مدلسازي انتقال جرم قطرات غير...

مدل سازى انتقال جرم قطرات غيركروي در برجهای استخراج مایع-مایع

پروسرمین سال نوزدهم شماره ۵۹ صفحه ۲۶–۱۷، ۱۳۸۸

داریوش باستانی*'، مسعود پناهی' و منصور معظمی' ۱– دانشگاه صنعتی شریف، دانشکده مهندسی شیمی و نفت ۲– وزارت نفت Bastani@sharif.edu

مكيده

در این مقاله مدل تئوری پیش بینی ضریب کلی انتقال جرم بر مبنای فاز پراکنده، هنگامی که قطرات به صورت غیر کروی و شبیه به بخشی از یک بیضی یا کره باشند، بیان و سپس نتایج این مدل با نتایج تجربی و نتایج مدل هندلوس و بارون مقایسه شده است. ابعاد قطرات کلاهکی شکل در مدل جدید با بهینه کردن نتایج مدل و دادههای آزمایشگاهی بهدست آمده است. برای مدل ازی هیدرودینامیک داخل برج، از مدل اولنی و برای مدل سازی انتقال جرم داخل برج، از مدل اولنی و برای مدل سازی انتقال جرم داخل برج، از سرعت حد قطرات از معادلات کلی و تریبال محاسبه و برای تعیین اندازه قطرات از دادههای تجربی استفاده شده است. مقدار پارامتر ۹۵ درصد حد اطمینان در پیش بینی بارون ۳۲/۷۸ است. در حالی که در مدل جدید به ۱۱/۱۱ بارون ۳۲/۷۸ است. در حالی که در مدل جدید به ۱۱/۱۱

واژههای کلیدی: ضریب انتقال جرم فاز پراکنده، قطرات غیرکروی، قطرات کلاهکی شکل، استخراج مایع–مایع

مقدمه

چون فرایند استخراج مایع –مایع یکی از مهمترین فرایندهای صنعتی است، مدل سازی هیدرودینامیک و انتقال جرم آن که عمدتاً بین یک قطره و فاز پیوسته اطراف آن است در کتابها و مقالات به خوبی بررسی شده است. اکثر مدل هایی که در مقالات مطرح شدهاند به محاسبه ضرایب انتقال جرم قطرات کروی شکل منحصراند [۱و۲]. اخیراً باستانی و شاه عالمی، با فرض کروی بودن قطرات، با استفاده از ژنتیک الگوریتم، ضرایب انتقال جرم و اختلاط مدوری را در یک برج RDC پیش بینی کرده و مدعی شدهاند که روش جدید نتایج بهتری را برای عملکرد برج پیش بینی می کند [۳]. علی رغم این مطلب، بعضی از محققان معتقدند که این قطرات کروی نیستند و یا در مسیر حرکت خود نوسان می کنند و یا مرتب تغییر شکل می دهند [۴–۶].

و محیط پیوسته اطراف آن، سطح تماس آن با فاز مجاور است. با تغییر شکل یک قطره، سطح تماس آن مرتباً تغییر میکند که میتواند بر اختلاط داخل قطره نیز اثر بگذارد و ضریب انتقال جرم را افزایش دهد. در اثر این افزایش، **پژوش نفت** • شماره ۵۹

 $\begin{array}{lll} & \sum_{k=1}^{\infty} P_{k} = \sum_{k=1}^{\infty} P_{$

 $\lambda_{n} = \lambda_{n} = 0$ گابت. B_{n} ثابت. B_{n} ثابت. B_{n} ثابت. B_{n} ثابت. $Y_{n}(\xi)$ توابع ویژه^{*} معادله استرام- $Y_{n}(\xi)$ ثابت. $\frac{d}{d\xi} \left[(1 - 5\xi + 10\xi^{2} - 6\xi^{3}) \frac{dY_{n}}{d\xi} \right] + \lambda_{n}(1 - \xi)Y_{n} = 0$ (۵) (Δ) (Δ) $(\Delta$

مدل جدید قطرات قطراتی که در اینجا بررسی شدهاند، به صورت کلاهک بیضویاند^۷.

مشخصات قطرات كلاهك بيضوي

یک قطره کلاهک بیضوی در شکل ۱ نشان داده شده که

- 1. Handlos and Baron
- 2. Wellek and Skelland
- 3. Eigenvalues
- 4. Eigenfunctions
- 5. Strum- Liouville
- 6. Korchinsky and Cruz-Pinto
- 7. Ellipsoidal Cap

مقدار انتقال جرم از قطره یا به قطره افزایش خواهد داشت. در این مقاله با توجه به مشاهدات آزمایشی، از نوسانات شکل قطره صرفنظر شده و صرفاً تغییر ضریب انتقال جرم به دلیل تغییر شکل در نظر گرفته شده و قطرات به صورت کلاهکی شکل مدلسازی شدهاند. به کمک این مدل میتوان با بهینهسازی ضریب انتقال جرم، با کمک اطلاعات تجربی از توزیع غلظت ماده منتقل شونده در طول ستون استخراج، شکل تقریبی قطره را که میتواند بخشی از یک بیضی باشد پیش بینی کرد. در این مقاله، قطرات به صورت کلاهک بیضوی در نظر گرفته و شکل آنها پیش بینی شدهاند. در ادامه، نتایج حاصل از مقایسه تعداد مراحل انتقال پیش بینی شده با مدل جدید با نتایج پیش بینی شده با مدل هندلوس و براون [۲] برای قطرات این مدل توضیح داده میشوند.

مدل هندلوس و بارون

این دو محقق در تئوری خود فرض کردند که درون قطره بسیار متلاطم است و با تلفیق حرکات مماسی ناشی از چرخشهای درون قطره و حرکات شعاعی ناشی از نوسانات قطره، ضریب نفوذ جریان متلاطم را پیش بینی کردند. آنها فرض کردند خطوط جریان درون قطره به صورت حلقههای کروی است به طوری که اجزای سیال به صورت تصادفی در جهت شعاعی در آنها جابه جا میشوند و فرایند انتقال جرم این حلقهها انجام و از بقیه حجم قطره صرفنظر می شود. این مدل به طور کلی برای قطرات نوسانی استفاده می شود [او ۲].

$$V_{\rm d}\frac{\partial y}{\partial z} = \nabla.\left(D^*\nabla y\right) \tag{1}$$

*D نشان دهنده ضریب نفوذ درون قطره است و تأثیرات اختلاط ناشی از چرخشهای درونی و نوسانات را توصیف میکند. در این تحقیق نشان داده شد که *D از رابطه زیر به دست میآید:

$$D^* = \frac{V_s d}{2048 \left(1 + \frac{\mu_d}{\mu_c}\right)} \left(1 - 4\xi + 6\xi^2\right)$$
(Y)

۱۸

www.SID.ir



شکل ۱- شکل و هندسه یک قطره کلاهک بیضوی [۹]

شامل سه پارامتر h a_b و θ است. همه این پارامترها برای محاسبه مساحت سطح وحجم یک قطره کلاهک بیضوی لازماند. معادله شکل یک قطره بیضوی در صحفه x-y بهصورت زیر است [۸]:

مدلسازي انتقال جرم قطرات غير...

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$
 (V)

ه و b طول محورها در جهات x e y هستند. نقطهای روی x و b طول محورها در جهات x e y هستند. نقطه کنج قطره بیضی با مشخصات (x_o, y_o) در شکل ۱ نقطه کنج قطره مایع را نشان میدهد و $x_o = r_b$ و $x_o = b - h$ است.

مقادیر a و b برحسب پارامترهای کلاهک بیضوی به صورت زیر میباشند:

$$a = \frac{r_{b}(h+s)}{\sqrt{h(h+2s)}} \tag{A}$$

$$\mathbf{b} = \mathbf{h} + \mathbf{s} \tag{(9)}$$

که s = y_0 = $r_{
m b}\cot heta$ است.

حجم قطره کلاهک بیضوی حجم این قطره را می توان با چرخاندن منحنی حول

محورها در فاصله $y_0 \leq y \leq y$ بهدست آورد:

$$V = \pi \int_{y_0}^{b} x^2 dy = \pi \frac{a^2}{b^2} \int_{y_0}^{b} (b^2 - y^2) dy \qquad (1 \cdot)$$

بعد از انتگرالگیری، حجم قطرہ برابر خواہد بود با:

$$V = \frac{\pi a^2}{3b^2} (2b^3 - 3b^2y_0 + y_0^3)$$
(۱۱)

مساحت سطح قطره کلاهک بیضوی مساحت سطح این قطره از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$A = 2\pi \int_{y_0}^{b} x \sqrt{1 + (\frac{dx}{dy})^2} dy$$
(17)

$$A = \frac{2\pi a}{b^2} \int_{y_0}^{b} \sqrt{b^4 + (a^2 - b^2)y^2} \, dy \tag{17}$$

ضريب انتقال جرم

اگر فاز پیوسته انتقال جرم را کنترل کند و غلظت میانگین قطره بسیار کم باشد، ضریب انتقال جرم کلی (k_{od}) را با گرادیان غلظت محلی در سطح قطره محاسبه میکنند. با استفاده از اصل بقای جرم در اطراف سطح قطره رابطه زیر بهدست میآید [۱۰]:

$$\mathbf{k}_{\mathrm{od}} = \frac{1}{A} \frac{1}{\mathbf{c}_{1,\infty} - \mathbf{c}_{1,0}} \oint A \mathbf{D}_{\mathrm{i}} \frac{\partial \mathbf{c}_{1}}{\partial \mathbf{n}} \,\mathrm{d}A \tag{14}$$

A سطح قطره، D_i ضریب نفوذ مولکولی در سطح قطره و D_i مطح قطره و D_i می محمد قطره در سطح قطره و $C_{1,0}$ و $C_{1,0}$ غلظتهای ماده منتقل شونده در سطح قطره و در فواصل دور از سطح قطره در فاز پیوستهاند. برای حل انتگرال، گرادیان غلظت به صورت زیر فرض می شود: $\frac{\partial c_1}{\partial n} = \frac{c_{1,\infty} - c_{1,0}}{2} (\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2})$ (10)

www.SID.ir

پژوش نفت • شماره ۵۹

بهدست می آیند. با تغییر این پارامترهای مستقل، شکل و ضریب انتقال جرم قطره تغییر می کنند. با تغییر شکل و ضریب انتقال جرم قطره، توزیع غلظت فاز پیوسته در طول ستون تغییر می کند. اگر توزیع غلظت فاز پیوسته در حالت تئوری و آزمایشگاهی کمترین اختلاف را داشته باشند، پارامتر یا پارامترهای بهینه قطره و در نتیجه شکل بهینه قطره به دست می آید.

داده های آزمایشگاهی

در این کار از دادههای آزمایشگاهی باستانی [۱۱] استفاده شده است. وی دادههای انتقال جرم را برای انتقال جرم با غلظت پایین حل شونده (بین دو تا ده درصد جرمی و به عبارتی شار جرمی کم) برای دو برج RDC با ابعاد مختلف با استفاده از دو سیستم با تنش بین فازی بالا و پایین بهدست آورد (جداول او۲).

مدل اختلاط پيشرو

در این مدل قطرات بهعلت تفاوت قطر در راستای حرکتشان سرعتها و زمانماندهای متفاوت خواهند داشت که این مشابه یک اختلاط به سمت جلو است. فاز پیوسته در این تحقیق به صورت جریان پلاگ با اختلاط محوری در نظر گرفته شده است [۱۱]. فرضیات اساسی مدل عبارتاند از: - خواص فیزیکی فازها ثابت و یکنواختاند؛ - تنها یک جزء بین فازها منتقل می شود؛ - ضریب توزیع ثابت است؛

č	مشخصات			
کوچک (متر)	بزرگ (متر)			
•/•V&Y	•/719	قطر برج		
• /٧٣۶	١/۵٠۵	ارتفاع برج		
•/•۴	•/11	قطر دیسک		
•/•40	•/134	قطر استاتور		
•/•704	•/•٧٢	ارتفاع هر بخش		

جدول ۱– ابعاد برجها

1. Oblate Ellipsoidal Cap

2. Prolate Ellipsoidal Cap

شعاعهای منحنی برای یک قطره متقارن با روابط زیر محاسبه می شوند: $\frac{1}{R_1} = \frac{-y''}{(1+{y'}^2)^{\frac{3}{2}}}$ (۱۶)

$$\frac{1}{R_2} = \frac{-y'}{x(1+{y'}^2)^{\frac{1}{2}}}$$
(1V)

۱- اگر a > b باشد، قطره پخ است و رابطه زیر برای
 ضریب انتقال جرم درون آن بهدست خواهد آمد:

$$k_{od} = \frac{\pi a D_{i}}{A} \left[\frac{b - y_{0}}{a} + \frac{a}{\sqrt{a^{2} - b^{2}}} \right] \left(\tan^{-1} \frac{\sqrt{a^{2} - b^{2}}}{b} - \tan^{-1} \frac{y_{0} \sqrt{a^{2} - b^{2}}}{b^{2}} \right)$$
(1A)

$$\begin{aligned} \mathbf{k}_{od} &= \frac{\pi a D_{i}}{A} \left[\frac{b - y_{0}}{a} + \frac{a}{2\sqrt{b^{2} - a^{2}}} \\ \left(\ln \left[\frac{\sqrt{b^{2} - a^{2}} + b}{\sqrt{b^{2} - a^{2}} - b} \right] - \ln \left[\frac{\sqrt{b^{2} - a^{2}} y_{0} + b^{2}}{\sqrt{b^{2} - a^{2}} y_{0} - b^{2}} \right] \right) \right] \end{aligned} \tag{19}$$

۳- اگر a = b باشد، قطره کروی و رابطه زیر برای ضریب انتقال جرم درون آن معتبر خواهد بود:

$$k_{od} = \frac{2\pi D_i}{A} (b - y_0) = \frac{2\pi D_i}{A} h \qquad (\gamma \cdot)$$

در اینجا فرض شده است که تمام قطرات بهصورت کلاهک بیضوی هستند؛ بنابراین از روابط (۱۸) و (۱۹) برای محاسبه ضریب انتقال جرم قطرات استفاده شده است.

بهينه كردن شكل قطرات غيركروي

فرض می شود که حجم قطره با قطر مشخص در اثر تغییرات از حالت کروی به حالت غیرکروی ثابت می ماند. با این فرض، شکل بهینه قطره برای حالت غیرکروی بهدست آمده است. شکل قطره کلاهک بیضوی شامل دو پارامتر مستقل خواهد بود. با استفاده از توزیع غلظت فاز پیوسته در طول ستون، این پارامترها با بهینه کردن ۲١

مدلسازي انتقال جرم قطرات غير...

بوتانول- اسید سوکسینیک- آب	تولوئن– استن – آب	مشخصات
۹۹۳/۵	1	چگالی فاز پیوسته (kg/m³)
۸۳۵	٨۶.	چگالی فاز پراکنده (kg/m³)
•/••17٣	•/••1	ويسكوزيته فاز پيوسته (kg/m.s)
•/••٢٩١	•/•••091	ویسکوزیته فاز پراکنده (kg/m.s)
•/•• 1V	•/•٣٢	کشش سطحی(N/m)
۵/۴×۱۰ ^{-۱} ۰	۹/۶×۱۰ ^{-۱.}	ضریب نفوذ مولکولی فاز پیوسته (m²/s)
۲/1×1۰ ^{-۱} ۰	۲/۶۷×۱۰ ^{-۹}	ضریب نفوذ مولکولی فاز پراکنده (m²/s)
	1	1

جدول ۲- خواص فیزیکی مواد در سیستم SI



در رابطه بالا، _۱، V سرعت حد قطرات است که با روابط کلی و تریبال^۲ [۱۳] پیشبینی می شود. در این رابطه C_R ضریب محدودیت است که در برج های RDC با اطلاعات هیدرودینامیکی می توان آن را محاسبه کرد. با توجه به استفاده از مدل اولنی مقدار _RC برای هر آزمایش محاسبه شده است که مقادیر آنها در مرجع [۱۱] آمده است. با موازنه جرم دیفرانسیلی برای فاز پیوسته، معادله دیفرانسیلی توزیع غلظت در فاز پیوسته در طول ستون بهدست خواهد آمد:

– از اثرات برخورد و اختلاط معکوس صرف نظر مي شود؛ - ضرايب انتقال جرم محلي، بر حسب زمان تماس قطره با فاز پيوسته، ميانگين گرفته مي شود؛ – اختلاط کامل در صفحه افقی در فاز پیوسته در نظر گرفته می شود. موازنه جرم ديفرانسيلي روى يک المان، براي جزئي از فاز پراکنده با قطرهای به قطر d_i و سرعت V_{di} بهصورت زیر است (شکل ۲): (11) $g_i W_d dy_i = f_i V_{d,i} \varphi S \rho_d dy_i = N_i a_i S dz$ شار انتقال جرم بین فازها از رابطه زیر به دست میآید: $N_i = K_{OD,i}\rho_d(y^* - y_i)$ (77) يع ىد: d d

نین قطره این تعلیم محاسبه شده است. سرعت خزشی قطره نخزشی قطره است. از روابط هیدرودینامیکی اولنی ' [۱۲] بهدست آمده است. در این مدل _{s,i} از رابطه زیر محاسبه شده است:

 $V_{s,i} = C_R V_{t,i} (1 - \phi) = V_{d,i} + \frac{V_{c,i}}{1 - \phi}$ (Ya)

^{1.} Olney

^{2.} Klee and Treybal

$$N_{OD}(pre) = \frac{1}{\frac{1}{\Lambda} - 1} \ln \left[\frac{1 - E_{OD}}{1 - \frac{E_{OD}}{\Lambda}} \right]$$
(72)

m ضریب توزیع و Λ فاکتور استخراج است که از رابطه زیر محاسبه شده است:

$$\Lambda = \frac{\rho_c Q_c}{m\rho_d Q_d} \tag{Ta}$$

برای محاسبه پارامترهای مجهول ضریب انتقال جرم (ضریب انتقال جرم فاز پیوسته در مدل هندلوس و بارون و پارامترهای شکل قطره در مدل جدید) از تابع fminsearch در نرم افزار Matlab استفاده شده است تا کمترین مجموع مربعات انحراف غلظت توزیع غلظت پیش بینی شده و آزمایشگاهی تعیین شود. برای پیش بینی تعداد مراحل انتقال جریان پلاگ، به ضریب اختلاط محوری E نیاز است. باستانی [۱۱] با استفاده از دادههای تجربی متعدد برای هر دو ستون و هر دو سیستم، ضریب اختلاط محوری را محاسبه کرده است. در این مقاله از روابط وی برای محاسبه ضریب اختلاط محوری E استفاده شده است.

نتايج

خلاصه نتایج تئوری و آزمایشگاهی در جدول ۳ آورده شده است. در شکل ۳، تعداد مراحل انتقال جریان پلاگ برای مدل هندلوس و بارون و مدل جدید مقایسه شده است. مقادیر (N_{ODP}(exp و (N_{ODP}(pre)، زمانی که از مدل جدید استفاده می شود، تطابق بیشتری با هم دارند. مقایسه مجموع مربعات انحراف (جدول ۳)، نیز این موضوع را تأیید می کند. ملاک دیگر مقایسه دو مدل، محاسبه ۹۵٪ حد اطمینان' در محاسبه تعداد مراحل انتقال است. با استفاده از اختلاف تعداد مراحل انتقال تئوری و تجربی در هر آزمایش می توان حد اطمینان را محاسبه کرد:

95% Confidence limit = $\pm 2 \sqrt{\frac{\sum (\frac{N_{ODP}(exp) - N_{ODP}(pre)}{N_{ODP}(exp)})^2}{n-1}}$ (\mathcal{P})

N_{ODP}(exp) و N_{ODP}(pre) بهترتیب تعداد مراحل انتقال جریان پلاگ تجربی و تئوری و n تعداد آزمایش ها هستند. ۹۵٪ حد اطمینان در پیش بینی نتایج در مدل هندلوس و

$$E_c \rho_c \frac{d^2 x}{dz^2} + \rho_c V_c \frac{dx}{dz} = 6\rho_d \varphi \sum \frac{K_{OD,i} f_i}{d_i} (y^* - y_i) (\Upsilon)$$

$$\frac{d^{2}x}{d\eta^{2}} + \operatorname{Pe}_{c}\frac{dx}{d\eta} = \frac{6\operatorname{Pe}_{c}\varphi Z\rho_{d}}{V_{c}\rho_{c}} \sum \frac{K_{\mathrm{OD},i}f_{i}}{d_{i}} (y^{*} - y_{i})_{(\Upsilon V)}$$
شرایط مرزی حل معادله عبارتاند از:

at
$$\eta = 0$$
 x = x₁ or $\frac{dx}{d\eta} = 0$ & y_i = y₁(YA)

at
$$\eta = 1$$
 $x = x_2 - \frac{1}{Pe_c} \frac{dx}{d\eta}$ (Y9)

$$X = x + \frac{1}{Pe_c} \frac{dx}{d\eta}$$
(7.)

که غلظت جریان پلاگ را در فاز پیوسته نشان میدهد، معادله اخیر به دو معادله دیفرانسیلی درجه اول تبدیل میشود:

$$\frac{\mathrm{dx}}{\mathrm{d\eta}} = \mathrm{Pe}_{\mathrm{c}}(\mathrm{X} - \mathrm{x}) \tag{(1)}$$

$$\frac{dX}{d\eta} = \frac{6\rho_d \phi Z}{V_c \rho_c} \sum \frac{K_{OD,i} f_i}{d_i} (y^* - y_i)$$
(77)

دو معادله آخر را می توان با روش های عددی برای مدل های مختلف انتقال جرم حل کرد.

روش انجام محاسبات

ضرایب کلی انتقال جرم از معادله (۶) برای مدل هندلوس و بارون و یکی از معادلات (۱۹) یا (۲۰)، برای مدل جدید (با توجه به نسبت طولهای بزرگ به کوچک بیضی معادل) محاسبه شده است. سپس این ضرایب مستقیم در معادلات (۲۳) و (۳۲) گذارده شدهاند تا توزیع غلظت در فازهای پیوسته و پراکنده بدست آید. با استفاده از غلظتهای پیش بینی شده، راندمان و تعداد مراحل انتقال جریان پلاگ از روابط زیر محاسبه شده است:

راندمان استخراج پیش بینی شده (بر مبنای فاز پراکنده):

$$E_{OD}(pre) = \frac{y_2 - y_1}{y^*(x_2) - y_1} = \frac{y_2 - y_1}{mx_2 - y_1} \quad (\mbox{mw})$$
تعداد واحدهای انتقال پیش بینی شده (بر مبنای فاز پراکنده):

^{1.95%} Confidence Limit

۲۳

مدلسازي انتقال جرم قطرات غير...

آزمایشگاهی) در مدل هندلوس و بارون برابر ۲۰۰۴×۵/۱۲۹۳ و در مدل جدید ۲۰^{-۱}۰۲×۲۶۴۲۶ است. بارون ۳۲/۷۸ است که در مدل جدید به ۱۱/۱۱ میرسد. همچنین مجموع کل مربعات انحراف (اختلاف توزیع غلظت تئوری بهدست آمده از معادلات با توزیع غلظت

مدل جديد		هندلوس و بارون					شماره	
SSD×۱۰۶	N _{ODP} (pre)	SSD×1.5	N _{ODP} (pre)	N _{ODP} (exp)	$d_{32}(m) \times 1 \cdot r$	$Q_{D}(m^{3/s}) \times 1.5$	$Q_{c}(m^{3/s}) \times 1.5$	أزمايش
1/7780	7/3483	٣/٨٩۴۴	7/0790	۲/۲۳۷۱	1/994	۲۶/۷۰	۲۰/۲۰	١
10/1/0	۲/۳۵۱۸	18/414	۲/۳۴۰۵	የ/ምምለለ	1/990	۵•/٨٠	۲٩/۵۰	۲
V/10V7	۲/۳۳۱۳	۲۳/۰۳۱	2/8021	۲/۳۰۱۶	١/٨٦٢	۵۰/۸۰	۲٩/۵۰	٣
18/37	7/0/20	۵۷/۳۶۹	٣/١٨٥٩	۲/۶۷۱۳	١/٨٣٣	۵۰/۸۰	۲٩/۵۰	۴
19/1	7/1793	۳۰/۱۰۶	1/9011	7/1490	7/•94	٨.	۴۸/۲۰	۵
137/178	7/3993	۱۷/۳	7/4979	1/2001	۲/۱۵۳	٨.	۴۸/۲۰	۶
1./447	۲/۳۰۴۵	۵۳/۳۰۷	۲/۷۸۴۳	7/3784	1/977	٨.	۴۸/۲۰	٧
۶/۳۳۹۷	1/0991	٧/٤٣٣٢	1/97.0	1/8778	7/497	۲۶/۷۰	۲۰/۲۰	٨
4/0019	1/791	8/VVWV	۱/۲۰۲۳	1/7401	۲/۹۳	۵•/٨٠	۲٩/۵۰	٩
٨/•٩۵٢	۳۲۲۲۲	11/71	1/3789	1/7.94	۲/۹۲	٨.	۴۸/۲۰	١٠
10/177	١/٧۴	84/709	1/79V	1/8140	١/٣٤٧	٧/٣٠	۵/۸۰	11
19/149	1/9.71	91/141	۲/ ۳ ۴۳۸	1/8917	۲/۳۷۲	٧/٣٠	۵/۸۰	١٢
23/242	5/7770	84/088	2/0933	۲/۰۸۱۷	1/079	٧/٣٠	۵/۸۰	۱۳
۱۶/۱۷۸	۲/۶۷۰۹	70/919	2/0219	7/0077	١/٢٣	٧/٣٠	۵/۸۰	14
1/•974	۲/۱۳۳۲	۲/۳۳۱۱	1/9401	7/1090	1/948	۲١/٢٣	۲١/٢٣	۱۵
•///442	۲/۵۹۸۳	8/24.1	٣/١٢٧٣	۲/۶۰۵۶	۱/۶۸۵	۲۱/۲۳	۲۱/۲۳	18
•/۵۲•٩	٣/٣٠٢٣	٨/٠٠١٧	۲/۵۶۰۸	٣/٣٩۴	١/٠٠٧	۲١/٢٣	۲١/٢٣	١٧
1/4710	7/949	1/9171	۲/۸۰۴۵	7/02371	١/٨۴۶	31/84	W A/9V	١٨
•//٣٢٦	٣/۶٨.۵	1/0777	٣/۴۵٩	37/4018	1/301	W1/94	۳۸/۶۷	۱۹
•/VA•Y	۵/۲۲۸۴	7/7070	4/4490	4/990	•/٩۶١	31/84	W A/9V	۲.
1/90	٣/۴۱۱۶	١/٨٣٥	٣/٩٢٠٩	371720	١/٣٧٩	41/47	۵۷/۲۴	۲۱
•/4•41	8/40·V	·/V190	۶/۲۹۶۸	۶/۶۰۲۸	١/٠٠٧	41/47	۵۷/۲۴	77
۲۳۲ ۱/۱	٧/٧٩١٧	١/٧٥٧٩	9/7004	۵/۱۳۳۵	•///40	41/47	۵۷/۲۴	۲۳
•/9714	٣/٨٣٧٧	1/•989	٣/٨٨٢٩	٣/۶٣٠١	۱ ۲۳۲ ۱	31/84	M/20	74
24/140	١/٨٠۶١	٣٧/٨٠٣	7/0140	1/8474	1/197	۲/۵۷	۲/۵۷	۲۵
۱۰/۹۰۳	1/1190	14/149	۲/۰۱۹۸	1/VAAD	۱/۳۰۵	۲/۵۷	۲/۵۷	79
9/3771	٢/٣٧٩٣	17/11	2/0442	۲/۲۰۳۸	۱/۰۱۰	۲/۵۷	۲/۵۷	۲۷

جدول ۳- شرایط عملیاتی و پارامترهای پیش بینی شده



شکل ۳- مقایسه تعداد مراحل انتقال برای مدلهای جدید و هندلوس و بارون

در جدول ۳ مقادیر d₃₂ بر اساس نتایجی که باستانی به دست آورده [۱۱] و برای توزیع قطرات کروی بهدست آمدهاند.

در جدول ۴ ضرایب انتقال جرم کلی بر مبنای فاز پراکنده بهدست آمده از اطلاعات تجربی، مدل هندلوس و بارون و مدل جدید درج شدهاند.

در هر دو سیستم، مقادیر ضرایب انتقال جرم با استفاده از مدل جدید کمتر از مدل H-B و تجربی پیش بینی شدهاند. ضمناً مقادیر K_{oD} پیش بینی شده با مدل H-B بیشترین

مقدار را دارند و دلیل عمده تفاوت نتایج پیش بینی شده با این مدل همین است.

نتيجه گيرى

۹۵٪ حد اطمینان و همچنین مجموع مربعات انحراف در مدل جدید کمتر از مدل هندلوس و بارون است. بنابراین مدل جدید شرایط انتقال جرم داخل برج را بهتر از مدل هندلوس و بارون پیشبینی میکند و نشان میدهد که شکل قطره تأثیری زیاد در انتقال جرم دارد.

. · ·	0.9. 19.	
بوتانول- اسید سوکسینیک- آب	تولوئن- استن – آب	ضريب انتقال جرم
۲۹ /۶	138	$K_{OD,exp}(\mu ms^{-1})$
٣٣/٣٢٠۵	139/2811	$\mathrm{K}_{\mathrm{OD,H} ext{-B}}(\mu\mathrm{ms}^{-1})$
87/8728	110/8377	$K_{OD,New}(\mu ms^{-1})$

جدول۴- مقایسه ضرایب انتقال جرم تجربی، مدل H-B و مدل جدید

۲۵

مدلسازي انتقال جرم قطرات غير...

فاز

www.SID.ir

پژوشرنفت • شماره **۵۹**

منابع:

- [1] Korchinsky W.J. & Cruz-Pinto J.J.C., "Mass transfer coefficients: calculation for rigid and oscillating drops in Extraction columns", *Chem. Eng. Sci.*, Vol. 34, pp. 551-561, 1979.
- [2] Handlos A.E. & Baron T., "Mass and heat transfer from drops in liquid-liquid extraction", *A.I.Ch.E.J.*, Vol. 3, pp. 127-136, 1957.

[3] Bastani D. & Shahalami S.M., "New approach in the prediction of RDC liquid-liquid extraction column parameters", *Chem. Eng. Technol.,* Vol. 7, pp. 971-977, 2008.

[4] Wellek R.M., Agrawal A.K. & Skelland A.H.P., "Shape of liquid drops moving in liquid media", A.I.Ch.E.J., Vol. 12, pp. 854-862, 1966.

[5] Farelukis M. & Hungly C., "Unsteady mass transfer around spheroidal drops in potential flow", *Chem.Eng.Sci.*, Vol. 60, pp. 7011-7021, 2005.

[6] Lochiel A.C. & Calderbank P.H., "Mass transfer in the continuous phase around axisymmetric bodies of revolution", *Chem.Eng.Sci.*, Vol. 19, pp. 471-484, 1964.

[7] Wellek R.M. & Skelland A.H.P., "Extraction with single turbulent droplets", *A.I.Ch.E.J.*, Vol. 11, pp. 557-560, 1965.

[8] Yildirim Erbil H. & Alsun meric R., "Evaporation of sessile drops on polymer surfaces: Ellipsoidal Cap Geometry", *J.Phys.Chem.B*, Vol. 101, pp. 6867-6873, 1997.

[9] Clift R., Grace J.R. & Weber M.E., Bubbles, drops and particles, 1st Ed., Academic Press, 1978.

[10] Yang C. & Mao Z.S., "Numerical simulation of interphase mass transfer with level set approach", *Chem.Eng. Sci.*, Vol. 60, pp. 2643-2660, 2005.

[11] Bastani D., Liquid-liquid extraction column performance evaluations for two column diameters and two chemical systems., Ph.D.Thesis, Victoria university of Manchester, 1990.

[12] Olney R.B., "Droplet characteristics in a counter current contactor", A.I.Ch.E.J., Vol. 10, pp. 827-835, 1964.

[13] Klee A.J. & Treybal R.E., "Rate of rise or fall of liquid drops", A.I.Ch.E.J., Vol. 2, pp. 444-447, 1956.