

اثر پارامترهای بی بعد در چرخش داخلی قطره دو بعدی در جریان دوفازی

محمدحسن رحیمیان^{*} و محمد فرشچی^{**}

گروه مکانیک دانشکده فنی، دانشگاه تهران
دانشکده هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف

(دریافت مقاله: ۷۹/۲/۴ - دریافت نسخه نهایی: ۸۰/۱۲/۵)

چکیده - این مقاله نتایج شبیه سازی چگونگی جریان در داخل و خارج قطره ای که توسط جریان سیال اطراف به در حرکت آمده است را ارائه می کند. به علت تغییر شکل و محل قطره، کلیه محاسبات یک جریان دوفازی در محدوده عدد ماخ پایین به صورت دقیق نسبت به زمان^۱ محسوب می شود. میدان جریان داخل و خارج قطره در دو حالت بررسی شده است. اول قطره ای که به علت حرکت سیال اطراف به حرکت در می آید، و به آن قطره همراه جریان می گویند. دوم قطره ای که به علت نیروی مانند نیروی نقل در سیال ساکن در حال حرکت بوده و در واقع در مقابل جریان مقاومت می کند، و به آن قطره مقابل جریان می گویند. در این مقاله نشان داده شده است که عامل اصلی چرخش در داخل قطره وجود تنفس برشی، که خود ناشی از اختلاف سرعت قطره با جریان اطراف است، خواهد بود. در قطره مقابل جریان که نیروی برشی مداوم بر روی سطح قطره اعمال می شود، گردابه کاملاً بزرگی ایجاد خواهد شد به طوری که میدان جریان گاز اطراف را نیز متاثر کرده و نقطه جدایش کاملاً به تعویق می افتد. لیکن در قطره همراه جریان ابتدا به علت وجود تنفس برشی چرخش ایجاد شده و سپس از بین می رود. عوامل موثر در میرایی چرخش نیروی لزنت و تغییر شکل هستند. با کم شدن عدد رینولدز گاز و مایع نیروی لزنت زیاد شده و چرخش با سرعت بیشتری میرا خواهد شد. از طرف دیگر با افزایش عدد و بر تغییر شکل افزایش یافته و چرخش داخل قطره را از بین می برد.

واژگان کلیدی : حل عددی، جریان دوفازی، حرکت قطره، چرخش داخلی قطره

Effect of Nondimensional Parameters On the Internal Circulation of a Liquid Drop Moving with the Surrounding Gas

M. H. Rahimian and M. Farshchi

Department of Mechanical Engineering, University of Tehran
Department of Aerospace, Sharif University of Technology

Abstract: The internal flow circulation dynamics of a liquid drop moving in a co- or counter-flowing gas stream has been numerically studied. The present work is concerned with the time accurate numerical solution of the two phase flow field at the low Mach number limit with an appropriate volume tracking method to capture motion and deformation of a liquid drop. It is shown that relative velocity between gas and liquid and the parameters controlling the deformation of the drop have the strongest influence on its internal circulation, too. The effects of the liquid Weber number, ranging from 8 to 32, and of gas stream Reynolds number, ranging from 1 to 20 are studied. It was revealed that the largest and the most lasting internal circulation are observed in drops with small deformation in high Reynolds number gas streams. In the case of counter-flowing gas stream, there is a strong internal circulation inside the liquid drop. The locations of the gas separation points on the drop are strongly influenced by the internal circulation of the drop, resulting in a complex wake dynamics.

Keywords: Numerical solution, Two phase flow, Moving droplet, Droplet internal circulation

** - دانشیار

* - استادیار

۱- مقدمه

قطره می شود. این تنش موجب به تعویق افتادن چرخش داخل قطره خواهد شد. لازم به ذکر است که بر اساس این نظریه، گرادیان کشش سطحی فقط در قطرات و حبابهای ریز به وجود می آید زیرا نیروی کشش سطحی با عکس شعاع قطره و حباب مناسب است. البته این نظریه بیان می کند که کلیه قطرات چه ریز و چه درشت بالاخره دارای چرخش داخلی خواهند بود، در صورتی که از مواد آلوده کننده سطحی خالی باشند.

با توجه به مطالب فوق و اینکه چگونگی جريان در داخل قطره خصوصاً در قطرات ریز به آسانی ممکن نیست، لذا نویسندها بر آن شدند که با استفاده از روش عددی میدان جريان در داخل قطره را مشاهده کنند. به همین دليل روشی مناسب برای حل جريان دوفازی به نام حجم سیال همراه با روشی برای مشاهده سطح مشترک دو سیال که توسط اشگریز و پور [۱۰] ارائه شده به کار رفته است. به منظور انتقال سرعت و فشار در قسمت فصل مشترک دو سیال بالанс تنش برشی و تنش عمودی صورت گرفته است. روش عددی به کار رفته از نظر زمانی کاملاً ضمنی است و در دو مرحله حل میدان جريان صورت گرفته است. پس از مقدمه معادلات حاکم همراه با شرایط مرزی ارائه شده و سپس روش عددی حل جريان همراه با چگونگی مشاهده تغییر شکل و بالاخره نتایج به دست آمده از چرخش داخل قطره در اعداد رینولدز و اعداد ویر مختلف ارائه خواهد شد.

۲- معادلات حاکم و شرایط مرزی

معادلات حاکم بر میدان سیال شامل معادله پیوستگی و ممتمم است. برای مشاهده حرکت قطره لازم است این معادلات در دو فاز مایع و گاز به کار برده شوند. همچنین در فصل مشترک دو میدان، شرایط مرزی تساوی تنش و سرعت به صورت بی بعد به کار رفته است. برای بی بعد کردن معادلات حاکم قطر قطره تغییر شکل نیافته به عنوان مقیاس طول، سرعت یکنواخت ورودی U_0 به عنوان سرعت مرجع، p_0 به عنوان فشار مرجع و ρ_0 به عنوان دانسیته گاز به کار رفته است.

وجود چرخش و گردابه در داخل قطره‌ای که سیال دیگری در حال حرکت است از جمله مسائلی است که نظر بسیاری از محققان را به خود جلب کرده است. وجود چرخش می تواند موجب افزایش انتقال گرما، نرخ تبخیر و انتقال جرم شود و بدین وسیله در حل شدن مواد و مخلوط شدن سیالات، در یکدیگر تاثیر داشته باشند. کارهای عددی و تحلیلی زیادی تاکنون در این زمینه انجام شده است. چرخش داخل قطره با استفاده از روش‌های مختلف در مرجع [۱] مشاهده شده است و تصویر گردابه‌ها به خوبی نمایشگر وجود چرخش در داخل این گونه قطرات است. خطوط جريان از نظر کیفی با حلها تحلیلی تطابق دارد، لیکن از نظر کمی په علت وجود آلووده کننده‌های سطحی این چرخش در داخل قطره را مشاهده نکرده‌اند. باند و نیوتون [۲] مشاهده کردند که قطرات و حبابهای کوچک دارای چرخش داخلی نیستند و فقط چرخش داخل قطره زمانی به وجود می آید که عدد ایوت $E_0 = g \cdot \Delta p \cdot d_e^2 / \gamma$ از عدد چهار بزرگتر باشد. در اینجا g شتاب ثقل Δp اختلاف دانسیته دو سیال، d_e قطر معادل قطره و γ کشش سطحی است. این معیار به نام معیار باند شناخته شده است. لیکن آزمایشات بعدای [۸-۳] نشان داد که معیار باند همیشه کارساز نیست. کلیف و همکاران به نقل از بوزینسک [۱] اظهار داشتند که عدم وجود چرخش در داخل قطره و حباب به علت وجود لایه‌ای است که به صورت یک پوسته لزج عمل می کند. مهمترین دلیل برای عدم وجود چرخش داخل قطرات و حبابهای ریز توسط فرامکلین و لویچ [۹-۱۰] ارائه شده. آنها اظهار داشتند که با حرکت یک قطره در داخل سیالی دیگر مواد آلوده کننده که معمولاً در سطح قطره و یا حباب جمع می شوند از طرف جلو به طرف عقب قطره جاروب شده و قسمت جلو بدون مواد آلوده کننده باقی می ماند. گرادیان تمرکز مواد آلوده کننده موجب گرادیان کشش سطحی بر روی سطح قطره و حباب خواهد شد که به نوبه خود موجب ایجاد تنش مماسی در سطح

فاز گاز:

$$\nabla \cdot \vec{V} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + \vec{V} \cdot \nabla \vec{V} = -\nabla P + Re_g^{-1} \nabla^2 \vec{V} \quad (2)$$

$$B.C. \begin{cases} \vec{V} = \hat{\vec{V}} & \text{at drop interface} \\ \vec{V} \rightarrow \hat{e}_e & \text{as } \vec{r} \rightarrow \infty \end{cases} \quad (3)$$

$$B.C. \begin{cases} \vec{V} = \hat{\vec{V}} & \text{at drop interface} \\ \vec{V} \rightarrow \hat{e}_e & \text{as } \vec{r} \rightarrow \infty \end{cases} \quad (4)$$

فاز مایع:

$$\nabla \cdot \hat{\vec{V}} = 0 \quad (5)$$

$$\frac{\partial \hat{\vec{V}}}{\partial t} + \hat{\vec{V}} \cdot \nabla \hat{\vec{V}} = -\frac{1}{\zeta} \nabla \hat{P} + Re_{g_l}^{-1} \nabla^2 \hat{\vec{V}} \quad (6)$$

$$B.C. \begin{cases} \vec{V} = \hat{\vec{V}} & \text{at drop interface} \\ \vec{T} = \hat{\vec{T}} & \end{cases} \quad (7)$$

$$B.C. \begin{cases} \vec{V} = \hat{\vec{V}} & \text{at drop interface} \\ \vec{T} = \hat{\vec{T}} & \end{cases} \quad (8)$$

که \vec{T} فاصله از سطح قطره، x بردار واحد در جهت x و \vec{T} تانسور تنش بدون یعد در سطح قطره در طرف گاز است و به صورت زیر تعریف می شود

$$\vec{T} = -P \vec{I} + Re_{g_l}^{-1} (\nabla \vec{V} + \nabla \vec{V}^+) \quad (9)$$

و \vec{T} تانسور تنش بدون بعد در سطح قطره در طرف مایع بوده و به صورت زیر تعریف می شود

$$\vec{T} = -P \vec{I} + Re_{g_l}^{-1} (\nabla \hat{\vec{V}} + \nabla \hat{\vec{V}}^+) \quad (10)$$

\vec{I} تانسور واحد و \vec{n} بردار واحد عمود بر سطح است و علامت آن هرگاه به سمت خارج قطره اشاره کند مثبت است. R_1 و R_2 شاع بدون بعد انحنای سطح قطره در دو سطح عمود بر هم که فصل مشترک آن دو بردار \vec{n} است. علامت R_1 و R_2 هرگاه مرکز آن در داخل قطره باشد مثبت و گرنه منفی است. چهار گروه بی بعد در حرکت قطره در داخل سیال اطراف مطرح

$$We = \frac{\rho_1 U_0^2 d}{\gamma} \quad \text{است این چهار گروه عبارت اند از}$$

$$Re_g = \frac{\rho_1 U_0 d}{\mu_g} \quad \text{و} \quad Re_l = \frac{\rho_1 U_0 d}{\mu_1} \quad \text{که} \gamma \text{ کشش}$$

سطوحی قطره و زیرنویس 1 و g به ترتیب به خصوصیات مایع و گاز اشاره دارد. بالاترین * به متغیرهای بدون بعد مایع اشاره می کند در حالی که متغیرهای بدون بعد گاز بدون بالاترین هستند.

در اینجا به علت محدودیتهای حافظه و سرعت رایانه ای به قطره دو بعدی پرداخته می شود. بسط روش مذکور به یک سیستم سه بعدی آسان است. بنابراین کلیه معادلات در سیستم مختصات کارتزین دو بعدی نوشته می شود. در فضای دو بعدی یکی از شعاعهای انحنای سطح به بینهایت میل می کند و بنابراین تنها یکی از شعاعهای R_1 و R_2 باقی میماند و شعاع محلی سطح قطره به صورت زیر در می آید.

$$\frac{1}{R} = \frac{|Y_{xx}|}{(1+Y_x^2)} \quad (11)$$

در این معادله سطح قطره با معادله پارامتری $(x) Y(x)$ نشان داده می شود. معادله (8) نشان دهنده پیوستگی تنشها در سطح قطره است. شرط پیوستگی تنش مماسی توسط معادله زیر نشان داده شده است.

$$\zeta Re_l^{-1} \frac{\partial \hat{V}_t}{\partial n} = Re_g^{-1} \frac{\partial \vec{V}_t}{\partial n} \quad (12)$$

و شرط پیوستگی تنش عمودی توسط معادله زیر ارائه شده است.

$$\hat{P} - 2\zeta Re_l^{-1} \frac{\partial \hat{V}_t}{\partial n} = P - 2 Re_g^{-1} \frac{\partial \vec{V}_t}{\partial n} + \frac{\zeta}{We} R^{-1} \quad (13)$$

ضرایب تنش عمودی لرج در جریان با محدوده عدد رینولدز بالا در مقایسه با فشار ناچیز و قابل اغماض است.

از آنجا که در معادلات حاکم بر میدان تک فازی تنها گرادیان فشار مورد نیاز است بنابراین به محاسبه مقدار مطلق فشار نیازی نیست. در حالی که در یک میدان دوفازی که فاز دوم آن یک قطره است میدان فشار و سرعت در داخل قطره توسط تنشها و فشار در طرف گاز تعیین می شود. بنابراین به دست آوردن مقدار فشار در سطح قطره ضروری است. به منظور به دست آوردن فشار و سرعت در سطح قطره ابتدا میدان گاز حل شده و سرعت و فشار در سطح قطره به عنوان شرط مرزی برای حل میدان مایع به کار می رود. با استفاده از این شرط مرزی میدان مایع حل شده و با یک سری تکرار میدانهای سرعت و فشار همگرا خواهد شد. با همگرا شدن سرعت و فشار در یک مرحله زمانی تغییر شکل قطره به دست می آید.

جهت x و y در وجود x و y سلول محاسبه خواهند شد. طبیعتاً این روش با فیزیک میدان جریان همخوانی دارد، زیرا در هر سلولی که سرعت محاسبه می‌شود، گرادیان فشار عامل محرک بوده و لازم است در سطوح سلول محاسبه شود. پیچیدگیهایی که در حل مسئله دوفازی با استفاده از شبکه متناوب به وجود می‌آید، ما را بر آن می‌دارد که از یک شبکه یکسان برای کلیه متغیرها استفاده کنیم. در این شبکه یکسان که کلیه متغیرها در مرکز سلول محاسبه می‌شوند، نیازمند روش خاصی است که از نوسانات فشار جلوگیری کند. روش رای و چو [۱۱] برای رفع این مشکل به کار رفته است. این متدها گرادیان فشار را، که با استفاده از روش اختلاف مرکزی گستته شده است، از میدان جریان میانی حذف کرده و سپس گرادیان فشاری با استفاده از فشار مرکز سلول را به آن اضافه می‌کنند. این کار شیوه استفاده از شبکه متناوب است.

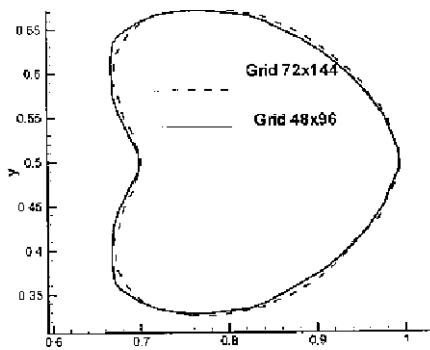
محاسبه میدانهای جریان با موانع جامد نیازمند تبدیل مختصات از میدان فیزیکی به میدان محاسباتی است. این تبدیل مختصات شبکه نایکنواخت فیزیکی را به شبکه یکنواخت محاسباتی تبدیل می‌کند به طوری که دیواره شکل پیچیده به دیواره‌ای با شکل ساده تبدیل می‌شود. این روش برای میدانهایی با مرز متحرک میدان جریان بر روی قطره مناسب نیست. زیرا در این نوع جریان مرز همراه جریان حرکت کرده و با زمان تغییر می‌کند و بنابراین در هر مرحله زمانی روش نیازمند تشكیل شبکه جدید است که موجب اتلاف وقت است. روشی که در اینجا ارائه می‌شود کل میدان جریان، شامل میدان گاز و قطره، را به یک سری سلول یکنواخت تقسیم می‌کند. سلولهایی که به وسیله گاز و یا مایع پر شده‌اند با یک پارامتر F نشان داده می‌شوند. مقدار این پارامتر برای سلولهایی که از مایع پر هستند برابر یک و برای سلولهایی که از گاز پر هستند برابر صفر است. حل عددی معادله متمم نیازمند انتگرال گیری از عبارتهای پخش و جابه جایی در فضای سلول است. معادله متمم با استفاده از روش ADI حل می‌شود لیکن در خصوص عبارت جابه جایی لازم است برای عدد رینولدز سلولی بزرگ‌تر از ۲

۳- روش حل میدان جریان با عدد ماخ پایین

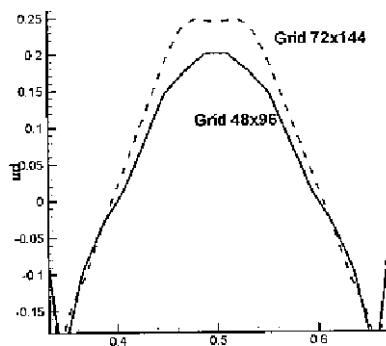
یکی از مشکلات مهم در حل میدان جریان محاسبه سرعت و دو فشار در عدد ماخ پایین است. در جریان تراکم ناپذیر به علت پایین بودن عدد ماخ سرعت صوت و یا سرعت انتشار هر گونه اغتشاش به سمت بینهایت میل می‌کند، که این موجب بروز مشکل در میدان سرعت و فشار می‌شود. در واقع در اینجا فشار مانند دانسیته با سرعت درگیر نیست بلکه فقط به عنوان یک عبارت چشممه به کار می‌رود. فشار صحیح در یک میدان فشاری است که از سرعتهایی که در معادله پیوستگی صدق می‌کند ناشی شده است. با توجه به اینکه معادله مستقلی برای فشار وجود ندارد، لازم است با استفاده از معادله پیوستگی معادله‌ای برای تصحیح فشار به دست آوریم. برای فائق آمدن بر این مشکل می‌توان تصور کرد که سرعت در دو مرحله به مقدار نهایی خود می‌رسد. در مرحله اول با حل معادلات متمم یک سری سرعت میانی به دست می‌آید و در مرحله دوم با استفاده از سرعتهای مرحله میانی و به کار بردن معادله پیوستگی، یک معادله پوآسنی برای تصحیح فشار به دست می‌آید که با حل این معادله، فشار تصحیح شده و سرعتهای به دست آمده نیز در معادله پیوستگی صدق می‌کند. این روش دو مرحله‌ای موجب درگیر شدن فشار و سرعت می‌شود. برای توضیحات بیشتر به مرجع [۱۲] مراجعه شود.

۴- روش حل عددی

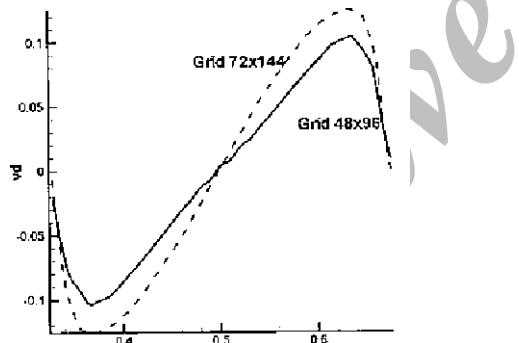
در این روش عددی معادلات حاکم در فضای مورد نیاز انتگرال گیری می‌شوند. مرحله اول انتخاب یک شبکه محاسباتی مناسب است که در آن بتوان کلیه متغیرها را محاسبه کرد. در یک میدان جریان دو بعدی نیاز به محاسبه دو مؤلفه سرعت و یک فشار در هر نقطه است. به طور سنتی برای جلوگیری از نوسانات فشار از شبکه متناوب استفاده می‌شده است. شبکه متناوب دارای سه شبکه جدا بوده که از نظر مکانی تداخل دارند و نقطه‌هایی که در آن سرعتها و فشار محاسبه می‌شود متفاوت است. به طوری که فشار در مرکز سلول و مؤلفه سرعتها در



شکل ۱- مقایسه تغییر شکل قطره در دو شبکه ۷۲x۱۴۴ و ۴۸x۹۶



شکل ۲- مؤلفه سرعت قطره در جهت x در مقطع x=0.75



شکل ۳- مؤلفه سرعت قطره در جهت y در مقطع x=0.75

مورد بحث قرار گرفته است [۱۴]. در شکل (۱) تغییر شکل قطره برای $We=8$, $Re_l=200$, $Re_g=20$ و $\gamma=400$ در زمان بدون بعد $t=0/25$ در دو شبکه 96×48 و 144×72 نشان داده شده است. همچنین شکل (۲) تغییرات مؤلفه سرعت نسیی داخل قطره در جهت x در مقطع x=0.75 و شکل (۳) تغییرات مؤلفه سرعت قطره در جهت y در همان مقطع را نسبت به y در زمان $t=0.25$ در دو شبکه فوق نشان می‌دهد. می‌بینم که با نصف کردن Δx مقایسه شکل با یک نتیجه تجربی در مقاله قبلی نویسندهای

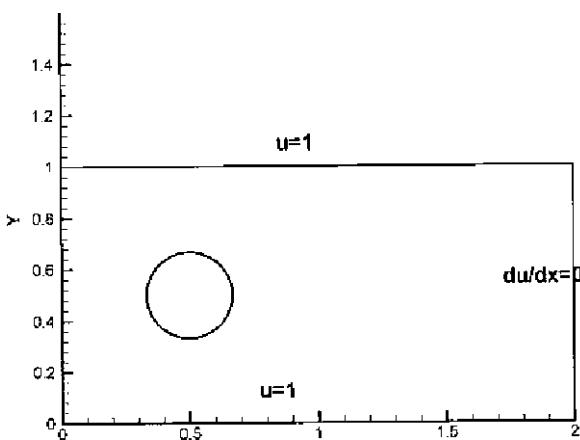
توجه خاصی مبذول داشت. به منظور به دست آوردن حل دقیق و بدون نوسان در سالهای اخیر روش‌های متعددی ارائه شده است. یکی از این روشها، روش دوگانه (هیبرید) است که در این روش نقاط با عدد رینولدز سلولی کوچکتر از دو با استفاده از روش اختلاف مرکزی گستته شده و برای اعداد رینولدز سلولی بزرگتر از دو از روش رو به باد (آپویند) استفاده شده است. این روش برای جریانهایی که در آنها عبارت پخش غالب است نتایج خوبی نداشته است. در اینجا با استفاده از روش رو به باد با دقت درجه دوم که در یک میدان دوبعدی شش نقطه را در بر گرفته و به روش QUICK مشهور است می‌تواند کارساز باشد [۱۲].

۵- روش جداسازی میدان گاز و مایع

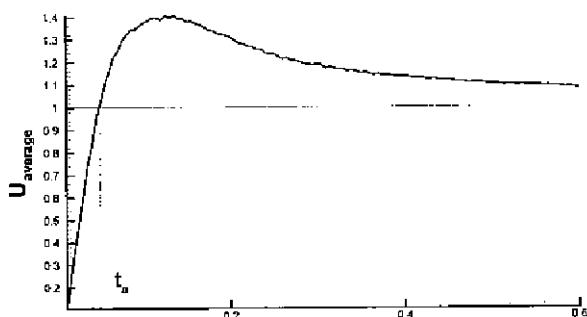
به منظور جداسازی میدان جریان گاز و مایع، روش مناسبی از پیگیری حجمی به نام FLAIR که توسط اشگریز و پو [۱۰] ارائه شده به کار رفته است. در اینجا متغیر F در کل میدان تعريف شده است تا میدان جریان و تغییر شکل قطره را نشان دهد. مقدار پارامتر F از صفر برای سلولهایی که از گاز پر هستند تا یک برای سلولهایی که از مایع پر هستند متغیر است و شکل قطره توسط ماتریس F که در کل میدان تعريف شده است مشخص می‌شود. تغییر مقادیر F بزرگتر از صفر نسبت به زمان، به علت سرعت سلولهای مایع بوده که تغییر شکل قطره را مشخص می‌سازد. تمام حالت‌های ممکن برای شب سطح مایع در دو سلول مجاور و همچنین روش انتقال مقادیر F از یک سلول به سایر سلولها در مقاله اشگریز و پو آمده است. روش به کار رفته در مقاله مذکور به شکل بسیار دقیق‌تری از روش رسمی حجم سیال (VOF) مرسوم است که تغییر شکل سیال را توسعه معادله $\frac{\partial F}{\partial t} + \vec{V} \cdot \nabla F = 0$ نشان می‌دهد.

۶- نتایج و بحث

عدم وابستگی تغییر شکل قطره به اندازه شبکه و همچنین مقایسه تغییر شکل با یک نتیجه تجربی در مقاله قبلی نویسندهای



شکل ۴- میدان جریان و شرایط مرزی



شکل ۵- سرعت متوسط قطره نسبت به زمان برای

$$Re_g = 20, Re_l = 200, We = 8, \zeta = 400.$$

افزایش سرعت متوسط، بسته شدن میدان در زمانهای اولیه به علت وجود قطره ساکن است که با توجه به تراکم ناپذیر بودن میدان جریان، قطره مجبور به افزایش سرعت خواهد شد تا بتواند سکون اولیه خود را جبران کند.

شکلهای (۶-الف) و (۶-ب) میدان جریان سرعت را در داخل و خارج قطره در زمان پدون بعد $t_a = 0.05$ و $t_b = 0.1$ برای حالت $Re_g = 20, Re_l = 200, We = 8, \zeta = 400$ نشان می‌دهند، در این شکلهای مرز قطره با خطوط پر نشان داده شده است. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود، با توجه به اینکه از یک مبدأ مختصات ساکن در خارج میدان جریان استفاده شده است، میدان سرعت در داخل قطره هیچ گونه گردابهای ندارد. در صورتی که به میدان جریان داخل قطره از مبدأ مختصات متحرک بر روی قطره نگاه کنیم، شکل متفاوتی خواهیم یافت. برای مشاهده این شکل، سرعت متوسط قطره را از سرعتهای هر نقطه میدان

Δy و یا افزایش Δy ٪ شبکه سرعتها تقریباً 10% تغییر می‌کند که نشان دهنده عدم وابستگی نتایج به اندازه شبکه و صحبت نتایج عددی است. شبکه‌ای که در این محاسبات به کار رفته است شبکه‌ای 120×60 است که سلولهای یکنواخت مربعی دارد. زمان مورد نیاز برای اجرای برنامه بر روی رایانه پنتیوم ۲۰۰ تا زمان بی بعد نهایی $t_a = 0.05$ برابر $1/5$ ساعت است.

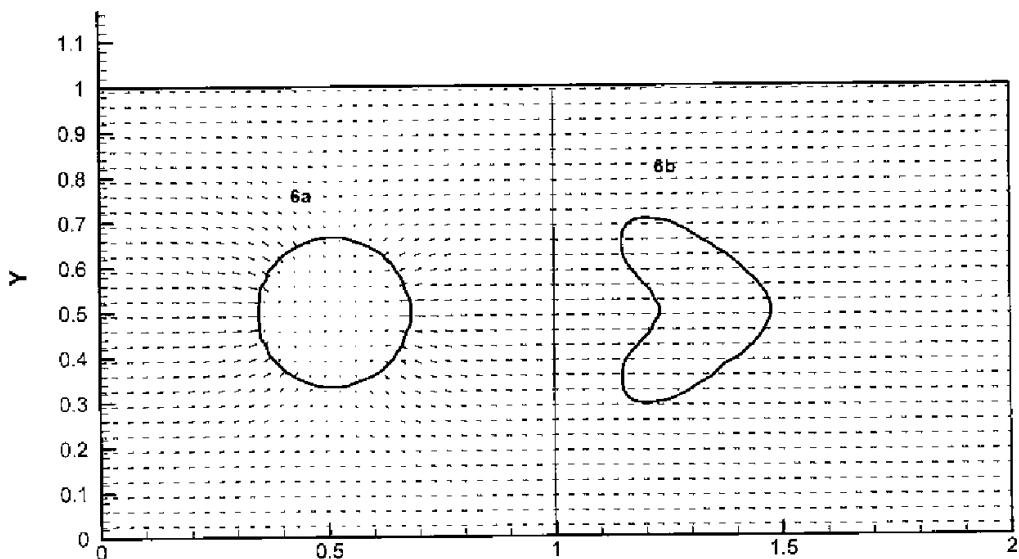
شکل (۴) میدان جریان و شرایط مرزی را نشان می‌دهد. همان‌گونه که مشاهده می‌شود میدان جریان یک کانال به ارتفاع واحد و طول دو است. سرعت ورودی گاز یکنواخت و برابر با یک و مشتق سرعت خروجی در جهت جریان برابر صفر قرار داده شده است. سرعت در بالا و پایین کانال نیز برابر واحد در نظر گرفته شده است تا کمترین اثر را بر جریان اطراف قطره داشته باشد. محدوده اعداد بی بعد که در این مقاله مورد محاسبه قرار گرفته است عبارت است از

$$1 \leq Re_g \leq 20, 5 \leq Re_l \leq 200, 8 \leq We \leq 32, \zeta = 400$$

در اینجا دو حالت فیزیکی خاص مورد بررسی قرار می‌گیرد. اول حالتی که قطره در ابتدا ساکن است و به علت جریان گاز اطراف به حرکت در آمده و علاوه بر تغییر شکل، جریانی در داخل آن ایجاد می‌شود. پس از موقعیت گذرای اولیه سرعت قطره به سرعت گاز اطراف رسیده و با همان سرعت در جهت حرکت گاز حرکت می‌کند. این حالت، قطره همراه جریان نامیده می‌شود. شکل (۵) سرعت متوسط قطره همراه جریان را برای $Re_g = 200, Re_l = 200, We = 8, \zeta = 400$ نسبت به زمان نشان می‌دهد. این سرعت متوسط به صورت

$$U_{avrage} = \frac{\sum \sum u_{ij} * F_{ij}}{\sum \sum F_{ij}}$$

تعریف شده است. در اینجا U_{avrage} سرعت متوسط قطره، u_{ij} سرعت سلولها و F_{ij} کسری از سلول است که به وسیله مایع پر شده است. همان‌گونه که در شکل (۵) مشاهده می‌شود قطره در ابتدا ساکن است و سپس سرعت متوسط آن در زمانهای اولیه تا زمان $t_a = 0.05$ به صورت خطی افزایش می‌یابد. سپس سرعت آن از سرعت ورودی گاز نیز بیشتر می‌شود. علت این

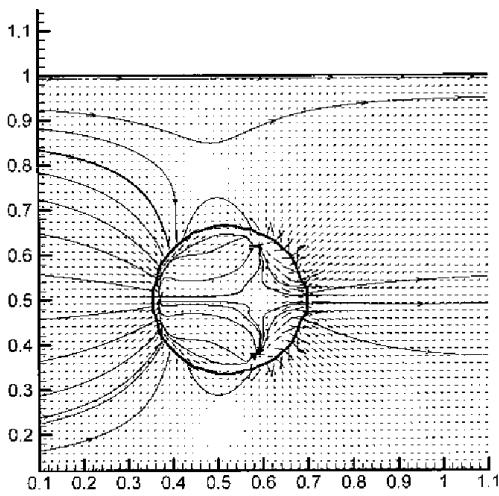


شکل ۶ - سرعتهای داخل و خارج قطره در زمانهای $t=0.02$ و $t=0.6$ از دید ناظر ساکن

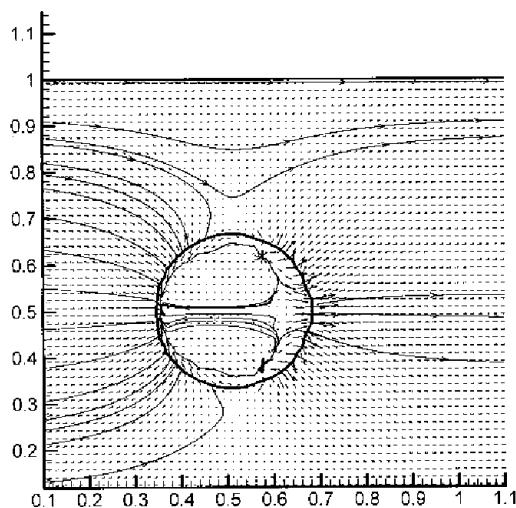
عدد ویر می‌پردازیم. مقایسه شکل‌های (۹) تا (۱۲) با شکل‌های (۱۴) تا (۱۷) که میدان جریان داخل قطره را در زمانها $0/05$, $0/15$, $0/3$, $0/6$ و $0/10$ با $Re_l=200$, $Re_g=20$ و $Re_g=400$ نشان می‌دهد و تنها عدد ویر شکل‌های اول برابر ۸ و شکل‌های دوم برابر ۳۲ است. به وضوح مشاهده می‌شود که میدان جریان در زمانهای اولیه در دو قطره کاملاً یکسان است لیکن در زمانهای بعدی در داخل قطره با ویر ۳۲ چرخش داخلی ایجاد نمی‌شود. علت عدم تشکیل گردابه را می‌توان در تغییر شکل قطره دانست. با توجه به اینکه قطره با $We=32$ در زمان $0/6$ تغییر شکل زیادتری از همان قطره با $We=8$ دارد لذا این تغییر شکل موجب جلوگیری از چرخش داخل قطره خواهد شد. از طرف دیگر همان گونه که در شکل (۱۳) دیده می‌شود ماکریزم سرعت متوسط در قطره با عدد ویر ۳۲ برابر با $1/32$ است و این ماکریزم سرعت در زمان $0/11$ اتفاق افتاده است، در حالی که شکل (۵) که سرعت متوسط قطره با ویر ۸ را نشان می‌دهد سرعت $1/32$ در زمان $0/8$ اتفاق افتاده است و این نشان می‌دهد که شتاب قطره با ویر ۸ حدود $37/5$ درصد بیشتر است. بنابراین می‌توان یکی از دلایل بیشتر شدن چرخش در قطره با ویر ۸ را وجود تنش برشی بیشتر ناشی از اختلاف سرعت قطره نسبت به گاز اطراف دانست. ماکریزم عرض قطره در ویر $8/4$ و در ویر $32/37$ دانست.

جریان کسر می‌کنیم. شکل‌های (۷) تا (۱۲) میدان جریان در داخل قطره فوق، از دید ناظری که با سرعت متوسط قطره در حال حرکت است را نشان می‌دهد. همان گونه که مشاهده می‌شود، در زمانهای اولیه یعنی از زمان صفر تا t_a که در آن سرعت متوسط قطره به سرعت واحد می‌رسد، چرخش قابل توجهی در داخل قطره مشاهده نمی‌شود. در این زمانها فشار و تنش عمودی علت اصلی حرکت قطره است و تنش برشی بر روی سطح قطره ناچیز است. خطوط جریان که به سطح قطره منتهی می‌شوند، میین وجود تنش عمودی بر سطح قطره‌اند. پس از زمان t_a سرعت قطره از سرعت گازهای اطراف بیشتر شده و تنش برشی بر سطح قطره شروع می‌شود. شکل‌های (۱۰) تا (۱۲) نشان‌دهنده سرعتهای داخل قطره در زمانهای $0/15$, $0/3$, $0/6$ و $0/10$ از آنجا که با توجه به شکل (۵) در این زمانها سرعت قطره از سرعت گاز اطراف بیشتر است یک جریان چرخشی در جهت عکس عقریه‌های ساعت در داخل قطره مشاهده می‌شود. اگر چه بردارهای سرعت در شکل (۱۲) از نظر مقداری کوچک است لیکن هنوز در داخل قطره چرخش وجود دارد، که این چرخش در حال میرا شدن است. عامل میرایی همان لزجت مایع است.

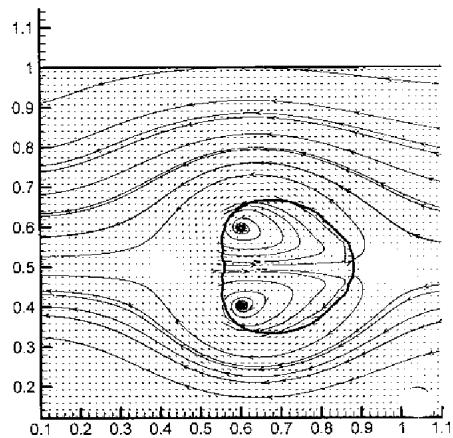
برای مطالعه اثرات کشش سطحی ابتدا به مطالعه تغییرات



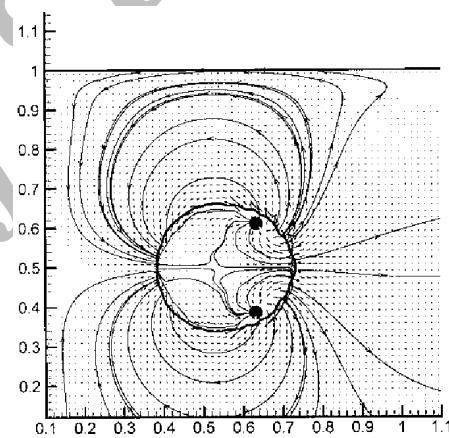
شکل ۸ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.05$ برای
 $Re_l=200$ و $Re_g=20$ ، $We=8$ ، $\zeta=400$



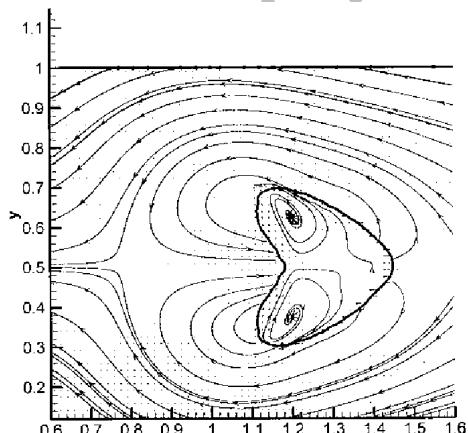
شکل ۷ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.005$ برای
 $Re_l=200$ و $Re_g=20$ ، $We=8$ ، $\zeta=400$



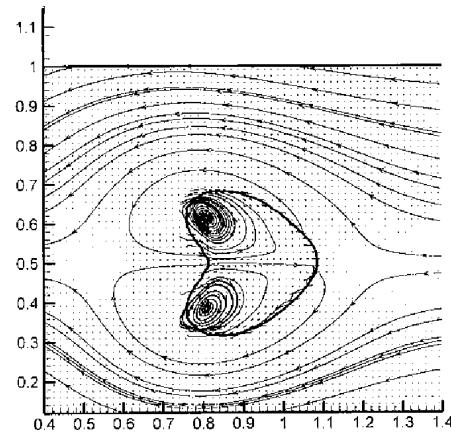
شکل ۱۰ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.15$ برای
 $Re_l=200$ و $Re_g=20$ ، $We=8$ ، $\zeta=400$



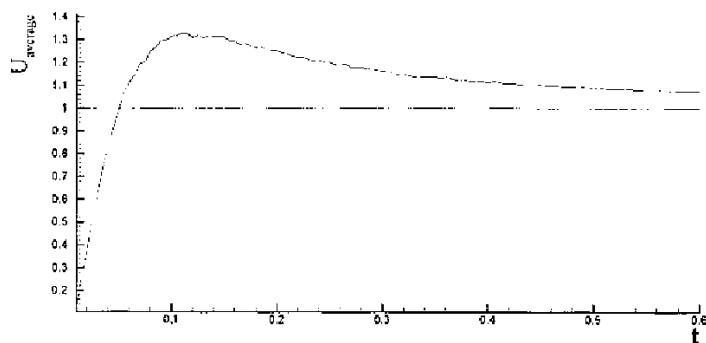
شکل ۹ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.1$ برای
 $Re_l=200$ و $Re_g=20$ ، $We=8$ ، $\zeta=400$



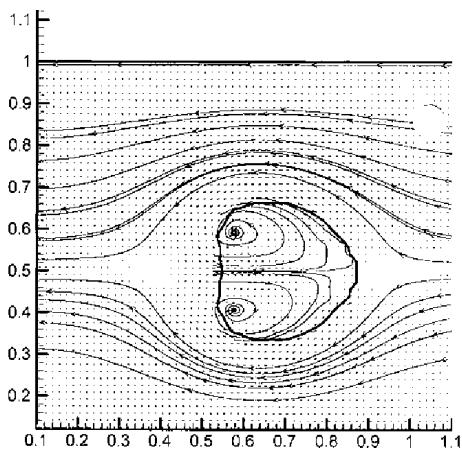
شکل ۱۲ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.6$ برای
 $Re_l=200$ و $Re_g=20$ ، $We=8$ ، $\zeta=400$



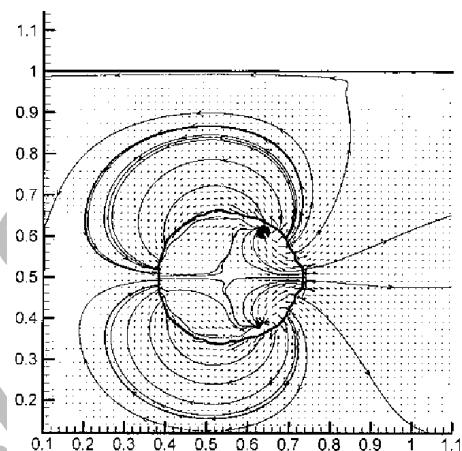
شکل ۱۱ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.3$ برای
 $Re_l=200$ و $Re_g=20$ ، $We=8$ ، $\zeta=400$



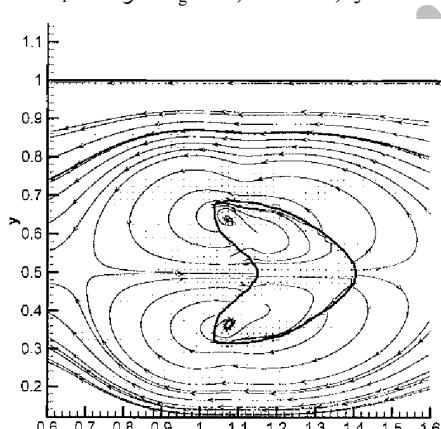
شکل ۱۳ - سرعت متوسط قطره نسبت به زمان $\zeta=400$ و $Re_l=200$. $Re_g=20$ ، $We=32$



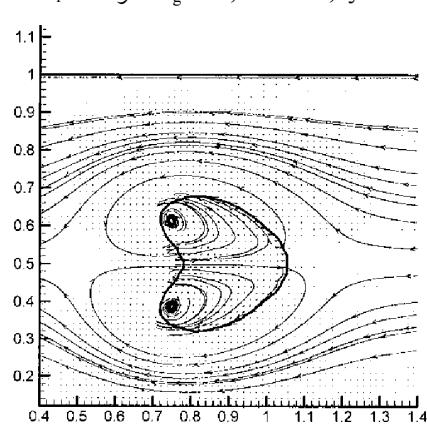
شکل ۱۵ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.15$ برای $Re_l=200$. $Re_g=20$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$



شکل ۱۴ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.05$ برای $Re_l=200$. $Re_g=20$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$



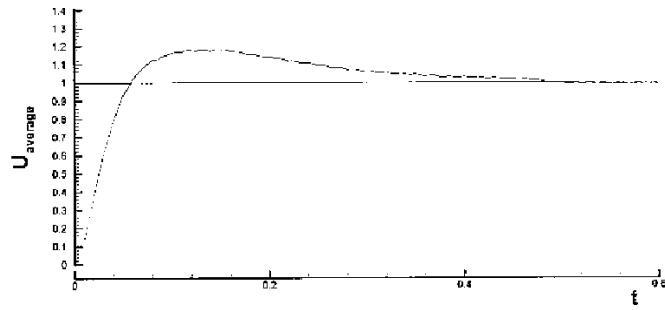
شکل ۱۷ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.6$ برای $Re_l=200$. $Re_g=20$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$



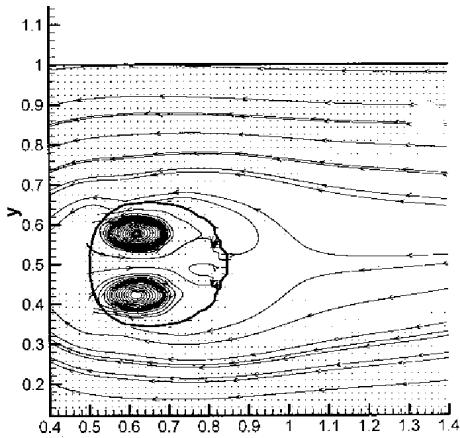
شکل ۱۶ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.3$ برای $Re_l=200$. $Re_g=20$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$

برای بررسی اثر رینولدز گاز در جریان داخلی قطره دو نوع جریان با اعداد بی بعد یکسان $Re_l=200$ و $We=8$ ، $Re_l=200$ و $\zeta=400$ مقایسه می شوند. شکلهای (۱۹)، (۲۰) و (۲۲) جریان داخل قطره با $Re_g=1$ در زمانهای $0/05$ ، $0/15$ و $0/3$ و شکلهای (۹)،

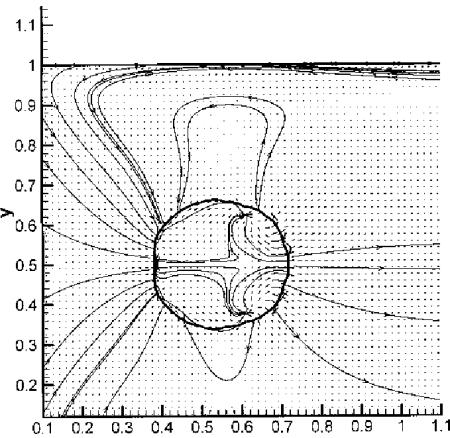
است بنابراین قطره با ویر ۸ موجب بسته شدن بیشتر مسیر شده و موجب شده است که ماکریم سرعت در شکل (۵) برابر $1/4$ باشد در حالی که ماکریم سرعت در شکل (۱۳) برابر $1/32$ است.



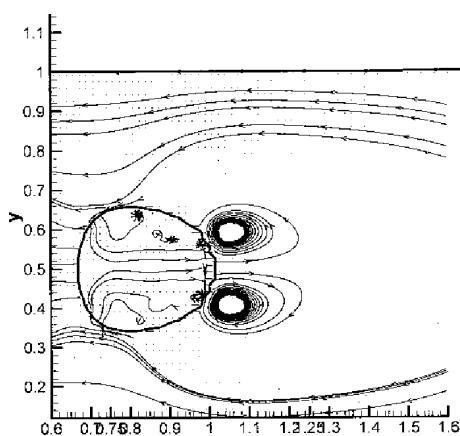
شکل ۱۸ - سرعت متوسط قطره نسبت به زمان $t=0.05$ برای $Re_l=200$ و $Re_g=1$ ، $We=32$ و $\zeta=400$



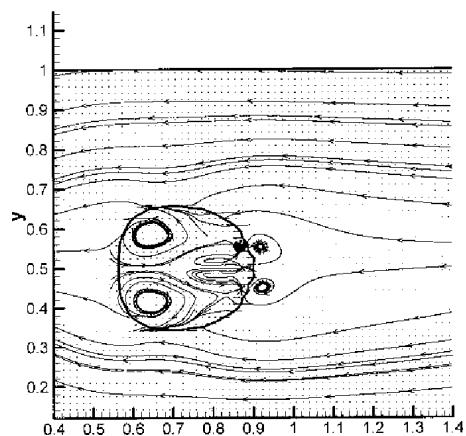
شکل ۲۰ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.15$ برای $Re_l=200$ و $Re_g=1$ ، $We=32$ و $\zeta=400$



شکل ۱۹ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.05$ برای $Re_l=200$ و $Re_g=1$ ، $We=32$ و $\zeta=400$



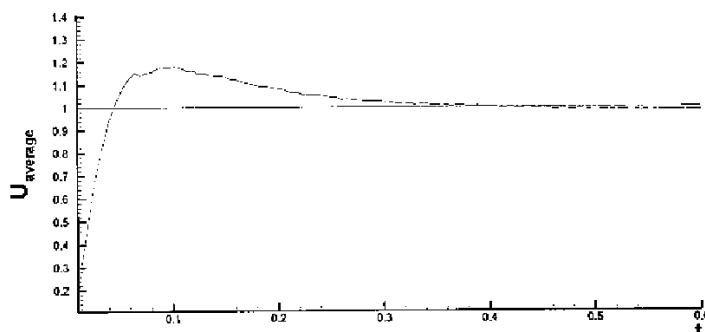
شکل ۲۲ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.6$ برای $Re_l=200$ و $Re_g=1$ ، $We=32$ و $\zeta=400$



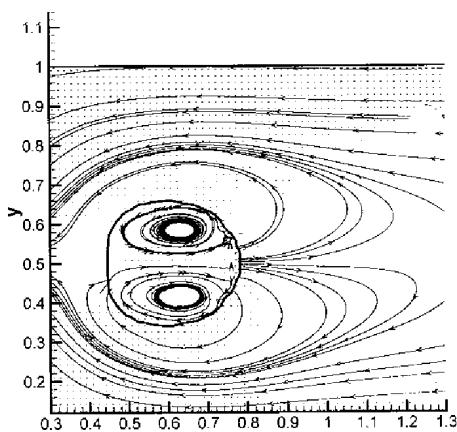
شکل ۲۱ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.3$ برای $Re_l=200$ و $Re_g=1$ ، $We=32$ و $\zeta=400$

چرخش داخل قطره زیاد است. با توجه به شکل (۱۸) به علت بالا بودن لزجت گاز اختلاف سرعت بین گاز و قطره سریعاً کم شده و به محض کم شدن این اختلاف سرعت تنش روی سطح قطره کم شده و چرخش داخلی قطره متوقف می‌شود.

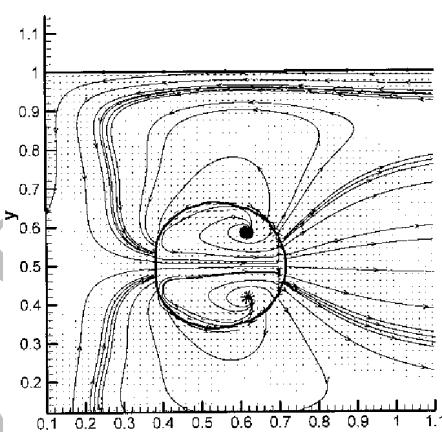
(۱۰) و (۱۱) برای $Re_g=20$ را در همان زمانها نشان می‌دهد. تنش برشی لزج بر روی سطح قطره در $Re_g=1$ به مراتب بزرگتر از تنش برشی لزج در $Re_g=20$ است. از طرف دیگر در شکلهای مربوط به $Re_g=1$ تغییر شکل کم بوده و بنا بر این



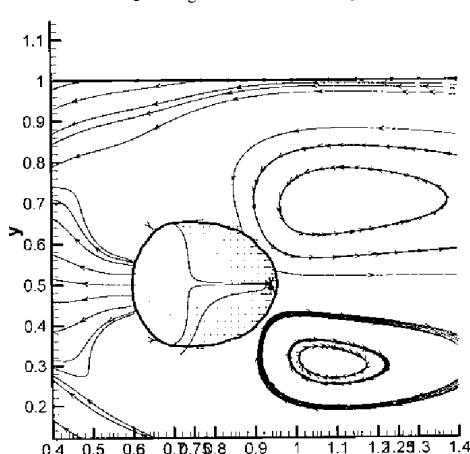
شکل ۲۳ - سرعت متوسط قطره نسبت به زمان $t=0.05$ ، $Re_l=200$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$ و



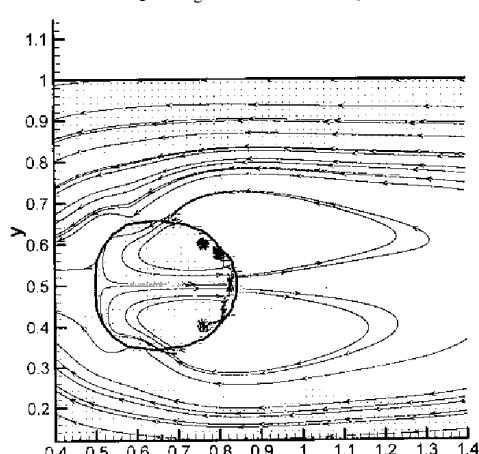
شکل ۲۵ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.15$ برای $Re_l=5$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$



شکل ۲۴ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.05$ برای $Re_l=5$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$



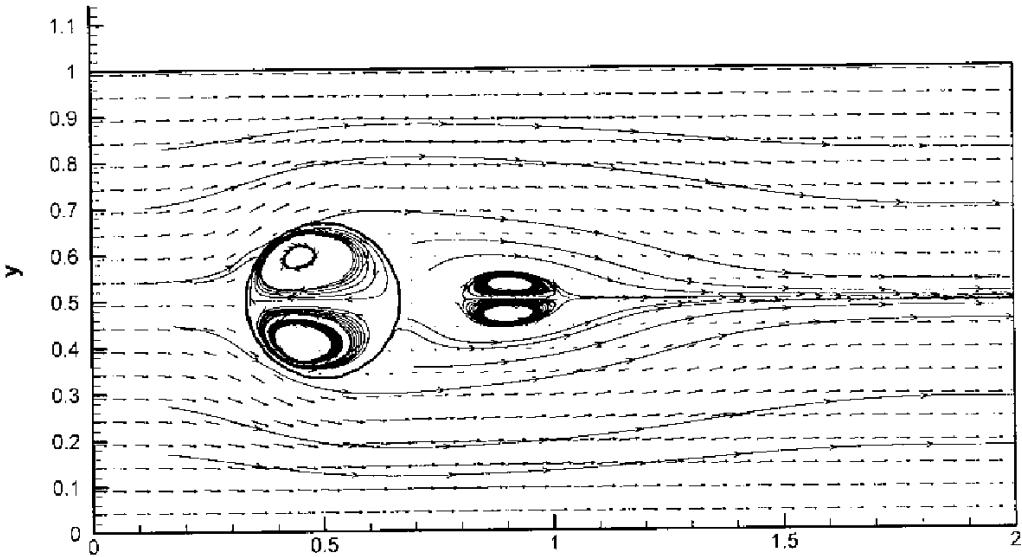
شکل ۲۷ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.6$ برای $Re_l=5$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$



شکل ۲۶ - میدان جریان در داخل و خارج قطره در $t=0.3$ برای $Re_l=5$ ، $We=32$ ، $\zeta=400$

رینولدز مایع تنها چرخش در داخل قطره در حدود زمان $0/05$ تا $0/1$ به وجود آمده و سپس به زودی از بین می‌رود، به طوری که چرخش در زمان $0/15$ در شکل (۲۶) به طور کامل از بین رفته است. مقایسه شکل‌های (۲۳) و (۱۸) نشان می‌دهد که

شکل‌های (۲۴) تا (۲۷) جریان داخلی برای حالت $Re_g=1$ ، $We=8$ و $\zeta=400$ در زمان‌های $0/05$ ، $0/1$ و $0/15$ را نشان می‌دهند. مقایسه این شکل‌ها با شکل‌های (۱۹) و (۲۰) که در آنها $Re_l=200$ است نشان می‌دهد که با کم شدن عدد



شکل ۲۸ - میدان جریان در داخل و خارج قطره مقابله جریان $\zeta=187.5$ ، $We=8$ ، $Re_g=33$ و $Re_l=167$

۷- نتیجه‌گیری

این مقاله به تحلیل جریان دو فازی قطره و گاز اطراف می‌پرداز و دو نوع جریان را مشخص می‌کند. اول قطره همراه جریان، که عامل حرکت گازهای اطراف قطره است. دوم قطره مقابله جریان که عامل حرکت نیروی حجمی مانند نیروی نقل است. در این مقاله نشان داده شده است که در ابتدای جریان گاز از روی قطره ساکن فشار و تشاهای عمودی عامل حرکت قطره شده به طوری که تنها اختلاف سرعت از بین رفته بلکه موجب افزایش سرعت قطره به مقادیری بیشتر از سرعت گاز ورودی خواهد شد. این افزایش سرعت متوسط قطره موجب چرخش داخلی قطره می‌شود. عامل اصلی چرخش در داخل قطره وجود تنش برشی که خود ناشی از اختلاف سرعت ثانویه قطره با جریان اطراف است، خواهد بود. لزجت و تعییر شکل قطره، عوامل مؤثر در میرایی چرخش در داخل قطره است. اختلاف سرعت با توجه به وجود لزجت پس از زمانی از بین رفته و چرخش نیز از بین خواهد رفت. با کم شدن عدد رینولدز گاز و مایع نیروی لزجت زیاد شده و چرخش با سرعت بیشتری میرا خواهد شد. از طرف دیگر با افزایش عدد و بر تعییر شکل افزایش یافته و چرخش داخل قطره را از بین می‌برد. در قطره مقابله جریان که نیروی برشی مداوم بر روی

سرعت متوسط قطره با $Re_l=5$ در زمان $0/45$ به سرعت واحد می‌رسد در حالی که این سرعت برای قطره با $Re_l=200$ در زمان $0/0585$ اتفاق می‌افتد. بنابراین شتاب قطره با لزجت مایع بیشتر یعنی شکل (۲۳) حدود 30% بیشتر است. از طرف دیگر سرعت متوسط قطره با $Re_l=5$ پس از زمان $0/45$ با سرعت گازهای اطراف یکی شده و نشان دهنده این است که با افزایش لزجت مایع ضریب درگ قطره افزایش یافته و به این صورت هر اختلاف سریعاً میرا شده و چرخش داخلی نیز بالتبع حذف خواهد شد.

دومین حالت فیزیکی به قطرهای است که به علت یک نیروی حجمی نظیر نیروی نقل در مقابل گاز اطراف مقاومت کرده و دارای سرعت حدی غیر صفر است. در این حالت از نظر ناظری که بر روی سطح قطره نشسته است، مؤلفه عمودی سرعت در سطح قطره برابر صفر است. شکل (۲۸) یک قطره مقابله جریان را با $Re_l=167$ ، $We=8$ ، $Re_g=33$ و $\zeta=187.5$ نشان می‌دهد. همان گونه که دیده می‌شود چرخش شدیدی در داخل قطره به وجود آمده است. به علت حرکت چرخشی سطح قطره، مکان جدایش جریان گاز از سطح قطره به عقب کشیده شده است. به طوری که گردابهای پشت قطره کاملاً به طرف جلو رانده شده است.

اختیار گذاشتن کد FLAIR و همچنین راهنماییهای ارزنده ایشان اعلام می‌کنند. همچنین نویسنده اول از معاونت پژوهشی دانشگاه تهران به خاطر در اختیار گذاشتن امکانات مالی تشکر می‌نماید.

سطح قطره اعمال می‌شود، گردابه کاملاً بزرگی ایجاد خواهد شد به طور که میدان جریان گاز اطراف را نیز متاثر کرده و نقطه جدایش کاملاً به تعویق می‌افتد.

قدرتانی

نویسنده‌گان مقاله مراتب تشکر و سپاس خود را از جناب آقای دکتر اشکریز استاد دانشگاه ایالتی نیویورک به خاطر در

واژه نامه

1. time accurate 2. Eotvos 3. Boussinesq

مراجع

1. Clift, R., Grace, J. R., and Weber, M. E., *Bubbles, Drops, and Particles*, Academic Press, New York, 1978.
2. Bond, W. N., and Newton. D. A., "Bubbles, Drops, and Stokes' Law," *Philosophical Magazine and Journal of Science*, Vol. 5, series 7, pp. 794-800, March 1928.
3. Garner, F. H., and Hammerton, D., "Circulation Inside Gas Bubbles," *Chemical Engineering Science*, Vol. 3, No. 1, pp. 1-11, 1954.
4. Garner, F. H., and Haycock, P. J., "Circulation in Liquid Drops," Proceeding of Royal Society of London, series A, Vol. 252, pp. 457-475, 1959.
5. Garner, F. H., and Skelland, A. H. P., "Some Factors Affecting Droplet Behavior in Liuid-Liquid System," *Chemical Engineering Sciences*, Vol. 4, No. 4, pp. 149-158, 1955.
6. Linton, M., and Sutherland K. L., "Dynamic Surface Forces, Drop Circulation, and Liquid-Liquid Mass Transfer," Proceeding of the 2nd International Congress on Surface Activity, Vol. 1, pp. 494-502, 1957.
7. Harper, J. F., Moore, D. W., and Pearson, J. R. A., "The Effect of the Variation of Surface Tension with Temperature on the Motion of Bubbles and Drops," *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 27, part 2, pp. 361-366, 1967.
8. Kenning, D. B. R., "The Effect of Surface Energy Variations on the Motion of Bubbles and Drops," *Chemical Engineering Sciences*, Vol. 24, No. 8, pp. 1385-1386, 1969.
9. Levich, V. G., *Physiochemical Hydrodynamics*, translated by Scripta Technica, inc. [2d ed.] Englewood Cliffs, N. J., Prentice-Hall, 1962,
10. Ashgriz, N., and Poo, J. Y., "FLAIR: Flux Line Segment Model for Advection and Interface Reconstruction," *Journal of Computational Physics*, Vol. 93, No. 2, p. 449, 1991.
11. Rhee, M., and Chow, W. L., "Numerical Study of the Trubulent Flow Passed an Airfoil with Trailing Edge Separation," *AIAA Journal*, Vol. 21, No. 11, p. 19, 1983.
12. Leonard, B. P., "The QUICK Algorithm: A Uniformly Third-order Finite Difference Method for Highly Convective Flows," *Computational Methods in Applied Mechanical Engineering*, Vol. 19, p. 59, 1979.
13. Farshchi, M., Rahimian, M. H., and Ashgriz, N., "Chemically Reacting Liquid Droplet Flow Field Calculation," *Transport Phenomena in Combustion*, Edited by S. H. Chan, Vol. 1, pp. 872-878, Taylor & Francis, 1995.
14. Farshchi, M., and Rahimian, M. H., "Unsteady Deformation and Internal Circulation of a Liquid Drop in a Zero Gravity Uniform Flow," *Journal of Fluid Eng.* Vol. 121, No. 3, p. 665, 1999.