

تحلیل تنشهای ایستا، پویا و فرکانسهای طبیعی Archive of SID و خرابی در بدنه دوچرخه های فلزی و کامپوریتی با استفاده از روش اجزای محدود

The Analysis of Static and Dynamic Stresses, Natural Frequencies and Failure of Composite and Metallic Bicycles Frame by Using Finite Element Method

سید محمد رضا خلیلی*، حسین نظری

تهران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، دانشگاه مهندسی مکانیک، صندوق پستی ۱۶۷۹۵/۳۲۸۱

دریافت: ۱۱/۰۷/۰۷ پذیرش: ۰۷/۰۷/۲۰

چکیده

در این مقاله، تنشهای ایستا و پویا در بدنه دوچرخه های فلزی و کامپوریتی با استفاده از روش اجزای محدود و نرم افزار NISA II بررسی شده است. با کمک این نرم افزار، مدل آنژلی بدنه های فولادی و کامپوریتی انجم شده و بارگذاری مطلق با چهار وضعیت ایستا و سه وضعیت پویای تکنرا در نظر گرفته شده است. بواسطه انتخاب مناسب مواد فلزی و کامپوریتی، شکل هندسی و لایه چینی کامپوزیت تنشهای دست آمده در بدنه فولادی و هر لایه از بدنه کامپوزیت کمتر از تنش مجاز نهاده. همچنین، بررسی حد اکثر جایه حاییها نشان می دهد که بدنه کامپوزیتی دارای جایه جایی عارج از صفحه ای کمتری نسبت به بدنه فولادی است و در نتیجه، انرژی کمتری را در خود ذخیره می کند. بررسی شکل شیوه های مختلف فرکانسهای طبیعی برای هر دو بدنه نشان می دهد که بدنه کامپوزیتی پایداری بهتری را در شیوه های مختلف نشان می دهد. با استفاده از چگالی هسته های مرکزی متعدد در بدنه های کامپوزیتی، بهبود خواص ارتعاشی نیز مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج نشان می دهد که با کاهش چگالی هسته مرکزی، خواص ارتعاشی در بدنه کامپوریتی بهبود باشه و فرکانسهای طبیعی در بدنه افزایش می یابند. هر دو بدنه فلزی و کامپوریتی از نظر تنشهای ایستا و پویا درای استحکام و سفتی لازم است، لیکن ویژگی بدنه کامپوزیتی دارای بودن نسبت استحکام به وزن و سفتی به وسیله بیشتر و همچنین، نسبت ضربت اطمینان به وسیله بیشتر در مقایسه با بدنه فلزی است. به علاوه، یکی از چه بودن بدنه کامپوزیتی و آبرودینامیک بودن آن در شرایط سواری، راحتی بیشتری را برای دوچرخه سور فراهم می کند.

واژه های کلیدی: دوچرخه، بدنه فلزی، بدنه کامپوزیت، تنشهای ایستا، تنشهای پویا، فرکانس طبیعی

Key Words: bicycle, metallic frame, composite frame, static stresses, dynamic stresses, natural frequency

موثر تر و دارای بازدهی بیشتر را نمایان می کند. در نتیجه، افزایش

استفاده از مواد سازه ای سبک در ساخت وسایل نقلیه ضرورت دارد

و در این میان استفاده از دوچرخه برای حمل و نقل انسانی راه حل

مناسبی برای کاهش هزینه و آنودگی محیط زیست است. در دنیا

مقدمه مشکلاتی چون هزینه بالای انرژی حمل و نقل و همچنین آلودگی

بیش از اندازه محیط زیست، ضرورت استفاده از وسایل مسافربری

* استاد مکاتب، پادشاهی smr.khalili@gmail.com

دوچرخه سواری را می‌توان به وسیله معادله توان و یک معادله توازن انرژی بیان کرد. شناخت دقیق متغیرها در معادله توان و انرژی به قضاوت درست در هنگام طراحی، ساخت و حتی خرید دوچرخه کمک می‌کند.

معادله توان برای به حرکت درآوردن دوچرخه $P = D \times V$ [۲] است:

$$P = D \times V \quad (1)$$

که در آن P توان (مقاومت ایستای + مقاومت غلتشی + مقاومت آبرودینامیکی)، V سرعت (m/s) و D مجموع نیروهای پاس است.

$$D = M(C_{sr} + C_d) + \frac{1}{2} C_p \rho A V^2 \quad (2)$$

که در آن M وزن دوچرخه سوار و دوچرخه (N)، C_{sr} ضریب ایستای مقاومت غلتشی چرخ، C_d ضریب پویایی مقاومت غلتشی چرخ (S/m)، C_p ضریب نیروی پسای آبرودینامیکی برای دوچرخه، ρ چگالی هوا در دمای معین و ارتفاع مشخص (kg/m³) و A سطح جلو (m²) است.

متغیرهای معادله (1)، یعنی وزن و ضریب نیروی پسای آبرودینامیکی، قابل بهینه سازی اند. انرژی دوچرخه سواری برای فائق آمدن به نیروی پسا و مقاومت غلتشی، سرعت دوچرخه سوار را معین می‌کند. اگر لاستیکهای مناسب و با کیفیت خوب برای دوچرخه انتخاب شود، مقاومت غلتشی چرخ پارامتر بسیار مهمی نیست. وزن دوچرخه در صنعت دوچرخه سازی بسیار با اهمیت و پارامتری شناخته شده است. این پارامتر در سر بالایها نقش خود را نشان می‌دهد. وزن دوچرخه ۱۰ تا ۱۲ درصد کل وزن سواری است (وزن دوچرخه سوار ۸۸ تا ۹۰ درصد کل وزن سواری است) [۳،۴]. وزن تابع خطی انرژی صرف شده است و نیروی پسا تابع مجدد است. در نتیجه، آبرودینامیک بودن بدنه و وزن پایین آن از عوامل بسیار مهم در کاهش انرژی مصرفی دوچرخه سواری است.

وابستگی معادله (1) به نیروی پسا به محدود سرعت برمی‌گردد. این موضوع بسیار اهمیت دارد، چون هر چه دوچرخه سوار سریعتر براند، انرژی بیشتری برای نگه داشتن آن سرعت مورد نیاز است. آبرودینامیک بودن دوچرخه به سطح جلو بستگی دارد. سطح جلو ۸۰ تا ۹۰ درصد توسط دوچرخه سوار بوجود می‌آید و کاهش آن به وسیله وضعیت دوچرخه سوار تامین می‌شود، مانند پشت کشیده و صاف، سر پایین و بازوهای جمع شده. این عوامل را می‌توان ثابت در نظر گرفت و در نتیجه طراح تنها با اصلاح سیستم

کنونی استفاده از مواد پیشرفته سبک به عنوان یک راه حل نهایی و چالش فناوری باید مورد توجه قرار گیرد. مواد کامپوزیت پیشرفته دسته‌ای از مواد جدید با خواص بسیار خوب و سبک‌اند و می‌توانند در بسیاری از کاربردها جایگزین مناسبی برای مواد سنتی و متدائل باشند. با این توصیف، استفاده از این مواد در جهان رو به افزایش است و در اکثر کاربردهای مهندسی از مواردی پیچیده مانند بال هواپیما نا ساده‌تر مانند بدنه قایقهای، این مواد مصرف می‌شوند. هم‌اکنون استفاده از مواد کامپوزیت پیشرفته در ساخت وسایل ورزشی نیز مانند ساخت دوچرخه، قایق ورزشی و راکت تنسی رواج یافته است.

اساس نظری

پارامترهای موثر در طراحی دوچرخه

صنعت دوچرخه‌سازی بیش از یک دهه است که خود را با مواد کامپوزیت پیشرفته ورق داده و این مواد تحول بسیاری در ساخت بدنه‌های دوچرخه ایجاد کرده است. استفاده از این مواد در صنعت دوچرخه سازی باعث تغییراتی در جنس مواد، شکل هندسی و روش‌های ساخت بدنه شده و همین امر به کاهش وزن، سفتی بالا و آبرودینامیک بودن دوچرخه کمک فراوانی کرده است. هم‌اکنون صنایع پیشرفته دوچرخه سازی، پژوهش‌های خود را روی ساخت دوچرخه‌های با بازدهی بالا یعنی دوچرخه‌های مهندسی ساز بهتر قرار داده اند، بدنه هایی که سریعتر می‌روند و عمر کارکرد طولانی دارند. معمولاً، این بدنه‌ها به شکل‌هایی به غیر از لوله ای به صورت یکپارچه ساخته می‌شوند. چون اتصال در بدنه‌های یکپارچه وجود ندارد، ماده اضافی برای اتصال لازم نیست و در نتیجه سازه عاری از وزن اضافی است. هر گرم ماده روی بازدهی نهایی سازه اثر مستقیم می‌گذارد. شکل بدنه و مقاطع آن نیز به وسیله ضرورت‌های مکانیکی بدنه معین می‌شود و محدودیت مواد و فرایند ساخت اثر چندانی در طراحی آنها ندارد. استفاده از تیتانیم در بدنه دوچرخه‌ها باعث انعطاف پذیری زیاد آنها می‌شود، در نتیجه قطر لوله‌های بدنه تیتانیمی برای فراهم کردن سفتی لازم باید افزایش یابد. بدنه دوچرخه‌ها باید طوری طراحی شود که قسمتی از تلاش فیزیکی دوچرخه سوار صرف انعطاف جانبی بدنه نشود. با پدال زدن، دوچرخه سوار می‌خواهد که چرخها بچرخند و دوچرخه به جلو بروند و به صورت جانبی بدنه خم نشود. صنایع دوچرخه سازی برای کاهش وزن دوچرخه از قطعات سبک و برای کاهش نیروی پسای آبرودینامیکی (aerodynamic drag force) از چرخها و دسته‌های آبرودینامیکی استفاده می‌کنند. البته و در نهایت، سفتی بدنه دوچرخه پارامتر بسیار مهمی است [۱].

$$S = N \frac{1}{2} K y^2 \quad (A)$$

که در آن N تعداد دور در یک فاصله خطی معین، K ثابت سفتی بدن و چرخها و لاجابه جایی یا خیز است.

کاهش وزن دوچرخه باعث ^{اصحی}_{از مس} سر بالایی می شود، بطوری که صرف انرژی زیاد توسط دوچرخه سوار ضرورت پیدا نمی کند. انرژی بالا رفتن از تپه یا کوه بستگی به مجموع انرژی جنبشی و پتانسیل و هدر رفتن انرژی مکانیکی دارد. اتفاق انرژی مکانیکی باعث هدر رفتن اساسی در انرژی کل سیستم می شود. انرژی مکانیکی به بازدهی قطعات چرخشی و سازه ای بستگی دارد. قسمتهای سازه ای از بدن و چرخها ساخته شده اند و قسمتهای چرخشی شامل عوامل محركه زنجیر است. اگر قسمتهای سازه ای بیش از حد انعطاف پذیر باشند، دوچرخه سوار انرژی خود را صرف خم کردن این قسمتها می کند. اگر دوچرخه سوار بخواهد قسمتهای بسیار سنگین چرخشی را بچرخاند، باید انرژی بیشتر از آنچه لازم است صرف کند. برای قسمتهای سازه ای، سفت بودن و سبک بودن دو پارامتر متصاد هم اند. داشتن سازه ای که هم سفت باشد و هم سبک مشکل است و باید در طراحی دوچرخه ترکیبی از توازن این دو خاصیت را ایجاد کرد. کاهش وزن یا جرم باعث حفظ انرژی چرخشی می شود. چون گشتاور اینرسی چرخشی تابعی از محدود شعاع است، اگر طوفه ها یا لاستیکها سنگین باشند، انرژی بیشتری برای شتاب دادن به چرخها برای رسیدن به سرعت مطلوب لازم است.

انرژی خمشی، سفتی قسمتهای سازه ای و قابلیت آنها را برای انتقال انرژی جهت به حرکت در آوردن دوچرخه به جلو نشان می دهد. بدن و چرخها از مهمترین عوامل اند. بر اساس معادله (۸) اتفاق انرژی تابع محدود فاصله جایه جایی یا خیز است. چون جایه جایی عمود به جهت حرکت است، در نتیجه این انرژی هدر می رود. این اتفاق انرژی هر بار که پدال می چرخد اتفاق می افتد و مقدار کمی دارد، ولی در مسافت های طولانی مقدار قابل توجهی می شود.

استفاده از مواد کامپوزیت در کنار مزایای فراوان مغایر نیز دارد که در وهله اول می توان به تحلیل و طراحی بسیار مشکل آنها در سازه های پیچیده با پارگذاریهای نامعین مانند بدن دوچرخه در حال حرکت اشاره کرد. در نتیجه تحلیل کامل تش و خرابی در دوچرخه های کامپوزیت از اهمیت ویژه ای برخوردار است. این امر کمک می کند که مناطق با تنفس بالای بدن شناسایی شده و سپس تقویت شوند تا در شرایط معمولی سواری، خراب نگردند.

دوچرخه مواجه است. تغییر کوچکی در کاهش نیروی پسا باعث بهبود قابل توجهی در سیستم دوچرخه در سرعتهای بالا می شود. ساده ترین راه برای بهتر شدن سیستم دوچرخه استفاده از چرخهای با نیروی پسای کم، خصوصا در چرخ جلو است. در نتیجه، پژوهشها اخیر باعث ایجاد چرخهای با پره های نیمه ای شکل، صفحه ای، طوفه ای، چرخهای با پره های سیمی پیش نیده و چرخهای سه با چهار پره کامپوزیت شده است [۲].

سرمهای گذاریهای زیادی در زمینه بدن های متفاوت با انجام آزمایشها تجربی در نوبل باد صورت پذیرفته است، چون آخرين و مهمترین قسمت برای تحلیل آبرودینامیکی و بهینه سازی دوچرخه، بدن است. نتیجه بدست آمده از این پژوهشها نشان می دهد که بدن های خاص آبرودینامیکی یقینا از بدن های متداول استاندارد بهترند. نیروی پسا در این بدن ها با سوار یا بدون آن بمراتب کمتر از بدن های لوله ای است [۱].

معادله انرژی برای یک دوچرخه به صورت زیر ازه می شود [۴، ۲]:

$$E = KE + PE + ME \quad (3)$$

که در آن ME انرژی مکانیکی، PE انرژی پتانسیل، KE انرژی جنبشی و E انرژی کل است و مقادیر آنها به ترتیب از معادله های زیر بدست می آید:

$$KE = \frac{1}{2} m V^2 \quad (4)$$

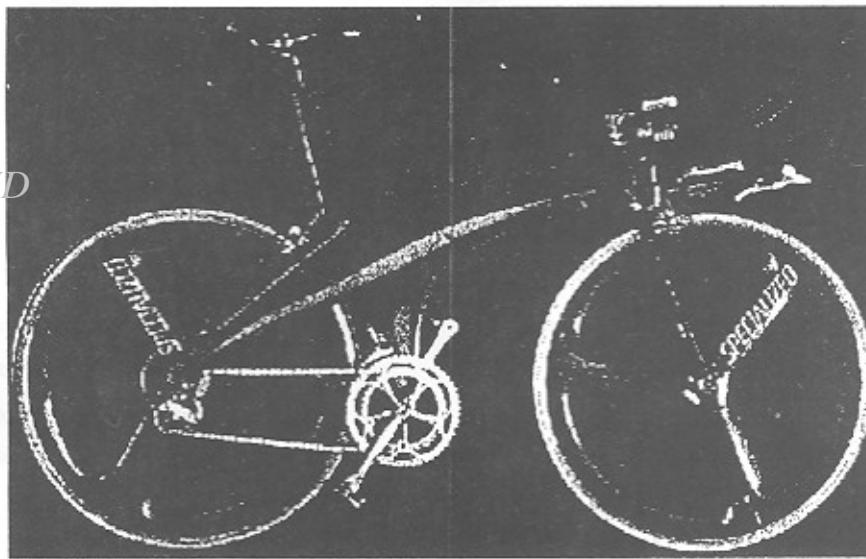
$$PE = mgh \quad (5)$$

که در معادله (۴) m جرم دوچرخه و سوار است، در معادله (۵) g ثابت گرانشی، h ارتفاع بدست آمده در بالا رفتن است. ME انرژی مکانیکی برابر مجموع انرژی غلتشی (R) و انرژی خمشی (S) است که انرژی غلتشی انرژی مورد نیاز برای چرخاندن تمامی قسمتهای چرخشی است و انرژی خمشی انرژی هدر رفته بواسطه خم شجایی در بدن و چرخهای است. R و S به ترتیب از معادله های زیر معین می شود:

$$ME = R + S \quad (6)$$

$$R = \sum \frac{1}{2} I W^2 \quad (7)$$

که در آن I گشتاور اینرسی چرخشی و W سرعت زاویه ای است.



شکل ۱- دوچرخه بدنی یکپارچه کامپوزیت.

یک بدن مناسب دوچرخه برای سواری باید بطور موثر انرژی انسانی را که به پدال و دسته دوچرخه وارد می‌شود به نیروی محركه دوچرخه تبدیل کند، البته با حداقل افت آن در بدن دوچرخه یعنی بدن دوچرخه باید سفتی لازم را دارا باشد. از سویی، معیار مهم کارایی در بدن دوچرخه نرمی صفحه‌ای در بدن دوچرخه است، برای اینکه ناهمواریهای جاده و نیروهایی که از طرف سطح زمین وارد می‌شوند را از بین ببرد و سواری راحتی را ارائه دهد. در طراحی بدن دوچرخه باید ترکیب این شرایط یعنی سفتی با وزن کم و در عین حال عمر خستگی خوب، میرایی ارتعاشی و راحت بودن منظور شود و تنها راه ایده‌آل می‌تواند استفاده از مواد کامپوزیت در بدن دوچرخه باشد. در این پژوهش سعی شده است تا برای تعیین نوع بارگذاری و شرایط مرزی با استفاده از گزارشها و مقالات ارائه شده [۸-۱۰] حالتی بررسی شود که شرایط واقعی و نزدیک به دوچرخه سواری را داشته باشد. بنابراین، در این مقاله به بررسی و تحلیل تنشهای استاتیکی و فرکانسی‌ای طبیعی و خرابی در بدن دوچرخه‌های فلزی و کامپوزیتی پرداخته می‌شود، که بخشی از طرح تحلیل بدن دوچرخه هاست.

تحلیل اجزای محدود و شکل بدن ها تحلیل انجام شده روی بدن ها با استفاده از نرم افزار NISA II صورت گرفته است. این نرم افزار قادر است که سازه های پوسته‌ای (shell)، سازه های صلب (solid) و مواد مرکب (composite) را تحلیل کند. اولین قدم برای تحلیل سازه با استفاده از اجزای محدود انتخاب نوع بدن و ابعاد آن است. در اینجا دو نوع بدن انتخاب شده

برای طراحی مواد کامپوزیت باید از مدلسازی کامپیوتری استفاده کرد و استفاده از روش اجزای محدود برای مدلسازی کامپیوتری راه حل مناسبی برای تحلیل سازه های پیچیده کامپوزیتی است. مواد کامپوزیت غیر همانگردند و معمولاً بدن های کامپوزیتی از ۸ تا ۲۰ لایه الیاف کربن و اپوکسی تشکیل می‌شوند. هر یک از لایه ها راستای خاصی دارد و بر سفتی و استحکام بدن تأثیر زیاد می‌گذارند. با توجه به تغییرات راستای ۱۸ درجه الیاف برای هر لایه، تحلیل بسیار پیچیده می‌شود و برای بررسی خواص مواد متعدد و تحلیل کامپیوتر لازم است [۵]. با استفاده از تابع تنشها و جایه‌جاییهای بدست آمده از تحلیل، طراحی بهینه کامپوزیت قابل دستیابی است. از این اطلاعات برای طراحی بدن دوچرخه موثرتر، که سبک و سفت است؛ استفاده می‌شود. مطالعات محدودی با این روش برای تحلیل و طراحی بدن های فلزی و کامپوزیتی دوچرخه با توجه به بارگذاری ایستا انجام شده است [۱۰-۳۵].

مقایسه طراحی بدن های دوچرخه همواره مشکلاتی را در بردارد، زیرا هر محقق و سازنده از حالتی مختلف بارگذاری و روش های متفاوت آزمایش برای تعیین خصوصیات آنها استفاده می‌کند و ناکنون مطالعات کامل و جامعی روی تحلیل تنش و خرابی دوچرخه های بازدهی زیاد به صورت مناسب و کلایسیک گزارش و ارائه نشده است [۴]. البته، استانداردهای محدودی برای تعیین کارایی بدن دوچرخه وجود دارد، لیکن استانداردها فقط برای اطمینان از اینمی و بدون نقص بودن ساخت بدن مفیدند و در طراحی بدن کاربرد زیادی ندارند.

جدول ۱- شرایط مرزی در بارگذاری چهارم ایستا (U) و R در جدول به ترتیب معرف جایه جایی و چرخش آند).

R_z	R_y	R_x	U_z	U_y	U_x	موقعیت
<i>Archive of SID*</i>		*		*		دو شاخه جلو
*		*	*	*	*	انگشتیهای عقبی چپ
*		*	*	*	*	انگشتیهای عقبی راست

*کمیت مورد نظر ثابت فرض شده است.

پیشرفته مستحکم و ترد در داخل ماتریس پلیمری رفتار سازه کامپوزیت همانند یک ماده ترد است و در صورت شکستن الیاف در کامپوزیت ماده کامپوزیت هم می‌شکند [۱۱]. رفتار هر دو ماده فلزی و کامپوزیتی در محدوده تعریف شده، یعنی برای بدنه فلزی ناقله تسلیم و برای بدنه کامپوزیتی تا نقطه نهایی شکست، ارجاعی خطی در نظر گرفته شده است، که این تقریب برای مواد ذکر شده به صورت تجربی درست است. جنس بدنه فلزی از نوع فولادی و با مشخصات زیر است:

$$\sigma_t = \sigma_c = 280 \text{ MPa} \quad (9)$$

$$\tau = 140 \text{ MPa} \quad (10)$$

$$E = 200 \text{ GPa} \quad (11)$$

$$v = +\frac{1}{3} \quad (12)$$

$$\rho = 7800 \text{ kg/m}^3 \quad (13)$$

که در معادلات بالا σ و τ به ترتیب استحکام نهایی کشی و فشاری، E استحکام برشی، v مدول کشسانی، ρ نسبت پواسون و

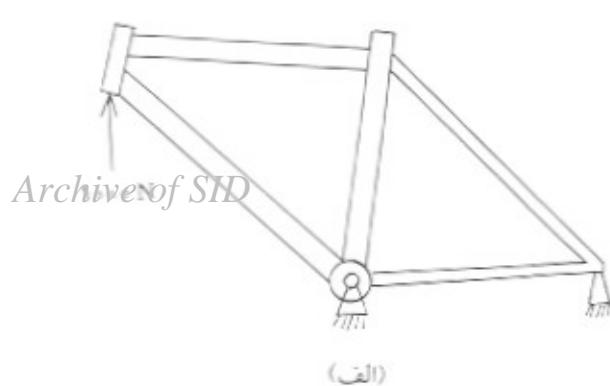
است، اولین بدنه مربوط به بدنه فلزی از نوع منداول دیاموند (Diamond) و دومین بدنه با مواد کامپوزیت معروف به SBF (single bridge frame) است که این مدل را بدنه پیوسته با یکپارچه (monocoque) نیز می‌نامند و طرح آن در شکل ۱ نشان داده شده است. این بدنه با توجه به سادگی ساخت و نداشتن پیچیدگی انتخاب شده و از نظر یازدهی نیز مناسب است [۱۰]. البته، در این مقاله تغییراتی در بدنه اصلی ارائه شده است که به آن اشاره خواهد شد. این بدنه شامل یک هسته مرکزی است که لایه‌های کامپوزیت الیافی روی این هسته قرار می‌گیرند.

برای مدلسازی این بدنه، از اجزای صلب مکعبی برای هسته مرکزی و از اجزای پوسته ای به شکل مثلثی و مربعی برای الیاف و ماتریس استفاده شده است. در بدنه فلزی فقط اجزای پوسته‌ای مثلثی و مربعی برای مدلسازی بکار گرفته شده است. تعداد اجزای مورد استفاده برای بدنه کامپوزیتی ۲۹۳۰ و برای بدنه فلزی ۱۵۲۱ است.

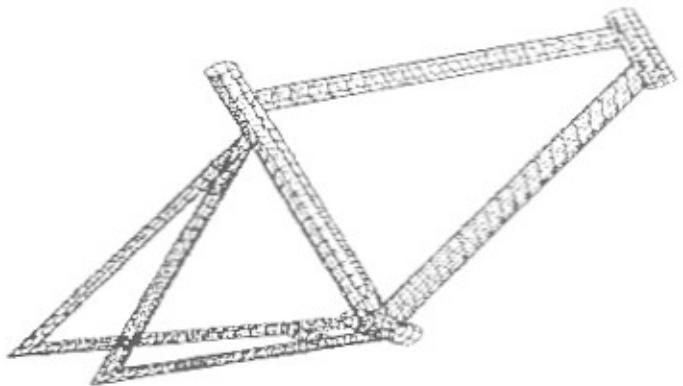
با توجه به اینکه در این پژوهش از مدلهای بدنه‌های صنعتی موجود دوچرخه استفاده شده است و از نظر کاربردی این سازه‌ها باید سفتی، استحکام و همچنین پایداری لازم را در کلیه شرایط سواری دارا باشند، آنها در محدوده ارجاعی و برای مقداری بسیار کوچک کرنش و تغییر شکلها ارزیابی شده‌اند. در نتیجه، معیار طراحی برای بدنه فولادی استحکام تسلیم و برای بدنه کامپوزیتی استحکام نهایی شکست در نظر گرفته می‌شوند. با فرار دادن الیاف

جدول ۲- مقدار تنش در بارگذاریهای دوم ایستا و اول پویا برای بدنه فلزی.

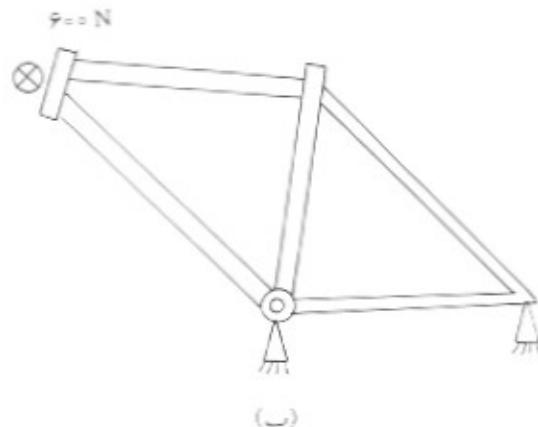
بارگذاری	تشنج		
	کشی ماکسیمم (MPa)	فشاری ماکسیمم (MPa)	کشی ماکسیمم (MPa)
دوم ایستا	۱۰۶/۵	۰/۳۲۷	۲۰۵/۱
اول پویا	۱۸/۵	۰/۲۰	۳۵/۷



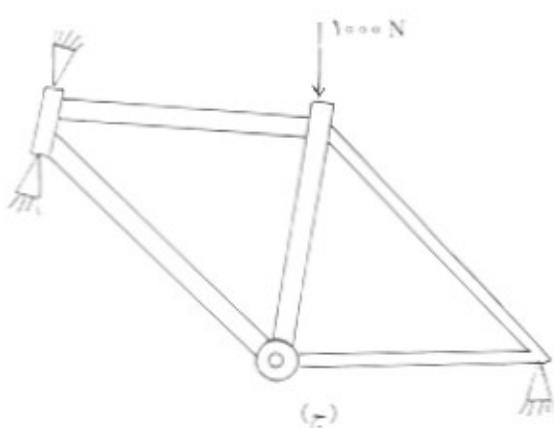
(الف)



شکل ۲- مدلسازی کامپیوتری بدن فلزی به روش اجزای محدود.



(ب)



(ج)

شکل ۴- شرایط مرزی و بارگذاریهای مختلف ایستا برای: (الف)
حالت اول ، (ب) حالت دوم و (ج) حالت سوم.

که در این معادلات σ_{11} و σ_{21} به ترتیب استحکام نهایی کششی در جهت طولی و عرضی الاف، σ_{12} و σ_{22} به ترتیب استحکام نهایی فشاری در جهت طولی و عرضی الاف، E_1 استحکام برشی ماده کامپوزیت در صفحه ۱-۲، E_2 نسبت پواسون در صفحه ۱-۲، G_{12} مدول برشی در صفحه ۱-۲.

$$\sigma_{11} = 1/\lambda \text{ GPa}, \sigma_{21} = -1/\lambda \text{ GPa} \quad (14)$$

$$\sigma_{12} = 1/5\lambda \text{ GPa}, \sigma_{22} = +1/5\lambda \text{ GPa} \quad (15)$$

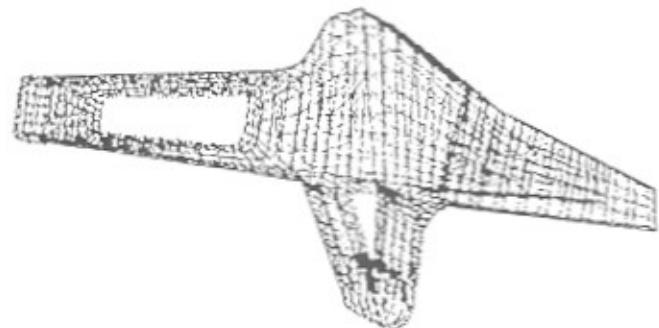
$$\tau_{12} = +1/\lambda \text{ GPa} \quad (16)$$

$$V_{12} = +1/34 \quad (17)$$

$$\rho = 1300 \text{ kg/m}^3 \quad (18)$$

$$E_1 = 120 \text{ GPa}, E_2 = 4 \text{ GPa} \quad (19)$$

$$G_{12} = 4/4 \text{ GPa} \quad (20)$$

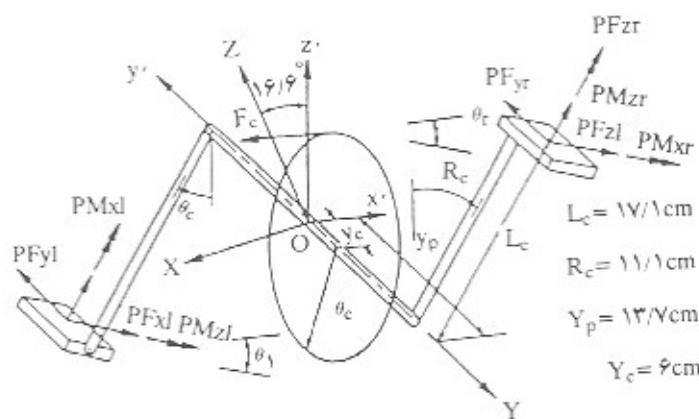


شکل ۳- مدلسازی کامپیوتری بدن کامپوزیتی به روش اجزای محدود.

جدول ۳- مقادیر حداقل جابه جاییها در بارگذاریهای ایستا برای بدنه فلزی.

صفحه ای Archive of SID (mm)	صفحه ای حداقل جابه جایی در جهت Y (mm)	خارج از صفحه حداقل جابه جایی در جهت Z (mm)	جابه جاییها بارگذاری
۰/۲۳۸	۰/۲۳۵	۰/۰۴۳	اول
۰/۲۶۵	۰/۲۰۲	۱۷/۱۳	دوم
۰/۱۳۳	۰/۱۳۰	۰/۰۳۵	سوم
۰/۰۹۵	۰/۱۳۳	۰/۱۶۶	چهارم

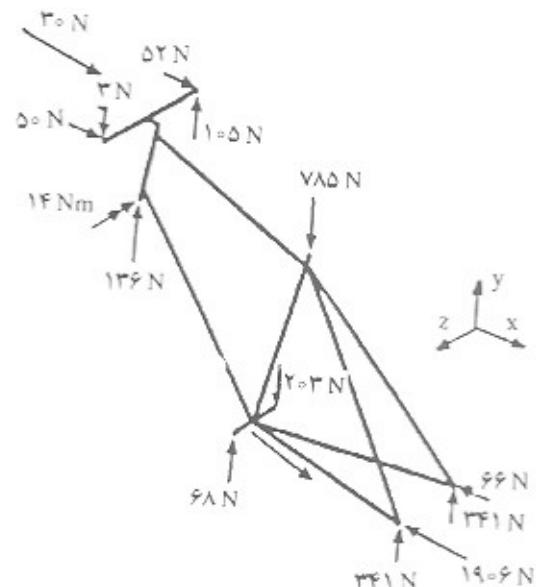
بارگذاری و شرایط موزی پس از ایجاد مدل و تعریف خواص مکانیکی مواد، برای تحلیل تنش لازم است که شرایط موزی و بارگذاری مشخص شده و روی مدل اعمال شود تا نتایج منطقی بدست آید. حالات و شرایط مختلفی برای بارگذاری ایستا و پویا در نظر گرفته شده است. بعضی از حالتهای بارگذاری ایستا و آزمایش‌های عملی ایستایی در مراجع مختلف [۱۰، ۱۱] بررسی شده‌اند و روش تحلیل و نتایج بدست آمده در این پژوهش با آنها مقایسه شده است که صحت این کار پژوهشی را تأیید می‌کند. با مقایسه نتایج، اختلافی حدود حداقل ۸ درصد مشاهده شده است و این اختلاف به دلیل نوع مدل‌سازی در روش اجزای محدود، اندازه اجزا و استفاده از نرم افزار خاص است [۱۲]. در این پژوهش از چهار حالت بارگذاری ایستاوهه حالت بارگذاری پویا و یک حالت بدون بارگذاری برای تعیین فرکانس طبیعی استفاده شده است. در حالت اول بارگذاری ایستایک نیروی صفحه‌ای هزار نیوتنی به لوله اصلی وارد می‌شود. شرایط موزی در این حالت به گونه‌ای است که انگشتیهای عقبی و لوله قرار رکاب کاملاً مفیدند (شکل ۴ الف).



شکل ۶- توصیف نیروی انتقال به پدال و زنجیر [۳].

الیاف کربن تک جهتی بوده و راستای صفر الاف در بدنه کامپوزیتی به صورتی است که الیاف از لوله اصلی (head tube) به انگشتیهای عقبی (rear dropout) بدنه امتداد دارد. بدنه چند لایه ای کامپوزیتی از شش لایه تشکیل شده است که به صورت $5/0/9/0/5$ لایه چینی شده‌اند. این لایه چینی با استفاده از معیار خرابی حداقل تنش که باعث طراحی متعادلی می‌شود، بدست آمده است. در شکلهای ۲ و ۳ دو بدنه مدل‌سازی شده فلزی و کامپوزیتی به روش اجزای محدود به ترتیب نشان داده شده‌اند.

در پژوهش‌های گذشته [۱۰، ۹] بدنه کامپوزیتی همانند شکل ادر محلی بین لوله اصلی، رین و تکه گاه انتهایی پیوسته بوده، ولی در این کار پژوهشی برای صرف‌جویی در وزن و انعطاف‌پذیری دوچرخه قسمتی از بدنه در این مناطق برداشته شده است.



شکل ۵- بارگذاری در حالت چهارم ایستا.

جدول ۴ - مقادیر تنش در بارگذاریهای سوم ایستا و اول پویا برای بدنه کامپوزیتی.

بارگذاری باشد XY (MPa)	کشی Y (MPa)	فشاری Y (MPa)	کشی X (MPa)	فشاری X (MPa)	تنش	
Archive of SID	۴۱/۵	۵۴/۱	۶۹۸/۹	۵۸۲/۶	لایه اول	سوم ایستا
۵۴/۴	۵۴/۱	۴۷/۳	۵۲۸/۳	۹۸۵/۹	لایه ششم	
۲۳/۸	۲۱/۳	۳۰/۸	۶۲۵/۱	۴۶۴/۸	لایه اول	اول پویا
۴۳/۸	۲۸/۱	۳۴/۶	۵۰۷/۰	۸۴۷/۲	لایه ششم	

بارگذاری از مطالعات نظری بار اعمالی به بدنه دوچرخه به وسیله دوچرخه سوار و جاده و اثر متقابل آنها روی دوچرخه با اندازه میانی و در یک شرایط آبرودینامیکی معین و روی سطح صاف با سرعت ۵۰ km/h بدست آمده است [۱۰]، شرایط مرزی در این حالت ایستاست (شکل ۴ ب).

حالات در جدول ۱ آورده شده است.

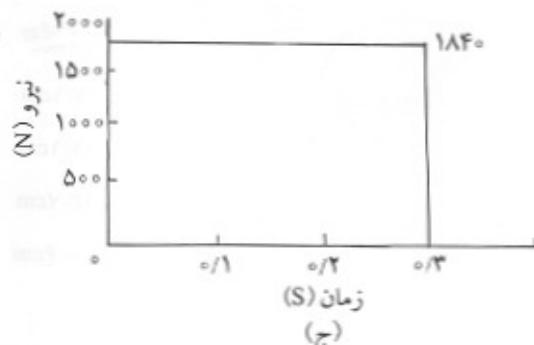
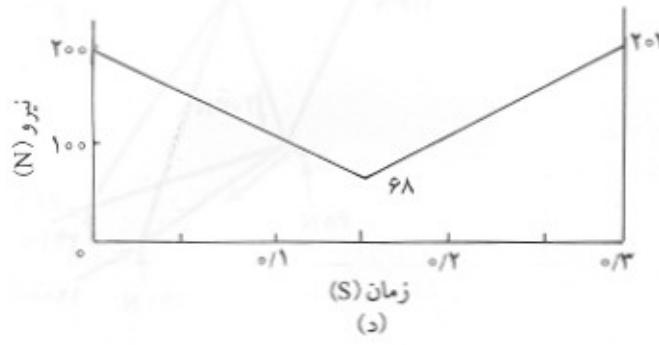
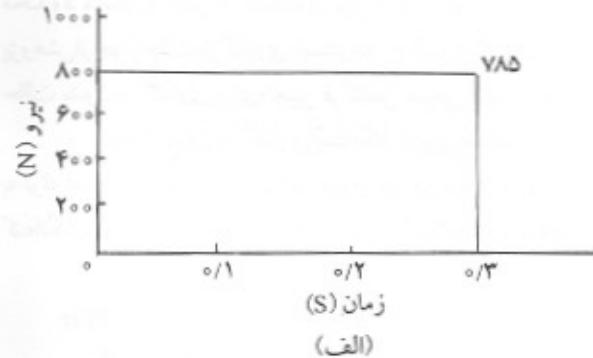
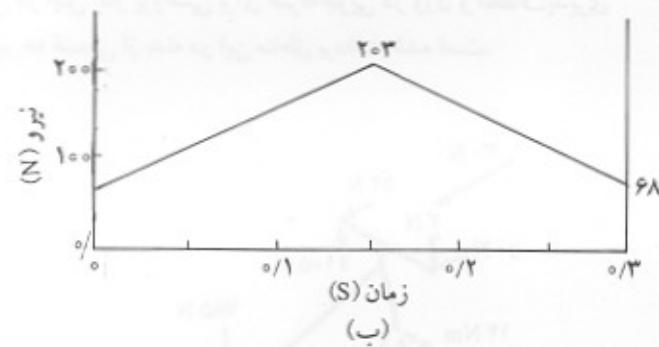
برای بدست آوردن فرکانس طبیعی بدنه ها هیچ گونه باری به بدنه اعمال نمی شود و شرایط مرزی در این حالت همانند حالت چهارم ایستا است.

تحلیل پویای بدنه دوچرخه که برای اولین بار انجام گرفته و تاکنون در مراجعی مشاهده نشده، به کمک سه حالت

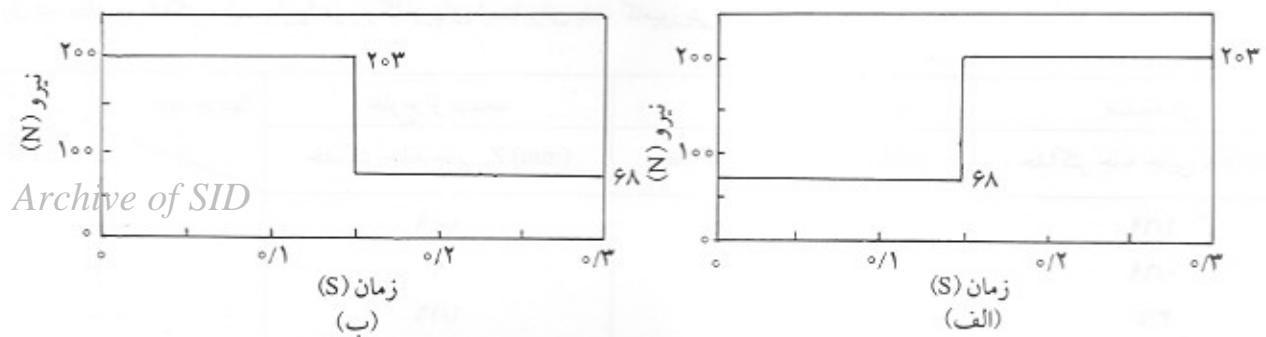
در بارگذاری نوع دوم ایستا یک نیروی خارج از صفحه (عمودبر صفحه بدنه) به مقدار ۶۰۰ نیوتن بر لوله اصلی وارد می شود، شرایط مرزی در این حالت مانند حالت اول ایستاست (شکل ۴ ب).

در بارگذاری نوع سوم ایستا یک نیروی صفحه ای ۱۰۰۰ نیوتنی به لوله زین وارد می شود، شرایط مرزی در این حالت به گونه ای است که لوله اصلی و انگشتیهای عقب کاملاً مقیدند (شکل ۴ ج).

در حالت چهارم بارگذاری ایستا سعی شده است که بارگذاری واقعی روی بدنه دوچرخه اعمال شود (شکل ۵). این حالت



شکل ۷- بارگذاری پویا در حالت خطی: (الف) نیروی زین، (ب) نیروی پدال چپ، (ج) نیروی زنجیر و (د) نیروی پدال راست.



شکل ۸- بارگذاری پویا در حالت پله ای: (الف) نیروی پدال راست و (ب)، نیروی پدال چپ.

زنجیر مانند حالت اول پویاست و نیروهای پدال به صورت سینوسی از $N = 203$ تغییر می کنند (شکل ۹). در تمام حالات بارگذاری پویا، شرایط مرزی مانند حالت چهارم ایستا در نظر گرفته شده است.

با توجه به شرایط سواری و نیاز به سفتی بالا و استحکام مناسب برای بدنه دوچرخه که از پارامترهای مهم طراحی اند و لازمه کوچک بودن مقادیر کرنشها و جابه جایها، تحلیل ایستا و پویای حاضر در محدوده ارجاعی خطی ارزیابی شده است. در همه بارگذاریها بر روی دو بدنه فلزی و کامپوزیتی از معیار حداقل تنش برای بررسی خرابی هر دو بدنه و هر لایه از بدنه کامپوزیتی استفاده شده است [۱۱].

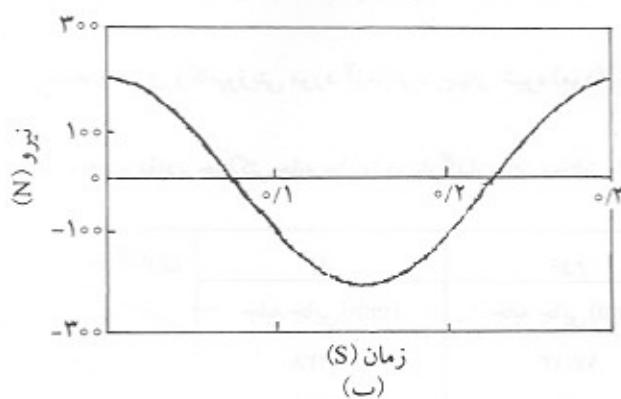
نتایج بدست آمده از تحلیل

تحلیل تنش با استفاده از شرایط مرزی و بارگذاریهای ارائه شده در بخش قبل روی دو بدنه فلزی و کامپوزیتی انجام شده است. حداقل مقادیر تنش در بدنه فلزی در بارگذاریهای نوع دوم ایستا و نوع اول پویا ایجاد می شود (جدول ۲). در بارگذاری ایستا، این مقدار حداقل در محل انتهای لوله پایینی و نزدیک به لوله قرار رکاب اتفاق

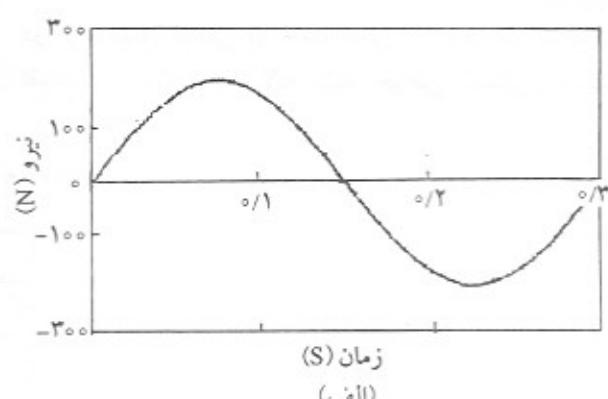
بارگذاری بررسی شده است. بارگذاریهای پویا در اینجا به صورت پویای گذرا درنظر گرفته شده اند. این بارگذاریها شامل نیروی زین، نیروی پدال راست و چپ و نیروی ناشی از زنجیر است که از نوع بارگذاری در شکل ۶ تیجه گرفته شده است [۳]. البته، مقادیر بارگذاری با توجه به شرایط خاص و دوچرخه سوار تغییر یافته و در مرجع ۳ از این بارگذاری در شرایط ایستا استفاده شده است. این بارها به صورت پویا و در زمان کوتاهی به بدنه وارد می شوند.

در حالت اول نیروی زین به مقدار حداقل $N = 785$ و نیروی ناشی از زنجیر به مقدار حداقل $N = 1840$ بطور یکنواخت و ثابت نسبت به زمان به بدنه اعمال می شود، و نیروی پدال چپ و راست به صورت خطی از 68 به $N = 203$ با زمان و بطور معکوس افزایش یا کاهش می یابد. این حالت در شکل ۷ نمایش داده شده است.

در حالت دوم، نیروی وارد به زین و نیروی ناشی از زنجیر مانند حالت اول پویاست و نیروهای پدال به صورت پله ای از 68 به $N = 203$ اعمال شده است که تحویل اعمال نیروها به بدنه در شکل ۸ آورده شده است. در حالت سوم نیروی وارد به زین و نیروی ناشی از



شکل ۹- بارگذاری پویا در حالت سینوسی: (الف) نیروی پدال راست و (ب) نیروی پدال چپ.



جدول ۵- مقادیر حداکثر جایه جایها در بارگذاریهای ایستا برای بدنه کامپوزیتی.

صفحه ای حداکثر جایه جایی X Archive of SID ۱۷۹	صفحه ای حداکثر جایه جایی Y ۰/۶۹ ۳/۵ ۲/۸	خارج از صفحه حداکثر جایه جایی Z ۰/۶۸ ۰/۴۱ ۶/۱ ۵	جایه جایها بارگذاری اول دوم سوم چهارم
		۰/۴۹	
		۹	
		۱/۱۶	
		۱/۳	

اول فرکانس‌های طبیعی ارزیابی شده‌اند (جدول ۸). مقادیر فرکانس‌های طبیعی بدنه کامپوزیتی برای چگالیهای مختلف هسته مرکزی نیز بدست آمده است (جدول ۹).

نتایج و بحث

نتایج حاصل از تحلیل نتش و بیشترین مقدار شاخص خرابی (۰/۷۳۴۴) روی بدنه فلزی نشان می‌دهد که در بارگذاری دوم ایستا حداکثر تنشها به صورت تنشهای برشی است و در صورت بروز خرابی، بدنه تحت تیروهای برشی خراب خواهد شد. مقادیر مربوط به نتش برشی بدنه فلزی برای بارگذاری نوع دوم ایستا در شکل ۱۰ نشان داده شده است. برای جلوگیری از بروز احتمالی خرابی در بدنه فولادی در تأثیه‌های یاد شده باید از مواد با استحکام برشی بیشتر استفاده کرد.

بیشترین مقدار شاخص خرابی در بدنه کامپوزیتی (۰/۶۷۷) مربوط به بارگذاری سوم ایستاست که ناشی از نتش کشی در جهت لا (عمود بر راستای الیاف صفر درجه و در صفحه بدنه) است و این مطلب بیان کننده آن است که شکست ابتدا در لایه ششم در اثر تنشهای کشی در امتداد محور لا اتفاق خواهد افتاد. برای تقویت استحکام این لایه باید خواص کشی ماتریس را

می‌افتد، لیکن در بارگذاری پویا مقدار حداکثر در محل اتصال انگشتیهای عقیقی و لوله زین مشاهده می‌شود. مقادیر حداکثر جایه جایهای بدنه در جهات مختلف (در صفحه و خارج از صفحه) در بارگذاریهای ایستا در جدول ۳ ارائه شده است. حداکثر جایه جایی در بارگذاری دوم ایستا و خارج از صفحه اتفاق می‌افتد. برای بدنه کامپوزیتی مقادیر حداکثر تنش در بارگذاریهای سوم ایستا و اول پویا در لایه اول و ششم اتفاق می‌افتد (جدول ۴). این مقدار حداکثر در بارگذاریهای ایستا و پویا در محل قرار لوله زین مشاهده می‌شود. جدول ۵ نیز مقادیر حداکثر جایه جایها را در بارگذاریهای مختلف ایستا برای بدنه کامپوزیتی نشان می‌دهد. همانند بدنه فلزی، حداکثر جایه جایی را در بارگذاری دوم ایستا و خارج از صفحه داریم. در جدول ۶ نتایج حداکثر جایه جایی برای بدنه‌های فلزی و کامپوزیتی مورد آزمایش ارائه شده است. با توجه به تنشهای بدست آمده در بدنه فلزی و هر لایه از بدنه کامپوزیتی، شاخص خرابی (نشان داده شده تقسیم بر استحکام ماده) با استفاده از معیار خرابی حداکثر نتش (maximum stress failure criteria) (برای بدنه فلزی و کامپوزیتی بدست آمده است. مقادیر حداکثر شاخص خرابی برای بارگذاری دوم ایستا در بدنه فلزی و بارگذاری سوم ایستا در بدنه کامپوزیتی در لایه‌های اول و ششم در جدول ۷ نشان داده شده است. در بدنه‌های فلزی و کامپوزیتی مورد آزمایش، چهار شیوه (مود)

جدول ۶- مقایسه مقادیر حداکثر جایه جایها در بارگذاریهای مختلف ایستا برای بدنه‌های فلزی و کامپوزیتی.

وزن بدنه دوچرخه (kg)	سوم	دوم	اول	بارگذاری بدنه
	جایه جایی (mm)	جایه جایی (mm)	جایه جایی (mm)	
۲/۷	۰/۱۱۳	۱۷/۱۳	۰/۲۲۸	فولادی
۱/۹	۶/۱	۹	۶/۸	کامپوزیتی

جدول ۷- شاخص خرابی بدنه های فلزی و کامپوزیتی بر اساس معیار حداکثر تنش.

تش برشی (MPa)	تش کشی (MPa)	تش فشاری (MPa)	شاخص خرابی
بدنه			
۱۲	۱	۱	بدنه
۰/۴۶۶	۰/۳۸۸	۰/۳۷۱	لایه اول
۰/۵۴۴	۰/۲۹۴	۰/۶۲۸	لایه ششم
۰/۷۳۴۴	۰/۷۳۱	۰/۰۰۱۳	فلزی

فلزی مقادیر بیشتری را نشان می‌دهد و این جایه جاییها بواسطه بارگذاریهای صفحه‌ای است و در نتیجه بدنه در صفحه خود دارای انعطاف پذیری مناسبی است. این امر باعث راحیت دوچرخه سوار در خلال پدال زدن و سواری می‌شود و در نتیجه دوچرخه سوار احساس خستگی نمی‌کند. نتایج بدست آمده از جایه جاییها برای بارگذاریهای پویانیز همانند نتایج بارگذاریهای ایستاست.

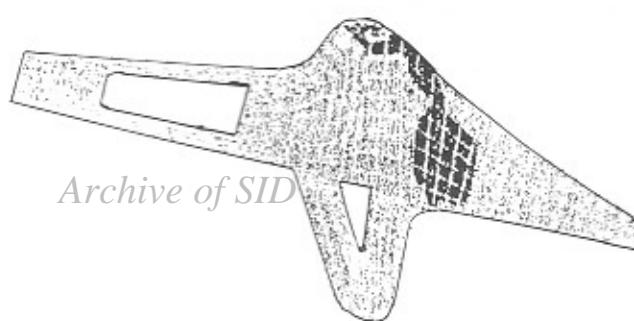
در شکل ۱۳ حداکثر جایه جایی بدنه فلزی در شیوه سوم فرکانس طبیعی مشاهده می‌شود. حداکثر جایه جایی در بدنه کامپوزیتی در شیوه دوم فرکانس طبیعی نیز در شکل ۱۴ نشان داده شده است. همان طور که مشاهده می‌شود، شکل شیوه‌ها و جایه جایی بدنه فلزی در مقایسه با بدنه کامپوزیتی در فرکانس‌های مختلف پیچیده‌تر و شدیدتر است و بدنه کامپوزیتی پایداری بیشتری را خصوصاً در شیوه‌های بالاتر نشان می‌دهد. بررسی و مقایسه تنشهای حاصل از جایه جاییها ایجاد شده در شیوه‌های فرکانس طبیعی هر دو بدنه این نتیجه را ارائه می‌کند که بدنه کامپوزیتی دارای تنشهای بمراتب کمتر از بدنه فلزی است [۱۳]. بنابراین، این نتیجه پایداری سازه ای و عمر خستگی بهتری را از این بدنه می‌توان انتظار داشت. البته، پایین بودن فرکانس‌های طبیعی بدنه کامپوزیتی در سرعتهای بسیار کم دوچرخه و در هنگام کاهش سرعت در زمان رسیدن به مانع، باعث مشکل تشدید (resonance) خواهد شد و در این شرایط بدنه‌های فلزی مناسب‌ترند، لیکن در سرعتهای زیاد پا در

تقویت کرد یا از الیاف بافته شده در این لایه استفاده کرد. مقادیر مربوط به تنش در لایه ششم برای بدنه کامپوزیتی در بارگذاری سوم ایستا در شکل ۱۱ نشان داده شده است. البته، مقادیر شاخص خرابی در دو بدنه در محدوده این قرار دارند و خرابی در هیچ یک از سازه‌ها وجود نخواهد آمد. در شکل ۱۲ نیز مقادیر تنش در زمان ۰/۲ ثانیه در بارگذاری خطی پویا برای لایه ششم نشان داده شده است. همچنین، بررسی نتایج توزیع تنش در بدنه کامپوزیتی نشان می‌دهد که در شرایط ایستا و پویا حداکثر تعریف شن و احتمال بروز خرابی در ناحیه خاص یعنی محل استقرار لوله زین است، ولی در بدنه فلزی در شرایط مختلف ایستا و پویا محل خرابیها در نقاط مختلف بدنه توزیع شده است و در نتیجه باید اکثر نفاط سازه فلزی تقویت شود.

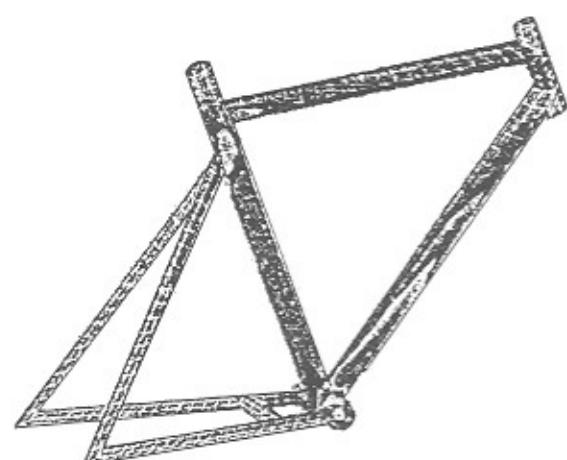
با مشاهده جداولهای ۵ و ۶ نتیجه گرفته می‌شود که در بارگذاری دوم ایستا حداکثر جایه جایی خارج از صفحه‌ای رخ می‌دهد. این جایه جایی عمود بر بدنه دوچرخه و بواسطه بارگذاری خارج از صفحه است. مقایسه بین بدنه‌های فلزی و کامپوزیتی نشان می‌دهد که بدنه کامپوزیتی انعطاف پذیری کمتری در جهت عمود بر بدنه نسبت به بدنه فلزی دارد و این مطلب جزء یکی از خصوصیات موثر در طراحی بدنه دوچرخه است، یعنی انرژی دوچرخه سوار و نیروی پدال زدن در بدنه ذخیره نشده و صرف خم شدن بدنه در جهت عمودی نمی‌شود. موضوع مهم دیگر جایه جاییها بدنه کامپوزیتی در بارگذاریهای اول و سوم ایستاست که نسبت به بدنه

جدول ۸- مقادیر فرکانس‌های طبیعی بدنه های فلزی و کامپوزیتی .

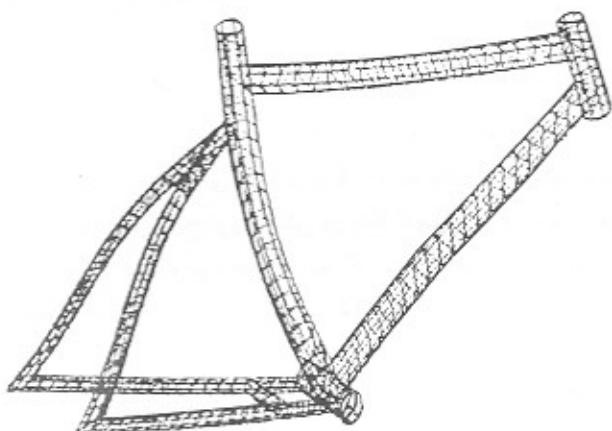
فرکانس طبیعی بدنه	شنیوه اول	شنیوه دوم	شنیوه سوم	شنیوه چهارم
فلزی	کامپوزیتی			
۱۵/۵۱	۶/۹۸	۹/۷۱	۱۴/۴	۱۵/۵۱
۴/۲۲۲	۳/۹۹	۴/۱۵۷	۴/۲۲۲	۴/۲۲۲



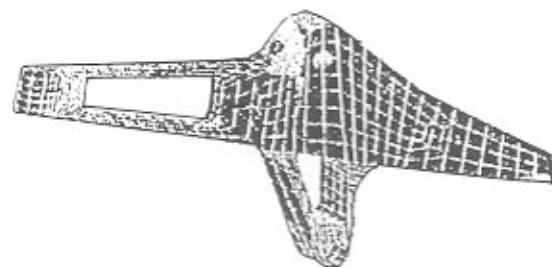
شکل ۱۲- مقادیر تنش عمودی در زمان 0.2 ثانیه در لایه ششم بدن کامپوزیتی در بارگذاری خطی پویا.



شکل ۱۰- مقادیر تنش برشی در بارگذاری دوم ایستا در بدن فلزی.



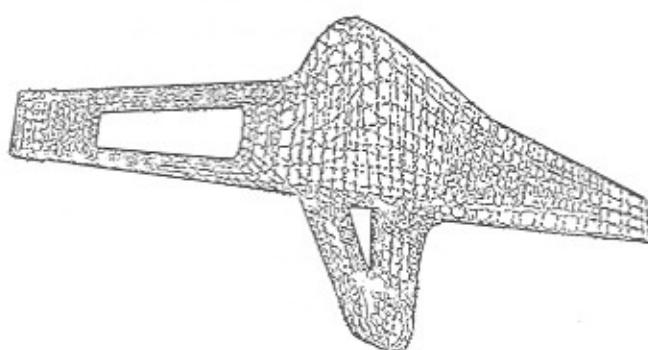
شکل ۱۳- حداقل تغییر شکل ایجاد شده بواسطه شیوه سوم فرکانس طبیعی در بدن فلزی.



شکل ۱۱- مقادیر تنش عمودی در بارگذاری سوم ایستا در بدن کامپوزیتی.

جادههای کوهستانی، عامل تحریک کننده جاده در شرایط پویا معمولاً فرکانس‌های بالایی را ایجاد می‌کند که باعث مشکل تشدید در بدن های فلزی می‌شود.

برای بهبود و افزایش فرکانس طبیعی بدن کامپوزیتی چگالی هسته مرکزی عامل موثری می‌تواند باشد. بررسی هسته مرکزی بدن کامپوزیت با چگالیهای مختلف نشان می‌دهد که هر چه چگالی هسته مرکزی کمتر شود، بدن کامپوزیتی دارای خواص پویایی بهتری خواهد بود و کاهش چگالی نه تنها باعث کاهش وزن بدن می‌شود، بلکه سبب افزایش مقادیر فرکانس‌های طبیعی بدن نیز خواهد شد.



شکل ۱۴- حداقل تغییر شکل ایجاد شده بواسطه شیوه دوم فرکانس طبیعی در بدن کامپوزیتی.

سه برابر بدن فلزی است و این امر از ویژگیهای مهم سازه های کامپوزیتی بشمار می‌رود.

ویژگی بدن کامپوزیتی بیشتر بدن ضرب اطمینان / وزن آن نسبت به بدن فولادی است. در بدن کامپوزیتی نسبت ضرب اطمینان به وزن برابر 0.78 و در بدن فلزی برابر 0.50 است که نشان می‌دهد در بدن کامپوزیتی نسبت ضرب اطمینان به وزن در حدود 35 درصد از بدن فلزی بیشتر است. در ضمن، سفتی ویژه (E/p) در بدن فلزی 0.026 و در بدن کامپوزیتی برابر 0.066 است. این مطلب نشان می‌دهد که بدن کامپوزیتی مورد آزمایش دارای سفتی ویژه حدوداً

جدول ۹- مقادیر فرکانس‌های طبیعی برای چگالیهای مختلف هسته مرکزی بدن کامپوزیتی.

شیوه چهارم	شیوه سوم	شیوه دوم	شیوه اول	فرکانس طبیعی چگالی
۳/۵۳۷۲ ۴/۳۳۲۱ ۶/۱۲۶۶	۴/۴۰۰۴ ۴/۲۴۲۰ ۵/۹۶۴۹	۳/۳۴۴۲ ۴/۱۰۷۰ ۵/۶۷۹۰	۳/۲۶۳۲ ۳/۹۹۶۰ ۵/۶۵۲۰	۱۵۰ ۱۰۰ ۵۰

* واحد فرکانس Hz و واحد چگالی kg/m³ است.

روی دو بدن فلزی و کامپوزیتی تحلیل تنش انجام شده است و نتایج نشان می‌دهد که هر دو بدن از نظر ایستایی و پویایی از استحکام لازم برخوردارند، لیکن طراحی دوچرخه بر مبنای سواری راحت از پارامترهای بسیار مهمی است که نسبت به طراحی از نظر استحکام دارای اهمیت ویژه است و مواد کامپوزیت این قابلیت را نشان می‌دهند. از ویژگی بدن کامپوزیتی می‌توان به بیشتر بودن ضریب اطمینان به وزن آن نسبت به بدن فولادی اشاره کرد. در ضمن، سفتی ویژه بیشتر و خواص پویایی بهتر در سواری مانند میرایی و شکل شیوه‌های فرکانس طبیعی از امتیازهای برتر بدن کامپوزیتی است.

مراجع

1. Horchani T., "Development of A Test Standard for Bicycle Handlebars" M.E. Thesis, McGill University, Feb, 1997.
2. "Bicycle Aerodynamics and Weight Consideration", Composite Arts & Science, CAS Custom Carbon Fibre Bicycle, <http://www.cas-bikes.com>, 2001.
3. Boulourchi F. and Hull M.L., "Bicycle Frame Stress by Means of Finite Element Analysis" *Am. Soci. Mech. Eng., Des. Eng.*; 11, 61-72, 1987.
4. Leung C.M., "Development of A Parametric Model for Analysis of Bicycle Frames" M.E. Thesis, McGill University, Dec, 1997.
5. Peterson L.A. and Londry K.J., "Finite Element Structural Analysis: A New Tool For Bicycle Frame Design" *Bicycling Magazine News Letters*; 5, 2, 1986.
6. Davis R.R. and Hull M.L., "Design of Aluminium Bicycle Frame" *J.Mech. Des.*; 103, 4, 901-7, 1981.
7. Castejon L., "Composite Monocoque Frame for a Mountain Bicycle" *Appl. Compos. Mater., Testing and Calculations*, 1, 244-58, 1994.
8. Hull M.L. and Bolourchi F., "Contribution of Rider Induced Loads to Bicycle Frame Stress" *Am. Soci. Mech. Eng., Des. Eng.*; 1, 25-8, 1986.
9. Lizotte P.L., Lessard L.B. and Nemes J.A., "Stress and Failure Analysis of Composite Bicycle Frames" Proceeding of ICCM-10, Montreal, August, 701-8, 1995.
10. Lessard L.B., Nemes J.A. and Lizotte P.L., "Utilization of FEA in the Design of Composite Bicycle Frames" *Compos.*; 26, 1, 72-4, 1995.
11. Hyer M.W.; *Stress Analysis of Fibre-Reinforced Composite Materials*; Mc Graw-Hill, 1998.
12. Crawford R.J.; *Plastic Engineering*; 3rd ed., Butter Worth Einemann, Oxford, 1998.
13. نظری حسین "تحلیل تنش در بدن‌های دوچرخه از جنس فلزی و کامپوزیتی"، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، ۱۳۷۹.