

# شبیه سازی استاتیکی و دینامیکی فرآیند فرز کاری با ابزار فرز سرکروی در ماشینکاری سطوح قالبها

## حشمت الله حقیقت

فارغ التحصیل دکترای بخش مهندسی مکانیک - دانشگاه تربیت مدرس  
محمد حسین صادقی

دانشیار بخش مهندسی مکانیک - دانشگاه تربیت مدرس  
امیر عبدالله

دانشیار بخش مهندسی مکانیک - دانشگاه تربیت مدرس

(تاریخ دریافت ۷۹/۲/۴، تاریخ تصویب ۸۰/۸/۵)

## چکیده

در این مقاله روشی برای شبیه سازی هندسی، استاتیکی و دینامیکی فرآیند فرز کاری با ابزار فرز سرکروی در ماشینکاری سطوح قالبها ارایه شده است. این روش قابلیت تخمین نیروهای ماشینکاری استاتیکی و دینامیکی و همچنین جابجایی نوک ابزار برای شرایط ماشینکاری مختلف را دارا می باشد . برای تعیین شکل منحنی لبه برش ، ابزار و قطعه در حال ماشینکاری از یک نرم افزار مدل سازی هندسی استفاده شده است. قسمتهای در حال برش لبه برش در هر موقعیت زاویه ای ابزار از تقاطع منحنی لبه برش با لبه های وجه تماس بین ابزار و قطعه در حال ماشینکاری محاسبه می شوند . برای محاسبه نیروهای وارد بر ابزار ، قسمت در حال ماشینکاری لبه برش به المانهای کوچک تقسیم شده و فرآیند ماشینکاری در هر المان به صورت مایل فرض شده است و نیروهای کل وارد بر ابزار در هر زاویه دوران ابزار از جمع نیروهای المانی محاسبه شده اند . در مدلسازی دینامیکی ، ضخامت دینامیکی تراشه از جمع ضخامت تراشه استاتیکی ، جابجایی نوک ابزار و اثرات جابجایی نوک ابزار در دوران قبلی ابزار محاسبه و نیروهای ماشینکاری دینامیکی محاسبه شده اند . برای محاسبه نیروهای شخم زنی، از مدل WU در فرآیند فرز کاری با ابزار سرکروی استفاده شده است . کل نیروهای وارد بر ابزار (شامل نیروهای ماشینکاری دینامیکی و نیروهای شخم زنی) به مدل ارتعاشی دو درجه آزادی سیستم ماشین ابزار اعمال و جابجایی نوک ابزار پیش بینی شده است . آزمایش های مختلف نیز برای بررسی صحت و سقمه نتایج شبیه سازی انجام شده است .

**واژه های کلیدی :** فرز کاری ، ابزار فرز سرکروی ، ماشینکاری سطوح پیچیده قالبها ، مدل سازی حجمی

## مقدمه

نیروی ماشینکاری در فرآیند تراشه برداری یکی از پارامترهای مهم بوده که بر روی تغییر شکل ابزار ، پریدن لبه های ابزار ، سایش و ارتعاش ابزار اثر می گذارد . بنابراین تاکنون تحقیقات زیادی برای مدلسازی آن صورت گرفته است [۱، ۲، ۳، ۴، ۵] . مطالعات برای شبیه سازی دینامیکی فرآیند فرز کاری با ابزار فرز سرکروی محدود به کارهای تحقیقاتی Abrari و Elbestawi [۶] و Lee [۷] و Altintas استاتیک مرچع [۱] را با محاسبه ضخامت دینامیکی تراشه

فرآیند فرز کاری با ابزار فرز سرکروی<sup>۱</sup> به طور وسیعی برای ماشینکاری سطوح پیچیده قالبها استفاده می شود . برخلاف ابزارهای فرز سرتخت<sup>۲</sup> ، ابزارهای فرز سرکروی دارای شعاع ، زاویه هلیکس<sup>۳</sup> و زاویه پیشانی<sup>۴</sup> متغیر در امتداد لبه برش<sup>۵</sup> می باشند . به واسطه کاهش شعاع ، سرعت ماشینکاری<sup>۶</sup> در طول لبه برش متغیر می باشد . این سرعت با مقدار حداقل در قسمت استوانه شروع و در نوک ابزار به صفر کاهش می یابد .

که در رابطه فوق  $i$ ،  $j$  و  $k$  به ترتیب بردارهای واحد در امتداد محورهای  $x$ ،  $y$  و  $z$  می باشند. با ترکیب روابط (۱)، (۲) و (۳) بردار  $r$  را می توان به صورت ذیل نوشت:

$$r = z \tan i_i - \sqrt{R^2(z) - (z \tan i_i)^2} j + zk \quad (4)$$

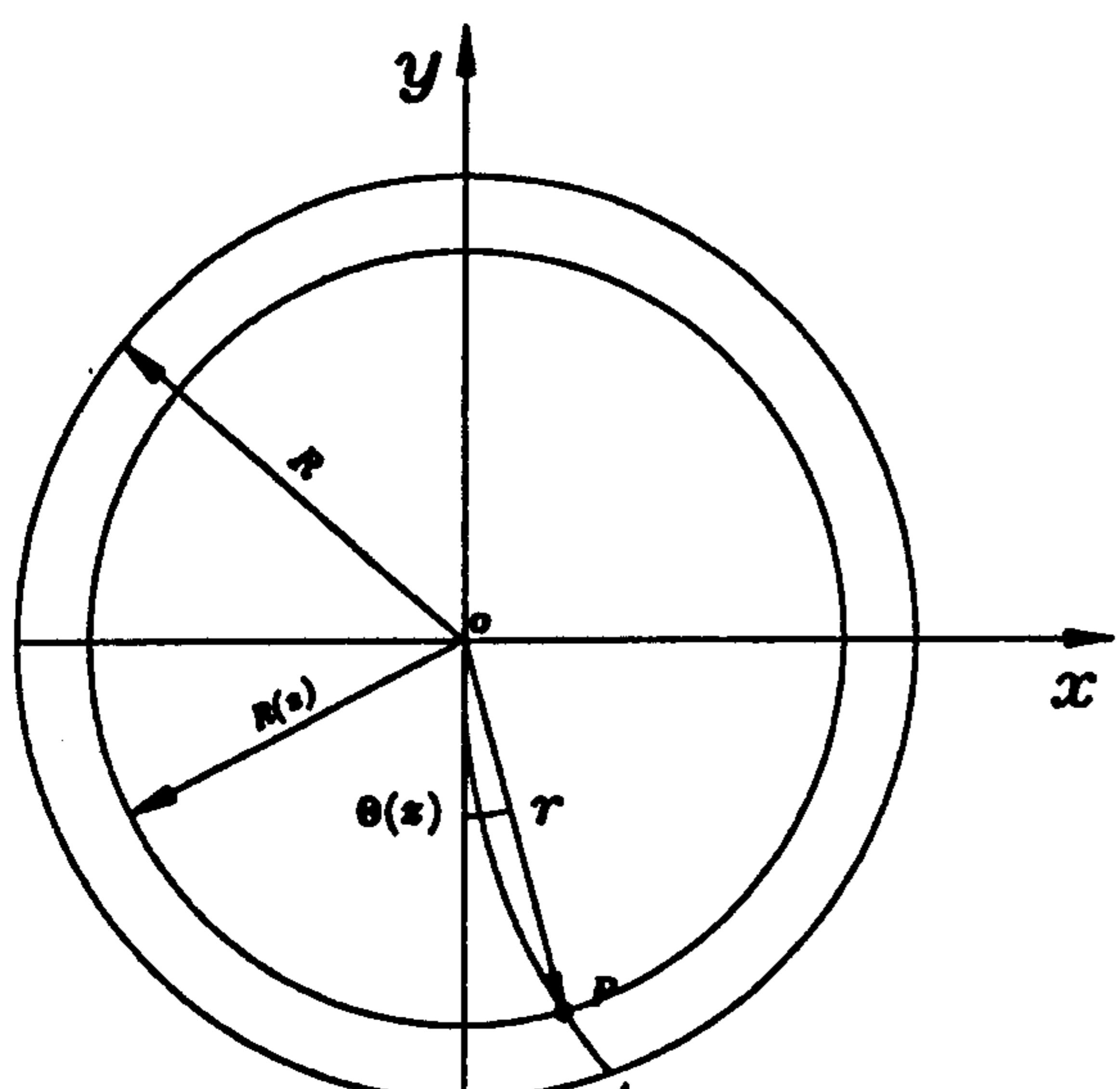
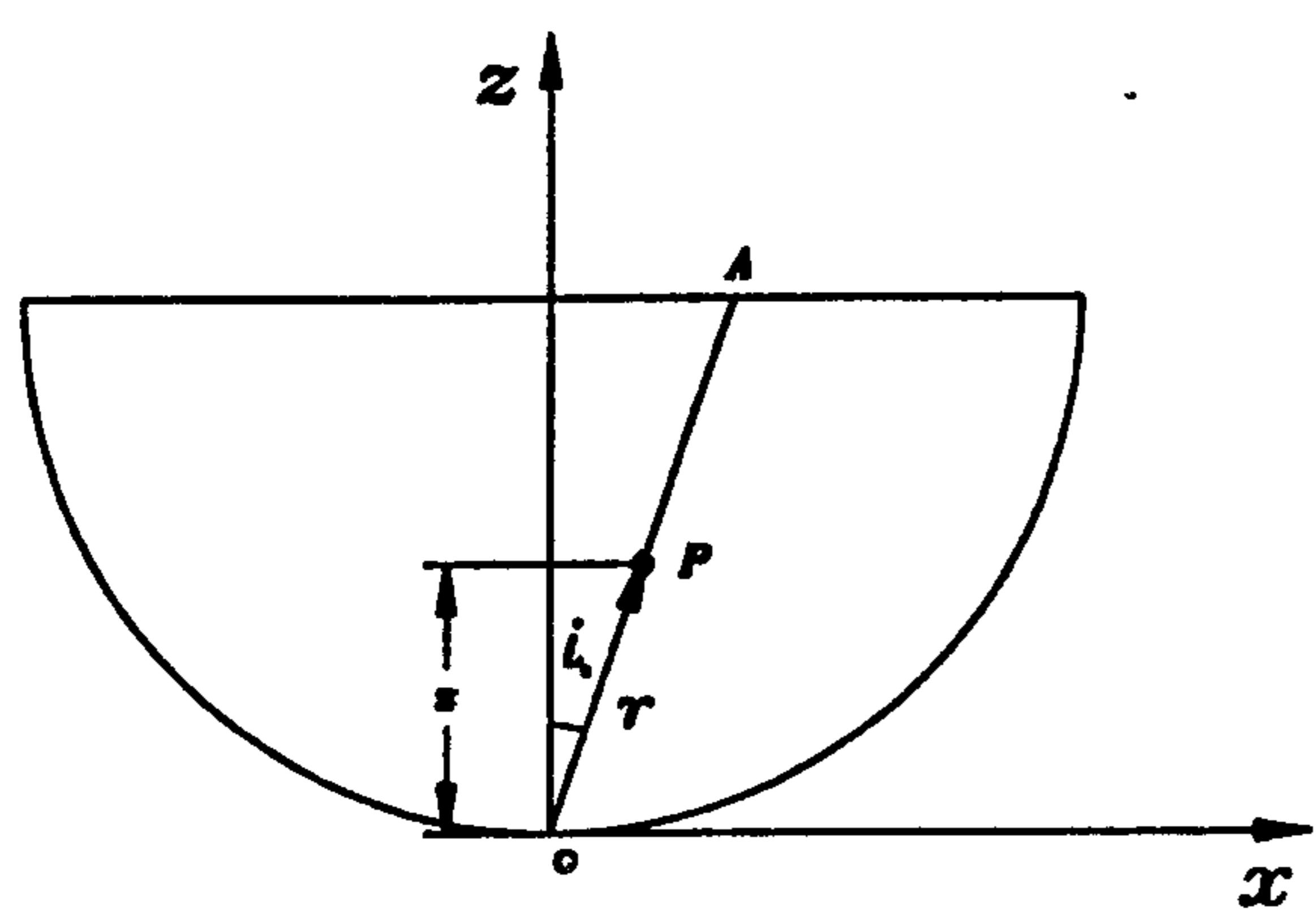
با گرفتن دیفرانسیل از رابطه فوق داریم:

$$dr = (\tan i_i i - \frac{dR(z)}{dz} - z \tan^2 i_i) j + k dz \quad (5)$$

و طول یک المان ( $ds$ ) از لبه برش که در ارتفاع  $z$  قرار دارد برابر اندازه بردار  $dr$  می باشد، بنابراین:

$$ds = \|dr\| = dz \sqrt{\tan^2 i_i + \frac{[R(z) \frac{dR(z)}{dz} - z \tan^2 i_i]^2}{R^2(z) - (z \tan i_i)^2} + 1} \quad (6)$$

مشتق بردار  $R(z)$  نسبت به  $z$



شکل ۱: مدل هندسی ابزار و لبه برش.

به مدل دینامیکی گسترش دادند [۶]. Lee و Altintas نیز مدل استاتیکی مرجع [۴] را به مدل دینامیکی گسترش دادند [۷]. این مدل‌های استاتیکی و دینامیکی فقط قابل کاربرد برای شبیه سازی دینامیکی سطوح افقی می باشند. هدف از مقاله حاضر، توسعه یک مدل نیروی استاتیک و دینامیک برای فرآیند فرزکاری با ابزار فرز سرکروی در ماشینکاری سطوح پیچیده قالبها می باشد. سطح یک قالب را می توان با مجموعه ای از سطوح که دارای زاویه  $\Phi$  نسبت به محور  $x$  و زاویه  $\Psi$  نسبت به محور  $y$  می باشند تقریب زد و برای نمایش قطعه در حال ماشینکاری، منحنی لبه برش و استخراج اطلاعات هندسی مورد لزوم در محاسبه نیروها از نرم افزار تجاری ACIS استفاده شده است [۸].

## مدلسازی هندسی مدلسازی لبه برش

لبه برش می تواند به طور دلخواه روی قسمت کروی ابزار قرار گیرد و بنابراین طرحهای مختلف ابزار فرز سرکروی وجود دارد. ابزار فرز سرکروی مورد استفاده در این مقاله که در شکل (۱) نشان داده شده از نوع دندانه جدا شدنی ۷ بوده و لبه برش (OA) در شکل (۱) از تقاطع یک صفحه که دارای زاویه  $i$  نسبت به صفحه  $-y$  می باشد، با قسمت کروی ابزار ایجاد می گردد. شعاع  $R(z)$  ابزار در صفحه  $y-x$  و در ارتفاع  $z$  برابر است با:

$$R(z) = \sqrt{R^2 - (R - z)^2} \quad (1)$$

که در رابطه فوق  $R$  شعاع قسمت کروی ابزار می باشد. زاویه  $\theta(z)$  که زاویه بین تصویر بردار  $r$  روی صفحه  $y-x$  و محور  $y$ - می باشد از رابطه ذیل محاسبه می شود:

$$\sin \theta(z) = \frac{z \tan i}{R(z)} \quad (2)$$

بردار  $r$  که برادر موقعیت نقطه  $P$  در دستگاه مختصات  $xyz$  است را می توان به شکل ذیل نوشت:

$$r = R(z) \sin \theta(z) i - R(z) \cos \theta(z) j + zk \quad (3)$$

می باشد و از رابطه (۱) :

$$\frac{dR(z)}{dz} = \frac{R - z}{R(z)} \quad (V)$$

از تعریف زاویه تمایل  $\alpha_e$  داریم :

$$ds \sin i(z) = R(z)d\theta \quad (A)$$

که در رابطه فوق ،  $i(z)$  زاویه تمایل لبه برش در فاصله  $z$  از نوک ابزار می باشد . با گرفتن دیفرانسیل از رابطه (۲) داریم :

$$d\theta = \frac{\tan i_0 [R(z) - z \frac{dR(z)}{dz}]}{R(z) \sqrt{R^2(z) - (z \tan i_0)^2}} dz \quad (9)$$

و بنابراین

$$i(z) = \sin^{-1} \frac{R(z)d\theta}{ds} \quad (10)$$

زاویه پیشانی موثر  $\alpha_e$ ، ابزار از معادله ذیل بدست می آید [۹] :

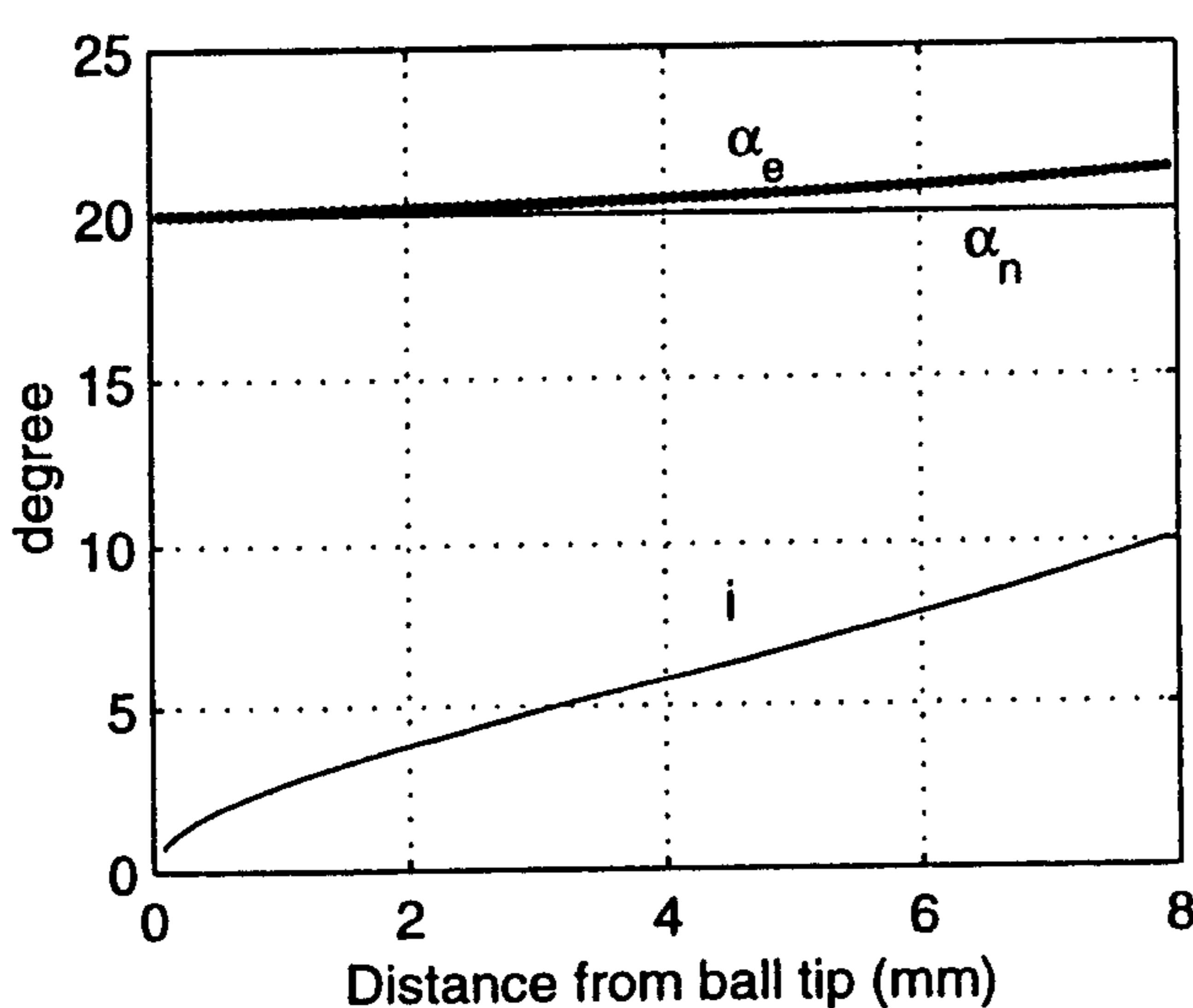
$$\sin \alpha_e = \sin \alpha_n \sin i \cos \eta_c + \sin \eta_c \sin i \quad (11)$$

که  $\alpha_n$  زاویه پیشانی عمودی  $i$  زاویه تمایل لبه برش و  $\eta_c$  زاویه جریان تراشه  $R$  در امتداد محور  $z$  در شکل (۲) نشان داده شده اند.

زاویه بین تصویر بردار  $r$  در صفحه  $y-x$  با محور  $y$ -پس از دوران ابزار از حالت اولیه (شکل ۳) به اندازه زاویه  $\Theta$  حول محور  $z$ ، از رابطه ذیل محاسبه می شود :

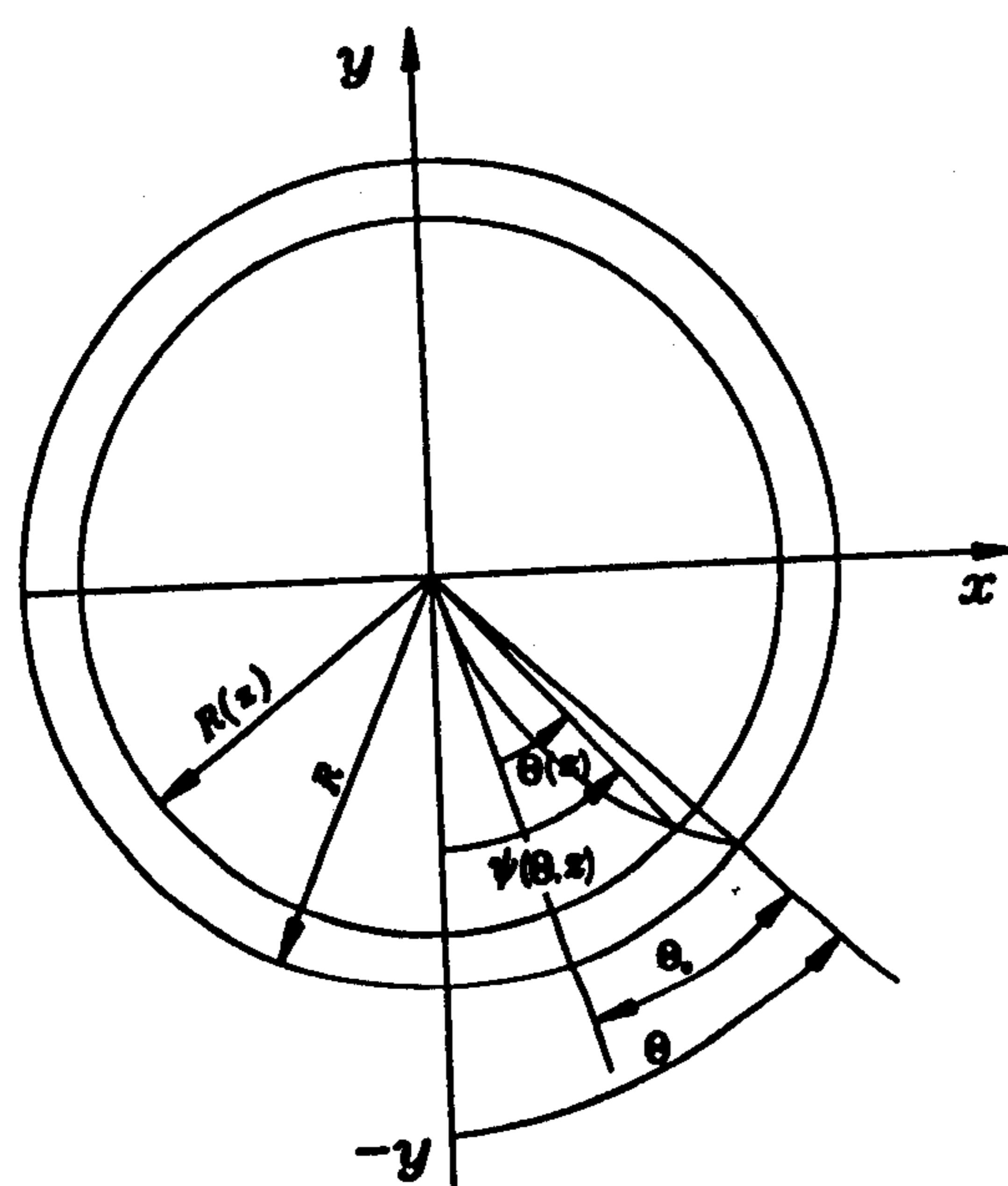
$$\psi(\Theta, z) = \Theta + \frac{2\pi}{Z} - [\theta_0 - \theta(z)] \quad (12)$$

که در رابطه فوق  $Z$  تعداد دندانه های ابزار،  $\theta_0 = \sin^{-1}(\tan i_0)$  می باشد و  $\theta(z)$  از رابطه (۲) بدست می آید .



شکل ۲: تغییرات زاویه تمایل ،  $i$  ، و زاویه موثر تراشه ،  $\alpha_e$  ، برای

$z = 8\text{ mm}$  و  $i_0 = 10^\circ$  ،  $\alpha_n = 20^\circ$



شکل ۳: زاویه یک المان از لبه برش در صفحه  $y-x$  با محور  $z$ .

مدلسازی ضخامت تراشه استاتیکی و دینامیکی  
مدلسازی ضخامت تراشه در فرآیند فرزکاری با  
امتداد تعذیه افقی اولین بار توسط Martellotti صورت  
گرفت [۱۰، ۱۱]. برای حالت فرزکاری سه بعدی با ابزار فرز  
سرکروی (شکل ۴) Lim و همکاران رابطه ذیل را  
برای ضخامت تراشه به فرض صلب بودن ابزار پیشنهاد

کردنده [۱۲]:

$$Arch_{sta}(\theta, z) = \frac{R - z}{\sqrt{R^2 - (R - z)^2}} f_v + f_h \sin \psi(\Theta, z) \quad (15)$$

که با توجه به زاویه شیب  $\Phi$  مسیر ابزار (شکل ۴):

$$f_v = f \sin \Phi, \quad f_h = f \cos \Phi \quad (16)$$

در حالت دینامیکی به واسطه تغییر شکل ابزار در لحظه فعلی ( $u$ ) و همچنین تموج  $u_1$  سطح که از دوران قبلی ابزار بر روی سطح باقی مانده است ( $u_{-1}$ ) ضخامت دینامیکی تراشه به صورت زیر قابل محاسبه است [۱۳]:

$$t_{dyn}(\Theta, z) = t_{sta}(\Theta, z) + u - u_{-1} \quad (17)$$

که در رابطه فوق:

$$u = x \sin \psi(\Theta, z) - y \cos \psi(\Theta, z) \quad (18)$$

$$u_{-1} = x_{-1} \sin \psi(\Theta, z) - y_{-1} \cos \psi(\Theta, z) \quad (19)$$

زاویه  $\Phi$  می تواند بزرگتر، کوچکتر و یا برابر صفر درجه باشد. در حالت  $\Phi > 0$  علامت  $f_v$  مثبت و قطبیکه  $\Phi < 0$ ، علامت  $f_v$  منفی و اگر  $\Phi = 0$  باشد معادله (۱۵) به شکل ساده  $f \sin \psi(\Theta, z)$  تبدیل شده که توسط Martellotti پیشنهاد شده بود [۱۰، ۱۱].

### هندسه درگیری <sup>۱۳</sup> ابزار و قطعه کار

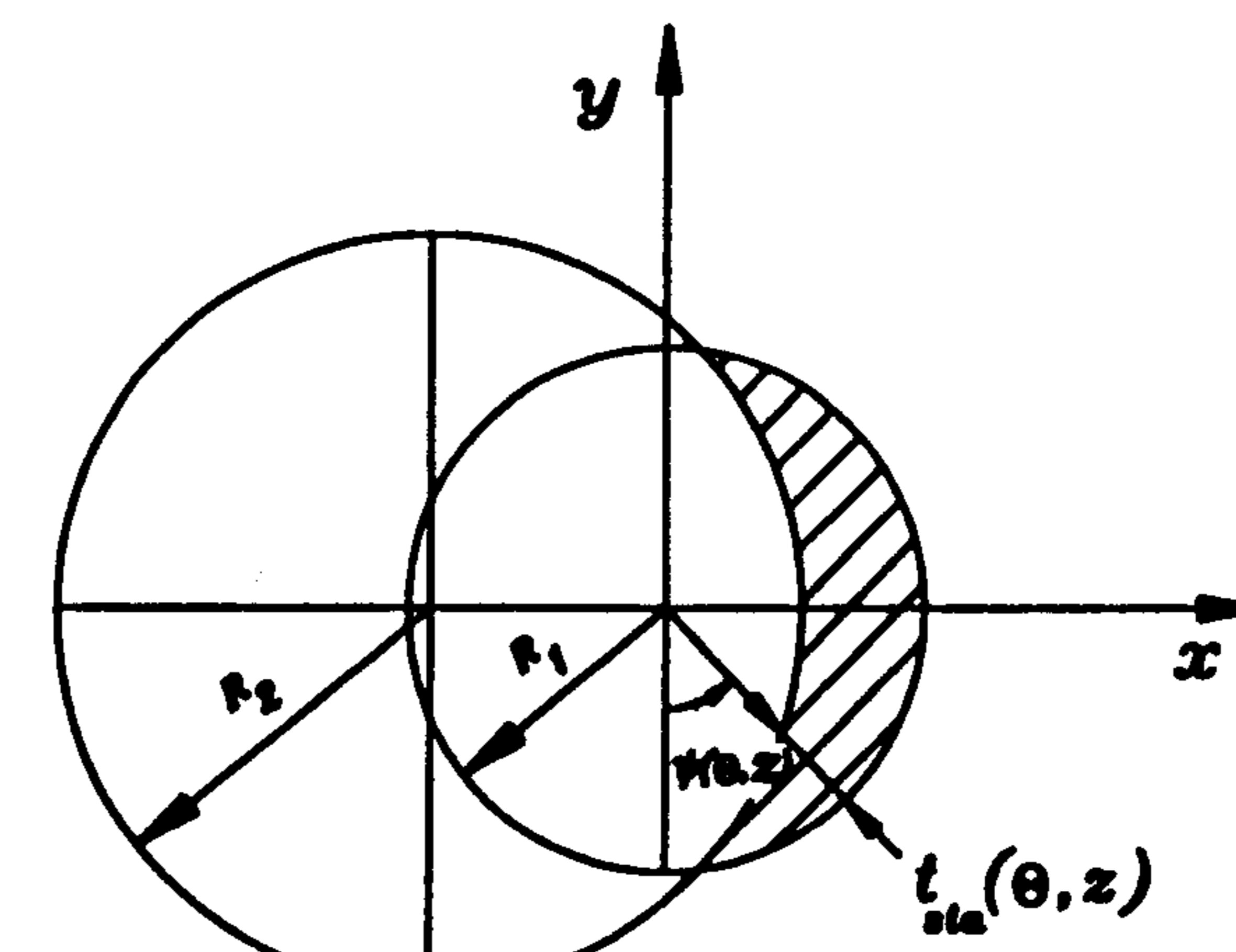
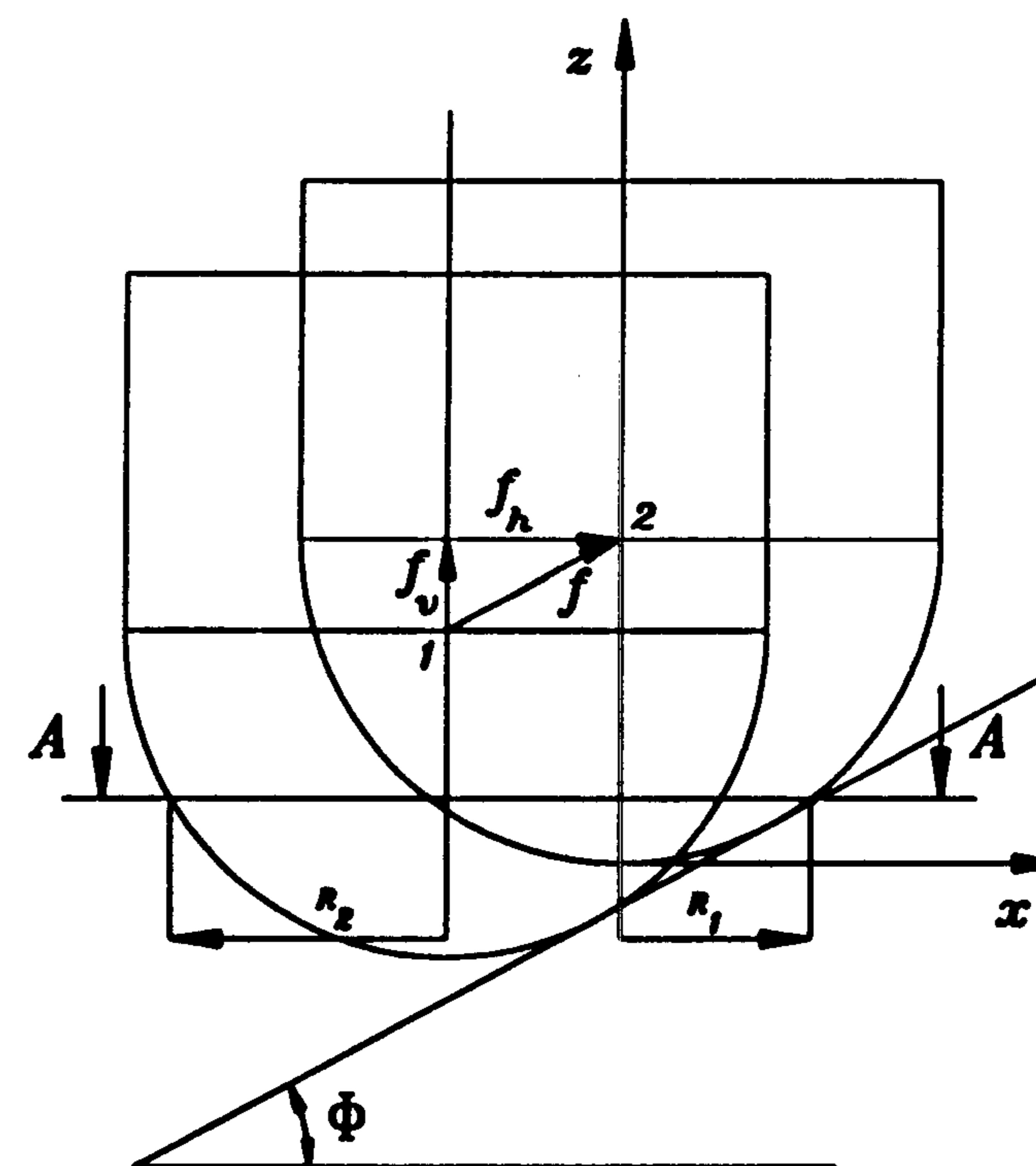
هندسه درگیری ابزار و قطعه کار (مورد نیاز برای محاسبه نیروهای ماشینکاری) شامل قسمت در حال ماشینکاری لبه برش با قطعه در حال ماشینکاری در هر موقعیت دورانی ابزار می باشد. به منظور هندسه درگیری، مدل توبیر <sup>۱۴</sup> ابزار فرز سرکروی و قطعه ماشینکاری در محیط نرم افزار تجاری مدلسازی هندسی ACIS می شوند. لبه برش همانگونه که در قسمت ۱-۲ بیان شد از تقاطع <sup>۱۵</sup> یک صفحه مایل با قسمت کروی ابزار ایجاد می گردد. قطعه در حال ماشینکاری بر اساس عرض و عمق برش و با انجام عمل تقاضل منطقی <sup>۱۶</sup> بین قطعه و حجم جاروب شده توسط ابزار، ساخته می شود (شکل ۵-الف). همانگونه که در شکل (۵-ب) نشان داده شده وجہ تماس <sup>۱۷</sup> بین

$$t_{sta}(\Theta, z) = R_2 - R_1 + f_h \sin \psi(\Theta, z) \quad (13)$$

که در رابطه فوق  $t_{sta}(\Theta, z)$  ضخامت استاتیکی تراشه در موقعیت دورانی  $\Theta$  ابزار و ارتفاع  $z$ ،  $f_h$  مولفه افقی تغذیه و  $R_1$  و  $R_2$  شعاعهای ابزار در دو موقعیت متواالی می باشند. اختلاف بین  $R_1$  و  $R_2$  به واسطه اختلاف ارتفاع عمودی  $f$  بوده و می توان آن را به صورت ذیل نوشت:

$$R_2 - R_1 = - \frac{dR(z)}{dz} \quad (14)$$

با قرار دادن معادله های (۷) و (۱۴) در معادله (۱۳) رابطه ذیل برای ضخامت تراشه استاتیکی حاصل می شود:



### Section A-A

شکل ۴: ضخامت تراشه در فرآیند فرزکاری سه بعدی با ابزار سرکروی.

**پیش بینی نیروهای ماشینکاری استاتیکی و دینامیکی**  
 برای محاسبه نیروهای ماشینکاری، قسمت در حال ماشینکاری لبه برش به المانهای کوچک تقسیم شده و فرآیند ماشینکاری در هر المان به صورت یک فرآیند مایل مدل شده است. شکل (۶) نیروهای المانی مماسی،  $dF_t$ ، شعاعی،  $dF_r$ ، و محوری  $dF_a$ ، برای یک المان از لبه برش که در ارتفاع  $Z$  و موقعیت دورانی  $\Theta$  ابزار قرار دارد را نشان می دهد مقادیر این نیروهای المانی از روابط ذیل قابل محاسبه می باشند [۴] :

$$\begin{aligned} dF_{ct}(\Theta, z) &= k_t t_n(\Theta, z) db \\ dF_{cr}(\Theta, z) &= k_r t_n(\Theta, z) db \\ dF_{ca}(\Theta, z) &= k_a t_n(\Theta, z) db \end{aligned} \quad (۲۰)$$

$$\text{و } \kappa = \sin^{-1} \frac{R(z)}{R} \quad \text{و } db = \frac{dz}{\cos \kappa}$$

ضرایب نیروهای ماشینکاری برای روابط ذیل بدست می آیند [۴]:

$$k_t = \frac{\tau}{\sin \phi_n} \frac{\cos(\beta_n - \alpha_n) + \tan \eta_c \sin \beta_n \tan i}{c}$$

$$k_r = \frac{\tau}{\sin \phi_n \cos i} \frac{\sin(\beta_n - \alpha_n)}{c}$$

$$k_a = \frac{\tau}{\sin \phi_n} \frac{\cos(\beta_n - \alpha_n) \tan i - \tan \eta_c \sin \beta_n}{c} \quad (۲۱)$$

$$c = \sqrt{\cos^2(\phi_n + \beta_n - \alpha_n) + \tan^2 \eta_c \sin^2 \beta_n} \quad (۲۲)$$

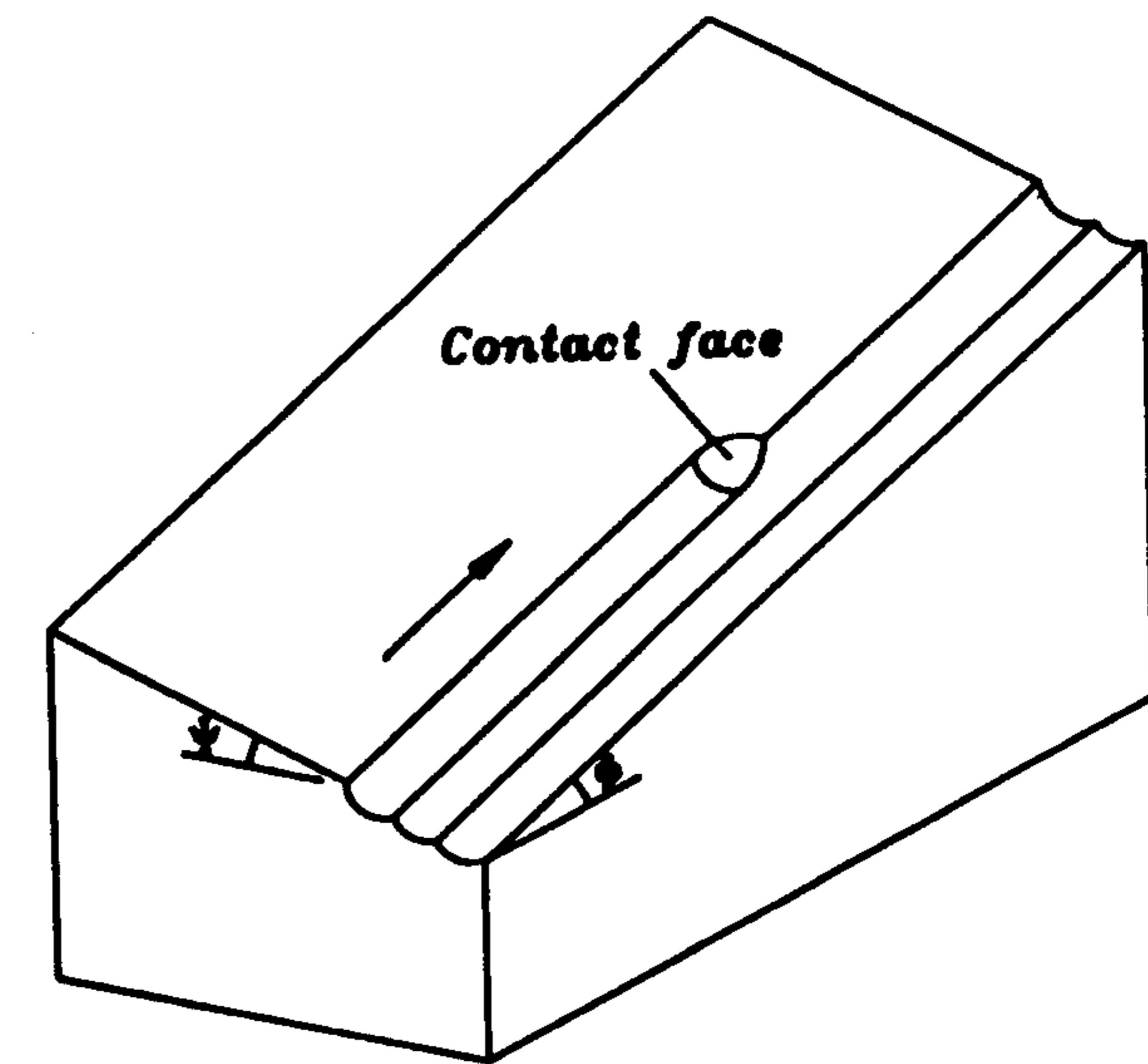
و زاویه اصطکاک عمودی،  $\beta_n$ ، و زاویه برش عمودی،  $\phi_n$ ، در ماشینکاری مایل بر حسب عبارتهای ذیل می باشند [۳] :

$$\tan \beta_n = \tan \beta \cos \eta_c \quad (۲۳)$$

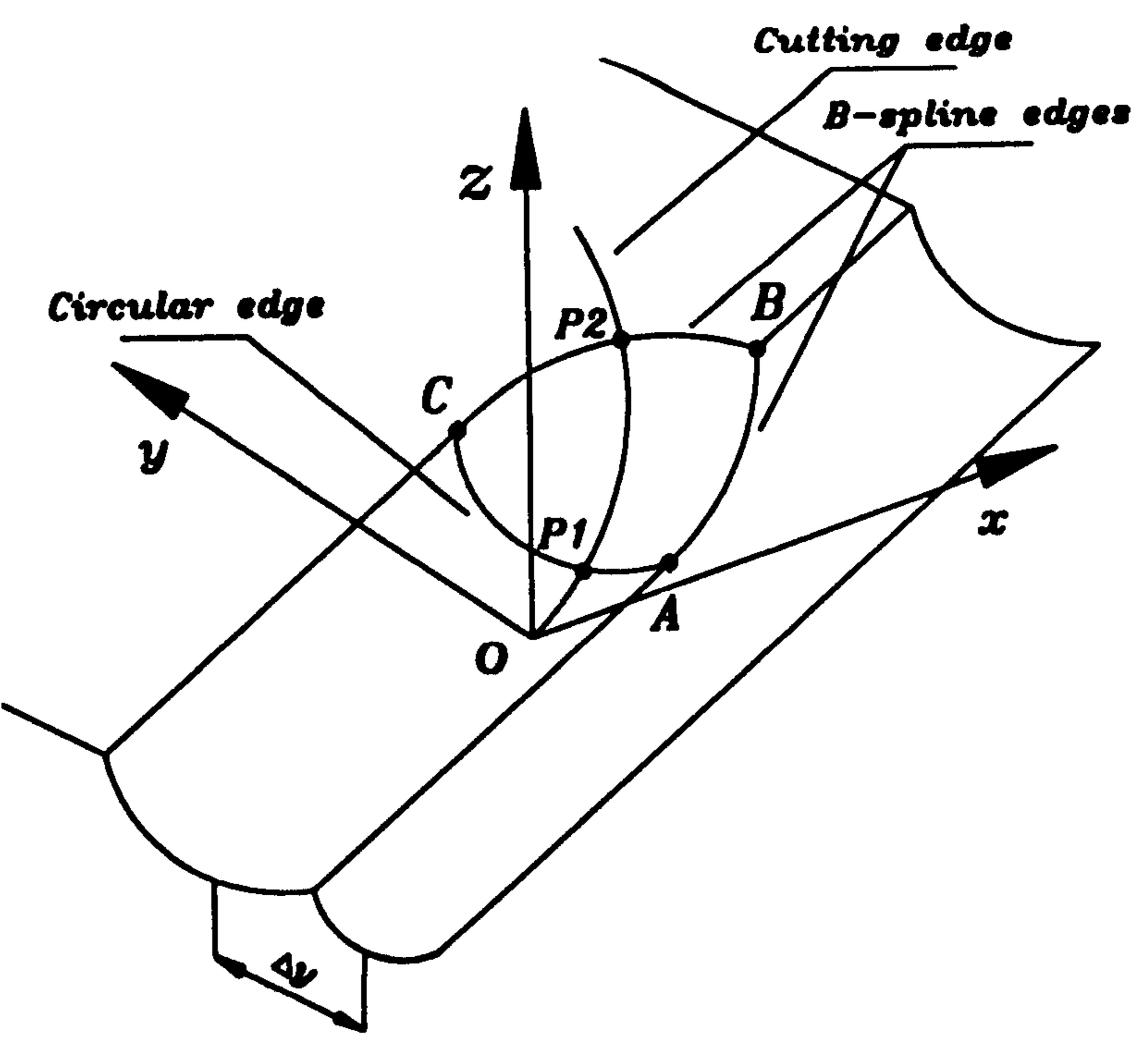
$$\tan(\phi_n + \beta_n) = \frac{\cos \alpha_n \tan i}{\tan \eta_c - \sin \alpha_n \tan i} \quad (۲۴)$$

و مطابق قانون جریان [۹] Stabler :

ابزار سرکروی و قطعه کار دارای سه لبه  $AB$ ،  $BC$  و  $AC$  می باشد. لبه  $AB$  و  $BC$  از نوع B-Spline و لبه  $AC$  دایروی می باشند. برای هر موقعیت دورانی ابزار تقاطع بین لبه برش و لبه های وجه تماس قابل محاسبه بوده (نقاط  $P_1$  و  $P_2$  در شکل ۵-ب) و بنابراین هندسه درگیری لبه برش و قطعه کار قابل استخراج است. ارتفاع نقطه  $P_1$  از نوک ابزار درگیری پایینی و ارتفاع نقطه  $P_2$  از نوک ابزار درگیری بالایی ( $z_2$ ) می باشند.



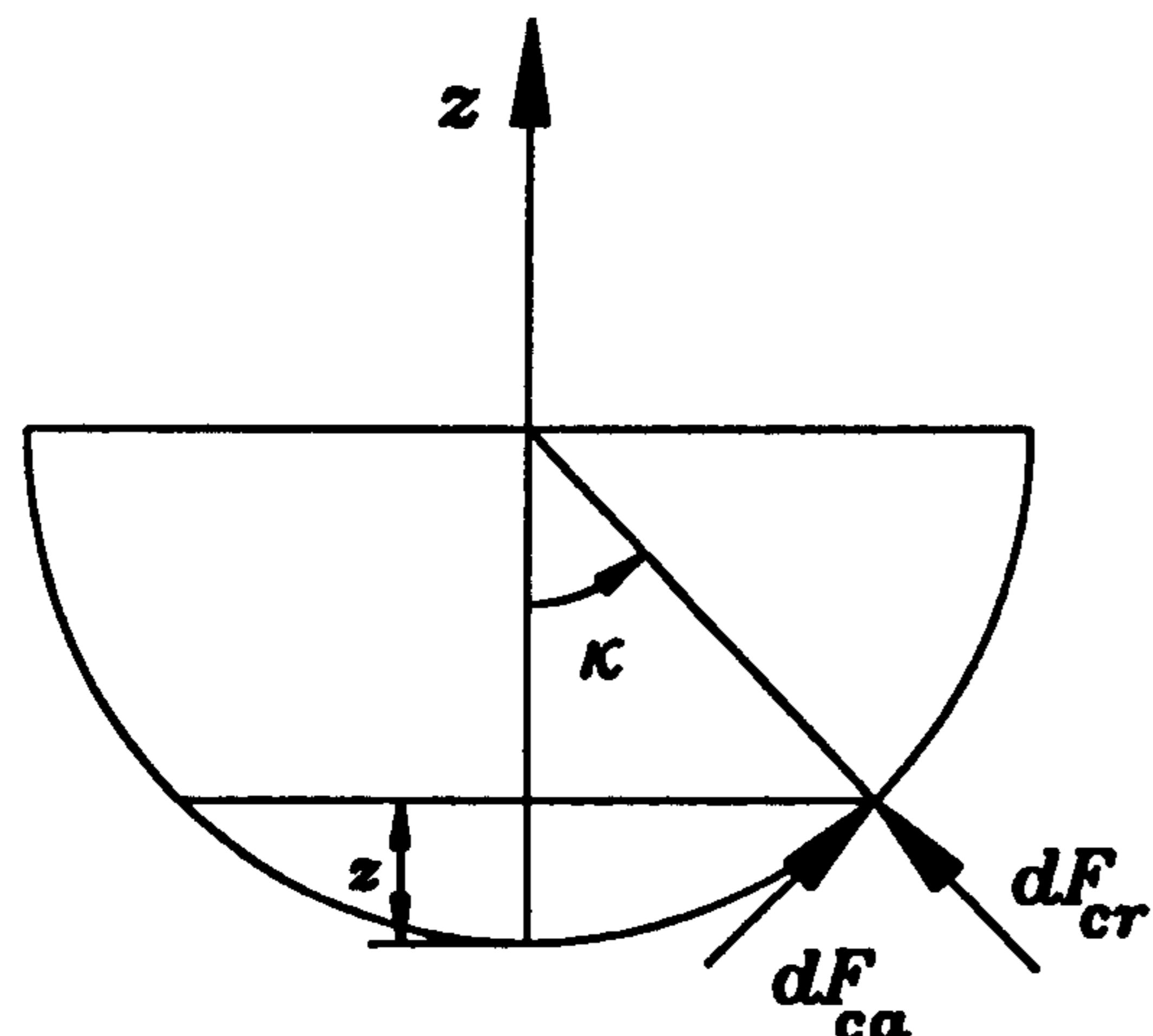
(الف)



شکل ۵: (الف)- قطعه در حال ماشینکاری و سطح تماس ابزار با آن (ب)- قسمت در حال ماشینکاری لبه برش ابزار.

$$\eta_c = i \quad (25)$$

و تنش برشی  $\tau^{18}$ ،  $\alpha$ ، زاویه اصطکاک  $\beta^{19}$ ،  $\phi^{20}$ ، برای فولاد AISI 1045 با استفاده از روابط ذیل مدل شده اند [۱] :



$$\begin{aligned} \tau &= 1.586(Vf)^{-0.25} + 67.703 \\ \phi &= 106.7(Vf)^{0.5} + 0.375\alpha_e + 13.64 \\ \beta &= 48.4(Vf)^{0.125} + 28.586 - \phi + \alpha_e \end{aligned} \quad (26)$$

که در روابط فوق زاویه های  $\beta, \phi, \alpha_e$  بر حسب درجه، سرعت برش  $V$ ، بر حسب  $m/min$  و تنش برشی  $\tau$ ، بر حسب  $kgf/mm^2$  می باشند.

شکل ۶: نیروهای ماشینکاری المانی مماسی، عمودی و محوری وارد به یک المان از لبه برش.

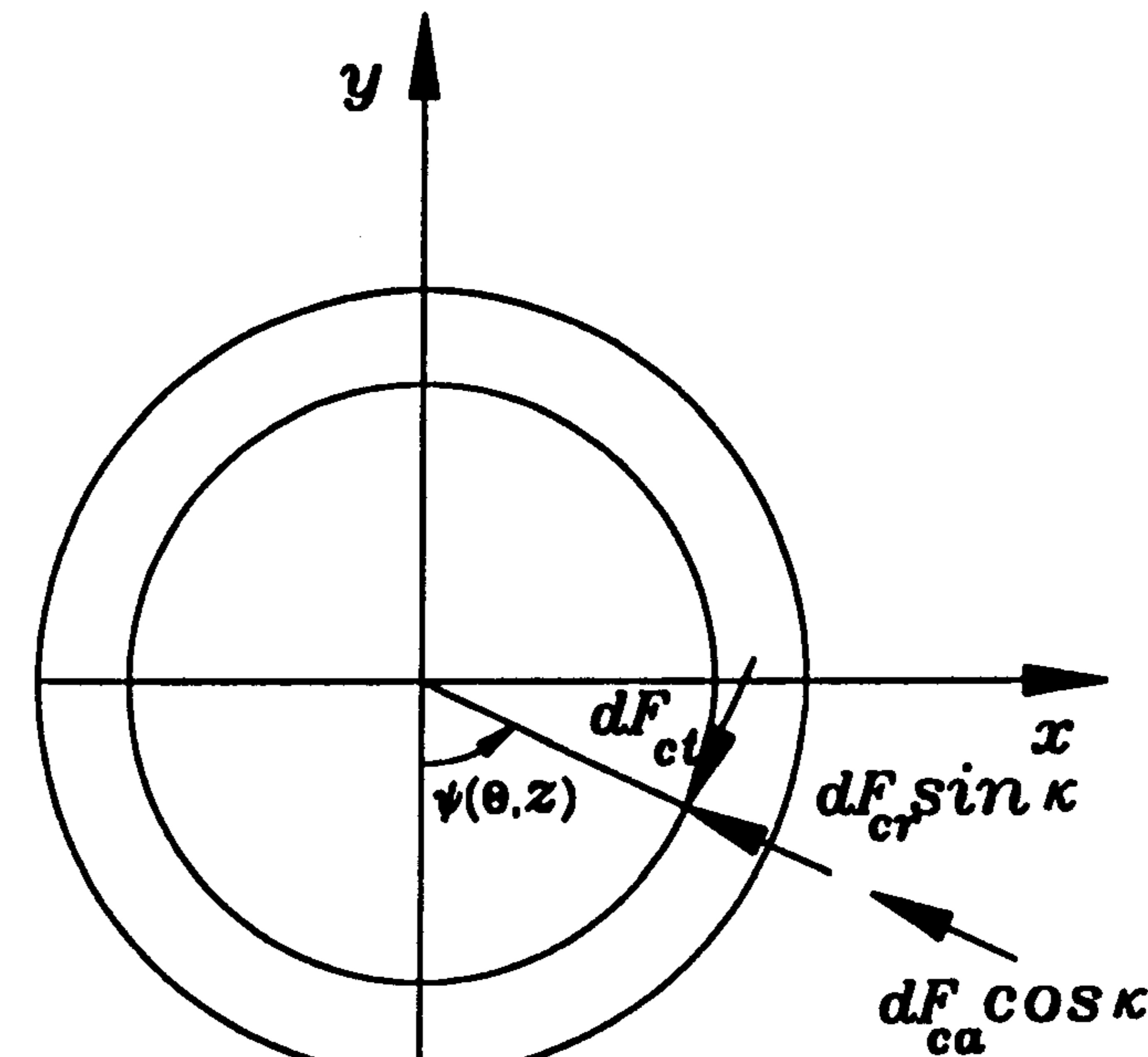
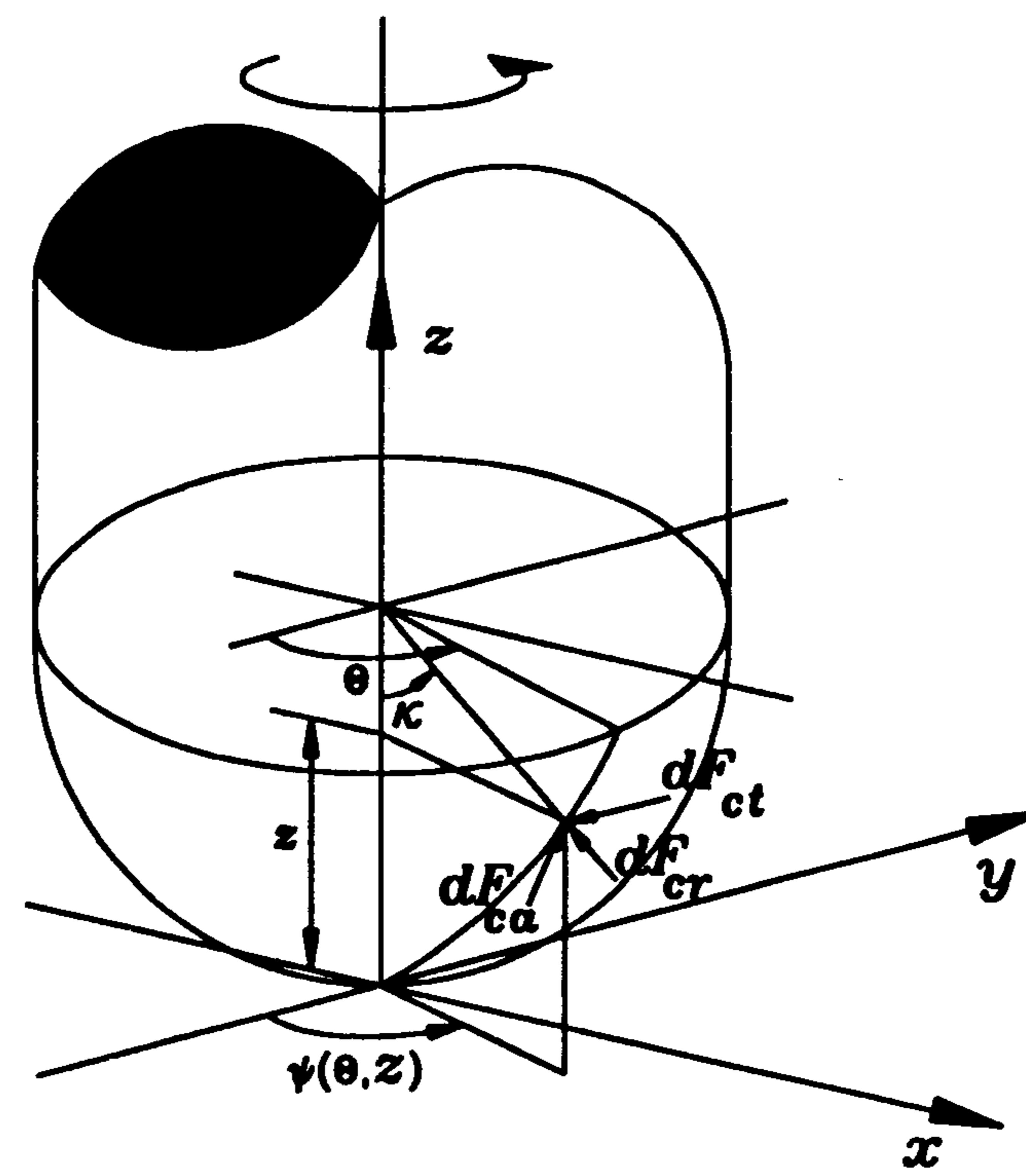
با توجه به شکل (۶) نیروهای المانی محاسبه شده بوسیله معادله (۲۰) به صورت ذیل به مختصات کارتزین تبدیل می شوند :

$$\begin{aligned} \left\{ \begin{array}{l} dF_{cx}(\Theta, z) \\ dF_{cy}(\Theta, z) \\ dF_{cz}(\Theta, z) \end{array} \right\} &= \\ \begin{bmatrix} -\sin \kappa \sin \psi(\Theta, z) & -\cos \psi(\Theta, z) & \cos \kappa \sin \psi(\Theta, z) \\ \sin \kappa \cos \psi(\Theta, z) & -\sin \psi(\Theta, z) & -\cos \kappa \cos \psi(\Theta, z) \\ \cos \kappa & 0 & \sin \kappa \end{bmatrix} & \left\{ \begin{array}{l} dF_{cr}(\Theta, z) \\ dF_{ct}(\Theta, z) \\ dF_{ca}(\Theta, z) \end{array} \right\} \\ (27) \end{aligned}$$

و نهایتاً نیروهای ماشینکاری در هر موقعیت دورانی ابزار از جمع مولفه های نیروهای المانی بدست می آیند :

$$\begin{aligned} \left\{ F_{cx}(\Theta), F_{cy}(\Theta), F_{cz}(\Theta) \right\} &= \\ \int_{z_1(\Theta)}^{z_2(\Theta)} \left\{ dF_{cx}(\Theta, z), dF_{cy}(\Theta, z), dF_{cz}(\Theta, z) \right\} dz & (28) \end{aligned}$$

که حدود انتگرال گیری  $(\Theta)$  و  $z_1(\Theta)$ ،  $z_2(\Theta)$ ، میزان درگیری لبه برش با قطعه در حال ماشینکاری در موقعیت



### مدل ارتعاشی

مدل ارتعاشی استفاده شده در شبیه سازی دینامیکی فرآیند فرزکاری در چندین کار تحقیقاتی تشریح شده است [۱۳]. مدل ارتعاشی فرآیند فرزکاری با ابزار فرز سرکروی در ماشینکاری یک المان از سطح پیچیده در شکل (۷) نشان داده شده است. این مدل یک سیستم ارتعاشی دو درجه آزادی می باشد و معادلات تعادل به صورت ذیل قابل بیان هستند:

$$m_x \ddot{x} + c_x \dot{x} + k_x x = F_{cx} + F_{px}$$

$$m_y \ddot{y} + c_y \dot{y} + k_y y = F_{cy} + F_{py}$$

که  $m_x$ ،  $m_y$  و  $k_x$  پارامترهای سازه ای در امتداد  $x$ ،  $y$  و  $k_y$  پارامترهای سازه ای در امتداد  $y$ ،  $F_{cx}$  و  $F_{cy}$  به ترتیب نیروهای ماشینکاری در امتداد  $x$  و  $y$ ،  $F_{px}$  و  $F_{py}$  به ترتیب نیروهای شخم زنی در امتداد  $x$  و  $y$  می باشند. معادلات (۳۲) و (۳۳) با استفاده از روش عددی رانگ - کوتا حل می شوند. پارامترهای مورد استفاده در تعریف سیستم ارتعاشی از آزمایشها مودال بدست آمده و عبارتند از [۱۵]:

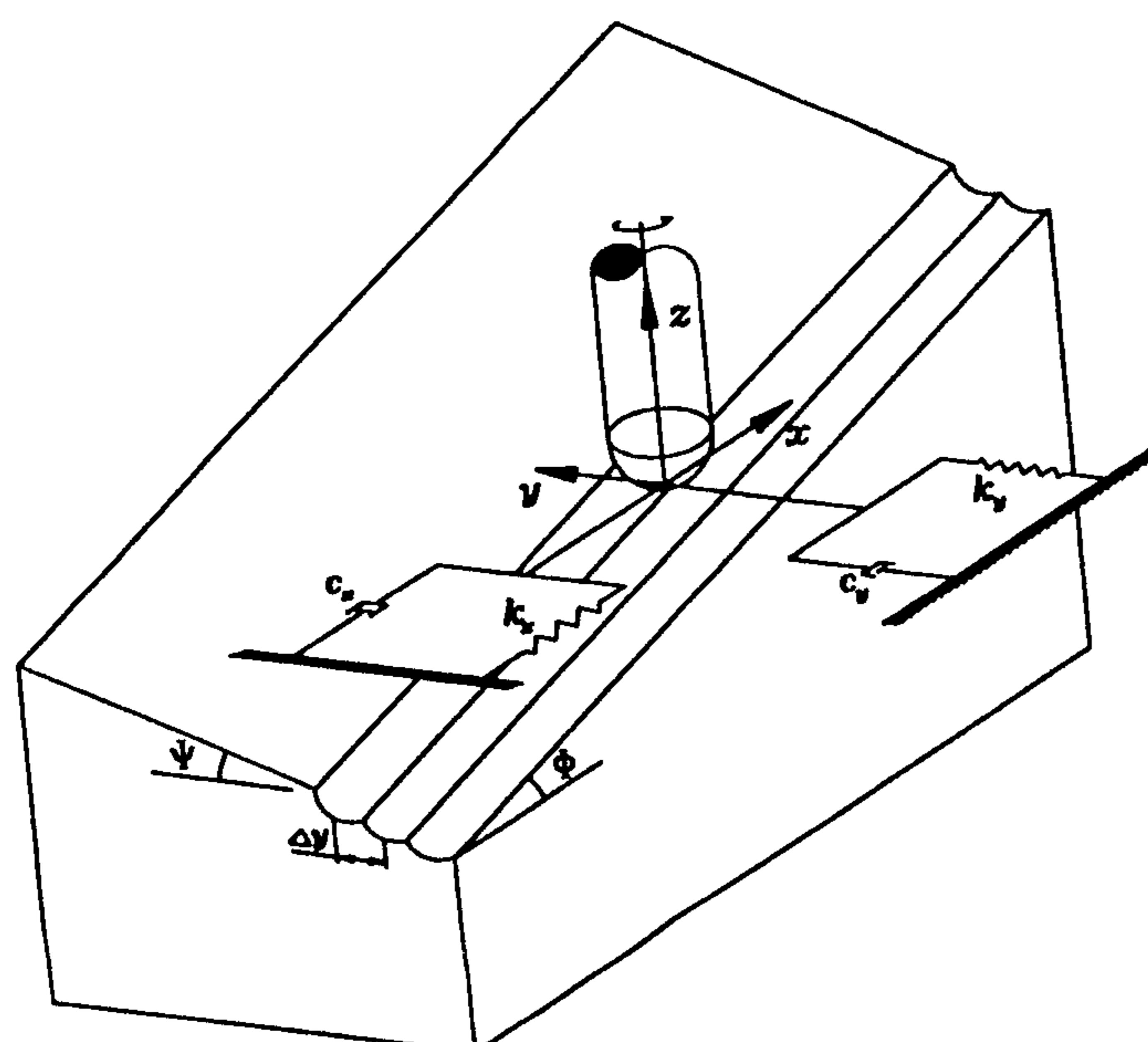
$$m_x = m_y = 0.11\text{kg}$$

$$\zeta_x = \zeta_y = 0.019$$

(۳۴)

که  $\zeta$  ضریب دمپینگ بوده و  $\zeta = \frac{c}{2\sqrt{km}}$

$$k_x = 8.1 \times 10^6 \text{ N/m}, k_y = 7.7 \times 10^6 \text{ N/m}$$



شکل ۷: مدل ارتعاشی فرآیند فرزکاری با ابزار فرز سرکروی.

دورانی  $\Theta$  ابزار می باشد و از مدلسازی هندسی تشریح شده در قسمت (۳-۲) بدست می آیند.

### نیروهای شخم زنی <sup>۲۱</sup>

نیروهای شخم زنی (به دلیل نفوذ ابزار در قطعه کار) که روی لبه برش ابزار عمل می کنند توسط  $WU$  به شکل زیر مدل شده اند [۱۴] :

$$df_{pr} = f_{sp} dv$$

$$df_{pt} = \mu_c df_{pr} \quad (۲۹)$$

که  $df_{pr}$  و  $df_{pt}$  به ترتیب مولفه های نیروهای شخم زنی در امتدادهای مماسی و شعاعی،  $\mu_c$  ضریب اصطکاک متوسط بین سطح آزاد ابزار و قطعه کار،  $dv$  حجم ماده قطعه جابجا شده بوسیله نفوذ ابزار و  $f_{sp}$  نیروی شخم زنی مخصوص می باشند. برای فولاد [۱۳]  $f_{sp} = 4.1 \times 10^5 \text{ N/mm}^3$  و  $\mu_c = 0.3$ . برای محاسبه  $dv$  (حجم ماده جابجا شده توسط یک المان از لبه برش ابزار فرز سرکروی)، قسمت درگیر شده لبه برش به المانهای کوچک تقسیم فرآیند شخم زنی در هر المان شبیه فرآیند شخم زنی در ماشینکاری متعامد تحلیل شده و روابط موجود در مرجع [۱۴] که برای محاسبه  $dv$  است به فرآیند فرزکاری با ابزار فرز سرکروی بسط داده شده اند:

مولفه های نیروهای شخم زنی در مختصات کارتزین به شکل ذیل قابل محاسبه هستند:

$$\begin{cases} df_{px}(\Theta, z) \\ df_{py}(\Theta, z) \end{cases} = \begin{bmatrix} -\sin \psi(\Theta, z) & -\cos \psi(\Theta, z) \\ \cos \psi(\Theta, z) & -\sin \psi(\Theta, z) \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} df_{pr} \\ df_{pt} \end{cases} \quad (۳۰)$$

و کل نیروهای شخم زنی در موقعیت دورانی  $\Theta$  ابزار در مختصات کارتزین از رابطه ذیل محاسبه می شوند:

$$\begin{cases} F_{px}(\Theta), F_{py}(\Theta) \\ \{df_{px}(\Theta, z), df_{py}(\Theta, z)\} dz \end{cases} = \int_{z_1(\Theta)}^{z_2(\Theta)}$$

$$(۳۱)$$

ابزار در امتدادهای  $x$  و  $z$  را نشان می‌دهد. دیده می‌شود که نتایج پیش‌بینی‌ها با مقادیر نیروها در حد قابل قبولی می‌باشد.

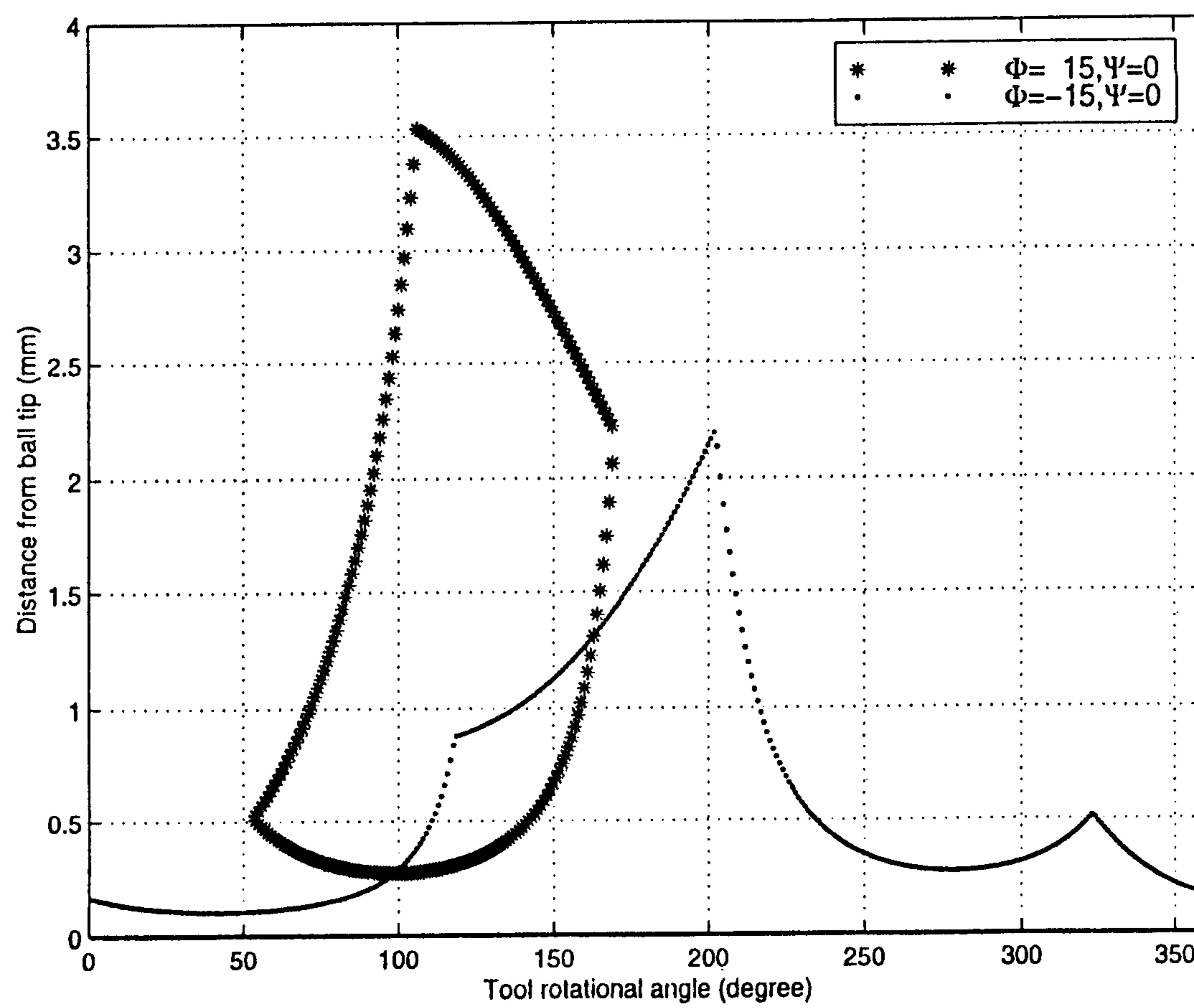
### نتیجه گیری

این مقاله به تشریح یک مدل نیرو برای پیش‌بینی نیروهای ماشینکاری استاتیکی و دینامیکی در فرآیند فرزکاری (با ابزار فرز سرکروی) سطوح پیچیده قالبها می‌پردازد. سطح پیچیده قالب به صورت المانهای صفحه‌ای که دارای زاویه  $\Phi$  نسبت به محور  $x$  و زاویه  $\Psi$  نسبت به محور  $z$  می‌باشد تقریب زده شده است. لبه برش ابزار فرز سرکروی و قطعه ماشینکاری با استفاده از نرم افزار تجاری مدلسازی هندسه‌ی (ACIS) مدل بر اساس شرایط برش شامل عمق و عرض تراش، قطعه در حال ماشینکاری با انجام تفاضل منطقی بین قطعه، ماشینکاری و حجم جاروب شده ماده توسط ابزار ساخته شده است. با یافتن سطح تماس بین ابزار سرکروی و قطعه در حال ماشینکاری قسمتهای در حال ماشینکاری لبه برش در زوایای دورانی مختلف ابزار استخراج شده‌اند.

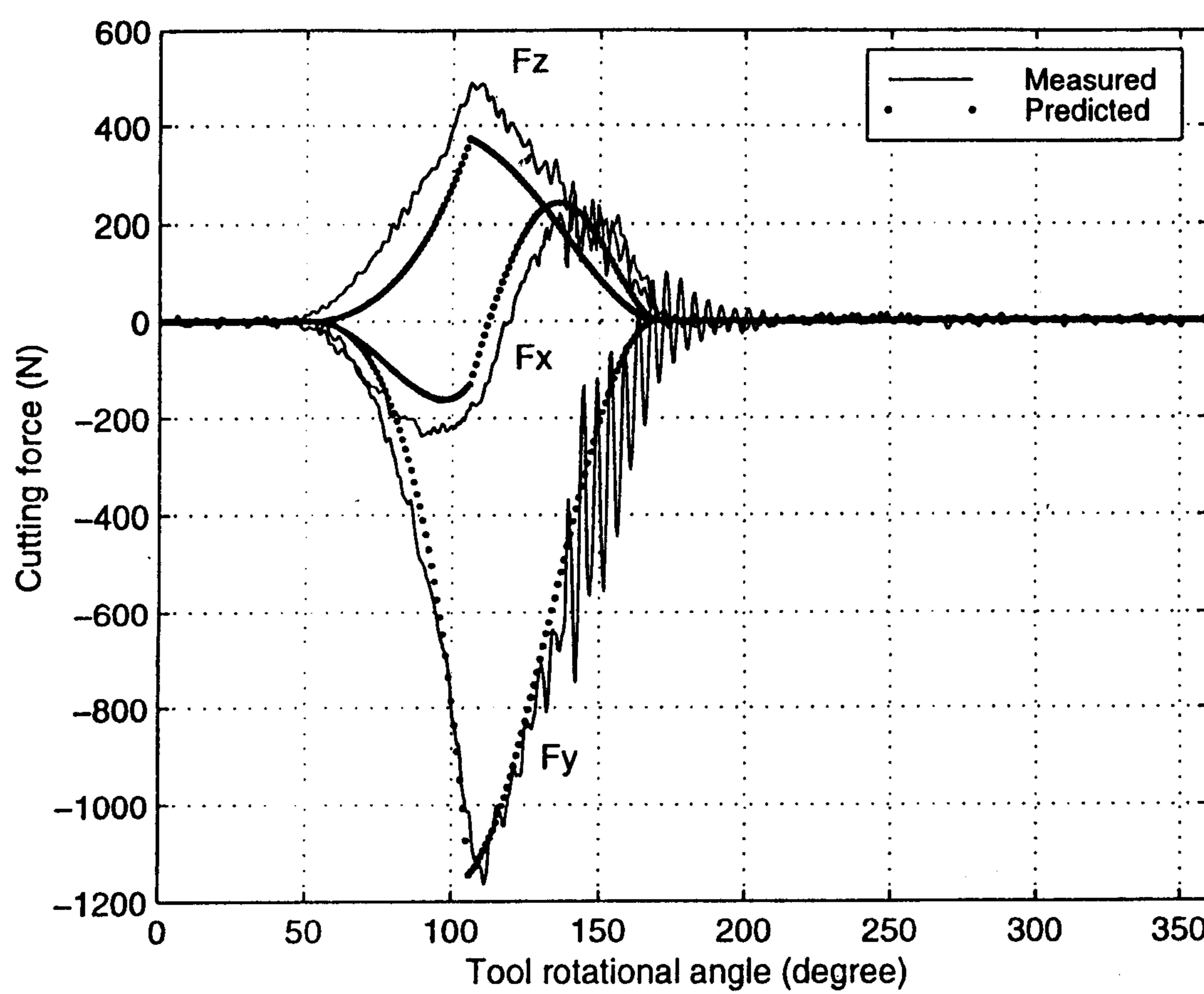
با تحلیل فرآیند ماشینکاری در هر المان لبه برش به صورت فرآیند ماشینکاری مایل نیروهای المانی محاسبه و با جمع این نیروهای المانی در طول قسمت ماشینکاری لبه برش، نیروهای ماشینکاری در هر موقعیت دورانی ابزار محاسبه شده‌اند. با محاسبه ضخامت تراشه دینامیکی، نیروهای دینامیکی و با گسترش مدل  $wu$  به فرآیند فرزکاری با ابزار فرز سرکروی، نیروهای شخم زنی محاسبه شده‌اند. جمع نیروهای ماشینکاری دینامیکی و نیروهای شخم زنی به مدل ارتعاشی دو درجه آزادی سیستم ماشین ابزار اعمال و جابجایی نوک ابزار محاسبه شده است.

### مقایسه نتایج شبیه سازی با نتایج آزمایش

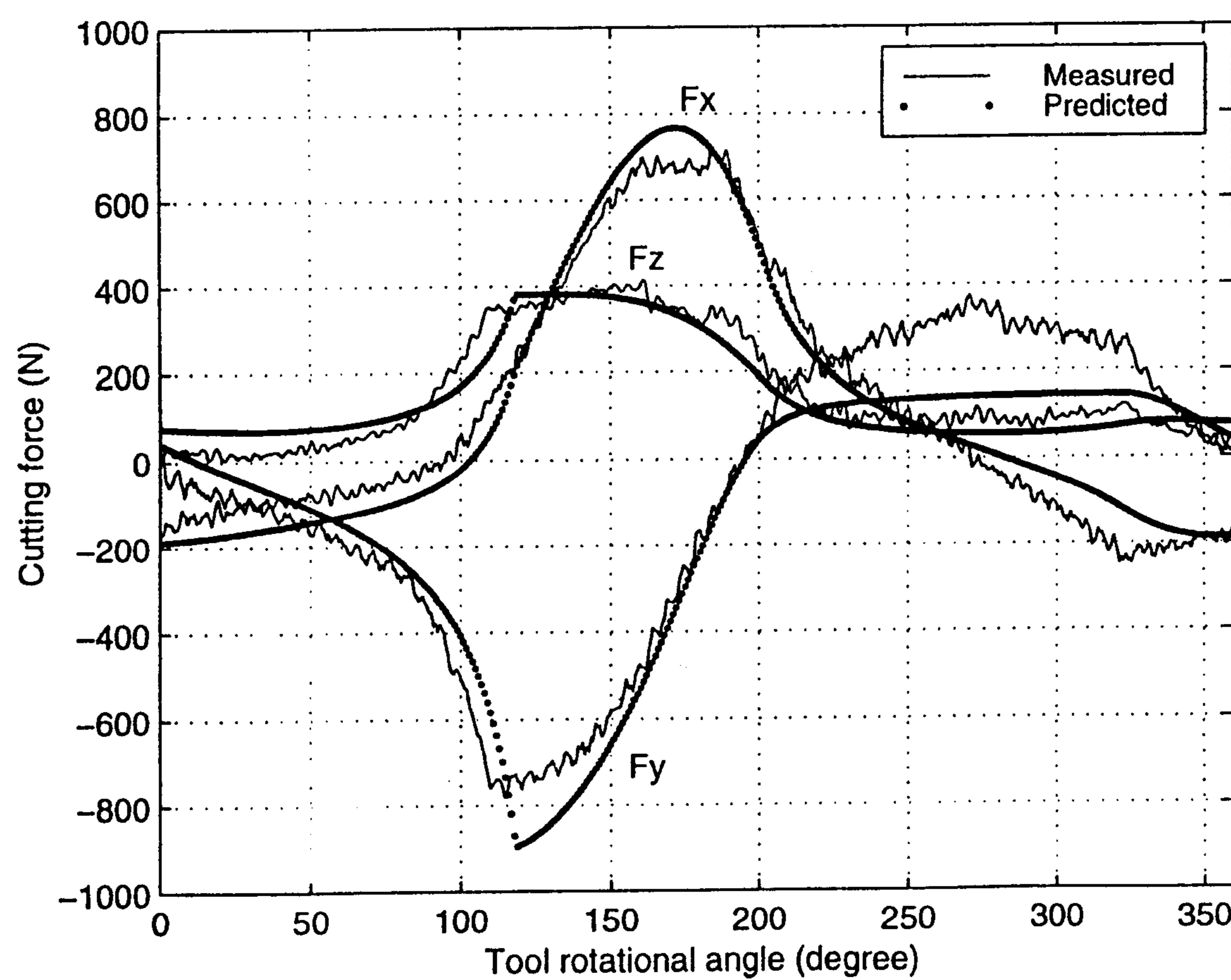
برای بررسی و مقایسه نتایج شبیه سازی کامپیوتوری با نتایج تجربی آزمایش‌های متعددی در مرکز IMMRC دانشگاه McMaster کشور کانادا انجام گرفت. ترکیب آزمایش شامل یک دستگاه ماشین فرز CNC دو و نیم محوره، دینامومتر Kistler از نوع ۹۲۵۵B برای اندازه گیری نیروهای ماشینکاری در امتدادهای  $x, y, z$ ، ابزار فرز سرکروی تک لبه با شعاع  $8 \text{ mm}$ ، زاویه پیشانی  $20^\circ$ ، زاویه آزاد  $90^\circ$  و زاویه  $10^\circ = \theta$  می‌باشد. قطعات مورد آزمایش از جنس فولاد AISI ۱۰۴۵ بوده و کلیه آزمایش‌ها در مود ماشینکاری مخالف با دور اسپیندل  $600 \text{ rpm}$  عمق ماشینکاری  $2 \text{ mm}$  و عرض ماشینکاری  $4 \text{ mm}$  انجام شده‌اند. هندسه در گیری ابزار با قطعه کار برای دو هندسه مختلف سطح در شکل ۸ نشان داده شده است. همانگونه که شکل (۸) نشان می‌دهد در حالت  $(\Psi = 0^\circ \text{ و } \Phi = 15^\circ)$  لبه برش از زاویه دورانی  $54^\circ$  تا  $169^\circ$  در حال ماشینکاری بوده ولی در حالت  $(\Psi = 0^\circ \text{ و } \Phi = -15^\circ)$  لبه برش در دوران کامل ابزار در حال ماشینکاری می‌باشد. مقایسه بین مولفه نیروهای ماشینکاری تجربی و نیروهای استاتیک ماشینکاری شبیه سازی شده برای این دو هندسه سطح در شکلهای (۹) و (۱۰) نشان داده شده‌اند. همانگونه که در دو شکل اخیر مشاهده می‌شود الگوی نیروهای ماشینکاری از الگوی هندسه در گیری ابزار با قطعه کار که در شکل ۸ نشان داده شده تبعیت می‌کند. به عبارت دیگر در حالیکه لبه برش با قطعه کار در گیر نیست کلیه مولفه‌های نیروهای ماشینکاری برابر صفر می‌باشند. شکل (۱۱) مولفه‌های نیروهای دینامیکی شبیه سازی شده و مقادیر آنها که از طریق تجربی اندازه گیری شده و همچنین تغییر شکل نوک



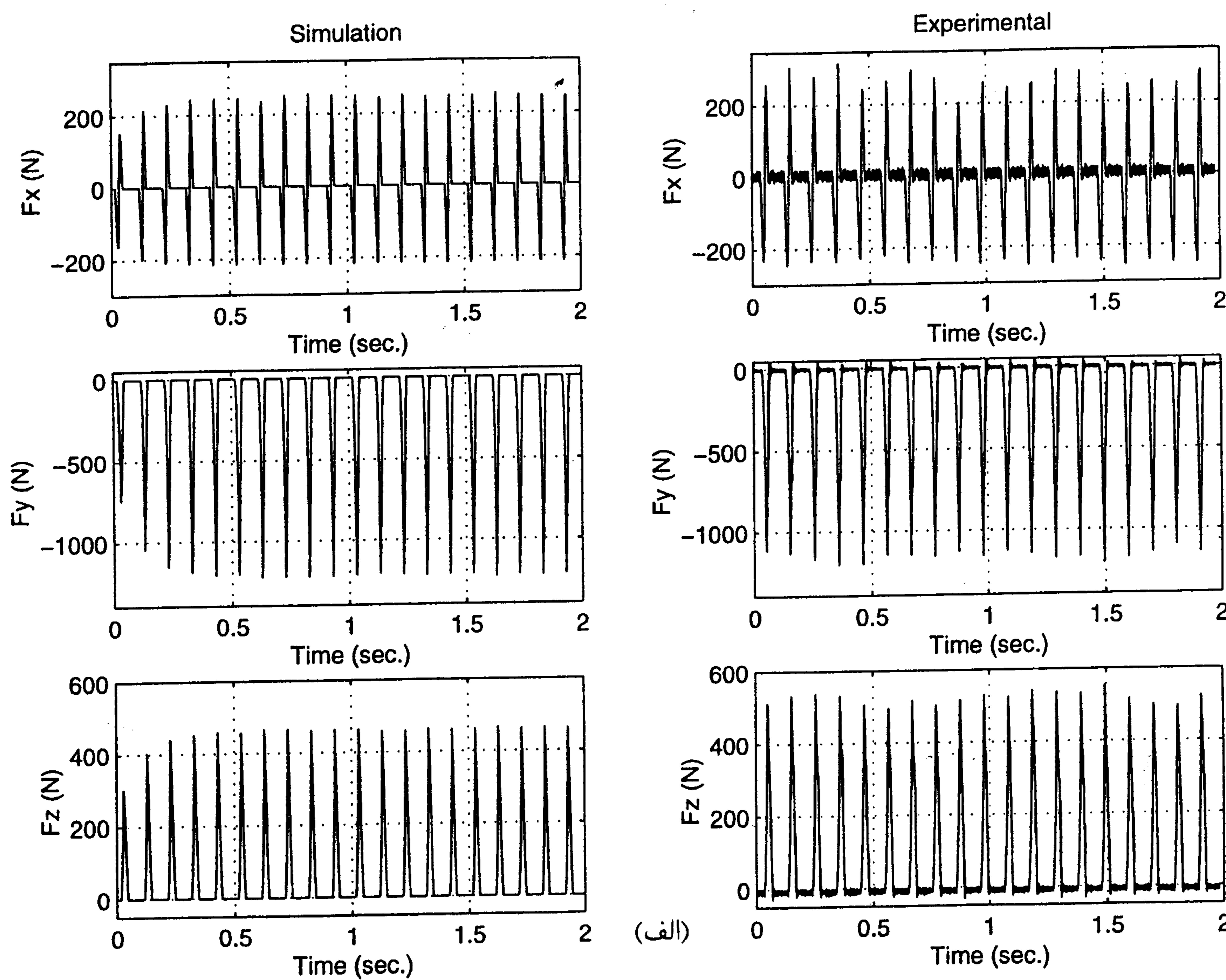
شکل ۸: هندسه درگیری ابزار با قطعه کار بر حسب موقعیت دورانی ابزار در زاویه های سطح مختلف.

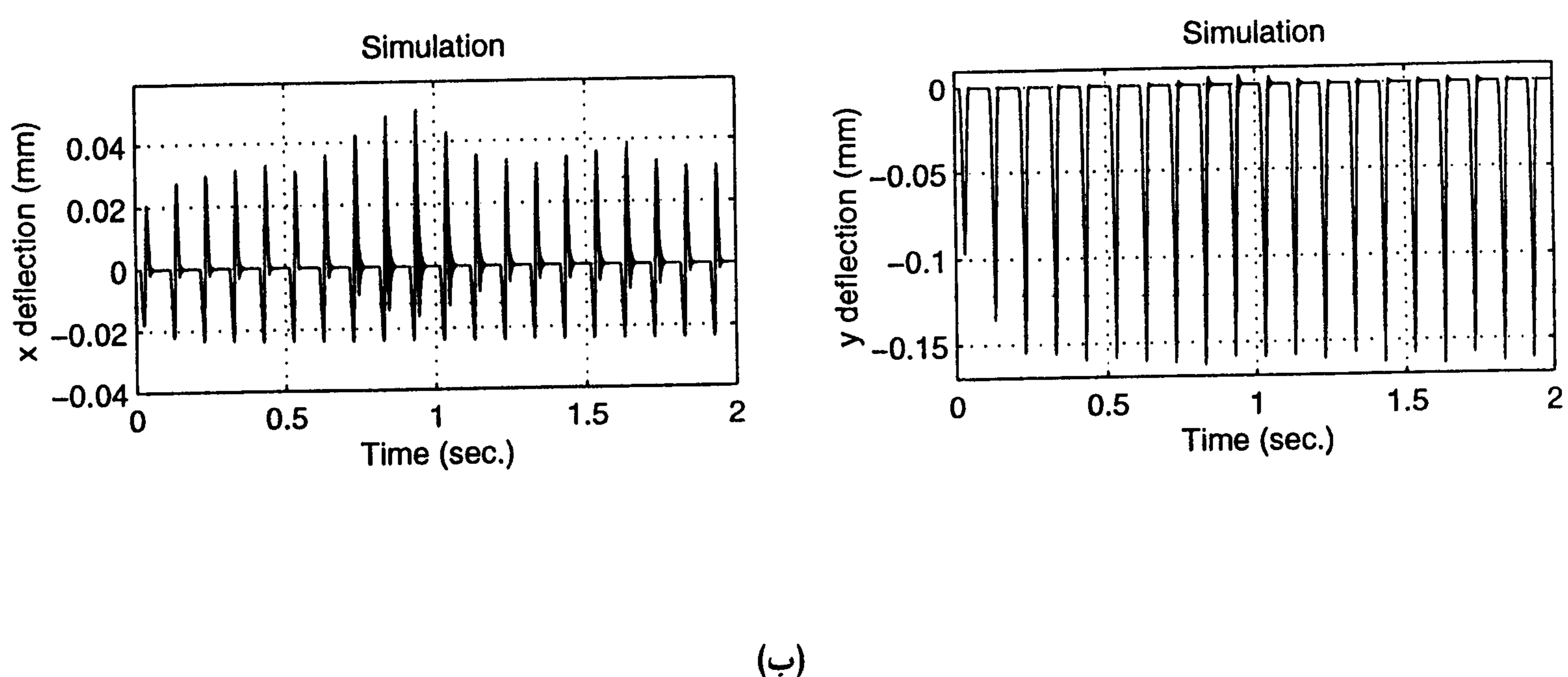


شکل ۹: نیروهای استاتیکی شبیه سازی شده و تجربی برای  $\Phi = 15^\circ, \Psi = 0^\circ$



.  $\Phi = -15^\circ$ ,  $\Psi = 0^\circ$ ، نیروهای ماشینکاری استاتیکی شبیه سازی شده و تجربی برای





شکل ۱۱: (الف) - نیروهای ماشینکاری دینامیکی شبیه سازی شده و تجربی برای  $\Phi = +15^\circ$ ,  $\Psi = 0^\circ$  و (ب) جابجایی نوک ابزار در امتدادهای  $x, y$ .

#### مراجع

- 1 - Yang, M. H. and Park, H. (1991). "The prediction of cutting force in ball-end milling." *Int. J. Mach. Tools Manufact.*, Vol. 31, No. 1, PP. 45-54.
- 2 - Feng, H. and Menq C. H. (1994). "The prediction of cutting force in the ball end milling process-I. model formulation and model building procedure." *Int. J. Mach. Tools Manufact.*, Vol. 34, No. 5, PP. 697-710.
- 3 - Budak, G., Altintas, Y. and Armarego, E. J. A. (1996). "Prediction of milling force coefficients from orthogonal cutting data." *ASME J. Manufact. Science and Eng.*, Vol. 118, PP. 216-224.
- 4 - Lee, P. and Altintas, Y. (1996). "Prediction of ball-end milling force from orthogonal cutting data." *Int. J. Mach. Tools Manufact.*, Vol. 36, No. 9, PP. 1059-1072..
- 5 - Imani, B. M., Sadeghi, M. H. and Elbestawi, M. A. (1998). "An improved process simulation for ball-end milling of sculptured surfaces." *Int. J. Mach. Tools Manufact.*, Vol. 38, PP. 1089-1107.
- 6 - Abrari, F., Elbestawi, M. A. and Spence, A. D. (1998). "On the dynamics of ball-end milling: modeling of cutting force and stability analysis." *Int. J. Mach. Tools Manufact.*, Vol. 38, No. 3, PP. 215-237.
- 7 - Altintas, Y. and Lee, P. (1998). "Mechanics and dynamics Of ball-end milling." *ASME J. Manufact. Science and Eng.*, Vol. 120, PP. 684-691.
- 8 - ACIS Geometric Modeler Application Guide, (1975). Special Technology Inc., Colorado, USA.
- 9 - Shaw, M. C. (1984). *Metal cutting principles*, Clarendon Press, Oxford.
- 10 - Martellotti, M. (1941). "An analysis of the milling process ." *Trans. ASME*, Vol. 63, PP. 677-700.
- 11 - Martellotti, M. (1945). "An analysis of the milling process Part 2: down milling." *Trans. ASME.*, Vol. 67, PP. 233-251.

- 12 - Lim, E.M., Feng, H.Y., Menq, C.H. and Lin, Z. H. (1995). "The prediction of dimensional error for sculptured surface productions using the ball-end milling process, Part 1: chip geometry analysis and cutting force prediction." *Int. J. Mach. Tools Manufact.*, Vol. 35, No. 8, PP.1149-1169.
- 13 - Tlusty, J. and Ismail, F. (1983). "Special aspects of chatter in milling." *ASME Journal of Vibration, Stress Reliability in Design*, Vol.105, PP. 24-32.
- 14 - Wu, D. W. (1989). "A new approach of formulating the transfer function for dynamic cutting processes." *ASME J. Eng. for Indust.*, Vol. 111, PP. 37-47.
- 15 - Ismail, F., Elbestawi, M. A., Du., R. and Urbasik, K. (1992). "Generation of milled surfaces including tool dynamic and wear." *ASME J. Eng. for Indust.*, Vol. 116, PP. 435- 439.

### واژه های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1 - Ball-end Mill
- 2 - Flat-end Mill
- 3 - Helix Angle
- 4 - Rake Angle
- 5 - Cutting Edge
- 6 - Cutting Speed
- 7 - Insert Type
- 8 - Inclination Angle
- 9 - Effective Rake Angle
- 10 - Normal Rake Angle
- 11 - Chip Flow Angle
- 12 - Undulation
- 13 - Immersion Geometry
- 14 - Solid Model
- 15 - Intersection
- 16 - Boolean Subtraction
- 17 - Contact Face
- 18 - Shear Stress
- 19 - Friction Angle
- 20 - Shear Aangle
- 21 - Ploughing Force