

## بررسی تغییرناپذیری اندازه‌گیری و ساختاری رابطه برخی از سازه‌های مطالعه بین‌المللی تیمز (۲۰۱۱) بر اساس جنسیت دانش‌آموزان

حسن تقیان \*

علی مقدمزاده \*\*

چکیده

این مطالعه با هدف بررسی تغییرناپذیری اندازه‌گیری و ساختاری شش سازه عملکرد ریاضی، نگرش به ریاضی، توانایی‌های اولیه ریاضی، مشارکت والدین، منابع آموزشی درون خانه و وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده مطالعه بین‌المللی تیمز ۲۰۱۱ در قالب یک مدل نظری انجام گرفت. شرکت کنندگان این مطالعه ۵۷۶۰ نفر از دانش‌آموزان پایه چهارم ابتدایی بودند که در سال ۲۰۱۱ در مطالعه بین‌المللی تیمز شرکت کرده بودند. نتایج نشان داد در گروه پسران، ارتباط بین متغیرهای مشاهده شده با متغیرهای نهفته برآش بهتری دارد. در قدرت روابط علت و معلولی نیز گروه پسران در اکثر موارد برآش بهتری را نسبت به گروه دختران از خود نشان دادند. در گروه پسران، نشانگرها پایابی بیشتری نسبت به گروه دختران داشتند. در ضرایب رگرسیون نیز به جز پیش‌بینی توانایی اولیه ریاضی توسط منابع آموزشی درون خانه و پیش‌بینی نگرش به ریاضی توسط مشارکت والدین، در سایر موارد دقت روابط در گروه پسران بیشتر از گروه دختران بود. در پاسخ‌گویی به همه سؤال‌ها، دختران با سوگیری سیستماتیک بیشتری نسبت به پسران عمل کردند. در نتیجه می‌توان گفت عملکرد ریاضی و متغیرهای تأثیرگذار بر آن، در دو گروه پسران و دختران معانی مختلفی داشته و با دقت‌های متفاوتی اندازه‌گیری شده است.

**واژگان کلیدی:** مدل‌یابی معادلات ساختاری چند گروهی، مطالعه تیمز، عملکرد ریاضی، جنسیت

\* دانشجوی دکتری سنجش آموزش دانشگاه تهران (مسئول مکاتبات: taghian@ut.ac.ir)

\*\* استادیار پردیس فارابی دانشگاه تهران

**مقدمه**

آماده‌سازی دانش‌آموzan با هدف موفقیت آنها در ریاضی و علوم یکی از مهم‌ترین اهداف آموزشی همه کشورها است. یادگیری ریاضی و علوم در سال‌های اولیه تحصیل، دانش‌آموzan را برای موفقیت در آینده تحصیلی و زندگی روزمره آماده می‌کند. مشارکت فعال و مؤثر در جامعه به صورت روزافزونی مستلزم یادگیری ریاضی و علوم است تا فرد بتواند به صورت آگاهانه در زندگی روزمره و امور شغلی تصمیم‌گیری کند. عملکرد ریاضی دانش‌آموzan با آینده اقتصادی و رقابتی کشورها در ارتباط است. بنابر این تشخیص عواملی که به صورت معنی‌دار با عملکرد ریاضی دانش‌آموzan ارتباط دارد، یکی از سیاست‌های آموزشی بیشتر کشورهای جهان بوده است. در این تحقیق با استفاده از داده‌های تیمز ۲۰۱۱ مربوط به دانش‌آموzan ایرانی پایه چهارم، ارتباط بین متغیرهای وضعیت اقتصادی-اجتماعی، مشارکت والدین در تکالیف مدرسه کودک، منابع آموزشی درون خانه، مهارت‌های اولیه ریاضی کودک و نگرش به ریاضی با عملکرد ریاضی دانش‌آموzan مورد بررسی قرار گرفته و همچنین تغییرناپذیری اندازه‌گیری و ساختاری بین دانش‌آموzan دختر و پسر بررسی شد.

**چهارچوب نظری**

در تحقیقات متعددی رابطه بین وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده با عملکرد دانش‌آموzan بررسی شده است (کلمن<sup>۱</sup>، ۱۹۶۶؛ وايت<sup>۲</sup>، ۱۹۸۲؛ يانگ<sup>۳</sup>، ۲۰۰۳؛ سیرین<sup>۴</sup>، ۲۰۰۵). نتایج بسیاری از تحقیقات نشان می‌دهد که وضعیت اقتصادی-اجتماعی عاملی تأثیرگذار بر سطح کلاس و دانش‌آموzan است (يانگ و گوستافسون<sup>۵</sup>، ۲۰۰۳؛ يانگ هنسن<sup>۶</sup>، ۲۰۰۸). مطالعات متعددی رابطه بین تعداد کتاب‌های خانه و تحصیلات والدین را با عملکرد تحصیلی دانش‌آموzan نشان داده است (مولیس<sup>۷</sup>، ۲۰۰۳؛ ۲۰۰۷؛ مولیس<sup>۸</sup>، ۲۰۰۷).

۱. Coleman

۲. White

۳. Yang

۴. Sirin

۵. Yang &amp; Gustafsson

۶. Yang Hansen

۷. Mullis

۲۰۱۲). برس و میرازچیزکی<sup>۱</sup> (۲۰۰۸) نشان دادند که عملکرد ریاضی دانشآموزان با تحصیلات والدین، تعداد کتاب‌های موجود در خانه، تعداد کتاب‌های دانشآموز در منزل و وجود رایانه مرتبط است.

مطالعات نشان می‌دهد دانشآموزانی که در تحصیل خود عملکرد مناسبی دارند، والدین آنها در تکالیف مدرسه مشارکت بیشتری داشته‌اند (اپستین<sup>۲</sup>، ۱۹۹۲ به نقل از آنتونی و والشاو<sup>۳</sup>، ۲۰۰۷). کای<sup>۴</sup> (۲۰۰۳) نشان داد مشارکت والدین در تکالیف مدرسه به صورت معنی‌داری بر عملکرد ریاضی دانشآموزان تأثیر دارد. در تحقیق وی، از پنج نقش والدین در یادگیری دانشآموزان با عنوان نقش برانگیزاننده، نظارت کننده، پشتیبانی کننده، راهنمایی کننده و مشاور درسی یاد شده است. در این میان نقش انگیزاننده بودن و نظارت والدین بیشترین تأثیر را در عملکرد ریاضی دانشآموزان داشته است.

مشارکت والدین به صورت نگرش‌های انگلیشی والدین و رفتارهای متناسب با آن که بر بهبود عملکرد دانشآموز تأثیر دارد، تعریف شده است (کریستینسون<sup>۵</sup>، ۲۰۰۴؛ فانتزو، تای و چایلدرز<sup>۶</sup>، ۲۰۰۰). در مطالعات متعددی نشان داده شده است که این متغیر به صورت معنی‌داری با دستاوردهای اجتماعی و تحصیلی دانشآموزان در ارتباط است. از آن جمله می‌توان به دیرینگ<sup>۷</sup> و همکاران (۲۰۰۴)، نوکالی<sup>۸</sup> و همکاران (۲۰۱۰) و زیگلار و مونچوو<sup>۹</sup> (۱۹۹۲) اشاره کرد. این متغیر به صورت مشارکت والدین در فعالیت‌های مدرسه محور<sup>۱۰</sup> (مانند توجه والدین به اتفاقات مدرسه) که مرتبط با آموزش کودکان است نیز تعریف شده است (اپستین، ۱۹۹۵). تحقیقات اخیر نشان داده‌اند که گستره وسیعی از فعالیت‌های مشارکتی والدین می‌تواند به

۱. Brese & Mirazchiyski

۲. Epstein

۳. Anthony & Walshaw

۴. Cai

۵. Christenson

۶. Fantuzzo, Tight & Childs

۷. Dearing

۸. Nokali

۹. Ziglar & Muenchow

۱۰. School-Based

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

دستاوردهای مثبت کودک در مدرسه منجر شود (گینسبورگ-بلک<sup>۱</sup> و همکاران، ۲۰۱۰). علاوه بر تعریف سنتی فعالیت‌های مدرسه‌محور، مفهوم پیشرفته‌تر مشارکت والدین شامل فعالیت‌ها و تعاملات بین والدین و فرزندان در خانه می‌شود (گینسبورگ-بلک و همکاران، ۲۰۱۰). تحقیقات متعددی ارتباط بین مشارکت والدین و عملکرد تحصیلی کودکان را تأیید می‌کند (فن و چن<sup>۲</sup>؛ ۲۰۰۱؛ جینز<sup>۳</sup>، ۲۰۰۳؛ ۲۰۰۵؛ نی<sup>۴</sup> و همکاران، ۲۰۰۷). هر چند در بسیاری از تحقیقات، ارتباط بین مشارکت والدین و سطح سواد بررسی شده است، اما محققان زیادی نیز به صورت خاص، به بررسی ارتباط بین مشارکت والدین و عملکرد ریاضی دانش‌آموزان پرداخته‌اند. در برخی از تحقیقات تنها فعالیت‌های والدین در خانه که مربوط به تکالیف مدرسه کودک است، آشکار شده است که این فعالیت‌ها تأثیر زیادی بر عملکرد ریاضی دانش‌آموزان داشته است (فن و چن، ۲۰۰۱؛ فانتوزو و همکاران، ۱۹۹۲؛ جینز<sup>۵</sup>؛ ۲۰۰۵؛ نی<sup>۶</sup> و همکاران، ۲۰۰۷). گرولنیک<sup>۷</sup> و همکاران (۱۹۹۱) نشان دادند که مشارکت والدین با تأثیر بر نگرش دانش‌آموزان نسبت به ریاضی، بر عملکرد ریاضی آنها تأثیر می‌گذارد. مفهوم نگرش نسبت به ریاضی عبارت است از میزان علاقه‌مندی به ریاضی و نگرش فرد به اهمیت آن در زندگی روزمره (هانولا<sup>۸</sup>؛ ۲۰۰۲؛ ما و کیشور<sup>۹</sup>؛ ۱۹۹۷). برخی از تحقیقات نشان داده‌اند که نگرش به ریاضی به صورت مستقیم با عملکرد تحصیلی دانش‌آموزان در ارتباط است. از آن جمله می‌توان به ما و کیشور (۱۹۹۷) و میدلتون و اسپانیاس<sup>۱۰</sup> (۱۹۹۹) اشاره کرد. دانش‌آموزانی که نگرش مثبتی به ریاضی

۱. Ginsborg-Block

۲. Fan & Chen

۳. Jeunes

۴. Nye

۵. Jeunes

۶. Nye

۷. Grolnick

۸. Hannuld

۹. Ma & Kishor

۱۰. Middleton & Spanias

دارند در عملکرد ریاضی موفق‌تر هستند (الس-کوئست، ۲۰۱۰؛ Tam<sup>۱</sup> و همکاران ۲۰۰۸؛ وینهлер<sup>۲</sup> و همکاران، ۲۰۱۳). نگرش به ریاضی سازه‌ای چند بُعدی است که سه بعد مهم آن خودپنداره ریاضی، لذت بردن از ریاضی و ادراک اهمیت ریاضی، به عنوان پیش‌بینی کننده عملکرد ریاضی نقش تعیین کننده‌ای دارند (واندکاندلار<sup>۳</sup> و همکاران، ۲۰۱۲). سینگ، گرانویل و دیکا<sup>۴</sup> (۲۰۰۲) ضمن اشاره به ارتباط بین نگرش به ریاضی و عملکرد دانش‌آموزان عنوان کردند که زمانی اهمیت این متغیر آشکار می‌شود که بدanim تأثیر بر عملکرد ریاضی، ایجاد تغییر در متغیرهای زمینه‌ای مانند وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده به سختی قابل تغییر است اما نگرش دانش‌آموز به ریاضی به نحو ساده‌تری قابل تغییر است.

ویلیامز، کاستبرگ و جوسلین<sup>۵</sup> (۲۰۰۵) عنوان می‌کنند اهمیت ارتباط بین وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده و عملکرد تحصیلی دانش‌آموزان به اندازه‌ای است که در کمتر تحقیقی، بدون دخالت این متغیر، عملکرد دانش‌آموزان بررسی شده است. سیرین<sup>۶</sup> (۲۰۰۵) در یک فراتحلیل با بررسی مقالات منتشر شده طی سال‌های ۱۹۹۰ تا ۲۰۰۰ به این نتیجه رسید که در همه مقاله‌ها ارتباط قوی بین این دو متغیر یافت شده است. این فراتحلیل نشان داد که وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده تقریباً بر همه متغیرهای موجود در تحقیقات مرتبط با آموزش، تأثیرگذار است.

عملکرد تحصیلی فرایندی تجمیعی شامل فرآگیری مهارت‌های جدید و بهبود مهارت‌های موجود است (انتوایسل و الکساندر<sup>۷</sup>، ۱۹۹۰؛ پونجلو<sup>۸</sup> و همکاران، ۱۹۹۶). تحقیقات متعدد نشان می‌دهد تسلط بر مفاهیم پایه مربوط به اعداد، به فهم عمیق‌تر مسائل پیچیده ریاضی و روش‌های حل مسئله می‌انجامد (بارودی<sup>۹</sup>، ۲۰۰۳؛ فراری و

۱. Tam

۲. Winheller

۳. Vandecandelaere

۴. Singh, Granville, & Dika

۵. Williams, Williams, Kastberg, and Jocelyn

۶. Sirin

۷. Entwistle & Alexander

۸. Pungello

۹. Baroody

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

سترنبرگ<sup>۱</sup>، ۱۹۹۸). داده‌های غیرآزمایشی نشان می‌دهد عملکرد کودکان در آزمون‌ها با عوامل شناختی و پیشرفت در مهارت‌های پایه ریاضی و سواد مانند اعداد و تشخیص حروف در ارتباط است (استونسون و نیومن<sup>۲</sup>، ۱۹۸۶). لاپارو و پیانتا<sup>۳</sup> (۲۰۰۰) در یک فرا تحلیل نشان داد بین مهارت‌های تحصیلی-شناختی در سنین پیش از مدرسه با دوره پیش‌دبستانی و با پایه اول و دوم ابتدایی ارتباط وجود دارد. انتظار می‌رود مهارت‌های مربوط به توجه، مانند پیگیری تکالیف و خودتنظیمی در طول زمان با درگیر شدن کودک در فعالیت‌های تحصیلی افزایش یابد و تحقیقات نشان داد که نشانه‌های توجه می‌تواند در اوایل دو نیم سالگی تشخیص داده شود اما تا رسیدن به سطح پایدار در سنین شش تا هشت سالگی افزایش می‌یابد (اولسون<sup>۴</sup> و همکاران، ۲۰۰۵؛ پوسنر و روسبارت<sup>۵</sup>، ۲۰۰۰). مک کل لند، موریسون و هولمز<sup>۶</sup> (۲۰۰۰) نشان دادند مهارت توجه، صرف نظر از توانایی شناختی اولیه، با عملکرد تحصیلی آینده کودک ارتباط دارد. دانکن<sup>۷</sup> و همکاران (۲۰۰۷) در یک فرا تحلیل با بررسی شش مجموعه داده، نشان دادند که مهارت‌های اولیه ریاضی و در مرتبه بعد مهارت‌های اولیه سواد و توجه ارتباط زیادی با عملکرد تحصیلی دانش‌آموزان دارد و این ارتباط به جنسیت و وضعیت اقتصادی-اجتماعی دانش‌آموزان وابسته نیست.

تحقیقات متعددی درباره تفاوت بین پسران و دختران در زمینه عملکرد ریاضی انجام شده است (الس کوئست<sup>۸</sup>، ۲۰۱۰؛ هاید<sup>۹</sup>، ۱۹۹۰؛ ریگل کرومب<sup>۱۰</sup>، ۲۰۰۵). با وجود اینکه برخی از تحقیقات بر وجود تفاوت بین عملکرد ریاضی پسران و دختران اشاره دارند، در برخی از کشورها نیز این تفاوت اثبات نشده است. الـس کوئست

۱. Ferrari & Strenberg
۲. Stevenson & Newman
۳. La Paro & Pianta
۴. Olson
۵. Posner & Rothbart
۶. McClelland, Morrison, & Holmes
۷. Duncan
۸. Else-Quest
۹. Hyde
۱۰. Riegle-Crumb

(۲۰۱۰) یک الگوی بین‌المللی را در عملکرد ریاضی، نگرش به ریاضی و احساسات نسبت به ریاضی نشان داد. تفاوت پسران و دختران در تحقیق وی که از داده‌های تیمز (۲۰۰۳) و پیزا (۲۰۰۳) استفاده شده بود، نشان داده شد که جنسیت در برخی از کشورها بر متغیرهای مربوط به ریاضی تأثیر دارد اما در برخی از کشورها چنین تفاوتی دیده نشد. صرف نظر از تفاوت‌های موجود بین کشورهای مختلف، پسران در ارتباط با متغیرهای اطمینان به عملکرد ریاضی، اضطراب ریاضی و انگیزش، در مقایسه با دختران وضعیت بهتری داشتند. اسینگتن<sup>۱</sup> (۱۹۹۲) اهمیت نگرش دانش‌آموزان نسبت به ریاضی را به عنوان عاملی کلیدی در تفاوت عملکرد مبنی بر جنسیت نشان داد. بر اساس یافته‌های وی اهمیت ریاضی، بر عملکرد پسران و احساسات نسبت به ریاضی، بر عملکرد دختران تأثیر دارد. در یکی از آخرین تحقیقات در این زمینه دوئر و هارلو<sup>۲</sup> (۲۰۱۱) در مورد تفاوت مبنی بر جنسیت، وضعیت اقتصادی-اجتماعی، نگرش نسبت به ریاضی و عملکرد ریاضی دانش‌آموزان با استفاده از داده‌های تیمز (۲۰۰۷) تحقیق کردند و به این سه نتیجه کلی رسیدند که: ۱- بین عملکرد ریاضی دانش‌آموزان پسر و دختر، تفاوت معنی‌داری مشاهده نشد. ۲- ضرایب مسیر بین وضعیت اقتصادی-اجتماعی و عملکرد ریاضی و بین نگرش نسبت به ریاضی و عملکرد ریاضی برای دو گروه پسران و دختران متفاوت بود. ۳- بارهای عاملی برای سازه نگرش به ریاضی در پسران و دختران با هم متفاوت بود.

مقاله حاضر روابط ساختاری و اندازه‌گیری شش سازه وضعیت اقتصادی-اجتماعی، مشارکت والدین در تکالیف، منابع آموزشی درون خانه، مهارت‌های اویله ریاضی، نگرش نسبت به ریاضی و عملکرد ریاضی در دانش‌آموزان دختر و پسر پایه چهارم ابتدایی را با استفاده از داده‌های تیمز (۲۰۱۱) در ایران مورد بررسی قرار داده است.

این پژوهش به دنبال پاسخ‌گویی به سوال‌های زیر بود:

- ۱- آیا الگوی بارهای عاملی ثابت و آزاد (تغییرناپذیری ساختاری) بین دو گروه یکسان است؟

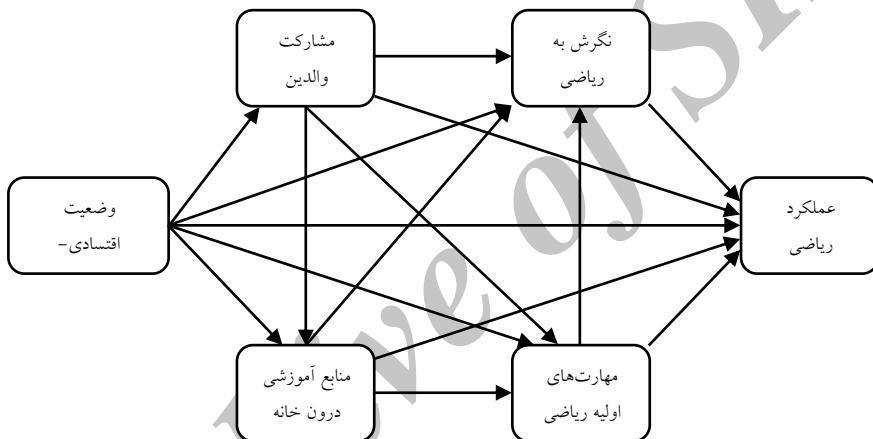
۲- آیا بارهای عاملی (تغییرناپذیری متريک) بین دو گروه یکسان است؟

۱. Ethington

۲. Duerr & Harlow

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

- ۳- آیا واریانس خطای نشانگرها بین دو گروه یکسان است؟
- ۴- آیا تغییرناپذیری ضرایب مسیر رگرسیون (معادله‌های رگرسیون) بین دو گروه یکسان است؟
- ۵- آیا واریانس-کوواریانس متغیرهای نهفته متغیرهای درونزا بین دو گروه یکسان است؟
- ۶- آیا واریانس عاملی متغیر برونزا بین دو گروه یکسان است؟
- ۷- آیا میانگین عاملی متغیرهای نهفته بین دو گروه یکسان است؟



نمودار (۱) مسیرهای پیشنهادی بین متغیرهای تحقیق

### روش

این تحقیق مطالعه‌ای ثانوی است که با استفاده از داده‌های تیمز (۲۰۱۱) مربوط به دانش‌آموزان پایه چهارم ابتدایی ایران انجام شد. داده‌های مورد استفاده در این تحقیق مربوط به ششمین دوره برگزاری مطالعه تیمز است. نمونه مورد بررسی در این تحقیق دانش‌آموزان دختر و پسر پایه چهارم ابتدایی هستند که از ۲۴۵ مدرسه به صورت خوش‌های سه مرحله‌ای انتخاب شده‌اند. نمونه‌های تحقیق، تعداد ۲۹۰۰ نفر پسر و ۲۸۶۰ نفر دختر بودند.

این تحقیق به روش همبستگی و به منظور بررسی ماتریس واریانس-کوواریانس شش سازه از سازه‌های مطالعه تیمز انجام شد. در این تحقیق از مدل‌بایی معادلات ساختاری چندگروهی استفاده شد. این نوع تحلیل به منظور بررسی و مقایسه تغییرناپذیری اندازه‌گیری و ساختاری در بین گروه‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد. هدف این روش تحلیل بررسی برابری سازه‌های اندازه‌گیری شده و یکسانی رابطه بین متغیرهای مشاهده شده و نهفته در دو یا چند گروه مستقل است. تغییرناپذیری اندازه‌گیری شامل بررسی تغییرناپذیری ساختاری (طرحی<sup>۱</sup>)، تغییرناپذیری متریک (بارهای عاملی) و تغییرناپذیری اسکالر (عرض از مبدأها) است (سالزبرگر، سین کویکز و شلیگل میلچ، ۱۹۹۹). تغییرناپذیری ساختاری شامل بررسی تغییرناپذیری واریانس عاملی، تغییرناپذیری کوواریانس عاملی، تغییرناپذیری واریانس خطا و تغییرناپذیری میانگین‌های نهفته است (شوارتر و همکاران، ۲۰۰۴). در تغییرناپذیری ساختاری یکسانی مدل اندازه‌گیری بر اساس ماتریس واریانس-کوواریانس بررسی می‌شود. به عبارت دیگر این تغییرناپذیری، یکسانی رابطه بین متغیرهای نهفته و متغیرهای مشاهده شده را نشان می‌دهد. همچنین با استفاده از این بخش از تحلیل، یکسانی تعداد عامل‌ها در گروه‌ها و یکسانی الگوی پارامترهای آزاد و ثابت در گروه‌ها بررسی می‌شود. با استفاده از تغییرناپذیری بارهای عاملی، برابری بارهای عاملی بین گروه‌ها بررسی می‌شود. در تغییرناپذیری عرض از مبدأها، ارتباط بین متغیرهای پنهان به منظور مقایسه بین میانگین‌ها انجام می‌شود. در تغییرناپذیری واریانس عاملی، یکسانی واریانس متغیرهای نهفته بررسی می‌شود. با استفاده از تغییرناپذیری کوواریانس عاملی کیفیت معنای سازه‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرد. تغییرناپذیری واریانس خطا نیز یکسانی خطای اندازه‌گیری نشانگرهای مشاهده شده را در گروه‌ها بررسی می‌کند. تغییرناپذیری میانگین‌های نهفته تفاوت بین گروه‌ها در میانگین‌های نهفته را نشان می‌دهد.

### ابزار تحقیق

داده‌های مورد استفاده در این تحقیق مربوط به مطالعه بین المللی تیمز (۲۰۱۱) است. در این تحقیق از پاسخ دانش‌آموزان به سوال‌های پرسشنامه دانش‌آموز و پاسخ والدین

۱. Configural

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

به پرسشنامه والدین استفاده شد (جزئیات ابراز مورد استفاده در پیوست ۱ می‌باشد). بررسی روایی و پایایی سوال‌های این پرسشنامه توسط مرکز بین‌المللی مطالعه در دانشگاه بوسټون آمریکا انجام می‌شود. از آنجا که در این تحقیق تنها از شش سازه این پرسشنامه استفاده شده است به صورت جداگانه پایایی هر سازه با استفاده از آلفای کرونباخ مورد بررسی قرار گرفت. عملیات آماری با استفاده از نرم‌افزار SPSS نسخه ۱۸ و LISREL ویرایش ۸/۸ انجام گرفت.

**سازه عملکرد ریاضی دانش‌آموزان:** عملکرد ریاضی دانش‌آموزان شامل فهم، استدلال و به کارگیری ریاضی است که توسط پنج نشانگر اندازه‌گیری شده است. آلفای کرونباخ برای این سازه ۰/۹۷ بود.

**سازه نگرش به ریاضی:** این سازه شامل سوال‌هایی است که احساسات مثبت نسبت به ریاضی، میزان اعتماد به نفس در درس ریاضی و ادراک دانش‌آموز از میزان اهمیت یادگیری ریاضی را اندازه می‌گیرد. در این تحقیق از پنج سوال پرسشنامه مربوط به نگرش دانش‌آموز استفاده شد. آلفای کرونباخ برای این سازه ۰/۷۳ است.

**سازه توانایی‌های اولیه ریاضی دانش‌آموزان:** شامل توانایی شمارش اعداد، تشخیص اشکال هندسی، تشخیص شکل اعداد، توانایی نوشتن اعداد، انجام جمع ساده و انجام تفریق ساده است. برای بررسی توانایی‌های اولیه سواد دانش‌آموزان از پنج سوال پرسشنامه والدین استفاده شده است. مقدار آلفای کرونباخ این سازه ۰/۷۹ بود.

**سازه مشارکت والدین در تکالیف مدرسه:** از پرسشنامه دانش‌آموز اقتباس شده است که شامل سوال‌هایی درباره گفتگوی کودک با والدین خود در مورد اتفاقات مدرسه، گفتگوی کودک با والدین خود درباره آموخته‌های خود در مدرسه، نظرارت والدین بر زمان صرف شده توسط کودک برای انجام تکالیف مدرسه و نظرارت والدین بر نحوه انجام تکالیف مدرسه است. آلفای کرونباخ برای این سازه ۰/۶۱ است.

**سازه منابع آموزشی درون خانه:** شامل تعداد کتاب‌های کودک در خانه، داشتن میز تحریر، داشتن رایانه، داشتن اینترنت، داشتن اتاق شخصی و تعدادی سوال مربوط به منابع آموزشی مختص هر کشور است. آلفای کرونباخ برای این سازه ۰/۶۶ به دست آمد.

سازه وضعیت اقتصادی-اجتماعی: شامل تعداد کتاب‌های موجود درخانه، تحصیلات پدر و تحصیلات مادر می‌شود که برای این سازه مقدار آلفای کرونباخ ۰/۶۰ بدست آمد.

### یافته‌ها

جدول (۱) شاخص‌های برازنده‌گی مدل پیشنهادی را برای پسران و دختران نشان می‌دهد. همچنین در این جدول شاخص‌های برازنده‌گی برای مدل‌های تغییرناپذیری ساختاری و اندازه‌گیری قابل مشاهده است. نتایج نشان می‌دهد که مدل پیشنهادی برای هر دو گروه پسران و دختران، برازنده‌گی مناسبی دارد.

جدول (۱) آزمون‌های تغییرناپذیری اندازه‌گیری بین دو گروه پسران و دختران

<i>AIC</i>	<i>GFI</i>	<i>CFI</i>	<i>NNFI</i> <i>I</i>	<i>NFI</i>	<i>RMS</i> <i>EA</i>	<i>p</i>	$\Delta df$	$\Delta \chi^2$	$\frac{\chi^2}{df}$	<i>p</i>	<i>df</i>	$\chi^2$	مدل	آشیانه‌ای
۹۲۵/۰۵	۰/۹۷	۰/۹۹	۰/۹۹	۰/۹۸	۰/۰۲۵	-	-	-	۲/۳۴	/۰۰	۳۲۹	۷۷۱/۰۵		پسران
۸۱۲/۰۰	۰/۹۷	۰/۹۹	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۰۲۷	-	-	-	۲/۷۴	/۰۰	۳۲۹	۹۰۰/۶۷		دختران
۱۹۷۹/۷۷	۰/۹۷	۰/۹۹	۰/۹۹	۰/۹۸	۰/۰۲۶	-	-	-	۲/۵۴	/۰۰	۶۵۸	۱۶۷۱/۷۷		۱- تغییرناپذیری ساختاری
۲۰۱۳/۱۳	۰/۹۷	۰/۹۹	۰/۹۹	۰/۹۸	۰/۰۲۶	</۰/۱	۲۲	۷۷/۴۱	۲/۵۷	/۰۰	۶۸۰	۱۷۴۹/۱۳	۱	۲- تغییرناپذیری کامل ساختار (باز) عاملی
۱۹۹۹/۲۸	۰/۹۷	۰/۹۹	۰/۹۹	۰/۹۸	۰/۰۲۶	</۰/۱	۱۶	۵۱/۶۵	۲/۵۶	/۰۰	۶۷۴	۱۷۲۳/۲۸	۱	۳- تغییرناپذیری تفکیکی ساختار عاملی
۲۲۶۷/۵۱	۰/۹۷	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۰۲۸	</۰/۱	۲۸	۱۹۸/۳۸	۲/۷۵	/۰۰	۷۰۸	۱۹۴۷/۵۱	۲	۴- تغییرناپذیری کامل عرض از مدها
۲۳۹۲/۴۸	۰/۹۷	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۹۷	۰/۰۲۸	-	-	-	۲/۸۸	/۰۰	۷۴۲	۲۱۴۰/۴۸	-	۵- تغییرناپذیری واریانس خطای نشانگرها
۲۳۹۴/۶۵	۰/۹۷	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۹۷	۰/۰۲۸	-	-	-	۲/۸۷	/۰۰	۷۵۷	۲۱۷۲/۶۵	-	۶- تغییرناپذیری ضرایب رگرسیون
۷۵۱۲۴/۲۴	۰/۹۷	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۹۷	۰/۰۲۸	-	-	-	۲/۸۹	/۰۰	۷۶۲	۲۲۰۳/۶۶	-	۷- تغییرناپذیری واریانس خطای عامل‌های نهفته
۲۴۱۵/۰۷	۰/۹۷	۰/۹۸	۰/۹۸	۰/۹۷	۰/۰۲۸	-	-	-	۲/۸۹	/۰۰	۷۶۳	۲۲۰۵/۰۷	-	۸- تغییرناپذیری کامل واریانس عاملی
۲۴۲۷/۰۷	۰/۹۷	۰/۹۹	۰/۹۹	۰/۹۸	۰/۰۲۶	-	-	-	۲/۹۱	/۰۰	۷۵۷	۲۲۰۵/۰۷	-	۹- تغییرناپذیری کامل میانگین‌های

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

<i>AIC</i>	<i>GFI</i>	<i>CFI</i>	<i>NNF</i>	<i>NFI</i>	<i>RMS EA</i>	<i>p</i>	$\Delta df$	$\Delta x^2$	$\frac{x^2}{df}$	<i>p</i>	<i>df</i>	$x^2$	مدل آشیانه‌ای	مدل	نهاسته

در مدل اول (تغییرناپذیری ساختاری) معنی دار بودن مجذور خی برای این مدل نشان داد که رابطه بین متغیرهای نهاسته و مشاهده شده در دو گروه پسران و دختران به طور معنی داری تفاوت دارد.

در مدل دوم (تغییرناپذیری متريک بارهای عاملی) از آنجا که تفاوت شاخص‌های تغییرناپذیری ساختاری و تغییرناپذیری متريک، افزایش مقدار مجذور خی را به همراه داشته است. بر اساس اين افزایش معنی دار می‌توان نتیجه گرفت که بین بارهای عاملی متغیرهای مشاهده شده در دو گروه تفاوت معنی داری وجود داشته است.

در مدل سوم مربوط به تغییرناپذیری تفکيکي متريک (آزادسازی بارهای عاملی محدود شده) نتایج نشان می‌دهد پس از آزاد ساختن پارامترهای آزاد شده، تفاوت معنی داری در شاخص‌های برازنده‌گی مدل نسبت به مدل ساختاری به وجود می‌آيد.

در مدل چهارم مدل کامل تغییرناپذیری اسکالار (عرض از مبدأها) نتایج نشان می‌دهد بین شاخص‌های برازنده‌گی مدل ساختاری و مدل عرض از مبدأها تفاوت معنی داری وجود دارد. بنابر اين می‌توان گفت سوگيری منظمی در پاسخ‌های دو گروه در پاسخ به سؤال‌ها وجود دارد.

در مدل پنجم تغییرناپذیری کامل واريانس خطای یا برابری خطای اندازه‌گیری متغیرهای مشاهده شده، نتایج نشان می‌دهد بین خطاهای اندازه‌گیری متغیرهای مشاهده شده در دو گروه تفاوت معنی داری وجود دارد.

در مدل ششم، نتایج نشان می‌دهد بین ضرایب رگرسیون متغیرهای نهاسته دو گروه تفاوت معنی داری وجود دارد.

در مدل هفتم تغییرناپذیری واريانس خطاهای عامل‌های نهاسته در گروه‌ها، نتایج نشان می‌دهد که بین خطاهای عامل‌های نهاسته در دو گروه تفاوت معنی داری وجود دارد.

در مدل هشتم تغییرناپذیری تفاوت‌های احتمالی در همگونی متغیرهای نهاسته در بین گروه‌ها بررسی شده است و نتایج نشان می‌دهد بین دو گروه پسران و دختران تفاوت معنی داری در واريانس متغیرهای نهاسته وجود دارد.

در مدل نهم، نتایج نشان می‌دهد بین میانگین‌های نهفته دو گروه تفاوت معنی‌داری وجود دارد.

### تفاوت‌های بین بارهای عاملی، عرض از مبداءها و واریانس‌های خطاطا

جدول (۲) ارزش‌های مطلق همه پارامترهای اندازه‌گیری (بارهای عاملی، عرض از مبداءها، واریانس‌های خطاطا) را برای دو گروه نشان داده است. در این مطالعه گروه پسران مبنای مقایسه قرار گرفت. نتایج تغییرناپذیری بارهای عاملی نشان داد معنای سازه‌ها در گروه دختران با گروه پسران متفاوت است. نتایج بررسی تغییرناپذیری عرض از مبداءها نشان داد در مقایسه متغیرهای نهفته، میانگین گروه دختران با گروه پسران تفاوت معنی‌داری داشت و عرض از مبدأ رگرسیون نمره سؤال مشاهده شده روی نمره متغیر نهفته در گروه دختران با گروه پسران متفاوت بود. همچنین می‌توان گفت سوگیری سیتماتیکی در پاسخ به سؤال‌ها در گروه دختران در مقایسه با گروه پسران وجود داشت. در همه سؤال‌ها سوگیری در گروه دختران به نسبت گروه پسران به طور معنی‌داری بیشتر بود. بررسی تغییرناپذیری واریانس خطاطا نیز نشان داد بین گروه دختران و گروه پسران در خطای اندازه‌گیری متغیرهای مشاهده شده تفاوت وجود داشت. همچنین می‌توان گفت بر مبنای نتایج تغییرناپذیری واریانس خطاطا هم بین گروه دختران و پسران به لحاظ برابری پایایی نشانگرها تفاوت وجود داشت.

جدول (۲) بارهای عاملی، عرض از مبداءها و واریانس خطای نامتغیری و متغیری دو گروه پسران و دختران

واریانس خطاطا		عرض از مبداءها		بارهای عاملی		نشانگر	متغیر نهفته
پسران	دختران	پسران	دختران	پسران	دختران		
۱	۰/۰۸	۱	۰/۰۲۷	۱	۱	۱	وضعیت اقتصادی-اجتماعی
۰/۰۴	۰/۰۵	۰/۰۴	۰/۰۲۱	۰/۰۴	۰/۰۴۳	۲	
۰/۰۴	۰/۰۴	۰/۰۴	۰/۰۱۹	۰/۰۴	۰/۰۴۱	۳	
۰/۰۱	۰/۰۰۵	۰/۰۱	۰/۰۰۵	۰/۰۳	۰/۰۰۹	۴	

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

واریانس خطای مطالعات		عرض از مبداءها		بارهای عاملی		نشانگر	متغیر نهفته
پسران	دختران	پسران	دختران	پسران	دختران		
۱	۰/۰۲۴	۱	۰/۰۱۱	۱	۱	۱	مشارکت والدین
۰/۰۷	۰/۰۳۲	۰/۰۷	۰/۰۱۲	۰/۰۷	۰/۰۷	۲	
۰/۰۸	۰/۰۳۷	۰/۰۸	۰/۰۱۴	۰/۰۸	۰/۰۷۸	۳	
۰/۰۸	۰/۰۳۳	۰/۰۸	۰/۰۱۳	۰/۰۸	۰/۰۸۲	۴	
۱	۰/۰۰۶	۱	۰/۰۰۸	۱	۱	۱	منابع آموزشی درون خانه
۰/۰۳	۰/۰۰۵	۰/۰۳	۰/۰۰۸	۰/۰۳	۰/۰۲۸	۲	
۰/۰۲	۰/۰۰۵	۰/۰۲	۰/۰۰۸	۰/۰۲	۰/۰۲۲	۳	
۰/۰۳	۰/۰۰۵	۰/۰۳	۰/۰۰۸	۰/۰۳	۰/۰۲۹	۴	
۰/۰۳	۰/۰۰۵	۰/۰۳	۰/۰۰۸	۰/۰۳	۰/۰۲۸	۵	
۱	۰/۰۲۳	۱	۰/۰۱۲	۱	۱	۱	توانایی‌های اولیه ریاضی
۰/۰۴	۰/۰۲۲	۰/۰۴	۰/۰۱۴	۰/۰۴	۰/۰۳۹	۲	
۰/۰۴	۰/۰۲۳	۰/۰۵	۰/۰۱۳	۰/۰۵	۰/۰۳۹	۳	
۰/۰۵	۰/۰۴	۰/۰۶	۰/۰۱۶	۰/۰۶	۰/۰۵۳	۴	
۰/۰۲	۰/۰۰۵	۰/۰۲	۰/۰۰۷	۰/۰۲	۰/۰۱۶	۵	
۱	۰/۰۱۹	۱	۰/۰۱۱	۱	۱	۱	نگرش نسبت به ریاضی
۰/۰۴	۰/۰۳۵	۰/۰۴	۰/۰۱۶	۰/۰۴	۰/۰۴۵	۲	
۰/۰۴	۰/۰۳۴	۰/۰۵	۰/۰۱۳	۰/۰۵	۰/۰۴۶	۳	
۰/۰۵	۰/۰۲۵	۰/۰۵	۰/۰۱۳	۰/۰۵	۰/۰۴۶	۴	
۰/۰۳	۰/۰۲۵	۰/۰۳	۰/۰۰۸	۰/۰۳	۰/۰۲۸	۵	
۱	۰/۰۰۸	۱	۰/۰۱۶	۱	۱	۱	عملکرد ریاضی
۰/۰۱	۰/۰۰۸	۰/۰۱	۰/۰۱۶	۰/۰۱	۰/۰۱۰	۲	
۰/۰۱	۰/۰۰۸	۰/۰۱	۰/۰۱۶	۰/۰۱	۰/۰۱۰	۳	
۰/۰۱	۰/۰۰۸	۰/۰۱	۰/۰۱۶	۰/۰۱	۰/۰۱۴	۴	
۰/۰۱	۰/۰۰۸	۰/۰۱	۰/۰۱۶	۰/۰۱	۰/۰۱۴	۵	

### تفاوت در همبستگی متغیرهای نهفته

از آنجایی که تغییرناپذیری بارهای عاملی و تغییرناپذیری عرض از مبدأها معنی دار است، بررسی تفاوت‌های بین میانگین‌های نهفته امکان‌پذیر نیست. بنابر این نتایج همبستگی‌های بین متغیرهای نهفته مورد بررسی قرار گرفت.

جدول (۳) ضرایب همبستگی بین متغیرهای نهفته در دو گروه پسران و دختران

متغیر	گروه	۱	۲	۳	۴	۵	۶
۱- وضعیت اقتصادی-اجتماعی	پسران	-					
	دختران	-					
۲- مشارکت والدین	پسران	۰/۲۹	-				
	دختران	۰/۲۷	-				
۳- منابع آموزشی درون خانه	پسران	۰/۸۹	۰/۳۴	-			
	دختران	۰/۹۰	۰/۲۴	-			
۴- مهارت‌های اولیه ریاضی	پسران	۰/۲۱	۰/۱۴	۰/۱۷	-		
	دختران	-۰/۲۰	۰/۱۳	۰/۱۶	-		
۵- نگرش نسبت به ریاضی	پسران	-۰/۰۵	۰/۱۵	۰/۰۰	۰/۰۶	-	
	دختران	۰/۰۰	۰/۱۴	۰/۰۰	۰/۳	-	
۶- عملکرد ریاضی	پسران	-۰/۳۳	۰/۱۱	۰/۲۲	۰/۱۱	-	
	دختران	۰/۶۲	۰/۰۸	۰/۴۵	۰/۹	۰/۱۲	-

همبستگی بین متغیر مشارکت والدین و وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده در هر دو گروه پسران و دختران مثبت و به هم شبیه بود. ضریب همبستگی بین منابع آموزشی درون خانه و وضعیت اقتصادی-اجتماعی نیز در هر دو گروه مثبت و به هم نزدیک بود. ضریب همبستگی بین منابع آموزشی درون خانه و مشارکت والدین نیز در هر دو گروه مثبت بود. ضریب همبستگی بین مهارت‌های اولیه ریاضی و وضعیت اقتصادی-اجتماعی در گروه پسران مثبت و در بین دختران منفی بود. ضریب همبستگی بین مهارت‌های اولیه ریاضی و مشارکت والدین و همبستگی بین مهارت‌های اولیه ریاضی و منابع آموزشی درون خانه در هر دو گروه پسران و دختران مثبت و مقادیر آنها در دو گروه به هم شبیه بود. ضریب همبستگی نگرش نسبت به ریاضی و وضعیت اقتصادی-اجتماعی در هر دو گروه پسران و دختران بسیار کوچک بود. با این همه در گروه پسران یک ضریب منفی با قدر مطلق بسیار کوچک مشاهده می‌شد، در حالی که این ضریب در گروه دختران برابر با صفر بود. ضریب همبستگی بین نگرش به ریاضی و مشارکت والدین در هر دو گروه مثبت بود. بین نگرش به ریاضی و منابع آموزشی درون خانه ضریب همبستگی در هر دو گروه پسران و دختران برابر با صفر شده است. بین نگرش به ریاضی و مهارت‌های اولیه ریاضی همبستگی مثبتی در هر دو گروه مشاهده می‌شد اما این ضریب در گروه پسران بسیار

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

کوچک بود، در حالی که ضریب مربوط به گروه دختران به مراتب بزرگ‌تر بود. ضرایب همبستگی بین عملکرد ریاضی و وضعیت اقتصادی-اجتماعی دانشآموزان پسر و دختر کاملاً با هم متفاوت بود. این ضریب برای گروه پسران منفی و برای گروه دختران کاملاً مثبت بود و هر دو ضریب قدر مطلق نسبتاً بالایی داشت. همبستگی بین مشارکت والدین و عملکرد ریاضی دانشآموزان در هر دو گروه مثبت بود. ضریب همبستگی بین نگرش دانشآموزان به ریاضی و عملکرد ریاضی آنها در هر دو گروه مثبت بود. قدر مطلق ضریب همبستگی بین عملکرد ریاضی و مهارت‌های اولیه ریاضی دانشآموزان دو گروه کاملاً با هم متفاوت بود. در گروه دختران همبستگی بسیار شدیدتر از گروه پسران بود. بین عملکرد ریاضی و نگرش به ریاضی نیز همبستگی مثبت و مشابهی در هر دو گروه پسران و دختران مشاهده شد.

### تغییرناپذیری ضرایب رگرسیون متغیرهای نهفته

نتایج جدول (۴) نشان‌دهنده وضعیت تغییرناپذیری معادله‌های رگرسیون متغیرهای نهفته است. نتایج نشان داد معادله‌های رگرسیون برای پیش‌بینی متغیرهای نهفته بر مبنای سایر متغیرهای نهفته پیش‌بین بین دو گروه پسران و دختران در همه معادله‌ها متفاوت است. به عبارت دیگر فرض تغییرناپذیری رد شده و ضرایب رگرسیون متغیرهای نهفته در بین دو گروه پسران و دختران کاملاً متفاوت است.

**جدول (۴) ضرایب رگرسیون تغییرناپذیری و متغیر متغیرهای نهفته بین دو گروه پسران و دختران**

<b>R<sup>2</sup></b>		برابر بودن ضرایب رگرسیون		پیش‌بین	ملای
دختران	پسران	دختران	پسران		
۰/۴۶	۰/۵۲	۰/۲۰	۰/۴	وضعیت اقتصادی-اجتماعی	عملکرد ریاضی
		۰/۰۶	۰/۱۲	مشارکت والدین	
		۰/۴۷	۰/۹۴	منابع آموزشی درون خانه	
		۰/۰۳	۰/۰۵۸	توانایی‌های اولیه ریاضی	
		۰/۰۳	۰/۰۶۷	نگرش به ریاضی	
۰/۰۲	۰/۰۴۶	۰/۰۸	۰/۱۳	وضعیت اقتصادی-اجتماعی	نگرش به ریاضی
		۰/۰۴	۰/۰۲۶	مشارکت والدین	
		۰/۱۹	۰/۳۱	منابع آموزشی درون خانه	
		۰/۰۲	۰/۰۶۷	توانایی‌های اولیه ریاضی	
	۰/۰۶	۰/۰۵۲	۰/۰۸	وضعیت اقتصادی-اجتماعی	توانایی اولیه ریاضی

R <sup>۷</sup>	برابر بودن ضرایب رگرسیون			پیش‌بین	ملک
دختران	پسران	دختران	پسران		
		۰/۰۴	۰/۲۹	مشارکت والدین	منابع آموزشی درون خانه
		۰/۱۹	۰/۰۵۵	منابع آموزشی درون خانه	
۰/۸۳	۰/۸۳	۰/۰۲	۰/۰۲۵	وضعیت اقتصادی-اجتماعی	منابع آموزشی درون خانه
		۰/۰۲	۰/۰۲۹	مشارکت والدین	
۰/۰۷	۰/۰۹۰	۰/۰۲	۰/۰۲۲	وضعیت اقتصادی-اجتماعی	مشارکت والدین

### بحث و نتیجه‌گیری

هدف این مطالعه بررسی تغییرناپذیری اندازه‌گیری و ساختاری شش سازه از مطالعه تیمز (۲۰۱۱) در ایران بود. به این منظور از مدل معادلات ساختاری چندگروهی استفاده شد و مفروضه‌های همگونی جامعه‌ها بین دانشآموزان دختر و پسر مورد بررسی قرار گرفت. برای نیل به این هدف بر اساس پیشینه‌های موجود، شش سازه عملکرد ریاضی، نگرش نسبت به ریاضی، توانایی‌های اولیه ریاضی، مشارکت والدین در تکالیف مدرسه کودک، منابع آموزشی درون خانه و وضعیت اقتصادی-اجتماعی خانواده بررسی شد و با استفاده از مدل یابی معادلات ساختاری چند گروهی مدل پیشنهادی بر روی سازه‌های مورد نظر درگروه پسران و دختران انجام گرفت. نتایج نشان داد ساختار ماتریس واریانس-کوواریانس در دو گروه با هم تفاوت معنی‌داری داشت. به عبارت دیگر در دو گروه پسران و دختران، بین متغیرهای مشاهده شده و نهفته، الگوی یکسانی نداشت و در نتیجه در دو گروه، سازه‌ها با مجموعه نشانگرهای مشابهی ارتباط نداشتند. بررسی برای برآوردهای عاملی بین دو گروه نیز نشان داد بین بارهای عاملی دو گروه تفاوت معنی‌داری وجود داشت. به عبارت دیگر قدرت روابط علی متغیرهای نهفته و نشانگرهای مربوطه در دو گروه با هم تفاوت معنی‌داری داشت. در مجموع باید گفت روابط بین نشانگرهای و متغیرهای نهفته در هر شش سازه مورد بررسی در گروه پسران دارای قدرت بیشتری نسبت به گروه دختران داشت. در مورد سوگیری سیستماتیک نیز باید گفت در گروه دختران پاسخ به سؤال‌ها نسبت به گروه پسران با سوگیری بیشتری همراه بود.

در سنجش ارتباط بین متغیرهای نهفته به منظور مقایسه میانگین‌ها، از آزمون تغییرناپذیری عرض از مبدأها استفاده شد. نتایج نشان داد عرض از مبدأ معادلات رگرسیون نمره مشاهده شده بر روی متغیر نهفته در دو گروه پسران و دختران با هم

متفاوت است. از آنجایی که این عرض از مبدأها می‌تواند به عنوان سوگیری سیستماتیک در پاسخ‌گویی به سوالات تفسیر شود باید گفت در پاسخ‌گویی به سؤال‌های پرسشنامه تیمز سوگیری سیستماتیکی بین دو گروه دختران و پسران وجود داشت.

نتایج تغییرناپذیری واریانس خطای نشان داد خطای اندازه‌گیری نشانگرهای مشاهده شده بین دو گروه با هم متفاوت است. نتایج نشان داد واریانس خطای همه سازه‌ها در گروه پسران کوچک‌تر از گروه دختران بود. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت همه سازه‌ها در گروه پسران نسبت به گروه دختران، پایایی مناسب‌تری داشت.

تغییرناپذیری ضرایب رگرسیون متغیرهای نهفته نیز نشان داد معادله‌های رگرسیون در گروه‌های پسران و دختران و همچنین دقت پیش‌بینی بین دو گروه متفاوت بود. همه سازه‌های پیش بین عملکرد ریاضی، در گروه پسران توان پیش‌بینی بیشتری نسبت به گروه دختران داشت. ضریب تعیین رگرسیون نیز در این گروه بیشتر از گروه دختران بود. در پیش‌بینی نگرش به ریاضی نیز همه متغیرهای نهفته پیش‌بین به جز مشارکت والدین در گروه پسران قدرت پیش‌بینی بیشتری داشت. اما مشارکت والدین در گروه دختران برای پیش‌بینی نگرش به ریاضی قدرت بیشتری داشت. در پیش‌بینی متغیر نگرش به ریاضی، ضریب تعیین در گروه پسران بیشتر از گروه دختران بود. در پیش‌بینی توانایی اولیه ریاضی، متغیرهای نهفته وضعیت اقتصادی-اجتماعی و مشارکت والدین در گروه پسران، قدرت بیشتری داشتند اما مشارکت والدین اولیه ریاضی بر اساس منابع آموزشی درون خانه، در گروه دختران بیشتر از گروه پسران بود. برای پیش‌بینی منابع آموزشی درون خانه نیز دو متغیر پیش‌بین وجود داشت که هر دو متغیر نهفته پیش‌بین، در گروه پسران نسبت به گروه دختران قدرت پیش‌بینی بیشتری داشت. هر چند تفاوت موجود بسیار ناچیز بود و ضریب تعیین برای این معادله رگرسیون در دو گروه به هم شیبه بود. برای پیش‌بینی متغیر نهفته مشارکت والدین تنها یک متغیر نهفته وضعیت اقتصادی-اجتماعی وجود داشت که با تفاوت بسیار ناچیزی قدرت پیش‌بینی گروه پسران از گروه دختران بیشتر بود.

در نتیجه‌گیری کلی می‌توان گفت سازه‌هایی که در مطالعه بین‌المللی تیمز اندازه‌گیری می‌شود، در گروه دختران و پسران به صورت‌های متفاوتی اندازه‌گیری شده و پایایی متفاوتی داشته است. در ضمن دقت پیش‌بینی سازه‌ها بین دو گروه متفاوت است. نتایج تحلیل‌ها نشان می‌دهد که سؤال‌های مطالعه تیمز از لحاظ

اندازه‌گیری برای گروه پسران مناسب‌تر از گروه دختران بود و به همین دلیل مدل پیشنهادی برای پیش‌بینی عملکرد ریاضی، در گروه دختران با خطای بیشتری نسبت به گروه پسران برازش پیدا کرده است.

## منابع

- Brese, F. & Mirazchiyski, P. (2010). *Measuring students' family background in large-scale education studies*. Paper presented in the 4th IEA International Research Conference.
- Chrispeels, J. H. (1991). *District leadership in parent involvement: Policies and actions in San Diego*. *Phi Delta Kappan*.
- Christenson, S. L. & Reschly, A. L. (Eds.), *Handbook of school-family partnerships*, New York, NY: Routledge .
- Dearing, E.; McCartney, K.; Weiss, H. B.; Kreider, H. & Simpkins, S. (2004). The promotive effects of family educational involvement for low-income children's literacy. *Journal of School Psychology* .
- El Nokali, N. E.; Bachman, H. J. & Votruba-Drzal, E. (2010). Parent involvement and children's academic and social development in elementary school. *Child Development* .
- Else-Quest, N. M.; Hyde, J. S. & Linn, M. C. (2010). Cross-National Patterns of Gender Differences in Mathematics: Meta-Analysis. *Psychological Bulletin* .
- Epstein, J. L. (1995). School, family, community partnerships: Caring for the children we share. *Phi Delta Kappan*, (76): 701 – 712 .
- Ethington, C. A. (1992). Gender differences in a psychological model of mathematics achievement. *Journal for Research in Mathematics Education*, 23 (2): 166-181.
- Fan, X. & Chen, M. (2001). Parental involvement and students' academic achievement: A meta-analysis. *Educational Psychology Review*, 13 (1): 1-22 .
- Fantuzzo, J. W.; King, J. A. & Heller, L. R. (1992). Effects of reciprocal peer tutoring on mathematics and school adjustment: A component analysis. *Journal of Educational Psychology*, 84: 331-339 .
- Fantuzzo, J. W.; Tighe, E. & Childs, S. (2000). Family involvement questionnaire: A multivariate assessment of family participation in early childhood education. *Journal of Educational Psychology*, 92 (2): 367-376 .
- Ginsburg-Block, M.; Manz, P. H. & McWayne, C. (2010). Partnering to foster achievement in reading and mathematics. In A. L. Reschly & S. Christenson (Eds.). *The Handbook on School Family Partnerships for Promoting Student Competence* (pp. 175-203). Oxford, UK: Routledge/Taylor and Francis Group.
- Grolnick, W. S.; Ryan, R. M. & Deci, E. L. (1991). Inner resources for school achievement: Motivational mediators of

- children's perceptions of their parents. *Journal of Educational Psychology*, 83 (4): 508 – 517 .
- Hannula, M. S. (2002). Attitude towards mathematics: emotions, expectations and values .
  - *Educational Studies in Mathematics*, 49 (1): 25-46 .
  - Hyde, J. S.; Fennema, E. & Lamon, S. (1990). Gender differences in mathematics performance: A meta-analysis. *Psychological Bulletin*, 107 (2): 139-155 .
  - Jeunes, William H. (2003). A meta-analysis: The effects of parental involvement on minority children's academic achievement. *Education and Urban Society*, 35 (2): 202-218 .
  - Jeunes, W. H. (2005). A meta-analysis of the relation of parental involvement to urban elementary school student academic achievement. *Urban Education*, 40 (3): 237-269 .
  - Ma, X. & Kishor, N. (1997). Assessing the relationship between attitude toward mathematics and achievement in mathematics: A meta-analysis. *Journal for Research in Mathematics Education*, 28 (1): 26-47 .
  - Middleton, J. A., & Spanias, P. A. (1999). Motivation for achievement in mathematics: Findings, generalizations, and criticisms of the research. *Journal for Research in Mathematics Education*, 30 (1): 65-88.
  - Mullis, I. V. S.; Martin, M. O.; Gonzalez, E. J. & Kennedy, A. M. (2003). *PIRLS 2001 International Report. IEA's study of reading literacy achievement in primary schools in 35 countries*. Chestnut Hill, MA: Boston College .
  - Mullis, I. V. S.; Martin, M. O.; Kennedy, A. M. & Foy, P. (2007). *PIRLS 2006 International Report. IEA's Progress in International Reading Literacy Study in primary schools in 40 countries*. Chestnut Hill, MA: Boston College .
  - Mullis, I. V. S.; Martin, M. O.; Foy, P.; & Drucker, K. T. (2012) *PIRLS 2011 International Results in Reading*. Chestnut Hill, MA: Boston College .
  - Nye, C.; Turner, H. & Schwartz, J. (2007). *Approaches to parent involvement for improving the academic performance of elementary school age children in grades K-6. London, England: The Collaboration*. Retrieved from [http://campbellcollaboration.org/doc-pdf/Nye\\_PI\\_Review.pdf](http://campbellcollaboration.org/doc-pdf/Nye_PI_Review.pdf)
  - Riegle-Crumb, C. (2005). The cross-national context of the gender gap in math and science .
  - In L. Hedges & B. Schneider (Eds.), *the social organization of Schooling*, New York, NY: Russell Sage Foundation .
  - Salzberger, T.; Sinkovics, R. R. & Schlegelmilch, B. B. (1999). Data Equivalence in Cross-

- Cultural Research: A Comparison of Classical Test Theory and Latent Trait Theory Based
- Approaches, *Australasian Marketing Journal (AMJ)*, 7 (2): 23-38 .
- Schwartz, Shalom H. (2004). Testing Measurement Invariance Using Multigroup CFA: Differences between Educational Groups in Human Values Measurement, *Quality & Quantity* .
- Shen, C. & Tam, H. P. (2008). The paradoxical relationship between student achievement and self-perception: a cross-national analysis based on three waves of TIMSS data. *Educational Research and Evaluation*, 14 (10: 87-100 .
- Singh, K.; Granville, M. & Dika, S. (2002). Mathematics and science achievement: Effects of motivation, interest and academic engagement. *The Journal of Educational Research*, 95 (6): 323-332 .
- Sirin, S. R. (2005). Socio-economic status and academic achievement: A meta-analytic review of research 1990–2000. *Review of Educational Research*, 75 (3): 417-453 .
- Vandecastelaere, M.; Speybroeck, S.; Vanlaar, G.; De Fraine, B. & Van Damme, J. (2012). Learning environment and students' mathematics attitude. *Studies in Educational Evaluation*, 38 (3-4) .
- White, Karl R. (1982). The relation between socio-economic status and academic achievement. *Psychological Bulletin*, 91 (3): 461- 481 .
- Williams, Trevor; Williams, Kitty; Kastberg, David & Jocelyn, Leslie (2005), Achievement and Affect in OECD Nations, *Oxford Review of Education*, 31 (4): 517-545 .
- Winheller, S.; Hattie, J. A. & Brown, G. T. L. (2013). Factors influencing early adolescents' mathematics achievement: High-quality teaching rather than relationships. *Learning Environments Research*, (16): 49-69 .
- Yang, Y. (2003). Dimensions of Socioeconomic Status and their Relationship to Mathematics and Science Achievement at Individual and Collective Levels. *Scandinavian Journal of Educational Research*, 47 (1): 21-41 .
- Yang, Yang & Gustafsson, Jan-Eric (2003). Measuring Socioeconomic Status at Individual and Collective Levels. *Educational Research and Evaluation*, 10 (3): 259-288 .
- Yang Hansen, K. (2008). Ten-year trend in SES effects on reading achievement at school and individual levels: a cross-country comparison. *Educational Research and Evaluation*, 14 (6): 521- 537 .
- Zigler, E. F. & Muenchow, S. (1992). *Head Start: The inside story of America's most successful educational experiment*. New York, NY: Basic Books .

## پیوست

## پیوست (۱) جزئیات ابزار مورد استفاده

متغیر نهفته	مشارکت والدین	وضعیت اقتصادی-اجتماعی	پیوست
نام	توضیحات	توضیحات	توضیحات
نیازمند	تحصیلات پدر	چهار گزینه‌ای (بی‌سواد تا تحصیلات دانشگاهی)	تحصیلات پدر
نیازمند	تحصیلات مادر	چهار گزینه‌ای (بی‌سواد تا تحصیلات دانشگاهی)	تحصیلات مادر
نیازمند	بیشترین سطح اشتغال پدر و مادر	۶ گزینه‌ای (بی‌کار، کارگر غرماهر، کاگر ماهر، کارمند، دارای کسب و کار شخصی، متخصص)	بیشترین سطح اشتغال پدر و مادر
نیازمند	تعداد کتاب‌های والدین در منزل	۵ گزینه‌ای (۰ تا ۱۰، ۱۰ تا ۲۰، ۲۰ تا ۳۰)	تعداد کتاب‌های والدین در منزل
نیازمند	والدین در مورد آموخته‌های فرزند پیگیری می‌کنند	مقیاس ۴ گزینه‌ای (هرگز، یک یا دو بار در هر ماه، یک یا دو بار در هفت‌هه، هر روز)	والدین در مورد آموخته‌های فرزند پیگیری می‌کنند
نیازمند	والدین با کودک در مورد مدرسه صحبت می‌کنند	مقیاس ۴ گزینه‌ای (هرگز، یک یا دو بار در هر ماه، یک یا دو بار در هفت‌هه، هر روز)	والدین با کودک در مورد مدرسه صحبت می‌کنند
نیازمند	والدین نسبت به یادگیری کودک اطمینان حاصل می‌کنند	مقیاس ۴ گزینه‌ای (هرگز، یک یا دو بار در هر ماه، یک یا دو بار در هفت‌هه، هر روز)	والدین نسبت به یادگیری کودک اطمینان حاصل می‌کنند
نیازمند	والدین تکالیف خانه کودک را بررسی می‌کنند	مقیاس ۴ گزینه‌ای (هرگز، یک یا دو بار در هر ماه، یک یا دو بار در هفت‌هه، هر روز)	والدین تکالیف خانه کودک را بررسی می‌کنند
رايانه	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)
اتاق شخصی	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)
ایترنوت	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)
منابع آموزشی مختص هر کشور ۱	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)
منابع آموزشی مختص هر کشور ۲	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)	دو گزینه‌ای (وجود دارد، وجود ندارد)
توانایی‌های اولیه	چهار گزینه‌ای (اصلاً تا ۲۰، تا ۱۰، تا ۱۰۰ و بیشتر)	چهار گزینه‌ای (اصلاً تا ۲۰، تا ۱۰، تا ۱۰۰ و بیشتر)	چهار گزینه‌ای (اصلاً تا ۲۰، تا ۱۰، تا ۱۰۰ و بیشتر)

## فصلنامه مطالعات اندازه‌گیری و ارزشیابی آموزشی

متغیر نهفته	شانگر	مقیاس اندازه‌گیری	کمترین مقدار	بیشترین مقدار	میانگین	انحراف معیار
ریاضی	توانایی تشخیص اشکال هندسی	چهار گزینه‌ای (اصل، ۱ تا ۲ نوع شکل، ۳ تا ۴ نوع شکل، بیشتر از ۴ نوع شکل)	اصل	بیشتر از ۴ نوع شکل	-	-
	توانایی نوشت اعداد یک تا ده	چهار گزینه‌ای (هیچ عددی، ۱ تا ۴ عدد، ۵ تا ۹ عدد، همه ۱۰ عدد)	هیچ عددی	۱۰ عدد	-	-
	توانایی جمع ساده	دو گزینه‌ای (بله، خیر)	بله	خیر	-	-
	تشخیص شکل (نوشه) اعداد	چهار گزینه‌ای (هیچ عددی، ۱ تا ۴ عدد، ۵ تا ۹ عدد، همه ۱۰ عدد)	هیچ عددی	۱۰ عدد	-	-
	لذت بردن از یادگیری ریاضی	لیکرت چهار گزینه‌ای (کاملاً موافق، موافق، مخالف، کاملاً مخالف)	کاملاً موافق	کاملاً مخالف	-	-
	ای کاش مجبور نبودم ریاضی بخوانم	لیکرت چهار گزینه‌ای (کاملاً موافق، موافق، مخالف، کاملاً مخالف)	کاملاً موافق	کاملاً مخالف	-	-
	ریاضی غیرقابل تحمل است	لیکرت چهار گزینه‌ای (کاملاً موافق، موافق، مخالف، کاملاً مخالف)	کاملاً موافق	کاملاً مخالف	-	-
	ریاضی را دوست دارم	لیکرت چهار گزینه‌ای (کاملاً موافق، موافق، مخالف، کاملاً مخالف)	کاملاً موافق	کاملاً مخالف	-	-
	اینکه در ریاضی خوب عمل کنم مهم است	لیکرت چهار گزینه‌ای (کاملاً موافق، موافق، مخالف، کاملاً مخالف)	کاملاً موافق	کاملاً مخالف	-	-
	اولین بخش نمره ریاضی که توسط تیمز محاسبه شده است	پیوسته	۴۷/۳۵	۷۴۰/۷۵	۴۳۴/۸۶	۹۲/۵۵
نگرش نسبت به ریاضی	دومین بخش نمره ریاضی که توسط تیمز محاسبه شده است	پیوسته	۶۳/۹۵	۷۱۶/۶۱	۴۳۵/۵۷	۹۲/۴۹
	سومین بخش نمره ریاضی که توسط تیمز محاسبه شده است	پیوسته	۸۸/۰۱	۷۳۲/۳۰	۴۳۶/۴۹	۹۱/۳۷
	چهارمین بخش نمره ریاضی که توسط تیمز محاسبه شده است	پیوسته	۱۰۶/۰۶	۷۳۰/۲۱	۴۳۵/۱۸	۹۲/۷۷
	پنجمین بخش نمره ریاضی که توسط تیمز محاسبه شده است	پیوسته	۹۵/۷۹	۷۱۶/۰۹	۴۳۴/۶۷	۹۳/۱۴
	عملکرد ریاضی					