

شاخص‌سازی تابع عضویت فازی، نوع‌شناسی و واسنجی در جامعه‌شناسی

مسعود چلبی*

(تاریخ دریافت: ۱۳۸۸/۱۲/۱۸ ، تاریخ تصویب: ۱۳۸۸/۱۰/۱۰)

چکیده

ابتدا مفهوم تابع عضویت فازی به همراه مفهوم "نوع" به مثابه مجموعه گستته، براساس فضای خاصیت، با ذکر مثال طرح می‌شود. در ادامه، تابع چندبعدی فازی در ارتباط با چهار مفهوم وابستگی اقتصادی، قدرت اجتماعی، تمدن و فضای کنش مورد توجه قرار می‌گیرد. به دنبال آن، روش‌های مستقیم و غیرمستقیم تعیین توابع عضویت فازی واکاوی می‌شوند. در خاتمه، مفهوم واسنجی فازی مطرح می‌شود. منظور از واسنجی تحت قاعده درآوردن مدارج وسیله سنجش است. در همین زمینه، برای نمونه مفهوم "نظم اقتصادی مت مرکز" به مثابه یک مجموعه هدف معرفی می‌شود و براساس نوعی واسنجی فازی، ارزش عضویت تعدادی کشورها در این مجموعه با استفاده از یک مقیاس فاصله‌ای تعیین می‌شود.

واژگان کلیدی: رهیافت فازی، تابع عضویت، واسنجی فازی، قدرت، وابستگی، فضای کنش، نظم اقتصادی مت مرکز

* . استاد جامعه شناسی دانشگاه شهید بهشتی، M-chalabi@sbu.ac.ir

مقدمه

رهیافت فازی از اوایل دهه ۱۹۹۰ به تدریج در علوم اجتماعی، از جمله جامعه‌شناسی، مطرح شد. در حال حاضر، این رهیافت در حوزه‌های گوناگون جامعه‌شناسی، از جمله جامعه‌شناسی تاریخی (ماهونی، ۲۰۰۳)، جامعه‌شناسی تطبیقی (راگین، ۲۰۰۸؛ ۲۰۰۰؛ ویس، ۲۰۰۵) و جامعه‌شناسی نظری (مونتگومری، ۲۰۰۰؛ مک کارتی و پیرسون، ۲۰۰۲؛ گورتز و ماهونی، ۲۰۰۴؛ هاگ، ۲۰۰۵؛ عارفی، ۲۰۰۶) وغیره مطرح است.^۱

طی دو دهه گذشته، به لحاظ روش‌شناختی نیز کوشش‌های فراوانی صورت گرفته است (گورتز، ۲۰۰۳؛ ماهونی، ۲۰۰۴؛ راگین، ۲۰۰۰؛ ۲۰۰۳ و ۲۰۰۶). با این همه، در این دوره در زمینه شاخص‌سازی تابع عضویت و واسنجی در حوزه جامعه‌شناسی کار در خوری صورت نیافته است. اما در سال‌های اخیر تعدادی محدود کارهای ارزنده در این زمینه صورت گرفته که عمدتاً متعلق به راگین است که در این مقاله به آنها توجه خواهد شد. ضمن اینکه سعی می‌شود توابع عضویت فازی، شاخص‌سازی آنها و واسنجی فازی همراه با مثال‌های جامعه‌شناسی به بحث و بررسی گذاشته شوند.

تابع عضویت چندبعدی فازی

ابتدا لازم است یادآور شویم که در نظریه مجموعه متعارف (قطعی)، معمولاً صحبت از دو نوع مجموعه می‌شود. "مجموعه چیزها" و "مجموعه رابطه" یا "مجموعه رابطه بین چیزها". مجموعه رابطه نتیجه نگاشت حداقل یک مجموعه در مجموعه دیگر براساس ملاک‌های تعریف شده است.

تابع عضویت نوعی زیرمجموعه رابطه است که نشان می‌دهد آیا عنصری از مجموعه جامع (U) به مجموعه‌ای مثل A (که خود از زیرمجموعه جامع (U) است) تعلق دارد یا خیر.

در نظریه مجموعه کلاسیک (قطعی)، تابع عضویت نتیجه ضرب دکارتی مجموعه A (حوزه) به عنوان زیرمجموعه جامع U (مجموعه جامع-مرجع) با مجموعه دوگانه (برد) $V^{(0)} = V^{(1)}$ (مجموعه دو ارزشی) است. در واقع، تابع عضویت در نظریه مجموعه کلاسیک مشخص می‌کند که آیا x به عنوان عنصری از مجموعه جامع عضو مجموعه A است یا عضو آن نیست (دو حالت کلی). در حالی که در مجموعه فازی، تابع عضویت نتیجه حاصل ضرب دکارتی مجموعه A در مجموعه چند ارزشی $V^{(0)} = \{0, 1\}$ (از صفر تا یک) است. یعنی اعداد بین صفر و یک نیز متغیرند.

در این میان حداقل سه عدد آن بر جسته است. یکی عدد صفر که عدم تعلق (عدم عضویت کامل) عنصر را می‌رساند. در مقابل، عدد ۱ عضویت کامل را نشان می‌دهد و نقطه تقاطع (cross-overpoint) یعنی 50% نشان‌دهنده آن است که عنصر مربوطه هم عضو زیرمجموعه است و هم نیست. با این حساب، در مجموعه کلاسیک یک عنصر یا عضو یک مجموعه است یا نیست و این عضویت به اصطلاح قطعی است. به همین علت هم تابع عضویت می‌تواند تنها دو مقدار ۰ یا صفر اختیار کند.

در مقابل، در نظریه مجموعه فازی عضویت یک عنصر در مجموعه قطعی نیست. به عبارتی، هر عنصر می‌تواند به اصطلاح "کم و بیش" عضو یک مجموعه قلمداد شود. در اینجا به جای مفهوم "قطعیت عضویت" یا "قطعیت عدم عضویت"، مفهوم "درجه عضویت" مطرح است.^۲ مجموعه فازی A با استفاده از یک مجموعه با زوج مرتب تعریف می‌شود (بودجازیف و بودجازیف، ۱۳۸۱):

$$A = \{(x, \mu_A(x)) / x \in A, \mu_A(x) \in [0, 1]\}$$

^۱. با توجه به اهمیت رهیافت فازی، نویسنده این مقاله برای اولین بار در رشته جامعه‌شناسی در ایران در سال ۱۳۸۶ درس روش تطبیقی را علاوه بر مبنای جبر بولی (منطق دو ارزشی) براساس رهیافت فازی (منطق چند ارزشی) برای دانشجویان دکتری جامعه‌شناسی دانشگاه‌های شهید بهشتی و تربیت مدرس ارائه کرد.

^۲. به بیان منطقی، در حالی که منطق دو ارزشی (ارسطوی) مبتنی بر "اصل طرد میانه" است، در منطق فازی این اصل پذیرفته نیست.

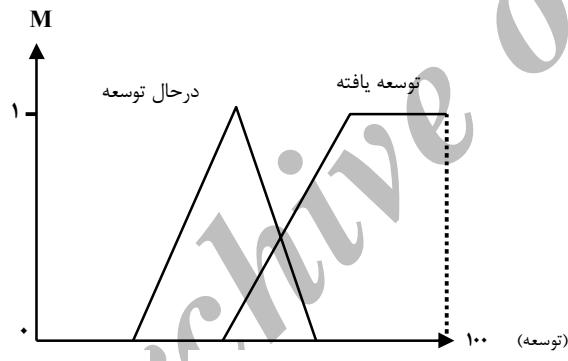
در این رابطه، $\mu_A(x)$ (یا M) تابع عضویت نامیده می‌شود.

در نظریه مجموعه فازی، متغیر زبانی (در مقابل عددی) نقش محوری دارد. به یاد داشته باشیم که زبان طبیعی زبان آنالوگ است. زبان طبیعی نوعی نظام معنایی باز است. هر نظام معنایی باز دارای ابهام خاص خود است. در حالی که زبان دیجیتالی به خودی خود فاقد معنا و لذا فاقد ابهام است. در زبان طبیعی روزمره واژه‌ها و مفاهیمی که به کار می‌روند هریک دارای درجه‌ای از ابهام‌اند. این امر در خصوص "مقادیر" یا "میزان تفاوت" در زبان طبیعی نیز صدق می‌کند.

به عبارت دیگر، در زبان طبیعی مقادیر و تفاوت‌ها در سطح سنجش اسمی و ترتیبی بیان می‌شوند، مثل کوتاه، بلند، سریع، تند، کند، متوسط، زیاد، بالا، پایین، کم و بیش و غیره. لطفی‌زاده متغیرهایی را که واژه‌ها را به مثابه مقدار اختیار می‌کنند متغیرهای زبانی می‌نامد.

از این حیث، متغیر زبانی متغیری است که واژه‌های زبان طبیعی را به مثابه مقدار خود بپذیرد. معمولاً در ادبیات موضوع، متغیر زبانی بهوسیله چهار پارامتر (X, T, U, M) مشخص می‌شود (لی وانگ، ۱۳۷۸)، یعنی:

۱. X = نام متغیر زبانی، مثل توسعه اجتماعی کشورها؛
۲. T = مجموعه مقادیر زبانی که X اختیار می‌کند، مثل [توسعه یافته، در حال توسعه]؛
۳. U = بازه واقعی که در آن، متغیر زبانی X مقادیر کمی (عددی) خود را اختیار می‌کند، مثل [۰ و ۱۰۰] [بر مبنای شاخص مرکب توسعه انسانی HDI]؛
۴. M = یک قاعده لغوی (یا یک تابع عضویت) که هر مقدار زبانی در T را به یک مجموعه فازی در U مرتبط می‌سازد (نمودار ۱ را ببینید).



نمودار ۱. توابع عضویت فازی برای کشورهای در حال توسعه و توسعه یافته

در مثال اخیر، دو مقدار برای متغیر زبانی وجود دارد (نمودار ۱). لذا دوتابع عضویت (دو زیرمجموعه فازی) هم مطرح است، یعنی زیرمجموعه فازی کشورهای در حال توسعه و زیرمجموعه فازی کشورهای توسعه‌نیافته. در مثال مذکور، برای هر زیرمجموعه یک تابع عضویت یکبعدی (یکمتغیره) در فضای دوبعدی مطرح شد. تابع عضویت دوبعدی نتیجه حاصل ضرب دکارتی دو مجموعه A و B در یک یا دو مجموعه جامع است. به همین سبب، تابع عضویت دوبعدی را رابطه فازی نیز می‌گویند. یک رابطه فازی روی $A \times B$ که بهوسیله $R(x,y)$ نشان داده می‌شود به صورت زیر بیان می‌شود:

$$R = \{ (x,y), \mu_R^{(x,y)} / (x,y) \in A \times B, \mu_R^{(x,y)} \in [0,1] \}$$

در عبارت فوق، $\mu_R^{(x,y)}$ یکتابع عضویت دوبعدی است و درجه عضویت زوج مرتب (X, Y) موجود در R یا هر زوج (X, Y) در $A \times B$ را بهصورت یک عدد حقیقی در دامنه صفر و یک مطرح می‌کند. در ادامه، اجازه دهید برای تابع عضویت چندبعدی فازی چهار مثال جامعه‌شناسخی طرح کنیم که سه مثال اول مبتنی بر مفاهیم محتوایی است و مثال چهارم مبتنی بر مفهومی تحلیلی.

مثال اول: وابستگی اقتصادی

کشورهای دارای وابستگی اقتصادی کشورهایی‌اند که قسمت عمده صادرات آنها را مواد اولیه و همزمان قسمت عمده واردات آنها را محصولات صنعتی تشکیل می‌دهد. به عبارت دیگر، آن دسته از کشورها وابسته اقتصادی قلمداد می‌شوند، یا به عبارتی جزء جرگه کشورهای وابسته به لحاظ اقتصادی تلقی می‌شوند، که هم واردکننده عمده محصولات صنعتی باشند و هم صادرکننده عمده مواد اولیه (خام). به این ترتیب، می‌توان دو مجموعه فازی A, B در نظر گرفت، یعنی:

$$B = \left\{ \begin{array}{l} \text{مجموعه کشورهای صادرکننده مواد اولیه} \\ \text{مجموعه کشورهای واردکننده محصولات صنعتی} \end{array} \right\}$$

$$A = \left\{ \begin{array}{l} \text{مجموعه کشورهای صادرکننده مواد اولیه} \\ \text{مجموعه کشورهای واردکننده محصولات صنعتی} \end{array} \right\}$$

رابطه این دو مجموعه فازی $A \times B$ یکتابع عضویت دوبعدی است که میزان عضویت هر کشور را در مجموعه کشورهایی با وابستگی اقتصادی مشخص می‌کند.

فرض کنید تابع عضویت کشورهای واردکننده محصولات صنعتی (A) به شرح زیر تعریف شده باشد:

$$M_A = \mu_A^{(x)} \begin{cases} 1 & , \text{اگر } x \geq 80\% \\ \frac{x-20}{20} & , \text{اگر } 20\% \leq x \leq 80\% \\ 0 & , \text{اگر } x < 20\% \end{cases}$$

همچنین، فرض کنید تابع عضویت کشورهای صادرکننده مواد اولیه به شرح زیر چنین تعریف شده باشند:

$$M_B = \mu_B^{(x)} \begin{cases} 1 & , \text{اگر } y \geq 90\% \\ \frac{y-10}{10} & , \text{اگر } 10 \leq y \leq 90 \\ 0 & , \text{اگر } y < 10 \end{cases}$$

A و B و $A \times B$ به این ترتیب می‌توان میزان عضویت هر کشور را در سه مجموعه محاسبه کرد.

^۳. جایگذاری خطی برای تعیین ارزش عضویت

^۴. جایگذاری خطی برای تعیین ارزش عضویت

جدول ۱. میزان صادرات و واردات برخی کشورهای فرضی به همراه ارزش‌های فازی آنها برای سه نوع مجموعه

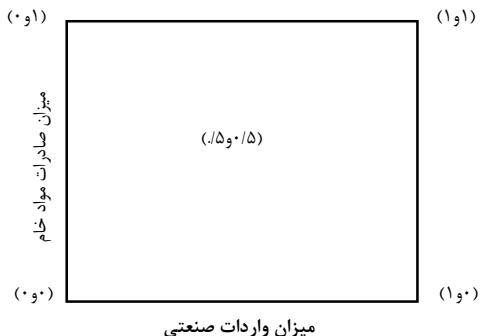
تابع عضویت وابستگی اقتصادی M_{BA}	M_B	M_A	میزان صادرات مواد خام %	میزان واردات محصولات صنعتی %	نام کشور
.	.	.	۱۵	۱۵	الف
.	.	۵	۰/۱۷	۳۰	ب
۱۵	۰/۱۵	۲۲	۰/۲۵	۳۵	ج
۳۷	۰/۴۵	۴۶	۰/۳۷	۴۲	د
۶۰	۰/۶۰	۵۸	۰/۸۳	۷۰	ه
۸۱	۰/۸۱	۷۵	۱	۸۰	ت
۱	۱	۹۷	۹۵	۹۵	ی

طبق جدول ۱، کشورهای (الف) و (ب) هیچ‌گونه عضویتی در مجموعه کشورهای وابسته اقتصادی ندارند. در مقابل، کشور (ی) دارای عضویت کامل در مجموعه اخیر است. این در حالی است که تابع تعلق کشور (ج) به مجموعه کشورهای وابسته اقتصادی ناچیز است (۱۵٪). در حالی که کشور (ت) عضویتی نسبتاً قوی (کامل) در مجموعه مذبور دارد.

در مثال اخیر، کشورها از حیث وابستگی اقتصادی بر اساس دو قید (دو شرط / یا دو بعد / یا دو صفت) مفهوم‌سازی شدند. به عبارت دیگر، مفهوم وابستگی اقتصادی در این مثال به مثابه مفهومی دوبعدی قلمداد شده است. لذا برای تنظیم فکر، می‌توان وابستگی اقتصادی را در یک "فضای خاصیت"^۵ یا "فضای وضعیت"^۶ که دارای دو بعد است، نگاشت (راگین، ۲۰۰۰). توضیح آنکه فضای خاصیت دو بعدی (K) دارای چهار گوشه است، یعنی: $2^k = 2^2 = 4$

نکته قابل توجه آنکه هر گوشه از فضای خاصیت نشان‌دهنده یک مکان منحصر به فرد است که از نظر موقعیت نوعاً با سایر گوشه‌ها متفاوت است. هر گوشه فضای خاصیت رساننده "تفاوت در نوع" است، در حالی که موقعیت هر مکان در داخل فضای خاصیت نشان‌دهنده "میزان تفاوت" است. به این ترتیب، می‌توان گوشه‌ها را معرف "مرزهای مفهومی" تلقی کرد که ممکن است حائز اهمیت نظری باشند.

1. Property space.
2. State space



نمودار ۲. فضای خاصیت دو بعدی بر حسب میزان واردات صنعتی و صادرات مواد خام

در فضای دو بعدی نمودار ۲، بالقوه با چهار "نوع متفاوت" مواجه ایم، شامل:

۱- استقلال کامل اقتصادی (۱۰۰٪)،

۲- وابستگی کامل اقتصادی (۱۰۰٪)،

۳- صادرکننده عمدۀ مواد خام بدون واردات صنعتی (۱۰۰٪)،

۴- واردکننده عمدۀ واردات صنعتی بدون صادرات مواد خام (ممکن است نوع اخیر مصدق تجربی نداشته باشد).

در واقع، چهار گوشۀ فضای دو بعدی ابعاد کیفی پژوهش را بر جسته می کند. در مقابل، هر نقطه در داخل فضای دو بعدی میزان وابستگی اقتصادی را نشان می دهد (میزان تفاوت). ضمناً توجه شود که مرکز فضای مزبور نشان دهنده مکانی است که اشغال کننده آن نه عضو کشورهای صادرکننده مواد اولیه است و نه عضو کشورهای واردکننده محصولات صنعتی، در عین حال عضو هر دو نیز است.

مثال دوم: قدرت اجتماعی

فرض کنید برای "قدرت اجتماعی" سه بعد یا سه قید (شرط / ملاک) قائل باشیم، شامل:

الف- دارایی منابع ابزاری (زر و زور)= X (مبتنی بر بیم و حاجت)؛

ب- جذبه اجتماعی (محبوبیت اجتماعی / فرهمندی اجتماعی)= Y (مبتنی بر دلبستگی عاطفی)؛

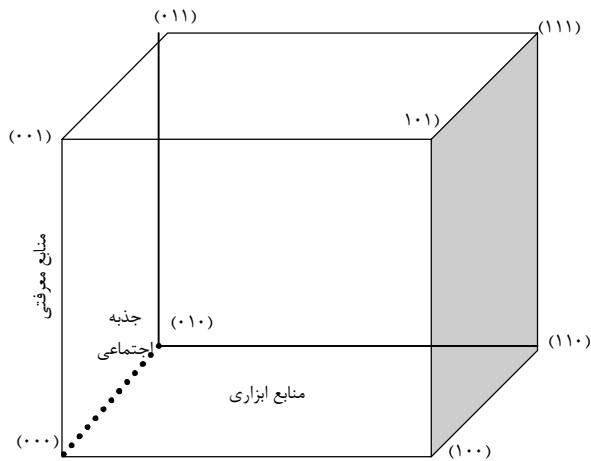
ج- دارایی منابع معرفتی (مقبولیت فرهنگی / فرهمندی فرهنگی)= Z (مبتنی بر باورمندی)

در این زمینه می توان یک فضای خاصیت سه بعدی در نظر گرفت که دارای هشت گوشۀ است.

این فضا موسوم به مکعب فازی است (نمودار ۳ را ببینید). واضح است که یک فضای خاصیت سه بعدی دارای تابع عضویت سه بعدی است. فضای سه بعدی یا به اصطلاح مکعب فازی (کاسکو، ۱۳۷۷) دارای هشت گوشۀ است که هر یک نشان دهنده هشت نوع متفاوت است.

هر نقطه در داخل فضای سه بعدی مکعب نشان دهنده میزان عضویت در یک مجموعه فازی سه بعدی است. این تابع سه بعدی را می توان به شکل کلی ذیل مطرح کرد:

$$P = \{ (x, y, z), \mu_p^{(x, y, z)} / (x, y, z) \in A \times B \times C, \mu_p^{(x, y, z)} \in [0, 1] \}$$



نمودار ۳- قدرت اجتماعی به مثابه فضای خاصیت سه بعدی

نمودار ۳ هشت "نوع متفاوت" را نشان می دهد، شامل:

- ۱- نوع عاجز محض (عاجز) : (۰۰۰)؛
- ۲- نوع قدرت ابزاری فاقد هر گونه مشروعيت (قادر نامقبول) : (۰۰۱)؛
- ۳- نوع اقتدار فکری ايدئولوژیک یا علمی (دانای ماهر) : (۰۱۰)؛
- ۴- نوع جاذبه اجتماعی(محبوب قلوب) : (۰۱۱)؛
- ۵- نوع سلطه ابزاری توأم با قدرت فکری(قادر دانا) : (۱۰۰)؛
- ۶- نوع سلطه ابزاری توأم با محبوبیت اجتماعی (قادر محبوب نادان) : (۱۰۱)؛
- ۷- نوع جذبه اجتماعی توأم با آگاهی (دانای محبوب) : (۰۱۰)؛
- ۸- نوع اقتدار چندجانبه کامل(قادر مقبول) : (۱۱۱).

مثال سوم: تمدن

ویل دورانت در تعریف تمدن در جلد اول تاریخ تمدن (مشراق زمین گاهواره تمدن) می گوید: "تمدن را می توان عبارت از نظمی اجتماعی دانست که در نتیجه آن خلاقیت فرهنگی امکان پذیر باشد. در تمدن چهار رکن اساسی می توان تشخیص داد، شامل:

- الف- بیش بینی و احتیاط در امور اقتصادی؛
- ب- سازمان سیاسی؛
- ج- سنن اخلاقی؛
- د- کوشش در راه معرفت و بسط هنر" (۱۳۷۳: ۳).

در جای دیگر، یعنی در لذات فلسفه، ویل دورانت در پاسخ به سوال تمدن چیست به اجمال و صریح اظهار می دارد که تمدن "ترکیبی است از امنیت فرهنگ، نظام و آزادی" (۱۳۷۴: ۲۹۸).

من بر اساس چنین برداشتی سعی کردم تمدن را بر اساس چهار معرفت علی (چهار بعد) باز تعریف کنم. این ابعاد عبارت اند از

- ۱- اقتصادی: وجود مازاد اقتصادی $S =$
- ۲- سیاسی: وجود آزادی و امنیت $F =$
- ۳- اجتماعی: وجود اخلاق و ادب و حسن معاشرت (میزان پرهیزکاری، کنترل تکاته عصبی و رعایت حال دیگران) $E =$
- ۴- فرهنگ: وجود خلاقیت و نوآوری معرفتی و هنری $K =$

بدین ترتیب، ما با یک فضای خاصیت چهار بعدی مواجه هستیم با تعداد گوشه‌های $16 = 2^4$ و یکتابع عضویت چهار بعدی: $\mu_{(S,F,E,K)}$. در این فضا، شانزده "نوع متفاوت" قابل تصور است و هر نقطه در این فضا مکان یک میزان خاص از عضویت در تابع چهار بعدی تمدن است.

مثال چهارم: فضای کنش

برخلاف سه مثال قبلی که در آنها مفاهیم محتوایی به کار رفته بود، در مثال اخیر مفهوم مورد نظر مفهومی تحلیلی^۷ است که وسیله‌ای برای تنظیم فکر است.

فضای کنش یک فضای پارامتری چهار بعدی است.^۸ این فضا دارای شانزده گوشه منحصر به فرد است. این نقاط عبارت‌اند از

0110	a G I 1	-۹	0000	^۱ ag il	-۱
0101	a G i L	-۱۰	1000	A g il	-۲
0011	a g I L	-۱۱	0100	a G i l	-۳
0111	a G I L	-۱۲	0010	a g I I	-۴
1110	A G I 1	-۱۳	0001	a g iL	-۵
1101	A G i L	-۱۴	1100	A Gil	-۶
1011	A g I L	-۱۵	1010	A g I I	-۷
1111	^۱ A G I L	-۱۶	1001	A g iL	-۸

فضای کنش به مثابه یک فضای خاصیت چهار بعدی می‌تواند در هر سطح تحلیلی از سطح کلان جامعه‌ای تا سطح خرد (مثل نظام شخصیت) برای مقاصد گوناگون نظری (مثل نظریه بازی، نظریه میدان، نظریه نظام، نظریه توسعه، نظریه شخصیت، نظریه عاملیت و غیره) و تجربی مورد استفاده واقع شود.

چنان‌که قبلاً خاطر نشان شد، گوشه‌های فضای چندبعدی ناظر به "نوع شناسی" است که رساننده "تفاوت در نوع" است؛ در حالی‌که در داخل فضای چندبعدی میزان تفاوت‌ها و مقادیر کمی مطرح‌اند. مثلاً طبق "اصل موقعیت در فضای کنش" موقعیت (امکان) هر پدیده خاص در فضای کنش (در هر سطح) تا حدی تعیین کننده رفتار آن پدیده است (چلبی، ۱۳۸۵: ۴۰) در این خصوص، تابع عضویت چهار بعدی فازی می‌تواند موقعیت هر پدیده خاص را در فضای کنش با استفاده از یک عدد حقیقی بین صفر و یک (یا یک بازه معین) معرفی کند.

چنان‌که ورکوئیلن (۲۰۰۵) به درستی می‌گوید، تابع عضویت فازی متغیری با سطح فاصله‌ای نیست. گرچه تابع عضویت را می‌توان به صورت پیوسته مطرح کرد، آنچه آن را از متغیر فاصله‌ای مجزا می‌سازد، نقاط برش، به ویژه سه نقطه مهم یعنی عضویت کامل، عدم عضویت کامل و نقطه تقاطع (نقطه خنثی) است که معمولاً با استفاده از "اعداد فازی" و با استفاده از دانش نظری، محتوایی و تجربی مشخص می‌شوند. نقاط برش معرف تفاوت کیفی‌اند و به همین سبب، شامل صفر معنی‌دار (مثل عدم عضویت یا عضویت کامل) می‌شوند، حتی اگر مقادیر مابین آنها مبتنی بر مقیاس ترتیبی باشد.

1. Analytic concept

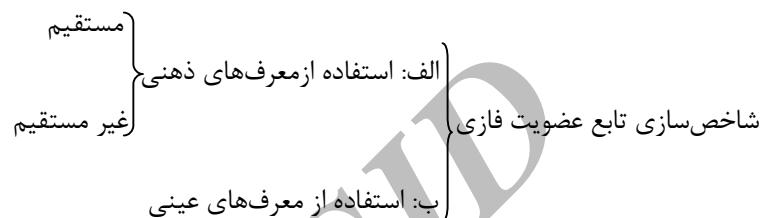
^۸. برای اطلاع بیشتر به فصل اول کتاب تحلیل اجتماعی در فضای کنش (چلبی، ۱۳۸۵) مراجعه کنید.

^۹. حروف کوچک گویای "غیبت" یا فقدان و حروف بزرگ حاکی از "حضور" است.

به علاوه، تابع عضویت فازی احتمال نیست. احتمال ناظر به پدیدهای است که هنوز اتفاق نیفتاده است. احتمال بیان ریاضی (آماری) انتظار وقوع رویداد یا پدیدهای است، در حالی که تابع عضویت فازی ناظر به حضور عینی در مجموعه‌ای مشخص است (ورکوئین، ۲۰۰۵).

شاخص‌سازی تابع عضویت فازی

شاخص‌سازی تابع عضویت فازی را به صور گوناگون صورت می‌دهند (زیمرمن، ۱۹۹۶؛ آتروک، ۱۹۹۵؛ ورکوئین، ۲۰۰۵؛ لمی و بتی، ۲۰۰۶؛ اسکانینگ، ۲۰۰۶). طبقه‌بندی زیر یکی از انواع نسبتاً رایج در این زمینه است (ورکوئین، ۲۰۰۵؛ زیمرمن، ۱۹۹۶).



مراد از روش مستقیم استفاده از نظرات متخصصان برای تعیین ارزش فازی است. در این خصوص، ورکوئین (۲۰۰۵) معتقد است در پاره‌ای اوقات، به ویژه در حوزه‌های کلان مطالعاتی در جامعه‌شناسی، علوم سیاسی و تاریخ اقتصادی، شاید بهتر باشد از دانش و تجربه متخصصان برای تعیین ارزش فازی استفاده شود تا از ملاک‌هایی عینی که ممکن است دارای جانبداری محتوای باشند؛ به ویژه در زمینه داده‌های دولتی که ممکن است در آنها غلو شده باشد. با این همه، او اذعان دارد که روش مستقیم ذهنی می‌تواند بالقوه دارای مسائل خاص خود باشد؛ از جمله سه مشکل تفسیر، معضل قضاوت، مشکل جانبداری و به ویژه در خصوص "نقاط پایانی"^{۱۰}، مشکل درک متفاوت از قیود مختلف (ورکوئین، ۲۰۰۵).

روش غیرمستقیم استفاده از معرفهای ذهنی چیزی جز نوعی مقیاس‌سازی از ادراکات ذهنی نیست. این نوع مقیاس‌سازی عملاً از سه جزء اصلی تشکیل شده است که عبارت‌اند از
 ۱) محرك بیرونی (مثل فرد، شیء، یا هر چیز دیگر)؛
 ۲) عدد (نظام عددی)؛

۳) قاعده نگاشت (اینکه چگونه یک محرك بیرونی- تجربی را به شکل انتزاعی و به کمک اعداد نشان دهیم). در میان انواع مقیاس‌سازی‌ها، شاید مناسب‌ترین شاخص‌سازی به روش غیرمستقیم برای تعیین تابع عضویت فازی در علوم اجتماعی مقیاس‌سازی "فواصل ظاهرالتساوی"^{۱۱} (ترستون) و مقیاس‌سازی گوتمن باشد. در حالی که مزیت مقیاس‌سازی اولی چنان که از نام آن پیداست امکان سنجش در سطح فاصله‌ای را به طور تقریبی فراهم می‌کند، مزیت مقیاس‌سازی دومی آن است که امکان "یک بعدی بودن" مقیاس را به صورت نسبی ممکن می‌سازد. می‌توان اضافه کرد که مقیاس گوتمن را می‌شود برای سنجش صفات کلان اجتماعی نظیر تکامل فرهنگی، میزان پیشرفت تکنولوژیک، میزان بوروکراتیسم و غیره نیز به کار گرفت.

یادآوری می‌شود که مقیاس‌سازی فواصل ظاهرالتساوی مبتنی بر "قانون قضاؤت مقایسه‌ای"^{۱۲} است. این قانون بر دو پیش فرض استوار است. یکی آن که برای هر محرك، مثلاً منزلت شغلی، یک پاسخ با بیشترین فراوانی وجود دارد که به آن فرایند "تمایز نمایی"^{۱۳}

¹⁰. End points

¹¹. Equal-appearing intervals

¹². The law of comparative judgment

¹³. Modal discriminant process

روی یک پیوستار می‌گویند. به عبارت دیگر، این فرض می‌پذیرد که داوران به واقعیت نزدیک است؛ به همین علت میانه توزیع فراوانی پاسخ‌ها به منزله "ارزش طیف"^{۱۴} برای یک محرك خاص قلمداد می‌شود و انحراف معیار توزیع مزبور به مثابه پراکندگی تمایزی(یا تشتن آرا) تلقی می‌شود.

پیش فرض دوم قانون قضایه‌ای بیان می‌دارد که میزان یا درجه تمایز ادراک داوران نسبت به محرك‌های گوناگون (مثلًا مشاغل) تابع مستقیم تفاوت محرك‌ها نسبت به صفت مورد نظر (مانند منزلت شغلی) است. یعنی برای مثال، در جهان اجتماعی تفاوت بارزی بین منزلت مشاغل وجود دارد و این تمایز در شاخص‌های مرکزی نظیر میانه، میانگین یا نما خود را نشان می‌دهد.

استفاده از معرف‌های عینی یکی از روش‌های مطمئن برای تعیین ارزش‌های فازی است؛ بهویژه چنانچه بتوان در این راستا از شاخص‌های مرکبی استفاده کرد که دارای مبنای نظری باشند. در این ارتباط ورکوئیلن (HDI) از شاخص توسعه انسانی (HDI) چونان نمونه‌ای مناسب یاد می‌کند. این شاخص عمدتاً مبتنی بر نظریه هنجاری آمارتیا سن (۱۳۸۱) است. استدلال سن و همکارانش این است که توسعه صرفاً پیشرفت مادی نیست، بلکه ناظر به بسط ظرفیت‌های (قابلیت‌های) انسانی و امکان (قابلیت) استفاده از امکانات نیز هست. از این‌رو، شاخص توسعه انسانی بر مبنای سه معرف (سه جزء) ساخته شده است که عبارت‌اند از:

- ۱- درآمد سرانه برحسب برابری با قدرت خرید دلار به منزله معرف توسعه مادی؛
- ۲- نرخ سواد بزرگسالان و ثبت نام ناخالص به منزله معرف رشد قابلیت انسانی؛
- ۳- امید زندگی در بدو تولد به منزله معرف قابلیت استفاده از زندگی خوب (سلامتی و طول عمر).

ورکوئیلن به درستی اشاره می‌کند که این شاخص علاوه بر اینکه مبتنی بر نظریه هنجاری است، در عین حال ساختاری بسیار نزدیک به رهیافت نظریه مجموعه فازی دارد.

او برای حمایت از مدعای خود به دو نکته اساسی در طراحی این شاخص اشاره می‌کند. اولاً تهیه‌کنندگان این شاخص برای هر بعد به اصطلاح یک "ایستگاه هدف"^{۱۵} بالا و پایین قائل شده‌اند. ثانیاً ارزش عددی بین ایستگاه‌های هدف براساس یک تابع خط، تعیین شده است. از این‌حیث هر بعد دارای دو "تکیه‌گاه" است. به عبارتی، هر بعد دارای دو برش اساسی است و ارزش عضویت مابین ایستگاه‌های هدف را تابعی خطی تعیین می‌کند (ورکوئیلن، ۲۰۰۵، ۵).

جدول ۲. اجزا و ساختار شاخص توسعه انسانی^{۱۶}

اعضویت بین ایستگاه‌های هدف	ایستگاه هدف	معرف	اجزای شاخص
لگاریتم محصول			
ناخالص داخلی			
اقتصادی			
سرانه برحسب برابری با قدرت			
خرید دلار			
econ = lg $\frac{GDP}{per}$	[۱۰۰ و ۴۰۰۰ دلار]		

^{۱۴}. Scale value

^{۱۵}. Goal post.

^{۱۶}. یاد آوری می‌شود که در عمل نسخ متفاوتی از شاخص توسعه انسانی پیشنهاد شده است، لکن در اغلب آنها وزن هر بعد برابر در نظر گرفته شده است که این امر می‌تواند ایرادی برای شاخص محسوب شود. به علاوه، دامنه تغییر شاخص مزبور بین صفر و یک است که بر مبنای آن معمولاً کشورهای جهان به سه دسته تقسیم می‌شوند: کشورهایی با توسعه انسانی بالا (بالاتر از ۰/۸)، کشورهایی با توسعه انسانی متوسط (بین ۰/۵ و ۰/۸) و کشورهایی با توسعه انسانی پایین (کمتر از ۰/۵).

$hel = \frac{LE - 25}{85 - 25}$	[۲۵و۸۵ سال]	امید زندگی هنگام تولد	سلامتی
$edu = \frac{z}{3} AL + \frac{1}{3} GE$	[٪ ۱۰۰ و ۰]	نرخ باسوسادی بزرگسالان و ثبت نام ناوالصل	آموزشی

* بر گرفته از ورکوئین، ۲۰۰۵: ۴۸۴

واسنجش^{۱۷}

قبل از اینکه برای مفهوم "واسنجش" تعریفی ارائه شود، لازم است ابتدا مفهوم "سنجدش" را موقتا در کانون توجه قرار دهیم. برای یادآوری خاطر نشان می‌شود که سنجدش در معنای محدود کلمه (یعنی در پایین‌ترین سطح) عبارت است از طبقه‌بندی صرف واحدهای تحلیل برمبنای یک صفت مورد نظر. چنین سنجدشی از نوع مقیاس‌سازی اسمی است. در سطح سنجدش ترتیبی، مقولات روی صفت مورد نظر مرتب می‌شوند. در سطح سنجدش فاصله‌ای، علاوه بر اینکه مقولات روی صفت مورد نظر رتبه‌بندی می‌شوند، هم‌زمان فواصل مقولات نیز بر مبنای نظام عددی مشخص می‌شوند. با این همه، در سطح سنجدش فاصله‌ای تخصیص عدد به مقولات تا حدودی جنبه اختیاری دارد، زیرا در این سطح، صفر حقیقی مشخص نیست یا به عبارت دیگر، صفر با معنی وجود ندارد. صفر واقعی (با معنی) در سطح سنجدش نسبی وجود دارد.

معمولًا "نرخ‌ها" یا "میزان‌ها" در علوم اجتماعی، مثل میزان قتل، دارای صفر واقعی‌اند. به غیر از میزان‌ها، معمولًا مقیاسی که دارای صفر حقیقی باشد، محتاج نظریه محتوایی است که بتوان از آن نظریه سنجدش را استخراج کرد.

اما روش‌های پژوهش اجتماعی متعارف، اعم از کمی یا کیفی، به ندرت می‌توانند مقیاسی بسازند که حائز صفر معنی‌دار باشد؛ گرچه در این راستا کوشش‌های قابل توجهی هم صورت گرفته است. در مقابل، واسنجش مبتنی بر رهیافت مجموعه فازی به شکلی بالقوه پژوهشگر اجتماعی را قادر می‌سازد حتی برای مقیاس‌های ترتیبی نیز صفر معنی‌دار فراهم کند. منظور از "واسنجش" تنظیم کردن و تحت قاعده در آوردن مدارج (فواصل) وسیله سنجدش است.

چنان‌که راگین (۲۰۰۷ و ۲۰۰۸) می‌گوید، واسنجی فازی هم‌زمان با اهداف روش‌های کمی و کیفی، علی‌الخصوص با دغدغه-های روش‌های کیفی که مایل است بـین "تغییر بر بـین" با "تغییر مرتبط" و تفسیر آن تمایز قائل شود، سازگاری دارد. به علاوه، واسنجی فازی نسبت به حساسیت روش‌های کمی جهت جای‌گذاری دقیق موارد نسبت به یکدیگر، یعنی سنجدش دقیق، هماوای دارد.

در رهیافت فازی، دقت سنج، مبتنی بر ارزیابی دقیق میزان عضویت در مجموعه فازی است. از این‌رو، در واسنجی فازی از دانش محتوایی استفاده می‌شود. دانش محتوایی اجازه می‌دهد از "ملک‌های خارجی" استفاده شود. در مقابل، در روش‌های متعارف (کمی) معمولًا از "ملک‌های درونی" برای واسنجی ابتدایی استفاده می‌شود (راگین، ۲۰۰۷ و ۲۰۰۸).

در روش‌های کمی متعارف، واسنجی ابتدایی از طریق مقایسه ارزشی که یک واحد تحلیل روی متغیری با مقیاس فاصله‌ای اختیار می‌کند، با شاخص‌های مرکزی آن مقایسه می‌شود. یعنی چون مقیاس فاصله‌ای فاقد صفر معنی‌دار است، میانگین یا میانه توزیع فراوانی به مثابه ملک درونی برای مقایسه انتخاب می‌شود. منتهی مشکلی که اغلب بروز می‌کند، نامشخص بودن وزن عددی میانگین است مبنی بر اینکه آیا مقدار عدد مزبور کم است یا زیاد.

بالعکس در روش فازی، چنان‌که گفته شد، از ملک‌های بیرونی استفاده می‌شود که این ملک‌ها غالباً بر اساس دانش محتوایی حاصل می‌شود. مثلا دانش جمعی می‌داند که چند سال تحصیلی رسمی منجر به اخذ یک مدرک رسمی مثل دیپلم می‌شود. یعنی

^{۱۷}. Calibration

دانش جمیعی ملاکی برای "نقطه گسست" فراهم می‌کند و نه اینکه ملاک از داخل توزیع فراوانی سال‌های تحصیلی به دست آید. راگین (۲۰۰۸، ۲۰۰۷) گرچه به این نکته اذغان دارد که واسنجی کیفی با واسنجی پیشرفته علوم فیزیکی مطابقت نمی‌کند، معذالک آن را گامی مهم برای قاعده‌مندسازی مقیاس‌سازی، حتی برای مقیاس‌های ترتیبی، در علوم اجتماعی می‌داند. در این زمینه، او به روش رایج سنجش در پژوهش‌های کمی اشاره دارد که غالباً مبتنی بر "رهیافت معرف" است و معمولاً محقق سعی می‌کند بهترین معرفها را برای مفهوم مورد نظر خود بیابد. او اضافه می‌کند که الزام عمدۀ در این رهیافت آن است که معرف حائز واریانس کافی در میان واحدهای تحلیل (موارد مشاهده شده) باشد، به قسمی که بتواند آنها را نسبت به یکدیگر مرتب کند. در این رهیافت، معمولاً سنجشی مطلوب (برتر) تلقی می‌شود که بتواند تفاوت‌های جزئی را با دقت از یکدیگر تمیز دهد.

اما نکته بسیار مهم آن است که در روش‌های کمی، معمولاً اهمیت تغییرات در یک متغیر یکسان تلقی می‌شود. در حالی که لازم است توجه شود که در پدیده‌های اجتماعی، به ندرت ارزش‌های عددی برابر در مناطق مختلف بازه یک متغیر، به ویژه در کرانه‌های توزیع آن، دارای اهمیت محتوایی یکسان باشند.

با مقایسه واسنجی فازی با واسنجش متعارف، راگین (۲۰۰۷) اظهار می‌دارد که حتی زمانی که از مقیاس سنجش نسبی استفاده می‌شود، این مقیاس دارای یک نقطه کیفی ممیز است، یعنی جایی که صفر معنی دار وجود دارد. در حالی که در واسنجی فازی، مقیاس با ارزش فازی حداقل دارای سه نقطه کیفی ممیز است، یعنی عضویت کامل (برابر یک)، عدم عضویت کامل (برابر صفر) و نقطه تقاطع (برابر نیم). او در ادامه می‌افزاید که در رهیافت مجموعه فازی همانند روش کیفی "معنا" بر سنجش خاص اعمال می‌شود؛ یعنی سنجش خصلت تفسیری دارد تا استقراء محض. از این جهت، عملاً واسنجی فازی همزمان دقت روش کمی را با دانش محتوایی روش کیفی در هم می‌آمیزد.

راگین (۲۰۰۷، ۲۰۰۸) برای تبدیل "متغیر فاصله‌ای" به "مجموعه فازی" به اصطلاح یک "روش مستقیم" پیشنهاد می‌کند که در ادامه به آن پرداخته می‌شود.

او برای معرفی روش مزبور ابتدا تاکید می‌کند که حالت مطلوب آن است که واسنجش میزان عضویت در یک "مجموعه هدف"^{۱۸} باید کاملاً براساس دانش محتوایی و دانش نظری متخصصان و دانشمندان علوم اجتماعی صورت گیرد، یعنی دانش جمیع دانشمندان علوم اجتماعی مبنای تشخیص و تعیین واسنجشی قرار گیرد.

روش پیشنهادی راگین بر دو فرض و دو پایه استوار است. فرض اول آن است که پژوهشگر معرف‌هایی با مقیاس فاصله‌ای متعارف در اختیار دارد. فرض دوم می‌پذیرد که مفهوم مورد نظر قابلیت آن را دارد که به مثابه مجموعه تلقی و نام‌گذاری شود. روش مزبور بر پایه ترجمه ریاضی "برچسب‌های زبانی" (لفظی) که درجات گوناگون عضویت در یک مجموعه هدف را بیان می‌کند. پایه دیگر این روش دانش نظری و محتوایی به مثابه معیارهای بیرونی است که با تکیه بر آن می‌توان به تعیین حداقل سه نقطه (حد) کیفی (آستانه عضویت کامل^{۱۹}، نقطه تقاطع و آستانه عدم عضویت^{۲۰} کامل) پرداخت.

راگین در روش پیشنهادی خود ابتدا یک مجموعه فازی^۹ ارزشی با برچسب‌های زبانی مطرح می‌کند. سپس، برای هر یک از برچسب‌ها یک درجه از عضویت فازی تخصیص می‌دهد. پس از آن، واحد سنجش فازی را تبدیل به "میزان بخت"^{۲۱} می‌کند. به دنبال آن، میزان‌های بخت را تبدیل به مقیاس لگاریتمی (بر پایه عدد نپر) می‌کند.

اساس این ترجمه ریاضی بر لگاریتم میزان‌های بخت استوار است. در این ترجمه ریاضی میزان‌های بخت به مثابه معیار سنجش بینابینی برای تبدیل مقیاس فاصله‌ای به امتیازات فازی عمل می‌کند. اجازه دهید از میان^۹ بر چسب زبانی به سه مورد آن که

¹⁸. Target set

¹⁹. The threshold for full membership

²⁰. The threshold for full non-membership

²¹. Odd ratio= درجه عضویت فازی

دارای اهمیت بیشتری است اشاره کنم. این سه برچسب عبارت‌اند از آستانه عضویت کامل، نقطه تقاطع^{۲۳} و آستانه عدم عضویت کامل. برای این سه برچسب به‌طور ژنریک به‌ترتیب درجات عضویت ۹۵٪، ۵٪ و ۰٪^{۲۴} تعریف شده است که به این ترتیب، لگاریتم طبیعی میزان بخت آنها به ترتیب ۳، صفر و -۳ است. با این حساب، واستنجه شاخص فاصله‌ای و تبدیل آن به ارزش فازی را می‌توان طی چهار مرحله به شرح زیر خلاصه و تدوین کرد:

درجه عضویت فازی - ۱

²². Cross-over point.

$$1) D = I - C$$

$$2) \begin{cases} S_1 = \frac{+3}{F-C} & \text{اگر } I > C \\ S_0 = \frac{0}{N-N} = 0 & \text{اگر } I = C \\ S_2 = \frac{-3}{N-C} & \text{اگر } I < C \end{cases}$$

$$3) L = S \times D$$

$$4) m = \frac{(e)^L}{1+(e)^L} = \frac{exp(L)}{1+exp(L)}$$

به طوری که :

C = نقطه تقاطع

D = انحراف از نقطه تقاطع

F = آستانه عضویت کامل

I = ارزش واحد (مورد) تحلیل خاص روش شاخص فاصله‌ای

L = لگاریتم میزان بخت

M = میزان ارزش عضویت فازی در مجموعه هدف

N = آستانه عدم عضویت کامل

S = اسکالار (عدد مدرج)

اجازه دهید کاربرد این روش را همراه با یک مثال بر مبنای داده‌های واقعی نشان دهم. شاخص فاصله‌ای را که برای این منظور انتخاب کردام "درجه تراکم منابع اقتصادی غیر کشاورزی" است که آن را "تراکم منابع" می‌نامم. گرچه داده‌های استفاده شده برای شاخص مذبور مربوط به حوالی سال ۱۹۹۰ میلادی است، معذالک به سبب برخی نوآوری‌های نظری و روشنی جالب توجه است. این شاخص مرکب توسط تاتو ونهنن، محقق فنلاندی، ساخته شده است.

در این مثال، هدف این است که درجه عضویت کشورها در نظام اقتصادی متمرکز به تقریب مشخص شوند. یادآور می‌شوم که هر جامعه‌ای مبتنی بر نوعی "نظم جامعه‌ای" است که خود نتیجه چهار نوع نظام (نظام) است که عبارت‌اند از نظام سیاسی، نظام اقتصادی، نظام جماعتی، و بالاخره نظام فرهنگی. در اینجا نظام اقتصادی عمدهاً براساس ساختار توزیع منابع کمیاب تعریف می‌شود.

نوآوری مفهومی ونهنن در این زمینه آن است که نظام اقتصادی را بر مبنای میزان تراکم منابع قدرت اقتصادی تعریف می‌کند و قدرت اقتصادی را لازمه مبارزه برای بقا می‌داند. او قدرت اقتصادی را توانایی کنترل حیات اقتصادی دیگران می‌داند که بر پایه مالکیت و/یا کنترل منابع مولد و ظرفیت تولید موثر استوار است (ونهنن، ۱۹۹۷: ۵۱). او عدم تمرکز منابع را ناشی از کنترل یا مالکیت ابزار تولید و ابزار معیشت به دست تعداد متعددی از گروههای نسبتاً مستقل شامل افراد، شرکتها، واحدهای عمومی، دولت محلی و منطقه‌ای، دولت مرکزی و گروههای سیاسی می‌داند. بالعکس، تمرکز منابع اقتصادی را ناشی از کنترل و/یا مالکیت منابع اقتصادی مهم در دست تعداد قلیلی می‌داند که کم و بیش یک گروه اجتماعی یا سیاسی کم و بیش منسجم را تشکیل می‌دهند (ونهنن، ۱۹۹۷).

ونهنهن این شاخص را به مثابه "جانشین تجربی" ساختار توزيع منابع کمیاب جامعه ساخته است. شاخص تراکم منابع مرکب از پنج معرف غیر مستقیم است. این پنج معرف سه بعد شاخص مزبور را تشکیل می‌دهند. این شش معرف عبارت‌اند از

۱. در صد جمعیت شهرنشین (معرف غیرمستقیم فعالیت‌های اقتصادی متنوع و گروه‌های ذینفع اقتصادی متکثر)؛
۲. در صد جمعیت شاغل غیرکشاورزی (معرف ساختار شغلی متنوع و میزان تقسیم کار اجتماعی)؛
۳. تعداد دانشجویان دانشگاه‌ها و مؤسسات آموزش عالی در هر صد هزار نفر ساکنان (معرف میزان پراکندگی در توزيع منابع فکری، شامل دانش عالی و مهارت‌ها برای پاسخگویی به حواچن جامعه جدید)؛
۴. درصد با سوادان جمعیت بزرگسال (معرف میزان پراکندگی در توزيع منابع فکری پایه‌ای برای مشارکت موثر در جامعه)؛
۵. درصد مساحت مزارع خانوادگی از کل مساحت (معرف میزان پراکندگی در توزيع مالکیت یا کنترل اراضی کشاورزی).

دو معرف اول و دوم تشکیل بعدی را می‌دهند که نشان‌دهنده غیر مستقیم توزيع منابع قدرت سازمانی و اقتصادی است. معرف سوم و چهارم در مجموع رساننده میزان پراکندگی در توزيع قدرت فکری‌اند. هدف از شاخص تراکم منابع تشخیص سطح نسبی توزيع متمرکز (و / یا عدم تممرکز) کنترل و / یا مالکیت منابع کمیاب در جامعه است.

علاوه بر شاخص مزبور، ونهنهن در مطالعه خود به ویژگی‌های کیفی نظام‌های اقتصادی نیز توجه دارد. در این خصوص او نظام‌های اقتصادی را از دیدگاه توزيع منابع به چهار دسته عمده طبقه بندی می‌کند (۱۹۹۷، ۵۳):

- (۱) اقتصاد با برنامه‌ریزی متمرکز با میزان بالایی از مالکیت عمومی (CPE)؛
- (۲) اقتصاد مبتنی بر بخش عمومی غالب و بخش خصوصی و / یا مالکیت خارجی قابل توجه (PSD)؛
- (۳) اقتصاد با گرایش بازار به همراه بخش خصوصی متراکم و / یا با یک بخش عمومی بزرگ و / یا با مالکیت خارجی قابل توجه (CPS)؛
- (۴) اقتصاد با گرایش بازار با مالکیت متکثر (MOE).

ونهنهن به این نکته اشاره دارد که بالاترین میزان تراکم منابع در اقتصاد با برنامه‌ریزی متمرکز وجود دارد و پایین‌ترین میزان در اقتصاد با گرایش بازار و با مالکیت متکثر. معدالک از این حیث چهار مقوله فوق‌الذکر جامع و مانع نیستند و تا حدودی با هم همپوشانی دارند. او اضافه می‌کند که میزان منابع در مقولات چهارگانه مزبور به شرح ذیل می‌توانند تغییر کنند:

- در MOE از صفر تا ۴۰
- در CPS از ۴۰ تا ۸۰
- در PSD از ۶۰ تا ۸۰
- در CPE از ۸۰ تا ۱۰۰

ضمناً لازم است اشاره شود که بیشینه و کمینه توزيع فراوانی میزان تراکم منابع برای ۱۷۲ کشور، در حوالی سال ۱۹۹۰ میلادی به ترتیب ۹۵ و ۲۰ است (ونهنهن، ۱۹۹۷ در ضمیمه ۴: ۲۳۷-۲۳۳).

با توجه به مطالبی که تا اینجا درباره "شاخص تراکم منابع" گفته شد، مجموعه هدف را کشورهایی با نظام اقتصادی متمرکز تعریف و با توجه به مبنای نظری شاخص مزبور و اطلاعات ارائه شده، مقادیر سه برچسب زبانی (سه حد کیفی) را برای مجموعه هدف به شرح زیر پیشنهاد می‌کنیم:

- آستانه عضویت کامل = ۹۰
- نقطه تقاطع = ۶۰
- آستانه عدم عضویت کامل = ۳۰

نتایج تبدیل شاخص فاصله‌ای تراکم منابع به ارزش فازی برای ۱۷ کشور (به صورت نمونهوار)، در جدول ۳ گزارش شده است.

جدول ۳. تبدیل مقیاس تراکم منابع به میزان عضویت فازی در مجموعه کشورهایی با نظم اقتصادی متوجه

اینک	کشور	میزان تراکم منابع	انحراف از نقطه تفااطع	اسکا لر	لگاریتم بخت	میزان عضویت
برای نمونه	آنگولا	۸۰	۲۰	۰/۱	۲	۰/۸۸
میزان عضویت	ایران	۷۰	۱۰	۰/۱	۱	۰/۷۳
تاجیکستان را	برزیل	۶۰	۰	۰/۱	۰	۰/۵۰
تراکم منابع	موزامبیک	۸۵	۲۵	۰/۱	۲/۵	۰/۹۲
اختیار کرد	کانادا	۴۰	-۲۰	۱/۱۵	-۳	۰/۰۵
هیم:	سوریه	۷۵	۱۵	۰/۱	۱/۵	۰/۸۲
ترکمنستان	ترکمنستان	۹۹	۳۹	۰/۱	۳/۹	۰/۹۸
هند	هند	۵۰	-۱۰	۱/۱۵	-۱/۵	۰/۱۸
ایسلند	ایسلند	۲۰	-۴۰	۱/۱۵	-۶	۰/۰۰
سوئد	سوئد	۳۰	-۳۰	۱/۱۵	-۴/۵	۰/۰۱
تاجیکستان	تاجیکستان	۹۵	۳۵	۰/۱	۳/۵	۰/۹۷
مغولستان	مغولستان	۹۰	۳۰	۰/۱	۳	۰/۹۵
انگلستان	انگلستان	۳۰	-۳۰	۱/۱۵	-۴/۵	۰/۱
نروژ	نروژ	۳۰	-۳۰	۱/۱۵	-۴/۵	۰/۱
ژاپن	ژاپن	۴۰	-۲۰	۱/۱۵	-۳	۰/۰۵
کره شمالی	کره شمالی	۹۵	۳۵	۰/۱	۳/۵	۰/۹۷
کره جنوبی	کره جنوبی	۵۰	-۱۰	۱/۱۵	-۱/۵	۰/۱۸

$$1) D = 95 - 60 = 35$$

$$2) S = \frac{+3}{90 - 60} = 0.1$$

$$3) L = 0.1 \times 35 = 3.5$$

$$4) M = \frac{(e)^{3.5}}{1 + (e)^{3.5}} = 0.97$$

توضیح آنکه عدد ۰/۹۷ ارزش فازی عضویت کشور تاجیکستان در مجموعه کشورهایی با نظم اقتصادی متمرکز است. به سخن دیگر، عدد مزبور حاکی از عضویت کامل این کشور در مجموعه مذکور است؛ در حالی که سوئد با ارزش فازی ۱/۰۰ تقریباً به شکل کامل خارج از این مجموعه قرار می‌گیرد.

Archive of SID

خلاصه و نتیجه‌گیری

تابع عضویت فازی مبتنی بر نظریه مجموعه فازی و منطق فازی است. در نظریه مجموعه فازی، عضویت یک عنصر در مجموعه ضرورتاً قطعی نیست، بلکه هر عنصر می‌تواند هم‌زمان هم عضو یک مجموعه باشد و هم نباشد. در واقع، تابع عضویت فازی میزان عضویت یا درجه حضور یک عنصر را در یک مجموعه مشخص می‌کند. در این نظریه، متغیر زبانی نقش محوری دارد، به همین سبب معمولاً در ارتباط با مجموعه فازی چهار پارامتر "متغیر زبانی"، "مجموعه مقادیر زبانی" که متغیر زبانی می‌تواند اختیار کند، "بازه واقعی" که در آن متغیر زبانی می‌تواند مقادیر کمی اختیار کند و بالاخره "تابع عضویت" مطرح است.

تابع عضویت چندبعدی نتیجه حاصل ضرب دکارتی چند مجموعه فازی است که در واقع هر بعد تابع مذبور مبتنی بر مفهومی است که به مثابه یک مجموعه فازی (ونه متغیر) تلقی شده است. تابع عضویت چندبعدی را می‌توان با توجه به ابعاد آن به مثابه یک فضای خاصیت (فضای وضعیت) با^(۲) گوشه تصور کرد که هر گوشه رساننده یک نوع متفاوت است و هر نقطه در داخل فضا را می‌توان با یک ارزش عددی در دامنه صفر و یک معروفی کرد.

در علوم اجتماعی، شاخص‌سازی تابع عضویت فازی می‌تواند با استفاده از معرفهای ذهنی(مستقیم و غیرمستقیم) یا معرفهای عینی صورت گیرد؛ ولی آنچه در این زمینه حائز اهمیت است، استفاده صحیح و بهموقع از دانش محتوایی و دانش نظری متخصصان و دانشمندان علوم اجتماعی است.

یکی از معضلات سنجش در علوم اجتماعی عمدتاً مشکل فقدان صفر واقعی (صفر با معنی) است. رهیافت فازی این امکان را به پژوهشگر اجتماعی می‌دهد تا براساس واسنجی فازی و براساس دانش نظری و محتوایی، حتی برای مقیاس‌های ترتیبی نیز صفر معنی‌دار فراهم کند. افزون بر این، واسنجی فازی این امکان را برای محقق اجتماعی مهیا می‌کند که با استفاده از معیارهای بیرونی، علاوه بر صفر معنی‌دار، نقاط حدی کیفی دیگری نیز برای شاخص‌های اجتماعی، فراهم آورد.

یکی از نتایج محوری بحث اخیر آن است که شاخص‌سازی توابع عضویت و واسنجی مبتنی بر رهیافت مجموعه فازی امکانات کارآمدی برای تلفیق روش‌های کمی و کیفی در عرصه علوم اجتماعی در ابعاد و سطوح گوناگون برای پژوهشگران علوم اجتماعی فراهم می‌کند، به قسمی که هم‌زمان دقت، جزء‌بینی و پهنانگری روش‌های کمی را با کل نگری، معناکاوی و ژرفانگری روش‌های کیفی آشی دهد.

منابع

بوجاذیف، جرج و ماریا بوجاذیف (۱۳۸۱) منطق فازی و کاربردهای آن در مدیریت، ترجمه سید محمد حسینی، تهران: انتشارات ایشیق.

چلبی، مسعود (۱۳۸۵) تحلیل اجتماعی در فضای کنش، تهران: نشر نی.

دورانت، ویل (۱۳۷۳) مشرق زمین گاهواره تمدن (جلد ۱)، مترجمان احمد آرام، ع- پاشایی و امیرحسین آریانپور، تهران: انتشارات علمی و فرهنگی.

دورانت، ویل، ۱۳۷۴ (چاپ نهم)، لذات فلسفه، ترجمه عباس زریاب، تهران، انتشارات علمی و فرهنگی.

سن، آمارتیا (۱۳۸۱) توسعه به مثابه آزادی، ترجمه وحید محمودی، تهران: انتشارات دستان.

کاسکو، بارت (۱۳۷۷) تفکر فازی، ترجمه علی غفاری و همکاران، تهران: دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی.

وانگ، لی (۱۳۷۸) سیستم‌های فازی و کنترل فازی، ترجمه محمد شنه لب و همکاران، تهران: دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی.

Alfi, Badredine (2006) "Linguistic Fuzzy- Logic Game theory", *Journal of Conflict Resolution*, 50(1): 28-57.

Georg, Gary and James Mahoney, (2004) "Two- Level theories and Fuzzy Logic" working paper, www.compasss.org, :1-29.

Goertz, Gory (2003) "Assessing the Importance of Necessary or Sufficient Conditions in Fuzzy-set Social Science", COMPASSS working paper wp 2003-7 www.compasss.org/wp.htm.

Hage, Frank M. (2005) "Constructivism, Fuzzy Sets and Small-N : Revising the Conditions for Communicative Action", COMPASSS working paper wp 2005-1, www.compasss.org/wp.htm.

Lemmi, Achille and Gianni Betti (2006) Fuzzy, *Set Approach to Multidimensional Poverty Measurement* (ed.) , New York: Springer.

Mahoney, James and Dietrich Ruesche Meyer (2003) *Comparative Historical Analysis in the Social Sciences*, Cambridge: Cambridge University Press.

Mccarney, Mark and David Pearson (2002) "Fuzzy Logic and Socio Dynamics" *Teaching Mathematics and its Application*, 21(4): 161- 172.

Montgomery, James D. (2000) "The Self as a Fuzzy Set of Roles, Role Theory as a Fuzzy System", *Sociological Methodology*, 30: 261- 314.

Ragin, Charles C. (2003) "Recent Advances in Fuzzy- Set Method and their Application to Policy Questions", COMPASS working paper, wp 2003- 9, www.Compass.org/wp.htm, : 1- 33.

Ragin, Charles C. (2004) "From Fuzzy- Set to Crispy Truth Table", COMPASS working paper, wp 2004-28, www.Compasss.org/wp.htm, : 1- 33.

Ragin, Charles C. (2006) "Set Relation in Social Research: Evaluating their Consistency and Coverage", *Political Analysis*, 14(3): 291-310

Ragin, Charles C. (2007) "Fuzzy- Set: Calibration Versus Measurement", COMPASS working paper, www.compassss.org/wp.htm

Ragin, Charles C. (2000) *Fuzzy- Set Social Science*, Chicago: The University of Chicago Press.

Ragin, Charles C. (2008) *Redesigning Social Inquiry Fuzzy Sets and Beyond*, Chicago: University of Chicago Press.

- Skanning, Svend-Erik (2006) "The Respect for Civil Liberties in Post-Communist Countries: A Multi-Methodological Test of Structural Explanation", COMPASSS working paper wp 2006, www.compasss.org/wp.htm.
- Vanhelan, Tatu (1997) *Prospects of Democracy: A Study of 172 Countries*, London: Routledge.
- Verkuilen, Jay (2005) "Assigning Membership in a Fuzzy Set Analysis", *Sociological Methods Research*, 33(4): 462-496.
- Vis, Barbara (2005) "States of Welfare or State of Workfare?: A Fuzzy-Set Ideal Type Analysis of Major Welfare State Restructuring in Sixteen Advanced Capitalist Democracies, 1985-2002", COMPASSS working paper wp 2005-2, www.compasss.org/wp.htm.
- Von Altrock, Constantin (1995) *Fuzzy Logic and Neurofuzzy Applications Explained*, Upper Saddle River, NJ: Prentice-Hall.
- Zimmermann, H.J. (1996) *Fuzzy Set Theory and its Applications*, Boston: Kluwer Academic Publisher.

Archive of SID