



شبیه سازی عددی جریان دو بعدی غیرماندگار اشبع - غیراشبع به طرف زهکش ها

رسول قبادیان^۱

تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۱۰/۱۵

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۳/۴/۲

چکیده

به منظور طراحی و ارزیابی سیستم‌های زهکشی می‌توان جریان آب به طرف زهکش ها، تغییرات تراز سطح ایستابی و تخلیه زهکش ها را شبیه سازی نمود. پیشرفتهای اخیر در روش‌های عددی و رایانه‌ای این امکان را فراهم نموده که بتوان معادلات دیفرانسیل غیر خطی حاکم بر جریان آب در خاک اشبع - غیراشبع را حل نمود. از اینرو در این تحقیق مدلی کامپیوتری تهیه شده است که در آن معادله دوبعدی جریان غیرماندگار در خاک اشبع - غیراشبع به روش حجم کنترل و روش گسسته سازی کرنک- نیکلسون حل شد. ارتباط هدایت هیدرولیکی غیراشبع و بار فشاری با استفاده از رابطه ون گوختن انجام شد. صحت سنجی دقیق مدل نشان داد که نتایج حل مسئله به روش حجم کنترل نتایج روش عناصر محدود را تایید می‌کند. پس از صحت سنجی، نوسانات سطح ایستابی بین دو زهکش به فاصله ۲۰ متر و عمق نصب ۱۲۰ سانتیمتری شبیه سازی شد. نتایج نشان داد برای شرایط تخلیه (بدون آبیاری و بارندگی)، دبی زهکشی و سطح ایستابی در ابتداء شدت و سپس به آرامی افت پیدا می‌کند. در حالت تقدیمه عکس این امر به وقوع می‌پیوندد. دبی خروجی از زهکش بلافلسه بعد از تقدیمه از سطح زمین افزایش نمی‌باشد بلکه با تأخیر رخ می‌دهد. مدت زمان تاخیر در محدوده مورد مطالعه این تحقیق ۳/۱۲۵ روز محاسبه شد.

واژه‌های کلیدی: دبی زهکشی، رابطه ریچاردز، روش حجم محدود، روش گسسته سازی کرنک- نیکلسون، رابطه ون گوختن

برای حل معادله ریچاردز در حالت تک بعدی در خاک غیراشبع استفاده کردند و نشان دادند روش حجم محدود مقادیر فشار و رطوبت خاک را به درستی برآورد می‌کند. فرهادی و آشتیانی (۴) به روش عددی تفاضل محدود معادله یک بعدی جریان آب در خاک غیراشبع را تحلیل نمودند. با حل یک مثال متداول تاثیر روش‌های مختلف متوسط گیری شاخص غیر خطی هدایت هیدرولیکی، نحوه تخمین ضریب ذخیره ویژه، روش گسسته سازی و شرایط مختلف همگرایی بر روی دقت محاسبات مورد بررسی قرار گرفت. نوری و همکاران (۵) مدل آگروهیدرولوژیکی SWAP را در برآورد نوسانات سطح ایستابی و شدت جریان زهکشی زیرزمینی مورد ارزیابی قرار دادند. جغرافی و همکاران (۳) توئنایی سه مدل کراجنهوف وان دلور- ماسلنده، دوزو- هلین گا و گلور- دام در پیش بینی تراز سطح ایستابی و میزان تخلیه زهکشی در جریان غیرماندگار را با اندازه گیری آزمایشگاهی بررسی کردند. نتایج نشان داد برای سطح ایستابی خیزان پیش بینی مدل دوزو - هلین گا به واقعیت نزدیک تر است. دقت پیش بینی هر سه مدل با گذشت زمان کاسته شد و با نزدیک شدن به زمان انتهایی آزمایش به یکدیگر همگرا شدند.

سامانی و فتحی (۱۲) با بیان اینکه شبیه سازی جریان به طرف

مقدمه

مدل‌های تحلیلی و عددی متعددی برای شبیه سازی نوسانات سطح ایستابی بین دو زهکش، و دبی تخلیه تهیه شده است. در مدل‌های جریان ماندگار شدت تقدیمه (بارندگی و آبیاری) و تخلیه زهکش ها در طول زمان ثابت و ماندگار فرض می‌کنند به عبارتی، سطح ایستابی در طی زمان ثابت است. در مدل‌های جریان غیرماندگار شدت تقدیمه، تخلیه زهکش ها و سطح ایستابی در طول زمان متغیر در نظر گرفته می‌شود. برخی محققین پس از ساده سازی، معادله ریچاردز را بصورت تحلیلی حل نموده اند (۱۰). جواب‌های حل تحلیلی برای شرایط خاص اولیه و مرزی و در حالت‌های ساده اعتبار دارد. با توجه به غیرخطی بودن معادله ریچاردز، حل تحلیلی آن امکان پذیر نیست و باید به روش‌های عددی حل شود (۱۳). تاکنون از روش‌های عددی تفاضل محدود، حجم محدود و المان محدود برای حل آن به منظور شبیه سازی جریان غیرماندگار در خاک غیراشبع استفاده شده است (۱۳). عزیزی پور و محمودیان شوشتاری (۵) از روش حجم محدود

۱- دانشیار گروه مهندسی آب، دانشگاه رازی کرمانشاه
Email: rsghobadian@gmail.com

باشد در مختصات دکارتی به شکل زیر است:

$$\frac{\partial \theta(\psi)}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} (K_x(\psi) \frac{\partial \psi}{\partial x}) + \frac{\partial}{\partial y} (K_y(\psi) \frac{\partial \psi}{\partial y}) + K_y(\psi)) \pm \frac{q_s}{\Delta x \Delta y} \quad (1)$$

که در آن θ رطوبت حجمی $[L^3/L^3]$ ، q_s بار فشاری $[L]$ [مثبت یا منفی]، K هدايت هیدرولیکی $[L/T]$ ، x ، y مختصه عمودی $[L]$ (در جهت بالا مثبت)، x مختصه افقی $[L]$ ، t زمان $[T]$ ، q_s دبی تزریق (+) یا تخلیه (-) $[L^2/T]$. Δx و Δy به ترتیب اندازه شبکه در جهت x و y می باشند $[L]$.

یکی از مشکلات اصلی که مدل های شیبیه ساز جریان زهکشی با آن مواجه هستند تعیین پارامترهای ورودی به مدل است که حتی می توانند کاربرد مدل را محدود کنند. هدايت هیدرولیکی غیراشباع یکی از مهمترین پارامترهای ورودی است که با مکان و زمان تعییر می کند.

قبل از حل معادله ریچاردز بصورت عددی به یک مدل هدايت هیدرولیکی غیراشباع نیاز است. این مدل می تواند بر مبنای تابع نمایی گاردنر باشد. این مدل رابطه بین هدايت هیدرولیکی غیراشباع و بار فشاری را نشان می دهد. همانگونه که قبلا نیز اشاره شد این تابع در بررسی های لیچ و همکاران (۹) در بین ۵ تابع دیگر ضعیفترین عملکرد را نشان داد. مدل های Hydrus و Seep2D از جمله مشهورترین نرم افزارها در خصوص شیبیه سازی جریان آب در خاک می باشند از تابع ون گنختون (۱۴) که عملکرد بهتری دارد استفاده می کنند. در این تحقیق نیز از تابع مذکور که به شکل زیر است استفاده شد (۲ و ۱۴):

$$S_e = \frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta_r} = \left[\frac{1}{1 + \left(\frac{\psi_p}{\psi_b} \right)^{1+\lambda}} \right]^{\frac{\lambda}{1+\lambda}} \quad (2)$$

$$\frac{K(\theta)}{K_s} = \left(\frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta_r} \right)' \left[1 - \left(1 - \left(\frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta_r} \right)^{\frac{1+\lambda}{\lambda}} \right)^{\frac{\lambda}{1+\lambda}} \right]^2 \quad (3)$$

$$f(\psi) = \frac{\partial \theta}{\partial \psi} = m \times (\theta_s - \theta_r) \left[\frac{1}{1 + (\alpha \psi)^n} \right]^{m-1} \times \left[\frac{-n\alpha(\alpha \psi)^{n-1}}{(1 + (\alpha \psi)^n)^2} \right] \quad (4)$$

zechesh ها یکی از مراحل مهم در طراحی و مدیریت سیستم های زهکشی است مدلی دو بعدی تهیه کردند که جریان اشباع - غیراشباع به طرف زهکش ها را به روش عددی احجام محدود شیبیه سازی می کند. تابع هدايت هیدرولیکی غیراشباع و منحنی مشخصه پیشنهاد شده توسط بروکز و کوری (۷) در مدل آنها بکار گرفته شد. نهایتا با استفاده از خروجی های مدل خصوصیات هیدرودینامیکی خاک به روش مسئله معکوس محاسبه شد.

سیمپسون و کلمنت (۱۳) روش های تفاضل محدود و المان محدود را برای شیبیه سازی جریان در محیط متخلخل با هم مقایسه کردند و نشان دادند که روش المان محدود از دقت بالاتری برخوردار است.

بهبهانی و رحیمی خوب (۱) یک مدل ریاضی برای پیش بینی وضعیت سطح ایستابی در حالت غیرماندگار بین دو زهکش تحت شرایط تعذیب لحظه ای در اثر بارندگی یا آسیاری ارائه کردند. در مدل آنها فرض شد خاک همگن است و هدايت هیدرولیکی اشباع در نظر گرفته شد. روش عددی ضمنی غیرمستقیم (ADI) برای حل معادله جریان استفاده شد. نتایج آنها نشان داد در صورت استفاده از مدل دوبعدی در جریان غیرماندگار موقعیت سطح ایستابی دقیقتر از روش های تحلیلی برآورد می شود.

در این تحقیق معادله ریچاردز در حالت دوبعدی به روش عددی حجم محدود و روش گسسته سازی کرنک - نیکلسون حل شد. بکار گیری روش کرنک - نیکلسون این امکان را فراهم می کند که معادله دیفرانسیل حاکم را بتوان بصورت ترکیبی از روش ضمنی و صریح منفصل نمود تا همزمان مشکل عدم پایداری و رسیدن به جواب فیزیکی حل شود. تابع ون گنختون (۱۴) برای محاسبه هدايت هیدرولیکی غیراشباع بکار گرفته و در معادله ریچاردز گنجانده شده است. بر این اساس مدلی کامپیوتری تهیه شد که قابلیت شیبیه سازی حرکت آب در خاک اشباع و غیراشباع را دارد. از قابلیت های مدل حاضر شیبیه سازی و پیش بینی جریان غیرماندگار بین دو زهکش، محاسبه دبی تخلیه، تخمین پیاز رطوبتی اطراف نقطه تزریق و همچنین شیبیه سازی نوسانات سطح آب بین دو زهکش غیر هم سطح در خاک های غیر همگن و غیر ایزوتروپ می باشد.

مواد و روش ها

معادلات حاکم

معادله حاکم بر مساله رابطه ریچاردز در شرایط جریان غیرماندگار، در محیط متخلخل غیر هموнд و غیر همگن دو بعدی است. این معادله با فرض اینکه هوا نقش ناچیزی در حرکت جریان آب داشته

$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e}$$

$$B_p = \phi K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n}$$

$$D_p = \phi K(\psi)_w \frac{dy dt}{\delta x_w}$$

$$E_p = \phi K(\psi)_s \frac{dx dt}{\delta y_s}$$

$$C_p = -(A_p + B_p + D_p + E_p) - f(\psi) dx dy$$

$$F_p = (K(\psi)_s - K(\psi)_n) dx dt - f(\psi) dx dy \psi_p^t$$

$$-(1-\phi) K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e} (\psi_E^t - \psi_p^t)$$

$$+(1-\phi) K(\psi)_w \frac{dy dt}{\delta x_w} (\psi_P^t - \psi_W^t)$$

$$-(1-\phi) K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n} (\psi_N^t - \psi_P^t)$$

$$+(1-\phi) K(\psi)_s \frac{dx dt}{\delta y_s} (\psi_P^t - \psi_S^t) \mp q_s dt$$

برای همه گره‌ها بجز گره زهکش یا چاه تزریق برابر صفر است. $K(\psi)_e$ ضریب نفوذ پذیری در روی وجه شرقی حجم کنترل شکل ۱ می‌باشد و در این تحقیق بصورت میانگین هارمونیک ضریب نفوذ پذیری نقاط P و E در نظر گرفته می‌شود:

$$K(\psi)_e = \frac{2K(\psi)_E K(\psi)_P}{K(\psi)_E + K(\psi)_P} \quad (8)$$

در شرایطی که نقطه مرکزی حجم کنترل (P) بر روی مرزهای نفوذ ناپذیر، یکی از گوشی‌های محدوده شبکه بندی شده، قرار بگیرد رابطه ۱ باید بصورت‌های خاص منفصل شود.

محدوده مورد مطالعه، شرایط اولیه و مرزی

محدوده مورد مطالعه شامل توده ای خاک با عمق ۲۰ متر و طول ۲۰ متر می‌باشد. دو عدد زهکش در عمق ۱/۲ متری از سطح خاک قرار داده شده است. در ابتدای محاسبات فرض شد که رقوم سطح آب برابر رقوم سطح زمین طبیعی است بر این اساس فشار در تمام گره‌ها محاسبه و به عنوان شرط اولیه به مدل داده شد. اندازه شبکه در جهت عمق ۱۰ سانتی‌متر و در جهت افقی ۱۰۰ سانتی‌متر در نظر گرفته شد. گام زمانی محاسبات ۶۰ ثانیه است.

شرایط مرزی

برای تمام گره‌ها روی مرزهای (AE) و (BF) شرط گرادیان فشار صفر در جهت افقی ($\frac{\partial \psi}{\partial x} = 0$) برقرار است، از این‌رو معادله جبری عمومی (رابطه ۷) برای نقاط روی مرز AE به شکل زیر

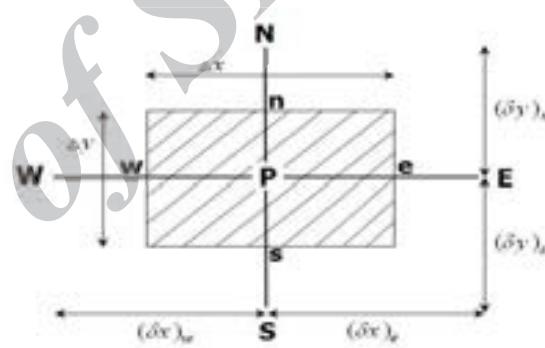
که در آن:

$$\alpha = \frac{1}{\psi_b}, n = 1 + \lambda, m = 1 - \frac{1}{n} \quad (5)$$

در این روابط Se رطوبت موثر، K_S هدایت هیدرولیکی اشباع [L/T] و θ_s رطوبت باقیمانده و رطوبت اشباع [L³/L³]، ۱ پارامتر توزیع خلل و فرج، a ، n و m پارامترهای تجربی هستند. پارامتر ۱ در تابع هدایت هیدرولیکی به وسیله معلم (۱۱) برای اکثر خاک‌ها به طور متوسط ۰/۵ تخمین زده شده است. در روابط فوق پارامترهای θ_s, θ_r, K_S برای هر بافت خاکی متفاوت هستند.

منفصل سازی معادله حاکم

در این تحقیق برای منفصل کردن معادله دیفرانسیل ۱ از روش حجم کنترل (F.V) استفاده شده است (۱۵). در این روش ابتدا از معادله حاکم (رابطه ۱) روی حجم کنترل نشان داده شده در شکل ۱ انگرال گرفته می‌شود.



شکل ۱- معرفی نقطه P و حجم کنترل مربوط به آن

$$\begin{aligned} \iiint_{s w t}^{n e t+d t} \frac{\partial \theta(\psi_p)}{\partial t} dt dx dy &= \int_t^{t+d t} \int_s^n \int_w^e \frac{\partial}{\partial x} (K_x(\psi_p) \frac{\partial \psi_p}{\partial x}) dx dy dt \\ &+ \int_t^{t+d t} \int_s^n \int_w^e \frac{\partial}{\partial y} (K_y(\psi_p) \frac{\partial \psi_p}{\partial y} + K_z(\psi_p)) dy dx dt \\ &+ \int_t^{t+d t} \int_s^n \int_w^e \frac{\pm q_s}{\Delta x \Delta y} dy dx dt \end{aligned} \quad (6)$$

پس از منفصل نمودن^۱ به روش کرنک-نیکلسون نهایتاً معادله دیفرانسیل ۱ به معادله جبری ۷ تبدیل می‌شود:

$$\begin{aligned} A_p \times \psi_E^{t+d t} + B_p \times \psi_n^{t+d t} + C_p \times \psi_p^{t+d t} \\ + D_p \times \psi_w^{t+d t} + E_p \times \psi_S^{t+d t} = F_p \end{aligned} \quad (7)$$

1- Discretising

$$F_p = -K(\psi)_n dx dt - 0.5 \times f(\psi) dx dy \psi'_p$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_e \frac{dy dt}{2\delta x_e} (\psi'_E - \psi'_p)$$

$$+(1-\phi)K(\psi)_w \frac{dy dt}{2\delta x_w} (\psi'_p - \psi'_W)$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n} (\psi'_N - \psi'_p)$$

برای تمام گره ها روی سطح زمین (مرز AB) شرط گرادیان فشار مشخص در جهت عمودی $(\frac{\partial \psi}{\partial y} = -1)$ برقرار است که (I) شدت آبیاری می باشد. از اینرو معادله جبری عمومی (رابطه ۷) برای نقاط روی سطح زمین به صورت زیر خلاصه می شود:

$$A_P \times \psi_E^{t+dt} + C_P \times \psi_p^{t+dt} + D_P \times \psi_W^{t+dt} + E_P \times \psi_S^{t+dt} = F_P \quad (11)$$

$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{2\delta x_e},$$

$$D_p = \phi K(\psi)_w \frac{dy dt}{2\delta x_w}$$

$$E_p = \phi K(\psi)_s \frac{dx dt}{\delta y_s}$$

$$C_p = -(A_p + D_p + E_p) - 0.5 \times f(\psi) dx dy$$

$$F_p = K(\psi)_s dx dt - 0.5 \times f(\psi) dx dy \psi'_p$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_e \frac{dy dt}{2\delta x_e} (\psi'_E - \psi'_p)$$

$$+(1-\phi)K(\psi)_w \frac{dy dt}{2\delta x_w} (\psi'_p - \psi'_W)$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n} (\psi'_N - \psi'_p) - I dx dt$$

مرزهای ED و EC مرزهای با پتانسیل فشاری (ψ) مشخص هستند. پتانسیل فشاری در گره های E و F با توجه به اینکه محل زهکش هستند برابر فشار آزاد و صفر در نظر گرفته می شود. برای سایر نقاط زیر مرزها پتانسیل فشاری برابر با فاصله گره تا محل زهکش می باشد.

تعیین دبی تخلیه زهکشی

با منفصل نمودن رابطه ۱ بر گره منطبق بر محل زهکش (نقطه E در شکل ۲ و نقطه P در حجم کنترل شکل ۳) و با علم به این نکته که مقدار پتانسیل فشاری در آن گره برابر با صفر است دبی خروجی از زهکش محاسبه می شود:

خلاصه می شود:

$$A_P \times \psi_E^{t+dt} + B_P \times \psi_N^{t+dt} + C_P \times \psi_p^{t+dt} + E_P \times \psi_S^{t+dt} = F_P \quad (9)$$

$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{2\delta x_e}$$

$$B_p = \phi K(\psi)_n \frac{dx dt}{2\delta y_n}$$

$$E_p = \phi K(\psi)_s \frac{dx dt}{2\delta y_s}$$

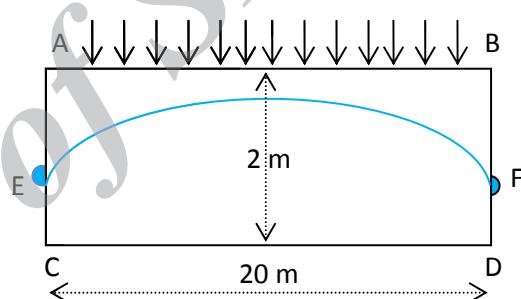
$$C_p = -(A_p + B_p + E_p) - 0.5 \times f(\psi) dx dy$$

$$F_p = 0.5 \times (K(\psi)_s - K(\psi)_n) dx dt - 0.5 \times f(\psi) dx dy \psi'_p$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_e \frac{dy dt}{2\delta x_e} (\psi'_E - \psi'_p)$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_n \frac{dx dt}{2\delta y_n} (\psi'_N - \psi'_p)$$

$$+(1-\phi)K(\psi)_s \frac{dx dt}{2\delta y_s} (\psi'_p - \psi'_S)$$



شکل ۲ - محدوده مورد مطالعه

برای تمام گره ها روی مرز (CD) شرط گرادیان فشار مشخص در جهت عمودی $(\frac{\partial \psi}{\partial y} = -1)$ برقرار است، از اینرو معادله جبری عمومی

(رابطه ۷) برای نقاط روی مرز CD به شکل زیر خلاصه می شود:

$$A_P \times \psi_E^{t+dt} + B_P \times \psi_N^{t+dt} + C_P \times \psi_p^{t+dt} + D_P \times \psi_W^{t+dt} = F_P \quad (10)$$

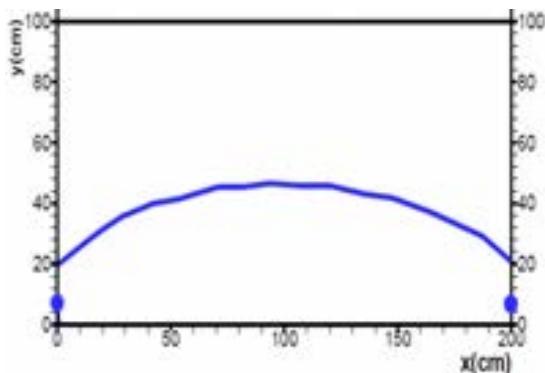
$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{2\delta x_e}$$

$$B_p = \phi K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n}$$

$$D_p = \phi K(\psi)_w \frac{dy dt}{2\delta x_n}$$

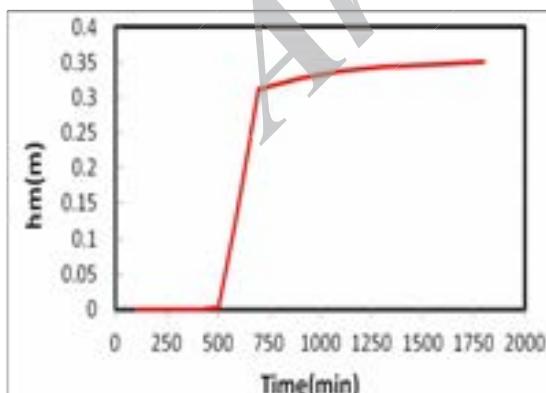
$$C_p = -(A_p + B_p + D_p) - 0.5 \times f(\psi) dx dy$$

زیرزمینی بین دو زهکش مقایسه شد.

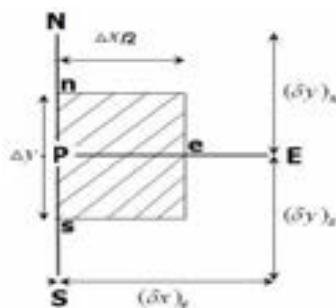


شکل ۴- محدوده مورد مطالعه در CASE I

نتایج نشان داد ریزتر کردن شبکه از ۵ در ۵ سانتی متر نتایج تغییر چندانی نداشت (حداکثر اختلاف کمتر از ۲ درصد) بنابراین اندازه شبکه ۵ در ۵ سانتی متر به عنوان شبکه بهینه انتخاب شد. هدایت هیدرولیکی اشباع در دو جهت x و y یکسان و برابر ۰/۰۰۱ سانتی متر بر ثانیه در نظر گرفته شد. همچنین پارامترهای ون گنخون n و α به ترتیب $1/25$ و $0/03$ برای مدل معرفی شد. رطوبت اشباع $0/00017$ سانتی متر بر ثانیه باقیمانده $0/015$ می باشد. شدت بارندگی $0/00017$ سانتی متر بر ثانیه در نظر گرفته شده است. همچنین فرض شده است سطح اولیه آب زیر زمینی در فاصله ۹۰ سانتی متری از سطح زمین برابر با عمق نصب زهکش ها قرار دارد. در شکل ۵ تغییرات جداکثر رقوم سطح آب زیر زمینی نسبت به محور زهکش ها نشان داده شده است. همانگونه که ملاحظه می شود بعد از حدود ۱۲۵۰ دقیقه نوسانات سطح آب بین دو زهکش به حالت تعادل نسبی رسیده است (تغییرات سطح آب به کمتر از ۵ درصد رسیده باشد). جداکثر رقوم سطح آب در این حالت $0/35$ متر بالاتر از محور زهکش ها می باشد.



شکل ۵- تغییرات وابسته به زمان جداکثر تراز آب زیرزمینی بین دو زهکش نسبت به محور زهکش ها(CASE I)



شکل ۳- حجم کنترل مربوط به نقطه P منطبق بر محل زهکش

$$\begin{aligned}
 q_s &= A'_p \phi \psi_E^{t+dt} + A'_p (1-\phi) \psi_E^t \\
 &\quad + B'_p \phi \times \psi_N^{t+dt} + B'_p (1-\phi) \psi_N^t \\
 &\quad + E'_p \phi \times \psi_S^{t+dt} + E'_p (1-\phi) \psi_S^t \\
 &\quad + B'_p dy + E'_p dy
 \end{aligned} \tag{12}$$

$$\begin{aligned}
 A'_p &= K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e} \\
 B'_p &= K(\psi)_n \frac{dx dt}{2\delta y_n} \\
 E'_p &= K(\psi)_S \frac{dx dt}{2\delta y_s}
 \end{aligned}$$

نتایج و بحث

صحت سنجی مدل

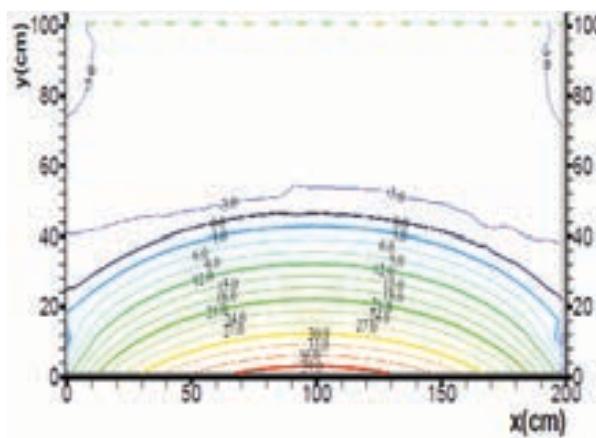
به منظور صحت سنجی مدل تهیه شده در این تحقیق نتایج آن با نتایج مدل SEEP 2D در دو مورد (CASE II و CASE I) مقایسه شد. مدل SEEP 2D یکی از مدل های مشهور در خصوص شبیه سازی جریان ماندگار در خاک اشباع و غیر اشباع می باشد. مدل مذکور که در بسته نرم افزارهای GMS موجود است برای محاسبه هدایت هیدرولیکی غیر اشباع از رابطه ون گنخون 1980 استفاده می کند و در آن معادله ریچاردز به روش عناصر محدود^۱ حل می شود. محدوده مورد مطالعه در CASE I در شکل ۴ نشان داده شده است. همانگونه که مشاهده می شود توده خاک دارای پهنای ۲ متر و ارتفاع یک متر است و زهکش ها در عمق ۹۰ سانتی متری از سطح زمین نصب شده اند.

محدوده مورد مطالعه نهایتا بصورت یک شبکه ۵ در ۵ سانتی متر شبکه بندی شد. گام زمانی محاسبات 60 ثانیه در نظر گرفته شد. به منظور تعیین شبکه بهینه اندازه شبکه از درشت (10 در 10 سانتی متر) به ریز (1 در 1 سانتی متر) تغییر داده شد و موقعیت تراز آب

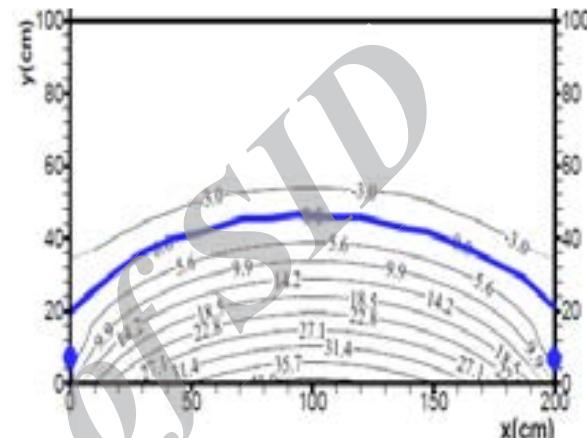
1- Finite element

بين دو زهکش است. همانگونه که مشاهده می شود هر دو مدل ناحيه غيراشباع با پتانسیل ماتریک ۳-۳ سانتی متر را در بالاي سطح ايستابي نشان دهنده وجود ناحيه غيراشباع می باشد. همچنین بيشترین مقدار فشار حدود ۴۰ سانتی متر برآورده شده است که در موقعیت $x=100$ و $y=0$ سانتی متر می باشد. تقارن منحنی ها نسبت به خط مرکزی محدوده نشان از دقت مدل در برآورد مقادير پتانسیل فشاری و ماتریک دارد. بطور کلی نتایج دو مدل در حالت ماندگار کاملاً مشابه هستند.

در شکل ۶ خطوط هم فشار محاسبه شده بعد از به تعادل رسیدن توسط مدل حاضر (مدل غيرماندگار) با نتایج مدل SEEP2D (مدل ماندگار) مقایسه شده است. لازم به ذکر است که مدل تهیه شده در اين تحقيق غيرماندگار است و نتایج آن برای شرايط به تعادل رسیدن با نتایج مدل ماندگار SEEP2D مقایسه شده است. بعد از به تعادل رسیدن تغييرات وابسته به زمان مشاهده نمي شود و همانند اين است که سمت چپ رابطه ۱ برابر با صفر در نظر گرفته شود. در اين حالت مدل غيرماندگار همانند مدل ماندگار رفتار می کند و نتایج آنها با هم قابل مقایسه است. خط هم فشار صفر نشان دهنده سطح ايستابي



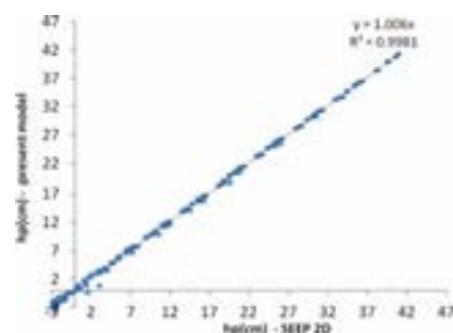
شکل ۶- خطوط هم فشار محاسبه شده توسعه (الف) مدل حاضر (b) مدل SEEP 2D در I



الف

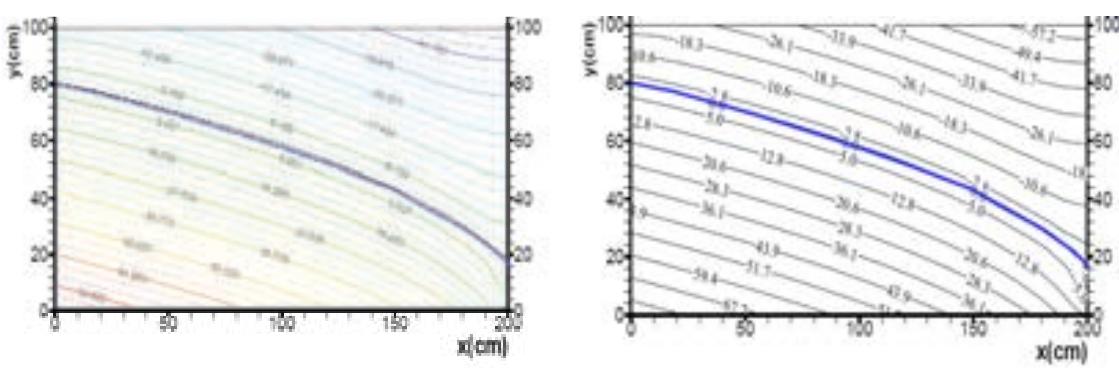
مخزن آب قرار دارد. مخزن بالا دست دارای عمق ۸۰ سانتی متر و مخزن پایین دست عمق ۱۰ سانتی متر دارد. همچنین تزریق توسط بارندگی وجود ندارد. خطوط هم فشار محاسبه شده در هر دو مدل در شکل ۸ ارائه شده است. همانگونه که مشاهده می شود خط نشت آزاد (خط هم فشار صفر) از ۸۰ سانتی متر در سمت چپ شروع و در رقوم $19/8$ سانتی متر سمت راست از توده خاک خارج می شود. فاصله سطح آب مخزن پایین دست (رقوم ۱۰ سانتی متر) تا نقطه خروج خط نشت ($19/8$ سانتی متر) سطح تراوش زمینه می شود که در هر دو مدل يكسان است. کلمنت و همکاران (۸) ضمن شبيه سازي جريان اشباع- غيراشباع به سمت زهکش ها با روش تفاضل محدود بيان كردند که طول سطح تراوش تابعی از نيزروی موئینگی در ناحيه غيراشباع است. هر دو مدل موقعیت خط نشت آزاد را و همچنین مقادير پتانسیل ماتریک ناحيه غيراشباع و مقادير فشار ناحيه اشباع را با دقت بسیار بالايی نزدیک به هم محاسبه می کنند. این موضوع نشان می دهد که روش احجام محدود در صورت انتخاب گام های مکاني و زمانی مناسب همان دقت روش المان های محدود را دارد.

به منظور مقایسه بهتر مقادير پتانسیل فشاری و ماتریک در نقاط متناظر توسط دو مدل در شکل ۷ در مقابل هم ترسیم شده اند. ضریب زاویه خط عبور کرده از بین نقاط $1/006$ و $1/006$ و ضریب تعیین بسیار نزدیک به یک نشان دهنده دقت مدل حاضر در شبيه سازي جريان دو بعدی در توده خاک مذکور می باشد.



شکل ۷- مقادير پتانسیل فشاری محاسبه در نقاط متناظر I

همانگونه که در شکل ۸ نشان داده شده است محدوده مورد مطالعه در II همان توده خاک CASE II است که بین دو



شکل ۸- خطوط هم فشار محاسبه شده (الف) توسعه مدل حاضر (ب) توسعه مدل حاضر (الف) در CASE II

همانگونه که قبلا اشاره شد سطح ایستابی در ابتدا در سطح زمین طبیعی قرار دارد. با نصب دو زهکش در عمق $1/2$ متری عملیات زهکشی انجام شد. در شکل ۱۰ سطح ایستابی و منحنی های هم پتانسیل فشاری / ماتریک 3 ساعت و 10 روز پس از شروع زهکشی را نشان می دهد. منحنی نقطه چین موقعیت سطح ایستابی را نشان می دهد که کاملا نسبت به خط مرکزی بین دو زهکش تقارن دارد.

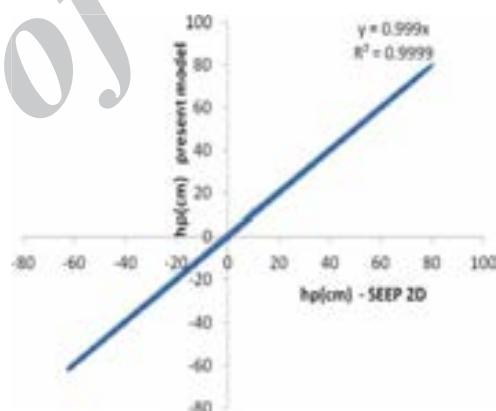
همانگونه که در شکل ۱۰ نشان داده شده است با افت سطح ایستابی مقادیر پتانسیل ماتریک در یک نقطه مشخص بالای سطح ایستابی نسبت به زمان افزایش می باید که نشان دهنده کاهش رطوبت حجمی نیز می باشد. همانگونه که انتظار می رفت در یک نقطه مشخص زیر سطح ایستابی پتانسیل فشاری با افت سطح ایستابی کاهش می باید.

در شکل ۱۱ الف موقعیت سطح ایستابی در طی 30 روز زهکشی را نشان داده شده است. در ابتدا سطح ایستابی با شدت بیشتر سپس به آرامی کاهش می باید.

در قدم بعدی پس از 30 روز زهکشی و افت سطح ایستابی به مدت 7 روز تعذیه از سطح خاک به شدت $1/0000$ سانتی متر بر ثانیه انجام شد. در این شرایط همانگونه که در شکل (۱۱- ب) نشان داده شده است سطح ایستابی شروع به بالا آمدن می کند. در ابتدا به آرامی و سپس با شدت بیشتر بالا می آید.

با استفاده از رابطه 12 دبی زهکش ها در طی 37 روز محاسبه گردید. تغییرات دبی زهکش در مقابل زمان در شکل 12 نشان داده شده است. همانگونه که ملاحظه می شود در طی مدت تخلیه از روز اول تا روز سی ام دبی تخلیه به سرعت شروع به کاهش می کند تا اینکه تغییرات آن تقریبا ثابت می شود. نکته قابل توجه آن است که پس از شروع تعذیه بالا فاصله دبی زهکش افزایش نمی باید بلکه با تاخیری همراه است. در این مطالعه زمان تاخیر حدود $3/125$ روز می باشد (از روز 30 تا $33/125$).

به منظور مقایسه کمی مقادیر پتانسیل فشاری و ماتریک در نقاط متناظر توسعه دو مدل در شکل ۹ در مقابل هم ترسیم شده اند. ضریب زاویه خط عبور کرده از بین نقاط $0/999$ و ضریب تعیین بسیار نزدیک به یک نشان دهنده دقیق مدل حاضر در شبیه سازی جریان دو بعدی در توده خاک مربوط به CASE II می باشد.



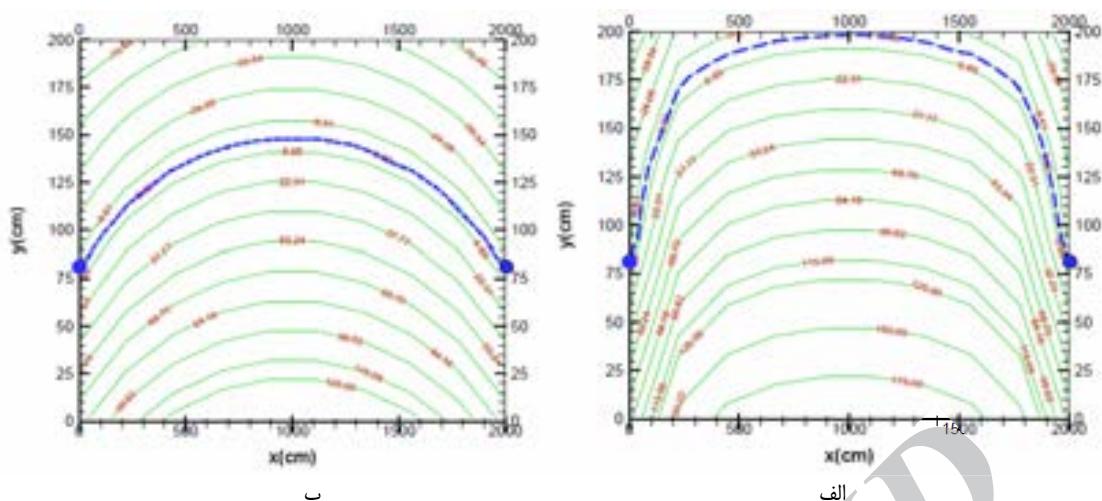
شکل ۹- مقادیر پتانسیل فشاری محاسبه در نقاط متناظر I

بررسی نوسانات سطح ایستابی و دبی زهکشی

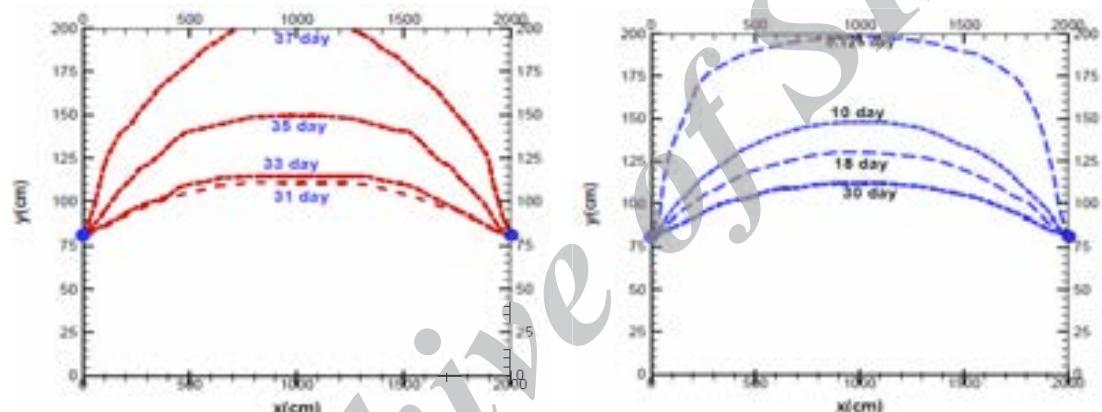
پس از صحت سنجی مدل و اطمینان از نتایج آن به بررسی نوسانات سطح ایستابی و دبی زهکشی در محدوده مورد مطالعه این تحقیق (نشان داده شده در شکل ۲) پرداخته شد. مشخصات خاک محدوده مورد مطالعه مطابق جدول ۱ می باشد.

جدول ۱- مشخصات خاک محدوده مورد مطالعه

n	$\alpha(1/cm)$	$K_s(m/day)$	θ_s	θ_r
۱/۲۳۴	.۰/۰۲۱	۱۵/۲	.۰/۵۰۱	.۰/۰۱۵



شکل ۱۰- خطوط هم پتانسیل فشاری (الف) ۳ ساعت (ب) ۱۰ روز بعد از زهکشی



ب) بالا آمدگی سطح ايستابي در مدت ۷ روز تغذيه (از روز ۳۰ تا ۳۷)

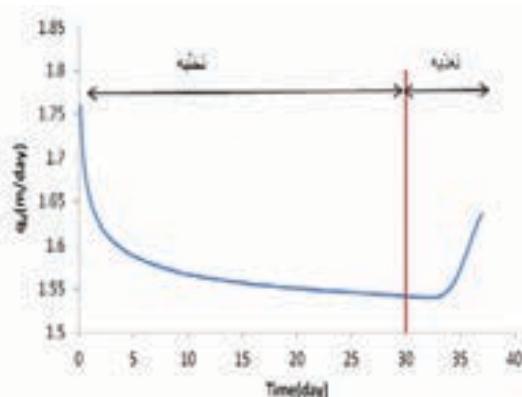
شکل ۱۱- الف) پایین افتادگی سطح ايستابي در مدت ۳۰ روز زهکشی

نتيجه گيري

در اين تحقيق مدل رياضي تهيه شد که به منظور شبие سازی جريان آب در خاک اشباع و غيراشباع معادله ريقاردرز را برای حالت دو بعدی به روش عددی حجم كنترل حل می کند. روش منفصل سازی معادله ديفرانسيل روش كرنک- نيكلسون می باشد. دستگاه معادلات حاكم به روش تكراري حل شد و مقادير پتانسيل فشاري یا ماتريک در گره مرکزی هريک از احجام كنترل بدست آمد. ارتباط هدایت هيدروليکي غيراشباع و هد فشار با استفاده از رابطه ون گنوختن به مدل معرفی شد

صحت سنجي مدل عددی با دو مثال موردی انجام شد. در مورد اول موقعيت سطح ايستابي بين دو زهکش بعد از به تعادل رسیدن با سطح ايستابي محاسبه شده توسط مدل SEEP2D مقاييسه شد. نتایج نشان داد که سطح ايستابي محاسبه شده در هر دو مدل برابر هم منطبق هستند. در مورد دوم جريان از ميان توده خاکي بين دو مخزن

اين تاخير بدین دليل است که مدت زمانی طول می کشد که ناحيه غيراشباع بالاى سطح ايستابي شروع به اشباع شدن کند و جريان ورودی باعث افزایش دي زهکش ها شود.



شکل ۱۲- تغييرات وابسته به زمان دي تخلية در فاز تغذيه و تخلية

نشان دهنده کاهش رطوبت حجمی نسبت به زمان در نقطه مذکور است.

-۲ در شرایط بدون تغذیه سرعت افت سطح ایستابی در ابتدا خیلی شدید و در ادامه به آرامی رخ می‌دهد.

-۳ دبی خروجی از زهکش همانند افت سطح ایستابی خیلی سریع کاهش می‌یابد و در ادامه با تغییرات خیلی کمتر به آرامی کاهش می‌یابد.

-۴ دبی خروجی از زهکش بلا فاصله بعد از تغذیه از سطح زمین افزایش نمی‌یابد بلکه با تأخیر رخ می‌دهد. در مثال مورد نظر این تحقیق زمان تأخیر حدود ۳/۱۲۵ روز بود.

آب شبیه سازی گردید. در این حالت نیز موقعیت خط نشت آزاد بین دو مخزن محاسبه شده توسط دو مدل کاملاً یکسان بود. نتایج این دو مورد نشان داد با وجود اینکه مدل نوشته شده در این تحقیق از روش عددی حجم محدود برای حل معادله غیرماندگار ریچاردز استفاده می‌کند ولی نتایج حالت تعادل آن با نتایج مدل ماندگار SEEP2D که از روش المان‌های محدود استفاده می‌کند کاملاً مطابق دارد.

پس از صحبت سنگی چگونگی نوسانات سطح ایستابی و دبی زهکشی در یک توode خاک نشان داده شده در شکل ۲ بررسی شد.

نتایج تحقیق نشان داد:

۱- با افت سطح ایستابی مقادیر پتانسیل ماتربیک در یک نقطه مشخص بالای سطح ایستابی نسبت به زمان افزایش می‌یابد که

منابع

- ۱- بهبهانی س.م.ر، و رحیمی خوب ع. ۱۳۸۱. شبیه سازی جریان ناپایدار دو بعدی آب بطرف زهکش ها. مجله علوم کشاورزی و منابع طبیعی، سال نهم، شماره اول. صفحات ۱۶۲ تا ۱۶۷.
- ۲- شایان نژاد م. ۱۳۸۷. اصول طراحی سیستم‌های زهکشی. انتشارات دانشگاه شهر کرد، ۲۵۶ صفحه.
- ۳- عرفی ج، ناظمی اح، صدرالدینی س.ع، و افروزی ع. ۱۳۹۲. اندازه گیری و برآورد تراز سطح ایستابی و میزان تخلیه زهکشی در جریان غیرماندگار. فصلنامه علمی پژوهشی مهندسی آبیاری و آب، سال ۳، شماره ۱۱، صفحات ۱۱۵ تا ۱۲۵.
- ۴- فرهادی ل، و آشتیانی ب. ۱۳۸۴. تحلیل عددی معادله جریان آب در ناحیه غیراشباع. مجله تحقیقات منابع آب ایران، جلد ۱ شماره ۱، صفحات ۳۹ تا ۳۹.
- ۵- عزیزی پور م، و محمودیان شوستری م. ۱۳۹۱. حل عددی معادله ریچاردز در جریان غیراشباع با استفاده از روش حجم محدود. مجله علوم و مهندسی آبیاری، جلد ۲۵ شماره ۲، تابستان ۹۱، صفحه ۶۵ تا ۷۲.
- ۶- نوری ح، لیاقت ع، پارسی نژاد م، و وظیفه دوست م. ۱۳۸۹. ارزیابی مدل آگروهیدرولوژیکی SWAP در برآورد نوسانات سطح ایستابی و شدت جریان زهکشی زیرزمینی. مجله دانش آب و خاک، سال بیستم، شماره ۲، صفحات ۱۵۷ تا ۱۷۲.
- 7- Brooks R.H. and Corey A.T. 1964. Hydraulic properties of porous media. Hydrol. Pap. 3, Colo. State Univ., Fort Collins.
- 8- Clement T.P., William R.W. and Fred J.M. 1994. A physically based, two-dimensional, finite-difference algorithm for modeling variably saturated flow. Journal of Hydrology, 161: 71-90
- 9- Leij F.J., Russel W.B. and Lesch S.M. 1997. Closedform expressions for water retention and conductivity data. Ground water, 35:848-858.
- 10- Menziani M., Pugnaghi S. and Vincenzi S. 2007. Analytical solutions of the linearized Richards' equation for discrete arbitrary initial and boundary conditions. Journal of Hydrology, 332:214-225.
- 11- Mualem Y. 1976. A catalogue of the hydraulic properties of unsaturated soils. Research Project Report , No. 442, Technion, Israel Institute of Technology, Haifa.
- 12- Samani J.M.V., and Fathi P. 2009. Estimation of unsaturated soil hydrodynamic parameters using inverse problem technique, J. Agric. Sci. Technol, 11: 199-210
- 13- Simpson M.J. and Clement T.P. 2003. Comparison of finite difference and finite element solutions to the variably-saturated flow equation, Journal of Hydrology, 270: 49-64
- 14- Van Genuchten M.T. 1980. A closed-form equation for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated soils, Soil Sci. Soc. Am. J. 44(5):892-898
- 15- Versteeg H.K., Malalasekera W. 1995. An introduction to computational fluid dynamics - The finite volume method. Longman Group Ltd. P, 255.



Numerical Simulation of Saturated-unsaturated 2D- unsteady Flow Toward Drain Using Finite Volume Method

R. Ghobadian¹

Received:05-01-2014

Accepted:23-06-2014

Abstract

To drainage design and management it is necessary water flow toward drain, water table variation between drains and drainage discharge have been simulated. With recent development in numerical method, it is possible the none-linear differential equation governing saturated-unsaturated flow in soil is numerically solved. In this study a computer model has been developed in which two dimensional equation of saturated-unsaturated flow in soil is solved using finite volume method and Crank-Nicolson scheme. The soil hydrodynamic properties function and soil moisture characteristic curve proposed by Van Genuchten were employed. The result of model calibration revealed that the recent finite volume method endorse the result of finite element models. After model calibration and evaluation, water table variation between two drains with 20 m distance and installation depth of 1.2 m was simulated. The result showed during discharge phase water table falls very fast at the first and then falling speed reduces until reach a constant value. During recharge phase water table raises very low at the first and then rising speed increase. Drainage discharge has similar behavior same as water table. Drainage discharge has a lag time related to time that recharge begins. In this study the lag time was 3.125 day.

Keywords: Drainage discharge, Richards' equation, Finite volume method, Crank-Nicolson scheme, Van Genuchten equation

1-Associate Professor, Department of Water Engineering, Razi University, Kermanshah, Iran
Email:rsghobadian@gmail.com