



ضریب رفتار مخازن هوایی بتنی با پایه لوله‌ای

فرامرز خوشنودیان^۱، روح‌الله جلالی^۲

چکیده

هدف از این مقاله تعیین ضریب رفتار مخازن هوایی بتنی با پایه لوله‌ای به کمک روش‌های تحلیل استاتیکی و دینامیکی غیرخطی می‌باشد. ابتدا با استفاده از روش تحلیل دینامیکی غیرخطی با PGA فراینده منحنی‌های ظرفیت دینامیکی سازه استخراج شده و ضریب رفتار سازه با کمک روابط معتبر محاسبه می‌گردد و سپس با استفاده از روش تحلیل استاتیکی غیرخطی و با در نظر گرفتن الگوهای بارگذاری مختلف نیز ضریب رفتار برآورده می‌گردد. لازم به ذکر است که اثرات برش در سازه نیز اعمال شده است. در پایان نیز فرمول‌بندی تحلیلی برای تعیین ضریب رفتار به ازای الگوهای مختلف بارگذاری پیشنهاد شده است. در این روش تحلیلی، اثرات $P-\Delta$ ، نوع بارگذاری، اثرات تشکیل چند مفصل در پایه و تغییرات سختی در ارتفاع پایه نیز لحاظ شده است. نتایج به دست آمده نشان می‌دهند روش تحلیلی پیشنهادی دارای دقت مناسبی نسبت به روش پوش آور می‌باشد. بهترین الگوی بارگذاری برای محاسبه ضریب رفتار مخازن هوایی با پایه لوله‌ای به روش تحلیل استاتیکی غیرخطی الگوی بارمتمرکز بوده و استفاده از آن برای تحلیل پوش آور مخازن توصیه می‌شود. برای محاسبه مقاومت برشی مقاطع لوله‌ای روش UCSD نسبت به سایر روش‌ها دقیق‌تر و روش Whittaker بسیار محافظه‌کارانه می‌باشد. همچنین برای رسیدن به ضریب رفتار ۳ که در استاندارد ۲۸۰۰ و آینه نامه مخازن (نشریه ۱۲۳) آورده شده است با استفاده از جزئیات مناسب برای شکل‌پذیری استفاده شود.

کلمات کلیدی:

مخازن هوایی آب، مفصل پلاستیک، تحلیل دینامیکی غیرخطی، ضریب رفتار

Response Modification Factor of Shaft Supported Concrete Elevated Water Tanks

F. Khoshnoudian, R. Jalali

ABSTRACT

The purpose of this paper is determination of response modification factor of shaft supported concrete elevated water tanks using nonlinear static (pushover) and nonlinear dynamic analysis. At First, using incremental nonlinear time history analysis, the seismic capacity curve is obtained and structural response modification factor has been computed. Then response modification factor is computed using pushover analysis with several load patterns. Shear effect on structural behavior is evaluated using the new procedure. Finally, using the proposed analytical procedure, the response modification factor is calculated. In the analytical method the effects of $P-\Delta$, type of loading, plastic hinge in shaft and effect of stiffness variability in height of shaft is considered. The result represents the validity of the proposed analytical procedure.

Key word:

Elevated Water Tanks, Plastic Hinge, Nonlinear Time History Analysis, Seismic Modification Factor

۱. استادیار گروه سازه، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) khoshnud@aut.ac.ir

۲. کارشناس ارشد سازه، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) roohallah_jalali@yahoo.com

۱- مقدمه

خرابی پایه مخزن بوده و به پوسته‌ی مخزن آسیب جدی وارد نشده است، در نتیجه می‌توان فرض نمود پوسته‌ی مخزن در حین حتی یک زلزله قوی دارای رفتار خطی می‌باشد، به همین دلیل و از طرفی به دلیل زمان‌بر بودن تحلیل‌های دینامیکی غیرخطی، به جای مدل‌سازی پوسته مخزن با المان‌های shell از المان‌های Frame صلب با جرم‌های متتمرکز معادل استفاده شده است که نحوه تعیین مقادیر و موقعیت جرم‌های متتمرکز معادل در مرجع [1] به طور کامل آمده است. موقعیت جرم‌های متتمرکز معادل طوری انتخاب می‌شود که ممان اینرسی دورانی کل سیستم معادل با ممان اینرسی دورانی مدل اصلی برابر گردد. پایه مخزن نیز به ۱۰ قسمت مساوی تقسیم شده و به هر گره، جرمی برابر یک دهم جرم کل پایه و یک مفصل پلاستیک اختصاص می‌دهیم [2]. کلیه مراحل مدل‌سازی و تحلیل سازه توسط برنامه SAP2000 ویرایش 8.3.1 انجام شده است [3].

۲- مدل‌سازی اندرکنش آب و سازه

برای مدل‌سازی اندرکنش آب و سازه از روش هازنر استفاده شده است. در این روش جرم آب به دو بخش سخت و مواج دسته‌بندی می‌گردد که جرم سخت به واسطه لینک صلب و جرم مواج به وسیله فنر انتقالی به دیواره مخزن وصل می‌شوند (شکل ۱). لازم به ذکر است برای مدل‌سازی پارامترهای اندرکنش آب و سازه از روابط اصلاح شده نیومارک استفاده شده است [4].

۳- مدل‌سازی مفاصل پلاستیک

منحنی رفتاری واقعی یک مفصل پلاستیک همانند شکل (۲-الف) می‌باشد که برای سادگی مطابق شکل (۲-ب) به صورت دوخطی تبدیل شده و در برنامه‌های تحلیل غیرخطی از آن استفاده می‌شود. کلیه مشخصات رفتاری مفاصل پلاستیک مانند شکل پذیری و مقاومت افزون، از دوخطی کردن منحنی لنگر اتحانی حاصل از تحلیل لنگر اتحان محاسبه شده است [5].

مخازن هوایی جزو آن دسته از سازه‌ها با اهمیت بالا می‌باشد که عملکرد آن بعد از زلزله به دلیل تامین آب مورد نیاز برای آشامیدن و مهار آتش‌سوزی‌های ناشی از زلزله بایستی ادامه داشته باشد. به طور کلی در مورد محاسبه ضربه رفتار مخازن هوایی با پایه لوله‌ای کارهای اندکی انجام شده است. مسعودی و همکاران (Masudi et al. 2006) توانستند اثرات چند مؤلفه‌ای زلزله را بر روی ضربه رفتار مخازن هوایی با پایه لوله‌ای با کمک تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی بررسی کنند [2].

فرمول‌بندی به کار برده شده توسط آن‌ها بر اساس آیین‌نامه FEMA 274 می‌باشد. در این مقاله محاسبه ضربه رفتار این نوع سازه با روش تحلیل استاتیکی غیرخطی و روش تحلیلی مورد بررسی قرار گرفته است [1]. در این تحقیق از فرمول‌بندی دینامیکی دیگری که در ادامه تشریح می‌شود، استفاده شده است. ابتدا نحوه مدل‌سازی مفاصل‌های پلاستیک ارایه شده و سپس بر اساس روش تحلیل پوش آور و تحلیل تاریخچه زمانی با PGA فرایانده ضربه رفتار محاسبه می‌گردد. در پایان نیز یک روش تحلیلی پیشنهادی ارایه شده و صحت آن با مقایسه با روش‌های مختلف مورد بررسی قرار می‌گیرد.

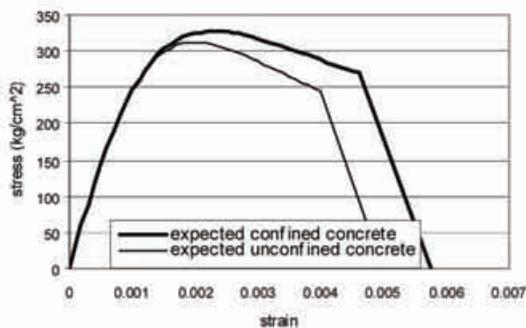
۴- مدل مورد بررسی و فرضیات

سازه مورد مطالعه یک مخزن بتنی هوایی با پایه لوله‌ای به ظرفیت ۱۵۰ متر مکعب واقع در استان سیستان و بلوچستان می‌باشد (شکل ۱). ارتفاع پایه تا زیر قسمت مخروطی یا ماهیچه‌ای مخزن ۱۸/۶۸ متر، قطر خارجی پایه ۲/۷ متر و ضخامت آن ۳۵ سانتی‌متر، قطر مخزن فوکانی ۸/۴۴ متر، ارتفاع آن ۳/۶ متر و ضخامت آن ۰/۲۲ متر، قطر لوله داخلی مخزن ۱/۴۴ متر و ضخامت آن ۰/۲۲ متر، ضخامت دال کف و پوسته مخروطی مخزن ۰/۲۵ متر، ضخامت سقف ۰/۱۸ متر، ارتفاع دست انداز بام ۰/۵ متر و ضخامت آن ۰/۱ متر می‌باشد [1].

بیشتر خرابی این نوع مخازن در زلزله‌های گذشته ناشی از

۱-۴- مدل رفتاری بتن

برخلاف هسته مقاطع توپر، که به واسطه تیروی محوری فشاری تحت تنش سه محوره قرار می‌گیرند، هسته مقاطع لوله‌ای پایه مخازن هوایی تحت تنش دو محوره قرار می‌گیرد [6]. بنابراین برای مدل سازی منحنی رفتاری بتن محصور شده (بتن هسته) و بتن محصور نشده (بتن پوسته) مقاطع لوله‌ای از مدل رفتاری مندر (Mander) به خاطر عمومیت آن برای محصور شدگی دو محوره استفاده شده است [7] براساس روابط توصیه شده توسط مندر منحنی رفتاری برای بتن محصور شده هسته و بتن محصور نشده محاسبه و در شکل (۳) آمده است.



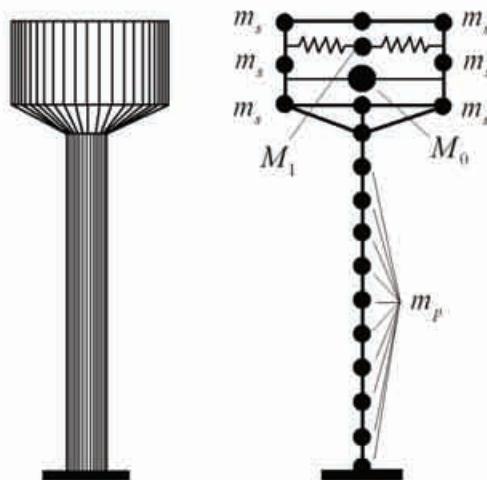
شکل (۳) : مدل رفتاری بتن

۲-۴- مدل رفتاری فولاد

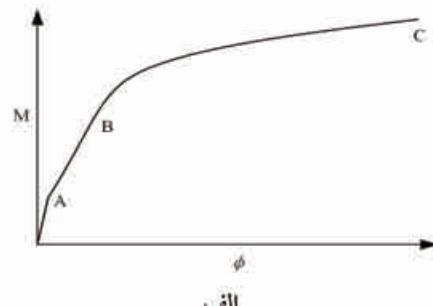
برای فولاد، از مدل رفتاری سخت‌شوندگی پارک (Park) استفاده شده است [8]. با جایگذاری مشخصات رفتاری در رابطه Park، رابطه سهموی (۱) برای شاخه منحنی شکل نمودار رفتاری به دست آمده است (شکل ۴).

$$f_s = f_{y0} \left[1.67 - 0.67 \left(\frac{0.14 - \varepsilon_s}{0.12} \right)^2 \right] \quad (1)$$

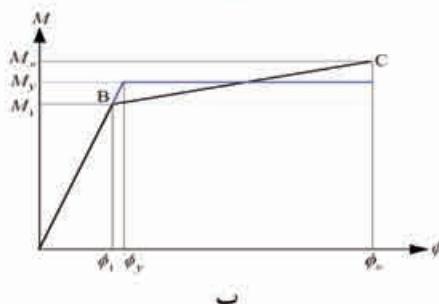
در رابطه (۱)، ε_s کرنش فولاد و f_y تنش مورد انتظار فولاد است. منحنی‌های لنگر-انحنای ($M-\phi$) دو خطی شده شکل (۲-ب) به منحنی لنگر دوران ($M-\theta$) تبدیل شده و در برنامه SAP2000 از آن‌ها استفاده می‌شود. این تبدیل بر اساس رابطه $\theta = I_p \phi$ انجام شده و طول مفصل پلاستیک یعنی I_p ، برای مقاطع بتی مریع و مستطیل به طور تقریبی برابر نصف ارتفاع مقاطع ($I_p = 0.5D$) در نظر گرفته می‌شود [9]. برای مقاطع لوله‌ای این طول



شکل (۱) : معادل‌سازی جرم سازه و آب با جرم‌های معادل



الف



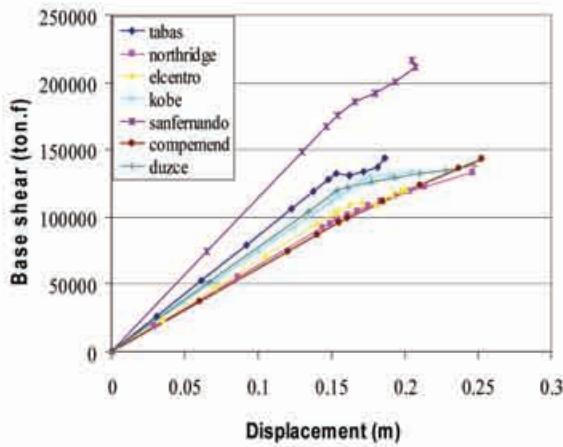
ب

شکل (۲) : الف) منحنی لنگر - انحنای،

ب) منحنی دوخطی و الاستوپلاستیک ایده‌آل متناظر

برای انجام تحلیل لنگر انحنای بایستی از مشخصات مکانیکی مورد انتظار اجزای مقاطع (فولاد و بتن) استفاده نمود. در این مقاله مقاومت مورد انتظار بتن و فولاد به ترتیب برابر $c f_{y0}$ و $y f_{y0} = 1.1 f_{y0}$ در نظر گرفته شده است.

شد. نتایج به دست آمده نشان‌دهندهی بحرانی‌تر بودن حالت پر با درنظر گرفتن اندکش آب و سازه، نسبت به سایر حالات می‌باشد. بنابر این ضریب رفتار در حالت پر و با درنظر گرفتن اندکش آب و سازه محاسبه شده است. نمودارهای ظرفیت دینامیکی در شکل (۶) نشان داده شده است.



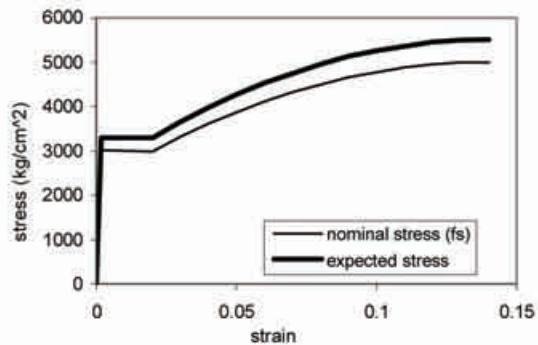
شکل (۶) : نمودار ظرفیت دینامیکی

در مرجع [13] برای محاسبه ضریب رفتار از روش تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی با PGA فراینده، رابطه زیر ارایه شده است:

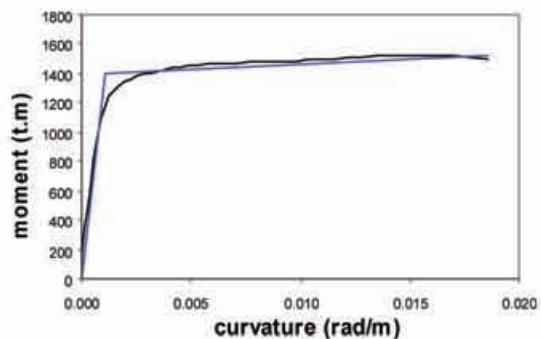
$$R = R_\mu \cdot \Omega = \frac{\lambda_u}{\lambda_y} \frac{V_1}{V_d} \quad (2)$$

در رابطه بالا λ_u و λ_y به ترتیب PGA متناظر با گسیختگی و تشکیل اولین مفصل پلاستیک در سازه و V_1 و V_d برش پایه در حالت گسیختگی و تشکیل اولین مفصل پلاستیک در سازه می‌باشد و V_d نیز برش پایه طراحی سازه می‌باشد. از طرفی R ضریب شکل‌بندیری و Ω مقاومت افزون کلی سازه می‌باشد. خلاصه نتایج در جدول (۱) گردآوری شده است.

برابر $D = I_p / 0.2$ فرض شده است [10]. نمونه‌ای از منحنی لنگر انحنای مقطع لوله‌ای پایه مخزن در شکل (۵) آورده شده است.



شکل (۴): المنحنی رفتاری فولاد



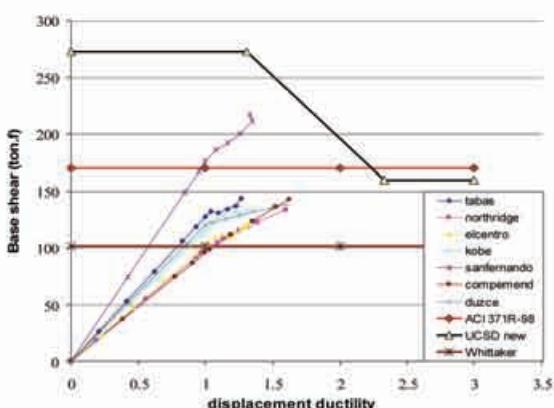
شکل (۵): نمونه‌ای از منحنی لنگر-انحنای

۵- محاسبه ضریب رفتار بدون در نظر گرفتن اثر برش برای محاسبه ضریب رفتار، از تحلیل‌های تاریخچه زمانی غیرخطی با PGA فراینده استفاده شده است. در این تحلیل، سازه تحت یک شتاب‌نگاشت مشخص، اما با PGA های فراینده تحلیل می‌گردد. در هر تحلیل، مقدار برش پایه و PGA متناظر با حد اولین تسليم و گسیختگی کلی سازه ثبت می‌شود. با وصل کردن نقاط متناظر با برش و تغییر مکان حداقل در هر تحلیل، منحنی ظرفیت دینامیکی سازه به دست می‌آید [11]. برای تحلیل تاریخچه زمانی از هفت شتاب‌نگاشت که منطبق با خاک منطقه که نوع II می‌باشد، استفاده شده است و در جدول (۱) نتایج آن آورده شده است. ابتدا تحلیل در حالت‌های مختلف قرارگیری آب (پر، دو سوم پر، یک سوم پر) با اثر اندکش آب و سازه انجام

جدول (۱) : خلاصه نتایج بدست آمده از تحلیل تاریخچه زمانی با PGA فراابتدا

ضریب رفتار	برش نهایی	برش تسلیم	تفاوت مکان نهایی	تفاوت مکان تسلیم	نسبت PGA	PGA نهایی	PGA تسلیم	نام رکورد
R	$V_u(kg.f)$	$V_l(kg.f)$	$\delta_u(m)$	$\delta_l(m)$	λ_u/λ_l	λ_u	λ_l	
2.06	143815	127816	0.187	0.148	1.262	1.0593	0.8396	Tabas
1.73	133508	98646.3	0.247	0.154	1.378	0.9009	0.65373	Northridge
1.73	120539	102891	0.201	0.152	1.319	0.9122	0.69146	Elcentro
1.87	133321	115322	0.205	0.155	1.269	0.964	0.75958	kobeh
3	216597	175863	0.205	0.154	1.332	2.0803	1.56191	Sanfernando
1.83	143133	95793.7	0.253	0.155	1.494	0.782	0.52334	Compemend
2.27	138188	119824	0.248	0.154	1.487	1.2697	0.85367	Duzce
2.07	147014	119451	0.221	0.153	1.363	1.1383	0.84047	(Average)

ظرفیت متناظر با هر شتاب‌نگاشت انجام شده و در نهایت با میانگین‌گیری از آن‌ها ضریب رفتار متوسط به دست می‌آید. خلاصه کارهای انجام شده در این وضعیت در جدول (۲) گردآوری شده است.



شکل (۷) : تقاطع نمودار ظرفیت برشی و خمی برای تعیین نقطه عملکرد

جدول (۲) : مقادیر ضریب رفتار با در نظر گرفتن مقاومت برشی بر اساس روابط مختلف

روش محاسبه مقاومت برشی			نام رکورد
UCSD new	Whittaker	ACI 371	
2.06	1	2.06	Tabas
1.73	1.34	1.73	Northridge
1.73	1	1.73	Elcentro
1.87	1	1.87	kobe
3	1	1	Sanfernando
1.83	1.37	1.83	Compemend
2.27	1	2.27	Duzce
2.07	1.1	1.78	R(Average)

در سازه مورد بررسی مقدار برش پایه طرح که بر اساس استاندارد ۲۸۰۰ طراحی شده است برابر $V=78.4$ تن می‌باشد. با توجه به جدول (۱) ملاحظه می‌شود که مقدار ضریب رفتار به نوع شتاب‌نگاشت وابسته و در نتیجه ضریب رفتار متناسب با هر شتاب‌نگاشت محاسبه شده و سپس با میانگین‌گیری از ضریب رفتارهای محاسبه شده برای رکوردهای مختلف، ضریب رفتار میانگین به دست آمده است.

بر اساس ستون آخر جدول (۱) مقدار میانگین ضریب رفتار به دست آمده از هفت شتاب‌نگاشت برابر ۲/۰۷ می‌باشد و این در حالی است که در استاندارد ۲۸۰۰ ضریب رفتار مخازن هوایی با پایه لوله‌ای برابر ۳ توصیه شده است. علت این اختلاف پایین بودن شکل‌پذیری مقطع پایه به علت عدم وجود جزئیات ویژه برای شکل‌پذیری می‌باشد.

۶- محاسبه ضریب رفتار با در نظر گرفتن برش

برای محاسبه مقاومت برشی مقاطع لوله‌ای روابط مختلفی ارایه شده است که شامل روش وینکر (Whittaker) [10]، روش UCSD [13] و روش ACI 371 [14] می‌باشد. با رسم منحنی ظرفیت خمی و برشی در یک صفحه، نقطه تقاطع آن‌ها مشخص شده و سپس ضریب رفتار متناظر با این نقطه به دست می‌آید (شکل ۷). این کار برای منحنی

شکل پذیری تغییر مکان سازه می نامند. در مراجع [9] برای شکل پذیری تغییر مکان رابطه $\Delta_{\mu} = \Delta_{\mu} / \Delta_{\mu}$ ارایه شده است که در آن Δ_{μ} تغییر مکان نهایی و Δ_{μ} تغییر مکان حد اولین تسلیم معروفی شده است. اما در این مقاله تعریف ارایه شده در مرجع قبلی کمی اصلاح می شود و دو نوع شکل پذیری تغییر مکان تعریف می شود: یکی متناظر با حد اولین تسلیم سازه یعنی Δ_{μ} و دیگری متناظر با حد تسلیم کلی سازه یعنی Δ_{μ} . شکل پذیری حد اولین تسلیم سازه از رابطه $\Delta_{\mu} = \Delta_{\mu} / \Delta_{\mu}$ و شکل پذیری تغییر مکان تسلیم کلی سازه از رابطه $\Delta_{\mu} = \Delta_{\mu} / \Delta_{\mu}$ به دست می آید. در این رابطه Δ_{μ} تغییر مکان اولین تسلیم و Δ_{μ} تغییر مکان نهایی سازه از رابطه (۳) به دست می آید که شامل سه بخش می باشد.

$$\Delta_{\mu} = \Delta_p + \Delta_l + d\Delta_a \quad (3)$$

در رابطه بالا Δ_{μ} تغییر مکان نهایی سازه، Δ_{μ} تغییر مکان پلاستیک سازه، $d\Delta_{\mu}$ تغییر مکان الاستیک اضافی ناشی از اضافه مقاومت خمی مفصل پلاستیک تا حد گسیختگی است. برای مفاصل الاستوپلاستیک مقدار $d\Delta_{\mu}$ صفر می باشد.

مطابق شکل (۸) سازه هی طره ای را در نظر بگیرید و فرض کنید به واسطه بار متتمرکز P یک مفصل پلاستیک در پای سازه تشکیل شود. اجزای تغییر مکان نهایی سازه در شکل (۸) نشان داده شده است. در شکل (۸) P_1 نیروی اولین تسلیم سازه، dP_1 اضافه نیروی ناشی از مقاومت افزون مفصل برای گسیختگی سازه، $d\Delta_{\mu}$ اضافه تغییر مکان الاستیک سازه، dM_1 اضافه لنگر ناشی از مقاومت افزون مفصل، M_1 لنگر تسلیم سازه، Ω' مقاومت افزون مفصل می باشد. بر اساس مرجع [5] شکل پذیری تغییر مکان متناظر با اولین تسلیم سازه از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$\mu'_{\mu} = \Omega' + 3(\mu_{\phi} - 1) \frac{I_p}{I} \left(1 - 0.5 \frac{I_p}{I} \right) \quad (4)$$

با توجه به جدول (۲) اگر مبانگین حاصل از این سه روش محاسبه مقاومت برشی مقطع را به عنوان معیار انتخاب کنیم، مقدار ضریب رفتار با در نظر گرفتن برش برابر ۱/۶۵ می گردد. در نتیجه در نظر گرفتن برش سبب کاهش ۲۰ درصدی مقدار ضریب رفتار سازه شده است.

۷- ارایه یک روش تحلیلی برای محاسبه ضریب رفتار در این بخش نحوه فرمول بندی تحلیلی برای محاسبه ضریب رفتار مخازن هوازی با پایه لوله ای و به دنبال آن یک روش گام به گام تحلیلی برای این کار ارایه شده است. قبل از ارایه این فرمول بندی تحلیلی، روابط پایه تشریح می شوند. با استفاده از شکل (۲-ب) تعاریف زیر ارایه می گردد. در این فرمول بندی تحلیلی اثرات $P - \Delta$ ، اثر نوع بارگذاری، اثرات تغییرات سختی در ارتفاع پایه مخزن و همچنین اثرات چند مفصلی شدن پایه نیز در نظر گرفته شده است.

۷-۱- شکل پذیری انحنای مقطع مطابق شکل (۲-ب) دو نوع شکل پذیری انحنا تعریف می کنیم: یکی متناظر با حالت دوخطی که از رابطه $\phi_{\mu} / \phi_{\mu} = \mu'_{\mu}$ و برابر نسبت انحنای نهایی به انحنای اولین تسلیم و دیگری متناظر با حالت الاستوپلاستیک، که برابر انحنای نهایی به انحنای تسلیم ایده آل می باشد و از رابطه $\phi_{\mu} / \phi_{\mu} = \mu_{\mu}$ بدست می آید..

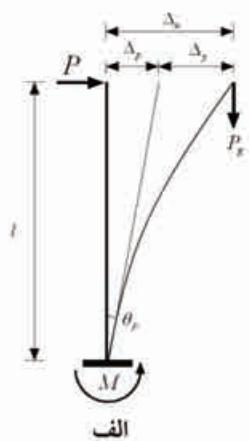
۷-۲- مقاومت افزون مقطع مطابق شکل (۲-ب) برای مقاومت افزون نیز دو تعریف ارایه می کنیم. مقاومت افزون در حالت دوخطی از رابطه $\Omega' = M_1 / M_{\mu}$ و مقاومت افزون در حالت الاستوپلاستیک برابر $\Omega = 1$ می باشد.

۷-۳- محاسبه شکل پذیری تغییر مکان سازه نسبت تغییر مکان نهایی به تغییر مکان تسلیم سازه را

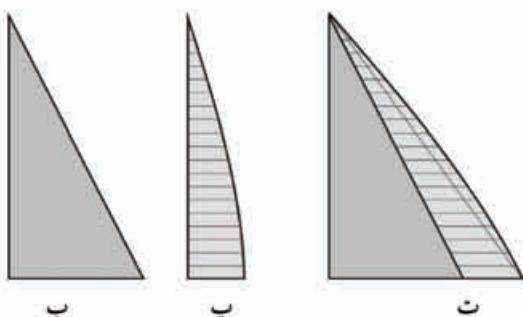
گرفته شده است. با انجام محاسبات رابطه (۷) برای شکل پذیری تغییر مکان کاهش یافته بادر نظر گرفتن اثر $P - \Delta$ به دست آمده است:

همچنین نسبت شب قسمت غیراستیک به الاستیک با اثر $P - \Delta$ برابر است با:

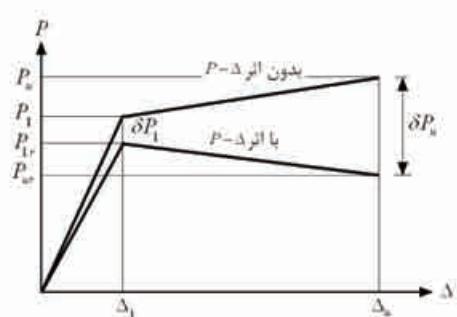
$$\eta = \frac{\Omega'_{P-\Delta} - 1}{\mu'_\Delta - 1} \quad (7)$$



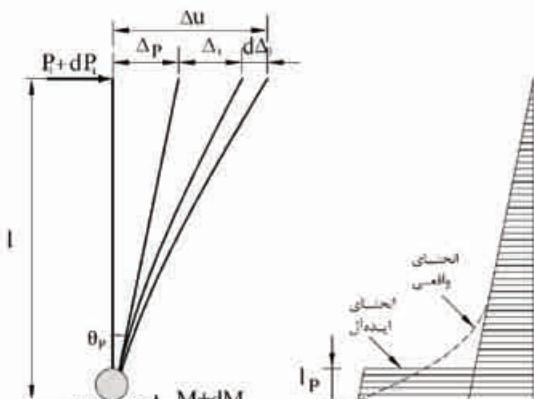
الف



شکل (۹) : (الف) سازه و بارگذاری (ب) دیاگرام لنگر ناشی از نیروی جانبی P (پ) دیاگرام لنگر ناشی از اثر $P - \Delta$ (ت) دیاگرام لنگر ترکیبی



شکل (۱۰) : منحنی بار- تغییر مکان با و بدون اثر $P - \Delta$



شکل (۸) : الف- پارامترهای رفتاری سازه، ب- توزع انحنای واقعی و ایدهآل در پایه مخزن

P - Δ - اثر ۴-۷

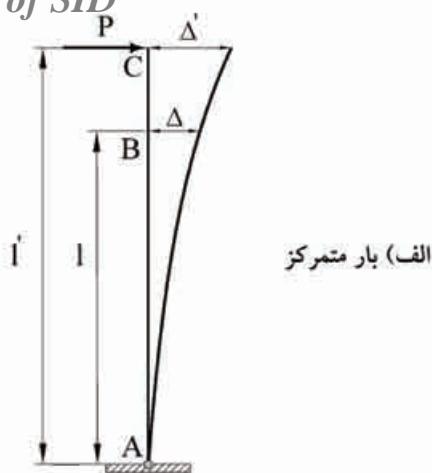
مطابق شکل (۹) به یک سیستم یک درجه آزادی با بار محوری موثر P وارد بر مرکز جرم مخزن، نیروی P وارد می شود. در نتیجه مطابق شکل ۹ تغییر مکان های جانبی در سازه ایجاد می گردد.

اثر $P - \Delta$ نمودار بار جانبی در مقابل تغییر مکان را مطابق شکل (۱۰) تغییر می دهد و سبب کاهش نیروی جانبی متناظر با حد تسلیم و حدنهایی سازه خواهد شد که اثر کاهش نیروی جانبی متناظر حدنهایی سازه بیشتر بوده و سبب کاهش شب منحنی بار تغییر مکان می گردد. برای مقاصل الاستوپلاستیک شب خط دوم منفی می گردد. در اینجا فرض می شود اثر $P - \Delta$ بر روی تغییر مکان تسلیم و نهایی سازه تاثیری ندارد [۱۵].

با توجه به شکل (۱۰) و با انجام محاسبات هندسی، رابطه زیر برای مقاومت افزون سازه با اثر $P - \Delta$ ، استخراج شده است:

$$\Omega'_{P-\Delta} = \frac{\Omega' - \mu_\Delta \gamma}{1 - \gamma} \quad (5)$$

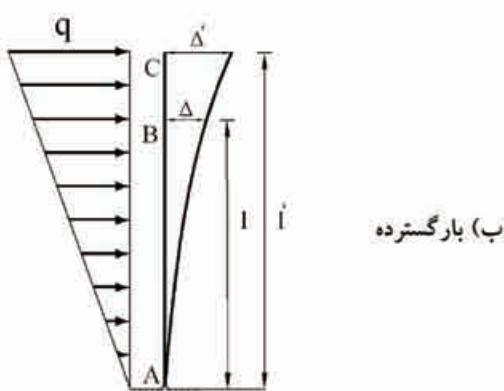
شکل پذیری تغییر مکان سازه وابسته به تغییر مکان نهایی سازه می باشد که از سه قسمت Δ_1 و Δ_p و $\Delta_1 + \Delta_p$ تشکیل شده است. در این میان اثر $P - \Delta$ بر روی Δ_1 در نظر گرفته شده است.



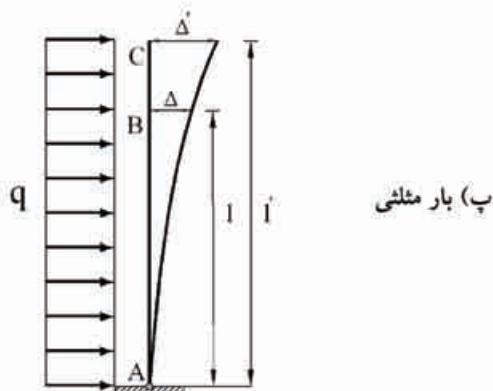
(الف) بار مرکزی

$$\mu'_{p\Delta} = \mu_\Delta - \gamma(\mu_\Delta - 1) \quad (7)$$

در حالتی که بیش از یک مفصل پلاستیک در پای سازه تشکیل شود باید از رابطه کلی زیر استفاده نماییم:



(ب) بار گستردہ



(پ) بار متساوی

شکل (11) : حالات مختلف بارگذاری

جدول (۳): محاسبه ضریب ξ_i برای بارگذاری‌های مختلف

ξ_i	مدل بارگذاری
$\xi_c = \frac{1}{2} \left(3 - \left(\frac{l}{r} \right) \right)$	مرکزی
$\xi_u = \frac{1}{4} \left(\left(\frac{l}{r} \right)^2 - 4 \left(\frac{l}{r} \right) + 6 \right)$	یکنواخت
$\xi_t = \frac{3}{40} \left(\left(\frac{l}{r} \right)^3 - 10 \left(\frac{l}{r} \right) + 20 \right)$	متساوی

۷-۵-۱- اصلاح تغییرمکان اولین تسلیم سازه برای اثر نوع

بارگذاری و موقعیت نقطه کترل

نوع بارگذاری تغییرمکان تسلیم سازه را تغییر می‌دهد. لذا اگریک بار مرکزی در بالای طره وارد شود، تغییرمکان تسلیم سازه در نقطه اثر بار از رابطه $\Delta_1 = \phi l^2 / 3$ بدست می‌آید.

اما اگر بار وارد در نقطه قبلی اعمال نشود و یا اینکه از نوع بارگستردہ باشد، مقدار تغییرمکان تسلیم برای نقطه کترل مورد نظر تغییر می‌کند در ادامه برای سه الگوی بارگذاری متداول نشان داده شده در شکل (11) تغییرمکان اولین تسلیم برای نقطه کترل‌های مختلف محاسبه می‌شود. با توجه به شکل (11) نقطه B به عنوان نقطه کترل در نظر گرفته شده و نقطه C به عنوان حداقل تراز ارتفاعی اعمال باربرای بارهای گستردہ و به عنوان نقطه اعمال باربرای حالت بار مرکزی می‌باشد. لازم به ذکر است در محاسبه ضریب رفتار، موقعیت نقطه کترل پارامتری تاثیرگذار می‌باشد. برای راحتی کار کلیه تغییرمکان‌های تسلیم به دست آمده در هر مدل بارگذاری و برای هر تراز نقطه کترل، صورت ضریبی از تغییرمکان تسلیم ایده‌آل، Δ_{10} ، مطابق رابطه (۹) فرمول بندی شده است.

$$\Delta_{1i} = \xi_i \Delta_{10} \quad (9)$$

Δ_{10} تغییرمکان تسلیم ایده‌آل برای حالت بار مرکزی بوده و برابر $\Delta_{10} = \phi l^2 / 3$ می‌باشد. ضریب ξ_i از جدول (۳) به دست می‌آید.

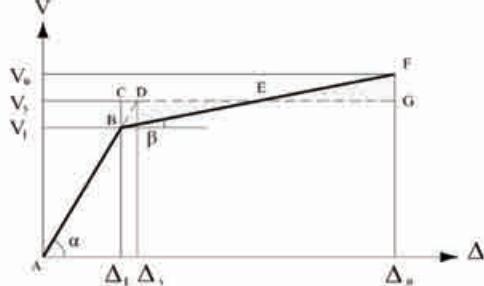
۷-۷- محاسبه تغییر مکان تسليم متناظر با سیستم الاستو -
پلاستیک معادل یعنی Δ_y

برای محاسبه ضریب رفتار بالاستفاده از روش تحلیل استاتیکی غیرخطی بایستی منحنی ظرفیت استاتیکی سازه به صورت الاستوپلاستیک تبدیل شود تا بتوانیم تغییر مکان تسليم کل سازه‌ی الاستو-پلاستیک را به دست آورد. با توجه به اینکه شاخه اول منحنی بار تغییر مکان خطی می‌باشد فقط کافیست شاخه دوم منحنی،افقی در نظر گرفته شود. در شکل(۱۲) خط پر رنگ نشان دهنده منحنی بار تغییر مکان و خط چین سیستم الاستو پلاستیک معادل را نشان می‌دهد. با توجه به شکل(۱۲) و بامساوی قراردادن مساحت‌های مثلث‌های EFG و BDE مقدار تغییر مکان و برش تسليم در سیستم الاستوپلاستیک معادل به صورت زیر استخراج می‌گردد:

$$\Delta_y = \Delta_1 + (\Delta_u - \Delta_1)(1 - \sqrt{1 - \eta})$$

$$\mu_\Delta = \frac{\mu'_\Delta}{1 + (\mu'_\Delta - 1)(1 - \sqrt{1 - \eta})} \quad (12)$$

$$\frac{V_y}{V_t} = \left(1 + (\mu'_\Delta - 1)(1 - \sqrt{1 - \eta})\right)$$



شکل(۱۲): منحنی بار-تغییر مکان سازه و سیستم الاستوپلاستیک معادل برای تعیین Δ_y و V_y

۸-۷- روابط پایه برای محاسبه ضریب رفتار به روش استاتیکی غیرخطی
در مرجع [۱۴] محاسبه ضریب رفتار به طور جامع مورد بررسی قرار گرفته است. اجزای ضریب رفتار در شکل(۱۳) نشان داده شده و پارامترهای مورد نیاز آن در جدول(۵) گردآوری شده است.

۷-۶- اصلاح تغییر مکان تسليم به خاطر متفاوت بودن ضریب کاهش سختی در امتداد پایه با افزایش تراز ارتفاعی پایه، مشخصات هندسی مقطع همچون سطح مقطع آرماتورها و مقدار نیروی محوری وارد بر مقطع کاهش یافته و در نتیجه مقدار ضریب کاهش سختی خمی مقطع نیز کاهش می‌یابد. برای محاسبه تغییر مکان سازه در این وضعیت از روش کاستیگلیانو استفاده شده است. یک ستون طرهای را در نظر گرفته که بار متتمرکزی به انتهای آن اثر نموده و طول ستون به n قسمت تقسیم شده که هر قسمت دارای یک ضریب کاهش سختی مشخصی می‌باشد. برای این وضعیت با استفاده از فرمول تغییر شکل کاستیگلیانو رابطه زیر را می‌توان استخراج نمود:

$$\Delta = \frac{P l^3}{3 E I} \beta$$

$$\beta = \sum_{i=1}^n \frac{\left(1 - \sum_{j=1}^{i-1} \frac{l_j}{l}\right)^3 - \left(1 - \sum_{j=1}^i \frac{l_j}{l}\right)^3}{\alpha_i} \quad (10)$$

در رابطه بالا α_i سختی خمی مقطعه آم، l طول پایه تا مرکز جرم مخزن و l_j فاصله قطعه i ام تا تراز پایه می‌باشد. نسبت $\alpha_{average} = 1/\beta$ را ضریب کاهش سختی معادل می‌نامیم. در محاسبات دستی ابتدا تغییر مکان تسليم بر اساس ضریب α_1 محاسبه شده و سپس برای اثر کاهش سختی اصلاح گردیده است. تغییر مکان تسليم اصلاح شده نهایی از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\Delta_{1i} = \lambda_i \xi_i \Delta_{1o} \quad (11)$$

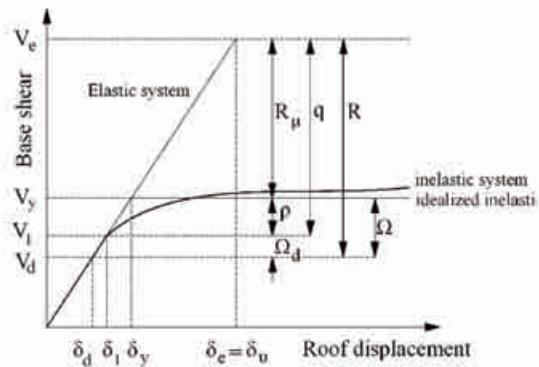
که در آن $\lambda_i = \alpha_i / \alpha_{average}$ می‌باشد. در این مقاله طول پایه به ۱۰ قسمت که شامل ۳ تیپ مختلف سختی ($n=3$) می‌باشد تقسیم شده و هر تیپ به ترتیب از پایین به بالا دارای ضریب کاهش سختی ۰/۴۷۶ و ۰/۴۱۳ و ۰/۳۲۸ می‌باشد. تغییر مکان واقعی ۴ درصد بزرگتر از تغییر مکان تسليم بر اساس ضریب ۰/۴۷۶ به دست آمده است یعنی $\lambda_i = 1.041$.

مقدار V_1 در اثر $P-\Delta$ کاهش می‌باید و بایستی از γ کاهش یافته با ضریب کاهش $(1-\gamma)$ در رابطه (۱۳) استفاده نمود. با جایگذاری رابطه (۱۲) و (۱۵) در رابطه (۱۳)، رابطه (۱۶) برای محاسبه ضریب رفتار به دست می‌آید:

$$R = \mu'_{p\Delta} \frac{V_1}{V_d} (1-\gamma) \quad (16)$$

۹-۷- روش گام به گام پیشنهادی برای محاسبه ضریب رفتار بر اساس فرض چند مفصل در پای سازه

با افزایش ضریب شکل پذیری و مقاومت افزون مقطع، طول ناحیه پلاستیک شده پایه مخزن هوایی افزایش می‌باید. با افزایش طول ناحیه پلاستیک شده، مقدار تغییر مکان پلاستیک نیز افزایش یافته و سبب افزایش شکل پذیری تغییر مکان سازه می‌گردد و چون شکل پذیری تغییر مکان با ضریب رفتار رابطه مستقیم دارد، ضریب رفتار سازه نیز افزایش می‌باید. اگر ضریب شکل پذیری و مقاومت افزون مفصل پلاستیک عدد کوچکی باشد آن گاه منطقی است فرض کنیم در حالت گسیختگی سازه یک مفصل در پای سازه تشکیل می‌شود. اما در صورتی که مقطع دارای جزئیات مناسب برای شکل پذیری باشد (مانند جزئیات ارائه شده در مرجع [۱۰]), فرض یک مفصل در پای سازه منطقی نخواهد بود و در حالت گسیختگی سازه شاهد تشکیل مفاصل پلاستیک بیشتری خواهیم بود. در این بخش یک روش گام به گام تحلیلی برای محاسبه ضریب رفتار با توجه به ایجاد شدن چندین مفصل پلاستیک در پایه ارائه می‌شود. مطابق شکل (۱۴) به مرکز جرم مخزن هوایی، نیروی P وارد می‌شود. پایه مخزن در ارتفاع n قسمت مساوی تقسیم شده و در انتهای هر قسمت نیز یک مفصل پلاستیک قرار می‌دهیم. فرض می‌شود در اثر نیروی P ، تعداد Z مفصل در پای سازه فعال شوند. به واسطه دوران پلاستیک هر مفصل، یک تغییر مکان پلاستیک به دست می‌آید که با جمع زدن آنها تغییر مکان پلاستیک کل سازه به دست می‌آید.



شکل (۱۳) : اجزای ضریب رفتار [۱۴]

جدول (۵) : فرمول بندی اجزای ضریب رفتار [۱۴]

$\mu = \delta_u / \delta_y$	شكل پذیری
$R_\mu = V_c / V_y$	ضریب کاهش نیرو ناشی از شکل پذیری
$\rho = V_y / V_1$	نامعینی
$\Omega_d = V_1 / V_d$	مقاومت افزون طراحی
$\Omega = \rho \cdot \Omega_d$	مقاومت افزون کل
$R = R_\mu \cdot \Omega$	ضریب رفتار متناظر با آینه نامه ۲۸۰۰
$q = R_\mu \cdot \rho$	ضریب رفتار متناظر با آینه نامه اروپا

بر اساس جدول (۵) مقدار ضریب رفتار متناظر با تراز نتش های مجاز بر اساس مرجع [۱۲] به صورت زیر به دست می‌آید:

$$R = R_\mu \cdot \Omega = R_\mu \rho \cdot \Omega_d = R_\mu \frac{V_y}{V_1} \frac{V_1}{V_d} \quad (13)$$

پژوهشگران مختلفی برای محاسبه R_μ روابطی گوناگونی ارائه نمودند. یکی از ساده‌ترین روابط توسط نیومارک (Newmark) در سال ۱۹۸۲ ارایه شده است که مطابق رابطه (۱۴) می‌باشد [۹]:

$$\begin{aligned} R_\mu &= 1 & T &= 0 \\ R_\mu &= \sqrt{2\mu - 1} & 0 \leq T \leq 0.7s \\ R_\mu &= \mu & T &\geq 0.7s \end{aligned} \quad (14)$$

در رابطه بالا T زمان تناوب سازه می‌باشد. به خاطر وجود آب در مخزن، به طور کلی زمان تناوب سیستم آب-سازه بیشتر از ۱ ثانیه خواهد شد پس:

$$R_\mu = \mu_\Delta \quad (15)$$

مفصل و سپس جمع زدن آنها، رابطه‌ی زیر را برای محاسبه تغییر مکان پلاستیک کل استخراج می‌شود:

$$\Delta_p = \sum_{k=1}^j \theta_{pk} \left(I - \frac{(k-1)I}{n} \right) = \frac{I}{n} \sum_{k=1}^j \theta_{pk} (n-k+1) \quad (18)$$

ث- محاسبه شکل پذیری تغییر مکان سازه

شکل پذیری تغییر مکان سازه از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\mu'_{p\Delta} = \Omega' - \gamma (\mu_\Delta - 1) + \frac{\Delta_p}{\Delta_1} \quad (19)$$

ج- محاسبه ضریب رفتار

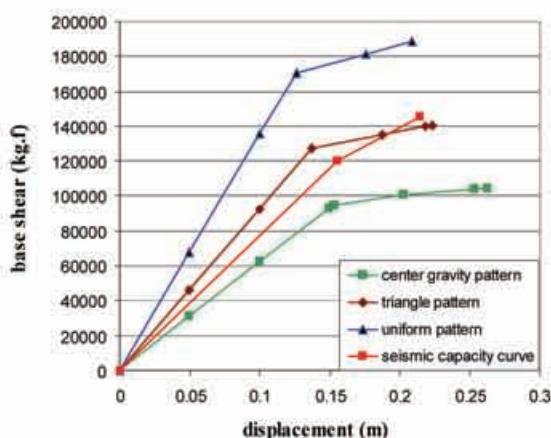
برای محاسبه ضریب رفتار از رابطه (16) استفاده می‌نماییم:

$$R = \mu'_{p\Delta} \frac{V_i}{V_d} (1-\gamma) \quad (20)$$

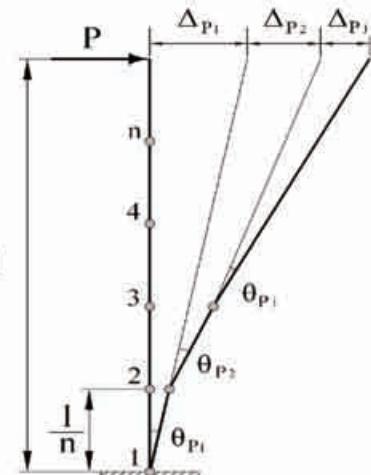
۸- محاسبه ضریب رفتار به روش تحلیل پوش آور (Pushover)

برای سه الگوی بارگذاری شامل بار مرکزی وارد بر مرکز جرم مخزن، بار گسترده مثلثی و بار گسترده یکنواخت تحلیل پوش آور انجام شده و منحنی‌های ظرفیت استاتیکی به دست آمده است. شکل (۱۵) با استفاده از رابطه (۱۹) و حذف ضریب (۱-۶) که توسط برنامه در نظر گرفته می‌شود رابطه (۲۱) برای محاسبه ضریب رفتار در تحلیل پوش آور با برنامه‌های تحلیل غیرخطی بدست آمده است.

$$R = \frac{\Delta_u}{\Delta_1} \frac{V_i}{V_d} \quad (21)$$



شکل (۱۵): مقایسه منحنی‌های ظرفیت استاتیکی و دینامیکی



شکل (۱۴): تشکیل چند مفصل در حالت گسیختگی سازه برای محاسبه ضریب رفتار در حالت چندمفصلی باید گام‌های زیر طی شود:

الف- تعیین تعداد تقسیمات پایه هر چه تعداد تقسیمات n بیشتر باشد، دقت کار بالاتر می‌رود. به طور معمول $n=10$ انتخاب می‌شود و در انتهای هر المان یک مفصل قرار می‌دهیم که شماره آن متناسب با شماره المان می‌باشد (مطابق شکل ۱۴).

ب- تعیین تعداد مفاصل قابل تشکیل شدن ابتدا بارگذاری متناظر با رسیدن مفصل پای سازه (مفصل شماره ۱) به لنگر نهایی به دست می‌آید. سپس لنگرهای موجود در مفاصل دیگر با استثنای لنگر تسلیم آن مفصل مقایسه شود. در صورتی که لنگر موجود در مفصل j (M) از لنگر اولین تسلیم آن مفصل (۱ M) کمتر باشد، j مفصل تشکیل شده است.

پ- تعیین دوران پلاستیک هر مفصل برای محاسبه دوران هر مفصل رابطه زیر کمک گرفته می‌شود:

$$\theta_{pj} = \left(\frac{M_j}{M_1} - 1 \right) \left(\frac{\mu'_p - 1}{\Omega' - 1} \right) \theta_1 \quad (17)$$

دوران اولین تسلیم از رابطه $\theta_1 = \phi_1 / I_p$ بدست می‌آید.

ت- محاسبه تغییر مکان پلاستیک سازه با محاسبه تغییر مکان پلاستیک متناظر با دوران پلاستیک هر

جدول (۷): مقایسه پارامترهای رفتاری با روش‌های مختلف

V_u	V_1	d_u	d_1	الگوی بار	روش مورد بررسی
۱۰۲/۵	۹۲/۴	۰/۳۷	۰/۲۰۳	متتمرکز	تحلیلی
۱۴۴/۳	۱۲۹/۴	۰/۳۱	۰/۱۷۶		
۱۹۳/۲	۱۷۳/۱	۰/۲۹	۰/۱۶		
۱۰۵/۵	۹۵/۱۹	۰/۳۸	۰/۲۰۵	متتمرکز	پوش آور
۱۴۱/۵	۱۲۷/۱	۰/۳۳	۰/۱۸۱		
۱۹۰/۷	۱۷۰/۹	۰/۳	۰/۱۶۴		
۱۴۵/۴	۱۲۰/۴	۰/۲۹	۰/۲۰۵	تحلیل دینامیکی	

با توجه به جدول (۸) مشاهده می‌شود نتایج حاصل از روش تحلیلی پیشنهادی تطبیق خوبی با روش پوش آور داشته و حداقل خطا مربوط به الگوی بار متتمرکز بوده و برابر $6/5$ درصد و در جهت اطمینان می‌باشد. با یکنواخت‌تر شدن بارگذاری مقدار خطا نیز کاهش می‌یابد. هر دوی این روش‌ها نسبت به روش دینامیکی دست بالا می‌باشند زیرا در روش تحلیلی و پوش آور اثرات اندرکنش آب و سازه، اثر مودهای بالاتر و اثر محتوای فرکانسی زلزله دیده نمی‌شود.

جدول (۸): مقایسه ضریب رفتارهای بدست آمده از روش‌های استاتیکی غیرخطی (Pushover) و تحلیلی

خطا	ضریب رفتار		
پوش آور نسبت به تحلیلی	روش روش تحلیلی	روش پوش آور	الگوی بار
$6/5$	$2/28$	$2/14$	متتمرکز
$2/2$	3	$2/94$	مثلثی
$5/5$	$3/99$	$4/01$	یکنواخت

۱۰- نتیجه گیری

در این مقاله ضریب رفتار مخزن هوایی با پایه لوله‌ای به روش‌های تحلیل استاتیکی غیرخطی و دینامیکی غیرخطی محاسبه شده است. مهمترین نتایج بدست آمده به شرح زیر می‌باشد:

- بهترین الگوی بارگذاری برای محاسبه ضریب رفتار مخازن هوایی با پایه لوله‌ای به روش تحلیل استاتیکی

جدول (۶): مقادیر ضریب رفتار از تحلیل استاتیکی غیرخطی

(Pushover)	
ضریب رفتار	الگوی بار
$2/28$	متتمرکز
3	مثلثی
$3/99$	یکنواخت

شکل (۱۵) مقایسه بین نمودارهای ظرفیت استاتیکی و دینامیکی متوسط را نشان می‌دهد. با توجه به جدول (۶) بیشترین ضریب رفتار مربوط به الگوی بار یکنواخت و کمترین مقدار متناظر الگوی بار متتمرکز می‌باشد. الگوی بار مثلثی نیز دارای نتیجه‌ی بینایی می‌باشد. کلیه ضریب رفتارهای به دست آمده از تحلیل پوش آور از روش دینامیکی بزرگتر می‌باشند، بنابراین برای محاسبه ضریب رفتار از روش پوش آور توصیه می‌شود از الگوی بار متتمرکز واقع در مرکز جرم مخزن بالای استفاده شود.

۹- مقایسه نتایج به دست آمده

مقادیر تغییر مکان‌ها و برش پایه‌های متناظر با اولین تسلیم و گسیختگی سازه با استفاده از روش‌های دینامیکی، پوش آور (Pushover) و تحلیلی برای حالت پر با اثر اندرکنش آب و سازه در جدول (۷) گردآوری شده است. در جدول (۷) d_1 تغییر مکان متناظر با اولین تسلیم، d_2 تغییر مکان متناظر با گسیختگی سازه، V_1 برش پایه متناظر با اولین تسلیم، V_2 برش پایه متناظر با گسیختگی سازه می‌باشد. با توجه به جدول (۷) مشاهده می‌شود الگوی بار متتمرکز تغییر مکان d_1 را بهتر از سایر الگوهای تخمين می‌زند اما در محاسبه تغییر مکان نهایی الگوی بار یکنواخت بهتر می‌باشد. الگوی بار مثلثی برش پایه‌های V_1 و V_2 را نسبت به سایر روش‌ها بهتر تخمین می‌زند. با مقایسه بین روش تحلیلی و پوش آور مشاهده می‌شود که تغییر مکان d_1 و برش پایه‌های V_1 و V_2 به دست آمده از هر دو روش بسیار به یکدیگر نزدیک می‌باشد اما مقدار تغییر مکان نهایی حاصل از روش پوش آور بیشتر از روش تحلیلی می‌باشد.

روش می باشد. اگر میانگین سه روش ارایه شده را به عنوان معیار انتخاب کنیم اثر برش سبب کاهش ضربی رفتار سازه به مقدار ۲۰ درصد شده است.

۵- در استاندارد ۲۸۰۰ و یا آین نامه مخازن (نشریه ۱۳۳) ضربی رفتار مخازن هوایی برابر ۳ در نظر گرفته شده است و این در حالی است که در این مقاله برای مخزن مورد مطالعه بدون اثر برش عدد ۲/۰۷ و با در نظر گرفتن برش عدد ۱/۶۵ بدست آمده است. علت آن در این است که در استاندارد ۲۸۰۰ و آین نامه مخازن هیچ گونه جزئیات مناسبی برای شکل پذیری سازه در نواحی مفصل پلاستیک ارایه نشده است و به خاطر عدم وجود این جزئیات مناسب، ضربی رفتار کمتری به دست خواهد آمد. برای رسیدن به ضربی رفتار ۳ حتماً بایستی از جزئیات مناسب برای شکل پذیری (مطابق مرجع [10]) استفاده شود، در غیر این صورت مقدار ضربی رفتار مخازن هوایی با پایه لوله‌ای برابر ۲ توصیه می‌شود.

9- Paulay, T., Priestley, M. J. N., Seismic design of reinforced concrete and masonry building, John Wiley & Sons, 1992.

10- Moller, O., Rubinstein, M., Reliability-Based Design Of R/C Water Tank Structures under Seismic Action, J.Earthquake Engineering And Structural Dynamics, 1992, vol.21, 665-678

11- Sun jinjiang, Tetsuro ono, Zhao Yangang, Wang Wei, Lateral Load Pattern In Pushover Analysis, J. Earthquake Engineering And Engineering Vibration, 2003, vol.2, NO.1

12- De Matteis, G., Landolfo, R., Dubina, D. Stratan, A, Influence of the structural typology on the seismic performance of steel frame buildings, In Moment Resistant Connections of Steel Frames in Seismic Area, Mazzolani F. M.(ed), E&FN spon: New York, 2000, 513-538

13- Ranzo, G., Priestley, M.J. N., Seismic performance of circular hollow columns subjected to high shear, Report No.SSRP-2001/01, Department of Structural Engineering University of California, San Diego La Jolla, 2001.

14- ACI 371, "Guide for the analysis, design and construction of concrete pedestal water towers", An American Concrete Institute Standard, 1998.

15- ATC 32-1, "Applied Technology Council", Improved Seismic Design Criteria for California Bridges: Resource Document, Funded by California Department of Transportation, 1996.

غیرخطی یا پوش آور، الگوی بار متتمرکز می‌باشد و پیشنهاد می‌شود در روش استاتیکی غیرخطی از این الگو برای محاسبه ضربی رفتار استفاده شود.

۲- برای نخستین بار یک فرمول‌بندی تحلیلی برای محاسبه ضربی رفتار مخازن هوایی ارایه شده است به طوری که نتایج حاصل از آن دارای تطبیق مناسبی با نتایج حاصل از روش پوش آور دارد.

۳- با استفاده از روش تحلیلی پیشنهادی می‌توان مقادیر پارامترهای رفتاری و ضربی رفتار مخازن هوایی را بدون انجام تحلیل پوش آور در برنامه‌های تحلیل غیرخطی بدست آورد.

۴- توصیه می‌شود برای محاسبه مقاومت برشی مقاطع لوله‌ای از یکی از روش‌های UCSD New ACI 371 و Whittaker استفاده نماییم. روش جدید UCSD نسبت به سایر روش‌ها دقیق‌تر و روش Whittaker بسیار محافظه‌کارانه، ولی روش ACI 371 حد بینایینی این دو

مراجع

۱- روح الله جلالی، بررسی عملکرد لرزه‌ای مخازن هوایی آب، پایان‌نامه‌ی دوره کارشناسی ارشد سازه، دانشکده عمران و محیط زیست دانشگاه صنعتی امیرکبیر، زمستان ۱۳۸۶

2- Masoudi, M., Eshghi, S. and Ghafory-Ashtiani, M., "Recommendation For Response Modification Factor (R) Of Elevated water tank "First European Conference on Earthquake Engineering and Seismology, Geneva, Switzerland, 3-8 September, 2006. Paper NO. 1899.

3- Wilson, E. L., Habibullah, A. Structural Analysis Program SAP2000, Users manual, Computers and Structures, Inc, Berkeley, California, 2003.

4- Newmark, N. M., Rosenblueth, E, Fundamentals of Earthquake Engineering, Prentice-Hall, 1971.

5- Priestley, M. J. N., Seible, F., and Calvi, G. M, Seismic design and retrofit of bridges, John-Wiley, New York, 1996.

6- Zahn, F. A., Park, R., and Priestley, M. J. N. Flexural strength and ductility of circular hollow reinforced concrete columns without confinement on inside face. ACI Structural. J., 1990, 156-166.

7- Mander, J. B., Priestley, M. J. N., and Park, R, Theoretical stress-strain model for confined concrete. J. Struct. Eng. 1988a, 114-8, PP 1804-1826.

8- Watson, S., Zahn, F.A., Park, R., "Confining reinforcement for concrete columns", Journal of Structural Engineering ASCE, Vol. 120, No. 6, 1994. 1798- 1824.

