

مجلهٔ پژوهش فیزیک ایران، جلد ۱۶، شمارهٔ ۲، تابستان ۱۳۹۵

محاسبات توماس- فرمي براي تعيين خواص بحراني ماده هستهاي متقارن براساس رهيافت جرم مؤثر تعميم يافته

مهدی غضنفری مجرد، سیده کبری موسوی خرشتمی و اعظم مستأجران گورتانی

دانشکدهٔ فیزیک، دانشگاه کاشان، کاشان

پست الكترونيكي: ghazanfari@kashanu.ac.ir

(دريافت مقاله: ۱۳۹۴/۸/۹ ؛ دريافت نسخهٔ نهايي: ۱۳۹۵/۱/۲۴)

چکیدہ

با به کارگیری تقریب میدان- میانگین و نیمه کلاسیکی توماس- فرمی، در چهارچوب یک مدل آماری، معادلهٔ حالت و خواص بحرانی مادهٔ هستهای متقارن بررسی می شود. در این مدل برهم کنش دوجسمی و پدیده شناسی مایرز و شواتکی در فضای فاز به کارگرفته می شود. با انجام وردش تابعی انرژی آزاد هلمهولتز کل دستگاه نسبت به تابع توزیع نوکلئونی در فضای فاز برای رسیدن به یک وضعیت تعادل طبق قانون دوم ترمودینامیک، به کمیتهایی نظیر جرم مؤثر که تنها تابع چگالی است و پتانسیل مؤثر تک ذرهای که بر اساس آن کمیت کلیدی جرم مؤثر تعمیمیافته نوکلئونی که علاوه بر چگالی به دما نیز وابستگی دارد، می رسیم و بر این اساس به شکل صریح تابع توزیع دست پیدا می کنیم. در این مدل کمیتهای فزونور ترمودینامیکی از قبیل انرژی نهان ، آنتروپی و آزاد هلمهولتز بر حسب تابع توزیع به صورت تابعی در فضای فاز به ازای دما و چگالی معین به دست می آیند. در این تحقیق توجه خاصی به رفتار بحرانی و پایداری مادهٔ هستهای متقارن شده است. یافت کمیتهای توصیف کننده رفتار بحرانی مادهٔ هستهای مقارن با نتایج حاصل از مدانه ی و پایداری ماده هستهای متقارن شده است.

واژههای کلیدی: مادهٔ هستهای متقارن، تقریب توماس– فرمی، جرم مؤثر تعمیمیافته، تابع توزیع، گذار فاز، خواص بحرانی

۱. مقدمه

مطالعهٔ دستگاههای بس ذرهای را همواره می توان از مسائل چالش دستگا برانگیز در حوزههای مختلف فیزیک دانست. در این میان دستگاه مادهٔ هستهای ^۱ از مباحث بنیادی و کلیدی دستگاههای بس ذرهای [۱–۷] در حوزهٔ فیزیک هستهای و اختر فیزیک محسوب می شود. که اول مطالعهٔ مادهٔ هستهای در فهم پدیدههایی چون برخورد یون های

دستگاههای اخترفیزیکی مانند سیاهچالهها، انفجار ابرنواخترها و مدلسازی بخش داخلی ستارگان نوترونی حائز اهمیت است [۱–۷]. تحقیقات در این حوزه به سال ۱۹۳۷ بر می گردد. زمانی که اولین بار بعد از رابطهٔ نیمهتجربی جرم، اویلر اولین محاسبات مادهٔ هسته ای را انجام داد. اهمیت رابطهٔ نیمهتجربی جرم باید نخستین تلاش در کار برد مدلهای هسته ای برای درک قانونمند

سنگین در انرژیهای میانی و بـالا، فیزیـک مایعـات کوانتـومی و

^{1.} Nuclear matter

خواص اشباع مادهٔ هسته ای مانند چگالی اشباع، انرژی اشباع، تراکمناپذیری و انرژی تقارنی تلقی کرد [۸ و ۹]. بنابراین فرمول نیمه تجربی جرم به منزلهٔ پل ارتباطی میان مادهٔ هسته ای متناهی و مادهٔ هسته ای بی نهایت می باشد. در هسته های متناهی، با افزایش شعاع از مرکز هسته، چگالی نوکلئونی به سمت صفر میل می کند.

در مورد هستههای سنگین، فرض می شود که چگالی نوکلئونی تا نزدیک سطح هسته، تقریباً ثابت است، یعنی تعداد نوکلئونهای موجود در اطراف هر نوکلئون تقریباً ثابت می ماند. از دادههای تجربی پراکندگی الکترون، شعاع هستههای سنگین با دقت خوبی با رابطهٔ ^آ با رابطهٔ ^آ مادهٔ هستهای دلالت می کند. این رابطه به همراه برازش دادههای مادهٔ هستهای دلالت می کند. این رابطه به همراه برازش دادههای تجربی، مقدار شعاع مادهٔ هستهای در حالت اشباع ۲۰۱۵/۱۳۰، R، را نتیجه می دهد. فشار برای یک دستگاه در حال تعادل صفر است. از شرط صفر شدن فشار مادهٔ هستهای (سرد و گرم)، چگالی اشباع به دست می آید. مقدار تجربی چگالی اشباع و انرژی اشباع مادهٔ هستهای متقارن در دمای صفر عبارت است از

به همین دلیل مفهوم مادهٔ هستهای به عنوان یک دستگاه ایده آل بی نهایت بزرگ از نوکلئونها با چگالی یکنواخت مطرح می شود که مشابه مرکز هستههای سنگین می باشد. با توجه به تعریف دستگاه مادهٔ هستهای خواهیم داشت $\frac{A}{V} \xrightarrow{j \leftarrow A} ml = 2$ که در آن V حجم و A تعداد نوکلئونهاست، مسئله در حد ترمودینامیکی با چگالی یکنواخت بررسی می شود. مشخصهٔ مهم دیگر در مادهٔ هستهای، پارامتر عدم تقارن می باشد که به شکل مادهٔ هستهای، پارامتر عدم تقارن می باشد که به شکل چگالی یکسان نوترون و پروتون برخوردار است، این مقدار صفر می شود. معادله حالت مادهٔ هستهای را که ارتباط بین مختصات ترمودینامیکی را مشخص می کند، بر اساس نوع برهم کنشهای که در روشهای مختلف به کار می برند، از طریق

پدیده شناسی) [۲۲- ۲۳] تعیین میکنند. روش میکروسکوپی روی درجات آزادی یک نوکلئون متمرکز میگردد و با پتانسیل برهم کنشی واقعی سروکار دارد. پتانسیلی که از طریق محاسبهٔ سطح مقطع و تغییر فاز تابع موج و برازش داده های پراکندگی نوکلئون- نوکلئون تعیین میگردد. در روش ماکروسکوپی (پدیده شناسی) روی درجات آزادی دسته جمعی نوکلئون ها متمرکز می گردد و پتانسیل از نوع پدیده شناسی میباشد، یعنی پتانسیل به گونه ای در نظر گرفته می شود که پارامترهای برهم کنش بر اساس خواص نقطهٔ اشباع هسته ای تعیین گردند.

در عمل هـر دو روش ذکـر شـده مفيـد، و بـراي تجزيـه و تحلیل یک دستگاه مادهٔ هستهای لازم است. از آنجایی که معادلهٔ حالت در بررسی خواص بحرانی و گذار فاز مادهٔ هستهای نقش کلیدی ایفا می کند، ما به دنبال مدلی هستیم که بتوان این خواص را به نحو مطلوبی بررسی کنیم. در این تحقیق بـا ارائـهٔ مفهوم جرم مؤثر تعميم يافته در چهارچوب مدل آماري توماس- فرمی که به عنوان یک مدل پدیدهشناسی کار آمدی بالای خود را در بررسی خواص گوناگون مادهٔ هستهای نشان داده است [۲۹ – ۳۲]، با تعیین معادلهٔ حالت ماده هسته ای متقارن خواص بحرانی آن بررسی می شود. ترتیب مطالب بدین شرح است: در بخش دوم به تشریح مدل و سپس نحوهٔ تعیین جـرم مؤثر تعمیم یافته می پردازیم. در بخش سوم نتایج عددی حاصل از این مدل در بررسی خواص ترمودینامیکی بـه ویـژه خـواص بحرانی مادهٔ هستهای متقارن مورد بحث و بررسی قرار می گیرد و سرانجام در بخش آخر به جمعبندی و نتیجه گیری این بررسيها پرداخته ميشود.

۲. مدل جرم مؤثر تعمیمیافته در تقریب توماس – فرمی دستگاه مادهٔ هستهای به دلیل چگالی بالا و در نتیجه انرژی فرمی بالایی که دارد تا دماهای چندین مگا الکترون ولت نیز به صورت یک مایع کوانتومی فرمی در نظر گرفته میشود. در تقریب توماس – فرمی رفتار ذرات را میتوان به صورت شبه ذراتی تصور کرد که مانند یک گاز در فضای فاز عمل میکنند. بدین صورت یک دستگاه هستهای را میتوان به صورت یک دستگاه ۲ • ۹

تبهگن از فرم یونه ایی در نظر گرفت که در هر حجم ⁿh از حاص فضای فاز، دو ذره (بدون در نظر گرفتن آیزواسپین ذرات) جنب می توانند قرار داشته باشند. از آنجا که پتانسیل میدان – میانگین با انرژی تغییرات آرامی نسبت به مقدار خود در هر نقطه از فضا رفتار برهم می کند، بنابراین در این تقریب با استفاده از یک چارچوب نوتر نیمه کلاسیکی، حالت ذرات توسط موقعیت و تکانه شان در فضای (*n* فاز شرح داده می شود. در این تحقیق با استفاده از برهم کنش مادهٔ در حیطهٔ تقریب توماس – فرمی برای مادهٔ هسته ای متقارن دست پیدا می کنیم. این برهم کنش برای پتانسیل بین ذرات مشابه و نامشابه مطابق زیر تمایز قایل می شود [۲۹ – ۳۱]:

$$V_{\text{like}} = \left(\frac{-\mathbf{Y}T_{b}}{\mathbf{x}}\right) g\left(\frac{\mathbf{r}_{iY}}{\mathbf{a}}\right) \left\{ 1 - \left[1\left(\frac{\mathbf{p}_{iY}}{\mathbf{p}_{b}}\right)^{\mathsf{Y}} - 1\frac{\mathbf{p}_{b}}{|\mathbf{p}_{iY}|} + 1\left(\frac{\mathbf{y}}{\mathbf{x}}\right)^{\mathsf{Y}}\right] \right\}$$
$$V_{\text{unlike}} = \left(\frac{-\mathbf{Y}T_{b}}{\mathbf{x}_{o}}\right) g\left(\frac{\mathbf{r}_{iY}}{a}\right) \left\{ \Gamma_{u} - \left[S_{u}\left(\frac{\mathbf{p}_{iY}}{\mathbf{p}_{b}}\right)^{\mathsf{Y}} - \mathbf{x}_{u}\frac{\mathbf{p}_{b}}{|\mathbf{p}_{iY}|} + \frac{1}{u}\left(\frac{\mathbf{y}}{\mathbf{x}_{o}}\right)^{\mathsf{Y}}\right) \right\},$$
$$(\mathsf{Y})$$

$$g\left(\frac{r_{1\gamma}}{a}\right) = \frac{1}{\gamma f a^{\gamma}} \frac{\exp\left(-\frac{r_{1\gamma}}{a}\right)}{\frac{r_{1\gamma}}{a}},$$

$$\frac{-\frac{\gamma}{r}}{\cdots} = \frac{1}{\gamma} \left(\frac{\gamma}{\cdots,\gamma} + \frac{\gamma}{\cdots,\gamma}\right)$$
(7)

$$T_{b} = \frac{p_{b}^{\Upsilon}}{\gamma \overline{m}}, \quad p_{b} = \hbar \left(\frac{\Upsilon}{\gamma} f^{\Upsilon} \dots \right)^{\frac{1}{\Upsilon}}, \quad \dots = \left(\frac{\Upsilon}{\gamma} f r_{c}^{\Upsilon} \right)^{-1},$$
$$r_{c} = \gamma_{c} \Upsilon (\mathrm{fm}), \quad M = \Im \Lambda_{c} \Im (\mathrm{MeV}).$$

در پتانسیل فوق کلیه ضرائب برهم کنشی برحسب خواص اشباع مادهٔ هستهای متقارن تعیین می گردند. تا دماهای پایین (چند ده الکترون ولت) برای مادهٔ هستهای مطابق نظریهٔ پدیده شناسی لانداؤ [۳۳] تابع توزیع در فضای فاز در یک تقریب خوب به وسیلهٔ تابع پلهای ((p_F - p₁)] توصیف می شود. p_F تکانهٔ فرمی است و بیان می کند که در دمای به اصطلاح صفر ذرات تا سطح فرمی توزیع می شوند. انرژی بر نوکلئون مادهٔ هستهای ۷،

حاصل جمع انرژی جنبشی و انرژی برهم کنشی می باشد. انرژی جنبشی خود شامل انرژی جنبشی ناشی از نو ترون ها (k,n) و انرژی جنبشی ناشی از پروتون ها (k,p) و همچنین انرژی برهم کنشی نیز برابر با حاصل جمع انرژی برهم کنشی نو ترون -نو ترون (nn)، پروتون - پروتون (qn)، پروتون - نو ترون (nn) و نو ترون - پروتون (nn) می باشد. چگالی نو کلئون ها ... برای یک مادهٔ هسته ای متقارن در دمای صفر با فرض این که مادهٔ یکنواخت باشد، به صورت زیر به دست می آید:

$$\dots = \frac{N}{V} = \frac{g}{Vh^{r}} \int d^{r} \mathbf{x} \int d^{r} p = \frac{g}{h^{r}} \int_{\bullet}^{\mathbf{p}_{\mathrm{F}}} f p^{r} dp$$
$$= \left(\frac{g}{h^{r}}\right) \frac{\mathfrak{r}}{\mathfrak{r}} f p_{\mathrm{F}}^{r} \Rightarrow p_{F} = \left(\frac{\mathfrak{r}h^{r}}{\mathfrak{r}fg} \dots\right)^{\frac{1}{r}}.$$

$$(\mathfrak{r})$$

برای چگالی پرتون ونوترون و تکانهٔ فرمی داریم:

$$\mathsf{u} = \frac{\dots_n - \dots_p}{\dots_n + \dots_p} = \circ \Longrightarrow \dots_n = \dots_p = \frac{\dots}{\mathsf{r}} = \frac{\mathsf{r} f g}{h^{\mathsf{r}}} \frac{p_F^{\mathsf{r}}}{\mathfrak{r}} \,. \tag{(a)}$$

تبهگنی هر تراز انرژی (g) برای مادهٔ هستهای متقارن که در آن تعداد نوترونها وپروتونها مساویند، برابر چهار است. با داشتن پتانسیل مشهور مایرز و شواتکی، انرژی به ازای هر نوکلئون در دمای صفر از طریق رابطهٔ زیر محاسبه می شود [۲۸– ۳۱]:

$$V = \frac{E}{N} = \frac{g}{Nh^{r}} \int d^{r}x \int_{s}^{p_{F}} \left[\frac{p^{r}}{rm} + \frac{1}{r} V_{in}(p) \right] d^{r}p$$
$$= \frac{1}{m} \left[\frac{\frac{eK}{h^{r}}}{\frac{g}{h^{r}} \int_{s}^{PF} \frac{p^{r}}{rm} d^{r}p + \frac{g}{h^{r}} \int_{s}^{PF} \frac{1}{r} V_{ir} d^{r}p_{i} \frac{g}{h^{r}} \int_{s}^{PF} d^{r}p_{r}}{\frac{g}{h^{r}} \int_{s}^{PF} \frac{1}{r} V_{ir} d^{r}p_{i} \frac{g}{h^{r}} \int_{s}^{PF} \frac{1}{r} d^{r}p_{r}}{\frac{g}{h^{r}}} \right]$$
$$= \frac{e_{K} + e_{V_{ir}}}{m}. \qquad (?)$$

به منظور جلوگیری از دو بار شمارش برهمکنش هستهای برای دو ذره، ضریب ⁺ در کنار پتانسیل برهمکنشی میدان- میانگین (p) قرارمی گیرد. برای عبارت چگالی انرژی جنبشی نوکلئونها در دمای صفرداریم:

$$e_{K} = \mathbf{Y} | T_{b}, \qquad | = \left(\frac{\mathbf{Y}f g}{h^{\mathbf{Y}}} \frac{\mathbf{Y}}{p_{b}^{\mathbf{Y}}}\right) \frac{p_{F}^{\mathbf{Q}}}{\mathbf{Q}}. \tag{V}$$

همچنین برحسب تابع توزیع آنتروپی به ازای هر نوکلئون می شود: $s = -\frac{g}{...h^{"}} \int \left[f(p) \ln f(p) + \frac{g}{...h^{"}} \int \left[(1^{r}) \int (1^{r}) \ln (1^{r}) f(p) \right] d^{"}p \right] d^{"}p$

در فضای فاز برای تعیین تابع توزیع به ازای ثابت ماندن انرژی کل داخلی E و تعداد کل ذرات دستگاه N آنتروپی کل دستگاه S باید بیشینه شود. براساس بیان قانون دوم ترمودینامیک که حالت تعادل متناظر با محتمل ترین حالت برای احتمال توزیع است، بنابراین تابع توزیع را می توان از طریق وردش تابعی آنتروپی کل نسبت به تابع توزیع با ثابت نگه داشتن تعداد کل ذرات و انرژی به دست آورد. وردش f ا متناظر با خلق یک نوکلئون در فضای فاز است [۲۷ و ۲۹]:

$$uS + \frac{\tilde{T}}{T} uN - \frac{1}{T} uE = \circ P uS + - suN - suE = \circ,$$

$$uf(p) = \frac{h^{r}}{g} u(\vec{p} - \vec{p}_{\circ}) u(\vec{r} - \vec{r}_{\circ}) = \frac{h^{r}}{g} \frac{u(p - p_{\circ})}{f} u(\vec{r} - \vec{r}_{\circ}).$$

$$(10)$$

به همین ترتیب با اعمال این وردش می توان پارامترهای کلیـدی مهمی را به دست آورد:

$$uS + s \sim uN - suE = \int d^{r} r \left[ln \left(\frac{1 - f(p_{\circ})}{f(p_{\circ})} \right) + s \sim -$$
 (19)
 $s \frac{p_{\circ}^{r}}{r\overline{m}} \left(1 + \frac{rs_{I...}}{..._{\circ}} + \frac{rs_{u...}}{..._{\circ}} \right) + U(p_{\circ}) \right] u_{...} = \circ.$

بنابراین تابع توزیع به صورت زیر برحسب جـرم مـؤثر B کـه صرفاً تابع چگالی است و پتانسیل مؤثر ((p) V کـه عـلاوه بـر چگالی به دما نیز وابسته است، مطرح میشود:

$$f(p_{\circ}) = \frac{1}{\frac{e}{1+m}} s\left(\frac{p_{\circ}}{r_{B}} + V(p_{\circ}) - -\right),$$

$$B = \frac{\overline{m}}{\left[1+-\left(1+u\right)\right]},$$

$$V(p_{\circ}) = \left(\frac{-rT_{b}}{\circ}\right) \left(\frac{r}{b} \frac{gp_{b}}{b}\right) (1+u) \left\{\frac{(p_{\circ})}{p_{\circ}} + (p_{\circ})\right\}.$$

$$I(p_{\circ}) = \left(\frac{r}{c} L_{b}\right) \left(\frac{r}{b} \frac{gp_{b}}{b}\right) (1+u) \left\{\frac{r}{c} L_{b}\right\},$$

$$I(p_{\circ}) = \left(\frac{r}{c} L_{b}\right) \left(\frac{r}{b} \frac{gp_{b}}{b}\right) (1+u) \left\{\frac{r}{c} L_{b}\right\},$$

$$I(p_{\circ}) = \left(\frac{r}{c} L_{b}\right) \left(\frac{r}{b} \frac{gp_{b}}{b}\right) (1+u) \left\{\frac{r}{c} L_{b}\right\},$$

$$I(p_{\circ}) = \left(\frac{r}{c} L_{b}\right) \left(\frac{r}{b} \frac{gp_{b}}{b}\right) (1+u) \left\{\frac{r}{c} L_{b}\right\},$$

$$I(p_{\circ}) = \left(\frac{r}{c} L_{b}\right) \left(\frac{r$$

$$e_{V_{1\gamma}} = \frac{{}^{\gamma}T_b}{{}_{\cdots_{\circ}}} \left[-\frac{{}^{\gamma}T_b}{g} \left[-\frac{{}^{\gamma}T_b}{g} \left[r_l + r_u \right] + \dots \right] \left(s_l + s_u \right) \right]$$
$$- \left(\frac{{}^{\gamma}f}{h^{\gamma}} \right)^{\gamma} p_b \frac{p_F^{\diamond}}{{}^{\gamma}{}_{\circ}} \left(x_l + x_u \right) + \left(\frac{{}^{\gamma}}{{}^{\cdots_{\circ}}} \right)^{\frac{\diamond}{\gamma}} \frac{{}^{\gamma}}{g} \left(t_l + t_u \right) \right].$$
(A)

محاسبات مادهٔ هستهای در دمای متناهی با استفاده از پتانسیل مشهور مایرزو شواتکی به صورت تعمیم این مدل از دمای صفر به دمای متناهی صورت میپذیرد. در دمای متناهی بر طبق آمار فرمی دیراک فرض میکنیم نوکلئونها در یک فضای فازی توزیع میشوند که تابع توزیع فرمی دیراک به جای تابع توزیع پلهای ضریب اشغال حالتها را توصیف میکند [۲۷– ۲۹]:

$$f(p) = \frac{1}{1 + e^{\left(\frac{p}{\gamma \overline{m}} + V(p) - \mu\right)}},$$
(9)

که در آن - ضریب نامعین لاگرانژ و $(P) + \frac{p}{\gamma B}$ انرژی مؤثر تک ذره در فضای فاز است. در دمای متناهی چگالی ... مادهٔ هستهای برحسب تابع توزیع f(p) به صورت زیر نوشته می شود:

$$\dots = \frac{g}{h^{\mathsf{r}}} \int_{\circ}^{\infty} f(p) d^{\mathsf{r}} p. \tag{10}$$

همچنین چگالی انرژی جنبشی مشخصهٔ | نیـز برحسب تـابع توزیع به صورت زیر نوشته می شود:

$$| = \frac{g}{h^{\mathsf{r}}} \frac{1}{p_b^{\mathsf{r}}} \int_{a}^{\mathsf{Y}} p^{\mathsf{r}} f(p) d^{\mathsf{r}} p . \tag{11}$$

بنابراین برای محاسبهٔ انـرژی بـه ازای هـر نوکلئـون در دمـای متناهی داریم:

$$V = \frac{g}{\dots h^{r}} \int_{\bullet}^{\infty} \left[\frac{p^{r}}{rm} + \frac{1}{r} V_{in}(p) \right] f(p) d^{r} p$$

$$= \frac{r}{m} \left[\left| \dots_{\bullet} - \frac{m^{r}}{g} (\Gamma_{l} + \Gamma_{u}) + \dots \right| (\mathbf{s}_{l} + \mathbf{s}_{u}) - \left(\frac{r}{g} \frac{g}{h^{r}} \right)^{r} p_{b} \left(\int_{\bullet}^{\infty} f(p) \Psi(p) dp + \int_{\bullet}^{\infty} f(p) p^{r} \Phi(p) dp \right) (\mathbf{x}_{l} + \mathbf{x}_{u})$$

$$+ \left(\frac{m}{m_{\bullet}} \right)^{\frac{1}{r}} \frac{m_{\bullet}}{g} (\dagger_{l} + \dagger_{u})) \right], \qquad (17)$$

که در آن:

$$\Psi(p) = \int_{\circ}^{p} p_{\circ}^{\mathsf{Y}} f(p_{\circ}) dp_{\circ} \Phi(p) = \int_{p}^{\Psi} p_{\circ} f(p_{\circ}) dp_{\circ}. \qquad (\mathsf{Y})$$

Archive of SID



پدیده شناسی لانداؤ رفتار چنین پتانسیلی در تابع توزیع برای تکانههای حول تکانه فرمی، نقشی تعیین کننده در اشعال حالتها در فضای فاز دارد، از اینرو برای بالا بردن بازدهٔ محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی خنیشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی خنیشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری عبارتی در قالب انرژی جنبشی به محاسبات تکرار کامپیوتری به حای (۱۸) محاسبات تکرار کامپیوتری به حای (۱۸) محاسبات تکرار کامپیوتری به حای (۱۸) محاسبات در تابع توزیع به حای (۱۸) محاسبات (۱۸) محاسان (۱۸) محاسان (۱۸) محاسان (۱۸) محاسان (۱۸) محاسان (۱۸) محا

در نتیجه شکل عبارت انرژی مؤثر تـک ذره در فضـای فـاز بـه صورت زیرتبدیل خواهد شد:

$$\frac{p_{\circ}^{\gamma}}{\gamma B} + V(p_{\circ}) = \frac{p_{\circ}^{\gamma}}{\gamma B} + \frac{p_{\circ}^{\gamma}}{\gamma B_{\gamma}} = \frac{p_{\circ}^{\gamma}}{\gamma B^{*}} \Longrightarrow \frac{1}{B^{*}} = \frac{1}{B} + \frac{1}{B_{\gamma}}.$$
 (19)

۳. نتایج عددی و بحث در مورد آنها

در شکل ۱ نسبت جرم مؤثر B و جرم مؤثر تعمیم یافته ^{*}B به جرم متوسط نوکلئونی برحسب چگالی کل نوکلئونی، در دماهای مختلف، نشان داده شده است. همان طور که مشاهده میشود جرم مؤثر تنها وابسته به چگالی و جرم مؤثر تعمیم یافته علاوه بر چگالی به دما نیز بستگی دارد. این کمیتها که همواره



شکل ۲. (رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) تابع توزیع در فضای فاز برحسب عدد موج در دماها و چگالیهای مختلف.

کوچکتر از یک هستند، در چگالی های پایین به دلیل کاهش اثـر نیروی هستهای به مقدار یک نزدیکتر میشوند. با افزایش چگالی این نسبت کاهش پیدا میکند و دما تأثیری براین رونـد نزولی ندارد. همچنین مشاهده می شود که جرم مؤثر تعمیمیافته با افزایش دما افزایش می یابد و به ازای دماهای مختلف و در چگالی های بالا، منحنیها در این نمودار به همگرایی میرسـند. این موضوع به این دلیل است که با زیاد شدن چگالی، تکانهٔ فرمی نیز افزایش مییابد و در نتیجه تابع توزیع نفوذ کمتری به خارج سطح فرمی پیدا میکند و ایـن بـه نوبـهٔ خـود وابسـتگی دمایی را به حداقل ممکن می رساند. شکل ۲ رفتار تابع توزیع فرمی- دیراک برحسب عدد موج $k = \frac{p}{\hbar}$ را به ازای چگالی ها و دماهای مختلف نشان میدهد. ایـن رفتـار نزولـی بـوده و در فاصلهٔ کوچکی از تغییرات K تابع توزیع از مقدار بیشـینهٔ خـود سريعاً به صفر ميل ميكند. چنين افتي كه در حوالي تكانهٔ فرمي ذرات رخ میدهد، ویژگی یک مایع کوانتومی چگال را به خوبی نمایان میکند که با افزایش چگالی دیرتر و با افزایش دما زودتر نمايان مى شود. رفتار پتانسيل مؤثر V(p) برحسب عـدد مـوج در چگالی اشباع مادهٔ هستهای متقارن در شکل ۳ نشان داده شده است. مشاهده می شود که با افزایش دما پتانسیل مؤثر تکذره افزایش پیدا می کند. این افزایش به نوبهٔ خود گسترش ناحیهٔ



شکل ۳. (رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) پتانسیل مؤثر تـکذرهای در فضای فاز برحسب عدد موج در چگالی اشباع مادهٔ هستهای به ازای دماهای مختلف.

هموار منحنی ها را در پی دارد و مشابه تابع توزیع تغییر عمده در آنها در حوالی تکانهٔ فرمی رخ میدهـد. منحنـیهـای هـم دمـای انرژی نهان به ازای هر نوکلئون در دماهای ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰ و (MeV) ۲۵ در شکل ۴ رسم شده است. در این شکل می بینیم که به ازای افزایش چگالی نوکلئونی، در ابتـدا شـاهد یـک رونـد رو بـه کاهش و سپس روبه افزایش انرژی بر نوکلئون هستیم. هـر چـه بـه سمت چگالی های بالاتر حرکت میکنیم، نمودارها به همدیگر نزدیکتر می شوند و این یعنی انرژی نهان به ازای هر نوکلئون در دستگاه مادهٔ هستهای در چگالی های پایین تغییرات قابل تـوجهی نسبت به چگالی های بالا دارد. همان طور که مشاهده می کنیم به ازای افزایش دما، منحنی ها به سمت انرژی های بالاتر سوق پیدا می کند. از آنجا که هر کدام از منحنی ها دارای یک کمینه است، ایس کمینهها به ازای افزایش دما به سمت چگالیهای بـالاتر مـیرونـد و به مقادیر مثبت میرسند. شکل ۵ آنتروپـی بـر نوکلئـون را برحسـب چگالی در دماهای مختلف نشان می دهد. همان گونه که می بینیم به ازای افزایش چگالی نوکلئونی، آنتروپی به ازای هر نوکلئون مادهٔ هستهای متقارن کاهش می یابد. عمدهٔ این تغییرات در ناحیه مربوط به چگالی های پایین است. آنتروپی به ازای هر نوکلئون با افزایش دما افزایش پیدا می کند و در چگالی های بالاتر منحنی های هم دما به هم نزدیک می شوند. این افـزایش آنترویـی بـه ازای افـزایش دمـا یک انتقال فاز را نشان میدهد. همچنین در دماهای پایین در



شکل ۴. (رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) انرژی بر نوکلئـون برحسـب چگالی نوکلئونی در دماهای مختلف.

مقایسه با دماهای بالا آنتروپی به ازای هر نوکلئون بـه آرامـی کـاهش پیدا میکند.

یکی از کمیات کلیدی در بررسی خواص دستگاه مادهٔ هستهای کمیت انرژی آزاد هلمهولتز بر نوکلئون است که از طریق رابطه زیر به وسیلهٔ کمیتهای آنتروپی به ازای هر نوکلئون و انرژی داخلی به ازای هر نوکلئون میتوان این کمیت را محاسبه کرد:

 $f_r = \mathbf{V} - Ts \;. \tag{(Y \circ)}$

نتایج حاصل برای انرژی آزاد هلمه ولتز به ازای هر نوکلئون در چگالی های نوکلئونی در دماهای مختلف را در شکل ۶ ارائه کردهایم. همان طور که در این شکل می بینیم به ازای افزایش دما در چگالی های مختلف مقدار انرژی آزاد هلمهولتز کاهش پیدا می کند. در چگالی های پایین هرچه به سمت دماهای بالاتر می رویم در انرژی آزاد تغییرات بیشتری مشاهده می شود. کمینهٔ انرژی آزاد هلمهولتز بیانگر رسیدن به نوعی حالت تعادل در نیروهای هسته ای دستگاه مادهٔ هسته ای متقارن است که برای مثال در دمای صفر برای چگالی اشباع . این حالت کمینه رخ می دهد. با داشتن کمیت کلیدی و مهم انرژی آزاد می توان به راحتی به تشرح خواص ترمودینامیکی دستگاه مادهٔ هسته ای متقارن پرداخت. اولین گام مهم برای توصیف چنین دستگاه های همگنی معادلهٔ حالت دستگاه ^۱

^{1.} Equation of state

Archive of SID



شکل ۶.(رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) انرژی آزاد هلمهولتز بر نوکلئون برحسب چگالی نوکلئونی در دماهای مختلف.

ترمودینامیکی دستگاه برخوردار است. پتانسیل شیمیایی یک کمیت ترمودینامیکی است که انتقال ذرات در بین دستگاه ما را در حال تعادل تنظیم می کند. پتانسیل شیمیایی نیز از طریق مشتق انرژی آزاد هلمهولتز نسبت به چگالی تعیین می شود

$$\sim_{c} = \left(\dots \frac{\partial f_{r}(\dots, T)}{\partial \dots} + f_{r} \right). \tag{YY}$$

برای مادهٔ هسته ای متقارن پتانسیل شیمیایی از طریق رابطهٔ فوق بر حسب چگالی نوکلئونی در دماهای مختلف در شکل ۸ رسم شده است. همان طور که در این شکل می بینیم بیشترین تغییرات پتانسیل شیمیایی در چگالی های پایین صورت میگیرد و در چگالی های بالا با افزایش چگالی نوکلئونی، پتانسیل شیمیایی نیز افزایش می یابد ومنحنی های همدما به یکدیگر نزدیک می شوند. همچنین در این شکل می بینیم که با افزایش دما در چگالی های مختلف مقدار پتانسیل شیمیایی منفی تر شده، یا به عبارتی مقدار آن کاهش پیدا کرده است. همچنین در دماهای پایین شاهد تغییرات بیشتری برای پتانسیل شیمیایی بر حسب چگالی هستیم مقادیر پتانسیل شیمیایی و سپس یک روند صعودی را می بینیم. در ادامه به بررسی کمیت تراکم ناپذیری هم دما برای ماده هستهای که به شکل زیر از طریق مشتق مرتبهٔ اول و دوم انرژی

$$\mathbf{K} = \mathbf{q}_{\dots} \,^{\mathsf{T}} \frac{\partial^{\mathsf{T}} f_r}{\partial_{\dots} \,^{\mathsf{T}}} + \mathbf{h} \mathbf{h}_{\dots} \frac{\partial f_r \left(\dots, T \right)}{\partial_{\dots}} = \mathbf{q} \frac{\partial P}{\partial_{\dots}}.$$
 (**TT**)

آزاد هلمهولتز برحسب چگالی به دست می آید، می پردازیم:



است، که بالاخص از طریق فشار که با محاسبهٔ مشتق انرژی آزاد نسبت به چگالی به دست میآید، تعیین میشود

$$P(\dots,T) = \dots^{\mathsf{r}} \frac{\partial f_r(\dots,T)}{\partial \dots}.$$
 (Y1)

در شکل ۷ با به دست آوردن فشار بر حسب چگالی در دماهای مختلف مي توان مشاهده كرد كه رفتار كلي معادلة حالت مطابق با یک رفتار واندروالسی است [۲۴]. یکی از موارد اهمیت کمیت فشار در مورد یافتن نقطهٔ بحرانی می باشد، که در ادامه به آن مي پردازيم. با توجـه بـه ايـن شـكل مـي بينـيم كـه قلـه و در، منحنی های همدمای واندروالس گونه با افزایش دما به یک دیگر نزدیکتر میشوند، تا این که هر دو نقطه بر هم منطبق شـده و در نهایت یک روند صعودی کامل خواهیم داشت. بـرای نمونـه در دمای ۲۰ MeV منحنی مربوطه کاملاً از یک روند صعودی برحسب چگالی برخوردار است. همچنین میبینیم که از یک دمایی به بعد، فشار منفی وجود ندارد. پایینترین دمایی که در آن به ازای همه مقادیر چگالی، فشار منفی وجود ندارد، دمای حدی^۲ T_{lim} نامیده می شود [۲۷ و ۲۹]. طبق محاسباتی که به وسیلهٔ این مدل به دست آمده دمای حدی را برای مادهٔ هستهای متقارن را ۱۲/۸ MeV به دست آوردهایم که به مقدار ۱۲/۹ MeV از مرجع [۲۹] بسیار نزدیک است. در کنار فشار کمیت نافزونور پتانسیل شیمیایی نیـز از اهمیـت بـه سـزایی در بررسـی خـواص

Y. Limiting temperature

114



شکل ۷. (رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) فشار برحسب چگالی نوکلئونی در دماهای مختلف.

منحنی های همدمای تراکمناپذیری به ازای هر نوکلئون در دماهای مختلف برحسب چگالی در شکل ۹ رسم شده است. مشاهده می شود که افزایش دما سبب افزایش تراکمناپذیری می شود و به ازای یک دمای ثابت روند نزولی تغییرات تراکمناپذیری در چگالی های پایین به چشم می خورد. همچنین منحنی ها دارای یک کمینه هستند، که به ازای افزایش دما نقطهٔ کمینه به سمت مقادیر تراکمناپذیری بالاتری سوق پیدا می کند. مهمی در مورد شراط پایداری مکانیکی در دستگاه هستند و مقادیر منفی تراکمناپذیری در آنها حکایت از ناپایداری مکانیکی در دستگاه به ازای چگالی های متناظر دارد.

دستگاههای ترمودینامیکی می توانند در فازهای مختلفی وجود داشته باشند. که هر کدام از این فازها نیز می توانند دارای رفتار ماکروسکوپیکی متفاوتی باشند و با تغییر شرایط در آنها گذار فاز نیز می تواند رخ دهد. گذار فاز مرحلهای است که دو فاز موجود می توانند به آرامی به هم تبدیل شوند. در مادهٔ هستهای متقارن نیز می توان با افزایش دما گذار فازهایی از نوع مایع-گاز را بررسی کرد. بررسی گذار فاز مادهٔ هستهای متقارن درک عمیقی از ترمودینامیک دستگاههای هستهای را ارائه می دهد. برای درک گذار فاز، لازم است تا شرایطی که طی آن یک گذار فاز می تواند رخ دهد را بررسی کنیم. همان طور که



شکل ۸ (رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) پتانسیل شـیمیایی برحسـب چگالی نوکلئونی در دماهای مختلف.

است که در مرحلهٔ گذار در بین دو فاز باید تعادل دمایی، تعادل مکانیکی وتعادل شیمیایی برقرار باشد. بنابراین در تحلیل فازی برای منحنی های همدما باید دو نوع تعادل، تعادل مکانیکی وشیمیایی برقرار باشد. از این شرط به ثابت بودن فشار و پتانسیل شیمیایی برای هر دو فاز در حین گذار می رسیم

$$p_{\gamma}\left(\dots_{\text{liquid}} T\right) = p_{\gamma}\left(\dots_{\text{gas}} T\right)$$

$$\sim_{C^{\gamma}}\left(\dots_{\text{liquid}} T\right) = \sim_{C^{\gamma}}\left(\dots_{\text{gas}} T\right).$$
 (YY)

انون این شرایط این این شرایط و گاز است. این شرایط تعادل را می توان از قانون فاز گیبس به دست آورد. قانون گذار فاز گیبس به دست آورد. قانون گذار فاز گیبس ار تباط میان تعداد فازهای در حال تعادل با درجات آزادی را بیان می کند. در گذار فاز یک ناحیهٔ هم فازی وجود دارد که در طی آن هر دو فاز به صورت مخلوطی از هم وجود دارند که به وسیلهٔ تحلیل ماکسول" می توان به تحلیل این ناحیه در فای داد که به وسیلهٔ تحلیل ماکسول" می توان به تحلیل این ناحیه در فاز ماده هسته این ناحیه می می توان به تحلیل این ناحیه دارند که به وسیلهٔ تحلیل ماکسول" می توان به تحلیل این ناحیه در فضای چگالی برحسب دما را نشان می دهد، ایس ناحیه را تقسیم بندی کرد. در ناحیهٔ ناپایدار (ناپایدار) و شبه پایدار می تقسیم بندی کرد. در ناحیهٔ ناپایدار مکانیکی تراکمناپذیری منفی است $(\circ > \frac{\partial \beta}{\partial})$ [۳۳- ۷۳]. بیشترین ناحیهٔ ناپایداری را در دمای صفر داریم و هرچه به سمت دماهای بالاتر می رویـم ایس

- Spinodal instabilities
- ۵. Metastable

Maxwell construction

Archive of SID



برحسب چگالی نوکلئونی در دماهای مختلف.

0.12

0.15

ناحیهٔ ناپایدار کم و کمتر میشود تـا در نهایـت از یـک ناحیـه تبديل به يک نقطهٔ آستانه موسوم به نقطهٔ بحرانمی میرسد. در این نقطه شرایط زیر می بایستی برقرار باشد:

$$\frac{\partial P}{\partial \dots}\Big|_{T_C,\dots_C} = \frac{\partial K}{\partial \dots}\Big|_{T_C,\dots_C} = \circ \Longrightarrow T_C$$

$$= \mathbb{V}^{\rho}/\mathbb{V}^{\mathfrak{r}} \text{ MeV},\dots_C = \mathbb{V}^{\rho}/\mathbb{V}^{\mathfrak{r}} \text{ fm}^{-\mathfrak{r}}.$$
(YD)

بنابراین دمای بحرانی نقطهٔ عطف منحنی فشار است که در آن کمینه و بیشینهٔ رفتار واندروالسی فشار به هم رسیدهاند. پـس از دمای بحرانی دستگاه مادهٔ هستهای صرفاً در فاز گازی است و در همه جا <> 0 است. به عبارتی دیگر در نقطهٔ بحرانـی بـا هر تغییر کوچکی می توان از فاز گاز به فاز مایع یا برعکس رفت و این نقطه یکتاست. همان گونه که در این شکل می بینیم ناحیهٔ ناپایدار در درون ناحیهٔ همفازی قرار دارد. هر دو ناحیهٔ پایدار و ناپایدار در نقطهٔ بحرانی به یکدیگر میرسند. مقدار پیش بینی شده برای دمای بحرانی در این مدل با مقادیر ۱۴٫۳ [۳۸] ۱۷/۱۹، [۲۷] ۱۶/۷ [۲۹] و مقدار تجربی ۱۷/۰ مگ الكترون ولت با خطاي يك واحد [۳۹] در توافق است. بهترين راه برای تعیین رفتار دستگاههایی که به نقطهٔ بحرانی می رسند، استفاده از نمایههای بحرانی است که مقادیر آنها بعضاً به نـوع دستگاه ترمودینامیکی بستگی ندارد. یکی از این نمایههای مهم پارامتر S_c است که از طریق رابطهٔ زیر به دست می آید



شکل ۱۰. (رنگی در نسخهٔ الکترونیکی) منحنی فاز مادهٔ هستهای متقارن در فضای چگالی بر حسب دما.

$$\frac{\text{...liquid - ...gas}}{\text{...c}} \propto \left| 1 - \frac{T}{T_C} \right|^c.$$
(19)

در عبارت بالا تفاضل چگالی دو فـاز (_{liquid} –_) پـارامتر نظم نام دارد. در دماهای بالاتر از دمای بحرانی این پارامتر نظم برابر صفر است. نتایج حاصل از محاسبات مقدار S_c = ۰/۴۶۴ را به ما میدهد، که این مقدار را می توانیم با مقدار عمومی . مقایسه کنیم. [۳۳] مقایسه کنیم.

۴. نتيجه گيرې

دراین تحقیق ما با ارائهٔ مدل نیمه کلاسیکی توماس – فرمی که مبتنی بر تحلیل آماری در فضای فاز است، با ارائه یک رهیافت آماري جديد مبتني بر ارائهٔ مفهوم جرم مؤثر تعميميافته، تابع توزيع و همچنين كميتهاي مختلف ترموديناميكي ماده هستهای متقارن را به دست آوردیم. محاسبات مبتنی بـر کمیـت کلیدی جرم مؤثر تعمیمیافته که علاوه بر چگالی به دما هم بستگی دارد و برحسب رفتار پتانسیل مؤثر تکذرهای حول تکانهٔ فرمی ماده هستهای متقارن به دست آید، مزیت قابل توجهی هم از حیث دقت و هم از حیث زمان محاسبه در تعیین کمیتهای ترمودینامیکی به ما ارائه میکنند و به گونهای تحلیل خواص ترمودینامیکی مهم نظیر گذار فازها را برای رسیدن به نتایج کلیدی هموار و قابل دستیابی کنند. نتایج حاصل از ایس

حمایت از ایـن تحقیـق از محـل اعتبـارات معاونـت پژوهشـی دانشگاه کاشان با شماره گرنت ۴۶۳۸۳۶/۱ صورت گرفته است.

مدل در توافق با مدلهای مطرح دیگر در این زمینه است. تعمیم تشکر و قدردانی این مدل می تواند کاربرد وسیع خود از دستگاههای مادهٔ هستهای با توزیع متناهی گرفته تا ساختارهای پیچیـدهتـر بـار یـونی در دماهای مختلف را به خوبی نشان دهد.

مراجع

- 57 (1998) 3484.
- 22. G H Bordbar, Iranian Journal of Physics Research 3 (2001) 1.
 - ۲۲. گ ح بردبار، مجله پژوهش فیزیک ایران ۳ (۱۳۸۰) ۱.
- 23. D Serot and J D Walecka, Adv. Nucl. Phys. 16 (1986) 1.
- 24. H Müller and B D Serot, Nucl. Phys. A 606 (1996) 508.
- 25. H Müller and B D Serot, Phys. Rev. C 52 (1995) 2072.
- 26. E Chabanat, P Bonche, P Haensel, J Mayer, and R Schaeffer, Nucl. Phys. A 635 (1998) 231.
- 27. S W Huang, M Z FU, S S Wu, and S D Yang, Mod. Phys. Lett. A 5 (1990) 1071.
- 28. J Randrup and E Lima Medeiros, Nucl. Phys. A 526, (1991) 115.
- 29. K Strobel, F Weber, and M K Weigel, ZNaturforschr 54a (1999) 83.
- 30. H R Moshfegh, M GhazanfariMojarrad, J. Phys. G 15 (2011).
- 31. W D Myers and W J Swiatecki, Ann. Phys. 204 (1990) 401.
- 32. W D Myers and W J Swiatecki, Nucl. Phys. A 601 (1996) 141.
- 33. H R Moshfegh, M Ghazanfari Mojarrad, Eur. Phys. J. A **49**.1 (2013) 1.
- 34. R K Pathria, "Statistical Mechanics," Oxford: Butterworth-Heinemann (1996).
- 35. D Alonso and F Sammarruca, Phys. Rev. C 67 (2003) 054301.
- 36. J Margueron, and Ph Chomaz, Phys. Rev. C 67 (2003) 041602R.
- 37. Ph Chomaz and C Colonna, J. Randrup, Phys. Rep. 389 (2004) 263.
- 38. C Ducoin, Ph Chomaz, and F Gulminelli, Nucl. Phys. A 789 (2007) 403.
- 39. P Wang, Phys. Rev. C 61 (2000) 54904.
- 40. B V Jacak, C et al., Phys. Rev. Lett. 51 (1983) 1846.

- 1. B Borderie et al., Nucl. Phys. A 734 (2004) 495.
- 2. M F Rivet et al., Nucl. Phys. A 749 (2005) 73.
- 3. N K Glendenning, "Compact Stars," New York: Springer (1997).
- 4. H A Bethe, Rev. Mod. Phys. 62 (1990) 801.
- 5. P Haensel, A Y Potekhin, D G Yakovlev, "Neutron Stars 1: Equation of State and Structure," Springer Science and Business Media 326 (2007).
- 6. S L Shapiro and S A Teukolsky, "Black Holes, White Dwarfs and Neutron Stars", John Wiley and Sons, New York (1983).
- 7. M Camenzind, "Compact Objects in Astrophysics," Springer-Verlag, Berlin, Heidelberg (2007).
- 8. C F von Weizsacker, Z. Phys. 96 (1935) 431.
- 9. H A Bethe and R F Bacher, Rev. Mod. Phys. 8 (1936) 82.
- 10. A Rios, A Polls, A Ramos, and H Müther, Phys. Rev. C 78 (2008) 044314.
- 11. A Rios, A Polls, and I Vidana, Phys. Rev. C 79 (2009) 025802.
- 12. M Modarres and H R Moshfegh, Prog. Theo. Phys. 112 (2004) 21.
- 13. B Friedman and V R Pandharipande, Nucl. Phys. A 361 (1981) 502.
- 14. I E Lagaris and V R Pandharipande, Nucl. Phys. A 359 (1981) 331.
- 15. R B Wiringa, V Ficks, and A Fabrocini, Phys. Rev. C 38 (1988) 1010.
- 16. R B Wiringa, V G J Stoks, and R Schiavilla, Phys. Rev. C 51 (1995) 38.
- 17. A Akmal, V R Pandharipande, and D G Ravenhall, Phys. Rev. C 58 (1998)1804.
- 18. M Baldo, "Nuclear Methods and the Nuclear Equation of State", Singapore: World Scientific, (1990).
- 19. W Zuo, Z H Li, A Li, and U Lombardo, Nucl. Phys. A 745 (2004) 34.
- 20. M Baldo, A Fiasconaro, H Q Song, G Giansiracusa, and U Lombardo, Phys. Rev. C 65 (2002) 017303.
- 21. H Huber, F Weber, and M K Weigel, Phys. Rev. C