

# بررسی آزمایشگاهی اثر تخلخل صفحه نفوذ پذیر بر کنترل جریان غلیظ

مهدی زینی وند<sup>۱</sup>، سید محمود کاشفی پور<sup>۲\*</sup> و مهدی قمشی<sup>۳</sup>

۱- دانشجوی دکتری سازه های آبی دانشکده مهندسی علوم آب دانشگاه شهید چمران اهواز.

۲- نویسنده مسئول، استاد دانشکده مهندسی علوم آب دانشگاه شهید چمران اهواز.ir.kashefipour@scu.ac.ir

۳- استاد دانشکده مهندسی علوم آب دانشگاه شهید چمران اهواز.

تاریخ پذیرش: ۹۴/۸/۹

تاریخ دریافت: ۹۳/۱۰/۳

## چکیده

جریان غلیظ پذیره ای است که به خاطر تغییرات چگالی بین دو سیال به وجود می آید و در اثر این پذیره رسوبات ریزدانه می توانند تا نزدیکی بدنه سد حرکت کرده و مشکلاتی را برای دریچه های آبگیری ایجاد کنند. از این رو کنترل این جریان می تواند از مشکلات احتمالی بکاهد. در تحقیق حاضر یک صفحه متخلخل به عنوان یک مانع نفوذپذیر برای کنترل جریان غلیظ نمکی به کار گرفته شد. متغیرهای این تحقیق شامل تخلخل صفحات و غلظت جریان غلیظ می باشند. دبی و همچنین غلظت جریان غلیظ در بالادست و پایین دست صفحه اندازه گیری شد. نتایج نشان داد که کارایی صفحه در کنترل جریان غلیظ با افزایش تخلخل کاهش می یابد. نتایج حاصل از بررسی غلظت های اندازه گیری شده نیز همین نتیجه را بیان نمود. نتایج نهایی با بررسی بار رسوبی و مشاهده روند مشابه، تایید شد. پس از به دست آوردن حجم سیال ورودی به جریان غلیظ در اثر عبور از صفحه مشبك، مشاهده شد که با افزایش تخلخل صفحه مشبك، حجم سیال ورودی به جریان غلیظ کاهش می یابد. لذا می توان نتیجه گرفت به دلیل کاهش حجم سیال ورودی به آن، راندمان کارایی صفحات در کنترل جریان غلیظ با استفاده از صفحه نفوذپذیر کاهش می یابد، همچنین حداکثر میزان راندمان کنترل جریان غلیظ برابر ۷۳/۲ درصد محاسبه شد.

**کلید واژه ها :** جریان غلیظ نمکی، کنترل جریان غلیظ، ورود سیال پیرامون، موائع مشبك.

## Laboratory Investigation The Effect of Porosity of Permeable Obstacle on Control of Gravity Current

M. Zeinivand<sup>1</sup>, S. M. Kashefipour<sup>2\*</sup> and M. Ghomshi<sup>3</sup>

1- Ph.D. Student, Hydraulic Structures Department, Faculty of Water Sciences Engineering, Shahid Chamran University of Ahvaz, Iran.

2- Corresponding Author, Professor, Hydraulic Structures Department, Faculty of Water Sciences Engineering, Shahid Chamran University of Ahvaz, Iran.

3- Professor, Hydraulic Structures Department, Faculty of Water Sciences Engineering, Shahid Chamran University of Ahvaz, Iran.

Received:24 December 2014

Accepted:31 October 2015

## Abstract

Gravity current is a phenomenon caused by density difference between two fluids and due to this phenomenon the fine sediments can be moved to the body dam and as a result causes for many serious problems for dam intake. Therefore, controlling the flow can reduce the potential problems. In this study a permeable obstacle was used to evaluate the performance of permeable obstacles for control of turbidity current. The variables were the porosity percentage of the obstacle and different concentrations of the currents. The gravity current discharges and concentrations were measured

upstream and downstream of the obstacle. The results of the measured discharges showed that the obstacle efficiency in control of gravity current reduces with increasing porosity. The results of the measured concentrations also showed the same conclusion. The final results of the review sediment load and view similar trend was confirmed. After calculating water entrainment to the gravity current passing through the permeable obstacle, it was observed that with increasing porosity of permeable obstacle, the volume of water entrainment is reduced. Therefore it can be concluded due to lower volume of water entrainment, processing efficiency in controlling the gravity current using the permeable obstacle is reduced. Also, the maximum efficiency of the controlling the gravity current was measured about 73.2%.

**Keywords:** Salty turbidity current, Control of gravity current, Water entrainment, Permeable obstacle.

جمله این شیوه ها می توان به استفاده از زبری، ترکیب مانع و زبری، استفاده از حباب هوا، استفاده از مواد (نفوذپذیر و نفوذناپذیر) و همچنین استفاده از جت آب برای کنترل جریان غلیظ اشاره نمود. اصغری پری (۱۳۸۸) در مطالعه ای به بررسی اثر ارتفاع مانع بر رسوب گذاری در مخازن سدها در جریان غلیظ پرداخت. اهداف اصلی رسوب گذاری این تحقیق بررسی و شناخت جریان غلیظ رسوبی و نمکی در و مهم این تحقیق بررسی و شناخت جریان غلیظ رسوبی و نمکی در شرایط مختلف ورودی با در نظر گرفتن اثر شیب، دبی و غلظت و بدون اثر مانع و سپس تعیین ارتفاع نسبی مانع برای توقف جریان غلیظ در شرایط زیر بحرانی و فوق بحرانی می باشد. همچنین در این تحقیق به بررسی شرایط رسوب گذاری در جریان غلیظ رسوبی و اثر کنترلی آن با مانع و مقایسه آن جریان غلیظ نمکی پرداخته شد. در نهایت برای ارتفاع مانع برای کنترل جریان غلیظ نمکی و رسوبی روابطی ارائه شد. همچنین مشاهده شد که با افزایش شیب و تبدیل جریان از زیر بحرانی به فوق بحرانی، اثر ارتفاع مانع در توقف جریان کاهش می یابد. دریابی و همکاران (۱۳۹۳) در مطالعه ای به بررسی آزمایشگاهی اثر شیب و زبری کف روی سرعت پیشانی و بدن جریان غلیظ پرداختند. این مطالعه در چهار ارتفاع زبری و چهار شیب و دو غلظت انجام شد. نتایج حاصل نشان داد که با افزایش ارتفاع زبری، سرعت پیشانی و بدن جریان غلیظ کاهش و با افزایش شیب بستر افزایش می یابد. همچنین افزایش شیب باعث کاهش تاثیر زبری در کم کردن سرعت بدن و پیشانی می شود. کاهه و همکاران (۱۳۹۰) به بررسی سرعت پیشروی جریان غلیظ روی سطوح زیر پرداختند. در این تحقیق اندازه سطوح زبر، دبی و غلظت جریان غلیظ نمکی و همچنین شیب بستر تعییر داده شد و اثر هر کدام بر سرعت پیشانی بررسی شد و در نهایت مدل رگرسیون خطی با ضریب همبستگی ۹۰ درصد ارائه شد. لیندن و سیمپسون<sup>۱</sup> (۱۹۸۶) تشکیل و همچنین از بین رفتن جریان غلیظ را در یک کاتال آزمایشگاهی مورد بررسی قرار دادند. آنها در آزمایش های خود جریان غلیظ را بصورت رها شدن ناگهانی، ایجاد کرده و با ایجاد تلاطم در سیال پیامون به بررسی

## مقدمه

جریان های غلیظ در بسیاری از محیط های طبیعی و کاربردهای مهندسی هنگامی رخ می دهد که یک سیال با گرانزوی بالاتر در سیال سبکتری جریان یابد (لانگ و همکاران، ۲۰۰۴). عامل اصلی حرکت جریان غلیظ، اختلاف چگالی بین دو سیال می باشد که با تغییری که در شتاب نقل ایجاد می کند باعث پیشروی سیال با چگالی بالاتر می شود. این پدیده در طبیعت به شکل های مختلف و متنوعی مشاهده می شود. مواردی چون سقوط بهمن ها، سرازیر شدن گذاره های آتشنشان، حرکت جبهه های هوای گرم و سرد، تندرها و گرد و غبار، جریان های رسوبی در دریاها و مصب رودخانه ها نمونه های بارزی از جریان غلیظ در طبیعت می باشند. جریان های غلیظ، جریان هایی مملو از رسوب می باشد که اغلب در اقیانوس ها، دریاها، دریاچه ها، مخازن سدها و مصب رودخانه ها اتفاق می افند و مکانیزم مهمی در انتقال رسوب در آههای عمیق دارد (پارکر و همکاران، ۱۹۸۵). اولین مشاهده ثبت شده جریان غلیظ توسط محققی بنام فارل در سال ۱۸۸۵ در دریاچه جنوا در کشور سوئیس گزارش شده است. مشاهدات وی نشان داد که رسوبات رودخانه رن که به دریاچه جنوا منتهی می شود باعث ایجاد جریان های غلیظ می گردد. برداشت توپوگرافی کف دریاچه در سال های بعد نشان داد که معیری به شکل کاتال به طول ۹ کیلومتر از مصب ۲۰۰ متر و عمق آن ۱۵ متر بوده است (گارسیا، ۱۹۹۲). در زمینه جریان غلیظ و مسائل مرتبط با آن مطالعات فراوان و متنوعی صورت گرفته است. این مطالعات عموما بر شناخت جریان غلیظ و تاثیر عوامل مختلف بر این پدیده و همچنین تحلیل و شناخت بیشتر اجزای جریان غلیظ و در نهایت بررسی کنترل و جلوگیری از انتقال جریان غلیظ به پایین دست متوجه می شوند. در زمینه کنترل جریان غلیظ تاکنون روش ها و شیوه های متنوعی به کار گرفته شده است. از

1- Leong *et al.*

2- Parker *et al.*

3- Garcia

دیگر به بررسی اثر مانع نفوذپذیر و مقایسه آن با مانع نفوذناپذیر پرداختند. در این مطالعه ابتدا با استفاده از مدل فیزیکی به بررسی اثر مانع نفوذپذیر و همچنین نفوذناپذیر در کنترل جریان غلیظ رسوبی پرداخته شد. در ادامه با استفاده از نرم افزار CFX-4.4.1 به شبیه سازی رفتار جریان غلیظ در برخورد به این نوع موائع پرداخته شد. در این تحقیق مانع نفوذناپذیر به ارتفاع ۲۴ سانتی متر و در فاصله پنج متری از محل ورود جریان غلیظ به فلوم، قرار گرفت و آزمایش‌های انجام شد. در ادامه از دو نوع صفحه ژئوتکستایل به عنوان مانع نفوذپذیر استفاده شد. ارتفاع این صفحات ۵۰ سانتی متر و فاصله آنها از محل ورود جریان غلیظ نیز ۵ متر انتخاب شد. این صفحات که به صورت تک صفحه عمودی و در دو شبیه ۴/۶۴ درصد و صفر درصد (افقی) نصب شدند از دو نوع ژئوتکستایل تریکوپر ۱۱۸ و ۱۲۰ استفاده شدند. تفاوت این دو نوع ناشی از تفاوت در تخلخل و ضخامت و خراپی مقاومت آنها می‌باشد. لازم به ذکر است تمامی این آزمایش‌ها با نرم افزار ذکر شده شبیه سازی شد و نتایج آن با نتایج حاصل از آزمایش‌ها مقایسه شد. نتایج به دست آمده از بررسی مانع نفوذپذیر نشان داد که بیشترین راندمان در کم کردن سرعت جریان غلیظ در تخلخل های ۳۶ و ۴۱ درصد مشاهده می‌شود. همچنین نتایج آزمایش‌ها و نتایج شبیه سازی نشان داد که جریان غلیظ پس از برخورد به این مانع نفوذپذیر به سمت سطح آب حرکت می‌کند در نتیجه باید ارتفاع صفحه به گونه‌ای انتخاب شود تا جریان غلیظ از روی آن عبور نکند. لذا نتایج نشان داد که ارتفاع صفحه حداقل سه برابر ارتفاع جریان غلیظ باشد تا این شرایط مهیا شود و نتیجه مطلوب حاصل شود. هدف از مقاله حاضر، کنترل دبی و همچنین کنترل غلظت جریان غلیظ با استفاده از صفحات نفوذپذیر در غلظت‌های مختلف با استفاده از تک صفحه نفوذپذیر می‌باشد.

## مواد و روش‌ها

این تحقیق در آزمایشگاه مدل‌های فیزیکی و هیدرولیکی دانشکده مهندسی علوم آب دانشگاه شهید چمران اهواز و روی یک فلوم با عرض ۳۵ سانتی متر و طول کلی ۱۰ متر و ارتفاع ۵۰ سانتی متر انجام شد. در این تحقیق از جریان غلیظ نمکی استفاده شد و برای مشاهده و بررسی رفتار این جریان و فیلم برداری از آن، از ماده رنگی پرمنگنات پتانسیم به منظور رنگی کردن جریان استفاده شد. از ورق پانچ شده موجود در بازار از جنس آهن و به ضخامت ۱ میلی متر به عنوان صفحه مشبك استفاده شد. این ورق‌ها دارای روزنه هایی دایره‌ای شکل بودند. لذا تصمیم گرفته شد تا از منفذ با قطر ۳، ۴ و ۵ میلی متر استفاده شود که به ترتیب نفوذپذیری ۳۸، ۱۱ و ۶۵ درصد را داشتند. این صفحات با عرض ۳۵ سانتی متر و با ارتفاع فلوم (۵۰ سانتی متر) برش داده شد و برای جلوگیری از هر گونه

تأثیر آن در از بین رفتن جریان غلیظ پرداختند. در این تحقیق فاصله تقریبی که جریان غلیظ طی می‌کند تا از بین بود، بررسی شد و روابطی برای آنها ارائه گشت. وودز و همکاران<sup>۱</sup> (۱۹۹۸) به بررسی برخورد جریان غلیظ ناشی از خاکستر‌های آتشنشانی با مانع به صورت آزمایشگاهی و با استفاده از مدل تئوری پرداختند. آنها در مدل آزمایشگاهی اثر یک مانع و دومانع را روی جریان بررسی نمودند. نتایج آنها از آزمایش‌ها بیشتر به توصیف جریان در برخورد با مانع معطوف شده و تنها نتیجه کمی آنها از آزمایش‌ها روند نمایی رسوب گذاری بوده است. آنها عنوان نمودند که تنها مانع می‌تواند بر الگوی رسوب گذاری تأثیر بگذارد که باعث توقف و پس زدن جریان غلیظ شود. پرینز<sup>۲</sup> (۱۹۹۹) اثر شکل مانع را با دو شکل نیم دایره و مثلثی با ارتفاع یکسان و برای حرکت دو بعدی روی فلوم افقی، روی جریان غلیظ مطالعه نمود. او دریافت که هندسه این دو مانع روی سرعت پیشانی جریان و نسبت جریان عبوری از روی مانع اثر قابل ملاحظه‌ای ندارد. نگویرا و همکاران<sup>۳</sup> (۲۰۱۲) در مطالعه‌ای آزمایشگاهی به بررسی حرکت جریان غلیظ در سطوح زیر و صاف پرداختند. در این مطالعه آزمایش‌های متنوع روی این سطوح به صورت جداگانه انجام شد. نتایج آنها نشان داد که میزان زبری بستر تأثیر موثری در میزان پیشرفت و حرکت جریان غلیظ دارد. بولر و همکاران<sup>۴</sup> (۲۰۱۳) در مطالعه‌ای به بررسی اثر انواع جت بر روند رسوب گذاری در مخازن سدها با مدل آزمایشگاهی تحت اثر جریان غلیظ پرداختند. در این مطالعه پس از انجام آزمایش‌ها و مقایسه نتایج به دست آمده با نتایج حاصل از معادله‌های پیوستگی و مومنت، این نتیجه حاصل شد که نتایج حاصل از جت مخالف همخوانی بیشتری با نتایج حاصل از معادله‌های فوق دارد. تونیولو و همکاران<sup>۵</sup> (۲۰۰۷) سعی کردند به صورت آزمایشگاهی با ایجاد مخزن ثانویه در آب پیرامون، راندمان تله اندازی رسوبات توسط مخزن سد را کاهش داده و عمر مقید مخزن سد را افزایش دهند. آنها پس از بررسی روند انتقال جریان غلیظ در مخازن، موفق به ارائه یک مدل یک بعدی برای شبیه سازی رفتار رسوب گذاری در مخزن شدند. اویی و اشلایز<sup>۶</sup> (۲۰۱۰) نیز تأثیر جت را بروی رفتار و همچنین کنترل جریان غلیظ مورد بررسی قرار دادند و نتایج حاصل را با نتایج دیگر محققین مقایسه نمودند. نتایج نشان داد که اثر جت مخالف بر کنترل جریان غلیظ بیشتر از جت عمودی می‌باشد. اویی و همکاران<sup>۷</sup> (۲۰۰۷) در مطالعه‌ای

1-Woods *et al.*

2-Prinos

3-Nogueira *et al.*

4-Buhler *et al.*

5-Toniolo *et al.*

6-Ohey *et al.*

7-Ohey and Schleiss

## زینی وند و همکاران: بررسی آزمایشگاهی اثر تخلخل صفحه نفوذ پذیر...

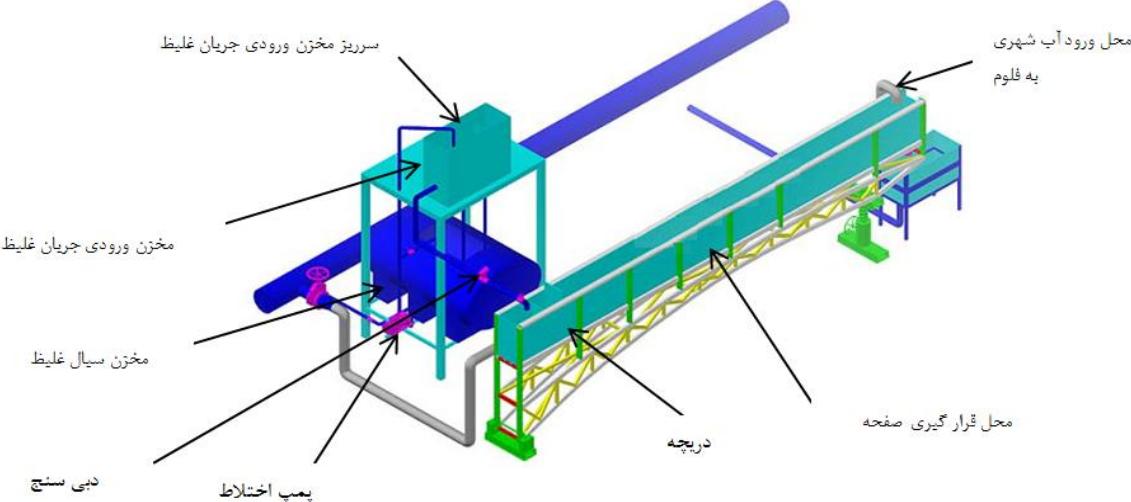
تشکیل نقطه غوطه وری، شکل می‌گرفت. بررسی سرعت پیشانی و به تبع آن دبی جریان غلیظ از فاصله ۱/۵ متری آغاز می‌شد و تا محل صفحه ادامه می‌یافت و فاصله مناسب برای بررسی دقیق در اختیار قرار می‌داد. همچنین با توجه با طول مفید فلوم، که ۶ متر می‌باشد، طول مناسبی برای بررسی دبی جریان غلیظ پایین دست در اختیار می‌باشد. پس از نصب صفحه، دریچه ورود جریان غلیظ بسته می‌شد و فلوم از قسمت انتهای با آب شهری پر می‌شد. برای جلوگیری از هر گونه اغتشاش و تلاطم در محل ورود، لوله ورودی با طول نسبتاً زیاد به کف فلوم نزدیک شده و پس از مستقر شدن، هیچ گونه تلاطم و موج سطحی ایجاد ننموده و به آرامی فلوم از آب شهری پر می‌شد. این عمل تا زمانی ادامه می‌یافت که سرریز انتهایی فعل شده و عمق آب تقریباً به ۴۳ سانتی متر می‌رسید. پس از این مرحله شیر ورودی سیال غلیظ به فلوم را باز نموده تا سطح سیال در پشت دریچه بالا بیاید. در این مرحله به دقت سطح سیال غلیظ چک می‌شود و در لحظه‌ای که سطح آب و جریان غلیظ یکی شده، دریچه ورودی جریان غلیظ به اندازه ۵/۵ سانتی متر باز گردید و باعث می‌شود که تنها عامل حرکت همان تغییر چگالی دو سیال باشد. پس از باز کردن ناگهانی دریچه، فیلمبرداری از پیشانی جریان غلیظ آغاز می‌شد و فیلمبردار همراه با پیشانی به سمت صفحه نفوذپذیر و سپس به سمت انتهای فلوم حرکت می‌کرد. در انتهای پس از بررسی فیلم و استفاده از ایستگاههای مشخص شده روی فلوم، سرعت و با داشتن عمق متوسط جریان غلیظ در محل پیشانی، دبی جریان غلیظ قبل و بعد از صفحات به دست می‌آمد. در شکل (۲) نیز تصاویری از نحوه حرکت جریان غلیظ قبل از صفحه، حین برخورد با صفحه و همچنین بعد از عبور از صفحه نشان داده شده است.

نشست از اطراف این صفحات، از نوارهای درزگیر نازک استفاده شد. به منظور مطالعه کارایی صفحات از پیشانی جریان غلیظ فیلمبرداری شد. شروع فیلم برداری از لحظه بالا کشیدن دریچه و حرکت جریان غلیظ انجام می‌شد و تا لحظه رسیدن به صفحات نفوذپذیر ادامه می‌یافت و بعد به صورت پیوسته فیلمبرداری تا عبور جریان غلیظ از بدنه صفحه و تشکیل پیشانی در پایین دست و حرکت آن به سمت انتهای فلوم ادامه می‌یافت. بستر فلوم به صورت افقی و با شبیب صفر تنظیم شد. برای تشکیل ساختار جریان غلیظ با دبی ثابت، میزان باز شدگی دریچه ۵/۵ سانتی متر تنظیم گردید. غلظت‌های جریان غلیظ برابر ۵ و ۱۰ و ۲۰ گرم بر لیتر انتخاب شدند.

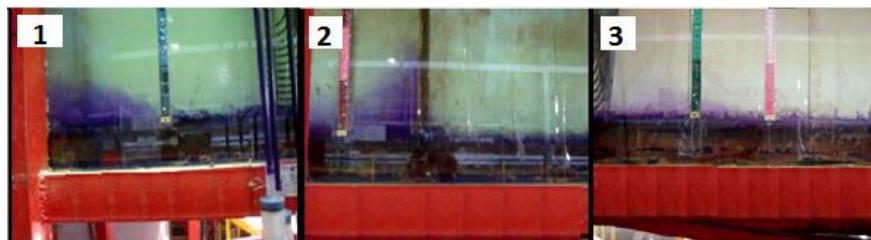
در شکل (۱) شماتیک کلی از فلوم و سایر تاسیسات مربوطه آزمایشگاهی آمده است. همان گونه که در این مجموعه مشاهده می‌شود، جریان غلیظ در یک مخزن به حجم ۲۵۰ لیتر ساخته می‌شود. شیوه کار بدین شکل بود که ابتدا به میزان ۱۰۰ لیتر در مخزن آب شهری ریخته و سپس با توجه به غلظت مورد نظر مقدار مشخصی از نمک صنعتی به کمک ترازو تهیه و پس از حل کردن به صورت کامل، به مخزن ریخته و در نهایت حجم آب به ۲۰۰۰ رسانده می‌شد و ماده رنگی پرمنگنات پتانسیم نیز اضافه می‌شد. سپس پمپ اختلاط را روشن نموده تا همزمان با مخلوط کردن مجدد محلول ایجاد شده، مخزن ورودی بالا را پر نموده و پس از فعال شدن سرریز این مخزن، شرایط برای اجرای آزمایش مهیا می‌شد.

### مراحل انجام آزمایش

برای شروع آزمایش‌ها فاصله صفحه مشبك از دریچه ورودی جریان غلیظ ۳/۵ متر انتخاب شد. علت انتخاب این فاصله این بود که جریان غلیظ در فاصله ۱ متری دریچه ابتدای فلوم، پس از



شکل ۱ - شماتیک از فلوم و تجهیزات مورد استفاده



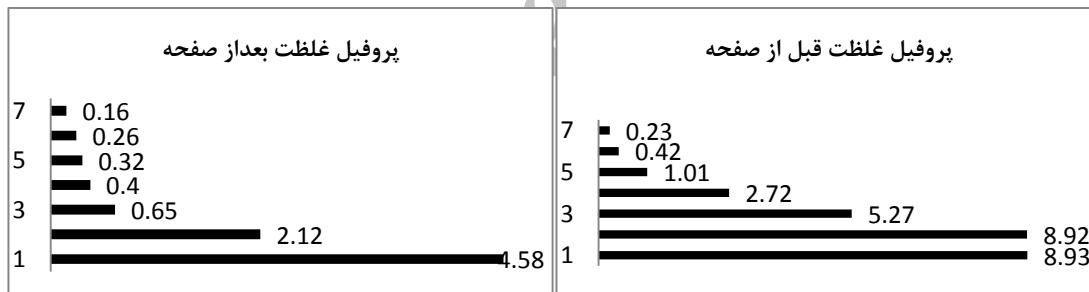
شکل ۲- تصاویری از حرکت جریان غلیظ و شیوه برخورد آن با صفحه مشبک و ادامه حرکت بعد از صفحه



ب) دستگاه نمونه گیر غلظت

الف) صفحه مشبک استفاده شده

شکل ۳- (الف) تصویری از صفحه مشبک نمونه مورد استفاده و (ب) و دستگاه نمونه گیر غلظت



شکل ۴- نمونه پروفیل غلظت (گرم در لیتر) قبل و بعد از صفحه مشبک

غلظت در هر ارتفاع و به تبع آن غلظت میانگین قبیل و بعد از صفحات به دست می آمد و با مقایسه آنها میزان کارایی صفحات محاسبه می شد. لازم به ذکر است که یکی از دلایلی که سنجش هدایت الکتریکی بالا فاصله بعد از نمونه گیری انجام شد این است که دمای نمونه ها تغییر نکند و شرایط محلول به هم نخورد. لازم به توضیح است تبدیل هدایت الکتریکی به هدایت الکتریکی به کمک منحنی تهیه شده بین این دو و در آزمایشگاه انجام گرفت. رابطه مورد استفاده به شرح زیر می باشد.

$$C = 0.0019(EC)^2 + 0.5502(EC) - 1.031 \quad R^2 = 0.99 \quad (1)$$

#### نمونه گیری از پروفیل غلظت

دستگاه های نمونه گیر غلظت در فاصله ۱/۵ متری بالادست صفحه و پایین دست صفحه قرار داده شدند و به محض عبور پیشانی جریان غلیظ، پروفیل غلظت برداشته می شد. دستگاه نمونه گیر از هفت سرنگ نصب شده در ارتفاعات مشخص تشکیل شده بود. نکته مهم در برداشت نمونه های قبل از صفحات این است که جریان غلیظ پس از برخورد به صفحه به سمت بالادست برگشت داده می شد. لذا تا قبل از رسیدن موج برگشتی به محل دستگاه نمونه گیر باید عمل نمونه گیری به صورت کامل انجام شده باشد. پس از اتمام نمونه گیری، بالا فاصله توسط دستگاه سنجش هدایت الکتریکی، میزان هدایت الکتریکی آنها اندازه گیری می شد و بر اساس آن

## زینی وند و همکاران: بررسی آزمایشگاهی اثر تخلخل صفحه نفوذ پذیر...

به عرض فلوم (۳۵ سانتی متر) می‌توان به دبی جریان غلیظ قبل و بعد از صفحات دست یافت و با مقایسه آنها و استفاده از رابطه (۲) می‌توان به راندمان کارایی صفحات در هر آزمایش دست یافت. جدول (۲) نتایج حاصل از بررسی دبی جریان غلیظ و پارامترهای برداشت شده را نشان می‌دهد:

$$\%R = \frac{Q_b - Q_a}{Q_b} \times 100 \quad (2)$$

که در آن  $R\%$  درصد کارایی،  $Q_b$  : دبی جریان غلیظ قبل از صفحه مشبک و  $Q_a$  : دبی جریان غلیظ بعد از صفحه مشبک می‌باشد. نتایج برای آزمایش‌های مختلف در جدول (۲) خلاصه شده‌اند. در شکل (۵) نیز تغییرات راندمان کارایی صفحات بر حسب تخلخل در غلظتهای مختلف نشان داده شده است. در این جدول  $V_b$  : سرعت پیشانی جریان غلیظ قبل از صفحه مشبک،  $V_a$  : ارتفاع پیشانی جریان غلیظ بعد از صفحه مشبک و  $H_a$  : ارتفاع پیشانی جریان غلیظ بعد از صفحه مشبک می‌باشد.

همان گونه که در شکل (۵) مشاهده می‌شود با افزایش تخلخل راندمان کارایی صفحات کاهش می‌یابد. به عبارت دیگر با افزایش سطح مقطع برای عبور جریان غلیظ، میزان راندمان تله اندازی آنها کاهش می‌یابد و عبور جریان غلیظ بیشتر می‌گردد. این روند در تمامی غلظت‌ها مشاهده می‌شود. از دیگر نکات مهم و قابل بحث درباره شکل (۵) می‌توان به افزایش راندمان کارایی صفحات با افزایش غلظت در هر تخلخل اشاره نمود. در واقع با افزایش غلظت جریان غلیظ، میزان ورود سیال ساکن به جریان غلیظ بیشتر می‌شود و با ورود سیال ساکن، از میزان غلظت بعد از صفحات کاسته می‌شود و به تبع آن راندمان کارایی صفحات بالا می‌رود. برای بررسی دقیق‌تر از نحوه تغییرات راندمان کارایی صفحات، مقایسه‌ای بین تغییرات راندمان انجام شده در غلظت‌های مختلف بعمل آمد که در جدول (۳) خلاصه شده است.

در رابطه فوق، C : غلظت بر حسب گرم در لیتر و EC : هدایت الکتریکی به دست آمده در آزمایشگاه می‌باشد. در شکل (۳) تصویری از صفحه مشبک و دستگاه نمونه گیر غلظت مشاهده می‌شود. همچنین در شکل (۴) نمونه پروفیل غلظت قبل و بعد از صفحات مشاهده می‌شود. در این شکل، محور افقی، محور عمودی، شماره نمونه‌ها می‌باشد که از بستر فلوم به بالا شماره گذاری شده‌اند.

لازم به ذکر است در نمونه گیری برای غلظت، به دلیل اینکه بدنه جریان غلیظ پایدار بوده، گذشت زمان اثری روی آن ندارد و نمونه گیری در یک حالت کافی خواهد بود.

همان گونه که قبل از این شد با توجه به تعداد غلظت‌ها و همچنین تخلخل‌های مورد استفاده در این تحقیق، تعداد ۱۲ آزمایش انجام گردید. در جدول (۱) نام آزمایش‌ها که از ۱ تا ۱۲ می‌باشد و مشخصات هر آزمایش مشاهده می‌گردد.

## نتایج و بحث

در بررسی کارایی صفحات نفوذپذیر، دبی جریان غلیظ یکی از مهمترین پارامترها می‌باشد. اما با توجه به کاهش غلظت جریان غلیظ بعد از عبور از صفحه مشبک، نتیجه گرفته شد که غلظت جریان غلیظ هم می‌تواند بیانگر نتایجی باشد. لذا نتایج باید بصورت جداگانه بررسی گردد. در ادامه به بررسی کنترل بار روسوبی، که شامل اثر همزمان دبی و غلظت جریان غلیظ می‌باشد، برداخته می‌شود. در خاتمه نیز ورود سیال پیرامون به جریان غلیظ به عنوان مهمترین علت کاهش غلظت و کارایی صفحات، مورد بررسی قرار گرفت و در این قسمت نتایج به صورت جداگانه بیان می‌شوند.

### بررسی اثر صفحه مشبک بر تغییر دبی جریان غلیظ

برای بررسی دبی جریان غلیظ، پس از بررسی فیلمهای تهیه شده از پیشانی جریان غلیظ با استفاده از نرم افزارهای تخصصی ویرایش و بررسی فیلم و همچنین استفاده از اشل‌های نصب شده روی فلوم و همچنین رنگی بودن سیال غلیظ مورد استفاده، سرعت و ارتفاع جریان غلیظ بالا دست و پایین دست صفحات به دست آمد و با توجه

**جدول ۱- مشخصات آزمایش‌های انجام شده**

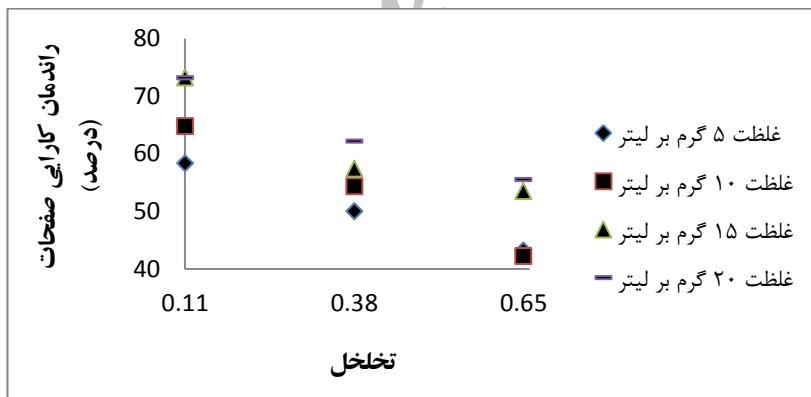
تخلخل ۰/۶۵	تخلخل ۰/۳۸	تخلخل ۰/۱۱	غلظت ۵ گرم بر لیتر
۳	۲	۱	غلظت ۱۰ گرم بر لیتر
۶	۵	۴	غلظت ۱۵ گرم بر لیتر
۹	۸	۷	غلظت ۲۰ گرم بر لیتر
۱۲	۱۱	۱۰	

جدول ۲- نتایج حاصل از بررسی دبی جریان غلیظ

%R	$Q_a(lit/sec)$	$H_a(cm)$	$V_a(cm/sec)$	$Q_b(lit/sec)$	$H_b(cm)$	$V_b(cm/sec)$	شماره آزمایش
۵۸/۳	.۶	۷	۱/۸	۱/۱	۱۰	۳/۱	۱
۵۰	.۵	۸	۱/۹	۱/۱	۱۱	۲/۸	۲
۴۳/۱	.۶	۸	۲/۱	۱	۱۰	۲/۹	۳
۶۴/۸	.۴	۵	۲/۱	۱/۱	۹	۳/۳	۴
۵۴/۳	.۵	۶	۲/۳	۱/۱	۹	۳/۳	۵
۴۲/۲	.۶	۷	۲/۶	۱/۱	۹	۳/۴	۶
۷۳/۲	.۳	۴	۲/۳	۱/۲	۹	۳/۹	۷
۵۷/۴	.۵	۵	۲/۸	۱/۲	۸	۴/۱	۸
۵۳/۵	.۴	۶	۰/۹	۱/۳	۹	۴/۱	۹
۷۳/۱	.۳	۴	۲/۳	۱/۲	۸	۴/۳	۱۰
۶۲/۱	.۴	۴	۲/۸	۱	۹	۳/۳	۱۱
۵۵/۵	.۵	۵	۳	۱/۲	۸	۴/۳	۱۲

جدول ۳- میزان تغییر راندمان با تغییر تخلخل در غلظت‌های مختلف

غلظت ۲۰ گرم بر لیتر	غلظت ۱۵ گرم بر لیتر	غلظت ۱۰ گرم بر لیتر	غلظت ۵ گرم بر لیتر	تغییر تخلخل
۱۱/۴	۱۱	۱۵/۸	۱۰/۵	۰/۱۱ و ۰/۳۸
۷/۴	۶/۷	۳/۹	۱۲/۱	۰/۳۸ و ۰/۶۵



شکل ۵- روند تغییرات راندمان کارایی صفحه مشبک بر حسب تخلخل در غلظت‌های مختلف حاصل از بررسی دبی جریان غلیظ

از تغییر تخلخل بین ۰/۳۸ و ۰/۱۱ در غلظت‌های مختلف، بیشتر از میانگین حسابی تغییر راندمان‌های ناشی از تغییر تخلخل بین ۰/۳۸ و ۰/۶۵ در تمامی غلظت‌ها می‌باشد که از نظر کمی نیز می‌توان به بزرگ‌تر بودن ۱۱/۳۹ نسبت به ۷/۳۸ اشاره نمود. پس در کل می‌توان بیان نمود که در تخلخل‌های کمتر، می‌توان شاهد افزایش راندمان بیشتری بود. در ادامه رابطه ارائه شده توسط اووهی و اشلایز (۲۰۰۷) در مورد عبور جریان از منفذ صفحات مشبک ارائه می‌گردد:

همان گونه که در جدول مشاهده می‌گردد در تمامی غلظت‌ها، میزان تغییر راندمان از تخلخل ۰/۳۸ به ۱۱/۴ بیشتر از تغییر راندمان از تخلخل ۰/۶۵ به ۰/۳۸ می‌باشد. این نتیجه بیانگر این می‌باشد که راندمان تله اندازی جریان غلیظ توسط صفحات متخلخل در تخلخل‌های بالا کمتر تغییر می‌کند اما در تخلخل‌های کمتر میزان تغییر بالاتری نشان می‌دهد. در ادامه از میانگین گیری حسابی استفاده شد و نتایج به صورت کمی و جامع تر تحلیل گردید. همان‌گونه که مشاهده می‌شود میانگین حسابی تغییر راندمان‌های ناشی

زینی وند و همکاران: بررسی آزمایشگاهی اثر تخلخل صفحه نفوذ پذیر...

$$\%R = \frac{C_b - C_a}{C_h} \times 100 \quad (\Delta)$$

در رابطه فوق  $0\%R$  : درصد راندمان کارایی صفحات نفوذپذیر،  $C_b$  : میانگین غلظت قبل از صفحات و  $C_a$  : میانگین غلظت بعد از صفحات می باشد و نتایج در جدول (۴) مشاهده می شوند.

یکی از نکات مهم و حائز اهمیت در این جدول، مشاهده کاهش غلظت در تمامی آزمایش ها می باشد. بطوری که حداقل راندمان ۴۳ درصد می باشد. همین مسئله به نوعی تایید کننده مفید بودن صفحات می باشد. به عبارتی دیگر در هر صورت علاوه بر کاهش دبی جریان غلیظ، میزان غلظت جریان غلیظ نیز کاهش می یابد.

علت اصلی این امر را می توان ورود سیال پیرامون به جریان غلیظ بیان نمود که پس از تشکیل مجدد ساختار آن در پایین دست صفحه، تتفاق می افتد و غلظت را کاهش می دهد. در ادامه روند تغییرات راندمان کارایی صفحات نسبت به تخلخل صفحات نفوذپذیر در غلظت های مختلف در شکل (۶) نشان داده است.

همان گونه که مشاهده می شود در این نمودار با افزایش تخلخل صفحات، راندمان کارایی صفحات نیز کاهش می یابد. همچنین با افزایش غلظت در هر تخلخل ثابت، راندمان کارایی صفحات افزایش می یابد که در واقع تایید کننده نتایج بررسی دبی جریان می باشد.

علت این امر را می توان این گونه بیان کرد که پس از برخورد جریان غلیظ به صفحه مشبک و عبور جریان غلیظ از منافذ آن، ساختار اولیه جریان به هم می خورد و سیال پیرامون وارد جریان غلیظ می گردد و از غلظت آن می کاهد و پس از تشکیل مجدد ساختار جریان غلیظ، به میزان قابل توجهی از غلظت آن کاسته می شود. همچنین هرچقدر غلظت قبل از صفحه مشبک بیشتر باشد میزان تفاوت غلظت قبل و بعد از صفحه بیشتر می شود و راندمان کارایی بیشتر می شود. در ادامه برای بررسی دقیق تر، میزان تغییر راندمان با تغییر تخلخل در غلظت های مختلف، در جدول (۵) مشاهده می شود.

$$\delta q = u_z \delta z = u_c \delta z_c = u_c C_c p_q \delta z \quad (\text{3})$$

در رابطه فوق  $\delta q$  : دبی در واحد عرض در بازه  $\delta z$  :

سرعت در بالادست صفحه،  $u_C$  : سرعت در محل متراکم شدن

سیال عبوری از زونه در بازه  $\delta z$  : ضریب تراکم سیال و  $p_g$  :

$C_C$  : نسبت مساحت بازشده به مساحت کل صفحه می باشد. همانگونه مشاهده می شود در رابطه فوق نیز می توان دریافت که با افزایش تخلخل، دبی عبوری از جریان غلظت نیز افزایش می یابد و با افزایش دبی عبوری، راندمان کارایی صفحات، کاهش می یابد.

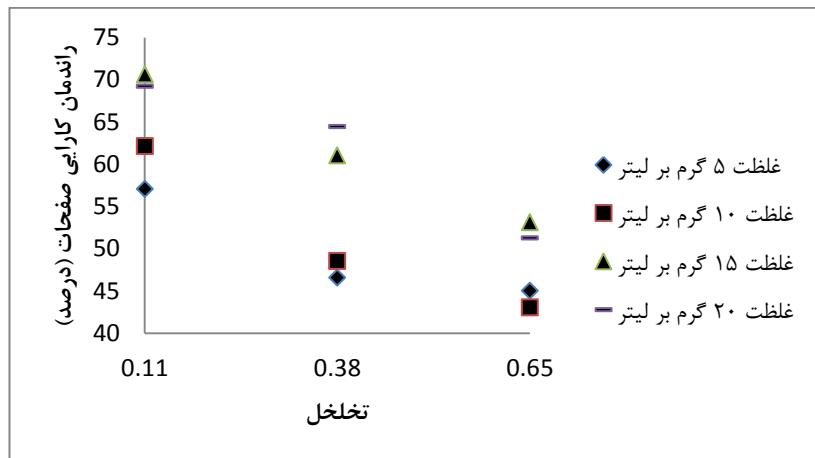
بررسی اثر صفحه مشبک بر تغییر غلظت جریان غلیظ  
جدول (۴) نتایج حاصل از بررسی نمونه های غلظت جریان  
قبل و بعد از صفحات را نشان می دهد. در این جدول میانگین  
قبل و بعد از صفحات به دست آمد و با مقایسه آنها و بررسی  
کم شدن غلظت، میزان راندمان تله اندازی رسوبات تعیین  
لازم به ذکر است که میانگین غلظتهای به دست آمده از رایطه  
دست آمده است:

$$C = \frac{1}{y} \sum_{i=1}^7 \frac{c_i + c_{i+1}}{2} \quad \Delta y \quad (\textcircled{F})$$

در رابطه فوق C : غلظت متوسط، y : عمق جریان غلیظ و C : نیز غلظت نمونه های گرفته شده می باشد. در رابطه فوق  $\Delta y$  : همان فاصله بین دهانه نمونه گیر در ارتفاع های مختلف می باشد این فاصله برای دستگاه های نمونه گیر مورد استفاده در این تحقیق برابر ۱/۵ سانتی متر می باشد. همچنین برای به دست آوردن راندمان کارلپی، صفحات از رابطه (۵) استفاده شد.

جدول ۴- نتایج حاصل از بررسی تغییر غلظت جو بان غلیظ در آزماسهای مختلف

(%)R	$C_a$ ( g/Lit)	$C_b$ ( g/Lit)	شماره آزمایش
۵۷/۱	۰/۷	۱/۷	۱
۴۶/۶	۱	۱/۹	۲
۳۹/۴	۰/۸	۱/۷	۳
۶۲/۱	۰/۹	۲/۴	۴
۴۸/۵	۱/۱	۲/۱	۵
۱۴۳/۱	۱/۵	۲/۶	۶
۷۰/۱۱	۱/۱	۳/۶	۷
۶۱	۱/۶	۴/۱	۸
۵۳/۱	۱/۶	۳/۵	۹
۶۹	۱/۲	۳/۹	۱۰
۵۶	۱/۴	۳/۳	۱۱
۴۵	۲/۲	۳/۹	۱۲



شکل ۶- راندمان کارایی صفحات بر حسب تخلخل در غلظت‌های مختلف حاصل از بررسی غلظت جریان

جدول ۵- میزان تغییر راندمان با تغییر تخلخل در غلظت‌های مختلف

میانگین (درصد)	غلظت ۲۰ گرم بر لیتر	غلظت ۱۵ گرم بر لیتر	غلظت ۱۰ گرم بر لیتر	غلظت ۵ گرم بر لیتر	تغییر تخلخل
۹/۶	۴/۸	۹/۶	۱۳/۶	۱۰/۵	۰/۱۱ و ۰/۳۸
۷	۱۳/۲	۷/۹	۵/۵	۱/۶	۰/۳۸ و ۰/۶۵

جدول ۶- درصد راندمان کارایی صفحات در کنترل بار روسوی

میانگین(درصد)	غلظت ۲۰ گرم بر لیتر	غلظت ۱۵ گرم بر لیتر	غلظت ۱۰ گرم بر لیتر	غلظت ۵ گرم بر لیتر	تخلخل
۸۸/۱	۹۱/۷	۹۲/۱	۸۶/۷	۸۲/۱	۰/۱۱
۷۹/۹	۸۶/۵	۸۳/۴	۷۶/۵	۷۳/۳	۰/۳۸
۷۵/۳	۷۸/۳	۸۶/۹	۶۷/۱	۶۸/۸	۰/۶۵

غایلیظ به دست می‌آید. این پارامتر که در واقع مهمترین معیار برای جمع‌بندی و بررسی نهایی اثر کارایی صفحات مشبک می‌باشد، هم بیانگر اثر دبی و هم بیانگر اثر غلظت جریان غایلیظ و تغییرات هر کدام از آنها می‌باشد. لذا برای هر آزمایش، قبل و بعد از صفحات، حاصل ضرب دبی در غلظت محاسبه شد و با استفاده از رابطه (۵) راندمان کارایی صفحات در کنترل بار روسوی جریان غایلیظ در هر آزمایش محاسبه شد و نتایج در جدول (۶) مشاهده می‌شود:

$$\%R = \frac{Q_b C_b - Q_a C_a}{Q_b C_b} \times 100 \quad (6)$$

در ادامه روند تغییر راندمان کارایی صفحات در کنترل بار روسوی در شکل (۷) مشاهده می‌شود.

نتایج حاصل از جدول فوق بیانگر این مطلب می‌باشد که میزان تغییر راندمان ناشی از تغییر تخلخل‌های بین ۰/۱۱ و ۰/۳۸ در تمامی غلظت‌ها، از میزان تغییر راندمان ناشی از تغییر تخلخل‌های بین ۰/۳۸ و ۰/۶۵ بیشتر می‌باشد که در واقع با توجه به جدول (۵) می‌توان به بزرگ تر بودن ۹/۶ نسبت به ۷/۰۲ اشاره نمود. در واقع این همان نتیجه‌ای بود که در بررسی دبی جریان به دست آمد. این امر بدان معنی می‌باشد که با کاهش تخلخل، صفحات توانایی کاهش غلظت بالاتری از خود نشان می‌دهند اما در تخلخل‌های بالاتر این امر به خوبی مشاهده نمی‌شود.

**بررسی اثر صفحه مشبک بر کنترل بار روسوی جریان غایلیظ**  
پارامتر مهم دیگر که در بررسی کنترل جریان غایلیظ استفاده می‌شود بار روسوی می‌باشد که از حاصل ضرب دبی در غلظت جریان

### زینی وند و همکاران: بررسی آزمایشگاهی اثر تخلخل صفحه نفوذ پذیر...

غليظ، ضعيف تر شود. لذا در اين مرحله به محاسبه حجم سيال ورودی به جريان غليظ پرداخته می شود. رابطه (۶) برای محاسبه حجم سيال ورودی مورد استفاده قرار گرفت.

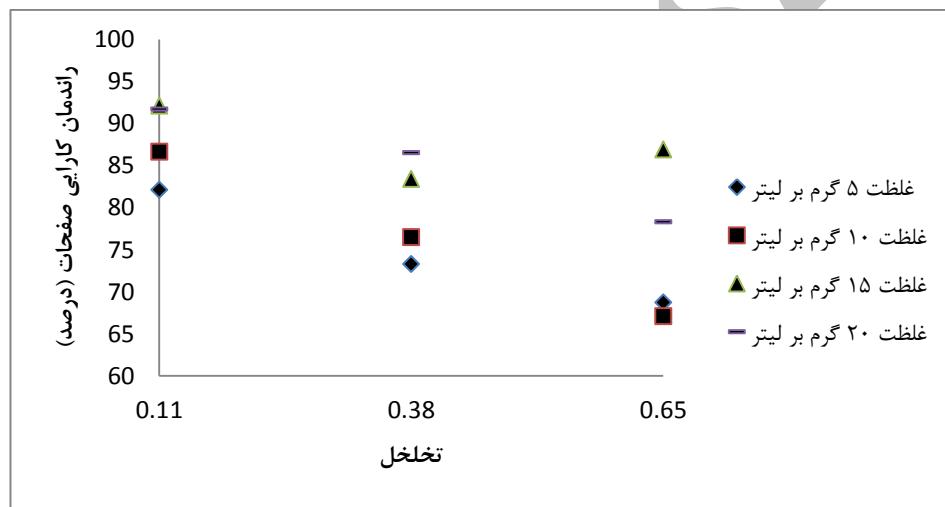
$$\frac{C_1(g)}{(1000 + x)(cc)} = \frac{C_2(g)}{1000(cc)} \quad (6)$$

در اين رابطه ،  $C_1$  : غلظت قبل از صفحه،  $C_2$  : غلظت بعد از صفحه و  $x$  : حجم سيال ورودی به جريان غليظ در اثر عبور از صفحه مشبك بر حسب ميلی ليتر می باشد که برای هر آزمایش محاسبه و نتيجه آن در جدول (۷) مشاهده می شود.

همان گونه در شكل (۷) مشاهده می شود، با افزایش تخلخل راندمان کارایی صفحات در کنترل بار رسوبی کاهش می یابد. اين نتيجه، مشابه نتيجه گرفته شده از بررسی کنترل دبی و همچنين بررسی کنترل غلظت جريان غليظ می باشد.

### ورود سيال پيرامون به جريان غليظ

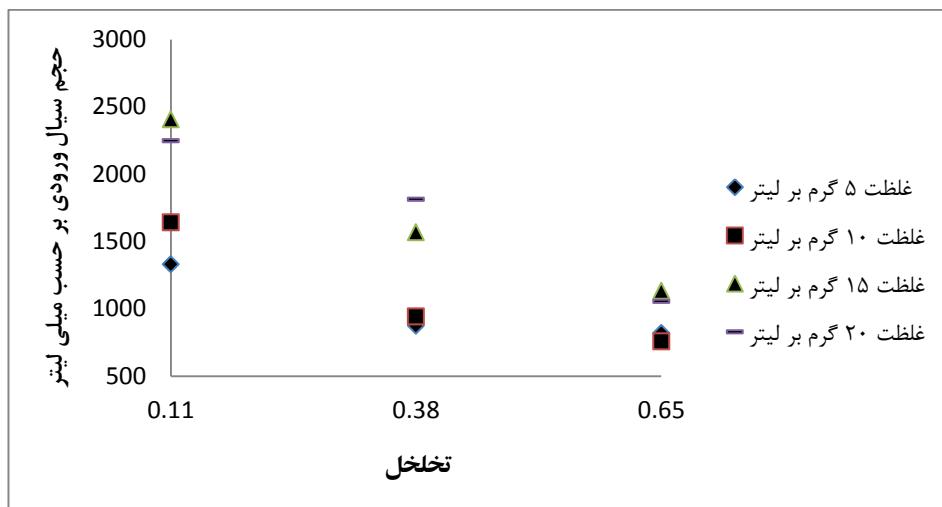
با بررسی مشاهدات آزمایشگاهی و با توجه به برخورد جريان غليظ به صفحه مشبك و عبور يخشى از آن از بدنه صفحات و سپس تشکيل ساختار مجدد آن، می توان به اين نتيجه دست یافت که در اثر عبور جريان غليظ از صفحه نفوذپذير، مقداری از سيال پيرامون وارد جريان غليظ می شود و باعث می شود که غلظت جريان غليظ به غلظت سيال محيطی نزديک تر شود و عامل اصلی حرکت جريان



شكل ۲- راندمان کارایی صفحات بر حسب تخلخل در غلظت های مختلف حاصل از بررسی بار رسوبی

### جدول ۷- حجم ورود سيال پيرامون به جريان غليظ بر حسب ميلی ليتر

تخلخل	غلظت ۵ گرم بر ليتر	غلظت ۱۰ گرم بر ليتر	غلظت ۱۵ گرم بر ليتر	غلظت ۲۰ گرم بر ليتر	ميانگين(درصد)
۰/۱۱	۱۳۲۹	۱۶۴۱	۲۴۰۵	۲۲۴۸	۱۹۰۶
۰/۳۸	۸۷۳	۹۴۳	۱۵۶۷	۱۸۱۲	۱۳۰۰
۰/۶۵	۸۱۹	۷۵۷	۱۱۳۳	۱۰۵۳	۹۴۰



شکل ۸- حجم سیال ورودی بر حسب تخلخل در غلظت‌های مختلف

بررسی تعییر این دو پارامتر، به همراه بررسی بار روسوبی، پرداخته شد. در ادامه عبور جریان غلیظ از صفحه مشبك و تشکیل مجدد ساختار آن و حجم سیال ورودی بررسی گردید. پس از جمع بندی نهایی، مشاهده شد که با افزایش تخلخل، حجم سیال ورودی به جریان غلیظ کاهش می‌یابد و باعث می‌شود تا راندمان کارایی صفحات در کنترل جریان غلیظ کاهش یابد. لذا مفید بودن این روش را می‌توان در وارد نمودن سیال پیرامون به جریان غلیظ و در نتیجه کنترل آن بیان نمود، بگونه‌ای که با افزایش تخلخل از ۰/۱۱ تا ۰/۰۵، حجم سیال ورودی به جریان غلیظ از ۹۶۰۰ به ۹۴۰ میلی لیتر کاهش یافته و به تبع آن، راندمان کارایی صفحات از ۸۸/۱٪ به ۷۵/۳٪ تنزل یافت. با کمک این روش از کنترل جریان غلیظ، به طور مثال صفحه با تخلخل ۰/۱۱ قادر بود حداقل تا ۹۲ درصد جریان غلیظ را کنترل نماید. همچنین مشاهده شد که با افزایش غلظت، صفحات کارایی بیشتری در کنترل جریان غلیظ نمکی از خود نشان می‌دهند.

در شکل (۸) نیز نحوه تعییر حجم سیال ورودی به جریان غلیظ در غلظت‌های مختلف با تعییر تخلخل مشاهده می‌شود. همان‌گونه مشاهده می‌شود با افزایش تخلخل، حجم سیال ورودی به جریان غلیظ کاهش می‌یابد. همچنین این روند در تمامی غلظت‌ها به خوبی مشاهده می‌شود. با مقایسه این شکل با شکل‌های (۵) و (۶) مشاهده می‌شود که همگی از یک روند تبعیت نموده و بیانگر این واقعیت می‌باشد که با افزایش تخلخل، به دلیل کاهش حجم سیال ورودی، راندمان کارایی صفحه نفوذپذیر در کنترل جریان غلیظ کم می‌شود.

### نتیجه‌گیری

در تحقیق حاضر به بررسی استفاده از صفحات مشبك برای کنترل جریان غلیظ نمکی پرداخته شد. لذا به برداشت و محاسبه دبی و غلظت جریان غلیظ در بالادست و پایین دست صفحه مشبك و

### منابع

- ۱- اصغری پری، س. ا. ۱۳۸۸. بررسی اثر ارتفاع مانع بر رسویگذاری مخزن در جریان غلیظ، رساله دکتری، رشته سازه‌های آبی، دانشکده مهندسی علوم آب، دانشگاه شهید چمران اهواز.
- ۲- دریابی، م.، کاشفی پور، س. م.، و. م. قمشی، ۱۳۹۳، بررسی آزمایشگاهی اثر شیب و زیری کف روی سرعت پیشانی و بدن جریان غلیظ روسوبی، مجله علمی پژوهشی علوم و مهندسی آبیاری (محله علمی کشاورزی)، (۳) : ۳۷-۲۱.
- ۳- کاهه، م.، قمشی، م. و س. ح. موسوی چهرمی، ۱۳۹۰، بررسی آزمایشگاهی سرعت پیشروی جریان غلیظ روی سطوح زیر، مجله علمی پژوهشی علوم و مهندسی آبیاری (محله علمی کشاورزی)، (۱) : ۳۵-۱۰۱-۱۰۹.
- 4- Buhler, J., Oehy, Ch., and A.J. Schleiss, 2013. Jets opposing turbidity currents and open channel flows. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, 139(1):55-59.

زینی وند و همکاران: بررسی آزمایشگاهی اثر تخلخل صفحه نفوذ پذیر...

- 5- Garcia, M.H. 1992. Turbidity currents. Encyclopedia of Earth System Science, ASCE, 4:399-408.
- 6- Leong. K. K., Mok, K. M. and H. Yeh. 2006. Fluctuation of the front propagation speed of developed gravity current. Journal of Hydrodynamics, 18(3): 351-355.
- 7- Linden, P.F. and J.E. Simpson, 1986. Gravity-driven flows in a turbulent fluid. Journal of Fluid Mechanics, 172:481-497.
- 8- Nogueira, H.I.S., Adduce, C., Alves, E., And M.J. Franca, 2013. Analysis of lock-exchange gravity currents over smooth and rough beds. Journal of Hydraulic Research, 51(4):417–431.
- 9- Ohey, C.D. and Schleiss, A.J. 2007. Control of turbidity currents in reservoirs by solid and permeable obstacles. Hydraulic Engineering, ASCE, 133(6): 637-648.
- 10-Ohey, C.D., Cesar, G.D. and A.J. Schleiss, 2010. Effect of inclined jet screen on turbidity current. Journal of Hydraulic Research, IAHR, 48(1): 81-90.
- 11-Parker, G., Y. Fukushima and H. M. Pantin. 1986. Self-accelerating turbidity currents. Journal of Fluid Mechanics, 171:145-181.
- 12-Prinos, P. 1999. Two-dimensional density currents over obstacles. Proceedings of The 28th IAHR Congress, Graz, Austria.
- 13-Toniolo, H., Parker, G. and V. Voller, 2007. Role of ponded turbidity currents in reservoir trap efficiency. Hydraulic Engineering, ASCE, 133(6): 579-595.
- 14-Woods, A.W., Bursik, M.I. and A.V. Kurbatov, 1998. The interaction of ash flows with ridges, Bulletin of Volcanology, 60:38–51.