

واسنگی و تحلیل عدم قطعیت مدل COUP برای شبیه‌سازی دمای خاک در ایستگاه سینوپتیک همدان

یونس خوشخو^{۱*}- پرویز ایران نژاد^۲- علی خلیلی^۳- حسن رحیمی^۴- عبدالجید لیاقت^۵- پاراریک جانسن^۶

تاریخ دریافت: ۱۳۹۱/۹/۷

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۷/۷

چکیده

در این پژوهش واسنجی و تحلیل عدم قطعیت مدل COUP با هدف شبیه‌سازی دمای خاک در مقیاس زمانی سه ساعته برای ایستگاه سینوپتیک همدان انجام شده است. برای این منظور از روش برآورد عدم قطعیت درست‌نمایی تعیین یافته (GLUE) استفاده شده است. ۲۲ پارامتر که ارتباط نزدیکی با شبیه‌سازی دمای خاک دارند، انتخاب گردیدند و با انجام نمونه‌گیری های تصادفی به روش مونت کارلو از فضای عدم قطعیت آنها، ۲۵۰۰۰ ساریو از ترکیب مقدار پارامترها تولید و شبیه‌سازی‌های مدل بر اساس آنها انجام شد. برای جداسازی شبیه‌سازی‌های کارآمد و ناکارآمد از یکدیگر سه شاخص نش-ساتکلیف، میانگین اربی خطا و ریشه میانگین مربuat خطأ در نظر گرفته شدند و آستانه‌های قابل پذیرش برای هر شاخص تعريف گردید. با اعمال آستانه‌های قابل پذیرش، تعداد ۲۵۳ شبیه‌سازی‌های کارآمد شناسایی شدند و مبنای انجام واسنجی و تحلیل عدم قطعیت مدل قرار گرفتند. بر مبنای توزیع پسین پارامترها، تعدادی از پارامترها به عنوان پارامترهای حساس شناخته شدند. واسنجی مدل بر اساس میانه شبیه‌سازی‌های کارآمد و تحلیل عدم قطعیت بر مبنای کران‌های عدم قطعیت ۹۵٪ و ۹۵٪ خطا مربوط به شبیه‌سازی‌های کارآمد انجام شد. نتایج حاکی از بهبود قابل توجه در عملکرد مدل پس از انجام واسنجی در مقایسه با حالت اجرای مدل با مقادیر پیش‌فرض پارامترها بود. همچنین، نتایج حاصل از تحلیل عدم قطعیت نشان داد که به کارگیری روش GLUE در بیشتر موارد منجر به کاهش عدم قطعیت مربوط به پارامترهای مدل گردید و باقی‌مانده اختلافات بین مقادیر شبیه‌سازی شده و داده‌های مشاهداتی به سایر منابع عدم قطعیت نسبت داده شد.

واژه‌های کلیدی:

مدل COUP، واسنجی، عدم قطعیت، روش GLUE، همدان

ضریب هدایت گرمایی اثر می‌پذیرد (۱۰). با این وجود، شبیه‌سازی دقیق‌تر تراز گرمای خاک مستلزم در نظر گرفتن فرایندهای انتقال رطوبت به شکل‌های آب مایع و بخار آب در خاک نیز می‌باشد (۲۷). انتقال رطوبت در شکل‌های مایع و بخار با جایه‌جایی گرمای خاک در همراه است. همچنین، تغییرات رطوبت خاک سبب ایجاد تغییراتی در ویژگی‌های گرمایی خاک می‌شود که در پی آن انتقال گرمای خاک در نیز تحت تأثیر قرار می‌گیرد. به طور ویژه در مورد خاک‌هایی که در طی فصل سرد سال دچار یخ‌بندان می‌شوند، در نظر گرفتن توأم‌ان فرایندهای گرمای و رطوبت با توجه به اثراتی که پدیده یخ‌بندان خاک بر پتانسیل رطوبتی خاک دارد، دارای اهمیت بیشتری است (۲۲). فیلیپ و دفریس (۲۵) یک نظریه برای انتقال توأم‌ان گرمای و رطوبت در محیط‌های متخلخل ارائه کردند. این نظریه توسط پژوهشگرانی مانند سافوکلیوس (۲۹)، میلی (۲۰) و پاسرات (۲۴) تعدل شده و در شبیه‌سازی انتقال توأم‌ان گرمای و رطوبت در مدل‌های نظری SiSPAT

مقدمه

دمای خاک در هر لحظه و چگونگی تغییرات زمانی و مکانی آن یکی از مهم‌ترین عامل‌های اثرگذار بر جهت و شدت تغییرات فرایندهای فیزیکی خاک و تبادل جرم و انرژی بین خاک و جو است (۹). دمای خاک از یکسو به میزان تابش خالص رسیده به سطح زمین و نحوه تسهیم آن به مؤلفه‌های مختلف شامل گرمای محسوس، گرمای نهان و جریان گرمای داخل خاک وابسته است و از سوی دیگر از ویژگی‌های گرمایی خاک نظیر ظرفیت گرمایی و

۱، ۳، ۴ و ۵- به ترتیب دانشجوی دکتری و استادان گروه آبادی و آبادانی، پردیس

کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران

۶- نویسنده مسئول: (Email: younes.khoshkhoo@gmail.com)

۲- دانشیار گروه فیزیک فضاء، مؤسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران

۴- استاد گروه مهندسی منابع آب و خاک، دانشگاه KTH سوئد

سناریو، و در نهایت تحلیل توزیع خروجی را به عنوان چهار گام اساسی در تحلیل عدم قطعیت ذکر کردند. روش‌های متعددی توسط وراگت (۳۳) برای تحلیل عدم قطعیت ارائه شده‌اند که از میان آن‌ها روش برآورد عدم قطعیت درست‌نمایی تعمیم یافته^۱ (GLUE) ارائه شده توسط بیون و بینلی^(۳) و روش کلاسیک بیزین مبتنی بر زنجیره مارکف مونت کارلو^(۴) (MCMC) که از تئوری معروف بیز^(۳) استخراج شده است، از اهمیت و کاربرد بیشتری برخوردار هستند^(۵) ۲۲، ۲۳ و ۳۵. اگر چه هر دو جزو روش‌های مونت کارلو به حساب می‌آیند، اما دارای تفاوت‌هایی اساسی در نحوه تعیین مجموعه مقادیر پارامترهای قابل پذیرش و نیز الگوریتم نمونه‌گیری از فضای عدم قطعیت پارامترها هستند^(۶). استدینگر و همکاران^(۳۱) گزارش کردند که از زمان ارائه روش GLUE در سال ۱۹۹۲ تا سال ۲۰۰۸، در بیش از ۵۰۰ تحقیق از این روش برای تحلیل عدم قطعیت استفاده شده است. بیون^(۴) با مینا قرار دادن برهمکنش‌های پیچیده بین پارامترهای مدل و رفتار غیرخطی مدل‌های محیطی این نکته را مورد تأکید قرار داده است که در حالت وجود عدم قطعیت در داده‌های ورودی، پارامترها، و ساختار مدل، مجموعه‌های متعددی از مقادیر پارامترها می‌توانند منجر به حصول رفتار مشابهی توسط مدل گردد و این مفهوم را "همپایانی"^(۳) نامیده است. در تحقیق حاضر واسنجی و تحلیل عدم قطعیت مدل COUP با استفاده از روش GLUE برای شبیه‌سازی دمای سه ساعته اعماق خاک در ایستگاه سینوپتیک همدان انجام شده است. انجام واسنجی منتهی به تعدیل مقدار پارامترهای مدل و در پی آن بهبود نتایج مدل می‌گردد. با انجام تحلیل عدم قطعیت می‌توان برای کاهش عدم قطعیت پارامترهای مدل تلاش کرد و در پی آن عدم قطعیت پارامترهای مدل را از سایر منابع عدم قطعیت جدا نمود و میزان قابلیت اعتماد به شبیه‌سازی‌های مدل را سنجید.

مواد و روش‌ها

توصیف مدل COUP و آماده‌سازی آن

دو معادله دیفرانسیلی جفت شده برای جریان‌های گرما و رطوبت در خاک، هسته اصلی مدل را تشکیل می‌دهند که منشأ وقوع این جریان‌ها وجود گرادیان‌های دما و پتانسیل رطوبت در خاک می‌باشد^(۱۹). محاسبات مربوط به جریان گرما بر اساس قانون فوریه و معادلات تراز انرژی در سطح خاک و محاسبه جریان رطوبت در خاک بر اساس معادله ریچاردز^(۲۶) استوار است. طبق قانون پایستگی انرژی، تابش خالص رسیده به سطح خاک را می‌توان معادل مجموع

(۵)، SHAW، (۶) COUP و (۷) SOIL به کار گرفته شده است. مدل COUP، که از توسعه تدریجی مدل SOIL پدید آمده است، با هدف برآورد شارهای قائم گرما و رطوبت در سامانه خاک - برف - گیاه - جو طراحی شده است. مدل COUP در تحقیقات متعددی از جمله گوستافسون و همکاران^(۸) برای مدل‌سازی تراز گرما و رطوبت در خاک، ملاندر و همکاران^(۱۹) برای مدل‌سازی تراز گرما به کار گرفته شده است. در زمرة تحقیقات داخلی نیز نوروز ولاشی و همکاران^(۱۰) برای برآورد دما و رطوبت خاک در اقلیم کرج برای دو حالت خاک با پوشش گیاهی ذرت و خاک بدون پوشش، مدل COUP را استفاده و قابلیت مطلوب آن را گزارش کردند اما حصول به نتایج دقیق‌تر به ویژه برای رطوبت خاک را منوط به واسنجی بیشتر مدل دانستند. شبیه‌سازی انتقال تؤمنان گرما و رطوبت در خاک مستلزم برآورد فرایندهای متعددی است که در بین آن‌ها می‌توان از برآورد تبخیر از سطح خاک، مدل‌سازی برف، و برآورد ویژگی‌های گرمایی و هیدرولیکی خاک نام برد. مدل‌سازی چنین فرایندهایی امری ساده نیست و مستلزم برآورد ضرایب تحریبی متعددی، که به آن‌ها پارامترهای مدل گفته می‌شود، است. مقدار یک پارامتر در طی فرایند شبیه‌سازی ثابت بوده و نسبت به زمان تغییر نمی‌کند. در مدل COUP نیز، مانند بسیاری مدل‌های دیگر، پارامترهای متعددی وجود دارند که مقدار ثابت و دقیقی برای آن‌ها تعریف نشده است. این امر از یک سو به تغییرپذیری و گاهی ناکافی بودن داده‌های موجود برای برآورد آن‌ها مربوط می‌شود و از سویی دیگر مقدار برخی پارامترها می‌تواند به طور طبیعی از موقعیتی به موقعیت دیگر تغییر کند^(۳۴). با این وجود، به طور معمول به هر پارامتر یک مقدار پیش‌فرض که بهنوعی معرف شرایط متوسط آن مقدار پیش‌فرض پارامترها با انجام واسنجی مدل تعدیل می‌شود. وجود عدم قطعیت در پارامترهای مدل یکی از منابع اصلی و مهم عدم قطعیت مدل‌های محیطی است و بخشی از تفاوت‌های بین خروجی‌های مدل و مقادیر مشاهداتی را می‌توان این عدم قطعیت نسبت داد. واسنجی مدل به فرایند تعدیل پارامترهای مدل به گونه‌ای که خروجی‌های مدل بیشترین تطابق را با داده‌های مشاهداتی داشته باشند، گفته می‌شود^(۱۷). وجود عدم قطعیت در پارامترهای مدل تنها منبع عدم قطعیت مدل نیست و وجود عدم قطعیت در ساختار و معادلات حاکم بر مدل، داده‌های مشاهداتی، و داده‌های ورودی مدل از دیگر منابع عدم قطعیت مدل محاسبه می‌شوند. بر این اساس، بیون^(۴) انجام تحلیل عدم قطعیت را امری ضروری و لاینک در کلیه کاربردهای مدل‌سازی فرایندهای محیطی دانسته است. والاج و همکاران^(۳۴) تعریف توزیع عامل‌های ورودی غیرقطعی، تولید N سناریو برای عامل‌های ورودی، محاسبه خروجی مدل برای هر

1- Generalized Likelihood Uncertainty Estimation
2- Markov Chain Monte Carlo
3- Equifinality

اندازه‌گیری ویژگی‌های خاک، یک نیميخ قائم خاک به عمق ۱ متر در نظر گرفته شد و نمونه‌گیری‌هایی به دو صورت دستخورده و دست-نخورده برای لایه‌های ۰-۵، ۵-۱۰، ۱۰-۲۰، ۲۰-۴۰، ۴۰-۶۰ و ۶۰-۱۰۰ سانتی‌متری از سطح خاک تهیه گردید. ویژگی‌های مختلف خاک شامل درصد رس، سیلت، و شن، جرم مخصوص ظاهری، درصد ماده آلی، و رطوبت اشباع حجمی برای هر کدام از این لایه‌ها اندازه‌گیری شد. بافت خاک در لایه ۰-۵ سانتی‌متر لومی و در لایه‌های پایین‌تر لومرسی شنی بود. برای اعماق مختلف جرم مخصوص ظاهری بین ۱/۴۶ تا ۲ گرم بر سانتی‌متر مکعب، درصد ماده آلی بین ۰/۰۷۲ تا ۰/۰۲۴، و رطوبت اشباع حجمی بین ۳۵/۸۵ تا ۵۰/۲ درصد بود. این ویژگی‌ها در مدل سازی اجزای مختلف، به ویژه برآورد منحنی مشخصه رطوبتی خاک، هدایت هیدرولیکی غیر اشباع، و ویژگی‌های گرمایی خاک که اندازه‌گیری آن‌ها هزینه‌بر، وقت‌گیر و گاه‌آ پیچیده است، کاربرد دارد.

روش GLUE

GLUE روشی پرکاربرد برای تحلیل عدم قطعیت بر پایه انجام نمونه‌گیری تصادفی به روش مونت کارلو در فضای عدم قطعیت پارامترها است. شبیه‌سازی‌های مدل بر اساس ترکیب‌های گوناگون مقادیر پارامترها انجام می‌شود، و با به کار بردن آستانه‌های شاخص‌های مختلف سنجش عملکرد مدل، شبیه‌سازی‌های کارآمد و ناکارآمد از هم جدا می‌شوند (۵). منظور از شبیه‌سازی‌های کارآمد آن دسته از شبیه‌سازی‌ها هستند که مقدار شاخص‌ها در مورد آن‌ها قابل پذیرش تشخیص داده شود. یکی از شاخص‌های بسیار مفید و فرآگیر شاخص کارآیی نش- ساتکلیف (R_{eff}) است. در این تحقیق علاوه بر این شاخص از میانگین اربی خطای (MBE) و ریشه میانگین توان دوم خطایها (RMSE) نیز استفاده شد. در جدول ۱ فرمول محاسبه این شاخص‌ها، حالت ایده‌آل و آستانه قابل پذیرش تعریف شده برای آن‌ها آورده شده است. تنها آن دسته از شبیه‌سازی‌ها کارآمد شناخته شده که مقادیر این شاخص‌ها برای همه عمق‌های خاک (۵، ۱۰، ۲۰، ۳۰، ۵۰، و ۱۰۰ سانتی‌متر) در محدوده آستانه‌های قابل پذیرش آن‌ها قرار گرفته باشد.

با توجه به این که روش GLUE در انتخاب شاخص‌های سنجش عملکرد مدل و نیز تعریف آستانه‌های قابل پذیرش انعطاف‌پذیری بالایی دارد، یک روش معمول برای تعریف آستانه‌های قابل پذیرش، در نظر گرفتن درصدی از کل شبیه‌سازی‌ها به عنوان شبیه‌سازی‌های کارآمد است (۶).

شارهای گرمای نهان، گرمای محسوس، و گرما به داخل خاک در نظر گرفت که برآورد سهم هر یک از این شارهای با روش تکرار که مبتنی بر تغییر مداوم دمای سطح خاک تا بسته شدن معادله تراز انرژی سطح است، صورت می‌گیرد. ساختار مدل مبتنی بر در نظر گرفتن یک نیميخ تک‌بعدی و قائم خاک و تقسیم‌بندی آن به چندین لایه و اعمال معادلات حاکم برای هر لایه و حل آنها به روش عددی صریح می‌باشد. مدل، قابلیت شبیه‌سازی فرایندهای گرما و رطوبت در مقیاس‌های مختلف دقیقه‌ای، ساعتی، و روزانه را دارد. شارهای در لایه‌های مرزی بین خاک و جو تحت کنترل متغیرهای هواشناسی است که بارندگی و دمای هوا مهم‌ترین آنها هستند و رطوبت هوا، سرعت باد و ابرنکی نیز به‌دلیل اثر بر میزان تبخیر اهمیت دارند (۱۲). برخی ویژگی‌های خاک مانند منحنی مشخصه رطوبتی خاک، هدایت هیدرولیکی غیر اشباع، ظرفیت گرمایی، و ضریب هدایت گرمایی خاک نیز بر جریانات گرما و رطوبت در بین لایه‌های خاک اثر می‌گذارند و بایستی اندازه‌گیری و یا به نحو مطلوبی برآورد شوند. مهم‌ترین اجزای مدل که ارتباط تنگاتنگی با شبیه‌سازی دمای خاک دارند شامل مدل سازی تراز انرژی در سطح خاک، مدل سازی برف، فرایندهای مرتبط با تابش، و ویژگی‌های گرمایی و هیدرولیکی خاک می‌باشد که برخی از مهم‌ترین پارامترهای مربوط با آن‌ها در بخش واستجی و عدم قطعیت مورد توجه قرار گرفته‌اند. مدل برای برآورد ضریب هدایت گرمایی از روش ارائه شده توسط کرستن (۱۸) بهره می‌گیرد. همچنین، برای برآورد منحنی مشخصه رطوبتی خاک از توابع بروکس-کوری، برای هدایت هیدرولیکی غیر اشباع از روش معلم (۲۱)، و برای مدل سازی برف از روش تجربی ارائه شده توسط استاهلی و یانسن (۳۰) استفاده شده است. گام زمانی به کار گرفته شده برای انجام شبیه‌سازی‌ها ۳ ساعت است. برای انجام شبیه‌سازی‌ها، یک نیميخ خاک به ضخامت ۲۵ متر به ۲۰ لایه تقسیم شده است، به‌گونه‌ای که ضخامت لایه‌ها با افزایش عمق به تدریج افزایش می‌یابد. در نظر گرفتن نیميخ خاک با ضخامت زیاد با هدف به‌حداقل رساندن اثر انتقال گرما از عمق‌های پایین به لایه‌های سطحی تر (از سطح خاک تا عمق ۱ متر) که شبیه‌سازی‌های مدل برای آن‌ها انجام شده است، صورت گرفت.

ایستگاه مورد مطالعه و تهیه داده‌های مورد نیاز

ایستگاه انتخابی برای انجام مطالعه ایستگاه سینوپتیک همدان بود. داده‌های هواشناسی مورد نیاز مدل در مقیاس زمانی سه ساعته و داده‌های دمای خاک سه نوبت در شبانه روز (ساعت ۳، ۹، ۱۵ و ۲۱ به‌وقت گرینویچ) که برای اعماق ۵، ۱۰، ۲۰، ۳۰، ۵۰ و ۱۰۰ سانتی‌متری از سطح خاک به ثبت رسیده‌اند، در بازه زمانی ۱۹۹۲ تا ۲۰۰۶ از سازمان هواشناسی کشور تهیه شدند. معیارهای کنترل کیفی داده‌هایی که اشتباه تشخیص داده شدند، کنار گذاشته شدند. برای

جدول ۱- شاخص‌های به کار گرفته شده و آستانه قابل پذیرش تعریف شده برای آن‌ها

آستانه‌های قابل پذیرش	ایده‌آل	تعریف نمادها	فرمول محاسبه	شاخص
$\pm 0/75^{\circ}\text{C}$	صفر	C_i : مقادیر محاسباتی O_i : مقادیر مشاهداتی n : تعداد کل مشاهدات	$MBE = \frac{\sum_{i=1}^n (C_i - O_i)}{n}$	MBE
بین کمترین مقدار بدست آمده و ۰/۵ درجه سانتیگراد بیشتر از آن	صفر		$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (C_i - O_i)^2}{n}}$	RMSE
بین بیشترین مقدار بدست آمده و ۹۵٪ بیشترین مقدار	یک	صورت کسر: واریانس خطاهای مشاهداتی مخرج کسر: واریانس داده‌های مشاهداتی	$R_{eff} = 1 - \frac{\sigma_{\text{Residuals}}^2}{\sigma_{\text{Observations}}^2}$	Reff

یک سری زمانی از این میانه‌ها بدست آمد و مبنای انجام مقایسات با داده‌های مشاهداتی قرار گرفت. تحلیل عدم قطعیت مدل نیز با در نظر گرفتن همه شبیه‌سازی‌های کارآمد با هم و استخراج کران‌های ۵٪ و ۹۵٪ خطای آنها به عنوان کران‌های پایین و بالای عدم قطعیت شبیه‌سازی‌ها بدانجام رسید.

انتخاب پارامترها برای واسنجی و عدم قطعیت

نظر به این که مدل COUP پارامترهای زیادی دارد و در نظر گرفتن همه این پارامترها برای انجام واسنجی و تحلیل عدم قطعیت ناممکن است، در این پژوهش ۲۲ پارامتر که بسیاری از آن‌ها در پژوهش‌های پیشین از جمله آلوناس و یانسن (۲)، سیهونگ (۲۸)، و یانسن (۱۶) به عنوان پارامترهای مؤثر تشخیص داده شده‌اند، انتخاب گردیدند و سایر پارامترهای مدل در مقادیر پیش‌فرضشان نگه داشته شدند. این پارامترها و دامنه عدم قطعیت انتخاب شده برای آن‌ها همراه با توصیف مختصری از هر پارامتر در جدول ۲ آورده شده است. همان‌گونه که از جدول بر می‌آید، در انتخاب پارامترها برای واسنجی و تحلیل علم قطعیت مدل سعی بر آن بوده است تا فرایندهای مختلفی که بر شبیه‌سازی دمای خاک مؤثرند، مد نظر قرار گیرند.

نتایج و بحث

توزیع پسین پارامترها و حساسیت مدل

به کار بردن آستانه‌های قابل پذیرش شاخص‌ها برای همه عمق‌های خاک منجر به شناسایی ۲۵۳ شبیه‌سازی کارآمد (حدود ۱٪) کل شبیه‌سازی‌ها شد. توزیع تجمعی پسین ۲۲ پارامتر انتخاب شده بر اساس ۲۵۳ شبیه‌سازی کارآمد، در کنار توزیع یکنواخت پیشین آن‌ها در شکل ۱ آورده شده است. توزیع پسین هر پارامتر نمایانگر رفتار آن پارامتر در دامنه عدم قطعیتش پس از به کاربردن شبیه‌سازی‌های کارآمد است. شکل ۱ نشان می‌دهد که پارامترهای مختلف رفتارهای متفاوتی دارند. بزرگ‌تر بودن مقدار انحراف توزیع پسین یک پارامتر از توزیع یکنواخت پیشین آن نشانگر حساسیت بالاتر مدل نسبت به آن پارامتر است.

در این تحقیق آستانه‌های قابل پذیرش شاخص‌ها به گونه‌ای انتخاب شدند که در نهایت حدود ۱٪ از کل شبیه‌سازی‌ها به عنوان شبیه‌سازی‌های کارآمد استخراج شوند. برای تولید ترکیب‌های گوناگون از مقادیر ۲۲ پارامتر منتخب، تعداد نمونه از دامنه عدم قطعیت این پارامترها به روش تصادفی مونت کارلو گرفته شد و بر اساس ۲۵۰۰ سناریوی تولید شده از مقدار پارامترها، شبیه‌سازی‌های مدل انجام شد. نظر به اینکه هر چه تعداد سناریوها بیشتر باشد در واقع حالت‌های ممکن بیشتر از ترکیب مقادیر پارامترهای مختلف در دامنه عدم قطعیتشان ایجاد می‌شوند، تعداد نمونه‌گیری‌ها زیاد در نظر گرفته شدند. برای انجام نمونه‌گیری تصادفی از فضای عدم قطعیت پارامترها، به طور معمول یک توزیع اولیه توزیع یکنواخت، توزیع نرمال و ... که نوعی وزن دهنده به احتمال انتخاب یک مقدار مشخص در دامنه عدم قطعیت پارامتر است، در نظر گرفته شد که به آن توزیع پیشین پارامترها گفته می‌شود. در این تحقیق توزیع یکنواخت که در آن احتمال انتخاب هر مقداری در دامنه عدم قطعیتش یکسان است، به عنوان توزیع پیشین پارامترها در نظر گرفته شد. با اعمال آستانه‌های قابل پذیرش شاخص‌ها بر کار گرفته شده بر روی کل شبیه‌سازی‌ها، شبیه‌سازی‌های کارآمد مشخص شدند. با توجه به اینکه هر کدام از کدام از شبیه‌سازی‌های کارآمد با اجرای مدل بر اساس ترکیب معینی از مقدار پارامترها حاصل آمده است، لذا برای هر کدام از پارامترها به تعداد شبیه‌سازی‌های کارآمد مجموعه‌ای از مقادیر حاصل می‌آید که در صورتی که توزیع فراوانی این مقادیر برای هر کدام از پارامترها ترسیم گردد، به توزیع فراوانی حاصله توزیع پسین گفته می‌شود. هر چه تفاوت توزیع پسین یک پارامتر از توزیع پیشین آن بیشتر باشد، حساسیت مدل نسبت به تغییرات آن پارامتر بالاتر است. با توجه به مفهوم همپایانی در روش GLUE که بر اساس آن همه شبیه‌سازی‌های کارآمد یکسان و هم‌رتبه در نظر گرفته می‌شوند، میانه این شبیه‌سازی‌ها استخراج شد و مبنای انجام واسنجی مدل و تعديل مقدار پارامترها قرار گرفت. برای این منظور برای هر گام زمانی معین، میانه کل شبیه‌سازی‌های کارآمد در آن گام استخراج شد و با کنار هم قرار دادن میانه‌های استخراج شده در گامهای زمانی مختلف،

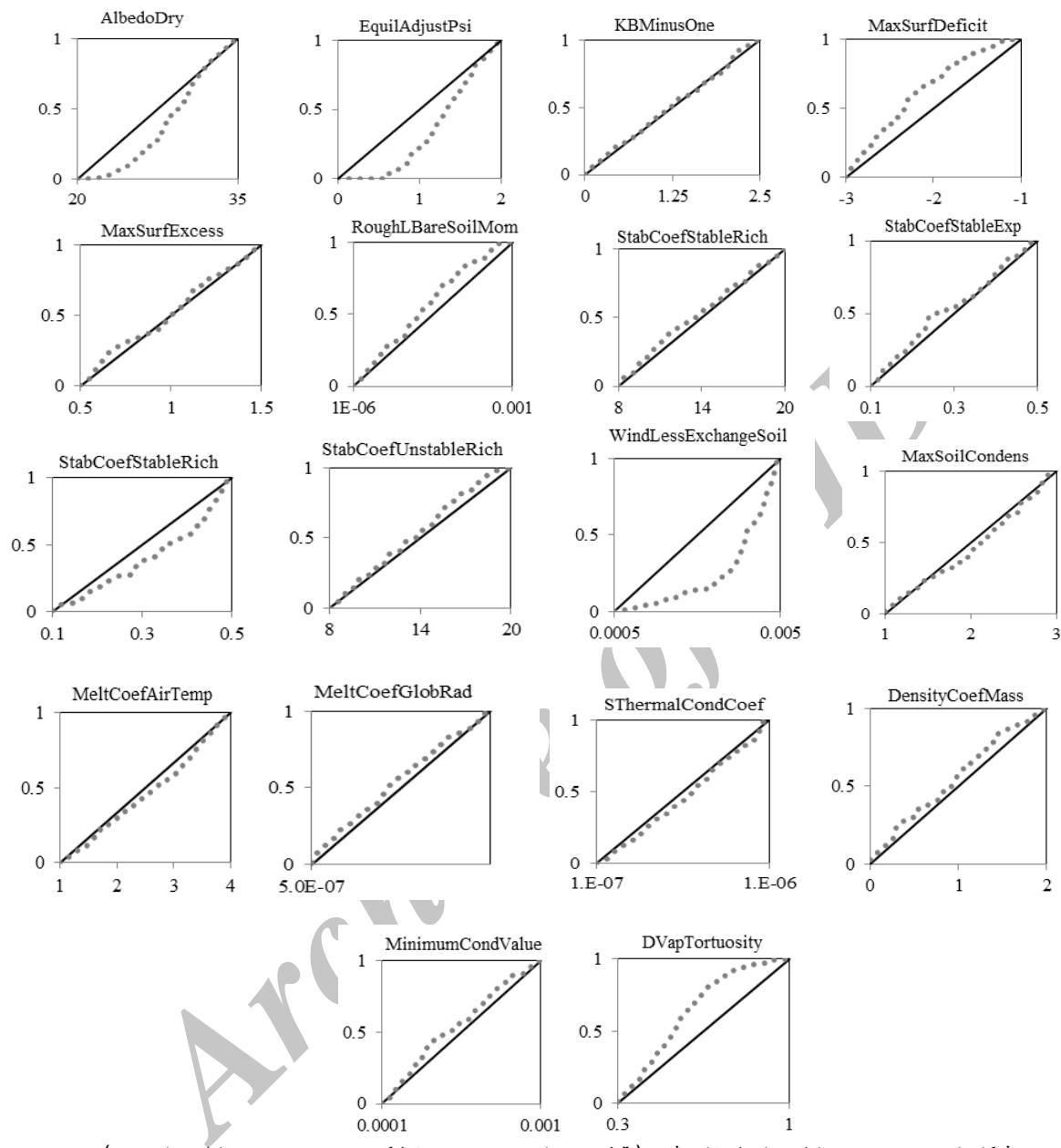
جدول ۲- پارامترهای انتخاب شده و دامنه عدم قطعیت آنها برای واسنجی و تحلیل عدم قطعیت مدل COUP

نام پارامتر	فرایند مربوط	کران بالا	کران پایین	دامنه عدم قطعیت	تعریف پارامتر
تاش خالص	AlbedoDry	20	35		مقدار آبدوی خاک خشک
تبخیر از سطح خاک	EquilAdjustPsi	0	2		تعدیل کننده پتانسیل رطوبت در لایه سطحی
تبخیر از سطح خاک	KBMinusOne	0	2.5		تعدیل کننده رابطه طول زبری سطح برای تکانه و گرما
تبخیر از سطح خاک	MaxSurfDeficit	-3	-1		پارامتر مؤثر در محاسبه فشار بخار لایه سطحی
تبخیر از سطح خاک	MaxSurfExcess	0.5	1.5		پارامتر مؤثر در محاسبه فشار بخار لایه سطحی
تبخیر از سطح خاک	RoughLBareSoilMom	1.0e-6	0.001		طول زبری خاک لخت برای مومنت
تبخیر از سطح خاک	StabCoefStableExp	0.1	0.5		پارامتر مؤثر در پایداری جو به روش عدد ریچاردسون
تبخیر از سطح خاک	StabCoefStableRich	8	20		پارامتر مؤثر در پایداری جو به روش عدد ریچاردسون
تبخیر از سطح خاک	StabCoefUnstableExp	0.1	0.5		پارامتر مؤثر در پایداری جو به روش عدد ریچاردسون
تبخیر از سطح خاک	StabCoefUnstableRich	8	20		پارامتر مؤثر در پایداری جو به روش عدد ریچاردسون
تبخیر از سطح خاک	WindLessExchangeSoil	5.0e-4	0.005		حد بالای مقاومت آثرودبیاتمیکی در جو آرام
تبخیر از سطح خاک	MaxSoilCondens	1	3		محدود کننده بیشینه تبخیر از سطح خاک
مدل سازی برف	MeltCoefGlobRad	5.0e-7	1.5e-6		پارامتر مؤثر در مدل سازی برف به روش تجربی
مدل سازی برف	SThermalCondCoef	1.0e-7	1.0e-6		ضریب هدایت گرمایی برف
مدل سازی برف	DensityCoefMass	0	2		پارامتر مؤثر در مدل سازی برف به روش تجربی
مدل سازی برف	MeltCoefAirTemp	1	4		پارامتر مؤثر در مدل سازی برف به روش تجربی
یخندان خاک	FreezePointF0	7	13		پارامتر مؤثر در تابع نزول نقطه اتمداد
ویژگی های گرمایی خاک	ClayUnFrozenC1	0.1	0.2		پارامتر مؤثر در محاسبه ضریب هدایت گرمایی خاک بین نزد
ویژگی های گرمایی خاک	CFrozenSurfCorr	0.1	0.3		پارامتر مؤثر در تابع میرش سطح یخندان
ویژگی های گرمایی خاک	ClayFrozenC3	0.003	0.0045		پارامتر مؤثر در محاسبه ضریب هدایت گرمایی خاک بین زده
هیدرولیک خاک	MinimumCondValue	1.0e-04	0.001		کمینه مقدار ضریب هدایت هیدرولیکی غیر اشیاع
جریان بخار در خاک	DVapTortuosity	0.3	1		پارامتر مؤثر در پخش بخار در خاک

تحاليل عدم قطعية واسنجي مدل

از ۲۵۳ شبیه‌سازی کارآمد برای تحلیل عدم قطعیت مدل استفاده شد. برای هر کدام از عمق‌ها، با محاسبه تفاضل دمای خاک مشاهده شده از مقدار شبیه‌سازی شده توسط هر کدام از شبیه‌سازی‌های کارآمد، میزان خطای برای هر کدام از این شبیه‌سازی‌ها استخراج شد و کل خطای حاصل از ۲۵۳ شبیه‌سازی کارآمد به عنوان عدم قطعیت ناشی از پارامترهای مدل در نظر گرفته شد که در شکل ۲ کران‌های عدم قطعیت ۹۵٪ و ۹۹٪ این خطاهای برای عمق‌های ۱۰، ۳۰، و ۵۰ سانتی‌متری خاک آورده شده است. همان‌گونه که از شکل پیداست فاصله حد پایین و حد بالا در حالت کلی کم است، یعنی با به کارگیری روش GLUE، عدم قطعیت ناشی از پارامترهای مدل کاهش یافته است. برای حالت‌هایی که هر دو کران بالاتر یا پایین‌تر از صفر بوده‌اند، بدان معنا است که داده‌های مشاهداتی خارج از حدود اطمینان شبیه‌سازی‌های کارآمد قرار داشته‌اند. این امر می‌تواند ناشی از سایر مشاهداتی عدم قطعیت، مانند عدم قطعیت در ساختار و معادلات حاکم بر مدل و نیز وجود خطاهایی در داده‌های ورودی و یا داده‌های مشاهداتی ناشی از خطاهای دیدبانی، خطای در ثبت داده‌ها و ... باشد.

پارامترهایی که توزیع پسین آن‌ها تفاوت چشمگیری با توزیع پسینشان داشت شامل MaxSurfDeficit, EquilAdjustPsi, WindLessExchangeSoil StabCoefUnstableExp, مربوط به برآوردهی از سطح خاک، ClayUnFrozenC1 (مربوط به ویژگی‌های گرامایی خاک)، AlbedoDry (مربوط به برآوردهی تابش خالص)، و DVapTortuosity (مربوط به برآوردهی جریان بخار در خاک) بودند. به دیگر سخن، حساسیت مدل COUP برای شبیه‌سازی دمای خاک به تعییر این پارامترها در دامنه عدم قطعیتشان بالا بود. مدل به تعییر برخی پارامترها حساسیت به نسبت کمتری داشت، و نسبت به برخی پارامترهای دیگر مانند KBMinusOne و StabCoefStableRich حساسیت چندانی از خود نشان نداد. بر این اساس، با توجه به اثرگذاری بالای برخی از پارامترها بر خروجی‌های مدل، انجام واسنجی مدل ضروری به نظر می‌رسد. حساسیت مدل به پارامترها بدان معنا است که وجود عدم قطعیت در پارامترهای مدل می‌تواند منشأ بخش مهمی از عدم قطعیت نتایج مدل باشد. از این رو، تلاش برای کاهش عدم قطعیت این پارامترها می‌تواند گام مهمی در کاهش عدم قطعیت کل مدل باشد.



شکل ۱- توزیع تجمعی پارامترهای انتخاب شده (نقطه چین ها توزیع پسین و خط کشیده توزیع پیشین پارامترها هستند)

رسیده است که نمونه بارز آن در دمای نزدیک به صفر رخ داده است. چنین امری می‌تواند مرتبط با وجود عدم قطعیت بالا در مدل-سازی ذوب برف و فرایندهای مرتبط با آن باشد که در صورت صادق بودن چنین فرضیه‌ای، تلاش برای شبیه‌سازی دقیق‌تر چنین فرایندهایی با به کارگیری روش‌هایی مناسب‌تر ضروری به نظر می‌رسد. با توجهی کلی به شکل ۳، تفاضل کران‌های عدم قطعیت پایین و بالا در حالت کلی یک روند صعودی را با افزایش دما نشان

برای ارائه یک تحلیل تفصیلی تر از عدم قطعیت پارامترهای مدل-تفاضل دو کران مذکور محاسبه و تغییرات آن بر حسب دمای خاک ترسیم شد که شکل ۳ این تغییرات را برای عمق ۱۰ سانتی‌متری خاک به عنوان نمونه نشان می‌دهد.

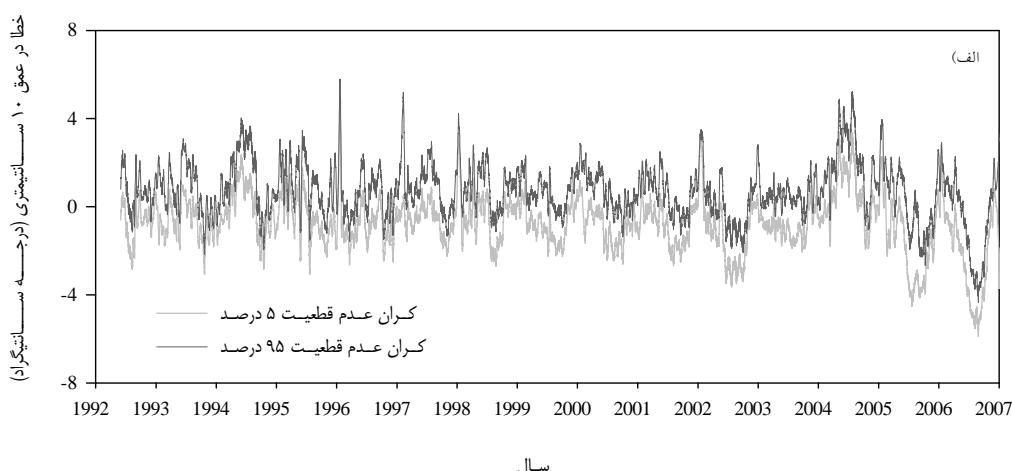
همان‌گونه که پیداست در بیشتر موارد این تفاضل مابین صفر الی ۲ درجه سانتی‌گراد بوده که دامنه نسبتاً کوچکی به نظر می‌رسد. با این حال، در موارد محدودی این تفاضل به بالای ۴ درجه سانتی‌گراد هم

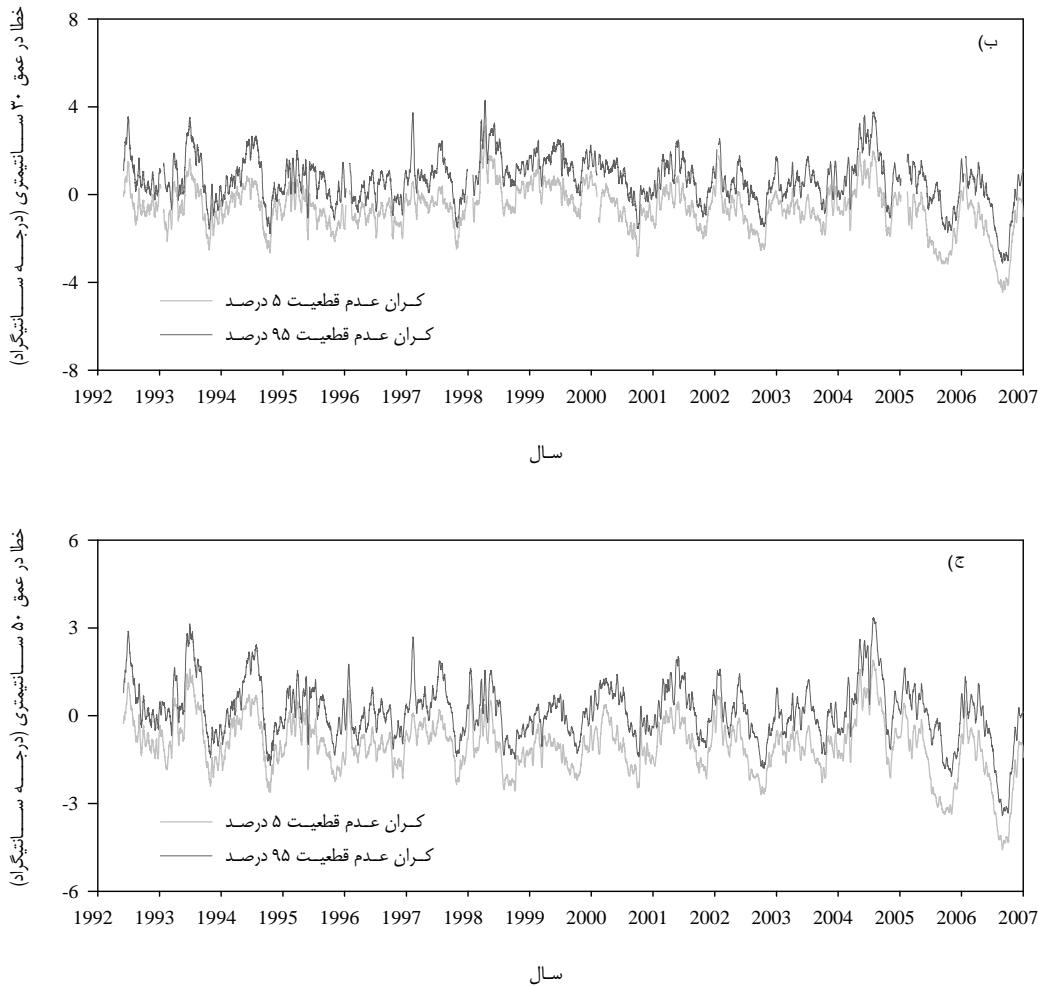
اجرای مدل با مقادیر پیش‌فرض پارامترها، حالت اجرای مدل با پارامترهای کالیبره شده، و نیز کمترین و بیشترین مقادیر شاخص‌ها برای کل شبیه‌سازی‌ها (۲۵۰۰۰ عدد) در جدول ۴ آورده شده است. همان‌گونه که از جدول پیداست دامنه بین کمترین و بیشترین مقدار هر شاخص در بسیاری از حالات دامنه نسبتاً وسیعی بوده و مقدار شاخص در حالت اجرای مدل با مقادیر پیش‌فرض پارامترها در تمامی حالت‌ها مابین حدود پایین و بالای شاخص‌ها گرفته است. با مقایسه مقدار هر شاخص در حالت مقادیر پیش‌فرض پارامترها با بهترین مقدار حاصله ($\text{حد بala در شاخص } R_{\text{eff}}$ ، حد پایین در شاخص RMSE، و تزدیک به صفر بودن شاخص MBE) می‌توان ایده‌ای مشخص از حداکثر بهبود قابل انتظار در عملکرد مدل به دست آورد. مقایسه مقادیر شاخص‌ها برای حالت پس از واستنجی مدل با حالت پیش‌فرض پارامترها نشان می‌دهد که عملکرد مدل پس از واستنجی به طرز قابل توجهی بهبود یافته است که این بهبود در عمق‌های پایین‌تر چشمگیرتر از لایه‌های سطحی‌تر بوده است. مقایسه حالت پس از واستنجی با بهترین مقدار حاصله از شاخص‌ها نیز حاکی از اختلاف خیلی کم مقادیر شاخص‌ها در این دو حالت بوده و واستنجی مدل به بهترین حالتی که از مدل می‌توان انتظار داشت تا حد زیادی نزدیک شده است. به لحاظ بررسی نحوه رفتار مدل در اعماق مختلف، عملکرد کلی مدل در لایه‌های سطحی‌تر به ویژه عمق ۵ سانتی‌متری که در آن فرایندهای مؤثر بر انتقال گرما و رطوبت خاک در معرض تغییرات شدیدتری هستند، مطلوبیت کمتری در مقایسه با اعماق پایین‌تر نشان داده است.

می‌دهد. به بیانی دیگر، عدم قطعیت مربوط به پارامترهای مدل به استثنای مواردی، از زمستان به تابستان به تدریج افزایش می‌یابد. بالا بودن دامنه عدم قطعیت در تابستان می‌تواند با فرآیندهای غالب این فصل از جمله تبخیر بالا از سطح خاک بدلیل گرمای زیاد که بر روی ترازمندی انرژی در سطح خاک و به تبع آن میزان شار گرمای ورودی به داخل خاک اثر می‌گذارد، مرتبط باشد. بر این اساس، یک راهکار برای کاهش عدم قطعیت پارامترها در فصل تابستان، می‌تواند بررسی تفصیلی و دقیق فرآیندهای مهم در این فصل و شناسایی پارامترهای مؤثر و اضافه کردن آن‌ها به مجموعه پارامترهای در نظر گرفته شده برای تحلیل عدم قطعیت باشد. نظر به اینکه مفهوم همپایانی در روش GLUE به معنای هم‌رتبه قلمداد کردن کلیه شبیه‌سازی‌های کارآمد می‌باشد، میانه این شبیه‌سازی‌ها به عنوان معرف کل آنها و مبنای جهت انجام واستنجی و تصحیح مقدار پارامترهای مدل در نظر گرفته شد. با توجه به این که میانه شبیه‌سازی‌های کارآمد متعلق به یک شبیه‌سازی مشخص و مجموعه مشخصی از پارامترها نیست، برای نسبت دادن یک مجموعه پارامتر به آن، میانه تک‌تک پارامترها برای شبیه‌سازی‌های کارآمد محاسبه گردید و بر اساس آنها شبیه‌سازی‌های مدل انجام شد و مشاهده شد که بین شبیه‌سازی‌های مبتنی بر میانه پارامترها و میانه شبیه‌سازی‌های کارآمد تفاوت بسیار ناچیزی وجود داشت. بر این اساس، میانه پارامترهای شبیه‌سازی‌های کارآمد به عنوان مقدار پارامترهای واستنجی شده در نظر گرفته شدند. جدول ۳ مقدارهای پارامترهای واستنجی شده و مقدار پیش‌فرض پارامترها را نشان می‌دهد.

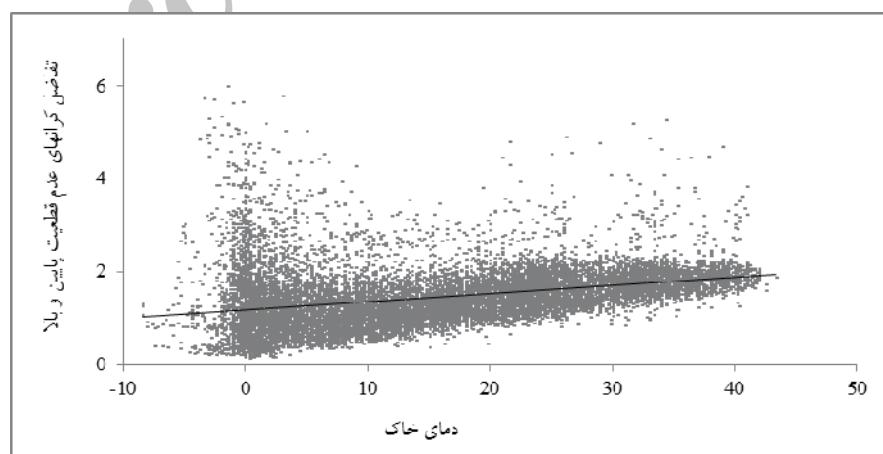
شاخص‌های عملکرد مدل

مقدار شاخص‌های عملکرد در اعماق مختلف خاک برای حالت





شکل ۲- کران های عدم قطعیت ۵٪ و ۹۵٪ خطا مربوط به شبیه سازی های کارآمد در عمق های (الف)، (ب)، (ج) ۰، ۱۰، ۳۰ و ۵۰ سانتی متری خاک



شکل ۳- تفاضل کران های پایین و بالا کران های عدم قطعیت ۵٪ و ۹۵٪ شبیه سازی های کارآمد در عمق ۱۰ سانتی متری خاک در دماهای مختلف

جدول ۳- مقادیر و استنجی شده و مقادیر پیش فرض پارامترهای انتخاب شده

پارامتر	مقدار پیش فرض	مقدار و استنجی شده	نام پارامتر	مقدار پیش فرض	مقدار و استنجی شده
AlbedoDry	30	29.6	MaxSoilCondens	2	2.13
EquilAdjustPsi	1	1.33	MeltCoefGlobRad	1.5×10^{-7}	8.8×10^{-7}
KBMinusOne	0	1.21	SThermalCondCoef	2.86×10^{-6}	4.2×10^{-7}
MaxSurfDeficit	-2	-2.3	DensityCoefMass	0.5	0.96
MaxSurfExcess	1	0.98	MeltCoefAirTemp	2	2.65
RoughLBareSoilMom	0.001	0.00001	FreezePointF0	10	10.26
StabCoefStableExp	0.333	0.27	ClayUnFrozenC1	0.13	0.15
StabCoefStableRich	16	13.7	CFrozenSurfCorr	0.2	0.25
StabCoefUnstableExp	0.333	0.38	ClayFrozenC3	0.0036	0.0038
StabCoefUnstableRich	16	14.3	MinimumCondValue	1.0×10^{-4}	1.25×10^{-4}
WindLessExchangeSoil	0.001	0.0031	DVapTortuosity	0.66	0.53

جدول ۴- مقادیر شاخص‌های به کار گرفته شده برای اجرای مدل با مقادیر پیش فرض پارامترها و حدود پایین و بالای آنها برای کل شبیه‌سازی‌ها

	شاخص	حالات اجرای مدل	عمق خاک (سانتیمتر)					
			۵	۱۰	۲۰	۳۰	۵۰	۱۰۰
MBE	با مقادیر پیش فرض پارامترها	-۰/۷۲	-۱/۲۵	-۱/۰۴	-۱	-۱/۵۷	-۱/۶۵	
	کل شبیه‌سازی‌ها (حد پایین)	-۲/۸۱	-۴/۴	-۴	-۴/۵۶	-۶/۳۵	-۸/۴۶	
	کل شبیه‌سازی‌ها (حد بالا)	۵/۲۲	۴/۱۴	۴/۲۶	۴/۱۵	۳/۶۹	۳/۵۹	
	پس از اعمال و استنجی	۰/۵۴	۰/۰۲	۰/۰۷	۰/۰۰۸	-۰/۰۵۵	-۰/۰۷۴	
RMSE	با مقادیر پیش فرض پارامترها	۳/۴۸	۲/۸۶	۲/۰۵	۱/۷۴	۲/۰۱	۲/۰۶	
	کل شبیه‌سازی‌ها (حد پایین)	۳/۰۸	۲/۰۳	۱/۲۷	۱/۱۴	۰/۸۹	۰/۷۷	
	کل شبیه‌سازی‌ها (حد بالا)	۸/۱۵	۶/۵۱	۵/۳۳	۵/۵۶	۷/۵۸	۹/۹	
	پس از اعمال و استنجی	۳/۳۳	۲/۱۶	۱/۵۱	۱/۳۱	۱/۲۵	۱/۱	
R_{eff}	با مقادیر پیش فرض پارامترها	۰/۹۲۶	۰/۹۴۳	۰/۹۶	۰/۹۶۷	۰/۹۴۶	۰/۹۲۱	
	کل شبیه‌سازی‌ها (حد پایین)	۰/۰۹۷	۰/۷	۰/۷۳	۰/۸۵۶	۰/۷۴	-۰/۷۹	
	کل شبیه‌سازی‌ها (حد بالا)	۰/۹۴۲	۰/۹۷۵	۰/۹۸۲	۰/۹۸۵	۰/۹۸۹	۰/۹۸۹	
	پس از اعمال و استنجی	۰/۹۳۲	۰/۹۶۷	۰/۹۷۸	۰/۹۸۱	۰/۹۷۹	۰/۹۷۷	

مفید جهت برنامه‌ریزی برای تعیین متغیرهایی که اندازه‌گیری آنها می‌تواند به تعیین دقیق‌تر این پارامترها و ارتقاء شبیه‌سازی‌های مدل بینجامد، باشد. و استنجی مدل و تعدیل مقادیر پارامترها که با مبنای قرار دادن میانه شبیه‌سازی‌های کارآمد به انجام رسید منجر به بهبود قابل توجه عملکرد مدل در مقایسه با اجرای مدل با مقادیر پیش فرض پارامترها گردید. با در نظر گرفتن کران‌های $\% ۵$ و $\% ۹۵$ شبیه‌سازی‌های کارآمد به عنوان کران‌های پایین و بالای عدم قطعیت، نتایج حاصله نشان داد که به کارگیری روش GLUE و اعمال شاخص‌های به کار گرفته شده منجر به کاهش عدم قطعیت پارامترهای مدل گردیده است. کاهش عدم قطعیت پارامترهای مدل و جداسازی آن از سایر منابع عدم قطعیت به این امکان را می‌دهد تا درک دقیق‌تری از ساختار مدل و فرآیندها و معادلات به کار گرفته شده به دست آید و در جهت بهبود آنها گام‌هایی برداشته شود.

نتیجه‌گیری

تولید ۲۵۰۰۰ سناریو از دامنه عدم قطعیت ۲۲ پارامتر مؤثر بر شبیه‌سازی دمای خاک در مدل COUP با استفاده از روش GLUE و آument آستانه‌های قابل پذیرش شاخص‌های مختلف بر روی کل شبیه‌سازی‌های حاصله منجر به استخراج ۲۵۳ شبیه‌سازی کارآمد گردید که بیشترین تطابق بین خروجی‌های مدل با داده‌های مشاهداتی را داشتند. شاخص‌های عملکرد به کار گرفته شده به گونه‌ای در نظر گرفته شده بودند که جنبه‌های مختلفی از اختلاف بین مقادیر شبیه‌سازی شده و مشاهداتی را تحت پوشش قرار دهند. با استخراج توزیع تجمعی پسین پارامترهای متناظر با شبیه‌سازی‌های کارآمد و مقایسه آن با توزیع یکنواخت پیشین، تعدادی از پارامترها به عنوان پارامترهای حساس و مؤثر بر شبیه‌سازی دمای خاک شناخته شدند که این مسئله لزوم انجام و استنجی و تحلیل عدم قطعیت مدل را آشکارتر نمود. همچنین شناسایی پارامترهای حساس مدل ابزاری

سپاسگزاری

این تحقیق با همکاری مشترک دانشگاه تهران و دانشگاه KTH سوئد به انجام رسیده است. نگارندگان نخست بدین وسیله از

منابع

- ۱- نوروزلاشدى ر، قهرمان ن، و ایران نژاد پ. ۱۳۹۱. ارزیابی مدل شبیه سازی (COUP) جهت برآورد رطوبت و دمای خاک با پوشش گیاهی ذرت و خاک بدون پوشش. دوفصلنامه پژوهش‌های خاک (علوم خاک و آب)، ۲۶: ۵۵-۶۶.
- 2- Alvenas G. and Jansson P.E. 1997. Model for evaporation, moisture and temperature of bare soil: calibration and sensitivity analysis. *Agriculture and Forest Meteorology*, 88:47-56.
- 3- Bayes T. 1763. An Essay towards Solving a Problem in the Doctrine of Chances. *Philosophical Transactions of the Royal Society*, 53: 370-418.
- 4- Beven K.J. and Binley A.M. 1992. The future of distributed models: model calibration and uncertainty prediction, *Hydrological Processes*, 6:279–298.
- 5- Beven K.J. 2006. A manifesto for the equifinality thesis. *Journal of Hydrology*, 320:18–36.
- 6- Blasone R.S., Vrugt J.A., Madsen H., Rosbjerg D.R., Bruce A., and Zyvoloski G.A. 2008. Generalized likelihood uncertainty estimation (GLUE) using adaptive Markov Chain Monte Carlo sampling. *Advances in Water Resources*, 31:630-648.
- 7- Braud I., Dantas-Antonino M., Vauclin J.L., and Ruelle P. 1995. A simple soil-plant-atmosphere transfer model (SiSPAT) development and field verification, *Journal of Hydrol*, 166:213-250.
- 8- Flerchinger G.N., and Saxton K.E. 1989. Simultaneous heat and water model of a freezing snow-residue-soil system I. Theory and development. *Trans. Amer. Soc. of Agric. Engr*, 32:565-571.
- 9- Gustafsson D., Lewan E., and Jansson P.E. 2004. Modeling water and heat balance of the Boreal landscape-comparison of forest and arable land in Scandinavia. *Journal of Applied Meteorology*, 43:1750-1767.
- 10- Hillel D. 1998. *Introduction to Environmental Soil Physics*. London: Elsevier Academic Press.
- 11- Hu Q., and Feng S. 2003. A daily temperature dataset and soil temperature climatology of the contiguous United States. *J. Appl. Meteor*, 42:1139-1156.
- 12- Jansson P.E. 1998. Simulation model for soil water and heat conditions. Description of the SOIL model. Division of Agricultural Hydrotechnics Communications 98. Department of Soil Sciences, Swedish University of Agricultural Sciences, Uppsala, 81pp.
- 13- Jansson P.E., and Moon D. 2001. A Coupled model of water, heat and mass transfer using object orientation to improve flexibility and functionality. *Environmental Modelling & Software*, 16:37-46.
- 14- Jansson P.E., and Karlberg L. 2004. Coupled heat and mass transfer model for soil-plant-atmosphere system. Dept. of Civil and Environmental Engineering Royal Institute of Technology. Stockholm, Sweden.
- 15- Jansson C., Almkvist E., and Jansson P.E. 2006. Heat balance of an asphalt surface: observations and physically-based simulations. *Meteorological Applications*, 13:203–21.
- 16- Jansson P.E. 2012. Energy balance Tutorial of COUP model. KTH University, Stockholm. <ftp://www.lwr.kth.se/CoupModel/Tutorials/Ebal.pdf>
- 17- Juston J. 2010. Water and Carbon Balance Modeling: Methods of Uncertainty Analysis. Licentiate Thesis in Land and Water Resources Engineering. KTH university, Stockholm, Sweden.
- 18- Kersten M.S. 1949. Laboratory research for the determination of the thermal properties of soils. ACFEL Tech. Rep. 23. University of Minnesota, Minneapolis.
- 19- Mellander P.E., Laudon H., and Bishop K. 2005. Modelling variability of snow depth sand soil temperatures in Scotspinestands. *Agriculture and Forest Meteorology*, 133:109–118.
- 20- Milly P.C.D. 1984. A simulation analysis of thermal effects on evaporation from Soil. *Water Resources Research*, 20:1087-1099.
- 21- MualemY. 1976. A new model predicting the hydraulic conductivity of unsaturated porous media. *Water Resources Research*, 12:513–522.
- 22- Nagare R.M. 2011. Coupled heat and water transfer in frozen organic soils. A P.h.D Thesis at University of Western Ontario, Canada.
- 23- Oijn M., Cameron D.R., Butterbach-Bahl K., Farahbakhshzad N., Jansson P.E., Kiese R., Rahn K.H., Werner C., and Yeluripati J.B. 2011. A Bayesian Framework for Model Calibration, Comparison and Analysis: Application to Four Models for the Biogeochemistry of a Norway Spruce Forest: *Agriculture and Forest Meteorology*, 151:1605-1621.
- 24- Passerat S.A., Bruckler L., Thony J.S., and Vauclin M. 1989. Numerical modeling of coupled heat and water

- flows during drying in a stratified bare soil--comparison with field observations, *Journal of Hydrology*, 105:109-138.
- 25- Philip J.R., de Vries D.A. 1957. Moisture movement in porous materials under temperature gradients, *Eos Trans. AGU*, 38:222-232.
- 26- Richards L.A. 1931. Capillary conduction of liquids in porous mediums. *Physics*, 1:318-333
- 27- Schelde K., Thomsen A., Heidmann T., Schjønning P., Jansson P.E. 1998. Diurnal fluctuations of water and heat flows in a bare soil. *Water Resources Research*, 34:2919-2929.
- 28- Sihong W.U. 2011. Impact of cold climate on boreal ecosystem processes: exploring data and model uncertainties. PhD thesis at KTH university, Stockholm, Sweden.
- 29- Sophocleous M. 1979. Analysis of water and heat flow in unsaturated-saturated porous media, *Water Resources Research*, 15:1195-1206.
- 30- Stahli M., and Jansson P.E. 1998. Test of two SVAT snow sub models during different winter conditions. *Agriculture and Forest Meteorology*, 92:29-41.
- 31- Stedinger J.R., Vogel R.M., Lee S.U., and Batchelder R. 2008. Appraisal of the generalized likelihood uncertainty estimation (GLUE) method, *Water Resour. Res.*, 44, 1-17
- 32- Svensson M., Jansson P.E., Gustafsson D., Kleja D.B., Langvall O., and Lindroth A. 2008. Bayesian calibration of a model describing carbon, water and heat fluxes for a Swedish boreal forest stand. *Ecological Modelling*, 213:331-344
- 33- Vrugt J.A. 2004. Towards improved treatment of parameter uncertainty in hydrologic modeling. Thesis of Amsterdam, The Netherlands, ISBN: 90-76894-46-9.
- 34- Wallach D., Makowski D., and Jones J. 2006. Working with dynamic crop models. Evaluation, Analysis, Parameterization and applications. Elsevier, Amsterdam.
- 35- Xiaoli J., Xu C., Zhang Q., and Singh V.P. 2010. Parameter and modeling uncertainty simulated by GLUE and a formal Bayesian method for a conceptual hydrological model. *Journal of Hydrology* , 383:147-155.



Calibration and Uncertainty Analysis of COUP Model for Simulation of Soil Temperature at Hamedan Synoptic Station*

Y. Khoshkho^{1*}- P. Irannejad²- A. Khalili³- H. Rahimi⁴- A. Liaghat⁵- P. Erik Jansson³

Received:27-11-2012

Accepted:29-09-2013

Abstract

In this research calibration and uncertainty analysis of COUP model with focus on soil temperature simulation for 3-hours time scale have been performed for Hamedan synoptic station. The Generalized Likelihood Uncertainty Estimation (GLUE) was used for this object. In order to simulate the soil temperature, 22 parameters were chosen and by using the Monte Carlo stochastic sampling method from the uncertainty space of the parameters, 25000 scenarios were produced and model simulations were implemented. For separate behavioral and non-behavioral simulations, 3 criteria including Nash-Sutcliffe, Mean Bias Error, and Root Mean Square Error were considered and acceptable thresholds for each criterion were defined. With applying the acceptable thresholds, 253 behavioral simulations were detected and used for calibration and uncertainty analysis of the model. Based on posterior parameter distributions some parameters were recognized as sensitive parameters. The median of behavioral simulations was considered for model calibration and the uncertainty analysis of the model was performed based on 90% confidence levels of behavioral simulation errors. The results showed that calibration of model has considerably improved the performance of the model in comparison to default parameter values. In addition, the uncertainty analysis showed that the uncertainty of parameters has been considerably decreased at most cases with application of GLUE method. Other differences between simulated and observed values were attributed to other sources of model uncertainty.

Keywords: COUP model, Calibration, Uncertainty analysis, GLUE method, Hamedan

1,3,4,5- PhD Student and Professors, Irrigation and Reclamation Engineering Department, Faculty of Agriculture and Natural Resources, University of Tehran, Karaj, Iran, Respectively

(*- Corresponding Author Email: younes.khoshkho@gmail.com)

2- Associate Professor, Institute of Geophysics, University of Tehran, Tehran, Iran

6- Professor, Land and Water Resources Engineering, KTH University, Stockholm, Sweden