

مدل سازی سه بعدی نیم پیل کاتدی پیل سوختی غشای الکتروولیتی پلیمری

پژوهشنفت

سال بیست و چهارم

شماره ۷۸

صفحه، ۱۰۶-۱۱۶

۱۳۹۳

تاریخ دریافت مقاله: ۹۱/۳/۱۶

تاریخ پذیرش مقاله: ۹۱/۱۲/۲۰

محمد زردشتی زاده یزدی^{*}، رامین کرمی و محمد ایازی
پر迪س انرژی و محیط زیست، پژوهشکده انرژی، گروه بهینه‌سازی انرژی، پژوهشگاه صنعت نفت

واژه‌های کلیدی: پیل سوختی غشای تبادل یونی، تجمعات کروی، لایه نفوذ گازی، شانه، روش المان محدود

مقدمه

با پیشرفت علم ریاضیات که همگام با نوآوری‌های سریع در تکنولوژی رایانه می‌باشد، مدل‌سازی به عنوان ابزاری توانمند جهت پیش‌بینی فرآیندهای مختلف شناخته می‌شود. به دلیل پیچیدگی زیاد و معادلات پاره‌ای غیر خطی، تاکنون مدل‌های تحلیلی معمودی برای پیل سوختی به کار گرفته شده است. اسپرینگر و همکاران [۱] مدل‌سازی شامل دانسته جریان، پتانسیل و غلظت اکسیژن در لایه کاتالیستی کاتد انجام دادند. در سال‌های بعد مدل‌سازی‌های متعددی با در نظر گرفتن لایه کاتالیستی به صورت گلوله‌هایی از کاتالیست کروی [۲]، مدل‌سازی شامل لایه کاتالیستی، غشاء کanal گازی و لایه نفوذ گازی [۳] و مدل هموژن برای الکترود متخلخل شامل کوپل گرادیان غلظت و پتانسیل با سرعت واکنش خطی [۴] انجام گرفت. علاوه بر موارد فوق، مدل‌سازی‌های عددی متنوعی نیز انجام شده است به عنوان نمونه منگ و ونگ [۵] مدل سه بعدی تک فاز و همدمابرا برای پیل سوختی با میدان جریان مارپیچ ارائه کردند.

چکیده

در این مقاله، مدل سه بعدی پیل سوختی غشای تبادل یونی بررسی شده است. این مدل برای نیم پیل کاتدی صورت گرفته که شامل کanal گازی کاتدی از نوع موازی، لایه نفوذ گازی کاتدی و غشای پلیمری می‌باشد. پدیده‌های مورد بررسی در این مقاله، انتقال جرم در لایه‌های نفوذ گازی، واکنش الکتروشیمیابی در لایه‌های کاتالیستی و انتقال بار در پیل سوختی می‌باشد. ضمناً در هندسه این مدل، شانه نیز لحاظ گردیده که سبب می‌شود پروفایل غلظت و در نتیجه توزیع بار با دقت بیشتری بررسی شود. معادلات حاکم جهت مدل‌سازی پیل سوختی با استفاده از نرم‌افزار فملب بر پایه روش المان محدود حل شده‌اند. این مدل‌سازی قادر به پیش‌گویی رفتار پیل سوختی تحت شرایط عملیاتی مختلف می‌باشد که به واسطه تحلیل نتایج آن، عملکرد پیل سوختی در شرایط مختلف عملیاتی و با مقادیر متفاوت جریان- ولتاژ بررسی گردید و در نهایت بهترین شرایط عملیاتی و نقطه کاری مناسب، حاصل شده است. وجه تمایز این مدل‌سازی، بررسی عملکرد پیل سوختی غشای تبادل یونی از طریق حل عددی سه بعدی نیم پیل کاتدی با در نظر گرفتن شانه می‌باشد، در حالی که کاتالیست به صورت تجمعات کروی فرض شده است.

*مسئول مکاتبات
آدرس الکترونیکی
mohamad.zardoshti@gmail.com

در برخی از مدل‌سازی‌ها از روش حجم محدود و در برخی موارد از روش المان محدود استفاده شده است [۵، ۶ و ۱۴].

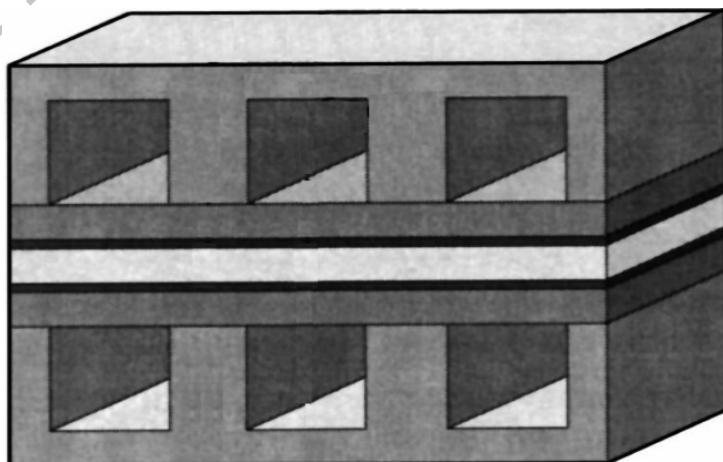
در این پژوهش، حل عددی مدل سه بعدی نیم پیل کاتدی انجام گرفته است. شرایط فیزیکی پیل سوختی به صورت هم‌دما و تک‌فازی می‌باشد و لایه کاتالیستی به صورت تجمعات کروی فرض شده است. کanal جریان به صورت موازی است که شانه آن نیز در مدل‌سازی لحاظ شده است. ضمناً حل عددی توسط نرم‌افزار فملب^۱ و به روش المان محدود می‌باشد.

مدل‌سازی ریاضی پیل سوختی

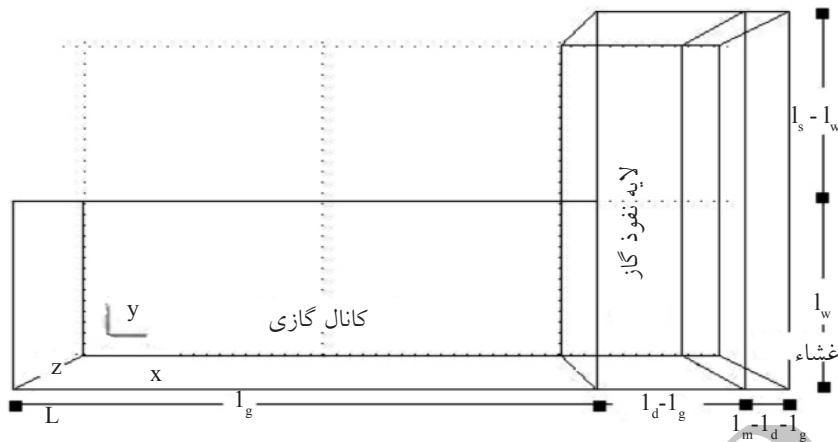
با توجه به پیچیدگی و پدیده‌های فراوانی که در فرآیند پیل سوختی درگیر هستند، ارائه یک شکل هندسی مناسب که بتواند به درستی بیان گر مشخصات و فعالیت پیل سوختی باشد، ضروری است. در شکل ۱، نمایی از پیل سوختی رسم شده است.

شکل ۲ المان انتخاب شده را نشان می‌دهد. به علت تقارن و با فرض یکسان بودن شرایط زوج کanal‌ها، می‌توان مطمئن بود که المان به درستی انتخاب شده است. در تحقیقات ثابت شده که عامل کنترل کننده در مدل‌سازی پیل سوختی در این شرایط تنها نیم پیل کاتدی می‌باشد و نتایج در این شرایط، انطباق قابل قبولی با داده‌های تجربی دارد [۷ و ۱۳].

جو و همکاران [۶] مدل سه بعدی دیگری ارائه نمودند که این مدل تک فازی با روش محاسباتی موازی حل می‌شود. در مدل‌سازی‌ها گاهی لایه کاتالیستی را به صورت ماکروهموژن در نظر می‌گیرند [۷ و ۸]. در این مدل فرض می‌شود که هر حجم کنترلی درون لایه کاتالیست شامل مخلوطی یکنواخت از پلاتین با پایه کربن و یونومر و فضای خالی می‌باشد. غلظت اکسیژن در فاز یونومر ثابت فرض شده و تغییرات غلظت اکسیژن از سطح تا مکان‌های فعال کاتالیستی نادیده گرفته می‌شود. در برخی موارد، لایه کاتالیستی را به صورت تجمعات کروی در نظر می‌گیرند [۷-۹]. در این حالت، اجزای کاتالیست به صورت تجمعاتی کروی در نظر گرفته می‌شود که هر تجمع در میان لایه‌ای یونومر قرار گرفته است. غلظت در یونومر تابع شعاع بوده و تجمعات با فضای خالی از یکدیگر جدا شده‌اند. همچنین پارامترهایی چون جزء حجمی کل حفرات (تخلخل)، توزیع اندازه حفرات، جزء حجمی یونومر، جزء حجمی پلاتین، ضخامت لایه و پیچش لایه مطرح می‌شود. در برخی مدل‌سازی‌ها مسومیت کاتالیست را نیز در نظر می‌گیرند [۱۰ و ۱۱]. در ادامه دسته‌بندی مقالات و کارهای ارائه شده در این زمینه، می‌توان به مطالعات مربوط به چگونگی چینش و ساختار کanal گازی و طریقه مدل‌سازی آنها اشاره کرد [۱۲ و ۱۳]. در سال‌های اخیر با پیشرفت کامپیوتراهای شخصی و همچنین بهبود روش حل عددی معادلات ریاضی، گرایش برای به کارگیری بسته‌های نرم‌افزاری جهت حل معادلات پیچیده رو به افزایش است.



شکل ۱- نمای ساده‌ای از پیل سوختی هیدروژنی [۱۴]



شکل ۲- موقعیت المان منتخب برای مدل سازی

می باشدند.

مخلوط گاز به صورت مخلوط گاز ایده‌آل در نظر گرفته می شود. لازم به ذکر است که در اجزای پیل سوختی، آب در فاز مایع موجود نمی باشد و همچنین پدیده طغیان نیز صورت نمی گیرد. افت پتانسیل اهمی در لایه نفوذ گازی، به علت خصوصیت هدایت بالای آن، در نظر گرفته نمی شود. چنانچه در شکل ۲ مشاهده می شود، خط میان لایه های نفوذ گازی و غشاء، لایه های کاتالیستی هستند که به علت نازک بودن آن ها نسبت به سایر اجزای پیل سوختی، چنین فرضی صورت گرفته است.

در کanal گازی موازن جرم و موازن بار، در ناحیه لایه نفوذ گازی موازن بار و در ناحیه غشاء پلیمری موازن جرم و موازن بار حاکم می باشد. موازن بار جرم با معادله استفان ماکسول بیان می شود. موازن اثری نیز با معادله نفوذ و جابه جایی بیان می گردد. قانون اهم نیز موازن بار را بیان می کند.

در این مدل سازی، انتقال جرم اجزای کاتد (اکسیژن، آب و نیتروژن) و اجزای آند (هیدروژن و آب) به وسیله رابطه استفان ماکسول بیان شده است.

$$\frac{\partial \rho \omega_i}{\partial t} + \nabla \cdot \left[-\rho \omega_i \sum_{j=1}^N D_{ij} \left\{ \frac{M}{M_j} \left(\nabla \omega_j + \omega_j \frac{\nabla M}{M} \right) + (x_j - \omega_j) \frac{\nabla p}{p} \right\} + \omega_i \rho \mathbf{u} + D_i^r \frac{\nabla T}{T} \right] = R_i \quad (2)$$

در رابطه فوق، ترم اول مربوط به تجمع می باشد. ترم درون } نفوذ غلظتی، ترم سوم انتقال جابه جایی و ترم چهارم

البته در مقالات ذکر شده، به ترتیب، تأثیر ساختار کاتالیست به صورت یک بعدی و مدل سازی دو بعدی با درنظر گرفتن معادله تافل برای محاسبه دانسیته جریان، فرض شده است، در حالی که در این کار، مدل سازی به صورت سه بعدی و با درنظر گرفتن معادله واکنش با فرض دقیق کاتالیست به صورت تجمعات کروی می باشد.

با توجه به شکل ۲، وجه تمایز المان فوق علاوه بر بررسی نیم پیل کاتدی، در نظر گرفتن شانه می باشد. شانه در حقیقت دیواره کanal گازی است و وظیفه انتقال بار الکتریکی به صفحات جمع آوری کننده جریان الکتریکی را بر عهده دارد. یکی از مهم ترین مراحل در مدل سازی ریاضی، فرضیات مناسب و منطقی برای حل مدل می باشد. در این مدل سازی سیستم به صورت پایدار مدل شده است که این فرض با توجه به زمان کوتاه پایدار شدن در پیل سوختی هیدروژنی (در حد چند ثانیه)، فرض درستی به نظر می رسد. همچنین، غشای پلیمری در شرایط کاملاً آب دار در نظر گرفته شده است. این فرض با توجه به اینکه خوراک در شرایط ورودی کاملاً اشبع است دور از انتظار نیست. نظر به اینکه در کanal گازی عدد پکلت در شرایط عملیاتی، بیش از مقدار واحد می باشد، تنها جریان جابه جایی محوری در نظر گرفته می شود. سرعت جریان گازی نیز از رابطه زیر محاسبه می شود [۱۵]:

$$U = \frac{\Delta ph^2}{28.46 \mu L} \quad (1)$$

که Δp افت غشاء در طول کanal و h قطر هیدرولیکی کanal

شرایط مرزی برای موازنی بار در ادامه ارائه شده است.

$$\phi_m = 0, x = l_m, 0 \leq y \leq l_s, 0 \leq z \leq L \quad (13)$$

$$-\sigma_m \frac{\partial \phi_m}{\partial x} = j, x = l_d, 0 \leq y \leq l_s, 0 \leq z \leq L \quad (14)$$

$$\frac{\partial \Phi_m}{\partial y} = 0, \quad l_d \leq x \leq l_m, y = 0, y = l_s, 0 \leq z \leq L \quad (15)$$

ضریب نفوذ در این مدل‌سازی با توجه به فرمولاسیون زیر می‌باشد [۱۵]:

$$D_{ij} = D_{ij}^0 (T_0, P_0) \frac{P_0}{P} \left(\frac{T}{T_0} \right)^{1.5} \quad (16)$$

اندیس ۰، بیان‌گر حالت مرتع است. ثوابت معادله بالا در ضمیمه ذکر شده‌اند. البته تصحیح برآگمن [۱۵] برای محیط متخلخل نیز به کار گرفته شده است:

$$D_{ij}^{eff} = \varepsilon D_{ij} \quad (17)$$

نتایج و بحث

اولین گام در تحلیل نتایج یک مدل‌سازی، کسب اعتبار یک مدل از طریق تطابق نتایج مدل‌سازی با نتایج آزمایشی می‌باشد. متدالوئرین راه برای اعتبار مدل پیل سوختی مقایسه منحنی پلاریزاسیون پیل سوختی (نمودار ولتاژ بر حسب دانسیته شدت جریان الکتریکی) می‌باشد. پارامترهای عملیاتی و ابعادی برای مدل‌سازی در جدول ۱ ارائه گردیده است که این داده‌ها از کار ریسمانچی و اکبری [۱۶] اقتباس شده است.

جهت ترسیم نمودار پلاریزاسیون با اختصاص دادن مقادیر ولتاژ پیل، دانسیته جریان محاسبه می‌شود. شکل ۳ منحنی پلاریزاسیون حاصل از مدل‌سازی عددی را نشان می‌دهد که با داده‌های اندازه‌گیری شده مطابقت خوبی داشته و خطای در حدود ۸/۱۳٪ را نشان می‌دهد. ولتاژ خروجی از پیل سوختی با کسر اتفاقات ولتاژ از ولتاژ تئوری حاصل می‌شود. عوامل افت ولتاژ عبارتند از: افت ولتاژ حاصل از انرژی فعلی و اکنش، افت حاصل از انتقال جرم (به عبارت دیگر پلاریزاسیون غلظتی) و همچنین افت اهمی.

ولتاژ پیل سوختی توسط معادله زیر محاسبه می‌شود:

$$V_{cell} = 1.14 - \eta_{act} - \eta_{conc} - \eta_{ohm} \quad (18)$$

نفوذ دمایی را نشان می‌دهد. طرف راست معادله نیز بیان‌گر تولید و مصرف می‌باشد. موازنی بار با قانون اهم بیان می‌شود که در شرایط پایدار می‌توان آن را به صورت زیر نوشت:

$$J = \sigma E + J^e \quad (3)$$

با توجه به رابطه بالا، دانسیته جریان به شدت میدان الکتریکی و دانسیته جریان خارجی بستگی دارد. به این ترتیب، فرم پیوستگی جریان الکتریکی به صورت زیر خواهد بود:

$$\nabla \bullet \mathbf{J} = -\nabla \bullet (\sigma \nabla V - \mathbf{J}^e) = 0 \quad (4)$$

گام بعدی در مدل‌سازی، تعیین و اعمال شرایط مرزی می‌باشد. در ورودی کانال گازی ($z=0$) خواهیم داشت:

$$Y_g = Y_{in}, \quad 0 \leq x \leq l_g, 0 \leq y \leq l_w \quad (5)$$

در معادله ۵، Y بیان‌گر کسر جرمی است و زیرنویس g و in به ترتیب مربوط به کانال گازی و شرایط ورودی می‌باشد. شرط مرزی بعدی دیواره کانال گازی ($x=0$) می‌باشد، که می‌توان نوشت:

$$\frac{\partial Y_g}{\partial x} = 0, \quad 0 \leq y \leq l_w, 0 \leq z \leq L \quad (6)$$

سایر شروط مرزی نیز به قرار زیر می‌باشد:

$$\frac{\partial Y_g}{\partial y} = 0, \quad 0 \leq x \leq l_g, y = 0, y = l_w, 0 \leq z \leq L \quad (7)$$

$$Y_g = Y_d, \quad 0 \leq y \leq l_w, 0 \leq z \leq L \quad (8)$$

$$\frac{\partial Y_d}{\partial x} = 0, \quad l_w \leq y \leq l_s, 0 \leq z \leq L \quad (9)$$

$$\rho D_{o_2} \frac{\partial Y_d}{\partial x} = \varepsilon_d^{\tau_d} \rho D_{o_2} \frac{\partial Y_d}{\partial x}, \quad 0 \leq y \leq l_w, 0 \leq z \leq L \quad (10)$$

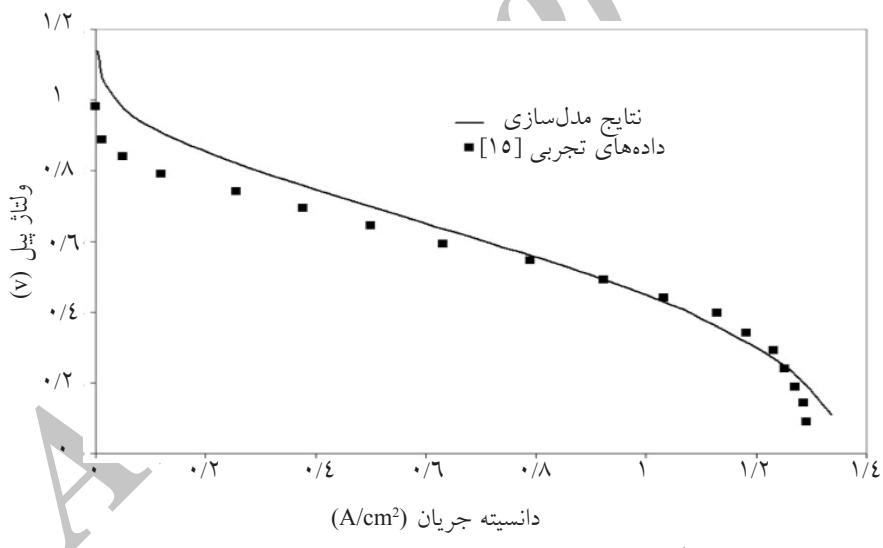
$\varepsilon_d^{\tau_d} \rho D_{o_2} \frac{\partial Y_d}{\partial x} = \frac{j}{4F} M_{O_2}, \quad 0 \leq y \leq l_s, 0 \leq z \leq L \quad (11)$
زیرنویس d معرف لایه نفوذ گازی می‌باشد. همان‌طور که پیشتر راجع به واکنش در پیل سوختی گفته شد، یکی از برتری‌ها و نکات بر جسته این مدل‌سازی، به کار گیری معادله واکنش به صورت تجمعات کروی می‌باشد [۹].

$$j = -6n_c F \left(\frac{D_{agg}}{r_{agg}^2} \right) (1 - \lambda_c \coth \lambda_c) C_{O_2, ref} \quad (12)$$

$$\lambda_c = \sqrt{\frac{i_{0c} S r_{agg}^2}{4FC_{O_2, ref} D_{agg}}} \exp \left(-\frac{F}{2RT} \eta_c \right)$$

جدول-۱ پارامترهای عملیاتی و ابعادی

نام	مقدار	واحد	نام	مقدار	واحد
k	1×10^{-13}	Sec^{-1}	Y_{O_2}	۰/۲	---
F	۹۶۴۸۷	C/mol	Y_{N_2}	۰/۶۷	---
R	۸/۳۱۴	J/kmol.K	Y_{H_2O}	۰/۱۳	---
T	۳۴۳	K	D_{O_2}	$1/8 \times 10^{-5}$	m^2/sec
σ_m	۹	$1/\Omega \cdot m$	μ	1×10^{-5}	Pa.sec
ε_d	۰/۶	---	L	۰/۰۳	m
r_{agg}	1×10^{-7}	m	lg	۰/۰۰۱	m
$D_{O_2 \text{agg}}$	$1/7 \times 10^{-5}$	m^2/sec	ld-lg	$2/54 \times 10^{-4}$	m
pc_out	1×10^{-5}	Pa	lm-ld-lg	$7/70 \times 10^{-5}$	m
CO _{2ref}	۰/۹۴۹۶۸۸	mol/m ³	lw	5×10^{-4}	m
pc_in	$1/5 \times 10^{-5}$	Pa	ls	1×10^{-5}	m
τ	۴	---	α	۰/۵	---
i _{oc}	۱	A/m ²	S	1×10^{-7}	m^{-1}



شکل ۳- منحنی پلاریزاسیون حاصل از مدل سازی عددی

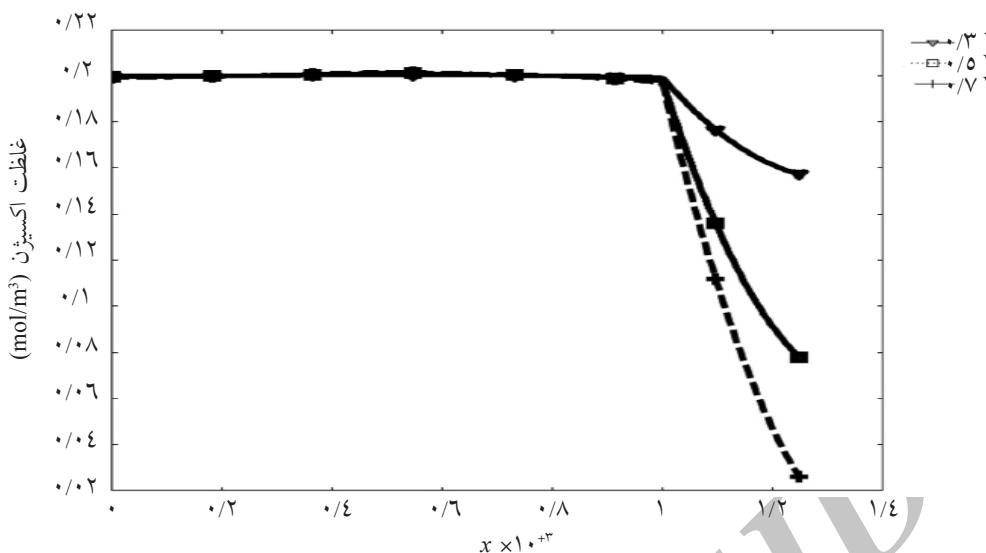
غلهٔ اکسیژن در کanal گازی و لایه نفوذ گازی برای مقادیر افت انرژی فعال‌سازی برابر با ۰/۳، ۰/۵ و ۰/۷ در شکل ۴ رسم شده است.

چنانچه مشاهده می‌شود، غلهٔ اکسیژن در کanal گازی ثابت است. این نتیجهٔ منطقی به دلیل سرعت زیاد در کanal گازی و پلاگ بودن پروفایل غلهٔ اکسیژن می‌باشد. اما در قسمت لایه نفوذ گازی، افت غیر خطی کسر جرمی اکسیژن مشاهده می‌شود که نتیجهٔ مصرف اکسیژن در لایه کاتالیست می‌باشد.

افت اهمی عبارت است از افت حاصل از مقاومت لایه نفوذ گازی و غشاء پلیمری که با توجه به اینکه افت ناشی از لایه نفوذ گازی نسبت به غشاء ناچیز است، از میانگین تفاوت پتانسیل قسمت آندی و کاتدی غشاء حاصل می‌شود. افت غلهٔ اکسیژن نیز با معادله زیر محاسبه می‌شود:

$$\eta_{conc} = \frac{1.5RT}{F} \log \left(\frac{C_{O_2}^{cat}}{C_{O_2}^{con}} \right) \quad (19)$$

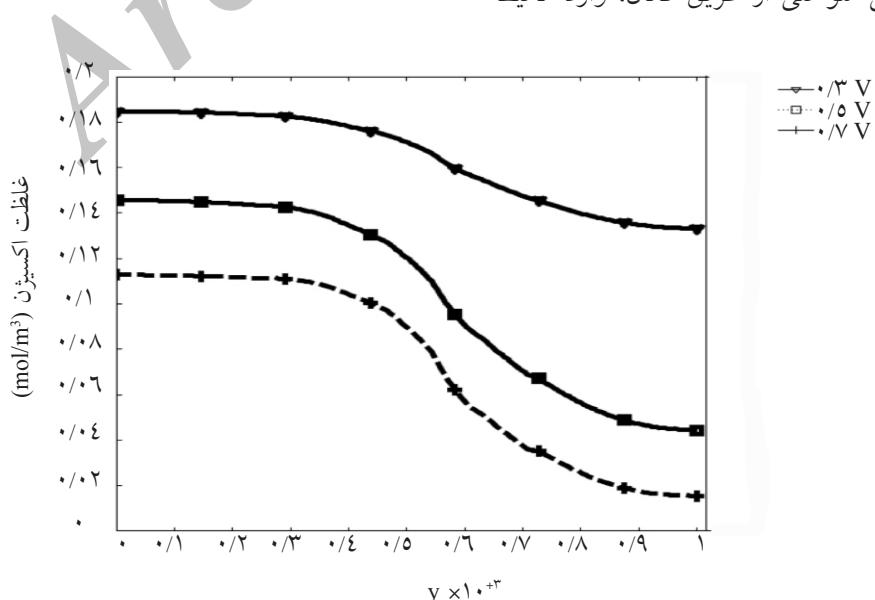
افت حاصل از اکتیواسیون را می‌توان با استفاده از رابطه ۸ و مقادیر معلوم سایر پارامترهای این معادله محاسبه نمود.

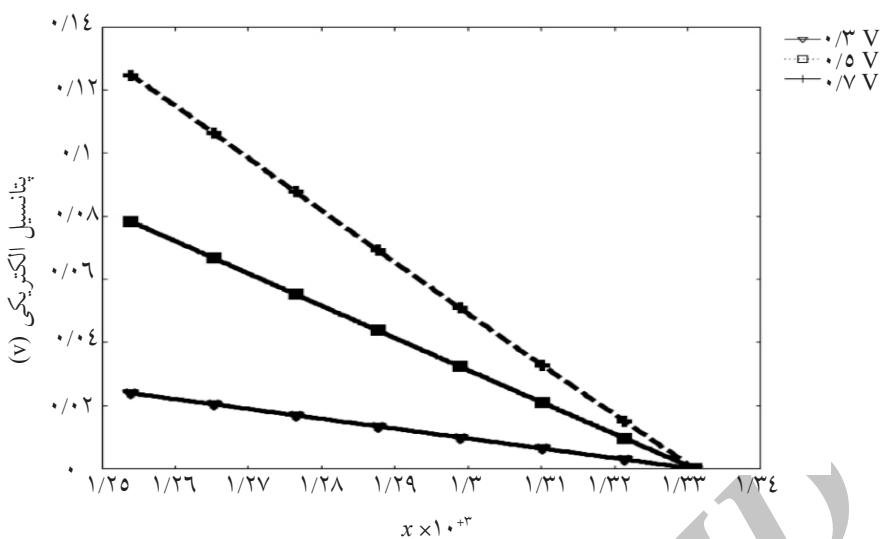
شکل ۴- غلظت اکسیژن در جهت x در کanal گازی و لایه نفوذ گازی کاتدی برای مقادیر افت انرژی فعال سازی برابر با 0.3 , 0.5 و 0.7 V

لایه نفوذ گازی می شود. اما در قسمتی از لایه نفوذ گازی که زیر شانه قرار دارد، واکنش گر به صورت مستقیم وارد نمی شود. بلکه به واسطه انتقال جرم از قسمت های مجاور وارد می شود، لذا غلظت کمتری دارد. این تغییر غلظت در عرض پیل سوختی به خوبی دقت مدل سازی موجود را نشان می دهد و نسبت به تحقیقاتی که در آنها از افت به واسطه فضای زیر شانه صرف نظر شده، متمایز می باشد. تغییر پتانسیل در طول غشاء نیز در شکل ۶ نمایش داده شده است.

نتیجه دیگری که از این نمودار به دست می آید، کاهش غلظت اکسیژن با افزایش پتانسیل اکتیواسیون می باشد. در حقیقت در ولتاژ بالاتر، انرژی بیشتری صرف فعال سازی واکنش می شود و مقدار بیشتری واکنش گر، انرژی لازم برای انجام واکنش را دریافت می کند. در نتیجه کاهش غلظت واکنش گر، خواهد بود.

با توجه به شکل ۵، غلظت اکسیژن در تماس با کanal گازی بیشتر از غلظت اکسیژن در تماس با شانه می باشد. ورود واکنش گر از طریق کanal گازی است. بنابراین، واکنش گر پس از ورود به پیل سوختی از طریق کanal، وارد محیط

شکل ۵- غلظت اکسیژن در جهت y در لایه نفوذ گازی کاتدی برای مقادیر افت انرژی فعال سازی برابر با 0.3 , 0.5 و 0.7 V

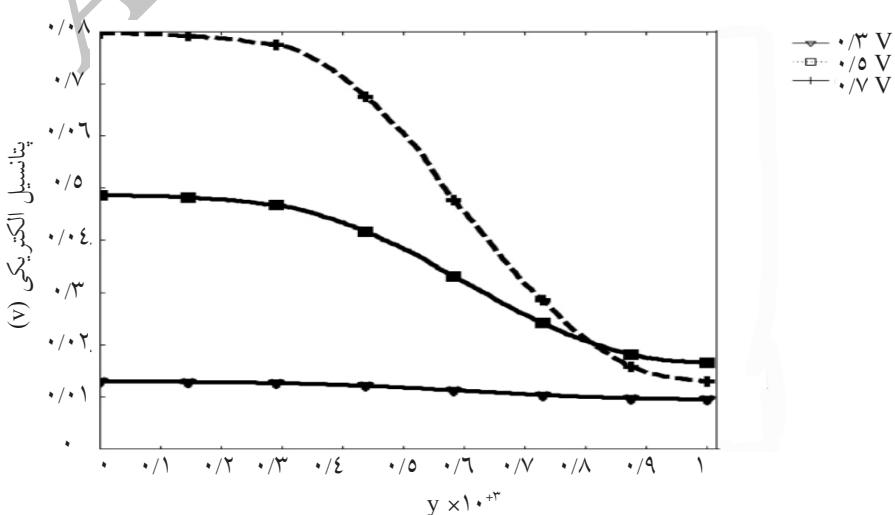


شکل ۶- تغییرات پتانسیل الکتریکی در طول غشاء برای مقادیر افت انرژی فعالسازی برابر با $0/3$ و $0/5$ و $0/7$ V

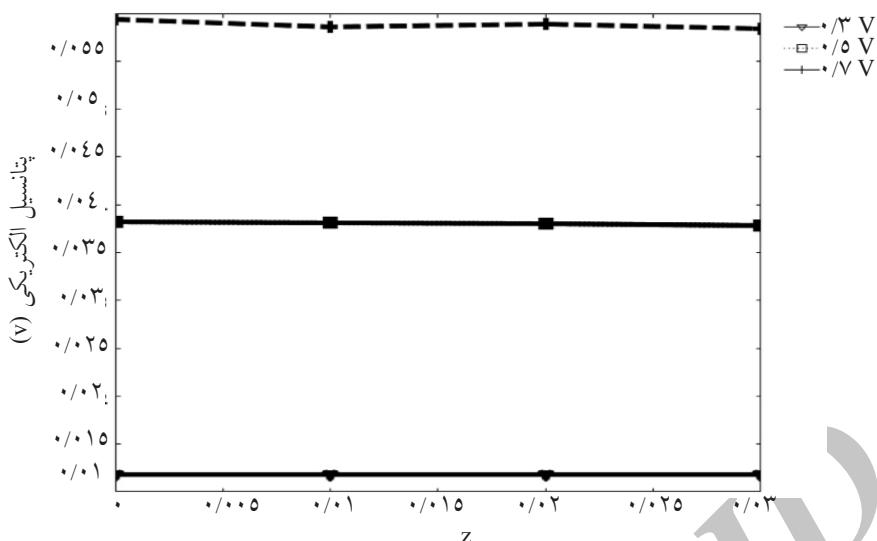
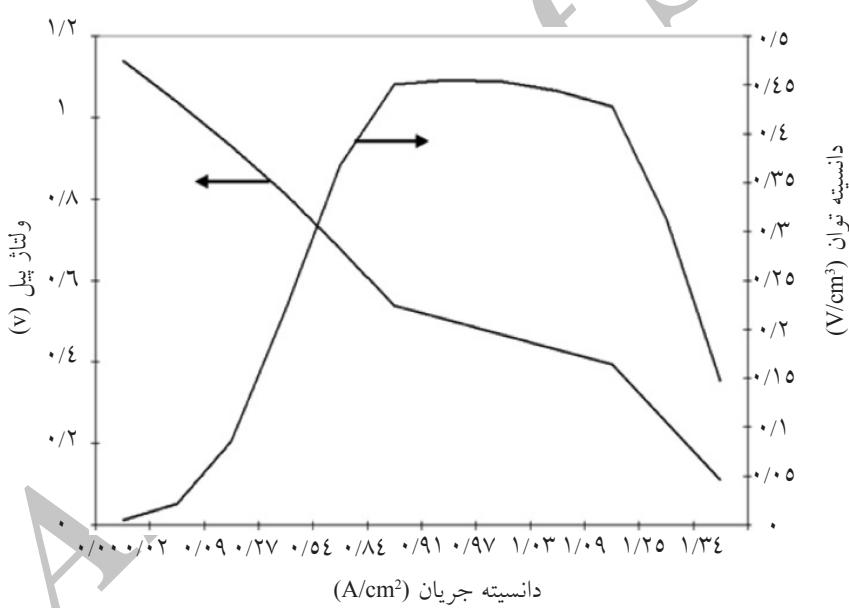
تغییر پتانسیل در جهت z قابل صرفنظر کردن است و این به علت سرعت زیاد در کanal گازی و پلاگ بودن جریان می‌باشد. چنانچه ذکر شد، محاسبه دانسیته توان بهینه برای کاربرد پیل سوختی مهم است. دانسیته توان حاصل ضرب ولتاژ پیل سوختی در دانسیته جریان می‌باشد و در نقطه بهینه، مشتق دانسیته توان برابر صفر می‌باشد. نقطه ماکریم در شکل ۹، نقطه بهینه برای پیل سوختی است. بنابراین، عملیات در این نقطه بهترین جریان خروجی و انرژی را به صورت همزمان دارا می‌باشد. همان‌طور که نشان داده شده در این نقطه، دانسیته جریان و توان پیل سوختی به ترتیب برابر با 1 A/cm^2 و 45 W/cm^2 است و ولتاژ پیل در این نقطه معادل 7 V می‌باشد.

در شکل ۶ به خوبی مشاهده می‌گردد که با افزایش ولتاژ الکتریکی در طول غشاء که معادل با افزایش افت حاصل از اکتیواسیون می‌باشد، افت اهمی بیشتری خواهیم داشت. زیرا با افزایش ولتاژ، چنانچه پیشتر ذکر گردید، واکنش‌گر بیشتری مصرف می‌گردد و در نتیجه افت اکتیواسیون بیشتر می‌شود. از طرفی با افزایش یون‌های حاصل، مقاومت یونی بیشتر شده و باعث افزایش مقاومت اهمی می‌گردد. تغییر پتانسیل در جهت y و z نیز در شکل‌های ۷ و ۸ نمایش داده شده است.

در شکل ۷ می‌توان به اهمیت در نظر گرفتن شانه در مدل‌سازی پی برد و تغییرات پتانسیل الکتریکی ناشی از وجود شانه را مشاهده نمود. همان‌گونه که انتظار می‌رود،



شکل ۷- تغییرات پتانسیل الکتریکی در جهت y برای مقادیر افت انرژی فعالسازی برابر با $0/3$ و $0/5$ و $0/7$ V

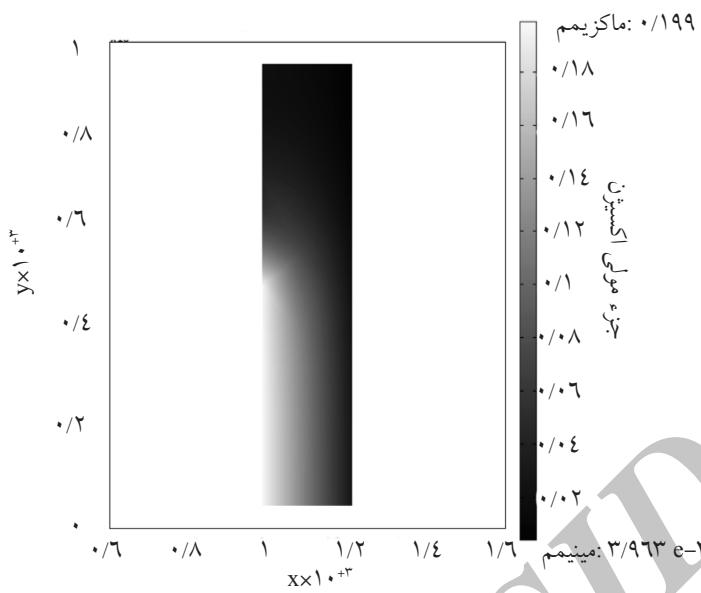
شکل ۸- تغییرات پتانسیل الکتریکی در جهت z برای مقادیر افت انرژی فعال‌سازی برابر با $0/3$ ، $0/5$ و $0/7$ V

شکل ۹- منحنی پلاریزاسیون و دانسیته توان حاصل از مدل‌سازی عددی

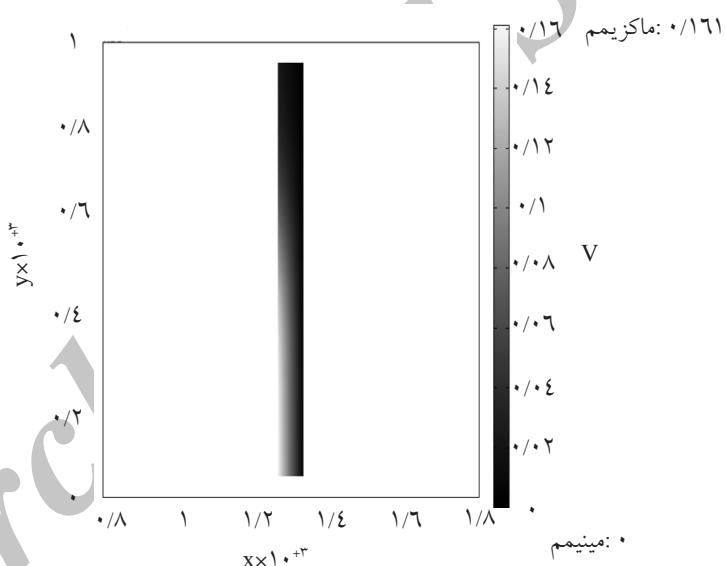
تا شانه اتفاق می‌افتد.

شکل ۱۱ توزیع ولتاژ جریان در غشاء را نشان می‌دهد. دانسیته جریان پیل سوختی نیز در شکل ۱۲ نمایش داده شده است و همان‌گونه که مشاهده می‌شود در جهت محور z هیچ‌گونه پروفایل غلظتی و پتانسیل الکتریکی وجود ندارد.

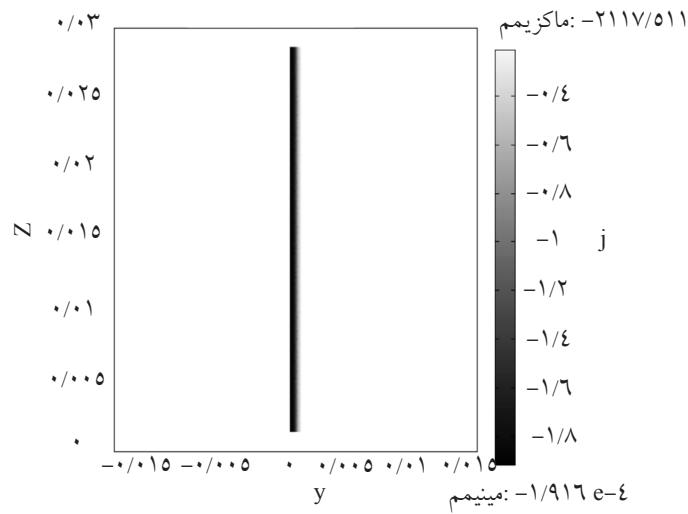
طبق موارد ذکر شده، فعالیت پیل سوختی در نقطه بهینه، مطلوب می‌باشد. در ادامه به بررسی سایر پارامترهای پیل سوختی می‌پردازیم. باید توجه داشت که به علت جلوگیری از تعدد نمودارها و ارائه نتایج، تنها نتایج مربوط به ولتاژ $V/5$ نشان داده شده است. شکل ۱۰ توزیع اکسیژن در طول لایه نفوذ گازی کاتد را نشان می‌دهد. همان‌گونه که مشاهده می‌شود، کاهش غلظت در جهت y از کanal گازی



شکل ۱۰- توزیع کسر جرمی اکسیژن در طول لایه نفوذ گازی نیم پیل کاتدی



شکل ۱۱- توزیع ولتاژ در غشاء



شکل ۱۲- توزیع دانسیته جریان در طول محور Z

- l_s : طول کanal گازی در جهت (m y) (m y)
- l_w : طول نصف کanal گازی در جهت (m y) (m y)
- $p c_{in}$: فشار ورودی کاتد (Pa)
- S : سطح ویژه (m^{-1})
- $p c_{out}$: فشار خروجی کاتد (Pa)
- R : ثابت جهانی گازها (J/kmol.K)
- r_{agg} : شعاع تجمعات کروی (m)
- T : دمای پیل سوختی (K)
- Y_{H_2O} : کسرجرمی آب ورودی
- Y_{N_2} : کسرجرمی نیتروژن ورودی
- Y_{O_2} : کسرجرمی اکسیژن ورودی
- α : ضریب انتقال
- x_d : تخلخل لایه نفوذ گازی
- μ : ویسکوزیته مخلوط گازها در کاتد (Pa.sec)
- σm : ضریب هدایت یونی ($\Omega.m$)
- τ : ضریب پیچش
- i_o : دانسیته جریان تبدالی کاتد (A/m^2)

نتیجه‌گیری

در این تحقیق، مدل‌سازی همدمای سه بعدی پیل سوختی به روش عددی صورت گرفته است که محدوده مدل شامل کanal گازی کاتد، لایه نفوذ، شبیه لایه کاتالیستی و غشای پلیمری می‌باشد. همچنین تأثیر مقادیر مختلف پتانسیل‌های فعال‌سازی بر عملکرد پیل سوختی بررسی شده است. نتایج نشان می‌دهد هر چه ولتاژ پیل سوختی بیشتر شود، پتانسیل فعال‌سازی افزایش و دانسیته جریان خروجی کاهش می‌یابد. برای رسیدن به حالت بهینه عملیاتی یک پیل سوختی، ولتاژ و شدت جریان باید در نظر گرفته شوند، زیرا افزایش یکی با کاهش دیگری همراه است. با استفاده از منحنی پلاریزاسیون و منحنی دانسیته توان، نقطه بهینه عملکرد پیل سوختی در دانسیته جریان $1 A/cm^2$ ، دانسیته توان $45 W/cm^2$ و ولتاژ پیل $0.45 V$ حاصل شد. نتایج نشان می‌دهد که در شرایط عملیاتی، تغییرات در طول کanal (در جهت z) کوچک می‌باشد. همچنین مشاهده شد که عملکرد پیل سوختی مناسب با سه عامل افت ناشی از انرژی فعال‌سازی، پلاریزاسیون غلظتی و اهمی کاهش می‌یابد. مهم‌ترین نتیجه‌ای که از تطابق مناسب نتایج حاصل از مدل‌سازی با داده‌های تجربی می‌توان استنتاج نمود، اثبات مؤثر بودن نیم پیل کاتدی در عملکرد پیل سوختی و اهمیت در نظر گرفتن تأثیر شانه در المان مدل‌سازی می‌باشد. به عبارت دیگر عامل کنترل کننده عملیات پیل سوختی غشای پلیمری، نیم پیل کاتدی با در نظر گرفتن المان مناسب می‌باشد.

علائم و نشانه‌ها

- $C_{O_2^{ref}}$: غلظت اکسیژن بر سطح تجمعات کروی (mol/m^3)
- D_{O_2} : ضریب نفوذ اکسیژن (m^2/sec)
- $D_{O_2,agg}$: ضریب نفوذ اکسیژن در لایه غشای کاتالیست ($m^2/(sec)$)
- F : ثابت فارادی (C/mol)
- k : ثابت واکنش در جهه اول (Sec^{-1})
- L : طول در جهت (m z)
- $l_d - lg$: طول لایه نفوذ گازی در جهت (m x)
- l_g : طول کanal گازی در جهت (m x)
- $lm - ld - lg$: طول غشا در جهت (m x)

مراجع

- [1]. Springer T. E., Zawodzinski T. A., and Gottesfeld S., "Polymer electrolyte fuel cell model. *Journal of the Electrochemical Society*", 138(8): pp. 2332-4342, 1991.
- [2]. Eikerling M. and Kornyshev A. A., "Modelling the performance of the cathode catalyst layer of polymer electrolyte fuel cells", *Journal of Electroanalytical Chemistry*, 453(1-2): pp. 89-106, 1998.
- [3]. Gurau V., Barbir F., and Liu H., "Analytical solution of a half-cell model for PEM fuel cells", *Journal of the Electrochemical Society*, 147(7): pp. 2468-2477, 2000.
- [4]. Devan S., Subramanian V. R., and White R. E., "Analytical solution for the impedance of a porous electrode", *Journal of the Electrochemical Society*, 151(6): pp. 905-913, 2004.
- [5]. Meng H. and Wang C. Y., "An analytical study of the PEM fuel cell with axial convection in the gas channel", *International Journal of Hydrogen Energy*, 32(17): pp. 4477-4488, 2007.
- [6]. Ju H., Meng H., and Wang C.-Y., "A single-phase, non-isothermal model for PEM fuel cells", *International Journal of Heat and Mass Transfer*, 48(7): pp. 1303-1315, 2005.
- [7]. Yin K.-M., "A thin-film/agglomerate model of a proton-exchange-membrane fuel cell cathode catalyst layer with consideration of solid-polymer-electrolyte distribution", *Journal of Applied Electrochemistry*, 37(8): pp. 971-982, 2007.
8. Das P. K., Li X., and Liu Z.-S., "A three-dimensional agglomerate model for the cathode catalyst layer of PEM fuel cells", *Journal of Power Sources*, 179(1): pp. 181-699, 2008.
- [9]. Siegel N. P., Ellis M. W., Nelson D. J., Von Spakovsky M. R., "Single domain PEMFC model based on agglomerate catalyst geometry", *Journal of Power Sources*, 115(1): p. 81-89, 2003.
- [10]. Zhou T. and H. Liu, "A 3D model for PEM fuel cells operated on reformat", *Journal of Power Sources*, 138(1-2): pp. 101-110, 2004.
- [11]. Mishra V., F. Yang, and R. Pitchumani, Analysis and design of PEM fuel cells. *Journal of Power Sources*, 2005. 141(1): pp. 47-64, 2004.
- [12]. Serrafero A., Arato E., and Costa P., "Transport phenomena and performance limits in polymeric electrolyte membrane fuel cells", *Journal of Power Sources*, 145(2): pp. 470-476, 2005.
- [13]. Acosta M., Acosta M., Mertwn C., Eigenberger G., Class H., Helmig R., Thoben B., Muller-steinbergen H., "Modeling non-isothermal two-phase multicomponent flow in the cathode of PEM fuel cells", *Journal of Power Sources*, 159(2): pp. 1123-1141, 2006.
- [14]. Berning T. and Djilali N., "Three-dimensional computational analysis of transport phenomena in a PEM fuel cell - A parametric study. *Journal of Power Sources*", 124(2): pp. 440-452, 2003.
- [15]. Bird R. B., Stewart W. E., and Lightfoot E.N., *Transport phenomena*, 2nd ed. 2002, New York: J. Wiley. xii, 895 p.
- [16]. Rismanchi B. and Akbari M. H., "Performance prediction of proton exchange membrane fuel cells using a three-dimensional model", *International Journal of Hydrogen Energy*, 33(1): pp. 439-448, 2008.