

چشم‌انداز مدیریت صنعتی

شماره ۱۰ - تابستان ۱۳۹۲

ص ص ۸۴ - ۵۷

## طراحی مدل تلفیقی تصمیم‌گیری چند معیاره فازی جهت انتخاب طرح جانمایی تسهیلات

احمد توکلی\*، علیرضا پویا\*\*، سید جواد علوی طبری\*\*\*

### چکیده

جانمایی تسهیلات مسئله‌ای است که به نحوه‌ی چیدمان دپارتمان‌ها در منطقه کاری می‌پردازد. در این مقاله ابتدا به شناسایی معیارهای مؤثر در ارزیابی طرح‌های چیدمان پرداخته شد. همچنین یک روش تلفیقی تصمیم‌گیری چندمعیاره فازی برای انتخاب طرح چیدمان مطلوب ارائه شد. به‌کارگیری نظریه مجموعه‌های فازی به دلیل توانایی بیشتر در بیان مقادیر غیردقیق معیارهای کیفی باعث افزایش کیفیت طرح چیدمان خواهد شد. در این روش از AHP گروهی فازی برای تعیین مقادیر عملکردی طرح‌های چیدمان با توجه به معیارهای کیفی، از آن‌روپی شانون برای تعیین وزن معیارها و از تاپسیس برای رتبه‌بندی نهایی طرح‌های چیدمان استفاده شد. در روش حاضر معیارهای کمی و کیفی به صورت همزمان در نظر گرفته شده است و عملکرد طرح‌های چیدمان برای معیارهای کیفی به صورت فازی در نظر گرفته می‌شوند. همچنین طرح بهینه به طور موزون اما بدون در نظر گرفتن اهمیت نسبی بین معیارها از طریق نظر مستقیم خبرگان، انتخاب می‌شود. برای بررسی روش پیشنهادی، این روش در یک مطالعه موردی در شرکت مشهدپانل به کار گرفته شد.

**کلیدواژه‌ها:** انتخاب طرح چیدمان تسهیلات؛ تصمیم‌گیری چندمعیاره فازی؛ AHP گروهی فازی؛ آن‌روپی شانون؛ تاپسیس.

---

تاریخ دریافت مقاله: ۹۱/۱/۳۱، تاریخ پذیرش مقاله: ۹۲/۶/۲.

\* استادیار، دانشگاه فردوسی مشهد.

\*\* استادیار، دانشگاه فردوسی مشهد.

\*\*\* کارشناسی ارشد، دانشگاه فردوسی مشهد (نویسنده مسئول مقاله).

E-mail: SeyedJavad.AlaviTabari@Gmail.com

## ۱. مقدمه

مسئله چیدمان تسهیلات به عنوان یک اصل کلیدی برای بهبود بهره‌وری کارخانه در نظر گرفته می‌شود و هدف از آن رسیدن به اثربخش‌ترین ترتیب ماشین‌آلات یا ایستگاه‌های کاری است، به طوری که محصولات در حداکثر بهره‌وری و سودآوری تولید شوند. طبق نظر یانگ و هانگ [۳۴] مسئله طراحی چیدمان را می‌توان به عنوان یک موضوع استراتژیک در نظر گرفت که تأثیر بسزایی در عملکرد سیستم تولیدی خواهد داشت. تصمیم‌گیری در مورد طراحی استقرار بر جریان مواد، هزینه‌های حمل‌ونقل و نگهداری، کارایی تجهیزات، بهره‌وری کارخانه، مؤثر بودن کارکنان و مدیریت تأثیر می‌گذارد. هر طراحی استقرار باید رسیدن به هدف یا اهداف خاصی را ممکن کند. طراحی استقرار معمولاً برای کمینه کردن یک معیار، مثل زمان جابه‌جایی کل، هزینه‌ها یا تأخیرها، یا بیشینه کردن معیاری دیگر، مثل کیفیت یا انعطاف‌پذیری، برنامه‌ریزی می‌شود [۴]. برنامه‌ریزی تسهیلات ممکن است بین ۱۰ تا ۳۰ درصد هزینه عملیاتی را از طریق تأثیرگذاری بر سیستم‌های جابه‌جایی مواد، نیروی انسانی و ... کاهش دهد [۵]. در رویکرد طراحی چیدمان، مجموعه‌ای از معیارهای کمی و کیفی تأثیرگذارند. برخی الگوریتم‌ها تنها داده‌های کمی را می‌پذیرند و برخی دیگر فقط از داده‌های کیفی استفاده می‌کنند. همچنین الگوریتم‌های طراحی شده در نرم‌افزارها و روش‌های دستی موجود تنها با در نظر گرفتن یک هدف مانند کمینه‌سازی کل هزینه جابه‌جایی یا بیشینه‌سازی نرخ نزدیکی کل، اقدام به تولید طرح می‌کنند که این ضعف‌ها در تأثیر همزمان داده‌های کمی و کیفی و همچنین تک‌هدفه بودن الگوریتم‌های طراحی باعث کاهش کیفیت طرح استقرار می‌شود. بنابراین با توجه به ماهیت چندمعیاره بودن مسائل طراحی چیدمان و وجود معیارهای کیفی در این نوع مسائل، استفاده از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره فازی می‌تواند مفید باشد. در این پژوهش با ارائه یک روش تلفیقی فازی توانستیم با در نظر گرفتن همزمان عوامل کمی و کیفی، بیان داده‌های غیردقیق کیفی به صورت فازی و در نهایت رتبه‌بندی طرح‌های چیدمان به رفع این نواقص پردازیم. در این روش بعد از ایجاد طرح‌های چیدمان به کمک نرم‌افزار، با استفاده از روش پیشنهادی به تعیین اندازه عملکرد طرح‌های چیدمان و ارزش‌های اولویت معیارها و رتبه‌بندی آن‌ها به کمک ماتریس تصمیم می‌پردازیم.

## ۲. پیشینه پژوهش

هراگو و کوسیاک [۱۴] در مطالعه‌ای دو مدل جدید برای مسئله طراحی چیدمان ارائه دادند که شامل خطی پیوسته با ارزش‌های مطلق در تابع هدف و محدودیت‌ها و خطی عدد صحیح مختلط است. مدل‌های خطی عدد صحیح مختلط متغیرهای عدد صحیح کمتری نسبت به

فرمول‌های دیگر موجود برای مسائل طراحی چیدمان دارند. یکی از مزیت‌های مدل ارائه‌شده این است که نیازی به از پیش مشخص بودن مکان بخش‌ها ندارد و مهم‌تر اینکه دو مدل ارائه‌شده توانایی حل مسئله طراحی چیدمان با مساحت‌های نابرابر را دارند. نتایج محاسباتی به دست آمده نشان می‌دهد که الگوریتم ابتکاری پیشنهادشده توانایی حل مسائل، با کیفیت بالا و زمان محاسباتی کمتر را دارد. کمبرن و اوانس [۱۰] برای حل مسئله طراحی چیدمان ابتدا با استفاده از ترکیبی از روش‌های دستی و سه الگوریتم گرفت، کورلپ و آلدپ به ایجاد شش طرح چیدمان پرداختند و سپس از روش AHP برای انتخاب طرح چیدمان مناسب‌تر استفاده کردند. معیارهای قضاوت در اینجا شامل حرکت کارآمد مواد، حرکت کارآمد پرسنل، سهولت گسترش، به‌کارگیری و پیکربندی خوب فضا، سازگاری با فرایند و تغییرات تجهیزات، نظارت مؤثر، امنیت، ضمانت، زیبایی‌گرایی و کنترل صدا هستند. در پژوهش دیگری پرتوی و بورتن [۲۴] برای مسئله طراحی چیدمان از یک رویکرد چندهدفه به کمک AHP استفاده کردند. آن‌ها با استفاده از توسعه یک برنامه کامپیوتری بر پایه AHP و ماژول ساخت مکان بخش‌ها، به طراحی چیدمان پرداختند. در پژوهش دیگری هوشیار و وایت [۱۵] یک مدل ریاضیاتی برای سیستم‌های طراحی چیدمان ارائه دادند. این مدل از برنامه‌ریزی عدد صحیح صفر و یک به عنوان عنصر بهینه‌سازی استفاده می‌کند. هدف این مدل مرتب کردن تمامی بخش‌ها در مکان‌ها است، به طوری که مجموع ارزش‌های وزنی مجاورت برای تمامی بخش‌ها حداکثر شود. این روش برای حل مسائل کوچک مناسب است. ماک، وانگ و چان [۲۱] در تحقیقی الگوریتم ژنتیک را به عنوان یک روش عمومی برای حل مسائل طراحی چیدمان به کار گرفتند. آن‌ها یک مدل ریاضی را برای بررسی چیدمان دستگاه‌ها و الگوی جریان مواد برای محیط‌های ساخت کارگاهی و محصولی توسعه دادند. الگوریتم ژنتیک ارائه‌شده با هدف حداقل کردن هزینه جابه‌جایی مواد، چیدمان بهینه ماشین‌آلات را استخراج می‌کند. آزادپور و وانگ [۸] در مطالعه‌ای یک تکنیک برای بهینه‌سازی چیدمان تسهیلات ارائه دادند که ویژگی‌های پویا و محدودیت‌های عملیاتی سیستم را در نظر می‌گیرد و توانایی حل مسئله طراحی چیدمان تسهیلات را بر اساس اندازه‌های عملکرد سیستم، مانند بهره‌وری و زمان سیکل دارد. رویکرد پیشنهادشده ترکیبی از الگوریتم ژنتیک، شبیه‌سازی کامپیوتری و یک تولیدکننده مدل شبیه‌سازی است. در این روش هر حل به دست آمده از چیدمان در یک شکل رشته‌ای ارائه می‌شود که برای تحلیل به وسیله الگوریتم ژنتیک مناسب است. این حل‌ها سپس به وسیله تولیدکننده مدل شبیه‌سازی به مدل‌های شبیه‌سازی برگردانده می‌شوند. از الگوریتم ژنتیک برای بهینه‌سازی چیدمان استفاده می‌شود، در حالی که شبیه‌سازی به عنوان یک ابزار ارزیابی عملکرد عمل می‌کند. لی، هان و روح [۲۰] در پژوهشی از یک الگوریتم ژنتیک بهبود یافته برای مسائل طراحی چیدمان استفاده کردند. در این روش تمامی روابط بین

تسهیلات و معابر به صورت یک گراف مجاورت داده می‌شود و کوتاه‌ترین مسیر بین دو بخش با استفاده از الگوریتم دیکسترا<sup>۱</sup> از تئوری گراف محاسبه می‌شود. یانگ و کو [۳۵] در مقاله دیگری برای حل مسئله انتخاب طرح چیدمان بهینه از روش تحلیل سلسله مراتبی و رویکرد تحلیل پوششی داده‌ها استفاده کردند. آن‌ها از یک نرم‌افزار کامپیوتری برای ایجاد پیشنهادهای طراحی و همچنین مقادیر عملکرد معیارهای کمی استفاده کردند و از AHP نیز برای تعیین مقادیر عملکرد معیارهای کیفی استفاده شد. در نهایت DEA برای حل مسئله چندهدفه به کار گرفته شد. آیلو، انی و گالانتی [۶] در مطالعه‌ای از یک روش چندهدفه برای حل مسئله طراحی چیدمان بهره بردند؛ به این صورت که در گام اول حل‌های بهینه‌ای با استفاده از الگوریتم ژنتیک تعیین کردند و در گام بعد برای انتخاب حل بهینه از روش تصمیم‌گیری چندمعیاره ELECTRE استفاده کردند. معیارهای انتخاب به صورت معیارهای کمی هزینه جابه‌جایی و نسبت ابعاد و معیارهای کیفی، مجاورت و درخواست فاصله بین بخش‌ها هستند. سلیمان‌پور و جعفری [۳۱] یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط غیرخطی برای تعیین چیدمان بهینه ماشین‌آلات در یک سطح دوبعدی ارائه دادند. پارامترهای در نظر گرفته شده در این مدل شامل ظرفیت تولید دستگاه‌ها، دستگاه‌های متعدد از هر نوع، مسیر پردازش قطعات و ابعاد دستگاه‌ها است. یک الگوریتم بر اساس رویکرد شاخه و حد برای به دست آوردن حل بهینه از مدل برنامه‌ریزی ریاضی پیشنهاد شده، ارائه شده است. سمرقندی و عشقی [۲۷] در مطالعه‌ای که انجام داده‌اند از یک الگوریتم جست‌وجوی ممنوعه برای مسئله طراحی چیدمان تک‌ردیفه استفاده کردند. الگوریتم ممنوعه پیشنهاد شده از تکنیکی به نام حافظه تطبیقی<sup>۲</sup> برای تنوع و افزایش شدت استفاده می‌کند. نتایج به دست آمده از این مطالعه نشان داد که روش پیشنهاد شده در کاهش عملیات محاسباتی برای حل مسئله بسیار مؤثر بوده است. در مقاله دیگری کمارودین و وانگ [۱۹] از یک سیستم مورچگان که یکی از انواع بهینه‌سازی جامع مورچگان است برای حل مسائل طراحی چیدمان با مساحت نابرابر استفاده کردند. هدف اصلی آن‌ها در این مطالعه حداقل کردن کل هزینه جابه‌جایی مواد است. الگوریتم پیشنهادی به عنوان یک الگوریتم بهینه‌سازی گسسته از درخت برش برای نمایش مسائل، بدون محدود کردن بیش از حد فضای حل استفاده می‌کند و برای بهبود عملکرد جست‌وجو از انواع مختلف جست‌وجوی محلی استفاده می‌کند. جن کوویتس، لو، آنجوس و وانیلی [۱۷] در تحقیقی یک چارچوب مبتنی بر بهینه‌سازی محدب برای مسئله طراحی چیدمان با مساحت‌های نابرابر ارائه کردند. این چارچوب بر اساس ترکیب دو مدل برنامه‌ریزی ریاضی است. مدل اول که تخفیف محدب<sup>۳</sup> نامیده می‌شود، موقعیت نسبی بخش‌ها را

1. Dijkstra's algorithm  
2. daptive memory  
3. onvex relaxation

تعیین می‌کند و مدل دوم از بهینه‌سازی نیمه‌قطعی<sup>۱</sup> برای تعیین چیدمان نهایی استفاده می‌کند. ساهین [۲۶] در مطالعه‌ای برای حل مسئله طراحی چیدمان دوهدفه یک الگوریتم تبریدی شبیه‌سازی شده پیشنهاد کرد که این الگوریتم با ترکیب دو هدف حداقل کردن کل هزینه‌های جابه‌جایی مواد و حداکثر کردن کل امتیازات نزدیکی بین بخش‌ها به حل مسئله می‌پردازد. همچنین مقایسه‌ای بین الگوریتم تبریدی شبیه‌سازی شده با کارهای قبلی انجام شد که نشان داد این الگوریتم بهتر از روش‌های قبلی عمل می‌کند. صدرزاده [۲۵] یک الگوریتم ژنتیک با رویکرد فراابتکاری برای حل مسئله طراحی چیدمان در یک سیستم تولیدی که الگوی جریان از چیدمان چندخطی با چند محصول در نظر گرفته می‌شود، ارائه داد. الگوریتم پیشنهادی یک جدول نزولی از داده‌های مربوط به ارزش‌های ورودی اطلاعات جریان و هزینه، تولید می‌کند که برای ایجاد یک نمایش شماتیکی از بخش‌ها به کار برده می‌شود. تابع هدف در این الگوریتم به صورت حداقل کردن کل هزینه‌های جابه‌جایی مواد است. آیلو، اسکالیا و انی [۷] در پژوهشی یک الگوریتم ژنتیک چندهدفه جدید برای حل مسائل طراحی چیدمان با مساحت نابرابر ارائه کردند که بر اساس ساختار برش عمل می‌کند. در این مطالعه چهار تابع هدف هزینه‌های جابه‌جایی مواد، نسبت ابعاد، درخواست‌های نزدیکی و جدایی به وسیله یک رویکرد تکاملی مبتنی بر پارتو مورد توجه قرار گرفته است. مزیت اصلی روش پیشنهادشده، گسترده بودن فضای جست‌وجو و عملی بودن طرح‌های چیدمان است. تورفی، زنجیرانی و رضاپور [۳۲] در مقاله برای ارزیابی وزن معیارها و رتبه‌بندی پیشنهادهای طراحی از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره فازی استفاده کردند. روش‌های به کار رفته در این مقاله شامل AHP فازی برای تعیین وزن معیارها و تاپسیس فازی برای رتبه‌بندی طرح‌های پیشنهادی هستند. همچنین نتایج تحقیق نشان داد زمانی که اندازه‌های عملکرد، اعداد مبهمی هستند، تکنیک فازی روش بهتری است. در کارهای انجام‌شده برای ارائه روش‌های تصمیم‌گیری برای انتخاب طرح جانمایی مناسب، معمولاً به منظور تعیین وزن معیارها از نظر خبرگان استفاده می‌کنند که ممکن است به علت عدم آگاهی کافی از مسئله به تعیین وزن‌های نامناسب بینجامد. همچنین برای تعیین میزان عملکرد طرح‌ها با توجه به وجود معیارهای کیفی از روش‌های قطعی استفاده شده که نمی‌تواند به جواب‌های منطقی با توجه به شرایط مبهم منجر شود. هدف از ارائه مدل حاضر تلاش در جهت رفع این ضعف‌ها برای دستیابی به انتخاب مناسب‌تر است.

---

1. Semidefinite optimisation

### ۳. تعیین معیارهای مؤثر در ارزیابی طرح‌های چیدمان

مسئله طراحی چیدمان به انتخاب اثربخش‌ترین ترتیب از چیدمان تسهیلات، برای رسیدن به بهترین بهره‌برداری از منابع موجود برای تولید محصولات می‌پردازد [۱۶]؛ از این رو تعیین معیارهایی که در ارزیابی طرح‌های چیدمان تأثیرگذارند ضروری به نظر می‌رسد. مسائل طراحی چیدمان از نوع مسائل بدساختار هستند که هم معیارهای کمی و هم معیارهای کیفی باید در آن در نظر گرفته شوند. بنابراین طراح باید در عمل طرح‌های چیدمان مختلفی ایجاد کند و سپس با ارزیابی طرح‌های ایجادشده به وسیله این معیارها به انتخاب بهترین طرح چیدمان بپردازد [۱۰]. برای دستیابی به چنین هدفی ممکن است هیچ‌یک از رویکردهای بهینه‌سازی، دقیق و تقریبی به دلیل محدودیت‌های حاکم بر آن‌ها که مهم‌ترین آن در نظر نگرفتن عوامل کیفی در مسئله چیدمان تسهیلات است، قادر به طراحی یک چیدمان مناسب نباشند [۵]. در نظر گرفتن معیارهای کمی و کیفی بسیار مهم است؛ برای نمونه اگر در طرحی که با در نظر گرفتن یک معیار، هزینه کل جابه‌جایی را به حداقل می‌رساند، معیار دیگری مانند امتیاز نزدیکی را در نظر بگیریم، همان طرح خیلی ضعیف نشان داده می‌شود و برعکس. همچنین طراح ممکن است بخواهد هم هزینه جابه‌جایی مواد را به حداقل برساند و هم بخش‌های خاصی را نزدیک هم یا دور از هم در نظر بگیرد [۱۶]. به طور واضح ارزیابی معیارها برای یک طرح چیدمان، اغلب وظیفه‌ای چالشی و پیچیده است [۳۴].

در این تحقیق با بررسی مطالعات مختلف انجام‌شده در زمینه طراحی چیدمان به شناسایی و دسته‌بندی مهم‌ترین معیارهای تأثیرگذار پرداختیم که در زیر به معرفی آن‌ها می‌پردازیم:

جدول ۱. معیارهای مؤثر در ارزیابی طرح‌های چیدمان

شماره	عنوان معیار	معیارها به انضمام منابع	توضیحات
۱	انعطاف‌پذیری	*سهولت گسترش: [۱۰،۲۴] * انعطاف‌پذیری: [۲۴،۲۹،۱۲،۳۳] * سازگاری با تغییرات فرآیند و تجهیزات: [۱۰] * هزینه بازآرایی طرح: [۹]	این معیار در برگیرنده دو جنبه است؛ یکی توانایی برای انجام وظایف گوناگون تحت شرایط عملیاتی مختلف و دیگری انعطاف-پذیری برای گسترش در آینده که اگر یک طرح چیدمان به طور مناسبی طراحی شده باشد می‌تواند با اخلاف کم در عملیات و بهره‌وری گسترش یابد.
۲	ارتباط محیطی	*ارتباط محیطی: [۱۱] * امنیت: [۱۰،۲۴،۲۹] * نگرانی‌های امنیتی: [۲۳] * ضمانت/سلامتی: [۱۰] * کنترل صدا: [۱۰] * سروصدا: [۲۴،۲۹] * درجه حرارت: [۲۹] * تقاضای فاصله/ جدایی بین بخش‌ها: [۶،۷،۱۳]	در صورتی که ارتباط محیطی بین دو بخش پرمخاطره باشد، بهتر است آن دو بخش از هم دور باشند که این ممکن است به دلایلی چون سر و صدا، ارتعاش و لرزش، آلودگی یا جنبه‌های مربوط به امنیت کارگران و یا خطرات ناشی از آتش‌سوزی و انفجار باشد.
۳	ارتباط اطلاعاتی	* جریان اطلاعات: [۱۸] * ارتباط اطلاعاتی: [۱۱]	ارتباط اطلاعاتی. نشان دهنده میزان ارتباط اطلاعاتی میان بخش‌ها می‌باشد.
۴	ارتباط نظارتی	*ارتباط نظارت: [۱۱]	این معیار بیان‌کننده میزان ارتباط نظارتی بین بخش‌های مختلف می‌باشد.
۵	جریان تجهیزات	* جریان تجهیزات: [۱۸]	نشان دهنده ارتباط تجهیزاتی بین بخش‌های مختلف می‌باشد.
۶	جریان مواد	* جریان مواد: [۱۸،۱۱]	بیان‌کننده ارتباط جریان مواد بین بخش‌ها می‌باشد.
۷	استفاده مشترک از نیروی انسانی	* استفاده از نیروی انسانی: [۲۴]	استفاده مشترک از نیروی انسانی. نشان دهنده بخش‌هایی می‌باشد که جهت انجام وظایف از نیروهای انسانی مشترکی استفاده می‌کنند.
۸	استفاده از فضا	* به‌کارگیری و پیکربندی خوب فضا: [۱۰] * استفاده از فضا: [۲۴] * استفاده از مساحت: [۳۳]	ترکیبی از ملاحظات است که در انتخاب بین طرح‌های چیدمان مهم می‌باشد. یک ساختمان با شکل معمولی و تا حدودی مستطیل شکل، در ساخت ارزان‌تر و همچنین

<p>موقع فروش آسان‌تر است. همچنین یک ساختمان بدون بعد در طول و عرض، چندین برابر در گرم کردن، خنک کردن و نگهداری سخت‌تر می‌باشد.</p>	
<p>بسیاری از جنبه‌های چیدمان تسهیلات به توسعه یا محدود کردن اثربخشی نظارت می‌پردازد. مکان دفاتر سرپرستی با توجه به بخش‌های تولید، مدیریت و زیردستان باید به خوبی طراحی شده باشد.</p>	<p>نظارت مؤثر *نظارت مؤثر: [۱۰] *سهولت نظارت: [۲۴]</p>
<p>این معیار نشان دهنده‌ی کارآمد بودن مسیرهای جابجایی مواد و اپراتورها است.</p>	<p>قابلیت دستیابی *حرکت کارآمد مواد: [۱۰] *بهره‌وری حمل و نقل مواد: [۲۴] *کار در جریان: [۲۹] *حرکت کارآمد پرسنل: [۱۰] *قابلیت دستیابی: [۳۴]</p>
<p>این معیار شامل فضای مورد نیاز برای مهندسان تعمیر و نگهداری و همچنین حرکت ابزارها است.</p>	<p>تعمیر و نگهداری *به‌کارگیری وسایل جابه‌جایی مواد: [۱۲] *تعمیر و نگهداری: [۳۴]</p>
<p>تعیین اثر این معیار دشوار است و منظور از آن تعیین میزان تأثیری است که زیبایی روی عملکرد بخش‌ها خواهد گذاشت.</p>	<p>زیبایی *زیبایی: [۱۰، ۲۴، ۲۹]</p>
<p>این معیار نشان‌دهنده هزینه جریان مواد بین بخش‌ها است که برابر مجموع حاصل ضرب تعداد جریان مواد در هزینه جریان (هر واحد بار در واحد مسافت) در واحد مسافت جریان برای هر جفت تسهیل است.</p>	<p>هزینه جابه‌جایی مواد *هزینه جابه‌جایی مواد: [۱۶، ۲۹، ۳۰، ۳۳، ۱۲، ۶، ۹، ۱۳، ۲۸، ۲۳، ۱۹، ۲۶، ۷، ۲۵] *مسافت جریان: [۱۲] *مسافت جابه‌جایی مواد: [۳۴]</p>
<p>داشتن یک نسبت شکل مناسب برای هر بخش تأثیر مثبتی در عملکرد خواهد داشت. نسبت شکل کل طرح چیدمان برابر است با: <math>\prod_{i=1}^N \left( \frac{P_i}{4\sqrt{A_i}} \right)^{\frac{1}{N}}</math> که در این رابطه N=تعداد بخش‌ها، Pi=محیط بخش I و Ai=مساحت مورد نیاز بخش i است [۳۳].</p>	<p>نسبت شکل *نسبت شکل: [۳۳، ۱۲، ۳۴، ۱۳] *نسبت ابعاد: [۶، ۷]</p>



#### ۴. مدل‌سازی و الگوریتم حل

در این بخش برای حل مسئله انتخاب طرح چیدمان به تشریح مدل می‌پردازیم. در این روش طرح چیدمان مطلوب به کمک اهمیت نسبی معیارهای طراحی به دست می‌آید که از داده‌های ماتریس تصمیم حاصل می‌شود. در بیشتر روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره، تصمیم‌گیران نیاز به تعیین اهمیت نسبی بین معیارهای انتخاب یا وزن هر یک از معیارها دارند. اگر تصمیم‌گیرنده اطلاعات کافی در مورد تعیین اهمیت نسبی بین معیارها نداشته باشد، به انتخاب طرح چیدمان نامناسب منجر خواهد شد. در روش حاضر اهمیت مربوط به معیارها به کمک داده‌های ماتریس تصمیم و با استفاده از تکنیک آنتروپی شانون محاسبه می‌شود. روش حاضر علاوه بر رفع این نقص با در نظر گرفتن اعداد فازی و با استفاده از پرسشنامه مقایسات زوجی AHP فازی به جمع‌آوری نظرات تیم تصمیم در مورد اهمیت طرح‌های چیدمان نسبت به هم و تعیین مقادیر عملکردی معیارهای کیفی با توجه به هر طرح چیدمان پرداخته که به دلیل مبهم بودن این مقادیر از نظر تصمیم‌گیرنده و توانایی بیشتر این نوع اعداد در نشان دادن قضاوت‌های ذهنی تصمیم‌گیرندگان، بهتر است از اعداد فازی به جای مقادیر قطعی استفاده شود.

#### روش پیشنهادی

##### مدلسازی

- تعریف مسئله: شامل تعریف وضعیت تولید یا صنایع تولیدی، برای طراحی چیدمان مورد نیاز است.

- ایجاد طرح‌های چیدمان پیشنهادی: در این مرحله با استفاده از نرم‌افزار Layout Add-in به ایجاد طرح‌های چیدمان پرداخته شد.

- تعیین معیارهای طراحی چیدمان تسهیلات: مشتمل بر شناسایی و تعیین معیارهای مهم طراحی چیدمان تسهیلات است که در بخش ۳ این معیارها مشخص شدند.

- فرمول‌سازی ماتریس تصمیم: برای حل مسئله MADM با ساخت ماتریس تصمیم شروع می‌کنیم که در آن  $A = \{A_i \text{ for } i=1,2,3,\dots,m\}$  نشان‌دهنده مجموعه پیشنهادهای طراحی،  $C = \{C_j \text{ for } j=1,2,3,\dots,n\}$  نشان‌دهنده مجموعه معیارهای انتخاب طرح چیدمان و  $X_{ij}$  نشان‌دهنده عملکرد گزینه  $A_i$ ، وقتی با معیار  $C_j$  بررسی می‌شود، هستند. ماتریس تصمیم شامل تمامی اندازه‌های عملکرد طرح‌های چیدمان، وقتی با معیارهای کمی و کیفی بررسی می‌شوند، است. در این ماتریس اندازه‌های عملکرد معیارهای کمی که از طریق نرم‌افزار و روش‌های رایج قابل محاسبه هستند، مقادیر قطعی به شمار می‌شوند، اما مقادیر عملکرد معیارهای کیفی با

استفاده از نظر خبرگان و با به‌کارگیری پرسشنامه مقایسات زوجی AHP فازی که از اعداد مثلثی استفاده شده به دست می‌آیند؛ به این صورت که گزینه‌های مختلف هر بار بر اساس یک معیار مقایسه زوجی می‌شود و اوزان نهایی حاصل از فرآیند AHP برای هر معیار، ستون عملکرد گزینه در آن معیار را در ماتریس تصمیم شکل زیر تشکیل می‌دهد:

$C_1$	$C_2$	...	$C_n$	شاخص گزینه
$X_{11}$	$X_{12}$	...	$X_{1n}$	$A_1$
.	.	.	.	$A_2$
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
$X_{m1}$	$X_{m2}$	...	$X_{mn}$	$A_m$

شکل ۱. ماتریس تصمیم

اعداد فازی مورد استفاده در این تحقیق برای مقایسات زوجی بر اساس جدول ۲ مورد محاسبه قرار گرفتند. این اعداد در منابع مختلف کمی متفاوت تعریف شده‌اند که در این تحقیق، از اعداد فازی مثلثی مورد استفاده در تحقیق ثریایی، نوری‌فر و حیدرزاده [۲]، استفاده شده است.

جدول ۲. جدول اعداد فازی مورد استفاده در مقایسات زوجی

ترجیحات	عدد فازی مثلثی
اهمیت یکسان	(۱، ۱، ۱)
اهمیت تقریباً یکسان	(۱/۲، ۱، ۳/۲)
کمی مهم‌تر	(۱، ۳/۲، ۲)
مهم‌تر	(۳/۲، ۲، ۵/۲)
بسیار مهم‌تر	(۲، ۵/۲، ۳)
کاملاً مهم	(۵/۲، ۳، ۷/۲)

بعد از تکمیل شدن مقایسات زوجی توسط تیم تصمیم، برای تعیین مقادیر عملکرد طرح‌های چیدمان با توجه به هر معیار کیفی به صورت زیر عمل می‌کنیم:  
 محاسبه شاخص سازگاری: ابتدا برای تأیید صحت اطلاعات تکمیل شده توسط تیم تصمیم به محاسبه شاخص سازگاری برای تمامی جداول مقایسات زوجی می‌پردازیم.

محاسبه میانگین هندسی فازای نظرات خبرگان: اگر تیم تصمیم از چندین خبره تشکیل شده باشد، ابتدا باید میانگین هندسی نظرات را با توجه به هر معیار به دست آوریم. با توجه به اینکه خبرگان نظرات خود را به صورت فازای بیان می‌کنند و اعداد فازای در اینجا به صورت مثلثی  $(l, m, u)$  هستند، برای محاسبه میانگین هندسی نظرات به صورت زیر عمل می‌کنیم:

$$l_{ij} = \left( \prod_{k=1}^k l_{ijk} \right)^{1/k}, m_{ij} = \left( \prod_{k=1}^k m_{ijk} \right)^{1/k}, u_{ij} = \left( \prod_{k=1}^k u_{ijk} \right)^{1/k} \quad (1)$$

$K$  نشان دهنده تعداد تصمیم‌گیرندگان است [۲۲].

محاسبه امتیاز طرح‌های چیدمان  $(S_i)$  برای هر یک از سطرهای ماتریس مقایسه زوجی: بعد از محاسبه میانگین هندسی فازای ماتریس‌های مقایسه زوجی،  $S_i$  که خود یک عدد فازای مثلثی است برای هر یک از سطرهای ماتریس‌های به دست آمده از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$S_i = \sum_{j=1}^n M_{gi}^j \times \left[ \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n M_{gi}^j \right]^{-1} \quad (2)$$

در این رابطه  $i$  بیانگر شماره سطر و  $j$  بیانگر شماره ستون است.  $M_{gi}^i$  در این رابطه اعداد فازای مثلثی ماتریس مقایسه زوجی هستند.

محاسبه درجه بزرگی  $S_i$ ها نسبت به یکدیگر: به طور کلی اگر  $S_1 = (l_1, m_1, u_1)$  و  $S_2 = (l_2, m_2, u_2)$  دو عدد فازای مثلثی باشند، درجه بزرگی  $S_2$  نسبت به  $S_1$  به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$V(S_2 \geq S_1) = hgt(S_1 \cap S_2) = \mu_{S_2}(d) = \begin{cases} 1 & \text{if } m_2 \geq m_1 \\ 0 & \text{if } l_1 \geq u_2 \\ \frac{l_1 - u_2}{(m_2 - u_2) - (m_1 - l_1)} & \text{Otherwise} \end{cases} \quad (3)$$

محاسبه وزن یا اندازه عملکرد پیشنهادی طراحی: بدین منظور میزان بزرگی یک عدد فازای مثلثی از  $K$  عدد فازای دیگر را برای تعیین اندازه‌های عملکرد از رابطه زیر به دست می‌آوریم:

$$V(S \geq S_1, S_2, \dots, S_k) = V[(S \geq S_1) \text{ and } (S \geq S_2) \text{ and } \dots \text{ and } (S \geq S_k)] = \text{Min}V(S \geq S_i), \quad i = 1, 2, 3, \dots, k \quad (۴)$$

$$\acute{d}(A_i) = \text{Min}V(S_i \geq S_k) \quad k = 1, 2, \dots, n, \quad k \neq i$$

بنابراین بردار وزن نرمالیزه‌نشده به صورت زیر خواهد بود:

$$\acute{W} = (\acute{d}(A_1), \acute{d}(A_2), \dots, \acute{d}(A_n))^T \quad A_i (i = 1, 2, \dots, n) \quad (۵)$$

محاسبه وزن نهایی گزینه‌ها: برای محاسبه بردار وزن نهایی باید بردار وزن محاسبه‌شده در مرحله قبل را نرمالیزه کرد؛ بنابراین:

$$d(A_i) = \frac{d'(A_i)}{\sum d'(A_i)} \quad (۶)$$

$$X_{ij} = W = (d(A_1), d(A_2), \dots, d(A_n))^T \quad (۷)$$

[۳:106-105]

محاسبه اوزان معیارهای چیدمان. برای تعیین وزن معیارها با استفاده از تکنیک آنتروپی شانون و به کارگیری ماتریس تصمیم حاصله در مرحله قبل به صورت زیر عمل می‌کنیم: - محتوی اطلاعاتی موجود از ماتریس تصمیم را ابتدا به صورت  $(P_{ij})$  به شکل زیر محاسبه می‌کنیم:

$$P_{ij} = \frac{X_{ij}}{\sum_{i=1}^m X_{ij}}; \quad \forall i, j \quad (۸)$$

- محاسبه  $E_j$  از مجموعه  $P_{ij}$  ها به ازای هر مشخصه:

$$E_j = -K \sum_{i=1}^m [P_{ij} \cdot \text{Ln}P_{ij}]; \quad \forall j \quad (۹)$$

به طوری که  $K = \frac{1}{Ln(m)}$  است.

- محاسبه عدم اطمینان یا درجه انحراف ( $d_j$ ) از اطلاعات ایجادشده به ازای شاخص  $J_m$ :

$$d_j = 1 - E_j; \forall j \quad (10)$$

- محاسبه وزن نهایی شاخص‌ها:

$$W_j = \frac{d_j}{\sum_{j=1}^n d_j}; \forall j \quad (11)$$

[196-198:1]

### ۳. رتبه‌بندی نهایی

- تبدیل ماتریس تصمیم موجود به یک ماتریس بی‌مقیاس شده با استفاده از فرمول زیر:

$$n_{ij} = \frac{x_{ij}}{\sqrt{\sum_{i=1}^m x_{ij}^2}} \quad (12)$$

در این گام بار دیگر از داده‌های حاصل از ماتریس تصمیم در گام ۱ استفاده می‌کنیم.

- ایجاد ماتریس بی‌مقیاس وزین:

با استفاده از وزن‌های به دست آمده برای شاخص‌ها از گام ۲ به ایجاد ماتریس بی‌مقیاس

وزین به صورت زیر می‌پردازیم:

$$W = \{w_1, w_2, \dots, w_n\} \quad (13)$$

$$= V = ND \cdot W_{n \times n} \\ = \begin{bmatrix} V_{11}, \dots, V_{1j}, \dots, V_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ V_{m1}, \dots, V_{mj}, \dots, V_{mn} \end{bmatrix}$$

- تعیین راه حل ایده‌آل مثبت و راه حل ایده‌آل منفی:

برای گزینه ایده‌آل مثبت ( $A^+$ ) و برای ایده‌آل منفی ( $A^-$ ) تعریف می‌کنیم:

$$\begin{aligned} \text{گزینه ایدال مثبت} = A^+ & \quad (14) \\ & = \{(\max V_{ij}|j \in J), (\min V_{ij}|j \in f)|i \\ & = 1, 2, \dots, m\} = \{V_1^+, V_2^+, \dots, V_j^+, \dots, V_n^+\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{گزینه ایدال منفی} = A^- & \quad (15) \\ & = \{(\min V_{ij}|j \in J), (\max V_{ij}|j \in f)|i = 1, 2, \dots, m\} \\ & = \{V_1^-, V_2^-, \dots, V_j^-, \dots, V_n^-\} \end{aligned}$$

- محاسبه فاصله نزدیکی:

فاصله گزینه  $A_i$  با ایده‌آل‌ها با استفاده از روش اقلیدسی بدین قرار است:

$$d_{i+} = \text{فاصله گزینه } A_i \text{ از ایدال} = \left\{ \sum_{j=1}^n (V_{ij} - V_j^+)^2 \right\}^{0.5}; i = 1, 2, \dots, m \quad (16)$$

$$\begin{aligned} d_{i-} = \text{فاصله گزینه } A_i \text{ از ایدال منفی} & = \left\{ \sum_{j=1}^n (V_{ij} - V_j^-)^2 \right\}^{0.5}; i \\ & = 1, 2, \dots, m \end{aligned} \quad (17)$$

- محاسبه نزدیکی نسبی  $A_i$  به راه حل ایده‌آل:

این نزدیکی نسبی را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$cl_{i+} = \frac{d_{i-}}{(d_{i+} + d_{i-})}; 0 \leq cl_{i+} \leq 1; i = 1, 2, \dots, m \quad (18)$$

می‌بینیم که اگر  $A_i = A^+$  شود،  $d_{i+} = 0$  است و  $cl_{i+} = 1$  می‌شود و اگر  $A_i = A^-$  شود،  $d_{i-} = 0$  است و  $cl_{i+} = 0$  خواهد شد. بنابراین هر اندازه گزینه  $A_i$  به راه حل ایده‌آل ( $A^+$ ) نزدیک‌تر باشد، ارزش  $cl_{i+}$  به واحد نزدیک‌تر خواهد بود.

- رتبه‌بندی گزینه‌ها:

در نهایت بر اساس ترتیب نزولی  $CI_i$  ها می‌توان گزینه‌های موجود از مسئله مفروض را رتبه‌بندی کرد [۲۶۲-۲۶۰:۱].

**مورد مطالعه.** برای نشان دادن صحت و اعتبار مدل به اجرای آن در واحد صنعتی مشهدپانل می‌پردازیم. این شرکت در زمینه تولید مصالح ساختمانی فعالیت می‌کند. مراحل اجرای روش ترکیبی به صورت زیر است:

**تعریف مسئله:** هدف این مسئله انتخاب طرح چیدمان مناسب برای شرکت مورد مطالعه با توجه به طرح‌های پیشنهادی است.

**ایجاد طرح‌های چیدمان:** در این مطالعه بعد از جمع‌آوری اطلاعات لازم، با استفاده از نرم‌افزار LAYOUT Add-in دوازده طرح چیدمان برای انتخاب مناسب‌ترین طرح ایجاد شد. از میان این طرح‌ها یازده طرح توسط نرم‌افزار ایجاد شد و طرح شماره دوازده، طرح چیدمان فعلی کارخانه است. طرح‌های ایجادشده را در شکل ۲ نشان داده‌ایم.

**تعیین معیارهای طراحی چیدمان:** معیارهای در نظر گرفته شده در این تحقیق شامل تمامی چهارده معیار شناسایی شده در بخش ۳ هستند که به ترتیب با نام‌های  $C1$ ،  $C2$ ،  $C3$ ، ... و  $C14$  شناخته می‌شوند.

**فرمول‌سازی ماتریس تصمیم نرمال:** در این گام برای تشکیل ماتریس تصمیم ابتدا به جمع‌آوری نظرات تیم تصمیم در مورد ارزیابی طرح‌های چیدمان با توجه به معیارهای کیفی و با استفاده از پرسشنامه مقایسات زوجی AHP فازی می‌پردازیم. این پرسشنامه‌ها بین افراد تیم تصمیم توزیع و نظرات آن‌ها جمع‌آوری شد. مقادیر عملکرد دو معیار کمی هزینه جابه‌جایی و نسبت شکل نیز برای تمامی طرح‌های چیدمان با استفاده از نرم‌افزار و روش دستی محاسبه شد.





محاسبه شاخص سازگاری: به منظور تأیید ماتریس‌های تکمیل شده توسط تیم تصمیم به محاسبه شاخص‌های سازگاری برای تمامی ماتریس‌های مقایسات زوجی همان‌طور که در مقاله بینگ و چنگ [۳۶] آمده پرداختیم. نرخ ناسازگاری برای تمامی ماتریس‌ها کمتر از ۰,۱ به دست آمد که درستی داده‌ها را تأیید می‌کند.

محاسبه میانگین هندسی فازی نظرات تیم تصمیم: در این گام برای ادامه محاسبات مربوط به تعیین مقادیر عملکرد معیارهای کیفی، به محاسبه میانگین هندسی نظرات تیم تصمیم با توجه به هر معیار نیاز داریم. این کار با استفاده از فرمول ۱ انجام شد. میانگین هندسی فازی نظرات تیم تصمیم مربوط به معیار انعطاف‌پذیری (C1) را در ضمایم آورده‌ایم.

محاسبه  $S_i$ : برای هر یک از سطرهای ماتریس‌های حاصل از مرحله قبل به محاسبه مقدار  $S_i$  با استفاده از فرمول ۲ می‌پردازیم. مقادیر جدول زیر مربوط به محاسبه  $S_i$ ها برای معیار انعطاف‌پذیری است.

جدول ۳. مقادیر  $S_i$  مربوط به معیار انعطاف‌پذیری

(0.0438,0.0788,0.1455)	S7	(0.0387,0.0700,0.1307)	S1
(0.0403,0.0731,0.1338)	S8	(0.0369,0.0651,0.1168)	S2
(0.0510,0.0912,0.1640)	S9	(0.0402,0.0729,0.1335)	S3
(0.0435,0.0775,0.1402)	S10	(0.0476,0.0887,0.1622)	S4
(0.0461,0.0836,0.1530)	S11	(0.0444,0.0831,0.1497)	S5
(0.0747,0.1340,0.2331)	S12	(0.0450,0.0820,0.1485)	S6

محاسبه درجه بزرگی  $S_i$ ها نسبت به یکدیگر: با استفاده از فرمول ۳ مقادیر درجه‌های بزرگی را محاسبه می‌کنیم. در جدول ۴ تنها مقادیر درجه بزرگی S1 نسبت به بقیه  $S_i$ ها مربوط به معیار انعطاف‌پذیری را آورده‌ایم.

جدول ۴. مقادیر درجه بزرگی  $SI$  نسبت به  $Si$ ها برای معیار انعطاف‌پذیری

۰/۹۶۶۹	$V(S1 \geq S8)$	۱	$V(S1 \geq S2)$
۰/۷۸۹۷	$V(S1 \geq S9)$	۰/۹۶۸۶	$V(S1 \geq S3)$
۰/۹۲۰۲	$V(S1 \geq S10)$	۰/۸۱۶۱	$V(S1 \geq S4)$
۰/۸۶۱۴	$V(S1 \geq S11)$	۰/۸۶۷۸	$V(S1 \geq S5)$
۰/۴۶۶۶	$V(S1 \geq S12)$	۰/۸۷۶۵	$V(S1 \geq S6)$
		۰/۹۰۷۴	$V(S1 \geq S7)$

محاسبه وزن‌ها یا اندازه‌های عملکرد نرمال نشده: بدین منظور به محاسبه درجه بزرگی یک  $Si$  بر  $Si$ های دیگر با استفاده از فرمول ۴ می‌پردازیم که نتایج آن را در زیر آورده‌ایم. این نتایج تنها مربوط به معیار انعطاف‌پذیری هستند.

جدول ۵. اندازه‌های عملکرد نرمال نشده برای هر یک از طرح‌های چیدمان برای معیار  $CI$ 

۰/۵۶۱۹	$V(S7 \geq Si)$	۰/۴۶۶۶	$V(S1 \geq Si)$
۰/۴۹۲۲	$V(S8 \geq Si)$	۰/۳۷۹۱	$V(S2 \geq Si)$
۰/۶۷۶۰	$V(S9 \geq Si)$	۰/۴۹۰۳	$V(S3 \geq Si)$
۰/۵۳۶۹	$V(S10 \geq Si)$	۰/۶۵۸۹	$V(S4 \geq Si)$
۰/۶۰۸۳	$V(S11 \geq Si)$	۰/۵۹۵۸	$V(S5 \geq Si)$
۱	$V(S12 \geq Si)$	۰/۵۸۷۰	$V(S6 \geq Si)$

به طور نمونه طبق فرمول ۴ داریم:

$$V(S1 \geq S2, S3, S4, S5, S6, S7, S8, S9, S10, S11, S12) \\ = \min(1, 0.9686, 0.8161, 0.8678, 0.8765, 0.9074, 0.9669, \\ 0.7897, 0.9202, 0.8614, 0.4666) = 0.4666$$

مقادیر زیر با استفاده از فرمول ۵ به دست آمده است که همان مقادیر اندازه‌های عملکرد نرمال نشده هر یک از طرح‌های چیدمان با توجه به معیار انعطاف‌پذیری هستند.

$$w = (0.4666, 0.3791, 0.4903, 0.6589, 0.5958, 0.5870, \\ 0.5619, 0.4922, 0.6760, 0.5369, 0.6083, 1)$$

وزن‌ها یا اندازه‌های عملکرد نهایی: حال باید وزن‌های غیرنرمال حاصل از مرحله قبل را با استفاده از فرمول ۶ نرمال کرد که مقادیر آن به صورت زیر است:

$$W = (0.0662, 0.0538, 0.0695, 0.0934, 0.0845, 0.0832, 0.0797, 0.0698, 0.0958, 0.0761, 0.0862, 0.1418)$$

این مقادیر اندازه‌های عملکرد طرح‌های چیدمان با توجه به معیار انعطاف‌پذیری (C1) هستند. اندازه‌های عملکرد تمامی طرح‌های پیشنهادی با توجه به معیارهای کیفی و همچنین دو معیار کمی هزینه جابه‌جایی و نسبت شکل را در جدول ۶ آورده‌ایم:

جدول ۶. مقادیر عملکرد نهایی هر یک از طرح‌های چیدمان با توجه به هر معیار

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	C8	C9	C10	C11	C12	C13	C14
A1	۰/۰۶۶۲	۰/۰۶۸۷	۰/۰۷۸۰	۰/۰۸۰۶	۰/۰۷۵۹	۰/۰۷۲۸	۰/۰۷۳۳	۰/۰۷۶۱	۰/۰۸۴۰	۰/۰۸۱۶	۰/۰۷۷۵	۰/۰۷۴۳	۴۷۳۵	۱/۱۷۳۷
A2	۰/۰۵۳۸	۰/۰۶۶۴	۰/۰۷۵۲	۰/۰۸۴۵	۰/۰۷۶۲	۰/۰۷۲۹	۰/۰۷۵۷	۰/۰۷۵۷	۰/۰۷۸۶	۰/۰۷۷۹	۰/۰۷۶۱	۰/۰۸۰۲	۴۸۸۲	۱/۱۶۱۵
A3	۰/۰۶۹۵	۰/۰۸۹۷	۰/۰۸۶۴	۰/۰۹۰۳	۰/۰۸۸۴	۰/۰۸۴۸	۰/۰۹۶۹	۰/۰۸۱۰	۰/۰۹۱۱	۰/۰۸۹۸	۰/۰۸۸۰	۰/۰۸۱۱	۴۸۹۷	۱/۱۳۹۷
A4	۰/۰۹۲۴	۰/۰۸۸۰	۰/۰۷۷۵	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۲۶	۰/۰۷۷۱	۰/۰۷۴۹	۰/۰۸۸۵	۰/۰۷۳۴	۰/۰۷۶۵	۰/۰۷۹۳	۰/۰۸۳۶	۴۹۶۰	۱/۱۸۰۴
A5	۰/۰۸۴۵	۰/۰۸۷۶	۰/۰۸۱۵	۰/۰۹۰۵	۰/۰۸۸۴	۰/۰۹۲۱	۰/۰۸۷۸	۰/۰۸۶۹	۰/۰۸۵۹	۰/۰۸۶۲	۰/۰۸۹۹	۰/۰۸۷۲	۴۹۸۹	۱/۱۵۵۲
A6	۰/۰۸۳۲	۰/۰۸۴۳	۰/۰۸۵۰	۰/۰۸۱۳	۰/۰۹۵۱	۰/۰۹۷۸	۰/۰۸۹۹	۰/۰۸۵۳	۰/۰۸۶۶	۰/۰۸۴۵	۰/۰۹۶۶	۰/۰۸۸۱	۵۰۰۱	۱/۱۳۷۲
A7	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۴۶	۰/۰۷۷۴	۰/۰۶۹۳	۰/۰۷۹۴	۰/۰۸۰۵	۰/۰۷۹۳	۰/۰۷۳۸	۰/۰۸۲۲	۰/۰۷۸۶	۰/۰۷۰۳	۰/۰۶۵۷	۵۰۲۴	۱/۱۸۴۰
A8	۰/۰۶۹۸	۰/۰۸۳۴	۰/۰۶۸۸	۰/۰۷۷۷	۰/۰۷۱۷	۰/۰۷۲۷	۰/۰۷۳۷	۰/۰۷۸۸	۰/۰۸۳۱	۰/۰۸۰۹	۰/۰۷۶۳	۰/۰۶۹۳	۵۰۳۷	۱/۱۴۷۶
A9	۰/۰۹۵۸	۰/۰۷۹۶	۰/۰۸۳۴	۰/۰۷۹۵	۰/۰۸۵۵	۰/۰۸۵۲	۰/۰۹۲۴	۰/۰۷۸۵	۰/۰۷۳۳	۰/۰۸۰۴	۰/۰۸۱۵	۰/۰۸۸۳	۵۱۷۳	۱/۱۵۶۷
A10	۰/۰۷۶۱	۰/۰۶۸۱	۰/۰۷۵۵	۰/۰۶۶۰	۰/۰۶۵۶	۰/۰۶۳۴	۰/۰۷۳۰	۰/۰۷۶۲	۰/۰۷۶۸	۰/۰۷۹۶	۰/۰۷۴۱	۰/۰۸۰۲	۵۱۹۲	۱/۱۷۱۰
A11	۰/۰۸۶۲	۰/۰۸۵۵	۰/۰۷۷۶	۰/۰۸۰۹	۰/۰۸۰۷	۰/۰۷۶۳	۰/۰۷۴۷	۰/۰۸۰۸	۰/۰۸۳۹	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۸۹	۰/۰۸۵۹	۵۲۰۲	۱/۱۹۹۴
A12	۰/۱۴۱۸	۰/۱۲۳۱	۰/۱۳۴۷	۰/۱۱۹۸	۰/۱۲۰۴	۰/۱۲۴۵	۰/۱۰۹۴	۰/۱۱۸۵	۰/۱۰۲۱	۰/۱۰۴۴	۰/۱۱۱۸	۰/۱۱۶۲	۶۰۶۳	۱/۱۶۸۰

نرمالایز کردن ماتریس تصمیم: در این گام ماتریس تصمیم به دست آمده در مرحله قبل را با استفاده از فرمول ۸ نرمال می‌کنیم. در جدول زیر مقادیر نرمال شده مربوط به جدول قبل آمده است:

جدول ۷. جدول مقادیر نرمال

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	C8	C9	C10	C11	C12	C13	C14
A1	۰/۰۶۶۲	۰/۰۶۸۷	۰/۰۷۸۰	۰/۰۸۰۶	۰/۰۷۵۹	۰/۰۷۲۸	۰/۰۷۲۳	۰/۰۷۶۱	۰/۰۸۴۰	۰/۰۸۱۶	۰/۰۷۷۵	۰/۰۷۳۳	۰/۰۷۷۴	۰/۰۸۴۰
A2	۰/۰۵۳۸	۰/۰۶۶۴	۰/۰۷۵۳	۰/۰۸۴۵	۰/۰۷۶۲	۰/۰۷۳۹	۰/۰۷۵۷	۰/۰۷۵۷	۰/۰۷۸۶	۰/۰۷۶۹	۰/۰۷۶۱	۰/۰۸۰۲	۰/۰۷۹۸	۰/۰۸۳۱
A3	۰/۰۶۹۵	۰/۰۸۹۷	۰/۰۸۶۴	۰/۰۹۰۳	۰/۰۸۸۴	۰/۰۸۴۸	۰/۰۹۶۹	۰/۰۸۱۰	۰/۰۹۱۱	۰/۰۸۹۸	۰/۰۸۸۰	۰/۰۸۱۱	۰/۰۸۰۱	۰/۰۸۱۵
A4	۰/۰۹۳۴	۰/۰۸۸۰	۰/۰۷۷۵	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۲۶	۰/۰۷۷۱	۰/۰۷۴۹	۰/۰۸۸۵	۰/۰۷۳۴	۰/۰۷۶۵	۰/۰۷۹۳	۰/۰۸۳۶	۰/۰۸۱۱	۰/۰۸۴۵
A5	۰/۰۸۴۵	۰/۰۸۷۶	۰/۰۸۱۵	۰/۰۹۰۵	۰/۰۸۸۴	۰/۰۹۲۱	۰/۰۸۷۸	۰/۰۸۶۹	۰/۰۸۵۹	۰/۰۸۶۲	۰/۰۸۹۹	۰/۰۸۷۳	۰/۰۸۱۶	۰/۰۸۲۹
A6	۰/۰۸۳۲	۰/۰۸۴۳	۰/۰۸۵۰	۰/۰۸۱۳	۰/۰۹۵۱	۰/۰۹۷۸	۰/۰۸۹۹	۰/۰۸۵۳	۰/۰۸۶۶	۰/۰۸۴۵	۰/۰۹۶۶	۰/۰۸۸۱	۰/۰۸۱۸	۰/۰۸۱۴
A7	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۴۶	۰/۰۷۷۴	۰/۰۶۹۳	۰/۰۷۹۴	۰/۰۸۰۵	۰/۰۷۹۳	۰/۰۷۳۸	۰/۰۸۲۲	۰/۰۷۸۶	۰/۰۷۰۳	۰/۰۶۵۷	۰/۰۸۲۲	۰/۰۸۳۷
A8	۰/۰۶۹۸	۰/۰۸۴۴	۰/۰۶۸۸	۰/۰۷۷۷	۰/۰۷۱۷	۰/۰۷۲۷	۰/۰۷۳۷	۰/۰۷۸۸	۰/۰۸۳۱	۰/۰۸۰۹	۰/۰۷۶۳	۰/۰۶۹۳	۰/۰۸۳۴	۰/۰۸۲۱
A9	۰/۰۹۵۸	۰/۰۷۹۶	۰/۰۸۲۴	۰/۰۷۹۵	۰/۰۸۵۵	۰/۰۸۵۲	۰/۰۹۲۴	۰/۰۷۸۵	۰/۰۷۲۲	۰/۰۸۰۴	۰/۰۸۱۵	۰/۰۸۸۳	۰/۰۸۴۶	۰/۰۸۲۸
A10	۰/۰۷۶۱	۰/۰۶۸۱	۰/۰۷۵۵	۰/۰۶۶۰	۰/۰۶۵۶	۰/۰۶۳۴	۰/۰۷۳۰	۰/۰۷۶۳	۰/۰۷۶۸	۰/۰۷۹۶	۰/۰۷۴۱	۰/۰۸۰۲	۰/۰۸۴۹	۰/۰۸۳۸
A11	۰/۰۸۶۲	۰/۰۸۵۵	۰/۰۷۲۶	۰/۰۸۰۹	۰/۰۸۰۷	۰/۰۷۶۳	۰/۰۷۴۷	۰/۰۸۰۸	۰/۰۸۳۹	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۸۹	۰/۰۸۵۹	۰/۰۸۵۱	۰/۰۸۵۸
A12	۰/۱۴۱۸	۰/۱۳۳۱	۰/۱۳۳۷	۰/۱۱۹۸	۰/۱۲۰۴	۰/۱۲۴۵	۰/۱۰۹۴	۰/۱۱۸۵	۰/۱۰۲۱	۰/۱۰۴۴	۰/۱۱۱۸	۰/۱۱۶۲	۰/۰۹۹۱	۰/۰۸۳۶

محاسبه  $E_j$  از مجموعه  $P_{ij}$  ها به ازای هر مشخصه: با استفاده از فرمول ۹ مقدار  $E_j$  را برای هریک از معیارها با توجه به جدول ۷ محاسبه می‌کنیم. این مقادیر را در جدول ۸ آورده‌ایم. محاسبه مقادیر عدم اطمینان: حال به ازای هر معیار میزان عدم اطمینان یا درجه انحراف را با استفاده از فرمول ۱۰ به دست می‌آوریم. مقادیر این گام را در جدول ۸ آورده‌ایم. وزن نهایی معیارها: در نهایت وزن معیارها را از فرمول ۱۱ تعیین می‌کنیم. این وزن‌ها را در جدول ۸ آورده‌ایم.

جدول ۸. مقادیر مربوط به محاسبه  $E_j$ ,  $d_j$  و  $W_j$

معیارها	$W_j$	$d_j$	$E_j$
انعطاف‌پذیری	۰/۲۰۰۳	۰/۰۱۱۷	۰/۹۸۸۳
ارتباط محیطی	۰/۰۹۶۷	۰/۰۰۵۷	۰/۹۹۴۳
ارتباط اطلاعاتی	۰/۱۱۳۴	۰/۰۰۶۶	۰/۹۹۳۴
ارتباط نظارتی	۰/۰۷۷۶	۰/۰۰۴۵	۰/۹۹۵۵
جریان تجهیزات	۰/۰۸۷۶	۰/۰۰۵۱	۰/۹۹۴۹
جریان مواد	۰/۱۰۸۵	۰/۰۰۶۴	۰/۹۹۳۶
استفاده مشترک از نیروی انسانی	۰/۰۶۱۸	۰/۰۰۳۶	۰/۹۹۶۴
استفاده از فضا	۰/۰۵۹۸	۰/۰۰۳۵	۰/۹۹۶۵
نظارت مؤثر	۰/۰۳۹۱	۰/۰۰۱۷	۰/۹۹۸۳
قابلیت دستیابی	۰/۰۲۵۰	۰/۰۰۱۵	۰/۹۹۸۵
تعمیر و نگهداری	۰/۰۵۸۱	۰/۰۰۳۴	۰/۹۹۶۶
زیبایی	۰/۰۶۹۳	۰/۰۰۴۱	۰/۹۹۵۹
هزینه جابه‌جایی مواد	۰/۰۱۳۰	۰/۰۰۰۸	۰/۹۹۹۲
نسبت شکل	۰/۰۰۰۸	۰/۰۰۰۰۵	۰/۹۹۹۹۵

بی‌مقیاس کردن ماتریس تصمیم؛ ابتدا ماتریس تصمیم حاصله از مرحله ۴, ۱, ۶ (جدول ۶) را به صورت فرمول ۱۲ بی‌مقیاس می‌کنیم. جدول ۹ نشان‌دهنده این مقادیر است.

جدول ۹: جدول مقادیر بی‌مقیاس‌شده

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	C8	C9	C10	C11	C12	C13	C14
A1	۰/۲۲۲	۰/۲۳۵	۰/۲۶۵۲	۰/۲۷۶۰	۰/۲۵۹۲	۰/۲۴۷۹	۰/۲۴۸۱	۰/۲۶۱۰	۰/۲۸۹۸	۰/۲۸۱۴	۰/۲۶۶۳	۰/۲۵۴۶	۰/۲۶۷۷	۰/۲۹۰۹
A2	۰/۱۸۰۶	۰/۲۲۶۵	۰/۲۵۵۷	۰/۲۸۹۴	۰/۲۶۰۴	۰/۲۴۸۵	۰/۲۵۹۷	۰/۲۵۹۶	۰/۲۷۱۱	۰/۲۶۸۷	۰/۲۶۱۲	۰/۲۷۴۸	۰/۲۷۶۰	۰/۲۸۷۸
A3	۰/۲۳۳۵	۰/۳۰۶۱	۰/۲۹۳۸	۰/۳۰۹۱	۰/۳۰۲۲	۰/۲۸۸۸	۰/۳۳۲۵	۰/۲۷۷۹	۰/۳۱۴۳	۰/۳۰۹۸	۰/۳۰۲۱	۰/۲۷۸۲	۰/۲۷۶۸	۰/۲۸۲۴
A4	۰/۳۱۳۸	۰/۳۰۰۵	۰/۲۶۳۴	۰/۲۷۳۷	۰/۲۴۸۳	۰/۲۶۲۷	۰/۲۵۶۹	۰/۳۰۳۶	۰/۲۵۳۳	۰/۲۶۴۱	۰/۲۷۳۳	۰/۲۸۶۵	۰/۲۸۰۴	۰/۲۹۲۵
A5	۰/۲۸۲۸	۰/۲۹۹۰	۰/۲۷۷۱	۰/۳۰۹۹	۰/۳۰۲۳	۰/۳۱۳۷	۰/۳۰۱۳	۰/۲۹۸۱	۰/۲۹۶۳	۰/۲۹۷۴	۰/۳۰۸۵	۰/۲۹۸۸	۰/۲۸۲۰	۰/۲۸۷۰
A6	۰/۲۷۹۶	۰/۲۸۸۶	۰/۲۸۹۲	۰/۲۷۸۲	۰/۳۳۵۰	۰/۳۳۲۲	۰/۳۰۸۷	۰/۲۹۲۷	۰/۲۹۸۸	۰/۲۹۱۶	۰/۳۳۱۶	۰/۳۰۲۱	۰/۲۸۲۷	۰/۲۸۱۸
A7	۰/۲۶۶۶	۰/۲۵۴۶	۰/۲۶۳۳	۰/۳۳۷۲	۰/۲۷۱۵	۰/۲۷۴۲	۰/۲۷۲۳	۰/۲۵۳۱	۰/۲۸۳۷	۰/۲۷۱۳	۰/۲۴۱۳	۰/۲۲۵۱	۰/۲۸۴۰	۰/۲۹۳۴
A8	۰/۲۳۴۴	۰/۲۸۸۳	۰/۲۳۴۰	۰/۲۶۶۰	۰/۲۴۵۰	۰/۲۴۷۵	۰/۲۵۲۸	۰/۲۷۰۶	۰/۲۸۶۵	۰/۲۷۹۲	۰/۲۶۱۹	۰/۲۳۷۷	۰/۲۸۴۸	۰/۲۸۴۴
A9	۰/۳۲۱۹	۰/۲۷۱۸	۰/۲۸۰۳	۰/۲۷۲۱	۰/۲۹۲۳	۰/۲۹۰۴	۰/۳۱۷۳	۰/۲۶۹۵	۰/۲۴۹۰	۰/۲۷۷۴	۰/۲۷۹۷	۰/۳۰۲۷	۰/۲۹۲۴	۰/۲۸۶۶
A10	۰/۲۵۵۷	۰/۲۳۳۳	۰/۲۵۶۹	۰/۲۲۵۸	۰/۲۳۴۴	۰/۲۱۵۹	۰/۲۵۰۶	۰/۲۶۱۸	۰/۲۶۵۰	۰/۲۷۴۵	۰/۲۵۴۳	۰/۲۷۵۰	۰/۲۹۳۵	۰/۲۹۰۲
A11	۰/۲۸۹۷	۰/۲۹۱۹	۰/۲۶۲۸	۰/۲۷۶۸	۰/۲۷۶۰	۰/۲۵۹۹	۰/۲۵۶۶	۰/۲۷۷۱	۰/۲۸۹۴	۰/۲۷۵۱	۰/۲۷۰۹	۰/۲۹۴۵	۰/۲۹۶۱	۰/۲۹۷۲
A12	۰/۲۷۶۳	۰/۴۲۰۳	۰/۴۵۸۱	۰/۴۱۰۰	۰/۴۱۱۵	۰/۴۲۴۲	۰/۳۷۵۶	۰/۴۰۶۶	۰/۳۵۲۲	۰/۳۶۰۳	۰/۳۸۳۸	۰/۳۹۸۳	۰/۳۴۴۸	۰/۲۸۹۴

محاسبه ماتریس بی‌مقیاس وزین: با مشخص شدن ماتریس بی‌مقیاس و معلوم بودن وزن معیارها به محاسبه ماتریس بی‌مقیاس وزین می‌پردازیم، به این صورت با استفاده از فرمول ۱۳ وزن هر معیار در ستون مربوط به همان معیار در ماتریس بی‌مقیاس ضرب می‌شود. مقادیر مربوطه را در جدول ۱۰ آورده‌ایم.

جدول ۱۰: جدول مقادیر بی‌مقیاس وزین

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	C8	C9	C10	C11	C12	C13	C14
A1	۰/۰۴۴۵	۰/۰۲۲۷	۰/۰۲۹۸	۰/۰۲۱۴	۰/۰۲۲۷	۰/۰۲۶۹	۰/۰۱۵۳	۰/۰۱۵۶	۰/۰۰۸۴	۰/۰۰۷۰	۰/۰۱۵۵	۰/۰۱۷۷	۰/۰۰۳۵	۰/۰۰۰۲
A2	۰/۰۳۶۲	۰/۰۲۱۹	۰/۰۲۸۷	۰/۰۲۲۵	۰/۰۲۳۸	۰/۰۲۷۰	۰/۰۱۶۱	۰/۰۱۵۵	۰/۰۰۷۹	۰/۰۰۶۷	۰/۰۱۵۲	۰/۰۱۹۰	۰/۰۰۳۶	۰/۰۰۰۲
A3	۰/۰۴۶۸	۰/۰۲۹۶	۰/۰۳۳۰	۰/۰۲۴۰	۰/۰۲۶۵	۰/۰۳۱۳	۰/۰۲۰۶	۰/۰۱۶۶	۰/۰۰۹۲	۰/۰۰۷۸	۰/۰۱۷۵	۰/۰۱۹۳	۰/۰۰۳۶	۰/۰۰۰۲
A4	۰/۰۶۲۸	۰/۰۲۹۰	۰/۰۲۹۶	۰/۰۲۱۲	۰/۰۲۱۸	۰/۰۲۸۵	۰/۰۱۵۹	۰/۰۱۸۲	۰/۰۰۷۴	۰/۰۰۶۶	۰/۰۱۵۸	۰/۰۱۹۹	۰/۰۰۳۶	۰/۰۰۰۲
A5	۰/۰۵۶۸	۰/۰۲۸۹	۰/۰۳۱۱	۰/۰۲۴۰	۰/۰۲۶۵	۰/۰۳۴۰	۰/۰۱۸۶	۰/۰۱۷۸	۰/۰۰۸۶	۰/۰۰۷۵	۰/۰۱۷۹	۰/۰۲۰۷	۰/۰۰۳۷	۰/۰۰۰۲
A6	۰/۰۵۶۰	۰/۰۲۷۸	۰/۰۳۲۵	۰/۰۲۱۶	۰/۰۲۸۵	۰/۰۳۶۱	۰/۰۱۹۱	۰/۰۱۷۵	۰/۰۰۸۷	۰/۰۰۷۳	۰/۰۱۹۳	۰/۰۲۰۹	۰/۰۰۳۷	۰/۰۰۰۲
A7	۰/۰۵۳۶	۰/۰۲۴۶	۰/۰۲۹۶	۰/۰۱۸۴	۰/۰۲۳۸	۰/۰۲۹۷	۰/۰۱۶۸	۰/۰۱۵۱	۰/۰۰۸۳	۰/۰۰۶۸	۰/۰۱۴۰	۰/۰۱۵۶	۰/۰۰۳۷	۰/۰۰۰۲
A8	۰/۰۴۶۹	۰/۰۲۷۹	۰/۰۲۶۳	۰/۰۲۰۶	۰/۰۲۱۵	۰/۰۲۶۸	۰/۰۱۵۶	۰/۰۱۶۲	۰/۰۰۸۳	۰/۰۰۷۰	۰/۰۱۵۲	۰/۰۱۶۵	۰/۰۰۳۷	۰/۰۰۰۲
A9	۰/۰۶۴۵	۰/۰۲۶۳	۰/۰۳۱۵	۰/۰۲۱۱	۰/۰۲۵۶	۰/۰۳۱۵	۰/۰۱۹۶	۰/۰۱۶۱	۰/۰۰۷۳	۰/۰۰۶۹	۰/۰۱۶۲	۰/۰۲۱۰	۰/۰۰۳۸	۰/۰۰۰۲
A10	۰/۰۵۱۲	۰/۰۲۲۵	۰/۰۲۸۹	۰/۰۱۷۵	۰/۰۱۹۷	۰/۰۲۳۴	۰/۰۱۵۵	۰/۰۱۵۷	۰/۰۰۷۷	۰/۰۰۶۹	۰/۰۱۴۸	۰/۰۱۹۱	۰/۰۰۳۸	۰/۰۰۰۲
A11	۰/۰۵۸۰	۰/۰۲۸۲	۰/۰۲۹۶	۰/۰۲۱۵	۰/۰۲۴۲	۰/۰۲۸۲	۰/۰۱۵۹	۰/۰۱۶۶	۰/۰۰۸۴	۰/۰۰۶۹	۰/۰۱۵۷	۰/۰۲۰۴	۰/۰۰۳۸	۰/۰۰۰۲
A12	۰/۰۹۵۴	۰/۰۴۰۶	۰/۰۵۱۵	۰/۰۳۱۸	۰/۰۳۶۱	۰/۰۴۶۰	۰/۰۲۳۲	۰/۰۲۴۳	۰/۰۱۰۳	۰/۰۰۹۰	۰/۰۲۳۳	۰/۰۲۷۶	۰/۰۰۴۴	۰/۰۰۰۲

تعیین راه‌حل ایده‌آل مثبت و منفی: با به‌کارگیری فرمول‌های ۱۴ و ۱۵ به تعیین این مقادیر به صورت زیر می‌پردازیم:

$$A^+ = \{0.0954, 0.0406, 0.0515, 0.0318, 0.0361, 0.0460, 0.0232, 0.0243, 0.0103, 0.0090, 0.0223, 0.0276, 0.0035, 0.0002\}$$

$$A^- = \{0.0362, 0.0219, 0.0263, 0.0175, 0.0197, 0.0234, 0.0153, 0.0151, 0.0073, 0.0066, 0.0140, 0.0156, 0.0044, 0.0002\}$$

محاسبه فاصله نزدیکی: در اینجا برای هر طرح چیدمان به محاسبه فاصله گزینه از ایده‌آل مثبت و ایده‌آل منفی می‌پردازیم. این کار با استفاده از فرمول ۱۶ و ۱۷ برای هر طرح چیدمان انجام می‌شود.

تعیین مقدار نزدیکی نسبی: در اینجا با استفاده از فرمول ۱۸ به محاسبه نزدیکی نسبی به راه ایده‌آل خواهیم پرداخت. این مقادیر را در جدول ۱۱ آورده‌ایم. رتبه‌بندی نهایی طرح‌های پیشنهادی: حال برای رتبه‌بندی طرح‌های چیدمان به ترتیب نزولی  $Cl_{i+}$  ها را مرتب می‌کنیم (جدول ۱۱).

جدول ۱۱. رتبه‌بندی طرح‌های چیدمان

رتبه‌بندی	نزدیکی نسبی	طرح‌های چیدمان
۱۱	.۱۴۶۸	A1
۱۲	.۱۰۱۹	A2
۷	.۲۶۳۴	A3
۳	.۳۶۸۰	A4
۵	.۳۵۷۵	A5
۴	.۳۶۳۵	A6
۸	.۲۵۰۸	A7
۱۰	.۱۷۳۱	A8
۲	.۴۰۶۲	A9
۹	.۱۹۸۰	A10
۶	.۳۱۹۳	A11
۱	.۹۸۷۴	A12

همان‌طور که می‌بینیم، طرح ۱۲ به عنوان بهترین طرح انتخاب شد. با محاسبه وزن معیارها با استفاده از تکنیک آنتروپی نتیجه گرفتیم که بیشترین وزن‌ها به ترتیب مربوط به معیارهای اول،

سوم، ششم و دوم، یعنی انعطاف‌پذیری، ارتباط اطلاعاتی، جریان مواد و ارتباط محیطی هستند و وزن معیار هزینه جابه‌جایی پایین و در اولویت سیزدهم قرار دارد که نشان‌دهنده این است که هزینه جابه‌جایی برای مورد مطالعه این تحقیق از اهمیت بسیاری برخوردار نیست. در پایان با توجه به نظرات گرفته‌شده از تیم تصمیم در مورد ارزیابی عملکرد طرح‌ها با توجه به معیارها طرح فعلی کارخانه که با توجه به معیارهای کیفی امتیازات بالاتری نسبت به دیگر طرح‌ها به دست آورده بود، به عنوان مناسب‌ترین طرح انتخاب شد.

## ۵. نتیجه‌گیری

در این مقاله ابتدا به شناسایی معیارهای گوناگون مورد استفاده در مقالات مختلف پرداختیم. از بین معیارهای شناسایی‌شده موارد زیادی دارای عنوان‌های متفاوت اما مفاهیم یکسان و مواردی نیز جزئی از یک معیار کلی‌تر بودند که با ترکیب و حذف موارد تکراری در نهایت به چهارده معیار کمی و کیفی برای ارزیابی طرح‌های چیدمان دست یافتیم. در مقالاتی که در این زمینه انجام شده، بیشتر به دلیل جامع نبودن معیارهای در نظر گرفته شده، ارزیابی تمامی جنبه‌های طرح‌های چیدمان امکان‌پذیر نبود، اما در تحقیق حاضر با شناسایی معیارهای مختلف به کار رفته در مقالات گوناگون و در نظر گرفتن تمامی آن‌ها، به ارزیابی دقیق‌تری از طرح‌های چیدمان دست یافتیم. سپس روشی برای رتبه‌بندی طرح‌های چیدمان تسهیلات با استفاده از تلفیق روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره ارائه شد. این مدل، ترکیبی از تکنیک‌های AHP گروهی فازی، آنتروپی شانون و تاپسیس است که از مزایای این سه روش به طور همزمان استفاده می‌کند. این روش قابلیت به‌کارگیری همزمان معیارهای کمی و کیفی برای مقایسه طرح‌های مختلف را دارد. از جمله برتری‌های این روش نسبت به روش‌های تصمیم‌گیری دیگر این است که در روش حاضر طرح چیدمان بهینه بدون در نظر گرفتن اهمیت نسبی بین معیارها (وزن معیارها) که معمولاً از طریق نظر مستقیم خبرگان تعیین می‌شوند، به دست می‌آید، زیرا ناآشنایی خبرگان با مسئله، موجب ایجاد ارزش‌های معیار نامناسب و در نتیجه انتخاب طرح‌های ناکارآمد خواهد شد. در مقالات مختلف در این زمینه برای تعیین مقادیر عملکرد طرح‌های چیدمان با توجه به معیارهای کیفی از روش‌های قطعی استفاده شده که به علت مبهم بودن قضاوت‌ها در این موارد بهتر است از روش‌های فازی که توانایی بیشتری در بیان مقادیر غیر دقیق کیفی دارند استفاده شود، بنابراین در مدل حاضر برای رفع این ضعف در مرحله تعیین مقادیر عملکرد معیارهای کیفی از روش AHP فازی استفاده کردیم که کارایی روش را با توجه به وجود معیارهای کیفی در مسائل و توانایی بیشتر اعداد فازی در انعکاس نظر خبرگان بهبود داده است. همچنین به دلیل وجود معیارهای افزایشی و کاهش‌ی در این مطالعه، برای رتبه‌بندی طرح‌های

چیدمان از تاپسیس استفاده کردیم که از جمله روش‌های قوی در تصمیم‌گیری است. پیشنهاد می‌کنیم برای ایجاد طرح‌های چیدمان از روش‌های ابتکاری مانند الگوریتم ژنتیک، مورچگان و ... استفاده شود تا با ایجاد طرح‌های متنوع‌تر امکان دستیابی به طرح ایده آل افزایش یابد.



## منابع

۱. اصغریور، محمد جواد (۱۳۸۸). تصمیم‌گیری چند معیاره. تهران: دانشگاه تهران.
۲. ثریایی، سید علی، نوری‌فر، راحله، حیدرزاده، ارمغان (۱۳۸۵). اولویت‌بندی شاخص‌های ارزیابی عملکرد نیروی انسانی با استفاده از AHP-FUZZY. چهارمین کنفرانس بین‌المللی مدیریت تهران.
۳. عطائی، محمد (۱۳۸۸). تصمیم‌گیری چند معیاره فازی. شاهرود: دانشگاه صنعتی شاهرود.
۴. نوری، حمید، رادفورد، راسل (۱۳۸۸). مباحث نوین در مدیریت تولید و عملیات. دردانه داوری، بنفشه بهنام، هاله ولیان، تهران: سازمان مدیریت صنعتی.
۵. وینچه، عبدالله هادی، قاسمی، امیر محمد (۱۳۸۸). یک مدل بهینه‌سازی وزین غیر خطی جهت رتبه‌بندی مدل‌های مختلف چیدمان در مسئله طراحی چیدمان تسهیلات. *مجله ریاضیات کاربردی واحد لاهیجان*، ۶ (۲۳)، ۶۰-۵۱.
6. Aiello, G., Enea, M., & Galante, G. (2006). A multi-objective approach to facility layout problem by genetic search algorithm and Electre method. *Robotics and Computer-Integrated Manufacturing*, 22 (5-6), 447-455.
7. Aiello, G., Scalia, G.L., & Enea, M. (2012). A multi objective genetic algorithm for the facility layout problem based upon slicing structure encoding. *Expert Systems With Applications*, 39 (12), 10352-10358.
8. Azadivar, F., & Wng, J. (2000). Facility layout optimization using simulation and genetic algorithm. *International Journal of production research*. 38 (17), 4369-4383.
9. Baykasoglu, A., Dereli, T., & Sabuncu, I. (2006). An ant colony algorithm for solving budget constrained and unconstrained dynamic facility layout problems. *The International Journal of Management Science*, 34 (4), 385-396.
10. Cambron, K.E., & Evans, G.W. (1991). Layout design using the analytic hierarchy process. *Computers and Industrial Engineering*, 20 (2), 211-229.
11. Deb, S.K., & Bhattacharyya, B. (2005). Fuzzy decision support system for manufacturing facilities layout planning. *Decision Support Systems*, 40 (2), 305-314.
12. Ertay, T., Ruan, D., & Tuzkaya, U.T. (2006). Integrated data envelopment analysis and analytic hierarchy for the facility layout design in manufacturing systems. *Information science*, 176 (3), 237-262.
13. Ghaseminejad, A., Navidi, H., & Bashiri, M. (2011). Using data envelopment analysis and TOPSIS method for solving flexible bay structure layout. *International Journal of Management Science*, 6 (1), 49-57.
14. Heragu, S.S., & Kusiak, A. (1991). Efficient models for the facility layout problem. *European journal of operational research*, 53 (1), 1-13.
15. Houshyar, A., & White, B. (1993). Exact optimal solution for facility layout: Deciding Which Pairs of Locations Should Be Adjacent. *Computers & Industrial Engineering*, 24(2), 177-187.
16. Houshyar, A. (1991). Computer aided facility layout: An interactive multi-goal approach. *Computers and Industrial Engineering*, 20 (2), 177-186.

17. Jankovits, I., Luo, Ch., Anjos, M.F., & Vannelli, A. (2011). A convex optimization framework for the unequal-areas facility layout problem. *European Journal of Operational Research*, 214 (2), 199-215.
18. Karray, F., Zaneldin, E., Hegazy, T., Shabeeb, A.H.M., & Elbeltagi, E. (2000). Tools of soft computing as applied to the problem of facilities layout planning. *IEEE Transactions On Fuzzy Systems*, 8 (4), 367-379.
19. Komarudin, & Wong, K.Y. (2010). Applying Ant System for solving Unequal Area Facility Layout Problems. *European Journal of Operational Research*, 202 (3), 730-746.
20. Lee, K-Y., Han S-N., & Roh, M-I. (2003). An improved genetic algorithm for facility layout problems having inner structure walls and passages. *Computers & Operation Research*, 30 (1), 117-138.
21. Mak, K. I., Wong, Y.S., & Chan, F.T.S. (1998). A genetic algorithm for facility layout problems. *Computer Integrated Manufacturing Systems*, 11 (1-2), 113-127.
22. Meixner, O., (2009). Fuzzy ahp group decision analysis and its application for the evaluation of energy sources. *Institute of marketing and innovation*.
23. Ning, X.L., Ka-Chi, L., & M, C-K. (2010). Daynamic construction site layout planning using max-min ant system. *Automation in construction*, 19 (1), 55-65.
24. Partovi, F.Y., & Burton, J. (1992). An analytical hierarchy approach to facility layout. *Computers & Industrial Engineering*, 22 (4), 447-457.
25. Sadrzadeh, A. (2012). A genetic algorithm with the heuristic procedure to solve the multi-line layout problem. *Computers and Industrial Engineering*, 62 (4), 1055-1064.
26. Sahin, R. (2011). A simulated annealing algorithm for solving the bi-objective facility layout problem. *Expert Systems With Applications*, 38 (4), 4460-4465.
27. Samarghandi, H., & Eshghi, K. (2010). An efficient tabu algorithm for the single row facility layout problem. *European Journal of Operational Research*, 205 (1), 98-105.
28. Scholz, D., Jaehn, F., & Junker, A. (2011). Extensions to STaTS for practical applications of the facility layout problem. *Euopen Journal of Operational Research*, 204 (3), 463-472.
29. Shang, J.S. (1993). Multicriteria facility layout problem:An integrated approach. *European Journal of Operational Research*, 66 (3), 291-304.
30. Shouman, M.A., Nawara, G.M., Mohamed, H.E., & Shaer, R.H. (2004). Genetic algorithm approach for solving multi-objective facility layout problem. *Alexandria Engineering Journal*, 43 (3), 285-295.
31. Solimanpur, M., & Jafari, A. (2008). Optimal solution for the two-dimensional facility layout problem using a branch-and-bound algorithm. *Computers & Industrial Engineering*, 55 (3), 606-619.
31. Torfi, F., zanjirani Farahani, R., & Rezapour, SH. (2010). Fuzzy AHP to determine the relative weights of evaluation criteria and Fuzzy TOPSIS to rank the alternatives. *Applied Soft Computing*, 10 (2), 520-528.

32. Wang, M-J., Hu, M.H., & Ku, M-Y. (2005). A solution to the unequal area facilities layout problem by genetic algorithm. *Computers in Industry*, 56 (2), 207-220.
33. Yang, T., Hung, & Chih-Ching. (2007). Multiple-attribute decision making methods for plant layout design problem. *Robotic and Computer-Integrated Manufacturing*, 23 (1), 126-137.
34. Yang, T., & Kuo, Ch. (2003). A hierarchical AHP/DEA methodology for the facilities layout design problem. *European Journal of Operational research*, 147 (1), 128-136.
35. Ying, H., & Chang, L.J. (2009). A Fuzzy-AHP based innovation ability evaluation system for small medium sized enterprise clusters. *International Conference of Information Management, Innovation Management and Industrial Engineering*, 277-281.

