

اقتصاد کشاورزی و توسعه، سال شانزدهم، شماره ۶۲، تابستان ۱۳۸۷

**تعیین الگوی بهینه کشت همسو با کشاورزی پایدار  
با استفاده از برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه  
مطالعه موردی استان خراسان شمالی**

دکتر محمدرضا کهنسال<sup>\*</sup>، علی فیروز زارع\*

تاریخ دریافت: ۸۵/۵/۲۴      تاریخ پذیرش: ۸۶/۱۲/۲۰

**چکیده**

در این پژوهش تلاش شده است با استفاده از داده‌های مقطع زمانی سال زراعی ۱۳۸۴-۸۵ برای استان خراسان شمالی و همچنین برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه، الگوی کشت همسو با کشاورزی پایدار تعیین و با الگوی بهینه برنامه‌ریزی خطی ساده و الگوی کشت فعلی منطقه مقایسه شود. اطلاعات مورد نیاز این پژوهش با استفاده از روش نمونه‌گیری تصادفی دو مرحله‌ای از طریق تکمیل ۶۲۷ پرسشنامه از سطح ۵۵ روستای خراسان شمالی به دست آمد. یافته‌های این بررسی در سطح بهره‌برداری‌های بزرگ نشان داد که الگوی حاصل برنامه‌ریزی خطی ساده بسیار به الگوی کشت فعلی منطقه نزدیک است، در حالی که الگوی حاصل برنامه‌ریزی فازی کسری برای دستیابی به پایداری با الگوی حاصل برنامه‌ریزی خطی

\* به ترتیب: استادیار و دانشجوی کارشناسی ارشد گروه اقتصاد کشاورزی دانشگاه فردوسی مشهد

۱. نویسنده مسئول

## اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

ساده و الگوی کشت فعلی منطقه اختلاف چشمگیری دارد، به گونه‌ای که با ملاک قرار دادن برنامه‌ریزی فازی کسری از تنوع کشت کاسته می‌شود و الگوی کشت در اراضی آبی بزرگ مقیاس استان به سمت گندم و در اراضی دیم به سمت گندم و عدس تغییر می‌یابد. با در نظر گرفتن این الگوی کشت، میزان بازده برنامه‌ای نسبت به الگوی کشت فعلی ۵۱ درصد کاهش نشان می‌دهد. این نتیجه در مورد بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس تا حدودی متفاوت است و الگوی کشت فعلی برای همسویی با اهداف پایداری کمتر دستخوش تغییر می‌شود، به گونه‌ای که الگوی کشت اراضی آبی در برنامه‌ریزی فازی کسری به سمت محصولات گندم، جو و پنبه و در اراضی دیم به سمت گندم، جو و عدس تغییر می‌یابد. در این حالت میزان بازده برنامه‌ای نسبت به الگوی کشت فعلی تنها ۱۹ درصد کاهش می‌یابد.

طبقه‌بندی JEL: Q19-Q18-Q01-C61

کلید واژه‌ها:

الگوی بهینه کشت، برنامه‌ریزی خطی، برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه، کشاورزی پایدار، خراسان شمالی

### مقدمه

برنامه‌ریزی ریاضی<sup>۱</sup> ابزاری سودمند برای مطالعه و تحلیل نظامهای کشاورزی است. از زمان شروع استفاده از الگوهای برنامه‌ریزی ریاضی تاکنون، تحقیقات اجرایی با بهره‌گیری از الگوهای مختلف نظری صورت گرفته است. توسعه این الگوهای به عوامل متعددی از جمله توانایی پژوهشگر در فرمولبندی چارچوب ریاضی مسائل واقعی، وجود الگوریتم مناسب برای حل مدل (برای مثال الگوریتم سیمپلکس در برنامه‌ریزی خطی)، جمع‌آوری یافته‌های تجربی برای یافتن راه حل‌های کافی مسائل واقعی و در نهایت وجود ابزارهای مفید برای اجرای الگوریتمها وابسته است (Lara & Minasian, 1999).

1. mathematical programming

## تعیین الگوی...

در برنامه‌ریزی ریاضی سعی بر ساده‌سازی و واقع‌گرا نمودن الگوست. خطی‌سازی نمونه بارزی از ساده کردن الگوهاست. علاوه بر این به منظور لحاظ کردن ویژگیهای غیر خطی و به دلیل ریسکی بودن مسائل کشاورزی در الگوها و همچنین در نظر گرفتن پیجیدگی تصمیمات و افزایش تعداد تصمیم‌گیری، استفاده از برنامه‌ریزی ریاضی با فرمهای تابعی پیجیده (غیر خطی) و با اهداف چندگانه ضروری است.

در بسیاری از کارهای عملی، بهینه کردن نسبت معیارها از بهینه نمودن هر معیار به تنهایی دید و بینش بهتری ارائه می‌کند. برنامه‌ریزی کسری معمولترین نوع برنامه‌ریزی ریاضی با اهداف نسبتی<sup>۱</sup> است (Romero & Rehman, 1989). موارد کاربرد تکنیکهای برنامه‌ریزی کسری با موارد کاربرد برنامه‌ریزی خطی و تکنیکهای تصمیم‌گیری چند معیاره (MCDM)<sup>۲</sup> یکسان است (همان منع). به منظور مطالعه کارایی نسبی در زمینه پایداری کشاورزی، برنامه‌ریزی کسری بسیار کاراتر از سایر روشها عمل می‌کند (Charnes, Cooper & Rhodes, 1978). همچنین برخی موقع تصمیم‌گیران در شرایط واقعی با تصمیم بهینه کردن نسبتهای دارایی به فروش، هزینه واقعی به هزینه استاندارد، میزان تولید به استخدام نیروی کار مواجهند که در این موارد نیز استفاده از برنامه‌ریزی کسری روشن و خواهد بود (Chakraborty & Gupta, 2002).

بررسی موضوعی مبین کاربرد برنامه‌ریزی کسری در مسائل مختلف تخصیص منابع، حمل و نقل، تأمین مالی، مکان‌یابی، تولید، فرایندهای تصادفی، برنامه‌های تازه‌سازی مارکو، نظریه اطلاعات، جبر خطی کاربردی، برنامه‌ریزی بزرگ مقیاس، نظریه بازیها و غیره است (Gupta & Bhatia, 2001).

برنامه‌ریزی کسری را نویسنده‌گان بسیاری (Schaible, 1995; Stancu-Minasian, 1981)

بررسی کرده‌اند. همچنین در کتابهای بسیاری نیز به این موضوع پرداخته شده است.<sup>۳</sup>

در برخی موارد در مسائل مدیریتی حداکثر کردن دو هدف نسبی (مانند نسبت سود به هزینه و کیفیت) با یکدیگر در تضادند و یا در یک مسئله برنامه‌ریزی، بهینه کردن چند هدف

۱. در این نوع برنامه‌ریزی، اهداف به صورت ماکریم یا مینیمم کردن نسبت دو تابع است.

2. multi criteria decision making

۳. به منابع ۷، ۱۲، ۱۶، ۱۷ و ۲۹ رجوع کنید.

## اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

نسبتی به طور همزمان مدنظر است. این گونه موارد ماهیتاً مسائل برنامه‌ریزی کسری با اهداف چندگانه (MOLFPP)<sup>۱</sup> می‌باشند.

در دو دهه اخیر توجه کارشناسان به پایداری کشاورزی افزایش یافته است. کشاورزی زمانی پایدار است که از لحاظ فنی امکان‌پذیر، از نظر اقتصادی موجه، از نظر سیاسی مناسب، از جنبه مدیریتی اجرashدنی، از دیدگاه اجتماعی پذیرفتی و به لحاظ محیطی سازگار باشد (کوچکی، ۱۳۷۶).

بحث پایداری در کشاورزی مفاهیم مختلفی را در بر می‌گیرد و ابعاد گوناگونی را پوشش می‌دهد. کشاورزی پایدار شامل نقش مثبت تولید محصولات کشاورزی در رشد اقتصادی به همراه کاهش فقر، حفظ منابع طبیعی و حمایت از محیط زیست است (باقری و همکاران، ۱۳۷۵). به طور کلی در کشاورزی پایدار دو هدف اساسی تداوم تولید محصولات کشاورزی و کاهش آثار زیانبار زیست محیطی در بخش کشاورزی وجود دارد (خاتون آبادی و امینی، ۱۳۷۵). پایداری به طور اعم سه بعد اقتصادی، زیست محیطی و اجتماعی را در بر می‌گیرد (Lynam & Herdt, 1989).

در اکثر نقاط دنیا اقدامات گسترده‌ای در جهت مصرف منطقی نهاده‌ها، حفظ محیط زیست و توسعه کشاورزی ارگانیک صورت گرفته است. این اقدامات، کارشناسان را به طراحی سیاستهایی در جهت حفظ تعادل طبیعی و بقای آینده وادار کرده است. موقفيت کشاورزی ارگانیک، مستلزم شجاعت کارشناسان، تصمیم‌گیران و عزم ملی در جهت اجرای آن است. در همین راستا در ایران نیز در بند ح تبصره ۵ قانون بودجه سال ۱۳۷۴ آمده است: «به منظور تقلیل مصرف سموم و کودهای شیمیایی و بهبود محیط‌زیست معادل مبلغ ۳ درصد از اعتبارات مربوط به کود، حداقل تا مبلغ ۱۱/۵ میلیارد ریال در اختیار وزارت کشاورزی قرار گیرد تا جهت کمک به تحقیقات مربوط به آفات و بیماریهای گیاهی و علفهای هرز و مبارزه بیولوژیک با آنها، بررسی غذایی خاک‌های زراعی کشور و طرح‌های ترویجی و آموزشی مربوط هزینه کند» (نجفی، ۱۳۷۵).

1. multi objective linear fractional programming problem

## تعیین الگوی...

در بررسی پایداری، حداکثر کردن، یک هدف مطلق نیست، بلکه هدف حداکثر کردن ستاندها و حداقل نمودن نهادهها (به طور نسبی و همزمان) است. این راهبرد با نقش پایداری یعنی کاهش یا حذف استفاده از فراورده‌های شیمیایی به ویژه کودها و سموم و همچنین کاهش تخریب منابع آب و خاک ارتباط نزدیکی دارد. معمولاً در کارهای عملی به منظور دستیابی به پایداری، ستانده (های) مطلوب حداکثر و در مقابل ستانده (های) نامطلوب و استفاده از نهاده‌های تجدیدناپذیر و کمیاب و مضر حداقل می‌شود. به عبارت دیگر رسیدن به پایداری مستلزم مقایسه سطوح تولید و نهاده‌های اقتصادی با سطوح نهاده‌ها یا ستانده‌های نامطلوب است (Lara & Minasian, 1999).

تیواری و همکاران (Tiwari & et al., 1999) در چارچوب مدل تصمیم‌گیری با اهداف چندگانه و فریزر و کردینا (Fraser and Cordina, 1999) در مطالعه‌ای روی کارایی مزارع آبی، مسئله کارایی آب مصرفی را یکی از مسائل پایداری دانستند. چنانچه در چنین نظامی هدف، حداکثر کردن بازده برنامه‌ای و اشتغال و نیز حداقل نمودن مصرف آب باشد، می‌توان با استفاده از مفهوم تصمیم‌گیری چندمعیاره با سه هدف حداکثر کردن بازده برنامه‌ای و اشتغال و حداقل کردن استفاده از آب به جواب بهینه دست یافت. اما همین مسئله را می‌توان به گونه دیگری و با حداکثر نمودن نسبتهای بازده برنامه‌ای به مصرف آب و همچنین اشتغال به مصرف آب حل کرد و به جای روش سه هدفه قبلی (دو مورد حداکثر کردن و یک مورد حداقل کردن) در این روش (روش دوم) تنها از دو هدف حداکثر کردن استفاده کرد. واضح است که در فرایند تصمیم‌گیری هر چه تعداد اهداف کمتر باشد، رسیدن به جواب بهینه و حل کردن مسئله آسانتر خواهد بود. علاوه بر این معمولاً بین تعداد اهداف و اندازه مجموعه کارا<sup>۱</sup> رابطه‌ای مستقیم وجود دارد (Romero & Rehman, 1989). بنابراین ترکیب اهداف به صورت نسبتها، مدیریت جوابها را آسانتر می‌کند و همچنین از میزان تردید در مورد جواب بهینه (به دلیل در نظر گرفتن تمامی اهداف به طور همزمان) می‌کاهد.

1. efficient set

در این پژوهش برای تعیین الگوی کشاورزی پایدار استان خراسان شمالی از برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه استفاده شده است. در همین حال به منظور مقایسه، نتایج برنامه‌ریزی خطی ساده و الگوی فعلی کشت منطقه نیز ارائه شده است. در روشهای معمول بهینه‌یابی از طریق برنامه‌ریزی خطی، تابع هدف نسبت به محدودیتهای موجود حداکثر یا حداقل می‌شود. در این حالت نقش تمامی نهاده‌ها در جریان تولید یکسان فرض می‌گردد؛ به عبارت دیگر در این گونه روشهای (روشهای غیرکسری) محدودیتهای مربوط به پایداری کشاورزی وارد نمی‌شوند (کهنسال، ۱۳۸۳)، در حالی که در روش برنامه‌ریزی کسری می‌توان محدودیتهای کشاورزی ارگانیک را در تابع هدف وارد و استفاده از نهاده‌های مختلف کننده کشاورزی ارگانیک را حداقل کرد (Lara & Minasian, 1999). پس از به کارگیری این روش مشخص خواهد شد که برای حرکت به سمت کشاورزی پایدار چه تغییراتی باید در الگوی کشت و مدیریت منطقه ایجاد شود. پژوهش حاضر برای حل MOLFPP پایداری کشاورزی روشنی متفاوت ارائه نموده است که از پیچیدگیهای حل MOLFPP می‌کاهد و علاوه بر این، روشنی کاراست؛ زیرا بر مبنای رهیافت نظری، تبدیلهای مناسبی برای فرمولبندی معادل MOLFPP و فازی نمودن آن به کار گرفته شده است، به گونه‌ای که این تبدیلهای بر ناحیه موجه جواب هیچ گونه تأثیری نخواهند داشت.

### مواد و روشهای

#### ۱. برنامه‌ریزی کسری خطی<sup>۱</sup>

فرم عمومی برنامه‌ریزی کسری خطی به صورت زیر است:

$$\text{Max } \phi(x) = \frac{c^T x + \alpha}{d^T x + \beta} \quad (1)$$

s.t.:

$$Ax \leq b$$

$$x \geq 0; x \in R^n; c^T, d^T \in R^n; A \in R^{m \times n}; \alpha, \beta \in R$$

1. linear fractional programming

### تعیین الگوی...

البته برای برخی مقادیر  $x$  ممکن است  $d^T x + \beta$  برابر صفر شود. در این گونه موارد

می‌توان محدودیت را این گونه بیان کرد:

$$[x \geq 0, Ax \leq b] \Rightarrow [d^T x + \beta > 0] \quad \text{یا} \quad [x \geq 0, Ax \leq b] \Rightarrow [d^T x + \beta < 0]$$

در اینجا برای سهولت بحث فرض می‌شود شرایط زیر برقرار باشد:

$$[x \geq 0, Ax \leq b] \Rightarrow [d^T x + \beta > 0]$$

برنامه‌ریزی کسری خطی بالا را به صورت زیر نیز می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} \text{Max } \phi(x) &= \frac{N(x)}{D(x)} \\ \text{s.t.:} \end{aligned} \tag{2}$$

$Ax \leq b$

$x \geq 0$

در برنامه‌ریزی کسری مقعر، علاوه بر محدودیتهای برنامه محدب،  $x$  نیز یک چندوجهی

محدب می‌باشد و  $N(x)$  با توجه به  $X$  و  $D(x)$  نیز مقعرند. این الگو به برنامه‌ریزی کسری مقعر-محدب موسوم است (Schaible, 1976). باید توجه کرد که در اینجاتابع هدف عموماً یک تابع مقعر نیست. مقعر بودن ویژگی‌ای است که به ما اجازه می‌دهد حداکثر یک تابع را با توجه به یک مجموعه محدب به دست آوریم (Lara & Minasian, 1999).

برنامه زیر در صورتی که  $N(\cdot)$  در  $\Delta$  (مشروط به  $N(\lambda) \geq 0$  و  $\lambda \in \Delta$ ) مقعر و

$D(\cdot)$  در  $\Delta$  محدب و مثبت باشد، برنامه‌ریزی کسری محدب-مقعر استاندارد<sup>۱</sup> نامیده

می‌شود (Craven, 1988).

$$\begin{aligned} \text{Max } \phi(x) &= \frac{N(x)}{D(x)} \\ \text{s.t.:} \end{aligned} \tag{3}$$

$Ax \leq b$

$x \geq 0$

$$x \in \Delta = \{x : Ax \leq b, x \geq 0\} \Rightarrow D(x) > 0$$

1. standard concave-convex fractional programming

۱

برنامه‌ریزی کسری خطی (LFPP) با حل دو برنامه خطی، بهینه می‌شود (Charnes & Cooper, 1962). چنانچه برنامه‌ریزی کسری خطی یک جواب بهینه محدود داشته باشد، تنها کافی است یکی از برنامه‌های خطی بسته به علامت مخرج کسر حل شود (Craven and Mond, 1975) و چارنزو کوپر (Charnes and Cooper, 1962) با به کارگیری روشی، برنامه‌ریزی کسری خطی را به برنامه‌ریزی خطی ساده تبدیل کردند. روش کار آنها در قضیه‌های زیر آمده است:

قضیه ۱: فرض کنید  $y = tX$  و  $t = (d^T x + \beta)^{-1}$  و همچنین نقطه‌ای به صورت  $(y, 0)$  با  $y \geq 0$  در ناحیه موجه برنامه‌ریزی خطی زیر وجود نداشته باشد، آنگاه برنامه‌ریزی کسری ۱ را می‌توان به برنامه‌ریزی خطی ساده زیر تبدیل کرد:

$$\text{Max } c^T y + \alpha t \quad (4)$$

s.t.:

$$d^T y + \beta t = I$$

$$Ay - bt = 0$$

علاوه بر این، برنامه‌ریزی کسری ۳ را نیز به صورت زیر می‌توان نوشت:

$$\text{Max } tN(y/t)$$

s.t.:

$$A(y/t) - b \leq 0$$

$$tD(y/t) \leq 1$$

$$t > 0, y \geq 0$$

(5)

قضیه ۲: چنانچه برنامه‌ریزی کسری (رابطه ۳) در نقطه  $x^*$  به حداکثر برسد، تبدیل منطبق با آن (یعنی رابطه ۵) در نقطه  $(y^*, t^*)$  به همان ارزش ماکزیمم دست می‌یابد (Schaible, 1978).

اگر به جای اینکه  $N(.)$  در رابطه ۳ مقعر باشد،  $D(.)$  در  $\Delta$  مقعر و مثبت و  $N(.)$

برای هر  $x \in \Delta$  منفی باشد، خواهیم داشت:

$$\text{Max } \frac{N(x)}{D(x)} \Leftrightarrow \text{Min } \frac{-N(x)}{D(x)} \Leftrightarrow \text{Max } \frac{D(x)}{-N(x)} \quad (x \in \Delta)$$

که  $N(x)$  – محدب و مثبت است. با استفاده از قضیه ۲ و تحت این فروض، برنامه‌ریزی

تعیین الگوی...

کسری (رابطه ۳) به شکل زیر خطی خواهد شد:

$$\text{Max } tD(y/t)$$

s.t.:

$$A(y/t) - b \leq 0$$

$$-tN(y/t) \leq 1$$

$$t > 0, y \geq 0$$

۲. برنامه ریزی کسری خطی با اهداف چندگانه<sup>۱</sup> (MOLFPP)

شکل عمومی برنامه ریزی کسری خطی با اهداف چندگانه به صورت زیر است:

$$\text{Max } \phi(x) = \{\phi_1(x), \phi_2(x), \dots, \phi_n(x)\} \quad (V)$$

$$\text{s.t.: } x \in \Delta = \{x \in R^n : Ax \leq b, x \geq 0\}, \quad b \in R^n; \quad A \in R^{mn}$$

در شرایط زیر روشهای مختلفی برای حل MOLFPP وجود دارد<sup>۲</sup>:

$$\phi_i = \frac{c_i x + \alpha_i}{d_i + \beta_i} = \frac{N_i(x)}{D_i(x)}$$

$$c_i, d_i \in R^n, \quad \alpha_i, \beta_i \in R$$

نیکفسکی و زولکفسکی (Nykowski and Zolkiewski, 1985) روشهای توافقی را برای حل MOLFPP پیشنهاد کردند. لوهاند جولا (Luhandjula, 1984) از رهیافت فازی برای حل MOLFPP استفاده کرد. با کمک  $y = tx$  (۰ <  $t < 1$ )، قصیه های ۱ و ۲، برنامه ریزی خطی با اهداف چندگانه، معادل برنامه ریزی کسری خطی با اهداف چندگانه به صورت زیر نوشته می شود:

$$\text{Max } \{tN_i(y/t) \quad \text{if } i \in I; \quad tD_i(Y/t) \quad \text{if } i \in I^c\}$$

s.t.:

$$tD_i(y/t) \leq 1 \quad i \in I$$

$$-tN_i(y/t) \leq 1 \quad i \in I^c$$

$$A(y/t) - b \leq 0$$

$$t > 0, y \geq 0$$

1. multiple objective linear fractional programming problem

۲. به منابع ۱۳، ۱۸، ۱۹ و ۲۳ مراجعه نمایید.

که در آن:

$$I = \{i : N_I(x) \geq 0 \text{ for some } x \in \Delta\}$$

$$I^c = \{i : N_i(x) < 0 \text{ for each } x \in \Delta\}$$

که:

$$I \cup I^c = \{1, 2, \dots, n\}$$

### ۳. توابع عضویت و الگوی فازی<sup>۱</sup>

جهت توسعه برنامه‌ریزی کسری خطی با اهداف چندگانه به برنامه‌ریزی فازی کسری خطی با اهداف چندگانه می‌توان از سطوح اغماض  $\bar{\phi}_i$  – که با حداکثر کردن هر تابع هدف  $\phi_i(x)$  با توجه به محدودیتها به دست می‌آید – استفاده کرد. اگر  $\phi_i^*$  حداکثر  $(\phi_i(x))$  باشد، آنگاه  $i \in I^c$  و  $\phi_i^* \geq 0$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) و  $\phi_i^* \leq 0$  باشد،  $i \in I$  و  $\phi_i^* > 0$ .

زیمرمن (Zimmermann, 1976) ثابت کرد که چنانچه  $\mu_D(y, t)$  ارزش حداکثر منحصر به فردی مانند  $(y^*, t^*)$  داشته باشد، آنگاه می‌توان  $(y^*, t^*)$  را که جزوی از مجموعه جواب کامل  $(y, t)$  است، با استفاده از برنامه‌ریزی خطی کلاسیک، با یک متغیر  $\lambda$  حل کرد. مجموعه جواب کامل ترکیبی از بردارهای جواب است که  $\mu_D(y, t) > 0$  نتیجه می‌دهد (Nykowski & Zolkiewski, 1985).

با توجه به توضیحات بالا، اگر  $i \in I$  باشد، تابع عضویت هر تابع هدف در مجموعه محدودیتها به صورت زیر خواهد بود:

$$\mu_i(tN_i(y/t)) = \begin{cases} 0 & tD_i(y/t) \leq 0 \\ \frac{tD_i(y/t) - 0}{\bar{\phi}_i - 0} & 0 < tD_i(y/t) < \bar{\phi}_i \\ 1 & tD_i(y/t) \geq \bar{\phi}_i \end{cases} \quad (9)$$

1.membership functions and crisp model

تعیین الگوی...

و چنانچه  $i \in I^c$  باشد، تابع عضویت هر تابع هدف در مجموعه محدودیتها به صورت زیر است:

$$\mu_i(tD_i(y/t)) = \begin{cases} 0 & tD_i(y/t) \leq 0 \\ \frac{tD_i(y/t) - 0}{\bar{\phi}_i - 0} & 0 < tD_i(y/t) < \bar{\phi}_i \\ 1 & tD_i(y/t) \geq \bar{\phi}_i \end{cases} \quad (10)$$

در نتیجه با استفاده از عملگر زیمرمن، الگوی فازی  $\wedge$  به صورت الگوی فازی زیر خواهد بود:

Max:  $\lambda$

s.t.:

$$\begin{aligned} \mu_i(tN_i(y/t)) &\geq \lambda & i \in I \\ \mu_i(tD_i(y/t)) &\geq \lambda & i \in I^c \\ tD_i(y/t) &\leq 1 & i \in I \\ -tN_i(y/t) &\leq 1 & i \in I^c \\ A(y/t) - b &\leq 0 \\ t &> 0, y \geq 0 \end{aligned}$$

#### ۴. شاخص مصرف کود و سم در واحد سطح

با استفاده از میزان مصرف کود یا سم در واحد سطح می‌توان به بررسی پایداری کشاورزی پرداخت. هر چه نسبت مصرف کود یا سم در واحد سطح در یک دوره زمانی کاهش یابد، بهره برداران در جهت پایداری عمل می‌کنند و یا سیاستهای دولت نظام تولید را به سمت پایداری هدایت می‌کنند (حقنیا و کوچکی، ۱۳۷۵). این شاخصها به صورت زیر محاسبه می‌شوند:

$$\text{میزان کود(سم)} = \frac{\text{شاخص پایداری نسبت به کود (سم)}}{\text{سطح زیر کشت}}$$

## اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

ارقام کوچکتر این شاخص میان پایداری بیشتر است.

### داده‌ها

داده‌های مورد استفاده در این پژوهش مربوط به فعالیت‌های عمده تولیدی استان خراسان شمالی در سال زراعی ۱۳۸۴-۸۵ بوده که از طریق تکمیل ۶۲۷ پرسشنامه و با استفاده از روش نمونه‌گیری تصادفی دو مرحله‌ای به دست آمد. اطلاعات تکمیلی نیز از طریق داده‌های هزینه - تولید سازمان جهاد کشاورزی استان تهیه گردید. برای انجام این پژوهش از بسته‌های نرم افزاری SPSS و QSB Win 1.0 استفاده شد.

### نتایج و بحث

استان خراسان شمالی با مرکزیت بجنورد در شمال شرق ایران واقع شده است. این استان دارای ۵ شهرستان، ۱۳ بخش، ۱۱ شهر، ۳۵ دهستان و ۹۴۳ آبادی دارای سکنه است.

در این پژوهش برای تعیین الگوی کشاورزی ارگانیک استان خراسان شمالی، پس از استخراج اطلاعات پرسشنامه‌های تکمیل شده، با بهره‌گیری از آزمون  $\alpha$ ، کشاورزان منطقه به

دو گروه دارای به طور متوسط کمتر از  $5/4$  هکتار زمین و بیشتر از این مقدار تفکیک شدند.

سپس مشخص شد که فعالیت‌های عمده تولیدی بهره‌برداران عبارتند از<sup>۱</sup>:

$x_1$ : گندم آبی،  $x_2$ : جو آبی،  $x_3$ : گندم دیم،  $x_4$ : جو دیم،  $x_5$ : پنبه،  
 $x_6$ : چغندر قند،  $x_7$ : گوجه فرنگی،  $x_8$ : عدس دیم.

میزان درآمد، هزینه و بازده برنامه‌ای، ضرایب فنی و مقدار منابع در دسترس در دو سطح بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس و کوچک مقیاس برای هر یک از فعالیت‌های ۸ گانه در جدولهای ۱ تا ۵ ارائه شده است.

۱. دیگر فعالیتها عبارتند از:  $x_9$ : آیش،  $x_{10}$ : استخدام نیروی کار،  $x_{11}$ : خرید کود ازته،  $x_{12}$ : خرید کود فسفاته و  $x_{13}$ : خرید سوم.

تعیین الگوی...

**جدول ۱. میزان درآمد\*، هزینه\*\* و بازده برنامه‌ای هر فعالیت در**

**بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس (ریال در هکتار)**

بازده برنامه‌ای	هزینه	درآمد	فعالیت
۶۸۲۲۴۲۱	۱۸۵۳۶۷۲	۸۶۷۵۹۹۴	گندم آبی
۵۴۵۵۴۶۰	۱۶۵۶۴۵۲	۷۱۱۱۸۱۲	جو آبی
۶۰۷۹۳۲	۳۵۸۴۳۹	۹۶۶۳۷۱	گندم دیم
۵۰۴۳۷۵	۲۸۱۵۳۴	۷۸۵۹۰۹	جو دیم
۷۲۸۷۶۷۴	۳۲۵۸۳۸۵	۱۰۵۴۶۰۵۹	پنبه
۹۱۰۴۷۱۰	۳۱۸۱۱۷۵	۱۲۲۸۵۸۸۵	چغندر قند
۱۱۳۷۰۵۳۵	۴۳۲۷۶۴۰	۱۵۶۹۸۱۷۵	گوجه فرنگی
۶۳۶۷۴۹	۶۸۱۲۷۳	۱۳۱۸۰۲۲	عدس دیم

مأخذ: یافته‌های پژوهش

\*درآمد محصولات اصلی و فرعی مد نظر است.

\*\* هزینه‌های دراین جامعه هزینه‌های نیروی کار، ماشین آلات، کودهای ازته و فساته، بذر، سموم و آب مصرفی است.

**جدول ۲. میزان درآمد، هزینه و بازده برنامه‌ای هر فعالیت در**

**بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس (ریال در هکتار)**

بازده برنامه‌ای	هزینه	درآمد	فعالیت
۴۳۴۳۱۸۱	۱۷۱۵۳۶۵	۶۰۵۸۵۴۶	گندم آبی
۱۷۱۱۲۹۳	۱۵۵۹۶۰۲	۳۲۷۰۸۹۵	جو آبی
۶۰۷۱۲۲۷۹	۴۹۳۸۹/۱	۱۱۰۰۹۹۲	گندم دیم
۴۵۶۹۳۲/۱	۵۲۹۹۷۲/۱	۹۸۶۹۰۴	جو دیم
۶۱۶۹۲۸۱	۳۰۲۴۷۰۹	۹۱۹۳۹۹۰	پنبه
۷۳۱۳۸۴۸	۳۱۸۹۰۶۷	۱۰۵۰۲۹۵	چغندر قند
۱۰۳۵۵۲۲۰	۴۷۱۷۸۸۵	۱۵۰۷۳۱۵	گوجه فرنگی
۴۱۹۸۴۵/۷	۵۲۴۷۸۲/۴	۹۴۴۶۲۸	عدس دیم

مأخذ: یافته‌های پژوهش

اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

**جدول ۳. متوسط مقدار آب موجود در دو گروه کشاورزان بزرگ مقیاس و کوچک مقیاس در فصلهای بهار و تابستان (متر مکعب)**

فصل	بزرگ مقیاس	کوچک مقیاس
بهار	۲۱۸۰۸۰	۴۴۱۲۰
تابستان	۱۹۳۶۴۸	۳۶۸۴۰

مأخذ: یافته‌های پژوهش

**جدول ۴. ضرایب فنی هر فعالیت برای یک هکتار زمین در بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس**

فعالیت	نیروی کار (روزنفر)	کود ازنه (کیلوگرم)	کود فسفاته (کیلوگرم)	سوم (لیتر)	آب بهار (متر مکعب)	آب تابستان (متر مکعب)
گندم آبی	۷/۳۵	۱۶۸	۱۴۴	۰/۴۸	۶۸۰۰	-
جو آبی	۶/۱۹	۱۴۳/۲	۱۲۸/۶	۰/۰۶۱	۴۰۸۰	-
گندم دیم	۲/۴	۱۵	۲۳/۴	۰/۰۳	-	-
جو دیم	۱/۵	۱۲/۴۵	۱۸/۹	۰	-	-
پنبه	۵۶/۳	۲۵۳/۹	۱۸۳/۹	۰/۷۸	۵۲۰۷	۱۵۵۶۰
چغندر قند	۳۳/۱۶	۳۱۲/۴۴	۲۱۰/۸	۰/۶۵	۷۱۹۰	۱۴۳۹۳
گوجه فرنگی	۶۰/۰۸	۴۹۴	۳۶۴	۰/۸۸	۶۹۱۲	۱۸۱۳۹
عدس دیم	۱۱/۳۸	۱۵/۶	۱۲/۷۵	۰	-	-

مأخذ: یافته‌های پژوهش

تعیین الگوی...

جدول ۵. ضرایب فنی هر فعالیت برای یک هکتار زمین در بهره‌برداری‌های

کوچک مقیاس

نیروی کار (روز نفر)	کود ازته (کیلوگرم)	کود فسفاته (کیلوگرم)	سوم (لیتر)	آب بیهار (متر مکعب)	آب تابستان (متر مکعب)	فعالیت
-	۶۷۶۸	۰/۴۴	۱۴۱/۲	۱۵۴	۱۳/۹	گندم آبی
-	۴۰۷۲	۰/۰۳۹	۱۲۵/۶	۱۳۶/۲	۱۴/۱۲	جو آبی
-	-	۰	۳۲/۲	۵	۵/۱۲	گندم دیم
-	-	۰/۰۱	۵۶/۴۱	۱۰	۸/۵	جو دیم
۱۲۹۹۰	۴۸۰۱	۰/۵۰	۱۵۳/۲	۲۰۰	۴۵/۴	پنبه
۱۵۱۱۰	۸۶۸۳	۰/۲۰	۳۰۸/۶	۳۶۴	۲۸/۳	چغندر قند
۱۳۹۹۲	۶۵۳۲	۰/۳۵	۲۳۴	۳۹۴/۲	۸۲/۳۱	گوجه‌فرنگی
-	-	۰	۶/۹۵	۶/۱	۸/۸۵	عدس دیم

مأخذ: یافته‌های پژوهش

بر اساس جدولهای فوق و مفروضات الگوهای برنامه‌ریزی خطی ساده و برنامه‌ریزی خطی کسری (و فازی کسری) با اهداف چندگانه، الگوهای برنامه‌ریزی ریاضی بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس به صورت زیر خواهد بود:

برنامه‌ریزی خطی ساده:

بازده برنامه‌ای

$$\text{Max } 682232.1X1 + 545536X2 + 60793.20X3 + 50437.50X4 + 728767.4X5 + 910471X6 + \\ 1137053.50X7 + 63674.90X8$$

Subject to:

۱. محدودیت نیروی کار

$$7.35X1 + 6.19X2 + 2.4X3 + 1.5X4 + 56.3X5 + 33.16X6 + 60.08X7 + 11.38X8 - 1X10 \leq 0$$

۱. به منظور خلاصه‌نویسی فقط الگوهای برنامه‌ریزی ریاضی بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس ارائه شده است. ضرایب فنی، اهداف و بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس در جدولهای ۱ تا ۵ آمده است.

اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

۲. محدودیت کود ازته

$$168X_1 + 143.2X_2 + 15X_3 + 12.45X_4 + 253.9X_5 + 312.44X_6 + 494X_7 + 15.6X_8 - 1X_{11} \leq 0$$

۳. محدودیت کود فسفاته

$$144X_1 + 128.6X_2 + 23.4X_3 + 18.9X_4 + 183.9X_5 + 210.8X_6 + 364X_7 + 12.75X_8 - 1X_{12} \leq 0$$

۴. محدودیت سموم

$$0.48X_1 + 0.061X_2 + 0.03X_3 + 0.78X_5 + 0.65X_6 + 0.88X_7 - 1X_{13} \leq 0$$

۵. محدودیت آب بهار

$$6800X_1 + 4080X_2 + 5207X_5 + 7190X_6 + 6912X_7 \leq 218080$$

۶. محدودیت آب تابستان

$$15560X_5 + 14393X_6 + 18139X_7 \leq 193648$$

۷. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت گندم آبی (هکتار)

$$1X_1 \leq 20$$

۸. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت جو آبی (هکتار)

$$1X_2 \leq 12$$

۹. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت گندم دیم (هکتار)

$$1X_3 \leq 12$$

۱۰. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت جو دیم (هکتار)

$$1X_4 \leq 12$$

۱۱. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت پنبه (هکتار)

$$1X_5 \leq 5$$

۱۲. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت چغندر قند (هکتار)

$$1X_6 \leq 7$$

۱۳. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت گوجه فرنگی (هکتار)

$$1X_7 \leq 10$$

تعیین الگوی...

۱۴. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت عدس دیم (هکتار)

$$1X8 \leq 2$$

۱۵. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل بهار (هکتار)

$$1X1+1X2+1X5+1X6+1X7+1X9 \geq 5.4$$

۱۶. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل بهار (هکتار)

$$1X3+1X4+1X8 \geq 5.4$$

۱۷. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل تابستان (هکتار)

$$1X1+1X2+1X5+1X6+1X7+1X9 \geq 5.4$$

۱۸. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل تابستان (هکتار)

$$1X3+1X4+1X8 \geq 5.4$$

۱۹. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل پاییز (هکتار)

$$1X1+1X2+1X5+1X6+1X7+1X9 \geq 5.4$$

۲۰. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل پاییز (هکتار)

$$1X3+1X4 \geq 5.4$$

۲۱. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل زمستان (هکتار)

$$1X1+1X2+1X6+1X9 \geq 5.4$$

۲۲. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل زمستان (هکتار)

$$1X3+1X4+1X8 \geq 5.4$$

۲۳. محدودیت آیش (هکتار)

$$1X9 \leq 5$$

۲۴. محدودیت حداکثر زمین آبی موجود (هکتار)

$$1X1+1X2+1X5+1X6+1X7+1X9 \leq 37$$

۲۵. محدودیت حداکثر زمین دیم موجود (هکتار)

$$1X3+1X4+1X8 \leq 26$$

## اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

### ۲۶. محدودیت غیر منفی

$$X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8, X_9, X_{10}, X_{11}, X_{12}, X_{13} \geq 0$$

#### فرم خطی شده برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه

برای دستیابی به فرم خطی شده برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه ابتدا باید برنامه‌ریزی کسری با اهداف چندگانه ارائه و سپس این فرم خطی شود:

(الف) برنامه‌ریزی کسری با اهداف چندگانه

**Max:**

پایداری نسبت به کود ازته

$$\phi_1(x) = \frac{682232.1X_1 + 545536X_2 + 60793.20X_3 + 50437.50X_4 + 728767.4X_5 + 910471X_6 + 1137053.50X_7 + 63674.90X_8}{168X_1 + 143.2X_2 + 15X_3 + 12.45X_4 + 253.9X_5 + 312.44X_6 + 494X_7 + 15.6X_8}$$

پایداری نسبت به کود فسفاته

$$\phi_2(x) = \frac{682232.1X_1 + 545536X_2 + 60793.20X_3 + 50437.50X_4 + 728767.4X_5 + 910471X_6 + 1137053.50X_7 + 63674.90X_8}{144X_1 + 128.6X_2 + 23.4X_3 + 18.9X_4 + 183.9X_5 + 210.8X_6 + 364X_7 + 12.75X_8}$$

پایداری نسبت به سوم

$$\phi_3(x) = \frac{682232.1X_1 + 545536X_2 + 60793.20X_3 + 50437.50X_4 + 728767.4X_5 + 910471X_6 + 1137053.50X_7 + 63674.90X_8}{0.48X_1 + 0.061X_2 + 0.03X_3 + 0.78X_5 + 0.65X_6 + 0.88X_7}$$

**Subject to:**

محدودیتهای ۲۶-۱ برنامه‌ریزی خطی ساده نیز تکرار خواهند شد.

(ب) فرم خطی شده برنامه‌ریزی کسری با اهداف چندگانه :

**Max:**

تابع هدف روش کسری

$$682232.1X_1 + 545536X_2 + 60793.2X_3 + 50437.5X_4 + 728767.4X_5 + 910471X_6 + 1137054X_7 + 63674.9X_8$$

**Subject to:**

## تعیین الگوی...

۱. محدودیت پایداری نسبت به کود از ته

$$168y_1+143.2y_2+15y_3+12.45y_4+253.9y_5+312.44y_6+494y_7+15.6y_8 \leq 1$$

۲. محدودیت پایداری نسبت به کود فسفاته

$$144y_1+128.6y_2+23.4y_3+18.9y_4+183.9y_5+210.8y_6+364y_7+12.75y_8 \leq 1$$

۳. محدودیت پایداری نسبت به سوموم

$$0.48y_1+0.061y_2+0.03y_3+0.78y_5+0.65y_6+0.88y_7 \leq 1$$

۴. محدودیت نیروی کار

$$7.35y_1+6.19y_2+2.4y_3+1.5y_4+56.3y_5+33.16y_6+60.08y_7+11.38y_8-1y_{10} \leq 0$$

۵. محدودیت کود از ته

$$168y_1+143.2y_2+15y_3+12.45y_4+253.9y_5+312.44y_6+494y_7+15.6y_8-1y_{11} \leq 0$$

۶. محدودیت کود فسفاته

$$144y_1+128.6y_2+23.4y_3+18.9y_4+183.9y_5+210.8y_6+364y_7+12.75y_8-1y_{12} \leq 0$$

۷. محدودیت سوموم

$$0.48y_1+0.061y_2+0.03y_3+0.78y_5+0.65y_6+0.88y_7-1y_{13} \leq 0$$

۸. محدودیت حداکثر مقدار موجود آب بهار

$$6800y_1+4080y_2+5207y_5+7190y_6+6912y_7-218080t \leq 0$$

۹. محدودیت حداکثر مقدار موجود آب تابستان

$$15560y_5+14393y_6+18139y_7-193648t \leq 0$$

۱۰. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل بهار (هکتار)

$$1y_1+1y_2+1y_5+1y_6+1y_7-1y_9-5.4t \geq 0$$

۱۱. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل بهار (هکتار)

$$1y_3+1y_4+1y_8-5.4t \geq 0$$

۱۲. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل تابستان (هکتار)

$$1y_1+1y_2+1y_5+1y_6+1y_7-1y_9-5.4t \geq 0$$

۱۳. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل تابستان (هکتار)

اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

$$1y3+1y4+1y8-5.4t \geq 0$$

۱۴. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل پاییز (هکتار)

$$1y1+1y2+1y5+1y6+1y7-1y9-5.4t \geq 0$$

۱۵. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل پاییز (هکتار)

$$1y3+1y4-5.4t \geq 0$$

۱۶. محدودیت استفاده از زمین آبی در فصل زمستان (هکتار)

$$1y1+1y2+1y6-1y9-5.4t \geq 0$$

۱۷. محدودیت استفاده از زمین دیم در فصل زمستان (هکتار)

$$1y3+1y4+1y8-5.4t \geq 0$$

۱۸. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت گندم آبی (هکتار)

$$1y1-20t \leq 0$$

۱۹. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت جو آبی (هکتار)

$$1y2-12t \leq 0$$

۲۰. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت گندم دیم (هکتار)

$$1y3-12t \leq 0$$

۲۱. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت جو دیم (هکتار)

$$1y4-12t \leq 0$$

۲۲. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت پنبه (هکتار)

$$1y5-5t \leq 0$$

۲۳. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت چغندر قند (هکتار)

$$1y6-7t \leq 0$$

۲۴. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت گوجه فرنگی (هکتار)

$$1y7-10t \leq 0$$

تعیین الگوی...

۲۵. محدودیت حداکثر سطح زیر کشت عدس دیم (هکتار)

$$1y8-2t \leq 0$$

۲۶. محدودیت آیش (هکتار)

$$1y9-5t \leq 0$$

۲۷. محدودیت حداکثر زمین آبی موجود (هکتار)

$$1y1+1y2+1y3+1y4+1y5+1y6+1y7+1y8-37t \leq 0$$

۲۸. محدودیت حداکثر زمین دیم موجود (هکتار)

$$1y3+1y4+1y8-26t \leq 0$$

۲۹. محدودیتهای غیر منفی

$$Y1, Y2, Y3, Y4, Y5, Y6, Y7, Y8, Y9, Y10, Y11, Y12, Y13, t \geq 0$$

برای تبدیل فرم خطی شده برنامه‌ریزی کسری با اهداف چندگانه به فرم خطی شده برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه، باید از مقادیر تابع هدف به دست آمده در هر یک از حالات پایداری نسبت به کود ازت، پایداری نسبت به کود فسفات و پایداری نسبت به سومون به طور جداگانه استفاده نمود. مقدار تابع هدف در هر یک از حالات فوق چنین خواهد بود:

$$z_1^* = 4060/90$$

$$z_2^* = 4669/48$$

$$z_3^* = 38967790/0$$

حال با استفاده از این مقادیر می‌توان فرم خطی شده برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه را به صورت زیر بیان کرد:

**Max**  $I\lambda$

**Subject to:**

۱. محدودیت فازی کود ازت

$$168y1+134.3385y2+14.97036y3+12.42026y4+179.4594y5+224.204y6+280y7+$$

## اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

$$15.67998y_8 - 1 \lambda \geq 0$$

۲. محدودیت فازی کود فسفاته

$$146.10y_1 + 116.83y_2 + 13.02y_3 + 10.80y_4 + 156.07y_5 + 194.98y_6 + 243.50y_7 + \\ 13.63y_8 - 1 \lambda \geq 0$$

۳. محدودیت فازی سوم

$$0.017y_1 + 0.014y_2 + 0.0015y_3 + 0.0013y_4 + 0.019y_5 + 0.023y_6 + 0.029y_7 + 0.0016y_8 - 1 \\ \lambda \geq 0$$

محدودیت ۱-۲۹ فرم خطی شده برنامه‌ریزی کسری با اهداف چندگانه نیز در اینجا تکرار خواهند شد.

پس از حل هر یک از الگوهای برنامه‌ریزی فوق، مقادیر بهینه هر فعالیت (الگوی کشت بهینه) به دست می‌آید که در جداولی ۶ و ۷ ملاحظه می‌شود.

**جدول ۶. نتایج به دست آمده بر اساس الگوهای مختلف برنامه‌ریزی ریاضی در**

### بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس

برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه	برنامه‌ریزی خطی ساده	الگوی کشت فعالی	فعالیت
۱۹/۳۳	۱۴/۱۰	۱۷/۵۰	گندم آبی
.	۱۲/۰۰	۸/۰۰	جو آبی
.	۱۲/۰۰	۱۵/۸۰	گندم دیم
.	۱۲/۰۰	۳/۸۰	جو دیم
.	۰/۷۹	۳/۳۰	پنبه
.	۰	۵/۰۰	چغندر قند
.	۱۰/۰۰	۳/۲۰	گوجه فرنگی
۲/۰۰	۲/۰۰	۰/۴۰	عدس دیم
۴/۶۷	۰/۱۱	۶/۰۰	آیش

تعیین الگوی...

۲/۷۸	۱۴/۱۶	۱۲/۲۲	استخدام نیروی کار (در هکتار)
۵۲/۹۱	۱۵۲/۱۹	۱۴۶/۶۱	خرید کود ازته (در هکتار)
۴۶/۲۰	۱۲۵/۲۷	۱۱۹/۶۷	خرید کود فسفاته (در هکتار)
۰/۱۵	۰/۲۷	۰/۲۹	خرید سوم (در هکتار)
۰/۰۰۰۳	-	-	مبدل برنامه ریزی کسری به برنامه ریزی خطی ساده (T)
۰/۰۰۰۱	-	-	هدف برنامه ریزی فازی (Δ)
۱۳۶۴۱۴۰۱/۱۰۰	۲۹۵۷۴۴۸۰/۱۰۰	۲۸۰۷۶۸۷۳/۳۹	بازده برنامه ای
۴۰۶۰/۹۱	-	-	نسبت بازده برنامه ای به مصرف کود ازته
۴۶۴۸/۹۴	-	-	نسبت بازده برنامه ای به مصرف کود فسفاته
۱۴۴۵۰۶۴/۰۰	-	-	نسبت بازده برنامه ای به مصرف سوم
%۶۴	-	-	افزایش شاخص پایداری نسبت به کود ازت در مقایسه با الگوی کشت فعلی
%۶۱	-	-	افزایش شاخص پایداری نسبت به کود فسفات در مقایسه با الگوی کشت فعلی
%۴۸	-	-	افزایش شاخص پایداری نسبت به سوم در مقایسه با الگوی کشت فعلی

مأخذ: یافته های پژوهش

اقتصاد کشاورزی و توسعه – سال شانزدهم، شماره ۶۲

جدول ۷. نتایج به دست آمده بر اساس الگوهای مختلف برنامه‌ریزی ریاضی در بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس

برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه	برنامه‌ریزی خطی ساده	الگوی کشت فعلی	فعالیت
۲/۱۰	۱/۸۱	۲/۳۰	گندم آبی
۱	۱/۰۰	۱/۱۰	جوآبی
۱/۵۵	۱/۵۰	۲/۳۰	گندم دیم
۱/۵۵	۱/۵۰	۰/۸۰	حود دیم
۲/۱۰	۰/۶۰	۰/۷۰	پنبه
.	۱/۰۰	۱/۴۰	چغندر قند
.	۱/۰۰	۰/۴۰	گوجه فرنگی
۱/۵۵	۱/۵۰	۰/۵۰	عدس دیم
۰/۴۵	۰/۰۰	۱/۲۰	آیش
۱۶/۱۴	۲۱/۲۵	۱۶/۲۳	استخدام نیروی کار (در هکتار)
۸۴/۹۶	۱۳۳/۴۹	۱۲۴/۶۵	خرید کود ازته (در هکتار)
۸۳/۲۰	۱۱۶/۸۱	۱۱۳/۸۶	خرید کود فسفاته (در هکتار)
۰/۱۷	۰/۱۷	۰/۱۷	خرید سموم (در هکتار)
۰/۰۰۱۱	–	–	مبدل برنامه‌ریزی کسری به برنامه‌ریزی خطی ساده (t)
۰/۰۰۱۴	–	–	هدف برنامه‌ریزی فازی (A)
۲۶۰.۸۷۵۰/۹۲	۳۳۱۱۷۶۴۰۰	۳۲۴۹۷۲۵/۲۰	بازده برنامه‌ای
۲۸۵۹/۵۲	–	–	نسبت بازده برنامه‌ای به مصرف کود ازته
۲۹۲۴/۷۵	–	–	نسبت بازده برنامه‌ای به مصرف کود فسفاته
۱۲۸۶۰.۴۹/۲۶	–	–	نسبت بازده برنامه‌ای به مصرف سموم
٪۳۲	–	–	افزایش شاخص پایداری نسبت به کود ازته در مقایسه با الگوی کشت فعلی
٪۷۷	–	–	افزایش شاخص پایداری نسبت به کود فسفات در مقایسه با الگوی کشت فعلی
–	–	–	افزایش شاخص پایداری نسبت به سموم در مقایسه با الگوی کشت فعلی

مأخذ: یافته‌های پژوهش

## تعیین الگوی...

با توجه به نتایج جدول ۶، به منظور دستیابی به حداکثر سود مطلق در بهره‌برداری‌های بزرگ مقیاس، مقادیر تولید بهینه گندم آبی، جو آبی، گندم دیم، جو دیم، پنبه، گوجه فرنگی و عدس دیم به ترتیب معادل ۲۲ درصد، ۱۹ درصد، ۱۹ درصد، ۱ درصد، ۱۶ درصد و ۳ درصد کل اراضی زیر کشت خواهد بود؛ در حالی که برای دستیابی به حداکثر سود با درنظر گرفتن شاخصهای پایداری، مقادیر تولید بهینه گندم آبی، گندم دیم و عدس دیم به ترتیب معادل ۷۲، ۲۰ و ۸ درصد کل اراضی زیر کشت در نظر گرفته شده است.<sup>۱</sup> در مجموع سود به دست آمده در حالت دوم ۴۶٪ سود به دست آمده در حالت اول (حداکثر سود) است. همچنین مشاهده می‌شود که کشاورز به گونه‌ای عمل می‌کند که سود حاصل از الگوی کشت فعلی وی بسیار نزدیک به سود به دست آمده از برنامه‌ریزی حداکثر سود است (۹۵٪).

اطلاعات جدول ۷ نیز نشان می‌دهد که دستیابی به حداکثر سود در بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس مستلزم تولید ۱۸ درصد گندم آبی، ۱۰ درصد جو آبی، ۱۵ درصد گندم دیم، ۱۵ درصد جو دیم، ۶ درصد پنبه، ۱۰ درصد چغندر قند، ۱۰ درصد گوجه فرنگی و ۱۵ درصد عدس دیم است. این در حالی است که جهت رسیدن به حداکثر سود با درنظر گرفتن شاخصهای پایداری باید  $21/4$  درصد گندم دیم، ۱۰ درصد جو آبی، ۱۶ درصد گندم دیم، ۱۶ درصد جو دیم،  $21/4$  درصد پنبه و ۱۶ درصد عدس دیم کشت کرد. سود به دست آمده در حالت دوم ۷۹٪ سود به دست آمده در حالت اول (حداکثر سود) است. مشاهده می‌شود که کشاورزان کوچک مقیاس نیز به گونه‌ای عمل می‌کنند که سود حاصل از الگوی کشت فعلی آنها بسیار نزدیک به سود به دست آمده از برنامه‌ریزی حداکثر سود می‌باشد (۹۸٪).

بر اساس نتایج جدول ۶، الگوی کشت ارائه شده بر مبنای روش برنامه‌ریزی کسری با الگوی کشت فعلی منطقه بسیار اختلاف دارد. این تفاوت میان مؤثر بودن محدودیتهای پایداری به کار رفته در الگوی برنامه‌ریزی کسری است؛ به عبارت دیگر می‌توان گفت که (با توجه به نزدیکی بسیار بالای میزان سود الگوی کشت ارائه شده در روش برنامه‌ریزی خطی

۱. تولید سایر محصولات در الگوی کشت بهینه صفر به دست آمده است.

ساده و الگوی کشت فعلی منطقه) واحدهای بزرگ مقیاس در تدوین الگوی کشت خود با در نظر گرفتن محدودیتهای مختلف، تنها هدف حداکثر کردن سود را در نظر می‌گیرند و به ویژگیهای زیست‌محیطی و پایداری منطقه توجهی ندارند، در حالی که با استفاده از برنامه‌ریزی کسری می‌توان با معرفی محدودیتهای پایداری به مجموعه محدودیتهای الگوی برنامه‌ریزی ریاضی، الگوی کشتی را تدوین و ارائه کرد که ضمن ممکن ساختن کسب حداکثر سود، استفاده از حداقل نهاده‌های کود ازت، کود فسفات و سموم را نیز میسر سازد. اما بر اساس نتایج جدول ۷ می‌توان گفت که واحدهای کوچک مقیاس در طراحی الگوی کشت خود - خواسته یا ناخواسته - پایداری را بیشتر لحاظ کرده‌اند و تدوین الگوی کشت با در نظر گرفتن این شاخها تأثیر کمتری - نسبت به واحدهای بزرگ مقیاس - در الگوی کشت فعلی آنها داشته است.

#### محاسبه شاخص پایداری

میزان مصرف کودهای ازت و فسفات و سموم در واحد سطح میان پایداری کشاورزی است، زیرا هر چه در یک دوره زمانی نسبت فوق کاهش یابد، بهره‌برداران در جهت پایداری عمل می‌کنند، یا اینکه سیاست‌های دولت نظام را به سمت پایداری سوق می‌دهد (حق‌نیا و کوچکی، ۱۳۷۵).

در این باره همان‌گونه که در جدولهای ۶ و ۷ نیز مشاهده می‌شود، در الگوی برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه میزان مصرف کودهای ازت و فسفات و سموم شیمیایی در واحد سطح در هر دو گروه بهره‌برداری‌های بزرگ و کوچک مقیاس از نتایج بهدست آمده در الگوی برنامه‌ریزی خطی ساده - که به پایداری اهمیتی نمی‌دهد و تنها هدف حداکثر کردن سود را مدنظر قرار می‌دهد - کمتر است.<sup>۱</sup>

۱. البته به استثنای مصرف سموم در واحدهای کوچک مقیاس

## تعیین الگوی...

مقایسه نتایج به دست آمده از دو جدول ۶ و ۷ نیز نشاندهنده سازگاری بیشتر الگوی بهینه کشت بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس با الگوی کشاورزی ارگانیک در مقایسه با بهره‌برداری‌های بزرگ‌مقیاس است. این مطلب ممکن است حاکی از استفاده بیشتر بهره‌برداری‌های بزرگ‌مقیاس از نهاده‌های کودهای شیمیایی و سموم برای دستیابی به حداکثر سود در مقایسه با بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس منطقه باشد، زیرا همان‌گونه که در جدول ۶ مشاهده می‌شود، استفاده از الگوی کشاورزی ارگانیک، شاخص پایداری بهره‌برداری‌های بزرگ‌مقیاس را نسبت به بهره‌برداری‌های کوچک مقیاس - در جدول ۷- افزایش بیشتری می‌دهد.

همچنین سود به دست آمده از کشاورزی ارگانیک نسبت به کشاورزی متعارف کمتر است. به همین دلیل محصولات ارگانیک در مقایسه با سایر محصولات متعارف موجود در بازار قیمت بیشتری دارند. این مسئله را نیز این‌گونه می‌توان توجیه کرد که در الگوهای برنامه‌ریزی کسری، هدف ما تنها دستیابی به حداکثر سود نیست بلکه هدفی والاًtro و مهمتر که همانا بقای محیط زیست، تولید محصول سالم و حفظ سلامت نوع بشر است، مدنظر قرار می‌گیرد؛ در حالی که در الگوهای برنامه‌ریزی خطی ساده، هدف تنها حداکثر کردن سود اقتصادی واحد تولیدی است و به منافع اجتماعی (و شاید غیر مستقیم و ناملموس) توجهی نمی‌شود. البته واضح است که حداکثر کردن سود اقتصادی یک واحد تولیدی باید نسبت به حداکثر کردن سود اجتماعی در اولویت قرار گیرد و این امر میسر نخواهد شد مگر با حمایت دولت و مسئولان از تولید کنندگان محصولات ارگانیک میسر نخواهد شد.

علاوه بر این، نتایج به دست آمده از الگوی برنامه‌ریزی فازی کسری با اهداف چندگانه نشان می‌دهد که حرکت به سمت پایداری از تنوع کشت منطقه خواهد کاست و تعدادی از محصولات را از الگوی کشت بهینه حاصل از روش برنامه‌ریزی خطی ساده و الگوی کشت فعلی منطقه حذف می‌کند. به عبارت دیگر برای حرکت به سمت پایداری در منطقه مذکور باید به سمت تخصصی شدن کشت برخی محصولات خاص سازگار با امکانات منطقه حرکت نمود.

### پیشنهادها

با توجه به اینکه حرکت به سمت الگوی کشت پایدار باعث کاهش بازده برنامه‌ای بهره‌برداران می‌شود، حمایت بیشتر دولت از کشاورزان به کارگیرنده این الگو الزامی است. حمایتهايی از قبیل تأمین موقع اعتبارات کمبهره، اعمال قیمت‌های تضمینی متفاوت<sup>۱</sup>، در نظر گرفتن یارانه برای نهاده‌هایی از قبیل ماشین آلات، کودهای سبز و بذرهای اصلاح شده، ترویج مبارزه کاراتر و ارزانتر بیولوژیک و ترویج کشاورزی علمی و پیشرفته می‌توانند گامهایی مؤثر برای حرکت به سمت کشاورزی پایدار تلقی شوند.

### منابع

۱. باقری، ع.، ع. کوچکی و ا. زند (۱۳۷۵)، اصلاح نباتات در کشاورزی پایدار (ترجمه)، انتشار جهاد دانشگاهی مشهد.
۲. حق نیا، غ. و ع. کوچکی (۱۳۷۵)، مدیریت پایدار خاک (ترجمه)، انتشارات جهاد دانشگاهی مشهد.
۳. خاتون آبادی، ا. و ا. م. امینی (۱۳۷۵)، اصول کشاورزی پایدار و مدیریت منابع طبیعی بر اساس بهره‌وری از انرژی اپتیمم، چهارمین کنگره علوم زراعت و اصلاح نباتات، اصفهان.
۴. کوچکی، ع. (۱۳۷۶)، کشاورزی پایدار: بینش یا روش، فصلنامه اقتصاد کشاورزی و توسعه، شماره ۲۰، ص ۵۳-۷۲.
۵. کهنسال، م. ر. (۱۳۸۳)، مدیریت انرژی با تأکید بر پایداری بخش زراعت، رساله دکتری، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تهران، تهران.
۶. نجفی، غ. م. (۱۳۷۵)، طرح کاهش مصرف سوم: گامی در طریق سیستمهای مدیریتی، فصلنامه اقتصاد کشاورزی و توسعه، شماره ۱۳: ۲۰۵-۲۲۶.

۱. اعمال قیمت‌های بیشتر برای محصولات ارگانیک نسبت به سایر محصولات مشابه

### تعیین الگوی...

7. Caballero, R. & M. Hernandez (2004), The controlled estimation method in the multi objective linear fractional problem, *Computers and Operations Research*, 31: 1821–1832.
8. Chakraborty, M. & S. Gupta (2002), Fuzzy mathematical programming for multi objective linear fractional programming problem, *Fuzzy Sets and Systems*, 125:335-342.
9. Charnes A. & W.W. Cooper (1962), Programming with linear fractional functional, *Nav .Res. Logistics Quart.* 9:181-186.
10. Charnes, A., W.W. Cooper, E. Rhodes (1978), Measures the efficiency of decision making units, *European Journal of Operational Research*, 2: 428-449.
11. Craven, B.D., B. Mond (1975), On fractional programming and equivalence, *Nav. Res. Logistics Quart.*, 22: 405-410.
12. Craven, B.D. (1988), Fractional programming, In: Sigma series in appliedmathematics, vol. 4., Berlin: Heldermann Verlag.
13. Choo, E.U.& D.R. Atkins (1982), Bicriteria linear fractional programming, *J. Optim. Theory Appl.*, 36: 203-220.
14. Fraser,I. & C. Cordina (1999), application of data envelopment analysis to irrigated dairy farms in Northern Victoria, Australia, *Agricultural Systems*, 59 (2): 267-282.
15. Gupta, P. & D. Bhatia (2001), Sensitivity analysis in fuzzy multiobjective linear fractional programming problem, *Fuzzy Sets and Systems*, 122:229-236.
16. Horst, R. & PM. Pardalos (editors) (1995), Handbook of

global optimization, Dordrecht: Kluwer Academic Publishers.

17. Horst, R., P.M. Pardalos, & N.V. Thoai (1995), Introduction to global optimization, Dordrecht: Kluwer Academic Publishers.
18. Kornbluth, J.S.H. & R.E. Steuer (1981), Goal programming with linear fractional criteria, *European J. Oper. Res.*, 8: 58-65.
19. Kornbluth, J.S.H. & R.E. Steuer (1981), Multiple objective linear fractional programming, *Manage Sci.*, 27: 1024-1039.
20. Lara, P., I.S. Minasian (1999), Fractional programming: A tool for the assessment of sustainability, *Agricultural Systems*, 62:131-141.
21. Luhanjula,M.K.(1984),Fuzzy approaches for multiple objective linear fractional optimization, *Fuzzy Sets and Systems*, 13: 11-23.
22. Lynam, J.K. and R.W. Herdt (1989), Sense and sustainability as an objective in international agricultural research, *Agricultural Economics*, 3:381-398.
23. Nykowski, I. & Z. Zolkiewski(1985),A compromise procedure for the multiple objective linear fractional programming problems, *European J. Oper. Res.*, 19: 91-97.
24. Romero, C. & T. Rehman (1989), Multiple criteria analysis for agricultural decisions, Elsevier, Amsterdam.
25. Schaible, S.(1976), Fractional programming I: duality, *Manage Sci. A.*, 22: 658-667.
26. Schaible, S. (1978), Analyses and anwendungen von quotient

**تعیین الگوی...**

- en programmen, Verlag Anton Hein, Meisenheim am Glan.
27. Schaible, S. Fractional programming, In: Horst R, Pardalos PM, editors. (1995), Handbook of global optimization, Dordrecht: Kluwer Academic Publishers, 495–608.
28. Stancu-Minasian, I. M.(1981), A survey of methods used for solving the problems of fractional programming, The linear case, Part I, *Bulletin Mathematique de la Societe des Sciences Mathematiques Roumanie (NS.)*, 25(73) (3):313–20.
29. Stancu-Minasian, I.M.(1997),Fractional Programming, Theory, Methods and applications, Kluwer Academic Publishers, Dordrecht.
30. Tiwari, D.N., R. Loof, G.N. Paudyl (1999), Environmental-economic decision making in lowland agriculture using multi-criteria analysis techniques, *Agricultural Systems*, 60 (1): 99-112.
31. Zimmermann, H.J. (1976), Description and optimization of fuzzy systems, *Internat. J. General Systems*, 2: 209-215.

**Determining optimal cultivation model corresponding  
with organic agriculture**

**Application of Multiple-objective Linear Fuzzy  
Fractional Programming**

**(Case study: North Khorasan province)**

**M.R.Kohansal, A.Firooz Zarea\***

***Abstract***

By using cross-section data of 1384-85 of North Khorasan province and Multiple-objective Linear Fuzzy Fractional Programming, this article try to represent cultivation model corresponding with sustainable agriculture and compare this model with result of simple Linear Programming and present cultivation model. Data were gathered through filling out 627 questionnaires from 55 villages by using two-stage random sampling method. Results of large- scale farms showed the model that offered by linear programming model is near to present cultivation model, meanwhile there is non-negligible difference between sustainable cultivation model and results of linear programming model and present cultivation model. Multiple-objective Linear Fuzzy Fractional Programming will reduce diversification of cultivation model.

---

\* Contribution from faculty of agriculture of Ferdowsi university of Mashhad

## **تعیین الگوی...**

Based on this programming model, in large-scale farms, irrigated lands cultivation model, will change to wheat and in rain-fed lands, cultivation model will change to wheat and lentil. Also, this optimal cultivation model will reduce Gross Margin of present cultivation model by 51 percentages. This result in short-scale farm is different, to some extent. In order to gain sustainable cultivation model it is not necessary to make change a lot in present cultivation model, in short-scale farms Irrigated lands cultivation model, will change to wheat, barley and corn and rain-fed lands cultivation model will change to wheat, barley and lentil. In this status, this optimal cultivation model will reduce Gross Margin of optimal cultivation model of present cultivation model by 19 percentages.

JEL classification C61 – Q01 – Q18 – Q19

### **Key words:**

Optimal cultivation model, Linear Programming, Multiple-objective Linear Fuzzy Fractional Programming, sustainable Agriculture, North Khorasan.