مدلسازی عددی آبشستگی موضعی اطراف گروه پایه پل و مقایسه با نتایج آزمایشگاهی

بنفشه محجوب<sup>۱</sup> – بایرامعلی محمدنژاد<sup>۲</sup> – جواد بهمنش<sup>۳\*</sup> تاریخ دریافت:۱۳۹۱/۱۲/۸ تاریخ پذیرش:۱۳۹۲/۱۲/۲۷

#### چکیدہ

پلها یکی از مهم ترین سازهها در مهندسی رودخانه می باشند. یکی از مهمترین دلایل تخریب پلها، آبشستگی موضعی اطراف پایههای پل است. پلهای بسیاری در سراسر دنیا به دلیل آبشستگی خیلی زیاد در اطراف پایهها تخریب شدهاند، که باعث از دست رفتن بسیاری از سرمایه گذاریه ۱ شده است. پس، این ضروری است که عمق آبشستگی در اطراف پایههای پل پیش بینی شود. در این تحقیق از مدل عددی سه بعدی فلوئنت برای بررسی آبشستگی موضعی اطراف گروه پایه استوانهای در شرایط آب زلال و بستر ماسهای یکنواخت استفاده گردید. در این مدل، جریان حاوی رسوب به صورت جریان دو فازی (آب – ماسه) در نظر گرفته شده و از مدل دو فازی اولرین استفاده گردید. برای تخمین پارامترهای آشفتگی جریان داو از آب از مدل -RNG 8 ع RNG استفاده شد. به منظور ارزیابی و صحت سنجی مدل عددی، نتایج محاسباتی با دادههای آزمایشگاهی مورد مقایسه قرار گرفت. حداکثر عمق آبشستگی در جلوی پایه اول در مدل عددی برابر ۱۲/۵ سانتیمتر و در مدل آزمایشگاهی برابر ۱۲ سانتیمتر اندازه گیری شده است. همچنین عمق آبشستگی در پلیهٔ دوم کمتر از پایهٔ اول و عمق آبشستگی در پایهٔ سوم کمتر از مقادیر مربوط به پایههای اول و دوم است. نمی داده که مدل دو آبشستگی در پایهٔ دوم کمتر از پایهٔ اول و عمق آبشستگی در پایهٔ سوم کمتر از مقادیر مربوط به پایههای اول و دوم است. نتایج نشان دادند که مدل دو فازی می تواند پدیده آبشستگی را در اطراف پایه ها شبیه سازی کند.

واژههای کلیدی: حفره آبشستگی، پایه پل دایرهای، رسوب، شبیهسازی عددی، مدل دو فازی اولرین

#### مقدمه

پلها یکی از سازههای تاثیر گذار در هیدرولیک و مورفولوژی رودخانهها میباشند. وجود پایهها و تکیهگاهها در عرض رودخانه باعث کاهش مقطع عبوری جریان، برخورد جریان به پایه و انحراف خطوط جریان اطراف پایه به کف بستر و تشکیل گردابهای نعلاسی، چرخشی و برخاسته میشود که یکی از عوامل موثر در پدیده آبشستگی موضعی پایه پلها میباشد. سالانه بسیاری از پلها در اثر پدیده آبشستگی و لغزش پایهها در مواقع سیلابی که شریانهای ارتباطی به مناطق سیلزده هستند تخریب میشوند و دسترسی و امداد رسانی به مناطق سیلزده با مشکلات مواجه میشود که بیانگر آهمیت بررسی این پدیده میباشد (۴).

میدان جریان سهبعدی و الگوی آبشستگی اطراف تک پایه بهدلیل وجود سیستمهای گردابی و اندرکنش هیدرودینامیکی جریان با بستر قابل فرسایش، پیچیده میباشد اما میدان جریان و روند

آبشستگی اطراف گروه پایه تحت تأثیر مکانیزمهایی است که آن را نسبت به تک پایه پیچیده در و عمق و شکل آبشستگی را متفاوت می سازد. مکانیزمهایی که روند آبشستگی گروه پایه های هم امتداد را تحت تأثیر قرار می دهند عبار تند از (۶):

اثر افزایشی آبشستگی پایههای پشتی روی پایههای جلویی: به علت وجود پایهٔ پشتی، ممکن است حفرههای آبشستگی دو پایه روی هم قرار گیرد که در این صورت به علت پایین آمدن تراز بستر در پشت پایهٔ جلویی، انتقال مصالح کنده شده از حفرهٔ جلوی پایهٔ اول راحت ر صورت می گیرد و در نتیجه عمق آبشستگی در پایهٔ جلویی افزایش می یابد.

اثر حفاظتی پایههای جلویی نسبت به پایههای پشتی: وجود پایهٔ جلویی باعث کاهش سرعت مؤثر جریان برای پایهٔ پشتی و کم شدن اثر گرداب نعل اسبی می شود و عمق آبشستگی در پایهٔ پشتی کاهش مییابد.

شبیه سازی های عددی بر اساس دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) به صورت گسترده ای برای مطالعه جریان آشفته و انتقال رسوب در اطراف پایه استفاده شده است. تسنگ و همکاران (۱۵) شبیه سازی عددی با پایه های استوانه ای و مربعی با مدل LES انجام دادند. آن ها دریافتند که جریان پایین رو که در سطح جلویی پایه

۱ و ۳– دانش آموخته کارشناسی ارشد و دانشیار گروه مهندسی آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه ارومیه

<sup>(\*-</sup> نویسنده مسئول: Email: j.behmanesh@urmia.ac.ir) ۲- استادیار گروه مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی قم

ایجاد می شود گرداب های نعل اسبی حاصل می کند. احمد محمد و همکاران (۷) تحقیقی درباره مدلسازی فیزیکی آبشستگی اطراف پایههای پل در بسترهای رسوبی ارائه دادند. آزمایشات ایشان بر روی مدل های فیزیکی برای مطالعه اثرات عمق جریان، سرعت نزدیک شدن، زاویه شیب پایه، شکل پایه و تعداد پایهها بر روی عمق آبشستگی موضعی بود. قربانی (۱۰) در مطالعهای به بررسی میدانی آبشستگی پایههای پل در دشتهای سیلابی رودخانهها پرداخته است. مطالعه او بر اساس ارزیابی آبشستگی پایهها و خرابی آنها در رودخانههای با بسترهای با چسبندگی کم و متمرکز شدن بر روی یک دید کلی به پدیده آبشستگی است. اسماعیلی و همکاران (۸) مطالعهای را به صورت موردی بر روی پل ۵۲۴ در عرض رودخانه تانانا با استفاده از مدل عددی سه بعدی SSIIM انجام دادند. واسکیوز و والش (۱۶) شبیهسازی کیفی از آبشستگی موضعی در پایه-های پل مرکب تحت جریان جزرومدی را با استفاده از مدل (CFD)، Flow-3D ارائه کردهاند. هوانگ و همکاران (۱۱) در مطالعه ای به شبیه سازی پایههای پل با استفاده از مدل CFD سه بعدی فلوئنت برای بررسی اثرات مقیاس بر جریان آشفته و آبشستگی رسوب يرداختند.

در این تحقیق به بررسی و مطالعه الگوی جریان و آبشستگی موضعی اطراف گروه پایهای متشکل از سه پایهٔ استوانهای هم امتداد پرداخته شد. برای این منظور از آزمایشهایی که بر روی مدل فیزیکی متشکل از سه پایه استوانهای در شرایط آب زلال و با استفاده از رسوبات یکنواخت انجام گرفته استفاده گردید. همچنین مدل عددی سه بعدی فلوئنت منطبق بر شرایط آزمایشگاهی برای شبیهسازی عددی الگوی جریان و آبشستگی اطراف گروه پایه به کار گرفته شد. در شبیهسازی عددی آبشستگی اطراف گروه پایه به کار گرفته شد. عنوان فاز اولیه و لایه ای از ماسه به عنوان فاز جامد) و مدل آشفتگی عنوان فاز اولیه و لایه ای از ماسه به عنوان فاز جامد) و مدل آشفتگی ارزیابی کارآمدی مدل عددی دو فازی اولرین در تخمین آبشستگی از طریق مقایسه نتایج آن با نتایج آزمایشگاهی بود.

### مواد و روش ها

### مدل آزمایشگاهی

برای بررسی آبشستگی موضعی اطراف گروه پایه، یک سری آزمایشها بر روی مدل فیزیکی متشکل از سه پایهٔ استوانهای هم امتداد در موسسهٔ تحقیقات آب وزارت نیرو توسط ساغروانی و همکاران (۳) انجام گرفت. این آزمایشها در فلوم مستطیلی شکلی با طول ۸ متر، عرض ۱/۲ متر و ارتفاع ۲/۲ متر انجام شد. سه پایهٔ استوانهای با قطر ۱۰ سانتیمتر در امتداد یکدیگر قرار گرفت به طوری که فاصله مرکز پایه اول از ورودی فلوم ۵ متر و فاصلهٔ مرکز پایهٔ سوم

از خروجی فلوم نیز برابر ۲/۳ متر بود. با توجه به تحقیقات صورت  $\mathcal{R}$  گرفته فاصله پایهها براساس نسبت فاصله پایهها به قطر پایهها بین ۲ تا ۴ انتخاب شد، بدیهی است که هرچقدر این نسبت بیشتر انتخاب شود پایههای قرار گرفته در یک ردیف عمود بر مسیر جریان اثر ناچیزی بر یکدیگر دارند و برعکس. با توجه به این امر فاصله مناسب بین پایهها در این آزمایش ۲۵ سانتیمتر و فاصله مرکز به مرکز پایه ها ۳۵ سانتیمتر انتخاب شد. اندازه مصالح چنان انتخاب گردید که ذرات بدون وجود جریان پایه حرکتی نداشته باشند و آب حاوی ذرات معلق نبوده و زلال باشد. همچنین نسبت قطر پایه به م<sub>50</sub> باید بزرگتر از ۲۰ تا ۲۵ باشد تا آبشستگی مستقل از اندازهٔ رسوبات باشد (۳). برای حذف تاثیر غیریکنواختی رسوبات بر آبشستگی، انحراف معیار هندسی ذرات باید کمتر از ۱/۸ باشد (۶):

 $\sigma_g = \sqrt{d_{34}/d_{16}} \le 1.5$ 

با رعایت معیارهای اخیر، برای آزمایشها ذرات ماسه با اندازهٔ متوسط ۱/۳ میلیمتر و  $\sigma_g$ =۱/۲۷ انتخاب شد که در لایهای به ضخامت ۲۵ سانتیمتر کف فلوم را میپوشاند. کل کف کانال طول بستر رسوبی را تشکیل می دهد. برای بررسی آبشستگی تحت شرایط آب زلال باید رایران در شرایط آب زلال راید ایران می شود که رابطه زیر برقرار باشد (۱۲):  $U_{max} = 0.95U_{c}$ (۲)

که در آن U سرعت جریان،  $U_c$  سرعت بحرانی حرکت رسوب یا آستانه حرکت ذرات که بر اساس نوع رسوبات از نمودار شیلدز به دست می آید و  $U_{max}$  سرعت بیشینه انتخابی برای جریان در کانال است.

بنابراین با توجه به دبی ۵۰ لیتر بر ثانیه عمق جریان به گونهای تنظیم شد که شرط اخیر برقرار باشد. بنابراین سرعت واقعی متناسب با حداقل عمق ۱۲ سانتی متر انتخاب گردید. در ضمن شیب کف کانال ناچیز در نظر گرفته شد.

### ساخت هندسه مدل و شبکه بندی

(1)

به منظور امکان مقایسه نتایج با نتایج آزمایشگاهی موجود در این تحقیق، هندسه مدل پایهها و کانال و مواد بستر و شرایط جریان در مدلسازی حاضر نیز همانند شرایط آزمایشات موجود در نظر گرفته شد. تنها به منظور پرهیز از طولانی شدن روند تحلیل مدل و با در نظر گرفتن این شرط که جریان اطراف پایه متاثر از فاصله خود از ورودی کانال نبوده و به حالت توسعه یافته رسیده باشد و نیز فاصله پایه از خروجی کانال به اندازهای باشد که بتوان جریانها و تنشهای پشت پایه را بررسی نمود، طول کانال در مدل ساخته شده به گونهای در نظر گرفته شد که فاصله مرکز پایه اول از ورودی فلوم ۱/۸ متر و فاصله مرکز پایه سوم از خروجی فلوم نیز به ۲/۵ متر کاهش یافت. فاصله مرکز بایه سرکز پایهها همانند مدل آزمایشگاهی و برابر ۳۵

سانتی متر در نظر گرفته شد. پس در نهایت طول کانال در شبیه سازی عددی به ۳ متر کاهش یافت. همچنین عمق انباشت رسوبات در کف با در نظر گرفتن ماکزیمم عمق آبشستگی به دست آمده از نتایج آزمایشگاهی، به منظور کاهش حجم و زمان انجام محاسبات به ۱۵ سانتی متر در مدلسازی عددی کاهش یافت. نهایتاً با در نظر گرفتن عمق آب ۱۲ سانتی متر عمق فلوم در شبیه سازی عددی برابر با ۲۷ سانتی متر در نظر گرفته شد. قطر پایه انیز همانند مدل آزمایشگاهی و برابر ۱۰ سانتی متر در نظر گرفته شدند.

نرمافزار فلوئنت قابلیت ساخت هندسه و تولید شبکه برای مدل ها را دارا نمی باشد و بدین منظور از نرمافزار گمبیت<sup>۲</sup> استفاده گردیـد. در این نرمافزار هندسه مدل با استفاده از روش طراحی از پایین بـه بـالا ساخته شد. به منظور ایجاد مشهای مـنظم در صـفحات از الگوریتم Map و در حجمها از الگوریتم Cooper استفاده شد. پس از انجام هر شبکه بندی با استفاده از ابزار کنترل کیفیت شبکه بنـدی در گمبیت، شبکههای تولید شده کنترل گردید تـا از وجود خاصیتهایی ماننـد شبکههای تولید شده کنترل گردید تـا از وجود خاصیتهایی ماننـد خولگی<sup>۲</sup> که میتواند به طور جدی بر روی دقت و صحت جوابهای حل CFD موثر باشد در شبکهها احتراز گردد. جهت انتخاب شبکه-بندی مناسب، چندین نوع شبکه بندی با ابعاد مختلف کـه بـا نزدیـک نظر گرفتن معیارهای دقت و سرعت همگرایـی جـوابهای حاصـله، نظر گرفتن معیارهای دقت و سرعت همگرایـی جـوابهای حاصـله، شبکه مناسب انتخاب گردید. در این شبکه بهینه فاصله گرههای مش از یکدیگر ۵ سانتیمتر است. شکل ۱ دیـدی سـه بعـدی را از شبکه بندی کانال نشان میدهد.

# شىرايط مرزى

در حلهای عددی تعیین شرایط مرزی مناسب با توجه به نوع جریان و شرایط مسئله دارای اهمیت بالایی است. در مدلسازی انجام شده برای دیوارههای کانال و نیز پایههای پل شرط مرزی دیوار<sup>۳</sup> استفاده شد که با توجه به دانه بندی مواد بستر کانال و نیز جنس پایههای پل و دیوارههای کانال (که یکسان در نظر گرفته شد) میزان بلندی المانهای زبری در نرمافزار اعمال گردید. به منظور ایجاد سرعت صفر جریان در سطوح دیوار شرایط No slip در تنظیمات این مرزها انتخاب شد. در مدلسازی کانال با استفاده از مدل جریان چند فازه، یک ناحیه دو فازه شامل آب و ماسه تشکیل شد. ورودی جریان از نوع مرز ورودی سرعت<sup>4</sup> با سرعت ورودی یکنواخت ۰/۳۴۷ متر بر

- 1- Gambit
- 2- Skewness
- 3- Wall
- 4- Velocity inlet

ثانیه، خروجی جریان نیز از نـوع خروجی<sup>۵</sup> انتخـاب شـد. در خروجـی پاییندست، گرادیانهای قـائم تمـام متغیـرهـای وابـسته برابـر صفر میباشد. به عبارت دیگر متغیرها در انتهای پاییندست از دامنهٔ درونی برونیابی میشود. سطح آب به عنوان مرز تقارن<sup>۶</sup> انتخاب شد کـه در آن سرعت قائم صفر و گرادیانهای قائم صفر برای تمامی متغیرها بر قرار است.

## مدل عددی دو فازی اولرین

مدلی که در این مطالعه برای شبیه سازی آبشستگی اطراف پایه مورد استفاده قرار گرفت، قسمتی از بسته نرم افزاری دینامیک سیالات محاسباتی فلوئنت می باشد و به مدل دو فازی اولرین موسوم است. این مدل جریان حاوی رسوب را به صورت جریان دو فازی شامل فاز آب و فاز ماسه در نظر می گیرد به طوری که این فازها محیطهای جداگانه ای را تشکیل می دهند ولی در عین حال قابلیت نفوذ در یکدیگر را دارا می باشند. فضای اشغال شده توسط هریک از فازها با استفاده از کسر حجمی 1 ک می ک م مشخص می شود. در این مدل معادلات بقای جرم و مومنتم برای هریک از فازها اقناع شده و اتصال بین فازها از طریق فشار و ضریب تبادل بین فازی حاصل می شود (۹).

## معادلات حاكم بر مدل اولرين

معادلات پیوستگی برای دو فاز آب (w) و ماسه (s) به شکل زیـر میباشند:

 $\frac{\partial}{\partial z}(\alpha_w \rho_w) + \nabla(\alpha_w \rho_w v_w) = 0 \tag{(7)}$   $\frac{\partial}{\partial z}(\alpha_s \rho_s) + \nabla(\alpha_s \rho_s v_s) = 0 \tag{(7)}$ 

که در معادلات فوق اندیس w برای فاز آب و اندیس s برای فاز ماسه است و  $\mathbf{1} = \mathbf{2} + \mathbf{2}$ 

مطالعهٔ دینامیک ذرهٔ جامد درون یک سیال نشان میدهد که ذره تحت تأثیر نیروهای گرادیان فشار استاتیک، گرادیان فشار جامد یا نیروی عمودی در طی اندرکنش ذرات، نیروی دراگ (پسا) ناشی از اختلاف سرعت بین فازها و نیروهای لزج و حجمی قرار دارد. بنابراین معادلهٔ مومنتم برای فاز آب (w) به صورت زیر بیان می شود:

<sup>5-</sup> Outflow

<sup>6-</sup> Symmetry

 $\frac{\partial}{\partial v}(\alpha_w \rho_w \vec{v}_w) + \vec{v} \cdot (\alpha_w \rho_w \vec{v}_w \vec{v}_w) = -\alpha_w \vec{v} p + \vec{v} \cdot \vec{t}_w + \alpha_w \rho_w \vec{g} + k_{s,w} (\vec{v}_s - \vec{v}_w)$ 

معادله مومنتم برای فاز ماسه (s) نیز به صورت زیر بیان می شود:

(۵)

$$\frac{\sigma}{\partial z}(\alpha_s \rho_s \vec{v}_s) + \nabla \cdot (\alpha_s \rho_s \vec{v}_s \vec{v}_s) = -\alpha_s \nabla p - \nabla p_s + \nabla \cdot \vec{\tau}_s + \alpha_s \rho_s \vec{g} + k_{w,s} (\vec{v}_w - \vec{v}_s) \tag{9}$$







(9)

در معادلات اخیر  $\vec{v}_{w} = \vec{v}_{w}$  سرعتهای متوسط جریان برای آب و ماسه، p فشار مشترک بین دو فاز،  $p_{s}$  فشار ذرات جامد،  $\boldsymbol{w}_{w}$  و  $\boldsymbol{T}_{s}$ تانسور تنش برای فاز آب و فاز ماسه،  $\vec{g}$  بردار شتاب ثقل و  $k_{ww} = k_{ww}$  مریب تبادل بین فازی میباشند. جزئیات بیشتر در رابطه با پارامترهای اخیر در مرجع (۹) آورده شده است.

### ضريب تبادل بين فازى در مدل اولرين

در معادلات مومنتم اخیر تبادل مومنتم بین فازها بر اساس انـدازهٔ ضریب تبادل آب– ماسه <sub>۲۶,w</sub> میباشد. این ضریب در شـکل کلـی آن به صورت زیر بیان میشود (۹):

$$k_{g,W} = \frac{\alpha_g \rho_g f}{\tau_e} \tag{V}$$

که در آن **f** برای مدل های مختلف ضریب تبادل، به شکل های متفاوتی تعریف می گردد. **ت** زمان آرام سازی<sup>۲</sup> ذره می باشد که به صورت زیر تعریف می شود:

$$\mathbf{r}_{\mathbf{z}} = \frac{\rho_{\mathbf{z}} d_{\mathbf{z}}^2}{\mathbf{18} \mu_{\mathbf{N}}} \tag{(A)}$$

که در آن ds قطر ذرات فاز ماسه (s) و سل لزوجت دینامیکی سیال (آب) می باشد. تمام تعاریف بیانگر f شامل تابع دراگ (پسا) Cd می باشند که بر اساس عدد رینولدز نسبی Res استوار است. مدل ضریب تبادل بین فازی سیال – جامد که در این مطالعه مورد استفاده قرار می گیرد به مدل Gidaspow موسوم است که ترکیبی از مدل Wen-Yu و معادلهٔ Ergun می باشد و برای بسترهای متراکم آبگونه مناسب است. مدل Gidaspow به شکل زیر بیان می شود:

$$\begin{cases} k_{z,w} = \frac{3}{4} C_d \frac{\alpha_z \alpha_{ic} \rho_{ic} |\vec{v}_c - \vec{v}_{ic}|}{a_z} \alpha_w^{-2.43} & \alpha_w > 0.8 \\ k_{z,w} = 150 \frac{\alpha_z (1 - \alpha_{ic}) \mu_{ic}}{\alpha_z d^2} + 1.75 \frac{\alpha_z \rho_{ic} |\vec{v}_c - \vec{v}_{ic}|}{a_z} & \alpha_w \le 0.8 \end{cases}$$

$$C_{d} = \frac{24}{\alpha_{w}Re_{s}} \begin{bmatrix} 1 + 0.15(\alpha_{w}Re_{s})^{\alpha.697} \end{bmatrix}$$
(1.)  

$$C_{d} = \frac{24}{\alpha_{w}Re_{s}} \begin{bmatrix} 1 + 0.15(\alpha_{w}Re_{s})^{\alpha.697} \end{bmatrix}$$
(1.)  

$$C_{d} = \frac{24}{\alpha_{w}Re_{s}} \begin{bmatrix} 1 + 0.15(\alpha_{w}Re_{s})^{\alpha.697} \end{bmatrix}$$
(1.)  

$$Re_{s} = \frac{P_{w}d_{s}[\vec{v}_{s} - \vec{v}_{w}]}{P_{w}}$$
(1.)

### انتخاب مدل آشفتگی

مدل های آشفتگی متعددی در نرمافزار فلوئنت موجود است. هر مدل بسته به نوع و شرایط ناحیه جریان مدلسازی شده و دقت مورد نظر، دارای مزایای خاص خود میباشد و امکان معرفی مدلی که بتواند برای انواع مسائل مناسب عمل نماید وجود ندارد. برای انتخاب مدل آشفتگی مناسب با توجه به تحقیقات صورت گرفته پیشین، مدل های *آ*شفتگی مناسب با توجه به تحقیقات صورت گرفته پیشین، مدل های *آ*شفتگی مناسب با توجه به تحقیقات صورت گرفته پیشین، مدل های *آ*شفتگی مناسب با توجه به تحقیقات صورت گرفته پیشین، مدل های *آ*شفتگی مناسب با توجه به تحقیقات صورت گرفته پیشین، مدل های *آ*شفتگی مناسب با توجه به تحقیقات صورت گرفته پیشین، مدل های دادهاند مورد بررسی قرار گرفتند. که از میان این مدل های آشفتگی دادهاند مورد بررسی مدل های *۶ RNG و RSN* تنایج قابل قبول تری را در مورد بررسی مدل های *۶ RNG با های تاین مدل های آ*شفتگی مورد بررسی مدل های *۶ RNG با میان این مدل های آ*سین دو شبیه سازی جریان اطراف پایههای پل نشان دادند. از میان این دو مدل آشفتگی، مدل *۶ RNG دا و RNG با ما* مار در رسیدن به همگرایی و اقتصادی تر بودن انتخاب گردید و در تمام مراحل حل از این مدل استفاده شد.

### معرفی نرم افزار Tecplot

نرمافزار Tecplot از جمله نرمافزارهای ترسیمی قدرتمند می باشد که در بسیاری از رشتههای مهندسی و علوم پایه از آن استفاده می شود. از قابلیتهای آن راحتی کار با این نرمافزار، امکان ورود دادهها با فرمتهای مختلف و قابلیت ترسیم دو بعدی، سه بعدی و

<sup>1-</sup>Relaxation

ایجاد انیمیشن و انجام محاسبات مربوط به دینامیک سیالات را میتوان نام برد. در این تحقیق به دلیل اینکه نمایش نتایج به دست آمده آبشستگی در نرمافزار فلوئنت چندان واضح نیست، نتایج به دست آمده از فلوئنت توسط نرمافزار Tecplot تحلیل شدند.

# خطای محاسباتی مدل عددی فلوئنت نسبت به مدلهای آزمایشگاهی

خطا عبارت است از فاصلهٔ عمودی بین مقدار واقعی مشاهده شده و مقدار محاسبه شده. در این تحقیق از متوسط خطای مطلق و مجذور مربعات خطا برای بررسی خطای مدل عددی فلوئنت نسبت به مدلهای آزمایشگاهی استفاده شد. متوسط خطای مطلق (AME) از رابطه زیر به دست میآید:

$$AME = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{\infty} (11)$$
 مقدر محاسبه شده – مقدر ندازه کری شده  $X = \frac{1}{N}$  (۱۲) مجذور مربعات خطا<sup>۲</sup> (RMSE) از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum \left(1 + \frac{1}{2} \int_{0}^{1} ds \int_{0}^{1} ds ds - \frac{1}{2} \int_{0}^{\infty} ds ds \int_{0}^{\infty} ds ds}{N}}$$
(17)

دو مقدار به دست آمده از روابط فوق هرچه به صفر نزدیک تر باشند نشان دهنده این است که خطا کمتر است و در نتیجه دقت محاسبه بیشتر است. همچنین به منظور محاسبه درصد خطای مدل فلوئنت برای محاسبه عمق آبشستگی نهایی، نسبت به مدل آزمایشگاهی از رابطه زیر استفاده گردید:

$$\Delta d = \left| \frac{\frac{d_{sim} - d_{sifmin}}{d_{sifmin}}}{\frac{d_{sifmin}}{d_{sifmin}}} \right| \times 100 \tag{14}$$

### نتايج و بحث

در شکل ۲ گسترش آبشستگی محاسبه شده توسط فلوئنت در اطراف گروه پایه و در شکل ۳ شکل دو بعدی توسعه آبشستگی در صفحه قائمی که از مرکز گروه پایهها عبور می کند در Tecplot نشان داده شده است. مطابق شکل ۳ ماکزیمم عمق آبشستگی در جلوی پایه اول رخ میدهد. همچنین در شکل ۲ تقارن عرضی در حفره آبشستگی ایجاد شده در اطراف پایهها تا حدودی نشان داده شده است.

توسعه زمانی عمق آبشستگی در جلوی هریک از پایهها در مدل فیزیکی پس از مدت زمان ۳۶۰ دقیقه در شکل ۴ و در مدل عددی پس از مدت زمان ۲۴۰ دقیقه در شکل ۵ نشان داده شده است. مطابق این اشکال حداکثر عمق آبشستگی در جلوی پایه اول ایجاد می شود. حداکثر عمق آبشستگی به دست آمده در جلوی پایه اول پس

از مدت زمان ۲۴۰ دقیقه در مدل عددی برابر ۱۲/۵ سانتیمتر و در مدل آزمایشگاهی برابر ۱۱/۵ سانتیمتر است. حداکثر عمق آبشستگی در آزمایشگاه پس از ۳۶۰ دقیقه حدود ۱۲ سانتیمتر اندازه گیری شده است. مقایسه این نتایج نشان میدهد که مدل عددی فلوئنت حداکثر عمق آبشستگی را با دقت قابل قبولی تخمین میزند. محققان دیگری همانند صلاح الدین و همکاران (۱۴)، هوانگ و همکاران (۱۱)، سافروانی و همکاران (۳) و نوریفر و همکاران (۵) که از مدل فلوئنت برای تحقیقات خودشان و مدلهای فیزیکی مختلف استفاده کردهاند نیز به این نتیجه رسیدند که نرمافزار فلوئنت میتواند آبشستگی اطراف پایهها را با دقت خوبی شبیهسازی کند.

همچنین همانطور که در این اشکال دیده می شود در هر دو مدل روند آبشستگی در ابتدا سریع بوده و تقریباً ۸۰ درصد عمق آبشستگی در ۲ ساعت اول ایجاد می شود و سپس روند آبشستگی کندتر شده و در نهایت به یک حالت تعادل می رسد. همچنین در شکل ها دیده می شود که در مدل آزمایشگاهی پس از گذشت مدت زمان حدود ۱۵۰ دقیقه و در مدل عددی پس از گذشت مدت زمان حدود ۱۵۰ دقیقه روند تعادلی به وجود آمده است.

با توجه به اشکال فوق و مقایسه نتایج میتوان نتیجه گیری کرد که در تمام مدت آزمایش و محاسبات، عمق آبشستگی در پایهٔ دوم کمتر از پایهٔ اول و عمق آبشستگی در پایهٔ سوم کمتر از مقادیر مربوط به پایههای اول و دوم است. پایهٔ اول تحت تأثیر پدیدهٔ تقویت کنندهٔ پایههای دوم و سوم است و همین عامل باعث افزایش ۲۶ درصدی عمق آبشستگی پایهٔ جلویی نسبت به تک پایه شده است. پایهٔ دوم تحت تأثیر پدیدهٔ تقویت کنندهٔ پایهٔ سوم و پدیدهٔ محافظت کنندهٔ پایه اول قرار دارد به دلیل کاهش ۴۳ درصدی عمق آبشستگی در این پایه میتوان نتیجه گرفت که تأثیر پدیدهٔ محافظت کنندهٔ پایه اول بیشتر بوده است. پایهٔ سوم تحت تأثیر پدیدهٔ محافظت کنندهٔ پایه اول بیشتر دوم است و در نتیجه عمق آبشستگی در جلوی این پایه به میزان ۵۰ درصد نسبت به تک پایه کاهش یافته است.

در جدول ۱ خطای مدل عددی فلوئنت برای محاسبه عمق آبشستگی نهایی نسبت به مدل آزمایشگاهی آمده است. این درصد خطا با استفاده از رابطه ۱۴ محاسبه شده است.

همانطور که در جدول فوق مشاهده میشود درصد خطای مـدل فلوئنت برای محاسبه عمق آبشستگی اطراف پایه اول کم است، و در پایه دوم و سوم درصد خطای بیشتری دیده شده است.

در جدول ۲ خطای محاسباتی مدل عـددی فلوئنـت بـرای شـبیه سازی آبشستگی اطراف مدل آزمایشگاهی به وسیله دو رابطه متوسـط خطای مطلق و مجذور مربعات خطا ارائه شده است.

نکته ای که لازم است به آن توجه شود این است که در جدول ۲ خطا به صورت مجموع نقاط، از زمان شروع آبشستگی تا زمان رسیدن

<sup>1-</sup> Absolute Mean Error

<sup>2-</sup> Root Mean Square Error

به عمق نهایی آبشستگی آمده است، همانطور که در روابط مجذور مربعات خطا و متوسط خطای مطلق نشان داده شده است. اما در

جدول ۱ فقط خطای محاسبه عمق أبشستگی نهایی أمده است.



شکل ۲- گسترش حفره اَبشستگی محاسبه شده توسط فلوئنت در اطراف گروه پایه



شکل ۳- آبشستگی اطراف گروه پایه در وسط پایهها به فاصله ۲/۰ متر از لبه راست فلوم نسبت به جهت جریان



شکل ۵- توسعه زمانی عمق آبشستگی در جلوی گروه پایه در مدل عددی

جدول ۱- درصد خطای مدل عددی فلوئنت نسبت به مدل آزمایشگاهی برای محاسبه عمق آبشستگی نهایی					
درصد خطای مدل فلوئنت در	عمق أبشستكي	عمق أبشستكي	مدل في: يك	. دىف	
تخمین عمق أبشستگی نهایی	نہایی عددی	نهایی آزمایشگاهی	للمول فيريعني	-2.55	
۴/۱۷	۱۲/۵	١٢	پايه اول	١	
۲ <i>۶</i> /۱۹	۵/۳	۴/۲	پايه دوم	٢	
۳۵/۲۹	۴/۶	٣/۴	پايه سوم	٣	

جدول ۲- خطای مدل عددی فلوئنت نسبت به مدل آزمایشگاهی					
مجذور مربعات خطا (cm)	متوسط خطای مطلق (cm)	مدل فیزیکی	رديف		
१/४९	१/४९	پايه اول	١		
۰/Y۶	٠/۵٩ <i>١</i>	پايه دوم	۲		
٠/٩٧	٠/٧۴۵	پايه سوم	٣		

همانطور که در جدول فوق مشاهده می شود به طور کلی خطای مدل عددی فلوئنت برای شبیه سازی آبشستگی اطراف پایه های پل کم است. در پایه دوم کمترین خطا یعنی بیشترین دقت و در پایه اول بیشترین خطا مشاهده شده است. همانطور که در جدول ۱ مشاهده می شود مدل فلوئنت عمق آبشستگی نهایی را در جلوی پایه اول تقریباً خوب تخمین میزند پس به طورکلی علت خطای بیشتر در جلوی پایه اول در جدول ۲ این است که در این مدل زمان رسیدن به حالت تعادل بین مدل آزمایشگاهی و عـددی یکسان نیست و مـدل عددی زودتر از مدل آزمایشگاهی به عمق تعادل آبشستگی میرسد و چون خطا در اینجا به صورت فاصله عمودی بین مقدار واقعی و مقدار محاسبه شده می باشد در نتیجه پایه اول خطای بیشتری را نشان می دهد.

## نتيجه گيري

در این مطالعه برای مدلـسازی آبشـستگی در اطـراف گـروه پایـهٔ متشکل از سه پایهٔ مدور هم امتداد تحت شرایط آب زلال و بستر ماسه ای یکنواخت، مدل دو فازی اولرین که قسمتی از بسته نرم-افزاری فلوئنت میباشد استفاده شد. نتایج مدل عددی با نتایج حاصل از آزمایشات انجام شده بر روی مدل فیزیکی مورد مقایسه قرار گرفت. نتايج اين مطالعه نشان مي دهد كه:

نرمافزار فلوئنت و مدل عددی دو فازی اولرین قادر هستند حداکثر عمق آبشستگی در اطراف پایهها را به خوبی پیشبینی نمایند.

تقارن عرضی در حفره آبشستگی ایجاد شده در اطراف پایهها دیده می شود. مطابق نتایج به دست آمده ماکزیمم عمق آبشـستگی در جلوی پایهها رخ میدهد. همچنین توسعه زمانی عمق آبشستگی در پیشانی پایهها مطابق شکلهای ۴ و ۵ نشان میدهد که روند آبشستگی در ابتدا سریع بوده و سپس کاهش می ابد و در نهایت به یک حالت تعادل می رسد به طوری که ۸۰ درصد آبشستگی در ۲ ساعت اول رخ مي دهد.

در این مدل گروه پایه دیده شد که عمق آبشستگی در پایهٔ دوم کمتر از پایهٔ اول و عمق آبشستگی در پایهٔ سوم کمتر از مقادیر مربوط به پایههای اول و دوم است. پایهٔ اول تحت تأثیر پدیدهٔ تقویت کنندهٔ پایههای دوم و سوم است و همین عامل باعث افزایش ۲۶ درصدی عمق آبشستگی پایهٔ جلوئی نسبت به تک پایه شده است. پایهٔ دوم تحت تأثير يديدة تقويت كنندة پاية سوم و يديدة محافظت كنندة پاية اول قرار دارد. به دلیل کاهش ۴۳ درصدی عمق آبشستگی در این پایه می توان نتیجه گرفت که تأثیر پدیدهٔ محافظت کنندهٔ پایهٔ اول بيشتر بوده است. پاية سوم تحت تأثير پديدة محافظت كنندة پايههاي اول و دوم است و در نتیجه عمق آبشستگی در جلوی این پایه به میزان ۵۰ درصد نسبت به تک پایه کاهش یافته است.

مدل های اغتشاش موجود در نرمافزار به طور کامل تست شدند و مشخص گردید که برای این حالت، یعنی شبیه سازی سه بعدی جریان در اطراف پایههای پـل، مـدل  $RNG\,K$ - $\epsilon$  نـسبت بـه سـایر مدلها نتايج بهتري ارائه ميدهد.

### منابع

- ۱- بشارتی گیوی م.م. و حکیم زاده ح. ۱۳۸۹. بررسی عددی سه بعدی الگوی جریان و تنش برشی بستر اطراف پایه های مخروطی. نشریه مهندسی دریا، ۶ (۱۱): ۷۰-۶۳
- ۲- زارع دهشت الف.، حسونی زاده ه. و محمدیان شوشتری م. ۱۳۸۹. بررسی پدیده آبشستگی اطراف پایه های پل توسط مدل عددی FLUENT.

نهمین کنفرانس هیدرولیک ایران. دانشگاه تربیت مدرس، ۱۸-۲۰ آبان.

- ۳– ساغروانی س.ف.الف،، اظهری الف،، علیزاده م،، محمد نژاد ب. و شریفی منش ح. ۱۳۸۹. مدلسازی عددی آبشستگی موضعی اطراف گـروه پایـه پل با مقطع دایره ای. نهمین کنفرانس هیدرولیک ایران، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۸–۲۰ آبان.
  - ۴- شفاعی بجستان م. ۱۳۸۴. هیدرولیک رسوب. انتشارات دانشگاه شهید چمران اهواز.

۵- نوری فر م.، فنفور مغربی م. و حسن زاده ی. ۱۳۸۹. مقایسه عددی کاهش آبشستگی موضعی اطراف پایه پل شـکاف دار و دو پایـه پـل مجـزا. پنجمین کنگره ملی مهندسی عمران. دانشگاه فردوسی مشهد. مشهد، ایران، ۱۴–۱۶ اردیبهشت.

۶- وزارت نیرو. ۱۳۸۶. راهنمای روش های محاسبه آبشستگی موضعی. نشریه شماره ۳۱۸- الف.

- 7- Ahmed Mohammed T., Megat Mohd Noor M.J., Ghazali A.H., Yusuf B. and Saed K. 2007. Physical modeling of local scouring around bridge piers in erodible bed. J. King Saud Univ, 19: 195-207.
- 8- Esmaeili T., Dehghani A.A., Zahiri A.R. and Suzuki K. 2009. 3D numerical simulation of scouring around bridge piers (case study: bridge 524 crosses the Tanana river). World Academy of Science, Engineering and Technology, 58.
- 9- FLUENT Incorporated. 2006. FLUENT 6.3 USER'S GUIDE. Lebanon, USA.
- 10- Ghorbani B. 2007. A field study of scour at bridge piers in flood plain rivers. Turkish J. Eng. Env. Sci. 32: 189-199.
- Huang W., Yang Q. and Xiao H. 2009. CFD modeling of scale effects on turbulence flow and scour around bridge piers. Computers and Fluids, 38: 1050-1058.
- 12- Raudkivi A.J. 1998. Loose Boundary Hydraulics. A.A. Balkema, Rotterdam, The Netherland.
- 13- Raudkivi A.J. and Ettema R. 1983. Clear-water scour at cylindrical piers. J. Hyd. Eng., ASCE, 109(3):338-350.
- 14- Salaheldin T.M., Imran J. and Chaudhry M.H. 2004. Numerical modeling of three-dimensional flow field around circular piers. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, 130(2):91-100.
  15- Tseng M., Yen C.L. and Song C.C.S. 2000. Computation of three-dimensional flow around square and circular
- 15- Tseng M., Yen C.L. and Song C.C.S. 2000. Computation of three-dimensional flow around square and circular piers. Int J Number Meth Fluids, 34, pp. 207-227.
- 16- Vasquez J.A. and Walsh B.W. 2009. CFD simulation of local scour in complex piers under tidal flow. 33<sup>rd</sup> IHAR Congress: Water Engineering for a Sustainable Environment, ISBN: 978-94-90365-01-1.



## Numerical Modeling of Local Scouring Around Group Bridge Piers and Compared with Experimental Results

**B. Mahjoob<sup>1</sup>- B. Mohammadnezhad<sup>2</sup>- J. Behmanesh<sup>3</sup>\*** Received: 27-03-2013

Accepted: 18-03-2014

#### Abstract

Bridges are the most important structures in river engineering. One of the most causes in bridges destruction is local scouring around the bridge piers. Many bridges failed in the world because of the extreme scour around piers, which have caused to disappear a lot of investments. Then, it is essential to predict the scour depth around bridge piers. In this research, the Fluent three-dimensional numerical model was used to investigate the scouring around the group cylindrical pier in clear water and uniform sand bed conditions. In this model, sedimentary flow was considered as two-phase flow (water - sand) and Eulerian two-phase model was used. To estimate the parameters of flow turbulence in the water phase, the RNG K- $\varepsilon$  model was used. To evaluate and verify the numerical model, the computational results were compared with experimental data. The maximum scour depth in front of the first pier on a numerical model equal to 12.5 cm and in experimental model equal to 12 cm have been measured. Also scour depth at the second pier less than that at the first pier and scour depth at the third pier has been less than the values of the first and second pier .The results showed that the two phase model can simulate the scour phenomena around the pier.

Keywords: Scour Hole, Circular Pier, Sediment, Numerical Simulation, The Two-Phase Model Eulerian

1,3- M.Sc Graduated and Associate Professor, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, Urmia University, Urmia, Iran

<sup>(\* -</sup> Corresponding Author Email: j.behmanesh@urmia.ac.ir)

<sup>2-</sup> Assistant Professor, Department of Civil Engineering, Qom University, Qom, Iran