

## ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی برای مصارف شرب با استفاده از مدل استنتاج فازی (مطالعه موردی: دشت مرودشت)

محمدحسین جهانگیر<sup>۱\*</sup>، پارسا حقیقی<sup>۲</sup>، سیدجواد ساداتی نژاد<sup>۳</sup>

۱. استادیار گروه انرژی‌های نو و محیط زیست، دانشکده علوم و فنون نوین، دانشگاه تهران

۲. دانشجوی کارشناسی ارشد اکوهیدرولوژی، دانشکده علوم و فنون نوین، دانشگاه تهران

۳. دانشیار گروه انرژی‌های نو و محیط زیست، دانشکده علوم و فنون نوین، دانشگاه تهران

(تاریخ دریافت ۱۳۹۶/۰۴/۳۱؛ تاریخ تصویب ۱۳۹۶/۱۰/۱۴)

### چکیده

آب‌های زیرزمینی از منابع مهم بهره‌برداری در مناطق خشک و نیمه‌خشک اند. برداشت بی‌رویه آب‌های زیرزمینی و افزایش آلودگی‌های زیست‌محیطی، سبب شده که بررسی کیفیت آب‌های زیرزمینی این دشت امری مهم تلقی شود. در مطالعه حاضر با توجه به قابلیت‌های روش فازی سعی بر مقایسه روش‌های مرسوم قطعی و مدل استنتاج فازی ممدادی شده است. از داده‌های ۳۰ حلقه چاه عمیق و نیمه‌عمیق طی سال آبی ۱۳۸۹-۱۳۹۰ به منظور بررسی کیفیت آب شرب دشت مرودشت استفاده شده و با طراحی یک سیستم استنتاج فازی با استفاده از توابع عضویت و ترکیب این توابع بر اساس قوانین «اگر-آن‌گاه» فازی کیفیت نهایی آب از نظر شرب تعیین شده است. با توجه به نتایج پژوهش در روش قطعی تعداد ۱۰ و ۱۱ چاه به ترتیب در رده مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول قرار گرفته، این در حالی است که در روش ارزیابی استنتاج فازی به ترتیب هشت، ۸ و ۱۳ چاه در رده مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول قرار گرفته است؛ که تفاوت این دو روش را می‌توان به مقادیر فراسنج‌های کیفی حدی در نظر گرفت. پهنگندی شاخص کیفی آب زیرزمینی دشت نشان داد بیشترین مساحت اختصاص داده شده مربوط به کیفیت غیرقابل قبول که برای روش استنتاج فازی  $50/83$  درصد و برای روش قطعی  $51/45$  درصد برآورد شده و طبقه مطلوب در روش قطعی و فازی به ترتیب  $28/76$  و  $26/85$  درصد و طبقه قابل قبول نیز در روش قطعی و فازی به ترتیب  $19/79$  و  $22/32$  درصد است. اعتبارسنجی با استفاده از روش میانگین نسبی مربع خطاهای (RMSE) برای دو روش قطعی و فازی به ترتیب برابر با  $12/98$  و  $8/68$  به دست آمده است؛ بنابراین روش استنتاج فازی را می‌توان ابزاری ساده و مفید برای سنجش کیفیت آب برای مصارف شرب معرفی کرد.

**کلیدواژگان:** آب زیرزمینی، دشت مرودشت، کیفیت آب، مدل استنتاج فازی.

کار رفته است [۴]. استنتاج فازی به عنوان فرایند نگاشت مجموعه‌ای از داده‌های ورودی به مجموعه‌ای از داده‌های خروجی که با استفاده از دیدگاه منطق فازی بیان می‌شود [۵]. در سال‌های اخیر مطالعات روی کیفیت آب زیرزمینی و سطحی با استفاده از منطق فازی انجام شده است که در ادامه به چند مورد اشاره شده است. لیندانگ و همکارانش شاخص کیفیت آب روی رودخانه اینانام<sup>۱</sup> را ارزیابی کردند که در آن یک مدل سیستم استنتاج فازی (FIS) به شیوه‌ای جامع پیشنهاد کردند. یافته‌ها با استفاده از روش‌های پیشنهادی نشان می‌دهد رودخانه اینانام وضعیت آب ضعیف دارد. به طور کلی، سیستم استنتاج فازی، قادر به ارزیابی پارامترها و اجرای یک شاخص واحد است؛ که شرایط را از ضعیف تا عالی نشان می‌دهد [۶]. للاوادی و همکارانش در تحقیقی با عنوان «تجزیه و تحلیل کیفیت آب رودخانه چانمار<sup>۲</sup> تحت مدل استنتاج فازی» مدل را با ۱۲ نمونه جمع‌آوری شده طی ۱۴ مارس تا ۱۵ فوریه از رودخانه چانمار اجرا کردند. پارامترهای کیفی تجزیه و تحلیل شد و تجزیه و تحلیل آن با شاخص WQI همخوانی خوبی داشت و روش استنتاج فازی (FIS) را یک ابزار عملی، ساده و مفید برای سنجش کیفیت آب معروفی کردند [۷]. کونگ و همکارانش برای نخستین بار به تدوین شاخص کیفیت با استفاده از روش خوشبندی فازی پرداختند [۸]؛ اما تبیین فازی پارامترهای کیفی توسط سی و همکارانش انجام پذیرفت که به جای ضریب سنتی بین صفر تا ۱۰۰ با درنظر گرفتن عدم قطعیت‌های موجود در منابع آب، مقدار آن را به صفر تا یک کاهش داد [۹]. اکامپودکو و همکارانش نیز با استفاده از سیستم استنتاج فازی کیفیت آب رودخانه‌ای در اسپانیا را بازهندی کردند. درنهایت، کیفیت آب بازه‌های مختلف رودخانه را در سه کلاس ضعیف، متوسط و خوب تقسیم‌بندی کردند [۱۰]. نخعی و ودیعی در مطالعه‌ای به کاربرد تئوری مجموعه فازی برای ارزیابی کیفیت آب قنات به منظور مصارف شرب و کشاورزی پرداختند و با روش قطعی مقایسه کردند. آنها از داده‌های کیفیت آب ۲۳ قنات به عنوان نماینده قنات‌های استان تهران که در سال آبی ۱۳۸۸ - ۱۳۸۹ اندازه‌گیری شده بودند، استفاده کردند. نتایج پژوهش آنها نشان داد مدل استنتاج فازی، ابزاری مناسب برای ارزیابی کیفیت آب قنات به شمار می‌رود [۱۱].

## مقدمه

آب‌های زیرزمینی بزرگ‌ترین ذخیره قابل دسترس آب شیرین در کره زمین را تشکیل می‌دهند. با توجه به برداشت بی‌رویه، کاهش نزولات جویی و خشکسالی‌های اخیر و درنتیجه کمبود آب در پهنه وسیعی از کشور و افزایش میزان تقاضا برای مصارف مختلف، مدیریت منابع آب‌های زیرزمینی اهمیت و حساسیت بسیار زیادی دارد [۱]. ارزیابی کیفی منابع آب از جمله آب‌های زیرزمینی یکی از مباحث بسیار مهم در طرح‌های توسعه منابع آب کشور است و حفظ کیفیت منابع آب با توجه به روند تخریبی رو به رشدشان امری اجتناب‌ناپذیر است. رفتارسنجی و تصمیم‌گیری درباره کیفیت آب براساس اطلاعات جمیع آوری شده، یکی از مشکلات مهندسان محیط زیست و آبشناسان است، چراکه در همه مراحل، از نمونه‌برداری تا بررسی و تحلیل نتایج، با انواع عدم قطعیت‌ها روبرو هستند [۲]. نخعی و همکارانش معتقدند که با توجه به عدم قطعیت همراه با اندازه‌گیری در مراحل نمونه‌برداری و آنالیز نمونه‌ها، استفاده از روش‌های کلاسیک در ارزیابی کیفیت آب شرب و کشاورزی مناسب به نظر نمی‌رسد، چراکه براساس روش‌های قطعی و تقسیم‌بندی کیفیت آب شرب و کشاورزی به رده‌های مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول براساس استانداردهای کیفیت آب چندان مناسب به نظر نمی‌رسد، زیرا نمی‌توان ارزش هریک از پارامترهای مطالعه شده را تعیین کرد. به این صورت که روشی‌های قطعی، توانایی مشخص کردن چه میزان مطلوب و یا قابل قبول بودن را ندارند. روشی‌های فازی این مشکل را می‌توانند حل کنند و برای هر پارامتر میزان مقبولیت در رده‌های از پیش تعیین شده را مشخص می‌کنند. با توجه به اینکه در ارزیابی فازی، برای هر یک از پارامترهای کیفی آب حدود فازی تعیین می‌شود، کیفیت آب در قالب رده‌های مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول طبقه‌بندی شد. ابهام و نبود قطعیت ذاتی حاکم بر منابع آب در ارزیابی اهداف، معیارهای و واحدهای تصمیم‌گیری از یکسو و ناسازگاری و بی‌دقیقی در نظرها و قضاوت افراد تصمیم‌گیرنده از سوی دیگر، سبب گرایش به نظریه‌های مجموعه‌های فازی و به دنبال آن، منطق فازی به عنوان ابزاری کارآمد و مفید برای برنامه‌ریزی‌ها و تصمیم‌گیری‌ها در منابع آب شده است [۳]. منطق فازی که توسط لطفی‌زاده معرفی شد، به عنوان یک روش مناسب برای توسعه دستگاه‌های پیچیده و مبهم به

1. Inanam  
2. CHUNNAMBAR

در این مطالعه سعی بر مقایسه دو روش قطعی و فازی ممدادی در تعیین کیفیت آب شرب دشت انجام شده که با استفاده از اطلاعات هشت پارامتر کلسیم، منیزیم، سدیم، کلر، سولفات، بیکربنات، مجموع املاح محلول و سختی کل، که به عنوان پارامترهای مؤثر در کیفیت آب شرب در نمودار شور است، در دشت استفاده شده است.

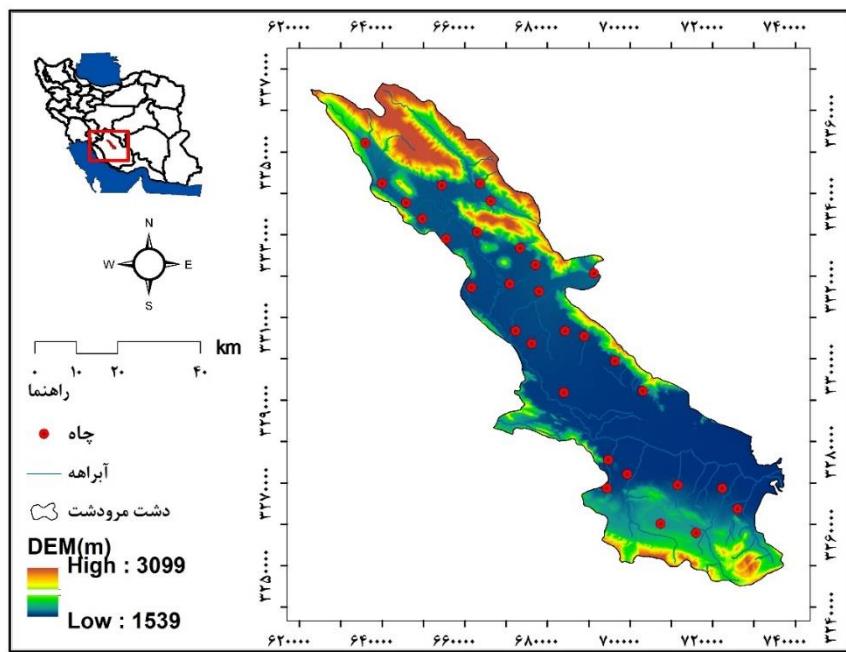
### مواد و روش‌ها

#### معرفی محدوده مطالعه شده

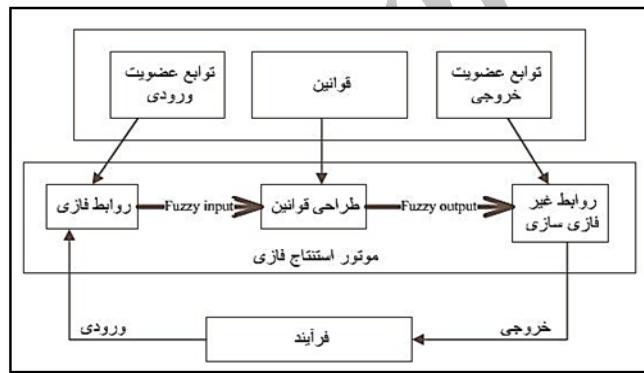
دشت مرودشت بین عرض‌های جغرافیایی  $30^{\circ} 40'$  تا  $30^{\circ} 10'$  و طول جغرافیایی  $52^{\circ} 10'$  تا  $53^{\circ} 00'$  واقع شده است که با جهت شمال غرب - جنوب شرقی و با مساحت ۱۲۲۱/۵ کیلومترمربع بزرگ‌ترین آبخوان حوضه آبخیز طشك - بختگان و مهارلو است. بخش بزرگی از رودخانه کر از آبخوان دشت مرودشت عبور می‌کند که در مرکز حوضه آبخیز دریاچه‌های طشك - بختگان و مهارلو در استان فارس واقع شده است. مساحتی به میزان ۲۴۵۲/۵۰ کیلومترمربع از این محدوده را داشت و ۱۴۸۸/۵۰ کیلومترمربع را ارتفاعات تشکیل داده است. وسعت آبخوان آبرفتی این محدوده ۲۰۳۱/۴۰ کیلومترمربع است. متوسط دمای منطقه  $14^{\circ}/5$  درجه سانتی‌گراد و متوسط بارش در منطقه  $392/7$  میلی‌متر در سال است. به طور کلی، دشت مرودشت در منطقه خشک و نیمه‌خشک قرار گرفته است. در شکل ۱ موقعیت منطقه مطالعه شده آورده شده است.

برای انجام این تحقیق از داده‌های کیفی مربوط به  $30^{\circ}$  چاه عمیق و نیمه‌عمیق در سال آماری ۹۰ استفاده شده است. این داده‌ها از شرکت سهامی آب منطقه‌ای استان فارس اخذ شده است. با طراحی یک سیستم استنتاج فازی کیفیت این  $30^{\circ}$  حلقه چاه بررسی شده و با روش‌های مرسوم قطعی مقایسه شده است. یک سیستم استنتاج فازی، فرایندی است که استدلال زبان انسان را با استفاده از منطق فازی (براساس قوانین اگر- آن‌گاه فازی) به صورت فرمول درمی‌آورد. سیستم استنتاج فازی عموماً متشکل از چهار بخش اصلی فازی سازی، قوانین فازی، موتور استنتاج فازی و غیرفازی‌سازی است [۱۴]. در شکل ۲ ساختار کلی سیستم استنتاج فازی ارائه شده است.

محمداوغلو و همکارانش نیز در مطالعه‌ای آب‌های زیرزمینی را بررسی کردند و شاخص آبودگی را با استفاده از منطق فازی ارائه دادند. آنها از پارامترهایی محدودی برای تعیین آبودگی آب‌های زیرزمینی استفاده کردند و منطق فازی را روشنی مناسب برای ارزیابی شاخص‌های آبودگی معرفی کردند [۱۲]. هاشمی و همکارانش سیستم استنتاج فازی را برای بررسی کیفیت شیمیایی آب شرب به کار برdenد که از نه پارامتر اسیدیته، سختی کل، کلرور، کلسیم، منیزیم، سولفات، نیترات، سدیم و کل املاح محلول برای ارزیابی کیفیت آب شرب  $29^{\circ}$  چاه تأمین شرب نه شهر مختلف اصفهان استفاده کردند. در نهایت، مدل فازی کیفیت آب شرب را تهیه کرده و نتایج روش قطعی و فازی را مقایسه کردند. نتایج برتری روش فازی را در ارزیابی کیفیت آب شرب در مرازهای تغییر زمانی نشان می‌دهد [۴]. داهیما و همکارانش از روش استنتاج فازی به منظور بررسی کیفیت آب زیرزمینی برای مصارف شرب  $36^{\circ}$  نمونه از دو روستا در کشور هند استفاده کردند. در این پژوهش  $10^{\circ}$  پارامتر تأثیرگذار بر کیفیت آب ارزیابی فازی شد و نسبت به روش‌های تعیین شاخص کیفی آب WQI عملکرد خوبی داشته است [۱۳]. با توجه به سوابق مطالعاتی ارائه شده می‌توان برداشت کرد که روش‌های فازی نسبت به روش‌های قطعی به دلیل داشتن مبنای عینی تر امکان ارائه واقعی فاصله کیفیت از حدود مطلوب و مجاز را دارد و باید به دنبال ساختن مدل‌هایی بود که ابهام را به عنوان بخشی از سیستم مدل کند. در مطالعه حاضر، داده‌های جمع‌آوری شده مرتبط با پارامترهای کیفی آب زیرزمینی در جعبه منطق فازی پردازش می‌شوند تا خروجی‌های مد نظر به دست آید. برای این کار نیاز به شناخت کامل اصول اساسی در جعبه یادشده مانند تابع‌های عضویت، عملگرهای مجموعه فازی و قوانین استنتاج فازی است که در ادامه توضیح داده شده‌اند. در مطالعه حاضر از آمار پارامترهای کیفی آب، سال آبی  $1389-1390$  مربوط به  $30^{\circ}$  حلقه چاه نیمه‌عمیق و عمیق دشت مرودشت استفاده شده است. دشت مرودشت از دشت‌های مهم استان فارس که به دلیل بروز افت مادام و کاهش ذخایر مخازن آب زیرزمینی طی دو دهه گذشته از یک‌طرف و همچنین روند افزایشی تخلیه فاضلاب‌های شهری و صنعتی، مواد زائد و جامد و کاربرد سروم و کودهای شیمیایی در محدوده آن لزوم توجه به تعیین کیفیت آب‌های زیرزمینی را اجتناب‌ناپذیر می‌کند.



شکل ۱. نقشه مدل رقومی ارتفاع منطقه مرودشت



شکل ۲. ساختار کلی سیستم استنتاج فازی (صالحی و مرادی، ۱۳۹۰)

فرد متخصص علاوه بر دانستن منطق فازی باید به موضوع بحث شده که کیفیت آب است تسلط داشته باشد. در این مطالعه نیز با توجه به ماهیت پارامترهای کیفی و نظر کارشناسان خبره از توابع عضویت با حدود تعیین شده و استانداردهای سازمان بهداشت جهانی (WHO) استفاده شده است. دو نوع تابع عضویت مثلثی و ذوزنقه‌ای به‌سبب سادگی رابطه و بهینه‌بودن محاسبات، به صورت گسترشده‌ای در سازمان‌های استنتاج فازی کاربرد دارند [۳]. در مطالعه یادشده نیز از این دو تابع استفاده شده است. توابع عضویت مثلثی و ذوزنقه‌ای در روابط ۱ و ۲ آورده شده است.

**تشریح روش استفاده شده**  
فازی‌سازی عبارت است از تبدیلی که مقادیر اندازه‌گیری شده را با متغیرهای زبانی به کاررفته در قسمت شرط قوانین فازی تبدیل می‌کند، به طوری که فازی‌سازی با استفاده از توابع عضویت انجام می‌شود. یک تابع عضویت در مجموعه‌های فازی ممکن است شکل‌های مختلفی مانند ذوزنقه‌ای، مثلثی، گاوی و ... داشته باشد که در این مقاله با توجه به استانداردهای جهانی و نظر کارشناسی نوع توابع عضویت و دامنه هر یک از توابع مشخص شدند و از توابع عضویت مثلثی و ذوزنقه‌ای استفاده شد. یکی از راههای طراحی توابع عضویت استفاده از نظر متخصصان است. در خور یادآوری است یک

$$NOT : \mu \bar{A} = 1 - \mu A \quad (5)$$

در این مطالعه، با توجه به تأثیر همزمان پارامترها بر کیفیت آب و حضور اغلب آنها از عملکر AND استفاده شده است. با توجه به تعداد پارامترها و متغیرهای زبانی به کار بردشده، نیاز به تعریف قوانین است. متخصصانی که هم منطق فازی و هم آثار کیفیت آب را می‌شناسند، باید قوانین را تعریف کنند. در تحقیق حاضر برای کاهش پیچیدگی در طراحی قوانین پارامترهای مؤثر در کیفیت را به سه گروه تقسیم کرده که در گروه اول، سه پارامتر سدیم، کلسیم، منیزیم و در گروه دوم، دو پارامتر مجموع املاح محلول و سختی کل و در گروه سوم، سولفات، بی‌کربنات و کلرور تقسیم‌بندی شده و با تعریف قوانین برای هر گروه، کیفیت نهایی با ترکیب خروجی هر سه گروه به دست آمده است. با توجه به تعداد هر پارامتر و تعداد متغیر زبانی (مطلوب، قابل قبول، غیرقابل قبول) در گروه نخست ( ${}^3$ ) در گروه دوم ( ${}^3$ ) و در گروه سوم ( ${}^3$ ) قانون طراحی شده و درنهایت با ترکیب خروجی هر یک از گروه‌ها که نیاز به طراحی ( ${}^3$ ) قانون است کیفیت نهایی آب زیرزمینی داشت از نظر شرب به دست آورده شد. در شکل ۴ الگوریتم طراحی شده برای شاخص کیفی شرب آبهای زیرزمینی آورده شده است. پارامترهای کیفی استفاده شده در این تحقیق به استناد از پارامترهای معیار کیفی دیاگرام شولر، که از مهم‌ترین معیارهای کیفی برای طبقه‌بندی آب است، استفاده شده است [۱۵].

$$f(x; a, b, c) = \begin{cases} 0 & x < a \text{ or } c < x \\ \frac{(a-x)}{(a-b)} & a \leq x \leq b \text{ for triangular} \\ \frac{(c-x)}{(c-b)} & b \leq x \leq c \end{cases} \quad (1)$$

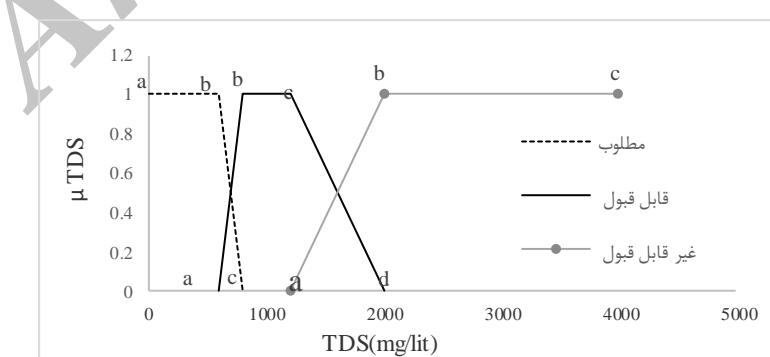
$$f(x; a, b, c, d) = \begin{cases} 0 & x < a \text{ or } d < x \\ \frac{(a-x)}{(a-b)} & a \leq x \leq b \\ 1 & b \leq x \leq c \\ \frac{(d-x)}{(d-c)} & c \leq x \leq d \end{cases} \text{ for trapezoidal} \quad (2)$$

روابط ۱ و ۲ توابع عضویت مثلثی و ذوزنقه‌ای را نشان می‌دهند. برای مثال، با توجه به شکل ۳ برای پارامتر مجموع املاح محلول، متغیرهای زبانی «قابل قبول» با توابع عضویت ذوزنقه‌ای کامل و برای مقادیر «مطلوب» و «غیرقابل قبول» از توابع عضویت ذوزنقه‌ای ناقص استفاده شده است.

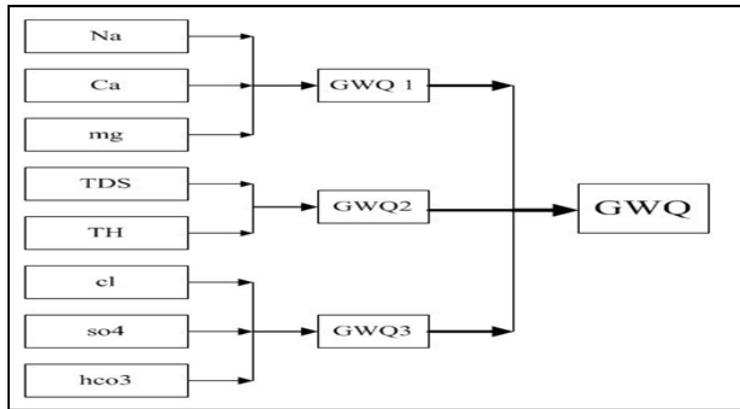
**الف) قوانین فازی:** یک قانون استنتاج فازی نشان‌دهنده ارتباط بین مجموعه‌های ورودی و خروجی است که با استفاده از قوانین آن‌گاه-آن‌گاه انجام می‌شود. همچنین، برای ارتباط بین توابع عضویت از عملکردهای فازی استفاده می‌شود. عملکردهای فازی مانند اشتراک (AND)، اجتماع (OR) و نفی (NOT) در سیستم‌های مبتنی بر اساس منطق فازی کاربرد زیادی دارند، که به صورت زیر تعریف می‌شوند (روابط ۳ - ۴):

$$AND : \mu A \cap \beta = \mu A \cap \mu B = \min(\mu A, \mu B) \quad (3)$$

$$AND : \mu A \cap \beta = \mu A \cap \mu B = \min(\mu A, \mu B) \quad (4)$$



شکل ۳. توابع عضویت برای پارامتر مجموع املاح محلول



شکل ۴. الگوریتم طراحی شده برای شاخص کیفی شرب آب‌های زیرزمینی

همچنین، پهنه‌بندی خشکسالی آب زیرزمینی به‌منظور تعیین دقیق مناطق خطر از نظر خشکسالی آب زیرزمینی و مدیریت بهتر منابع آب در این منطقه در محیط نرم‌افزار Arc-GIS با استفاده از روش زمین‌آماری کریجینگ انجام شده است. در اغلب آزمون‌های پارامتری، مفروضات مقدماتی بسیاری وجود دارد که تا این مفروضات تأمین نشوند، نتایج بدست‌آمده از آزمون، نامعتبر خواهد بود. در میان این مفروضات مهم‌ترین و شایع‌ترین فرض، نرمال‌بودن داده‌هاست. منظور از نرمال‌بودن توزیع داده‌ها این است که هیستوگرام فراوانی داده‌ها تقریباً به صورت منحنی نرمال باشد. در این مطالعه از روش کولموگروف-اسمیرنوف به‌منظور بررسی نرمال‌بودن داده‌ها استفاده شده است. میان‌یابی به روش کریجینگ با شرط احراز صلاحیت‌های اولیه و لازم می‌تواند بهترین میانگین موزون از یک پهنه را ارائه کند. در این روش برای هریک از ایستگاه‌های درون و بیرون یک پهنه بر حسب فاصله و موقعیت آن وزن آماری مشخصی در نظر گرفته می‌شود [۱۶]. در این پژوهش به‌منظور آزمون نکوبی برآش روش میان‌یابی کریجینگ، از روش ریشه دوم میانگین مربعات باقی‌مانده (RMSE) استفاده شد که از رابطه ۷ محاسبه می‌شود.

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{K=1}^N Z(X_i) - Z \times (X_i))^2} \quad (7)$$

که در آن،  $Z \times (X_i)$  مقدار برآورد شده متغیر مدنظر،  $Z(X_i)$  مقدار اندازه‌گیری شده آن متغیر (مقدار مشاهده‌ای) و  $N$  تعداد مشاهدات است. به‌منظور ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی دشت مرودشت از داده‌های کیفیت آب

ب) غیرفازی‌سازی: این فرایند شامل تبدیل خروجی فازی به یک خروجی قطعی نهایی که در این تحقیق با استفاده از روش مرکز سطح کمیت فازی با استفاده از رابطه ۶ به کمیت قطعی تبدیل می‌شود [۵].

$$Z_{COA} = \frac{\int \mu_A(z) z dz}{\int \mu_A(z) dz} \quad (6)$$

که در آن،  $Z_{COA}$  مقدار قطعی برای خروجی  $z$  و  $\mu_A(z)$  تابع عضویت خروجی است. در این پژوهش مقادیر فازی نتایج کیفیت آب بین صفر تا ۱۰۰ طبقه‌بندی شدند، که مقدار ۱۰۰ بهترین و مقدار صفر بدترین کیفیت را دارد و مقادیر کیفیت با توجه به مقدار پارامتر ورودی بین این دو مقدار قرار گرفته است. همه مراحل طراحی شبیه استنتاج فازی در محیط MATLAB انجام شده است. از استاندارد (WHO, 2006) برای تعیین مرزهای ورودی و مشخصه‌های زبانی استفاده شده است. در جدول ۱ حدود تعیین شده آورده شده است.

جدول ۱. حدود تعیین شده پارامترهای ورودی ارزیابی شرب  
براساس استاندارد (WHO, 2006)

پارامتر	مطلوب*	حداکثر قابل قبول*
سولفات	۲۵۰	۴۰۰
منیزیم	۵۰	۱۵۰
سدیم	۷۵	۲۰۰
کل مواد جامد محلول	۵۰۰	۲۰۰۰
کلرور	۲۰۰	۶۰۰
کلسیم	۷۵	۲۰۰
بی‌کربنات	۲۰۰	۵۰۰
سختی کل	۳۰۰	۶۰۰

\* همه واحدها بر حسب میلی گرم بر لیتر است.

سپس با طراحی توابع عضویت برای هر یک از پارامترها که حدود آن در جدول ۳ آورده شده است. همچنین، با طراحی قوانین بر اساس نظر کارشناس و ترکیب توابع عضویت با این قوانین و در انتهای با غیرفازی‌سازی کیفیت آب از نظر شرب به دست آورده شده است که در جدول ۴ نیز تعدادی از قوانین مربوط به گروه نخست آورده شده است.

زیرزمینی ۳۰ حلقه چاه در سال ۱۳۸۹-۱۳۹۰ تهیه و با بررسی صحت داده‌ها استفاده شد.

### نتایج و بحث

پارامترهای آماری مربوط به ۳۰ حلقه چاه در جدول ۲ آورده شده است. در این تحقیق از عملگر استلزم ممداً برای ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی از نظر شرب استفاده شده است، به طوری که هشت پارامتر کیفی در سه گروه تقسیم شده و

جدول ۲. پارامترهای آماری ۳۰ حلقه چاه مطالعه‌شده دشت مرودشت

SO <sub>4</sub>	Cl	TH	HCO <sub>3</sub>	Na	Mg	Ca	PH	TDS	EC	پارامتر*
۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	۳۰	تعداد نمونه‌ها
۶۳/۳۷۳	۲/۷۲۵	۱۰۲۰	۲۸۰	۵/۲۱۴	۹/۱۴۳	۴۷/۱۶۸	۴۷/۷	۲۰۶۹	۲۹۹۰	میانگین حسابی
۳۵/۱۱۳	۲/۱۵۴	۷/۱۱۳	۸۵/۳۹	۲/۱۲۷	۷/۱۲۱	۰/۳۰۸	۸۱/۲	۷۹/۱۱۳	۴/۱۰۷	ضریب تغییرات (درصد)
۱۶۵۶	۴۵۴۴	۴۷۵۰	۶/۶۴۶	۱۶۹۱	۷۵۶	۶۴۰	۹۱/۷	۱۰۳۰	۱۳۵۵۹	حداکثر
۶/۹	۶۵/۱۰	۱۵۰	۳/۱۴۰	۳۶/۷	۱۲	۴۰	۰/۲۷	۲۶۶	۴۱۴	حداقل
۶۶/۱	۰/۵۲	۸۸/۱	۶۸/۱	۸۴/۱	۰/۳/۲	۷۵/۱	۲۷/۰	۹۹/۱	۷۴/۱	چوگانی

\* TDS میلی‌گرم بر لیتر، EC میکرومومس بر سانتی‌متر و دیگر پارامترهای کیفی بر حسب میلی‌اکی‌والان بر لیتر هستند.

جدول ۳. حدود تعیین‌شده مربوط به توابع عضویت برای پارامترهای کیفی آب‌های زیرزمینی (براساس نظر کارشناسی و استانداردهای سازمان بهداشت جهانی WHO)

شماره	پارامتر*	مطلوب			قابل قبول				غیرقابل قبول		
		a	b	c	a	b	c	d	a	b	c
۱	TDS	.	۶۰۰	۸۰۰	۶۰۰	۸۰۰	۱۲۰۰	۲۰۰۰	۱۲۰۰	۲۰۰۰	۴۰۰۰
۲	TH	.	۲۰۰	۳۰۰	۲۰۰	۳۰۰	۵۰۰	۶۰۰	۵۰۰	۶۰۰	۱۰۰۰
۳	Mg	.	۵۰	۸۰	۶۰	۸۰	۱۰۰	۱۲۰	۱۰۰	۱۲۰	۳۰۰
۴	SO <sub>4</sub>	.	۲۰۰	۲۵۰	۲۰۰	۲۵۰	۳۰۰	۴۰۰	۳۰۰	۴۰۰	۶۰۰
۵	Cl	.	۲۰۰	۲۵۰	۲۰۰	۲۵۰	۴۰۰	۶۰۰	۴۰۰	۶۰۰	۱۰۰۰
۶	Ca	.	۵۰	۱۰۰	۵۰	۱۰۰	۱۵۰	۲۰۰	۱۵۰	۲۰۰	۴۰۰
۷	Na	.	۵۰	۱۰۰	۵۰	۱۰۰	۱۵۰	۲۰۰	۱۵۰	۲۰۰	۴۰۰
۸	HCO <sub>3</sub>	.	۱۰۰	۲۰۰	۱۰۰	۲۰۰	۴۰۰	۵۰۰	۴۰۰	۵۰۰	۶۰۰
۹	Fuzzy index	۱۰۰	۹۰	۷۰	۹۰	۷۰	۵۰	۳۰	۵۰	۳۰	.

\* TDS میلی‌گرم بر لیتر، EC میکرومومس بر سانتی‌متر و دیگر پارامترهای کیفی بر حسب میلی‌اکی‌والان بر لیتر هستند.

جدول ۴. تعدادی از قوانین طراحی شده طبق نظر کارشناسی برای گروه نخست

شماره قانون	شرط قانون	نتیجه قانون
R <sub>1</sub>	IF Na=Desirable AND Ca=Desirable AND Mg =Desirable	Then GWQ1 = Desirable
R <sub>2</sub>	IF Na=Desirable AND Ca=Desirable AND Mg = Acceptable	Then GWQ1 = Desirable
R <sub>3</sub>	IF Na=Desirable AND Ca= Acceptable AND Mg = Desirable	Then GWQ1 = Desirable
R <sub>4</sub>	IF Na= Not_Acceptable AND Ca= Not_Acceptable AND Mg = Not_Acceptable	Then GWQ1 = Not_Acceptable
R <sub>5</sub>	IF Na Acceptable AND Ca= Acceptable AND Mg = Acceptable	Then GWQ1 = Acceptable
R <sub>6</sub>	IF Na Acceptable AND Ca= Acceptable AND Mg = Not_Acceptable	Then GWQ1 = Acceptable
R <sub>7</sub>	IF Na=Desirable AND Acceptable AND Mg = Acceptable	Then GWQ1 = Acceptable
R <sub>8</sub>	IF Na= Acceptable AND Ca= Not_Acceptable AND Mg = Not_Acceptable	Then GWQ1 = Not_Acceptable
R <sub>9</sub>	IF Na= Not_Acceptable AND Ca= Acceptable AND Mg = Not_Acceptable	Then GWQ1 = Not_Acceptable
R <sub>10</sub>	IF Na= Acceptable AND Ca Desirable AND Mg = Desirable	Then GWQ1 = Desirable

قبول و غیرقابل قبول قرار گرفته، این در حالی است که در روش ارزیابی استنتاج فازی بهترتیب هشت، نه و ۱۳ چاه در رده مطلوب، قبل قبول و غیرقابل قبول قرار گرفته است و تفاوت بین این دو روش را می‌توان به مقادیر فراسنج‌های کیفی حدی در نظر گرفت.

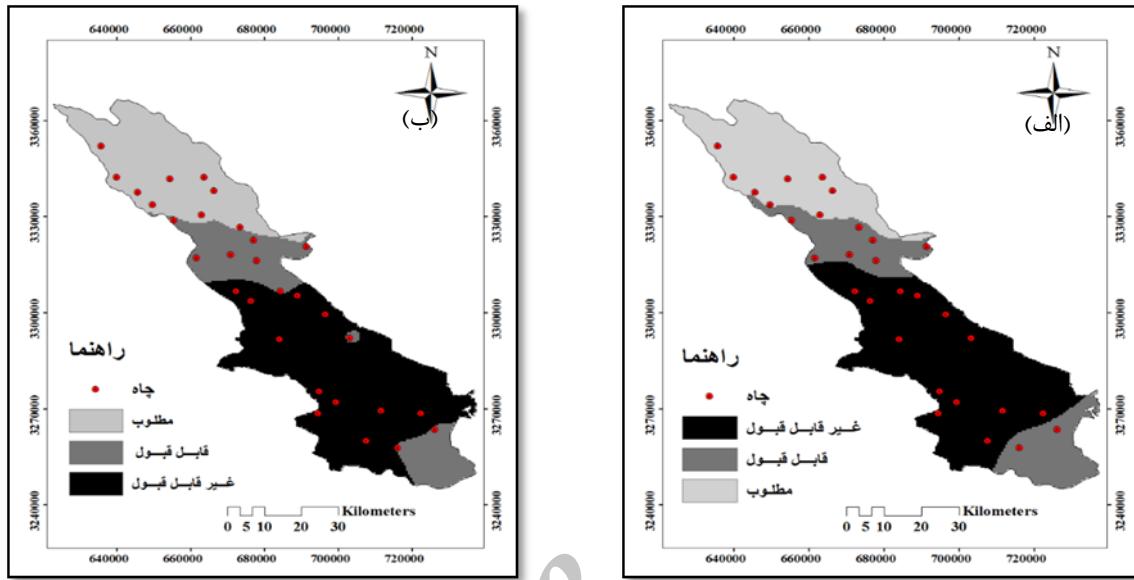
بعد از طراحی شبیه استنتاج فازی همه ۳۰ نمونه چاه موجود در دشت ارزیابی شده و کیفیت آب چاهها و سطوح اطمینان هر یک از چاهها با کاربرد روش استنتاج فازی تعیین شد. در جدول ۵ مقایسه روش ارزیابی فازی و روش قطعی چاه‌های مطالعه شده آورده شده است. بر این اساس، تعداد نه، ۱۰ و ۱۱ چاه بهترتیب در روش قطعی در رده مطلوب، قبل

جدول ۵. مقایسه روش ارزیابی فازی و روش قطعی چاه‌های مطالعه شده از نظر مصارف شرب (براساس استانداردهای سازمان بهداشت جهانی WHO)

شماره چاه	ارزیابی به روش فازی	مطلوب	قابل قبول	ارزیابی به روش قطعی	غیرقابل قبول
۱	غیرقابل قبول (۱۲/۸۳)	-	HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	
۲	غیرقابل قبول (۲۴/۳۱)	SO <sub>4</sub>	Mg, HCO <sub>3</sub>	TDS, Na, Cl, Ca, TH	
۳	غیرقابل قبول (۱۳/۵۲)	-	HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	
۴	غیرقابل قبول (۱۲/۸۳)	-	HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	
۵	غیرقابل قبول (۱۳/۸۹)	-	Na, Cl, HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, , Ca, TH	
۶	قابل قبول (۶۸/۷۴)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Cl, Ca,	Na, Cl, HCO <sub>3</sub>	-	
۷	غیرقابل قبول (۱۳/۴)	HCO <sub>3</sub>	-	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	
۸	قابل قبول (۶۳/۵۳)	SO <sub>4</sub> , Cl	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH,	HCO <sub>3</sub>	
۹	غیرقابل قبول (۱۳/۶۱)	-	Ca, HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, TH	
۱۰	غیرقابل قبول (۲۵/۹۸)	-	Cl, HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Ca, TH	
۱۱	غیرقابل قبول (۲۹/۵۸)	-	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Ca, HCO <sub>3</sub> , Cl	Na, TH	
۱۲	غیرقابل قبول (۱۲/۸۳)	-	HCO <sub>3</sub>	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	
۱۳	غیرقابل قبول (۱۴/۲۳)	-	HCO <sub>3</sub> , SO <sub>4</sub>	TDS, Mg, Na, Cl, Ca, TH	
۱۴	قابل قبول (۴۶/۶۷)	SO <sub>4</sub> , Mg, Ca, TH	TDS, Cl, HCO <sub>3</sub>	Na	
۱۵	غیرقابل قبول (۱۳/۰۷)	-	Ca, Cl	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, TH, HCO <sub>3</sub>	
۱۶	قابل قبول (۶۹/۰۴)	SO <sub>4</sub> , Cl, Ca,	Na, Mg ,TDS, HCO <sub>3</sub> , TH	-	
۱۷	مطلوب (۷۱/۷۱)	SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, HCO <sub>3</sub>	TDS, TH	-	
۱۸	مطلوب (۸۲/۶۳)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	HCO <sub>3</sub>	-	
۱۹	مطلوب (۷۹/۶۲)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	HCO <sub>3</sub>	-	
۲۰	مطلوب (۷۹/۵۹)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Cl, Ca, TH, HCO <sub>3</sub>	Na	-	
۲۱	مطلوب (۷۹/۶۲)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	HCO <sub>3</sub>	-	
۲۲	مطلوب (۷۴/۲۴)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	HCO <sub>3</sub>	-	
۲۳	قابل قبول (۶۸/۶۲)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, HCO <sub>3</sub>	TH	-	
۲۴	مطلوب (۷۴/۵۹)	TDS, SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	HCO <sub>3</sub>	-	
۲۵	قابل قبول (۵۵/۴۱)	SO <sub>4</sub> , Mg, Ca	TDS, Na, Cl, HCO <sub>3</sub> , TH	Na	
۲۶	قابل قبول (۴۴/۹۳)	SO <sub>4</sub> , Ca	TDS, Mg, Cl, HCO <sub>3</sub> , TH	-	
۲۷	مطلوب (۷۹/۶۲)	SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca, TH	TDS, HCO <sub>3</sub>	-	
۲۸	غیرقابل قبول (۳۷/۶۹)	TDS, SO <sub>4</sub> , Na, Ca, Cl	TH, HCO <sub>3</sub> , Mg	-	
۲۹	قابل قبول (۶۶/۲۴)	SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca	TDS, HCO <sub>3</sub> , TH	-	
۳۰	قابل قبول (۶۸/۷۴)	SO <sub>4</sub> , Mg, Na, Cl, Ca	TDS, HCO <sub>3</sub> , TH	-	

Weighed Overlay نقشهٔ نهایی تهیه شد، که در شکل ۵ توزیع مکانی کیفیت منابع آب زیرزمینی به دو روش قطعی و فازی آورده شده است. همچنین، درصد مساحت‌های اختصاص داده شده مربوط به هر طبقه در دو روش به همراه خطاٰ پنهان‌بندی در جدول ۶ آورده شده است.

سپس، برای تعیین مقادیر کیفیت به سطوح، نقشهٔ پنهان‌بندی برای خروجی مدل استنتاج فازی و قطعی در محیط ARC-GIS تهیه شد. برای تهیه نقشهٔ پنهان‌بندی در روش قطعی ابتدا نقشهٔ هر هشت پارامتر با استفاده از روش کریجینگ با تعریف سه طبقهٔ مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول تهیه و با همپوشانی نقشه‌ها با دستور



شکل ۵. پنهان‌بندی شاخص کیفی آب زیرزمینی به (الف) روش استنتاج فازی و (ب) روش قطعی

جدول ۶. مقادیر مساحت اختصاص‌یافتهٔ پنهان‌بندی شاخص کیفی آب زیرزمینی به روش استنتاج فازی و قطعی

روش	خطای پنهان‌بندی (RMSE)	طبقه‌بندی	مقدار مساحت اختصاص‌یافته (km <sup>2</sup> )	درصد مساحت	تعداد چاه
قطعی	مطلوب		۱۱۳۳/۹	۲۸/۷۶	۹
	قابل قبول		۷۸۰/۶۱	۱۹/۷۹	۱۰
	غیرقابل قبول		۲۰۲۸/۵۳	۵۱/۴۵	۱۱
استنتاج فازی	مطلوب		۱۰۵۸/۵۱	۲۶/۸۵	۸
	قابل قبول		۸۷۹/۸۱	۲۲/۳۲	۹
	غیرقابل قبول		۲۰۰۴/۳۴	۵۰/۸۳	۱۳

ردهٔ مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول قرار گرفته، این در حالی است که در روش ارزیابی استنتاج فازی به ترتیب هشت، نه و ۱۳ چاه در ردهٔ مطلوب، قابل قبول و غیرقابل قبول قرار گرفته است. تفاوت بین این دو روش را می‌توان به مقادیر فراسنجهای کیفی حدی در نظر گرفت. برای تعیین مقادیر کیفیت به سطوح، نقشهٔ پنهان‌بندی برای خروجی مدل استنتاج فازی و قطعی تهیه شد. خطای (RMSE) مربوط به روش استنتاج فازی و قطعی تهیه شد. خطای (RMSE) تعیین شد که بر این اساس تعداد نه، ۱۰ و ۱۱ چاه به ترتیب در روش قطعی در

نتیجه گیری مطالعه حاضر با هدف استفاده از روش قطعی و استنتاج فازی ممدادی در تعیین کیفیت آب شرب ۳۰ حلقه چاه عمیق و نیمه‌عمیق مربوط به دشت مرودشت انجام شده است. بعد از طراحی شبیه استنتاج فازی همه ۳۰ نمونه چاه موجود در دشت ارزیابی شده و کیفیت آب چاه‌ها و سطوح اطمینان هر یک از چاه‌ها با کاربرد روش استنتاج فازی تعیین شد که بر این اساس تعداد نه، ۱۰ و ۱۱ چاه به ترتیب در روش قطعی در

- Genetic Algorithm for Groundwater Leveling, MSc., Shahid Chamran University of Ahvaz, 2012; 122 p, [Persian].
- [3]. Kia, M., Fuzzy logic in MATLAB. Kian Publication Green, 2010, 240 p, [Persian].
- [4]. Hashemi, A., F. Taheri, M. And Ghareh Chay, AS, Quality assessment of 9 cities of Isfahan province for drinking using fuzzy inference system, Journal of Iranian Water Resources Research, No.2010, Volume 6, pp. 25-34, [Persian].
- [5]. Akgun, A., Sezer, E.A., Nefeslioglu, H.A., Gokceoglu, C., and Pradhan, B. An easy-to-use MATLAB program (MamLand) for the assessment of landslide susceptibility using a Mamdani fuzzy algorithm. Computers & Geosciences, Article in press, 2011.
- [6]. Lindang, Herman Umbau. "Assessing water quality index in river basin: Fuzzy inference system approach.", 2017, pp. 27-31.
- [7]. Leelavathy, K. R., V. Nirmala, and V. Nageswaran. "RIVER WATER QUALITY ANALYSIS BY FUZZY APPROACH-A CASE STUDY OF CHUNNAMBAR RIVER PONDICHERRY." Int J Adv Engg Tech/Vol. VII/Issue II/April-June, 2016, pp. 955-958.
- [8]. Kung, H.T. Ying, L.G. and Liu, Y.C. "A complementary tool to WQI: Fuzzy clustering analysis." J. of Water Resources Bulletin, 1992, Volume 28(2), pp. 525-533.
- [9]. Sii, H.I. Sherread, J.H. and Wilson, T.E. "A water quality index based on fuzzy sets theory." Proc.of the 1993 Joint ASCE-CSCE National Conference on Environmental Engineering, Montreal, Quebec, Canada, 1993, pp. 253-259.
- [10]. Ocampo-Duque, W. Ferre-Huguet, N. Domingo, J.L. and Schuhmacher, M. "Assessing water quality in rivers with fuzzy inference systems: A case study." J. of Environment International, 2006, Volume 32, pp. 733-742.
- [11]. Nakhaei, M. Vadie, m. Application of Fuzzy Inference Model for Assessing the Quality of Aquatic Water for Drinking and Agricultural Use (Case Study: Tehran Province). Advanced Journal of Advanced Geology, 2012, Volume 3, pp. 18-31. [Persian].
- [12]. Muhammetoglu A, Yardimci A, A Fuzzy Logic Approach to Assess Groundwater Pollution Levels Below Agricultural Fields. Environmental Monitoring and Assessment. 2006, Volume 118, pp. 337-354.
- [13]. Dahiya, S. B., Singh, S., Gaur, V., Garg, K., and Kushwaha, H. S., Analysis of Groundwater Quality Using Fuzzy Synthetic Evaluation, Journal of Hazardous Material, 2007, Volume 147, pp. 938-946.

طوری که در هر دو روش قطعی و استنتاج فازی چاههای با کیفیت مطلوب در قسمت شمالی داشته و چاههای با کیفیت مصرف شرب شرایط مناسبتری داشته و چاههای با کیفیت قابل قبول در قسمت مرکزی و تعدادی نیز در جنوب داشت پراکنده شده است و قسمت مرکزی داشت شرایط مناسبی از نظر شرب نداشته که نشان دهنده کیفیت غیرقابل قبول در داشت است. بیشترین مساحت اختصاص داده شده مربوط به ۵۰/۸۳ کیفیت غیرقابل قبول که برای روش استنتاج فازی درصد و برای روش قطعی ۵۱/۴۵ درصد برآورد شده است و طبقه مطلوب در روش قطعی و فازی به ترتیب ۲۸/۷۶ و ۲۶/۸۵ درصد و طبقه قابل قبول نیز در روش قطعی و فازی به ترتیب ۱۹/۷۹، ۲۲/۳۲، ۲۲ درصد برآورده است. از آنجا که ابهامات و عدم قطعیت‌های موجود در طبیعت به عنوان بخش جدانشدنی از این پدیده‌ها هستند و با توجه به قابلیت‌های روش فازی و کاربردهای آن در انواع مسائل مهندسی و تصمیم‌گیری در شرایط عدم اطمینان، لزوم استفاده بیشتر از این روش را در مسائل مربوط به کیفیت آب می‌طلبید. ناصری و همکارانش نیز به تشخیص و پنهان‌بندی مکانی شاخص کیفی چندمتغیره آب زیرزمینی با استفاده از ترکیب روش فازی استفاده روش استنتاج فازی را به دلیل استفاده معنادار از مفاهیم فازی مجاز و معمول در دسته روش‌های نوین و مناسب مطالعات شاخص‌های کیفی جای دادند. مدل‌های قطعی، نسبت به روش استنتاج فازی، انعطاف‌پذیری کمتری دارند، چرا که از پارامترهای محدودتری استفاده می‌شود، حال آنکه پارامترهای مختلفی را می‌توان در مدل‌های مختلف فازی به کار برد. با توجه به مقایسه روش استنتاج فازی و روش قطعی سازمان بهداشت جهانی می‌توان روش فازی را ابزاری مناسب برای ارزیابی کیفی برای مصارف شرب دانست. روش استنتاج فازی تطابق خوبی با استانداردهای سازمان بهداشت جهانی داشته است و تفاوت‌ها بیشتر در مقادیر حدی پارامترهای کیفی است.

## منابع

- [1]. Rahbar, A., Estimation of Hydrological Parameters of Enclosed Aquifers with Fuller Methods of Cooper Jacob and Fuzzy Linear Regressions Modified, Master's Degree at Tehran Teacher Training University, 2008, [Persian].
- [2]. Zamani, oh And r Mahmoudi A Survey on Application of Synthetic Earth-Amar and Optimized Synthetic Neural Network Using

- [14]. Monjezi, M. and Rezaei, M. Developing a new fuzzy model to predict burden from rock geomechanical properties. Expert Systems with Applications.2011, Volume 38, pp. 9266-9273. [Persian].
- [15]. Dindarlo, K., Farshidfar, Gh. Chemical quality of drinking water in Bandarabbas city. Hormozgan Medical Journal. 2006, Volume 10 (1), pp. 57-65.
- [16]. Isaaks E. H., and Srinivasta R. M. Applied Geostatistics. Oxford University Press:Oxford, 1989.
- [17]. Nasseri.M. Tajrishy.M. Mohammad reza Nikoo. Jamal Zaherpour Recognition and Spatial Mapping of Multivariate Groundwater Quality Index using Combined Fuzzy Method. Water and Wastewater. 2011, pp. 22- 36. [Persian].
- [18]. Hassani Gh, Mahvi A.H, Nasseri S, Arabalibeik H, Yunesian M,Gharibi H.Designing Fuzzy-Based Ground Water Quality Index. Ardabil Health Journal. 2012, pp. 18-31. [Persian].

Archive of SID