

تحلیل ضریب دبی جزئی سریزهای جانبی مایل در کانال های غیر منشوری مستطیلی

تورج هنر^۱، محمود جوان^۲ و علیرضا کشاورزی^۳

۱، ۲، ۳، استادیار، دانشیار و استادیار دانشکده کشاورزی دانشگاه شیراز

تاریخ پذیرش مقاله ۸۳/۷/۲۲

سریزهای جانبی از جمله سازه هایی می باشند که به طور گستردۀ ای در سیستم های آبیاری، زهکشی اراضی و فاضلاب شهری استفاده می گردد. در این تحقیق تاثیر شیب مایل تاج سریز بروی ضریب دبی جزئی در جریانهای زیر بحرانی در کانالهای منشوری و غیر منشوری مستطیلی بررسی گردیده است. با انجام ۶۰۰ آزمایش یک مدل ریاضی براساس در نظر گرفتن المانهایی در طول سریز ارائه گردید. نتایج نشان میدهد که مدل ارائه شده بخوبی می تواند رفتار توزیع آب بروی سریز را پیش بینی نماید.

واژه های کلیدی: سریزهای جانبی، جریانهای متغیر مکانی، کانالهای غیر منشوری و ضریب دبی

تاج تخت نیز می باشد. با استفاده از سریزهای تاج مایل می توان تا حد زیادی نسبت به توزیع یکنواخت دبی و جلوگیری از آب شستگی در کanal آبگیر اقدام نمود. عموماً در جریانهای زیر بحرانی، صعودی بودن پروفیل سطح آب موجب توزیع غیر یکنواخت دبی و آب شستگی در انتهای سریز جانبی می گردد. از طرف دیگر کاربرد روابط سریزهای تاج مایل در سریزهایی میتواند باشد که بعلت مشکلات اجرائی ناهموار ساخته شده اند. در این پژوهش با ساخت یک مدل فیزیکی و انجام بیش از ۶۰۰ آزمایش بر اساس حل عددی معادلات دیفرانسیل دبی و عمق، موضوع مربوطه بررسی گردید. نتایج نشان می دهد مدل جزئی میتواند با دقت بیشتری نسبت به روش های ساده، دبی سریز جانبی را تعیین نماید.

جریان بر روی سریزهای جانبی نوع خاصی از جریان متغیر مکانی همراه با کاهش دبی می باشد. معادله کلی در جریان های متغیر مکانی با کاهش دبی در کانال های غیر منشوری مستطیلی با در نظر گرفتن ضریب انرژی برابر یک، به صورت ذیل می باشد.^(۳).

مقدمه

سریزهای جانبی با کناری از جمله سازه هایی می باشند که در حاشیه کانال ها ساخته می شوند. این سریزها به طور گستردۀ ای در شبکه های آبیاری زهکشی و در سیستم های فاضلاب به منظور انحراف آب مازاد و یا آبگیری استفاده می گردد. در پروژه های آبیاری سریزهای جانبی با لبه پهن معمولاً به عنوان کنترل کننده تراز آب در سازه های توزیع کننده نیز استفاده می شوند.

جریان بر روی سریزهای جانبی در کانال های مستطیلی موضوع بسیاری از تحقیقات بوده است و محققین با انجام آزمایش هایی به بررسی روابط حاکم بر سریزهای جانبی در کانال های مستطیلی (۲، ۴) پرداخته اند و تنها سوامی (۶) ضریب تخلیه را به طور جزئی در سریزهای جانبی با تاج تخت بررسی نمود. علیرغم اهمیت جریان در شرایط غیر منشوری، تاکنون مطالعات کمی در این خصوص انجام شده است. لذا موضوع اصلی این تحقیق بررسی هیدرولیکی سریزهای جانبی مایل در کانال های مستطیلی در شرایط غیر منشوری می باشد. در واقع این شرایط یک حالت کلی می باشد که در برگیرنده سریزهای

که در جریان های زیر بحرانی Q_0 و y_0 ، برابر با عمق پائین دست و دبی می باشند. برای حل دو معادله ذکر شده تابع تعیین مقدار C_{de} نیز مورد نیاز می باشد.

براساس مطالعات سوامی (۶) ضریب جزئی دبی سرریز جانبی (C_{de}) به صورت تابعی از عمق آب به ارتفاع سرریز در سرریزهای لبه تیز و در سرریزهای لبه پهن تابعی از عمق آب و عرض لبه سرریز می باشد. سوامی در سال ۱۹۸۸ معادله ای برای محاسبه ضریب دبی در سرریزهای جانبی لبه پهن به شکل ذیل ارائه نمود (۷).

(۳)

$$C_{de} = K_6 + K_7 \left(\frac{\eta_L^{k_8} + k_9 \eta_L^{k_{10}}}{1 + k_{11} \eta_L^{k_{12}}} \right) + k_{13}$$

در این رابطه $\eta_L = \frac{Y - W}{l}$ که در آن W ارتفاع سرریز، Y عمق آب کanal و l عرض تاج سرریز و ضرایب K_6-K_{13} مقادیر ثابت می باشند.

مواد و روشها

عملیات آزمایشگاهی در آزمایشگاه هیدرولیک بخش آبیاری دانشگاه شیراز انجام پذیرفت. همان گونه که در شکل یک مشاهده می گردد، آزمایش در یک کanal مستطیلی سیمانی با عرض ۰/۳۵ متر و عمق ۰/۰۴ متر با شیب ۱/۱۰۰۰ انجام پذیرفت. فاصله محل کارگذاری سرریز جانبی تا ابتدای کanal ۵ متر و تا انتهای کanal ۱۰ متر در نظر گرفته شده است. در ابتدای کanal اصلی یک شبکه فلزی به منظور آرام و منظم نمودن خطوط جریان تعیینه گردید تا در طول سرریز همواره جریانی آرام عبور نماید.

به موازات کanal اصلی یک کanal فرعی به طول ۱۰ متر، عرض ۰/۵۷ و عمق ۰/۰۴ متر آب تخلیه شده توسط سرریز جانبی را به حوضچه انتهایی منتقل می نماید. توسط دو سرریز مثلثی شکل ۹۰ درجه کالیبره شده، واقع در حوضچه انتهایی کanal اصلی و فرعی (آب تخلیه شده توسط سرریز جانبی) تعیین و در هر آزمایش با توجه به نوسان ناچیز دبی از میانگین آن در محاسبات استفاده گردید. همچنین در حین هر آزمایش

$$\frac{dy}{dx} = \frac{S_o - S_f + (Q^2 / (gA^3)) \cdot (\partial A / \partial x|_y) + Qq_o / (gA^2)}{1 - F_r^2} \quad (1)$$

در این رابطه:

 S_o = شیب کف کanal S_f = شیب اصطکاکی Q = دبی کanal g = شتاب ثقل A = سطح مقطع جریان q_o = تغییرات دبی در طول کanal F_r = عدد فروند

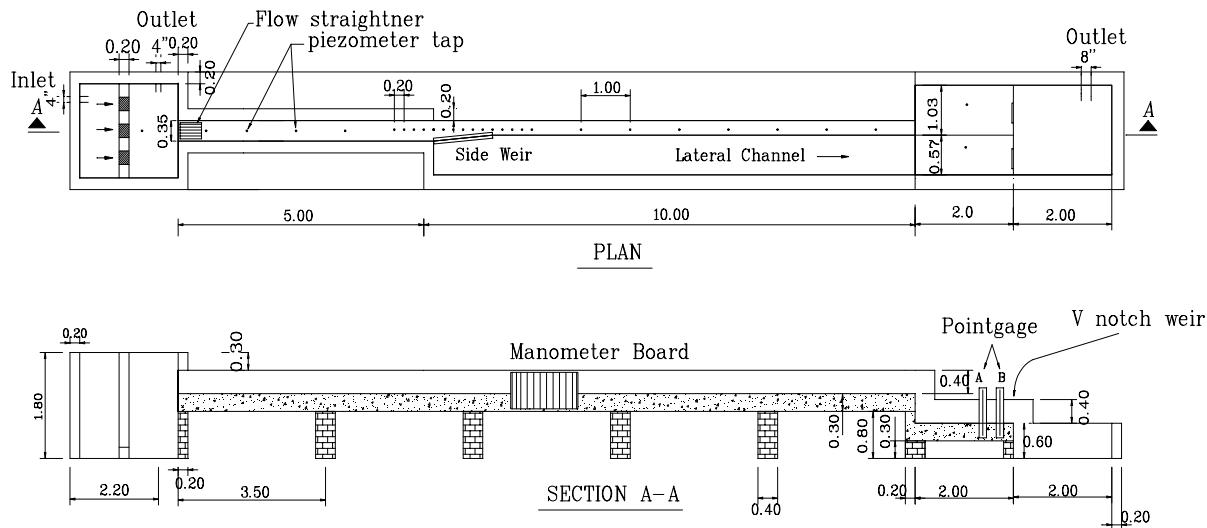
در این رابطه اندیس Y نشان دهنده ثابت بودن این متغیر در زمان مشتق گیری می باشد. معادله (۱) در واقع یک معادله کلی می باشد که جریان متغیر تدریجی را بیان می کند و مقدار q_o مثبت می باشد. برای یک سرریز واقع شده در حاشیه کanal عمق آب روی سرریز از اهمیت ویژه ای برخوردار است.

تاکنون روابط متعددی در خصوص تعیین میزان دبی سرریزهای جانبی ارائه گردیده است. در روابط ارائه شده با توجه به موازی بودن تاج سرریز با کف کanal و ثابت بودن ارتفاع سرریز، محاسبات انجام پذیرفته است که در صورت عدم تراز تاج سرریز این روابط قابل استفاده نمی باشد. در این روابط، در تعیین میزان دبی از یک ضریب کلی برای تمام طول سرریز استفاده می گردد. در صورتی که در این تحقیق با تقسیم طول سرریز به چندین المان، با استفاده از رابطه ۲ و در نظر گرفتن تغییرات ارتفاع تاج سرریز و همچنین استفاده از ضریب دبی جزئی که مربوط به یک بازه می باشد دبی سرریز جانبی تعیین می گردد (۳).

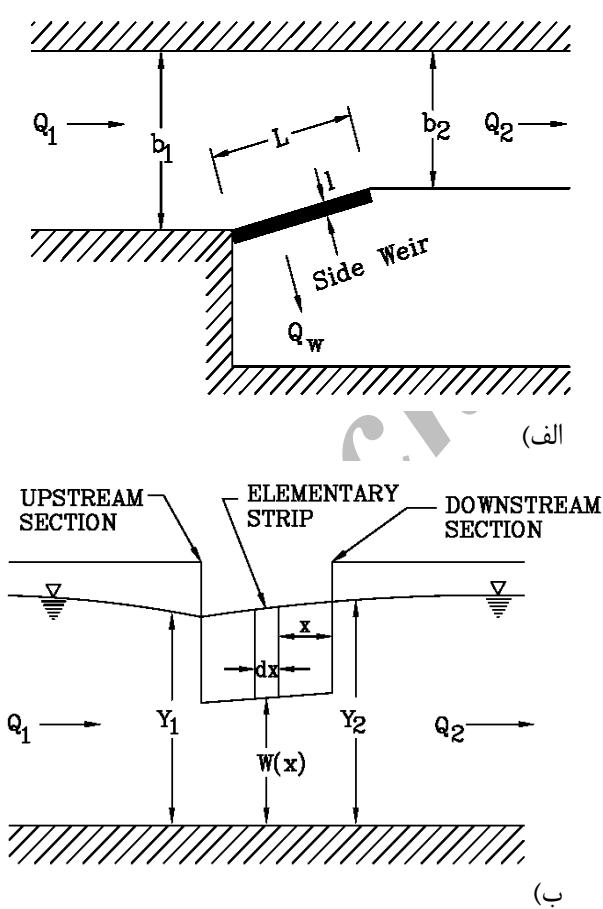
$$q_{oe} = \frac{2}{3} C_{de} \sqrt{2g} (Y - W(x))^{1.5} \quad (2)$$

در این رابطه $W(x)$ بترتیب ارتفاع سرریز در موقعیت x و دبی سرریز جانبی در واحد طول و همچنین C_{de} ضریب دبی جزئی در محدوده مورد نظر می باشد. معادلات (۱) و (۲) را می توان با در نظر گرفتن شرایط اولیه زیر حل نمود.

$$X=0 \quad Y=y_0 \quad Q=Q_0$$



شکل ۱- نمای شماتیک از مدل فیزیکی اجرا شده



شکل ۲ - نمایی از محل کارگذاری سرریز جانبی : (الف) پلان و (ب) مقطع طولی

عمق آب در طول کanal اصلی و نیز در مجاورت سرریز جانبی، توسط پیزومترهای کارگذاری شده بر کف کanal اصلی با دقت $1/50$ میلیمتر قرائت و توسط دستگاه عمق سنج با دقت $1/10$ میلیمتر کنترل گردید. در این تحقیق آزمایش‌ها به سه دسته اصلی، شامل یک آزمون در کanal منشوری و دو آزمون در کanal غیر منشوری تحت عنوان عامل منشوری (نسبت عرضی کanal در بالادست سرریز، به پائین دست سرریز، b_1/b_2) به شرح ذیل تقسیم گردید:

آزمون ۱: کanal مستطیلی شکل منشوری با $b_1/b_2 = 1.00$

آزمون ۲: کanal مستطیلی شکل غیر منشوری با $b_1/b_2 = 1.21$

آزمون ۳: کanal مستطیلی شکل غیر منشوری با $b_1/b_2 = 1.52$

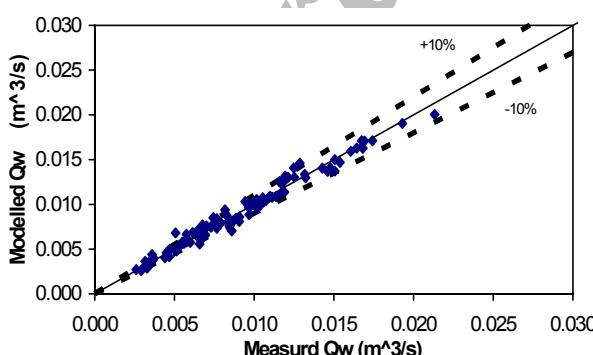
در هر آزمون، سرریز جانبی در مقطع تبدیل با زاویه جانبی (θ) نسبت به امتداد کanal کارگذاری گردید (شکل ۲-الف) همچنین زاویه تاج سرریز نسبت به افق (γ) نیز در محاسبات مورد بررسی قرار گرفت (شکل ۲-ب). این دو متغیر در آزمون‌های مختلف برای مقادیر مختلف دبی، ارتفاع سرریز، طول سرریز و عمق پایاب کنترل شده توسط یک دریچه کشویی انتهایی در شرایط باز و دو حالت نیمه بسته در طی انجام بیش از ۶۰۰ آزمایش مطابق جدول شماره ۱ مورد بررسی قرار گرفت.

$$E = \frac{100}{N} \sum_{i=1}^N \left| \frac{Q_{wo} - Q_{wm}}{Q_{wo}} \right| \quad (5)$$

در این رابطه E خطای نسبی برآورد، N تعداد آزمون‌ها می‌باشد.

در جدول ۲، پارامترهای تعیین شده توسط مدل PEST برای هر آزمون و همچنین برای کلیه آزمون‌ها بدون در نظر گرفتن شرایط پایاب و عامل منشوری ارائه گردیده است. همان‌طور که مشاهده می‌گردد خطای نسبی (E) برای آزمون‌ها بدون کنترل در پائین دست (انتها باز) بیشتر از آزمون‌ها با کنترل در پائین دست (انتها نیمه بسته) می‌باشد. این تفاوت می‌تواند به علت اثر تغییرات شرایط جریان در انتهای سرریز در حالت انتهای نیمه بسته (با کنترل در پائین دست) باشد.

در شکل‌های ۳ الی ۵، نتایج آزمون‌ها بدون کنترل و با کنترل در پائین دست بدون در نظر گرفتن عامل منشوری ارائه گردیده است. همان‌طور که مشاهده می‌گردد تطابق دبی سرریز محاسبه شده با اندازه گیری شده در حالت انتهای باز یا بدون کنترل در پائین دست در محدوده $\pm 10\%$ بهتر از حالت انتهای نیمه بسته (با کنترل در پائین دست) می‌باشد. که این می‌تواند به علت تغییرات جریان در سرریز جانبی به علت وجود مانع در پائین دست کanal باشد که در مطالعات گذشته بدون در نظر گرفتن این مهم روابط کلی جهت سرریزهای با تاج تخت ارائه گردیده است.



شکل ۳- مقایسه دبی سرریز اندازه گیری شده و محاسبه شده در آزمونهای بدون کنترل در پائین دست

جدول ۱- متغیرهای استفاده شده در آزمایش

متغیر	مقدار
b_1/b_2 (عامل منشوری)	1.00, 1.21, 1.52
L (طول سرریز)	1.2, 0.8, 0.4
W (ارتفاع متوسط سرریز)	0.07 - 0.18
S_0 (%) ، شیب کف کanal	0.1
Q_{main} (L/s)	16 - 40
F_u (عدد فرود در بالا دست سرریز)	0.14 - 0.72
S_w (%) ، شیب تاج سرریز	-0.88 - 2.86
m (عرض تاج سرریز)	0.04

بحث و نتایج

جهت طبقه بندی اطلاعات جمع آوری شده آزمون‌های ۱ الی ۳، اطلاعات در دو گروه آزمون بدون کنترل در پائین دست (انتها باز) و با کنترل در پائین دست (انتها نیمه بسته) که توسط دریچه کشویی انتهایی قابل کنترل است، طبقه بندی گردید و بر این اساس محاسبات مربوطه برای هر آزمون به طور مجزا و همچنین به صورت کلی بدون در نظر گرفتن عامل منشوری وضعیت انتهایی انجام گردید.

در هر گروه از محاسبات، معادله‌های ۱ و ۲ با روش حل عددی رانج کوتا مرتبه چهار با در نظر گرفتن مقادیر اولیه در معادله تعیین ضریب دبی (معادله ۳) حل گردیده و مقادیر عمق آب و دبی در فواصل مختلف (x) در طول سرریز جانبی، عمق آب (Y_1) و دبی در بالا دست سرریز (Q_1) و در نهایت دبی سرریز شده (Q_w) مطابق رابطه ذیل تعیین گردید.

$$Q_w = Q_1 - Q_2 \quad (4)$$

پارامترهای مدل (رابطه ۳) شامل K_6 الی K_{13} توسط نرم افزار PEST (نرم افزار تخمین گر پارامترهای روابط غیر خطی) تعیین گردید. نرم افزار PEST پارامترهای مدل را براساس کاهش تفاوت مقادیر دبی سرریز محاسبه شده و اندازه گیری شده، مشخص می‌نماید و سپس با مقایسه دبی سرریز محاسبه شده (Q_{wm}) با دبی سرریز مشاهده شده (Q_{wo}) مقدار خطای نسبی برآورد مطابق رابطه زیر محاسبه می‌گردد.

نتایج آنالیزهای آماری بر روی اطلاعات مستقل نشان می‌دهد که مقدار خطای نسبی برآورد برای کلیه آزمون‌ها کمتر از ۷٪ می‌باشد. همچنین جهت بررسی کیفی مدل، از اطلاعات فراوی (۱۹۹۷) نیز استفاده گردید. فراوی (۱) با انجام آزمایش بر روی کانال‌های ذوزنقه‌ای با شیب‌های مختلف دیواره (۱:۵، ۱:۱، ۰:۵، ۰:۰) با عرض ۰/۶ متر به بررسی جریان بر روی سرریز جانبی لبه پهنه پرداخت. نتایج مدل بر اساس اطلاعات فراوی نشان داد که میزان خطای نسبی برآورد کمتر از ۸٪ می‌باشد و مدل می‌تواند کاربرد مناسبی در سایر مقاطع کanal داشته باشد و در این خصوص میزان خطای برآورد نیز نسبت به مدل سوامی (۱۹۹۴) که برابر ۸٪ می‌باشد به مراتب کمتر است.

نیرینگ و همکاران (۱۹۸۹) جهت آنالیز حساسیت از شاخص حساسیت استفاده نمودند. این شاخص مطابق رابطه ۶ بیانگر نسبت نسبی میزان تغییرات خروجی مدل به پارامترهای ورودی مدل می‌باشد(۵).

$$S = \left(\frac{O_2 - O_1}{I_2 - I_1} \right) \frac{I_{avg}}{O_{avg}} \quad (6)$$

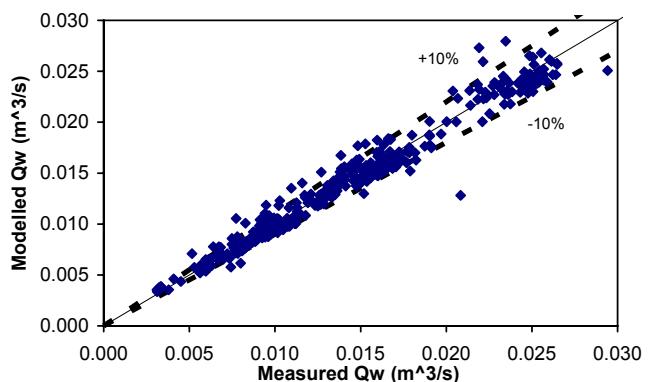
S : شاخص حساسیت

I_1, I_2 : حداقل و حداکثر مقدار پارامتر ورودی مورد نظر

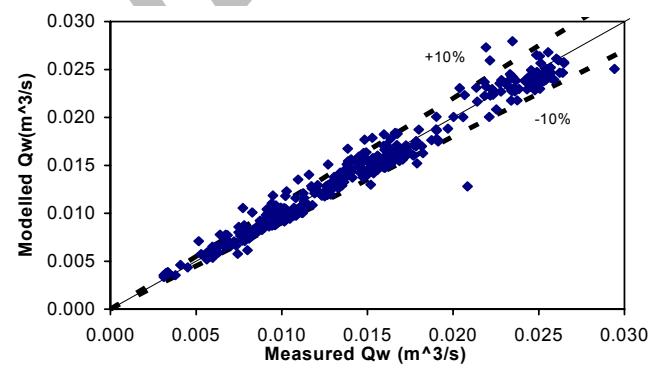
I_1, I_2 : میانگین I_{avg}

I_1, I_2 : مقادیر متضاظر با

O_1, O_2 : میانگین O_{avg}



شکل ۴. مقایسه دبی سرریز اندازه گیری شده و محاسبه شده در آزمونهای با کنترل در پایین دست



شکل ۵. مقایسه دبی سرریز اندازه گیری شده و محاسبه شده در آزمونها بدون در نظر گرفتن عامل منشوری و کنترل

جهت اطمینان از نظر کاربرد عملی نتایج، مدل‌های تعیین ضریب دبی جزئی سرریزهای جانبی مایل و یا تخت ارائه شده، با استفاده از اطلاعات سایر محققین و همچنین اطلاعات مستقل حاصل شده در این تحقیق مورد ارزیابی قرار گرفت.

جدول ۲- پارامترهای رابطه ۳ برای آزمونهای مختلف

ردیف	آزمون	بدون کنترل	با کنترل	K ₆	K ₇	K ₈	K ₉	K ₁₀	K ₁₁	K ₁₂	K ₁₃	(%)
۱	۱	✓		0.432	0.370	2.767	-0.045	6.872	5.494	0.625	1.0	6.00
۲	۱		✓	0.402	0.362	2.381	-0.006	6.602	5.007	1.204	1.0	5.87
۳	۲	✓		0.266	1.547	2.524	0.005	6.493	4.997	2.788	1.0	4.26
۴	۲		✓	0.511	0.100	2.499	-0.007	6.839	5.504	0.825	1.0	3.92
۵	۳	✓		0.446	0.644	1.953	-0.007	6.698	5.486	1.345	1.0	4.13
۶	۳		✓	0.522	0.082	2.933	-0.015	6.754	5.502	0.487	1.0	3.87
۷	کلیه آزمونها		✓	0.494	0.089	2.891	-0.013	6.765	5.503	0.543	1.0	6.02
۸	کلیه آزمونها	✓		0.398	0.831	2.067	-0.004	6.650	5.467	1.566	1.0	5.77
۹	کلیه آزمونها	✓	✓	0.498	0.084	2.900	-0.013	6.778	5.502	0.492	1.0	6.07
۱۰	سوامی، ۱۹۹۴	با دیواره هدایت در خروجی	۰.۴۲۵	۰.۱۰۰	۳.۳۰۰	۰.۰۲۵	۷.۰۰۰	۵.۵۰۰	۰.۰۲۰	۱.۰	---	
۱۱	سوامی، ۱۹۹۴	بدون دیواره هدایت در خروجی	۰.۴۴۷	۰.۱۰۰	۱.۷۹۰	۰.۰۵۰	۱.۶۹۰	۲.۹۰۰	۰.۰۲۰	۱.۰	---	

منشوری برای سرربزهای جانبی مایل یا تخت تعیین نماید. مقایسه نتایج بدست آمده توسط مدل و مقادیر انداز گیری شده براساس اطلاعات مستقل، نشان دهنده اعتبار مدل در سایر شرایط می باشد. در این خصوص توصیه می گردد که در شرایط کanal منشوری مستطیلی بدون کنترل در پائین دست از ضرائب مربوط به آزمون شماره ۱ (ردیف ۱ جدول ۲) و در شرایط با کنترل در پائین دست از نتایج آزمون انتهای بسته شماره ۱ استفاده شود(ردیف ۲ جدول ۲). در شرایط کanal های منشوری و یا غیر منشوری بدون کنترل در پائین دست از ضرائب ردیف ۸ جدول ۲ و در صورت وجود کنترل در پائین دست از ضرائب ردیف ۷ جدول ۲ استفاده شده و در سایر شرایط استفاده از ضرایب ردیف ۹ جدول ۲ دقت خوبی را بدنیال دارد. همچنین مقایسه نتایج روابط تعیین ضریب دبی جزئی با روشهای ساده (۳) نشان میدهد که میزان خطای براورد در حالت کلی و بدون در نظر گرفتن عامل منشوری و کنترل در مسیر کanal از مقدار ۱ درصد کاهش و از دقت بیشتری برخوردار است. در عمل پس از تعیین عمق آب بروی تاج سرربز در المانهای مختلف، ضریب دبی متناظر آن المان را مشخص نمود و سپس دبی جزئی آن المان و نهایتاً دبی کل المانها را تعیین نمود.

REFERENCES

- فراروئی، م. ۱۳۷۹. بررسی هیدرولیک جریان و اصلاح ضریب تخلیه سرربز جانبی تحت تاثیر شیب دیواره در بالا دست. پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز
- Frazer, W. 1954. The behavior of side weirs in prismatic rectangular channels, Ph.D thesis, Glasgow University, United Kingdom.
- Honar, T. 2002. Hydraulic algorithm of inclined side weirs in non-prismatic channels. Ph.D thesis, Shiraz Univesity, Shiraz, Iran.
- Ranga Raju, K.G., B. Parasad, & S. K. Gupta. 1979. Side weir in rectangular channel. *J. Hydr. Engrg.*, ASCE, 113(2): 98-105.
- Nearing, M. A., L. D. Ascough, & H. M. L. Chaves. 1989. WEPP model sensitivity analysis, Ch. 14 In *USDA-Water Erosion Prediction Project: Hillslope Profile Model Documentation*, eds. L. J. Lane, and M.A. Nearing. NSERL Report No. 2, 14.1-14.33. W. Lafayette, Ind.: USDA-ARS-NSERL. Cited in Walker, S. E. 2000. Sensitivity analysis of the root zone water quality model. *Transactions of the ASAE*. 43(4):841-846.
- Swamee, P. K. 1994. Side weir analysis using elementary discharge coefficient. *J. Irrig. And Drain. Engrg.*, ASCE, 120(4), (742-755).
- Swamee, P. K. 1988. Generalized rectangular weir equations. *J. Hydr. Engrg.*, ASCE, 114(8), 645-649.

جدول ۳- نتایج تحلیل حساسیت پارامترهای ورودی مدل جزئی

ارتفاع سرربز عمق آب در کanal طول سرربز	آزمون
-0.0062	حالت کلی
-0.0067	باکنترل در پایین دست
0.0353	بدون کنترل در پایین دست

در این تحقیق نیز براساس رابطه ۶، همانطور که در جدول ۳ مشاهده می شود پارامترهای ورودی مدل مورد ارزیابی حساسیت قرار گرفت. نتایج نشان میدهد که در آزمونهای کلی بدون در نظر گرفتن عامل منشوری و کنترل، عمق آب در کanal از حساسیت بیشتری برخوردار است و این مسئله نیز در سایر آزمونهای با کنترل و بدون کنترل در پایین دست مشاهده می گردد. بطور کلی در آزمونهای با کنترل در پایین دست بعلت ایجاد اختشاش در پایین دست سرربز، شرایط با حالت بدون کنترل متفاوت می باشد که تاثیر آن در حالت کلی نیز مشاهده می شود. اما در حالت انتهای باز یا بدون کنترل در پایین دست پس از عمق آب در کanal، ارتفاع سرربز از حساسیت بیشتری برخوردار است.

در این تحقیق براساس نتایج آزمایش های انجام شده بر روی مدل فیزیکی یک مدل جزئی ارائه گردید که قادر است ضریب دبی جزئی سرربز جانبی را در شرایط غیر منشوری و یا

منابع مورد استفاده

۱. فراروئی، م. ۱۳۷۹.

بررسی هیدرولیک جریان و اصلاح ضریب تخلیه سرربز جانبی تحت تاثیر شیب دیواره در بالا دست. پایان نامه

کارشناسی ارشد، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

۲. Frazer, W. 1954. The behavior of side weirs in prismatic rectangular channels, Ph.D thesis, Glasgow University, United Kingdom.

۳. Honar, T. 2002. Hydraulic algorithm of inclined side weirs in non-prismatic channels. Ph.D thesis, Shiraz Univesity, Shiraz, Iran.

۴. Ranga Raju, K.G., B. Parasad, & S. K. Gupta. 1979. Side weir in rectangular channel. *J. Hydr. Engrg.*, ASCE, 113(2): 98-105.

۵. Nearing, M. A., L. D. Ascough, & H. M. L. Chaves. 1989. WEPP model sensitivity analysis, Ch. 14 In *USDA-Water Erosion Prediction Project: Hillslope Profile Model Documentation*, eds. L. J. Lane, and M.A. Nearing. NSERL Report No. 2, 14.1-14.33. W. Lafayette, Ind.: USDA-ARS-NSERL. Cited in Walker, S. E. 2000. Sensitivity analysis of the root zone water quality model. *Transactions of the ASAE*. 43(4):841-846.

۶. Swamee, P. K. 1994. Side weir analysis using elementary discharge coefficient. *J. Irrig. And Drain. Engrg.*, ASCE, 120(4), (742-755).

۷. Swamee, P. K. 1988. Generalized rectangular weir equations. *J. Hydr. Engrg.*, ASCE, 114(8), 645-649.