

واژه‌های کلیدی: برون‌یابی، بهینه‌سازی، شبکه ایستگاه باران‌سنجی، کریگینگ، واریانس برآورد.

### مقدمه

آمار بارندگی در ایران توسط سازمان هواشناسی و وزارت نیرو جمع‌آوری می‌شود. بررسی توزیع مکانی ایستگاه‌ها نشان می‌دهد که ایستگاه‌ها از توزیع مناسبی برخوردار نبوده و به طور تجربی توسعه و تکمیل یافته‌اند. بسیاری از ایستگاه‌ها در اطراف شهرها و مراکز جمعیتی تأسیس شده‌اند. بهینه‌سازی موقعیت شبکه ایستگاه‌های هواشناسی می‌تواند در دقت برآوردهای بارندگی و در نتیجه در مطالعات آب‌شناختی بیان‌آبی و مدیریت منابع آب موثر باشد. یکی از اهدافی که اخیراً برای تعیین مکان جدید یا بهینه‌سازی شبکه ایستگاه‌ها مورد توجه قرار گرفته است، کاهش واریانس خطا در قالب روش کریگینگ می‌باشد. کریگینگ یک روش زمین‌آمار است که می‌تواند به ازای هر برآورد، خطای مرتبط با آن را محاسبه نماید. به این ترتیب می‌توان علاوه بر مقدار متوسط خطا، توزیع خطا یا واریانس برآورد را نیز در کل محدوده مورد نظر به دست آورد. از مهمترین ویژگی کریگینگ آن است که محاسبه خطا در این روش تابع ویژگی‌های نیم‌تغییرنمای (ساختار مکانی) متغیر مورد نظر می‌باشد و مقدار واقعی داده‌ها در توزیع خطا نقش مستقیمی ندارند. به همین دلیل قبل از احداث ایستگاه و آماربرداری، می‌توان میزان کاهش واریانس برآورد را به ازای اضافه نمودن ایستگاه جدید محاسبه نمود. از طرف دیگر با برآورد توزیع مکانی واریانس خطا می‌توان مناطقی که دارای خطای بیش از یک حد آستانه است را شناسایی نمود و تحت پوشش ایستگاه‌های جدید قرار داد.

ماترون پژوهشگر فرانسوی با انتشار مقاله‌ای در سال ۱۹۶۲ پایه‌های نظری زمین‌آمار را بنا نهاد [۲]. کاربرد زمین‌آمار در علوم هواشناسی و آب‌شناختی برای برآورد توزیع مکانی متغیرهای اقلیمی و آب‌شناختیکی آغاز گردید. به عنوان نمونه گوارتر [۴] روش‌های کریگینگ ساده، کریگینگ با روند خارجی و کوکریگینگ را برای بارندگی سالانه و دمای ۳۶ ایستگاه اقلیم‌شناسی در ناحیه‌ای به وسعت ۵۰۰۰ کیلومتر مربع در کشور پرتغال بررسی کرد. در مقایسه این سه روش با روش‌های: عکس مجذور فاصله، معادله همبستگی خطی با ارتفاع، تیسن و کریگینگ معمولی با استفاده از تکنیک اعتبار سنجی تقاطعی، روش کریگینگ ساده مناسبترین روش شناخته شد. ثقفیان و همکاران [۱] چند روش میان‌یابی را

## بهینه‌سازی شبکه ایستگاه‌های باران‌سنجی بر مبنای بارش ماهانه و سالانه

سیمارحیمی بندرآبادی<sup>۱</sup> بهرام ثقفیان<sup>۲</sup>

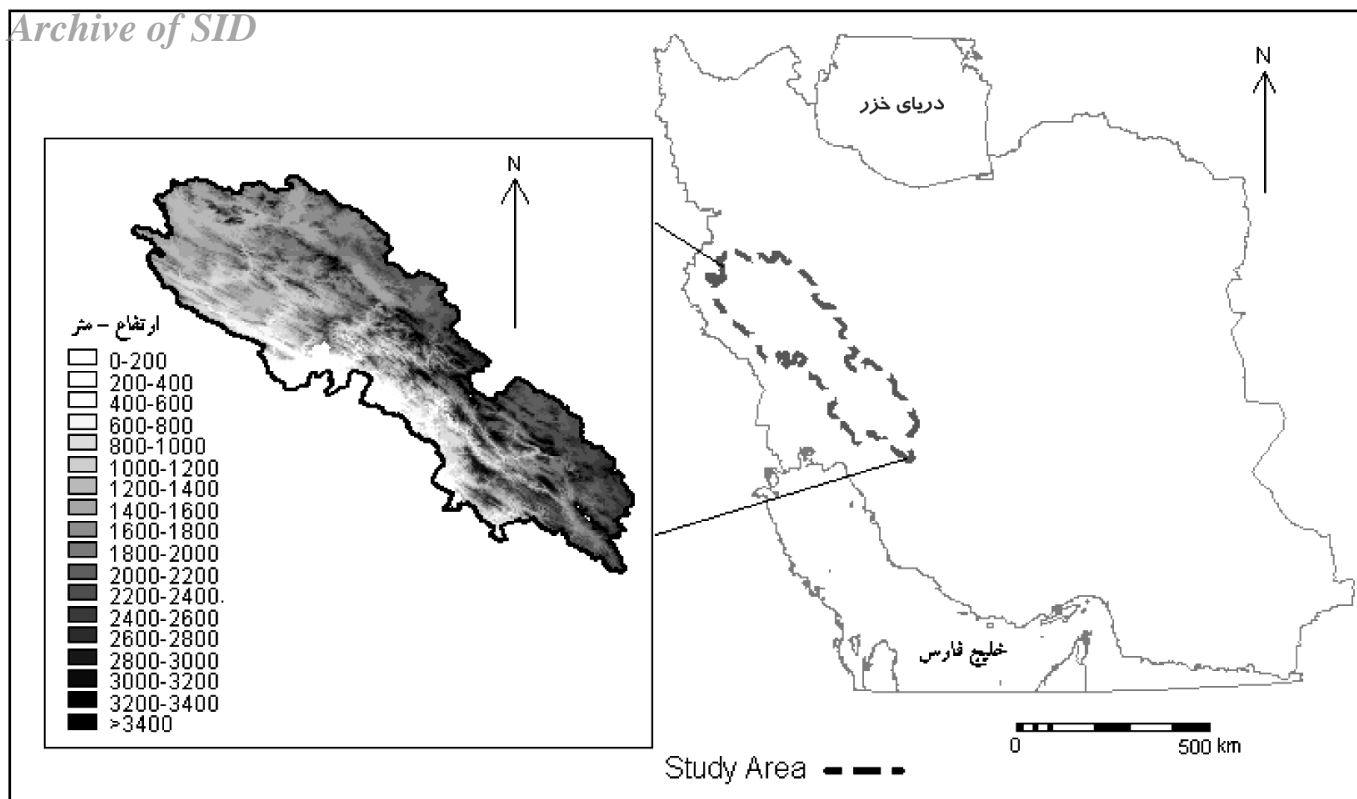
تاریخ دریافت: ۸۷/۱۱/۰۶ تاریخ پذیرش: ۸۹/۰۶/۳۰

### چکیده

در بسیاری از مطالعات منابع آب و آب‌شناختی، برآورد توزیع مکانی بارندگی براساس داده‌های نقطه‌ای ثبت شده در ایستگاه‌های باران‌سنجی اهمیت ویژه‌ای دارد. بررسی‌های اولیه نشان می‌دهد که ایستگاه‌های باران‌سنجی موجود در کشور از توزیع مکانی مناسبی برخوردار نبوده و بسیاری از آنها در محدوده‌های جمعیتی متمرکز هستند. بهینه‌سازی شبکه ایستگاه‌های باران‌سنجی می‌تواند در بهبود دقت نتیجه مطالعات منابع آب موثر باشد. روش‌های مختلفی برای این منظور وجود دارد. کریگینگ یک روش زمین‌آمار است که می‌تواند توزیع واریانس خطای برآورد را براساس ویژگی‌های نیم‌تغییرنما و بدون داشتن آمار مشاهده‌ای تاریخی محاسبه نماید. بنابراین با استفاده از این روش می‌توان قبل از احداث ایستگاه و انجام نمونه برداری، میزان کاهش واریانس خطا را به ازای اضافه نمودن ایستگاه جدید و یا جابجایی یک ایستگاه محاسبه نمود. در این مقاله هدف بهینه‌سازی شبکه ایستگاه‌های باران‌سنجی جنوب غرب کشور با توجه به واریانس برآورد کریگینگ و توپوگرافی منطقه و با هدف حفظ یا کاهش تعداد ایستگاه‌های موجود در منطقه (عدم ایجاد هزینه اضافی) می‌باشد. نتایج حاکی از آن است که تعداد و آرایش ایستگاه‌های موجود برای برآورد توزیع مکانی بارندگی در ماههای خشک سال کفایت می‌نماید. اما در مورد سایر ماه‌ها و بارندگی سالانه، نیاز به جابجایی برخی ایستگاه‌ها می‌باشد. نتایج نشان می‌دهد که جابجایی ۱۷ ایستگاه منطقه میزان میانگین واریانس خطا را حدود ۱۰ درصد کاهش می‌دهد. همچنین بررسی وضعیت برونیابی داده‌ها بیانگر خطای قابل توجهی در برآورد بارندگی در ارتفاعات می‌باشد.

۱- مربی پژوهشکده حفاظت خاک و آبخیزداری کشور  
rahimi-si@yahoo.com

۲- استاد پژوهشکده حفاظت خاک و آبخیزداری کشور



شکل ۱- محدوده حوزه‌های آبخیز منطقه مورد بررسی و مدل رقومی ارتفاع در این منطقه

وی بهینه‌سازی را براساس کم‌ترین واریانس و هزینه انجام داد. سینتیکیدیس و همکاران [۸] برای طراحی شبکه ایستگاه‌های باران‌سنجی در حوزه آبخیز فولسوم نیز از توزیع واریانس برآورد، روش کریگینگ برای بارندگی ساعتی استفاده نمودند. آنها نشان دادند که با اضافه نمودن ۷ ایستگاه دیگر خطای برآورد تا ۷۰ درصد کاهش می‌یابد. لازم به ذکر است که آنها از بارش‌هایی استفاده کردند که ۷۵ درصد ایستگاه‌های حوزه را پوشش می‌داد.

در این پژوهش، هدف اصلی چگونگی بهینه‌سازی شبکه مجموعه ایستگاه‌های باران‌سنجی وزارت نیرو و سازمان هواشناسی در مقیاس‌های زمانی ماهانه و سالانه با استفاده از واریانس برآورد کریگینگ و با توجه به توپوگرافی و وضعیت برونمایی داده‌ها در منطقه جنوب غرب ایران می‌باشد. تابع هدف حفظ سقف تعداد ایستگاه‌های موجود و یا به عبارتی دیگر تنها کاهش تعداد ایستگاه‌ها، مجاز می‌باشد.

## مواد و روش‌ها

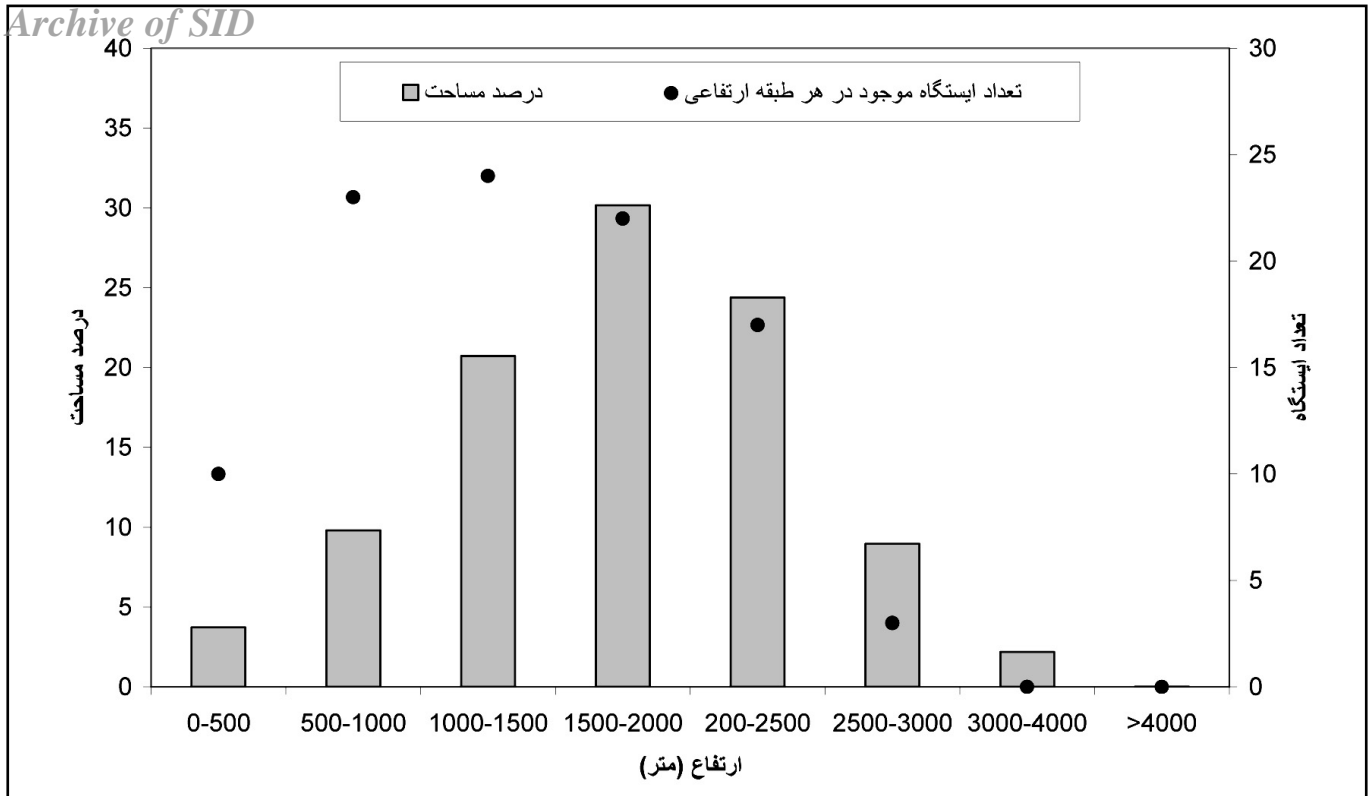
### ۱- ویژگی‌های منطقه مورد مطالعه

منطقه مورد نظر در جنوب غربی ایران بین طول‌های جغرافیایی ۵۷° و ۴۶° تا ۱۸° و ۵۷° شرقی و عرض‌های ۲۴° و ۲۶° تا ۳۴° شمالی واقع شده است (شکل ۱). حوزه‌های آبخیز کرخه تا محل سد کرخه، دز تا محل سد دز و کارون تا محل سد کارون ۱ در محدوده منطقه مورد مطالعه قرار دارند. ارتفاع منطقه متغیر و شامل قسمتی از رشته کوه‌های زاگرس می‌باشد به طوری که حداکثر ارتفاع

برای بارندگی روزانه در جنوب غرب ایران مورد آزمون قرار دادند. آنها به این نتیجه رسیدند که روش TPSS با نمای ۲ بیشترین دقت را برای بارندگی روزانه ارایه می‌کند. رحیمی و مهدیان [۲] نیز بر روی توزیع مکانی بارندگی روزانه و ماهانه حوزه دریای خزر مطالعه نمودند. نتایج آنها در این حوزه نیز نشان داد که روش TPSS با توان ۲ برای برآورد بارندگی روزانه و ماهانه مناسب می‌باشد.

در زمینه طراحی شبکه‌های باران‌سنجی، کازیم و کوتگودا [۵] از کریگینگ خطی و غیر خطی برای تعیین شبکه ایستگاه‌های اندازه‌گیری شدت رگبارها استفاده نمودند. آنها به این نتیجه رسیدند که استفاده از روش کریگینگ غیر خطی مناسبتر می‌باشد. ضمن آنکه واریانس برآورد باید برای هر رگبار به طور جداگانه بررسی و نقاط جدید مشخص گردد و سپس یک شبکه بهینه شده از بین آنها استخراج گردد. پاپامیشل و همکاران [۶] با استفاده از روش کریگینگ به بهینه‌سازی شبکه ایستگاه‌های باران‌سنجی برای بارندگی ماهانه در شمال آلمان پرداختند. آنها نشان دادند که استفاده از ۱۰ ایستگاه در مقایسه با ۲۰ ایستگاه موجود نتایج مشابهی از لحاظ دقت برآورد دارد. انتخاب این ۱۰ ایستگاه با استفاده از توزیع واریانس خطا صورت گرفت. پردو [۷] برای انتخاب مناسب‌ترین محل و تعداد ایستگاه باران‌سنجی برای برآورد متوسط منطقه‌ای بارندگی از روش کریگینگ و با کمک داده‌های رادار، استفاده نمود. توزیع واریانس داده‌ها با استفاده از داده‌های رادار محاسبه گردید.

1-Thin Plate Smoothing Splines



شکل ۲- منحنی هیپسومتری منطقه و پراکنش ارتفاعی ایستگاه‌های موجود در منطقه

[۱، ۲، و ۳] ارایه شده است. در این پژوهش از نیم تغییرنا برای تعیین توزیع مکانی واریانس خطای برآورد، روش کریگینگ استفاده خواهد شد.

### ۳- واریانس برآورد<sup>۱</sup>

یکی از مهمترین نقاط قوت روشهای زمین آمار، توانایی آن در محاسبه‌ی واریانس برآورد و تعیین سطح اعتماد برآورد می باشد. واریانس برآورد که با نماد  $E\sigma^2$  نمایش داده می شود نشانگر واریانس خطای بین مقدار حقیقی و مقدار برآوردی می باشد. مقدار واریانس خطا، با استفاده از مقادیر متوسط تغییرنا، که خود از طریق توابع کمکی قابل محاسبه هستند، بدست می آید. علاوه بر محاسبه‌ی سطح اعتماد، واریانس برآورد در حل بسیاری مسایل نظیر طراحی شبکه بهینه نمونه برداری، محاسبه میزان کاهش خطای برآورد در اثر افزایش نمونه برداری قبل از انجام عمل نمونه برداری، قضاوت درباره تأثیر شیوه‌های مختلف در نمونه برداری کاربرد دارد. محاسبه‌ی واریانس برآورد به صورت زیر می باشد:

$$E\sigma^2 = 2 \sum_{i=1}^n \lambda_i \cdot \gamma_{0i} - \gamma_0 - \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \lambda_i \cdot \lambda_j \cdot \gamma_{ij} \quad (1)$$

که در آن،  $n$ : تعداد داده‌ها،  $\lambda_i$ : وزن داده در موقعیت  $i$ ،  $\gamma_0$ : مقدار نیم تغییرنا به ازای  $h=0$ ،  $\gamma_{0i}$ : مقدار نیم تغییرنا بین  $i$  امین داده و

حدود ۴۵۷۰ متر و حداقل آن حدود ۱۰۰ متر می باشد (شکل ۱). متوسط بارندگی سالانه نیز از ۱۷۳ میلیمتر تا ۱۱۹۶ میلیمتر تغییر می کند. محدوده این سه حوزه آبخیز از نظر تامین منابع آب دارای اهمیت فوق العاده می باشد، به طوری که حدود ۲۵ درصد کل جریانات سطحی کشور را تشکیل می دهد. نقش استراتژیک این محدوده و مطالعات فراوانی که تاکنون برای این حوزه‌ها انجام گرفته اند، نیاز به بررسی دقیق تر عوامل ورودی بیلان آبی (بارندگی ماهانه و سالانه) را آشکار می سازد.

در مجموع ۱۸۲ ایستگاه باران سنجی مربوط به وزارت نیرو و سازمان هواشناسی در منطقه قرار دارد. برای تحلیل شبکه ایستگاه‌ها از میانگین بارندگی سالانه و ماه‌های مختلف این ایستگاه‌ها و چند ایستگاه در اطراف منطقه، طی سال‌های ۱۳۵۳ تا ۱۳۸۰ استفاده گردید. لازم به ذکر است که پس از بررسی داده‌ها از لحاظ کمی و کیفی، آمار ایستگاه‌های ناقص در سال‌های محدود و با روش همبستگی بازسازی شد. با توجه به کوهستانی بودن منطقه و اهمیت ارتفاعات در دریافت بارندگی‌ها، پراکنش ایستگاه‌ها در دامنه‌های مختلف ارتفاعی و درصد مساحت هر محدوده مورد بررسی قرار گرفت که نتایج آن در شکل (۲) ارایه شده است.

### ۲- تحلیل نیم تغییرنا

تحلیل نیم تغییرنا برای تشریح ارتباط مکانی یک متغیر به کار می رود و بنابراین ابزار اساسی در زمین آمار می باشد. شرح چگونگی محاسبه و رسم نیم تغییرنا در منابع مختلفی از جمله

1- Estimation Variance

نیم تغییر نمای متقابل بارندگی و ارتفاع				نیم تغییر نمای بارندگی				ماه / سال
C <sub>0</sub>	Sill	R	مدل	C <sub>0</sub> <sup>3</sup>	Sill <sup>2</sup>	R <sup>1</sup>	مدل	
میلی متر مربع	میلی متر مربع	کیلو متر		میلی متر مربع	میلی متر مربع	کیلو متر		
۲۵۳۰	۱۸۰۰۰	۱۵۵	گوسی	۳۳۰	۹۲۰	۱۴۰	گوسی	فروردین
۲۰۰	۱۴۰۰۰	۱۴۵	گوسی	۸۰	۵۵۰	۱۵۵	گوسی	اردیبهشت
۹۲	۷۴۰	۱۴۵	گوسی	۰/۵۵	۷/۱	۵۵۰	کروی	خرداد
۰	۱۴۰	۱۷۰	گوسی	۰/۰۶	۰/۱	۱۹۹	گوسی	تیر
۲۵/۱	۱۹۰	۱۴۰	گوسی	۰/۱۲	۰/۳۱	۲۰۰	نمایی	مرداد
۱۰	۱۴۰	۱۷۰	گوسی	۰/۱۱	۰/۱۵	۱۶۶	خطی	شهریور
۲۵۰	۲۶۰۰	۱۵۵	گوسی	۶/۱۷	۲۷/۷	۱۹۷	گوسی	مهر
۱۰۰۰	۹۶۰۰	۱۶۵	گوسی	۶۹	۴۲۰	۲۵۰	کروی	آبان
۱۲۰	۷۱۶	۱۸۰	گوسی	۰/۳	۴	۷۰	نمایی	آذر
۱۰۰	۵۰۰	۱۸۰	گوسی	۱	۵/۴	۱۰۹	نمایی	دی
۲۹۷۰	۱۶۷۵۰	۱۸۰	گوسی	۵۰۰	۲۳۰۰	۱۴۵	نمایی	بهمن
۳۴۲۰	۲۰۰۰۰	۱۶۰	گوسی	۴۰۲	۲۱۰۰	۱۰۹	نمایی	اسفند
۱۵۰۰۰	۱۱۰۰۰۰	۱۷۰	گوسی	۱۶۴۰۰	۶۲۳۱۰	۱۴۰	نمایی	سالانه

۱ شعاع همبستگی ۲ آستانه ۳ اثر قطعه ای

باید میزان خطای برونیابی نیز در مناطق مرتفع بررسی گردد.

#### ۴- روش کریجینگ

فرمول کلی برآوردکننده ها به صورت زیر تعریف می شود:

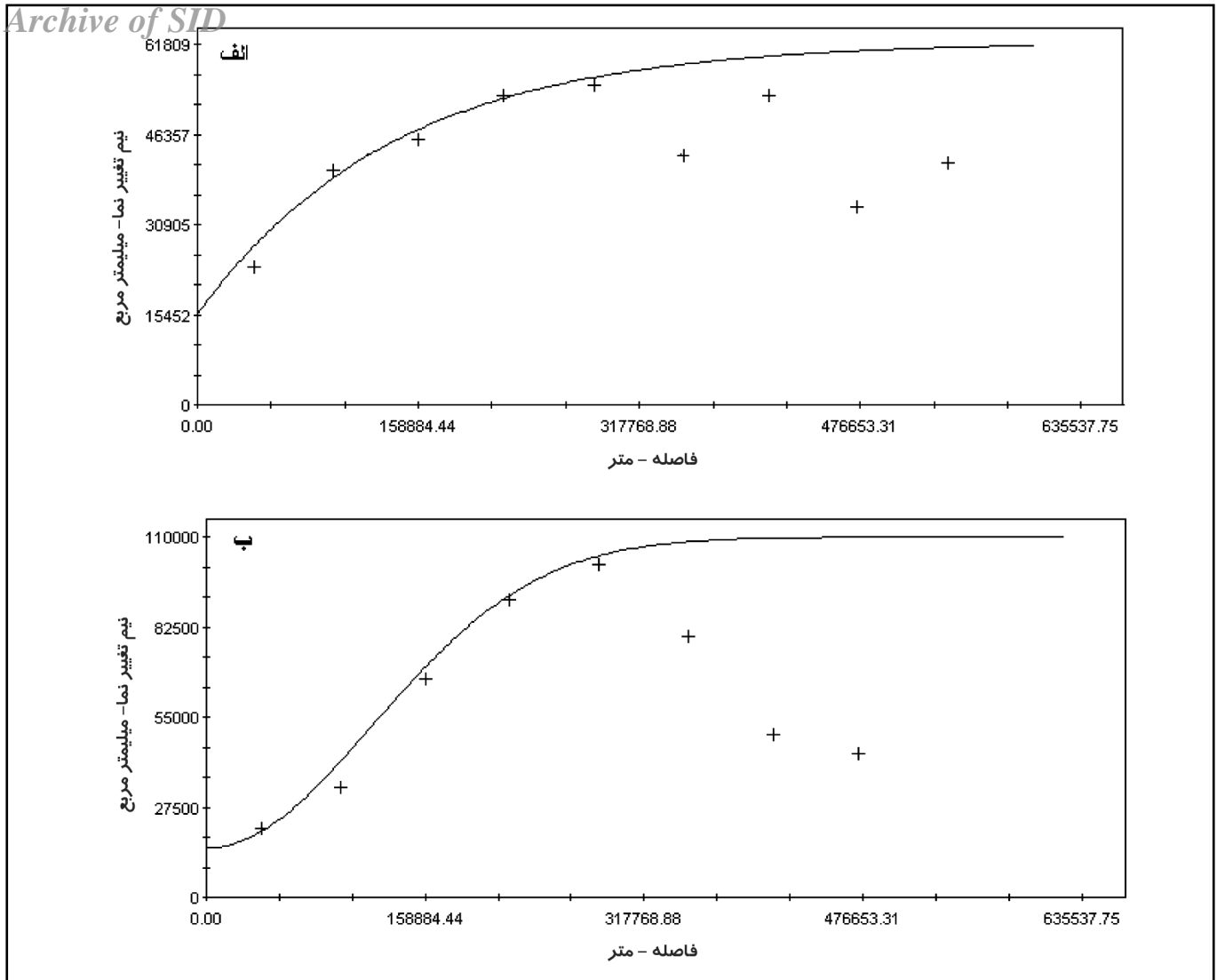
$$Z^*(x_i) = \sum_{j=1}^n \lambda_j Z(x_j) \quad (2)$$

که در آن:  $Z^*(x_i)$  مقدار برآوردی متغیر در موقعیت  $x_i$ ،  $\lambda_j$ : وزن یا اهمیت نمونه ی  $i$  ام،  $n$ : تعداد مشاهدات،  $Z(x_j)$ : مقدار مشاهده شده متغیر در موقعیت  $x_j$

در روش کریجینگ، برای محاسبه عامل وزن نیاز به نیم تغییر نمای تجربی می باشد که در قسمت تحلیل واریوگرامی محاسبه می شود [۲ و ۳]. همان طور که در آمار کلاسیک روش های چند متغیره وجود دارد، در زمین آمار نیز می توان با روش کوکریجینگ که براساس همبستگی بین متغیرهای مختلف استوار است به برآورد متغیرها پرداخت. برای برآورد با این روش و برای محاسبه اوزان مربوطه، نیاز به محاسبه ی تغییر نمای متقابل<sup>۱</sup> می باشد [۳]. در این مقاله از روش کوکریجینگ برای محاسبه واریانس برآورد و برآورد توزیع مکانی بارندگی استفاده شده است. جزئیات روش کوکریجینگ در

نقطه موردنظر،  $\gamma_{ij}$ : مقدار واریوگرام بین داده های  $i$  و  $j$  می باشد. واریانس محاسبه شده تابع ویژگی های نیم تغییر نما که خود از مقادیر داده های مشاهده ای به دست می آید، می باشد و لذا غیرمستقیم با مقدار واقعی داده ها ارتباط دارد. ویژگی هایی مانند فاصله نمونه ها تا نقطه برآورد و نحوه پراکندگی نقاط نمونه برداری حول نقطه برآورد در ساختار مکانی و در نتیجه در تغییر نما منعکس می شود. از طرفی چون تغییر نما روی خطای برآورد موثر است، لذا این ویژگی های روی خطای برآورد تاثیر می گذارند. بنابراین می توان مناطقی که در آن جا خطا زیاد و برای کاهش آن به نقاط بیشتری نیاز می باشد را مشخص کرده و تحت پوشش لازم قرارداد. همچنین می توان میزان کاهش واریانس خطا را به ازای یک نمونه اضافی قبل از نمونه برداری تعیین کرده و با استفاده از نقشه توزیع مکانی واریانس، بهترین نقاط نمونه برداری را پیشنهاد نمود.

در این مقاله برای بهینه سازی شبکه باران سنجی در منطقه، از واریانس برآورد کریجینگ استفاده گردید. ضمن آن که به نظر می رسد توزیع ارتفاعی ایستگاه های موجود در منطقه مناسب نیست به طوری که تراکم ایستگاه های موجود با ارتفاع کاهش می یابد. لذا



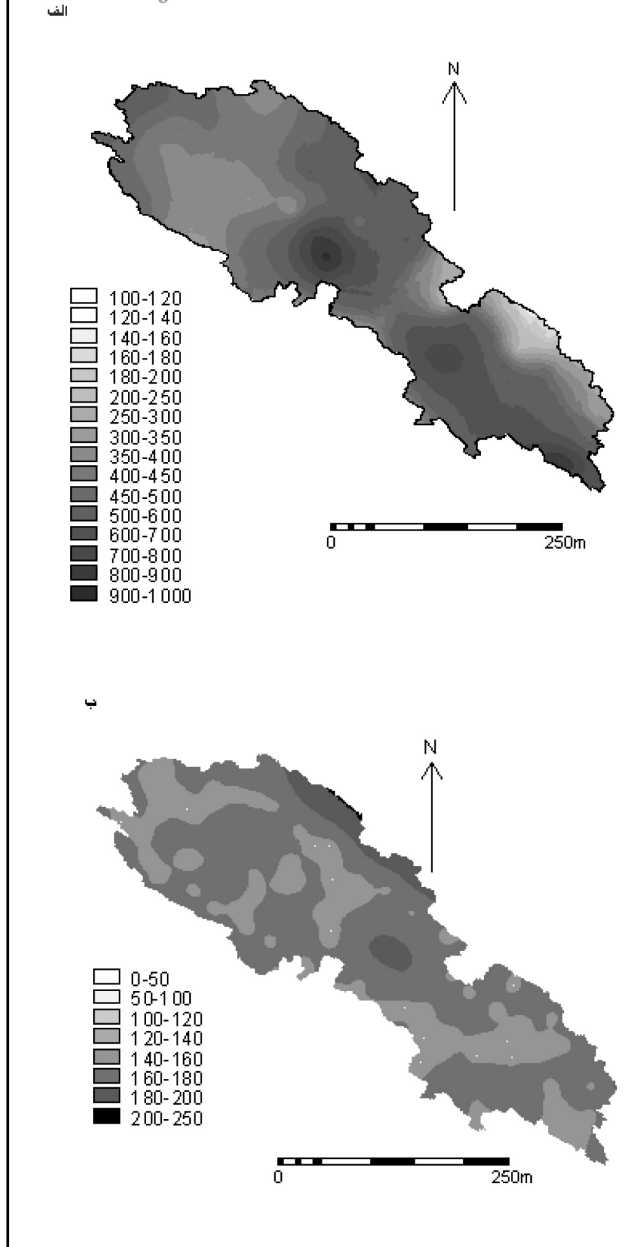
شکل ۳- نیم تغییر نمای بارندگی سالانه در منطقه الف) نیم تغییر نمای بارندگی ب) نیم تغییر نمای متقابل بارندگی و ارتفاع

فاصله حداکثر برای هر یک از ماه‌ها و میانگین سالانه، محاسبه و رسم گردید. جدول (۱) ویژگی‌های نیم تغییر نماها را نشان می‌دهد. در شکل (۳) نیز به عنوان نمونه نیم تغییر نمای بارندگی سالانه ارایه شده است. بررسی واریوگرام‌ها نشان می‌دهد که همسانگردی وجود ندارد. لذا برای رفع این مشکل از واریوگرام بدون راستا که دارای دامنه همبستگی کمتر از راستای ناهمسانگرد می‌باشد استفاده شد. با استفاده از تغییر نمای متقابل بارندگی و ارتفاع، تاثیر ارتفاع در بارندگی منطقه مورد بررسی قرار گرفت (جدول ۱). نتایج نشان می‌دهد که بارندگی ماهانه و سالانه در این منطقه با ارتفاع همبستگی مکانی تا حدودی مناسب است. بررسی نیم تغییر نماها نشان می‌دهد که شعاع همبستگی مکانی بارندگی ماهانه بین ۱۴۰ تا ۱۸۰ و برای بارندگی سالانه ۱۷۰ کیلومتر می‌باشد. با مقایسه نیم تغییر نماهای بارندگی و نیم تغییر نماهای متقابل بارندگی و ارتفاع می‌توان گفت که شعاع همبستگی در ماه‌های سرد سال با ارتفاع افزایش یافته و در ماه‌های تابستان و بهار تا حدودی کاهش یافته است (جدول ۱). از

منابع [۲ و ۳] به تفصیل ارایه شده است. نرم افزار مورد استفاده نیز  $Gs^+$  می‌باشد.

### نتایج و بحث

برای برآورد توزیع واریانس خطا نیاز به تحلیل نیم تغییر نما می‌باشد. برای این منظور ابتدا نمودار ستونی فراوانی داده‌ها رسم گردید و سپس آزمون فرض نرمال بودن برای آنها انجام شد. یکی از شروط اصلی برای استفاده از روش‌های معمول زمین آماری، نرمال بودن توزیع داده‌ها می‌باشد. بررسی‌ها نشان داد که به جز ماه‌های مرداد، شهریور، آذر و دی در بقیه ماه‌ها فرض، نرمال بودن با سطح اعتماد ۹۵ درصد رد نمی‌شود. در ماه‌های فوق‌الذکر نیز توزیع ریشه دوم داده‌ها با همان سطح اعتماد به توزیع نرمال نزدیک گردیده است. بنابراین در تحلیل نیم تغییر نمای بارندگی این ماه‌ها، از ریشه دوم داده‌ها استفاده خواهد شد. در مرحله بعد نیم تغییر نمای بارندگی پس از بهینه سازی فاکتورهایی نظیر گام حداقل، گام فعال،



شکل ۴- نقشه توزیع مکانی بارندگی و واریانس خطای (الف) توزیع مکانی بارندگی سالانه (میلیمتر) (ب) توزیع واریانس خطای برآورد سالانه (میلیمتر مربع)

که در هر مقیاس زمانی سناریوهای متعددی به لحاظ ارتفاع، خطا، در دسترس بودن محل و قابلیت نصب داشتن، در آرایش جدید شبکه در نظر گرفته شد و از بین آنها آرایشی را که کمترین خطا را ایجاد می نمود انتخاب گردید. نتایج جدول (۲) نشان می دهد که اضافه نمودن این ایستگاه ها باعث کاهش میانگین واریانس در حدود ۱۰ درصد می گردد. این بدان معناست که پراکنش ایستگاه های اولیه کمبود زیادی ندارد و اضافه کردن چند ایستگاه در محدوده حداکثر خطا کفایت می کند. لازم به ذکر است که هر چند مقدار میانگین واریانس خطا پس از اضافه نمودن ایستگاه های جدید کاهش زیادی

این رو بارندگی های زمستانی بیشتر تحت تاثیر ارتفاع می باشند. لذا به نظر می رسد استفاده از روش کوکریگینگ برای بررسی شبکه ایستگاه ها مناسب تر باشد.

لازم به ذکر است که تغییرپذیری بارندگی با تاثیر ارتفاع (نیم تغییرنمای متقابل بارندگی و ارتفاع) در همه مقیاس های زمانی از مدل گوسی تبعیت می کند. بعد از تحلیل نیم تغییرنما، توزیع مکانی بارندگی و واریانس خطا با استفاده از روش کوکریگینگ (به واسطه تاثیر ارتفاع در بارندگی) برای هریک از ماه ها و متوسط سالانه محاسبه گردید. شکل (۴) توزیع مکانی بارندگی سالانه و واریانس برآورد آن را نشان می دهد. در جدول (۲) نیز مقادیر حداکثر، حداقل و میانگین واریانس برآورد سالانه و هر یک از ماه ها ارایه شده است. برای تعیین اولویت نقاطی که باید در آنها ایستگاه تاسیس شود از واریانس داده ها و نقاطی که در آنها واریانس خطا حداکثر می باشد استفاده گردید. به این ترتیب که با توجه به فرض نرمال بودن توزیع خطای برآورد و با توجه به این که واریانس خطا باید کم تر از واریانس داده های مشاهده ای باشد [۳]، نقاطی که در آنها واریانس خطا مساوی و یا بزرگ تر از مقدار واریانس داده ها بود به عنوان اولویت اول و نقاطی که در آنها واریانس خطا بین واریانس داده ها و یک دوم واریانس داده ها قرار داشت به عنوان اولویت دوم انتخاب گردید. اولویت سوم نقاطی تعیین گردید که واریانس خطای آنها بین یک دوم و یک چهارم واریانس داده ها قرار داشت. براساس این تقسیم بندی، همه ماه ها به جز ماه های آذر و دی و بارندگی سالانه فاقد مناطق دارای اولویت اول می باشند. همچنین در تمام موارد، کل منطقه در اولویت سوم قرار می گیرد. بنابراین برای همه مقیاس های زمانی به جز ماه های آذر و دی مناطق با اولویت دوم مورد بررسی قرار گرفت. بررسی توزیع واریانس خطا در ماه های خرداد، تیر، مرداد و شهریور نشان می دهد که این ماه ها فاقد مناطق دارای اولویت اول و دوم بوده و از لحاظ تعداد ایستگاه مشکلی ندارند.

لازم به ذکر است که توزیع واریانس خطا در محدوده اولویت دوم، در اکثر ماه ها و بارش سالانه متفاوت می باشد (شکل ۵). بنابراین نقاط انتخابی برای هر مقیاس زمانی تا حدودی متفاوت می باشد. به طوری که به عنوان مثال، برای ماه فروردین انتخاب چند نقطه در حاشیه شمالی حوزه کافی می باشد. در صورتی که برای بارش اسفند ماه علاوه بر آن نقاط، انتخاب چند نقطه دیگر در داخل حوزه می تواند مفید واقع گردد. شکل (۵) توزیع واریانس خطا (در محدوده اولویت دوم) را برای این دو ماه نشان می دهد. همچنین لازم به ذکر است که با توجه به توزیع و مقدار واریانس خطا در ماه های آذر و دی، تعداد نقاط پیشنهادی (نقاطی که واریانس خطا در آنها بالا است) بیشتر از سایر ماه ها می باشد. در نهایت با توجه به ارتفاع منطقه و شعاع همبستگی برای هر مقیاس زمانی، نقاطی پیشنهاد و از مجموع آنها تعداد ۱۷ ایستگاه جدید انتخاب گردید (شکل ۶). سپس بار دیگر توزیع واریانس برای مجموعه ایستگاه های موجود و نقاط جدید محاسبه گردید. لازم به ذکر است

ماه/ سال	حالت ۱			حالت ۲			حالت ۳		
	حداکثر	حداقل	میانگین	حداکثر	حداقل	میانگین	حداکثر	حداقل	میانگین
فروردین	۱۷/۶۲	۵/۹	۱۰/۴	۱۵/۹	۵/۷۰	۹/۶۰	۱۵/۸۰	۵/۷۰	۹/۶۰
اردیبهشت	۱۴/۶۴	۴/۹۰	۸/۶۴	۱۳/۲	۴/۷۱	۷/۹۷	۱۳/۲۰	۳/۸۰	۸/۰۲
خرداد	۰/۷۵	۰/۰۰	۰/۲۷	۰/۸۰	۰/۳۰	۰/۴۹	۰/۸۰	۰/۲۰	۰/۴۹
تیر	۰/۱۳	۰/۰۴	۰/۱	۰/۱۲	۰/۰۴	۰/۰۷	۰/۱۲	۰/۰۳	۰/۰۷
مرداد	۰/۱	۰/۰۱	۰/۰۳	۰/۰۱	۰/۰۶	۰/۰۲	۰/۰۱	۰/۰۶	۰/۰۲
شهریور	۰/۰۲	۰/۰۰	۰/۰۱	۰/۰۲	۰/۰۰	۰/۰۱	۰/۰۲	۰/۰۰	۰/۰۱
مهر	۲/۹۰	۰/۹۵	۱/۶۸	۲/۵۷	۰/۹۲	۱/۵۵	۲/۶۰	۰/۷۰	۱/۵۶
آبان	۱۰/۴۵	۳/۵۰	۶/۱۶	۹/۴۱	۳/۴۰	۵/۶۹	۹/۴۵	۲/۷۳	۵/۷۰
آذر	۴/۱۰	۰/۵۰	۱/۴۵	۳/۴۳	۰/۴۶	۱/۲۳	۳/۴۵	۰/۳۶	۱/۲۴
دی	۳/۴۴	۰/۴۰	۱/۲۱	۲/۸۶	۰/۳۹	۱/۰۲	۲/۸۷	۰/۳۰	۱/۰۳
بهمن	۲۹/۶۵	۹/۹۰	۱۷/۵۰	۲۶/۷۱	۹/۵۴	۱۶/۱۵	۲۶/۸۳	۷/۷۶	۱۶/۲۴
اسفند	۳۴/۱۰	۱۱/۴۰	۲۰/۱۱	۳۰/۶۹	۱۱/۰۰	۱۸/۵۶	۳۰/۸۳	۸/۹۰	۱۸/۶۶
سالانه	۱۵۵/۴۰	۵۲/۰۰	۹۱/۷۲	۱۴۰/۰۰	۴۹/۹۸	۸۴/۶۶	۱۴۰/۶۲	۴۰/۷۰	۸۵/۱۲

جدول ۳- نتایج بررسی وضعیت برون‌یابی و درون‌یابی داده‌های بارندگی سالانه (به میلیمتر)

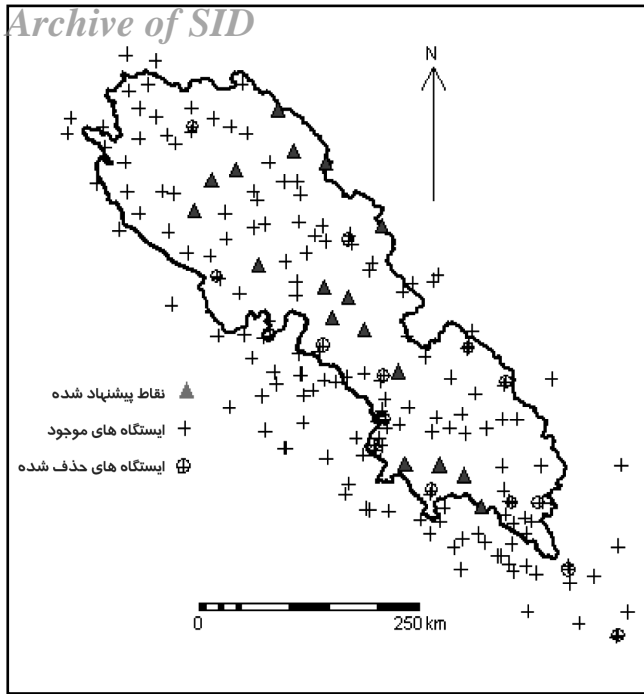
موارد	MAE	میانگین	حداکثر	حداقل
درون‌یابی داده‌های مشاهده‌ای	۸۴/۱	۴۹۸/۱	۱۱۹۶	۱۱۴/۷
برون‌یابی (ارتفاع بالاتر از ۱۵۰۰ متر)	۱۵۵/۸	۶۲۱/۶	۶۵۶	۳۳۴/۵
بارندگی اندازه‌گیری شده در ایستگاه‌های بالاتر از ۱۵۰۰ متر	-----	۶۱۵/۵	۱۱۸۳/۱	۲۲۹/۵

ایستگاه‌ها حتی با ارتفاع مشابه، به هم نزدیک می‌باشند (در مقایسه با شعاع همیستگي). بنابراین ۱۷ ایستگاه که از لحاظ فاصله به هم نزدیک بوده و از لحاظ ارتفاع نیز تفاوتی نداشتند، حذف گردید (شکل ۶). برای این حالت نیز دوباره واریانس برآورد، محاسبه گردید که برخی از عامل‌های آن در جدول (۲) ارایه شده است. شکل (۷) نمودار توزیع خطا در نقاط شاهد و شکل (۸) نیز توزیع مکانی واریانس خطا را در این حالت و برای بارندگی سالانه به عنوان نمونه نشان می‌دهد. همان‌طور که در شکل‌های (۷) و (۸) مشخص است توزیع با کاهش خطا همراه بوده و جدول (۲) نیز گویای عدم تغییر قابل توجه میانگین خطا می‌باشد. نکته قابل توجه دیگر، نحوه پراکنش ارتفاعی ایستگاه‌های منطقه

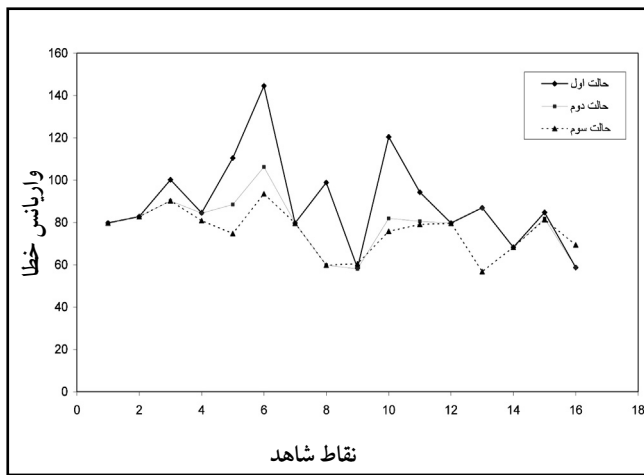
نداشته است، ولی توزیع خطا در منطقه کاهش قابل توجهی را نشان می‌دهد (شکل ۷).

برای بررسی بیشتر تعداد ۱۶ نقطه به صورت تصادفی در سراسر منطقه استخراج گردید و به عنوان شاهد برای بررسی وضعیت توزیع واریانس خطا در نظر گرفته شد. شکل (۷) توزیع واریانس خطای بارندگی سالانه در این نقاط را به عنوان نمونه نشان می‌دهد. همان‌طور که در شکل نیز مشخص است در حالت دوم پس از اضافه کردن ایستگاه‌های جدید واریانس خطا کاهش قابل ملاحظه‌ای داشته است. برای بقیه مقیاس‌های زمانی نیز روند مشابه می‌باشد.

از طرف دیگر بررسی تراکم و پراکنش داده‌ها نشان می‌دهد که در برخی نقاط، تراکم ایستگاه‌ها بیشتر از حد نیاز است و برخی

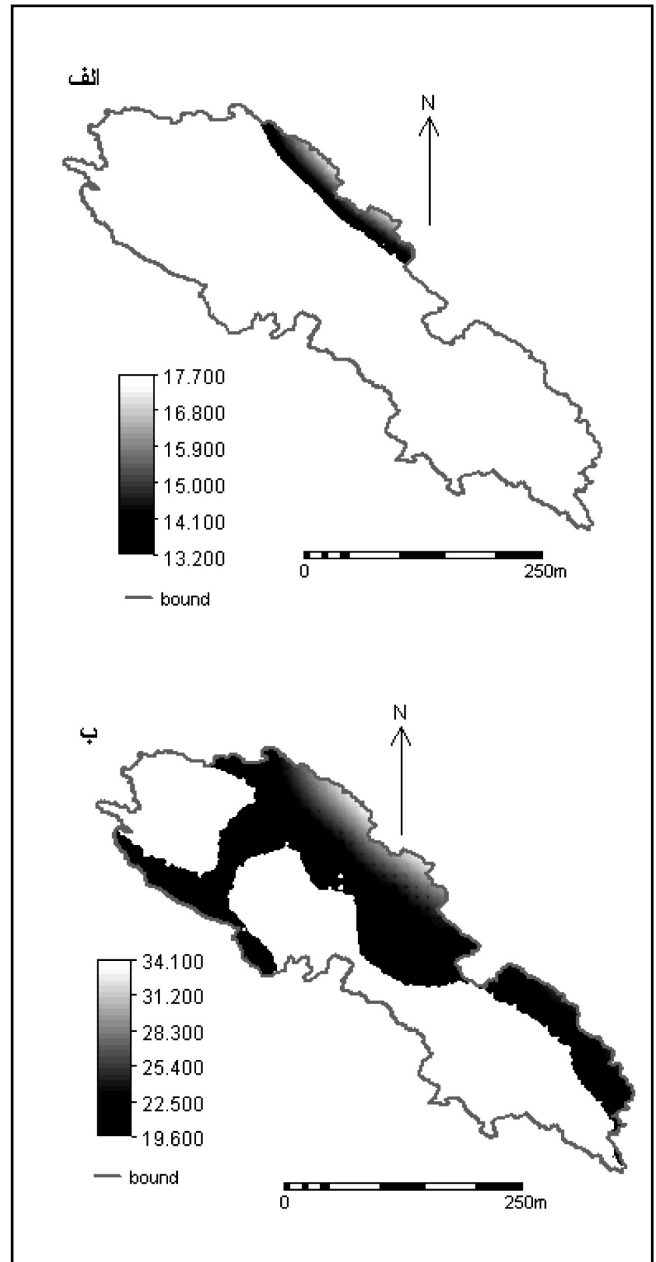


شکل ۶- موقعیت ایستگاه‌های پیشنهاد شده



شکل ۷- نمودار توزیع واریانس خطا (میلیمتر مربع) در نقاط شاهد برای بارش سالانه

ایستگاه‌هایی که بالاتر از ۱۵۰۰ متر ارتفاع داشتند، حذف گردید و برآورد بارندگی با استفاده از بقیه داده‌ها با روش کوکریگینگ صورت گرفت. سپس مقدار MAE ایستگاه‌های حذف شده محاسبه گردید. برای مقایسه چگونگی خطای برون‌یابی، مقدار MAE برای حالت میان‌یابی داده‌ها نیز محاسبه گردید (جدول ۳). بررسی وضعیت برون‌یابی داده‌ها با روش کوکریگینگ، نشان می‌دهد که خطای برآورد در ارتفاعات بالاتر از ۱۵۰۰ متر در مقایسه با اصل داده‌ها و خطای درونیابی قابل توجه می‌باشد. بنابراین برای کاهش خطای برآورد در بعد ارتفاع و با توجه به اینکه ایستگاهی در ارتفاعات وجود ندارد، توصیه می‌گردد که چند ایستگاه در ارتفاعات بالاتر از ۳۰۰۰ متر (برای ارتفاع ۲۶۰۰ تا ۳۰۰۰ متر در مرحله

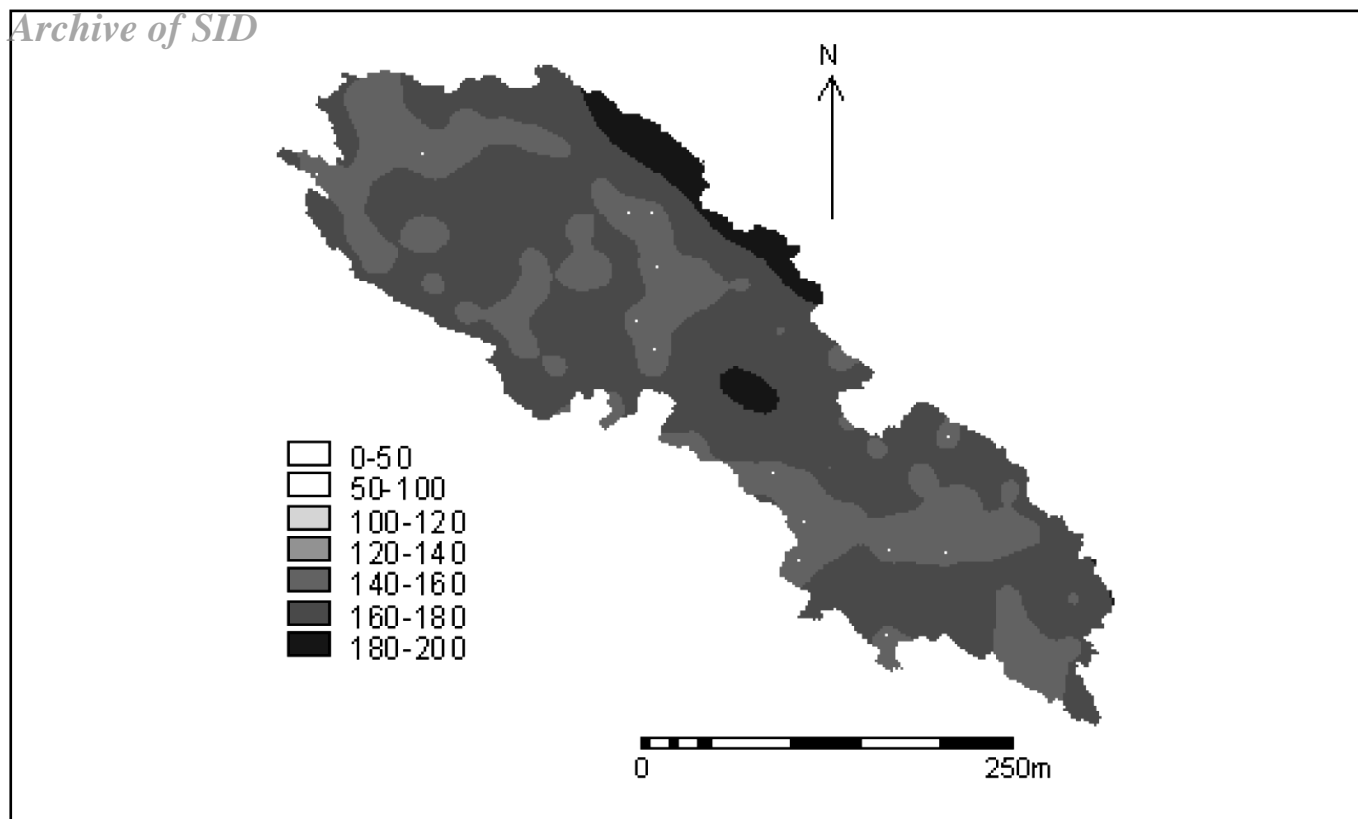


شکل ۵- توزیع مکانی واریانس خطا (به میلیمتر مربع) در محدوده اولویت دوم الف) فروردین ماه ب) اسفندماه

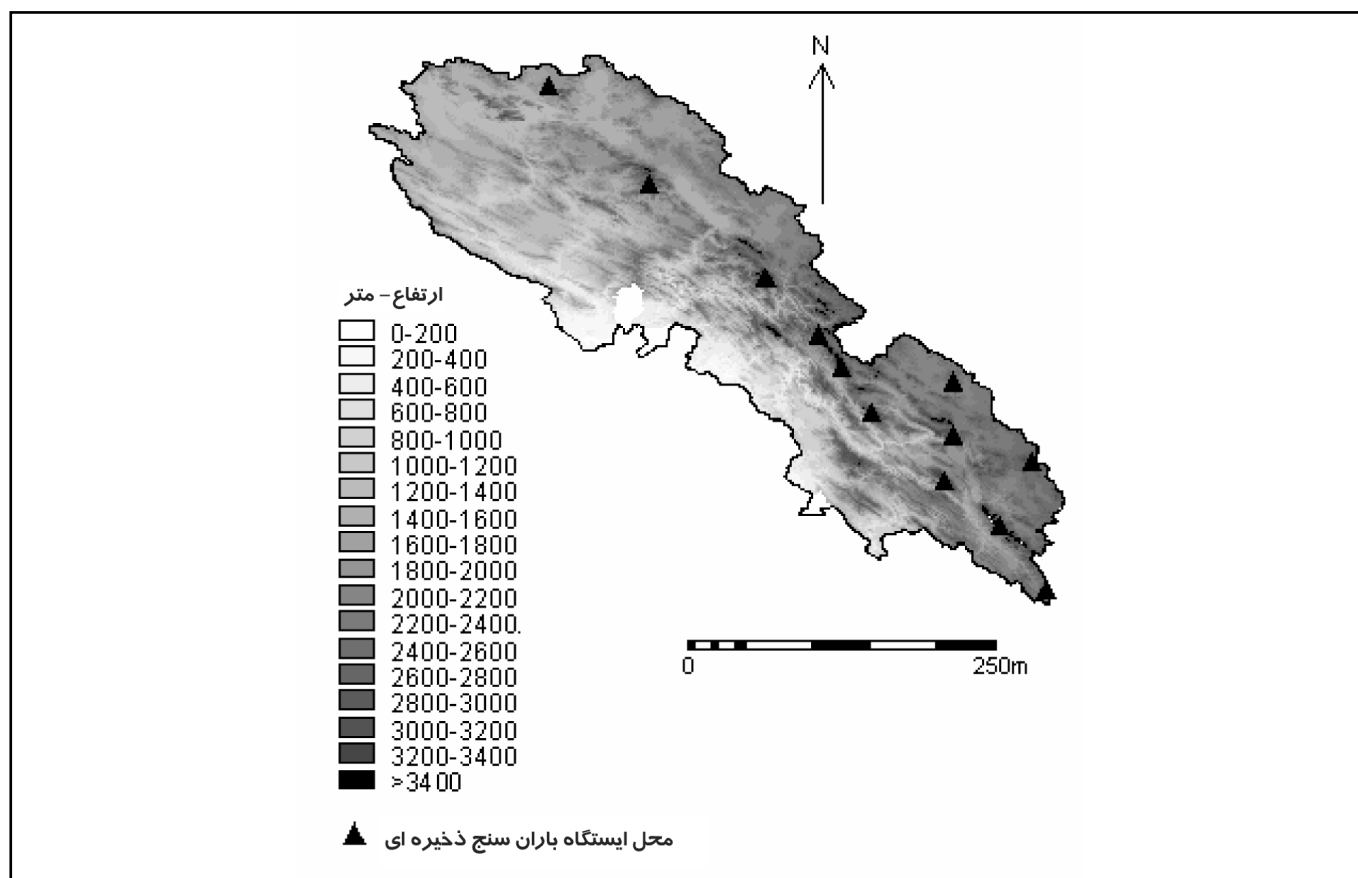
می‌باشد. به طوری که حداکثر ارتفاع ایستگاه‌ها حدود ۲۶۵۰ متر می‌باشد در حالی که بیش از ۸ درصد منطقه در ارتفاعی بالاتر از ۲۶۰۰ متر قرار دارد (شکل ۲). حداکثر ارتفاع منطقه بیش از ۴۰۰۰ متر می‌باشد. مساحت ۸ درصد هر چند نسبت به کل منطقه زیاد نیست، ولی یکی از اصلی‌ترین مناطق دریافت بارندگی‌ها و تامین آب منطقه به ویژه در تاسیسات به صورت ذوب برف می‌باشد. عدم وجود ایستگاه در ارتفاع بالاتر از ۲۶۰۰ متر باعث می‌شود که برای برآورد توزیع مکانی بارندگی نیاز به برون‌یابی داده‌ها باشد که معمولاً با خطای بسیار بیشتری نسبت به درونیابی داده‌ها همراه است.

برای بررسی وضعیت برون‌یابی، داده‌های بارندگی سالانه





شکل ۸- توزیع مکانی واریانس خطا برای بارندگی سالانه در حالت سوم



شکل ۹- موقعیت ایستگاه‌های باران‌سنج ذخیره‌ای پیشنهاد شده

۱- ثقفیان، ب.، رحیمی بندرآبادی، س.، طاهری، ح. و غیومیان، ج. ۱۳۸۳. اثر تراکم ایستگاه و تفکیک منطقه ای در برآورد توزیع مکانی بارندگی روزانه (مطالعه موردی بر روی بارندگی جنوب غرب ایران). مجله استقلال، دانشگاه اصفهان، شماره ۱، جلد اول، ۷۵-۵۹.

۲- رحیمی بندرآبادی، س. و مهدیان، م. ح. ۱۳۸۴. بررسی روشهای توزیع مکانی بارندگی روزانه و ماهانه در حوزه دریای خزر. نشریه پژوهش و سازندگی، جهاد کشاورزی، (زمستان) ۶۹. ۳- مدنی، ح. ۱۳۷۳. مبانی زمین آمار. انتشارات دانشگاه صنعتی امیر کبیر.

4- Goovaerts, P. 2000. Geostatistical Approach for Incorporating Elevation into Spatial Interpolation of Rainfall. Journal of Hydrology. 228(1-2):113-129.

5- Kassim, A.H.M. and Kottegoda, N.T. 1991. Rainfall Network Design Through Comparative Kriging Methods. Hydrological Sciences. 36(3): 223-240.

6- Papamichail, D.M. and Metaxa, I.G. 1996. Geostatistical Analysis of Spatial Variability of Rainfall and Optimal Design of A Rain gauge Network. Water Resources Management. 10: 107-127.

7- Pardo, E. 1998. Optimal Selection of Number and Location of Rainfall Gauges for Areal Rainfall Estimation Using Geostatistics and Simulated Annealing. Journal of Hydrology. 210: 206-220.

8- Tsintikidis, D., Georgakakos, K.P., Sperflag, J.A., Smith, D.E. and Carpenter, T.M. 2002. Precipitation Uncertainty and Rain gauge Network Design Within Folsom Lake watershed. Journal of Hydrologic Engineering. 7(2) : 175-184.

اول چند ایستگاه پیشنهاد شد) به صورت باران سنج ذخیره ای نصب گردیده و در فاصله های زمانی چند ماهه و در تاریخ های یکسان برای همه ایستگاه ها، مقدار بارندگی اندازه گیری شود. این کار علاوه بر کاهش خطای برآورد، چگونگی تاثیر ارتفاع بر بارندگی در ارتفاعات بالا را نیز نشان می دهد. شکل (۹) موقعیت ایستگاه های پیشنهادی در ارتفاع بالاتر از ۳۰۰۰ متر را نشان می دهد.

### نتیجه گیری

- بررسی نتایج تحلیل نیم تغییرنمای بارندگی سالانه و ماهانه نشان می دهد که بارندگی در همه ماه ها و همچنین میانگین سالانه دارای همبستگی مکانی بالنسبه مناسبی می باشد. ضمن آن که همبستگی مکانی متقابل بارندگی و ارتفاع نیز وجود دارد و در ماه های سرد سال باعث افزایش شعاع همبستگی گردیده است.

- بررسی توزیع مکانی واریانس خطای روش کریگینگ نشان می دهد که به جز بارندگی ماه های آذر و دی، در بقیه ماه ها مقدار واریانس خطا کم تر از واریانس داده های مشاهده ای می باشد و لذا منطقه برای برآورد بارندگی به جز در این دو ماه، در اولویت اول نیازی به اضافه نمودن ایستگاه جدید ندارند.

- توزیع واریانس خطا همچنین نشان می دهد که ایستگاه های موجود در برآورد توزیع مکانی بارندگی ماه های خرداد، تیر، مرداد و شهریور (ماه های خشک سال) کفایت می کنند.

- مقایسه توزیع واریانس خطا در ماه های مختلف نشان می دهد که مساحت مناطقی که دارای اولویت یکسان از لحاظ اضافه نمودن ایستگاه جدید هستند، متفاوت می باشد.

- نتایج حاکی از آن است که جابه جایی ۱۷ ایستگاه موجود در منطقه، میزان میانگین واریانس خطا را تا حدود ۱۰ درصد کاهش می دهد.

- بررسی پراکنش ارتفاعی ایستگاه ها نشان می دهد که حدود ۸ درصد منطقه در ارتفاعی بین ۲۶۰۰ تا ۴۰۰۰ متر (اختلاف ارتفاعی حدود ۱۴۰۰ متر) فاقد ایستگاه باران سنجی در این منطقه است.

- بررسی وضعیت برون یابی داده ها نشان می دهد که خطای برآورد در ارتفاعات بالاتر از ۱۵۰۰ متر در مقایسه با داده ها و خطای برون یابی قابل توجه می باشد. لذا توصیه می شود که در ارتفاعات بالاتر از ۳۰۰۰ متر چند ایستگاه باران سنج ذخیره ای نصب گردد.