

# مدل سازی تیر های پیوند بتن مسلح عمیق با آرماتور گذاری متعارف در دیوارهای برشی

مسعود ریاضی<sup>۱</sup> و محمد رضا اصفهانی<sup>۲\*</sup>

<sup>1</sup>دانشجوی دکتری سازه - دانشکده مهندسی - دانشگاه فردوسی مشهد

# ۳ دانشیار گروه عمران - دانشکده مهندسی - دانشگاه فردوسی مشهد

چکیدہ

در این پژوهش، با استفاده از تئوری میدان فشاری اصلاح شده، مدلی برای رفتار برشی تیرهای پیوند بتنی ارائه می‌شود. این مدل قادر به در نظر گرفتن اثرات هم‌زمان برش و همچنین نیروی محوری می‌باشد. مدل ارائه شده شامل یک فنر غیر خطی برشی، یک فنر محوری و چند فنر غیر خطی برای منظور کردن تغییر شکل‌های خمی است. در بخش آزمایشگاهی این پژوهش، شش عدد تیر پیوند با آرماتور‌گذاری‌های مختلف مورد آزمایش قرار گرفته‌اند. به منظور بررسی اثر دیافراگم کف سه عدد از این نمونه‌ها در امتداد طولی مقید شده‌اند. نتایج این آزمایش‌ها تطبیق خوبی با نتایج محاسبه شده توسط روش پیشنهادی دارند. مدل پیشنهادی با نتایج تعداد زیادی از آزمایش‌های انجام شده توسط سایر پژوهشگران نیز مقایسه گردیده است. ظرفیت‌های بدست آمده از مدل پیشنهادی تطبیق خوبی با نتایج آزمایش‌ها دارد. نتایج آزمایش تیرهای مقید شده نشان می‌دهند که صلیبیت محوری دیافراگم کف می‌تواند مشخصات رفتاری تیرهای پیوند را به صورت جدی تغییر دهد.

**واژه های کلیدی :** بتن مسلح - تیر پیوند - دیوار برشی - دیوار کوپل - میدان فشاری

مقدمة

( )

[ ]

یکی از روشهایی که در چند سال اخیر برای بررسی رابطه بار - تغییر مکان اعضاء بتنی مورد توجه بوده است، تئوری میدان فشاری اصلاح شده<sup>۱</sup> می باشد. این تئوری، علیرغم سادگی تطابق بسیار خوبی با نتاج آزمایشگاهی داشته است. در این پژوهش، با استفاده از تئوری میدان فشاری اصلاح شده، رابطه غیر خطی بار - تغییر مکان در تیرهای پیوند بررسی می شود. با توجه به سادگی روش ارائه شده و دقت قابل قبول آن در پیش بینی مشخصه های رفتاری تیر پیوند، ممکن است این در مطالعه اثرات پارامترهای

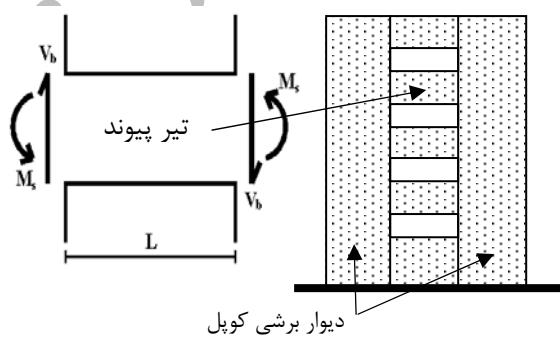
سختی و مقاومت عناصر اصلی آن نظیر آرماتورهای اصلی و برشی و همچنین بتن می باشد. لذا در این پژوهش هر کدام از این عناصر توسط یکسری فنر مدل سازی شده اند. شکل (۲) مدل ماکروی تیر پیوند را نمایش می دهد.

لیند و بچمن [۵] در مدل سازی دیوارهای برشی به صورت تجربی پیشنهاد کرده اند که فنر برشی در یک سوم میانی ارتفاع دیوار قرار داده شود. اگر راستای محور تیر پیوند به اندازه  $90^\circ$  درجه چرخانده شود ملاحظه می گردد که نیمه تیر پیوند کاملا مشابه یک دیوار برشی کوتاه است. لذا در اینجا نیز موقعیت فنر برشی در یک سوم طول نیمه تیر پیوند در نظر گرفته می شود (شکل ۲). در واقع اندر کنش لنگر و برش با توجه به لنگر بوجود آمده در این مقطع منظور خواهد شد. قبارا و یوسف [۶] نیز توائیستند با استفاده از این روش رفتار سیکلی دیوارهای برشی را مدل نمایند. پژوهشگران دیگری که در مدل سازی دیوار از تئوری میدان فشاری اصلاح شده استفاده نموده اند گوپتا و رنگان [۷,۸] می باشند. ایشان از اثر همزمان برش، نیروی محوری و خمش صرف نظر کرده و فقط رفتار برشی را مورد توجه قرار داده اند. در ادامه نحوه محاسبه مشخصات فنرها و ظرفیت هر کدام از آنها بررسی خواهد شد.

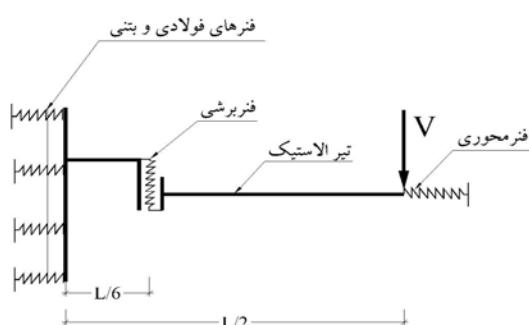
مختلف استفاده نمود. کفايت روشن پیشنهادی با استفاده از نتایج ۶ نمونه آزمایشگاهی که توسط نگارندگان آزمایش شده نشان داده شده است. علاوه بر آن، ظرفیت تئوریک تعداد زیادی از آزمایش های مختلف انجام شده توسط پژوهشگران قبلی محاسبه و مقایسه گردیده است. در این پژوهش همچنین اثر قید طولی دیافراگم کف بر تیرهای پیوند بررسی شده است.

## تحلیل المان ماکرو<sup>۲</sup>

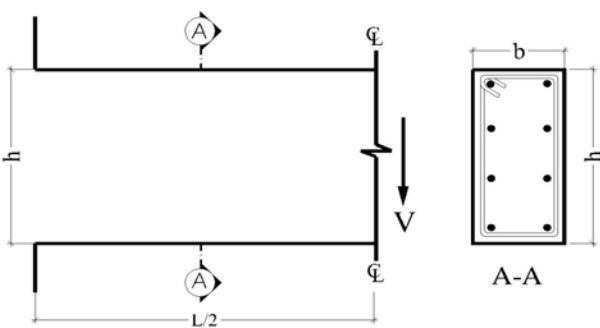
شکل (۱) وضعیت تعادل یک تیر پیوند را نشان می دهد. در واقع این تیر تحت یک برش یکنواخت و یک لنگر پاد متقارن قرار گرفته است. بدیهی است که مقدار لنگر در وسط تیر برابر صفر است. در این پژوهش، روابط بار تغییر مکان برای نیمی از تیر بررسی شده و پس از آن با دو برابر کردن جابجایی این نیمه، جابجایی کل تیر بدست می آید.



واضح است که سختی و مقاومت تیر پیوند ترکیبی از



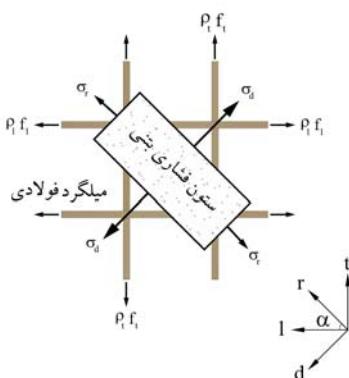
مدل ماکروی تیر پیوند



بعادنیمی از یک تیر پیوند

شکل ۲: مدل ماکروی تیر پیوند.

می باشد. به این ترتیب روابط ۴ تا ۶ مشابه با روابط ۱ تا ۳ در مورد کرنش ها بازنویسی می شود.



شکل ۳: المان ترک خورده تیر پیوند.

$$\varepsilon_l = \varepsilon_d \cos^2 \alpha + \varepsilon_r \sin^2 \alpha \quad (4)$$

$$\varepsilon_t = \varepsilon_d \sin^2 \alpha + \varepsilon_r \cos^2 \alpha \quad (5)$$

$$\gamma_{lt} = 2(\varepsilon_r - \varepsilon_d) \sin \alpha \cdot \cos \alpha \quad (6)$$

پارامترهای فوق تعاریفی نظیر پارامترهای مربوط به تنش دارند.

-  
رابطه تنش کرنش فولاد به صورت کشسان  
مومسان کامل در نظر گرفته شده اند.

$$0 \leq \varepsilon_l \leq \varepsilon_y, \quad f_l = E_s \varepsilon_l \quad (الف)$$

$$\varepsilon_l > \varepsilon_y, \quad f_l = f_y \quad (ب)$$

$$0 \leq \varepsilon_t \leq \varepsilon_y, \quad f_t = E_s \varepsilon_t \quad (الف)$$

$$\varepsilon_t > \varepsilon_y, \quad f_t = f_y \quad (ب)$$

کولینز و همکاران [۱۲] در سال ۱۹۹۳ رابطه تنش-کرنش را برای بتن تحت فشار پیشنهاد کردند. این رابطه بعد ها توسط گوپتا و رنگان [۷، ۸] برای مدل سازی دیوارهای برشی استفاده شد. بدلیل شباهت دیوارهای برشی و تیرهای پیوند که در قسمت قبل نیز اشاره شد، در این پژوهش از رابطه یادشده استفاده می گردد.

نخستین بار در سال ۱۹۸۶ تئوری میدان فشاری اصلاح شده توسط وکچیو و کولینز [۹] معرفی گردید. آنها با استفاده از این روش توانستند تغییر مکان وابسته به برش را در تیرها و پانلهای بتن مسلح محاسبه کنند. پس از آن وکچیو [۱۰] و کچیو و کولینز [۱۱] با استفاده از روش تحلیل مقطع ۳ اثر همزمان نیروی محوری و خشم را به همراه برش اعمال نمود. در این پژوهش نیز با استفاده از تئوری یاد شده رفتار برشی تیر خطی برشی مطابق شکل (۲) استفاده شده است. ارتباط بار-تغییر مکان در این فنر با استفاده از تئوری میدان فشاری اصلاح شده بیان می شود. ضمناً فرض شده است که کرنش برشی در ارتفاع مقطع ثابت است. معادلات روش تئوری میدان فشاری اصلاح شده شامل معادلات تعادل، سازگاری و همچنین روابط تنش کرنش فولاد و بتن به شرح زیر می باشد.

### معادلات تعادل

شکل (۳) وضعیت تنش را در یک المان ترک خورده نمایش می دهد. فرض کنید امتدادهای  $l$  و  $t$  به ترتیب راستهای طولی و عرضی تیر می باشند. با استفاده از دایره مور می توان نوشت:

$$\sigma_l = \sigma_d \cos^2 \alpha + \sigma_r \sin^2 \alpha + \rho_l f_l \quad (1)$$

$$\sigma_t = \sigma_d \sin^2 \alpha + \sigma_r \cos^2 \alpha + \rho_t f_t \quad (2)$$

$$\tau_{lt} = (\sigma_r - \sigma_d) \sin \alpha \cdot \cos \alpha \quad (3)$$

$\sigma_l$  ،  $\sigma_t$  ،  $\tau_{lt}$  تنشهای عمودی در امتدادهای  $l$  و  $t$  می باشند.  $\sigma_d$  ،  $\sigma_r$  نیز تنش های اصلی در امتدادهای  $d$  و  $r$  هستند. همچنین  $f_l$  تنش برشی متوسط است که در صفحات متعامد طولی و عرضی هر لایه از تیر اتفاق می افتد. مطابق شکل  $\alpha$  زاویه محور  $d$  و افق یا به عبارتی زاویه ترک خورده می باشد.  $f_l$  و  $f_t$  تنش های بسته آمده در آرماتورها هستند. نسبت این آرماتورها در راستهای  $l$  و  $t$  به ترتیب  $\rho_l$  و  $\rho_t$  میباشد.

### معادلات سازگاری

در تئوری میدان فشاری اصلاح شده فرض می شود که راستای کرنش های اصلی مطابق با راستای تنش های اصلی

در رابطه  $f'_{ct} = 10$  مقاومت کششی بتن بر حسب مگا پاسکال می باشد که معادل  $0.4\sqrt{f'_c}$  در نظر گرفته شده است. با توجه به این مقدار می توان کرنش ترک خوردگی را از رابطه  $\varepsilon_{ct} = \frac{f'_{ct}}{E_c}$  بدست آورد. کرنش  $\varepsilon_{ut}$  معادل کرنش تسلیم فولاد در نظر گرفته شده است.

### تعادل لنگر و نیروی محوری

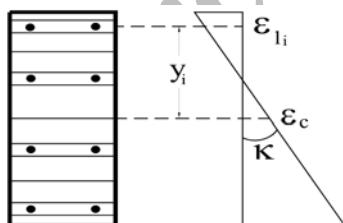
لازم است نیروهای محوری بوجود آمده در لایه های مختلف مقطع تعادل افقی و همچنین تعادل لنگر مقطع را ارضاء نمایند. به این ترتیب دو معادله زیر را نیز می توان به مجموع معادلات فوق افزود.

$$\sum \sigma_{l_i} A_i = N \quad (11)$$

$$\sum \sigma_{l_i} A_i y_i = M \quad (12)$$

در روابط فوق  $A_i$  سطح مقطع هر لایه و  $y_i$  فاصله هر لایه تا میانه مقطع است. همچنین  $N$  و  $M$  به ترتیب نیروی محوری و لنگر خمشی مقطع می باشند. با فرض مستوی ماندن مقطع تحت خمش می توان مطابق شکل (۴)، کرنش طولی هر لایه  $\varepsilon_{l_i}$  را به انحنای مقطع ( $\kappa$ ) و کرنش طولی محور مرکزی تیر ( $\varepsilon_c$ ) مربوط دانست:

$$\varepsilon_{l_i} = \varepsilon_c - \kappa \cdot y_i \quad (13)$$



شکل ۴: توزیع کرنش طولی تیر در ارتفاع مقطع.

همانطور که ملاحظه می شود در ۱۳ معادله فوق  $\varepsilon_{l_i}$ ،  $\sigma_{l_i}$ ،  $\sigma_t$ ،  $\sigma_l$ ،  $\sigma_r$ ،  $\sigma_d$ ،  $\varepsilon_t$ ،  $\varepsilon_l$ ،  $\varepsilon_r$ ،  $\varepsilon_d$ ،  $\tau_{lt}$ ،  $\alpha$ ،  $\gamma_{lt}$ ،  $\varepsilon_c$ ،  $f_t$ ،  $f_l$ ،  $\varepsilon_{ct}$ ،  $E_c$ ،  $E_l$  و  $K$  وجود دارد. به منظور رسم منحنی نیرو - تغییر مکان، می توان در هر گام مقدار کرنش برشی  $\gamma_{lt}$  را معلوم فرض نمود. مقدار این کرنش برشی از تقسیم جابجایی فرضی گام

$$\sigma_d = f_p k_3 \left( \frac{\varepsilon_d}{\varepsilon_{c0}} \right) \cdot \frac{n}{[n-1 + (\frac{\varepsilon_d}{\varepsilon_{c0}})^{nk}]} \quad (9)$$

در این رابطه،  $f_p$  مقاومت فشاری حداکثر بتن نرم شده در کرنش نظیر  $\varepsilon_{c0}$  می باشد که با استفاده از رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$f_p = \beta \cdot f'_c \quad (9-\text{الف})$$

ضریب نرم شدگی  $\beta$  توسط وکچیو [۱۳] مطابق زیر تعریف شده است.

$$\beta = \frac{1}{(0.85 - 0.27 \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_d})} \leq 1.0 \quad (9-\text{ب})$$

ضریب کاهش  $k_3$ ، کرنش حداکثر بتن، ضریب کشسانی بتن و عامل های  $n$  و  $k$  به ترتیب عبارتند از:

$$k_3 = (0.6 + \frac{10}{f'_c}) \leq 0.85 \quad (9-\text{ج})$$

$$\varepsilon_{c0} = \frac{f'_c}{E_c} \frac{n}{n-1} \quad (9-\text{د})$$

$$E_c = 3320\sqrt{f'_c} + 6900 \text{ MPa} \quad (9-\text{ه})$$

$$n = 0.8 + \frac{f'_c}{17} \quad k = 1, \quad \varepsilon_d \leq \varepsilon_{c0} \quad (9-\text{و})$$

$$k = 0.67 + \frac{f'_c}{62}, \quad \varepsilon_d > \varepsilon_{c0} \quad (9-\text{ز})$$

مقاومت کششی بتن نیز یکی از عوامل تاثیرگذار در مقاومت برشی تیر می باشد. گوپتا و رنگان [۷, ۸] مقاومت کششی بتن را در امتداد اصلی به صورت زیر مدل سازی کردند:

$$\sigma_r = E_c \varepsilon_r, \quad 0 \leq \varepsilon_r \leq \varepsilon_{ct} \quad (10-\text{الف})$$

$$\sigma_r = f'_{ct} \frac{(\varepsilon_{ct} - \varepsilon_r)}{(\varepsilon_{ut} - \varepsilon_{ct})}, \quad \varepsilon_{ct} \leq \varepsilon_r \leq \varepsilon_{ut} \quad (10-\text{ب})$$

$$\sigma_r = 0, \quad \varepsilon_r > \varepsilon_{ut} \quad (10-\text{ج})$$

مربوطه به طول تیر بدست می اید.

$$\gamma_{lt} = \frac{\delta_v}{L} \quad (14)$$

$$\lambda = 0.75 \quad (18)$$

سختی فنر فولادی پس از تسلیم در حدود ۱۰ درصد سختی اولیه در نظر گرفته شده است. ظرفیت فنر بتنی، در ناحیه کششی برابر با صفر فرض شده است ولی مقاومت فشاری این فنر مطابق زیر می باشد.

$$P_{cy} = 0.85 f'_c A_c \quad (19)$$

در واقع فترینتی بیان کننده سختی معادل لایه بتنی با مساحت  $A_c$  است. بر اساس پیشنهاد قبارا و یوسف [۶] جابجایی تسلیم فشاری بتن،  $d_{cy}$  معادل جابجایی تسلیم فنر فولادی متناظر در نظر گرفته شده است و سختی فنر بتنی نیز پس از تسلیم یک صدم سختی اولیه فرض شده است. شکل (۵) رابطه نیرو - تغییر مکان فنرهای فولادی و بتنی را نمایش می دهد.

### فنر محوری

در اکثر آزمایش های انجام شده، تغییر مکان طولی نمونه آزاد بوده است. این مسئله با شرایط واقعی تیرهای پیوند مغایرت دارد زیرا به علت وجود دال دیافراگم و همچنین صلبیت دیوارهای جانبی، تغییر مکان های طولی نمونه ناچیز هستند [۴].

با این حال هنوز یک مجھول بیش از تعداد معادلات وجود دارد. اگر برآیند نیروهای عرضی صفر فرض شود لازم است تا  $\sigma_t$  نیز برابر صفر باشد:

$$\sigma_t = 0 \quad (15)$$

اکنون ۱۵ مجھول با در دست داشتن ۱۵ معادله قابل دستیابی هستند.

### فنرهای فولادی و بتنی

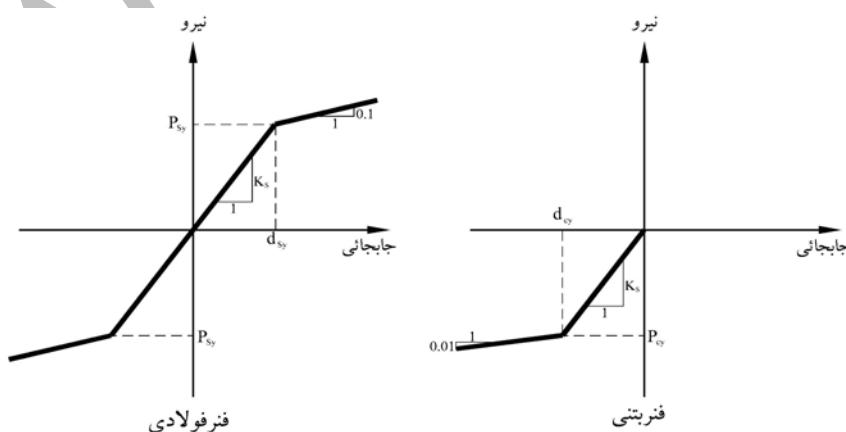
به منظور مدل سازی فنرهای فولادی از یک مدل دو خطی استفاده شده است. این مدل در هر دو محدوده فشاری و کششی یکسان است. نیروی تسلیم فنرهای فولادی از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$P_{sy} = f_y A_s \quad (16)$$

سختی الاستیک فنر فولادی،  $K_s$  نقش عمده ای در مقدار جابجایی های تیر پیوند دارد. این سختی را می توان به صورت رابطه ۱۷ تعریف نمود:

$$K_s = \frac{P_{sy} E_s}{\lambda l_d f_y} \quad (17)$$

که در آن  $E_s$  مدول الاستیسیته فولاد و  $l_d$  طول مهاری میلگرد می باشد. لای و همکاران [۱۴] مقدار  $\lambda$  در دیوارها به صورت تجربی برابر ۰.۵ در نظر گرفته اند. با توجه به اینکه طول مهاری آرماتور در تیر پیوند به صورت متعارف یک و نیم



آخر P1 و P2 نامقید و P3 و P4 مقید می‌باشد. نمونه‌های S3 و S4 نسبت به نمونه‌های سری P دارای آرماتور خمشی کمتری هستند، لذا شکست خمشی برای آنها پیش‌بینی می‌شود. در این گروه S3 نامقید و S4 مقید می‌باشد.

### دستگاه آزمایش

دستگاه آزمایش در شکل (۸) نمایش داده شده است. مطابق شکل (۸) یک انتهای تیر آزاد بوده و طرف دیگر توسط بولتهای فولادی به کف صلب محکم شده است. یک تیر فلزی به انتهای آزاد نمونه متصل شده است و بار اعمالی توسط یک جک هیدرولیک به این تیر اعمال می‌شود. محور بار اعمالی دقیقاً از وسط تیر عبور می‌نماید. بنابراین وسط تیر نقطه عطف بوده و در دو انتهای آن دو لنگر پاد متقارن تولید می‌شود. این شرایط، مشابه وضعیت تیر پیوند واقعی می‌باشد که توسط برخی دیگر از پژوهشگران نیز مورد استفاده قرار گرفته است. جابجایی‌های خارج از صفحه توسط ادوات مناسب کنترل شده است. در طی آزمایش، جابجایی و شدت بار اعمالی توسط یک سیستم دریافت اطلاعات در رایانه ثبت می‌شود. برای اعمال اثرات مقیدسازی دال، قبل از بتن ریزی یک لوله پلی اتیلن با قطر ۳۰ میلیمتر در وسط نمونه تعبیه شده است. با عبور دادن یک میلگرد فولادی مقاومت بالا با قطر ۲۰ میلیمتر از داخل این لوله و محکم کردن دو انتهای آن از انبساط و افزایش طول نمونه جلوگیری می‌شود. بر اساس مطالعات پیشین [۲،۴]، نمونه در هنگام بارگذاری همواره تمایل به افزایش طول دارد، لذا میلگرد یاد شده نیز همواره در کشش خواهد بود. این نیرو توسط دستگاه نیروسنجه (Load Cell) که به یک انتهای میله متصل است قرائت می‌گردد (شکل ۸).

### تحلیل نتایج

#### بار گسیختگی و نمودار بار-تغییر مکان

شکل (۹) نمودارهای بار تغییر مکان آزمایشگاهی و همچنین تئوریک نمونه‌ها را نشان می‌دهد. ملاحظه می‌شود که رفتار پیش‌بینی شده تطابق نسبتاً خوبی با نتایج آزمایش دارد.

در مدل ارائه شده با معرفی یک فنر طولی، می‌توان اثر دال دیافراگم با سختی‌های متفاوت را مدل نمود. در واقع با معرفی سختی بینهایت برای این فنر می‌توان شرایط صلبیت محوری را فراهم کرد. برای محاسبه تغییر مکان طولی فرض می‌شود که کرنش طولی تار میانی در تمام طول تیر برابر است با  $\delta_6$  که در محل فنر بر بشی محاسبه می‌شود. تغییر مکان متوسط فنرهای فولادی و بتنی انتهایی نیز به این مقدار افزوده می‌شود.

### روش حل

روش حل مسئله در نمودار گردشی شکل (۶) نمایش داده شده است. یکی از مشکلات اساسی حل، جدا نمودن تغییر مکان بر بشی از تغییر مکان کل می‌باشد. برای این منظور در اولین گام  $\delta_7$ ، تغییر شکل بر بشی نصف تغییر مکان کلی  $\delta$  انتخاب می‌شود. در پایان هر گام  $\delta$  محاسبه شده و نسبت آن با  $\delta_7$  مربوط به آن گام بدست می‌آید. یعنی:

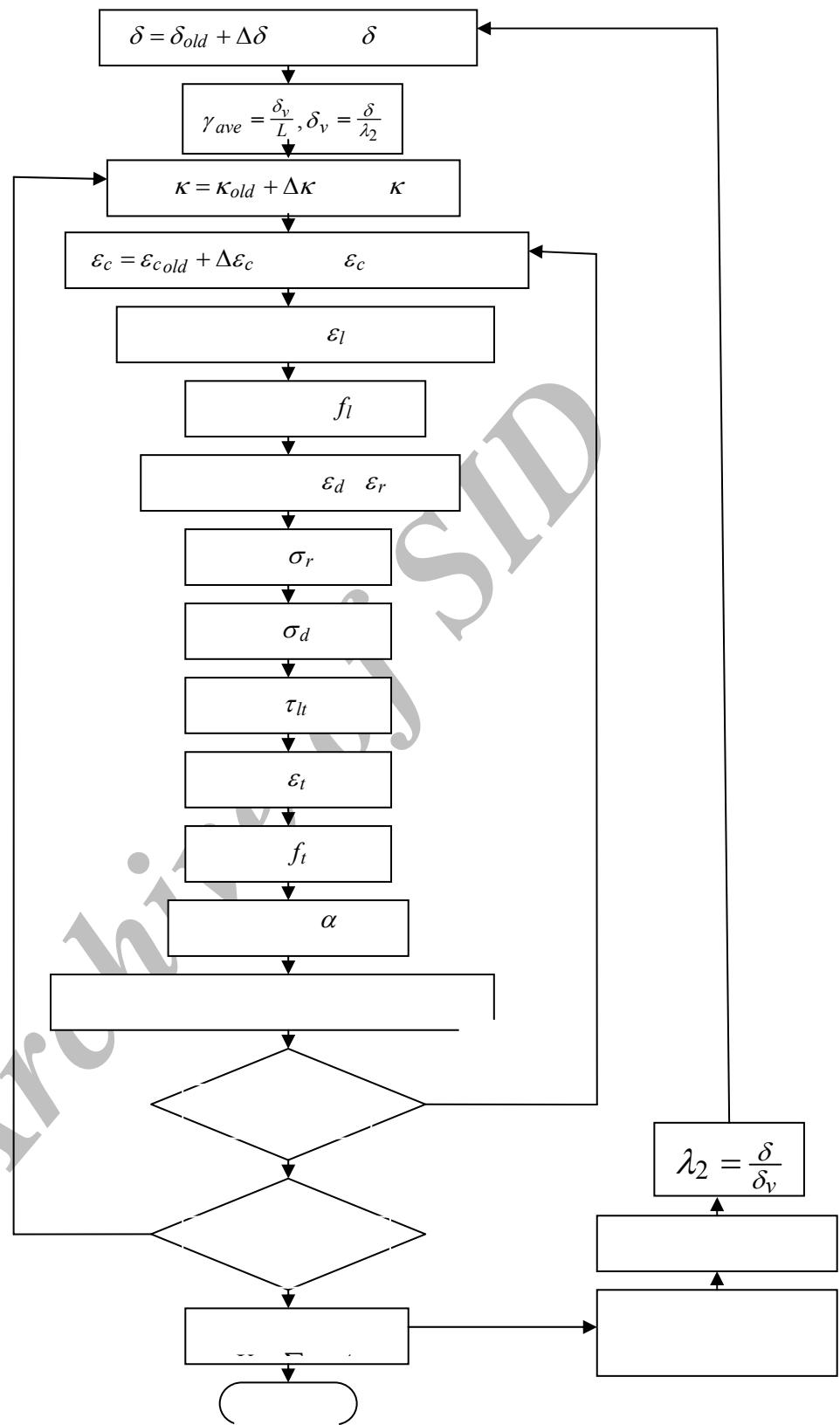
$$\lambda_2 = \frac{\delta}{\delta_7} \quad (20)$$

اگرnon در شروع گام بعدی می‌توان با تقریب خوب  $\lambda_2$  را از تقسیم  $\delta$  بر نسبت  $\lambda_2$  محاسبه نمود.

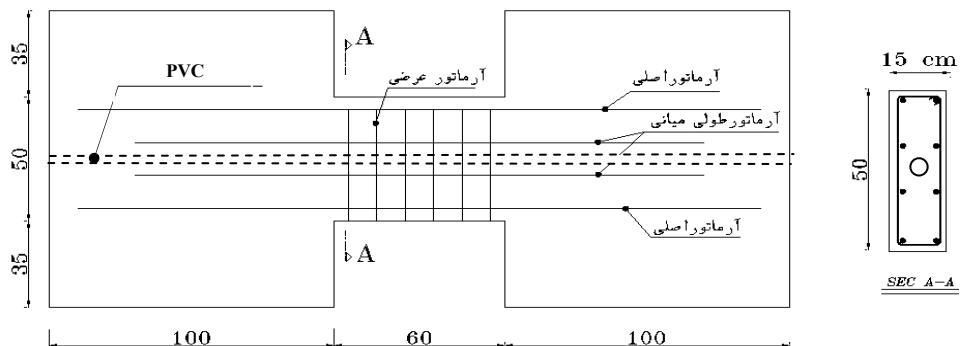
### برنامه آزمایش نمونه‌ها

برنامه آزمایش حاضر قسمتی از یک سری مطالعات آزمایشگاهی بر روی رفتار تیرهای پیوند می‌باشد. در این قسمت از برنامه ۶ نمونه بتنی ساخته شده و مورد آزمایش قرار گرفته است. ۳ عدد از این نمونه‌ها نامقید و ۳ نمونه دیگر به صورت مقید طولی طراحی شده‌اند. قبل از بتن ریزی هر نمونه مقید، یک لوله PVC با قطر ۳۰ میلیمتر در وسط تیر جاگذاری شده است (شکل ۷). ابعاد نمونه‌ها و نحوه مسلح سازی آنها در شکل (۷) نمایش داده شده است.

جزئیات نمونه‌ها، شامل میزان آرماتور طولی و عرضی، خصوصیات مصالح بتن و فولاد و نحوه مقید سازی طولی در جدول (۱) ارائه شده است. ضخامت کلیه نمونه‌ها، ۱۵۰ میلیمتر می‌باشد. نمونه‌های P1، P2، P3 و P4 دارای آرماتور گذاری مشابه می‌باشند با این تفاوت که در نمونه ۴، P3 عدد خاموت و در سایر نمونه‌ها، ۶ عدد خاموت به کار رفته است. این نمونه‌ها به نحوی طراحی شده‌اند که ظرفیت بر بشی در آنها کمتر از ظرفیت خمشی باشد. در واقع پیش‌بینی می‌شود این تیرها در برش دچار شکست شوند. از چهار نمونه



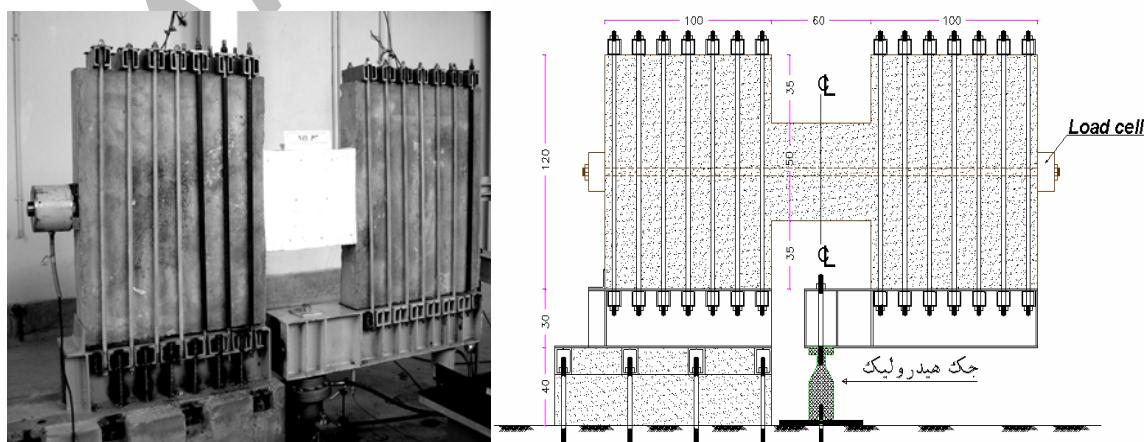
شکل ۶: نمودار گردشی حل مسئله.



شکل ۷ : ابعاد نمونه و آرماتور گذاری (ابعاد بر حسب cm می باشند).

جدول ۱ : جزئیات نمونه ها.

نمونه	$f'_c$ (MPa)	قييد طولي	آرماتور اصلي	آرماتور ميانى (افقى)	آرماتور عرضي
			$f_y$ (MPa)	$f_y$ (MPa)	$f_y$ (MPa)
P1	20	آزاد	$2 \times 2 \Phi 16$	$4 \Phi 12$	$6 \Phi 8$
			510	461	516
P2	30	آزاد	$2 \times 2 \Phi 16$	$4 \Phi 12$	$6 \Phi 8$
			510	461	516
P3	20	مقيد	$2 \times 2 \Phi 16$	$4 \Phi 12$	$4 \Phi 8$
			510	461	516
P4	20	مقيد	$2 \times 2 \Phi 16$	$4 \Phi 12$	$6 \Phi 8$
			510	445	427
S3	21	آزاد	$2 \times 2 \Phi 12$	$4 \Phi 8$	$6 \Phi 8$
			445	427	427
S4	21	مقيد	$2 \times 2 \Phi 12$	$4 \Phi 8$	$6 \Phi 8$
			445	427	427



شکل ۸ : دستگاه آزمایش.

۱۹۸) کیلو نیوتون) افزایش قابل توجهی نشان می دهد.

با توجه به شکل (۱۱) می توان نتیجه گرفت که دیافراگم می تواند باعث افزایش سختی و مقاومت گردد. این اثر در تیرهای با آرماتور خمشی کم (یا آرماتور برشی زیاد) شدیدتر می باشد. همچنین اثر دیافراگم در این تیرها موجب کاهش شکل پذیری و ایجاد گسیختگی ترد می شود.

نیروی قید طولی ایجاد شده در نمونه های مقید در شکل (۱۲) در دو حالت تئوری و آزمایشگاهی نیز مقایسه شده است.

### آزمایش های انجام شده قبلی بر روی تیر های پیوند

تا کنون آزمایش های مختلفی بر روی تیر های پیوند در سراسر دنیا انجام شده است. مشخصات این تیرها با توجه شکل (۱۳) و مطابق با جدول (۲) می باشد. این نمونه ها با توجه به روش ارائه شده در این مقاله تحلیل شده و باز نهایی آنها محاسبه گردیده است. در نمونه هایی که دارای تعداد آرماتورهای طولی بیشتر یا کمتر از مقدار نشان داده شده در شکل (۱۳) میباشد، از مساحت معادل آرماتورها استفاده شده است.  $A_{sb}$  در این شکل مساحت میلگردهای اصلی خمشی در یک وجه و  $A_{sm}$  مساحت آرماتورهای طولی میانی در یک نیمه تیر می باشند.

$\rho_7$  نیز نسبت سطحی آرماتورهای برشی است. مطابق جدول (۲) برش پیش بینی شده با روش پیشنهادی  $V_{prop}$ ، با برشهای بدست آمده از تست  $V_{test}$  تطابق خوبی داشته است.

به منظور مقایسه روش پیشنهادی و روش سوبدی [۳] نتایج این دو روش در جدول ۳ گزارش شده اند. در مرجع [۳] صرفا نمونه های پائولی مورد بررسی قرار گرفته اند. مقایسه حاضر بر روی نمونه های پائولی نشان می دهد که دقیق تر روش پیشنهادی اندکی بهتر می باشد. مهمتر آنکه روش سوبدی صرفا ظرفیت نهایی را پیش بینی می کند و قادر به ارائه منحنی بار - تغییر مکان نیست.

با توجه به شکل (۹)، شکست در نمونه های سری P ترد تر از نمونه های سری S اتفاق می افتد. در واقع مود گسیختگی نمونه های سری S خمشی و مود شکست نمونه های سری S برشی است. ظرفیت پیش بینی شده در نمونه های سری S کمتر از مقادیر واقعی بدست آمده است. بر اساس بررسی های نگارندها، این مطلب احتمالاً ناشی از نادیده گرفتن اثر کرنش سختی در مدل سازی فولادهای اصلی می باشد. لازم به یادآوری است در اثر بازشدنگی زیاد تر کهای خمشی در نمونه های S3 و S4، آرماتورهای طولی متتحمل کرنش های زیاد می شوند.

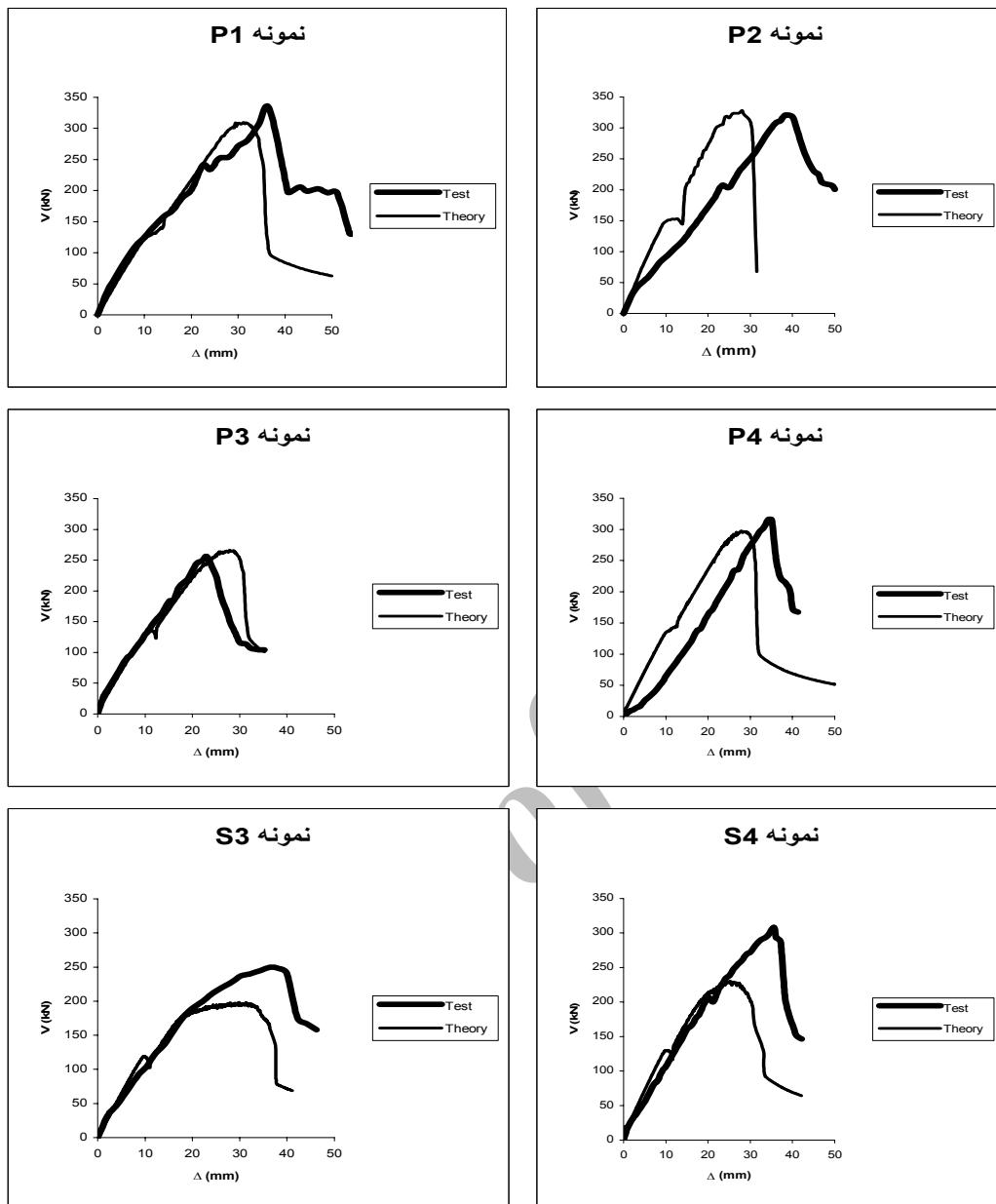
### اثرات مقید سازی

برخی از پژوهش های آزمایشگاهی نشان داده اند که تیرهای پیوند در هنگام بارگذاری افزایش طول می دهند [۲، ۴]. لیکن در سازه های واقعی به علت وجود دیافراگم کف و همچنین سختی زیاد دیوارهای جانبی، عملأً تیر پیوند امکان افزایش طول ندارد. همانطور که قبل اشاره شد در این پژوهش، برای بررسی دقیق تر رفتار تیرهای پیوند، از تغییر طول بعضی از نمونه ها ممانعت به عمل آمده است. برای مدل سازی اثر قید طولی، سختی فنر طولی در برنامه برابر با  $\frac{EA}{L}$  مربوط به میله فولادی وارد شده است.

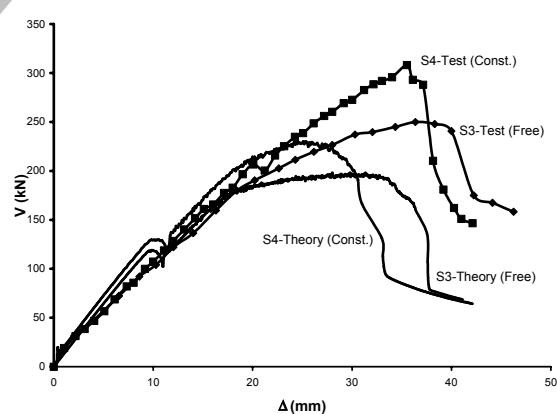
در نمونه های سری P که دارای مود شکست برشی هستند، قید طولی اثر قابل توجهی در رفتار تیر ندارد. در واقع در این نمونه ها، قبل از باز شدن ترکهای خمشی و افزایش طول تیر، شکست برشی اتفاق می افتد. این مطلب با جزئیات بیشتری در مرجع [۱۵] مورد بررسی قرار گرفته است.

در نمونه های سری S، سختی، شکل پذیری و مقاومت تیرها به شدت تحت تاثیر قید طولی است. شکل (۱۰) اثر قید را در نمونه های S3 و S4 به صورت آزمایشگاهی و تئوریک نشان می دهد. لازم به یادآوری است که این دو نمونه از تمام جهات مشابه هستند و تنها تفاوت آنها در قید طولی آنها است. نمونه S4 مقید می باشد.

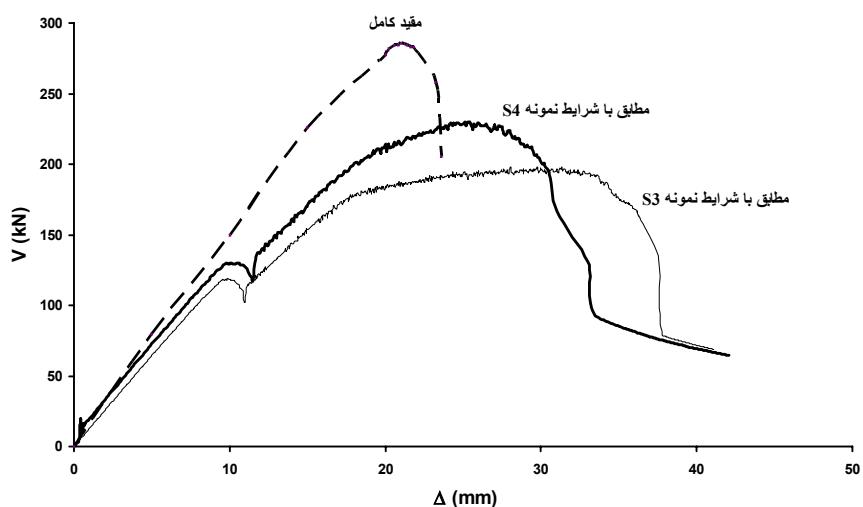
با توجه به موارد فوق می توان نتیجه گرفت که با به کار بردن آرماتور برشی کافی در تیر پیوند می توان از اثر قید به عنوان یک عامل افزایش مقاومت خمشی استفاده نمود. در شکل (۱۱) اثر مقید سازی طولی در نمونه های سری S به صورت تئوریک با اعمال سختی های طولی متفاوت مطالعه شده است. ملاحظه می گردد که ظرفیت تئوریک در شرایط صلبیت کامل محوری ۲۸۶ کیلو نیوتون می باشد که نسبت به حالت نا مقید



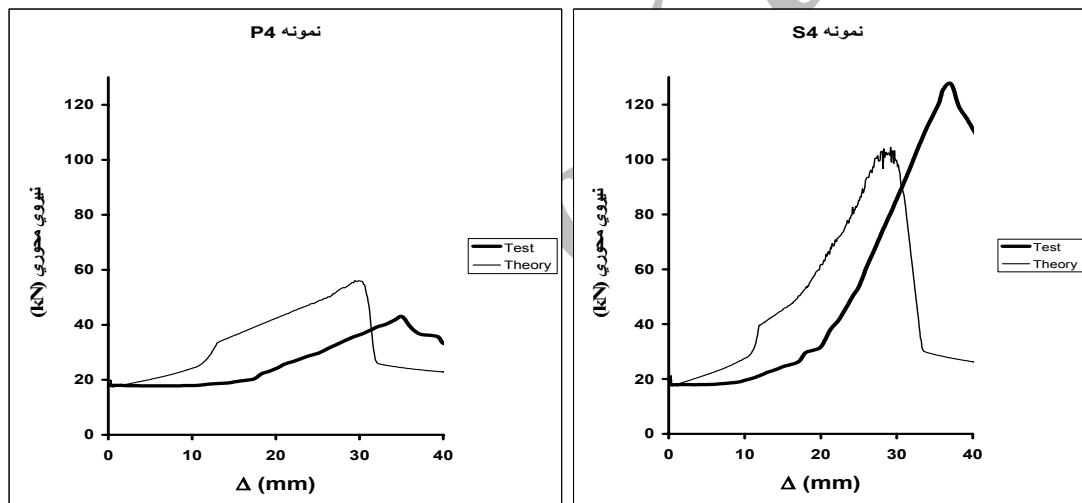
شکل ۹: نمودارهای بار- تغییر مکان.



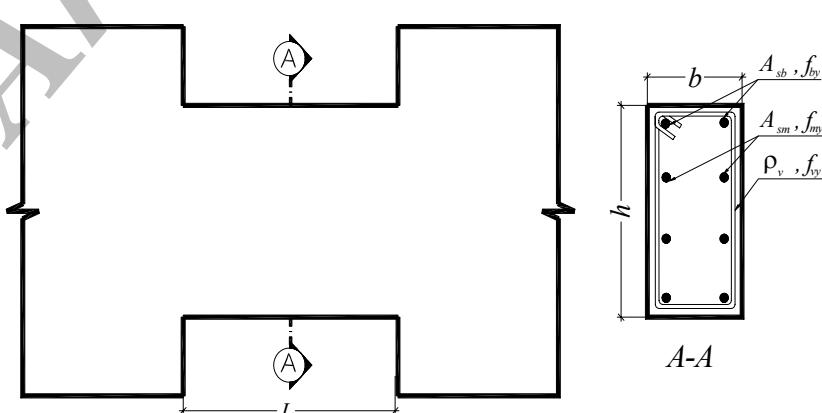
شکل ۱۰: اثر قید در نمونه های S3 و S4



شکل ۱۱: اثر تغییر صلبیت محوری در رفتار نمونه های سری S.



شکل ۱۲ : نیروی قید طولی.



جدول ۲: مشخصات نمونه های آزمایش شده توسط پژوهشگران مختلف.

		$f'_c$ (MPa)	( )				$b \times h$ (mm $\times$ mm)	$V_{prop}$ (kN)	$V_{test}$ (kN)	$\frac{V_{test}}{V_{prop}}$		
			$A_{sb}$ (mm <sup>2</sup> )	$f_{by}$ (MPa)	$A_{sm}$ (mm <sup>2</sup> )	$f_{sy}$ (MPa)						
Paulay [1]	311	36.8	1718	314	0	0	.0088	386	151x787 x1016	550.9	650	1.18
	312	35.2	1718	314	0	0	.0165	285	151x787 x1016	635.7	642	1.01
	313	44.5	1718	314	0	0	.0252	314	151x787 x1016	748.9	660	0.88
	314	44.8	1718	314	400	314	.0252	314	151x787 x1016	853.6	736	0.86
	315	37.9	1718	314	400	321	.0243	321	151x787 x1016	838	774	0.92
	391	31.5	1481	316	213	407	.0088	407	152x991 x1016	666.8	776	1.16
	392	37.7	1481	316	213	407	.0088	407	152x991 x1016	680.4	745	1.09
	393	30.8	1481	316	387	328	.0162	328	152x991 x1016	809.7	849	1.05
	394	43.2	1481	316	529	317	.0252	314	152x991 x1016	986.3	1041	1.06
	Tassios [16]	CB-1A CB-1B CB-4A CB-4B	32.8 33.0 29.8 31.3	226 226 84.8 84.8	484 484 281 281	57 28 628 381	.0103 .0103 .0103 .0103	281 281 281 281	130x500 x500 130x300 x500 130x500 x500 130x300 x500	196.7 126.8 275 150.7	212 124 282 162	1.08 0.98 1.03 1.07
Galano [17]	P01	48.9	314	567	28	567	.0067	567	150x400 x600	223.9	223.9	1.00
Zhao [4]	MCB 1	37.4	335	525	192.4	346	.0107	346	120x600 x700	305.1	344	1.13
	MCB 2	37.6	277	523	192.4	346	.0107	346	120x500 x700	248.6	260	1.05
	MCB 3	32.6	223	525	96	346	.0107	346	120x400 x700	164.2	159	0.97
	MCB 4	33.2	220	521	96	346	.0107	346	120x350 x700	145.7	140	0.96
Present study	P1	20	402	510	226	461	.0067	516	150x500 x600	309.5	333.1	1.08
	P2	30	402	510	226	461	.0067	516	150x500 x600	327.5	320.1	0.98
	P3	20	402	510	226	461	.0045	516	150x500 x600	265.3	256.0	0.96
	P4	21	402	510	226	445	.0067	427	150x500 x600	297.9	315.7	1.06
	S3	21	226	445	101	427	.0067	427	150x500 x600	197.6	249.9	1.26
	S4	21	226	445	101	427	.0067	427	150x500 x600	230.6	308.0	1.34
										Ave.	1.05	
										SD	0.11	

محاسبه شده نیز با نمونه های آزمایشگاهی تطابق خوبی دارد.

۲- مقاومت های محاسبه شده برای نمونه های دارای شکل شکست خمثی، کمتر از مقدار آزمایشگاهی است. احتمالاً این مطلب به علت چشم پوشی از کرنش سختی فولاد در مدل پیشنهادی است.

۳- با استفاده از مدل پیشنهادی می توان اثر دال دیافراگم کف را نیز اعمال نمود. با اعمال صلبیت زیاد برای فنر محوری می توان شرایط کاملاً صلب محوری را فراهم نمود. این شرایط مطابق وضعیت واقعی تیر پیوند در دیوارهای برشی است.

۴- با استفاده از مدل پیشنهادی امکان در نظر گرفتن اندرکنش خمث و برش میسر می شود. لنگر های خمثی عمدتاً باعث کاهش ظرفیت برشی تیر های پیوند می شوند.

۵- با توجه به سادگی مدل پیشنهادی و دقت مناسب آن امکان مطالعه پارامتری تیر های پیوند فراهم می شود.

۶- جلو گیری از تغییر شکل طولی تیر های پیوند که در عمل توسط دیافراگم دال کف انجام می شود، می تواند مشخصات رفتاری آن را تغییر دهد. این امر در تیرهای دارای مود شکست خمثی بیشتر ملاحظه می شود. در این نوع تیرها قید طولی باعث افزایش مقاومت و سختی و کاهش شکل پذیری می گردد.

۷- روش پیشنهادی می تواند با استفاده از تعداد اندکی المان ماکرو، منحني بار - تغییر مکان را پیش بینی کند و از این نظر نسبت به روش اجزاء محدود برتری دارد. بدیهی است در روش اجزاء محدود برای رسیدن به دقت مناسب لازم است از تعداد زیادی المان غیرخطی برای معرفی فولاد های طولی، عرضی و بتن استفاده شود.

جدول ۳: مقایسه روش پیشنهادی و روش سوبدی.

نمونه	$V_{test}$ (kN)	$V_{Subedi}$ (kN)	$V_{prop}$ (kN)	$\frac{V_{test}}{V_{Subedi}}$	$\frac{V_{test}}{V_{prop}}$
311	650	577	550.9	1.13	1.18
312	642	552	635.7	1.16	1.01
313	660	698	748.9	0.95	0.88
314	736	716	853.6	1.03	0.86
315	774	618	838	1.25	0.92
391	776	707	666.8	1.10	1.16
392	745	845	680.4	0.88	1.09
393	849	699	809.7	1.21	1.05
393	1041	982	986.3	1.06	1.06
Ave.			1.07	1.02	
SD			0.12	0.11	

روش دیگری که برای پیش بینی رفتار تیر پیوند استفاده شده است، روش اجزاء محدود می باشد [۴]. زائو و همکاران [۴] نتایج آزمایش های خود را با نتایج مدل اجزاء محدودی که توسط ایشان توسعه یافته بود مقایسه نمودند. جدول (۴) نتایج تحلیل روش ایشان و روش پیشنهادی را نشان می دهد. دقت دو روش تقریباً یکسان است لیکن روش پیشنهادی نسبت به مدل اجزاء محدود ساده تر است و برای مطالعه پارامتری تیر های پیوند موثرتر می باشد. ضمناً در مدل پیشنهادی امکان اعمال اثر قید طولی نیز فراهم شده است.  $V_{FE}$  در جدول (۴) مقاومت برشی تحلیل اجزاء محدود می باشد.

جدول ۴: مقایسه روش پیشنهادی و روش اجزاء محدود.

نمونه	$V_{test}$ (kN)	$V_{FE}$ (kN)	$V_{prop}$ (kN)	$\frac{V_{test}}{V_{FE}}$	$\frac{V_{test}}{V_{prop}}$
MCB1	344	364	305.1	0.95	1.13
MCB2	260	296	248.6	0.88	1.05
MCB3	159	164	164.2	0.97	0.97
MCB4	140	143	145.7	0.98	0.96
Ave.			0.95	1.03	
SD			0.04	0.07	

## نتیجه گیری

در پژوهش حاضر رفتار تیرهای پیوند دیوارهای برشی که دارای آرماتور متعارف می باشند مورد بررسی قرار گرفت. بر اساس نتایج آزمایش های انجام شده و مقایسه آنها با مقادیر محاسبه شده توسط روش پیشنهادی، نتایج زیر قابل ارائه است:

- ۱- مدل پیشنهادی از نظر پیش بینی مقاومت نهایی، تطابق قابل قبولی با نتایج آزمایش دارد. متوسط نسبت مقادیر مقاومت آزمایشگاهی به محاسباتی برابر  $1.05 \pm 0.05$  می باشد. سختی و جابجایی معیار استاندارد برابر با  $11 \pm 0.05$  می باشد.

## مراجع

- 1 - Paulay, T. (1971). "Coupling beams of reinforced concrete shear walls." *Journal of Structural Division*, Vol. 97, No. ST3, PP. 843-862.
- 2 - Paulay, T. (1971). "Simulated seismic loading of spandrel beams." *Journal of Structural Division*, Vol. 97, No. ST9, PP. 2407-2419.
- 3 - Subedi, N. K. (1991). "RC-coupled shear wall structures. I: analysis of coupling beams." *Journal of Structural Engineering*, Vol. 117, No. 3, PP. 667-680.
- 4 - Zhao, Z. Z., Kwan, A. K. H. and He, X. G. (2004). "Nonlinear finite element analysis of deep reinforced concrete coupling beams." *Engineering Structures*, Vol. 26, PP. 13-25.
- 5 - Linde, P. and Bachmann, H. (1994). "Dynamic modeling and design of earthquake-resistant walls." *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, Vol. 23, No. 12, PP. 1331-1350.
- 6 - Ghobarah, A. and Youssef, M. "Modeling of reinforced concrete structural walls." *Engineering Structures*, Vol. 21, PP. 912-923.
- 7 - Gupta, A. and Rangan, B. V. (1998). "High-strength concrete (HSC) structural walls." *ACI Structural Journal*, Vol. 95, No. 2, PP. 194-204.
- 8 - Gupta, A. and Rangan, B. V. (1996). "Studies on reinforced concrete structural walls." *Research Report No. 2/96, School of Civil Engineering*, Curtin University of Technology, 165 PP.
- 9 - Vecchio, F. J. and Collins, M. P. (1986). "The modified compression-field theory for reinforced concrete elements subjected to shear." *ACI Journal, Proceedings*, Vol. 83, No. 2, PP. 219-231.
- 10 - Vecchio, F. J. (1987). "Nonlinear analysis of reinforced concrete frames subjected to thermal and mechanical loads." *ACI Structural Journal*, Vol. 84, No. 6, PP. 492-501.
- 11 - Vecchio, F. J. and Collins, M. P. (1988). "Predicting the response of reinforced concrete beams subjected to shear using modified compression-field theory." *ACI Structural Journal*, Vol. 85, No. 3, PP. 258-268.
- 12 - Collins, M. P., Michell, D. and Macgregor, J. G. (1993). "Structural design considerations for high-strength concrete." *ACI Concrete International*, PP. 27-34.
- 13 - Vecchio, F. J. (1992). "Finite element modeling of concrete expansion and confinement." *Journal of Structural Engineering ASCE*, Vol. 118, No. 9, PP. 2390-2406.
- 14 - Lai, S.S., Will, G. T. and Otani, S. (1984). "Model for inelastic biaxial bending of concrete members." *Journal of Structural Engineering ASCE*, Vol. 110, No. 11, PP. 2563-2584.
- 15 - Riyazi, M., Mohammadi, H. and Esfahani, M. R. (2006). *The effect of CFRP sheets on rehabilitation and strengthening of Coupling Beams*, 7<sup>th</sup> ICCE Conference, Tarbiat Modarres University, Tehran, Iran.
- 16 - Tassios, T. P., Moretti, M. and Bezias, A. (1996). "On the behavior and ductility of reinforced concrete coupling beams of shear walls." *ACI Structural Journal*, Vol. 93, No. 6, PP. 711-720.
- 17 - Galano, L. and Vignoli, A. (2000). "Seismic behavior of short coupling beams with different reinforcement layouts." *ACI Structural Journal*, Vol. 97, No. 6, PP. 876-885.

## واژه‌های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1- Modified Compression Field Theory
- 2 - Macro Element Analysis
- 3 - Sectional Analysis