

## مدل‌سازی دو بعدی و بررسی تأثیر شیب بر توزیع رطوبت اطراف قطره‌چکان سطحی با روش احجام محدود

رسول فبادیان<sup>1</sup>

تاریخ پذیرش: 1394/1/18 تاریخ پذیرش: 1394/6/11

### چکیده

شبیه‌سازی عددی یک روش سریع و کم‌هزینه برای مطالعه و مدیریت بهینه کاربرد آب در مزرعه است. بدین منظور مدل‌های عددی مختلفی برای تعیین توزیع رطوبت در خاک ارایه شده است که اساس کار آن‌ها حل عددی معادله عمومی جریان آب در خاک می‌باشد. در این تحقیق معادله حاکم بر جریان آب در خاک اطراف قطره‌چکان (معادله ریچاردز برای خاک اشباع - غیراشباع) به روش عددی احجام محدود و تکنیک کرنک نیکلسون منفصل سازی شد. دستگاه معادلات حاکم به روش تکراری ژاکوبی حل شد. واسنجی مدل با استفاده از داده‌های اندازه‌گیری رطوبت اطراف لوله جدار نازک آبیاری قطره‌ای مدفون شده در عمق 6 سانتی‌متری در یک خاک شنی - لومی و همچنین مقایسه با نتایج مدل HYDRUS-2D که هر دو توسط (Skaggs et al., 2004) انجام شده است صورت گرفت. نتایج این تحقیق نشان داد با در نظر گرفتن شرایط مرزی مناسب اطراف قطره‌چکان دقت مدل احجام محدود این تحقیق با مدل المان‌های محدود HYDRUS-2D کاملاً برابری می‌کند و توزیع رطوبت اندازه‌گیری شده در مزرعه را با خطای کم‌تر از هفت درصد برآورد می‌کند. در ادامه با مدل حاضر توزیع رطوبت اطراف قطره‌چکان بر روی سطح خاک شیب‌دار در شرایط آبیاری و پس از قطع جریان آب بررسی شد.

**واژه‌های کلیدی:** آبیاری قطره‌ای، حرکت آب در خاک، روش احجام محدود، شبیه‌سازی عددی

### مقدمه

امروزه آبیاری قطره‌ای سطحی زیرسطحی به عنوان یکی از پیشرفته‌ترین و مهم‌ترین روش‌های آبیاری در کشاورزی مطرح است و از جمله روش‌هایی است که در سال‌های اخیر به دلیل افزایش راندمان و بالا بردن کارایی مصرف آب جایگاه ویژه‌ای در کشاورزی پیدا کرده است. در سیستم آبیاری قطره‌ای زیرسطحی آب در حجم و فشار کم در اختیار گیاه قرار می‌گیرد که موجب کاهش تلفات و بالا رفتن کارایی مصرف آب می‌شود. از طرفی چون تلفات تبخیر در این سیستم‌ها نسبت به سایر سیستم‌های آبیاری اندک است راندمان آبیاری در آن‌ها افزایش می‌یابد (افشار جهان‌شاهی و همکاران، 1391). به طور کلی طراحی سیستم‌های آبیاری قطره‌ای نیازمند داشتن آگاهی از چگونگی توزیع رطوبت در محل قطره‌چکان‌ها یا به بیانی دیگر، آگاهی داشتن از الگوی خیس‌شدن نیم‌رخ خاک که در اصطلاح به آن پیاز رطوبتی گویند، می‌باشد. شناخت و تخمین مناسب خصوصیات و عوامل مؤثر بر پیاز رطوبتی خاک همواره مورد توجه

محققین بوده است. از اینرو تحقیقات فراوانی در این خصوص تا به امروز انجام شده است.

محمدی و همکاران (1392) تحقیقی را با موضوع بررسی ابعاد پیاز رطوبتی در اراضی شیب‌دار و به منظور بررسی اثر شیب و مدت زمان آبیاری بر روی ابعاد پیاز رطوبتی در منطقه‌ای فتحعلی دشت مغان انجام دادند. آزمایشات روی قطره‌چکان با دبی ثابت 4 لیتر بر ساعت در مدت زمان‌های آبیاری 2، 4 و 6 ساعت و شیب‌های 0، 5، 15 و 25 درصد با بافت خاک لوم سیلتی انجام گرفت. نتایج نشان داد با افزایش شیب زمین، مساحت و حجم پیاز رطوبتی در مدت زمان آبیاری ثابت افزایش یافت. همچنین نشان داد در اراضی شیب‌دار برخلاف اراضی مسطح قسمت عمده‌ی توزیع رطوبت به‌ویژه هسته‌ی رطوبتی در پایین دست قطره‌چکان واقع شده و پیاز رطوبتی در این اراضی نسبت به اراضی مسطح بزرگ‌تر بوده است. خرمی و همکاران (1392) شبیه‌سازی حرکت آب و توزیع مجدد رطوبت در خاک را در آبیاری قطره‌ای با مدل HYDRUS دو و سه بعدی انجام دادند. نتایج آن‌ها نشان داد که مدل هایدروس دو و سه بعدی توانایی بالایی در شبیه‌سازی میزان رطوبت خاک دارد. شریف‌نیا و همکاران (1388) اثر شیب زمین، دبی قطره‌چکان و

1 - دانشیار گروه مهندسی آب دانشگاه رازی کرمانشاه

rsghobadian@gmail.com

المان محدود HYDRUS-2D نشان داد توزیع رطوبت محاسبه شده توسط مدل مذکور تطابق خیلی خوبی با داده‌های اندازه‌گیری دارد (Skaggs et al, 2004).

کندلوس و سایمونک از نرم افزار HYDRUS برای ارزیابی توزیع رطوبت اطراف قطره چکان یک خاک لوم رسی استفاده کردند. نتایج شبیه‌سازی با دو سری آزمایش آزمایشگاهی و مزرعه‌ای در سیستم آبیاری قطره‌ای زیرسطحی با قطره‌چکان‌های نصب شده در عمق‌های مختلف مقایسه و ارزیابی شد. نتایج نشان دادند که بین شبیه‌سازی‌ها و مشاهدات تطابق خوبی وجود داشت (and Simunek, 2010) Kandelous.

ال - نثر و همکاران به منظور شبیه‌سازی آبیاری با دو قطره‌چکان زیرسطحی و یک مانع فیزیکی در مقابل حرکت آب و انتقال اصلاح در خاک‌ها با مدل HYDRUS تحقیقی را انجام دادند (EL-Nesr et al, 2013).

در طراحی سیستم‌های آبیاری قطره‌ای شکل الگوی رطوبتی از پارامترهای مهم و تأثیرگذار در انتخاب قطره‌چکان است و روی حجم آب آبیاری مؤثر است (پلنگی و آخوند علی، 1387). بررسی منابع قبلی نشان می‌دهد اکثر تحقیقات آزمایشگاهی بوده و یا استفاده از مدل‌های مبتنی بر روش المان‌های محدود است. هدف اصلی این تحقیق تهیه مدلی کامپیوتری بر مبنای روش حجم کنترل برای شبیه‌سازی توزیع رطوبت اطراف قطره‌چکان مدفون و سطحی در اراضی مسطح و شیب‌دار می‌باشد. در ادامه نتایج با داده‌های اندازه‌گیری قبلی و همچنین نتایج مدل المان محدود HYDRUS 2D مقایسه شد.

## مواد و روش‌ها

### معادلات حاکم شرایط مرزی

معادله حاکم بر مساله رابطه ریچاردز در شرایط جریان غیر ماندگار، در محیط متخلخل غیرهمروند و غیرهمگن دو بعدی است. این معادله با فرض اینکه هوا نقش ناچیزی در حرکت جریان آب داشته باشد در مختصات دکارتی به شکل زیر است:

$$\frac{\partial}{\partial x} (K_x(\psi) \frac{\partial \psi}{\partial x}) + \frac{\partial}{\partial y} (K_y(\psi) \frac{\partial \psi}{\partial y}) + K_y(\psi) \pm \frac{q_s}{\Delta x \Delta y} = \frac{\partial \theta(\psi)}{\partial t} \quad (1)$$

که در آن  $\theta$  رطوبت حجمی  $[L^3/L^3]$ ،  $\psi$  بار فشاری  $[L]$  مثبت یا منفی،  $K$  هدایت هیدرولیکی  $[L/T]$ ،  $y$  مختص عمودی  $[L]$  (در جهت بالا مثبت)،  $x$  مختصه افقی  $[L]$ ،  $t$  زمان  $[T]$ ،  $q_s$  دبی تزریق (+) یا تخلیه (-)  $[L^2/T]$ ،  $\Delta x$  و  $\Delta y$  و به ترتیب اندازه

مدت زمان آبیاری بر پیاز رطوبتی را در خاک لوم سیلتی بررسی کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که در اکثر موارد در اثر شیب، این رطوبتی پیاز به پایین دست کشیده شده است.

خان محمدی و بشارت (1392) توزیع رطوبت در آبیاری قطره‌ای T-Tape در یک خاک لوم رسی را با استفاده از مدل HYDRUS-2D به دست آوردند و با اندازه‌گیری صحرائی مقایسه کردند. سپس با استفاده از نتایج اجرای مدل برای دبی‌های مختلف قطره‌چکان در طی 30 ساعت آبیاری، روابط ساده‌ای برای محاسبه عمق و قطر خیس شده پیاز رطوبتی به ازای هدایت هیدرولیکی اشباع خاک، دبی قطره‌چکان و ساعت کارکرد ارائه نمودند.

کاظمی و صدرالدینی (1392) پیاز رطوبتی اطراف قطره‌چکان و در حد فاصل دو قطره‌چکان بر روی یک لترال در آبیاری قطره‌ای زیرسطحی در خاک لومی شنی را شبیه‌سازی کردند. نتایج آن‌ها نشان داد کارایی مدل سه بعدی HYDRUS در مقایسه با مدل دوبعدی آن در پیش‌بینی پیاز رطوبتی اطراف قطره‌چکان و در فاصله بین آن‌ها بهتر است ولی با افزایش زمان آبیاری از یک ساعت به چهار ساعت اختلاف نتایج دو مدل با داده‌های اندازه‌گیری رطوبت خاک کاهش می‌یافت.

قربانیان و همکاران (1393) نتایج مدل HYDRUS-2D و SEEP/W را در پیشروی جبهه رطوبتی اطراف قطره‌چکان با داده‌های اندازه‌گیری مقایسه نمودند. نتایج آن‌ها نشان داد عملکرد مدل HYDRUS-2D در شبیه‌سازی جبهه رطوبتی اطراف قطره‌چکان سطحی و زیرسطحی بهتر از مدل SEEP/W می‌باشد.

میرزایی و همکاران (1384) گسترش و ابعاد پیاز رطوبتی اطراف قطره‌چکان در زمان‌های مختلف را با استفاده از مدل فیزیکی بررسی کردند و با استفاده از آنالیز ابعادی و نتایج آزمایش‌های فیزیکی روابط را ارائه نمودند.

اژدری (1387) با استفاده از اندازه‌گیری‌های صحرائی و آزمایشگاهی کارایی مدل HYDRUS-2D را ارزیابی نمود. نتایج وی نشان داد با انتخاب دور مناسب آبیاری و دبی مناسب قطره‌چکان در طول فصل زراعی می‌توان رطوبت خاک را در محدود ظرفیت زراعی نگه داشت.

مصطفی زاده و همکاران (1377) تحقیقی با موضوع پیشروی جبهه‌ی رطوبتی از منبع نقطه‌ای در سطوح شیب‌دار انجام دادند. آن‌ها در چهار بافت خاک با شیب‌های 0، 2، 5 و 10 درصد و به کار بردن سه دبی 4، 8 و 12 لیتر در ساعت به بررسی و مقایسه‌ی مساحت و حجم خیس شده و ابعاد پیاز رطوبتی در این شیب‌ها پرداختند. نتایج نشان داد در خاک‌های با بافت سنگین نسبت به خاک با بافت سبک سطح خیس شده افزایش یافته و جبهه‌ی رطوبتی از عمق کم‌تری برخوردار است.

نتایج اندازه‌گیری اسکاگر و همکاران و مقایسه با خروجی مدل

شبکه در جهت X و Y می‌باشند [L].

یکی از مشکلات اصلی که مدل‌های شبیه‌ساز جریان آب در خاک با آن مواجه هستند تعیین پارامترهای ورودی به مدل است که حتی می‌توانند کاربرد مدل را محدود کنند. هدایت هیدرولیکی غیر-اشباع یکی از مهم‌ترین پارامترهای ورودی است که با مکان و زمان تغییر می‌کند.

قبل از حل معادله ریچاردز به صورت عددی به یک مدل هدایت هیدرولیکی غیراشباع نیاز است. این مدل می‌تواند بر مبنای تابع نمایی گاردنر باشد. این مدل رابطه بین هدایت هیدرولیکی غیر اشباع و بار فشاری را نشان می‌دهد. بررسی‌های لیج و همکاران نشان داد این تابع در بین 5 تابع دیگر ضعیف‌ترین عملکرد را دارد (Leij et al, 1979). مدل HYDRUS از جمله مشهورترین نرم افزارها در خصوص شبیه‌سازی جریان آب در خاک می‌باشند از تابع Van Genuchten, 1980) که عملکرد بهتری دارد استفاده می‌کنند. در این تحقیق نیز از تابع مذکور که به شکل زیر است استفاده شد:

$$S_e = \frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta_r} = \left[ \frac{1}{1 + \left(\frac{\psi_p}{\psi_b}\right)^{1+\lambda}} \right]^{\frac{\lambda}{1+\lambda}} \quad (2)$$

$$\frac{K(\theta)}{K_s} = \left( \frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta_r} \right)^i \left[ 1 - \left( 1 - \left( \frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta_r} \right)^{\frac{1+\lambda}{\lambda}} \right)^{\frac{\lambda}{1+\lambda}} \right]^2 \quad (3)$$

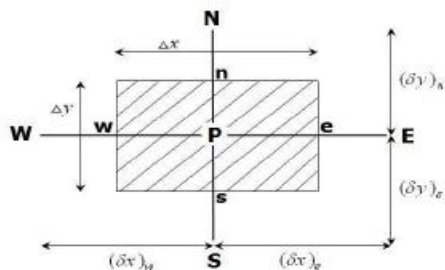
$$f(\psi) = \frac{\partial \theta}{\partial \psi} = m \times (\theta_s - \theta_r) \left[ \frac{1}{1 + (\alpha \psi)^n} \right]^{m-1} \times \left[ \frac{-n \alpha (\alpha \psi)^{n-1}}{(1 + (\alpha \psi)^n)^2} \right] \quad (4)$$

$$\alpha = \frac{1}{\psi_b}, \quad n = 1 + \lambda, \quad m = 1 - \frac{1}{n} \quad (5)$$

در این روابط  $S_e$  رطوبت مؤثر،  $K_s$  هدایت هیدرولیکی اشباع  $\theta_r$  و  $\theta_s$  رطوبت باقی‌مانده و رطوبت اشباع  $[L^3/L^3]$ ،  $\alpha$  پارامتر توزیع خلل و فرج،  $n$  و  $m$  پارامترهای تجربی هستند. پارامتر  $\alpha$  در تابع هدایت هیدرولیکی برای اکثر خاک‌ها به طور متوسط 0/5 تخمین زده شده است. در روابط فوق پارامترهای  $\theta_r$ ،  $\theta_s$ ،  $\alpha$ ،  $K_s$ ،  $n$  بر ای هر بافت خاکی متفاوت هستند.

### منفصل‌سازی معادله حاکم

در این تحقیق برای منفصل کردن معادله دیفرانسیل 1 از روش حجم کنترل (F.V) استفاده شده است (Versteeg and Malalasekera, 1995). در این روش ابتدا از معادله حاکم (رابطه 1) روی حجم کنترل نشان داده شده در شکل (1) انتگرال گرفته می‌شود.



شکل 1 - معرفی نقطه P و حجم کنترل مربوط به آن

$$\begin{aligned} \int_{s_w}^n \int_{s_e}^e \int_t^{t+dt} \frac{\partial \theta(\psi_p)}{\partial t} dt dx dy &= \int_t^{t+dt} \int_{s_w}^n \int_{s_e}^e \frac{\partial}{\partial x} (K_x(\psi_p) \frac{\partial \psi_p}{\partial x}) dx dy dt \\ &+ \int_t^{t+dt} \int_{s_w}^n \int_{s_e}^e \frac{\partial}{\partial y} (K_y(\psi_p) \frac{\partial \psi_p}{\partial y}) + K_y(\psi_p) dy dx dt \\ &+ \int_t^{t+dt} \int_{s_w}^n \int_{s_e}^e \frac{\pm q_s}{\Delta x \Delta y} dy dx dt \end{aligned} \quad (6)$$

پس از منفصل نمودن به روش کرنک - نیکلسون نهایتاً معادله دیفرانسیل 1 به معادله جبری 7 تبدیل می‌شود:

$$\begin{aligned} A_p \times \psi_E^{t+dt} + B_p \times \psi_n^{t+dt} + C_p \times \psi_P^{t+dt} \\ + D_p \times \psi_w^{t+dt} + E_p \times \psi_S^{t+dt} = F_p \end{aligned} \quad (7)$$

که در آن:

$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e}$$

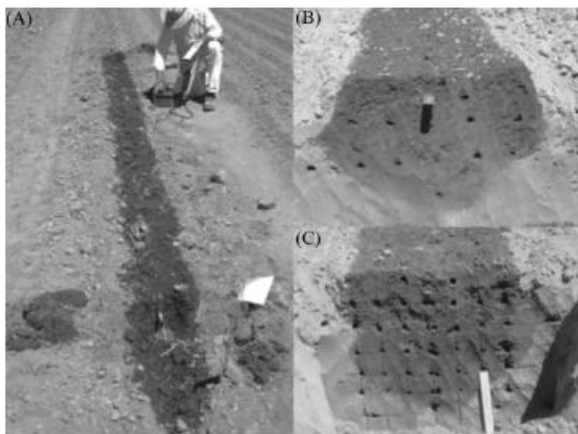
$$B_p = \phi K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n}$$

$$D_p = \phi K(\psi)_w \frac{dy dt}{\delta x_w}$$

$$E_p = \phi K(\psi)_s \frac{dx dt}{\delta y_s}$$

$$C_p = -(A_p + B_p + D_p + E_p) - f(\psi) dx dy$$

اندازه گیری وزن مخصوص ظاهری خاک در چند نقطه از نمونه بردار با قطر 5/7 و طول 6 سانتی متر استفاده شد. وزن مخصوص ظاهری خاک در محدوده مورد مطالعه از 1/45 تا 1/65 گرم بر سانتی متر مکعب تغییرات داشت.



شکل 2 - الگوی رطوبت (a) در سطح خاک (b) و (c) در پروفیل حفاری شده در خاک که محل نقاط اندازه گیری و هم چنین لوله آبیاری نیز نشان داده شده است (Skaggs et al., 2004).

با توجه به اینکه طول نمونه برداشت شده برابر با فاصله قطره چکان ها بر روی لوله مدفون است و از طرفی مطابق شکل (A-2) توزیع رطوبت در طول لوله تقریباً یکنواخت است بنابراین لوله مدفون یک منبع تزریقی خطی به شمار می آید و می توان توزیع رطوبت اطراف قطره چکان را به صورت دوبعدی شبیه سازی نمود. بنابراین در این تحقیق نیز همانند (Skaggs et al., 2004) توده خاک به پهنای 60 سانتی متر از هر طرف لوله قطره چکان و به عمق 70 سانتی متر به عنوان محدوده مورد مطالعه مورد نظر گرفته شد. علاوه بر این با توجه به تقارن نسبی توزیع رطوبت در توده خاک اطراف لوله (شکل 2 - B و C) به خاطر کاهش تعداد مش مورد نیاز و زمان اجرای برنامه در تحقیق حاضر تنها یک طرف لوله آبیاری را برای شبیه سازی انتخاب شد (شکل 3).

#### شرایط مرزی

برای تمام گره ها روی مرزهای (AH)، (ED)، (CB)، شرط گرادیان فشار صفر در جهت افقی  $(\frac{\partial \psi}{\partial x} = 0)$  برای مرزهای (DC) و (AB) شرط گرادیان فشار صفر در جهت عمودی  $(\frac{\partial \psi}{\partial y} = -1)$  برقرار است، از اینرو برای نمونه معادله جبری عمومی (رابطه 7) برای نقاط روی مرز DE به شکل زیر خلاصه می شود:

$$F_p = (K(\psi)_s - K(\psi)_n) dx dt - f(\psi) dx dy \psi'_p \\ - (1 - \phi) K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e} (\psi'_x - \psi'_p) \\ + (1 - \phi) K(\psi)_w \frac{dy dt}{\delta x_w} (\psi'_p - \psi'_w) \\ - (1 - \phi) K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n} (\psi'_N - \psi'_p) \\ + (1 - \phi) K(\psi)_s \frac{dx dt}{\delta y_s} (\psi'_p - \psi'_s) \mp q_s dt$$

برای  $q_s$  همه گره ها به جر گره زهکش یا نقطه تزریق برابر صفر است.  $K(\psi)_e$  ضریب نفوذپذیری بر روی وجه شرقی حجم کنترل شکل 1 می باشد و در این تحقیق به صورت میانگین هارمونیک ضریب نفوذپذیری نقاط P و E در نظر گرفته می شود:

$$K(\psi)_e = \frac{2 K(\psi)_x K(\psi)_p}{K(\psi)_x + K(\psi)_p} \quad (8)$$

در شرایطی که نقطه مرکزی حجم کنترل (P) بر روی مرزهای نفوذ ناپذیر، یکی از گوشه های محدوده شبکه بندی شده، قرار بگیرد رابطه 1 باید به صورت های خاص منفصل شود.

#### محدوده مورد مطالعه، شرایط اولیه و مرزی

محدوده مورد مطالعه این تحقیق همان محدوده در نظر گرفته شده توسط اسکاگز و همکاران (Skaggs et al., 2004) است. بافت خاک این محدوده لومی - ماسه ای است که در آن لوله قطره چکان دار مدل (RO-DRIP 08-12-24) با قطر داخلی 16 و ضخامت جدار 8 میلی متر در عمق 6 سانتی متری از سطح خاک نصب شده است. لوله مذکور دارای طول 30 متر است که در هر 30 سانتی متری بر روی آن خروجی قرار داشت. لوله به سه قسمت مساوی تقسیم شد تا این امکان فراهم شود که تأثیر سه زمان آبیاری 5، 10 و 15 ساعت بررسی شود. دبی آبیاری در تمام آزمایش ها برابر با 4 لیتر بر ساعت در واحد طول لوله می باشد. به عبارتی برای 5، 10 و 15 ساعت آبیاری، آب کاربردی معادل 20، 40 و 60 لیتر در واحد طول لوله مدفون می باشد.

در انتهای هر آبیاری و هم چنین 24 ساعت بعد از آن با حفاری خاک اطراف لوله و اندازه گیری رطوبت، توزیع رطوبت اطراف لوله قطره چکان اندازه گیری شد. برای این منظور در فواصل مشخصی اطراف لوله قطره چکان با یک نمونه بردار لوله ای فلزی با قطر داخلی 2 سانتی متر و طول 30 سانتی متر که به صورت افقی در خاک محل فرو برده شد نمونه های برای تعیین رطوبت تهیه گردید. در مرحله دوم اندازه گیری محل حفاری 30 سانتی متر با محل قبلی فاصله داشت. به منظور جلوگیری از تلفات تبخیر از سطح خاک بین دو مرحله اندازه گیری روی خاک با پوشش پلاستیکی پوشیده شد. هم چنین برای

گرادیان فشار  $(\frac{\partial \psi}{\partial x} = -\frac{I}{K_r(\psi)})$  برقرار است که (I) شدت آبیاری می- باشد. از اینرو برای نمونه معادله جبری عمومی (رابطه 7) برای نقاط روی مرز EF به صورت زیر خلاصه می شود:

$$A_p \times \psi_E^{t+dt} + C_p \times \psi_p^{t+dt} + D_p \times \psi_w^{t+dt} + E_p \times \psi_s^{t+dt} = F_p \quad (10)$$

$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{2 \delta x_e}$$

$$D_p = \phi K(\psi)_w \frac{dy dt}{2 \delta x_w}$$

$$E_p = \phi K(\psi)_s \frac{dx dt}{\delta y_s}$$

$$C_p = -(A_p + D_p + E_p) - 0.5 \times f(\psi) dx dy$$

$$F_p = K(\psi)_s dx dt - 0.5 \times f(\psi) dx dy \psi'_p$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_e \frac{dy dt}{2 \delta x_e} (\psi'_E - \psi'_p)$$

$$+(1-\phi)K(\psi)_w \frac{dy dt}{2 \delta x_w} (\psi'_p - \psi'_w)$$

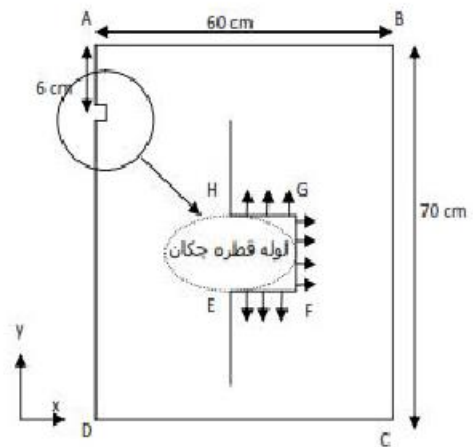
$$-(1-\phi)K(\psi)_n \frac{dx dt}{\delta y_n} (\psi'_N - \psi'_p) - I dx dt$$

شدت آبیاری I از رابطه زیر در این تحقیق محاسبه می شود:

$$I = \frac{\frac{q}{2}}{(L_{EF} + L_{FG} + L_{HG}) \times 100} = \frac{\frac{4000}{2} \text{ cm}^3 / \text{hr}}{(1 \text{ cm} + 1.5 \text{ cm} + 1 \text{ cm}) \times 100 \text{ cm}} = 5.714 \text{ cm} / \text{h} \quad (11)$$

که در آن q دبی قطره چکان و L طول هر قطعه از ناحیه تزریق می باشد.

برای اجرای برنامه لازم است علاوه بر معرفی رطوبت اولیه پارامترهای  $\alpha, \theta_s, \theta_r, K_s$  به مدل معرفی شوند. با استفاده از مشخصات خاک محدوده و استفاده از نرم افزار ROSETA پارامترها مذکور استخراج شده (جدول 1) و به مدل معرفی شدند.



شکل 3 - محدوده مورد مطالعه

$$A_p \times \psi_E^{t+dt} + B_p \times \psi_N^{t+dt} \quad (9)$$

$$+ C_p \times \psi_p^{t+dt} + E_p \times \psi_s^{t+dt} = F_p$$

$$A_p = \phi K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e}$$

$$B_p = \phi K(\psi)_n \frac{dx dt}{2 \delta y_n}$$

$$E_p = \phi K(\psi)_s \frac{dx dt}{2 \delta y_s}$$

$$C_p = -(A_p + B_p + E_p) - 0.5 \times f(\psi) dx dy$$

$$F_p = 0.5 \times (K(\psi)_s - K(\psi)_n) dx dt - 0.5 \times f(\psi) dx dy \psi'_p$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_e \frac{dy dt}{\delta x_e} (\psi'_E - \psi'_p)$$

$$-(1-\phi)K(\psi)_n \frac{dx dt}{2 \delta y_n} (\psi'_N - \psi'_p)$$

$$+(1-\phi)K(\psi)_s \frac{dx dt}{2 \delta y_s} (\psi'_p - \psi'_s)$$

برای تمام گره‌ها روی مرز (EF) شرط گرادیان فشار  $(\frac{\partial \psi}{\partial x} = -\frac{I}{K_r(\psi)} - 1)$ ، برای تمام گره‌ها روی مرز (HG) شرط گرادیان فشار  $(\frac{\partial \psi}{\partial y} = -\frac{I}{K_r(\psi)} - 1)$  و برای تمام نقاط روی مرز (FG) شرط

جدول 1 - مشخصات خاک محدوده مورد مطالعه

L	n	$\alpha$ 1/cm	$K_s$ (cm/h)	$\theta_s$ (%)	$\theta_r$ (%)	جرم مخصوص ظاهری ( $\text{gr}/\text{cm}^3$ )	درصد رطوبت در مکش 1500 کیلو پاسکال	درصد رطوبت در مکش 33 کیلو پاسکال	درصد رس	درصد سیلت	درصد ماسه
0/92	1/4	0/023	1/6	34	2/1	1/55	5/4	17	5/6	39/6	54/8

انحراف استاندارد تخمین که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$SSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^n (\theta_m - \theta_c)^2} \quad (13)$$

متوسط خطای نسبی که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$AAE = \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^N \frac{|\theta_m - \theta_c|}{\theta_m} \right) \quad (14)$$

در هر روش هر اندازه مقادیر محاسبه شده SSE، AME و AAE به صفر نزدیک‌تر باشد دقت آن بالاتر است.

به منظور مقایسه آماری نتایج مدل تهیه شده در این تحقیق با مقادیر اندازه‌گیری شده از پارامترهای آماری زیر استفاده گردید:

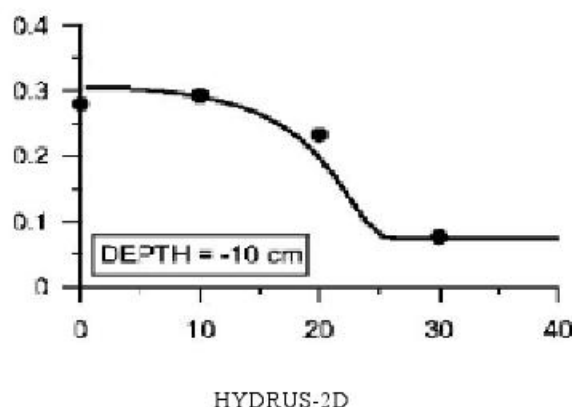
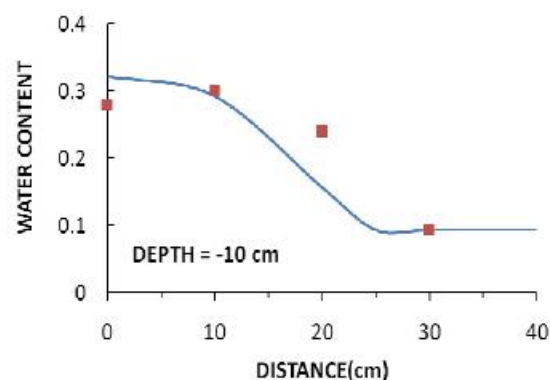
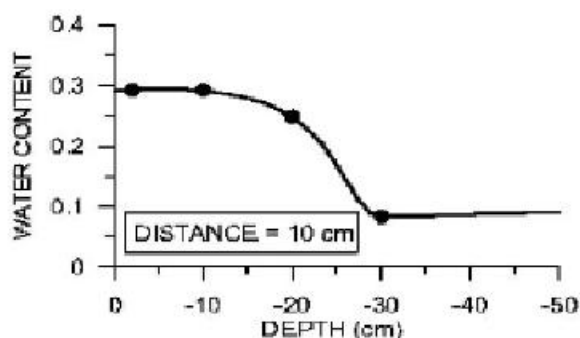
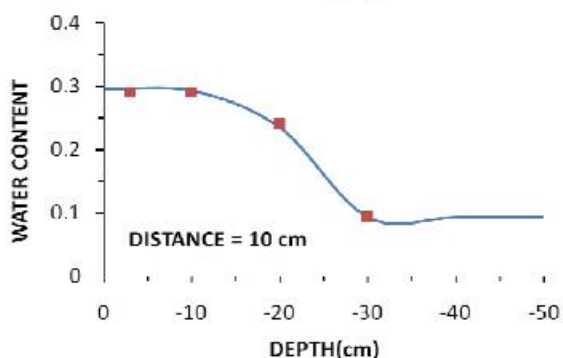
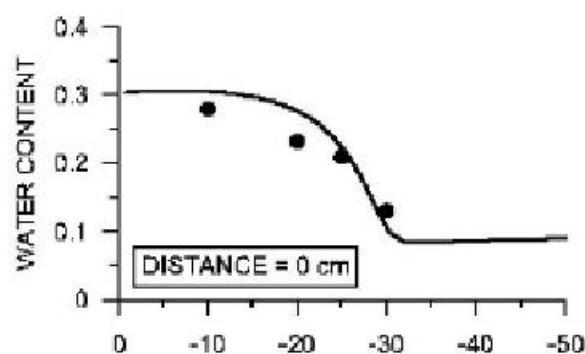
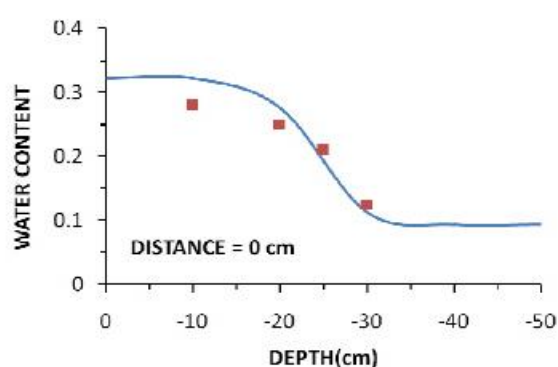
$R^2 =$  مجذور ضریب همبستگی، بدیهی است هرچه مقدار آن به یک نزدیک‌تر باشد نتایج روش مورد آزمایش نسبت به مقادیر اندازه‌گیری شده نزدیک‌تر می‌باشد.

متوسط خطای مطلق که به صورت زیر تعریف شده است:

$$AME = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^n |\theta_m - \theta_c| \quad (12)$$

که در آن  $N =$  تعداد داده،  $\theta_m =$  رطوبت حجمی اندازه‌گیری شده

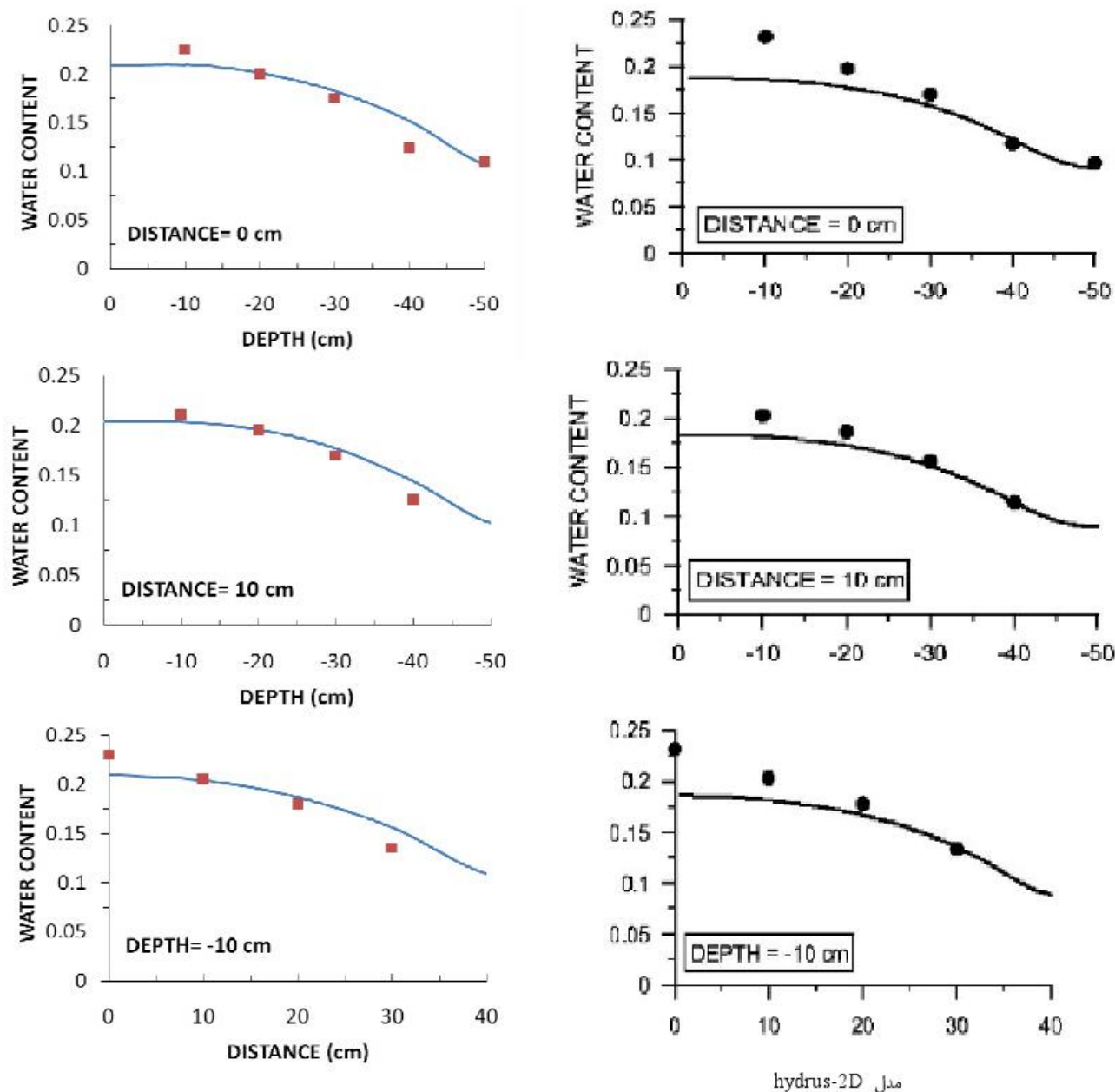
و  $\theta_c =$  رطوبت حجمی محاسبه شده



مدل حاضر

HYDRUS-2D

شکل 4- رطوبت حجمی اندازه‌گیری شده با مقادیر محاسبه شده توسط مدل حاضر و مدل HYDRUS-2D (Skaggs et al., 2004) 5/5 ساعت پس از شروع آبیاری (مدت زمان آبیاری 5 ساعت)



مدل hydrus-2D

شکل 5. رطوبت حجمی اندازه گیری شده با مقادیر محاسبه شده توسط مدل حاضر و مدل HYDRUS-2D (Skaggs et al., 2004) 28 ساعت از شروع آبیاری (مدت زمان آبیاری 5 ساعت)

## نتایج و بحث

### صحت سنجی مدل

در شکل‌های 4 و 5 تغییرات رطوبت حجمی در فواصل مختلف از قطره‌چکان و همچنین در اعماق مختلف از سطح خاک، برای زمان‌های 5/5 و 28 ساعت پس از شروع آبیاری 5 ساعته ارزیابی شده است. مقایسه مقادیر اندازه‌گیری شده و مقادیر محاسبه شده نشان می‌دهد همخوانی قابل قبولی بین مقادیر رطوبت اندازه‌گیری شده و محاسبه

شده توسط مدل وجود دارد. همچنین نتایج مدل HYDRUS-2D نیز ارزیابی شده است. همانگونه که ملاحظه می‌شود نتایج مدل انجام محدود توسعه داده شده در این تحقیق با نتایج مدل اجزای محدود HYDRUS-2D کاملاً همخوانی دارد. این موضوع نشان می‌دهد در صورت تعریف درست شرایط مرزی به خصوص اطراف قطره‌چکان و همچنین انتخاب اندازه مش و گام زمانی مناسب مدل‌های مبتنی بر روش گسسته‌سازی حجم کنترل قابل رقابت با مدل‌های اجزای

ارایه شده در جدول 1 در نظر گرفته شد. بر روی توده خاک با عمق 40 سانتی‌متر در پهنا 50 سانتی‌متر یک قطره‌چکان با دبی 4 لیتر بر ساعت در واحد طول برای آبیاری به مدت 5 ساعت قرار داده شد. برای مقایسه بهتر در شبیه‌سازی ابتدا قطره‌چکان بر سطح بدون شیب و در مرحله دوم بر روی شیب اغراق‌آمیز 40 درصد قرار داده شد. یک سانتی‌متر از سطح خاک به عنوان سطح تراوش جریان در زیر قطره-چکان در نظر گرفته شد. در این حالت شدت تراوش از رابطه زیر به دست می‌آید.

$$I = \frac{4000 \text{ cm}^3 / \text{hr}}{(1 \text{ cm}) \times 100 \text{ cm}} = 40 \text{ cm} / \text{hr}$$

در شکل 6 توزیع رطوبت اطراف قطره‌چکان در زمان‌های مختلف در طول آبیاری و بعد از قطع آبیاری ارایه شده است. همانگونه که در شکل 6 و جدول 3 نشان داده شده است در سطح شیب‌دار وجود شیب باعث می‌شود جبهه رطوبتی به سمت پایین دست شیب تمایل و کشیدگی بیش‌تر داشته باشد ( $b > a$ ) که می‌تواند ناشی مؤلفه وزن جریان آب در داخل توده خاک به سمت پایین دست و غلبه آن بر نیروی کشش و پتانسیل ماتریک آب در خاک باشد. این موضوع قبلاً توسط محمدی و همکاران (1392)، شریف‌نیا و همکاران (1388) با اندازه‌گیری صحرائی گزارش شده است. از طرفی در مدت آبیاری مقدار نفوذ عمقی جبهه رطوبتی درست ریز قطره چکان (پارامتر c) در اراضی شیب‌دار کم‌تر از اراضی مسطح است. ولی پس از قطع آبیاری روند عکس دارد. این موضوع نیاز به تحقیقات بیش‌تری دارد.

محدود می‌باشد. لازم به ذکر است که اندازه مش بهینه در این تحقیق 0/5 در 0/5 سانتی‌متر به دست آمد و گام زمانی 30 ثانیه در نظر گرفته شده است. علاوه بر این، نتایج نشان می‌دهد که پارامترهای استخراج شده با استفاده از نرم افزار ROSETA از دقت کافی برای بکار گرفته شدن در مدل‌های عددی تعیین توزیع رطوبت اطراف قطره-چکان مناسب هستند.

به منظور مقایسه کمی در جدول 2 مقادیر رطوبت اندازه‌گیری و محاسبه شده در مرحله صحت‌سنجی مدل با آماره‌های مورد نظر این تحقیق با یکدیگر مقایسه شده است. همانگونه که ملاحظه می‌شود برای مثال متوسط خطای نسبی در مرحله صحت‌سنجی 7/4 درصد است که نشان می‌دهد مدل می‌تواند با دقتی خوب برای پیش‌بینی نیاز رطوبتی در اطراف قطره‌چکان زیر سطحی به کار رود. هر چند که در اینجا مقایسه آماری با نتایج مدل HYDRUS ارایه نشده ولی اشکال نشان می‌دهند نتایج مدل این تحقیق کاملاً با نتایج مدل اجزاء محدود HYDRUS مطابقت دارد.

جدول 2 - مقادیر پارامترهای مختلف آماری در صحت‌سنجی مدل

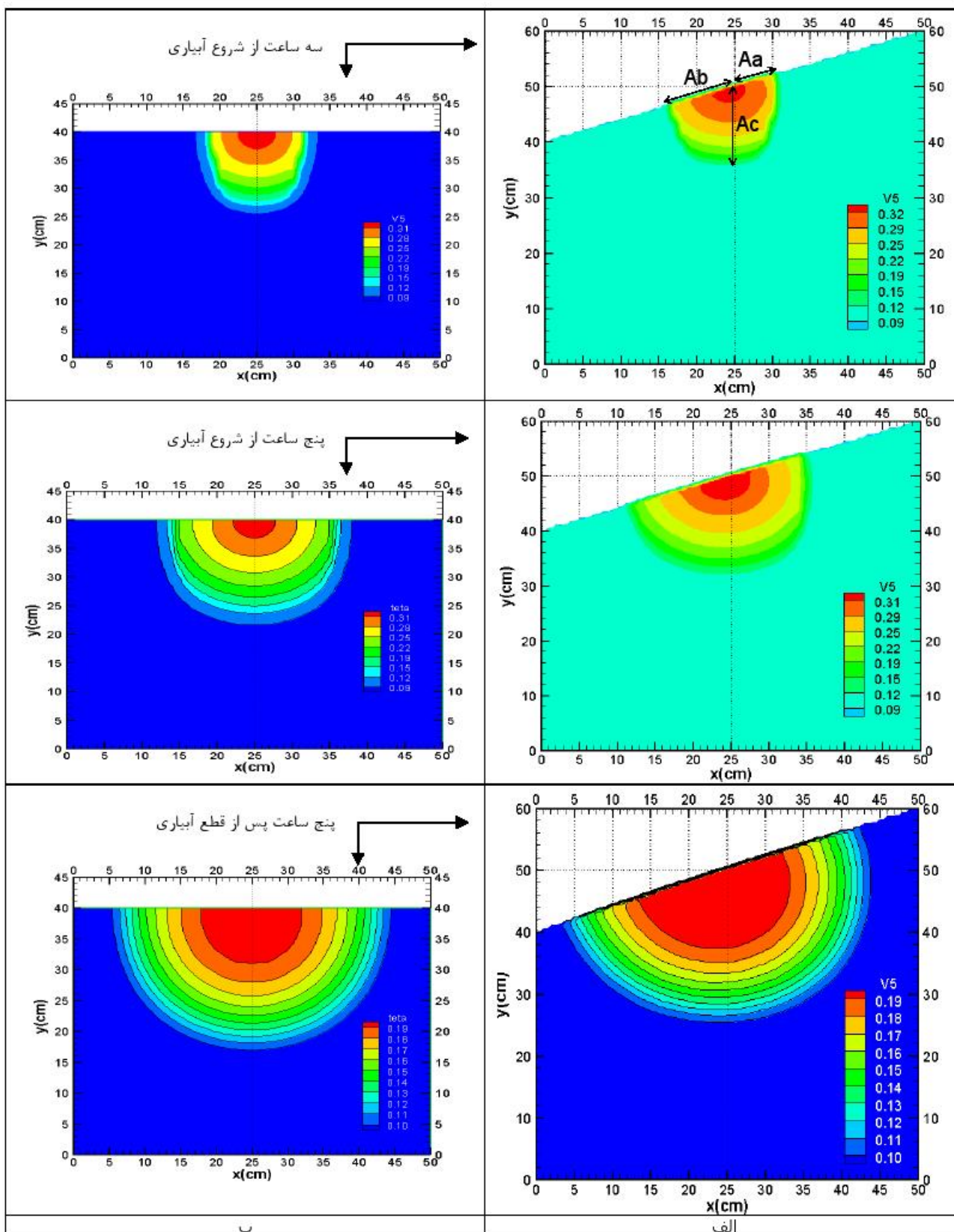
$R^2$	SSE	AME	AAE(%)
0/92	0/02	0/0138	0/074

بررسی تأثیر شیب بر نیاز رطوبتی اطراف قطره‌چکان سطحی پس از اطمینان از نتایج مدل برای رسیدن به اهداف این تحقیق اثر شیب زمین بر توزیع رطوبت زیر قطره‌چکان نصب شده روی سطح خاک مورد بررسی قرار گرفت. بدین منظور مجدداً خاک با مشخصات

جدول 3 - مقایسه پارامترهای معرف نیاز رطوبتی در اطراف قطره‌چکان در اراضی شیب‌دار و بدون شیب

زمان از شروع آبیاری (hr)	طول پارامتر (cm)	زمین بدون شیب	زمین با شیب 40%	اختلاف (cm)
3	a	8/5	5/92	- 2/58
	b	8/5	9/69	1/19
	c	14/95	14/3	- 0/65
5	a	13	10/77	- 2/23
	b	13	15/07	2/07
	c	18/2	18	- 0/2
10	a	19/5	18/84	- 0/66
	b	19/5	22/94	3/44
	c	23	24/5	1/5





شکل 6 - توزیع رطوبت اطراف قطره چکان بر روی الف) خاک شیب دار ب) اراضی بدون شیب (مدت آبیاری 5 ساعت)

## نتیجه گیری

در این تحقیق نرم افزاری کامپیوتری برای شبیه سازی حرکت جریان آب اطراف قطره چکان زیرسطحی و سطحی در اراضی مسطح و شیب دار تهیه شد. بر خلاف مدل های تجاری مشهور که از روش المان های محدود برای حل معادله ریچارد استفاده می کنند در این مدل از روش احجام محدود و تکنیک کرنک نیکلسون استفاده شد. نتایج واسنجی مدل نشان داد در صورت تعریف درست شرایط مرزی مناسب اطراف قطره چکان زیرسطحی و همچنین انتخاب اندازه مش و گام زمانی مناسب مدل های مبتنی بر روش گسسته سازی حجم کنترل قابل رقابت با مدل های اجزای محدود می باشد و توزیع رطوبت اندازه گیری شده در صحرا را با خطای کم تر از هفت درصد برآورد می کند. نتایج شبیه سازی بر روی اراضی مسطح و شیب دار نشان داد توزیع رطوبت در اراضی شیب دار به سمت پایین دست شیب کشیده تر است تا به سمت بالا دست شیب.

## تقدیر و تشکر

این مقاله بخشی از یک طرح تحقیقاتی بوده است که امکانات مالی و اعتبارات اجرایی آن توسط حوزه پژوهشی دانشگاه رازی کرمانشاه تأمین شده است که بدینوسیله تشکر می شود.

## منابع

- اژدری، خ. 1387. شبیه سازی توزیع رطوبت در خاک در سیستم آبیاری قطره ای با استفاده از مدل HYDRUS 2D. مجله علوم کشاورزی و منابع طبیعی. 15: 168-180
- افشارجهان شاهی، م.، زارع ابیانه، ح.، نقوی، ه. و اسلامی، ا. 1391. بررسی تأثیر دو عمق نصب قطره چکان با دبی های یکسان بر توزیع رطوبت در سیستم آبیاری قطره ای زیرسطحی و شبیه سازی آن با مدل HYDRUS-2D. فصلنامه علمی پژوهشی مهندسی آبیاری و آب. 3: 101-113.
- پلنگی، ع. و آخوند علی، م. ع. 1387. یک مدل نیمه تجربی به منظور تخمین ابعاد جبهه رطوبتی در آبیاری قطره ای، تحت منبع نقطه ای. علوم و فنون کشاورزی، 12: 85-95.
- شریف نیا، ر.، میرزایی، ف. و لیاقت، ع. 1388. عوامل مؤثر بر شکل خیس شدگی در آبیاری قطره ای و اصلاح موقعیت قطره چکان در اراضی شیب دار. مجله علمی پژوهشی آب ایران. 3: 5-16
- خان محمدی، ن. و بشارت، س. 1392. شبیه سازی جبهه رطوبتی خاک در آبیاری قطره ای با استفاده از HYDRUS 2D. نشریه حفاظت منابع آب و خاک. 2: 15-26.
- کاظمی، ه. و صدرالدینی، س. ع. ا. 1392. تعیین عمق مناسب نصب قطره چکان ها در آبیاری قطره ای زیرسطحی با استفاده از مدل HYDRUS 3D. نشریه آبیاری و زهکشی ایران. 2: 205-221.
- قربانیان، م.، منجزی، م.، ابراهیمیان، ح. و لیاقت، ع. 1393. ارزیابی مدل های HYDRUS-2D و SEEP/W در برآورد پیمای رطوبت آبیاری قطره ای ثقلی سطحی و زیرسطحی. نشریه ی آب و خاک (علوم و صنایع کشاورزی). 28: 179-189.
- مصطفی زاده، ب.، موسوی، س. ف. و شریف بیان الحق، م. ح. 1377. پیشروی جبهه رطوبتی از منبع نقطه ای در سطوح شیب دار. نشریه کشاورزی و منابع طبیعی. 2: 22-13.
- محمدی، ع.، بیگلویی، م.، خالدیان، م.، مریدنژاد، ع. و رجیبی، ج. 1392. بررسی ابعاد پیمای رطوبتی در اراضی شیب دار. مجله علمی علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی (علوم آب و خاک). 17: 66-120-109
- میرزایی، ف.، لیاقت، ع.، تیموری، س. و امید، م. ح. 1384. نمونه سازی جبهه رطوبت خاک از منبع تغذیه خطی در آبیاری قطره ای نواری. مجله تحقیقات مهندسی کشاورزی. 23: 4: 53-59.
- Arbat, G., Puig-Bargues, J., Duran-Ros, M., Barragan, J and Ramirez de Cartagena, F. 2013. Drip-Irrigation: Computer software to simulate soil wetting patterns under surface drip irrigation. Computers and Electronics in Agriculture 98: 183-192.
- El-Nesr, M., Alazba, A and Simunek, J. 2013. HYDRUS simulations of the effects of dual-drip subsurface irrigation and a physical barrier on water movement and solute transport in soils. Irrigation Science. (2014) 32: 111-125.
- Kandelous, M and Simunek, J. 2010. Comparison of numerical, analytical, and empirical models to estimate wetting patterns for surface and subsurface drip irrigation. Irrigation Science. 28: 435-444
- Leij, F. J., Russel, W. B and Lesch, S. M. 1997. Closedform expressions for water retention and conductivity data. Ground water, 35: 848-858.
- Skaggs, T. H., Trou, T., Šimunek, J and Shouse, P. J. 2004. Comparison of HYDRUS-2D simulations of drip irrigation with experimental observations. Journal of Irrigation and Drainage Engineering. 130.4: 304-310.
- Van Genuchten, M. T. 1980. A closed-form equation for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated soils. Soil Science Society of America Journal. 44.5: 892-898
- Versteeg, H. K., Malalasekera, W. 1995. An introduction to computational fluid dynamics - The finite volume method. Longman Group Ltd. P, 255.

## 2D- Numerical Modeling and Investigating the Effect of Surface Slop on Water Content Distribution in Surface Drip Irrigation Using Finite Volume Method

R. Ghobadian<sup>1</sup>

Received: Apr.07, 2015

Accepted: Sep.02, 2015

### Abstract

Numerical simulation is a fast and inexpensive approach to studying optimal management practices. Therefore different model to simulation water content distribution in drip irrigation have been developed in which the general equation of water flow in soil (Richards equation) numerically is solved. In this study 2D equation of saturated-unsaturated flow in soil (2D Richard's equation) was solved using finite volume method and Crank-Nicolson scheme. The soil hydraulic properties were modeled using the van Genuchten-Mualem relationships. The derived equation set was solved using Jacobi iteration method. Model calibration was done using measured water content distribution around thin-walled drip tubing installed at a depth of 6 cm in irrigated sandy loam soil carried out by Skaggs et al.(2004). Also present model result compared with the result of HYDRUS-2D. The results show with considering suitable boundary condition around the drip, present finite volume model predictions of water content distribution are found with good agreement by the HYDRUS-2D model and measured data. Also present model predicts the water content distribution with mean error less than 7 percent. After, with calibrated model, water content distribution during and after irrigation was investigated when the drip tube was installed in oriented soil surface.

**Keyword:** Trickle irrigation, Numerical simulation, Finite volume method, Soil water flow

---

1- Associate professor, Department of water Engineering, Razi University, Kermanshah  
Email: rsghobadian@gmail.com