

## احتمال وقوع بارش‌های روزانه ایران و پیش‌بینی آن با مدل زنجیره مارکوف

### چکیده

در این پژوهش، وقوع بارش‌های ایران بر اساس قوانین احتمال به صورت فرایندهای تصادفی و با استفاده از مدل زنجیره مارکوف واکاوی شد. برای رسیدن به این هدف، از داده‌های رخداد و رخداد بارش پایگاه داده اسفزاری به مدت ۴۳ سال (۱۳۸۳/۱۰/۱۱ تا ۱۳۴۰/۱/۱) استفاده شد. این اطلاعات بر روی ۷۱۸۷ یاخته و شامل ۱۵۹۹۱ روز است. با استفاده از مدل زنجیره مارکوف مرتبه اول با دو حالت بارش و بی‌بارش، آرایه فراوانی تشکیل و سپس به روش حداکثر درستنمایی آرایه احتمال انتقال محاسبه شد. انجام آزمون نیکویی برآذش، خی-دو پیروی داده‌ها از مدل انتخاب شده را در سطح بالایی تأیید کرد. با به توان رساندن مکرر این آرایه، احتمال پایا و دوره بازگشت روزانه، حالت‌های بارش و بدون بارش برآورد شد. بدین ترتیب، دوره بازگشت بارش روزانه حدود ۷ روز و دوره بازگشت خشکی حدود یک روز برآورد شد. بنابراین، احتمال وقوع بارش در هر روز ۰/۱۴۴۹ و احتمال عدم وقوع آن ۰/۸۵۵۱ به دست آمد. همچنین، دوره بازگشت بارش با تداوم ۱ تا ۳ روز برای تمام ماه‌ها و فصول محاسبه شد. بیشترین احتمال وقوع روز همراه با بارش ۰/۲۷ طی ماه اسفند است. کوتاه‌ترین دوره بازگشت بارش‌ها با تداوم ۱ و ۲ روزه طی ماه‌های بهمن و اسفند به ترتیب ۳/۷ و ۵/۶ روز است.

**واژه‌های کلیدی:** بارش، پایگاه داده اسفزاری، زنجیره مارکوف، آرایه احتمال انتقال.

### مقدمه

از جمله نیازهای اساسی در برنامه‌ریزی‌های منابع آب، پیش‌بینی مقدار آب برای بارگذاری‌های کشاورزی، صنعتی و شهری است. از این رو، لازم است توان آبی هر منطقه برای گام‌های زمانی مختلف برای برنامه‌ریزی‌های کارآمد از طریق روش‌های مناسب و مطمئن پیش‌بینی گردد. بسیاری از پدیده‌های طبیعی شامل عناصری هستند که آن‌ها را نمی‌توان به سادگی کنترل یا پیش‌بینی نمود؛ اما این پیش‌بینی در صورتی امکان‌پذیر است که اطلاعاتی در مورد گذشته آن‌ها موجود باشد (رضیئی و همکاران، ۱۳۸۲: ۲۹۵). براساس قوانین احتمال، برخی پدیده‌های تصادفی شанс بیشتری برای وقوع دارند؛ در صورتی که شанс وقوع برخی دیگر کمتر است. همچنین، گاهی از بین  $n$  حالت ممکن، تنها یکی از حالت‌ها می‌تواند رخ دهد؛ در ضمن امکان رخ دادن هیچ کدام از حالت‌ها بر حالت‌های دیگر برتری ندارد (آکان و

هو گتلن<sup>۱</sup>، ۲۰۰۳:۸). برای محاسبه شانس وقوع پیشامدها لازم است مدل مناسبی انتخاب شود. بررسی این حالات نامعین را دانش احتمال بر عهده دارد. روش‌های سری زمانی؛ بویژه زنجیره مارکوف، از جمله روش‌های پیش‌بینی احتمالاتی است. زنجیره مارکوف با روش‌های ساده ریاضی (مانند ضرب آرایه‌ها) حل احتمالات مربوط به فرایندهای وابسته را بسیار آسان نموده است. مدل زنجیره مارکوف دارای دو مزیت است: اول اینکه پیش‌بینی‌ها بلافارسله پس از انجام مشاهدات قابل دسترسی هستند؛ دوم اینکه آن‌ها پس از پردازش داده‌های هواشناختی به حداقل محاسبات نیاز دارند. همچنین، مرتبه کمتر زنجیره مارکوف به دو دلیل ترجیح داده می‌شود: اول، تعداد پارامترهایی که برآورده می‌شود، حداقل هستند؛ بنابراین، برآورد بهتری به دست می‌آید. دوم، استفاده‌های بعدی از مدل برآورش داده شده برای محاسبه دیگر کمیت‌ها همانند احتمالات طول دوره خشک ساده‌تر هست (سلوی و سلوارج<sup>۲</sup>، ۲۰۱۰:۵۲). مدل زنجیره مارکوف در علوم مختلفی، مانند: هواشناسی، آب و هوای شناسی، اقتصاد و صنعت کاربرد وسیعی دارد (یوسفی همکاران، ۱۳۸۵: ۱۲۲). پژوهشگران زیادی از مدل مارکوف برای پیش‌بینی بارش و خشکسالی با اهداف مختلف بهره جسته‌اند. به منظور پیش‌بینی خشکسالی، کلیتا و سارما<sup>۳</sup> (۱۹۸۳: ۲۷)، توالی دوره‌های خشک و تر را در دره براهم‌پوترا در هند با استفاده از زنجیره مارکوف مرتبه اول محاسبه کردند. اسپربر<sup>۴</sup> (۱۹۸۶: ۳۸۰)، ویژگی‌های بارش را در دوره‌های طولانی خشکسالی در ایسلند با داده‌های بارش ساعتی به مدت ۶ سال واکاوی کرد. گسم<sup>۵</sup> (۱۹۸۷: ۲۲۸)، احتمال رخداد دوره‌های تر و خشک در منطقه جوبا واقع در جنوب سودان را به کمک زنجیره مارکوف محاسبه کرد و نشان داد دوره‌های تر و خشک طولانی مدت از روند مشخصی پیروی نمی‌کنند، بلکه بی‌نظمی‌هایی در توالی این دوره‌ها دیده می‌شود. کائو<sup>۶</sup> و همکاران (۱۹۸۹: ۴۵)، توالی دوره‌های خشک و تر را با استفاده از مدل زنجیره مارکوف همانندسازی کردند. هس<sup>۷</sup> (۱۹۹۰: ۲۰۱)، مدل زنجیره مارکوف را برای پیشگویی ساعتی در هشت کلان‌شهر ایتالیا به کار برد. بازه را ۱۲ ساعته از ۶ تا ۱۸ گرفت و نشان داد که در بازه ۳ ساعته نیز این روش جوابگوست. خامبت<sup>۸</sup> (۱۹۹۳: ۱۷۴)، برای طبقه‌بندی اقلیمی کشاورزی از مدل زنجیره مارکوف استفاده کرد. مارتین و گومز<sup>۹</sup> (۱۹۹۸: ۵۳۷)، بر مبنای طول دوره‌های خشک محاسبه شده به کمک روش زنجیره مارکوف نواحی مختلف شبه جزیره اسپانیا را تقسیم‌بندی کردند. به این ترتیب، روش مارکوفی در نواحی شمال اسپانیا کاملاً پذیرفته شده و بر عکس نواحی جنوبی اسپانیا تطبیقی با این روش ندارد و اختلاف محسوسی بین مقادیر تجربی برآورده شده برای طولانی‌ترین دوره‌ها وجود دارد. جامز و کاسیکی<sup>۱۰</sup> (۱۹۶۳)، با استفاده از مقادیر احتمالات تجربی، رخداد بارش در فواصل زمانی مختلف را در دنور کلمبیا بررسی کردند و نشان دادند که مدل مرتبه اول زنجیره مارکوف با این مقادیر

1 -Akan &amp; Houghtalen

2 -Selvi &amp; Selvarj

3 -Kalita &amp; Sarmah

4- Sperber

5 -Gasm

6 -Cao

7- Hess

8- Khambet

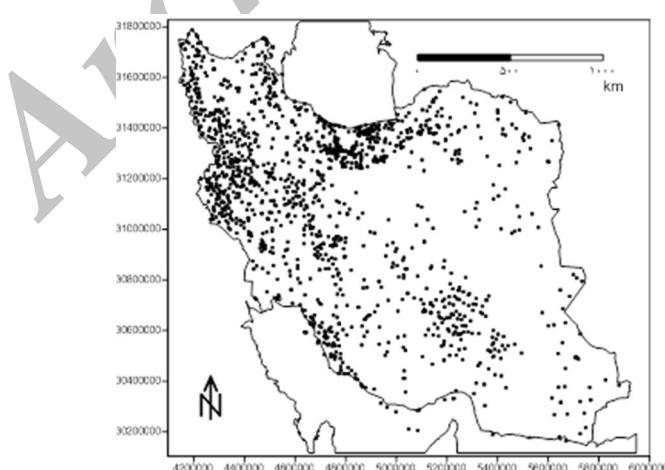
9 -Martin &amp; Gomez

10- Jamese &amp; caskey

موافق نزدیک دارد. تودورویچ و ولہیسر<sup>۱۱</sup> (۱۹۷۴)، احتمال وقوع روزهای بارشی را با دو مدل توزیع دو جمله‌ای که احتمال رخداد بارش روزانه را در مدت  $n$  روز ثابت می‌داند و مدل زنجیره مارکوف که احتمال رخداد بارش در هر روز را بسته به این می‌داند که روز قبل از آن خشک بوده یا مرطوب، مقایسه کردند. هان<sup>۱۲</sup> و همکاران (۱۹۷۶)، در پژوهشی مدل زنجیره مارکوف را به منظور شناخت الگوهای دراز مدت بارش و نیز برنامه‌ریزی برای پروژه‌های منابع آب به کار بستند. پنیاوردنا و کولاسیری<sup>۱۳</sup> (۱۹۹۶)، در پژوهشی مرتبه اول و دوم مدل مارکوف را برای بارش‌های هفتگی در منطقه خشک سریلانکا شبیه‌سازی کرده و نتایج دو مدل را با هم مقایسه کردند. آن‌ها به این نتیجه رسیدند که زنجیره مارکوف مرتبه دوم با تعداد زیادی از محاسبات برای بازنمایی رخداد بارش هفتگی در منطقه خشک سریلانکا مناسب نیست. عملکرد دو حالت (خشک، مرطوب) مارکوف مرتبه اول را کافی و برای اکثر برنامه‌های کاربردی کشاورزی قابل اعتماد یافتند. یوسفی و همکاران (۱۳۸۵)، احتمالات خشکسالی و ترسالی با استفاده از زنجیره مارکوف و توزیع نرمال را برای منطقه قزوین به کار برdenد. فولادمند (۱۳۸۵)، زنجیره مارکوف را به منظور پیش‌بینی بارندگی روزانه و سالانه و تعداد روزهای بارانی در منطقه نیمه خشک باجگاه در استان فارس به کار برده است. علیجانی و همکاران (۱۳۸۹)، در پژوهشی از مدل نهان زنجیره مارکوف برای مطالعه بارش‌های جنوب ایران به منظور مدیریت بهینه منابع آب استفاده کردند.

### داده‌ها پژوهش

در این مطالعه از داده‌های رخداد و رخداد بارش روزانه پایگاه داده اسفزاری استفاده شده است. اسفزاری مجموعه‌ای از داده‌های شبکه‌ای چندین عنصر اقلیمی در سراسر ایران زمین است. تقویم این داده‌ها از ۱۳۴۰/۱/۱ (۱۹۶۱/۳/۲۱) تا ۱۱/۱۰/۱۱ (۱۳۸۳/۱۰/۳۱) خورشیدی (۲۰۰۴/۱۲/۳۱ میلادی) را شامل می‌شود. داده‌های شبکه‌ای بارش این پایگاه داده بر اساس دیده‌بانی‌های ۱۴۳۷ ایستگاه باران‌سنگی، اقلیمی و همدید تهیه شده است.



شکل ۱) پراکنش ۱۴۳۷ ایستگاه در ایران

11 - Todorovic & woolhiser

12- Haan

13- Punyawardena & Kulasiri

این شبکه با استفاده از روش میانیابی کریجینگ حاصل شده است. در این پایگاه برای هر عنصر اقلیمی شبکه‌ای با بعد  $7187 \times 15992$  تعریف شده است که در آن سطراها بیانگر یاخته‌های مکانی و ستون‌ها نماینده زمان (بر حسب روز) است. چون برای مدل سازی مارکوفی باید طول دوره آماری (بارش روزانه) حداقل ۲۰ سال باشد، داده‌های مورد نیاز با دقت کافی برای انجام این کار موجود بوده است و امکان تهیه نقشه‌های احتمالات مارکوفی برای همه کشور و برای سراسر دوره آماری، و نیز تهیه نقشه‌های پیش‌بینی به تفکیک ماه‌ها و فصول را فراهم ساخته است.

از جمله تکنیک‌های ریاضی برای تحلیل پدیده‌های تصادفی مدل زنجیره مارکوف است که تداومی از مشاهدات را در طول زمان نشان می‌دهد (طلشی، ۱۳۸۴). زنجیره مارکوف حالت خاصی از مدل‌هایی است که در آن‌ها حالت فعلی سیستم به حالت‌های قبلی آن بستگی دارد. برای زنجیره مارکوف مرتبه اول که احتمال رفتن به وضعیت بعدی به یک مرحله قبل بستگی دارد، رابطه زیر برقرار است:

$$\begin{aligned} P_{00} &= \Pr(X_{t+1} = 0 | X_t = 0) \\ P_{01} &= \Pr(X_{t+1} = 1 | X_t = 0) \\ P_{10} &= \Pr(X_{t+1} = 0 | X_t = 1) \\ P_{11} &= \Pr(X_{t+1} = 1 | X_t = 1) \end{aligned} \quad (\text{رابطه } 1)$$

در اینجا احتمال رفتن از یک روز بی‌بارش به روز بی‌بارش با ( $p_{00}$ ), بی‌بارش به بارش با ( $p_{01}$ ), بارش به بی‌بارش با ( $p_{10}$ ) و بارش به بارش با ( $p_{11}$ ) نشان داده شده است (کازاسیوک و سیپو، ۱۴:۲۰۰۵). اگر مجموعه حالات ممکن در یک زنجیره مارکوف محدود باشد، می‌توان یک آرایه مربع تشکیل داد.

برای به‌دست آوردن آرایه احتمال‌های تغییر وضعیت باید در ابتدا آرایه شمارش فراوانی محاسبه شود (سلوی و سلوارج، ۱۵:۲۰۱۰، ۱۵:۵۵). در این پژوهش، آرایه شمارش دو وضعیتی برای هر یاخته به شرح زیر ساخته شده است:

$$n = \frac{w}{d} \begin{bmatrix} n_{11} & n_{10} \\ n_{01} & n_{00} \end{bmatrix} \quad (\text{رابطه } 2)$$

در این آرایه فراوانی تغییر وضعیت از روز بارش به روز بارش با  $n_{11}$ , تغییر از روز بارش به روز بی‌بارش با  $n_{10}$ , گذر از روز بی‌بارش به روز بارش با  $n_{01}$ , و از روز بی‌بارش به روز بی‌بارش با  $n_{00}$  نشان داده شده است. آنگاه آرایه احتمال انتقال به روش حداکثر درست‌نمایی تهیه می‌شود. احتمال بر اساس فراوانی (بسامد)‌های نسبی در یک دوره آماری طولانی و به صورت درست‌نمایی بیشینه اتفاق افتادن رویداد مورد نظر تعریف می‌شود. درست‌نمایی معمولاً با ( $p$ ) نشان داده می‌شود. درست‌نمایی را می‌توان به عنوان برآورده از ارزش احتمال ( $p$ ) در نظر گرفت. آرایه احتمال انتقال ( $p$ ) به روش بیشینه درست‌نمایی به صورت زیر به‌دست می‌آید (زارعی و شاهکار، ۱۳۸۰: ۱۳۵):

$$P = \frac{w}{d} \begin{bmatrix} \frac{n_{11}}{1+n_{01}} & \frac{n_{10}}{1+n_{00}} \\ \frac{n_{01}}{1+n_{01}} & \frac{n_{00}}{1+n_{00}} \end{bmatrix} \quad (\text{رابطه } 3)$$

درایه‌های این آرایه با احتمال‌های انتقال یک مرحله‌ای متناظرند. احتمال تغییر وضعیت یک مرحله‌ای برابر با احتمال رفتن از حالت  $i$  به  $j$  در یک دوره زمانی با آغاز از  $n$  بیان و به شکل  $p_{ij}$  نشان داده می‌شود، برابر با احتمال رفتن از حالت  $i$  به  $j$  در یک دوره زمانی با آغاز از  $n$  بیان و به شکل  $p_{ij}$  نشان داده می‌شود. اکنون آرایه احتمال انتقال  $p_{ij}$  بین دو حالت متوالی رخداد و رخداد بارش را می‌توان به شکل زیر نوشت:

$$p = \begin{matrix} w & d \\ \begin{matrix} p_{11} & p_{10} \\ p_{01} & p_{00} \end{matrix} \end{matrix} \quad \text{رابطه (۴)}$$

که  $p_{ij}$  بیانگر احتمال‌های انتقال از حالت  $i$  به دیگر حالت‌های ممکن  $j$  است (گاری و سینگ<sup>۱۶</sup>، ۷۷:۲۰۱۰). در روش پژوهش این نوشتار که مدل زنجیره مارکوف مرتبه یک است، آزمون نیکویی برآش بروی آرایه فراوانی دو حالته مارکوف انجام گرفت. در این آزمون فرض صفر ( $H_0$ ) بر این ایده قرار دارد که سری‌ها مستقل هستند؛ یعنی داده‌ها از زنجیره مارکوف مرتبه مورد نظر که در اینجا ۲ است، پیروی نمی‌کنند و فرض مقابل ( $H_1$ ) براین ایده است که داده‌ها فاقد استقلال بوده، از مدل زنجیره مارکوف مرتبه ۲ پیروی می‌کنند. این آزمون بر اساس جدول مقادیر انتقال مشاهده شده ( $n_{ij}$ ) و تعداد انتقال مورد انتظار براساس فرض صفر ( $e_{ij}$ ) بنا نهاده شده است. مقادیر مورد انتظار از روی مقادیر مشاهده شده انتقال با این فرض که جمع حاشیه‌ای مقادیر قابل انتظار مثل انتقالات مشاهده شده است، حاصل می‌شود (باکس<sup>۱۷</sup> و همکاران، ۴۶:۲۰۰۵)؛ یعنی:

$$e_{ij} = \frac{n_{i+} n_{+j}}{n} \quad \text{رابطه (۵)}$$

در رابطه فوق:

$$\begin{aligned} n_{i+} &= n_{i1} + n_{i2} && \text{مجموع هریک از سطرهای آرایه فراوانی;} \\ n_{+j} &= n_{1j} + n_{2j} && \text{مجموع هر یک از ستونهای آرایه فراوانی است.} \\ \text{بنابراین، آماره آزمون از رابطه زیر محاسبه می‌شود:} \end{aligned}$$

$$\chi^2_0 = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \frac{(n_{ij} - e_{ij})^2}{e_{ij}} \quad \text{رابطه (۶)}$$

$\chi^2_c$  بحرانی ( $\chi^2_c$ ) با ( $r-1$ ) درجه آزادی، در این جا  $r$  و  $c$  به ترتیب تعداد سطر و ستون‌های آرایه است و در سطح ۵٪ خطای معنی‌داری مورد نظر رد می‌شود (عساکره، ۱۳۸۷:۴-۵). ابتدا وضعیت روزهای بارش کشور با فرض صفر در سطح معنی‌داری مورد نظر رد می‌شود (اطمینان  $\chi^2$  با  $df=(c-1)(r-1)$  از جدول مربوطه به دست می‌آید). اگر  $\chi^2_0 >$  باشد، فرض دو حالته بودن در آرایه فراوانی زیر مرتب شد:

(رابطه ۷)

W d

$$F = \frac{w}{d} \begin{bmatrix} 1771 & 1147 \\ 1147 & 12525 \end{bmatrix}$$

در ردیف اول این آرایه عدد ۱۱۷۱ گویای تغییر وضعیت از روز بارش به روز بارش ( $W \rightarrow W$ ) بعدی است. در واقع، طی ۱۵۹۹۱ روز آمار موجود ۱۱۷۱ روز، روزهای همراه با بارش است که پس از یک روز بارش رخ داده است. عدد ۱۱۴۷ در سطر اول تعداد روزهای بدون بارش، پس از یک روز بارش ( $W \rightarrow D$ ) را نشان می‌دهد. سطر دوم، تبدیل وضعیت از روز بدون بارش به روز بارش ( $D \rightarrow W$ ) و بدون بارش به بدون بارش ( $D \rightarrow D$ ) به ترتیب ۱۱۴۷ و ۱۲۵۲۵ روز بوده است.

در اینجا باید بدانیم آیا فراوانی‌ها در آرایه فراوانی حالات (رابطه ۵) مستقل هستند یا از زنجیره مارکوف دو حالت پیروی می‌کنند. از آزمون‌های بسیار معتبر برای ارزیابی آرایه تغییر حالت مارکوفی، آزمون  $\chi^2$  است. جدول (۱) جدول مقاطعه برای انجام آزمون را نشان می‌دهد. اعداد بالای مقادیر مشاهده شده (O) و اعداد داخل پرانتز مقادیر مورد انتظار (E) تحت فرض صفر است.

جدول (۱) جدول دو بعدی مقادیر مشاهده شده و مقادیر مورد انتظار آرایه فراوانی دو حالت

	W	D	$\Sigma$
W	۱۱۷۱ (۳۳۶/۰۳)	۱۱۴۷ (۱۹۸۱/۹۷)	۲۳۱۸
D	۱۱۴۷ (۱۹۸۱/۹۷)	۱۲۵۲۵ (۱۱۶۹۰/۰۳)	۱۳۶۷۲
$\Sigma$	۲۳۱۸	۱۳۶۷۲	۱۵۹۹۰

آماره آزمون به شرح زیر به دست آمد:

$$\chi_0^2 = 2074/73 + 351/75 + 351/75 + 59/62 = 2837/89 \quad \text{(رابطه ۸)}$$

براساس آزمون مربوطه ارزش آماره P-Value (p) در هر سطحی معنی‌دار است ( $p=0$ ). همچنین، براساس مقایسه مقادیر بحرانی ( $\chi_c^2$ ) و مقادیر مشاهده شده ( $\chi_0^2$ ) مشخص شد در هر سطح دلخواه شواهد کافی برای پذیرش فرض صفر (استقلال داده‌ها و عدم پیروی از زنجیره مارکوف دو حالت) وجود ندارد؛ به این معنی که فراوانی حالات از زنجیره مارکوف دو حالت پیروی می‌کند.

### یافته‌های پژوهش

در این پژوهش به منظور مطالعه و بررسی احتمالات رخداد و رخداد بارش، آرایه فراوانی و آرایه احتمال انتقال زنجیره مارکوف مرتبه اول، به روش حداکثر درستنمایی با دو حالت بارش و بی‌بارش و با آستانه بارش ۰/۵ میلی‌متر، تشکیل شد. احتمالات تجربی نیز در این بررسی مورد توجه قرار گرفت. مقایسه احتمالات تجربی (جدول ۲) و

احتمالات مارکوفی (جدول ۳) نشان می‌دهد برای سه حالت انتقال از بارش به بی‌بارش، بارش به بی‌بارش، احتمالات تقریباً برابر است، در حالی که در مدل زنجیره مارکوف برای دو حالت بارش به بارش، بارش به بی‌بارش، احتمالات کمترین اختلاف را داشته و این دو حالت با احتمال انتقال از بی‌بارش به بارش تفاوت زیادی را نشان می‌دهد و این موضوع گرایش اقلیم ایران به سمت خشکی را تأیید می‌کند؛ در حالی که در مدل احتمالات تجربی این نکته نشان داده نشده است.

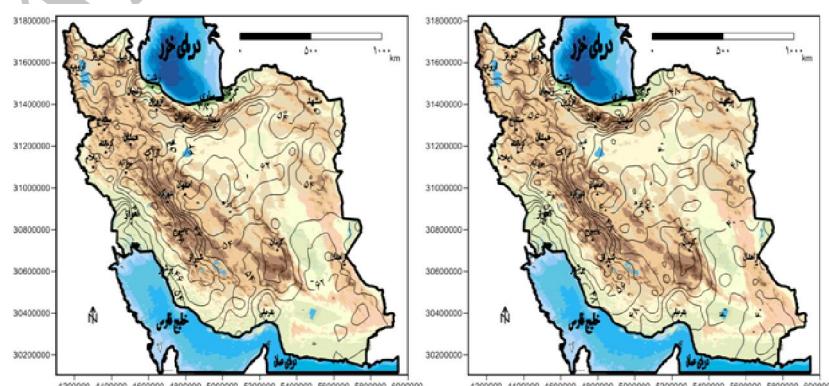
جدول ۲) احتمالات تجربی به درصد

میانگین سالانه	بارش به بی‌بارش	بارش به بی‌بارش	بی‌بارش به بی‌بارش	بی‌بارش به بارش
۷/۳	۷/۲	۷/۲	۷/۲	۷/۲

جدول ۳) احتمالات مارکوفی به درصد

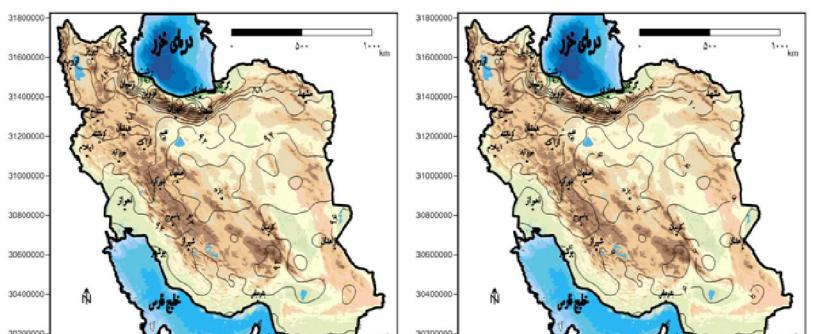
بی‌بارش (d)	بارش (W)	بارش (W)
۵۲/۷۵	۴۷/۲۵	۴۷/۲۵
۹۱/۲۷	۸/۷۳	۸/۷۳

مقایسه نقشه‌های احتمالاتی مختلف نتایج قابل توجهی را از شرایط بارش و بدون بارش برای ایران نشان می‌دهد. نقشه بارش به بارش (شکل ۱) احتمالات مارکوفی بیشترین احتمال انتقال را برای رشته کوه‌های البرز و زاگرس نشان داده که تقریباً برابر است. احتمال بیشتر این انتقال برای نواحی کوهستانی کشور که منطبق بر نقاط پر بارش ایران است، نشان می‌دهد با افزایش مقدار بارندگی احتمال انتقال از بارش به بارش بیشتر می‌شود. با دور شدن از نواحی پربارش به نواحی کم بارش؛ یعنی نواحی مرکزی، شرق و جنوب شرق این احتمال کاهش می‌یابد که بیانگر ارتباط کاهش بارندگی با کاهش این احتمال است. نقشه انتقال بارش به بی‌بارش مارکوفی (شکل ۲) کمترین احتمال را برای بلندی‌های البرز و زاگرس ۳۸٪ نشان می‌دهد و از این نظر البرز و زاگرس شرایط مشابهی دارند. آنچه به وضوح در این نقشه به چشم می‌خورد، این است که کوه‌ها چه به صورت رشته‌ای (البرز و زاگرس) و چه به صورت منفرد و پراکنده (کوه‌های مرکزی ایران) نقش مهمی در کاهش وقوع این انتقال ایفا می‌کنند.



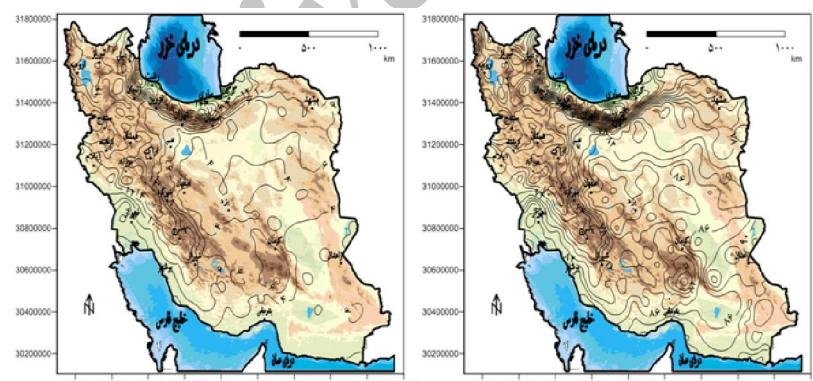
شکل ۱) احتمال مارکوفی بارش به بارش

شکل ۲) احتمال مارکوفی بارش به بی‌بارش



شکل ۴ احتمال مارکوفی بی‌بارش به بارش

انتقال از بی‌بارش به بارش مارکوفی (شکل ۳) برای کشور ما که اقلیمی خشک دارد، اندک است. بیشترین این احتمال مربوط به رشته کوه‌های البرز است. شیو زیاد خطوط نشان می‌دهد که با افزایش ارتفاع این احتمال نیز افزایش می‌یابد. این موضوع بیان می‌کند بین مقدار بارندگی و افزایش احتمال از بی‌بارش به بارش رابطه مستقیم وجود دارد. نکته جالب توجه در این نقشه آن است که رشته کوه‌های زاگرس در وقوع این احتمال تأثیری ندارد. نقشه بی‌بارش به بی‌بارش مارکوفی (شکل ۴) نشان می‌دهد کشور به دو بخش کم وسعت شمالی و پروسعت جنوبی تقسیم شده است. برای رخداد این نوع احتمال هم کوه‌های زاگرس نقشی ایفا نمی‌کند و منحنی‌ها زاگرس را قطع کرده است. برای بخش‌های وسیعی از کشور، احتمال انتقال از بی‌بارش به بی‌بارش به ۹۲٪ می‌رسد. مقایسه نقشه احتمال انتقال تجربی بی‌بارش به بی‌بارش (شکل ۵) و احتمال انتقال مارکوفی (شکل ۴) شرایط مشابهی را از نظر پراکندگی این نوع احتمال نشان می‌دهد.

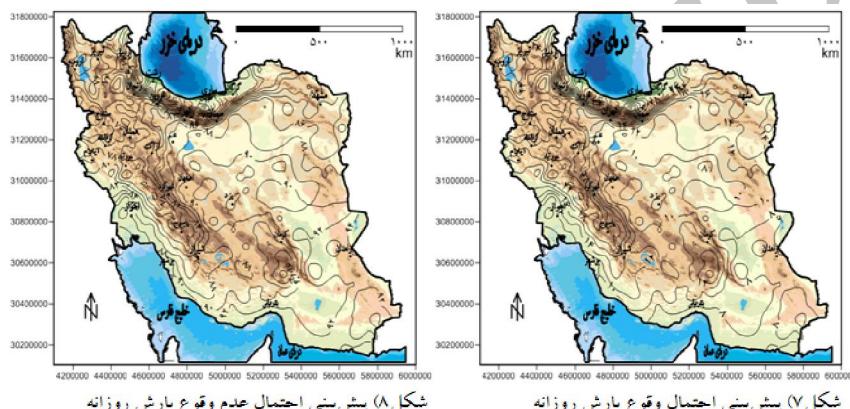


شکل ۵) احتمال تجربی بی‌بارش به بارش

این نقشه نشان می‌دهد که اساساً رخداد بارش در ایران پدیده‌ای کمیاب است؛ به بیان دیگر، روزها و روزها از پی هم می‌گذرند، بدون آنکه بارشی رخ دهد. نتیجه عملی این ویژگی آن است که همین مقدار بارش اندکی که در ایران می‌بارد ناشی از تعداد کمی روز همراه با بارش است؛ در حالی که می‌توانست از اباحت بارش فرو باریده، در تعداد زیادتری روزهای بارش بدست آید که در این صورت مهیا بی آب در طول سال تضمین می‌شد؛ اما در شرایط کوتني بخش بزرگی از سال بدون بارش سپری می‌شود و تنها در طی چند روز کل بارش سالانه یا بخش بسیار بزرگی از آن فرو می‌بارد.

### پیش‌بینی به روش زنجیره مارکوف

نقشه‌های پیش‌بینی به روش زنجیره مارکوف با استفاده از احتمالات مارکوفی تهیه شده است. این ایستایی با ضرب مکرر آرایه احتمال انتقال مارکوف به دست می‌آید. احتمال وقوع و عدم وقوع بارش برای تمام ماه‌ها محاسبه و در جدول (۴) نشان داده شده است. به دلیل به کار بردن داده‌های یاخته‌ای (۷۱۸۷ یاخته) و عدم امکان محاسبه دستی، با نوشتن برنامه‌ای در نرم افزار متلب احتمالات پایا برای تمام یاخته‌ها محاسبه شد و سپس نقشه‌های پیش‌بینی طولانی مدت برای ماه‌ها، فصول و سالانه تهیه شد. نقشه‌های پیش‌بینی احتمال وقوع و عدم وقوع روزانه بارش طی دوره سالانه در شکل‌های ۷ و ۸ نشان داده شده است. حالت ایستایی احتمال وقوع و عدم وقوع بارش روزانه را  $85/5\%$  بدون بارش و  $14/5\%$  بارش برای کشور طی دوره سال، در دراز مدت پیش‌بینی کرد.



شکل ۷) پیش‌بینی احتمال وقوع بارش روزانه

شکل ۸) پیش‌بینی احتمال عدم وقوع بارش روزانه

پس از محاسبه احتمال پایا (ایستا) که تغییر وضعیت بارش کشور را در دراز مدت بیان می‌کند، دوره بازگشت هر یک از وضعیت‌ها محاسبه شد. دوره بازگشت ( $T_j$ ) عکس احتمال است و میانگین تعداد روزهایی است که بین رخداد دو حادثه همانند وجود دارد و به شکل  $\frac{1}{p_{ij}}$  بیان می‌شود (عساکره: ۱۳۸۷)؛ مثلاً اگر دوره بازگشت رخدادی با احتمال  $0/1$ ،  $10$  سال باشد؛ یعنی به طور میانگین هر  $10$  سال یک بار اتفاق می‌افتد.

جدول (۴) احتمال پایای روزهای تօام با بارش و بدون بارش طی ماه‌های مختلف

دوره	فروردين	اردبیهشت	خرداد	تیر	امداد	شهریور	مهر	آبان	آذر	دی	بهمن	اسفند
احتمال بارش	$0/244$	$0/178$	$0/646$	$0/0363$	$0/0352$	$0/0342$	$0/0627$	$0/123$	$0/1976$	$0/239$	$0/265$	$0/271$
احتمال عدم بارش	$0/756$	$0/822$	$0/9354$	$0/9637$	$0/9648$	$0/9658$	$0/9373$	$0/867$	$0/8024$	$0/761$	$0/735$	$0/729$

با توجه به این تعریف برای زنجیره‌های مارکوف، میانگین زمان لازم برای بازگشت زنجیره به حالت اولیه را نیز زمان بازگشت می‌گویند. اگر در وضعیت  $j$  قرار داشته باشیم، دوره بازگشت و احتمال پایا را با رابطه زیر می‌توان نشان داد

(هیگتر و مکنالتی، ۱۳۷۹: ۱۶۶):

$$E(T_j) = \frac{1}{\pi_j} \quad (9)$$

در این رابطه  $\pi_1, \pi_2, \dots, \pi_s$  بردار احتمال حالت پایای زنجیره و  $T_j$  دوره بازگشت به حالت زرا نشان می‌دهد.

نتایج این محاسبات در جدول ۵ (ستون دوم) نشان داده شده است.

برآورد دوره برگشت بارش‌ها با تداوم  $m$  روزه از توانایی‌های دیگر مدل زنجیره مارکوف است. منظور از تداوم بارش، تعداد روزهای متوالی است که بارش در آن رخ داده باشد؛ مثلاً تداوم دو روزه بارش، به معنی ریزش باران در دو روز متوالی است؛ ولی قبل از روز اول و بعد از روز دوم بارندگی وجود نداشته باشد. دوره برگشت براساس رابطه زیر به دست می‌آید (برگرو گوسنس، ۱۹۸۳: ۳۳):

$$T_m = \frac{1}{p^{m-1}(1-p)} \quad (10)$$

در این رابطه  $p$  احتمال (پایای) بارش برای تمام ماه‌ها (جدول ۴)،  $m$  دوره بارش مورد نظر طی  $m$  روز،  $T_m$  دوره بازگشت بارش  $m$  روزه است. با قرار دادن مقادیر ۲ و ۳ به ازای  $m$ ، طول دوره بازگشت بارش با تداوم‌های ۲ و ۳ روزه برای هر ماه، فصل و سالانه محاسبه شد. نتیجه این محاسبات در جدول ۵ ارائه شده است.

جدول ۵ دوره برگشت (تر و خشک) تری دو روزه، سه روزه و احتمال وقوع دو و سه روزه بارش

احتمال وقوع تری		دوره بازگشت تری		دوره بازگشت (یک روزه)		دوره
سه روزه	دو روزه	سه روزه	دو روزه	خشکی	تری	
۰/۰۲۶۰۳	۰/۱۵۵۹	۳۸/۴	۶/۴	۱/۳	۴/۱	فروردين
۰/۰۰۵۷۵	۰/۰۹۰۴	۱۷۳/۸	۱۱	۱/۲	۵/۶	اردیبهشت
۰/۰۰۰۶۲	۰/۰۱۶۴	۱۶۱۹۷	۶۱	۱/۰۶	۱۵/۵	خرداد
۰/۰۰۰۰۱۳	۰/۰۰۷۱	۷۶۸۹۸	۱۴۱	۱/۰۳	۲۷/۶	تیر
۰/۰۰۰۰۱۳۷	۰/۰۰۶۹	۷۲۸۶۰	۱۴۵	۱/۰۳	۲۸/۴	امداد
۰/۰۰۰۰۱۱۵	۰/۰۰۵۷	۸۶۹۴۴	۱۷۵	۱/۰۳	۲۹/۳	شهریور
۰/۰۰۰۰۳۳	۰/۰۲۳۲	۳۰۴۴	۴۳	۱/۰۶	۱۵/۹	مهر
۰/۰۰۴۱۲	۰/۰۷۳۷	۲۴۳	۱۳/۶	۱/۱	۷/۵	آبان
۰/۰۱۶۰۵	۰/۱۲۸۵	۶۲	۷/۸	۱/۲	۵	آذر
۰/۰۳۲۷۳	۰/۱۶۶۱	۳۱	۶	۱/۳	۴/۲	دی
۰/۰۴۰۳۲	۰/۱۷۹۸	۲۵	۵/۶	۱/۳	۳/۷	بهمن
۰/۰۳۸۳۵	۰/۱۷۷۸	۲۶	۵/۶	۱/۳	۳/۷	اسفند
۰/۰۰۸۸	۰/۱۰۰۵	۱۱۴	۱۰	۱/۲	۶/۲	بهار
۰/۰۰۰۰۱۷۳	۰/۰۰۷۵	۵۷۷۳۴	۱۳۴	۱/۰۳	۲۸/۹	تابستان
۰/۰۰۵۵۲	۰/۰۸۱۲	۱۸۱	۱۲/۳	۱/۱	۷/۶	پاییز
۰/۰۳۷۶	۰/۱۷۵۴	۲۷	۵/۷	۱/۳	۳/۸	زمستان
۰/۰۱۰۶۳	۰/۱۰۳۷	۹۴	۹/۶۴	۱/۲	۶/۹	سالانه

این جدول نشان می‌دهد کمترین دوره بازگشت بارش طی ماه‌های بهمن و اسفند با ۳/۷ روز است. دوره بازگشت بارش‌های دو روزه نیز طی همین ماه‌ها با ۵/۶ روز است.

همان‌گونه که مشاهده می‌شود، دوره بازگشت بارش‌های ۱ و ۲ روزه در همه ماه‌ها اختلاف کمی دارند؛ در صورتی که بین بارش‌ها با تداوم ۲ و ۳ روز تفاوت چشگیر است و این بیانگر آن است که اساساً در کشور ما نباید بارش با تداوم بیشتر از ۲ روز را انتظار داشته باشیم. احتمال وقوع بارش با تداوم ۳ روز در ایران بسیار ضعیف و برای ماه‌های تابستان تقریباً غیر ممکن به نظر می‌رسد.

## نتیجه‌گیری

در این پژوهش، با به کارگیری تکنیک زنجیره مارکوف، وضعیت کشور از نظر قرارگرفتن در موقعیت خشکی و تری واکاوی شد. داده‌ها مربوط به ۷۱۸۷ یاخته برای ۱۵۹۹۱ روز است. نتایج نشان داد به علت موقعیت خاص جغرافیایی و بهره‌مندی کمتر ایران زمین، از سامانه‌های بارش‌زا و عرض جغرافیایی، مدل مرتبه اول زنجیره مارکوف برآش خوبی با اقلیم کشور دارد. همچنین به علت دوام کمتر و پراکندگی بیشتر بارش، هم از نظر مکانی و هم از نظر زمانی آستانه ۰/۵ برای تمایز روز بدون بارش از روز همراه با بارش مناسب تشخیص داده شد. نقشه‌های احتمالات تجربی و احتمالات مارکوفی بارش بیشتر را برای مناطق کوهستانی با وسعت کمتر و بارش کمتر را برای بخش وسیعی از کشور نشان داده است. آرایه احتمال انتقال برای تمام یاخته‌ها پس از اینکه به توان ۹ رسید، پایا شد. این پایابی احتمال عدم وقوع بارش روزانه را ۱۴/۵٪ و احتمال وقوع بارش روزانه را ۸۵/۵٪ برای کشور در دراز مدت پیش‌بینی کرد. این نکته نشان داد که عوامل مؤثر بر خشکی در اقلیم کشور از ثبات بیشتری برخوردار بوده، ایران اقلیمی ذاتاً خشک دارد.

## منابع

- ۱- رضیئی، طیب و دیگران. (۱۳۸۲). «پیش‌بینی شدت، تداوم و فراوانی خشکسالی‌ها با استفاده از روش‌های احتمالاتی و سری‌های زمانی (مطالعه موردی استان سیستان و بلوچستان)»، مجله بیابان، ج ۸، ش ۲، ص ۲۹۲-۳۱۰.
- ۲- زارعی، حسن و غلامحسین شاهکار. (۱۳۸۰). «بررسی احتمال تواتر روزهای بارانی و خشک مناطق خرمدره - اردک و زشك»، سومین سمینار احتمال و فرآیندهای تصادفی، دانشگاه اصفهان، ۷ و ۸ شهریور ماه، ص ۱۴-۳۰.
- ۳- طالشی، عبدالله. (۱۳۸۴). مدل‌سازی بارش‌های سالانه ایران با استفاده از زنجیره مارکوف، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، استاد راهنمای دکتر علی اکبر رسولی دانشکده علوم انسانی و اجتماعی دانشگاه تبریز.
- ۴- عساکر، حسین. (۱۳۸۷). «بررسی احتمال تواتر و تداوم روزهای بارانی در شهر تبریز با استفاده از زنجیره مارکوف»، مجله منابع آب ایران، ش ۲، پاییز ۱۳۸۷، ص ۱-۱۶.
- ۵- فولادمند، حمید رضا. (۱۳۸۵). «پیش‌بینی بارندگی روزانه و سالانه و تعداد روزهای بارانی در سال با استفاده از زنجیره مارکوف در یک منطقه نیمه خشک»، مجله علمی پژوهشی، علوم کشاورزی، سال دوازدهم، ش ۱، ص ۱۱۳-۱۲۵.
- ۶- ماه‌آورپور، زهرا. (۱۳۹۱). مدل مارکوفی بارش ایران بر اساس پایگاه داده اسنفراری، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، استاد راهنمای دکتر سید ابوالفضل مسعودیان، گروه جغرافیای طبیعی، دانشگاه اصفهان.

- ۷- هیگنر، مکنالتی (۱۳۷۹). مفاهیم احتمال و مدل‌بندی تصادفی، ترجمه علی مشکانی، انتشارات دانشگاه فردوسی مشهد، چاپ دوم.
- ۸- یوسفی، نصرت الله و دیگران (۱۳۸۶). «برآورد احتمالات خشکسالی و ترسالی با استفاده از زنجیره مارکوف و توزیع نرمال (مطالعه موردی قزوین)». پژوهش‌های جغرافیایی، ش ۶۰، ص ۱۲۱-۱۲۸.
- 9-Akan, A.Osman and Houghtalen, Robert.J., 2003, Urban Hydrology, Hydraulics, and Storm Water Quality, John Wiley & snos.Inc.,U.S.A.
- 10- Berger, A. & Goossens, C.H.R (1983), Persistence of wet and dry spells at Uccle (Belgium), j. Climatol. 3, 21-34.
- 11- Box. George E P, Hunter Stuart J. and Hunter William G (2005), Statistics for Experimenters. John Wiley & Sons.Inc.,U.S.A.
- 12-Cao, C [etal] (1993), Time serials of rainfall and Their Stochastic Simulation,Urban Storm drainage. Italy, 25-28July 1993, 45-62.
- 13- Cazacioc, L & Cipu, E.C ( 2004), Evaluation of the transition probabilities for daily precipitation time series using a Markov chain model. Proceedings of The 3-rd International Colloquium. Mathematics in Engineering and Numerical Physics, October (2004)7-9.
- 14- Garg,V.K, & Singh,J.B (2010), Three – State Markov Chain Approach On the Behavior Of Rainfall. New York Science Journal(2008),3(12).76-81.
- 15- Gasm .A .M (1987), An Application of Markov chain Model For Wet and Dry Spell probailites at Juba in Southern Sudan.Geo journal 15.4 ,420-424 Geographical. Bulletin,Vol.8.pp.228.
- 16- Hess, G.D & [etal] (1990), Operational, short-term prediction of rainfall using a cycled Markov chain method. Australian Meteorological Magazine 38:3 september 1990, 201-205.
- 17- Kalita, S & Sarmah, S .K (1984), On the occurrences of dry and wet sequences in the Brahmaputra valley ,jornal of earth system science.Vol.No.1,March PP.27-36, 1984.
- 18- Khambete, N.N (1993), use of Markov chain model in Agra-climatic classification for assessment of crop potential, J. of Maharashtra –Agric.universitis, 18:2,174-177.
- 19- Martin,vide & Gomez J (1999), Regionalization of Peninsular Spain Based on the Length of dry spells. International Journal of Climatology, 19,537-555.
- 20- Selvaraj, R.S. & Selvis,T (2010), Stochastic Modelling of daily rainfall at ADUTHURAI. International Journal of Advanced Computer and Mathematical Sciences, vol 1, Issue 1, Dec, 2010, pp 52-57.
- 21- Sperber, K.R. & Hameed, s (1986), Some characteristics of precipitation and dry periods on long Island. Tellus (1986), 38B, 380-384.