



بازسازی و توسعه یک فضای طیفی مقیاس پذیر به منظور بررسی رفتار سامانه های رنگرزی تک جزئی در منسوجات با کمک توصیف رنگی پویشگر

مهندی صفائی

استادیار، گروه پژوهشی فیزیک رنگ، موسسه پژوهشی علوم و فناوری رنگ و پوشش، تهران، ایران، صندوق پستی: ۱۶۷۶۵-۶۵۴

تاریخ دریافت: ۹۲/۲/۲۲ تاریخ پذیرش: ۹۲/۵/۶ در دسترس به صورت الکترونیکی از: ۱۳۹۲/۹/۲۰

چکیده

در تئوری کیوبلکا-مانک، ارتباط (K/S) در برابر غلظت نسبتاً خطی است. برای دستیابی به آن نیازمند اطلاعات انعکاسی است که یا از وسائل گران قیمتی همچون اسپکتروفوتومتر حاصل می شود و یا به کمک توصیف طیفی ادوات مدرن اندازه گیری مانند دوربین و پویشگر به دست می آید. توصیف طیفی نیازمند محاسبه حساسیت وسیله اندازه گیری می باشد که این خود سخت و زمان بر است. ایده کار حاضر توصیف رنگی پویشگر و استفاده از تئوری تجزیه کوهن و کاپوف (ماتریس R) برای محاسبه فضایی محركه پایه است. نتایج نشان داد که فضای محركه پایه تخمین زده شده (N^*) مقیاس پذیر نبوده و با یک انتقال غیر خطی بر مبنای ایده تئوری یک ثابتی کیوبلکا-مانک به یک فضای محركه مقیاس پذیر مناسب تر $(K/S)^*$ تبدیل می شود. با انتخاب نواحی تعیین یافته از طول موج ها، فضای مناسبی برای برقراری ارتباط مناسب به جهت مطالعه رفتار مواد رنگرا بر روی منسوجات در شرایط مشاهده و روش نایاب مشخص با یک روش ساده و تجهیزاتی ارزان فراهم شد.

واژه های کلیدی: توصیف کالریمتری، پویشگر، منسوج، کیوبلکا-مانک، تئوری تجزیه طیفی.

Reconstruction and Extension of a Scalable Spectral Space for Study of Single Component Dyeing Systems on Textiles Using Colorimetric Characterization of Scanner

M. Safi

Department of Color Physics, Institute for Color Science and Technology, P.O. Box: 16765-654, Tehran, Iran

Received: 12-05-2013

Accepted: 28-07-2013

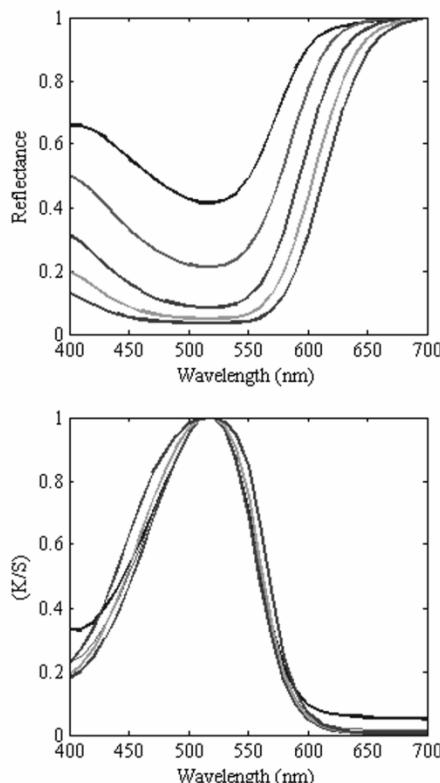
Available online: 11-12-2013

Abstract

In Kubelka-Munk theory, there is a fairly linear relationship between (K/S) vs. concentration. To access this space, it is necessary to have reflectance data which obtain of expensive devices such as spectrophotometer or it is acceptable from spectral characterization of modern equipments like camera and scanner. The spectral characterization needs the spectral sensitivity of the device that is difficult and time consuming job to measure. The present work uses colorimetric characterization of a scanner and Cohen and Kappauf theory (Matrix R) to calculate fundamental stimulus space. The results showed the estimated fundamental stimulus space (N^*) is not scalable and it can transfer to a more desirable scalable space, i.e. $(K/S)^*$ using non-linear transfer based Kubelka-Munk theory. With select extended regions of wavelengths, a desirable space was provided to have a suitable communication to study the behavior of dyes on textiles by using simple and inexpensive equipments at the specific lighting and viewing conditions. J. Color Sci. Tech. 7(2013), 249-256©. Institute for Color Science and Technology.

Keywords: Colorimetric characterization, Scanner, Textile, Kubelka-Munk, Spectral decomposition theory.

مقیاس‌پذیرتری را تشکیل داده‌اند. به عبارتی از آنجایی که در یک تابع مقیاس‌پذیر، کلیه منحنی‌های طیفی بهنجار شده به یکدیگر نزدیک شده و در حالت ایده‌آل به یک منحنی واحد تبدیل می‌شوند، بنابراین با توجه به شکل ۱ می‌توان نتیجه گرفت که تابع انعکاس (K/S) یک کمیت مقیاس‌پذیرتر در مقایسه با مقدار انعکاس می‌باشد [۸].



شکل ۱: رفتار بهنجار شده منحنی‌های انعکاس و تابع انعکاس طیفی برای پارچه پلی استر رنگرزی شده با مواد رنگرزی دیسپرس در غلظت‌های ۰،۰۱۳، ۰،۰۴۵، ۰،۰۲۲، ۰،۰۴۵، ۰،۰۱۳، ۰،۰۴۵ درصد نسبت به وزن کالا [۸].

استفاده از تجهیزات نمایش و بازتولید رنگ معمولاً برای حصول یک کمیت طیفی، تجهیزات پیشرفت، دقیق و گران‌قیمتی مانند اسپکتروفوتومترهای انعکاسی استفاده می‌شوند. این تجهیزات قادرند رفتار انعکاسی مواد را در محدوده‌های تقریباً ۴۰۰–۷۰۰ نانومتر با فواصل طول موج مختلف (۵، ۱۰ و ۲۰ نانومتر) اندازه‌گیری نمایند [۹، ۱۰]. امروزه استفاده از وسایل مدرن اندازه‌گیری و دوباره تولید رنگ مانند پویشگرهای دوربین‌های دیجیتالی و چاپگرهای بسیار متداول گردیده‌اند. در واقع عرضه انواع متنوع و ارزانی از این‌گونه وسایل موجب گردیده است که کاربران غیرحرفه‌ای در صدد اندازه‌گیری و دوباره تولید رنگ باشند. از آنجا که سرعت گسترش این‌گونه وسایل به شتاب توسعه کامپیوترها متصل گردیده است لذا توسعه سختافزاری، نرم‌افزاری و حتی کثثر استقبال از آن قابل مقایسه با لوازم کلاسیک دوباره تولید و اندازه‌گیری رنگ نمی‌باشد [۱۱].

در میان ادوات ذکر شده، پویشگرهای دلیل ارزانی و سادگی مورد

۱- مقدمه

مدل رنگی

برای مطالعه رفتار و ویژگی‌های رنگی مواد، ضروری است بین یک کمیت طیفی به دست آمده از ماده رنگی مانند رفتار انعکاسی و یک کمیت اسکالر مانند مقدار ماده رنگزا یک رابطه ترجیحاً خطی مدل گردد [۱-۵]. در اکثر موارد فضای طیفی فوق مقیاس‌پذیر^۱ بوده و ضروری است تابعی از آن طی یک انتقال غیرخطی به یک فضای مقیاس‌پذیر تبدیل گردد [۶]. در یک مدل رنگی مقیاس‌پذیر انتظار می‌رود تا با تغییر غلظت و یا مقدار ماده رنگزا به کارگرفته شده سطح زیر منحنی‌های طیفی حاصله تغییر نماید در حالی که هیچ‌گونه تغییری در شکل آنها پدیدار نشود. در صورتی که ارتباط فوق خطی باشد، مدل رنگی مورد بحث از یک سیستم یا رفتار خطی پیروی خواهد کرد [۵]. برای مثال در یک فضای طیفی مقیاس‌پذیر در صورتی که مقدار ماده رنگی به یک مقدار مشخص افزایش یابد، انتظار می‌رود که مقدار محاسبه شده برای کمیت طیفی مورد نظر (مثلاً مقدار تابع انعکاس یا همان مقدار کیوبلکا-مانک در طول موج بیشینه جذب - (K/S)_{max}) نیز به همان نسبت افزایش یابد.

در الیاف معمول در نساجی که دارای خصوصیات انعکاس سطحی و انتشارات درونی قابل توجهی هستند، غلظت ماده رنگزا با تقریب مناسبی طبق نظریه کیوبلکا-مانک قابل پیشگویی است. در این نظریه، یک تابع غیرخطی از رفتار انعکاسی لیف رنگرزی شده با مقدار ماده رنگزا به کار رفته یا موجود در فاز لیف طبق رابطه ۱ در ارتباط می‌باشد.

$$\left(\frac{K}{S}\right)_\lambda = \frac{\left(1 - R_{\infty, \lambda}\right)^2}{2 \cdot R_{\infty, \lambda}} = \alpha_\lambda \cdot c \quad (1)$$

که در این رابطه α_λ کمیتی ثابت و ضریب جذب ماده رنگزا برای یک پرتو تک رنگ در یک بستر مشخص است. به بیان دیگر α_λ ، همان (K/S) واحد رنگزا می‌باشد. c غلظت ماده رنگزا، K و S به ترتیب ضرایب جذب و انتشار بستر پشتپوش رنگی، R_{∞} انعکاس نور تک رنگ از جسم پشتپوش و (K/S) نیز تابع انعکاس یا جذب طیفی را نشان می‌دهد [۷، ۴]. مدل رنگی کیوبلکا-مانک به عنوان یک فضای طیفی نسبتاً مقیاس‌پذیر یکی از موفق‌ترین و ساده‌ترین نظریه‌ها در بررسی خصوصیات نوری مواد دارای جذب و انتشار است. شکل ۱ رفتار انعکاس طیفی و تابع انعکاس بهنجار شده^۲ یک نمونه پارچه پلی استر رنگرزی شده با مواد رنگرزی دیسپرس در ۵ سطح غلظتی را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود برخلاف رفتار انعکاسی، پراکنده‌گی منحنی‌های (K/S) در شکل بهنجار شده کمتر بوده لذا فضای

1- Scalable

2- Normalized

ماتریس T در رابطه ۲، مقادیر محرکه‌های سه‌گانه در سیستم CIE بوده که تحت منبع نوری و مشاهده کننده مشخصی محاسبه می‌شود. در رابطه ۳، A حاصل ضرب توابع رنگ همانندی و توزیع انرژی طیفی منبع نوری می‌باشد. جزئیات بیشتر در خصوص تئوری تجزیه طیفی در مراجع ذکر شده قابل دسترسی است.

صفی و همکارانش نشان دادند مقادیر محرکه‌های رنگی پایه به دست آمده از روش تجزیه کوهن و کاپوف می‌تواند به عنوان جایگزینی برای مقادیر انعکاس طیفی با هدف مطالعه رفتار سامانه‌های رنگرزی، به کار رود. نتایج تحقیق فوق نشان داد که حد کارایی فضای N^* با تبدیل غیرخطی آن بر پایه تئوری یک ثابتی کیوبلکا-مانک قابل بررسی است. برپایه تئوری تک ثابتی کیوبلکا-مانک، تبدیل غیرخطی N^* به منظور تعیین فضای مقیاس‌پذیر (K/S) مطابق رابطه ۴ بیان می‌گردد [۲۰].

$$\left(\frac{K}{S}\right)_\lambda^* = \frac{\left(1 - N_\lambda^*\right)^2}{2 \cdot N_\lambda^*} \quad (4)$$

با کمک روابط ۲ و ۴ می‌توان نشان داد فضای مقیاس‌پذیر $(K/S)^*$ تنها با به کارگیری مقادیر محرکه‌ای سه‌گانه (T)، که با توصیف رنگی یک پویشگر در دسترس خواهد بود، قابل حصول است.

۲- بخش تجربی

۱-۲- مواد

در تحقیق فوق مجموعه‌ای ۱۷ تایی از پارچه پلی استری رنگرزی شده با مواد رنگرای دیسپرس در فامها و غلظت‌های مختلف تهیه شد [۲۱]. به منظور اندازه‌گیری داده‌های انعکاس طیفی نمونه‌های رنگرزی شده، دستگاه اسپکتروفوتومتر Gretagmacbeth Eye-One محصول با قطر ۴ میلی‌متر و هندسه اندازه‌گیری 45° به کار گرفته شد. کار با اسپکتروفوتومتر در محدوده کاری $400-700$ نانومتر با فواصل 10 نانومتری انجام گرفت. کمیت‌های رنگی در فضای رنگی XYZ و CIELAB تحت منبع نوری استاندارد D65 و مشاهده کننده ۱۹۶۴ (۱۰°) محاسبه شدند. موقعیت نمونه‌های فوق در فضای $a^* - b^*$ در شکل ۲ نشان داده شده است.

همچنین برای پویش نمودن نمونه‌ها یک پویشگر Epson V700 مورد استفاده قرار گرفت. پارچه‌های رنگرزی شده به صورت چهار لایه پویش و داده‌های رنگی حاصل به صورت RGB در عمق بیتی ۸ و دقت مکانی 300 dpi/inch اندازه‌گیری شد. تمامی اندازه‌گیری‌ها بدون استفاده از تابع تطبیق رنگی صورت گرفت.

استقبال بیشتری قرار گرفته‌اند. از جمله نتایج به دست آمده درخصوص به کارگیری پویشگرها برای اندازه‌گیری رنگ منسوجات می‌توان به موارد زیر اشاره نمود:

- ارزیابی تغییرات رنگی منسوجات با به کارگیری توصیف رنگی پویشگر [۱۲]

- ارزیابی توانایی اسکنر برای اندازه‌گیری رنگ منسوجات با درجه‌های مختلف بافت [۱۳]

- اندازه‌گیری طیف انعکاسی منسوجات با به کارگیری پویشگر [۱۴]

- بررسی رفتار ثبات رنگی منسوجات با کمک پویشگر [۱۵]

- تعیین اندیس یکنواختی- نایکنواختی پارچه رنگی با به کارگیری داده‌های پویشگر [۱۶]

در خصوص امکان استفاده از پویشگرها در تخمین مقدار ماده رنگرا، امیرشاهی و همکارانش تلاش کرده‌اند غلظت ماده رنگزا را در یک بستر پلیمری به روش تحلیل اجزاء اصلی^۱ تخمین بزنند [۱۷]. همچنین شمس و همکارانش با کمک روش شبکه عصبی سعی نمودند غلظت محلول‌های دوجزئی را توسط اطلاعات بدست آمده از یک پویشگر رنگی، تخمین بزنند [۱۸].

در این تحقیق تلاش شده است با کمک تئوری تجزیه کوهن و کاپوف (تئوری تجزیه طیفی) و اطلاعات به دست آمده از توصیف کالریمتری یک پویشگر، فضای مقیاس‌پذیر مناسبی به منظور بررسی رفتار سامانه‌های رنگرزی تک جزئی در منسوجات تعریف گردد.

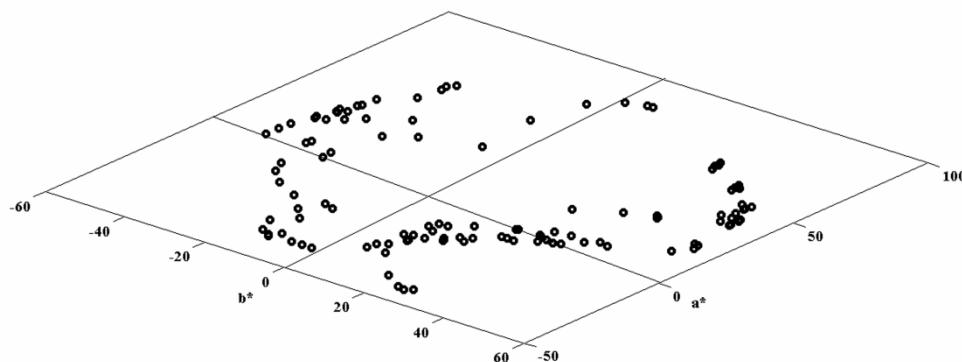
اصول نظری تئوری تجزیه کوهن-کاپوف

تئوری تجزیه کوهن و کاپوف یک روش تجزیه طیفی بوده که بر مبنای آن منحنی انعکاسی به دو مولفه رنگی پایه و سیاه مت Amar تجزیه می‌شود. در واقع با استفاده از سیاههای مت Amar و افزودن منحنی‌های سیاه مت Amar یک به یک منحنی انعکاسی مشخص، می‌توان نمونه‌های مت Amar یک نظری تهیه نمود. به طور عکس می‌توان هر جفت نمونه مت Amar یک را تلفیقی از یک منحنی انعکاسی پایه به همراه دو سیاه مت Amar یک در نظر گرفت که در محرکه‌های پایه برابر بوده اما در سیاه مت Amar شان متفاوتند [۱۹]. براساس روش تجزیه طیفی، داده‌های کالریمتری ساده، یعنی مقادیر محرکه‌های سه گانه X, Y, Z ، می‌توانند برای محاسبه محرکه‌های رنگی پایه (N^*) استفاده شوند (روابط ۲ و ۳).

$$N^* = QT \quad (2)$$

$$Q = A(A'A)^{-1} \quad (3)$$

1- Principal Component Analysis (PCA)



شکل ۲: موقعیت نمونه‌های انتخاب شده در این تحقیق در فضای a^*-b^* .

$$\log(r_i) = \log(K_G) + \gamma_G \log(G_i - e_{dG}) \quad (7)$$

در روابط ۵-۷ مقادیر e_{dR}, e_{dG}, e_{dB} سیگنال مربوط به جریان تاریک را برای سه کanal قرمز، سبز و آبی نشان می‌دهد. r انعکاس نمونه‌های خاکستری می‌باشد. R, G, B خروجی‌های پویشگر را نشان می‌دهد. مقادیر γ و K ضرایب خطی‌سازی می‌باشند که با استفاده از روش حداقل مربعات برای حس‌گرهای G, R, B قابل محاسبه است. در تحقیق فوق مقدار γ و K برای هر سه کanal قرمز، سبز و آبی محاسبه گردید. ضرایب محاسبه شده بر روی مقادیر RGB بدست آمده از نمونه‌های پارچه رنگی پویش شده طبق روابط ۸-۱۰ اعمال شد.

$$R_L = K_R (R - e_{dR})^{\gamma_R} \quad (8)$$

$$G_L = K_G (G - e_{dG})^{\gamma_G} \quad (9)$$

$$B_L = K_B (B - e_{dB})^{\gamma_B} \quad (10)$$

در روابط بالا، R_L ، G_L و B_L به ترتیب مقادیر R ، G و B خطی شده را نشان می‌دهند.

روش‌های مختلفی از جمله مدل رگرسیون، جداول up-look و روش شبکه عصبی برای توصیف رنگی پویشگر پیشنهاد شده است [۱۱]. در این تحقیق روش پیشنهادی رگرسیون غیرخطی ۲۳ جمله‌ای مورد استفاده قرار گرفت. انتخاب تعداد ضرایب بهینه بر مبنای دستیابی به کمترین خطای توصیف صورت گرفت. همچنین در تعریف ماتریس تبدیل در توصیف، از ارتباط خروجی‌های پویشگر به مقادیر $L^* a^* b^*$ که ریشه سوم مقادیر حرکت‌های رنگی سه‌گانه XYZ هستند، استفاده شد. ادعا بر این است که تبدیل فوق نتایج

۲-۲- روش کار

کالیبراسیون و توصیف پویشگر

قبل از انجام هر فرآیند توصیفی، لازم است وسیله مورد نظر کالیبره گردد. کالیبراسیون هر وسیله به تنظیم آن وسیله برای ایجاد یک حالت معلوم و کسب اطمینان از فراهم آوردن نتایج منسجم اشاره می‌نماید. عموماً متدالوں ترین روش در تنظیم پویشگرها، استفاده از یک سری نمونه خاکستری است. در این تحقیق، کالیبراسیون دستگاه پویشگر KODAK Q-60 Color Input Targets که عمدتاً برای کالیبراسیون نمایشگر، چاپگر و پویشگر مورد استفاده قرار می‌گیرد، صورت پذیرفت. روش کالیبراسیون به صورت زیر انجام گرفت [۱۱]:

- یک سری نمونه خاکستری با سطوح روشنایی متفاوت از نقشه رنگی انتخاب شد. پاسخ پویشگر و اسپکتروفوتومتر انعکاسی برای نمونه‌های بیان شده به ترتیب به صورت RGB و مقادیر انعکاس r ثبت شد.
- سیگنال مربوط به جریان تاریک برای هر سه کanal پویشگر، (e_{dR}, e_{dG}, e_{dB})، با بازگذاشتن درب پویشگر در یک اتاق تاریک بدون حضور هیچ جسمی بر سطح پویشگر و انجام عمل پویش به دست آمد.
- رابطه بین مقادیر انعکاس طیفی نمونه‌های خاکستری انتخاب شده با پاسخ پویشگر طی روابط ۵-۷ مدل گردید.

$$\log(r_i) = \log(K_R) + \gamma_R \log(R_i - e_{dR}) \quad (5)$$

$$\log(r_i) = \log(K_B) + \gamma_B \log(B_i - e_{dB}) \quad (6)$$

پویشگر و به کمک نمونه های نقشه رنگی Q60 تعیین گردید. فرمول اختلاف رنگ (۲:۱) CMC برای محاسبه خطای توصیف رنگی پویشگر به کار گرفته شد. مقدار میانگین، کمینه، بیشینه و انحراف معیار خطای آموزش و آزمایش در جدول ۲ گزارش شده است.

جدول ۲: مقدار میانگین، کمینه، بیشینه و انحراف معیار خطای آموزش و آزمایش به دست آمده از روش رگرسیون غیر خطی ۲۳ جمله ای در توصیف رنگی پویشگر.

انحراف معیار	ΔE_{CMC} (2:1)	تعداد نمونه	میانگین	کمینه	بیشینه
۰,۸۹	۴,۹	۱,۲۱	(۷۰)	۰,۱۲	
۱,۶	۷,۱	۱,۸۵	(۴۷)	۰,۳۶	

نتایج به دست آمده در جدول ۲ برای مقدار میانگین خطای آموزش و آزمایش با مقادیر ۱,۲۱ و ۱,۸۵ برای آزمایش نشان می دهد، روش توصیف بکار گرفته شده از خطای قابل قبول برخوردار است. این مقادیر قابل مقایسه با مقادیر به دست آمده در دیگر کارها می باشد [۲۳، ۲۵، ۲۶]. در مراجع ذکر شده محدوده میانگین خطای آموزش و آزمایش به ترتیب ۱,۴۷ و ۱,۶۰ گزارش شده است. با توجه به استفاده از نمونه های منسوج با سطح ناپیوسته و عدم استفاده از نمونه های منسوج استاندارد به جای نقشه رنگی در توصیف، وجود این مقدار خطای قابل پیش بینی بود. برای دستیابی به هدف از این تحقیق، نمونه هایی به طور اختیاری با مشخصات ذکر شده در جدول ۳ انتخاب شدند.

- 1- Train
2- Test

بهتری را در توصیف نسبت به تبدیل RGB به XYZ نشان می دهد [۲۲]. در ادامه مقادیر رنگی $L^* a^* b^*$ نمونه های منسوج رنگی طی یک تبدیل چندجمله ای از روی خروجی های پویشگر تخمین زده شد. نحوه تبدیل مقادیر RGB پارچه های پویش شده به مقادیر $L^* a^* b^*$ مطابق روابط ۱۱ و ۱۲ می باشد.

$$T = M \cdot S \quad (11)$$

$$S = [r \ g \ b \ rg \ rb \ gb \ r^2 \ g^2 \ b^2 \ rgb \ r^2g \ g^2b \ b^2r \ r^2b \ g^2r \ b^2g \ r^3 \ g^3 \ b^3 \ r^2gb \ rg^2b \ rg^2b \ 1] \quad (12)$$

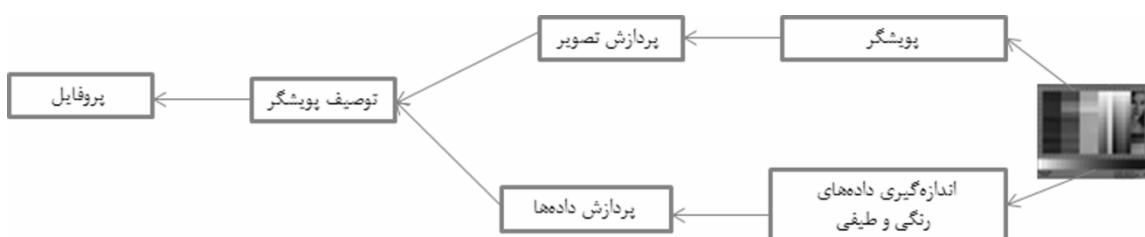
در رابطه ۱۱ و T یک ماتریس $n \times 3$ و S $3 \times n$ بترتیب شامل عکس العمل های پویشگر (مقادیر RGB) و مقادیر $L^* a^* b^*$ می باشند. n نیز تعداد نمونه می باشد. ماتریس M، یک ماتریس 3×3 و ماتریس تبدیل را نشان می دهد.

با پیدانمودن ماتریس تبدیل M برای یک تعداد نمونه مشخص (آموزش)، به سادگی می توان مقادیر $L^* a^* b^*$ سایر نمونه ها (آزمایش) را از روی مقادیر RGB آنها تخمین زد. در شکل ۳ نحوه توصیف پویشگر نشان داده شده است.

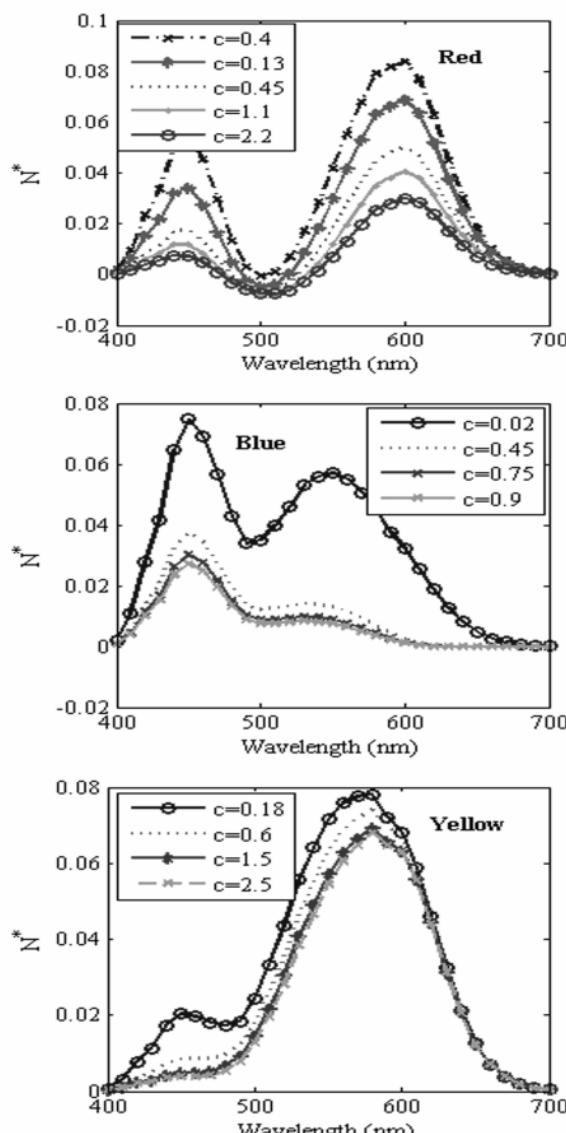
در این کار انتخاب نمونه های آموزشی و آزمایشی بر اساس روش پیشنهادی توسط هاردبرگ صورت پذیرفت. این روش بر مبنای کمینه کردن عدد شرط (نسبت بزرگترین به کوچک ترین مقدار منفرد) ماتریس حاوی مقادیر انعکاسی از نمونه های انتخابی می باشد [۲۴]. با به کار گیری روش بیان شده، به ترتیب ۷۰ و ۴۷ نمونه به منظور آموزش و آزمایش در توصیف رنگی پویشگر انتخاب گردیدند.

۳- نتایج و بحث

همان گونه که اشاره شد مقادیر محرکه های سه گانه نمونه های منسوج رنگی در فضای CIELAB یعنی L^*, a^*, b^* پس از توصیف رنگی



شکل ۳: بلوك دیاگرام توصیف رنگی پویشگر [۲۳].



شکل ۴: منحنی‌های طیفی محرکه‌های پایه در غلظت‌های مختلف ماده رنگی.

جدول ۴: نواحی تعمیم یافته برای فام‌های مختلف قرمز، آبی و زرد بهمنظور بررسی توسعه فضای N^* .

نواحی طیفی با بیشینه مقدار جذب (nm)	نواحی طیفی با بیشینه تعمیم یافته (nm)	فام
۴۰۰-۴۵۰	۵۰۰-۵۲۰	قرمز
۵۰۰-۵۵۰	۶۰۰-۶۵۰	آبی
۴۵۰	۴۰۰	زرد

جدول ۳: مشخصات نمونه‌های انتخابی تک‌جزئی بهمنظور محاسبه و بررسی توسعه فضای N^* .

غلظت ماده رنگی بکار رفته (0wf)						فام
۲,۲	۱,۱	۰,۴۵	۰,۱۳	۰,۰۴		قرمز
.....	۰,۹	۰,۷۵	۰,۴۵	۰,۰۲		آبی
.....	۲,۵	۱,۵	۰,۶	۰,۱۸		زرد

مقادیر $L^* a^* b^*$ نمونه‌های جدول ۳ با کمک ماتریس انتقال به دست آمده از رابطه ۱۱ تخمین زده شد. سپس برای اعمال تئوری تجزیه طیفی و تعریف یک فضای طیفی ضروری بود تا مقادیر XYZ نمونه‌ها محاسبه گردد. این به کمک روابط ۱۳-۱۵ از روی مقادیر صورت گرفت.

$$X = X_n \left(\frac{L^* + 16}{116} + \frac{a^*}{500} \right)^3 \quad (13)$$

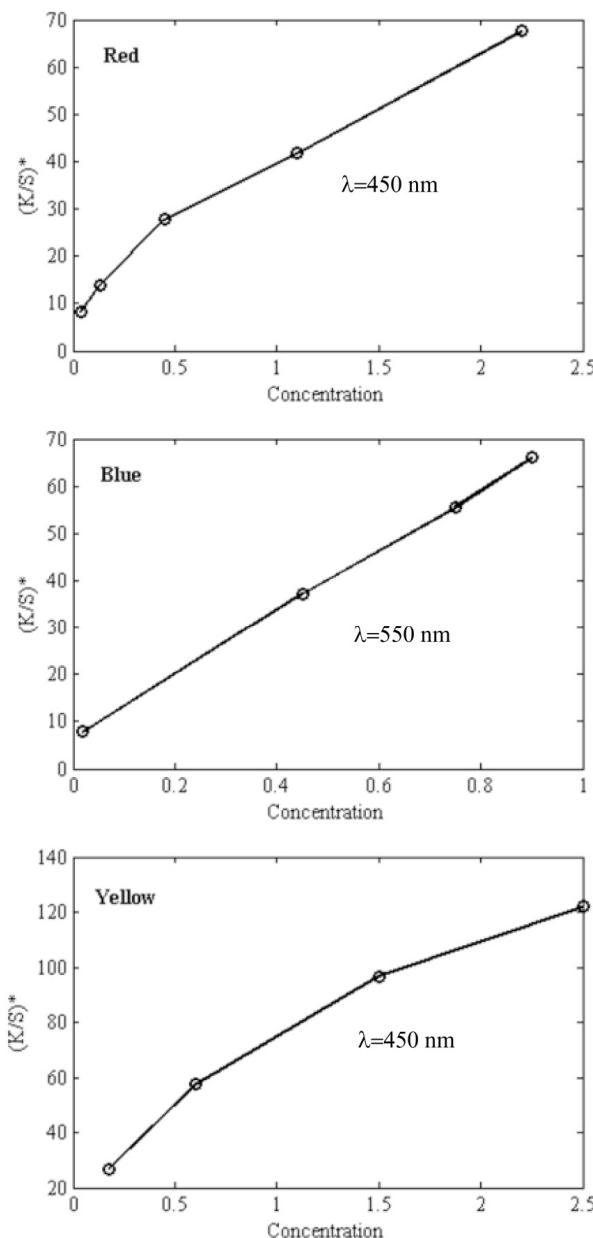
$$Y = Y_n \left(\frac{L^* + 16}{116} \right)^3 \quad (14)$$

$$Z = Z_n \left(\frac{L^* + 16}{116} - \frac{b^*}{200} \right)^3 \quad (15)$$

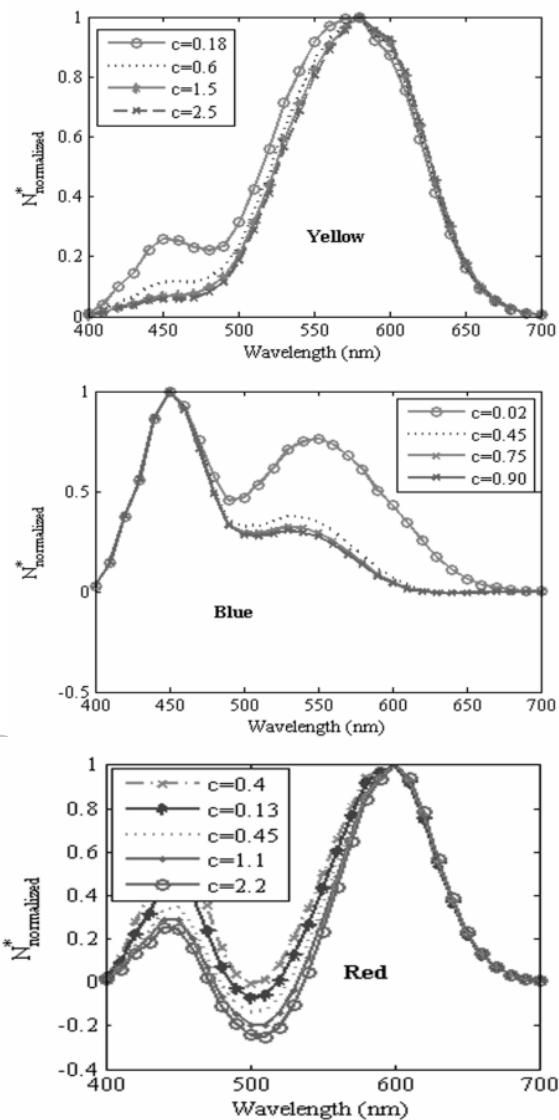
برپایه تئوری تجزیه طیفی (رابطه ۳)، مقادیر رنگی XYZ، به فضای N^* تبدیل گردیدند. منحنی‌های طیفی محرکه‌های پایه برای نمونه‌های جدول ۳ در شکل ۴ رسم شده است. همچنین منحنی‌های طیفی محرکه‌های پایه بهنجار شده در غلظت‌های مختلف ماده رنگزا در شکل ۵ نشان داده شده است.

شکل ۵ نشان می‌دهد که فضای N^* مقیاس‌پذیر نمی‌باشد. به عبارتی مشاهده می‌گردد که شکل‌های بهنجار شده از پراکندگی بالایی برخوردارند. همچنین فضای N^* با مقادیر منفی و غیر کاربردی همراه است. از این رو تبدیل غیرخطی محرکه رنگی پایه برمنای تئوری یک ثابتی کیوبلاک-مانک (رابطه ۴) به عنوان تابعی با مقیاس‌پذیری بیشتر، قابل بررسی است. در کار قبلی با تجزیه و تحلیل طیفی رفتار تابع انعکاس در مقادیر مختلف غلظت و طول موج‌های متفاوت تلاش شد تا طول موج‌های بهینه بهمنظور توسعه و تعمیم این کمیت و یافتن یک روش منطقی برای تعریف محدوده تا حد ممکن دقیق و کاربردی این تابع در منسوجات، معرفی شود [۲۰]. نتیجه بررسی کار فوق در جدول ۴ نشان داده شده است.

انتقال یافته^{*} (K/S)، فضایی مقیاس پذیر می‌باشد. به عبارت دیگر، با تبدیل غیرخطی محرکه رنگی پایه^{*} N بر مبنای تئوری یک ثابتی کیوبیکا-مانک، به فضای^{*} (K/S) می‌توان به فضایی با رفتار خطی در برابر غلظت دست یافت. لذا با توجه به نتایج بدست آمده می‌توان ادعا نمود استفاده از اطلاعات رنگی یک پویشگر به دست آمده برای منسوجات می‌تواند در حصول داده‌های طیفی قابل استفاده در مطالعه رفتار رنگی مواد رنگزا مفید باشد. از جمله مزایای نتیجه حاصل می‌توان به استفاده از پویشگرها در تخمین غلظت ماده رنگزا اشاره نمود.



شکل ۶: منحنی^{*} (K/S)* بر حسب غلظت در طول موج انتخابی از نواحی طیفی تعیین یافته.



شکل ۵: منحنی‌های طیفی محرکه‌های پایه ب亨جارت شده در غلظت‌های مختلف ماده رنگزا.

در جدول ۴ نواحی تعیین یافته نواحی هستند که در آن تابع انعکاس (K/S) از رفتار خطی تری در برابر غلظت در مقایسه با طول موج بیشینه جذب برخوردار است [۲۰]. با توجه به نتایج جدول ۴، رفتار تابع انعکاس به دست آمده از روی مقادیر محرکه پایه در طول موج‌های بهینه بدست آمد. نتایج در شکل ۶ در برابر غلظت ماده رنگزا رسم شده است. مقادیر مربع ضریب همبستگی در تحلیل آماری نتایج شکل ۶ در جدول ۵ گزارش شده است.

از جدول ۵ نتیجه می‌شود رابطه به دست آمده بین مقدار تابع انعکاس حاصل از انتقال غیرخطی محرکه پایه و غلظت ماده رنگزا از یک رفتار خطی مطلوبی برخوردار است. چنین رفتاری در نواحی دیگری از طیف نیز مشاهده شد. بنابراین به نظر می‌رسد فضای جدید

مشاهده شده از فضای پیشنهادی در برابر غلظت نشان می‌دهد، استفاده از تبدیل غیرخطی محركه‌های رنگی پایه^{*} N مبتنی بر تئوری یک ثابتی کیوبلاک‌مانک که به‌سادگی با یک رگرسیون غیرخطی قابل حصول از خروجی‌های یک پویشگر می‌باشد، می‌تواند جایگزین مناسبی برای داده‌های طیفی حاصله از وسایل گران‌قیمتی همچون اسپکتروفوتومتر بهمنظر تخمین غلظت ماده رنگزا در منسوجات در شرایط مشاهده و روشنایی مشخص واقع شود.

تشکر و قدردانی

اینجانب بر خود لازم می‌دانم از زحمات سرکار خانم مهندس طیبه سلیمانیان در خصوص همکاری در کار تحقیقاتی فوق تشكیر نمایم.

جدول ۵: مقادیر مربع ضریب همبستگی محاسبه شده برای نتایج شکل ۶

مقادیر مربع ضریب همبستگی (R^2)		
فام	قرمز	آبی
بر حسب غلظت (K/S) [*] در طول موج بهینه	۰.۹۹۰۳	۰.۹۹۹۷
زرد	۰.۹۷۲۰	

۴- نتیجه‌گیری

در این تحقیق با بکارگیری روش تجزیه طیفی و توصیف رنگی یک پویشگر، فضای مقیاس‌پذیر جدیدی برپایه داده‌های رنگی RGB، برای مطالعه رفتار مواد رنگزا بر روی کالای نساجی معرفی شد. رفتار خطی

۵- مراجع

- A. Brockes, Computer color matching, A review of its limitations. *AATCC*. 6(1974), 21-26.
- A. Tsoutseos, J. H. Nobbs, Alternative approach to color appearance of textile materials with application to the wet/dry reflectance prediction. *AATCC*. 32(2000), 38-43.
- A. Tsoutseos, J. H. Nobbs, Colour appearance of textile materials: An alternative approach, *Proceeding of the international conference & exhibition, Harrogate, Vol 3, Colour Physics*, (2001), 234-246.
- J. H. Nobbs, Kubelka-Munk theory and the prediction of reflectance. *Rev. Prog. Color.*, 15(1985), 66-75.
- M. Safi, S. H. Amirshahi, M. Amani Tehran, Analysis and extension of the concentration limitation in Kubelka-Munk model. *Int. J. Sci. Technol. Amirkabir*. 19(2008), 29-40.
- R. S. Berns, A generic approach to color modeling. *J. Color Res. Appl.*, 22(1997), 318-325.
- J. R. Aspland, Chapter 15: Color, Color Measurement and Control. *AATCC*, 25(1993), 34-41.
- M. Safi, A study on the adsorption isotherm of acid and disperse dyes on nylon using reflectance data, PhD thesis, Amirkabir University of Technology, Iran, 2008.
- R. A. Charvat, Coloring of plastics: Fundamentals, 2nd Ed, John Wiley & Sons. Inc., Hoboken, New Jersey, 2004, 28-33.
- R. McDonald, Colour physics for industry. 2nd Ed. *J.S.D.C.*, Bradford, 1997, 57-81.
- S. H. Amirshahi, F. Agahian, Computational colour physics, (in Farsi), Arkane Danesh pub. Esfahan, 2008, 451-468.
- A. Shams Nateri, Evaluating textile fabric color variation by scanner. *RJTA*. 11(2007), 31-39.
- H. Fashandi, S. H. Amirshahi, M. Amani Tehran, S. Gorji Kandi, Evaluation of scanner capability for measuring the color of fabrics with different textures in different setups. *J. Fibers Polym.*, 11(2010), 767-774.
- A. Shams Nateri, Measuring reflectance spectra of textile fabrics by scanner. *J. Text. Sci. Eng.* 102(2011), 1-13.
- S. Gorji Kandi, Evaluation of light fastness using digital image analysis, *Proc. ICCC*, (2009), 16-18.
- T. Soleymanian, S. H. Amirshahi, M. Ghanbar Afjeh, Determination of levelness-unlevelness index using scanner data. *J. Text. Eng.* 19(2012), 41-46.
- M. Ghanbar Afjeh, S. H. Amirshahi, Estimation of dye concentration in the cross section of polyamide rod using scanner data. *J. Fibers Polym.*, 9(2008), 328-333.
- M. Mafi, A. Shams Nateri, Dye concentration estimation in bicomponent solution by neural network based scanner. *J. Color Sci. Technol.* 6(2012), 247-251.
- J. B. Cohen, W. E. Kappauf, Color mixture and fundamental metamers: Theory, algebra, geometry, application. *Am. J. Psychol.* 98(1985), 171-259.
- M. Safi, T. Soleymanian, Spectral analysis and extension of applicability limit of fundamental color stimulus space for textile dyeing. *J. Color Sci. Technol.* 6(2011), 41-50.
- F. Ameri, S. Moradian, M. Amani Tehran, K. Faez, The use of fundamental color stimulus to improve the performance of artificial neural networks color match prediction systems. *Iran. J. Chem. Chem. Eng.* 24(2005), 53-61.
- A. khandaal, G. Baciu, J. Hu, D. Zheng, Color characterization for scanners: Dpi and color co-ordinate issues. *IJARCSSE*, 2(2012), 354-365.
- A. S. Lee, R. Bala, G. Sharma, Scanner characterization for color measurement and diagnostics. *J. Electronic Imaging*. 16(2007), 043009:1-13.
- J. Y. Hardeberg, Desktop scanning to sRGB. *Prog. SPIE*, 3963(2000), 47-57.
- H. L. Shen, T. S. Mou, J. H. Xin, Colorimetric characterization of scanner by measures of perceptual color error. *J. Electronic imaging*. 15(2006), 041204: 1-5.
- K. Leon, D. Mery, F. Pedreschi, J. Leon, Color measurement in $L^*a^*b^*$ units from RGB digital images. *J. Food Res. Int.* 39(2006), 1084:1091.