

بررسی اثر گل حفاری بر ارتعاشات ساقه‌های متنه

پژوهشنیفت

سال بیست و دوم

شماره ۷۲

صفحه ۸۴-۷۴، ۱۳۹۱

تاریخ دریافت مقاله: ۹۰/۲/۲۴

تاریخ پذیرش مقاله: ۹۱/۱۰/۱۰

رضا کاظمی، علی اصغر جعفری و محمد فرجی مهیاری*

دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، دانشکده مکانیک

farajimahyari@yahoo.com

واژه‌های کلیدی: ساقه متنه، گل حفاری، ارتعاشات، کمانش،
تماس با دیواره

مقدمه

عمل حفاری معمولاً برای دسترسی به منابع زیرزمینی آب، نفت و یا گاز انجام می‌شود. در حین حفاری، گل به داخل چاه تزریق می‌شود. عمل تزریق گل، برای خنک کاری سرمهته^۱، انتقال مواد تراشیده شده توسط سرمهته به سطح و همچنین غلبه فشار هیدرواستاتیک^۲ سیال بر فشار دیواره و جلوگیری از ریزش دیواره در چاه، استفاده می‌شود. عمل تزریق گل بدین صورت است که گل حفاری از مجرای داخلی ساقه متنه^۳ به داخل چاه پمپ می‌شود و از انتهای آن خارج شده و عمل خنک کاری سرمهته را انجام می‌دهد. سپس به همراه مواد تراشیده شده توسط سرمهته، از فضای بین دیواره چاه و ساقه متنه به سمت بالا حرکت کرده و از چاه خارج می‌شود.

- 1. Drill Bit
- 2. Hydrostatic
- 3. Drill String

چکیده

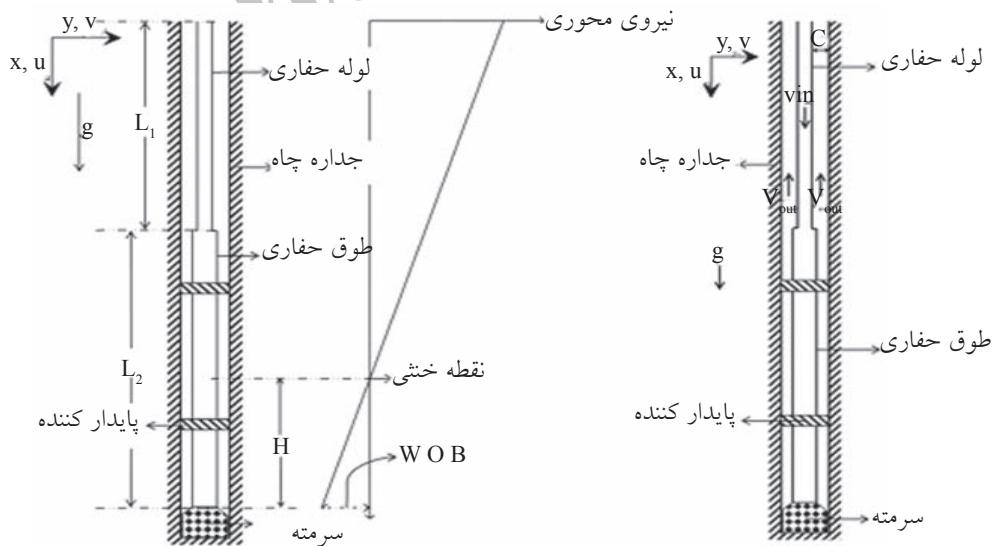
در این مقاله، تأثیر وجود گل حفاری و سرعت حرکت آن بر ارتعاشات ساقه متنه، مورد بررسی قرار گرفته است. معادلات حاکم بر ارتعاشات طولی و عرضی ساقه متنه با در نظر گرفتن نیروی وزن، نیروی واردہ از کف و دیواره چاه و نیروهای واردہ از طرف سیال، استخراج شده است. این معادلات از طریق نوشتتن معادلات انرژی‌های پتانسیل و جنبشی سیستم و به دست آوردن کار انجام شده توسط نیروهای خارجی بر روی سیستم حاصل شده است. سپس به کمک روش جمع حالت‌ها و استفاده از رابطه لاگرانژ، معادلات با مشتقهای جزئی سیستم، به معادلات با مشتقهای زمانی تبدیل شده است. با انجام این کار، دبی‌های گل حفاری و نیروهای محوری واردہ از کف چاه که می‌توانند باعث کمانش در ساقه‌های متنه شوند، محاسبه شده‌اند. فرکانس طبیعی و نیروی محوری و دبی‌های لازم برای کمانش، با مقدار ارائه شده در مراجع مطابقت دارند. نتایج حاصل نشان دهنده آن است که فرکانس طبیعی ساقه متنه با افزایش دبی گل کاهش می‌یابد. همچنین گل حفاری مانند یک جرم و میرایی معادل عمل کرده و با افزایش سرعت آن، اثر جرم و میرایی آن بیشتر شده و ارتعاشات ساقه متنه در هر دو حالت زیرکمانش و فرآکمانش، زودتر میرا می‌شود.

لغش^۳ سرمهته در سنگ و وارد آمدن ضربه‌های پیچشی به ساقه مته و ضربه‌های واردہ به ساقه مته در اثر جهش سرمهته در هنگام رها شدن از تماس با سنگ باعث مضاعف شدن پیچیدگی بررسی ارتعاشات ساقه‌های مته شده است.

در شکل ۱، نمای کلی یک ساقه مته نمایش داده شده است. همان‌طور که در این شکل مشاهده می‌شود، نیروی محوری در طول ساقه مته تغییر می‌کند. بدین ترتیب قسمت انتهایی آن، تحت فشار و قسمت بالایی آن، تحت کشش قرار دارد. نقطه‌ای در میانه ساقه مته وجود دارد که نه تحت فشار است و نه تحت کشش. این نقطه، نقطه خشی^۴ نامیده می‌شود که محل قرارگیری آن، تاثیر بسزایی در عملکرد ساقه مته دارد. با بالا آمدن نقطه خشی از کف چاه، طول بیشتری از ساقه مته تحت اثر نیروی فشاری قرار می‌گیرد و امکان کماش آن تحت اثر نیروی محوری به وجود می‌آید. همان‌طور که در شکل ۱ مشاهده می‌شود، در ساقه‌های مته قسمت‌هایی به نام پایدارکننده‌ها^۵ وجود دارد که در روی قسمت طوق مته^۶ نصب می‌شود. وظیفه پایدارکننده‌ها جلوگیری از حرکت طوق مته در راستای عرضی می‌باشد. دلیل نصب پایدارکننده‌ها این است که در قسمت طوق مته ارتعاشات کمتر شود و در عملکرد سرمهته، خللی ایجاد نشود.

بررسی ارتعاشات ایجاد شده در ساقه مته همانند دیگر ماشین‌های دور، از اهمیت خاصی برخوردار است. ارتعاشات، یکی از عوامل مؤثر بر میزان عمر و همچنین عملکرد ساقه‌های مته می‌باشد. ارتعاشات موجود در ساقه مته می‌تواند باعث ایجاد خستگی^۱ در آن شود که اگر این مقدار خستگی از حد مجاز فراتر رود، باعث شکست در ساقه مته شکسته شده از چاه و همچنین صدمات جبران‌ناپذیری که در اثر شکست ساقه مته به چاه وارد می‌شود، باعث شده شرکت‌های حفاری توجه زیادی به بررسی ارتعاشات ساقه‌های مته نمایند. همچنین ارتعاشات ایجاد شده در ساقه مته می‌تواند نزد نفوذ آن در زمین را کاهش دهد و یا باعث انحراف ساقه مته از مسیر از پیش تعیین شده گردد.

در ساقه‌های مته به طور هم زمان ارتعاشات طولی، عرضی و پیچشی وجود دارد. پیوستگی بین این سه نوع ارتعاش، باعث پیچیدگی مطالعه ارتعاشات ساقه مته شده و مدل‌سازی کامل ارتعاشات ساقه‌های مته را با مشکل روپرتو می‌کند. در ضمن وجود تماس ساقه مته با دیواره چاه، طول زیاد ساقه مته و احتمال کماش^۲ آن در قسمت‌های انتهایی، وجود گل حفاری در اطراف و داخل ساقه مته، چسبش -



شکل ۱- نمای کلی یک ساقه مته

1. Fatigue
2. Buckling
3. Stick-slip
4. Neutral Point
5. Stabilizers
6. Drill Collar

قرار داده‌اند. البته در این پژوهش، اثر گل حفاری، تماس با دیواره و اصطکاک دیواره لحاظ نشده و تنها اثر نقطه خشندی بر فرکانس طبیعی ساقه مته و پاسخ زمانی آن در راستای عرض، مورد بررسی قرار گرفته است.

در زمینه بر هم کنش بین سازه و سیال نیز مقالات زیادی ارائه شده است که به روش‌های مختلف، به مدل‌سازی این اثر پرداخته‌اند. از بین مقالات ارائه شده در این زمینه، مقالاتی که توسط Paidoussis ارائه شده‌اند [۶ و ۷] مناسب‌ترین مقالات برای بررسی اثر گل حفاری بر ارتعاشات ساقه‌های مته می‌باشند. در این پژوهش‌ها یک فرمول تحلیلی برای اثر برهم کنش بین سیال و سازه، در لوله‌ای که از داخل آن جریان سیال عبور می‌کند، ارائه شده است. همچنین فرمول تحلیلی برای استوانه‌ای که در داخل استوانه‌ای دیگر قرار دارد و فضای مابین آن‌ها توسط سیال پر شده است، نیز به دست آمده است. این روابط در عین کوتاه بودن، تمام اثرات جرم، میرایی و فریت معادل سیال را دارا بوده و با توجه به نیازهای کاربر، برای مدل‌سازی ارتعاشات ساقه مته کافی می‌باشند.

همان‌طور که اشاره شد، در مقالات ارائه شده در زمینه ارتعاشات ساقه‌های مته، به دلیل پیچیدگی‌های موجود، معمولاً اثر گل حفاری یا مدل نشده است و یا به صورت یک میرایی و یک جرم اضافه در نظر گرفته شده است. در این کارها، اثر سرعت گل حفاری بر مقدار میرایی و جرم اضافی معادل آن لحاظ نشده است. در این مقاله سعی شده تا اثر وجود گل و تأثیر دبی (سرعت) آن بر ارتعاشات، فرکانس طبیعی و پایداری عرضی ساقه مته مورد بررسی قرار گیرد. برای این منظور، روابط انرژی جنبشی و پتانسیل یک ساقه مته استخراج گردیده و به کمک روش جمع‌حالتهای^۱ و فرمول لاگرانژ، روابط حاکم بر ارتعاشات ساقه‌های مته در دامنه زمان به دست آورده شده است. کار انجام شده توسط نیروی وزن ساقه مته و نیروی واردۀ از کف چاه نیز محاسبه شده است. تأثیر نیروی واردۀ

مقالات زیادی در زمینه بررسی ارتعاشات ساقه‌های مته ارائه شده است. Jansen در تحقیقات خود به بررسی رفتار ارتعاشی ساقه مته به صورت یک روتور پرداخته و اثر تماس با دیواره و اصطکاک با آن را بر رفتار دورانی ساقه مته مورد مطالعه قرار داده است [۱ و ۲]. او جرم و میرایی سیال را با جرم و میرایی به دست آمده از آزمایشات مدل کرده است و در کار خود اثر دبی گل حفاری بر ارتعاشات ساقه مته را مورد بررسی قرار نداده است. او در نتایج خود به بررسی حرکت جلو روونده^۲ و عقب روونده^۳ ساقه‌های مته پرداخته و اثر پارامترهای مختلف بر آن را به دست آورده است.

Christoforou در مقاله خود [۳]، به بررسی توانمندی ارتعاشات طولی و عرضی ساقه مته تحت اثر نیروی محوری پرداخته‌اند. در این تحقیق، از کل ساقه مته تنها طوق مته مدل شده و لوله حفاری^۴ در مدل‌سازی وارد نشده است. این محققین اثر گل حفاری را به صورت جرم و میرایی معادل در نظر گرفته و اثر دبی گل بر ارتعاشات طولی و عرضی را مدل نکرده‌اند.

در این پژوهش، ساقه مته به صورت یک تیر در نظر گرفته شده که از طریق نیروی محوری واردۀ از ته چاه و توسط چرخش ساقه مته تحریک می‌شود. در ضمن، اثر تماس با دیواره نیز به کمک مدل تنش تماسی هرتز^۵ در این کار لحاظ شده است. این محققین به بررسی کمانش در ساقه مته تحت اثر نیروی محوری پرداخته و برای دو حالت خطی و غیرخطی، بار لازم برای کمانش ساقه مته را به دست آورده‌اند. Yigit و Christoforou در کار دیگری [۴] به بررسی ارتعاشات یک ساقه مته که دارای دوران نیز می‌باشد، پرداخته‌اند و در کنار ارتعاشات طولی و عرضی ساقه مته، ارتعاشات پیچشی آن را نیز لحاظ نموده‌اند. ایشان در حقیقت کار قبلی خود را در این تحقیق کامل کرده است. در این پژوهش نیز، اثر سیال فقط با یک جرم و میرایی معادل، مدل شده و اثر دبی گل بر ارتعاشات ساقه مته مدل نشده است.

Khuleif و Al-naser در کار خود [۵] به بررسی ارتعاشات طولی، عرضی و پیچشی ساقه مته به صورت یک رتور پرداخته و رفتار ژیروسکوپیک ساقه مته را مورد مطالعه

1. Forward
2. Backward
3. Drill Pipe
4. Hertzian Contact Stress
5. Rotor
6. Mode Summation

فرکانس دوران ساقه متنه خواهد بود^[۳]. در ضمن در این مقاله، اثر کوتاه شدن گی هندسی^۱ نیز در معادله انرژی پتانسیل لحاظ شده است.

فرمول بندی مسئله

معادلات انرژی پتانسیل و انرژی جنبشی ساقه متنه (مطابق شکل ۱) تحت اثر ارتعاش در راستای طولی و عرضی

$$\Pi = \frac{1}{2} E \left(\int_{0}^{L_1} A_1 \left(u' + \frac{1}{2} (v')^2 \right)^2 dx + \int_{L_1}^{L_2} A_2 \left(u' + \frac{1}{2} (v')^2 \right)^2 dx + \int_0^{L_1} I_1 (v'')^2 dx + \int_{L_1}^{L_2} I_2 (v'')^2 dx \right) \quad (1)$$

$$T = \frac{1}{2} \int_0^{L_1} \rho_s A_1 (u^2 + v^2) dx + \frac{1}{2} \int_{L_1}^{L_2} \rho_s A_2 (u^2 + v^2) dx \quad (2)$$

در این معادلات، u جابه جایی ساقه متنه در راستای طول و v جابه جایی آن در راستای عرضی و ρ_s چگالی ماده ساقه متنه می باشد. همچنین E مدول الاستیسیته، I ممان اینرسی و A سطح مقطع ساقه متنه می باشد. به دلیل تغییر ناگهانی در سطح مقطع و خواص هندسی ساقه متنه، انتگرال های انرژی روی قسمت طوق متنه و لوله حفاری جدا شده اند. اندیس های ۱ و ۲ نیز مطابق شکل ۱ به ترتیب نشان دهنده لوله حفاری و طوق متنه می باشند. در معادله انرژی پتانسیل (رابطه ۱)، اثر کوتاه شدن گی هندسی در راستای طولی تحت اثر ارتعاشات عرضی نیز لحاظ شده است. این اثر به کمک رابطه ۳ در معادلات آمده است. این جمله در معادلات ارتعاشی سیستم در دامنه زمان، تولید جملات غیر خطی می کند. در بخش نتایج، اثر کوتاه شدن گی هندسی (معادل جملات غیر خطی در معادله ارتعاشی سیستم) بر روی ارتعاشات عرضی نشان داده خواهد شد.

$$u + \underbrace{\frac{1}{2} (v)^2}_{\text{geometrical shortening}} \quad (3)$$

همان طور که در مقدمه نیز اشاره شد، برای نیروهای واردہ از طرف سیال، از مدل ارائه شده توسط Paidoussis استفاده می شود.

از طرف سیالی که در داخل و خارج ساقه متنه جریان دارد نیز، به کمک روابط ارائه شده توسط Paidoussis در معادلات لحاظ شده است. در ضمن اثر نیروی هیدرولاستاتیک سیال و نیروی اصطکاک سیال و جداره ساقه متنه و دیواره چاه به صورت جداگانه مدل شده است. اثر تماس با دیواره نیز به کمک تنش هر تر در معادلات منظور شده است.

در این مقاله از فرضیات ساده شونده ای نیز استفاده شده که بدین صورت می باشند: فرض می شود که ساقه متنه و چاه به صورت صاف و عمودی بوده و هیچ انحنای ندارند. از تأثیر ارتعاشات دورانی بر ارتعاشات عرضی صرف نظر می شود. این فرض با توجه به کم بودن سرعت دورانی ساقه متنه (حداکثر ۳۰۰ RPM) فرض خوبی بوده و خطای چندانی در نتایج ایجاد نمی کند^[۳]. ساقه متنه به صورت تیر اویلر-برنولی مدل می شود. در ضمن گل حفاری به صورت سیال نیوتونی در نظر گرفته می شود. فرض می شود که ساقه متنه به صورت همگن بوده و همواره رفتار الاستیک از خود نشان می دهد. تماس با دیواره در ساقه متنه به کمک تنش هر تر مدل می شود و به دلیل دو بعدی بودن مسئله، اصطکاک بین ساقه متنه و جداره چاه مدل نمی شود. پایدار کننده ها به صورت پیم و لغزنده در نظر گرفته می شوند. بنابراین در برابر ارتعاشات طولی مقاومتی ندارند و آزادانه حرکت می کنند. همچنین از فاصله لقی بین پایدار کننده ها و جداره چاه صرف نظر شده و فرض می شود که ساقه متنه در محل پایدار کننده ها و در راستای عرضی توانایی حرکت ندارد. نیروی تحریکی که از طریق کف چاه به ساقه متنه وارد می شود، به مکان نقطه ختشی بستگی دارد. در اثر دوران سرمهته در کف چاه و عبور تیغه های آن از روی سنگ، نیرویی که در راستای عمودی به ساقه متنه وارد می شود، تغییر می کند. این تغییر نیرو باعث جابه جا شدن مکان نقطه ختشی در ساقه متنه می شود. در این مقاله، نیروی تحریک واردہ از کف چاه به کمک ارتفاع نقطه ختشی از کف چاه که با حرف H نمایش داده می شود، بیان می گردد (یعنی نیروی واردہ از کف چاه برابر با نیروی وزن ساقه متنه به طول H می باشد). در ضمن فرکانس نیروی تحریک واردہ از کف چاه، بسته به این که سرمهته از نوع PDC^۲ و یا RC^۳ باشد، به ترتیب ۱ و ۳ برابر

1. Polycrystalline Diamond Compact
2. Reverse Circulation
3. Geometrical Shortening

۴ و ۶ در نظر گرفته نشده‌اند [۶ و ۷]: و باید به صورت جداگانه در معادلات لحاظ شوند.

برای محاسبه نیروی اصطکاک، از توان پمپی که گل را به داخل چاه تزریق می‌کند، استفاده می‌شود. توان این پمپ، برای غلبه بر اصطکاک بین گل و جداره لوله و جداره چاه مصرف می‌شود. به دلیل این که یک لایه گل بر روی ساقه متنه و جداره چاه رسوب می‌کند، می‌توان با دقت خیلی زیادی، ضریب اصطکاک بین سیال و جداره چاه و جداره ساقه متنه را یکسان فرض کرد. بنابراین می‌توان نوشت:

$$W_p = \sum_{i=1}^2 \frac{1}{2} \rho_f C_p \left(V_{in}^3 A_{in} + V_{out}^3 A_{out} \right) \quad (8)$$

در ابسطه بالا W_p توان پمپ تزریق کننده گل و C_p ضریب اصطکاک بین گل و دیگر اجزاء می‌باشد که ثابت در نظر گرفته شده است. تنها مجھول این رابطه، ضریب اصطکاک C_p است که می‌توان آن را به دست آورد.

نیروی شناوری سیال (تغییر در فشار هیدرواستاتیک) نیز از طریق کم کردن چگالی گل حفاری از چگالی ماده ساقه متنه در حین محاسبه کردن نیروی وزن ساقه متنه مدل می‌شود.

$$F_{ax} = (\rho_s - \rho_f) g A \quad (9)$$

همچنین نیروی واردہ از طریق دیواره نیز به کمک تنش تماسی هرتز که به صورت غیرخطی می‌باشد، مدل شده است.

$$F_{com} (y, t) = \begin{cases} -K_h \left(|v(x, t) - C| \right)^{\frac{3}{2}} & v(x, t) > C \\ 0 & |v(x, t)| < C \\ +K_h \left(|v(x, t) - C| \right)^{\frac{3}{2}} & v(x, t) < -C \end{cases} \quad (10)$$

در ابسطه بالا C شاعع چاه و K_h ضریب تنش هرتز می‌باشد که برای ساقه متنه مقدار آن برابر با $10^{11} \times 3/67$ در نظر گرفته می‌شود [۳ و ۴]:

با انتخاب شکل حالت مناسب برای جایه‌جایی طولی و عرضی ساقه متنه به طوری که شرایط مرزی اجباری را ارضاء کنند، داریم:

$$u(x, t) = u_s(x, t) + \sum_{i=1}^n \phi_i(x) \eta_i(t) \quad (11)$$

$$v(x, t) = \sum_{j=1}^m \psi_j(x) q_j(t) \quad (12)$$

پارامترهای u_s , ϕ و ψ به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$u_s(x, t) = \begin{cases} \frac{-P(t)x}{EA_1} + \frac{\rho g}{E} x \left(L - \frac{x}{2} \right) & 0 \leq x \leq L_1 \\ \frac{-P(t)}{E} \left(\frac{L_1}{A_1} + \frac{x - L_1}{A_2} \right) + \frac{\rho g}{E} x \left(L - \frac{x}{2} \right) & L_1 < x \leq L \end{cases} \quad (13)$$

این معادلات شرط جامع و مانع بودن را دارا بوده و در عین سادگی، تمام نیازهای موجود در زمینه مطالعه اثر گل حفاری بر ارتعاشات عرضی ساقه متنه را برآورده می‌کنند. معادلات نیروی واردہ از طریق جريان داخلی و خارجی گل به ساقه متنه که توسط Paidoussis ارائه شده، مطابق زیر می‌باشند [۶ و ۷]:

$$F_I = -M \left(\frac{\partial}{\partial t} + V_{in} \frac{\partial}{\partial x} \right)^2 v \quad (4)$$

$$M = \frac{\pi}{4} \rho_f (D_{in})_i^2 \quad i = 1, 2 \quad (5)$$

$$F_O = -m_f \left(\frac{\partial}{\partial t} + V_{out} \frac{\partial}{\partial x} \right)^2 v \quad (6)$$

$$(m_f)_i = \frac{\pi}{4} (D)_i^2 \rho_f (C_M)_i \quad i = 1, 2 \quad (7)$$

در روابط بالا، اندیس I مربوط به جريان داخلی گل حفاری و اندیس O مربوط به جريان خارجی گل حفاری می‌باشد. سرعت گل حفاری در داخل ساقه متنه است که به سمت پایین می‌باشد. V_{out} سرعت گلی است که از بین جداره خارجی ساقه متنه و دیواره چاه به سمت بالا حرکت می‌کند. ρ_f چگالی سیال، M و m_f به ترتیب جرم معادل گل داخل و خارج ساقه متنه و قطر لوله و طوق متنه می‌باشد. همچنین C_M یک ضریب تصحیح برای جرم معادل سیال در بین ساقه متنه و جداره چاه می‌باشد که به نسبت قطر ساقه متنه به قطر چاه بستگی دارد [۶ و ۷]:

معادلات (۴) و (۶) اگر بسط داده شده و برای یک تیر ساده به کار گرفته شوند، دارای جمله‌ای می‌باشد که باعث کمانش در آن می‌شوند. آن جمله به صورت $V^2 / (\partial^2 v / \partial x^2)$ می‌باشد که دقیقاً با جمله $(\partial^2 v / \partial x^2) P^2$ در تیری که تحت اثر نیروی محوری قرار دارد، یکسان است. همان‌طور که یک تیر در اثر نیروی محوری فشاری زیاد کمانش می‌کند، تیری که در داخل سیال قرار دارد، می‌تواند برای مقدار خاصی از سرعت سیال کمانش کرده و ناپایدار شود [۶ و ۷]. پس ساقه متنه می‌تواند به دو دلیل کمانش کند: یکی به دلیل نیروی فشاری واردہ از کف چاه و دیگری به دلیل دبی زیاد و به تبع آن سرعت زیاد گل حفاری در داخل و خارج ساقه متنه.

نیروی اصطکاک جريان گل در داخل و خارج ساقه متنه و نیروی تغییر فشار استاتیکی در اثر وزن سیال، در معادلات

$$\left[M^{uu} \right] \{ \ddot{\eta} \} + \left\{ M^{Pu} \right\} \ddot{P} + \left[K^{uu} \right] \{ \eta \} + \left\{ K^{Pu} \right\} P + \quad (18)$$

$$\left\{ K^{gu} \right\} g + \frac{1}{2} \left[\left[K^{uvv} \right] \{ q \} \right] \{ q \} = \left\{ F^L \right\} + \left\{ F^P \right\}$$

در معادلات ۱۷ و ۱۸ جملاتی وجود دارد که ارتعاشات طولی را به ارتعاشات عرضی و همچنین ارتعاشات عرضی را به ارتعاشات طولی ارتباط می‌دهند. این همبستگی^۱ بین ارتعاشات طولی و عرضی، به دلیل در نظر گرفتن اثر کوتاه‌شدگی هندسی در رابطه انرژی پتانسیل (رابطه ۱) به وجود آمده است. در ضمن در هر کدام از معادلات نیز، توان‌های بالاتری از مختصات‌های تعیین یافته^۲ وجود دارند که سبب غیرخطی شدن معادلات بالا می‌شوند. به دلیل غیرخطی بودن، معادلات بالا دارای حل تحلیلی نیستند و باید با روش‌های عددی نظری رانگ کوتا حل گردد.

به دست آوردن معیار پایداری

پایداری سیستم ارتعاشی ساقه متنه را می‌توان به کمک مشتق‌گیری از انرژی پتانسیل آن بررسی کرد [۹]. سپس از آن نسبت به مختصات‌های کلی مشتق می‌گیریم. با انجام این کار، دو سری معادلات ماتریسی به دست می‌آید.

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_i} - W_{q_i} = \left[K^{vv} \right] \{ q \} + \left[K^{Pvv} \right] \{ q \} P + \left[K^{gvv} \right] \{ q \} g + \quad (19)$$

$$\left[\left[K^{uvv} \right] \{ q \} \right] \{ \eta \} + \frac{1}{2} \left[\left[\left[K^{vvvv} \right] \{ q \} \right] \{ q \} \right] \{ q \} \\ - \left(\left[K^I \right] + \left[K^O \right] + \left[K^N \right] + \left[K^S \right] + \left[K^T \right] \right) \{ q \} - \{ F^c \} = 0$$

$$\frac{\partial \Pi}{\partial \eta_j} - W_{\eta_j} = \left[K^{uu} \right] \{ \eta \} + \left\{ K^{Pu} \right\} P + \left\{ K^{gu} \right\} g + \quad (20)$$

$$\frac{1}{2} \left[\left[K^{vvv} \right] \{ q \} \right] \{ q \} - \{ F^L \} - \{ F^P \} = 0$$

$$\phi_i(x) = \sin\left(\frac{i\pi x}{L}\right) \quad (14)$$

$$\psi_j(x) = \sin\left(\frac{j\pi x}{L}\right) \quad (15)$$

در رابطه ۱۱ به منظور افزایش نرخ همگرايی جواب به مقدار مطلوب از عبارت $(x,t)_u$ استفاده شده است. با استفاده از جابه‌جایی استاتیک تیر در حالت دینامیک می‌توان جواب دینامیکی سیستم را با دقت کافی و با استفاده از تعداد کمتری از توابع ϕ به دست آورد. به عبارت دیگر، با استفاده از خیز استاتیک، نرخ همگرايی جواب دینامیکی به مقدار واقعی افزایش پیدا می‌کند [۸].

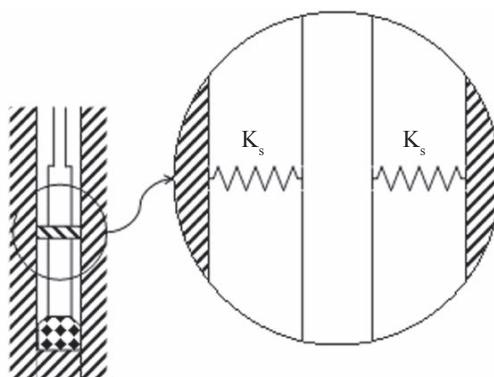
اثر پایدارکننده‌ها نیز به صورت شکل ۲ در نظر گرفته شده است. به عبارت دیگر پایدارکننده‌ها با یک فنر با ضریب فنریت خیلی زیاد مدل شده است.

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial T}{\partial \dot{\xi}} \right) - \frac{\partial T}{\partial \xi} + \frac{\partial \Pi}{\partial \xi} = W_\xi \quad (16)$$

با جاگذاری شکل حالت‌های در نظر گرفته شده برای جابه‌جایی‌های طولی و عرضی در معادلات انرژی، انتگرال گیری از آن و محاسبه کار انجام شده توسط نیروهای خارجی و سپس با استفاده از رابطه لاغرانژ، معادلات حاکم بر ارتعاشات طولی و عرضی ساقه متنه که به صورت غیرخطی می‌باشد، به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\left[M^{vv} \right] \{ \ddot{q} \} + \left[K^{vv} \right] \{ q \} + \left[K^{Pvv} \right] \{ q \} P + \left[K^{gvv} \right] \{ q \} g + \quad (17)$$

$$\left[\left[K^{uvv} \right] \{ q \} \right] \{ \eta \} + \frac{1}{2} \left[\left[\left[K^{vvvv} \right] \{ q \} \right] \{ q \} \right] \{ q \} \\ = \left(\left[M^I \right] + \left[M^O \right] \right) \{ \ddot{q} \} + \left(\left[K^I \right] + \left[K^O \right] \right. \\ \left. + \left[K^N \right] + \left[K^S \right] + \left[K^T \right] \right) \{ q \} \\ + \left(\left[C^I \right] + \left[C^O \right] + \left[C^N \right] + \left[C^D \right] \right) \{ \dot{q} \} + \{ F^c \}$$



شکل ۲- مدل‌سازی پایدارکننده‌ها به کمک فنرهایی با ضریب فنریت خیلی بزرگ

1. Coupling
2. Generalized Coordinate

۳ پایدار کننده در مختصات های ارائه شده در رابطه ۲۷ می باشد.

$$x_s = 1100, 1140, 1175(m) \quad (27)$$

در شکل ۳ نمودار آستانه کمانش ساقه متنه تحت اثر نیروی محوری (ارتفاع نقطه ختی) و دبی گل حفاری تزریق شده نمایش داده شده است. این نمودار که در حقیقت مرز بین پایداری و ناپایداری ساقه متنه را نشان می دهد، به کمک رابطه ۲۶ رسم شده است. با داشتن ارتفاع نقطه ختی و دبی گل حفاری و مراجعه به شکل ۳، اگر نقطه کاری، بالای منحنی باشد، ساقه متنه ناپایدار و اگر پایین منحنی قرار داشته باشد، ساقه متنه پایدار خواهد بود.

همان گونه که در شکل ۳ مشاهده می شود، با افزایش نیروی محوری واردہ از کف چاه (معادل افزایش ارتفاع نقطه ختی از کف چاه)، دبی گل لازم برای ایجاد کمانش در ساقه متنه کاهش می یابد و در نقطه‌ای در سمت راست نمودار، با دبی گل برابر با صفر، ساقه متنه دچار کمانش می شود [$H=84(m)$]. به عبارت دیگر در آنجا نیروی محوری فشاری به قدری زیاد بوده که ساقه متنه تحت اثر آن دچار کمانش شده است.

یک نکته قابل توجه دیگر در این نمودار، این است که در ارتفاع $H=80(m)$ ، دبی گل لازم برای ناپایداری ساقه متنه حدود ۱۲۰ lit/s می باشد که حدوداً دو برابر مقدار دبی گلی است که در حالت معمول در عملیات حفاری استفاده می شود. پس این نتیجه را می توان گرفت که دبی گل حفاری، تاثیر چندانی بر ناپایداری ساقه متنه ندارد و معمولاً ناپایداری های ایجاد شده در ساقه متنه، تحت تاثیر نیروی محوری واردہ از کف چاه می باشد. در ضمن در حالتی که چگالی سیال برابر با صفر در نظر گرفته می شود (حذف اثر سیال)، بار لازم برای کمانش برابر با ارتفاع $H=71(m)$ به دست می آید که با مقدار ارائه شده در مرجع [۵] برابر می باشد.

$$H=25+10_{sin}(4\pi t)m \quad (28)$$

در شکل ۴ اثر جملات غیر خطی معادلات ارتعاشی سیستم (روابط ۱۷ و ۱۸)، بر پاسخ زمانی ساقه متنه نمایش داده شده است. این نمودار برای دو حالت وجود و عدم وجود جملات غیرخطی رسم شده است.

البته این معادلات را می توان به کمک حذف جملات مربوط به مشتقه زمانی در معادلات مربوط به ارتعاش سیستم نیز به دست آورد. ریشه های این معادلات نشان دهنده نقاط تعادل سیستم می باشد. ریشه های این معادلات عبارتند از:

$$\{q\}=\{0\}$$

$$\{\eta\}=\left[K^{uu} \right]^{-1} \left(\left\{ F^L \right\} + \left\{ F^P \right\} - \left\{ K^{Pu} \right\} P - \left\{ K^{gu} \right\} g \right) \quad (22)$$

ریشه به دست آمده در رابطه ۲۱ نشان دهنده صاف بودن ساقه متنه در حالت تعادل است که جوابی بدینه می باشد. حال باید به بررسی پایداری نقاط تعادل سیستم پرداخت. این کار به کمک بررسی مشتق دوم معادله انرژی پتانسیل در نقاط تعادل انجام می گیرد.

$$\frac{\partial^2 \Pi}{\partial q_i q_j} = \left[K^{vv} \right] + \left[K^{Pvv} \right] P + \left[K^{gvv} \right] g + \left[K^{uvv} \right] \{\eta\} - \left(\left[K^I \right] + \left[K^O \right] + \left[K^N \right] + \left[K^S \right] + \left[K^T \right] \right) \quad (23)$$

$$\frac{\partial^2 \Pi}{\partial q_i \eta_j} = \left[K^{uvv} \right] \{q\} \Big|_{\{q\}=0} = [0] \quad (24)$$

$$\frac{\partial^2 \Pi}{\partial \eta_i \eta_j} = \left[K^{uu} \right] \quad (25)$$

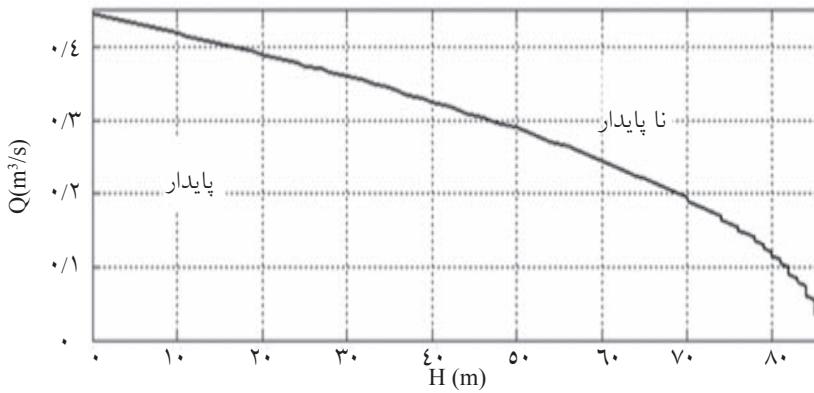
با انجام این کار، رابطه زیر به دست می آید که شرط پایداری سیستم می باشد.

$$\det \begin{vmatrix} \frac{\partial^2 \Pi}{\partial q_i q_j} & \frac{\partial^2 \Pi}{\partial q_i \eta_j} \\ \frac{\partial^2 \Pi}{\partial \eta_i q_j} & \frac{\partial^2 \Pi}{\partial \eta_i \eta_j} \end{vmatrix} > 0 \quad (26)$$

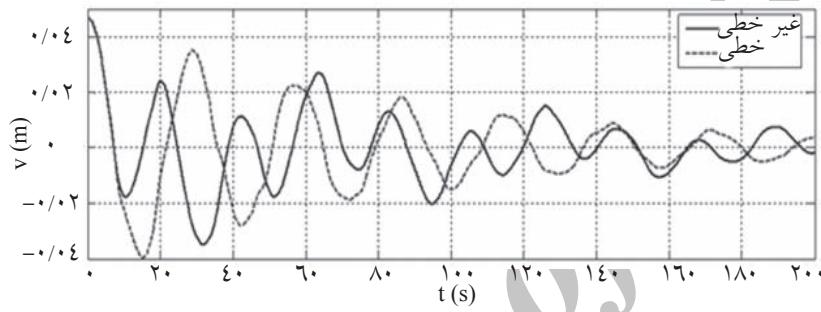
در رابطه بالا، اگر دترمینان مثبت معین باشد، نقطه تعادل سیستم پایدار است و اگر منفی باشد نقطه تعادل سیستم ناپایدار خواهد بود. این شرط را می توان برای دبی های مختلف گل حفاری و نیروهای محوری واردہ از کف چاه، بررسی کرد و معیاری برای آستانه پایداری ساقه متنه به دست آورد.

نتایج

داده های به کار برده شده در مدل سازی مربوط به مرجع [۵] می باشد. طول این ساقه متنه $m = 1200$ است و دارای



شکل ۳- نمودار نشان دهنده حالت پایدار و ناپایدار ساقه مته برای نیروهای محوری و دبی های مختلف گل حفاری

شکل ۴- تفاوت ایجاد شده بین پاسخ زمانی نقطه میانی لوله حفاری در حل معادلات خطی و غیرخطی حاکم بر ارتعاشات آن در پاسخ به شرایط اولیه و نیروی تحریک رابطه ۲۸ و $Q=10 \text{ lit/s}$

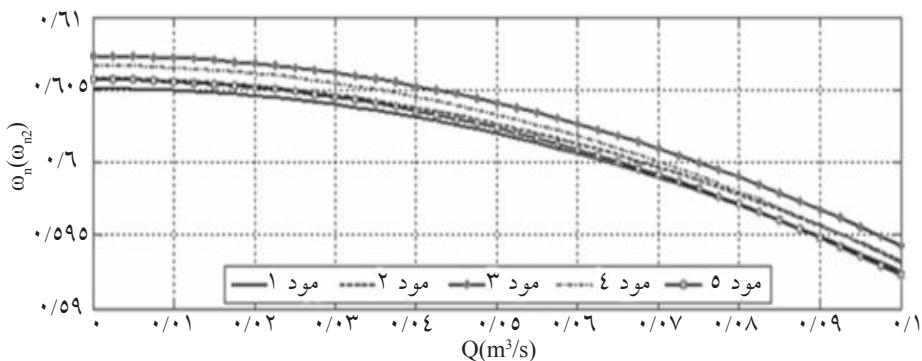
به ۱۰۰، فرکانس طبیعی سیستم فقط به میزان ۲٪ کاهش می‌یابد. در جدول ۱ فرکانس طبیعی ساقه مته در ارتعاشات عرضی در حالتی که چگالی گل حفاری برابر با صفر فرض شده نیز ارائه شده است. در این حالت مقادیر به دست آمده با مقادیر ارائه شده در مرجع [۵] یکسان می‌باشد. در این جدول نیز^{۲۲} فرکانس طبیعی ساقه مته در حالتی است که دبی گل برابر با صفر در نظر گرفته می‌شود. این جدول مربوط به حالت $H=0$ می‌باشد. همچنین با یکسان در نظر گرفتن سطح مقطع طوق مته و لوله حفاری و حذف پارامترهایی همچون جاذبه زمین، جریان خارجی گل و نیروی اصطکاک از روابط حاکم بر سیستم، دبی بدون بعد بحرانی برای ناپایداری ساقه مته $Q=35.4$ به دست آمد که با مقدار ارائه شده در مرجع [۶] برابر می‌باشد. در عبارت بالا دبی بدون بعد به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\bar{Q} = \frac{Q\omega^2}{V_{in}^3}, \quad \omega^2 = \frac{\pi^4 EI}{\rho AL^4} \quad (29)$$

اثر دبی (سرعت) گل حفاری بر پاسخ زمانی ساقه مته به شرط اولیه نیز، در شکل ۶ نمایش داده شده است.

همان‌طور که در این نمودار مشاهده می‌شود، بین جواب حالت خطی و غیرخطی تفاوت زیادی وجود دارد و این تفاوت، نشان دهنده تأثیر زیاد جملات غیر خطی بر پاسخ زمانی سیستم ارتعاشی می‌باشد. پس بر خلاف تیرهای کوتاه که می‌توان از اثر کوتاه‌شدنگی هندسی صرف‌نظر نمود، در ساقه‌های مته به دلیل طول زیاد آن، این اثر قابل صرف‌نظر کردن نبوده و تأثیرگذار می‌باشد [۳]. در این حالت اثر تماس با دیواره لحاظ نشده است.

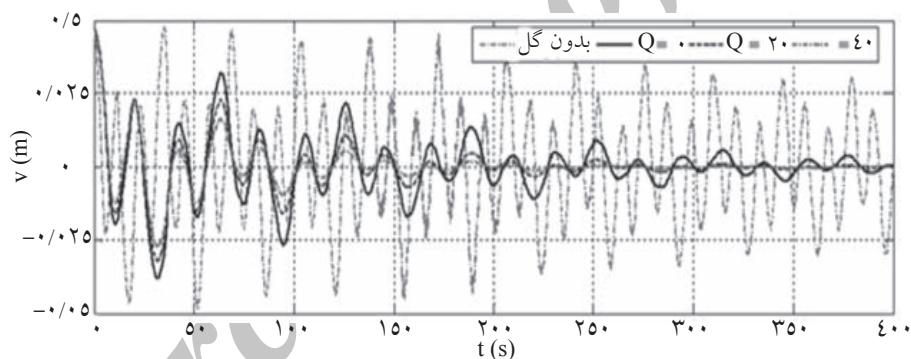
اثر دبی (سرعت) گل حفاری بر فرکانس طبیعی سیستم خطی شده، در شکل ۵ ارائه شده است. این نمودار برای حالتی است که ارتفاع نقطه خشی صفر می‌باشد و هیچ بخشی از ساقه مته تحت تراکم نیست. همان‌طور که مشاهده می‌شود وجود گل حفاری باعث کاهش حدود ۴۰٪ فرکانس طبیعی ساقه مته شده است. دلیل این کاهش، اضافه شدن جرم سیال به جرم ساقه مته می‌باشد. البته مشاهده می‌شود که افزایش دبی گل حفاری بر فرکانس طبیعی تأثیر چندانی نمی‌گذارد و با افزایش دبی گل از صفر



شکل ۵- نسبت فرکانس طبیعی ساقه متنه در حالت وجود گل حفاری به فرکانس طبیعی در حالت عدم وجود گل حفاری برای حالت تمام طول ساقه متنه تحت کشش است

جدول ۱- مقایسه فرکانس طبیعی به دست آمده برای ساقه متنه در حالت چگالی گل برابر با صفر با مقدار به دست آورده شده در مرجع [۵]

	شماره مود				
	۱	۲	۳	۴	۵
$\omega_n (rad / s)$	۰/۴۰۵	۰/۷۸۹	۱/۱۰	۱/۴۰	۱/۷۸
$\omega_{n2} (rad / s)$	۰/۴۰۵۲۶	۰/۷۸۸۷۳	۱/۱۰۲۵	۱/۴۰۷۵	۱/۷۸۶۳

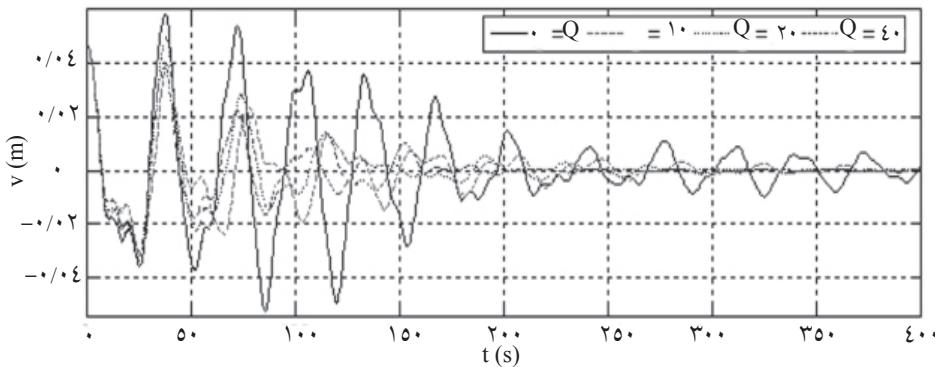


شکل ۶: جابه‌جایی عرضی نقطه میانی ساقه متنه در پاسخ به شرط اولیه در حالتی که نقطه خنثی در ارتفاع ۲۵ m از کف چاه قرار دارد و تحریک دینامیک در سیستم وجود ندارد.

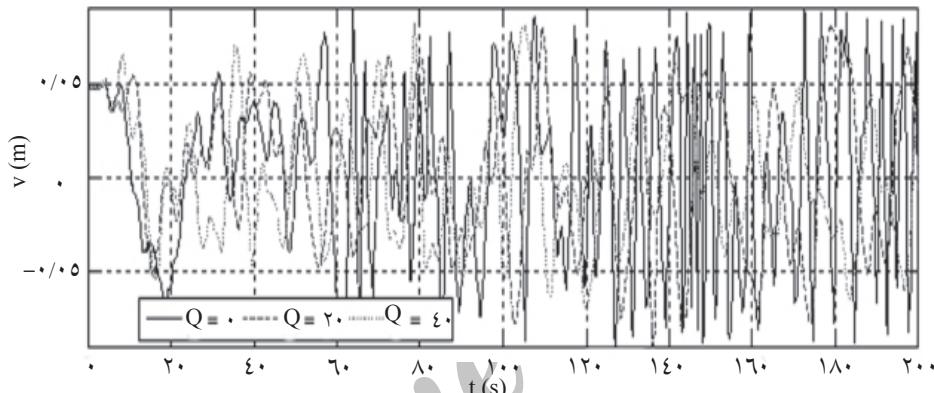
اثر خود را می‌گذارد و ارتعاشات ساقه متنه را میرا می‌کند. آخرین نتیجه ارائه شده مربوط به حالتی است که ساقه متنه در حالت فرآکمانش در داخل چاه ارتعاش می‌کند. در شکل ۸ نمودار پاسخ زمانی ساقه متنه به تحریک دینامیک ارائه شده در رابطه ۳۰ که در حالت فرآکمانش می‌باشد، نمایش داده شده است. با توجه به شکل ۳، ارتفاع بحرانی نقطه خنثی که باعث کمانش ساقه متنه تحت اثر نیروی محوری می‌شود، برابر با $H=84(m)$ می‌باشد در این حالت چون ساقه متنه بین دیواره‌های چاه محصور است، پاسخ زمانی آن واگرانمی شود و با برخورد با دیواره چاه در همان حالت به نوسان می‌پردازد.

این نمودار مربوط به حالتی است که نقطه خنثی در ارتفاع ۲۵ m بالاتر از کف چاه قرار گرفته و تغییراتی با زمان ندارد (تحریک حالت دینامیک ندارد). همچنین در این نمودار، پاسخ ارتعاشی ساقه متنه در حالتی که سیال در داخل و اطراف آن وجود ندارد نیز برای مقایسه رسم شده است. در این حالت مشاهده می‌شود که با افزایش ذی گل حفاری، میرایی سیستم بیشتر شده و پاسخ ارتعاشی سیستم زودتر میرا شده است.

در شکل ۷ اثر وجود گل حفاری بر پاسخ ارتعاشی ساقه متنهای با شکل اولیه (شرط اولیه) و تحریک دینامیکی مطابق رابطه ۲۸، نمایش داده شده است. در این حالت مشاهده می‌شود که با وجود تحریک دینامیک، گل حفاری



شکل ۷- پاسخ زمانی نقطه میانی لوله حفاری به شرط اولیه و نیروی تحریک رابطه ۲۸ (تحریک دینامیکی)، برای دبی های مختلف گل حفاری



شکل ۸- نمودار جابه جایی عرضی نقطه میانی لوله حفاری در پاسخ به تحریک رابطه ۳۰ با در نظر گرفتن اثر تماس با دیواره برای دبی های مختلف گل حفاری (بر حسب lit/s)

همچنین با یکسان در نظر گرفتن سطح مقطع طوق مته و لوله حفاری و حذف پارامترهایی نظیر جاذبه زمین، جریان خارجی گل و نیروی اصطکاکی، دبی بدون بعد بحرانی برای ناپایداری ساقه مته با مقدار ارائه شده در مرجع [۶] یکسان به دست آمد. نتایج نشان داد که هم گل حفاری و هم نیروی محوری واردہ بر ساقه مته از کف چاه (متناسب با ارتفاع نقطه ختی) می توانند باعث ناپایداری ساقه مته شوند. مطابق نتایج به دست آمده، دبی های بحرانی که باعث ناپایداری ساقه مته می شوند، بسیار بیشتر از گلی است که در عملیات واقعی حفاری استفاده می شود. بنابراین، گل حفاری هرگز نمی تواند باعث ناپایداری ساقه مته شود. نتایج این پژوهش نشان داد که گل حفاری مانند یک جرم و میرایی اضافی عمل کرده و باعث کاهش فرکанс طبیعی ساقه مته و زودتر میرا شدن ارتعاشات آن می شود و این اثر با افزایش دبی گل، بیشتر خود را نشان می دهد. براساس نتایج به دست آمده، اثر میرایی گل حفاری هم برای حالت زیر کمانش و هم حالت فرآکمانش برقرار می باشد.

همان طور که در شکل ۸ مشاهده می شود، با افزایش دبی گل حفاری، اثر میرایی در پاسخ حالت فرآکمانش نیز بیشتر شده و برای دبی های بالاتر، دامنه نوسان ساقه مته در حالت پایسته کمتر از دامنه نوسان آن در حالتی است که دبی گل کم می باشد.

$$H = 120 + 20 \sin(4\pi t) (m) \quad (30)$$

نتیجه گیری

در این مقاله به بررسی اثر گل حفاری بر ارتعاشات عرضی ساقه مته پرداخته شد. بدین منظور معادلات ارتعاشی ساقه مته در راستای طولی و عرضی، استخراج شد و نیروی واردہ از طرف سیال، دیواره و کف چاه بر آن اعمال گردید. برای یک حالت خاص که چگالی گل حفاری برابر با صفر در نظر گرفته شد، فرکанс طبیعی و ارتفاع بحرانی نقطه ختی (نیروی محوری بحرانی واردہ از کف چاه) با مقادیر ارائه شده در مرجع [۵] برابر شد که نشان دهنده صحت روابط می باشد.

مراجع

- [1]. Jansen J. D., "Non-linear rotor dynamics as applied to oil well drill string vibrations", Journal of sound and vibration, Vol. 147(1), pp. 115-135, 1990.
- [2]. Jasen J. D., and Van Den Steen L., "Active damping of self excited torsional vibrations in oil well drill strings", Journal of sound and vibration, Vol. 179(4), pp. 647-668, 1993.
- [3]. Yigit S., and Christoforou A. P., "Coupled axial and transverse vibration of oil well drill string", Journal of sound and vibration, Vol. 195(4), pp. 617-627, 1996.
- [4]. Yigit A. S., and Christoforou A. P., "Dynamic modeling of rotating drill strings with borehole interactions", Journal of sound and vibration, Vol. 206(2), pp. 243-260, 1997.
- [5]. Khuleif Y. A., and Al-naser H., "Finite element dynamic analysis of drill strings", Finite element analysis and design, Vol. 41, pp. 1270-1288, 2005.
- [6]. Paidoussis M. P., and Issid N. T., "Dynamic stability of pipes conveying fluid", Journal of sound and vibration, Vol. 33(3), pp. 267-294, 1973.
- [7]. Paidoussis M. P., "Dynamics of flexible slender cylinders in axial flow", Part 1. Experiment, Journal of fluid mechanics, Vol. 26(4), pp 736-753, 1966.
- [8]. K. Gu, and Tongue B. H., "A method to improve the modal convergence for structures with external forcing", Journal of applied mechanics, Vol. 54, pp. 904-909, 1987.
- [9]. Timoshenko, *Theory of elastic stability*, McGraw Hill. 1961.