

تغییرشکل کلی و تغییرات زمانی و مکانی آن در سامانه‌های جوی بارش‌زا در منطقه‌ای شامل ایران

مجید مزرعه فراهانی^{۱*} و مینا جعفریانی^۲

^۱ مؤسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران، ایران

^۲ دانشگاه آزاد- واحد علوم و تحقیقات، تهران، ایران

(تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۱۲/۱۵، تاریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۱۲/۱۶)

چکیده

در بررسی رخداد بارندگی، معمولاً به دو کمیت دینامیکی واگرایی و تاوایی و نیز متغیرهای وابسته به‌این دو بخصوص تاوایی پتانسیلی توجه زیادی شده است اما به نقش متغیر محاسباتی تغییرشکل، خصوصاً تغییرشکل کلی- به‌جز موارد محدودی در تحقیقات مربوط به جبهه‌زایی - کمتر توجه شده است. این پژوهش در پی آن است که تغییرات‌این متغیر را به‌طور کلی و کمیت‌های تغییرشکل کششی، و تغییرشکل چینشی در سامانه‌های همراه با بارش در منطقه شامل ایران را مورد تحقیق و بررسی قرار دهد. برای این کار با استفاده از داده‌های GFS (Global Forecasting System) مولفه‌های باد طی پنج سال، مقادیر تغییرشکل کششی، تغییرشکل چینشی و تغییرشکل کلی، در نقاط شبکه‌ای که ناحیه مورد بررسی را پوشش می‌دهد، محاسبه شد. همچنین داده‌های نامنظم بارش اندازه گرفته شده در ایستگاه‌های سینوپتیک کشور با روش تحلیل عینی کرسمان به نقاط منظم شبکه منتقل شد. مقایسه الگوهای مقادیر تحلیل شده بارش با الگوهای مقادیر تغییرشکل کششی، تغییرشکل چینشی و تغییرشکل کلی در شش، دوازده و هیجده ساعت قبل از وقوع بارش، نشان داد که در منطقه مورد بررسی، مقادیر ۶ ساعت قبل کمیت محاسباتی δ که برابر با حاصل ضرب اندازه تغییرشکل کلی در تندي باد تعریف می‌شود، در اکثر موارد منجر به وقوع بارش در منطقه، دارای مقادیر فرین می‌شود. مقادیر بیشینه δ برای مقادیر متفاوت بارش به صورت پله‌ای محاسبه شد. نتایج نشان می‌دهد که بیشینه δ برای همه مقادیر بازه پله‌ای بارش در یک بازه مشخص قرار دارد. همچنین راستای غالب محور کشیدگی تغییرشکل کلی در هنگام وقوع بارش، در ناحیه مورد بررسی ترسیم شد و مشخص شد که محور کشیدگی تغییرشکل کلی اکنون در راستاهای غربی-شرقی، جنوب غربی- شمال شرقی و شمالی-جنوبی قرار دارد.

واژه‌های کلیدی: تغییرشکل کششی، تغییرشکل چینشی، تغییرشکل کلی، بارش، محور کشیدگی

Total deformation and its spatial-temporal variability in atmospheric precipitable systems in a region including Iran

Majid Mazraeh Farahani¹ and Mina Jafariani²

¹ Institute of Geophysics, University of Tehran, Iran
¹ Science and Research Branch, Azad University, Tehran, Iran

(Received: 5 March 2011, accepted: 16 March 2012)

*Corresponding author:

mazraeh@ut.ac.ir

*نگارنده رابط:

Summary

Divergence and vorticity are two most attractive and popular quantities in the study of sever atmospheric phenomena. On the other side, the role of deformation, especially total deformation – expect for a few cases related to the frontogenesis theory – has received less attention of scientists. This study is trying to fill this gap a little. It is trying to examine the role of deformation in general and the stretching deformation, shearing deformation and total deformation in particular on precipitation. In doing so, the GFS (the Global Forecast System) wind components data in five years (2003-2005) were used to compute the stretching deformation, shearing deformation and total deformation in a network covering the Iranian and influential surrounding area.

In order to evaluate the effect of the deformation field on the atmospheric variable here we used the collective 24 hours precipitation reported by the synoptic observatory around the concerned domain. Due to the irregularity of the observatories in the beginning, the reported data of the rainfall from synoptic stations were moved to regular grid points applying Cressman objective analysis method. The distribution maps of precipitation and contours of stretching deformation, shearing deformation and total deformation also were prepared.

Comparison of the precipitation maps and the maps of stretching deformation, shearing deformation and total deformation in six, twelve and eighteen hours before the occurrence of precipitation, showed that in the concerned region the flux of total deformation pattern (dot product of the total deformation and the wind) was more consistent with the precipitation maps in 6 hours later. Therefore, the flux of the total deformation has a predictive value for precipitation and could be used as a precursor of precipitation.

Besides the general matching of the patterns of the total deformation flux and precipitation, the location of the maximum precipitation occurrence is reasonably compatible with the location of maximum flux of total deformation in six hours earlier. In the grid points of significant values of the precipitation, the total deformation fluxes were calculated for comparison. Also for more precise investigation, the values of the cumulative rainfall were divided into three groups (0-10), (10-20), (20-30) mm and the values of the total deformation flux were computed for each of these intervals. It has been verified that the interval of 0-10 has the maximum frequency of happening regardless of value of deformation flux magnitude. The probability that precipitation occurs between 0-10 is 26%. Also the probability of occurrence of larger deformation flux decreases exponentially as the value of deformation flux increases regardless of value of precipitation.

The results of the computation show that the total deformation flux is varying between 5e-5 and 10e-5 for all intervals of the three groups of rainfall. The elongation of the dilatation axis of the total deformation for all available data was computed. Based on the results of this computation the axis of dilatation in severe rain falls are elongated in the direction of West - East, Southwest - Northeast and North – South depending on the raining area and the core of maximum precipitation.

Keywords: Stretching deformation, shearing deformation, total deformation, precipitation, axis of dilatation

کائینگهام و کیز (۱۹۹۹) مدل جبهه‌زایی دو بعدی به سبب واداشت میدان تغییرشکلی که محور کشیدگی آن در عرض جبهه منتقل می‌شود را فرمول‌بندی کردند. آنها دریافتند که ساختار جبهه‌زایی نتیجه شده در این مورد با ساختار مورد کلاسیکی که محور تغییرشکل ثابت دارد، تفاوتی ندارد. ولی سرعت انتقال و جهت حرکت محور کشیدگی الگوی تغییرشکل حالت پایه به طور قابل توجهی روی مسیر حرکت جبهه‌های سطحی مؤثر است.

در یک شبیه‌سازی عددی آفاناسیو و پلتیر (۲۰۰۱) به بررسی عوامل دخیل در شکست امواج گرانی پرداختند و نتیجه گرفتند که عنصر تغییرشکل، یکی از عوامل تأثیرگذار در شکست امواج گرانی است.

جاگر و اسپرنگر (۲۰۰۹) ویژگی‌های میدان سرعت در عبور از ورداییست را با مؤلفه‌های واگرایی، تغییرشکل و تاوایی میدان جریان بررسی کردند. آنها روش ساختند که جریانات انتقالی پوش سپهر به وردسپهر (STT)، همگرا، چرخندی و دارای تغییرشکل هستند. همچنین میدان جریان در مدت انتقال از وردسپهر به پوش سپهر نسبتاً واگرا و کمتر چرخندی هستند.

اما در مورد ارتباط بین تغییرشکل و بارندگی تحقیقات اندکی صورت گرفته است. بلوشتاین (۱۹۷۷) با توجه به اینکه تغییرشکل میدان باد زمین گرد می‌تواند گردش‌های قائم جبهه‌های عرض‌های میانی را سبب شود و اینکه تصاویر ماهواره‌ای مشاهده شده از نوار ابرهای استوایی اغلب به طور باورنکردنی شبیه نوار ابرهای جبهه‌ای عرض‌های میانی هستند، پیشنهاد کرد که ارتباطی بین تغییرشکل مقیاس سینوپتیک و جهت‌گیری نوار ابرهای استوایی وجود دارد. ولی با استفاده از تحلیل عینی داده‌ها و تحلیل آماری آنها در ترازهای ۹۵۰ و ۸۵۰ و ۷۰۰ و ۴۵۰ میلی‌باری، همبستگی معنی‌داری بین جهت‌گیری نوار ابر و جهت‌گیری محور کشیدگی تغییرشکل پیدا کرد. این همبستگی با ارتفاع کاهش می‌یافتد. زیرا ۸۰۰

۱ مقدمه

نقش متغیرهای جوئی بر آب‌وهوا و تأثیرگذاری و تأثیرپذیری هریک بر دیگری از اولین سؤالات مطرح شده برای انسان و به خصوص محققان بوده است. یافتن متغیرهایی که بتوانند شرایط متفاوت جوئی را توصیف کند و بیانگر مفهومی واحد در همه نقاط زمین برای بیان شرایط جوئی باشند اهمیت بسزایی دارد. یکی از متغیرهایی که در این راستا تعریف و ارائه شده است تغییرشکل کلی است که اولین بار ساسیر (۱۹۵۳) آن را فرمول‌بندی و معرفی کرده است. با توجه به فراوانی وقوع الگوهای مشهور به تغییرشکل روی نقشه‌ها در هنگام وقوع پدیده‌های شدید جوئی مانند توفان‌ها، برخی از انواع الگوهای متنسب به تغییرشکل به خصوص برای افراد شاغل در مراکز پیش‌بینی هوا شناخته شده و آشنا هستند. گاهی اوقات نقشه‌ها با الگوهای شناخته شده برای تغییرشکل همراه نیستند، با وجود این محاسبه تغییرشکل، حضور این شاخص و حتی مقادیر قابل توجه برای این شاخص را نشان می‌دهد لذا محاسبه کردن این شاخص و یافتن مقادیر آستانه برای این کمیت در نقاط گوناگون که می‌تواند مقادیر متفاوتی داشته باشد کمک شایانی به پیش‌بینی‌ها کند. محاسبه این کمیت در برخی مراکز هواشناسی تاکنون صورت گرفته و استفاده عملیاتی از آن آغاز شده است (گانو و همکاران، ۲۰۰۸). در ایران نقش تغییرشکل کلی تاکنون مورد بررسی تفضیلی قرار نگرفته است و اثر چاپ شده‌ای در این خصوص مشاهده نشده است. از جمله تحقیقات صورت گرفته که ارتباط تغییرشکل با پدیده‌های هواشناختی را نشان می‌دهند، می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

مورگیترود (۱۹۶۹) نشان داد که خوش‌های بزرگ مقیاس آلاینده‌ها متناسب با اندازه اولیه شان و همچنین متناسب با مؤلفه‌های تغییرشکل جریانات، منحرف می‌شوند.

۲ تغییرشکل

کمیت تغییرشکل را می‌توان به سه نوع تغییرشکل کششی و تغییرشکل چینشی و تغییرشکل کلی تقسیم‌بندی کرد.

۱-۲ تغییرشکل کششی

تغییرشکل کششی کمیتی است که در مختصات دکارتی به صورت رابطه (۱) تعریف می‌شود.

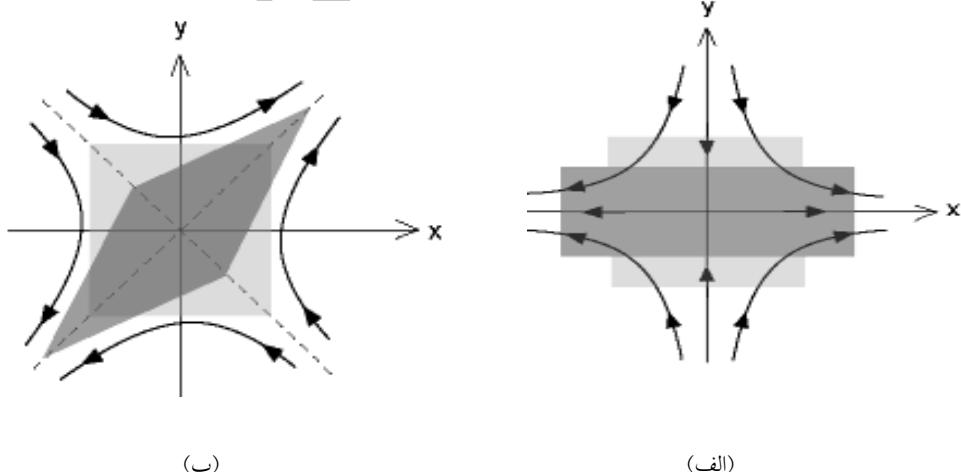
$$E_{st} = \frac{\partial u}{\partial x} - \frac{\partial v}{\partial y}, \quad (1)$$

که u, v به ترتیب مؤلفه‌های باد در راستای محور X و محور Y هستند.

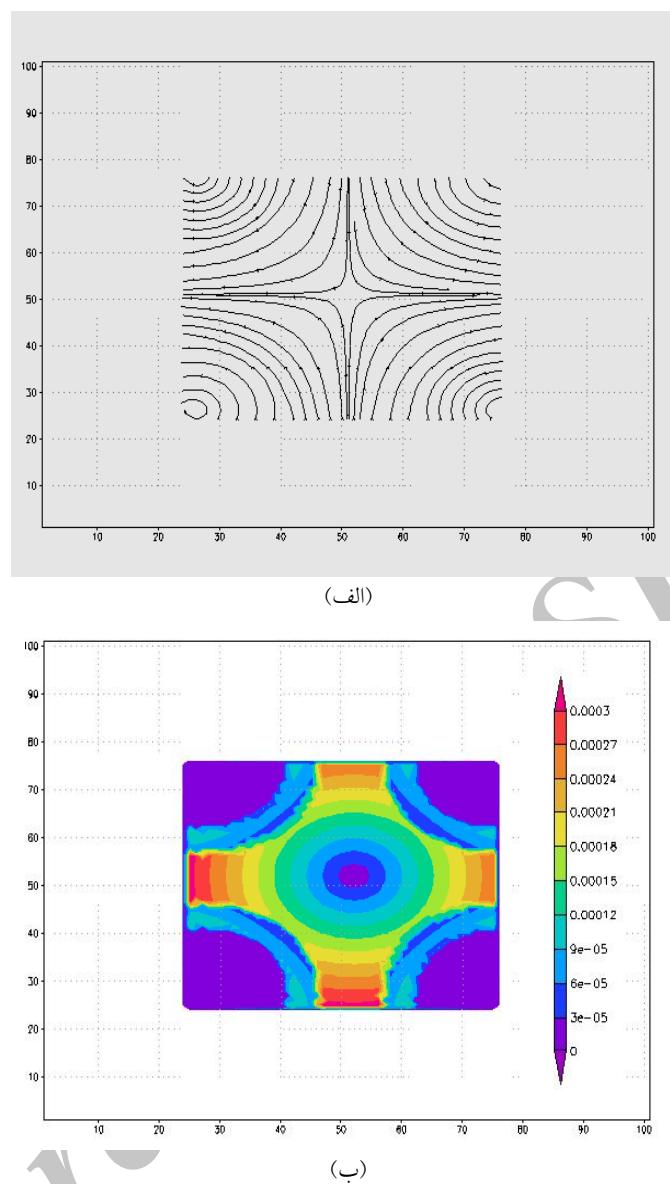
$\theta = \frac{1}{2} \tan^{-1} \left(\frac{F_2}{F_1} \right)$ در شکل ۱-الف خطوط جریان مربوط به میدان سرعتی که دارای تغییرشکل کششی خالص مثبت است، نشان داده شده است. اگر یک شاره مربع شکل در چنین میدان سرعتی قرار گیرد، در راستای محور X کشیده و در راستای محور Y فشرده خواهد شد. محور X محور کشیدگی و محور Y محور فشردگی

میلی‌بار بیشترین همبستگی و در ۴۵۰ میلی‌بار کمترین همبستگی وجود داشت. در روزهایی که نوارهای ابر، مداری جهت‌گیری کرده بودند، جهت میانگین محور کشیدگی مداری بود. همچنین وقتی نوارهای ابر، غیرمداری جهت‌گیری کرده بودند، جهت میانگین محور کشیدگی غیرمداری بود.

گائو و همکاران (۲۰۰۸)، به بررسی نقش تغییرشکل کلی در وقوع بارش پرداختند. آنها برای تحقیق خود از دو مورد بارندگی شدید، که در ژوئیه و اکتبر ۲۰۰۳ به ترتیب بر فراز شرق و شمال چین روی داده بود استفاده کردند. تحلیل نقشه‌ها نشان داد که قبل از وقوع بارندگی همساری همراه با تغییرشکل، رطوبت را در منطقه همساری مرکز می‌سازد و شرایط مناسب برای بارندگی را ایجاد می‌کند. آنها دریافتند زمانی که تغییرشکل به بیشینه مقدار خود می‌رسد بارندگی با گذشت شش ساعت یا بیشتر، بیشینه مقدارش را بروز می‌دهد. بنابراین بررسی تغییرشکل کلی در بررسی رویدادهای بارش می‌تواند مناسب باشد.



شکل ۱. تغییرشکل یک بسته شاره به شکل مربع در (الف) یک میدان سرعت دارای تغییرشکل کششی خالص مثبت و (ب) یک میدان سرعت دارای تغییرشکل چینشی خالص مثبت نشان داده شده است. بسته شاره اولیه با رنگ روشن و بسته شاره تغییرشکل یافته با رنگ تیره نشان داده شده است.



شکل ۲. (الف) خطوط جریان در شارش مشهور به الگوی زینی (ب) مقادیر تغییرشکل کلی مربوط به الگوی زینی.

در شکل ۱-ب خطوط جریان مربوط به میدان سرعتی که دارای تغییرشکل چینشی خالص مثبت است، نشان داده شده است. تغییرشکل همان بسته شاره مربع شکل در چنین میدان سرعتی نشان داده شده است. همان‌طور که در شکل دیده می‌شود، تغییرشکل چینشی مشابه تغییرشکل کششی است که ۴۵ درجه در جهت خلاف عقربه‌های ساعت چرخیده شده است.

نامیده می‌شود. بسته شاره، تغییرشکل می‌باید در حالی که مساحت آن ثابت می‌ماند.

۲-۲ تغییرشکل چینشی
تغییرشکل چینشی در مختصات دکارتی به صورت رابطه (۲) تعریف می‌شود.

$$E_{Sh} = \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial y}, \quad (2)$$

$$\theta = \frac{1}{2} \tan^{-1} \left(\frac{F_2}{F_1} \right). \quad (4)$$

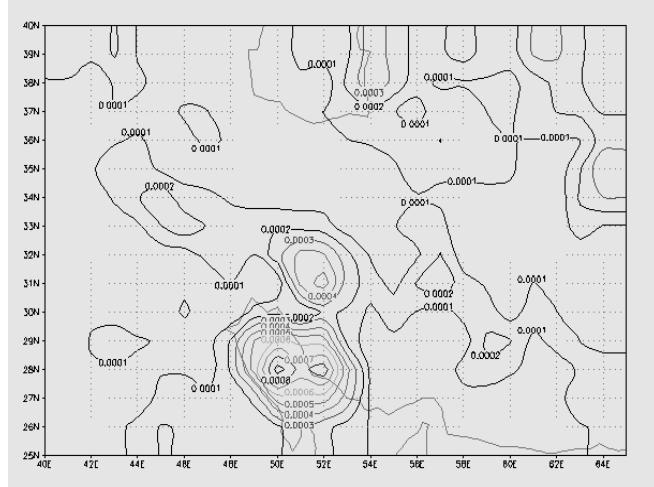
تغییرشکل کلی کمیتی ناوردا است، یعنی مستقل از دستگاه مخصوصات مورد استفاده است. در صورتی که در مورد تغییرشکل کششی و تغییرشکل چینشی این گونه نیست. به همین دلیل تغییرشکل کلی کمیتی است که نسبت به تغییرشکل کششی و تغییرشکل چینشی اهمیت بیشتری دارد.

۳-۲ تغییرشکل کلی

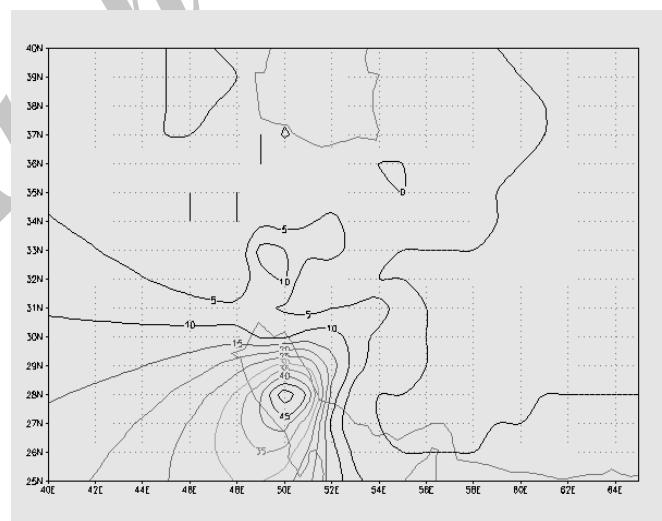
چون تمایز بین تغییرشکل کششی و تغییرشکل چینشی مشکل است، اغلب از تغییرشکل کلی استفاده می‌شود که به صورت رابطه (۳) تعریف می‌شود:

$$E = \left(F_1^2 + F_2^2 \right)^{\frac{1}{2}}, \quad (3)$$

که E تغییرشکل کلی است. همچنین θ زاویه‌ای که محور کشیدگی تغییرشکل کلی درجهت پادساعت گرد با محور x می‌سازد با رابطه (۴) تعیین می‌شود.



(الف)



(ب)

شکل ۳. (الف) δ (ms^{-2}) در ساعت ۰۰ UTC روز ۱۳ دسامبر ۲۰۰۴ و (ب) بارش (mm) در شش ساعت بعد.

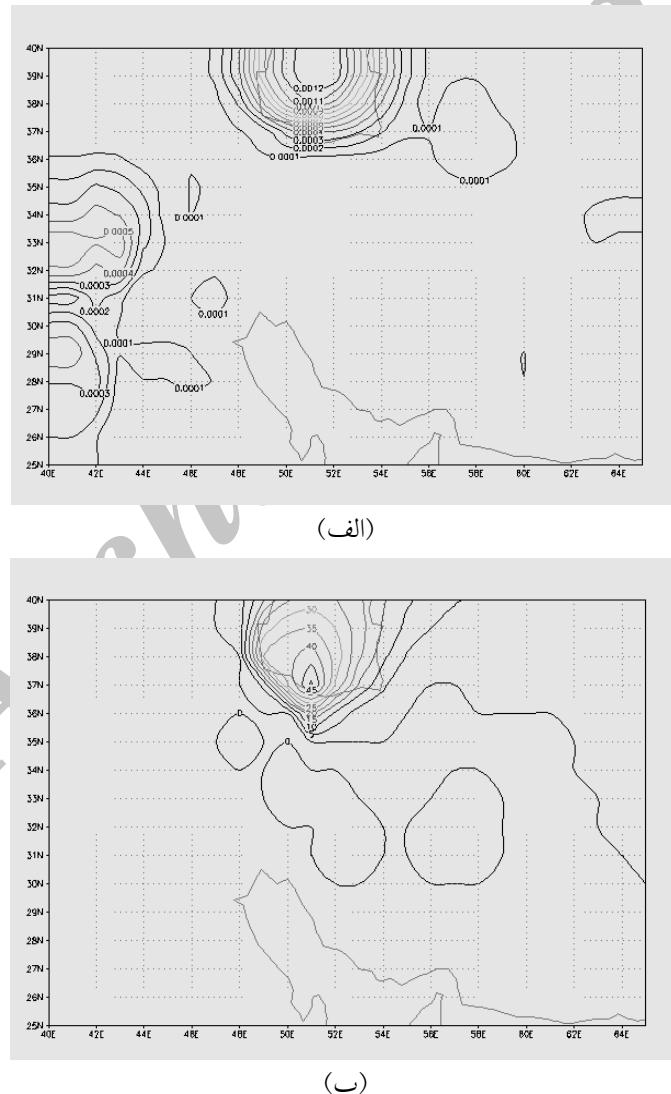
همشاری شرایط مناسب برای همرفت رطوبت را فراهم می‌کند.

۳ داده‌ها و روش کار

ابتدا برای به دست آوردن تجربه در محاسبات مربوط به تغییرشکل از داده‌های تحلیلی (غیر واقعی) استفاده شد. مؤلفه‌های سرعت مربوط به میدان جریان الگوی زینی در حکم داده‌های تحلیلی در نظر گرفته شد. این میدان سرعت به صورت ترکیب خطی از سرعت مماسی ناشی

۴-۲ گرادیان رطوبت در منطقه دارای تغییرشکل

در نواحی که تغییرشکل جریان زیاد است، چون هوای سرد و خشکی که از سمت شمال در حال فرونشست است به سمت محور کشیدگی فرارفت می‌یابد و هوای گرم و مرطوب نیز از سمت جنوب به این ناحیه منتقل می‌شود، گرادیان رطوبت مقادیر بزرگی دارد. در این نواحی حتی در غیاب یک گرادیان دمایی شدید که بتواند منجر به جبهه‌زایی کلاسیکی شود، بارندگی شدید ممکن است به سبب تمرکز رطوبت، رخ دهد. وفور رطوبت در منطقه



شکل ۴. (الف) δ (ms^{-2}) در ساعت 06 UTC روز ۱۳ اکتبر ۲۰۰۴ و (ب) بارش (mm) در شش ساعت بعد.

منتقل شد. از روش تحلیل عینی کرسمن بدین دلیل استفاده شد که در عین سادگی این روش نتایج نسبتاً قابل قبولی به دست می‌دهد. البته شایان ذکر است به خصوص در مورد بارش هیچ روش تحلیل عینی شناخته شده‌ای نتایج با دقت زیاد به دست نمی‌دهد و ناگزیر از استفاده روش‌های موجود هستیم، هرچند از قبل می‌دانیم دارای خطأ هستند. با کمک مؤلفه‌های باد مقادیر تغییرشکل کششی و تغییرشکل چشمی در دستگاه مختصات کروی در نقاط شبکه در زمان‌های متفاوت محاسبه شدند.

روابط (۵) و (۶) به ترتیب معادلات تغییرشکل کششی و تغییرشکل چشمی را در دستگاه مختصات کروی نشان می‌دهند.

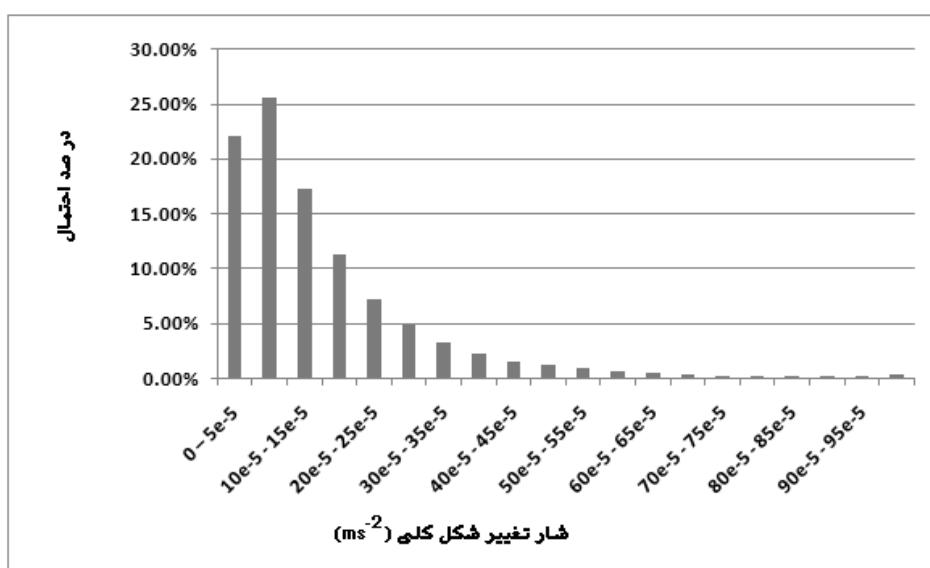
$$F_1 = \frac{1}{R \cos \phi} \frac{\partial u}{\partial \lambda} - \frac{1}{R \cos \phi} \frac{\partial(v \cos \phi)}{\partial \phi}, \quad (5)$$

$$F_2 = \frac{1}{R \cos \phi} \frac{\partial v}{\partial \lambda} + \frac{1}{R \cos \phi} \frac{\partial(u \cos \phi)}{\partial \phi}, \quad (6)$$

که R شعاع کره زمین، ϕ عرض جغرافیایی و λ طول جغرافیایی است.

شده از تاوه‌ای که صورت هموار شده‌ای از تاوه ترکیبی رنکین است (در آن از نقطه تکینگی تاوه ترکیبی رنکین اجتناب شده است) و میدان سرعت با تغییرشکل کششی خالص به دست آورده می‌شود (گائو و همکاران، ۲۰۰۸). ترسیم خطوط جریان و میدان تغییرشکل کلی مربوط به این میدان سرعت نشان داد که در نواحی که همساری جریان شدیدتر است، تغییرشکل مقادیر بزرگ‌تری دارد (شکل ۲).

ناحیه مورد بررسی در محدوده ۲۵ تا ۴۰ درجه عرض شمالی و ۴۰ تا ۶۵ درجه طول شرقی انتخاب شد. مؤلفه‌های میدان باد در ساعت‌های ۰۰، ۰۶، ۱۲ و ۱۸ گرینویچ برای دوره پنج ساله مورد بررسی (۲۰۰۷-۲۰۰۳) از داده‌های تحلیل شده سامانه پیش‌بینی جهانی (GFS) با تفکیک افقی یک درجه استفاده شد. همچنین داده‌های بارندگی تجمعی شش ساعته ایستگاه‌های سینوپتیک کشور (۱۴۹ ایستگاه) از سازمان هواشناسی کشور اخذ شد. سپس داده‌های نامنظم بارش ایستگاه‌های سینوپتیک کشور با روش تحلیل عینی کرسمن (۱۹۵۹) به نقاط منظم شبکه



شکل ۵. درصد احتمال وقوع مقادیر 8° شش ساعت قبل از رخداد بارش.

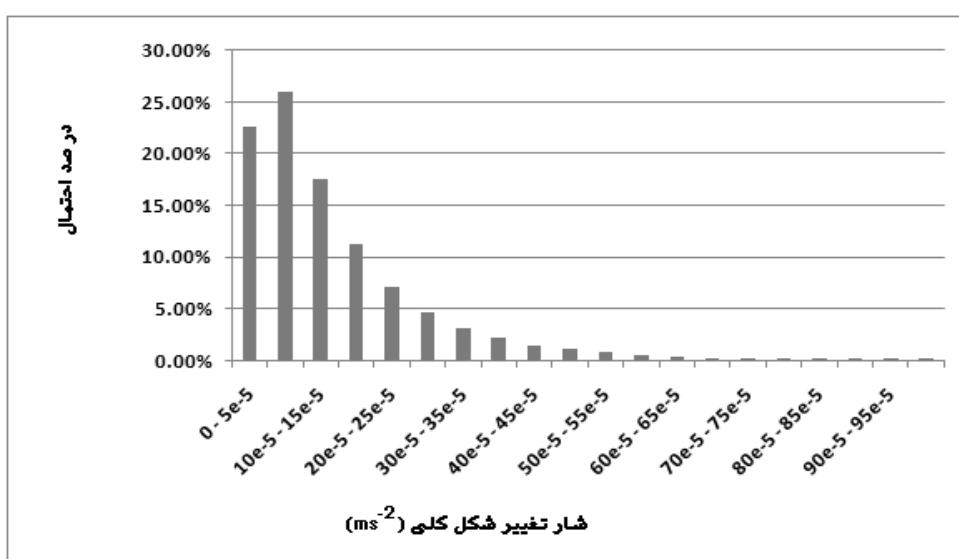
وقوع بارش و میزان بارش با متغیرهای محاسبه شده صورت گرفت.

نتایج مقایسه نشان می‌دهد که در منطقه مورد بررسی δ (حاصل ضرب تغییرشکل کلی در تنیدی باد) در اکثر موارد منجر به وقوع بارش در شش ساعت آینده دارای مقادیر فرین هستند. همچنین ناحیه بیشینه δ بر ناحیه بیشینه بارش شش ساعت بعد منطبق است. برای نمونه در تصاویر شکل ۳ - الف و ب به ترتیب مقادیر δ در ساعت ۰ گرینویچ و مقادیر بارش ۶ ساعت بعد ($0^{\circ}6$ گرینویچ) در روز ۱۳ دسامبر را 2004 نشان می‌دهد. تصاویر شکل ۴ مشابه تصاویر شکل ۳ ولی برای روز ۱۳ اکتبر 2004 و ساعت $0^{\circ}6$ هستند. همان‌طور که مشاهده می‌شود کترورهای بارش در ناحیه بیشینه δ منطبق هستند. ارتباط دقیق محل و مقدار دو کمیت ذکر شده نیاز به تحقیقات آماری پیشرفته دارد که موضوع این تحقیق نیست ولی بررسی کیفی موارد بر یکدیگر منطبق هستند. بنابراین از میان متغیرهای مرتبط به تغییر شکل، δ دارای بیشترین

کمیت‌های تغییرشکل کششی، تغییرشکل چیشی و تغییرشکل کلی با تفاضل گیری متناهی مرتبه دوم مرکزی در داخل حوزه و تفاضل گیری متناهی مرتبه اول یکسویه روی مرزها به دست آورده شد. پس از محاسبه این کمیت‌ها برای نقاط شبکه‌ای، الگوهای مربوط به هریک از این کمیت‌ها و همچنین الگو مقادیر تحلیل شده بارش ترسیم شد.

۴ تغییرات δ پیش از وقوع بارش

پس از ترسیم نقشه‌ها، از آنجاکه نتایج حاصل از تحقیقات گانو و همکاران (۲۰۰۸) نقش تغییرشکل کلی را در وقوع بارش در شش تا دوازده ساعت بعد نشان داده بود، مقادیر تحلیل شده بارش با مقادیر تغییرشکل چیشی، تغییرشکل کششی و تغییرشکل کلی در شش، دوازده و هیجده ساعت قبل از وقوع بارش، مقایسه شدند. با توجه به مقایسه‌ای که صورت گرفت، هیچ کدام از متغیرهای ذکر شده به تنهایی انطباق کافی با پدیده بارش و میزان آن نداشتند لذا متغیرهای محاسباتی متفاوتی بررسی و الگوهای آنها ترسیم شد، همچنین مقایسه چشمی بین محل



شکل ۶. درصد احتمال وقوع مقادیر δ برای وقوع بارش در بازه $mm(10-0)$.

کرد که طی ۶ ساعت آینده بارش به احتمال زیاد رخ خواهد داد.

انطباق، نخست با وقوع بارش و دوم محل آن است و با توجه به محاسبه δ در ۶ ساعت قبل پیش نشانگر قابلی برای رخداد بارش است.

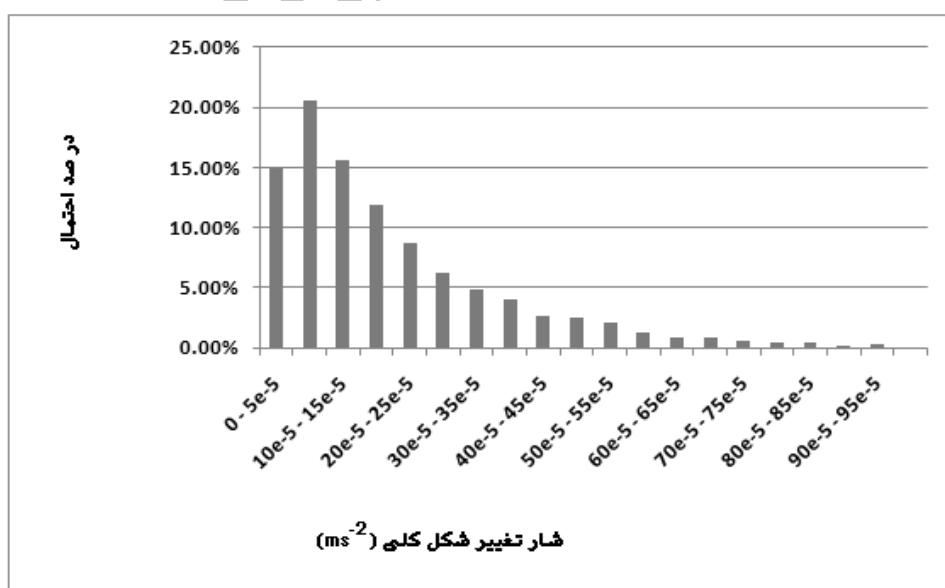
۲-۴ محاسبه مقادیر آستانه δ برای وقوع بارش با مقادیر متفاوت

برای محاسبه مقدار آستانه δ برای وقوع بارش با مقادیر متفاوت، با توجه به اینکه تعداد وقوع بارش با مقادیر بیشتر از 30 mm در نقاط شبکه و در دوره مورد بررسی قابل توجه نیست، از مقادیر بارش بیشتر از 30 mm صرف نظر شد و مقادیر بارش نقاط شبکه به سه بازه mm ($30-20$ ، $20-10$ ، $10-0$) تفکیک شد و مقدار آستانه شار تغییرشکل کلی برای هر بازه محاسبه شد. نتایج در شکل ۶ نشان داده شده است.

شکل ۶ نشان می‌دهد که در هنگام وقوع بارش در بازه $(10-0) \text{ mm}$ ، مقادیر δ شش ساعت قبل که در بازه ms^{-2} $(5e-5 - 10e-5)$ قرار دارند، با احتمال 26% بیشترین احتمال وقوع را دارند.

۱-۴ محاسبه مقدار بحرانی δ پیش از وقوع بارش

به منظور محاسبه مقدار بحرانی δ که منجر به وقوع بارش می‌شود، در فاصله‌های زمانی که بارش رخ داده بود و در نقاطی از شبکه که مقدار بارش غیر صفر بود، مقادیر بحرانی δ شش ساعت قبل، دسته‌بندی و فراوانی هر دسته مشخص و درصد احتمال وقوع آن دسته محاسبه شد. نمودار توزیع احتمال مقادیر δ در شکل ۵ نشان داده شده است. همان‌طور که در شکل ۵ مشاهده می‌شود، در هنگام وقوع بارش مقادیر شش ساعت قبل δ که در بازه ms^{-2} $(5e-5 - 10e-5)$ دارند. به بیان دیگر، هر گاه δ مقداری در بازه ms^{-2} $(5e-5 - 10e-5)$ داشته باشد، احتمال وقوع بارش در طول شش ساعت آینده بیشترین مقدار خواهد بود. با توجه به تجمعی بودن مقادیر مورد استفاده بارش در این تحقیق امکان تعیین زمان دقیق شروع بارش نسیت و تنها می‌توان ادعا



شکل ۷. همانند شکل ۵ ولی برای وقوع بارش در بازه $(20-10) \text{ mm}$.

می‌توان گفت که الگوی احتمال شار تغییرشکل کلی رابطه معینی با میزان بارش دارد به گونه‌ای که می‌توان از الگوی احتمال مقادیر δ شش ساعت قبل در یک منطقه برای پیش‌بینی بارش در بازه‌های گوناگون استفاده کرد.

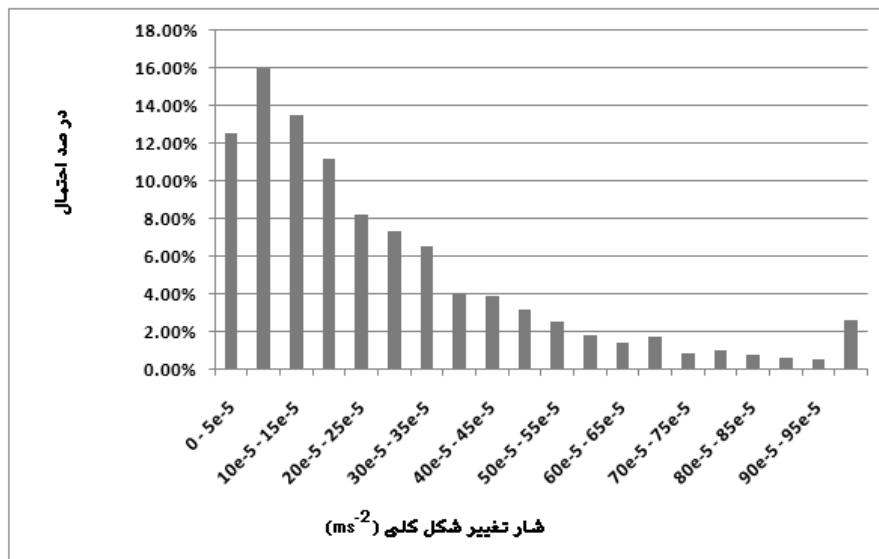
۳-۴ محاسبه راستای غالب محور کشیدگی تغییرشکل کلی در منطقه در هنگام وقوع بارش

به منظور یافتن راستای چیره محور کشیدگی تغییرشکل کلی در منطقه مورد بررسی، ابتدا در زمان‌های وقوع بارش ناحیه دارای تغییرشکل بیشینه مشخص شد. بدین صورت که ابتدا طول و عرض نقطه‌ای از شبکه که دارای بیشینه مقدار تغییرشکل کلی است تعیین شد، سپس یک شبکه 5×5 اطراف این نقطه بیشینه طوری در نظر گرفته شد که این نقطه بیشینه در مرکز شبکه قرار گیرد. برای آنکه مقادیر تغییرشکل کلی که در شبکه 5×5 در نظر گرفته شده، دارای بیشینه‌ای منحصر به نقطه مرکزی نباشد، مقادیر تغییرشکل کلی در نقاط شبکه با استفاده از رابطه (۶)، (شاپیرو، ۱۹۵۴) هموارسازی شد.

از شکل ۷ و ۸ نتایج مشابهی دریافت می‌شود. در هنگام وقوع بارش در بازه $mm (20-10)$ ، مقادیر δ مشابه بازه قبلی بوده و با احتمالی حدود 20% بیشترین احتمال وقوع را دارد. این احتمال برای بارش در بازه $mm (20-10)$ تقریباً 16% محاسبه شده است.

بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که اگر δ مقداری در بازه $ms^{-2} (5e-5 - 10e-5)$ داشته باشد، احتمال زیادی برای وقوع بارش در شش ساعت آتی وجود خواهد داشت. در این صورت وقوع بارش با شدت کمتر محتمل تر خواهد بود.

نمودار توزیع احتمال مقادیر δ شش ساعت قبل از وقوع بارش با مقادیر متفاوت در شکل ۹ نشان داده شده است. از شکل مشاهده می‌شود که به طور کلی در مقادیر کم بارش، احتمال برای مقادیر کوچک نسبی δ دارای یک بیشینه است و برای مقادیر بزرگ δ به سرعت به صفر نزدیک می‌شود. با افزایش میزان بارش مقدار احتمال بیشینه مقادیر δ ، قدری کاهش می‌یابد و در عوض احتمال برای مقادیر بزرگ δ افزایش می‌یابد. به عبارت دیگر



شکل ۸ همانند شکل ۵ ولی برای وقوع بارش در بازه $mm (30-20)$.

محور کشیدگی تغییرشکل نیز در همین راستاها باشد. شکل‌های ۱۱ تا ۱۳ نمونه‌هایی از راستاهای غالب محور کشیدگی تغییرشکل کلی را نشان می‌دهند.

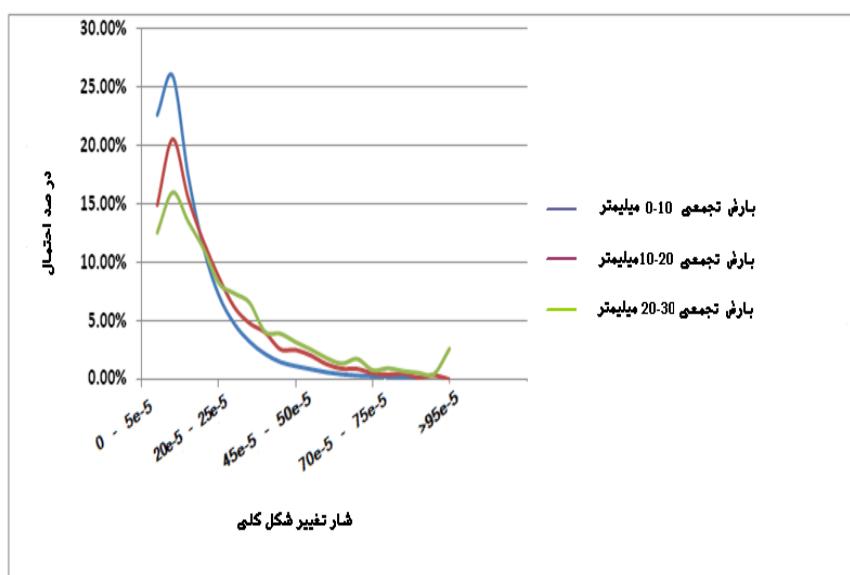
۵ نتیجه‌گیری

در این پژوهش مشخص شد که در منطقه مورد بررسی δ کمیتی است که می‌توان برای پیش‌بینی احتمالی بارش در شش ساعت آینده از آن استفاده کرد. همچنین δ پیشنه منجر به وقوع بارش پیشنه در شش ساعت آینده خواهد شد. با محاسبه احتمال وقوع مقادیر δ شش ساعت قبل از رخداد بارش، مشخص شد که مقادیر که در بازه ms^{-2} $5e-5 - 10e-5$ قرار دارند، احتمال وقوع بیشتری دارند. میزان این احتمال با افزایش میزان بارش کاهش می‌یابد. در دوره مورد بررسی بیشترین وقوع بارش در بازه mm $0-10$ رخ داد که احتمال وقوع شار تغییرشکل کلی

$$f_{ij} = (1-s)f_{ij} + s(f_{i-1,j} + f_{i+1,j} + f_{ij-1} + f_{ij+1})/4, \quad (6)$$

که مقدار $s = 1$ در نظر گرفته شد. بدین ترتیب، مقدار تغییرشکل کلی در هر نقطه برابر میانگین مقادیر چهار نقطه اطراف آن است. پس از تعیین ناحیه تغییرشکل پیشنه، زاویه بدرار باد با محور x برای همه نقاط شبکه 5×5 در نظر گرفته شده حول نقطه پیشنه، محاسبه شد. سپس میانگین این زوایا محاسبه شد. برای همه گام‌های زمانی وقوع بارش این زاویه به صورت جداگانه محاسبه شد. درنهایت فراوانی و احتمال وقوع این زوایا محاسبه شد. شکل ۱۰ نمودار توزیع احتمال وقوع این زوایا را نشان می‌دهد.

از شکل ۱۰ مشاهده می‌شود که محور کشیدگی در سه راستا احتمال وقوع بیشتری دارد. این راستاهای راستای غربی - شرقی، جنوب غربی - شمال شرقی و شمالی - جنوبی هستند. از آنجاکه بیشتر سامانه‌هایی که منطقه مورد بررسی را تحت تأثیر قرار می‌دهند و باعث بارش قابل توجهی روی منطقه مورد بررسی می‌شوند، چنین مسیرهایی دارند. بنابراین انتظار می‌رود که راستای غالب



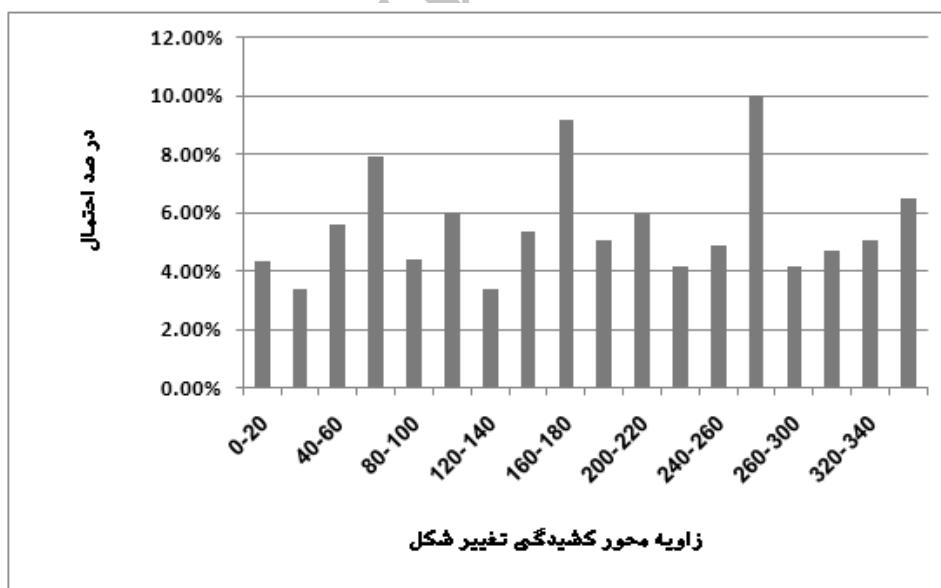
شکل ۹. نمودار توزیع احتمال مقادیر δ شش ساعت قبل از وقوع بارش با مقادیر متفاوت.

کاهش می‌یابد و در مقابل احتمال رخداد برای مقادیر بزرگ δ افزایش می‌یابد. بهیان دیگر میزان بارش، طیف تغییرات δ را گستردۀتر می‌سازد، بنابراین می‌توان از الگوی توزیع احتمال مقادیر δ شش ساعت قبل در یک منطقه برای پیش‌بینی بارش در بازه‌های متفاوت استفاده کرد.

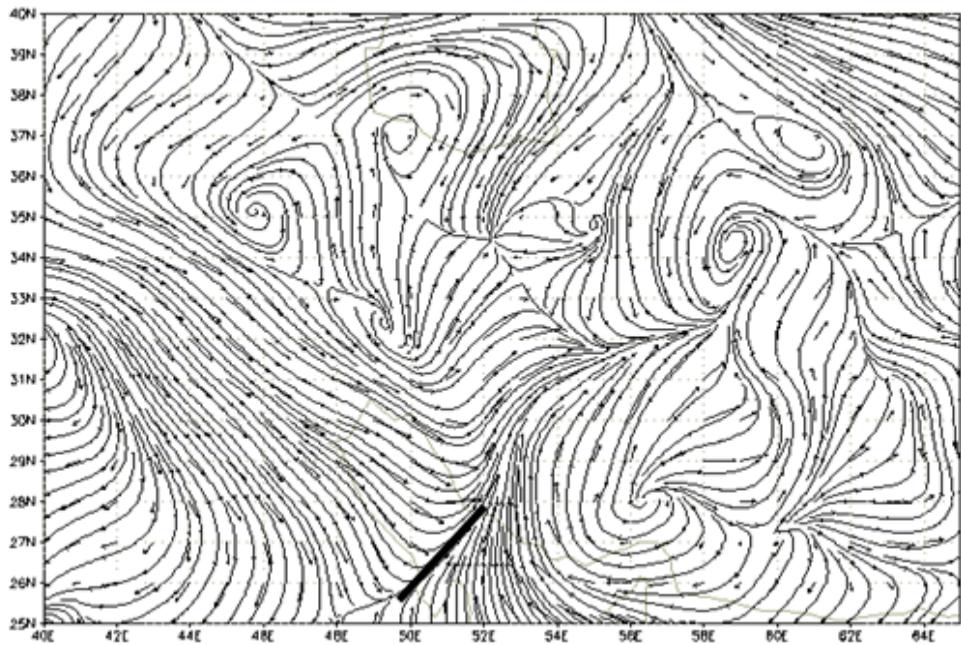
با محاسبه راستای محور کشیدگی تغییرشکل کلی در منطقه در هنگام وقوع بارش (شکل ۱۰) مشخص شد که محور کشیدگی اکثر موارد راستاهایی غربی - شرقی، جنوب غربی - شمال شرقی و شمالی - جنوبی دارد. با توجه به اینکه بیشتر سامانه‌هایی که باعث بارش قابل توجهی روی منطقه مورد بررسی می‌شوند، چنین مسیرهایی دارند، بنابراین انتظار می‌رود که راستای غالب محور کشیدگی تغییرشکل نیز در همین راستاهای باشد و محاسبات در اینجا نیز آن را تأیید می‌کند.

در بازه ms^{-2} $(5e-5 - 10e-5)$ برای این میزان بارش، حدود ۲۶٪ محاسبه شد.

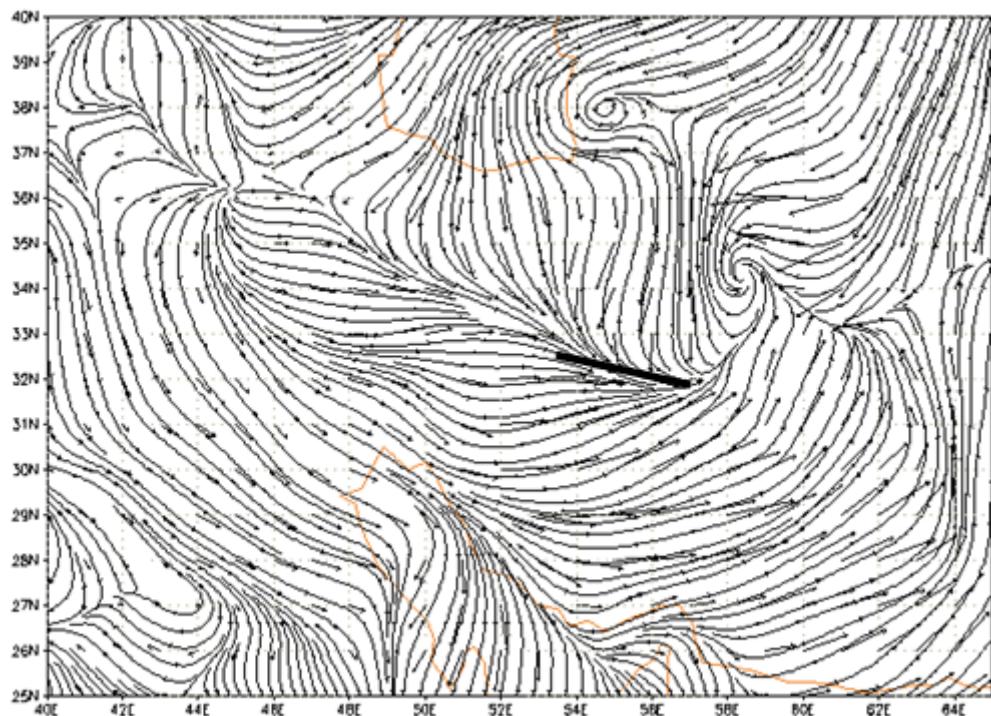
با توجه به نمودار توزیع احتمال مقادیر δ شش ساعت قبل برای وقوع بارش با مقادیر مختلف (شکل ۹) مشخص شد که الگوی احتمال وقوع شار تغییرشکل کلی برای همه مقادیر بارش به صورت نمایی با افزایش بزرگی شار کاهش می‌یابد. در واقع افزایش δ که عمدتاً ناشی از بزرگی سرعت باد است موید این است که انرژی موجود در جوّ به صورت افزایش مقدار δ بروز می‌کند و به دلیل نبود شرایط مناسب فیزیکی - دینامیکی برای بارش، مانند ناکافی بودن آب قابل بارش وابستگی خطی بین میزان بارش و بزرگی شار، تغییرشکل مشاهده نمی‌شود. با این توجیه δ بزرگ‌تر لزوماً منجر به بارش شدیدتر نمی‌شود. در سوی دیگر در مقادیر کم بارش، احتمال رخداد مقادیر کوچک δ دارای یک بیشینه است و برای مقادیر بزرگ δ به سرعت به صفر نزدیک می‌شود. با افزایش میزان بارش مقدار احتمال رخداد بیشینه مقادیر کوچک δ ، تا اندازه‌ای



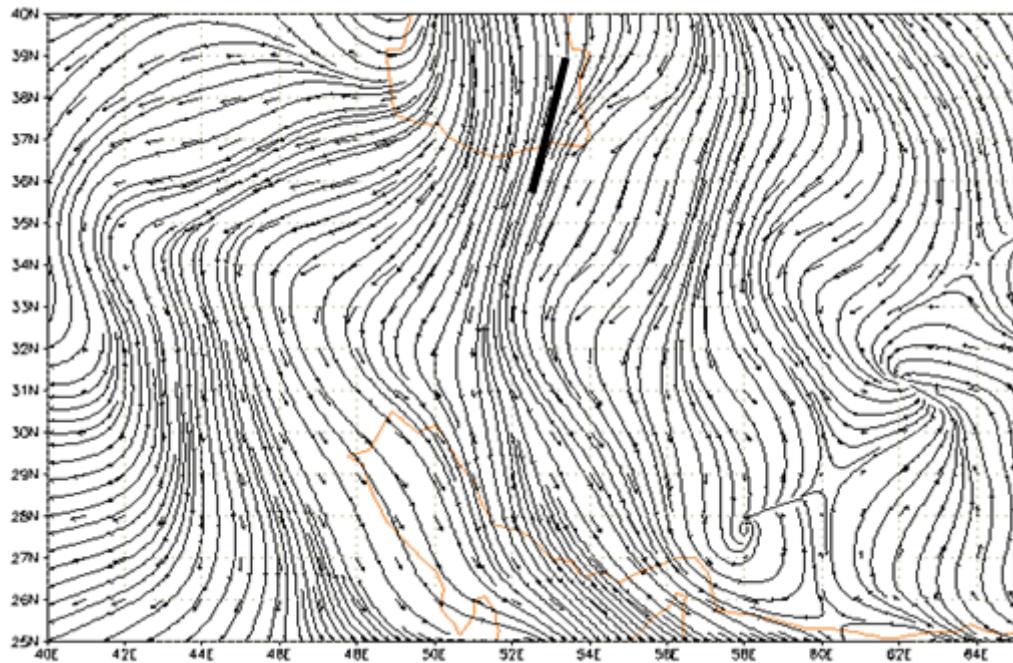
شکل ۱۰. نمودار توزیع احتمال زاویه محور کشیدگی تغییرشکل کلی هنگام رخداد بارش.



شکل ۱۱. خطوط جریان و میانگین راستای محور کشیدگی تغییرشکل کلی در هنگام وقوع بارش در ساعت ۰۶ گرینویچ روز ۱۳ دسامبر ۲۰۰۴.



شکل ۱۲. همانند شکل ۱۰ ولی برای وقوع بارش در ساعت ۱۲۰۰ گرینویچ روز ۱۷ آوریل ۲۰۰۳.



شکل ۱۳. همانند شکل ۱۰ ولی برای وقوع بارش در ساعت ۰۶ گرینویچ روز ۱۱ دسامبر ۲۰۰۳

منابع

- Gao, S., Yang, S., Xue, M., and Cui, C., 2008, Total deformation and its role in heavy precipitation events associated with deformation-dominant flow patterns: *Adv. Atmos. Sci.*, **25**, 11-23.
- Jaeger, E. B., and Sprenger, M., 2009, Vorticity, deformation and divergence signals associated with stratosphere-troposphere exchange: *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **135**, 1684-1696.
- Martin, E. J., 2006, Mid-Latitude Atmospheric Dynamic: John Wiley, 324.
- Murgatroyd, R. J., 1969, The dispersion of pollutants in free atmosphere by the large scale wind systems: *Phil. Trans. Roy. Soc. Lond. A.*, **265**, 273-294.
- Saucier, Walter J., 1953, Horizontal deformation in atmospheric motion: *Trans. Amer. Geophys. Union*, **34**, 709-719.
- Afanasyev, Ya. D., and Peltier W. R., 2001, Numerical simulations of internal gravity wave breaking in the middle atmosphere: The influence of dispersion and three dimensionalization: *J. Atmos. Sci.*, **58**, 132-153.
- Bluestein, H. B., 1977, Synoptic-scale deformation and tropical bands: *J. Atmos. Sci.*, **34**, 891-900.
- Cressman, G. P., 1959, An operational objective analysis system: *Mon. Wea. Rev.*, **87**, 367-374.
- Cunningham, P., and Keyser, D., 1999, Frontogenesis and frontal motion due to confluent deformation with a translating dilatation axis: *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **125**, 2563-2573.