

حسام الدین سالار و جامع قوانین علم الهیئت او

حسین معصومی همدانی

عضو هیئت علمی مؤسسه پژوهشی حکمت و فلسفه ایران

Hosseinmasoumi27@yahoo.com

چکیده

از ریاضی دان و فیلسوفی به نام حسام الدین علی بن فضل الله سالار، گذشته از چند رساله کوچک ریاضی، کتابی به نام جامع قوانین علم الهیئت در مثلاشات کروی باقی مانده است که خواجه نصیر الدین طوسی در تأثیف کشف الفتاوی عن اسرار الشکل القطاع از آن بهره برده است. با این حال، در منابع کهن از او به ندرت یاد شده و در پژوهش‌های جدید نیز آنچه در باره او گفته شده تادرست و متناقض است. برخی از پژوهشگران زمان زندگی او را اوائل قرن ششم و برخی دیگر اواسط قرن هفتم دانسته‌اند. برخی دیگر نیز، که پذیرفته‌اند که جامع قوانین علم الهیئت در نیمه‌های قرن پنجم تألیف شده است، این اثر را از کسی دیگر گمان برده‌اند و زمان زندگی حسام الدین سالار را قرن هفتم هجری دانسته‌اند. در این مقاله، با تحلیل این اقوال، نشان داده خواهد شد که جامع قوانین علم الهیئت در اواسط قرن پنجم هجری تألیف شده است و نویسنده آن نیز کسی جز حسام الدین سالار نیست و اقوال دیگر در این باره نتیجه خلط میان او و دونت دیگر به نام‌های حسام الدین منجم و حسام الدین شامی است. گذشته از این، اثری دیگر از حسام الدین معرفی خواهد شد و جایگاه او در تاریخ علم مثلاشات نیز مورد بحث قرار خواهد گرفت.

کلیدواژه‌ها: حسام الدین سالار، حسام الدین منجم، حسام الدین شامی، علی بن احمد نسوی، نصیر الدین طوسی، جامع قوانین علم الهیئت، مثلاشات

مقدمه

خواجہ نصیرالدین طوسی در دو جا از تحریر عربی رساله کشف القناع عن أسرار الشكل القطاع (یا کشف القناع عن أسرار القطاع) (طوسی [۱]، ص ۲۰ و ۲۷؛ طوسی [۲]، ص ۲۳۴ و ۳۳۶) و در یک جا از تحریر فارسی آن (طوسی [۳]، برگهای ۱۹ پ - ۲۰ ر) از نوشه‌های از حسام الدین فضل الله سalar در همین موضوع بدون ذکر نام دقیق آن یاد می‌کند و نویسنده اش را به تبحر در این فن می‌ستاید هرچند در یکی از این موارد او را به تقصیر در شمارش حالت‌های ممکن قطاع سطحی (طوسی [۱]، ص ۲۰؛ طوسی [۲]، ص ۳۳۴) و در مورد دیگر به بی‌مبالاتی در اثبات قضایا (طوسی [۱]، ص ۲۷؛ طوسی [۲]، ص ۳۳۶؛ طوسی [۳]، همانجا) متهم می‌کند. در ۱۹۳۶ ماکس کراوزه^۱ مدعی شد که رساله‌ای به نام جامع قوانین علم الهیئت، که جزو مجموعه‌ای به شماره ۳۳۴۲ در کتابخانه احمد سوم در موزه تپیقاتی سرای ترکیه موجود است، همان رساله حسام الدین فضل الله سalar در باره شکل قطاع است (کراوزه، ص ۵۱). از آن پس مؤلفان دیگر نیز این رساله را به قطع به حسام الدین سalar نسبت داده‌اند (قربانی [۱]، ص ۲۲۷)، کسانی نیز آن را «احتمالاً» از او دانسته‌اند (لرج،^۲ ص ۳۹۱). برخی دیگر نیز که از این کتاب استفاده کرده‌اند مؤلف آن را ناشناخته دانسته‌اند (دبارنو،^۳ XII). لرج (همانجا) تأثیر نوشته حسام الدین در اثر طوسی را از این بیشتر می‌داند و بر اساس یکی از عبارات خود طوسی، که پیش از این از آن باد کردیم، می‌گوید که کشف القناع «مبتنی بر» جامع قوانین علم الهیئت است. با این حال، اطلاع ما در باره زندگی و آثار حسام الدین سalar بسیار اندک است و آنچه مورخان در باره دوران زندگی او گفته‌اند با مطالبی که از مقدمه کتاب جامع قوانین علم الهیئت به دست می‌آید نمی‌خواند. این مقاله کوششی است برای روشن کردن دوران زندگی حسام الدین سalar، جایگاه جامع قوانین علم الهیئت در تاریخ مثلثات و نیز اثبات این مسأله که مؤلف این کتاب کسی جز حسام الدین سalar نیست.

1. Maxx Krause

2. Lorch

3. Debarnot

زمان تأليف جامع قوانين علم الهیئة

نخستین بار سید جلال الدین تهرانی (تهرانی، ص ۱۶۶) مدعی شد که اثری دیگر از حسام الدین به نام زیج شاهی در ۱۳۵۴ق تأليف شده و بنا بر این حسام الدین در این زمان زنده بوده است. مورخان دیگری نیز این نظر را پذیرفته‌اند و حسام الدین را از ریاضی‌دانان قرن ششم دانسته‌اند. مرحوم همایی پا را از این فراتر نهاده و بدون ذکر هیچ منبعی گفته است که او در حدود ۵۲۷ هجری زنده بوده، با عبدالرحمن خازنی و حکیم اوحد الدین انوری (همایی [۱]، صص ۱۱۹-۱۲۰) معاصر و در نوشتن زیجی همکار ایشان بوده است. مرحوم مدرس رضوی نیز بدون ذکر مأخذ او را از ریاضی‌دان‌های بزرگ و معاصر خواجه نصیر طوسی دانسته است (مدارس رضوی، ص ۳۶۶).

با این حال، آنچه از مقدمه جامع قوانین علم الهیئة در مورد تاریخ تأليف این کتاب به دست می‌آید تاریخ تأليف این اثر را در حدود نیم قرن از آنچه برخی از این محققان فرض کرده‌اند، و نزدیک به دو قرن از آنچه برخی دیگر زمان زندگی حسام الدین سalar گمان برده‌اند، عقب‌تر می‌برد. نویسنده در مقدمه این اثر می‌نویسد که کتاب خود را برای کتابخانه «مولانا الأجل العالم العادل المؤید عميدالملک والدين أبي نصر منصور بن محمد مولی أميرالمؤمنین أطال الله بقائه» تأليف کرده است. و در جای دیگر از همین مقدمه می‌گوید که در ایام نوشتن این اثر در اصفهان زندگی را به‌سختی می‌گذرانید و از بارگاه حامی خود دور بوده است و این کتاب را برای آن نوشته است که نامش در آن بارگاه به زبان بیاید و نیز اگر «رأی عالی خواستار آن شود که کار رصد پایان بگیرد، این کتاب یک باب از مجموعه باب‌های «قانون عميدالملکی» ... و مقدمه‌ای باشد که جز با شناختن آن آگاهی بر این علم ممکن نمی‌شود» (نک: پیوست ۱).

از آنچه نویسنده جامع قوانین علم الهیئة نوشته معلوم می‌شود که وی هرچند در اصفهان زندگی می‌کرده اما با دربار طغیر سلجوکی مربوط بوده است، و بنا بر این تاریخ تأليف این اثر پس از تصرف اصفهان به دست طغیر است. همچنین شخصی که کتاب به نام او نوشته شده «عميدالملک» لقب داشته است (افزودن قید «والدين» عادتی است که مؤلفان قدیم در اشاره به این گونه القاب داشته‌اند؛ کنیه‌اش «ابونصر» و نامش «منصور بن محمد» بوده و نیز لقب «مولی اميرالمؤمنین» بر او اطلاق می‌شده است. در جای دیگری از همین مقدمه، نویسنده او را «الصدر

الرفیع» می‌خواند و این نیز دلالت قطعی دارد بر اینکه این منصور بن محمد وزیر بوده است. گذشته از این، وی رصدخانه‌ای ساخته بوده، یا دست کم کسانی در تحت حمایت او به کار رصد مشغول بوده‌اند، و قصد داشته زیجی هم بر اساس یافته‌های این رصدها تألیف کند، یا مؤلف جامع قوانین علم الهیئت امید نوشتند چنین کتابی را داشته و آن را، احیاناً به قیاس «القانون المسعودی بیرونی،» (القانون العمیدالملکی) نام داده است. و این نیز گواهی دیگر است بر اینکه شخصی که رساله به نامش تألیف شده به لقب «عمیدالملک» شناخته می‌شده است.

شخصی با این مشخصات کسی نمی‌تواند باشد جز عمیدالملک گندری وزیر مشهور طغل‌بیگ سلجوقی که از سال ۴۴۷ تا ۴۵۶ هجری وزارت طغل، و پس از او آل ارسلان، را عهده‌دار بود و در سال ۴۵۶ق به دستور آل ارسلان، برادرزاده و جانشین طغل کشته شد. نام عمیدالملک را منصور بن محمد نوشته‌اند. البته او را گاهی محمد بن منصور نیز خوانده‌اند و به همین دلیل برخی از مورخان تصریح کرده‌اند که نام او منصور بن محمد است و نه محمد بن منصور (نک: ابن العمرانی، ص ۳۰۷، پانوشت شماره ۵۶۵ مصحح). می‌ماند صفت «مولی امیرالمؤمنین» که معمولاً جزو اسم و مشخصات عمیدالملک کندری نمی‌آید. به نوشته هلال بن محسن صابی، که معاصر عمیدالملک بوده، معمولاً این عنوان در مکاتبات خلیفه در خطاب با بزرگانی که از موالی یا غیر عرب بودند به کار می‌رفت (صابی، ص ۱۰۴). برخی از بزرگانی که نزدیک به زمان عمیدالملک زندگی می‌کردند به این لقب خوانده شده‌اند، از جمله سلطان محمود و سلطان مسعود غزنوی (در نامه‌ای از خلیفه عباسی القائم بامر الله، بیهقی، ج ۱، ص ۲۹۴)، خود طغل سلجوقی (ذهبی [۱]، ج ۲۹، ص ۳۲۷) و از میان اهل علم، داود بن علی اصفهانی، پیشوای ظاهریه (ذهبی [۲]، ج ۲، ص ۱۴) و ابونصر عراق امیر ریاضی‌دان خوارزم و حامی و استاد و همکار بیرونی که بیرونی او را «مولی امیرالمؤمنین» می‌خواند.

عمیدالملک کندری، به اقتضای مقام وزارت، با دربار خلافت بغداد رابطه و رفت و آمد و مکاتبه داشته است. در سال ۴۴۸ق به بغداد رفت تا ترتیب ازدواج خدیجه دختر خلیفه القائم بامر الله را برای داود، برادرزاده طغل، بدهد (بن اثیر، ج ۹، ص ۶۱۷). در سال ۴۴۹ق نیز که طغل به بغداد رفت، یک روز پیش از آنکه سلطان سلجوقی به دیدار خلیفه برود «رئیس الرؤساء» دارالخلافه به

دیدار عمیدالملک آمد (ابن اثیر، ج ۹، ص ۶۳۳). آگاهی ما از خطاب او به عمیدالملک در جریان یکی از این ارتباطات او با دربار خلافت است، که داستان آن را ابن العمرانی نقل کرده است. در سال ۴۵۳ق، طغل که در آن زمان سنش به هفتاد سال تزدیک شده بود، مریم خواهر خلیفه القائم بامر الله را که او نیز جوان تر از وی نبود خواستگاری کرد. در روز پنجشنبه سیزدهم شعبان سال ۴۵۴ق، «عمیدالملک ابونصر محمد بن منصور کندری» بر در تبریز ایستاد و فرمان خلیفه را در مورد وکالت او در کار ازدواج (احتمالاً از ابن المحلبان فرستاده خلیفه) دریافت کرد و آن را بر سلطان طغل بیگ خواند و برای او ترجمه کرد و پیمان زناشویی را چنانکه مقتضای آن فرمان بود، بست. در متن فرمان آمده بود: «چون مراتب دوستداری و اخلاص ... تو ای ابونصر محمدبن منصور مولی امیرالمؤمنین معلوم شد ... دستور خلیفه صادر شد که کار این وصلت شریف و مقدس به دست تو باشد ...» (ابن العمرانی، ص ۱۹۸). جز ذکر محمد بن منصور، به جای منصور بن محمد که صورت درست نام کندری است، این وکالتنامه دلالت بر آن دارد که کندری دست کم در سال ۴۵۴ق مولی امیرالمؤمنین خوانده شده است. از اینکه او پیش از این تاریخ هم با این لقب خطاب شده باشد اطلاعی نداریم.

از مجموع آنچه گفتیم نتیجه می شود که جامع قوانین علم الهیة در زمان صدارت عمیدالملک کندری، تألیف شده است. تاریخ شروع صدارت عمیدالملک درست معلوم نیست. ذهنی (۲۲)، ج ۱۸، ص ۱۱۴) دوران صدارت او را نه سال دانسته است (قس: زامباور، ص ۳۳۸). اگر این قول را بپذیریم، جامع قوانین علم الهیة میان سالهای ۴۴۷ و ۴۵۶ق تألیف شده است؛ اگر فرض کنیم که عمیدالملک پیش از ماجرای ازدواجی که نقل کردیم با لقب «مولی امیرالمؤمنین» مورد خطاب قرار نگرفته، تاریخ تألیف آن میان سالهای ۴۵۴ و ۴۵۶ است؛ و اگر این دو نظر را پذیریم و با وجود تصریح مؤلف به عنوان «صدر» برای عمیدالملک، این کتاب را مربوط به پیش از دوران وزارت عمیدالملک و زمانی بدانیم که او با همین لقب در سمت‌های دیگری در خدمت طغل بوده است، یقیناً، چنانکه پیش از این گفتیم، تاریخ تألیف آن پس از تصرف اصفهان به دست طغل، یعنی پس از سال ۴۴۲ق (ابن اثیر، ج ۹، ص ۵۶۲) است.

در میان محققان معاصر تنها روزنفلد^۱ (صح ۲۰-۲۱) با توجه به مقدمه جامع قوانین علم الهیة نتیجه گرفته که این کتاب به عمیدالملک کندری تقدیم شده است و بنا بر این تاریخ تأثیف آن نمی‌تواند متأخر بر دوران صدارت این وزیر باشد، اما چون، مرگ حسام الدین سالار را ۱۲۶۲ م (۶۴۱ق) دانسته، برای حل این مشکل به فرض عجیبی متولّ شده و گفته است که این رساله از حسام الدین سالار نیست بلکه نوشته علی بن احمد نسوى است که در قرن پنجم می‌زیسته و مدتی از زندگی خود را در اصفهان گذرانده است. آنگاه، با توجه به شباهت فراوان میان مطالب کشف القناع با جامع قوانین علم الهیة که تردیدی در استفاده خواجه از آن باقی نمی‌گذارد، برای آنکه وجهی برای تأثیر جامع قوانین علم الهیة بر کشف القناع بتراشده، فرض عجیبتری در کار آورده و گفته است که حسام الدین سالار رساله‌ای بر پایه جامع قوانین علم الهیة نسوى نوشته بوده (که طبعاً اکنون در دست نیست) و خواجه نصیر از آن در تأثیف کتاب خود استفاده کرده است.

البته در میان آثار نسوى رساله‌ای به نام الإشباع فی شرح الشکل القطاع وجود دارد (قریانی [۲]، ص ۲۰). این رساله تا کنون منتشر نشده، اما نسخه‌ای از آن در کتابخانه دانشگاه لیدن موجود است (نک: نسوى) و لرج نیز بخشی از آن را که به اثبات شکل قطاع کروی مربوط است، با ترجمه لاتینی این بخش که در یکی از نسخه‌های لاتینی محسنی آمده، منتشر کرده است (لرج، صص ۳۶۲-۳۷۳). از مقایسه این رساله با جامع قوانین علم الهیة معلوم می‌شود که اثری است به کلی متفاوت که در آن، برخلاف جامع قوانین علم الهیة مطالب مثلثات و نجومی در کنار هم آمده است و «در واقع کل این رساله توضیح مثلثات و نجوم کروی محسنی است» (لرج، ص ۳۵۵) و نسوى در آن تنها به توضیح شکل قطاع اکتفا کرده و گویی از همه قضایایی که در قرن چهارم کشف شده بی‌خبر بوده است (نک: پیوست ۲). چون تا کنون رساله دیگری در باره شکل قطاع به نسوى نسبت داده نشده، دو فرض روزنفلد جز دست و پازدن برای حل مشکل ناسازگاری میان تاریخ تأثیف جامع قوانین علم الهیة و تاریخی که وی برای زندگی حسام الدین سالار فرض کرده است، محمول دیگری ندارد.

1. Rosenfeld

روزنفلد نمی‌گوید که چرا مرگ حسامالدین سalar را در ۶۴۱ق دانسته است، اما خواجه نصیر طوسی در تحریر فارسی کشف القناع، که یقیناً پیش از سقوط الموت در سال ۵۴۴ق تألیف شده، از او به صورت «حسامالدین علی بن فضل الله سalar رحمه الله» یاد می‌کند، که نشان می‌دهد او در این تاریخ زنده نبوده است.

زمان زندگی حسامالدین سalar

تا کنون سه تاریخ برای زمان زندگی حسامالدین سalar داریم. اگر او مؤلف جامع قوانین علم الهیئه باشد، دوران فعالیت علمیش اواسط قرن پنجم است؛ اگر گفتہ سید جلال تهرانی را بپذیریم، وی در اوایل قرن ششم زندگی و کار می‌کرده است، نظر همایی نیز زمان زندگی او را در همین حدود قرار می‌دهد؛ و اگر قول روزنفلد و پژوهشگرانی دیگر (باقری، ص ۲۱۶) را ملاک قرار دهیم، وی معاصر خواجه نصیر طوسی بوده و در اواسط قرن هفتم هجری فعال بوده است. نکته جالب این است که برخی از محققان، در عین حال که او را مؤلف همین جامع قوانین علم الهیئه دانسته‌اند، بدون توجه به مقدمه این اثر او را معاصر خواجه نصیر طوسی شمرده‌اند.

از نظر تهرانی آغاز کنیم. به نظر می‌آید که این نظر نتیجه خلط مضاعف است، ازیک سو خلط میان زیج ملکشاهی که در ثلث سوم قرن پنجم تألیف شده و بنا به روایات مشهور خیام و عبدالرحمان خازنی در نوشتن آن دست داشته‌اند (هرچند احتمال دخالت خازنی در این کار کم است) و زیج سنجری عبدالرحمان خازنی، که در دوران سلطنت سنجر بین سالهای ۵۱۳ و ۵۱۵ نوشته شده –زیرا در مقدمه آن از دو وزیر سنجر نام برده شده، یکی ابوالمحاسن عبدالرزاق بن عبدالله بن علی بن اسحاق، برادر زاده خواجه نظام الملک معروف که در سال ۵۱۳ به وزارت رسیده و در ۵۱۵ درگذشته است (زمباور، ص ۳۳۹) و دیگری ابوطاهر سعد بن علی بن عیسی که در ۵۱۵ به وزارت رسیده و در همان ۵۱۵ مرده است (زمباور، همانجا)– از سوی دیگر خلط میان زیج شاهی، که به حسامالدین سalar منسوب است، و زیج ملکشاهی، که به گمان تهرانی تألیف مشترک حسامالدین سalar و عبدالرحمان خازنی و اوحدالدین انوری بوده است. گذشته از این، باقری به این

دلیل که آثار مختلفی به نام زیج شاهی تألیف شده است، استناد به این زیج را قاطع ندانسته است (باقری، ص ۲۱۷).

اصل نظر همایی نیز همین نظر تهرانی است، جز اینکه او، با استناد به حاشیه‌ای از تاریخ وصف، تاریخ تألیف این زیج را ۵۲۷ مق دانسته است (باقری، همانجا).

اما نظر روزنفلد و کسانی که به راه او رفت‌هاند نتیجه خلط میان دست کم سه «حسام‌الدین» است. به نوشته رشید‌الدین (ج ۲، ص ۱۰۰۶؛ باقری، ص ۲۱۶) هنگامی که هلاکو خان قصد حمله به بغداد داشت «حسام‌الدین منجم را که به فرمان قاآن مصاحب او بود تا اختیار نزول و رکوب می‌کند ... طلب داشت و او را فرمود که هر آنچه در نجوم می‌نماید بی‌مداهنه تقریر کن. چون به واسطه قربت جرأتی داشت ... گفت که مبارک نباشد قصد خاندان خلافت کردن ... و اگر پادشاه سخن بنده نشنود و آنجا رود، زود شش فساد ظاهر شود: اول آنکه همه اسبان بمیرند و لشکریان بیمار شوند؛ دوم: آفتتاب برنياید ...؛ ششم آنکه پادشاهی بزرگ در آن سال وفات کند. ... بعد از آن خواجه نصیر‌الدین محمد طوسی را طلب داشت ... خواجه متوجه گشت. پنداشت که بر سبیل امتحان است. گفت از این احوال هیچ یک حادث نشود. ... بعد از آن حسام‌الدین را طلب فرمود تا با خواجه بحث کند. خواجه گفت به اتفاق جمهور اهل اسلام بسیاری از صحابة کبار شهید شده‌اند و هیچ فسادی ظاهر نشد ...». بعد از تسخیر بغداد، چون پیشگویی‌های حسام‌الدین در مورد عواقب حمله به بغداد و قتل خلیفه درست از کار درنیامد، مغولان به فرمان هلاکو او را در شب پنجه‌نشبه هشتم محرم ۶۴۱ عق کشتند (رشید‌الدین، ج ۲، ص ۴۵۰؛ خواندمیر، ص ۱۰۷). مرحوم مدرس رضوی که این ماجرا را ذیل شرح احوال «حسام‌الدین منجم» به عنوان یکی از معاصران خواجه نصیر، از حبیب السیر نقل کرده توجه داشته است (مدرس رضوی، ص ۳۰۰) که این حسام‌الدین منجم همان حسام‌الدین سالار نیست، زیرا در کتاب خود دو یادداشت جداگانه به حسام منجم و حسام‌الدین سالار اختصاص داده است؛ هرچند این دو می‌را هم، چنانکه دیدیم، معاصر خواجه دانسته است. با این حال پژوهشگرانی (روزنفلد، ص ۲۰-۲۱؛ باقری، ص ۲۱۶) تاریخ قتل حسام‌الدین منجم، یعنی ۶۴۱ عق، را همان تاریخ در گذشت حسام‌الدین سالار دانسته‌اند و زندگی این دو را با یکدیگر آمیخته‌اند.

حسامالدین منجم یقیناً کسی جز حسامالدین سalar است. به چند دلیل. یکی اینکه، چنانکه گفتیم، حسامالدین سalar در ۵۴۵ عق زنده نبوده است، در حالی که حسامالدین منجم هفت سال پس از آن کشته شده است. دیگر آنکه حسامالدین منجم، چنانکه از نوشتة رشیدالدین فضل الله پیداست، عالمی احکامی بوده و چنان که از فحوای کلام خواجه رشیدالدین برمی‌آید، نزد مغولان مقرب بوده و به دستور منکو قآن، هلاکو را در لشکرکشی به ایران و عراق همراهی می‌کرده و بنا بر این شاید بیشتر زندگی خود را در بیرون از ایران به سر برده است، در حالی که حسامالدین سalar فیلسوف و ریاضی‌دان بوده و در زمان خواجه نصیر برخی از آثار او در دست بوده است. با این حال شهرت او چندان فراگیر نبوده، به طوری که خواجه نصیر بار دومی که در کشف //القناع نام می‌برد او را «حسامالدین علی بن فضل الله السالار المذکور» خوانده است، گویی انتظار ندارد که خواننده او را جز از راه اشاره او در این کتاب بشناسد. سوم اینکه از احوال این حسامالدین منجم هیچ آگاهی دیگری در دست نیست و اگر کسی با مرتبه علمی حسامالدین سalar به دستور هلاکو کشته شده بود به احتمال بسیار زیاد در جایی از او یاد می‌شد، همچنان که از بسیاری از عالمان که در حمله مغول کشته شده‌اند خبر داریم. دلیل چهارم اینکه شاید کل داستان پیشگویی‌های حسامالدین منجم و بحث خواجه نصیر با او افسانه و بازتاب نگرانی‌هایی باشد که از عواقب حمله مغولان به بغداد و سقوط خلافت چند صد ساله عباسی در ذهن عوام، و شاید نیز خواص، وجود داشته است. به هر حال خواجه نصیر خود در گزارشی که از فتح بغداد به او منسوب است به این ماجرا اشاره نکرده است، و در این گزارش خود خلیفه نیز اگر هلاکو را از تسخیر بغداد بر حذر می‌دارد نه به این دلیل است که آسمان به زمین می‌آید و حوادثی از آن جنس که حسام منجم پیشگویی کرده است رخ می‌دهد، بلکه به این دلیل که «هلاکو را چه محل باشد که قصد خاندان آل عباس کند چه این دولت مانند وی بسیار دیده است» (جوینی، صص ۸۵۵-۸۶۴). گزارش خواجه نصیر، یا منسوب به او از فتح بغداد لحن بسیار عینی دارد و در آن سخنی از مشورت هلاکو با منجمان، و یا بحث میان خود او و حسام منجم، به میان نیامده است. همچنین اگر قتل حسام منجم به سبب نادرستی پیشگویی‌هایش بوده، معلوم نیست که چرا هلاکو این کار را پنج سال پس از فتح بغداد کرده است.

حسامالدین دیگری که نامش در این داستان به میان آمده و با «حسامالدین منجم» و «حسامالدین علی بن فضل الله سالار» یکی دانسته شده «حسامالدین شامی» است. قدیم‌ترین جایی که نام این شخص در متون آمده در مسالک الأنصار ابن فضل الله العمری (درگذشته ۷۴۹ق) است که نوشتۀ اش را صلاح الدین صفدي و ابن شاکر کتبی (هردو درگذشته ۷۶۴ق) تکرار کرده‌اند. (عمری، ج ۹، ص ۲۰۱؛ صفدي، ج ۱، ص ۱۵۰؛ کتبی، ج ۳، ص ۲۵۰). اين سه، به روایت شمس‌الدین جزری از دوستش حسن بن احمد حکيم، آورده‌اند که او در زمانی که مسؤولیت رصدخانه با علی بن خواجه نصیرالدین طوسی بوده (ومتولیه علی بن الخواجا نصیرالدین) به مراغه رفته و در آنجا مؤیدالدین عرضی و شمس‌الدین شروانی و شیخ کمال‌الدین ایکی و «حسام‌الدین الشامي» را دیده و از رصدخانه و آلات رصد آن بازدید کرده است. این روایت چند اشکال دارد. یکی اینکه مؤیدالدین عرضی به گفتۀ خواجه رشید‌الدین فضل‌الله در ۶۶۴ق، هشت سال پیش از مرگ خواجه نصیرالدین درگذشته است (رشید‌الدین، ج ۲، ص ۹۳۷)، که او را مؤید‌الدوله عرضی خوانده اما گفته است که «در علوم ریاضی یگانه و حکیم فرزانه بود». اما در هیچ منبعی نیامده که در زمان زندگی خواجه نصیر اداره رصدخانه مراغه به عهده یکی از فرزندان او بوده است. دیگر اینکه از این نوشتۀ چیزی به دست نمی‌آید جز اینکه شخصی به نام «حسام‌الدین شامي» در رصدخانه مراغه کار می‌کرده است. با این حال، روزنفلد و احسان اوغلو، معلوم نیست بر پایه چه مأخذ دست اولی، زیر عنوان «حسام‌الدین علی بن فضل الله شامي» داستانی درباره زاده شدن او در شام، پیوستن او به سلطان محمد خوارزمشاه، و کوشش او برای بازداشت خوارزمشاه از حمله به بغداد، می‌آورند و می‌نویسند که چون پیش‌بینی‌های او در مورد عواقب حمله به بغداد درست درآمد و مغولان ایران را تسخیر کردند، به چنگیز خان پیوست. سپس «منجم، احکامی، و مشاور چنگیز خان و خان‌های بعدی مغول تا هلاکو» شد. در اینجا حسام‌الدین شامي همان حسام‌الدین منجمی می‌شود که به گفتۀ رشید‌الدین فضل‌الله در مسائل احکامی مشاور هلاکو بود و بنا بر این روزنفلد و احسان اوغلو ماجراهی او را که پیش از این از رشید‌الدین نقل کردیم می‌آورند و فقط می‌افزایند که او بعد از فتح بغداد همکار خواجه نصیر در رصدخانه مراغه شد، تا به این طریق او دوباره با حسام‌الدین شامي

یکی شود و عنوانی که برای او ساخته‌اند درست باشد (روزنفلد و احسان اوغلو، ص ۲۰۸؛ باقری، ص ۲۱۶).

البته سلطان محمد خوارزمشاه در سال ۶۱۴ قصد حمله به بغداد داشت، اما چون سپاهیانی که برای این کار فرستاده بود در دو یا سه منزلی همدان دچار برف سنگین و حمله ترکان و کردان شدند، این را به فال بد گرفت و از بیم حمله مغول به خوارزم بازگشت (ابن اثیر، ج ۱۲، ص ۳۱۷-۳۱۸). بنا بر این خوارزمشاه بیچاره اصلاً به بغداد حمله نکرد که پیشگویی‌های حسامالدین، که گویی متخصص پیشگویی عواقب وخیم حمله به بغداد بوده، درست در آمده باشد. اگر فرض کنیم که «حسامالدین سalar شامی» در این سال سی ساله بوده، چون به هر حال در سنی بوده که منجم و مشاور خوارزمشاه باشد، سن او هنگام فتح بغداد هفتاد و دو سال می‌شود. فرض اینکه منجمی با این سن و سابقه زیر دست خواجه نصیر در مراغه به کار مشغول شده باشد البته محال نیست، ولی بسیار بعيد است. بهویژه که چهار سال بعد از آن او در بغداد است و در همانجا کشته می‌شود. از اینها گذشته اگر فرض ضمنی این دو را پیذیریم که همه حسامالدین‌هایی که در این دوره زندگی می‌کرده‌اند یکی بوده‌اند، معلوم نیست چرا نباید پای حسامالدین چلی را هم به این داستان کشید! برای اینکه معلوم شود هر حسامالدینی «حسامالدین علی بن فضل الله سalar» نیست، باید از یک «حسامالدین حاجب سalar» هم یاد کنیم که از اطرافیان الملك الناصر بوده و در ۷۰۲ق در جنگ او با قوای غازان خان در مرج الصفر شرکت داشته است (اقبال، صص ۲۲۷-۲۲۸). باید اضافه کنیم که داستان برحدتر داشتن خوارزمشاه از حمله به بغداد را به شیخ شهاب‌الدین سهروردی صوفی نیز نسبت داده‌اند و گفته‌اند که خلیفه الناصر لدین الله او را نزد خوارزمشاه فرستاد و او «جدیشی روایت کرد که مشتمل بود بر نهی از ایدا و اضرار ایشان» (یعنی عباسیان)، و سلطان در جواب گفت که «آنچه می‌گویی که رسول از ایداء بنی عباس یافته هم از ایشان بوده» (میرخواند، ج ۴، صص ۳۹۹-۴۰۰). اما اینکه حسامالدین نامی خوارزمشاه را از حمله به بغداد برحدتر داشته باشد، چیزی است که تا آنجا که من می‌دانم در هیچ منبعی نیامده است.

شواهد تأثیف جامع قوانین علم الهیئت به دست حسام الدین سالار

تا اینجا معلوم شد که حسام الدین سالار نه حسام الدین منجم است و نه حسام الدین شامي، و نیز معلوم شد که رساله جامع قوانین علم الهیئت در اواسط قرن پنجم هجری تأثیف شده است. پس یا حسام الدین سالار در قرن پنجم میزیسته و نه چنانکه فرض کرده‌اند در اوایل قرن ششم یا قرن هفتم، یا، چنانکه روزنفلد فرض کرده است، کتابی که خواجه نصیر در دست داشته و در تأثیف کشف القناع از آن استفاده کرده است، اثری دیگر بوده است از یکی از معاصران او که بر پایه جوامع قوانین نوشته بوده و بسیاری از مطالب این رساله را شامل بوده است، که این فرض هم منتفی است.

به جز آنچه تا کنون گفتیم، آنچه می‌تواند ما را در فیصله دادن این بحث یاری کند یکی خود جامع قوانین علم الهیئت است، دیگر کشف القناع خواجه نصیر است که، چنانکه گفتیم، نام حسام الدین سالار در آن آمده است، و سوم رساله‌ای است از حسام الدین در اثبات تناهی ابعاد که بسیاری از مطالب آن با رساله‌ای از خواجه نصیر در همین موضوع یکسان است.

از جامع قوانین علم الهیئت، تا آنچه که می‌دانیم، تنها یک نسخه خطی در دست است که پیشتر از مقدمه آن یاد کردیم. ما به اصل این نسخه دسترسی نداریم و تنها یک نسخه زیراکسی از آن در دست ماست که فؤاد سزگین از روی نسخه عکسی تهیه کرده و جزو مجموعه اهدایی آقای دکتر محمد باقری به پژوهشکده تاریخ علم است. در صفحه عنوان یا متن این نسخه نام نویسنده نیامده اما در صفحه سفید اول نسخه به خطی امروزی نام کتاب به همان صورت که در مقدمه آمده، یعنی جامع قوانین علم الهیئت، و نیز نام کسی که کتاب به او اهداء شده و نام «قانون عمیدالملکی» به همان خط ولی با الفبای لاتینی نوشته شده است. در صفحه سفید آخر نسخه نیز به همین خط نوشته شده است:

Last page

تم الكتاب

لله الحمد والمنة وصلی الله علی نبیه
محمد وآلہ اجمعین وحسبنا الله
ونعم المعین ووقع الفراغ
من نسخه فی اوائل شهر الله الأصم (!) رجب عظم الله
برکته من شهور سنة اثنی و ثلثین وستمائة
(632 H.)

پیداست که این عبارات افزوده کاتب امروزی نیست بلکه در نسخه اصل وجود داشته و کاتب آن را، که در عکس نیامده بوده، با قید Last page در جای خود افزوده است. و چون نمی دانسته است که ماه رجب را «اصم» می گویند جلو این لفظ یک علامت تعجب گذاشته است. بنا بر این تاریخ استنساخ این کتاب ۶۳۲ هجری است، یعنی زمانی که خواجہ نصیر هنوز جوان بوده است، ۲۴ سال پیش از فتح بغداد، و ۲۹ سال پیش از کشته شدن حسام الدین منجم. از این نوشته نیز چیزی در باره هويت مؤلف به دست نمی آيد، جز اينکه اگر نويسنده آن در اين زمان زنده می بود قاعدتاً باید این نسخه یا به خط خود او می بود یا از روی نسخه اصلی او نوشته شده بود و على الاصول باید جایی در نسخه از او یاد می شد. و البته چنان انتظاری بیجاست، زیرا چنان که نشان دادیم این کتاب، مؤلفش هر که بوده است، در نیمة اول قرن پنجم هجری، در حدود دو قرن پیش از استنساخ این نسخه، تأليف شده است.

کشف القناع و جامع قوانین علم الهیئتہ

از کتاب کشف القناع عن اسرار الشکل القطاع (یا کشف القناع عن اسرار القطاع) خواجه طوسی که نام حسام الدین سالار در آن آمده دو تحریر در دست است. تحریر فارسی این کتاب قدیمتر است، زیرا خواجه در مقدمه آن را به «خلاصه افضل ادوار، افضل اهل روزگار، مخدوم معظم، سلطان علماء العالم، مؤید الدولة والدين، اکمل الحكماء المربزین، مختار الحضرت المقدسة، المؤید بن الحسين ...» اهداء کرده است. لقب «مؤیدالدولة والدين» نشان می دهد که این شخص مؤیدالدوله یا مؤیدالدین لقب داشته است. صفت «مختار الحضرة المقدسة» نیز که خواجه برای او می آورد نشانه

آن است که او از بزرگان دربار اسماعیلی بوده است، زیرا خواجه در مقدمه رساله معینیه نیز از ناصرالدین محتشم قهستان، به مناسبت جایگاه بلندی که در دستگاه اسماعیلی داشته به «عزیز حضره المقدسه» یاد کرده است (طوسی [۴]، ص ۳). بنا بر این، به احتمال بسیار زیاد، این مؤید بن الحسین همان مؤیدالدین از بزرگان دربار خورشاد آخرین پادشاه اسماعیلی الموت است که پس از تسخیر این قلعه خود را با خورشاد به سپاهیان مغول تسليم کرد (رشیدالدین، ج ۲، صص ۹۸۸-۹۸۹؛ دفتری،^۱ صص ۴۲۶-۴۲۷). پس این تحریر مسلمانًا پیش از سقوط الموت در ۶۵۴ عق نوشته شده است و حذف شدن مقدمه آن از تحریر عربی دلیل دیگری است بر درستی این مducta. در این تحریر نام حسام الدین سالار تنها یک بار آمده است و ما عین عبارت خواجه را، از این جهت که نشان‌دهنده دین او به این کتاب است عیناً نقل می‌کنیم:

«و از جهت کثر اختلاف اوضاع این شکل [شکل قطاع] و کثر نسبت‌های مؤلفه که میان این خطوط واقع می‌شود، بسیار طالبان و راغبان در ضبط و تصور احکام و احوال این شکل متاخر شده‌اند، تا بعضی به عجز و حرمان بازگردیده‌اند و بعضی بر تحصیل طرفی از فواید این شکل قناعت نموده. و هم <به> این سبب بوده است که متاخران از استعمال این شکل اعراض نموده‌اند و شکل مُعني را به جای آن به کار داشته. و نیکوت و جهی و آسان‌تر طریقی از این مطلوب آن است که حسام الدین علی بن فضل الله سالار -رحمه الله- استنباط کرده است و در رساله‌ای که در شرح این شکل ساخته است تقریر داده. اما همت او بر ضبط دعاوی مقرر بوده است و برآهین را نامضبوط و مشوش گذاشته. و ما در این رساله تقریر این دعاوی بر وجهی که فهم کرده‌ایم ایراد کنیم و آن را به ضبط برآهین مذیّل گردانیم، چنان که بر طالبان تحصیل آن آسان باشد و اگر خواهد که نسبت‌های ممکن را حصر کنند متعدد نشود. ان شاء الله».

در باره نسبت میان کشف القناع و جامع قوانین علم الهیئته بعداً با تفصیل بیشتر سخن خواهیم گفت. در اینجا به ذکر این نکته اکتفا می‌کنیم که خواجه تلویحاً می‌گوید که الگویش در نوشتن کشف القناع کتاب حسام الدین سالار بوده است. وقتی به جامع قوانین علم الهیئته نگاه می‌کنیم، می‌بینیم که خصوصیاتی که خواجه برای کتاب حسام الدین سالار می‌گوید در این اثر نیز وجود

1. Daftary

دارد. بنا بر این هیچ دور نیست که این کتاب حسامالدین سالار همین جامع قوانین علم الهیئت باشد.

در مقدمه تحریر عربی کشف القناع، که در سال ۱۵۸۴ق نوشته شده، یعنی در زمانی که خواجه به هلاکو پیوسته بود، خواجه نصیر می‌گوید که پیش از این کتابی جامع به فارسی در همین موضوع نوشته بوده و اکنون به درخواست برخی از دوستان دانشجو آن را با حذف زوائد به عربی درآورده است. یکی از این «زوائد» مقدمه تحریر فارسی است که در تحریر عربی وجود ندارد و دلیل حذف آن هم روشن است: این مقدمه در زمان اقامت او در نزد اسماعیلیان نوشته شده بوده و بنا بر این خواجه با آن همان کار را کرده است که با مقدمه‌های قدیم/خلاق ناصری و شرح/شارات (همائی [۲]). در تحریر عربی نام حسامالدین سالار در دو جا آمده است. یکی عبارتی است بسیار نزدیک به آنچه از تحریر فارسی نقل کردیم:

«ولکثرة النسب الواقعة بين خطوط هذا الشكل واختلاف أحوالها واختلاف بياناتها اهتمت
العلماء بالكلام فيه وذهبوا كل مذهب يعجز بعضهم عن ضبط اختلافاته وأعرض بعضهم عنه
وأقبل على ما ينوب عنه. وأنا ما وجدت فيه كلاماً أحسن من كلام حسام الدين على بن
فضل الله السالار المذكور، فإنه أورد ما هو كاف في ضبط الدعاوى لكنه ما يعرض لحصر
البراهين. وأنا أوردت في هذا الكتاب ما ذكره وأضفت إليه ما سنج لى. والله الموفق.»

میان این بند و عبارت تحریر فارسی چند اختلاف مهم هست. یکی اینکه خواجه در اینجا انتقادش را از حسامالدین ملایمتر کرده و براهین او را «نامضبوط و مشوش» نخوانده و تنها گفته است که او به «حصر براهین» نپرداخته است. دیگر اینکه تصریح کرده است که بسیاری از مطالب او مأخذ از حسامالدین است و وی تنها آنچه را خود دریافته و به ذهنش رسیده (ما سنج لى) به آن افزوده است. و دیگر اینکه از حسامالدین سالار به صفت «مذکور» یاد کرده است. عبارت اخیر نشان می‌دهد که در جای دیگری از رساله نیز از حسامالدین سالار یاد کرده است.

در واقع در تحریر عربی کشف القناع، بر خلاف تحریر فارسی آن، دو بار نام حسامالدین سالار آمده است. یکی همان است که دیدیم و دومی (یا در واقع اولی) که تنها در تحریر عربی وجود دارد، عبارت زیر است که چند صفحه پیش از آن آمده است:

«وقد غفل حسام الدین علی بن فضل الله السالار مع تبرّزه فی هذا العلم عن اعتبار هذا التقاطع الأخير فقال لهذا الشكل تسع صور لا تزيد عليها ولا تنقص. ثم قال وذكر أهل هذا العلم أن له اثنتي عشرة صورة وأنا ما أرى له وجها».

[حسام الدین علی بن فضل الله السالار با همه برجستگی ای که در این علم داشته از درنظر گرفتن این تقاطع اخیر غفلت کرده و گفته است که این شکل نه صورت دارد که نه بر آن می توان افزود و نه از آن می توان کم کرد. آنگاه گفته است که اهل این علم گفته اند که <این شکل> دوازده صورت دارد اما من وجهی برای این سخن نمی بینم.]

برای آنکه مفهوم سخن خواجه تا اندازه ای معلوم شود، و نیز معلوم شود که آیا در جامع قوانین علم الهیه چنین چیزی وجود دارد یا نه باید چند جمله ای در باره خود شکل قطاع بگوییم. شکل قطاع، که امروزه آن را به قضیه منلائوس می شناسیم، رابطه ای است میان پاره خط هایی که از تقاطع چهار خط که یکدیگر را دو به دو قطع کنند حاصل می شود. به شکلی هم که از تقاطع این خطوط روی صفحه حاصل می شود قطاع سطحی می گویند. تعریف خواجه نصیر از قطاع سطحی چنین است:

«چون چهار خط مستقیم نامحدود که بر استقامت و موازات یکدیگر نباشند با یکدیگر تقاطع کنند، چنان که زیادت از دو خط بر یک نقطه متقطع نباشند، شکلی حادث شود <که> آن را قطاع سطحی خوانند، چه خطوط مستقیم بر این وجه متقطع نشود الآ در یک سطح مستوی.»

در فصل اول از مقاله دوم کشف القناع که عنوانش «در ماهیت شکل قطاع سطحی و بیان صور و نسبت این شکل» است، خواجه حالاتی را که از تقاطع این چهار خط به وجود می آید شمارش می کند. حاصل استدلال او به زبانی دیگر چنین است:

از تقاطع سه خط از این چهار خط یک مثلث تشکیل می شود که ما آن را مثلث ABC می نامیم. حال خط چهارم را در نظر می گیریم. این خط، چون همان طور که خواجه گفته است نه در امتداد هیچ یک از آن سه خط است و نه موازی آنها، ناگزیر دو ضلع مثلث (متلا ABC و AC) را قطع می کند. اکنون حالات مختلفی پیش می آید. این خط یا خود پاره خط های AB و AC را قطع می کند (که در این صورت امتداد ضلع سوم را قطع می کند نه خود آن را)، یا امتداد هر دو را قطع

می کند (که در این صورت هم امتداد ضلع سوم را قطع می کند)، یا یکی از دو پاره خط و امتداد آن دیگری را قطع می کند (که در این صورت خود ضلع سوم را قطع می کند)، وقتی هم که مثلاً خط چهارم امتداد یکی از سه ضلع، مثلاً BC، را قطع می کند ممکن است آن را در طرف B قطع کند یا در طرف C. خواجه نشان می دهد که کل حالات (یا «صور») که به این ترتیب به وجود می آید ۱۲ حالت است و بقیه حالات را، که با در نظر گرفتن بالا و پایین و چپ و راست به دست می آید (در مجموع ۳۶ حالت دیگر)، می توان به یکی از این ۱۲ حالت تبدیل کرد («و چهل و هشت با دوازده آید»).

انتقاد خواجه نصیر به حسامالدین سalar این است که مدعی شده که این حالات دوازده حالت نیست بلکه نه حالت است. اما در جامع قوانین علم الهیئه چنین ادعایی یافت نمی شود بلکه حسامالدین نیز مانند خواجه نصیر تعداد این حالتها را دوازده می داند. به نظر می آید که نبود ادعایی که خواجه نصیر به حسامالدین سalar نسبت می دهد در جامع قوانین علم الهیئه باید کفه کسانی چون روزنفلد را سنتگین تر کند که منبع خواجه نصیر را این کتاب نمی دانند و اثر دیگری می دانند که حسامالدین سalar تحت تأثیر این کتاب یا از روی آن نوشته بوده است. اما روزنفلد این فرض را به این دلیل در کار آورده است که محملی برای معاصر بودن حسامالدین سalar، که به نظر او همان حسام منجم است، با خواجه نصیر طوسی بتراشد. اما اکنون که ثابت کردیم که حسامالدین سalar و حسام منجم دو نفرند، نیازی به این فرض نمی ماند.

پس ماجرا چیست؟ نبود این عبارت در تحریر فارسی کشف القطاع و بودن آن در متن عربی که چند سالی پس از آن نوشته شده این گمان را به ذهن راه می دهد که خواجه اشتباه کرده و چیزی به حسامالدین سalar نسبت داده که از او نیست. به نظر ما منشأ این اشتباه این است که خواجه میان این عدد دوازده، که به حالات مختلف شکل قطاع مربوط می شود و عدد نه که در جای دیگری از جامع قوانین علم الهیئه آمده خلط کرده است.

حسامالدین سalar هنگام گفتگو از «نسبت مؤلفه» می نویسد که شمار تبدیلات مختلف این نسبت نه است. البته نمی گوید که بر این عدد نه چیزی می توان افزود و نه چیزی از آن می توان کاست. ظاهراً خلط میان این دو عدد به این دلیل است که خواجه هنگام نوشتن تحریر فارسی

کشف القناع مستقیماً به جامع قوانین علم الهیئت دسترسی داشته اما در زمان تألیف تحریر عربی این اثر، شاید به دلیل از میان رفتن کتابخانه الموت، تنها از تحریر فارسی خود استفاده کرده و ضمن نوشتمن چیزی از حسام الدین سالار در باره عدد نه به یادش آمده و گمان برده که این عدد به شمار حالات شکل قطاع مربوط می‌شود.

دو یادکرد خواجه از حسام الدین سالار در مقاله دوم کشف القناع است و جالب این است که میان این مقاله و «جمله دوم» جامع قوانین علم الهیئت شباهت بسیار دیده می‌شود، به طوری که اگر بخواهیم یک منبع برای این مقاله کشف القناع پیدا کنیم، آن منبع همین جامع قوانین علم الهیئت است. اما این نوشته جای تفصیل این موضوع نیست.

شباهت میان کشف القناع و جامع قوانین علم الهیئت تنها در این مقاله دوم نیست، بلکه میان ساختار این دو کتاب هم تناظر هست. کشف القناع در پنج «مقاله» تدوین شده است و جامع قوانین علم الهیئت در سه «جمله». مقاله اول کشف القناع متناظر است با جمله اول از جامع قوانین علم الهیئت و موضوع هر دو «نسبت مؤلفه» است. در واقع، پیش از جامع قوانین علم الهیئت اثری نمی‌شناسیم که در باره «نسبت مؤلفه» و «شكل قطاع» و قضایای جایگزین شکل قطاع، یعنی «شكل معنی» و «شكل ظلی» در یکجا بحث کرده باشد. البته ثابت بن قره در باره این دو موضوع دو رساله جداگانه نوشته است و به احتمال بسیار زیاد نویسنده جامع قوانین علم الهیئت در تدوین جمله اول کتاب خود از رساله ثابت در باره نسبت مؤلفه استفاده فراوان کرده است. یکی از مهم‌ترین اثربازی‌های کشف القناع از جامع قوانین علم الهیئت همین جمع میان مباحث مربوط به نسبت مؤلفه و شکل قطاع و شکلهای معنی و ظلی است.

مقالات دوم و سوم و چهارم کشف القناع، که به ترتیب در باره شکل قطاع سطحی، مقدمات شکل قطاع کروی و شکل قطاع کروی است، متناظر است با جمله دوم از جامع قوانین علم الهیئت و مقاله پنجم آن، که موضوعش شکلهای معنی و ظلی (قضیه سینوس‌ها و قضیه تانژانت‌ها) و حل مثلث کروی با استفاده از این قضایاست، متناظر است با جمله سوم از جامع قوانین علم الهیئت. از این شباهت (و حتی یکسانی) ساختار دو کتاب که بگذریم، بسیاری مطالب مشترک میان دو اثر هست که نشان می‌دهد خواجه نصیر در نوشتمن کشف القناع از جامع قوانین علم الهیئت بهره

بسیار برد است. بیشترین استفاده خواجه در مقاله دوم کشف الفناع است و کمترین آن در مقاله اول. زیرا بخش اول جامع قوانین علم الهیئه که در باره نسبت مؤلفه است خود به تنها یی نیمی از کتاب است و رساله مستقلی است در این موضوع، در حالی که خواجه از این مبحث به آنچه در بحث از شکل قطاع به کار می آید اکتفا کرده است. گذشته از این، هرچند میان مقاله اول کشف الفناع و جمله اول جامع قوانین علم الهیئه قضایای مشترکی وجود دارد، روش خواجه بیشتر حسابی و روش مؤلف جامع قوانین علم الهیئه بیشتر هندسی است. خواجه آگاهانه سعی دارد که «تألیف نسبت‌ها» را به ضرب کسرها تبدیل کند، و ضمن این کار برخی از خصوصیات کلی کسرها را هم اثبات می کند، در حالی که چنین کوشش آگاهانه‌ای در جامع قوانین علم الهیئه دیده نمی شود. گذشته از این، واژگان جامع قوانین علم الهیئه و کشف الفناع نیز در مواردی با هم تفاوت دارند. سبک خواجه نیز منسجم‌تر و منطقی‌تر است، و تا اندازه زیادی حق با اوست که حسام الدین سalar را متهم می کند که همتیش «بر ضبط دعاوی مقرر بوده است و براهین را نامضبوط و مشوش گذاشته» است.

با همه این تفاوت‌ها، وجود اشتراکاتی که از آن سخن گفتیم نشان می دهد که رساله حسام الدین سalar که خواجه در دست داشته چیزی جز این جامع قوانین علم الهیئه نیست. بهویژه که تنها نسخه‌ای که از اثر اخیر در دست است در ۶۴۳۲ق، یعنی در زمان زندگی خواجه استنساخ شده است و بنا بر این اثر در زمان خواجه کتاب شناخته شده‌ای بوده است.

اثبات تناهی/بعاد: اثری دیگر از حسام الدین سalar

با توجه به اینکه، اگر نویسنده‌گان دو سه زیج را کنار بگذاریم، خواجه نصیرالدین طوسی تنها مؤلفی است که از حسام الدین سalar نام برد و با در نظر گرفتن وسعت آگاهی خواجه از آثار موجود در زمانش، این پرسش طرح می شود که آیا وی اثر دیگری از حسام الدین را می شناخته است. مرحوم آقابزرگ طهرانی گفته است که حسام الدین سalar رساله خواجه در باره اصل پنجم اقلیدس (رساله الشافیة عن الشک فی الخطوط المتوازية) را نقد کرده است (ج ۳، صص ۳۳۴-۳۳۵). از رساله حسام الدین سalar در اثبات اصل پنجم اقلیدس نسخه‌ای در کتابخانه آستان قدس رضوی وجود

دارد. در این رساله چیزی در نقد بر طوسی وجود ندارد. اما مرحوم همایی که تصویری از این نسخه را در خیامی‌نامه منتشر کرده بر شباهت قضایای آن با شرح ما/شکل خیام و نیز الرساله الشافیة طوسی تأکید کرده است.

اکنون که نشان دادیم که حسام‌الدین سالار در اواسط قرن پنجم فعال بوده، جایگاه رساله او در تاریخ اثبات اصل پنجم اقلیدس در جهان اسلام نیز تغییر می‌یابد. مرحوم همایی، که حسام‌الدین سالار را در سال ۵۲۷ زنده می‌پنداشته، پس از بیان اشتراکات این رساله با شرح ما/شکل خیام و الرساله الشافیة طوسی گفته است که «مسلم است که اگر شبّهٔ اقتباس باشد از طرف حکیم خیام که زمان وی و تاریخ تألیف رساله‌اش بر آن هر دو دیگر مقدم است نتواند بود» (همایی [۱]، ۲۸۴). اما اکنون که معلوم شد که حسام‌الدین سالار در اواسط قرن پنجم فعال و به احتمال زیاد از خیام مسن‌تر بوده، آیا نمی‌توان گفت که اگر احتمال دادوستدی میان خیام و او در این باره وجود داشته است، باید دادر از ناحیه حسام‌الدین دانست و ستد را از ناحیه خیام؟ این مسأله نیز جای تحقیق دارد.

طوسی، که غالباً در آثار خود از نویسندگان دیگری که در آن موضوع تألفی داشته‌اند یاد می‌کند، در الرساله الشافیة از این رساله حسام‌الدین در باره اصل توازی نام نبرده است. اما خوشبختانه اثر دیگری از خواجه بر آشنایی او با نوشتۀ دیگری از حسام‌الدین گواهی می‌دهد که موجود است و مقایسه این دو اثر نه تنها میزان دین خواجه به حسام‌الدین بلکه بُعد دیگری از شخصیت علمی او را روشن می‌کند.

نسخه شماره ۲۰۴۲ از مجموعه روان در ترکیه که میکروفیلم آن در کتابخانه مرکزی دانشگاه تهران موجود است، شامل رسالات متعددی است که بیشتر فلسفی‌اند و یکی از آنها رساله‌ای از خواجه نصیرالدین طوسی در اثبات تناهی ابعاد و رد نظر ابوالبرکات بغدادی، فیلسوف قرن ششم، است (طوسی [۵]). متأسفانه برگ‌های این رساله، مثل سایر رسائل این مجموعه، به هم ریخته است و من در کوشش‌هایی که تا کنون کرده‌ام نتوانسته‌ام اوراق آن را مرتب کنم و هنوز نمی‌دانم که آیا اوراقی از آن جزو رسائل دیگر صحافی شده است یا آنچه از این رساله در این مجموعه وجود دارد همین اوراقی است که من تا کنون شناسایی کرده‌ام.

در پایان این رساله نام حسامالدین سالار در جایی که انتظار نمی‌رود به میان می‌آید. خواجه در این قسمت می‌گوید که نمی‌داند بعد از این براهینی که آورده است کسی که جانب‌دار ابوالبرکات است چه جواب خواهد داد. اگر چنین کسی بیم داشته باشد که اعتراف او به خطا باعث انهدام اصول دین شود، «خدا میان من و او داور است و گواهی خدا کافی است» (فالله بینی و بینه و کفی بالله شهیدا). آنگاه این عبارت عجیب آمده است: «ویکون کلام حسامالدین السالار وبه الحمد والمنة». در اوراقی از این رساله که من تا کنون شناسایی کرده‌ام نامی از حسامالدین سالار نیامده است تا معلوم شود که منظور خواجه، یا کسی که این عبارت را در آخر رساله او افزوده، از «کلام حسامالدین سالار» چیست. اما خوشبختانه رساله‌ای از حسامالدین سالار در همین موضوع در دست است که تا اندازه‌ای این مسئله را روشن می‌کند.

این رساله، که تاریخ تحریرش ۶۴۹ عق (یعنی اواخر دوران زندگی خواجه) است جزو مجموعه شماره ۴۶۰۵ کتابخانه اسماعیل صائب در ترکیه است و میکروفیلم آن به شماره ۲۷۴ در کتابخانه مرکزی دانشگاه تهران نگهداری می‌شود (سالار [۲]). رساله چنین آغاز می‌شود:

بسم الله الرحمن الرحيم

فی تناهی الأبعاد الجسمانية علی الوجه الذی ذکره الشیخ الرئیس ابوعلی قدس الله نفسه.
و عبارت پایانی آن، به همان خط نسخ زیبایی که بقیة رساله با آن کتابت شده، چنین است:
تمت الرسالة لحجۃ الحق أستاذ الدنيا حسامالدین علی بن فضل الله السالار قدس الله نفسه
نام مؤلف درست همان چیزی است که خواجه در کشف القناع آورده است: علی بن فضل الله
السالار. اما لقب «حجۃ الحق» هم بر مقام بلند علمی او گواهی می‌دهد و هم بر اینکه او نمی‌تواند از
معاصران خواجه نصیر باشد. کسانی که به این صفت مدح شده‌اند، تا آنجا که من می‌دانم، یکی
ابوعلی سیناست و دیگری خیام (ابن فندق [۲]، ص ۱۱۲)، و در قرن هفتم کسی را نمی‌شناسیم که
چنین لقبی پیش از نامش آمده باشد.

مقایسه این رساله با رساله خواجه نصیر در اثبات تناهی ابعاد نشان می‌دهد که خواجه نه تنها بخشی از عبارت حسامالدین سالار را در رساله خود ادغام کرده، بلکه از روش او نیز در نوشتمن رساله‌اش پیروی کرده است. حسامالدین در آغاز این رساله می‌گوید که فرض می‌کند خواننده‌اش

چیزی از منطق نمی‌داند و بنا بر این بحث را با تعریف قضیه شرطیه آغاز می‌کند. در رساله خواجه نیز، از نیمه‌های یکی از صفحات موجود که خواجه در آن به طرح این مسأله می‌پردازد، عین عبارات حسام الدین، با مختصر تفاوت‌هایی، موجود است. ما متن این دو تن را نقل می‌کنیم و آنچه را در یکی هست و در دیگری نیست با حروف سیاه مشخص می‌کنیم:

خواجه نصیرالدین طوسی
حسام الدین سالار

وقبل أن نشرع في البيان وإخراج المقدمات إلى أما المسئلة فهذه التي هي مسئلة تناهى الفعل فلنقدم تعريف القضيه والقياس المستعملين الأبعاد وأما البرهان فذاك الذي مذكور في في إثبات المسئلة بحيث يقف كل من أراد الوقوف على إشارات. وقبل أن نشرع بيانها فلنقدم تعريف عليها وإن لم يشرع في تحصيل المنطق بعد ولا في القضيه والقياس المستعملين في إثبات تلك المسئلة بحيث يقف كل من أراد الوقوف عليها وإن لم يشرع في المنطق بعد ولا في علم آخر من العلوم. ولا في مسئلة من المسائل.

آنچه در رساله حسام الدین سالار و خواجه طوسی پس از این عبارت آمده تقریباً به همین صورت است و خواجه عین عبارت حسام الدین را با مختصر تغییراتی نقل می‌کند. حتی در مورد قضیه شرطیه‌ای که مقدم و تالیش کاذبند اما خود آن صادق است، خواجه حتی مثال حسام الدین سالار را تغییر نمی‌دهد. آن مثال این است: «اگر عدد ۵ زوج باشد بر دو بخشیدیز است».

برای اینکه میزان اقتباس خواجه از حسام الدین روش‌تر شود، نمونه‌ای دیگر می‌آوریم:

خواجه نصیرالدین طوسی
حسام الدین سالار

أما القضية التي قولنا إن أمكن أن يتمتد بعد في وصارت صورة القياس على وجه الإيجاز هكذا خلاً أو ملأ بغير نهاية لأمكن في ذلك بعد خطان وهو إن أمكن أن يتمتد بعد في خلاً أو ملأ بغير نهاية غير متناهيين مبدأهما واحد لا يزال بعد بينهما لأمكن في ذلك بعد خطان غير متناهيين مبدأهما يتزايد بقدر واحده هذه القضية الشرطية مقدمها واحد لا يزال بعد بينهما يتزايد بقدر واحد وإن قولنا إن أمكن أن يتمتد بعد في ملأ أو خلاً ... أمكن خطان بهذه الصفة ...

در باره نسبت میان رساله خواجه و رساله حسام الدین سالار این نکته را هم باید بیفزاییم که رساله حسام الدین، چنان که در آغاز آن آمده، به روش این سیناست. این سینا در اشارات، از میان

برهان‌های مختلفی که در اثبات تناهی ابعاد آورده‌اند تنها به یک برهان، که بعدها به برهان سُلْمی معروف شد، اکتفا کرده است. حسام‌الدین در رساله خود کوشیده است که ساختار منطقی این استدلال را با استفاده از قضایای شرطی روشن کند. خواجه خود در شرح/شارات متعرض این روش نشده است و همین را می‌توان گواه گرفت بر اینکه هنگام نوشتتن این شرح (که در دوره اقامت او در نزد اسماعیلیان بوده) به رساله حسام‌الدین دسترسی نداشته و بعدها که به این رساله دست یافته آن را در رساله جداگانه خود در این موضوع ادغام کرده است. حال جای این پرسش است که اگر حسام‌الدین سalar از معاصران خواجه می‌بود، آیا خواجه این کار را با رساله او می‌کرد؟

جایگاه جامع قوانین علم الهیئه در تاریخ مثلثات

استقلال علم مثلثات از نجوم عموماً یکی از مهم‌ترین دستاوردهای ریاضیات دوران اسلامی شمرده می‌شود. تا چند دهه پیش گمان می‌رفت که اثری که این استقلال به بهترین وجه در آن آشکار است کشف القناع خواجه طوسی است که از راه تحریر عربی و ترجمه فرانسوی (نک: کاراتئودوری^۱) آن شناخته بود. با کشف مقالید علم الهیئه بیرونی معلوم شد که بسیاری از مباحثی که در کشف القناع آمده قبلًا در مقالید موجود بوده است. این کشف نه تنها نقش خواجه را کمنگ کرد، بلکه تا حدودی محل نزاع هم مبهم شد و بحث بیشتر متوجه این شد که خواجه اثبات‌های خود را از کجا آورده است یا ابداع شکل قطاع یا شکل ظلی از کیست. مسلم است که کشف قضایایی چون قضیه مغنی و قضیه ظلی (به زبان امروزی، قضیه تائزات‌ها و قضیه سینوس‌ها)، که عمدتاً کار گروهی از ریاضی‌دانان قرن چهارم هجری است، گام مهمی در راه استقلال مثلثات از نجوم بوده است، و مقالید علم الهیئه، که بخش بزرگی از آن داستان کشف این قضایا و روش‌های ریاضی‌دانان مختلف – از جمله خود بیرونی – در اثبات آنهاست، به این اعتبار که کتاب مستقلی است در باره این قضایای مثلثاتی، مرحله مهمی در تاریخ استقلال مثلثات از نجوم به شمار می‌آید. اما آن را نمی‌توان نخستین کتاب مثلثات شمرد.

1. Caratheodory

البته بسیار دشوار است که بگوییم یک علم از چه زمانی استقلال می‌یابد. اما برخی از شرایط آن را می‌توان به صورت زیر برشمرد:

- ۱) کلیت یافتن مسائل آن علم و جدا شدن آنها از مسائل خاصی که آن علم، به لحاظ تاریخی، در اثر کوشش برای حل آنها پدید آمده است؛
- ۲) جدا شدن آن علم از کاربردهای آن، یا دست کم پرداختن به این دو موضوع در بخش‌های جدایانه؛
- ۳) استقلال واژگان آن؛
- ۴) تأثیف آثار جدایانه در آن.

توجه نکردن به این چهار معیار در کنار هم منشأ سوء تفاهم‌های بزرگی در تاریخ علم است. مثلاً کسانی که به وجود علم جبر پیش از خوارزمی اعتقاد دارند، غالباً به وجود مسائل جبری و یا برخی از روش‌های حل معادلات در آثار پیش از او استناد می‌کنند. از این چهار معیار، مقالید علم الهیئت تنها با معیار چهارم نخستین کتاب مستقل در علم مثلثات محسوب می‌شود. هرچند در این کتاب مباحثی چون حل مثلث کروی و استقصای حالات آن وجود دارد، اما چنانکه دبارنو گفته است، کوشش‌های بیرونی در این زمینه تنها سرآغاز و طرح اجمالی این کار محسوب می‌شود (دبارنو، ص ۷۱). واژگان بیرونی هنوز غالباً نجومی است و بسیاری از مسائل بر حسب کاربردهای آنها در نجوم طرح می‌شوند.

اگر با این چهار معیار بسنجدیم، می‌توان گفت که جامع قوانین علم الهیئت و کشف القناع نخستین آثار مستقل در مثلثات محسوب می‌شوند، به عبارت دقیق‌تر، حسام الدین سالار کاری را آغاز کرده که خواجه نصیر آن را پیراسته و به کمال رسانده است. قصد حسام الدین، چنان که در مقدمه کتاب خود گفته است، این بوده است که کتابی بنویسد که هم مقدمه‌ای برای علم نجوم باشد و هم مستقل‌ا علم جدایانه‌ای محسوب شود. توجه او به این جنبه دوم سبب شده است که قضایا را جدا از کاربردهای نجومی آنها و بدون توسل به واژگان نجومی مطرح کند. در همه رساله‌ او حتی یک اصطلاح خاص نجومی وجود ندارد، در حالی که خواجه نصیر گاهی در معرفی برخی از اضلاع مثلث‌های کروی اصطلاح نجومی مربوط را هم ذکر می‌کند (البته این موارد محدود است). از

سوی دیگر، چنانکه پیش از این گفتیم، جمله اول از کتاب حسام الدین را می توان اثر جدایانه‌ای در باره تألیف نسبت‌ها دانست و آنچه در این جمله از این مبحث آمده بسیار بیش از چیزی است که در مثلثات مورد نیاز است. خواجه که ظاهراً این بی‌تناسبی را می‌دیده، این بخش را مختصرتر کرده و در عوض به آن قضایایی افروزده است که در محاسبات با کسرها به کار می‌آید.

با این حال، نوشته شدن اثری چون جامع قوانین علم الهیة در اواسط قرن پنجم هجری نشان می‌دهد که کار ریاضی‌دانانی چون بیرونی و نسل پیش از او همه مقدمات لازم را برای استقلال مثلثات از نجوم فراهم آورده بوده است. تنها لازم بوده است که کسی داربست نجومی را برچیند تا بنای مثلثاتی پشت آن آشکار شود. این کاری است که حسام الدین سalar کرده است.

تاریخ مثلثات تا بیرونی تا اندازه زیادی شناخته شده است و یکی از بهترین پژوهش‌ها در این باره هنوز کار دبارنو است. تاریخ مثلثات پس از بیرونی هنوز درست بررسی نشده است و یکی از نخستین گام‌ها در این باره تحقیق در باره سهم هر یک از دو مؤلف مورد نظر، حسام الدین سalar و نصیر الدین طوسی، و احتمالاً کسان دیگر است.

حسام الدین سalar کجايی است؟

از آنچه تا کنون گفته‌ایم باید روشن شده باشد که حسام الدین علی بن فضل الله سalar ریاضی‌دان و منجمی بوده است که در اواسط قرن پنجم فعال بوده و جز مثلثات به برخی دیگر از جنبه‌های نظری و بحث‌انگیز ریاضیات، از جمله اثبات اصل پنجم اقلیدس توجه داشته است. چند رساله دیگر که از او باقی مانده گواه علاقه او به نجوم است و زیج شاهی گم شده او نیز این معنی را تأیید می‌کند. گذشته از این، وی به فلسفه هم بی‌علقه نبوده است و در فلسفه نیز، به دلیل رساله اثبات تناهی ابعاد، باید او را پیرو ابن سینا دانست.

با این حال، در هیچ زندگی‌نامه‌ای چیزی در باره او نیامده است و تاریخ تولد و مرگ و زادگاهش معلوم نیست و تنها می‌دانیم که مدتی از زندگیش را در اصفهان به سربرده، اما از عباراتش پیداست که اهل اصفهان نبوده است. فقط یک حدس در باره موطن او می‌توان زد.

علی بن زید بیهقی، که در حدود یک قرن پس از حسام الدین می‌زیسته، در تاریخ بیهق خود، ذیل عنوان «سالاریان» از خانواده‌ای از مردم این ناحیه نام می‌برد که به شخصی به نام «سالار ابوالعباس المحسن بن علی بن احمد المطوعی» نسب می‌رسانده‌اند که «سالار غازیان» بوده و «از وی اولاد و احفاد و خواجهگان و فضلا و ازکیا و هنرمندان بسیار ماندند و ریاست قصبه (یعنی سبزوار) یک چند به رسم ایشان بود و امروز (یعنی در نیمه‌های قرن ششم هجری) از آن بیت شخصی چند مانده‌اند و روزگار ایشان را رفاهیت وداع کرده». آنگاه از چند تن از افراد این خانواده، و از جمله کسی به نام «محمدبن الحسن بن احمد السالار»، نام می‌برد. بیهقی می‌افزاید که «و نسبت به سالار بسیار است در این ناحیت، اما بیت قدیم و مردمان هنرمند اهل این خاندان بوده‌اند» (ابن فندق [۱]، ص ۱۲۴). وی در جای دیگری از کتابش زندگی نامه مختصراً از یکی دیگر از این خاندان با عنوان «العالم الأصيل محمد بن ابی عبدالله السالار» می‌آورد که معاصر و دوست او بوده و در ۵۵۱ درگذشته است (ابن فندق [۱]، ص ۲۳۱). با توجه به اینکه اضافه کلمه «السالار» به نام این دو تن اخیر درست به همان صورت است که در نام «حسام الدین علی بن فضل الله السالار» می‌بینیم، آیا نمی‌توان گفت که حسام الدین نیز یکی از افراد این خاندان بوده و «تنگدستی» (ضيق ذات اليد) و «روی گرداندن جاه و مال» (تنکر العادة فى الجاه والمال) که او در مقدمه جامع قوانین علم الهیئه از آن سخن می‌گوید نتیجه بخت برگشتگی خاندان او بوده است؟ این حدس یک اشکال دارد، و آن این است که اگر حسام الدین ریاضی‌دان و فیلسوف اهل بیهق بوده، چرا همشهری او بیهقی در کتاب دیگر خود، تتمه صوان الحکمه، از او یاد نکرده است (نک: ابن فندق [۲]).

پیوست ۱

حسامالدین سalar: مقدمه جامع قوانین علم الهیئه

این مقدمه از چند نظر درخور توجه است. یکی اینکه حسامالدین در آن خود را شخصی آشنا با فلسفه نشان می‌دهد. او مقدمه را با بحثی در باره مبادی علوم آغاز می‌کند و آنگاه می‌گوید که به مبادی هر علم به دو چشم می‌توان نظر کرد. یکی به لحاظ فایده‌ای که در علم مورد نظر می‌توان برد و دیگر به استقلال. از دیدگاه دوم، مبادی علم مطلوب بالذات می‌شود و خود به صورت علمی مستقل درمی‌آید. این تمهدی است برای عبارتی که در آخر این مقدمه آمده است و در آن مؤلف می‌گوید که این رساله هم می‌تواند مقدمه‌ای برای هیئت محسوب شود و هم یک علم جداگانه. اما، چنانکه در متن مقاله گفتیم، وی مطالب خود را طوری ترتیب داده است که گویی در وهله اول این منظور دوم را در نظر داشته است: در این رساله از کاربردها هیچ خبری نیست و از استفاده از اصطلاحات هیئت خودداری شده است.

نکته دومی که از این مقدمه به دست می‌آید آشنایی کامل حسامالدین است با نام کسانی که پیش از او در مثلثات کار کرده‌اند. از بسیاری از کسانی که در مقدمه نامشان آمده در متن کتاب نیز قضایایی نقل شده است. با بررسی دقیق رساله و مقایسه آن با مقاله‌ای علم الهیئه بیرونی معلوم خواهد شد که آیا حسامالدین مستقیماً از آثار این کسان استفاده کرده است یا بیشتر به وساطت رساله بیرونی.

نکته سوم این است که این مقدمه نشان می‌دهد که عمیدالملک کندری رصدهایی را آغاز کرده بوده است و نیز خیال داشته است بانی تألیف کتابی در علم نجوم – یا احتمالاً یک زیج – شود که حسامالدین آن را «قانون عمیدالملکی» می‌نامد. هیچ اطلاعی نداریم که آیا این رصدها به پایان رسیده و چنین کتابی تألیف شده، یا اگر شده است نسبت آن با زیج شاهی منسوب به حسامالدین چیست. همین قدر هم کافی است که نشان دهد فعالیت نجوم در دوران سلجوقی از همان زمان طغیل آغاز شده و بنا بر این رصدهای دوران ملکشاه را باید ادامه این فعالیت‌ها دانست.

این مقدمه از روی متنی زیراکسی که از روی یک نسخه عکسی تهیه شده ترجمه شده است. این مقدمه به خط نسخ خواناست، اما متأسفانه بسیاری از کلمات نقطه ندارند. همچنین،

بخش‌هایی از صفحه اول نسخه اصلی سیاه شده و برخی از کلمات هم یا در نسخه اصلی ساییده شده یا در جریان عکاسی خوب نگرفته. ما این موارد را به نزدیکترین صورتی که می‌توان خواند آورده‌ایم و در مواردی پیشنهاد خود را هم در پانوشت ذکر کرده‌ایم. خوشبختانه این موارد چنان نیست که مانع فهم متن شود.

متن مقدمه

لکل علم مقدمات و مبادی لا يحصل فى الذهن حصولاً بيناً^۱ إلا بعد معرفة مباديه. ومقدّماتها إما أوليات وإما متوسطات بين الأوليات وبين العلم المطلوب. والمتوسطات إذا أطلقت فهى علم لذاتها وإذا أضيفت إلى ما يفیده فھي مقدمة له. فمنها قريبة من العلم المطلوب ومنها بعيدة عنه. والمقصود في هذا الكتاب هو القول على أقرب مقدمات علم الهيئة أعنى المشتركة معه في الجنس، وهي المقدمة التي لن يستغنى عنها في علم الهيئة بل لا يمكن حصول معنى منه إلا بعد الوقوف عليها. وأصحاب علم التعاليم يسمونها قانون علم الهيئة وبعضهم مفاتيحه وأكثراهم مقاليده. وقد خاص في ذكر أقسامها وبرهان أصولها جماعة من أفضل القدماء والمحدثين كمانالائوس في المقالة الثانية من كتابه في الكريات وبطلميوس القلوذى في كتاب المحسن وأبوالعباس الفضل بن حاتم النيريزى في شرحه المحسن وأبوالحسن ثابت بن قرۃ في كتاب أفرده لها وسلیمان بن عصمة في رسالة مفردة وابن البعدادى في كتاب خاص له وأبوسعید احمد بن محمد بن عبدالجليل سجزى في كتاب له قصد فيه الشرح وأبواالوفا محمد بن محمد البوزجاني في محسن و أبومحمد حامد بن خضر الخجندى في كتابه في الساعات الماضية من الليل وأبونصر منصور بن على بن عراق في كتابه الموسوم بتهذيب التعاليم وأبواالريحان محمد بن احمد البيرونى في كتاب مقاليد علم الهيئة وكتب متفرقة له وأبواالحسن كوشيار بن لبان الجيلي في المقالة الرابعة من زيجه. وأتى كل واحد منهم بحسب احتياجه إليه وبما يليق في موضعه ولم يتعرض أحد منهم لاستيعاب كنه وجوهها واستيفاء لوازمهما وأقسامها. وقد أطللت التفكير في برهان كل واحد منهم واستقصيت النظر فيه وأمعنت في

۱. بينا: کلمه در اصل ناخواناست.

۲. فھي: وهى

التفحص عنه فانفتحت لى أبواب تمكنت بها من استنباط طرق آخر من أصولها وابتداع وجوه عدة من لوازمهما وفصولها حتى كدت استوعب جميع أقسامها، وجمعت هذه المجموعات إلى برهان كل واحد من هؤلاء الفضلاء المتقدمين بعد تسهيل العبارة وإيجاز الألفاظ وأفردت لمجموعها هذا الكتاب وسمّيته جامع قوانين علم الهيئة لاجتماع الفصلين فيه. لأن الواجب على المتأخر أن لا يصنف كتاباً سبق فيه مثله^١ متقدماً، سيما إذا كان ما يؤلف مختصاً لخدمة خزانة كتب مولانا الأجل العالم العادل المؤيد عميد الملك والدين أبي نصر منصور بن محمد مولى أمير المؤمنين - أطال الله بقائه وحرس عزه وفناهه وأدام تأييده وعلوه وحَدَّ رفعته وسُمِّوه - منسوباً إلى عالي اسمه متّمماً سامي أمره ورسمه. فقد يلزم عما فضل الله على الأنام وجمع فيه العالم، لاختصاصه بالعلوم السنية والأخلاق الزكية التي تعجز عن وصفها القوى النفسانية، أن تكون التصانيف المخلدة لخزانته الحكمية فريدة في فنّها وعيون المعانى بدعة في صنفها، ليقع بينهما مشاركة في الجنس ومناسبة في النوع. وتمّ العبد هذا النوع من العلم التعليمي واستوفى لوازمه ووّقى حقه من الكمال وهو بإصفهان كليل الخاطر منقسم القلب ممنوّ بأ نوع الموانع التي يصب لها^٢ في هاتين السنتين لضيق ذات اليد واحتلال الأحوال وتنكر العادة في الجاه والمال، لمبادرته عن خدمة الحضرة الرفيعة زادها الله رفعه وحرمانه عن الاستساع بمشاهدة السُّدَّة الشّريفة، لكنه على ثقة له^٣ يسلم من الزلل وإن كان هو شئ لا يخلوا عنه البشر. فقد عمله على صدق رغبة منه في تحصيل جمال الذكر في المجلس الرفيع أadam الله رفعته وحرص شديد في وجود مزيد التقرب منه. فإن تعلق^٤ الرأي العالى دام عالياً على إتمام الرصد كان هذا الكتاب باباً واحداً من جملة أنواع القانون العميد الملكي الذي ي يريد بنائه^٥ في أيام السلطانية أداماً الله ومقدمة التي لا يمكن الوقوف عليه إلا بعد العلم بها؛ وإن فهو لذاته علم كامل في نوعه يخلد ذكر أيام الصدر الرفيع أadam الله جلالها ومدّ ظلالها وينسب إلى خزانته الحكمية ويضاف إلى نعمته العليّة، فإن مساعي العبد منسوبة أبداً إلى مواليها. والله يطيل بقائه ويصون عن

١. فيه مثله: در اصل ناخواناست. شاید «عليه في مثله» بوده است.

٢. يصب لها: دو کلمه در اصل ناخواناست.

٣. على ثقة له: این سه کلمه را به حدس خواندهایم.

٤. کلمه در اصل درست خوانده نمی شود.

٥. این دو کلمه در اصل درست خوانده نمی شود.

غِیر الأَيَّام فِنَائِهٖ^۱ وَيُوفِقُ الْعَبْدُ فِيمَا قَصَدَهُ وَبَلَغَهُ مَأْمُولَهُ مِنَ الْجَنَاب^۲ الرَّفِيعُ أَقْصَى غَایِتِهِ. إِنَّهُ قَرِيبٌ مَحِيبٌ.

ترجمه فارسي

هر علمی مقدمات و مبادی دارد که آن علم جز با شناخت آن مبادی در ذهن به صورت آشکار حاصل نمی‌شود. و این مقدمات یا اوّلی‌اند و یا میان اولیات و علم مورد نظر میانجی‌اند. این میانجی‌ها هرگاه به صورت مطلق از آنها سخن برود برای خود علمی هستند و هرگاه که در نسبت با فایده‌ای که از آنها به دست می‌آید در نظر گرفته شوند، مقدمه‌ای برای آن فایده. از این میانجی‌ها برخی به علم مورد نظر نزدیک‌ترند و برخی از آن دورتر. منظور از این کتاب سخن گفتن از نزدیک‌ترین مقدمات علم هیئت یعنی علمی است که در جنس با آن مشترک است. و آن مقدمه‌ای است که در علم هیئت از آن بی‌نیاز نمی‌توان بود بلکه به هیچ چیزی از هیئت نمی‌توان دست یافت مگر با آگاهی از آن. و ریاضی‌دانان آن را قانون علم هیئت می‌نامند و برخی مفاتیح آن و بیشتر ایشان مقالید آن. در باره اقسام این مقدمات و برهان آوردن بر اصول آن جماعتی از برترین قدماء و متأخرین ژرفکاوی کرده‌اند، چون مثلاًوس در مقاله دوم کتابش در باره شکل‌های کروی و بطمیوس قلوذی در کتاب مجسطی و ابوالعباس فضل بن حاتم نیزیزی در شرح مجسطی خود و ابوالحسن ثابت بن قره در کتابی جداگانه که در این موضوع نوشته است و سلیمان بن عصمه در رساله‌ای که جداگانه در این باره تألیف کرده است و ابن بغدادی در کتاب ویژه‌ای که دارد و ابوسعید احمد بن محمد بن عبد‌الجلیل سجزی در کتابی که به قصد شرح آن ساخته است و ابوالوفا محمد بن محمد بوزجانی در مجسطی خود و ابومحمد حامد بن خضر خجندی در کتابش در باره ساعاتی که از شب گذشته است و ابونصر منصور بن علی بن عراق در کتابش به نام پیراستن ریاضیات و ابوریحان محمد بن احمد بیرونی در کتاب کلیدهای علم هیئت و کتابهای دیگرش و ابوالحسن کوشیار بن لبان جیلی در مقاله چهارم از زیجش. و هر یک از ایشان چیزهایی آورده که

۱. غیر الأيام: غیر الأنام

۲. الجناب: الإيجاب (بدون نقطه).

بدان نیاز داشته و مناسب مقام می‌دیده و هیچ یک از ایشان به ژرفکاوی تمام در انواع آن و استیفاء پی‌آمددها و اقسام آن نپرداخته است. من مدتی دراز در برهان هر یک از ایشان اندیشیدم و پژوهش در آن را به کمال رساندم و در جستجوی آن ژرفاندیشی کردم. پس درهایی بر روی من گشوده شد که از راه آن به استنباط شیوه‌هایی دیگر در اصول آن و ابداع وجوه متعددی از پی‌آمددها و فصول آن توانا شدم، چنان که کم مانده بود که همه اقسام آن را استیفا کنم. این مجموع را بر برهان‌های هر یک از فضلای گذشته، با آسان کردن عبارت و کوتاه کردن الفاظ ایشان، افزودم و این کتاب را خاص این مجموع گرداندم و آن را جامع قانون‌های علم هیئت نام دادم، زیرا هر دو فصل در آن گرد آمداند. و بر متأخران فرض است که کتابی ننویسند که متقدمان چون آن نوشته باشند، خاصه آنگاه که کتاب برای گنجینه کتاب سرور بزرگ ما، دانشمند دادگر، مؤید عمیدالملک والدین ابونصر منصور بن محمد مولی امیر المؤمنین - که خداوند بر بقای او بیفراید و عزت و درگاهش را نگاهدار باشد - تألیف شده باشد و به نام بلند او منسوب باشد و در اجرای فرمان عالی او نوشته شده باشد. و بدان سبب که خداوند او را از میان مردمان برکشیده است و او را چنان صاحب علوم گذشتگان و نیکان کرده است که قوای انسانی از وصف آن عاجزند، لازم است که نوشته‌هایی که در گنجینه حکمت‌آمیز او جاودان می‌شوند در فن خود یگانه و چشممه‌های معانی در نوع خود نوآمد باشند، تا میان ایشان [یعنی این نوشته‌ها و شخص او] مشارکت در جنس و مناسبت در نوع برقرار باشد. این بنده این شاخه از علم ریاضی را زمانی به پایان رساند که شکسته‌دل و پریشان خاطر و سرشار از موانعی که این دو سال بر سر راه او قرار گرفته است در اصفهان می‌زیست، و در اثر دوری از خدمت پیشگاه بلند، که خداوند بر بلندیش بیفزاید، و محرومی از بختیاری مشاهده تختگاه شریف، تهیdest و پریشان احوال و گرفتار روی گرداندن جاه و مال می‌بود. با این حال امید است که به اطمینان او از خطاب بری شود هرچند خطاب چیزی است که بشر از آن خالی نمی‌تواند بود. این کتاب را به این نیت نوشت که به راستی می‌خواست نامش در مجلس بلند، که خداوند بر بلندیش بیفزاید، بر زبان رود و سخت مشتاق بود که بر نزدیکی خود به او بیفزاید. پس باشد که اگر نیت بلند، که همواره بلند باد، بر اتمام رصد قرار گیرد، این کتاب یک فصل شود از بخش‌های «قانون عمیدالملکی» و مقدمه‌ای بر آن که جز با شناخت آن نمی‌توان بر

آن علم آگاه شد. و گرنه در نوع خود علمی کامل است که یادکرد روزگار وزیر بلندپایه، که خداوند بر جلالش بیفزاید و سایه‌اش را بلندپایه گرداند، جاودانه‌اش کند و به گنجینه حکمت‌آمیز او منسوب شود و بر نعمت عالی او اضافه گردد. چرا که کوشش‌های بندگان همواره منسوب به سروران ایشان است. خداوند بر بقای او بیفزاید و درگاه او را از دگرگونی‌های روزگار نگاه دارد و این بندگ را در قصد خود موفق گرداند، و خواسته‌اش را از آن درگاه بلند به بهترین صورت برآورده کند. او نزدیک و پاسخگو است.

پیوست ۲

علی بن احمد نسوی: مقدمه‌ای شرحت شرح الشکل القطاع

این مقدمه از روی نسخه لیدن رساله‌ای شیع تصحیح شده است و هنگام تصحیح آن به دو نسخه دیگر دسترس نداشتیم. بنا بر این برخی از تصحیح‌ها به حدس است و برخی از کلمات ناخوانده مانده است. واژه‌هایی را که در خواندن آنها شک داشته‌ام داخل این علامت [] گذاشته‌ام و واژه‌های ناخوانده را با سه نقطه مشخص کرده‌ام. مرحوم قربانی بیشتر این مقدمه را در نسخه‌نامه (صص ۲۰-۲۲) ترجمه کرده است، و خوانندگانی که بخواهند از آن آگاه شوند می‌توانند به آن کتاب رجوع کنند. ما این مقدمه را به این دلیل نقل می‌کنیم که تفاوت میان نشر ادبی حسامالدین و نگاه فلسفی او را با نثر ساده نسخه نشان دهیم.

بسم الله الرحمن الرحيم

رب تتم بفضلک

... الفعال لما يريد خالق الأفلاك الدائرة والنجمون السائرة العالىم بسرار الأمور وما يخفى الصدور
وصلواته على النبي محمد وأله وعتره. قال الأستاد الاجل السيد المختص على بن أحمد النسوى
رحمة الله عليه إن الفلسفه قد اتفقا عموما وأصحاب الرياضى منهم خصوصا على أن الغرض
الأقصى من العلوم الرياضية هو معرفة العلم بما هو فى كتاب التعاليم لبطولميوس المعروف
بالمجسطى لأنه المقصود من الجزء الثالث من أجزاء الفلسفه سوى الموسيقى ولحللة هذا الكتاب و
عظم منفعته فسر جماعة من كبار علماء هذا العلم تفاسير مثل سليمان بن عصمة والنيريزى
والفارابى وثابت بن قرّه وأبى جعفر الخازن وأبى على بن سينا إلى تمام أحد عشر من كبار العلماء
إلى [وقتنا هذا] الذى هو السنة العاشرة من القرآن الثانى فى المثلثات الأرضية وكلهم جعلوا تفسير
معانى هذا الكتاب لفظا بلفظ إلا أبا على بن سينا فإنه عمل جوامع هذا الكتاب مع شرح لما عامض
منه واختلاف وقوع اشكاله وجعله من جملة كتاب الشفاء. ومعلوم أن درجة من يمكنه إتقان ما فى
هذا الكتاب و ... معانیه النفيضة من علم الهیئتہ والبرهان الهندسى [مع أعمال النجومیة والعمل ب]

الآلات الرصدية أرفع من درجة من يكون محتاجاً إلى علم التواريХ و[معرفة] بعضها من بعض وإلى حل الأزياج واستعمال الجداول [معما] أن تاريخي بختنصر واغسطس المستعملين في المخططي متروكان منذ مائتا سنة وأكثر وهذا حال جداول أوساط الكواكب السيارة ومواضع الكواكب الثابتة. وقد تقرر عند العلماء أن مرتبة قرائة هذا الكتاب بعد العلم بما في كتاب أوقليدس في الأصول الهندسة وكثير من أشكال [كتب] المتوسطات الأربع عشر التي يلزم قرائتها بعد كتاب أوقليدس وقبل كتاب المخططي. ومعلوم أن الكلام في الرياضيات قريب إلى الأفهام بعد الوقوف على مرتبتها والغرض المقصود منها والأسماء المستعملة فيها ولا يحتاج إلى الشرح لفظاً بل فقط كاحتياج كلام بقراط لاختصاره و كلام أرسطوطاليس لأنغلاقه وكلام أفلاطون في مذهبه في اللُّغَز وَبُعْدِه عن الأوهام. ثم إن بطليموس لما جعل مقاليد أشكال كتابه واعتماد صحة براهين أعماله ومراجع براهينه وحوالاته إلى الشكل الخامس من كتاب ماناالوس في الأشكال الكريية المعروفة والملقب بالشكل القطاع - ولم أعلم شكلاً من الأشكال الهندسية المستعمل في علم النجوم خاص الناس فيه خوضهم في هذا الشكل و [شهره شهرته] وتبيّنت عنايتهم به بما نعلمه من كثرة منافعه و شدة الحاجة إليه في علم الكورة. وهو أصل عليه مدار الأمر في كثير من أعمال النجوم وجعل له مقدمات من الهندسة وتأليف النسبة وسائل ما يحتاج إليه لتميم عرضه - أردت أن أعمل لهذا الشكل ولمقدماته شرحاً مستقصى مما يتعلق بالهندسة والحساب وبيان استعمال هذا الشكل في المواقع المحتاجة إليه وكيفية مواضعه وحالاته. فعملت هذا المقالة وسميتها الإسباع في شرح شكل القطاع وجعلتها ثلاثة فصول:

الأول منها في مقدمات يحتاج إليها وشرح الأشكال التي قدمها بطليموس في بيان استخراج الأوتار التي تقع في الدائرة ... أشكال أوقليدس

الثاني في المقدمات التي أوردها بطليموس [بسبب] الشكل القطاع ... وتأليف النسبة واستعمالها الثالث في استعمال الشكل القطاع في المواقع المحتاجة إليها.

سپاسگزاری

اگر هنوز چیزی از روحیة طلبگی باقی مانده باشد آن را باید در کسانی چون حنیف قلندری و یونس مهدوی و سجاد نیکفهی خوبروان سراغ گرفت. یاری‌های این سه در یافتن بسیاری از منابع این مقاله بسیار مؤثر بود. همچنین تشکر می‌کنم از دکتر سید حسین موسویان و دکتر سید محمود یوسف‌ثانی که مرا در خواندن دو سه واژه عربی یاری کردند. توفیق همه این دوستان را در کار علمی از خداوند مستلت دارم.

منابع

- آقابرگ طهرانی، *الذریعة إلى تصانیف الشیعه*، ۲۵ جلد، دارالا ضوء، بیروت، ۱۴۰۳ق/۱۹۸۳م.
- ابن اثیر، عزالدین، *الکامل فی التاریخ*، ۱۰ جلد، بیروت، ۱۳۸۵-۱۳۸۶ق/۱۹۶۵-۱۹۶۶م.
- ابن العمراهی، محمد بن علی، *الإنباء فی تاریخ الخلفاء*، تصحیح قاسم السامرائی، دار الأفاق العربية، قاهره، ۱۴۲۱ق/۲۰۰۱م.
- ابن فندق [۱]: بیهقی، علی بن زید، *تاریخ بیهق*، تصحیح احمد بهمنیار، تهران، ۱۳۶۱ش.
- ابن فندق [۲]: —، *تممه صوان الحکمة*، تصحیح محمد شفیع، لاھور، ۱۳۵۱ق.
- اقبال، عباس، *تاریخ مغول*، چاپ سوم، امیرکبیر، تهران، ۱۳۴۷ش.
- باقری، محمد، «حسام الدین سالار»، *دانشنامه جهان اسلام*، ج ۱۳، تهران، ۱۳۸۸ش، صص ۲۱۶-۲۱۸.
- بیهقی، ابوالفضل، *تاریخ بیهقی*، تصحیح محمد جعفر یاحقی و مهدی سیدی، ۲ جلد، نشر سخن، تهران، ۱۳۸۹ش.
- تهرانی، سید جلال الدین، *گاهنامه*، تهران، ۱۳۱۱ش.
- جوینی، عطاملک، *تاریخ جهانگشا*، تصحیح محمد قزوینی، نشر هرمس، تهران، ۱۳۸۵ش.
- خواندمیر، غیاث الدین، حبیب السیر، تهران، ۱۳۳۳ش.
- ذهبی [۱]: ذهبی، شمس الدین، *تاریخ الإسلام ووفیات المشاہیر والأعلام*، تصحیح عمر عبدالسلام التدمیری، ۵۲ جلد، بیروت، ۱۴۱۳ق/۱۹۹۳م.
- ذهبی [۲]: —، *سیر اعلام النبلاء*، تصحیح شیخ شعیب الأرناؤوط، ۲۵ جلد، بیروت، ۱۴۰۵ق/۱۹۸۵م.
- ذهبی [۳]: —، *میزان الاعتدال فی تقدیم الرجال*، به تصحیح علی محمد البجاوی، ۴ جلد، بیروت، ۱۳۸۲ق/۱۹۶۳م.
- رشیدالدین فضل الله همدانی، *جامع التواریخ*، تصحیح محمد روشن و مصطفی موسوی، ۴ جلد، نشر البر، تهران، ۱۳۷۳ش.
- زمباور، نسبنامه خلفا و شهربیاران، ترجمة محمدجواد مشکور، کتابفروشی خیام، تهران، ۱۳۵۷ش.
- سالار [۱]: حسام الدین علی بن فضل الله سالار، *جامع قوانین علم الهیئتہ*، نسخة خطی شماره ۳۳۴۲/۱، کتابخانة احمد سوم، توپقاپی سرای، استانبول.

- سالار [۲]: — ، «فی تناهی الأبعاد الجسمانية»، نسخة خطی در مجموعه شماره ۴۶۰۵، کتابخانه اسماعیل صائب، ترکیه.
- صایبی، هلال بن محسن، رسوم دارالخلافة، تصحیح میخائیل عواد، چاپ دوم، بیروت، ۱۹۸۶م.
- صفدی، صلاح الدین خلیل بن ایبک، *الواضی بالوفیات*، تصحیح احمد الارناؤوط و ترکی مصطفی، ۲۹ جلد، بیروت، ۱۴۰۰ق/۲۰۰۰م.
- طوسی [۱]: نصیرالدین طوسی، «کشف القناع عن أسرار الشكل القطاع»، نک: کارائودوری.
- طوسی [۲]: — ، «کشف القناع عن أسرار الشكل القطاع»، در مجموعه رسائل ریاضی و نجومی خواجه نصیرالدین طوسی، به کوشش فرید قاسملو، تهران، ۱۳۸۹ (چاپ عکسی نسخه خطی ۴۷۲۷ مدرسه عالی شهید مطهری).
- طوسی [۳]: — ، کشف القناع عن أسرار القطاع (تحریر فارسی)، نسخه خطی شماره ۸۰۴۸، کتابخانه بادلیان آکسفورد.
- طوسی [۴]: — ، الرسالة المعینية، چاپ عکسی با مقدمه محمد تقی دانش پژوه، دانشگاه، تهران، ۱۳۳۵ش.
- طوسی [۵]: — ، «آثار تناهی ابعاد»، نسخه خطی در مجموعه شماره ۲۰۲۴ روان، ترکیه.
- عمری، ابن فضل الله، مسالک الابصار، تحقیق یحیی سریحی، ابوظبی، ۱۴۲۴ق/۲۰۰۳م.
- قربانی [۱]: قربانی، ابوالقاسم، زندگی‌نامه ریاضی‌دانان دوره اسلامی، ویرایش دوم، مرکز نشر دانشگاهی، تهران، ۱۳۷۵ش.
- قربانی [۲]: — ، نسوانیمه: تحقیق در آثار ریاضی علی بن احمد نسوانی، چاپ دوم، مؤسسه مطالعات و تحقیقات فرهنگی، تهران، ۱۳۷۰ش.
- کتبی، محمد بن شاکر، فوات الوفیات، تصحیح احسان عباس، ج ۳، بیروت، ۱۹۷۴م.
- مدرس رضوی، محمد تقی، احوال و آثار خواجه نصیرالدین طوسی، چاپ دوم، تهران، ۱۳۷۰ش.
- میرخواند، میر محمد، روضه الصفا، ۱۰ جلد، تهران، ۱۳۳۹ش.
- نسوی، علی بن احمد، الإشباع فی شرح الشکل القطاع، نسخه خطی شماره ۵۵۶ Or.، کتابخانه دانشگاه لیدن، هلند.
- همائی [۱]: همائی، جلال الدین، خیامی‌نامه، انجمن آثار ملی، تهران، ۱۳۴۶ش.
- همائی [۲]: — ، مقدمه قدیم اخلاق ناصری، دانشگاه، تهران، ۱۳۳۵ش.
- Caratheodory, A. P., *Traité du quadrilatère attribué à Nassirdin-el-Toussy*, Constantinople, 1891.
- Daftary, F. D., *Ismā'īlīs, Their History and Doctrine*, Cambridge University Press, Cambridge, 1990.
- Debarnot, M. T., *Kitab Maqalid 'Ilm al-Hay'a: La trigonométrie sphérique chez les Arabes de l'Est à la fin du X^e siècle*, Damas, 1985.

- Krause, M., "Stambuler Handschriften islamischer Mathematiker", *Quellen und Studien zur Geschichte der Mathematik, Astronomie und Physik*, Abteilung B 3, 1836, pp. 437-532.
- Lorch, R., *Thabit ibn Qurra on the Sector Figure and Related Texts* (Islamic Mathematics and Astronomy, vol. 108), Frankfurt am Main, 2001.
- Rosenfeld, B., *The History of Non-Euclidean Geometry, Evolution of the Concept of a Geometric Space*, Springer Verlag, New York, Heidelberg, Berlin, 1988.
- Rosenfeld, B. and Ihsanoğlu, E., *Mathematicians, Astronomers and Other Scholars of Islamic Civilization and their Works (7th – 19th c.)*, Istanbul, 2003.