

## رابطه پارامترهای هیدروگراف واحد لحظه‌ای ناش با ویژگی‌های بارش و فیزیوگرافی در چند حوضه آبخیز کشور

- اروند پور حاجی زاده، کارشناس ارشد آبخیزداری دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات تهران (نویسنده مسئول)
  - محسن محسنی ساروی، دانشیار گروه احیا مناطق خشک و کوهستانی دانشکده منابع طبیعی تهران
  - جواد وروانی، استادیار دانشکده مرتع و آبخیزداری دانشگاه آزاد اسلامی واحد اراک
  - مهدی وفاخواه، عضو هیئت علمی دانشکده تربیت مدرس نور
- تاریخ دریافت: آبان ماه ۱۳۸۷ تاریخ پذیرش: تیر ماه ۱۳۸۸  
تلفن تماس نویسنده مسئول: ۰۹۳۵۲۵۴۸۶۳۰  
Email: arvandphz@yahoo.com

### چکیده

هیدروگراف واحد لحظه‌ای (IUH) ناش یکی از روش‌های برآورد هیدروگراف وقایع سیلابی بوده که کاربرد آن در حوضه‌های فاقد ایستگاه اندازه‌گیری مستلزم داشتن مقادیر ضریب ذخیره (K) و تعداد مخازن (n) می‌باشد. در این تحقیق به منظور بررسی روابط بین پارامترهای مدل IUH و مشخصات سهل الوصول حوضه‌های آبخیز، در ابتدا آمار هیدروگراف و هیتوگراف بارش ۵ تا ۹ واقعه سیلابی از ۶ حوضه آبخیز منتخب از مناطق مختلف اقلیمی کشور جمع‌آوری شد و سپس مقادیر پارامترهای مدل ناش برای هر واقعه با روش گشتاورها به دست آمد. تجزیه و تحلیل رگرسیون چند متغیره بین مقادیر پارامترهای مذکور مدل ناش، خصوصیات حوضه‌های آبخیز و برخی از ویژگی‌های جریان و بارش نشان داد که در سطح ۹۵ درصد اعتماد بیش از همه خصوصیات فیزیوگرافی حوضه، اندازه مساحت، عمق بارش مازاد، طول آبراهه و شیب حوضه در مقدار پارامترهای n و k تأثیر دارند. روابط مذکور بیشتر از نوع رگرسیونی خطی بوده و قابل کاربرد در دیگر حوضه‌های آبخیز با شرایط یکسان می‌باشند

کلمات کلیدی: تعداد مخازن (n)، ضریب ذخیره (k)، ناش، واقعه سیلابی، هیدروگراف واحد لحظه‌ای

Watershed Management Researches (Pajouhesh & Sazandegi) No 83 pp: 21-29

### Relationship between NASH Instantance Unit Hydrograph parameters and Flow physiographical characteristics in some selection watersheds iran

By: A.Poor Haji zadeh, MSc., Islamic Azad University, Science and Research Branch, Tehran (Corresponding Author; Tel: +989352548630). M.Mohseni saravi, Associate Prof., College of Natural Resources, Tehran University.

J.Varvand, Assistant Prof., Islamic Azad University, Arak. M.Vafakhah, Academic Member., Natural Resources, Tarbiat Modarres University.

Instantaneous unit hydrograph is one of the methods that could be used for estimation of flood event hydrograph. In ungaged basins, its application needs estimation of storage coefficient (k) and number of reservoirs (n). In this research, in order to investigate relationship between IUH's parameters and basin characteristics, at first hydrograph and hyetograph of 5-9 flood events from 6 basins with different climate collected and then IUH's parameters calculated for each event using moment methods.

Multiple regression analysis between IUH's parameters, basin characteristics and some of rainfall and flow characteristics showed that area and excess rainfall and ratio of mean stream length to basin slope are effective in n and k and are significant in 95%. The mentioned relationship is of linear regression and could be applied in other basin with similar characteristics.

Keywords: Number of Reservoirs(n), Storage Coefficient(k), NASH, Flood Event, Instantaneous Unit Hydrograph.

مطابقت بالایی نشان داد. روش هیدروگراف واحد لحظه ای برای کنترل سیلاب در حوضه آبخیز Vistala در لهستان توسط Grandos و Diaz (۱۳) برای برآورد هیدروگراف رواناب به کار برده شد و نتایج مطلوبی به دست آمد. Rosso از موسسه هیدرولیک دانشگاه ژنو ایتالیا در سال ۱۹۸۴ (۲۱) با استفاده از روابط مربوط به پارامترهای n و k برای برآورد پارامترهای مدل ناش در ۵ حوضه آبخیز در ایتالیا را مورد آزمایش قرار داد که نتایج رضایت بخشی به دست آوردند. بر اساس روش های ذکر شده پژوهش هایی در حوضه های رود hoom چکسلواکی انجام شد (۱۴) و با معادلات ارائه شده توسط Rosso و روش گشتاور پارامترهای مدل ناش محاسبه گردیدند که نتایج چنین به دست آمد که مدل فوق با توجه به شرایط فیزیوگرافی کشور چک برآورد نسبتاً دقیقی از سیلاب ها داشته است. همچنین این تئوری توسط وامیر از دانشگاه می سی سی پی رامیز از دانشگاه کلرادو (۱۸) و نیز Vandertak (۲۲) بررسی شده و تحقیقات متعددی را جهت تکمیل و استخراج هیدروگراف به روش فوق در حوضه های مختلف انجام دادند و به نتایج قابل قبولی رسیدند. بونیو و همکاران (۱۷) از انستیتو بین المللی هیدرولوژی به بررسی کاربرد و شایستگی هیدروگراف واحد مصنوعی در حوضه های آبخیز هندوستان پرداختند و بررسی های آنها نشان می دهد هیدروگراف واحد مصنوعی نوع گاما و توزیع بتا قابلیت خوبی برای استخراج هیدروگراف واحد حوضه ها دارد و در ایران عباسی (۴) هیدروگراف واحد لحظه ای اشنایدرو مثلثی و SCS را در دو حوضه آبخیز کسلیان و امامه مورد تجزیه و تحلیل قرار داد و پس از بررسی نتایج نشان داد که روش های اشنایدرو در حوضه معرف کسلیان و روش اشنایدرو و مثلثی هر دو در حوضه امامه برای تهیه هیدروگراف خروجی جریان مناسبند. قهرمان (۹)

### مقدمه

بررسی ویژگی های هیدرولوژیکی وقایع سیلابی در حوضه ها نیازمند وجود آمار دبی های سیلابی و هیدروگراف آنها می باشد. اما به دلایل مختلف از جمله نقص دستگاه ها یا عدم وجود ایستگاه در نقاط مختلف این آمار یا موجود نیست یا از بین رفته و یا قابل اعتماد نمی باشد. لذا استفاده از مدل های تجربی برای تعیین هیدروگراف واحد سیلاب ها برای مطالعات ضروری به نظر می رسد. روش های مختلفی جهت برآورد هیدروگراف واحد حوضه ها وجود دارد. از جمله آنها روش هیدروگراف واحد لحظه ای است که به انواع مختلفی از جمله ژئومورفولوژیک<sup>۱</sup>، ژئومورفوکلیماتیک<sup>۲</sup> و ناش<sup>۳</sup> قابل تقسیم است. با توجه به اینکه با توجه به جستجوهای فراوان انجام گرفته توسط محقق در ارتباط با مدل ناش در ایران کار پژوهشی کمتری انجام شده ولی نتایج همین تحقیقات داخل کشور و تحقیقات متنوع خارج از کشور که در ادامه به چند نمونه از آنها اشاره می شود نشان دهنده مناسب بودن استفاده از این مدل در برآورد هیدروگراف واحد حوضه ها است که از میان تحقیقات انجام شده به موارد زیر می توان اشاره کرد:

Rodriguez-Jnrbe و همکاران (۲۰) تئوری هیدروگراف واحد ژئومورفوکلیماتیک را با قبول پایه های اصلی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک ارائه کردند که در آن علاوه بر عوامل فیزیکی حوضه، عوامل اقلیمی نیز ابعاد هیدروگراف خروجی را تحت تاثیر قرار می دهند. این مدل در مقایسه با مدل ناش در حوضه آبخیز Mamon برای اقالیم مختلف از کارایی بالایی برخوردار بود. Alam (۱۲) آن را در سه حوضه آبخیز واقع در عربستان سعودی مورد ارزیابی قرار داد که در نتیجه در حوضه Khat

طول جغرافیایی ۳۲° ۵۱' و ۳۸° ۵۲' عرض جغرافیایی ۵۱° ۳۵' و ۵۷° ۳۵' قرار دارد این حوضه مساحتی برابر ۳۷/۱ کیلومتر مربع دارد و در دامنه جنوبی رشته کوه البرز واقع شده است و دارای اقلیم کوهستانی سرد است و رودخانه اصلی آن جاجرود است

#### حوضه آبخیز درجزین

حوضه آبخیز درجزین در استان سمنان و محدوده جغرافیایی: طول جغرافیایی ۴۳° ۵۳' و ۴۳° ۵۳' و عرض جغرافیایی ۳۰° ۳۴' و ۳۰° ۳۵' واقع شده است. این حوضه دارای ۳۲۸/۰۳ کیلومتر مساحت است و از لحاظ اقلیمی در رده نیمه صحرایی گرم قرار داشته و رودخانه اصلی آن درجزین است.

#### حوضه آبخیز جعفرآباد

حوضه آبخیز جعفرآباد در استان گلستان و محدوده جغرافیایی طول جغرافیایی ۴۵° ۵۴' تا ۴۴° ۵۴' و عرض جغرافیایی ۵۲° ۳۶' و ۴۲° ۳۶' قرار دارد و مساحتی برابر ۱۰۹/۴۷ کیلومتر مربع دارد و رودخانه اصلی این حوضه جعفرآباد است این حوضه بر اساس نقشه اقلیمی ایران دارای اقلیم مدیترانه ای با باران بهاره است

#### حوضه آبخیز پل دوآب

این حوضه در استان مرکزی با مساحت ۱۷۵۰/۹ کیلومتر مربع و در حد فاصل طول جغرافیایی ۴۹° ۴۳' و ۴۹° ۴۳' و عرض جغرافیایی ۵۰° ۳۳' و ۱۱° ۳۴' واقع شده است ارتفاع متوسط این حوضه ۲۳۴۷/۴ متر از سطح دریا است و اقلیم آن کوهستانی سرد برآورد شده است

#### حوضه آبخیز زرین درخت

حوضه آبخیز زرین درخت در جنوب شرقی استان چهارمحال و بختیاری و در حد فاصل طول جغرافیایی ۵۵° ۵۱' و ۵۵° ۱۸' و عرض جغرافیایی ۳۱° ۳۷' و ۳۱° ۳۷' قرار گرفته و از زیرحوضه های رودخانه کارون است این حوضه مساحتی برابر ۴۴۲/۵ کیلومتر مربع دارد و اقلیم آن مدیترانه ای است عمده کاربری اراضی آن به ترتیب زراعت، مرتع و جنگل است رودخانه اصلی این حوضه خان میرزا است.

#### روش تجزیه و تحلیل عاملی

با استفاده از این روش می توان تعداد زیادی از متغیرها را به چند عامل کاهش داده و خلاصه ای از داده های اصلی را تهیه کرد. تجزیه و تحلیل عاملی را به صورت خیلی ساده می توان به کمک تصور مجموعه ای از چند بیضی در اطراف نقاطی که آن ها را در بر می گیرند، بررسی کرد. این مجموعه  $\Pi$  بعدی دارای  $\Pi$  محور می باشد که طولانی ترین این محورها به روند عمومی یا امتداد اکثریت نقاط را دنبال می کند. بعضی از متغیرها به طولانی ترین محور که محور اول نام دارد، نزدیک تر خواهند بود که دارای وزن بالایی در عامل اول می باشند و هر چه فاصله متغیرها بیشتر باشد وزن آن ها روی محور اول کمتر می شود و به همین ترتیب متغیرهایی که دارای نزدیک ترین فاصله به دومین محور طولی می باشند بیشترین وزن را روی عامل دوم دارا هستند و این روند به همین ترتیب ادامه می یابد. در بررسی حاضر تجزیه عاملی طبق مراحل زیر صورت گرفته است:

با انتخاب وقایع متناظر باران - رواناب تئوری هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک را برای دو حوضه آبخیز امامه و کسلیلیان مورد بررسی قرار داد و نشان داد که تئوری مذکور در برآورد دبی و زمان اوج جریان های سطحی حوضه های مورد مطالعه از کارایی مناسبی برخوردار است. عرفانیان (۵) در حوضه آبخیز درجزین سمنان هیدروگراف جریان خروجی روش های ژئومورفولوژیک، ژئومورفولوژیک، ناش، Rosso و SCS را با هیدروگراف های مشاهده ای با هم مقایسه کرد و نشان داد که درصد کارایی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک نسبت به سایر روش ها بیشتر بوده است. زهتاییان و همکاران (۳) نیز به بررسی هیدروگراف واحد مصنوعی در حوضه های آبخیز شمال کشور پرداختند که بررسی های انجام شده نشان از برتری کاربرد مدل های آشنایدر، مثلثی در حوضه های کسلیلیان شیرگاه و قرآن طالار داشت. غیائی (۸،۷،۶) با مقایسه دبی محاسبه ای و مشاهده ای وقایع انتخابی نشان داد که روش های هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک و Rosso و Nash در مقایسه با روش های هیدروگراف واحد مصنوعی آشنایدر و مثلثی کارایی بیشتری دارند. همانگونه که از مطالعات فوق و بسیاری دیگر از پژوهش های انجام شده بر می آید هیدروگراف واحد لحظه ای ناش با توجه به فرضیاتی در نظر گرفته می شود قابلیت بالایی در برآورد هیدروگراف سیلاب ها دارد لذا در این تحقیق سعی شده که رابطه پارامترهای این مدل با خصوصیات حوضه ها و بارش سنجیده شود و در صورت وجود رابطه میان این پارامترها با ارائه یک یا چند مدل تهیه هیدروگراف واحد حوضه ها و در نتیجه روند مطالعات تسهیل شود.

#### مواد و روش ها

##### حوضه های آبخیز انتخابی

با توجه به موضوع تحقیق لازم بود حوضه های آبخیز انتخابی از اقلیم های مختلف انتخاب شوند تا کارایی یا عدم کارایی مدل در مناطق مختلف کشور تعیین شود و همچنین با توجه به اینکه با بالارفتن مساحت حوضه، دقت و کارایی هیدروگراف واحد کم می شود لازم است حوضه ها چنان انتخاب شوند که مساحت زیادی نداشته باشند و نیز دارای اطلاعات و آمار هیدرومتری با تعداد کافی و صحت داده های سیلاب ها و همچنین وجود هیتوگراف متناظر هر سیلاب باشند. بدین منظور شش حوضه آبخیز در ۶ استان گلستان، مازندران، تهران، سمنان، چهارمحال و بختیاری و مرکزی و با تعداد ۵ تا ۹ هیدروگراف در هر حوضه انتخاب شد که برخی خصوصیات حوضه ها را در جدول ۱ و حدود جغرافیایی حوضه ها در شکل ۱ مشخص شده اند. (جدول و شکل ۱).

##### حوضه آبخیز کسلیلیان

حوضه آبخیز معرف کسلیلیان با مساحت ۶۶/۷ کیلومتر مربع در استان مازندران و در محدوده طول جغرافیایی ۱۰° ۵۳' و ۱۸° ۵۳' و عرض جغرافیایی ۳۵° ۵۸' و ۳۵° ۰۷' قرار دارد که در زون زمین ساختی البرز واقع شده و اقلیم آن براساس نقشه اقلیمی ایران معتدل خزری است و میانگین بارندگی سالیانه آن ۸۰۰ میلی متر می باشد. رودخانه اصلی حوضه معرف کسلیلیان تالار سربند است.

##### حوضه آبخیز امامه

حوضه آبخیز معرف امامه در شمال استان تهران و در محدوده جغرافیایی

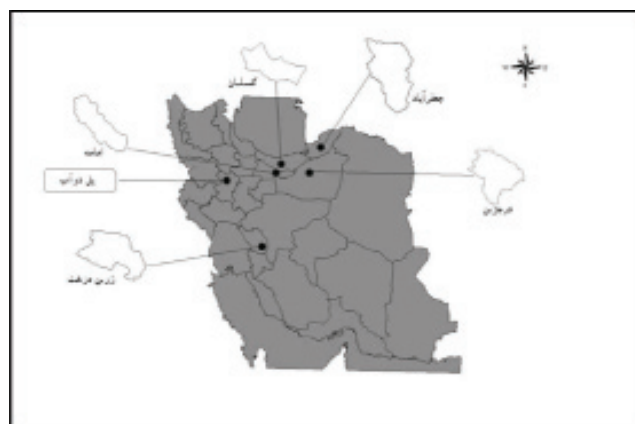
جدول ۱- خصوصیات حوضه های آبخیز منتخب

حوضه	مساحت km <sup>2</sup>	محیط km	ضریب گردی گراویلیوس	ارتفاع متوسط حوضه M	شیب متوسط سطح حوضه %	شیب متوسط رودخانه %	طول آبراهه اصلی km	ضریب گردی میلر
امامه	۳۷,۱۰۲۹	۲۹,۵	۱,۳۵	۲۶۲۰	۲۸,۵	۱۴,۷	۱۳	۰,۵۲
کسیلیان	۶۶,۷	۴۴,۳	۱,۵۲	۱۶۲۰	۱۵,۸	۱۳	۱۶,۵	۰,۴۳۰۱
پل دوآب	۱۷۵۰,۹۲	۲۸۵,۱۹	۱,۹۲۲	۲۳۷۴,۴	۲۰,۴۶	---	۷۱,۲	۰,۲۷
زرین درخت	۴۴۲,۵	۱۱۲,۳	۱,۵۱	۲۳۸۶	---	۰,۴۸	۲۵,۲۵	---
جعفرآباد	۱۰۹,۴۸	۵۷,۶۵	۱,۳۹	۱۱۲۴,۶	۴۲	۱,۹۸	۲۰,۱	۰,۵۱۵
درجزین	۳۲۸,۰۳۴	۹۴,۸۵	۱,۴۶۶	۲۰۹۹,۷۴	۲۵,۶۲	۳,۵۱	۳۳,۱۴	۰,۴۶

ب: با کسر میزان آب پایه به روش مستقیم حجم جریان هر واقعه سیلابی محاسبه شد.

ج: تجزیه هیتوگراف بارش متناظر هر واقعه سیلابی: برای استخراج بارش اضافی هیتوگراف متناظر هر واقعه سیلاب در هر حوضه روش شاخص فی (Ø) عمل شد.

د: محاسبه هیدروگراف واحد لحظه ای ناش: ناش در سال ۱۹۵۷ حوضه آبخیز را به عنوان یک سیستم با منبع خطی سری با مشخصات ذخیره k معرفی کرد وی هیدروگراف واحد لحظه ای را براساس روند یابی لحظه ای جریان ورودی در مخازن خطی فرضی ارائه کرد. هیدروگراف واحد لحظه ای ناش مدلی مفهومی است که وقتی منبع خطی به صورت سری به هم متصل شوند، جریان خروجی از یک منبع، ورودی منبع بعدی است. بطوریکه جریان خروجی از منبع اول معادل هیدروگراف واحد لحظه ای همان منبع و با رابطه ۱ محاسبه می شود.



شکل ۱- موقعیت حوضه های آبخیز انتخابی در کشور

$$K_1 e^{-t/k_1} \quad (1)$$

که K<sub>1</sub> ضریب ذخیره آن و t زمان (ثانیه) است. اگر هیدروگراف واحد لحظه ای منبع دوم برابر (رابطه ۲) باشد K<sub>2</sub> ضریب ذخیره منبع دوم است.

$$K_2 e^{-t/k_2} \quad (2)$$

و در نتیجه جریان خروجی از دو منبع خطی در سری سیستم هماهنگ IUH قرار می گیرد. (رابطه ۳) (شکل ۲) [۱۳].

$$\frac{1}{k_1 k_2} e^{-\frac{t}{k_2}} \left[ e^{\frac{t}{k_1} * \frac{k_1 - k_2}{k_1 k_2}} - 1 \right] \frac{1}{k_1 k_2} * k_1 k_2 \quad (3)$$

وقتی ضریب ذخیره همه منابع خطی سیستم یکسان است (رابطه ۴):

$$K = K' = K'' = \dots = K_n \quad (4)$$

هیدروگراف واحد لحظه ای برای اینگونه سیستم ها به صورت زیر

### روش تحقیق

هیدروگراف واحد لحظه ای ناش بر اساس روابط میان خصوصیات فیزیوگرافی و هیدرولوژیکی یک حوضه شکل می گیرد. به منظور انجام تحقیق حاضر موارد ذیل انجام گرفته است.

درا ابتدا حوضه های مورد مطالعه به گونه ای انتخاب شدند که با فرضیات هیدروگراف واحد لحظه ای همخوانی داشته باشد به عنوان مثال هیدروگراف واحد لحظه ای قابلیت برآورد هیدروگراف سیل را در حوضه های کوچک دارد که این مسئله مد نظر قرار گرفت و همچنین ایستگاه های هیدرومتری و هواشناسی آنها به گونه ای انتخاب شدند که بیشترین هماهنگی را با حوضه آبخیز مورد مطالعه داشته باشند و متوسط بارندگی در هر ایستگاه دارای نزدیکترین آمار نسبت به میانگین حوضه باشد تا قابلیت تعمیم به کل حوضه را داشته باشد.

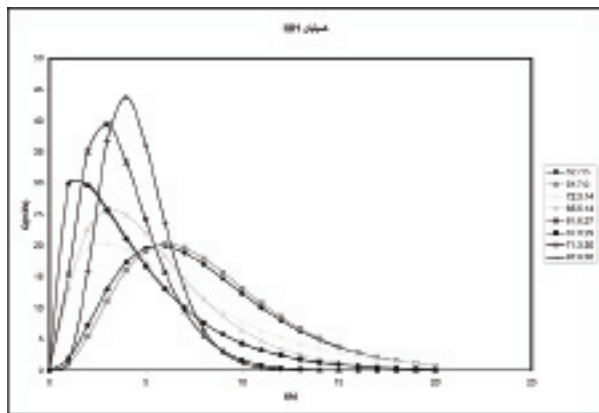
الف: محاسبه خصوصیات فیزیوگرافی حوضه ها: برای به دست آوردن خصوصیات فیزیوگرافی حوضه ها (در مواردی که اطلاعات مربوط به حوضه موجود نبود) نقشه توپوگرافی ۱/۵۰۰۰۰ حوضه ها تهیه و با نرم افزارهای ArcView و ArcGIS پارامترهای مورد نظر به دست آمد.

نتایج بهتر با اعمال ریاضی مانند ضرب، تقسیم، لگاریتم اقدام به تغییر فرم این پارامترها با هم شد.

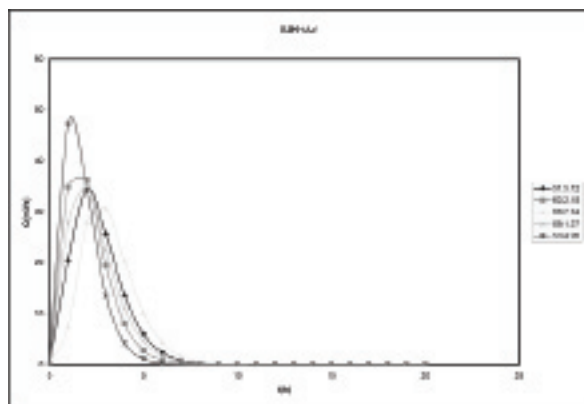
و: تجزیه و تحلیل چند متغیره و ارائه مدل: تجزیه و تحلیل های چند متغیره یکی از روش های آماری جهت بررسی دو یا چند پارامتر با هم هستند که انواع مختلفی داشته و با توجه به نوع تحقیق و آماره ها انتخاب میشوند. در این تحقیق از رگرسیون چند متغیره استفاده شد..

### نتایج

محاسبه هیدروگراف واحد لحظه‌ای در حوضه های آبخیز منتخب هیدروگراف واحد لحظه‌ای ناش با توجه به موارد فوق در حوضه های آبخیز منتخب وبا استفاده از داده های سیلاب وهیتوگراف متناظر انتخاب شده به دست آمد (اشکال ۳ الی ۸).



شکل ۳- هیدروگراف واحد لحظه ای ناش حوضه کسلیان



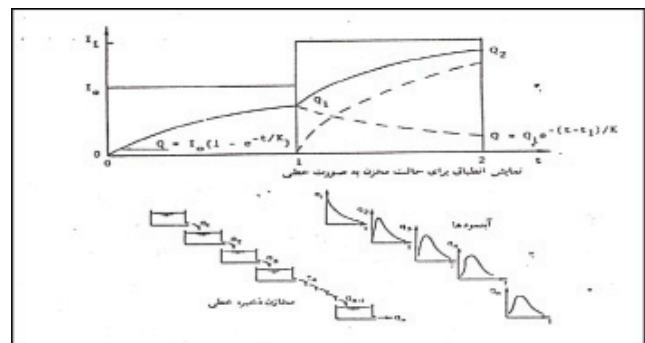
شکل ۴- هیدروگراف واحد لحظه ای ناش حوضه امامه

نمایش داده می شود(رابطه ۵).

$$h(0,t) = \int_{t=0}^{t=t} \frac{1}{k} e^{-\frac{t-T}{k}} \frac{1}{K} e^{-\frac{-(t-T)}{k}} d = \frac{t}{K^2} e^{-\frac{t}{k}} \quad (5)$$

وقتی n منبع خطی در سری قرار داده شوند (رابطه ۶):

$$h(0,t) = \frac{1}{k} \left(\frac{t}{k}\right)^{n-1} \frac{1}{(n-1)!} e^{-\frac{t}{k}} \quad (6)$$



شکل ۲- مدل ناش (اقتباس از کتاب هیدرولوژی و مهندسی

حفاظت خاک، قان شیان، ۲۰۰۴، دهلی)

مدل ناش در سال ۱۹۸۵ توسعه پیدا کرد و ناش برای محاسبه غیرانتگرالی ارزش n فاکتوریل را با تابع گاما عوض کرد و مدل را به صورت رابطه ۷ ارائه کرد.

$$h(0,t) = \frac{1}{k} \left(\frac{t}{k}\right)^{n-1} \frac{1}{\Gamma n} e^{-\frac{t}{k}} \quad (7)$$

این مدل به نام معادله ناش یا مدل دو پارامتره مفهومی معروف است که دارای دو پارامتر k و n بوده که این دو پارامتر برای تمام معادلات گشتاور تعریف شده اند و می توان با استفاده از معادلات گشتاور برای محاسبه پارامترهای مدل ناش و در نهایت رآورد هیدروگراف واحد حوضه استفاده نمود که در این مقاله از روش گشتاور حول منبع استفاده شده است. همچنین ناش برای تعیین پارامتر های n و k دو مدل تجربی زیر را ارائه نمود که عبارتند از: (رابطه ۸ و ۹)

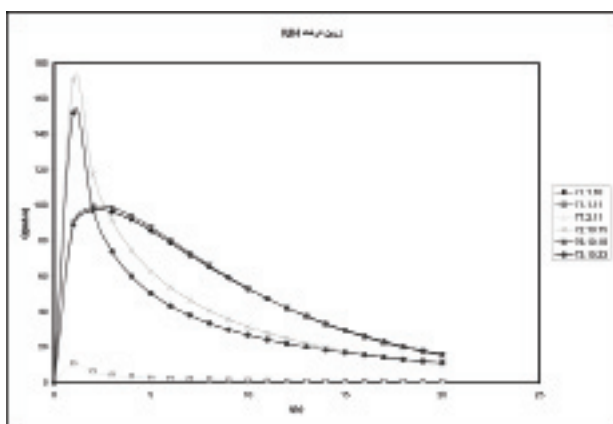
$$nK = 2.0 \cdot L^3 \cdot EA^{-0.33} \quad (8)$$

که در آن EA شیب یکنواخت حوضه و n با رابطه ۱۳ محاسبه میشود که در آن

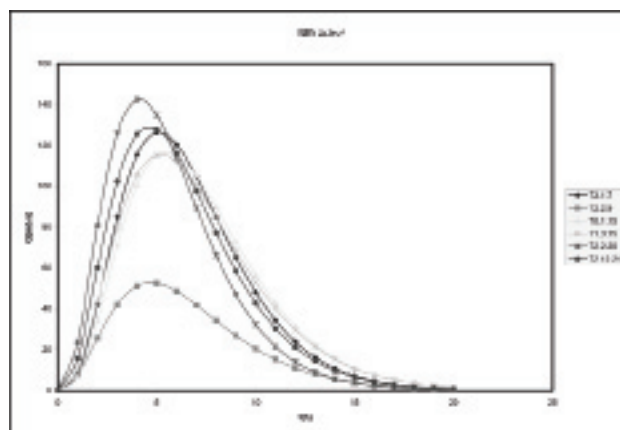
$$n = \frac{L}{0/41} \quad (9)$$

L= طول آبراهه اصلی به کیلومتر است.

ه: تغییر فرم<sup>۵</sup> پارامتر های مدل ناش و خصوصیات فیزیوگرافی و بارش: پس از به دست آوردن پارامتر های ذکر شده به منظور کسب پارامتر های بیشتر و ایجاد تنوع جهت تجزیه و تحلیل های بعدی و کسب



شکل ۸- هیدروگراف واحد لحظه ای ناش حوضه زرین درخت



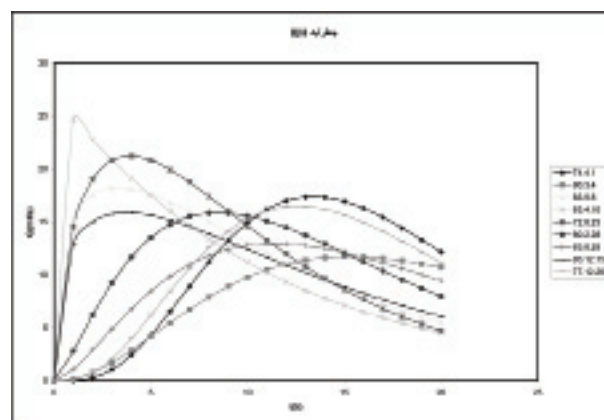
شکل ۵- هیدروگراف واحد لحظه ای ناش حوضه درجزین

**ضرایب هیدروگراف واحد لحظه ای ناش**

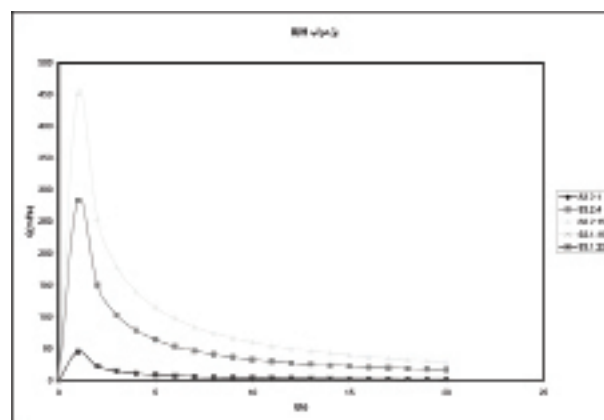
همان گونه که ذکر شد مدل ناش از دو پارامتر  $n$  (تعداد مخازن) و  $k$  (ضریب ذخیره) تشکیل شده که مقادیر آنها برای وقایع مختلف سیل در حوضه های انتخابی محاسبه شد (جدول ۲).

جدول ۲- پارامترهای مدل ناش ( $k$  و  $n$ ) و میانگین آنها

پارامترهای مدل ناش		تاریخ رگبار	حوضه
N	K		
۳/۸۵	۰/۶۹	۵۱/۵/۱۲	امامه
۳/۲۹	۰/۶۴	۶۳/۲/۱۵	
۵/۲۸	۰/۶۱	۶۸/۲/۲۴	
۳/۳۳	۰/۷۲	۵۹/۱/۲۷	
۳/۱	۰/۵۶	۵۳/۴/۲۸	
۷۷/۳	۶۴۴/۰	-----	میانگین
۰/۰۱	۴۹۸۹	۸۳/۱/۲۲	پل دوآب
۰/۰۱	۲۶۳۹	۸۳/۲/۱	
۰/۰۹	۱۸۴	۸۳/۲/۴	
۰/۱۹	۶۰/۶	۸۳/۲/۱۵	
۰/۰۱	۱۹۵۱	۸۳/۱/۱۶	
۰/۰۶	۶۶/۱۹۶۴	-----	میانگین
۴/۸۹	۳/۴۵	۷۴/۴/۱	جعفر آباد
۳/۳۴	۶/۵۳	۸۰/۳/۴	
۱/۳۷	۸/۹۳	۸۳/۹/۸	
۱/۰۱	۱۰/۹	۸۳/۴/۱۰	
۱/۳۶	۱۰/۴	۸۳/۱۲/۱۵	
۱/۶۱	۶/۴۴	۷۲/۸/۲۳	
۲/۳۸	۶/۱۴	۸۰/۲/۲۸	
۲/۶۳	۶/۹۹	۸۳/۸/۲۸	
۴/۰۸	۴/۰۸	۷۷/۱۲/۲۶	
۵/۱/۲	۰/۹/۷	-----	میانگین



شکل ۶- هیدروگراف واحد لحظه ای ناش حوضه جعفر آباد



شکل ۷- هیدروگراف واحد لحظه ای ناش حوضه پل دوآب

جدول ۳- آنالیز فاکتور داده های مستقل

پارامترها	مدل		
	۱	۲	۳
بارش اضافی	-۰/۱۲۶	۰/۹۹۱	۰/۰۵۳
مساحت	-۰/۹۴۱	-۰/۱۴۲	-۰/۳۰۹
محیط	-۰/۹۷۴	-۰/۰۳۶	-۰/۲۲۴
ارتفاع متوسط	-۰/۲۳۸	-۰/۱۸۸۰	-۰/۴۱۱
دبی بر مساحت*	-۰/۹۴۶	۰/۲۷۲	۰/۱۷۶
شیب آبراهه بر بارش اضافی	۰/۳۱۱	-۰/۷۳۲	۰/۶۰۶
زمان اوج بر ارتفاع متوسط	۰/۱۴۰	۰/۹۹۰	۰/۰۰۹
شیب آبراهه بر محیط	-۰/۸۵۱	۰/۱۶۶	۰/۴۹۹
طول آبراهه اصلی بر شیب آبراهه	۰/۸۲۶	-۰/۴۳۸	۰/۳۵۶
طول آبراهه بر شیب حوضه	۰/۶۸۸	۰/۵۹۲	۰/۴۲۰
شیب حوضه بر مساحت	-۰/۸۳۱	-۰/۵۵۷	۰/۰۰۵
شیب آبراهه بر ارتفاع متوسط	-۰/۰۰۸	۰/۹۶۸	۰/۲۵۰

\* منظور پارامترهای ترکیبی است به عنوان مثال Q/A یا دبی بر مساحت

در نهایت با بررسی رابطه میان پارامترهای ذکر شده و به دست آوردن ضرایب مربوطه مدل هایی به دست آمد که با توجه به مقادیر  $R^2$  و اشتباه استاندارد و مقدار باقیمانده نه مدل و از میان آنها سه مدل که کمترین باقیمانده و اشتباه استاندارد و بیشترین  $R^2$  را داشتند انتخاب شدند که در جدول ۴ نشان داده شده اند. با استفاده از مدل اول (رابطه ۱۰) و با داشتن پارامترهای بارش اضافی، مساحت، طول آبراهه اصلی و شیب حوضه می توانیم مقدار  $n$  را برآورد کنیم. مدل دوم که مدلی لگاریتمی است نیز با پارامترهای مدل اول مقدار  $k$  را برآورد می کند (رابطه ۱۱). و در نهایت مدل سوم با پارامترهای بارش اضافی، طول آبراهه، شیب حوضه و ارتفاع متوسط حوضه به برآورد مقدار  $n$  و  $k$  می پردازد (رابطه ۱۲) که این مدل را می توان با استفاده از یکی از روابط فوق استفاده کرد.

جدول ۴- مدل های پیشنهادی برای تخمین پارامترهای مدل ناش

(۱۰) $\frac{1}{n} = 0.32 \frac{Lr}{Sb} + 0.01 A - 0.77 Tr - 0.394$
$R^2 = 0.996 \quad SE = 0.06$
(۱۱) $\log k = 0.15 \frac{Lr}{Sb} + 0.01 A + 0.477 Tr - 0.22$
$R^2 = 0.927 \quad SE = 0.31$
(۱۲) $\log n \times \frac{1}{k} = 0.01 H - 0.257 \frac{Lr}{Sb} + 0.05 Tr - 0.439$
$R^2 = 0.997 \quad SE = 0.04$

$k$  ضریب ذخیره مدل ناش،  $Lr$  طول آبراهه اصلی،  $Sb$  شیب حوضه،  $H$  ارتفاع متوسط حوضه،  $n$  تعداد مخازن مدل ناش،  $Tr$  بارش اضافی،  $A$  مساحت

حوضه	پارامترهای مدل ناش		تاریخ رگبار
	N	K	
کسیلیان	۳/۵۳	۲/۲۵	۵۲/۷/۶
	۳/۹۵	۲/۰۷	۵۴/۷/۶
	۱/۷۶	۳/۷۶	۷۲/۳/۱۴
	۲/۴۱	۲/۲۸	۶۵/۵/۱۴
	۳/۴۳	۱/۱۵	۵۱/۶/۲۷
	۱/۴۷	۳/۰۰	۶۷/۸/۲۹
	۶/۶۸	۰/۶۸	۷۱/۳/۳۰
	۱/۵۰	۲/۹۲	۶۷/۶/۳۰
میانگین	۳/۰۹	۲/۲۶	-----
زرین درخت	۰/۴۳۵	۲۱/۵۳۸	۷۳/۱۰/۲۳
	۱/۳۵	۶/۷۵	۷۶/۱۰/۱۵
	۰/۵۸۵	۱۲/۵۸	۷۲/۱۰/۱۵
	۰/۲۳۳	۴۰/۲۲	۷۷/۱۲/۱
	۰/۲۳۳	۴۰/۲۲	۷۱/۱/۱۱
	۱/۳۳	۷/۰۲	۷۷/۱/۱۰
	میانگین	۰/۶۹	۲۱/۳۸
درجزین	۴/۳۵	۱/۵۲	۷۳/۱/۷
	۳/۵۷	۱/۸۳	۷۲/۲/۹
	۴/۲۷	۱/۶۸	۷۰/۱/۱۵
	۳/۸۹	۱/۷۹	۷۱/۳/۱۵
	۳/۷۳	۱/۵۰	۷۲/۲/۲۰
	۳/۸۳	۱/۶۳	۷۲/۱۲/۲۱
میانگین	۳/۹۴	۱/۶۶	-----

### رگرسیون چند متغیره

پس از به دست آوردن ضرایب  $k$  و  $n$ ، باید رابطه این داده ها با روش های آماری به خصوص رگرسیون چند متغیره با خصوصیات فیزیوگرافی و بارش به دست آید. در ادامه نتایج مربوط به آنالیز داده ها ارائه شده است.

### آنالیز فاکتور پارامترهای مستقل

برای تعیین همبستگی میان پارامترهای مستقل اقدام به آنالیز فاکتور پارامترهای مستقل شد که نتایج آن در جدول ۳ نمایش داده شده است. در این جدول داده ها با سه مدل نشان داده شده اند که میزان همبستگی و ارزش هر مدل بیانگر مقدار همبستگی و کاربرد پارامترهاست. همانگونه که مشاهده می شود با استفاده از آنالیز انجام شده در این جدول و در هر سه مدل موجود می توان پارامترهایی که همبستگی بالایی دارند را پیدا کرده و مورد استفاده قرار داد. به عنوان مثال در مدل اول پارامترهای مساحت، محیط و پارامترهای ترکیبی طول آبراهه روی شیب حوضه و طول آبراهه روی شیب آبراهه اصلی دارای همبستگی بالایی هستند و در تعیین پارامترهای مدل ناش از این عوامل بیشترین استفاده می شود.

پارامترهای موثر بر هیدروگراف آزمون شود.

### پاورقی‌ها

- 1- Instantaneous Unit Hydrograph
- 2-Geomorphologic
- 3-Geomorphoclimatic
- 4-Nash
- 5-deformation

### منابع مورد استفاده

- ۱- حشمت پور، ع. (۱۳۷۸) بررسی کارایی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک و ژئومورفوکلیماتیک در حوضه آبخیز معرف کسلیان، پایان نامه کارشناسی ارشد دانشگاه علوم کشاورزی و منابع طبیعی گرگان
- ۲- حشمت پور، محسنی ساروی، م، سعیدالدین، ا. عرفانیان، م. (۱۳۸۱) بررسی کارایی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک و ژئومورفوکلیماتیک در برآورد دبی سیلاب T مجله منابع طبیعی ایران، جلد ۵۵، شماره ۱
- ۳- زهتابیان غ ر، وفاخواه، م و پور توماج. (۱۳۸۰) بررسی کاربرد هیدروگراف واحد مصنوعی در تجزیه و تحلیل سیلاب ها در حوضه های آبخیز شمال کشور، مجله منابع طبیعی ۵۴ (۴) ص ۳۳۱-۳۴۴
- ۴- عباسی ع. ا. (۱۳۷۱) تهیه و کالیبراسیون مدل کامپیوتری برآورد رواناب برای حوضه های کوچک پایان نامه کارشناسی ارشد دانشگاه عمران دانشگاه صنعتی شریف
- ۵- عرفانیان، م. (۱۳۷۷) بررسی کارایی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیک و ژئومورفوکلیماتیک در حوضه آبخیز در جزین سمنان، پایان نامه کارشناسی ارشد دانشگاه علوم کشاورزی و منابع طبیعی گرگان
- ۶- غیائی، ن. ق. (۱۳۸۳) واسنجی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژی و ژئومورفوکلیماتولوژی در حوضه آبخیز کسلیان و ليقوان: طرح پژوهشی پژوهشکده حفاظت خاک و آبخیزداری وزارت جهاد کشاورزی
- ۷- غیائی، ن. روغنی، م. (۱۳۸۳) کارایی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژی و مقایسه آن با هیدروگراف های مصنوعی اشنايدر، مثلثی، SCS، در حوضه آبخیز کسلیان، مجله پژوهش و سازندگی، ش ۷۰، ۲۳-۳۲
- ۸- غیائی، ن. ق. (۱۳۷۵) واسنجی هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژی و ژئومورفوکلیماتولوژی در حوضه آبخیز امامه پایان نامه کارشناسی ارشد دانشگاه منابع طبیعی تهران
- ۹- قهرمان، ب. (۱۳۷۴) هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفوکلیماتولوژی، دانشگاه فردوسی مشهد، نشریه دانشکده مهندسی سال ۷، شماره ۱: ۲۸-۵۶
- ۱۰- محمودی، ف.، یمانی، م.، بهرامی، ش. (۱۳۸۶) ارزیابی مدل هیدروگراف واحد لحظه ای ژئومورفولوژیکی در حوضه آب خیز کنگیر (ایوان غرب)، پژوهش های جغرافیایی - شماره ۶۰
- ۱۱- مصطفی زاده، ر. (۱۳۸۷) پایان نامه در دست تهیه کارشناسی ارشد آبخیز داری حوضه آبخیز جعفر آباد، دانشگاه علوم کشاورزی و منابع طبیعی گرگان

### بحث و نتیجه گیری

همانگونه که شرح داده شد مدل ناش دارای دو ضریب  $n$  یا ضریب شکل  $k$  یا ضریب ذخیره است که این ضرایب در حوضه های مختلف متفاوت است و برای به دست آوردن هیدروگراف واحد در هر حوضه باید آنها را به دست آورد. به این دسته از پارامترها که به وسیله متغیرهای فیزیوگرافی و بارش (به عنوان متغیرهای مستقل) برآورد می شوند متغیرهای وابسته گفته می شود.

میزان همبستگی متغیرهای مستقل و وابسته بیانگر وجود رابطه یا عدم وجود رابطه میان پارامترهای مورد مطالعه است و بدین جهت در این مطالعه اقدام به بررسی رابطه پارامترهای هیدروگراف واحد لحظه ای ناش ( $k$  و  $n$ ) با خصوصیات فیزیوگرافی حوضه ها و خصوصیات بارش هر منطقه شد. نتایج حاصله که با روش های آماری رگرسیون چند متغیره انجام شده نشان دهنده همبستگی بالای میان  $k$  و  $n$  با خصوصیات حوضه ها بخصوص مساحت، ارتفاع متوسط، شیب حوضه، طول آبراهه اصلی، شیب آبراهه اصلی و خصوصیات بارش به ویژه مقدار بارش اضافی در هر رگبار است. رابطه میان پارامترهای مستقل نیز با توجه به رابطه میان بارش اضافی و شرایط هیدرولوژیکی و فیزیوگرافی حوضه ها طبیعی به نظر میرسد به عنوان مثال شیب حوضه با مقدار بارش اضافی رابطه مستقیم دارد و یا طول آبراهه در آبراهه های دائمی نیز هر چند به میزان کم و جزئی اما در میزان تولید رواناب (بارش اضافی) نقش دارد. پس وجود رابطه میان متغیرهای مستقل نرمال است اما پارامترهای مدل ناش ( $k$  و  $n$ ) نیز طبعاً با خصوصیات حوضه رابطه خواهد داشت چرا که اصل این مدل بر مبنای این پارامترها بنیان گذاشته شده است  $n$  یا تعداد مخازن به طور مستقیم با خصوصیات فیزیوگرافی رابطه دارد و در واقع جزیی از همین پارامترهاست و  $k$  یا ضریب ذخیره نیز به خصوصیات فیزیوگرافی و بارش وابسته است و از آنها تاثیر می پذیرد. با استفاده از روابط و همبستگی میان پارامترها سه مدل از میان مدل های به دست آمده که کمترین خطای استاندارد و بیشترین مقدار  $R^2$  را داشتند انتخاب شد که با توجه به محاسبات و مقایسه های انجام شده این سه مدل نسبت به مدل های تجربی ارائه شده توسط ناش کارایی بسیار بهتری داشته و نتایج حاصل از آنها به دلیل تطابق اقلیمی و سازگاری با شرایط فیزیوگرافی حوضه ها بسیار به واقعیت نزدیکتر از مقادیر برآورد شده توسط مدل های تجربی ناش می باشد. همانگونه که گفته شد کاربرد مدل ناش در ایران قبلاً توسط غیائی (۱۳۸۳)، محمودی (۱۳۸۶)، عرفانیان، حشمت پور، ساروی، سعیدالدین (۱۳۸۱) و برخی دیگر از محققین توصیه شده بود محقق با این پیش فرض اقدام به مطالعه مدل ناش و ارائه مدل های تجربی فوق نمود که با محاسبات و آزمایش های انجام شده مشخص شد که روابط بدست آمده نسبت به مدل های تجربی ارائه شده توسط ناش بسیار کارآتر و مناسب تر است و استفاده از این مدل ها بدلیل تطابق با خصوصیات فیزیوگرافی و اقلیمی کشور در حوضه های با خصوصیات مشابه حوضه های مورد مطالعه پیشنهاد می شود.

### پیشنهادات

پیشنهاد می شود در تحقیقات آینده مطالعه بیشتری بر روی این مدل انجام شود و کاربرد مدل ناش در حوضه ها و اقلیم های بیشتری و در صورت دسترسی به آمار بیشتر با داده های بیشتری بر روی سایر



Research Council, Wallingford, 192pp.

18-Nash, J.E.(1960) *A unit hydrograph study with particular reference to British catchments*, Proc. Inst. Civil. Eng., 17, 249-282.

19-Ramirez Gorge A.(2000) Hydrology of geomorphologic instantaneous unit hydrograph *Colorado state univercity*

20-Rodriguez-Iturbe, Devoto, I. G. and Valdes, J.B.(1979) Discharge response analysis and hydrological similarity, *Water Resour. Res.* 15, 1435-1444.

21-Rosso R.(1984)NASH model related to Horton order ratios: *wat.resours.res.*20(7):914-920

22-Vandertak L.D.Bras R.L.(1990)incropoating *hillslope* effects into the geomorphologic instantaneous unit hydrograph; *wat resours.res* 26(10):2393-2400

*Hydrological Processess*: 71-84

13-Diaz-Grandos, M.A.Valders, J.B & Bras, R.L. (1984) A physically based flood frequency distribution. *Water Resour. Res.*, 20 (7) : 995-1002

14-Franchini, M. and O'Connell, P.E.(1996) An analysis of the dynamic component of the geomorphologic instantaneous unit hydrograph, *J. Hydrol.*, 175, 407-428

15-Gupta, V.K. Waymir, E.D & Wang C.T. ( 1980) A representation of the instantaneous unit hydrograph from geomorphology, *Water Resours . Res.*, 16(5):855-862

16-Henderson, F.M.(1963) Some properties of the unit hydrograph, *J.Geophys. Res.*, 68, 4785-4793

17-Institute of Hydrology and British Geological Survey(1989) Hydrological data UK 1988 yearbook, Natural Environment

