

## تحلیل پاسخ‌های پادتن (آنتی بادی) ناشی از واکسن سرخک با وجود داده‌های سانسور شده

علیرضا حاتمی: دانشجوی دکتری آمار زیستی، دانشکده پزشکی، دانشگاه تربیت مدرس  
انوشهروان کاظم نژاد\*: استاد، گروه آمار زیستی، دانشکده پزشکی، دانشگاه تربیت مدرس  
ابراهیم حاجی زاده: دانشیار، گروه آمار زیستی، دانشکده پزشکی، دانشگاه تربیت مدرس  
فرزانه صباحی: دانشیار، گروه ویروس شناسی، دانشکده پزشکی، دانشگاه تربیت مدرس  
حمیدرضا ورمذیار: پزشک، مؤسسه تحقیقات واکسن و سرم‌سازی رازی

فصلنامه پایش

سال نهم شماره اول زمستان ۱۳۸۸ صص ۷۷-۸۲

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۸۷/۱۲/۴

[نشر الکترونیک پیش از انتشار- ۱۰ آبان ۱۳۸۸]

### چکیده

تحلیل پاسخ‌های پادتن (آنتی بادی) سرمی سرخک، ابزار مهمی برای تعیین سطح ایمنی در جمعیت واکسینه شده و نیز تعیین عوامل تأثیرگذار بر این‌مانی محافظت کننده است. معمولاً مقادیر غلظت‌های پادتن تولید شده به وسیله روش‌های کمی عیارگیری مانند الایزا از سمت چپ سانسور شده هستند که این سانسور شدگی ناشی از حد ردیابی روش عیارگیری و یا نقطه برشی است که در ارتباط با آستانه مصونیت در برابر بیماری بنا نهاده شده است. برای کاهش اثر داده‌های سانسور شده در برآورد شاخص‌ها استفاده از یک مدل رگرسیون سانسور شده پیشنهاد شده است.

نمونه مورد مطالعه در این تحقیق شامل ۲۰۰ نفر از افراد ۵-۲۵ ساله بود که سطح پادتن IgG بر ضد سرخک در آنها در دو مرحله قبل و بعد از واکسیناسیون اندازه گیری شده بود. ۱۱ درصد از کل افراد دارای تیتر پادتن پس از واکسیناسیون کمتر از حد ردیابی بودند که این رقم در مردان ۱۳/۵ و در زنان، حدود ۹ درصد بوده است. قبل از به کارگیری یک مدل رگرسیونی، میانگین تیتر آنتی بادی پس از واکسیناسیون، در زنان، ۲۶ درصد بیشتر از مردان بود که این نسبت، پس از بکارگیری مدل رگرسیون سانسور شده به ۳۹ درصد رسیده است. هر دو نسبت نشان‌دهنده مصونیت زایی بیشتر واکسن سرخک در زنان نسبت به مردان بوده‌اند ( $P<0.05$ ).

درصد افراد مقاوم در برابر بیماری سرخک در کودکان و نوجوانان کمتر از ۱۶ سال، ۸۳ درصد و در جوانان ۱۶ تا ۲۵ ساله حدود ۸۸ درصد بوده است، ولی ارتباط معنی‌داری بین سن و مصونیت علیه سرخک دیده نشد ( $P=0.4$ ).

**کلیدواژه‌ها:** پادتن (آنتی بادی)، سرخک، واکسیناسیون، سانسور شدگی، مدل رگرسیون سانسور شده

\*نویسنده پاسخگو: تهران، تقاطع چمران و جلال آل احمد، دانشگاه تربیت مدرس، دانشکده علوم پزشکی، گروه آمار زیستی، صندوق پستی ۱۴۱۱۵-۱۱۱

نماير: ۸۲۸۸۴۵۵۵

تلفن: ۸۲۸۸۳۸۷۵

E-mail: kazem\_an@modares.ac.ir

**مقدمه**

و بدون توجه به وجود داده‌های سانسور شده گزارش شده است. عدم توجه به سانسور شدگی و تحلیل نتایج با داده‌های نزدیک به صفر موجب می‌شود پارامترها و ضرایب، کمتر از مقدار واقعی برآورد شوند [۳].

در این مقاله، علاوه بر توجه به وجود داده‌های سانسور شده، بررسی تأثیر عواملی چون سن، جنس و مقدار پادتن پیش از واکسیناسیون، بر تیتر پادتن پس از واکسیناسیون نیز مورد نظر بوده است. یک راه متدالول برای رسیدن به این هدف، استفاده از مدل رگرسیون خطی معمولی و برآورد پارامترهای آن به روش حداقل مربعات معمولی است. ولی نشان داده شده است که استفاده از روش رگرسیون خطی معمولی با وجود سانسور شدگی در متغیر واپسیه، علاوه بر ایجاد پیچیدگی‌هایی در محاسبات، به برآوردهای اریب (Biased) و ناسازگار (Inconsistent) از پارامترهای مدل خواهد انجامید [۴]. در مقاله حاضر، با توجه به وجود سانسور شدگی در نقطه مثبتی مانند  $L$ ، از مدل رگرسیون سانسور شده استفاده شده است [۵].

برآوردهای پارامترها در مدل پیشنهادی، با استفاده از بیشینه کردن تابع درست نمایی (Likelihood Function) انجام گرفته است که برآوردهایی نالریب (Unbiased)، سازگار (Consistant) و به طور مجانية (Asymptotically Efficient) کارا (Tobin) برای داده‌های مثبت سانسور شده در صفر به کار گرفته شده است [۶].

**مواد و روش کار**

اطلاعات مورد استفاده در این طرح، بخشی از اطلاعات طرح «بررسی اینمنی هومورال در اثر واکسیناسیون دوگانه سرخک و سرخچه» است که در سال ۱۳۸۲ در موسسه تحقیقات واکسن و سرم سازی رازی انجام شده و جزئیات آن به تفصیل در گزارش نهایی طرح آمده است [۷]. به طور خلاصه، از بین ۶۰۰ مراجعه کننده ۵ تا ۲۵ ساله که نحوه انجام طرح برای آنها تشريح گردید، ۴۰۰ نفر حاضر به همکاری در طرح و اهدای خون (با رضایت نامه کتبی از فرد یا خانواده‌ی) در دو نوبت، قبل از واکسیناسیون و ۴ تا ۶ هفته پس از واکسیناسیون شدند. ولی، در پایان، تنها ۲۰۰ نفر در هر دو مرحله خون گیری شرکت کردند. در پایان هر دو مرحله،

یکی از مهم‌ترین هدف‌های مرحله (فاز) یک و دو کارآزمایی هر واکسن جدید، تعیین میزان اینمنی زایی آن واکسن در برابر بیماری است. با توجه به این که میزان اینمنی زایی یا مصنونیت ایجاد شده در برابر بیماری به طور مستقیم قابل اندازه گیری نیست، وجود غلظت قابل ردیابی (Detectable) از پادتن در سرم خون فرد واکسینه شده، معادل مصنونیت آن فرد در مقابل بیماری و به عبارت دیگر، معادل توانایی واکسن در اینمنی زایی در برابر آن بیماری تلقی می‌شود [۱].

در عیار گیری‌ها گاه با افرادی روبرو می‌شویم که به رغم پاسخ دهنده ای از واکسن، غلظت پادتن خون آنها کمتر از حد ردیابی و حتی گاه نزدیک به صفر و غیرقابل ردیابی است. طبیعتاً، در مطالعات، این افراد در زمرة کسانی قرار می‌گیرند که به واکسیناسیون پاسخ مثبت نمی‌دهند؛ در حالی که ممکن است افرادی باشند که پس از تزریق واکسن، پادتن در خون آنها تولید شده باشد، اما در زمان مطالعه و خون گیری، به گونه‌ای پادتن خون خود را از دست بدھند که به راحتی قابل ردیابی نباشد، یا افرادی که، به دلایل ژنتیکی یا دلایل دیگر عکس‌العملشان در مواجه با آنتی زن خاص، به قدری ضعیف باشند که قابل ردیابی و مشاهده نباشد. مثالی از این قبیل افراد، مداخله پادتن مادرزادی در برابر واکسن سرخک در نوزادان است [۲]. داده‌های کمتر از حد ردیابی را می‌توان داده‌های سانسور شده از چپ تلقی کرد، زیرا هر چند که ممکن است مقدار دقیق این غلظت‌ها معلوم نباشد، ولی این مقدار، کمتر از حد مشخص و معینی مانند حد پایین ردیابی (Low Detection Limit) است که مقدار آن با توجه به انتخاب شیوه عیار گیری و نیز نوع واکسن مورد بررسی، تعیین می‌گردد. در عیار گیری پادتن واکسن سرخک، عوامل مختلفی می‌توانند منجر به تولید داده‌های سانسور شده از چپ شوند که از آن جمله می‌توان به کم بودن بیش از حد حساسیت (Sensitivity) و ویژگی (Specificity) برای غلظت‌های نزدیک به صفر در برخی از روش‌های عیار گیری، مانند الایزا (ELISA) و فلورسنس (Fluorescence) و بکارگیری نقطه بررش (Cut of Point) برای تمایز واکنش‌های مثبت و منفی در برابر واکسیناسیون، اشاره کرد [۲].

عموماً نتایج به دست آمده از غلظت پادتن در سرم خون افراد در حد توصیف اطلاعات و ارائه شاخص‌های مرکزی، مانند میانگین هندسی تیترهای مربوط به غلظت پادتن در گروه‌های مورد مطالعه

سن افراد، در زمان مطالعه، به ترتیب برابر  $18/8$  و  $4/8$  و میانه سنی و مد آن برابر  $19$  سال بوده‌اند. میانگین نمونه‌ای تیتر پادتن، بر اساس مشاهدات، برابر  $76/3$  واحد بین‌المللی در هر میلی لیتر با انحراف معیار  $4/2$  واحد بود که این ارقام، در مقیاس لگاریتم طبیعی، به ترتیب برابر  $4/3$  و  $1/4$  شده‌اند.  $84$  درصد از مردان، دارای سطح محافظت کننده (Protective) پس از واکسیناسیون در برابر بیماری سرخک بوده‌اند، در حالی که این میزان در زنان که  $56$  درصد از شرکت کنندگان در طرح را تشکیل داده‌اند،  $89/3$  درصد بوده است.

قبل از بکارگیری يك مدل رگرسيوني، میانگین تیتر آنتى بادى پس از واکسیناسیون در زنان،  $26$  درصد بیشتر از مردان بود. اين میانگین در زنان،  $7/87$  (با انحراف معیار  $6/4$ ) و در مردان  $61/8$  (با انحراف معیار  $4/8$ ) بود؛ به عبارت دیگر زنان از سطح مقاومت بالاتری نسبت به مردان برخوردار بوده‌اند. این تفاوت از نظر آماری نیز مورد تأیید بوده است ( $P=0/05$ ). درصد افراد مقاوم در برابر بیماری سرخک در کودکان و نوجوانان  $83$  درصد و در جوانان  $16-25$  سال) حدود  $88$  درصد بوده است، ولی ارتباط معنی‌داری بین مقاوم بودن عليه سرخک و دو گروه سنی دیده نشد ( $P=0/4$ ).

جدول شماره  $1$  برآورد ضرایب رگرسیونی و انحراف معیار آنها را در مدل رگرسیون سانسور شده از چپ در دو مدل کامل (Full Model) و کاهش یافته (Reduced Model) نشان می‌دهد. در مدل کامل، هر سه متغیر مستقل حضور دارند، ولی به دلیل معنی‌دار نبودن تأثیر متغیر سن ( $P=0/78$ )، این متغیر از مدل حذف شد. آزمون نسبت درست نمایی (Likelihood Ratio Test) نشان داد مدل کاهش یافته- که در آن، متغیر سن حذف شده است- از نظر آماری، تفاوت معنی‌داری با مدل کامل ندارد ( $P>0/1$ ) و بنابراین، مدلی که يك متغیر کمتر دارد بر مدل کامل ترجیح داده شد. مقدار برآورد شده ضریب متغیر جنس، در مدل کاهش یافته و در مقیاس لگاریتمی، برابر  $0/334$  با انحراف معیار  $0/145$  شده است و این بدان معنی است که با فرض ثابت بودن تیتر پادتن قبل از واکسیناسیون در دو جنس، مصونیت زایی واکسن سرخک در زنان،  $39$  درصد بیشتر از مردان است.

اثر متغیر تیتر پادتن قبل از واکسیناسیون، با ضریب  $0/006$ ، در سطح کمتر از  $0/001$  معنی‌دار شده است، اما تأثیری کمتر از جنس در مقدار پاسخ دارد. حذف متغیر سن تقریباً هیچ اثری بر مقدار برآورد ضریب این متغیر در مدل کاهش یافته نداشته است. مقدار

سطح پادتن IgG بر ضد سرخک افراد با استفاده از روش الایزا تعیین گردید. بر اساس کیت مورد استفاده، پادتن IgG برابر  $8$  واحد بین‌المللی در میلی لیتر به مثابه کمترین غلظت قابل ریدیابی (LDL) در نظر گرفته شد که مقادیر کمتر از آن داده‌های سانسور شده را تشکیل می‌دهند. داده‌های غلظت پادتن عموماً دارای توزیع لگ نرمال هستند، به همین جهت معمولاً از تبدیل لگاریتمی برای تبعیت آنها از توزیع نرمال استفاده می‌کنیم [۸]. متغیر پاسخ در این مطالعه، لگاریتم طبیعی تیتر پادتن IgG ضد سرخک پس از واکسیناسیون در سرم خون افراد (بر حسب واحد بین‌المللی در میلی لیتر) بود که از سمت چپ سانسور شده است. متغیرهای مستقل نیز عبارت بودند از:

#### (۱) جنس

(۲) سن در زمان مطالعه به صورت يك متغیر پيوسته  
 (۳) تیتر پادتن IgG ضد سرخک در سرم خون افراد پيش از واکسیناسیون بر حسب واحد بین‌المللی در میلی لیتر به صورت يك متغیر پيوسته  
 مطالعات شبيه سازی نشان داده‌اند که با وجود داده‌های سانسور شده از چپ، استفاده از مدل رگرسیونی سانسور شده با برآوردهای بيشينه درست نمایی روش مناسب‌تری برای تحليل داده‌هاست [۹]. اين برآوردها، نسبت به برآوردهای حاصل از روش رگرسیونی معمولی، از دقت، صحت و کارايب بيشتری برخوردارند [۱۰، ۹]. برآورد ضرایب رگرسیونی مدل برآورده شده، آزمون معنی‌داری اثر هر يك از متغیرهای مستقل آماری، با استفاده از دستور CensorReg Plus S نرم‌افزاری انجام شده است.

#### يافته‌ها

از  $200$  نفر شرکت کننده‌ای که در هر دو مرحله خون گيری مشارکت داشتند،  $22$  نفر ( $11$  درصد) دارای تیتر آنتى بادى پس از واکسیناسیون کمتر از حد ریدیابی (تیتر کمتر یا مساوی  $8$  واحد) بودند که سرونگاتیو شناخته می‌شوند. اين رقم در مردان  $13/5$  و در زنان، حدود  $9$  درصد بوده است.  $4$  نفر نیز تیتر بین  $8-12$  واحد داشتند که در گروه افراد مشکوك طبقه بندی شده‌اند. اين افراد، در برابر بیماری سرخک، حساس شناخته می‌شوند و استعداد ابتلا به سرخک را دارند.  $83$  درصد از کل افراد شرکت کننده،  $16-25$  سال دارند و تنها  $17$  درصد از آنها را کودکان و نوجوانان کمتر از  $16$  سال تشکیل داده‌اند. میانگین و انحراف معیار استاندارد

بیشتر از حد ردیابی، برآوردها در این مدل، به روش حداقل مربعات محاسبه شده‌اند. در این مدل نیز اثر سن، معنی‌دار نشده است ( $P=0.69$ ). ولی، بر خلاف مدل‌های قبلی، ضریب آن مثبت شده است. اثر متغیر جنس در این مدل نیز در سطح کمتر از  $0.05$  معنی‌دار شده است، ولی ضریب این متغیر در این مدل نسبت به مدل رگرسیون سانسور شده بسیار کاهش یافته است.

پادتن پس از واکسیناسیون، به ازای هر واحد افزایش در تیتر پادتن قبل از واکسیناسیون به شرط ثابت بودن اثر متغیر جنس، به طور متوسط یک واحد افزایش خواهد داشت. جدول شماره ۲ برآورد ضرایب رگرسیونی و انحراف معیار آنها را پس از حذف داده‌های سانسور شده در یک مدل رگرسیون معمولی، برای تیترهای بیشتر از حد ردیابی، نشان می‌دهد. با توجه به توزیع تقریباً نرمال داده‌های

جدول شماره ۱- برآورد ضرایب و انحراف معیار آنها در مدل رگرسیون سانسور شده از چپ

مدل کاهش یافته				مدل کامل				
P	برآورد ضریب	خطای معیار	P	خطای معیار	برآورد ضریب	برآورد ضریب		
<0/0001	0/13	۳/۴۷۱	<0/0001	0/۲۹۷	۳/۵۴۶	۳/۵۴۶	مقدار ثابت	
0/023	0/145	0/۳۳۴	0/022	0/15	0/۳۴۱	0/۳۴۱	جنس	
0/0002	0/002	0/006	0/0002	0/002	0/006	0/006	تیتر قبل از واکسیناسیون	
	-----	0/78		0/016	-0/004	-0/004	سن	

جدول شماره ۲- برآورد پارامترها و انحراف معیار آنها در مدل رگرسیون معمولی (با حذف داده‌های سانسور شده)

P	SE	برآورد ضریب	
<0/0001	0/22	۳/۹۱۷	مقدار ثابت
0/03	0/111	0/۲۳۸	جنس
<0/0001	0/001	0/005	تیتر قبل از واکسیناسیون
0/69	0/012	-0/005	سن

وجود زياد بودن فراوانی مردان دارای پادتن محافظت کننده در برابر سرخک، ميانگين تيتر پادتن پس از واكسيناسيون در زنان (بدون در نظر گرفتن متغيرهای كمکی) ۲۶ درصد بيشتر از مردان بود. اين نسبت، پس از بكار گيرى مدل رگرسيون سانسور شده و با تعديل نسبت به متغير كمکي تيتر پادتن قبل از واكسيناسيون، به ۳۹ درصد رسيده است. اين نسبت در مطالعه مولتون و هالسى كه بر مبنای عيارگيرى سرولوژيکي انجام شده [۲]، ۳۰ درصد و در مطالعه موسرنگ و همكاران كه اطلاعات به روش كشت جمع آورى شده‌اند، ۱۳ درصد گزارش شده است [۱۱]. متغير سن در هيچيك از مدل‌ها تأثير معنی‌داری را نشان نداده است كه با توجه به اين كه خون گيرى مرحله دوم تنها ۴ تا ۶ هفته پس از واكسيناسيون انجام شده، معقول است. از ديگر نکات قابل طرح در اين مطالعه، بزرگ بودن شاخص‌های مرکزی، نظیر ميانگين، ميانه و مد متغير سن، بود كه هر سه شاخص در حدود ۱۹ سال بودند. با توجه به اجباری بودن واكسيناسيون ضد سرخک در هنگام ثبت نام در مدارس، بالا بودن اين شاخص‌ها می‌تواند نشانه عدم رضایت و تمایل خانواده آنها در خون گيرى پس از واكسيناسيون باشد.

### سهم نويسندگان

عليريضا حاتمي: تجزие و تحليل داده‌ها، تهيه مقاله  
اوشيروان كاظم نژاد: تجزие و تحليل داده‌ها  
ابراهيم حاجي زاده: تصحیح آماری داده‌ها  
فرزانه صباحي: تفسير زیست شناختی داده‌ها  
حمیدرضا ورمزيار: تفسير زیست شناختی داده‌ها

### تشکر و قدردانی

بدین وسیله از مدیریت محترم مؤسسه تحقیقات واکسن و سرم‌سازی رازی، به جهت در اختیار گذاشتن اطلاعات طرح «بررسی ایمنی هومورال در اثر واكسيناسیون دوگانه سرخک و سرخجه»، تشکر و قدردانی می‌شود.

### بحث و نتيجه گيري

يکي از مسائل بسيار مهم که در دو دهه اخير در مورد تحليل داده‌های تيتر پادتن حاصل از عيارگيری‌های كمی مورد توجه قرار گرفته است، چگونگی دخالت دادن داده‌های كمتر از حد ردیابی يا غيرقابل ردیابی در تجزие و تحليل‌های آماری، از جمله تحليل‌های رگرسيونی، است. اين داده‌ها، بسته به نوع روش‌های عيارگيری و نوع آنتي زن مورد بررسی، معمولاً كمتر از يك عدد ثابت و معلوم و گاه نزديك به صفر هستند. مسئله مهم اين است که آيا اين داده‌های نزديك به صفر، واقعی هستند یا به دليل عدم تشخيص درست روش عيارگيری، صفر گزارش شده هستند، يا بدخی از آنها سروپازيتیوهایي هستند که به دليل حساسیت کم روش‌های عيارگيری، به اشتباه در طبقه ديگر قرار گرفته‌اند. يك راه ابتدائي برای برخورد با اين مسئله، عدم توجه به واقعی یا غيرواقعي بودن اين صفرها (نزديك به صفرها) و مشارکت دادن آنها در تحليل با همان بزرگی و مقدار ثبت شده است که در اين صورت، برآوردها اریب و كمتر از مقدار واقعی خواهند بود. راه ديگر، حذف اين داده‌ها و عدم مشارکت آنها در تحليل است که مسلماً اين روش نيز موجب خواهد شد که اين موضوع، در جدول شماره ۲، كاملاً دیده می‌شود. با توجه به ناريبي ضرائب برآورده شده در مدل رگرسيون سانسور شده برای كل داده‌ها و ناريبي بودن تقریبی برآوردهای حداقل مربوطات مدل رگرسيون معمولی، تفاوت برآورده ضرائب اين دو مدل نشان می‌دهد که حذف همه داده‌های نزديك به صفر راه حل درستی نیست و اين می‌تواند به مفهوم آن باشد که همه داده‌های كمتر از حد ردیابی، صفر واقعی (سرو نگاتيو واقعی) نبوده و بدخی از آنها در واقع سروپازيتیوهایي بوده‌اند که به دليل کم بودن حساسیت عيارگيری‌های مبتنی بر روش سرولوژي مانند الايزا، سرونگاتيو تشخيص داده می‌شوند. يکي ديگر از يافته‌های مهم اين تحليل که با نتایج تحليل‌های ديگر نيز همخوانی دارد، مؤثر بودن عامل جنسیت در ايماني زايی واكسن سرخک است. در مطالعه حاضر، با

### منابع

- 1- Pigeon JG, Bohidar NR, Zhang Z, Wiens B. Statistical models for predicting the duration of vaccine-induced protection. *Drug Information Journal* 1999; 33: 811-19

- 2- Moulton LH, Halsey NA. A mixture model with detection limits for regression analysis of antibody response to vaccine. *Biometrics* 1995; 51: 1570-78  
3- Amemria T. Tobit models: a survey. *Journal of Econometrics* 1984; 24: 3-61

- 4- Berk KN, Lachenbrch PA. Repeated measures with zeros. *Statistical Methods in Medical Research* 2002; 11: 303-16
- 5- Tobin J. Estimation of relationship for limited dependent variables. *Econometrica* 1952; 26: 24-36
- 6- Greene WH. *Econometrics Analysis*. 5th Edition, Upper Saddle River: Prentice Hall, 2003
- ۷- ورمذیار حمیدرضا. بررسی پاسخ اینمی هومورال در اثر واکسیناسیون دوگانه سرخک و سرخجه در طرح واکسیناسیون عمومی سرخک و سرخجه در پاییز ۱۳۸۲. گزارش نهایی طرح، مؤسسه تحقیقات واکسن و سرم سازی رازی ۱۳۸۵
- 8- Baughman AL, Bisgard KM, Lynn F, Meade BD. Mixture model analysis for establishing a diagnostic cut-off- Point for pertussis antibody levels. *Statistics in Medicine* 2006; 25: 2994-3010
- 9- Demaris A. *Regression with Social Data: Modeling Continuous and Limited Response Variables*. John Wiley & sons Inc: New Jersey, 2004
- 10- Winkelmann R, Boes S. *Analysis of Microdata*. Springer Berlin Heidelberg: New York, 2006
- 11- Mossong J, O'Callaghan CJ, Ratnam S. Modeling antibody response to measles vaccine and subsequent waning of immunity in a low exposure population. *Vaccine* 2002; 19: 523-29