973	-7/967
۲	-7/911	-7/972	-7/973	-7/965
۳	-7/919	-7/971	-7/965	-7/968

ماخذ: یافته‌های تحقیق

جدول ۵- نتایج حاصل از برآورد الگوی  $ARIMA(2,0,1)$

متغیر	ضریب	آماره t	Prob
Intercept	0/00	-2/64	0/00
AR(1)	1/26	24/69	0/00
AR(2)	-0/30	-7/98	0/00
MA(1)	-0/81	-19/77	0/00

ماخذ: یافته‌های تحقیق

#### ۵-۴- آزمون ضریب لاگرانژ (LM):

به هنگام استفاده از الگوهای ناهمسانی واریانس شرطی علاوه بر پایا بودن سری زمانی، باید از ثابت و یا متغیر بودن واریانس جمله خطا و یا به عبارت دیگر از اثر ARCH نیز آگاهی یافت. به منظور اطمینان خاطر از وجود اثر ARCH در سریهای زمانی به طور معمول از آزمون ضریب لاگرانژ استفاده می گردد. بر این اساس به منظور بررسی ثابت و یا متغیر بودن واریانس جمله خطای سری زمانی نرخ بازدهی پرتفوی، آزمون فوق بر روی پسماندهای این سری با اعمال سه وقفه انجام شد. که با توجه به آماره محاسباتی آزمون LM، فرض صفر مبنی بر عدم وجود اثرات ARCH در سری تحت بررسی رد

شده و فرضیه مقابل آن مبنی بر وجود اثرات ARCH در سری تحت بررسی پذیرفته می‌شود و این بدان معنی است که واریانس جمله خطا ناهمسان بوده و ثابت نیست.

### ۵-۵- برآورد مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن

بعد از تعیین درجه  $p$  و  $q$  برای مدل ARIMA و همچنین حصول اطمینان نسبت به وجود پدیده ناهمسانی واریانس شرطی یا اثر ARCH، گام بعدی در فرآیند برآورد مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن تعیین درجه مناسب  $(p, q)$  برای الگوی GARCH می‌باشد. بدین منظور جهت تعیین الگوی مناسب لازم است، همانند الگوی ARIMA انواع مختلف الگوی GARCH بر حسب  $p$  و  $q$  های مختلف مورد برآورد قرار گیرد و سپس با توجه به سه معیار اشاره شده در قسمت قبل الگوی مناسب تعیین گردد. در این قسمت نیز همانند قسمت قبل با توجه به ویژگی‌های اشاره شده در مورد معیار SBC نسبت به دو معیار AIC و HIQ از این معیار جهت تعیین وقفه بهینه الگوی GARCH استفاده می‌نمائیم. جدول (6) نتایج حاصل از بررسی درجات مختلف  $p$  و  $q$ ، را با توجه به معیار SBC نشان می‌دهد. همانگونه که از نتایج جدول فوق مشخص است با توجه به درجات مختلف، 16 مدل برآورد شده است که در نهایت با توجه به معیار SBC الگوی GARCH(3,3) به عنوان بهترین مدل انتخاب گردید.

جدول ۶- نتایج حاصل از انتخاب الگوی مناسب GARCH

	3	2	1	0	$\frac{p}{q}$
	-7/985	-7/959	-7/962	-	0
	-8/235	-8/231	-8/223	-8/125	1
	-8/233	-8/230	-8/219	-8/125	2
	-8/248	-8/243	-8/233	-8/151	3

ماخذ: یافته‌های تحقیق

با توجه به نتایج به دست آمده، در ادامه مدل GARCH و همچنین چهار مدل از خانواده GARCH شامل EGARCH، IGARCH، TGARCH و GJRARCH برآورد گردیده است. نتایج مربوط به برآورد مدل GARCH بعنوان نمونه در جدول شماره 6 آمده است.

بررسی اطلاعات جداول نشان می‌دهد که در اکثر الگوهای برآوردی ضرایب در سطوح بالایی از معنی دار قرار دارند. همچنین Nyblom stability test ثبات و پایداری روابط و پارامترهای برآورد شده را در همه الگوها به جز الگوی GJRARCH (البته در این نمونه) تأیید می‌نماید. بالا بودن مقدار  $\beta$  در الگوها بدان معنی است که اثرات شوکهای بازار پایدار بوده و تغییرات در این شوکها نیازمند گذشت

زمان زیادی است، و بالا بودن  $\alpha$  بدان معنی است که عکس العمل پارامترها در مقابل شوکها پر تلاطم بوده و سریعاً نسبت به آنها واکنش نشان می‌دهد.

نتایج حاصل از Sign Bias Tests اگر چه در همه الگوهای مورد استفاده برای این شرکت و سایر شرکتهای جامعه آماری بیانگر آن است که، شوک های منفی بازار اثر معنی داری بر نرخ بازدهی پرتفوی تحت بررسی نداشته اند، با این وجود آزمون فوق در الگوی GJRGARCH در تعدادی از شرکتهای بیان گر آن است که اثر شوک های مثبت بر نرخ بازدهی پرتفوی مثبت بوده است. این موضوع می‌تواند بیانگر آن باشد که پرتفوی این شرکتهای بیشتر از اطلاعات و شوک های مثبت تاثیر پذیرفته است، تا اطلاعات و شوک های منفی. البته با توجه به عدم ثبات پارامترهای برآورد شده در الگوی GJRGARCH تاثیر شوک های مثبت بر پرتفوی تحت بررسی را باید با احتیاط نگریست.

با توجه به الگوهای برآوردی فوق، شاخص نوسانات به آن دلیل که در محاسبه ارزش در معرض خطر مورد استفاده قرار می‌گیرد برای همه شرکتهای تحت بررسی استخراج و مدل سازی شده است، نتایج مربوط به شرکت بوعلی جهت برآورد مدل شاخص نوسانات بعنوان نمونه در جدول شماره 7 آورده شده است و برای سایر مدلها تنها مدل شاخص نوسانات ارائه شده است.

جدول ۷- نتایج مربوط به برآورد الگوی GARCH

Nyblom stability test*	Prob	آماره t	ضرایب	متغیرها
0/25	0/00	4/89	0/00	omega
0/08	0/00	6/58	0/24	Alpha1
0/10	0/04	1/89	0/02	Alpha2
0/08	0/70	0/66	0/00	Alpha3
0/17	0/02	2/33	0/15	Beta1
0/19	0/99	0/00	0/00	Beta2
0/16	0/00	5/24	0/35	Beta3
0/09	0/00	41/16	1/07	Skew

Sign Bias test	
prob	آماره t
0/62	0/50
0/61	0/51
0/50	0/67
0/87	0/72

ماخذ: یافته‌های تحقیق \*مقادیر بحرانی Nyblom stability test در سطح یک درصد 0/75 می‌باشد.

با توجه به نتایج حاصل از تخمین مدل GARCH، می‌توان شاخص نوسانات جهت برآورد VaR را براساس رابطه زیر بیان نمود:

$$\sigma_t^2 = 0.00 + 0.15\sigma_{t-1}^2 + 0.00\sigma_{t-2}^2 + 0.35\sigma_{t-3}^2 + 0.24\varepsilon_{t-1}^2 + 0.02\varepsilon_{t-2}^2 + 0.00\varepsilon_{t-3}^2$$

#### ۵-۶- مدل EGARCH

با توجه به نتایج حاصل از تخمین مدل EGARCH، می‌توان شاخص نوسانات جهت برآورد VaR را براساس رابطه زیر بیان نمود:

$$\log(\sigma_t^2) = -1/29 + 0.44\sigma_{t-1}^2 + 0.00\sigma_{t-2}^2 + 0.45\sigma_{t-3}^2 - 0.03z_{t-1} - 0.05z_{t-2} - 0.01z_{t-3} + 0.47(|z_{t-1}| - E|z_{t-1}|) - 0.04(|z_{t-2}| - E|z_{t-2}|) - 0.03(|z_{t-3}| - E|z_{t-3}|)$$

#### ۵-۷- مدل IGARCH

با توجه به نتایج حاصل از تخمین مدل IGARCH، می‌توان شاخص نوسانات جهت برآورد VaR را براساس رابطه زیر بیان نمود:

$$\sigma_t^2 = 0.00 + 0.23\sigma_{t-1}^2 + 0.00\sigma_{t-2}^2 + 0.41\sigma_{t-3}^2 + 0.37\varepsilon_{t-1}^2 + 0.00\varepsilon_{t-2}^2 + 0.00\varepsilon_{t-3}^2$$

#### ۵-۸- مدل TGARCH

با توجه به نتایج حاصل از تخمین مدل TGARCH، شاخص نوسانات جهت برآورد VaR بر اساس رابطه زیر بیان می‌شود:

$$\sigma_t = 0.00 + 0.17\sigma_{t-1} + 0.00\sigma_{t-2} + 0.47\sigma_{t-3} + 0.23\sigma_{t-1}(|z_{t-1}| - 0.05(z_{t-1})) + 0.03\sigma_{t-2}(|z_{t-2}| - 0.17(z_{t-2})) + 0.03\sigma_{t-3}(|z_{t-3}| + 0.21(z_{t-3}))$$

#### ۵-۹- مدل GJRGARCH

با توجه به نتایج حاصل از تخمین مدل GJRGARCH، شاخص نوسانات جهت برآورد VaR به قرار زیر است:

$$\sigma_t^2 = 0.00 + 0.71\sigma_{t-1}^2 + 0.23\sigma_{t-2}^2 + 0.03\sigma_{t-3}^2 + 0.03\varepsilon_{t-1}^2 + 0.01\varepsilon_{t-2}^2 + 0.01\varepsilon_{t-3}^2 + 0.20I_{t-1}\varepsilon_{t-1}^2 - 0.15I_{t-2}\varepsilon_{t-2}^2 - 0.11I_{t-3}\varepsilon_{t-3}^2$$

$$I_{t-1} = \begin{cases} 1 & \text{if } \varepsilon_{t-1} < 0 \\ 0 & \text{if } \varepsilon_{t-1} \geq 0 \end{cases}$$

## ۱۰-۵- انتخاب الگوی مناسب از میان مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن

با توجه به پنج الگوی برآورد شده در قسمت قبل در ادامه باید از میان الگوهای فوق الگوی مناسب به منظور برآورد VaR انتخاب گردد. بر این اساس جهت دسترسی به این هدف از دو معیار SBC و Shibata استفاده شده است. نتایج حاصل از دو معیار فوق در الگوهای تحت بررسی در جدول (8) ارائه شده است. همانگونه که نتایج حاصل از جدول فوق نشان می‌دهد با استفاده از دو معیار SBC و Shibata از میان پنج الگوی برآورد شده، EGARCH مدل مناسب تری جهت برآورد VaR می‌باشد.

جدول ۸- انتخاب الگوی مناسب از میان مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن

معیار		مدل
SBC	Shibata	
-8/312	-8/347	GARCH
-8/328	-8/372	EGARCH
-8/305	-8/337	IGARCH
-8/317	-8/370	TGARCH
-8/274	-8/328	GJRGARCH

ماخذ: یافته‌های تحقیق

## محاسبه ارزش در معرض خطر (VAR)

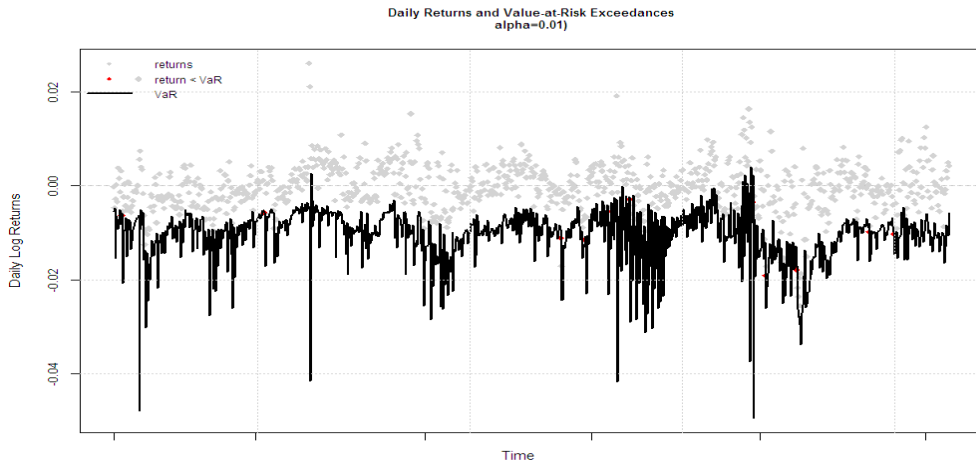
با محاسبه شاخص نوسانات و یا به عبارت دیگر  $\sigma_p$  برای انواع الگوهای GARCH و سپس انتخاب مدل EGARCH به عنوان مدل مناسب (در این شرکت) جهت محاسبه VaR، می‌توان از شاخص نوسانات مدل EGARCH جهت محاسبه ارزش در معرض خطر درصدی یا همان ارزش در معرض ریسک درصدی روزانه (VAR) در سطوح اطمینان مختلف شامل 99%، 95% و 90% استفاده نمود. برای این منظور می‌توان از رابطه زیر استفاده نمود.

$$VAR = (h\mu - \sqrt{h}\sigma_p z_\alpha)$$

در رابطه فوق  $Z_\alpha$  نشان دهنده مقدار بحرانی توزیع نرمال،  $\sigma_p$  شاخص نوسانات محاسبه شده از مدل EGARCH و سایر مدلها،  $h$  دوره زمانی (یک روزه) و  $\mu$  میانگین میانگین بازدهی روزانه پرتفوی می‌باشند. برای درک بهتر از کارکرد VaR، ارزش در معرض ریسک نرخ بازدهی پرتفوی برای دوره زمانی 1383/01/09 الی 1390/03/12 با استفاده از رابطه VaR و شاخص نوسانات مدل EGARCH در سطوح اطمینان 99%، محاسبه و در شکل (2) ارائه شده است. در نمودار فوق نقطه سفید رنگ نشان دهنده نرخ بازدهی پرتفوی بوده و خط پیوسته سیاه رنگ



نمایانگر VaR می باشد. همچنین در نمودار فوق نقطه قرمز رنگ بیانگر نرخ های بازدهی پرتغوی کوچک تر از VaR می باشد.



شکل (2) - محاسبه ارزش در معرض ریسک الگوی EGARCH در سطح اطمینان 99%

ماخذ: یافته‌های تحقیق

### اعتبارسنجی مدل

بمنظور اعتبار سنجی و تعیین میزان قدرت مدل‌های پیش بینی و همچنین محاسبه کننده ارزش در معرض خطر جهت بررسی فرضیات اول و دوم از آزمون های کوپیک و کریستوفرسن و همچنین برای بررسی فرضیه سوم از آماره آزمون لوپز استفاده می نمائیم. نسبت کوپیک دارای توزیع کای دو با یک درجه آزادی بوده و در صورتی که آماره آزمون محاسبه شده از توزیع کای دو با یک درجه آزادی و در سطح خطای مورد نظر کمتر باشد می توان ادعا نمود، که مدل از اعتبار مناسب در پیش بینی VaR برخوردار است. (Kupiec, 1995).

بنابراین اگر به جدول شماره 9 آزمون کوپیک برای شرکت سرمایه گذاری بوعلی نگاهی بیندازیم، ملاحظه خواهیم نمود که در سطح اطمینان 99% و 95% مدل EGARCH در پیش بینی ارزش در معرض خطر، بترتیب 9 و 45 مورد انتظار شکست را داشته، ولی شکست واقعی 12 و 51 مورد بوده است. هر چند تعداد شکستها از مقدار پیش بینی شده بیشتر است ولی از لحاظ آماری معنادار نیست، و در نتیجه می توان بیان نمود که مدل EGARCH در تعیین ارزش در معرض خطر موفق بوده است. اما در سطح اطمینان 90% هر چند شکست های واقعی از مورد انتظار کمتر است، اما از لحاظ آماری این

میزان اختلاف، معنادار بوده بنابراین می‌توان بیان نمود که این مدل در این سطح از اطمینان، پیش‌بینی مطلوبی ارائه نکرده است.

جدول ۹- آزمون کوپیک برای ارزش در معرض خطر یک روزه

مدل	سطوح اطمینان	مورد انتظار	واقعی	آماره LR	$\chi^2(x)$	نتایج آزمون
EGARCH	%99	9	12	0/84	6/635	قبول
	%95	45	51	0/66	3/841	قبول
	%90	91	75	3/34	2/706	غیر قابل قبول

ماخذ: یافته‌های تحقیق

آزمون کریستوفرسن استقلال شکست‌ها و پیروزی‌ها را از یکدیگر نشان می‌دهد، عبارتی نشان می‌دهد که شکست‌ها و پیروزی‌ها ارتباطی با یکدیگر دارند و یا ندارند. بنابراین اگر آماره محاسبه شده توسط این آزمون از آماره مقدار بحرانی کای دو در سطح اطمینان مورد نظر کمتر باشد، نشان دهنده این موضوع است که شکست‌ها و پیروزی‌ها از یکدیگر مستقل می‌باشند. در جدول ذیل بعنوان نمونه مقادیر محاسبه شده آزمون کریستوفرسن برای شرکت بوعلی آورده شده است.

جدول ۱۰- آزمون کریستوفرسن برای ارزش در معرض ریسک یک روزه

مدل	سطوح اطمینان	آماره LR	$\chi^2(x)$	نتایج آزمون
EGARCH	%99	1/16	9/21	قبول
	%95	0/98	5/991	قبول
	%90	4/63	4/605	غیر قابل قبول

ماخذ: یافته‌های تحقیق

اگر به نتایج این آزمون نیز نگاهی بیندازیم، ملاحظه خواهیم نمود که در سطوح اطمینان %99 و %95 آماره آزمون محاسبه شده از آماره مقادیر بحرانی کمتر است و این موضوع نشان دهنده آن است که شکست‌ها و پیروزی‌ها از یکدیگر مستقل می‌باشند، هر چند در سطح %90 این موضوع رد می‌گردد، ولی با کمی اغماض در این سطح نیز می‌توانیم آنرا قبول کنیم. چرا که دو آماره اختلاف چندانی با یکدیگر ندارند.

باید بیان نمود که مراحل انجام شده برای شرکت سرمایه گذاری بوعلی برای همه شرکتهای تحت بررسی انجام شده است که با توجه به حجم بالای مطالب امکان ذکر همه آنها در متن این مقاله وجود ندارد، اما برای اینکه این تحقیق بتواند به هدف خود دست پیدا کند، ما پس از بررسی همه شرکت های جامعه آماری از لحاظ مانای بازده سری زمانی، برازش مدل **ARIMA** جهت انتخاب الگوی مناسب، آزمون ضریب لاگرانژ جهت آگاهی از وجود اثر ARCH (ثابت یا متغییر بودن واریانس جمله خطا)، برآورد مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن بر حسب  $p$  و  $q$  های مختلف و انتخاب الگوی مناسب بر اساس سه معیار شوارتز-بیزین (SBC)، آکائیک (AIC) و یا حنان کوئین (HIQ) و برآورد شاخص نوسانات مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن، انتخاب الگوی مناسب از میان مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن جهت محاسبه VaR با استفاده از دو معیار SBC و Shibata و همچنین آزمون کوپیک و کریستوفرسن برای همه شرکت ها با استفاده از مدل بهینه انتخاب شده، می توانیم به آزمون فرضیات بپردازیم:

## ۶- نتایج آزمون فرضیات

### ۶-۱- آزمون فرضیه اول

**فرضیه اول:** مدل‌های اقتصادسنجی توان تبیین ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکتهای سرمایه گذاری را دارند.

پس از بررسی نتایج برآوردهای ارزش در معرض خطر مدل GARCH و الگوهای منشعب از آن جهت محاسبه VaR، می توان بیان نمود که همه مدل‌های که بر اساس راهکارهای انتخاب مدل بهینه مورد استفاده قرار گرفته اند در سطح اطمینان 0/99 درصد قادر به پیش بینی درست بودند، یعنی از آزمون کوپیک سربلند بیرون آمده اند، بنابراین قدرت تعیین ارزش در معرض خطر این مدل‌ها در این سطح مورد تأیید می باشد. اما در سطح اطمینان 0/95 تنها پنج شرکت از این آزمون سربلند بیرون نیامدند، چرا که این مدل‌ها VaR را بیشتر در نظر گرفته بودند (VaR را دست بالا در نظر گرفته بودند) بنابراین می توان نتیجه گرفت که در این سطح از اطمینان مدل گارچ و الگوهای منشعب از آن جهت محاسبه VaR در پیش بینی نیز موفق بوده اند، اما در سطح اطمینان 0/90 این مدل‌ها برای 11 شرکت VaR را بالاتر و برای 9 شرکت VaR را دست پائین برآورد نمودند و تنها یک شرکت این آزمون را با موفقیت پشت سر گذاشت. با توجه به نتایج بدست آمده می توان عنوان نمود که مدل‌های اقتصادسنجی توان تبیین ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکت های سرمایه گذاری را دارند.

## ۶-۲- آزمون فرضیه دوم

**فرضیه دوم:** تفاوت معنی داری بین مدل‌های گوناگون اقتصاد سنجی در ارزیابی میزان ارزش در معرض خطر پورتفوی وجود دارد.

با توجه به پنج الگوی برآورد شده به منظور پیش بینی VaR بر اساس دو معیار Shibata و SBC مدل EGARCH مدل مناسب تری جهت برآورد VaR می باشد. عبارت دیگر از بین 21 شرکت جامعه آماری برای محاسبه ارزش در معرض خطر مدل EGARCH در 17 مورد بعنوان بهترین مدل و مدل‌های GARCH، JGARCH، TGARCH، GJRARCH به ترتیب مقادیر 1، 0، 2 و 1 را به خود اختصاص دادند. همچنین با توجه به مقادیر کوپیک و کریستوفرسن مدل EGARCH در تعیین ارزش در معرض خطر در سطوح اطمینان 99% و 95% عملکرد بهتری را نسبت به سایر مدل‌های GARCH داشته است. پس می توانیم بیان کنیم که همه روش‌های ارزیابی کننده گروه اقتصاد سنجی ارزیابی یکسانی را از ارزش در معرض خطر ارائه نمی نمایند. بنابراین فرضیه دوم تأیید می گردد یعنی اینکه تفاوت معنی داری بین مدل‌های گوناگون اقتصاد سنجی در ارزیابی میزان ارزش در معرض خطر پورتفوی وجود دارد.

## ۷- نتیجه گیری و بحث

در این مقاله به این موضوع پرداختیم، که آیا مدل اقتصاد سنجی و الگوهای منشعب از آن توان تعیین ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکتهای سرمایه گذاری فعال در بازار سرمایه کشور را دارا می باشند. از آنجائیکه ناهمسانی واریانس در بازارهای مالی وجود دارد، هر یک از مدل‌های اقتصاد سنجی با توجه به میزان توانائی و نوع کارآیی خود قادرند که ارزش در معرض خطر پرتفوی شرکتهای سرمایه گذاری را تعیین نمایند. از بین پنج مدل مورد استفاده، مدل EGARCH از بیشترین قدرت تبیین برخوردار بوده (17 مورد) و مدل TGARCH تنها در دو مورد از 21 مورد موفق بوده است. بنابراین می توان بیان نمود که این مدلها از کارآیی لازم برخوردار بوده و همچنین قدرت تبیین آنها در تعیین ارزش در معرض خطر یکسان نیست.

## فهرست منابع

\* اندرز، والتر، (1386)، "اقتصاد سنجی سری های زمانی"، جلد اول، چاپ دوم، ترجمه مهدی صادقی شاهدانی، سعید شوال پور، تهران، انتشارات دانشگاه امام صادق.

- \* التون، ادوین و همکاران، (1391)، "نظریه جدید سبد دارایی و تحلیل سرمایه گذاری"، جلد اول، چاپ اول، ترجمه علی سوری، تهران، پژوهشکده پولی و بانکی.
- \* دلاور، علی، (1384)، "مبانی نظری و عملی در علوم انسانی و اجتماعی"، چاپ چهارم، تهران، انتشارات رشد.
- \* رادپور، میثم و عبده تبریزی، حسین، (1388)، "اندازه گیری و مدیریت ریسک بازار"، چاپ اول، تهران، موسسه انتشارات آگاه، پیشبرد.
- \* راعی، رضا، تلنگی، احمد، (1384)، "مبانی مهندسی مالی و مدیریت سرمایه گذاری"، انتشارات سمت.
- \* رایلی، فرانک کی، براون، کیت سی، (1384) "تجزیه و تحلیل سرمایه گذاری و مدیریت سبد اوراق بهادار"، ترجمه اسلامی بیدگلی، غلامرضا و دیگران، چاپ اول، تهران، انتشارات دانشکده امور اقتصادی.
- \* رهنمای رودپشتی، فریدون و همکاران، (1389) "ریاضیات مالی و سرمایه گذاری"، چاپ اول، تهران، انتشارات ترمه.
- \* شاهمرادی، اصغر، زنگنه، محمد، (1385)، "محاسبه ارزش در معرض خطر برای شاخص های عمده بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از روش پارامتریک".
- \* هاگن، رابرت، (1384)، "تئوری نوین سرمایه گذاری"، ترجمه پارسائیان و بهروز خدا رحمی، جلد اول و دوم، چاپ اول، تهران، انتشارات ترمه.
- \* کشاورز حداد، غلامرضا، صمدی، باقر، (1388)، "برآورد و پیش بینی تلاطم بازدهی در بازار سهام تهران و مقایسه دقت روش ها در تخمین ارزش در معرض خطر: کاربردی از مدل های خانواده FIGARCH"، مجله تحقیقات اقتصادی، بهار 88، شماره 86.
- \* Alexander, Carol, (2008), Market Risk Analysis: Value at Risk Models, Volue IV, John Wiley & Sons, Ltd.
- \* Andersson, F., Mausser, H., Rosen, D., and Uryasev, S., (2001), "Credit risk optimization with conditional Value-at-Risk criterion, Mathematical Programming", 89, 273-291
- \* Baillie, R., Bollerslev, T. and Mikkelsen, H. (1996), "Fractionally Integrated Generalised Autoregressive Conditional Heteroscedasticity". Journal of Econometrics.
- \* Breitner, h. Luedtke, c. Mettenheim, H. Rosch, D. Sibbertsen. And Tymchenko, G " Modeling portfolio Value at Risk with Statistical and Neural Network Approaches" In statute for Information Systems Reserch, the Univercity of Hannover, Germany.
- \* Christoffersen, P. F. (1998), "Evaluating interval forecasts" International Economic Review.

- \* Diamandis, p. Anastassios, D. Kouretas, G. and Zarangas, L, (2011), " value- at –Risk for long and short trading positions: Evidence from developed and emerging equity markets" International Review of Financial Analysis".
- \* Engle, R. F, (1982), "Autoregressive conditional heteroscedasticity with estimates of the variance of united kingdom inflation".Econometrica.
- \* Frylewicz, p, (2007), " Financial time series, ARCH AND GARCH Madels" University of Bristol.
- \* Gregoriou, Greg.N, (2009), The VaR Implementation Handbook, Volue I, McGraw-Hill, Inc.
- \* Kraus, A. and Litzenberger, R,(1976),"Skewness Preferences and Valuation of RISK Assets".Journal of Finance,30,1080-1100
- \* Kupice, P,(1995), "Techniques for verifying the accuracy of risk measurement models" . Journal of Derivatives, Volue3.
- \* Longin, L, (1999), " From Value at Risk to Stress testing: The extreme Value approach" Journal of Banking &Finance, 1097-1130
- \* Nelson, D, (1991), "Conditional Heteroscedasticity in asset returns: A new approach". Econometric 59, 342-370

## یادداشت‌ها

1) Value at risk

2) Autoregressive Conditional Heteroskedastic

3) Generalized Autoregressive Conditional Heteroskedastic

<sup>4</sup> سری های زمانی که توزیعی با دنباله پهن دارند دارای توزیعی کشیده تر می باشند.

<sup>5</sup> ویژگی دسته بندی نوسانات بدین معنی است که تغییرات بزرگ بدنیاال تغییرات بزرگ حرکت می نمایند و تغییرات کوچک بدنیاال تغییرات کوچک.

6) Integrated GARCH

7) Exponential GARCH(EGARCH)

8) این همبستگی منفی را اثر اهرمی گویند. یعنی اینکه هنگامی بازده سهم در حال کاهش است، قیمت آن در حال افزایش می باشد.

9) Threshold GARCH (TGARCH)

10) Glosten, Jajannathan and Runkle GARCH

11) Markowitz

12) Risk Metrics

13) ex post factor