

## ارزیابی کارایی با استفاده از مدل تحلیل پوششی داده‌های فازی و اعمال محدودیت فازی برای کنترل اوزان و یافتن اوزان عمومی

محمد رضا صادقی مقدم<sup>۱</sup>، علی حسین غریب<sup>۲</sup>

**چکیده:** در این مقاله تلاش می‌شود تا با ارائه مدلی، دو نقطه ضعف مدل‌های پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها در عدم کنترل اوزان عوامل و محاسبه مجموعه‌ای متفاوت برای وزن‌های انتخابی واحدهای مختلف، به طور همزمان برطرف شود. این پژوهش یک مطالعه موردی است که مدل معرفی شده را برای ارزیابی کارایی نواحی هجدۀ گانه مدیریتی شرکت توزیع نیروی برق فارس، در سال ۱۳۸۴ به کار بردۀ است. کارایی واحدهای مورد نظر، نخست به کمک مدل پایه CCR مضربی خروجی محور اصلاح شده، اندازه‌گیری شد و در مرحلۀ بعد این کار با مدل ارائه شده، انجام گرفت. در مدل کلاسیک از هجدۀ ناحیه توزیع، پنج ناحیه نواحی کارا شناخته شدن (حدود ۲۸ درصد) و میانگینی برابر ۷۴٪ برای کارایی واحدهای به دست آمد، اما با استفاده از مدل ارائه شده، تنها یک واحد توانست خود را واحدی کارا نشان دهد و میانگین به دست آمده برای کارایی واحدهای تا ۳۵٪ کاهش یافت. نتایج حاصل نشان دهنده آن است که مدل مورد استفاده، علاوه بر اینکه نقاط ضعف DEA کلاسیک را در مورد عدم کنترل اوزان برطرف می‌کند، توانایی تفکیک کنندگی مدل را نیز افزایش می‌دهد.

**واژه‌های کلیدی:** تحلیل پوششی داده‌ها، تحلیل پوششی داده‌های فازی، توزیع برق، کارایی، منطق فازی.

۱. استادیار، مدیریت صنعتی، دانشگاه تهران، ایران

۲. مریم مدیریت صنعتی، دانشگاه هرمزگان، ایران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۲/۰۱/۳۱

تاریخ پذیرش نهایی مقاله: ۱۳۹۲/۰۵/۲۷

نویسنده مسئول مقاله: علی حسین غریب

E-mail: Gharib\_a\_h@yahoo.com

#### مقدمه

همگان اذعان دارند که هر پدیده، تنها در صورتی قابل بهبود است که بتوان آن را اندازه‌گیری و ارزیابی کرد. این حقیقت، ضرورت اندازه‌گیری کارایی برای بهبود بهره‌وری را بیش از پیش روشن می‌کند. به همین دلیل، امروزه بررسی و ارزیابی عملکرد سازمان‌ها و اداره‌ها، یکی از داغترین مباحثی است که دنیای صنعتی را به خود مشغول کرده است. شرکت توزیع برق فارس نیز مانند هر سازمان دیگر، برای آگاهی از میزان مطلوبیت فعالیت‌های زیرمجموعه خود، به یک نظام ارزشیابی برای سنجش این مطلوبیت احتیاج دارد.

یکی از کاربردی‌ترین روش‌هایی که به تازگی برای ارزیابی عملکرد سازمان‌ها استفاده می‌شود، تحلیل پوششی داده‌ها<sup>۱</sup> است. این روش مبتنی بر رویکرد برنامه‌ریزی خطی است که با استفاده از ابعاد ریاضی، معیاری برای سنجش عملکرد ارائه می‌کند. اما مدل‌های پایه تحلیل پوششی داده‌ها، محدودیت‌ها و نقاط ضعفی نیز دارند. در این مقاله تلاش شده با ارائه یک مدل، برخی از این محدودیت‌ها و نقاط ضعف بطریف شود. در ادامه پس از بیان مسئله، شرح کوتاهی از مدل‌های مختلف محدود کردن اوزان عوامل داده شده است. پس از آن، مدل ارائه شده و ورودی‌ها و خروجی‌ها و نحوه جمع‌آوری داده‌ها توضیح داده شده است. سپس در یک مطالعه موردی، نتایج مدل ارائه شده با سایر مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها مقایسه می‌شوند و در آخر پیشنهادهایی نیز ارائه خواهد شد.

#### بیان مسئله

مدل‌های پایه تحلیل پوششی داده‌ها دارای دو نقطه ضعف اساسی هستند. کنترل نداشتن روی وزن‌های عوامل، یکی از اصلی‌ترین اشکالهایی است که به مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها گرفته می‌شود. در این روش، هر واحد وزن‌ها را به صورتی به عوامل تخصیص می‌دهد تا میزان کارایی خود را به حداقل برساند. در این حالت ممکن است، واحد وزن‌های بسیار کمی را به عوامل مهم یا وزن‌های بالایی را به عوامل کم‌اهمیت بدهد که این امر صحت ارزیابی را تا حدود زیادی زیر سؤال خواهد برد. رل، کک و گلوئی (۱۹۹۱) و ژیائو و ریوس (۱۹۹۷) بیان می‌کنند که بی‌توجهی به موضوع کنترل وزن، در عمل مجاز شمردن تسلط عوامل کم‌اهمیت در ارزیابی است؛ به طوری که واحدهای توانمند در عوامل بالاهمیت بعد از واحدهای توانمند در عوامل کم‌اهمیت قرار گرفته و بنابراین نتایج ارزیابی مدل مزبور بی‌اعتبار خواهد شد. همچنین ممکن است، مدیریت وزن‌های خاصی را برای عوامل در نظر بگیرد که باید این نظریه‌ها اعمال شوند.

1. Data Envelopment Analysis

یکی دیگر از اشکال‌های این روش آن است که مجموعه وزن‌های انتخابی برای واحدهای مختلف، متفاوت است (ساعتی و معماریانی، ۲۰۰۵). با توجه به اینکه برای ارزیابی میزان کارایی هر واحد، باید یک مدل برنامه‌ریزی خطی برای آن حل شود، واحدها ضرایب را به‌گونه‌ای انتخاب می‌کنند که به حداقل میزان کارایی برسند. این مسئله که عوامل مشابه برای واحدهای مختلف اوزان متفاوتی داشته باشند، می‌تواند مورد پذیرش قرار نگیرد. در این مقاله تلاش شده مدلی ارائه شود که با کنترل وزن‌ها و محدود کردن آنها و اعمال اوزان مورد نظر مدیریت، اشکال‌های مدل‌های سنتی DEA را برطرف کند. مثال کاربردی از مدل معروف شده، برای ارزیابی کارایی نواحی هجدۀ گانه مدیریتی شرکت توزیع نیروی برق فارس، در سال ۱۳۸۴ استفاده شده است.

### مبانی نظری

#### محدود کردن اوزان در تحلیل پوششی داده‌ها

روش‌های مختلف محدود کردن اوزان را می‌توان به سه دسته کلی زیر تقسیم کرد:

۱. ایجاد محدودیت‌های مستقیم برای اوزان: این روش را نخستین بار دایسون و تاناسولیس (۱۹۸۸) معرفی کردند، بیسلی (۱۹۹۰) از آن استفاده کرد و رول، کوک و گولانی (۱۹۹۱) آن را توسعه دادند. در این روش محدودیت‌های زیر به مسئله اضافه می‌شوند:

$$\begin{aligned} \alpha_i &\leq v_i \leq \beta_i && \text{For input } i \\ \alpha_r &\leq u_r \leq \beta_r && \text{For output } r \end{aligned}$$

همان‌گونه که مشخص است، محدودیت‌های اضافه شده، مقادیری عددی را حدود بالا و پایین اوزان در نظر می‌گیرند. هدف در این محدودیت‌ها آن است که این اطمینان حاصل شود هیچ‌یک از عوامل نه نادیده گرفته می‌شوند و نه اوزان بیش از حدی را به خود اختصاص می‌دهند. مقادیر این حدود بالا و پایین، به تشخیص افراد متخصص و اطلاعات آنها بستگی دارد. این حدود را پس از تجزیه و تحلیل نتایج اوزان حاصل از مدل‌های پایه DEA، می‌توان تعیین کرد؛ به این معنا که ابتدا مسئله بدون در نظر گرفتن این محدودیت‌ها حل می‌شود. نکته مهم این است که این مدل‌ها بر اساس ورودی محور یا خروجی محور بودن، مقادیر مختلفی را برای کارایی واحدها حاصل می‌کنند.

برای استفاده از این محدودیت‌ها، ابتدا باید یک مدل پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها حل شود تا ابعاد اوزان متغیرها مشخص شوند (زیرا این ابعاد به میزان بزرگی متغیرها وابسته است) و تنها پس از بررسی و تجزیه و تحلیل اوزان تمام متغیرها برای تمام واحدها، می‌توان محدودیت‌ها را ارائه

کرد. اگر نتایج مدل پذیرفته نشود، می‌توان بازه این محدودیتها را تغییر داد تا مورد پذیرش قرار گیرد.

**۲. مدل Cone- Ratio:** این مدل را چارنز و دیگران (چارنز، کوپر، وی و هوانگ، ۱۹۸۹) معرفی کردند و کورن بلوث (۱۹۹۱) یکی از افرادی بود که از آن استفاده کرد. اگر اوزان انتخاب شده مدل‌های پایه با توابع هدف برخی واحدها نامتناقض نباشد، DEA می‌تواند مقدار کارایی واحد مورد نظر را بیش از مقدار واقعی تخمین بزند. مدل Cone- Ratio همانند یک مدل CCR است که واحدها را با استفاده از داده‌هایی که تبدیل شده‌اند (تغییر متغیر داده شده‌اند)، ارزیابی می‌کند. همچین می‌توان یک DMU را بهمنزله استاندارد در نظر گرفت و از اوزان آن برای محدود کردن اوزان سایر واحدها استفاده کرد. هنگام استفاده از مدل Cone- Ratio، همواره و به‌حتم یک واحد دارای کارایی برابر با ۱ است. یکی از معایب این تغییر متغیر داده‌ها این است که برای تفسیر نتایج، باید آنها را بار دیگر تغییر متغیر داد تا به نتایج اصلی تبدیل شوند.

**۳. مدل محدوده اطمینان:** مفهوم منطقه اطمینان را تامپسون، سینگلتون، ترال و اسمیت (۱۹۸۶) توسعه داده‌اند. روش محدوده اطمینان از طریق اصلاح پیاپی محدوده اطمینان، به محدوده‌ای می‌رسد که در آن میزان کارایی واحدها به میزان مورد نظر تصمیم‌گیرندگان یا متخصصان می‌رسد. این محدودیتها به صورت زیر هستند:

$$\alpha_i v_i \leq v_i \leq \beta_i v_i$$

$$\alpha_r u_r \leq u_r \leq \beta_r u_r$$

مقادیر  $\alpha$  و  $\beta$  باید با نظر متخصصان تعیین شود. واضح است که همچون مدل قبلی، مرزهای این محدوده به سطح ورودی‌ها و خروجی‌ها بستگی دارد؛ یعنی این مرزها به مقیاس اندازه‌گیری حساس هستند. گفتنی است که مدل محدوده اطمینان یک نوع خاص از مدل Cone- Ratio است، بنابراین همیشه دست کم یکی از واحدها دارای میزان کارایی برابر با ۱ خواهد شد.

در سال‌های اخیر نیز، پژوهشگران مطالعات متعددی برای یافتن اوزان عمومی انجام داده‌اند.

کائو و هانگ (۲۰۰۵) بر مبنای برنامه‌ریزی غیرخطی چندهدفه و روش‌های حل سازشی، روشی را برای یافتن اوزان عمومی همه واحدها ارائه کردند تا بتوان به کمک آن، بُرداری از مقادیر کارایی به دست آورد که مقادیر آن به مقادیر کارایی ارائه شده مدل‌های پایه تحلیل پوششی داده‌ها نزدیکتر باشد. جهانشاهلو و همکاران نیز بر مبنای یک برنامه‌ریزی غیرخطی چندهدفه و حداقل مقادیر کارایی، مدلی را برای یافتن مقادیر عمومی اوزان پیشنهاد کردند

(جهانشاهلو، معماریانی، لطفی و رضایی، ۲۰۰۵). در این زمینه می‌توان به مطالعات انجام گرفته دویل و گرین (۱۹۹۴)، کارساک و آشیکا (۲۰۰۵) و رول و گولانی (۱۹۹۳) نیز اشاره کرد.

این مدل‌ها در ارتباط با داده‌های قطعی و معین هستند. همچنین برای حل آنها نیاز به الگوریتم‌های غیرخطی وجود دارد؛ در حالی که بیشتر مسائل موجود در صنعت، اقتصاد و تجارت، اغلب با عدم اطمینان و عدم قطعیت هستند. از مزایای دیگر مدل ارائه شده در این مقاله، علاوه بر کارایی بالا در رتبه‌بندی کامل واحداً و سهولت استفاده، خطی بودن آن است.

### مدل ارائه شده

در این پژوهش، مدل CCR مضربی خروجی محور اصلاح شده، مدل پایه محسوب شده و به کار گرفته شده است.

مدل‌های کلاسیک تحلیل پوششی داده‌ها، شامل دو مدل CCR و BCC می‌شوند. تفاوت این دو مدل در لحاظ کردن ساختار بازده به مقیاس است. مدل‌های CCR، از جمله مدل‌های بازده ثابت نسبت به مقیاس هستند، اما در مدل BCC بازده به مقیاس متغیر است.

با توجه به اینکه مدیریت‌های نواحی توزیع برق، تنها واحدهایی هستند که در منطقه تحت پوشش خود فعالیت می‌کنند و با توجه به مناطقی که تحت پوشش دارند، ظرفیت‌ها و مشترکان موجود ناچارند در یک مقیاس خاص فعالیت کنند و درنتیجه امکان تغییرات خاصی در آنها وجود ندارد و ساختار بازده به مقیاس متغیر برای ارزیابی کارایی این مدیریت‌ها، مفهوم واقعی خود را از دست خواهد داد. بنابراین در این پژوهش از مدل CCR برای ارزیابی کارایی نواحی توزیع برق فارس استفاده شده است.

در پژوهش پیش رو با توجه به نظرخواهی‌های از کارشناسان و ماهیت ورودی‌ها و خروجی‌ها و لزوم افزایش خروجی‌ها برای این شرکت‌ها، رویکرد خروجی محور انتخاب شده است.

از آنجاکه مدل ارائه شده، به دنبال کنترل وزن‌ها در مدل‌های تحلیل پوششی داده‌هاست، مدل مضربی انتخاب شده است تا بتوان این تغییرات را روی وزن‌های عوامل اعمال کرد.

مدل استفاده شده در این پژوهش بر پایه مدل ساعتی و معماریانی (۲۰۰۵) است که تغییراتی در آن اعمال شده است. مدل ساعتی و معماریانی توانایی محاسبه اوزان عمومی عوامل را دارد، اما امکان اعمال اوزان مورد نظر کارشناسان در مدل مذکور وجود ندارد؛ یعنی این مدل تنها یکی از نقاط ضعف اساسی مدل‌های پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها را برطرف می‌کند و مشکل دیگر همچنان پابرجاست. بنابراین محدودیت‌های A3، B3، C1 و C2 برای اعمال نظر کارشناسان در مورد اوزان به مدل ساعتی و معماریانی اضافه شده است. با افزودن این محدودیت‌ها، مدل

علاوه بر محاسبه اوزان عمومی عوامل، به طور همزمان توانایی اعمال نظر کارشناسان در مورد اوزان را نیز پیدا خواهد کرد.  
در این روش ابتدا با حل مدل‌های برنامه‌ریزی خطی زیر که بر اساس داده‌های فازی است، حد بالای ورودی‌ها و خروجی‌ها تعیین می‌شود.

$$\text{Max} \quad v_i$$

St :

$$1) \quad \sum_{r=1}^s u_r \tilde{y}_{rj} \leq \tilde{\gamma} \quad \forall j$$

(A) حدود بالای اوزان ورودی

$$2) \quad \sum_{r=1}^s u_r \tilde{y}_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i \tilde{x}_{ij} \leq \cdot$$

$$3) \quad V_i^u - (1-f)V_i^u \leq v_i \leq V_i^u + (1-f)V_i^u \quad \forall i$$

$$\text{Max} \quad u_p$$

St :

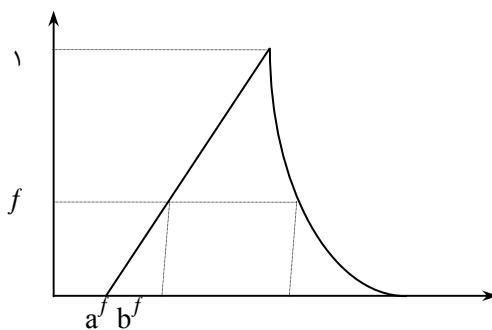
$$1) \quad \sum_{i=1}^m u_r \tilde{y}_{rj} \leq \tilde{\gamma} \quad \forall j$$

(B) حدود بالای اوزان خروجی

$$2) \quad \sum_{r=1}^s u_r \tilde{y}_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i \tilde{x}_{ij} \leq \cdot \quad \forall j$$

$$3) \quad U_r^u - (1-f)U_r^u \leq u_r \leq U_r^u + (1-f)U_r^u \quad \forall r$$

مقادیر  $U_r^u$  و  $V_i^u$  وزن‌های تخصیص داده شده کارشناسان هستند. از طریق حل کردن مدل برنامه‌ریزی خطی، حدود بالای اوزان فازی ورودی‌ها و خروجی‌ها تعیین می‌شود.  
محدودیت سوم هر کدام از مدل‌های فوق، محدودیت فازی است که با استفاده از برش  $f$  عدد فازی مثلثی، نظر کارشناسان را در مورد اوزان اعمال می‌کند.  
متغیر  $f$  یک متغیر فازی است، چنانچه مقدار این متغیر برابر با ۱ باشد، مدل قطعی است و نظر کارشناسان به صورت کامل اعمال شده است، اما اگر مدل با در نظر گرفتن مقدار ۱ برای متغیر  $f$  غیرموجه شود، باید مقدار  $f$  را کاهش داد. هرچه مقدار  $f$  بیشتر کاهش داده شود (به صفر نزدیک‌تر شود) مدل فازی‌تر خواهد شد.

شکل ۱. برش  $f$  از یک مجموعه فازی

برش  $f$  (شکل ۱) از یک مجموعه فازی، عبارتست از مجموعه قطعی  $(Af)$  برای میزان عضویت خاص  $a$  یعنی:

$$A^f = [a^f, b^f]$$

که در آن  $f$  همانند قبل عددی در بازه  $[0, 1]$  است.

برای اعمال اوزان فوق در مدل باید به این نکته توجه داشت که ممکن است این کار سبب غیرموجه شدن مسئله شود. بنابراین بهتر است برای آنها یک بازه اطمینان در نظر گرفت. این بازه اطمینان به کمک متغیر فازی  $f$  کنترل خواهد شد.

در اینجا فرض می‌شود که مقدار حداقل وزن تخصیص داده شده به عامل مورد نظر برابر صفر و حداکثر آن نیز، دوباره وزن فازی تخصیص داده شده کارشناسان است. در این حالت برای هر کدام از عوامل خواهیم داشت (برای مثال خروجی اول):

$$0/318 - (1-f) \leq u_i \leq 0/318 + (1-f)$$

این محدودیت، برش  $f$  از عدد فازی مثلثی  $[0/636, 0/318, 0]$  را نشان می‌دهد. یعنی وزن خروجی اول می‌تواند در بازه  $[0/636, 0]$  تغییر کند. در این حالت اگر متغیر فازی  $f$  برابر با عدد ۱ شود، مدل قطعی بوده و نظر کارشناسان به صورت کامل اعمال شده است، اما چنانچه در این حالت مدل غیرموجه شود، باید مقدار متغیر فازی  $f$  را کاهش داد. هرچه مقدار  $f$  کاهش بیشتری داشته باشد (به صفر نزدیکتر باشد)، مدل فازی‌تر شده و نظر کارشناسان کمتر اعمال خواهد شد.

در مورد خروجی فوق، مدل در  $f^0$  موجه شده و وزنی برابر با  $10^3 / 0$  برای این خروجی به دست آمد.

با استفاده از نتایج مدل‌های A و B که حدود بالای اوزان را به دست می‌دهند و در نظر گرفتن مقدار صفر برای حدود پایین، مدل زیر را خواهیم داشت.

$$\text{Max } \phi$$

St :

- ۱)  $\sum_{r=1}^s u_r \tilde{y}_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i \tilde{x}_{ij} \leq 0 \quad \forall j$
  - ۲)  $\phi U_r \leq u_r \leq U_r (1-\phi) \quad \forall r$
  - ۳)  $\phi V_i \leq v_i \leq V_i (1-\phi) \quad \forall i$
  - ۴)  $U_r^u - (1-f)U_r^l \leq u_r \leq U_r^u + (1-f)U_r^l \quad \forall r$
  - ۵)  $V_i^u - (1-f)V_i^l \leq v_i \leq V_i^u + (1-f)V_i^l \quad \forall i$
- (C)

مقادیر  $U_r$  و  $V_i$  از حل مدل‌های A و B به دست می‌آیند و مقادیر و وزن‌های تخصیص داده شده کارشناسان هستند.

محدودیت‌های ۲ و ۳ محدودیت‌هایی هستند که برای به دست آوردن اوزان مشترک عوامل در مدل قرار داده شده است و محدودیت‌های ۴ و ۵ محدودیت‌هایی هستند که نظر مدیریت را در مورد اوزران اعمال می‌کنند.

در نهایت با حل مدل C مقادیر اوزان مشترک<sup>۱</sup> (CSW) به دست می‌آید. در این حالت کارایی هر واحد برابر است با:

$$e_j^m = \frac{\sum_{r=1}^s u_{csw} y_{rj}^m}{\sum_{i=1}^m v_{csw} x_{ij}^m}$$

مقادیر  $u_{CSW}$  و  $V_{CSW}$  با حل مدل C به دست می‌آیند.

در این مدل ممکن است کارایی هیچ کدام از واحدها به ۱ نرسد. برای اینکه مقادیر کارایی بین صفر و ۱ قرار بگیرد می‌توان تغییر متغیر زیر را انجام داد:

---

1. Common Set of Weights

$$M_r = \frac{u_r^*}{e}, \quad N_i = v_i^* \quad \forall i, r,$$

که:

$$e = \max_{1 \leq j \leq n} \{e_j^m\}$$

### روش جمع‌آوری داده‌ها و ورودی‌ها و خروجی‌های پژوهش

وزارت نیرو شاخص‌های خاصی را برای ارزیابی سالانه شرکت‌های توزیع در نظر گرفته است که ورودی‌ها و خروجی‌های پژوهش با انتخاب کارشناسان از میان این شاخص‌ها انتخاب شده‌اند. برای شناخت متغیرهای ورودی و خروجی مدل، از روش تحلیل سلسله‌مراتبی (AHP)<sup>۱</sup> استفاده شده است. همچنین تعیین میزان اهمیت نسبی ورودی‌ها و خروجی‌ها، به‌کمک تنظیم جداول مقایسه‌های زوجی و مصاحبه با خبرگان شرکت توزیع برق فارس انجام گرفته است.

پرسش‌نامه‌ای در اختیار کارشناسان شرکت قرار گرفت تا با استفاده از جداول مقایسات زوجی، امتیازهایی را به شاخص‌های ارزیابی سالانه مذکور بدهند و در مرحله بعد، پس از تجزیه و تحلیل جداول مقایسات زوجی با روش AHP، شاخص‌هایی که در این روش بالاترین اوزان را کسب کرده‌اند، ورودی‌ها و خروجی‌های مدل انتخاب شدند.

برای ترکیب داده‌های همجنس نیز پرسش‌نامه مشابهی در اختیار کارشناسان قرار گرفت و پس از محاسبه امتیازهایی که آنها به صورت فازی به طبقه‌های مختلف داده بودند، برای به دست آوردن مقادیر قطعی، این داده‌ها به صورت فازی با هم ترکیب شدند. پس از تجزیه و تحلیل نظرات کارشناسان، نیروی انسانی و قدرت ترانسفورماتورها ورودی‌های مدل و میزان فروش انرژی، میانگین زمان خاموشی و میزان تلفات انرژی، خروجی‌های مدل انتخاب شدند.

ورودی نیروی انسانی بر اساس میزان تحصیلات به پنج گروه کارشناسی ارشد و بالاتر، کارشناسی، کاردانی، دیپلم و زیر دیپلم تقسیم می‌شود. برای ترکیب داده‌های مربوط به نیروی انسانی، امتیازهای فازی تعیین شده کارشناسان برای هر مقطع تحصیلی در میزان سابقه کاری افراد ضرب شده تا به یک عدد قطعی تبدیل شود. ترانسفورماتورها نیز شامل دو گروه ترانسفورماتورهای زمینی و هوایی هستند. در قسمت فروش انرژی بخش‌های خانگی، عمومی، کشاورزی، صنعتی و تجاری وجود دارد. برای ترکیب داده‌های مربوط به ترانسفورماتورها و فروش نیز از روش مشابه استفاده شده است.

1. Analytic Hierarchy Process

اطلاعات مربوط به ورودی‌ها و خروجی‌های نواحی مورد ارزیابی از مستندات شرکت و مدیریت‌های نواحی در سطح منطقه جمع‌آوری شده است. نکته‌ای که یادآوری آن مهم است اینکه میزان تلفات و میانگین زمان خاموشی‌ها، خروجی‌های نامطلوبی هستند. مدل‌های تحلیل پوششی داده‌های خروجی محور، به‌دنبال افزایش میزان خروجی‌ها هستند؛ در حالی که افزایش میزان این خروجی‌ها نامطلوب است و ما به‌دنبال کاهش آنها هستیم. به همین دلیل برای وارد کردن این متغیرها در مدل تحلیل پوششی داده‌ها، ابتدا تغییراتی در آنها اعمال شده است تا مشکل به‌وجود آمده بطرف شود. برای این کار از روش معکوس ضربی استفاده شده است که داده‌های مربوط به این خروجی‌ها را معکوس می‌کند (رول و گولانی، ۱۹۹۳؛ لاول، پاستور و ترنر، ۱۹۹۵). در این حالت برای اینکه میزان خروجی افزایش یابد، باید مخرج کسر کاهش یابد که این امر، هدف مورد نظر ما در کاهش میزان تلفات و میانگین زمان رفع خاموشی‌ها محقق خواهد کرد.

تغییر متغیرهای اعمال شده به صورت زیر است:

$$y'_1 = \frac{1}{y_1} \times 10, \quad y'_2 = \frac{1}{y_2} \times 10^4$$

### روش پژوهش

با توجه به اینکه رویکرد اصلی این پژوهش، ارائه مدل ریاضی مناسب برای ارزیابی و رتبه‌بندی واحدها است، پژوهش جنبه کاربردی - توصیفی دارد. با توجه به اینکه پژوهش حاضر در پی توسعه دانش کاربردی و کاربرد عملی دانش است، می‌توان آن را از نظر هدف، یک پژوهش کاربردی دانست. همچنین از نظر روش، پژوهشی توصیفی پیمایشی است. این نوع پژوهش‌ها به مطالعه ویژگی‌ها و صفات افراد جامعه می‌پردازد و وضعیت پراکندگی فعلی جامعه آماری را در قالب چند صفت یا متغیر مورد بررسی قرار می‌دهد. به بیان دیگر، پژوهش‌گر در این گونه مطالعات تلاش می‌کند تا «آنچه هست» را بدون هیچ‌گونه دخالت یا استنتاج ذهنی گزارش دهد و نتایجی عینی از موقعیت بگیرد.

جامعه آماری پژوهش، شرکت توزیع نیروی برق فارس است که تمام هجرده مدیریت نواحی این شرکت در آن شرکت دارند.

### یافته‌های پژوهش

نتایج به‌دست‌آمده از ارزیابی کارایی واحدها با استفاده از مدل‌های مختلف و رتبه واحدها، در چارچوب جدول ۱ نشان داده شده است.

جدول ۱. میزان کارایی و رتبه واحدها با استفاده از مدل‌های مختلف

رتبه واحد با استفاده از مدل پایه‌ایی DEA	میزان کارایی با استفاده از مدل پایه‌ایی DEA	رتبه واحد با استفاده از مدل ساعتهای و معماریانی	میزان کارایی با استفاده از مدل ساعتی و معماریانی	رتبه واحد با استفاده از مدل ارائه شده	میزان کارایی با استفاده از مدل ارائه شده	
۲	۱/۶۲	۵	۰/۵۳	۱	۱/۰۰	بوانات
۴	۱/۲	۴	۰/۵۹	۲	۰/۷۶	مهر
۶	۰/۹۳	۲	۰/۶۷	۳	۰/۷۳	فراشبند
۱	۳/۷۷	۱	۱/۰۰	۴	۰/۵۳	خرمید
۱۱	۰/۶۳	۶	۰/۴۴	۵	۰/۴۴	آباده
۵	۱/۱۶	۱۰	۰/۲۱	۶	۰/۳۳	زرین دشت
۹	۰/۷۸	۶	۰/۴۴	۶	۰/۳۳	استهبان
۳	۱/۵	۳	۰/۶۰	۷	۰/۳۲	داراب
۱۶	۰/۴۹	۱۰	۰/۲۱	۸	۰/۲۸	فیروزآباد
۸	۰/۸۴	۸	۰/۲۸	۹	۰/۲۶	قیر و کارزین
۱۵	۰/۵۱	۱۰	۰/۲۱	۱۰	۰/۲۳	لامرد
۱۴	۰/۵۲	۱۰	۰/۲۱	۱۱	۰/۲۱	نورآباد
۱۰	۰/۷۶	۷	۰/۳۱	۱۲	۰/۱۹	نی‌ریز
۱۲	۰/۵۷	۹	۰/۲۴	۱۳	۰/۱۷	کازرون
۷	۰/۸۵	۱۲	۰/۱۷	۱۴	۰/۱۶	فسا
۱۳	۰/۵۵	۱۱	۰/۱۸	۱۵	۰/۱۳	جهرم
۱۸	۰/۴۱	۱۴	۰/۱۲	۱۶	۰/۱۱	اقلید
۱۷	۰/۴۶	۱۳	۰/۱۵	۱۷	۰/۱۰	لار
	۰/۷۴		۰/۳۶		۰/۳۵	میانگین کارایی

توجه: واحدهایی که مقادیر کارایی بیشتر از ۱ دارند، واحدهای کارایی هستند که میزان کارایی آنها با روش AP محاسبه شده است.

### نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در مدل کلاسیک از هجده ناحیه توزیع، ۲۸ درصد آنها؛ یعنی پنج ناحیه نواحی کارا شناخته شدند و میانگین کارایی برابر ۰/۷۴ برای واحدها به دست آمد، اما با استفاده از مدل ارائه شده تنها یک واحد (حدود ۰/۵۶ درصد واحدها) توانست خود را واحدی کارا نشان دهد و میانگین به دست آمده برای کارایی واحدها برابر با ۰/۳۵ بوده است.

پنج واحد خرمبید، بوانات، داراب، مهر و زرین دشت در مدل کلاسیک، واحدهای کارا شناخته شدند. از بین واحدها سه واحد بوانات، مهر و خرمبید، جزء پنج واحد برتر در مدل ارائه شده نیز هستند و واحد بوانات که در مدل ارائه شده تنها واحد کارا شناخته شده، در مدل کلاسیک در رتبه دوم واحدهای کارا قرار دارد. دو واحد اقلید و لار در هر دو روش در رتبه‌های انتهایی قرار دارند و تنها رتبه آنها در دو روش جایه‌جا شده است.

از پنج واحدی که در مدل ارائه شده بالاترین رتبه را دارند، چهار واحد خرمبید، فراشیند، مهر و بوانات در مدل ساعتی و معماریانی (البته با رتبه‌های متفاوت) نیز جزء پنج واحد برتر هستند و تنها واحد داراب که در این مدل رتبه ۳ را به دست آورده، در مدل ارائه شده به رتبه ۷ نزول کرده است. واحد خرمبید که در مدل ساعتی و معماریانی بالاترین رتبه را کسب کرده بود، در مدل ارائه شده به رتبه چهارم نزول پیدا کرده است و واحد بوانات که در مدل ارائه شده برترین واحد را نام گرفته بود، در مدل ساعتی و معماریانی در رتبه پنجم جای گرفته است. چهار واحد فسا، جهرم، اقلید و لار نیز در هر دو مدل در پایین‌ترین رتبه‌ها قرار گرفته‌اند و تنها رتبه این واحدها در دو مدل تفاوت کرده است که به طور مسلم، تمامی این تفاوت‌ها در رتبه واحدها و میزان کارایی آنها، به دلیل اوزان متفاوتی است که در مدل‌های مختلف به عوامل داده شده است.

نتایج حاصل نشان‌دهنده آن است که مدل ارائه شده در این پژوهش با کنترل وزن‌ها و محدود کردن آنها و توانایی اعمال اوزان مورد نظر مدیریت، علاوه بر حل اشکال مدل‌های سنتی DEA در عدم کنترل اوزان، توانایی تفکیک کنندگی واحدهای واحدهای کارا و ناکارا را نیز افزایش داده است. البته باید یادآوری کرد، ایرادی که هم به مدل ارائه شده و هم به مدل ساعتی و معماریانی وارد است، عدم معرفی واحدهای مرجع و ارائه مقادیر هدف برای واحدهای واحدهای ناکارا است.

### پیشنهادهای اجرایی

با کمی تغییر در مدل پیشنهادشده و حذف هر کدام از ورودی‌ها و خروجی‌ها، می‌توان کارایی و عملکرد هر واحد را در مورد هر کدام از ورودی‌ها و خروجی‌ها مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار داد. چنانچه با حذف یک ورودی اندازه کارایی واحد افزایش یافته باشد، نشان‌دهنده تراکم در استفاده از آن ورودی در واحد مورد نظر است و واحد باید مصرف ورودی خود را کاهش دهد، اما چنانچه با حذف این ورودی میزان کارایی کاهش یابد، نشان‌گر آن است که واحد در استفاده از این ورودی عملکرد مطلوبی داشته است. همچنین اگر با حذف یک خروجی میزان کارایی افزایش داشته باشد، نشان‌گر عملکرد ضعیف واحد در تولید این خروجی است.

می‌توان با تعیین واحدهای مرجع، مقادیر ورودی‌ها و خروجی‌های واحد مجازی را محاسبه کرد و این مقادیر را اهداف عملیاتی هر واحد در سال آینده در نظر گرفت و واحدها را مکلف کرد تا ضمن دست‌یابی به این مقادیر در آینده، خود را به مرز کارایی برسانند.

### پیشنهادهای پژوهشی

توصیه می‌شود که مدل ارائه شده را با سایر مدل‌های ارزیابی عملکرد (مثل ترکیب تحلیل پوششی داده‌ها و رگرسیون) مقایسه کرده و ضمن بر شمردن معایب و مزایای هر کدام، نتایج آنها را با هم مورد مقایسه و بررسی قرار دهند.

در این مقاله برای رفع نقاط ضعف تحلیل پوششی داده‌ها و محدود کردن دامنه تغییرات اوزان، از روش‌های خاصی استفاده شده است. محققان می‌توانند ضمن استفاده از سایر روش‌ها برای حصول به این هدف، روش‌های مختلف را بررسی کرده و با یکدیگر مقایسه کنند.

### منابع

- آرمان، م. ح. (۱۳۸۳). ارزیابی عملکرد شعب بانک کشاورزی استان اصفهان با رویکرد تحلیل پوششی داده‌های فازی. پایان نامه کارشناسی ارشد (مدیریت صنعتی)، دانشگاه علامه طباطبائی.
- آذر، ع. و فرجی، ح. (۱۳۸۱). علم مدیریت فازی. چاپ اول. تهران: مرکز مطالعات و مدیریت، مهرگان، م. ر. (۱۳۸۲). مدل‌های کمی در ارزیابی عملکرد سازمان‌ها. تهران: مؤسسه انتشارات و چاپ دانشگاه تهران.
- Beasley, J. E. (1990). Comparing University Department. *Omega International Journal of Management Science*, 18: 171-183.
- Charnes, A., Cooper, W.W. & Rhodes, E. (1978). Measuring the Efficiency of Decision-Making Units. *European Journal of Operation Research*, 2 (6): 429-444.
- Charnes, A., Cooper, W.W., Wei, Q.L. & Huang, Z. M. (1989). Cone- Ratio Data Envelopment Analysis and multi- Objective Programming. *International Journal of Management Science*, 20 (7): 1099-1118.
- Doyle, J. R. & Green, R. H. (1994). Efficiency and Cross- Efficiency in DEA-Derivation, Meanings and Uses. *Journal of the Operation Research Society*, 45 (5): 567-578.
- Dyson, R.G. & Thanassoulis, E. (1998). Reducing Weight Flexibility in Data Envelopment Analysis. *Journal of the Operation Research Society*, 39(6): 563-576.

- Fare, R. & Lovell, C. A. K. (1978). Measuring Technical Efficiency of Production. *Journal of Economic Theory*, 1(19): 150-162.
- Jahanshahloo, G. R., Memariani, A., Lotfi, F. H. & Rezaei, H. Z. (2005). A Note on some of DEA Models and Finding Efficiency and Complete Ranking Using Common Set of Weights. *Applied Mathematics and Computation*, 166(2): 265-281.
- Golany, B. & Roll, Y. (1989). An Application Procedure for DEA. *Omega*, 1 (3): 237-250.
- Kao, C. & Hung, H. T. (2005). Data Envelopment Analysis with Common Weights: The Compromise Solution Approach. *Journal of the Operation Research Society*, 56(10): 1196-1203.
- Karsak, E. E. & Ashika, S. S. (2005). Practical Common Weight Multi- Criteria Decision- Making Approach with an Improved Discriminating Power for Technology Selection. *International Journal of Production Research*, 43 (8): 1537-1554.
- Kornbluth, J.S.M. (1991). Analysis Policy Effectiveness Using Cone Restricted Data Envelopment Analysis. *Journal of the Operation Research Society*, 42(12): 1097-1104.
- Lovell, C. A. K., Pastor, J. T. & Turner, J. A. (1995). Measuring Macroeconomic Performance in the OECD: A Comparison of European and Non- European Countries. *European Journal of Operation Research*, 87(3): 507-518.
- Roll, Y., Cook, W. & Golany, B. (1991). Controlling Factor Weights in Data Envelopment Analysis. *IIE Trans*, 23(1): 2-9
- Roll, Y. & Golany, B. (1993). Alternate Methods of Treating Factor weights in DEA. *Omega*, 21(1): 99-109.
- Saatti, M. S. & Memariani A. (2005). Reducing Weight Flexibility in Fuzzy DEA. *Applied Mathematics and Computation*, 161(2): 611-622.
- Thompson, R. G., Lamgemeier, G. T., Lee, E. & Thrall, R. M. (1990). The Roll of Multiplier Bounds in Efficiency Analasys with Application to Kansas Forming. *Journal of Econometrics*, 46: 93-108.
- Thompson, R. G., Singleton, Jr. F. D., Thrall, R. M. & Smith, B. A. (1986). Comparative Site Evaluation for Locating a High-Energy Physics Lab in Texas. *Interfaces*, 16(6): 35-49.
- Xiao- Bail & Reeves, G. R, (1997). Theory and Methodology: A Multiple Criteria Approach to Data Envelopment Analysis. *European Journal of Operation Research*, 507-508.
- Zadeh, L. (1965). Fuzzy Sets. *Information and Control*, 8(3): 338-353.