

حل عددی معادلات جریان طبیعی و انرژی در محفظه یک خشک کن

خورشیدی و بررسی پارامترهای موثر در بهینه‌سازی طراحی

حسین شکوهمند

استاد گروه مهندسی مکانیک - دانشکده فنی - دانشگاه تهران
محمد کاظم کوشش

فارغ التحصیل کارشناسی ارشد گروه مهندسی مکانیک - دانشکده فنی - دانشگاه تهران

(تاریخ دریافت ۲۶/۰۲/۲۸، تاریخ تصویب ۵/۰۹/۲۹)

چکیده

در این مقاله یک روش عددی - تحلیلی جهت طراحی خشک کن خورشیدی معرفی می‌گردد. در ابتدا یک مدل ریاضی برای تحلیل انتقال حرارت جابجایی آزاد در جمع کننده که به روش سعی و خطأ حل گردیده و همچنین یک روش تحلیلی برای مدل ریاضی جریان در دودکش ارائه می‌گردد. در محفظه خشک کن معادلات جریان (ممنتوم) و انرژی به دلیل تغییرات دانسیته هوا با دما، به یکدیگر وابسته می‌باشند و توأمًا با کمک روش عددی تابع جریان گردابهای که یکی از متدهای حجم محدود می‌باشد، حل می‌گردد. با توجه به اینکه نیروی بیوانسی عامل اصلی حرکت در این سیستم می‌باشد لذا در روند کلی حل مسئله باید از روش سعی و خطأ استفاده نمود. در ابتدا با فرض دما در ورود هوا به دودکش و همچنین با فرض مقدار معینی برای دمی جریان هوا مسئله شروع شده، و در ادامه توزیع دما در جمع کننده (کلکتور) و دودکش بدست می‌آید. و از نتایج آن به عنوان شرایط مرزی برای حل عددی معادلات بهم وابسته جریان و انرژی در محفظه خشک کن و دودکش استفاده می‌گردد. به این ترتیب دمای هوا در ورود به دودکش محاسبه شده و با مقدار قبلي که فرض مسئله بود مقایسه و تصحیح می‌گردد تا نهایتاً همگرایی حاصل شود. و در آخر تاثیر تغییرات انتقال دودکش و طول جمع کننده (کلکتور) بر افزایش دمای هوا در خروج از جمع کننده و همچنین بر دمی جریان هوا بصورت نمودار ارائه و با نتایج اندازه‌گیری شده مقایسه می‌گردد. نتایج حاصل از این تحقیق مبنای برای طراحی بهینه ابعاد خشک کن خورشیدی بدست می‌دهد.

واژه‌های کلیدی: انرژی خورشیدی، خشک کن، جریان گردابهای، بهینه سازی

مقدمه

۲ - محفظه خشک کن که دیواره‌های آن شیشه‌ای بوده و در داخل محفظه تعدادی سینی مشبک با زاویه ۱۵ درجه نصب شده که موادغذایی جهت خشک شدن بر روی این سینی ها قرار می‌گیرند. البته در مقاله حاضر به دلیل پیچیدگیهای بیش از حد ناشی از پدیده انتقال جرم، از وجود سینی های مواد، در محاسبه جریان صرفنظر شده است.

۳ - دودکش که در قسمت انتهائی محفظه قرار گرفته و باعث افزایش نیروی بیوانسی و در نتیجه از دیاد جریان جابجایی هوا می‌گردد.

شمای کلی یک خشک کن خورشیدی که به منظور انجام این طرح تحقیقاتی در گروه مهندسی مکانیک ساخته شده در شکل (۱) نشان داده شده است. از این خشک کن برای اندازه‌گیری تجربی

خشک کردن مواد غذایی به کمک انرژی خورشیدی یکی از قدیمی ترین و ساده ترین روش های حفظ و نگهداری مواد غذایی است. بطور کلی خشک کردن خورشیدی به دو روش انجام می‌گیرد. خشک کردن در فضای باز و دیگری استفاده از سیستم های خشک کن خورشیدی است که روش اخیر به لحاظ کیفیت مناسبتر محصول خشک شده، مطلوب تر است. خشک کن های خورشیدی هرچند در انواع مختلف ساخته می‌شوند، اما بطور کلی همه آنها شامل ۳ بخش اساسی می‌باشند که عبارتند از:

۱ - جمع کننده خورشیدی^۱ : این قسمت وظیفه جذب تشعشع خورشیدی و انتقال آن به هوای داخل جمع کننده را دارد. انتقال گرما، تغییر دانسیته هوا را باعث گشته و با ایجاد نیروی بیوانسی جریان جابجایی طبیعی هوا در داخل جمع کننده برقرار می‌گردد.

به منظور شناخت بهتر توزیع جریان در داخل محفظه خشک کن، معادلات جریان و انرژی در محفظه ورودی آن با روش عددی موسوم به تابع جریان گردابه‌ای حل شده‌اند و تغییرات درجه حرارت مشخص گردیده است. سپس درجه حرارت هوا، در ورود و خروج اندازه گیری شده و نتایج عددی بدست آمده با نتایج تجربی مقایسه گشته است. این مقایسه نشان می‌دهد که بین نتایج عددی و تجربی مطابقت بسیار خوبی برقرار است.

بررسی تحقیقات انجام شده توسط سایر محققین نشان می‌دهد که در بیشتر موارد عملکرد خشک کن‌های خورشیدی بصورت تجربی مورد بررسی قرار گرفته و نتایج تجربی برای خشک‌کردن غلات و میوه‌جات ارائه شده است ولیکن هیچیک از محققین (چه در داخل کشور و تا آنجا که از شبکه اینترنت امکان بررسی فراهم بود) تاکنون حل عددی جهت طراحی خشک کن خورشیدی که مبنای بهتری برای مطالعه عملکرد آن می‌باشد ارائه نداده‌اند.

مدلسازی ریاضی

به منظور مطالعه خشک کن خورشیدی نیاز به ارائه یک مدل ریاضی برای اجزاء آن می‌باشد که برای قسمت جمع‌کننده و دودکش از یک مدل تحلیلی ریاضی استفاده شده و برای حل معادلات جریان و انرژی در محفظه خشک کن از یک مدل عددی استفاده می‌گردد که شرح آن در ذیل می‌آید.

جمع‌کننده خورشیدی

یک المان کوچک dy را در فاصله y از ورود به جمع‌کننده در نظر بگیرید. بالанс انرژی برای اجزای جمع‌کننده به شکل زیر می‌باشد [۳] :

- صفحه پوشش :

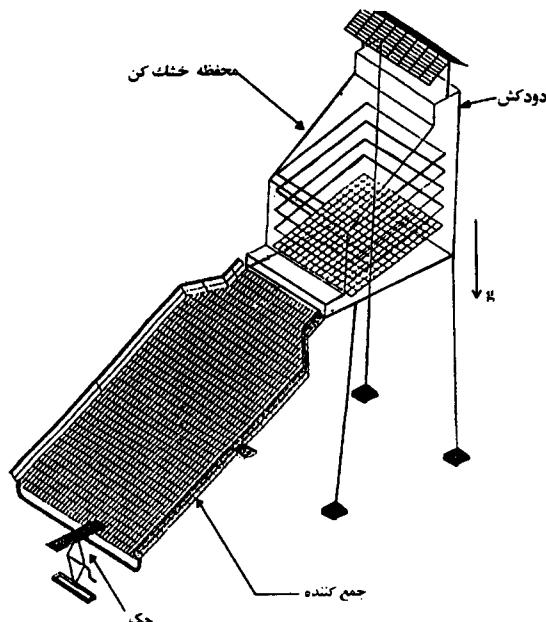
$$h_{af}(T_c - T) = h_{ea}(T_c - T_{am}) + h_{re}(T_c - T_s) - h_{rp}(T_p - T_c) = \alpha_{cs}(1 + \tau_{cs} \rho_{ps}) I \quad (1)$$

- صفحه جاذب تشعشع :

$$h_{af}(T_p - T) + h_{rp}(T_p - T_c) = \frac{\alpha_{ps} \tau_{cs} I}{1 - \rho_{ps} \rho_{cs}} \quad (2)$$

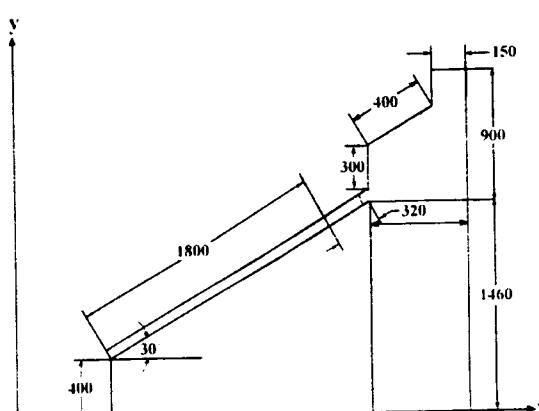
- جریان هوای داخل المان dy :

درجه حرارت‌های ورودی و خروجی هوا در جمع‌کننده استفاده شده است. یک بازوی متحرک (جک) تبیه گردیده و بكمک آن می‌توان راویه صفحه جمع‌کننده را نسبت به افق تغییر داد به نحوی که امکان استفاده بهینه در کلیه ساعت روز از تابش عمودی خورشیدی فراهم گردد. وجود این بازوی متحرک باعث می‌شود تا راندمان دستگاه اخیر نسبت به خشک کن‌هایی که در آنها $\beta = cte$ است بیشتر باشد.



شکل ۱ : شماتیکی دستگاه خشک کن خورشیدی.

شکل (۲) مقطع خشک کن خورشیدی و ابعاد هندسی آن را نشان می‌دهد.



شکل ۲ : مقطع و ابعاد دستگاه خشک کن خورشیدی

همین طور این روند ادامه می‌یابد تا دمای هوا در آخرین نقطه که خروج از جمع‌کننده است، محاسبه گردد.

محفظه خشک کن

معادلات حاکم و فرضیات

تغییرات دانسیته (ρ) هوا در جابجایی آزاد باعث ایجاد نیروی بیانسی و در نتیجه جریان سیال می‌گردد و لذا در بدست آوردن معادلات ممتد، جریان را با دانسیته متغیر در نظر می‌گیریم ولی متغیر بودن ρ در معادله انرژی تنها باعث افزایش جملاتی در ترم اتلاف^۲ معادله انرژی خواهد شد. که مقدار آن کوچک و قابل اغماض است. بنابراین معادله انرژی را با فرض ثابت بودن ρ بدست می‌آوریم.

معادله پیوستگی برای جریان پایدار و متغیر:

$$\frac{\partial(\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho v)}{\partial y} = 0 \quad (10)$$

معادلات ممتد مبنی بر جریان پایدار اما با دانسیته (ρ) متغیر: در جهت x :

$$\rho[u\frac{\partial u}{\partial x} + v\frac{\partial u}{\partial y}] = -\frac{\partial p}{\partial y} + \mu[4/3 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + 1/3 \frac{\partial^2 v}{\partial x \partial y}] \quad (11)$$

در جهت y :

$$\rho[u\frac{\partial v}{\partial x} + v\frac{\partial v}{\partial y}] = -\frac{\partial p}{\partial y} + \rho f_y + \mu[4/3 \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + 1/3 \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y}] \quad (12)$$

معادله انرژی با فرض ثابت بودن ρ :

$$\rho c_p u \frac{\partial T}{\partial x} + \rho c_p v \frac{\partial T}{\partial y} = k \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} \right) + 2\mu \left[\left(\frac{\partial u}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial v}{\partial y} \right)^2 \right] + \mu \left(\frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x} \right)^2 \quad (13)$$

روش انفصال معادلات حاکم

ابتدا این معادلات تبدیل به معادلات جدیدی می‌گرددند و سپس منفصل می‌شوند. حل معادلات جدید به روش تابع جریان گردابهای^۳ می‌باشد که به نحوه زیر عمل می‌گردد [۱].

۱- از معادله (۱۰) نسبت به y و از معادله (۱۱) نسبت به x مشتق گرفته و با یکدیگر جمع می‌گردد تا ترم‌های فشار حذف گردد و با توجه به رابطه (۱۴) $\frac{\partial \rho}{\partial x} - \frac{\partial \rho}{\partial y} = \omega$ که در آن ω تابع چرخش^۴

$$\dot{m}CpdT = h_{af}(T_c - T)wdy + h_{af}(T_p - T)wdx$$

$$\frac{dT}{dy} = \frac{w}{\dot{m}Cp} (T_p + T_c - 2T) \quad (3)$$

که با حل معادله (۳) برای فاصله محدود Δy می‌توان افزایش دمای جریان هوا (ΔT) را بدست آورد.

$$\Delta T = T_i - T_{i-1} = (B - T_{i-1})(B - T_i)(1 - e^{-A\Delta y}) \quad (4)$$

و $A = -2h_{af}w/mCp$ و $B = (T_p - T_c)/2$ که این مقادیر در نقطه (i-1) در نظر گرفته می‌شوند.

همچنین

$$h_{re} = \epsilon_{cl} \sigma (T_c + T_s)(T_c^2 + T_s^2) \quad (5)$$

$$h_{rp} = \sigma (T_c + T_p)(T_c^2 + T_p^2)/(1/\epsilon_{cl} + 1/\epsilon_{pl} - 1) \quad (6)$$

مقدار h_{ca} که ضریب انتقال حرارت جابجایی بین پوشش و اتمسفر است براساس فرمول [۸] Sparrow بدست می‌آید:

$$NU = 20.896 Re^{0.5} Pr^{1/3} \quad (7)$$

و مقدار h_{af} که ضریب انتقال حرارت جابجایی بین هوای داخل جمع‌کننده و پوشش یا صفحه جاذب است برای جابجایی طبیعی براساس فرمول [۷] Hollands بدست می‌آید:

$$NU = 2 \times \{1 + 1.44[1 - 1708/R_a \cos \beta] \times (1 - 1708(\sin(1.8\beta))^{1.6}/R_a \cos \beta) + [(R_a \cos \beta / 5830)^{1/3} - 1]\} \quad (8)$$

که: $R_a = g \beta' (T_p - T_c) t^3 pr/v^2$ و T_s براساس رابطه [۸] Bliss بدست می‌آید:

$$T_s = T_{am}[0.8 + (T_{dp} - 273)/250]^{1/4} \quad (9)$$

برای محاسبه دمای هوا در خروج از جمع‌کننده (T_{coll}) باید به روش سعی و خطأ عمل نمود به گونه‌ای که برای یک مقدار معین از m مقادیر $T_{c_{i-1}}$ ، $T_{p_{i-1}}$ ، T_c ، T_p که در نقطه (i-1) در نظر گرفته شده‌اند را فرض نمود و به وسیله روابط (۱) و (۳) و (۵) و (۶) مقادیر h_{re} ، h_{rp} در نقطه (i-1) محاسبه گردد و در نتیجه مقادیر T_c و T_p بدست می‌آید و این عمل آنقدر تکرار می‌شود تا $T_{c_{i-1}}$ و $T_{p_{i-1}}$ به مقادیر ثابتی همگرا گرددند. حال با کمک این مقادیر و روابط (۴) مقدار T محاسبه می‌شود و

۳- تابع جریان (ψ) به شکل روبرو تعریف می‌گردد.

$$\rho u = \frac{\partial \psi}{\partial y}$$

$$\rho v = \frac{\partial \psi}{\partial x}$$

(۱۷)

و شکل کلی معادلات چرخش و انرژی و جریان به شکل زیر معرفی می‌گردد:

$$a \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left(\phi \frac{\partial \psi}{\partial y} \right) - \frac{\partial}{\partial y} \left(\phi \frac{\partial \psi}{\partial x} \right) \right\} - \frac{\partial \psi}{\partial x} \left\{ b \frac{\partial}{\partial x} (\phi \psi) \right\} \frac{\partial}{\partial y}$$

$$\left\{ b \frac{\partial}{\partial y} (\phi \psi) \right\} + d = 0$$

(۱۸)

که در آن پارامترها بدینگونه مشخص می‌شوند:

می‌باشد رابطه زیر حاصل می‌گردد:

$$\frac{\partial}{\partial x} (\rho \omega u) + \frac{\partial}{\partial y} (\rho \omega v) = \mu \left(\frac{\partial^2 \omega}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \omega}{\partial y^2} \right) - 1/2$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial x} \frac{\partial}{\partial y} (u^2 + v^2) - \frac{\partial \rho}{\partial y} \frac{\partial}{\partial x} (u^2 + v^2) + f_y \frac{\partial \rho}{\partial x} - f_x \frac{\partial \rho}{\partial y} \quad (۱۶)$$

در رابطه (۱۶) به جای عبارت $\frac{\partial \rho}{\partial x}$ و $\frac{\partial \rho}{\partial y}$ با کمک رابطه

$$\frac{\partial \rho}{\partial x} = \beta \rho m \frac{\partial T}{\partial x} \quad \text{می‌توان مقادیر} \beta = \frac{1}{\rho} \frac{\partial \rho}{\partial T}$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial y} = \beta \rho m \frac{\partial T}{\partial y} \quad \text{را جایگذاری نمود که در آن} \beta \text{ ضریب انبساط}$$

حجمی هوا می‌باشد.

۲- به جای مقادیر T در معادله انرژی (۱۴) رابطه

$$T = \frac{1}{C_p} (h - \frac{u^2 + v^2}{2}) \quad \text{جایگذاری می‌گردد.}$$

ϕ	a	b	c	d
h	1	k/C_p	1	$-\frac{\partial}{\partial x} [\mu(1-k/\mu C_p) \frac{\partial}{\partial x} (\frac{u^2+v^2}{2})] - \frac{\partial}{\partial y} [\mu(1-k/\mu C_p) \frac{\partial}{\partial y} (\frac{u^2+v^2}{2})]$
ω	1	1	μ	$-[\frac{\partial}{\partial x} (\frac{u^2+v^2}{2}) \beta' \rho_{am} \frac{\partial T}{\partial y} - \frac{\partial}{\partial y} (\frac{u^2+v^2}{2}) \beta' \rho_{am} \frac{\partial T}{\partial x}] f_y \beta' \rho_{am} \frac{\partial T}{\partial x}$
ψ	0	$\frac{1}{\rho}$	1	- ω

مقدار $\psi = 0$ می‌باشد و برای دهانه ورودی به محفظه باتوجه به رابطه (۱۷) و همچنین $\frac{m}{A_{ci}} = U$ ، مقدار تابع جریان $Uy = \rho \psi$ خواهد شد و همین روش برای دهانه خروجی از محفظه دیواره سمت چپ بکار می‌رود.

- شرایط مرزی تابع چرخش (ω): مقدار ω در دهانه ورودی به محفظه خروجی از آن صفر می‌باشد و روی دیواره مطابق شکل (۴) بدست می‌آید [۲].

$$\omega_1 = \frac{-2(\psi_2 - \psi_1)}{\rho \Delta y^2} \quad (۲۰)$$

- شرایط مرزی تابع دما (T): دما در دهانه ورودی همان مقدار

انتگرال گیری در یک حجم محدود از رابطه (۱۸) برای هر کدام از متغیرهای h و ω و ψ به معادله زیر می‌رسد [۱]:

$$\phi_p = C_E \phi_E + C_W \phi_W + C_N \phi_N + C_S \phi_S + D \quad (۱۹)$$

که ضرایب بکار برده شده بر حسب مقادیر C_E , C_W , C_N و C_S و همچنین فرض اولیه‌ای برای مقادیر ψ محاسبه می‌گردد.

شرایط مرزی

- شرایط مرزی معادله (ψ): تابع جریان روی دیواره‌ها ثابت می‌باشد و مطابق شکل (۳) روی دیواره پائینی و سمت راستی

بهینه‌ترین مقدار a_{OR} برای شروع محاسبات طبق فرمول زیر که توسط Fax پیشنهاد گردیده، بدست می‌آید.

$$a_{OR} = 2(1 - \sqrt{1-T})/T$$

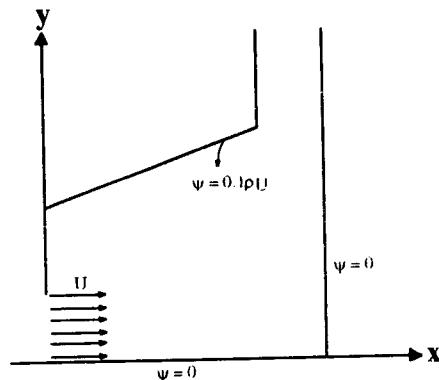
$$T = [\cos(\pi/M) + \cos(\pi/N)]/2$$

(۲۲)

که M و N تعداد گره‌ها در جهت x و y می‌باشد.

حل مسأله بدین نحو است که ابتدا معادله ω برای تمام نقاط شبکه حل و سپس با کمک ω ، معادله ψ برای نقاط شبکه محاسبه می‌شود (زیرا ω تابع دما می‌باشد). سپس مقادیر ψ و T دوباره محاسبه می‌شوند و این فرآیند آنقدر تکرار می‌گردد تا دمای هوا در خروج از محفظه (ورود به دودکش) به مقدار ثابتی همگرا گردد.

T_{colle} و برای خروج از محفظه و دودکش مقدار T_{che} و بر روی دیواره‌ها به دلیل عایق بودن آنها انتقال حرارت صفر بوده یعنی $\frac{\partial T}{\partial n} = 0$ می‌باشد.



دودکش

با بالانس حرارتی برای المانی به طول dy و فاصله y از ورود به دودکش معادله زیر بدست می‌آید.

$$\dot{m}CpdT = UPdy(T - T_{am})$$

(۲۳)

و دمای هوا در خروج از دودکش (T_{che}) براساس ابعاد و دمای ورود به دودکش (T_{chi}) طبق رابطه (۲۴) محاسبه می‌شود:

$$T_{che} = T_{am} + (T_{chi} - T_{am}) \times \exp\left(\frac{-UP}{mCp} L\right) \quad (24)$$

که در رابطه فوق L ارتفاع دودکش و P محیط مقطع دودکش می‌باشد و U ضریب انتقال حرارت کلی از دودکش است که به شکل زیر محاسبه می‌شود:

$$U = \left(\frac{1}{h_i} + \frac{k_{ch}}{t_{ch}} + \frac{1}{h_e}\right)^{-1} \quad (25)$$

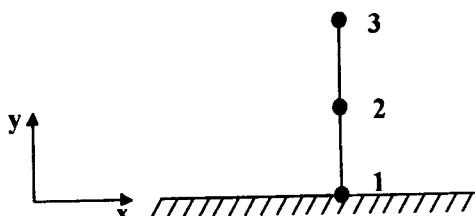
و مقدار ضریب انتقال حرارت داخل دودکش (h_i) از روابط زیر بدست می‌آید [۶]

$$Re < 4000 \quad Nu = 1.86(RePr/(L/d))^{1/3}$$

$$Re > 4000 \quad Nu = 0.023 Re^{0.8} Pr^{0.4}$$

و مقدار ضریب انتقال حرارت خارج از دودکش (h_e) از روابط ارائه

شکل ۳: شرایط مرزی ψ روی محفظه خشک کن.



شکل ۴: شرایط مرزی ω در دیواره محفظه خشک کن.

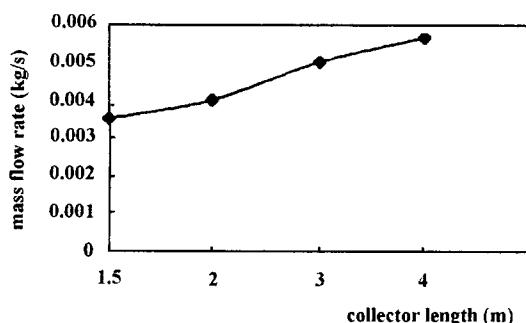
روش حل معادلات منفصل

با در نظر گرفتن یک شبکه 8×18 برای مجموعه محفظه و دودکش معادله (۱۹) برای مقادیر ω و ψ و h به روش تکراری Over-Relaxation که از نرخ همگرایی بسیار خوبی برخوردار می‌باشد، حل می‌گردد [۵].

$$\phi_p^{(N)} = a_{OR}\phi_p^{(N)} + (1-a_{OR})\phi_p^{(N-1)} \quad (21)$$

در رابطه فوق N نشان دهنده مرتبه محاسبه و a_{OR} ضریب Over-Relaxation می‌باشد و مقادیر آن بین ۱ و ۲ است.

کمک رابطه (۲۸) و (۲۹) که در اصل بالاتر افت فشار مسیر با نیروی بولیانسی می‌باشد مقدار \dot{m} جدید محاسبه می‌گردد و سپس به کمک \dot{m} جدید مقدار T_{che} و T_{colle} مطابق روش قبل محاسبه می‌شود تا خطاً مقادیر \dot{m} ، T_{che} و T_{colle} از حدی کمتر گردد و این مقادیر همگرا گردند که تمام این سیکل براساس فرض T_{chi} می‌باشد. حال برای تصحیح مقدار T_{chi} که فرض شده بود از حل عددی ارائه شده در بخش قبل استفاده می‌شود که با کمک شرایط مرزی T_{che} و T_{colle} توزیع دما در محفظه خشک کن بدست می‌آید و در نتیجه T_{chi} نیز بدست می‌آید و حال با T_{chi} جدید روند کلی حل مسئله دوباره تکرار می‌گردد تا نهایتاً خطاً از حدی کمتر گردیده و به یک مقدار ثابت همگرا گردد و فرایند حل مسئله اتمام یابد که نتایج حل شامل \dot{m} ، T_{che} ، T_{colle} ، T_{chi} توزیع دما و سرعت در محفظه خشک کن و دودکش خواهد بود.



نمودار ۵: تأثیر طول جمع کننده بر دبی جریان هوا (\dot{m}) [سطح جمع کننده مقدار ثابت 1.35m^2 می‌باشد].

بحث
هدف از مقاله حاضر ارائه روش بهینه برای طراحی یک خشک کن خورشیدی می‌باشد لذا باید اثرات پارامترهای مختلف روی متغیرهای مورد نظر مسئله و در نتیجه انتخاب بهینه پارامترها را بررسی نمود که در زیر بحث گردیده است.

۱- افزایش دبی جریان هوا (\dot{m}) به جهت افزایش سرعت جریان و در نتیجه راندمان بهتر خشک کن تابعی از طول جمع کننده

شده توسط Wong [۸] بدست می‌آید:

$$35 < Re < 5000 \quad Nu = 0.583 Re^{0.471}$$

$$5000 < Re < 50000 \quad Nu = 0.148 Re^{0.633}$$

جریان بولیانسی و افت فشار در مسیر

اختلاف فشار ایجاد شده به وسیله نیروی بولیانسی در یک کانال عمودی به ارتفاع H و اختلاف دمای ΔT بیشتر از دمای محیط، به صورت زیر می‌باشد:

$$\Delta P_b = g \beta' \rho_{am} (\Delta T \cdot H) \quad (26)$$

همچنین افت فشار در کانال به صورت تابعی از سرعت محاسبه می‌گردد:

$$\Delta P_f = 1/2 \rho_{am} V^2 (fL/d_h + \xi) \quad (27)$$

که در آن ضریب ξ مربوط به افت ناشی از تغییرات مقاطع و f نیز مربوط به افت اصطکاکی می‌باشد و در مراجع مختلف معرفی شده‌اند. اختلاف فشار ناشی از بولیانسی و افت فشار اصطکاکی مسیر برای مجموعه خشک کن خورشیدی براساس روابط ذیل می‌باشد:

$$\begin{aligned} \Delta P_{fb} &= \sum \Delta P = g \beta' \rho_{am} \sum (\Delta T \cdot H) \\ \Delta P_{tf} &= \Delta P_{fcolle} + \Delta P_{clous.} + \Delta P_{fch.} \end{aligned} \quad (28)$$

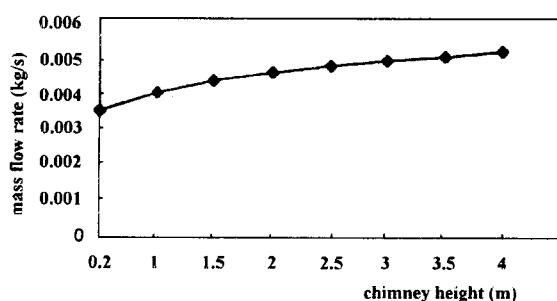
افت فشار مسیر و اختلاف فشار ایجاد شده توسط بولیانسی یکدیگر را خنثی می‌کنند، بنابراین:

$$\Delta P_{fb} = \Delta P_{tf} \quad (29)$$

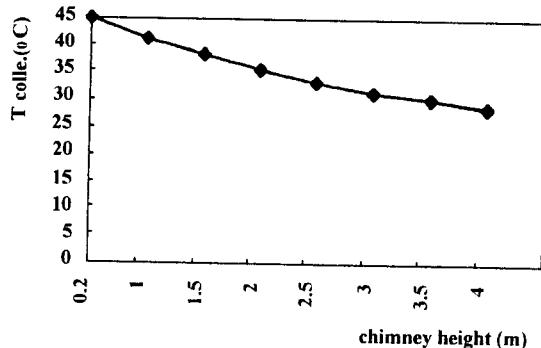
همچنین افت فشار تابعی از سرعت جریان و در نتیجه دبی جریان در هر مقطع می‌باشد لذا دبی جریان را می‌توان بر حسب رابطه‌ای که از بالاتر افت فشار و اختلاف فشار بولیانسی بدست می‌آید، محاسبه نمود.

فرایند کلی حل مسئله

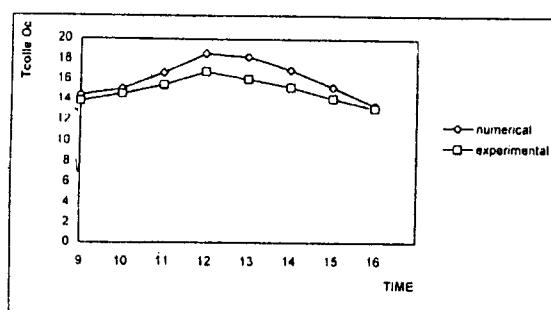
روش کلی حل مسئله با فرض T_{chi} و \dot{m} شروع شده و با استفاده از رابطه (۲۶) و (۲۳) مقادیر T_{che} و T_{colle} محاسبه می‌شود و با



نمودار ۷: تاثیر طول جمع کننده بر دمای جریان هوا در خروج از جمع کننده.

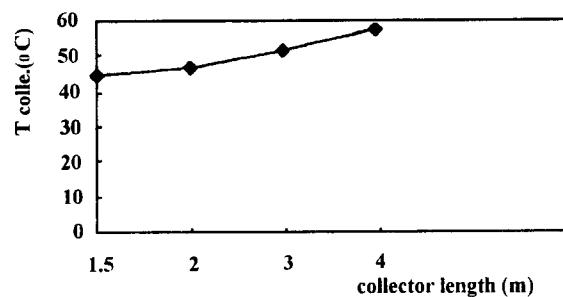


نمودار ۸: تاثیر ارتفاع دودکش بر دمای هوا در خروج از جمع کننده.



نمودار ۹: تغییرات دمای هوا در خروج از جمع کننده (T_{colle}) در طول روز و مقایسه آن با نتایج روش عددی.

می باشد که در نمودار (۵) نشان داده شده است.
۲ - افزایش دبی جرمی هوا (\dot{m}) تابعی از ارتفاع دودکش نیز می باشد زیرا با افزایش طول دودکش نیروی بیانسی از دیاد می یابد و در نتیجه سرعت جریان هوا بیشتر شده و نهایتاً دبی جریان افزایش می یابد. نمودار (۶) تغییرات دبی جرمی هوا با ارتفاع دودکش را نشان می دهد.



نمودار ۶: تاثیر ارتفاع دودکش بر دبی جریان هوا (\dot{m}).

۳ - افزایش دمای جریان هوا در خروج از جمع کننده (T_{colle}) به دلیل بالا بودن سرعت خشک کردن میوه مورد توجه است که یکی از عوامل آن افزایش طول جمع کننده است که باعث افزایش جابجائی طبیعی می باشد. این اثر در نمودار (۷) نشان داده شده است.

۴ - تغییرات درجه حرارت روزانه هوای خروجی از جمع کننده در شکل (۹) نشان داده شده است. در این شکل نتایج بدست آمده از حل معادلات با نتایج تجربی مطابقت داده شده اند. در اندازه گیری درجه حرارت از یک ترمومتر دیجیتالی با دقت $\pm 0.1^{\circ}\text{C}$ استفاده شده است. دامنه اندازه گیری درجه حرارت در این ترمومتر از -50°C تا $+70^{\circ}\text{C}$ و نتایج تجربی بدست آمده برای تغییرات دمای ورودی در شکل (۹) و برای درجه حرارت خروجی در شکل (۱۰) مشخص شده اند. بطوریکه ملاحظه می شود نتایج اندازه گیری شده با تغییرات درجه حرارت پیش بینی شده از حل معادلات به نحو مناسبی توافق دارد.

۵ - تغییرات دمای جریان هوا در خروج از جمع کننده (T_{colle}) مطابق نمودار (۸) تابعی از ارتفاع دودکش نیز می باشد به گونه ای که

حاصل از این تحقیق نشان می‌دهد که در این دستگاه با تغییر ارتفاع و دودکش و سطح جمع کننده، می‌توان دبی جرمی هوای گرم موردنیاز خشک کردن را تغییر داد و در نتیجه پریوود زمانی خشک کردن را به گونه‌ای تنظیم نمود که نهایتاً کیفیت مطلوب برای ماده غذایی خشک شده حاصل شود. بعلاوه سهولت ساخت و سادگی بهره‌برداری از این دستگاه بویژه عدم نیاز به انرژی برق و یا سوختهای فسیلی، امکان استفاده از آن را در تمامی نواحی روزتایی فراهم می‌آورد. در ادامه این تحقیق، مقایسه عملکرد آن با دستگاه مشابه بررسی و مطالعه خواهد شد.

تشکر و قدردانی

نگارندگان مقاله بدینوسیله از معاونت محترم پژوهشی دانشکده فنی که امکان ساخت و انجام آزمایش بر روی این طرح فراهم نمودند تشکر و قدردانی می‌نمایند.

فهرست علائم

A_{ci} : سطح مقطع ورود به محفظه خشک کن

C_p : ضریب حرارت مخصوص هوا J/kgK

h : آنتالپی J/kg

h_{ci} : ضریب انتقال حرارت جابجایی از سطوح پوشش و جاذب جمع کننده به جریان هوا w/m^2k

h_{ca} : ضریب انتقال حرارت جابجایی از سطوح پوشش جمع کننده به اتمسفر w/m^2k

h_{tp} : ضریب انتقال حرارت تشعشعی از سطح جاذب به پوشش w/m^2k

h_{rc} : ضریب انتقال حرارت تشعشعی از پوشش جمع کننده به آسمان w/m^2k

h_i : ضریب انتقال حرارت جابجایی داخل دودکش

h_e : ضریب انتقال حرارت جابجایی خارج دودکش w/m^2k

I : فلاکس تشعشعی خورشیدی عمود بر سطح جمع کننده w/m^2

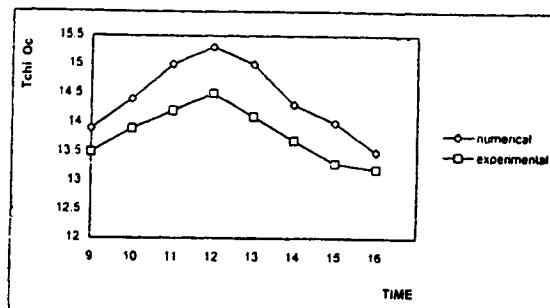
k : ضریب هدایت حرارتی هوا w/mk

k_{cn} : ضریب هدایت حرارتی دیواره دودکش w/mk

L : ارتفاع دودکش

m : دبی جریان هوا kg/s

Δp_b : اختلاف فشار بر اثر نیروی بویانسی



نمودار ۱۰ : تغییرات دما در ورود به دودکش (T_{chi}) در طول روز و مقایسه آن با روش عددی.

با افزایش ارتفاع دودکش سرعت جریان افزایش یافته و در نتیجه فرصت انتقال حرارت در جمع کننده برای جریان هوا کمتر می‌شود و این باعث کاهش دمای جریان هوا در خروج از جمع کننده می‌شود. همچنین در روش تجربی فقط دمای هوا در خروج از جمع کننده و دمای ورود به دودکش (T_{chi}) در ساعتها مختلف روز اندازه گیری شده است. زیرا در طراحی و استفاده از یک خشک کن صرفاً افزایش دمای ایجاد شده در جمع کننده و همچنین افت دمای ایجاد شده در محفظه خشک کن مهم است که دو دمای فوق الذکر مبین این موارد می‌باشد. نتایج آزمایش در نمودار (۹) و (۱۰) به نمایش گذاشته شده است.

باتوجه به موارد فوق، در طراحی بهینه و اقتصادی یک خشک کن خورشیدی لازم است که برای مساحت ثابت از جمع کننده طول جمع کننده را افزایش داد و ارتفاع دودکش را نیز تا آن حد افزایش داد.

نتیجه گیری

در این تحقیق، خشک کن خورشیدی جدیدی مرکب از یک صفحه جمع کننده، محفظه خشک کن و دودکش طراحی و ساخته شده که در آن صفحه جمع کننده قابلیت تغییر زاویه نسبت به افق داشته و راندمان بهتری نسبت به دستگاههای مشابه ارائه می‌دهد. تغییرات درجه حرارت هوا در ورود و خروج از جمع کننده اندازه گیری و توزیع درجه حرارت در محفظه خشک کن بصورت عددی محاسبه شده و بصورت تجربی اندازه گیری شده است. نتایج

W	: پهنهای جمع کننده (m)	Δp_f	: افت فشار بر اثر افت مسیر
w'	: پهنهای محفظه خشک کن (m)	Δp_{ff}	: افت فشار در کل خشک کن بر اثر افت مسیر
α_{cs}	: ضریب جذب موج کوتاه برای سطح پوشش جمع کننده	P	: محیط مقطع دودکش
α_{ps}	: ضریب جذب موج کوتاه برای سطح جاذب جمع کننده	P_r	: عدد پرانتل
β	: زاویه نصب جمع کننده	Ra	: عدد رایلی
β'	: ضریب انبساط حجمی هوا (l/k)	Re	: عدد رینولدز
ϵ	: ضریب انتشار موج بلند برای سطح پوشش جمع کننده	f	: فاصله هوایی بین سطح پوشش و سطح جاذب جمع کننده
ϵ_l	: ضریب انتشار موج بلند برای سطح جاذب جمع کننده	t_{ch}	: ضخامت دویاره دودکش
ρ_{cs}	: ضریب انعکاس موج کوتاه برای سطح پوشش جمع کننده	T	: دمای جریان هوا (C)
ρ_{ps}	: ضریب انعکاس موج کوتاه برای سطح جاذب جمع کننده	T_{am}	: دمای محیط
ρ	: دانسیته (kg/m^3)	T_C	: دمای سطح پوشش جمع کننده
τ	: ضریب عبور موج کوتاه برای سطح پوشش جمع کننده	T_P	: دمای سطح جاذب جمع کننده (C)
σ	: ضریب استفان - بولتزمن w/m^2k^4	T_S	: دمای آسمان
v	: ویسکوزیته سینماتیکی m^2/s	T_{cole}	: دمای جریان هوا در خروج از جمع کننده (C)
μ	: ویسکوزیته	T_{chi}	: دمای جریان هوا در ورود به دودکش (C)
ω	: چرخش سیال ^۵	T_{che}	: دمای جریان هوا در خروج از دودکش (C)
ψ	:تابع جریان	T_{dp}	: دمای نقطه شبنم (k)
γ	: ضریب افت فشار دینامیکی	U	: ضریب انتقال حرارت کلی w/m^2k
ρ_{am}	: دانسیته هوا در دمای محیط	u_x	: مولفه سرعت جریان در جهت x
		u_y	: مولفه سرعت جریان در جهت y
		V	

مراجع

- 1 - Gosman, A. D., Pun, W. M., Runchal, A. K., Spalding, D. B. and Wolfsh Tein, M. (1969). *Heat and mass transfer in recirculating flows*, Academic Press, New York.
- 2 - Patanker, S. V. (1980). *Numerical heat transfer and fluid flow*, New York, Hemisphere.
- 3 - Duffie and Beckman, W. A. (1980). *Solar engineering of thermal processes*. Wiley, NewYork.
- 4 - Cebeci, T. and Bradshaw, P. (1984). *Physical and computational Aspect of convective heat transfer*. Springer.
- 5 - Anderson, A., Taunehill, J. C. anf Pletcher, R. H. (1984). *Computational fluid mechanics and heat transfer*. Hemisphere Publishing Corporation.
- 6 - Bala, B. K. and Woods, J. L. (1994). "Simulation of the indirect natural convection solar drying of rough rics." *Solar Energy*, Vol. 53, No. 3. PP. 259-266.

- نشریه دانشکده فنی، جلد ۳۴، شماره ۲، اذر ۱۳۹۳، پاکستان
- 7 - Holland, K. G. T. and Unny. (1976). "Free convection heat transfer across inclined air layers." *J. Heat Transfer*, Vol. 98, PP. 189-173.
- 8 - Sparrow, E. M. and Tien, K. K. (1977). "Forced convection heat transfer in an Inclined and yawed square plate application to solar collectors." *J. of Heat Transfer Trans. ASME*, Vol. 99, No. 507.
- 9 - Rohsenow, W. M., Hartnett, J. P. and Cho, Y. I. (1998). *Handbook of heat transfer* 3rd edition, McGraw-Hill, New York.
- 10 - Incopra, F. P. and Deucitt, D. P. (1996). *Fundamentals of heat transfer*, 4th ed. Wiley, New York.
- 11 - Kays, W. M. and Crawford, E. M. (1994). *Convection heat ans mass transfer*, 3rd ed. McGraw-Hill, New York.
- 12 - Tiris, C. and Dincer, I. (1995). "Investigation of thermal efficention of a solar dryer." *Energy Convers. Mgmt.* Vol. 36, No. 3, PP. 205-212.

واژه‌های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1 - Solar Collector
- 2 - Visouse Dissipation
- 3 - Vorticity Stream Function
- 4 - Vorticity