

## مدل‌سازی عددی جریان اطراف پایه پل در بسترهای پیچانرودی

دل‌آرام هوشمند<sup>۱\*</sup> - کاظم اسماعیلی<sup>۲</sup> - علیرضا کشاورزی<sup>۳</sup> - علیرضا فریدحسینی<sup>۴</sup>

تاریخ دریافت: ۱۳۹۱/۱۲/۶

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۷/۲۱

### چکیده

قرارگیری پایه‌های پل در مسیر جریان، الگوی سه بعدی و پیچیده‌ای از جریان را تولید می‌کند که باعث فرسایش بستر اطراف آن می‌گردد. از آنجایی که رودخانه‌ها دارای مسیر مستقیم نیستند و به صورت پیچانرودی می‌باشند، ضروری است تا تاثیر تغییر الگوی ایجاد شده در جریان در اثر عبور از قوس بر آبشستگی اطراف پایه‌های پل بررسی گردد. امروزه با توسعه نرم افزارهای دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) امکان شبیه‌سازی الگوی جریان وجود دارد. به همین جهت هدف این پژوهش مدل‌سازی جریان اطراف پایه‌های پل مستقر در کانال‌های خمیده به صورت سه بعدی است. برای این منظور از کد تجاری Fluent که معادلات جریان را به روش حجم محدود و الگوی مرکزیت سلول حل می‌نماید استفاده شد. برای گسسته‌سازی معادلات ناویر استوکس از سه مدل آشفتگی K-ε، K-ω و RSM و جهت لحاظ نمودن سطح آزاد از مدل حجم سیال استفاده شد. جهت صحت‌سنجی نتایج حاصل از مدل‌سازی عددی از نتایج حاصل از اندازه‌گیری سرعت جریان توسط سرعت‌سنج ADV اطراف مدل فیزیکی پایه پل در یک فلووم روباز مارپیچی شامل ۵ قوس استفاده شد. نتایج نشان داد که مدل آشفتگی RSM نسبت به دو مدل دیگر در مدل‌سازی عددی سرعت جریان و جریان‌های ثانویه عملکرد بهتری داشته است. مقایسه قدرت جریان‌های ثانویه در پایین‌دست پایه حاکی از آن بود که با قرارگیری پایه پل در میانه کانال قوسی شکل جریان‌های ثانویه به سمت قوس داخلی کانال متمرکز شده و اثر گردابه‌های برخاستگی تا مقطع ۱۵۰ درجه از قوس ادامه خواهد داشت.

واژه‌های کلیدی: پیچانرودها، پایه پل، مدل‌های آشفتگی، نرم افزار فلوئنت

### مقدمه

مسیر، جریان حلزونی در قوس شکل می‌گیرد. این جریان حلزونی اصلی‌ترین نقش را در شکل‌گیری و توسعه تغییرات بستر و نیز چگونگی توزیع تنش برشی در کف کانال ایفا می‌کند (۱۲). پل‌ها یکی از متداول‌ترین سازه‌های مورد استفاده در مسیر رودخانه‌ها می‌باشند. وجود سازه‌هایی همچون پایه‌های پل درون قوس بر الگوی جریان حلزونی شکل در قوس اثر گذاشته و باعث افزایش پیچیدگی‌های رفتار جریان می‌شود. علاوه بر آن با قرارگیری پایه پل در مسیر جریان به علت تغییر در ساختار جریان، گردابه‌هایی در اطراف پایه شکل می‌گیرند که به عنوان عوامل اصلی آبشستگی در اطراف پایه پل معرفی شده‌اند. گردابه‌های نعل اسبی در مقابل و گردابه‌های برخاستگی در پشت پایه از عوامل مهم ایجاد آبشستگی در اطراف پایه‌های پل می‌باشند (۹).

محققین بسیاری از گذشته تاکنون با روش‌های آزمایشگاهی و عددی سعی در بررسی ساختار جریان اطراف پایه‌های پل در مسیرهای مستقیم داشته‌اند. از آن جمله باربویا و دی (۳)، در یک مطالعه آزمایشگاهی با استفاده از سرعت سنخ صوتی داپلری میدان جریان متلاطم سه بعدی پیرامون یک دیواره کناری شبه استوانه‌ای با

الگوی غالب برای شکل رودخانه‌ها به عنوان سیستم‌هایی طبیعی در پلان پیچانرودی می‌باشد. ساختار جریان در پیچانرودها پیچیده‌تر از رودخانه‌های با مسیر مستقیم است. اصلی‌ترین نیروی وارد بر جریان در قوس‌ها نیروی گریز از مرکزی است که هنگام ورود جریان به قوس بر آن اثر می‌گذارد. این نیرو باعث تغییر شیب عرضی سطح آب در قوس می‌شود. عدم برابری عمق آب در قوس بیرونی و داخلی باعث ایجاد گرادیان فشار جانبی در داخل قوس می‌شود. با غلبه این گرادیان فشار بر نیروی گریز از مرکز، جریان‌هایی در جهت عرضی درون قوس شکل گرفته که به جریان‌های ثانویه موسوم‌اند. با اضافه شدن جریان‌های ثانویه عرضی به جریان اصلی در طول

۲، ۱ و ۴ - به ترتیب دانشجوی دکتری، دانشیار و استادیار گروه مهندسی آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه فردوسی مشهد  
(\*) نویسنده مسئول: (Email: delaramhooshmand2000@yahoo.com)  
۳ - استاد گروه مهندسی آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

محل قوس ساخته شده‌اند و با توجه به ساختار متفاوت جریان در چنین بازه‌هایی در مسیر رودخانه و همچنین اهمیت بررسی ساختار جریان و تخمین عمق آبستگي در اطراف پایه پل، مطالعه بیشتر ساختار جریان در اطراف پایه‌های پل واقع در مآندرها ضروری به نظر می‌رسد. از این رو هدف از این پژوهش بررسی عددی جریان اطراف پایه پل واقع در یک مسیر خمیده و انتخاب بهترین مدل آشفتگی برای مدل سازی عددی جریان اطراف پایه پل در قوس می باشد.

## مواد و روش‌ها

### مشخصات مدل آزمایشگاهی

آزمایش‌ها در یک فلوم آزمایشگاهی مآندری شکل به طول ۸۰ متر، عرض ۱/۲ متر و ارتفاع ۰/۵ متر واقع در آزمایشگاه هیدرولیک رسوب بخش مهندسی آب دانشکده کشاورزی دانشگاه شیراز انجام شد. دیواره‌های کانال از جنس ورق گالوانیزه و کف آن بتنی می‌باشد. کانال مذکور شامل یک حوضچه آرام کننده جریان در ورودی، سازه مستقیم به طول ۹/۹ متر و ۵ مآندر با زاویه ۱۰۰ درجه می‌باشد. شعاع قوس داخلی ۱/۸۰ متر و شعاع قوس خارجی ۳ متر می‌باشد. فاصله بین رئوس مآندرها از یکدیگر ۷/۵۶ متر می‌باشد. درجه پیمانی کانال ۱/۸ و شعاع نسبی کانال ۲/۴ متر می‌باشد. یک دریچه کشویی برای تأمین عمق مورد نظر در پایین دست فلوم نصب شده است. برای پرهیز از اثر جریان جانبی به وسیله دیواره‌ها روی آبستگي موضعی اطراف پایه، رادکیوی و اتما (۱۰) حداکثر نسبت عرض پایه به عرض کانال را ۱۶/۲۶ بیان کرده‌اند. همچنین طبق نظر ملویل (۸) قطر پایه نباید از ۱۰ درصد عرض کانال بیشتر باشد. در این پژوهش برای اطمینان بیشتر، نسبت قطر پایه به عرض کانال ۱۰:۱۷ در نظر گرفته شده که با احتساب ۱۲۰ سانتیمتر عرض کانال، قطر پایه ۷ سانتیمتر انتخاب شد. شکل ۱ نمایی از کانال آزمایشگاهی مذکور را به همراه محل قرارگیری مدل پایه پل نشان می دهد. جدول ۱ محدوده تغییرات مشخصه‌های هیدرولیکی جریان را نشان می دهد.

جدول ۱- مشخصات هیدرولیکی جریان در مدل آزمایشگاهی

Re	Fr	v (m/s)	h (m)	Q (Lit/s)
۳۰۰۰۰	۰/۲۸	۰/۳	۰/۱۲	۴۳/۳

در جدول ۱، Q نشان دهنده دبی بر حسب لیتر بر ثانیه، h عمق جریان بر حسب متر و v سرعت متوسط بر حسب متر بر ثانیه می‌باشد.

برای مطالعه تغییرات سرعت از دستگاه Micro-ADV مدل Sontek AV-SP16M01 استفاده شد. برای اندازه‌گیری سرعت در کانال قوسی شکل توسط دستگاه ADV شبکه‌ای از نقاط فرض شد.

مقطع دایره‌ای که به صورت عمودی در یک کانال مستطیلی نصب شده بود را اندازه گرفتند. آن‌ها مولفه‌های سرعت لحظه‌ای، مولفه‌های شدت آشفتگی، انرژی جنبشی آشفتگی و تنش‌های رینولدز را در صفحاتی که با زوایای مرکزی متفاوت نسبت به مرکز استوانه در نظر گرفته شده بودند، مورد مطالعه قرار دادند. نتایج حاصل از این پژوهش وجود جریان های گردابی اولیه در بالادست استوانه را نشان داد.

خواجه‌نوری (۱)، وضعیت الگوی جریان اطراف پایه‌های پل و نیز اثر فاصله بین آن‌ها بر الگوی جریان و آبستگي موضعی را به صورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار داد. نتایج حاصل نشان داد که حداقل مقدار سرعت طولی در حفره آبستگي اتفاق می‌افتد. همچنین در مورد تمامی حالات جهت سرعت عمودی در بالادست پایه‌ها، حتی بعد از به تعادل رسیدن گودال آبستگي منفی بوده است. صلاح‌الدین و همکاران (۱۳) با استفاده از کد تجاری Fluent به شبیه‌سازی جریان آشفته اطراف پایه‌های پل با استفاده از مدل‌های مختلف آشفتگی K-ε پر داختنند. نتایج حاصل نشان داد که اگر چه مدل‌های K-ε استاندارد و RNG قادر به محاسبه جریان اطراف پایه‌های پل هستند اما در محاسبه سرعت نزدیک بستر بیش برآورد دارند. از طرفی هر چند مدل K-ε realizable در میان مدل‌های K-ε به عنوان یک مدل بهبود یافته شناخته می‌شود، اما در تخمین سرعت جریان و توزیع تنش برشی در این مطالعه بسیار ضعیف عمل کرد. بارانیا و همکاران (۲) به توسعه یک مدل عددی سه بعدی برای حل معادلات ناویر استوکس با استفاده از مدل آشفتگی K-ε و الگوریتم شبکه آشیانه‌ای (تو در تو) پر داختنند. ایشان نتایج مدل خود را با نتایج حاصل از مدل فیزیکی از میدان جریان اطراف استوانه‌های دایره‌ای شکل مجزا و دو تایی در بستر مسطح مقایسه کردند. نتایج حاصله از این مطالعه نشان داد که مقادیر شبیه‌سازی شده از سرعت جریان، انرژی سینماتیک آشفتگی و توزیع تنش برشی کف، هم‌پوشانی خوبی با مقادیر اندازه‌گیری شده دارند.

از طرفی درک هیدرولیک جریان در قوس رودخانه، جریان‌های ثانویه و پیچیدگی آن توجه بسیاری از محققین را به خود جلب نموده است. رامامورتی و همکاران (۱۱) با استفاده از دو کد تجاری PHOENICS و Fluent و سه مدل آشفتگی RSM، k-ε، RNG و LES به شبیه‌سازی سه بعدی پارامترهای جریان در خم ۹۰ درجه پر داختنند. ایشان برای مدل سازی سطح آب از سه روش مختلف حجم سیال، صفحه صلب و متخلخل بهره بردند. با مقایسه نتایج حاصله و داده‌های آزمایشگاهی بهترین نتایج از کد تجاری فلوئنت با استفاده از مدل آشفتگی RSM و روش حجم سیال بدست آمد.

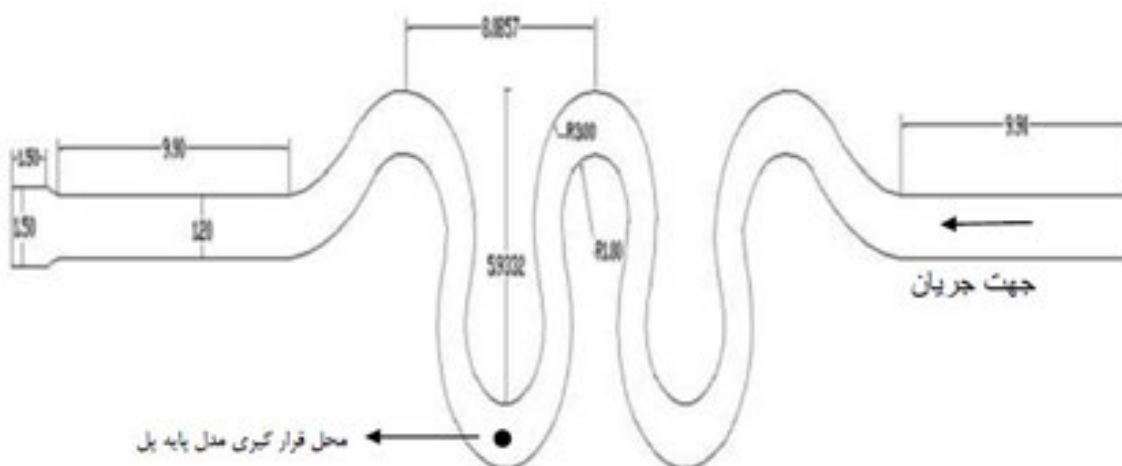
بنابر آنچه که در مورد الگوی جریان درون قوس و اطراف پایه‌های پل شرح داده شد، الگوی جریان در قوس به همراه پیچیدگی جریان حول پایه استوانه‌ای شرایط الگوی جریان حول پایه در قوس را پیچیده‌تر می‌سازد. از آن جایی که برخی از پل‌ها در مسیر رودخانه در

### مشخصات مدل عددی

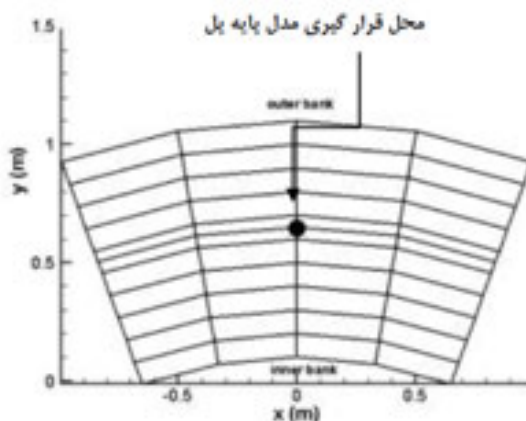
#### معرفی نرم افزار Fluent

نرم افزار Fluent یکی از کامل‌ترین، قوی‌ترین و کاربردی‌ترین نرم‌افزارهای دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) می‌باشد که قابلیت مدل‌سازی جریان‌های هیدرولیکی مانند جریان‌های دو یا چند فازی (جریان‌های حمل‌کننده رسوب، پرش هیدرولیکی و غیره) و همچنین مدل‌سازی جریان‌های سطح آزاد را دارد. این نرم‌افزار امکان انجام محاسبات با دقت معمولی و مضاعف را به صورت دو بعدی و سه بعدی دارا می‌باشد. از این رو برای شبیه‌سازی عددی ساختار جریان در اطراف پایه پل در قوس به عنوان یک جریان سطح آزاد دو فاز (آب و هوا) در این پژوهش از این نرم‌افزار در بسته نرم‌افزاری ANSYS نسخه 14.5 استفاده شد. یکی دیگر از قابلیت‌های مهم نرم‌افزار برای بالا بردن سرعت محاسبات اجرای موازی برنامه می‌باشد. در این پژوهش جهت رسیدن به زمان کمتری برای محاسبات با استفاده از این قابلیت نرم‌افزار از دو رایانه با پردازشگر i7 در مرکز آمار و اطلاعات دانشگاه فردوسی مشهد استفاده شد.

به طوری که در موقعیت‌های مکانی مختلف تغییرات سرعت در ۵ الی ۶ مقطع شعاعی در طول کانال (در وسط کانال، شعاع‌های ۱۰ و ۲۰ و درجه در بالادست محل قرارگیری پایه و شعاع‌های ۱۰، ۲۰ و در مواردی ۵ درجه در پایین‌دست محل قرارگیری پایه) به مدت ۶۰ ثانیه و با فرکانس ۵۰ هرتز ثبت گردید. هر مقطع به ۱۲ قسمت ۵ یا ۱۰ سانتیمتری تقسیم شد. به این ترتیب که اولین نقطه در هر مقطع در فاصله ۱۰ سانتیمتری از دیواره درونی قرار داشته و سپس با فاصله ۱۰ سانتیمتری نقاط بعدی اندازه‌گیری گردید و در نزدیکی پایه فاصله نقاط اندازه‌گیری به ۵ سانتیمتر تقلیل یافت تا خصوصیات جریان در این منطقه وضوح بیشتری یابد. آخرین نقطه در هر مقطع در فاصله ۱۰ سانتیمتری از دیواره بیرونی قرار داشت. اندازه‌گیری‌ها در اعماق مختلف ۱، ۲، ۴ و ۸ سانتیمتری انجام گرفت. در شکل ۲ تصویری شماتیک از نقاط داده برداری توسط ADV نشان داده شده است.



شکل ۱- نمایی از فلوم آزمایشگاهی



شکل ۲- نمای بالا از نحوه شبکه بندی نقاط داده برداری شده برای اندازه گیری سرعت

سطح آزاد از فاز زیرین آن یعنی آب جدا شده است، در این پژوهش از این مدل جهت شبیه سازی استفاده شد. در مدل حجم سیال متناسب با کسر حجمی هر فاز در سلول محاسباتی، یک متغیر برای آن فاز در نظر گرفته می شود. نسبت حجمی هر فاز در حجم کنترل برابر درصد حجم اشغال شده توسط هر فاز می باشد. از این رو در هر حجم کنترل مجموع کسرهای حجمی تمام فازها برابر ۱ می باشد. بنابراین اگر نسبت حجمی سیال  $q$  در سلول به صورت  $\alpha q$  نشان داده شود یکی از سه شرایط زیر در هر سلول برقرار است:

الف)  $\alpha q = 0$  سلول از سیال  $q$  خالی باشد.

ب)  $\alpha q = 1$  سلول پر از سیال  $q$  باشد.

ج)  $0 < \alpha q < 1$  سلول حاوی سطح مشترک بین سیال  $q$  و یک یا چند سیال دیگر می باشد.

از روش های مختلف حل مدل حجم سیال در نرم افزار Fluent می توان به روش های صریح<sup>۱</sup>، ضمنی<sup>۲</sup>، بازسازی هندسی<sup>۳</sup> و دهنده - گیرنده<sup>۴</sup> اشاره کرد. در روش بازسازی هندسی که در این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است، سطح مشترک جریان بین دو فاز به روش خطوط جز<sup>۵</sup> بدست می آید. در این روش فرض بر آن است که فصل مشترک دو سیال در هر سلول به صورت خط شیب دار بوده و جابه جایی سیال در سلول ها با توجه به شکل خطوط به دست می آید (۵).

### معادلات حاکم بر میدان جریان

معادلات حاکم بر جریان در رودخانه ها و مجاری روباز بر اساس معادلات سه بعدی میانگین گیری شده به روش رینولدز در شرایط جریان آشفتنه و ناماندگار به صورت زیر بیان می شوند:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u_i)}{\partial x_i} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial (\rho u_i)}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u_i u_j)}{\partial x_j} = -\frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \mu \left[ \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right] \right) + \frac{\partial (\tau_{ij})}{\partial x_j} \quad (2)$$

که در آن ها،  $u_i$  مولفه سرعت در جهت  $x_i$  ( $i=1,2,3$ ) به ترتیب برای جهت های  $x$ ،  $y$  و  $z$ ،  $P$  فشار،  $\rho$  چگالی،  $\mu$  ویسکوزیته دینامیکی و جملات  $\tau_{ij} = -\rho \overline{u_i u_j}$  به عنوان تنش های رینولدز شناخته می شوند (۷). بنابراین سیستم معادلات فوق بسته نیست و باید با استفاده از مدل آشفتگی مناسب تنش های رینولدز محاسبه شوند. از جمله مدل های آشفتگی موجود در نرم افزار که در این پژوهش از آنها بهره برده شد می توان به مدل های آشفتگی  $K-\epsilon$ ،  $K-\omega$  و مدل RSM اشاره کرد. جزییات این سه مدل در راهنمای نرم افزار فلوئنت به طور مبسوط شرح داده شده است.

### گسسته سازی معادلات و روش حجم سیال

یکی از چالش های مطرح شده در بسیاری از مسائل هیدرودینامیکی تعیین سطح مشترک دو یا چند فاز سیال می باشد. برای حل این چالش مدل حجم سیال VOF اولین بار توسط هاپرت و نیکولاس با فرض اینکه دو یا چند سیال با هم ترکیب نمی شوند، پیشنهاد شد (۶). این مدل برای شبیه سازی جریان های دو فاز یا چند فاز است که در آن فازهای مختلف دارای مرزهای قابل تشخیص از یکدیگر هستند به کار برده می شود. از آن جایی که جریان های متداول با سطح آزاد جریان های دوفازی می باشند که فاز هوا به وسیله

- 1- Explicit
- 2- Implicit
- 3- Geometric Reconstruction
- 4- Donor-Acceptor
- 5- Piecewise-linear approach

سطح آزاد جریان نیز فشار هوا به عنوان شرط مرزی سطح بالایی کانال به مدل اعمال گردید. از آنجایی که دیواره‌های کانال مدل فیزیکی از جنس ورق گالوانیزه صیقلی بودند شرط مرزی دیواره برای دیواره‌های کانال و در کف کانال نیز شرط مرزی دیواره با زبری معادل بتن به میزان  $0.5$  میلی‌متر به مدل اعمال گردید. جهت تعیین فاصله اولین گره در راستای عمود بر دیوار از رابطه ۳ استفاده شد.

$$y^+ = \frac{u^* y}{\nu} \quad (3)$$

برای آنکه قانون جدار در فاصله  $y$  معتبر باشد،  $y$  باید به گونه‌ای انتخاب شود که پارامتر  $y^+$  در رابطه ۶ در فاصله  $30$  تا  $3000$  باشد در این رابطه  $y$  فاصله مرکز سلول واقع تا جدار کانال است (۴). از این رو با توجه به مطالب ذکر شده فاصله گره‌ها در ارتفاع کانال از هم برابر  $1$  سانتیمتر تا سطح آب در نظر گرفته شد و از آن به بعد تا سطح کانال با نسبت  $1/3$  افزایش داده شد. همچنین در مقطع طولی در نزدیکی سازه این فاصله برابر  $0.5$  سانتیمتر و در فواصل دورتر تا  $8$  سانتیمتر افزایش داده شد. در مقطع عرضی نیز در نزدیکی پایه  $0.5$  سانتیمتر و در فواصل دورتر تا  $2$  سانتیمتر افزایش داده شد.

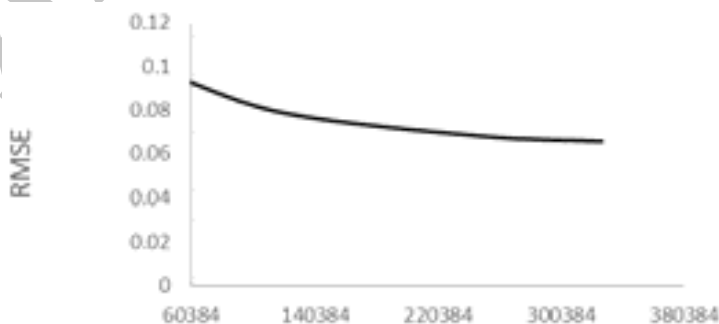
### ارزیابی مدل

شبیه‌سازی عددی جریان اطراف پایه پل واقع در مدل فیزیکی قوس رودخانه با استفاده از سه مدل آشفتگی  $K-\epsilon$ ،  $K-\omega$  و RSM صورت پذیرفت. نتایج حاصل از شبیه‌سازی سرعت توسط این سه مدل با نتایج آزمایشگاهی سرعت مورد مقایسه قرار گرفت. جهت انتخاب بهترین مدل آشفتگی در حل عددی جریان مقادیر سرعت طولی برای هر سه مدل در نقاط مختلف شبکه بندی با آزمایشگاهی مورد مقایسه قرار گرفتند. شکل ۵ پروفیل سرعت طولی بدست آمده از هر سه مدل آشفتگی در حل عددی و همچنین نتایج آزمایشگاهی را در مقطع  $90^\circ$  درجه از ابتدای قوس نشان می‌دهد.

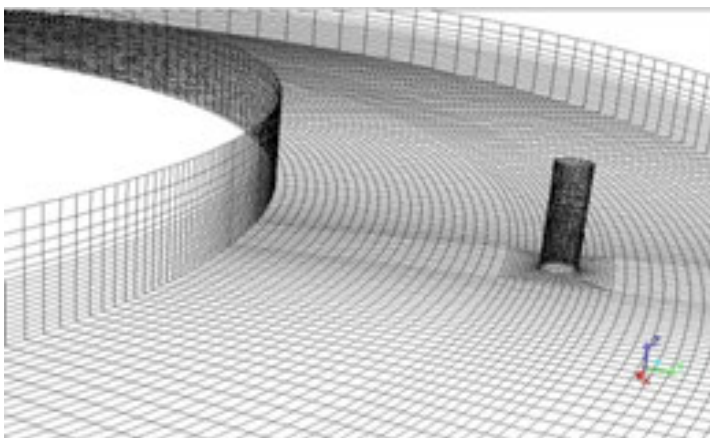
### پیاده‌سازی مدل

جهت تهیه هندسه میدان جریان، شبکه بندی آن و اختصاص دادن انواع شرایط مرزی از نرم افزار پیش پردازنده گمبیت نسخه GAMBIT2.4.6 استفاده شد. برای کاهش زمان محاسبات تنها بخشی از کانال آزمایشی شامل قوسی از کل کانال قوسی شکل که پایه پل در آن تعبیه شده بود، مدل‌سازی شد. برای رسیدن به نیمرخ جریان یکنواخت در مرز ورودی و اطمینان از توسعه یافتگی کامل جریان در ابتدای قوس و عدم تاثیر جریان خروجی بر شرایط جریان اطراف پایه در انتهای قوس، از یک مسیر مستقیم جریان به طول  $2$  متر استفاده شد. برای شبکه‌بندی هندسه مدل از الگوریتم Map استفاده شد. برای کنترل عدم تاثیر اندازه سلول‌ها بر نتایج حاصل از حل عددی چهار نوع شبکه‌بندی با ابعاد مختلف که در نزدیکی پایه و کف کانال ریزتر می‌شدند، در نظر گرفته شد و سپس با در نظر گرفتن معیارهای دقت و سرعت همگرایی جواب‌های حاصل، شبکه مناسب انتخاب گردید. شکل ۲ مقدار تغییر مجذور مربعات خطای مقادیر شبیه‌سازی سرعت نسبت به مقادیر آزمایشگاهی را برای تعداد شبکه محاسباتی مختلف نشان می‌دهد. همانگونه که در شکل دیده می‌شود با افزایش سلول‌های محاسباتی مقادیر مجذور مربعات خطا کاهش یافته و در نهایت به مقدار تقریباً ثابتی می‌رسد. در نهایت تعداد شبکه محاسباتی برای حل عددی مناسب تشخیص داده شد که در آن مقدار خطا افزایش پیدا نکند. بنابراین با توجه به شکل ۳ شبکه‌بندی با  $248000$  سلول محاسباتی جهت حل عددی بدست آمد. شکل ۴ نمایی از شبکه بندی اطراف پایه را در مدل عددی نشان می‌دهد.

شرایط مرزی شامل مرزهای مقطع ورودی، مقطع خروجی، دیواره‌ها و سطح آزاد جریان می‌باشد. در مقطع ورودی برای مرز آب و هوا به طور جداگانه از شرط مرزی سرعت مشخصه استفاده شد. با این شرط که در تمام مرز ورودی آب به طور دائم جریان داشته باشد و در مرز ورود هوا نیز سرعت ورود هوا برابر صفر در نظر گرفته شد. در خروجی از شرط مرزی خروجی جریان با فشار ثابت استفاده شد. در



شکل ۳- مقادیر مجذور مربعات خطا برای اندازه شبکه محاسباتی مختلف



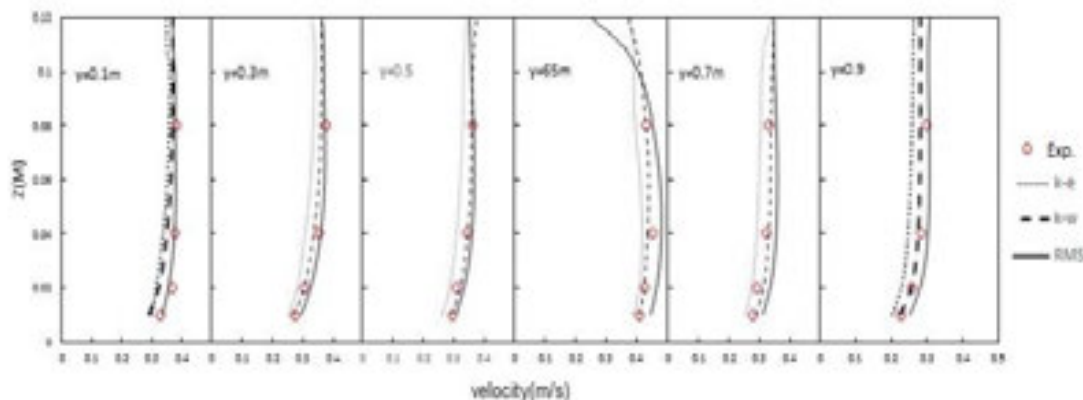
شکل ۴- نمای سه بعدی شبکه بندی محدوده محاسباتی

نتایج بهتری را در شبیه‌سازی نشان دادند یعنی مدل‌های آشفتگی K- $\omega$  و RSM پرداخته شد.

### نتایج و بحث

جهت انتخاب بهترین مدل شبیه‌سازی جریان‌های ثانویه توسط این دو مدل (RSM و K- $\omega$ ) مورد ارزیابی قرار گرفت. جهت دستیابی به این هدف بردارهای جریان ثانویه در ۴ مقطع شعاعی مختلف از کانال (۸۰، ۹۰، ۱۰۰ و ۱۱۰ درجه از ابتدای قوس) با استفاده از دو مدل مذکور رسم گردید. از آنجایی که پایه پل در مقطع ۹۰ درجه از قوس قرار داشت این مقاطع به گونه‌ای انتخاب شدند که جریان قبل و بعد از پایه را به خوبی پوشش دهند. شکل ۶ خطوط جریان ثانویه مدل‌سازی شده توسط مدل آشفتگی K- $\omega$  و RSM را در مقاطع مختلف از قوس نشان می‌دهد.

در این شکل پروفیل سرعت در مقاطع عرضی مختلف نسبت به قوس داخلی جهت مقایسه آورده شده است. به گونه‌ای که مقطع عرضی  $y=0.1$  بیانگر مقطعی است که ۰/۱ متر از قوس داخلی فاصله دارد. نتایج هر سه مدل آشفتگی در شبیه‌سازی عددی دارای روندی مشابه نتایج مدل آزمایشگاهی می‌باشند. در تمام مدل‌ها سرعت در قوس داخلی به سمت قوس خارجی در حال کاهش می‌باشد اما در نزدیکی پایه (مقطع عرضی  $y=0.65$ ) سرعت افزایش داشته است. نتایج حاکی از آن است که مدل تنش رینولدز و K- $\omega$  نسبت به مدل K- $\epsilon$  در مدل‌سازی عددی بهتر عمل کرده اند. در اکثر موارد مدل آشفتگی K- $\epsilon$  در تخمین سرعت نسبت به نتایج آزمایشگاهی کم برآورد داشته است. قدرمطلق خطای ۶ درصد برای مدل آشفتگی K- $\epsilon$  و ۵/۵ و ۵ درصد به ترتیب برای مدل آشفتگی K- $\omega$  و RSM مویید عملکرد بهتر این دو مدل نسبت به مدل آشفتگی K- $\epsilon$  می‌باشد. لذا در ادامه پژوهش به انتخاب بهترین مدل آشفتگی از میان دو مدلی که



شکل ۵- مقایسه نیمرخ سرعت طولی در مقطع شعاعی ۹۰ درجه (محل قرار گیری پایه) در مقاطع عرضی مختلف حاصل از مدل‌سازی عددی با مدل‌های مختلف آشفتگی و نتایج آزمایشگاهی

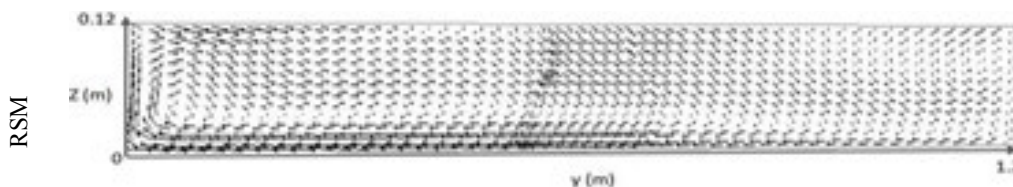
سوم مدل فیزیکی در نزدیکی دیواره داخلی بوده و در ادامه به سمت قوس بیرونی حرکت می‌کند. در اطراف پایه روند کاهش سرعت از قوس داخلی به سمت قوس خارجی تغییر می‌کند به طوری که در اطراف پایه سرعت ابتدا کاهش یافته و سپس با پیش‌روی به سمت کناره‌ها افزوده می‌شود. مقدار حداکثر سرعت طولی در مدل‌سازی عددی برابر  $0.36$  متر بر ثانیه و در محدوده بین پایه و قوس داخلی در نزدیکی سطح آب مشاهده گردید. در رابطه با نتایج آزمایشگاهی این مقدار برابر  $0.38$  متر بر ثانیه اندازه‌گیری شد. برای هر دو نوع مدل‌سازی عددی و آزمایشگاهی مقدار حداقل سرعت طولی در محدوده پشت پایه به دست آمد. هر چند نتایج حاصل از شبیه‌سازی عددی و آزمایشگاهی در برآورد مقادیر سرعت طولی اندکی تفاوت داشتند اما روند تغییرات سرعت در هر دو نوع مدل‌سازی مشابه یکدیگر بود. برای دستیابی به دید بهتری از چگونگی تغییرات سرعت اطراف پایه یک آزمایش عددی در حالتی که هیچ پایه پلی در کانال قوسی شکل وجود نداشت انجام گرفت.

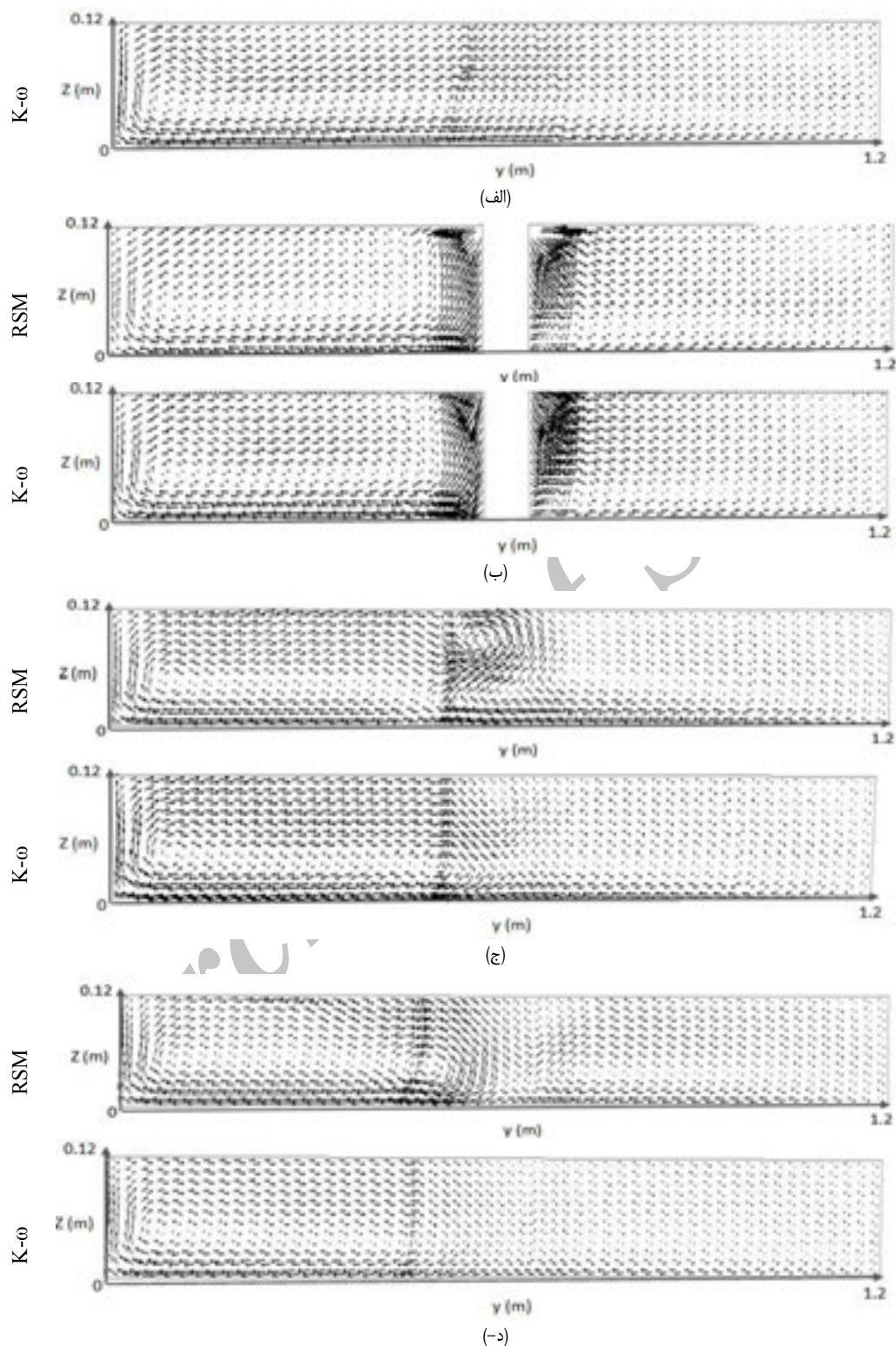
شکل ۸ تغییرات سرعت در اعماق مختلف حاصل از نتایج مدل عددی حل جریان در کانال قوسی شکل بدون حضور پایه پل را نشان می‌دهد. با مقایسه شکل‌های ۷ و ۸ می‌توان به این نتیجه رسید که هر چند تغییرات چندانی در سرعت جریان در قوس داخلی به سبب وجود پایه نسبت به قوس بدون پایه رخ ن داده است اما قرارگیری پایه در میانه قوس باعث افزایش سرعت جریان در قوس خارجی شده است. از آنجایی که قوس خارجی محل فرسایش رسوبات می‌باشد این افزایش سرعت جریان ممکن است فرسایش کناره خارجی قوس را تشدید کند.

شکل ۹ پروفیل سرعت طولی در اطراف پایه و در پایین دست پایه که محل شکل‌گیری گردابه‌های برخاستگی می‌باشد را نشان می‌دهد. آنگونه که انتظار می‌رود می‌بایست سرعت از سمت قوس داخلی به قوس خارجی روند کاهشی داشته باشد اما همانطور که دیده می‌شود پس از محل قرارگیری پایه ( $y=0.65$ )، روند کاهشی سرعت تغییر کرده است و سرعت دوباره اندکی افزایش پیدا کرده است و این به علت تاثیر پایه بر جریان و ناشی از گردابه‌های ایجاد شده در پشت پایه می‌باشد. با توجه به شکل مدل عددی در این مقطع از کانال هم هماهنگی خوبی نسبت به نتایج آزمایشگاهی نشان می‌دهد.

از شکل ۶ استنباط می‌شود که در مقطع شعاعی  $80^\circ$  درجه از ابتدای قوس، قبل از محل قرارگیری پایه پل، دو مدل آشفتگی مذکور تقریباً در شبیه‌سازی جریان‌های ثانویه موجود به صورت مشابه عمل کرده‌اند. اما در مقاطع پایین‌دست محل قرارگیری پایه به جهت اضافه شدن جریان‌های ثانویه حاصل از وجود پایه در مسیر جریان به جریان‌های ثانویه موجود در قوس، آشفتگی در مسیر جریان افزایش پیدا کرده است که مدل RSM در شبیه‌سازی این جریان‌های آشفته بهتر از مدل K- $\omega$  عمل کرده است. بنابراین با توجه به نتایج آماری و نتایج حاصل از شبیه‌سازی جریان‌های ثانویه مدل آشفتگی RSM نسبت به دو مدل دیگر در مدل‌سازی سه بعدی جریان اطراف پایه‌های پل، توانا تر عمل کرده است. مدل RSM برای شبیه‌سازی آشفتگی، در جریان کاملاً غیر همگن و غیر ایزوتروپ کاربرد دارد. از این رو جهت مدل‌سازی سه بعدی داخل قوس که جریان‌های ثانویه علاوه بر جریان اصلی درون کانال وجود دارند بهتر عمل کرده است. هر چند این مدل دقت بالاتری در حل سه بعدی انجام شده داشت، اما به دلیل پیچیدگی معادلات ریاضی، حل توسط این مدل نسبت به دو مدل دیگر طولانی‌تر بود.

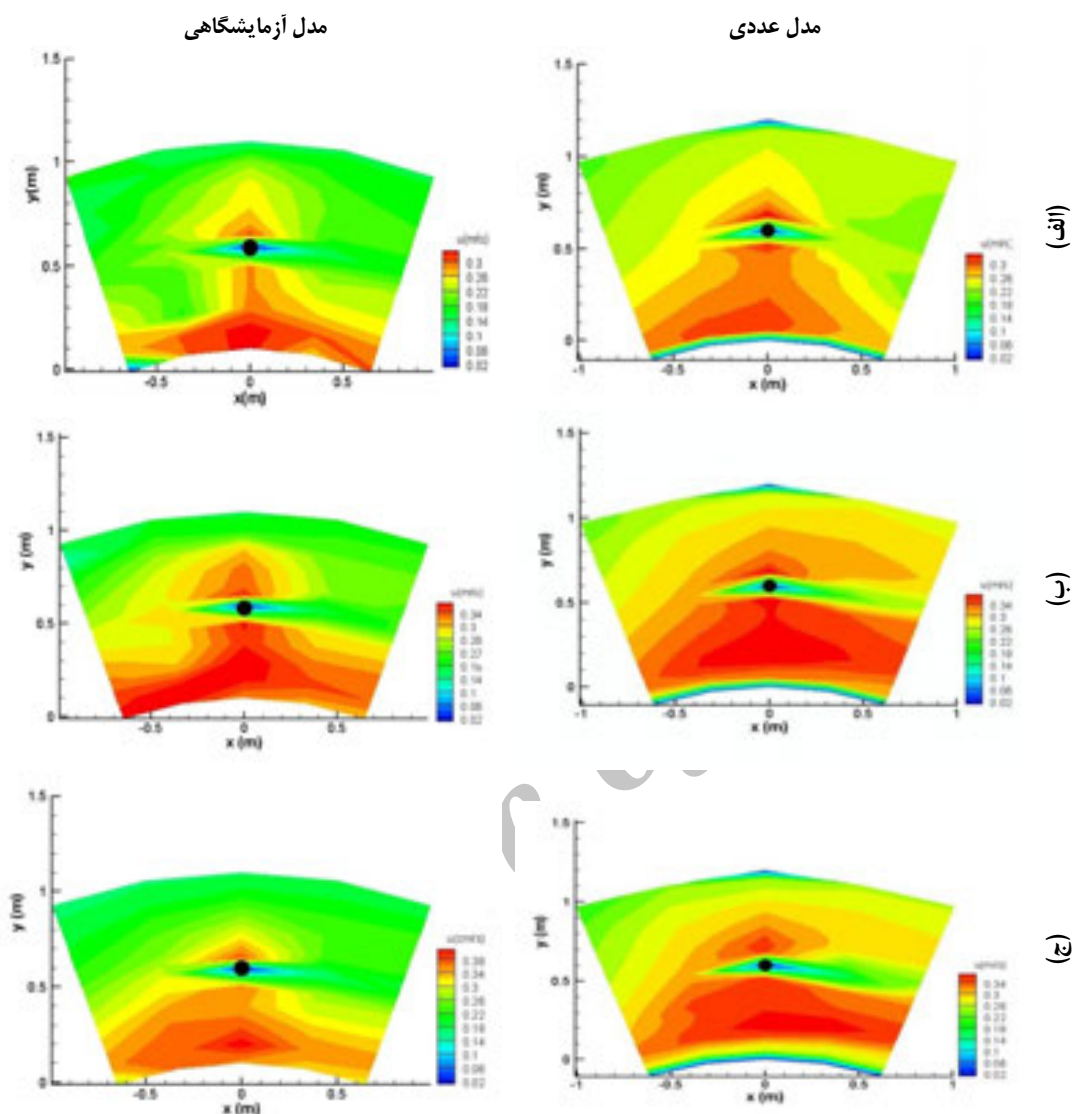
با توجه به شکل ۶ بعد از محل قرارگیری پایه در کانال قوسی شکل، جریان‌های ثانویه‌ای در نزدیکی مرکز کانال به سمت قوس داخلی مشاهده می‌شوند. این جریان‌های ثانویه به شکل گردابه‌های برخاستگی در پشت پایه پل قابل مشاهده هستند. وجود همین گردابه‌ها باعث امکان آبستگتی در پشت پایه می‌شود. با مقایسه جریان‌های ثانویه در پشت پایه (مقاطع  $100^\circ$  و  $110^\circ$  درجه)، می‌توان به این نکته پی برد که با قرارگیری پایه در مرکز قوس در پایین‌دست، گردابه‌های برخاستگی به سمت قوس داخلی منحرف شده و بنابراین حفره آبستگتی در پشت پایه را به سمت قوس داخلی متمرکز می‌کند. در شکل ۷ منحنی‌های هم‌سرعت در جهت طولی، و در اعماق مختلف از کف کانال برای نتایج حاصل از مدل‌سازی عددی و داده‌های حاصل از مدل فیزیکی نشان داده شده است. همانگونه که از شکل ۶ مشهود است تمام نتایج حاصل از آزمایش عددی و مدل فیزیکی حاکی از آن است که در تمام اعماق سرعت طولی در نزدیکی قوس داخلی بیشتر است و با پیش‌روی به سمت قوس خارجی از مقدار آن کاسته می‌شود. رخداد این پدیده را می‌توان به شکل و زاویه قوس کانال نسبت داد. به طوری که محل تشکیل سرعت حداکثر در قوس





شکل ۶- جریان های ثانویه شبیه سازی شده توسط مدل های RSM و K- $\omega$  در مقاطع شعاعی (الف) ۸۰، (ب) ۹۰، (ج) ۱۰۰ و (د) ۱۱۰ درجه از ابتدای قوس





شکل ۷- کانتورهای سرعت طولی حاصل از شبیه‌سازی عددی و آزمایشگاهی جریان اطراف پایه در (الف) نزدیکی کف کانال (۱cm)، (ب) عمق میانه (۸cm)، و (ج) نزدیکی سطح آب (۸cm)

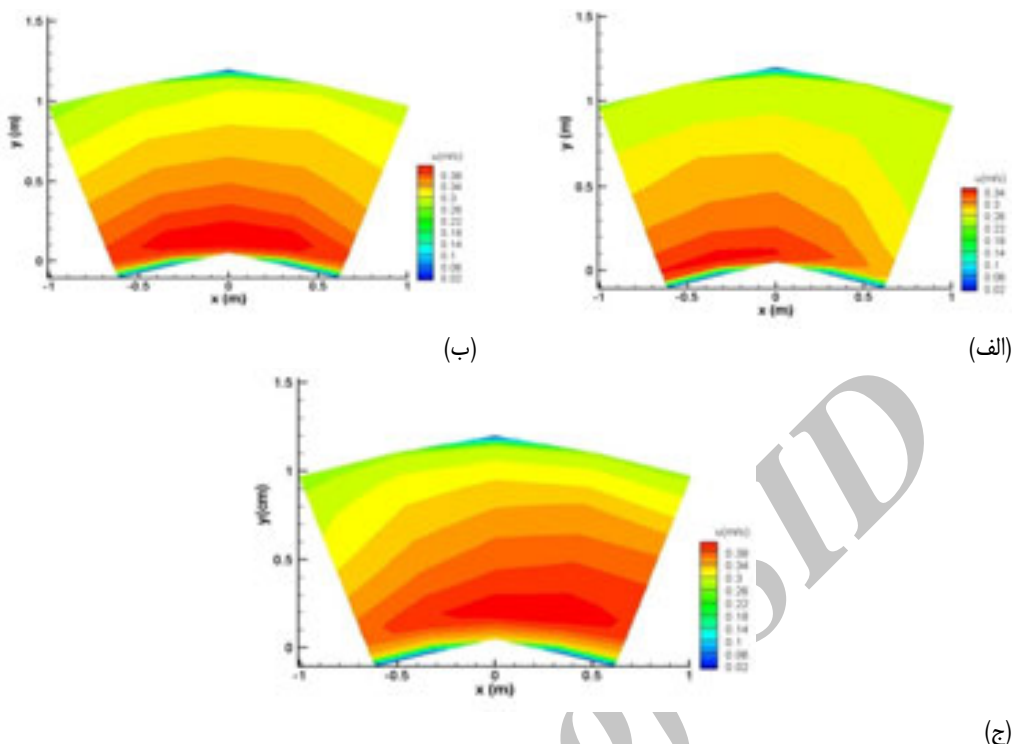
تعبیه شده و حالتی که در مسیر جریان هیچ مانعی وجود ندارد پرداخته شد. برای این منظور از معیار Vorticity استفاده شد که به صورت رابطه ۷ تعریف می‌شود:

$$\zeta = \frac{\partial u}{\partial x} - \frac{\partial v}{\partial y} \quad (4)$$

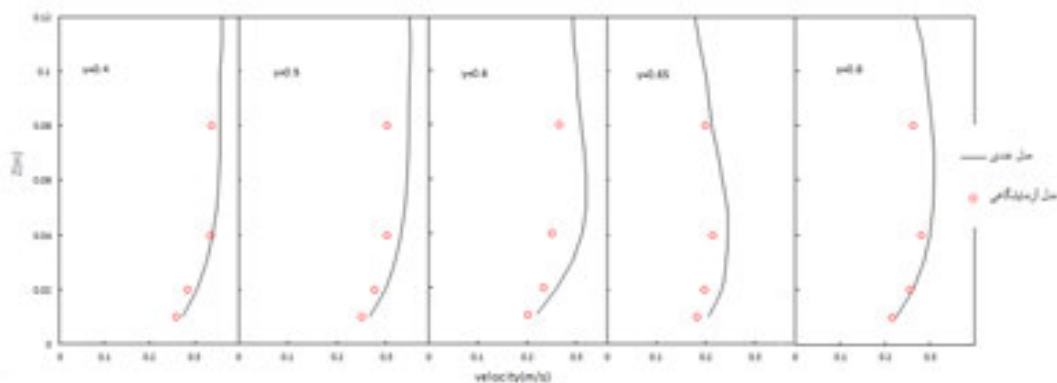
که در این رابطه  $\zeta$  معیاری از قدرت جریان‌های ثانویه (چرخش) بر حسب معکوس زمان (ثانیه)، و  $u$  و  $v$  به ترتیب سرعت‌های مماسی و شعاعی بر حسب متر بر ثانیه می‌باشند.

هرچند که در نزدیکی پشت پایه خطای برآورد سرعت افزایش پیدا کرده است و بین نتایج عددی و آزمایشگاهی انحراف بیشتری دیده می‌شود اما در همین ناحیه نیز مدل آزمایشگاهی توانسته است روند تغییرات سرعت را به خوبی تخمین بزند.

وجود پایه پل در مسیر جریان باعث به وجود آمدن گردابه‌های برخاستگی در پایین دست پایه پل می‌شود که این گردابه‌ها به سمت قوس داخلی در پایین دست متمرکز می‌گردند. برای دستیابی به محل منتهی الیه تشکیل این گردابه‌ها در پایین دست پایه به مقایسه متوسط قدرت جریان‌های ثانویه در طول کانال در حالتی که پایه پل در کانال



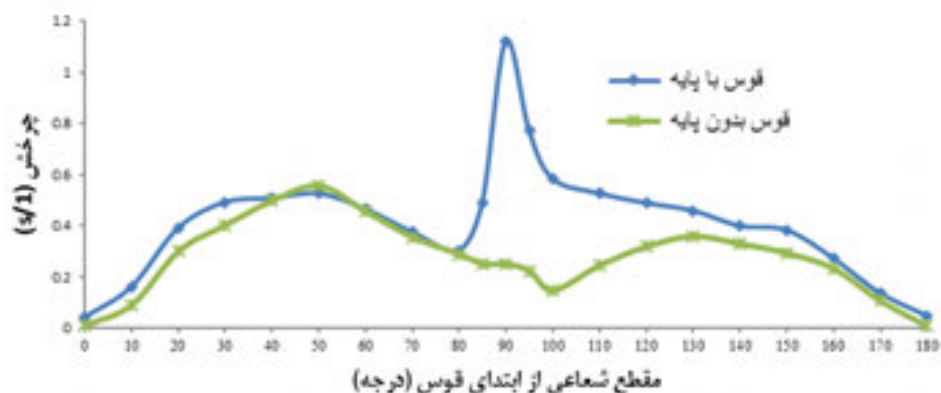
شکل ۸- کانتورهای سرعت طولی حاصل از شبیه‌سازی عددی جریان در قوس بدون پایه در (الف) نزدیکی کف کانال (۱ cm)، (ب) عمق میانه (۴ cm)، و (ج) نزدیکی سطح آب (۸ cm)



شکل ۹- نیمرخ سرعت طولی در مقطع شعاعی ۱۰۰ درجه از ابتدای قوس (پایین دست محل قرارگیری پایه) در مقاطع عرضی مختلف حاصل از مدل‌سازی عددی و نتایج آزمایشگاهی

پایین‌دست پایه تا مقطع ۱۵۰ درجه افزایش قدرت جریان‌های ثانویه نسبت به حالت بدون پایه حاکی از اثر گردابه‌های برخاستگی و جریان‌های ثانویه تشکیل شده به علت وجود پایه می‌باشد. هر چند که با فاصله گرفتن از پایه این افزایش قدرت گردابه‌های ثانویه نسبت به کانال بدون پایه روند کاهشی داشته است.

شکل ۱۰ مقادیر چرخش را به عنوان معیاری برای مقایسه قدرت جریان‌های ثانویه در مقاطع مختلف شعاعی از ابتدای قوس در حالتی که پایه در قوس تعبیه شده و حالتی که پایه ای در قوس وجود ندارد، نشان می‌دهد. همانگونه که از شکل بر می‌آید در مقطع ۹۰ درجه که محل قرارگیری پایه در قوس می‌باشد، قدرت جریان‌های ثانویه به علت حضور پایه افزایش چشم‌گیری داشته است. پس از آن نیز در



شکل ۱۰- متوسط قدرت جریان‌های ثانویه در مقاطع شعاعی مختلف قوس با و بدون حضور پایه پل

باعث تغییر محدوده رخداد سرعت‌های حداکثر در قوس شده به طوری که این محدوده را از نزدیکی قوس داخلی تا نزدیکی قوس خارجی امتداد داده است. همچنین نتایج حاصل از مقایسه جریان‌های ثانویه در مقاطع مختلف در کانال قوسی بدون پایه و با پایه نشان‌دهنده گسترش این جریان‌ها تا مقطع ۱۵۰ درجه از قوس در پایین‌دست پایه بوده و وجود پایه در میانه کانال باعث جهت‌گیری جریان‌های ثانویه به سمت قوس داخلی در پایین‌دست پایه می‌باشد.

### نتیجه گیری

در این پژوهش به مدل‌سازی سه بعدی جریان اطراف پایه پل واقع در قوس توسط سه مدل آشفتگی  $k-\epsilon$ ،  $k-\omega$  و مدل تنش رینولدز (RMS) پرداخته شد. نتایج نشان‌دهنده عملکرد بهتر مدل تنش رینولدز در مدل‌سازی سرعت و جریان‌های ثانویه می‌باشد. نتایج مقایسه الگوی بردارهای سرعت مدل‌سازی شده و داده‌های آزمایشگاهی در اعماق مختلف نشان داد که وجود پایه در میانه قوس

### منابع

- ۱- خواجه نوری ل. ۱۳۸۵. بررسی ساختار متلاطم جریان در اطراف پایه های پل، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه شیراز، دانشکده کشاورزی، گروه مهندسی آب.
- 2- Baranya S., Olsen N.R.B., Stoesser T., and Sturm T. 2012. Three-dimensional RANS modeling of flow around circular piers using nested grids. *Engineering Applications of Computational Fluid Mechanics*, 6:648-662.
- 3- Barbhuiya A.K., and Day S. 2003. Measurement of turbulent flow field at a vertical semicircular cylinder attached to the side wall of a rectangular channel. *Flow measurement and Instrumentation*, 15:87-96.
- 4- Celik I.B. 1999. *Introductory Turbulence Modeling*, Western Virginia University.
- 5- FLUENT 6.3 User's Guide. 2006. Fluent Incorporated, Lebanon, N.H.
- 6- Hirt C.W., and Nichols B.D. 1981. Volume of fluid (VOF) method for the dynamics of free Boundarie, *Journal of Computational Physics*, 39:201- 225.
- 7-Ingham D. B., and Ma L. 2005. *Fundamental equations for CFD in river flow simulations*, John Wiley & Sons.
- 8- Melville B.W. 1984. Live bed scour at bridge piers, *Journal of Hydraulic Engineering*. 110(9): 1234-1247.
- 9- Melville B.W., and Raudkivi A.J. 1977. Flow Characteristics in Local Scour at Bridge Piers, *Am.Soc. Civ. Eng., J. Hydr. Engrg.*, 15(4): 373-380.
- 10- Raudkivi A.J. and Ettema R. 1983. Clear-water scour at cylindrical piers, *Journal of Hydraulic Engineering*. 109(3): 339-350.
- 11- Ramamurthy A.S., Han S.S., and Biron P.M. 2012. Three-dimensional simulation parameters for 90° open channel bend flows, *Journal of computing in civil engineering*, 6:525-532.
- 12- Rozovskii I.L. 1957. Flow of water in bend of open channel, Academy of Sciences of the Ukrainian SSR, Institute of Hydrology and Hydraulic Engineering.
- 13- Salaheldin T.M., Imran J., and Chaudhry H. 2004. Numerical modeling of three-dimensional flow field around circular pier, *Journal of hydraulic engineering*. 130 (2):91-100.



## Numerical Modeling of Flow around Bridge Piers in Meandering Channel

D. Houshmand<sup>1\*</sup> - K. Esmaili<sup>2</sup> - A. Keshavarzi<sup>3</sup> - A. Faridhosseini<sup>4</sup>

Received: 24-02-2013

Accepted: 13-10-2013

### Abstract

The existence of bridge pier in streamflow causes a complex 3D flow formation, which also causes the scouring around bridge pier. Since rivers are usually curved, it is necessary to investigate the impact of change in flow patterns caused by passage of flow through the curve on the scouring around bridge pier. By developing Computational Fluid Dynamics (CFD), there is a possibility to simulate the flow pattern around the bridge piers. Therefore, the purpose of this research is modeled a 3D flow stream near the bridge piers in a curved channel. For this purpose a fluent model software was employed, and solved by stream equations using finite volume method of centralism. For discretization of Navier Stocks equation, three turbulence models of K- $\epsilon$ , K- $\omega$ , and RSM were used. In order to consider free surface, Fluid Volume Method was applied. The numerical model was validated with measured experimental data around the bridge piers in the meandering flume with 5 sequential curve paths. The results showed that the RSM turbulence model performed well compared to the other two models. When comparing the flow of upstream to downstream of bridge piers it can be observed that the placement of bridge piers in the middle of curved shape channel may lead secondary flow towards the inner curve of a channel. Also, the resulted vortex continues with a 150 degree curve.

**Keywords:** Meander, Bridge pier, Turbulent models, Fluent

1,2,4- PhD Student, Associate Professor and Assistant Professor, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, Ferdowsi University of Mashhad, Respectively

(\*- Corresponding Author Email: delaramhooshmand2000@yahoo.com)

3- Professor, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, Shiraz University