

## مدلسازی انشعاب چند شاخه‌ای و منبع تحریک آکوستیکی در بالادست خفه‌کن‌های موتورهای احتراق داخلی \*

علی فائزیان <sup>(۱)</sup> محمد رضا مدرس رضوی <sup>(۲)</sup> آنجلو اونوراتی <sup>(۳)</sup>

چکیده در این مقاله شرط مرزی در انشعاب چند شاخه‌ای خفه‌کن‌های موتور با دو روش فشار ثابت و اتلاف فشار برای حالت جریان اصلی صفر مدل‌سازی می‌شود. از روش فشار ثابت با دو مدل بنسون و کوربرن در خفه‌کن‌های بالوله سورخدار استفاده شده و نشان داده می‌شود که در خفه‌کن‌های با بیش از یک لوله سوراخدار، برنامه با روش بنسون قابل اجرا است. منع تحریک در شرط مرزی بالادست با دو روش تحریک همساز ساده و تحریک اغتشاش سفید (white noise) مدل‌سازی می‌گردد. با استفاده از مقایسه نتایج حل عددی با تحریک اغتشاش سفید، نتایج حل عددی با تحریک همساز ساده، حل تئوری خطی و نتایج تجربی نشان داده می‌شود که تحریک اغتشاش سفید در تحلیل خفه‌کن‌های پیچیده از دقت کافی برخوردار است و زمان اجرای آن نسبت به روش عددی با تحریک همساز ساده بسیار کوتاهتر می‌باشد.  
واژه‌های کلیدی انشعاب، تحریک، همساز ساده، اغتشاش سفید، آکوستیک، خفه‌کن.

### Modeling of N-Branch Junctions and Upstream Acoustical Excitation in the Silencers of Internal Combustion Engines

A. faezian

M.R. Modarres Razavi

A. Onorati

**Abstract** In this work, boundary conditions of T-junctions in engine silencers are modeled by constant pressure model (CPM) and pressure loss model (PLM). The mean flow velocity through the ducts is zero. Two Benson CPM and Corberan CPM approaches are employed in perforate silencers simulation. For the silencer with more than one perforated pipe which appears as N-branch junctions, it is possible to apply the Benson CPM approach. The upstream excitation as a boundary condition is modeled by two single pure tone (harmonic) and white noise perturbations. It is shown that white noise perturbation bring enough accuracy. On the other hand it spends much shorter time than single pure tone perturbation.

**Key Words** Branch, Excitation, Pure Tone, White Noise, Acoustic, Silencer.

\* نسخه اولیه مقاله در تاریخ ۸۲/۰۵/۰ و نسخه نهایی آن در تاریخ ۸۲/۱۰/۱۵ به دفتر نشریه رسیده است.

(۱) دانشجوی دکتری، دانشگاه فردوسی مشهد، دانشکده مهندسی

(۲) دانشیار، دانشگاه فردوسی مشهد، دانشکده مهندسی

(۳) استاد، پلی تکنیک میلان، دپارتمان انرژی

## مقدمه

یکی از دلایل گسترش و پیشرفت موتورهای احتراق داخلی در چند دهه گذشته توجه خاصی است که به تحلیل معادلات جریان تراکم پذیر غیردائم در سیستم‌های ورودی و خروجی آنها شده است. جریان گاز در سیستم ورودی و خروجی موتور بر عملکرد موتور و ایجاد صدای نامطلوب در آن اثر می‌گذارد. تاکنون برای کاهش افت فشار و کاهش صدای نامطلوب مربوطه تلاشهای زیادی صورت گرفته است. از جمله این تلاشهای مدلسازی مناسب هندسه و شرایط مرزی آنها می‌باشد. جریان و انتشار امواج در مانیفولدات موتور واقعاً یک پدیده چند بعدی است. فرض یک بعدی جریان با توجه به هندسه خاص مانیفولدات یک نوع مبارزه با واقعیت است. این موضوع در محل اتصالات اهمیت بیشتری پیدا می‌کند. اما با اعمال اصلاحاتی می‌توان از مزایای روش‌های یک بعدی بهره گرفت. اثرات چند بعدی بودن جریان در اتصالات با اصلاح طول لوله‌های متنهای به محل اتصال به طور غیرمستقیم در نظر گرفته می‌شود. معمولاً طول اصلاح شده به پارامترهای هندسی و موج منتشرشده بستگی دارد.

مهم‌ترین موضوعی که در مدلسازی اجزاء یک سیستم لوله مطرح است شرایط مرزی انتهایی و محل اتصال اجزاء با یکدیگر است. از این‌رو، در پژوهش حاضر، تنها شرط مرزی در انشعاب چند شاخه و انتهای باز بالادست مورد توجه و مطالعه قرار می‌گیرد. اغلب روش فشار ثابت برای سرعت‌های جریان نسبتاً کم در سیستم‌های ورودی و خروجی موتورهای احتراق داخلی قابل قبول است در صورتی که اگر سرعت‌های جریان زیاد باشد در نظر گرفتن افت فشار در اتصالات اهمیت بیشتری پیدا می‌کند، چرا که این کمیت‌ها در بازده حجمی موتور موثر می‌باشند. برای تحلیل انشعاب چند لوله‌ای دو روش فشار ثابت و افت فشار مطرح است. در مدل فشار ثابت بنسون (Benson)، تراز

آنتروپی جریان خروجی براسر متوسط تراز انزویی جریان‌های ورودی قرار می‌گیرد [1]. کربن (Corberan) در مدلسازی انشعاب چند شاخه با استفاده از روش فشار ثابت آنتالپی سکون همه جریان‌های خروجی را یکسان در نظر گرفت. او در بررسی انشعاب‌های یک موتور چهار سیلندر نشان داده که تتابع کارش از نتایج روش بنسون به واقعیت نزدیکتر است [3]. چپمن (Chapman) و همکارانش انشعاب‌ها را حجم‌های کوچکی در نظر گرفتند که معادلات بقاء انرژی و جرم برای آنها اعمال می‌گردد. پیرسون (Pearson) روش فشار ثابت بنسون را بکار برد و مانند چپمن محل انشعاب را انباره‌ای با حجم کوچک در نظر گرفت. او با معرفی یک ضریب تخلیه برای لوله‌هایی که جریان آنها به انباره وارد می‌شود، روش فشار ثابت بنسون را با در نظر گرفتن افت فشار ارتقاء بخشد. عیب اصلی روش پیرسون نامشخص بودن ضرایب تخلیه مورد نیاز است. تاکیزاوا (Takizawa) و همکارانش افت فشاری متناسب با توان دوم عدد ماخ جریان‌های ورودی به انشعاب را منظور کردند. از امتیازات مهم مدلسازی‌های آنها عدم نیاز به اندازه‌گیری جریان می‌باشد [1].

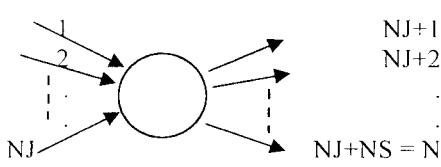
در همه روش‌های عددی اعمال شرایط مرزی بر مبنای روش مشخصه‌ها قرار دارد. به طور کلی دو نوع مرز وجود دارد. یکی مرزی که با محیط ارتباط دارد و دیگری مرزی که دو یا چند جزء سیستم - لوله با هم ارتباط دارند. محل اتصال دو جزء ممکن است همراه با تغییر سطح مقطع باشد. ممکن است چند جزء به هم متصل شوند که در این صورت آن را انشعاب چند شاخه‌ای (چند راهه) می‌نامند. مقدار مشخصه‌ها در مرزها با توجه به جهت مشخصه‌ها تعیین می‌گردد. در مرزها جریان شبه‌دائم در نظر گرفته می‌شود به طوری که در هر قدم زمانی در مرزها از معادلات مربوط به جریان دائم استفاده می‌شود.

که در آن :

$$G = \frac{1}{2} \rho u |u| C_f \frac{4}{d}, \quad q = \frac{4 St \cdot u C_s (T_w - T_f)}{d} \quad (2)$$

برای شبیه سازی جریان یک بعدی غیر دائم و تراکم پذیر در خفه کن ها از روش های عددی دو مرحله ای یک بعدی مک کورمک (MacCormack) و لکس - وندروف (Lax-Wendroff) همراه با نوسانگیر FCT استفاده شده است. برای شرایط حاکم بر محفظه و داخل لوله سوراخدار هیچ فرض ساده کننده ای در نظر گرفته نشده است. مدل سازی آکوستیکی خفه کن بر اساس مدل سیستم - لوله متناسب با فرض یک بعدی بودن جریان انجام گرفته است [ 5 و 7 ].

(الف) مدل سازی انشعاب چند شاخه. ممکن است در قسمت های مختلف مانیفولد های موتور احتراق داخلی انشعاب چند شاخه وجود داشته باشد. در این مقاله بیشتر به انشعاب های T شکلی که در خفه کن های بالوله سوراخدار ظاهر می شود توجه شده است. سوراخ ها به عنوان لوله کوتاه و محل اتصال آنها با محفظه و داخل لوله اتصال T و جریان عبوری از سوراخ ها مانند بقیه اجزاء غیر دائم تراکم پذیر در نظر گرفته می شود. همانطور که در شکل (1) نشان داده شده ارتباط بین سوراخ و محفظه و سوراخ و داخل لوله از طریق انشعاب T برقرار می شود. برای حل جریان در انشعاب از دو روش فشار ثابت و اتلاف فشار استفاده می شود.



شکل ۱ جریان های ورودی و خروجی به یک انشعاب

در شرایط مرزی بالا دست، یک منبع تحریک سفار موج به سیستم می تواند به خدمت گرفته شود. مورل (Morel) و همکارانش [4] و اونوراتسی (Onorati) [5] حفه کن صوتی را به عنوان یک جزء مستقل و جدا ای ر موتور در نظر گرفتند، اگرچه در عمل یک خفه کن صوتی با منبع صوت (موتور) جفت می شود. آنها با روش تجربی یا عددی خفه کن را در حوزه فرکانسی بررسی کردند. اونوراتسی و همکارانش [5,6] با روش عددی، منبع تحریک بالادست را با نوسانات همساز (هارمونیک) مدل سازی کردند.

در این پژوهش اتصالات سه شاخه ای بویژه اتصالاتی که در مدل سازی هندسی خفه کن های بالوله سوراخدار بکار می روند، با دو روش فشار ثابت و اتلاف فشار مدل سازی می شود و مزایا و محدودیتهای روش فشار ثابت بنیون و کربن نیز مورد بررسی قرار می گیرد. در ضمن برای مدل سازی اغتشاش در یک منبع واقعی از دو روش اغتشاش همساز ساده و اغتشاش سفید (white noise) به عنوان شرط مرزی بالادست در حل معادلات دینامیک گاز برای جریان اصلی صفر استفاده می گردد.

### روش های مدل سازی

در خفه کن، جریان یک بعدی در نظر گرفته می شود. دستگاه معادلات حاکم بر جریان یک بعدی تراکم پذیر غیر دائم شامل معادلات بقاء جرم، اندازه حرکت و انرژی به شکل زیر می باشد [1].

$$\frac{\partial W}{\partial t} + \frac{\partial F(W)}{\partial x} + C(W) = 0 \quad (1)$$

$$W = \begin{bmatrix} \rho F \\ \rho u F \\ \rho e_0 F \end{bmatrix}, \quad F(W) = \begin{bmatrix} \rho u F \\ (\rho u^2 + \rho)F \\ \rho u e_0 F \end{bmatrix},$$

$$C(W) = \begin{bmatrix} 0 \\ -p \frac{dF}{dx} + \rho GF \\ -\rho q F \end{bmatrix}$$

بنسون مدل فشار ثابت خود را برای جریان همونتروپیک توسعه داد. این مدل برای جریان غیرهمونتروپیک نیز قابل استفاده است. برای در نظر گرفتن تغییرات آنتروپی از متغیرهای ستاره‌دار در معادلات استفاده می‌شود. در جریان همونتروپیک سرعت بدون بعد صوت  $A^*$  با فشار  $p$  مطابق معادله (۳) رابطه دارند. بنابراین سرعت صوت نیز در انتهای لوله زام ثابت است یعنی سرعت صوت در انتهای همه لوله‌های متنهی به محل انشعاب برابر می‌باشد. اگر از  $N$  لوله‌های متنهی ریمانی برای معادله پیوستگی استفاده شود معادله پیوستگی برای اتصال  $N$  لوله به شکل رابطه (۴) بیان می‌گردد [۱] :

$$A_i^* = \left( \frac{p_i}{p_{ref}} \right)^{\frac{k-1}{2k}} \quad (3)$$

$$A_i^* = \frac{\sum_{j=1}^N \left( \frac{\lambda_{in,j}^* F_j}{A_{Aj}} \right)}{\sum_{j=1}^N \left( \frac{F_j}{A_{Aj}} \right)} = \left( \frac{p_i}{p_{ref}} \right)^{\frac{k-1}{2k}} \quad (4)$$

از رابطه فوق مقدار فشار در محل اتصال بدست می‌آید. بنسون برای استخراج معادلات مورد نیاز برای حل جریان در محل انشعاب، برای بدست آوردن تراز آنتروپی انتهای لوله‌های متنهی به اتصال فرضیات زیر را در نظر گرفت:

۱- در لوله‌هایی که جریان آنها در محل اتصال به هم می‌رسند (Joining flow)، و یا به عبارت دیگر سرعت حریان  $U$  (رابطه ۳) در آنها مثبت می‌باشد، تراز آنتروپی آنها در محل اتصال تغییر نمی‌کند. بنابراین تراز آنتروپی در گره مرزی آنها معلوم و برابر با تراز آنتروپی گره قبلی است.

۲- در لوله‌هایی که جریان آنها در محل اتصال از هم دور می‌شوند (Separating flow) یا به عبارت دیگر سرعت جریان  $U$  در آنها منفی می‌باشد تراز آنتروپی هر لوله در محل اتصال برابر با متوسط وزنی ترازهای

(الف - ۱) روش فشار ثابت. در این روش فرض می‌شود فشار استاتیکی در انتهای لوله‌هایی که به محل انشعاب ختم می‌شوند، یکسان باشد. این فرض برای مشاهدات لیست (List) و ریل (Reyl) استوار است [۱]. آنها نشان دادند که برای جریان با موج کوچک می‌توان از افت فشار در محل اتصال لوله‌ها چشم پوشی نمود. مشخصه‌های چنین اتصالاتی، به طور کلی با سطوح هندسی آن بیان می‌گردد. بنابراین لازم نیست جریان در محل اتصال اندازه‌گیری شود؛ این امتیاز بزرگی است چرا که اندازه‌گیری جریان وقت گیر و پرهزینه است. امتیاز بزرگ دیگر روش فشار ثابت محدود نبودن تعداد لوله‌هایی است که به هم وصل می‌شوند.

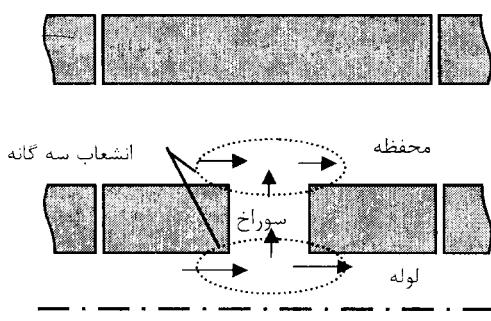
مدلسازی انشعاب چند شاخه با روش فشار ثابت بنسون، بنسون فرض کرد حجم اتصال (حجم محل انشعاب) در مقایسه با حجم لوله کوچک و جریان در آن شبیه دائم باشد. در این مدل فشار انتهایی همه لوله‌هایی که به محل انشعاب متنهی می‌شوند یکسان است. مطابق شکل (۱) لوله‌هایی که جریان آنها به هم می‌رسد از  $1$  تا  $NJ$  و لوله‌هایی که جریان در آنها جدا می‌شود از  $(NJ+1)$  تا  $(NJ+NS = N)$  شماره گذاری می‌شوند. تعیین کمیت‌های دما، فشار و سرعت در همه لوله‌های متنهی به انشعاب خواسته‌های مسئله است. بنابراین تعداد مجھولات  $N$  تا می‌شود. معادلات حاکم شامل دو معادله پیوستگی و بقاء جرم،  $N$  معادله بیان کننده مشخصه ریمانی (نzdیک شونده) انتهای هر لوله و  $NJ$  رابطه یا کمیت بیان کننده آنتروپی جریان‌های ورودی می‌باشند که جماعت  $N + NJ + 2$  معادله یا رابطه می‌شود. از مقایسه تعداد مجھولات و معادلات مشخص می‌شود که  $N + NS - 2$  رابطه دیگر برای تحلیل محل انشعاب لازم است. از فرض یکسان بودن فشار لوله‌ها در محل متنهی به انشعاب،  $N$  رابطه بدست می‌آید که  $N - 1$  رابطه آن مستقل می‌باشد. هنوز به  $NS - 1$  رابطه دیگر مورد نیاز است.

به ویژه اگر سرعت و تغییر جهت جریان کم و کوچک باشد، اگر اطلاعات کافی افت فشار در محل انشعاب در دسترس نباشد استفاده از روش فشار ثابت توصیه می‌گردد [1,2]. در یک لوله سوراخدار (شکل ۲-الف)، شرایط مرزی و ابعاد هندسی سوراخ‌هایی که بر محیط یک دایره واقعند یکسان می‌باشد. این سوراخ‌ها یک گروه سوراخ نامیده می‌شود. در حالتی که یکی از انشعاب‌های اتصال سه راهه یک گروه سوراخ باشد و هر گروه سوراخ تعداد  $n$  سوراخ داشته باشد، رابطه (۴) به شکل زیر نوشته می‌شود.

$$A_j^* = \frac{\frac{\lambda_{m_1}^*}{A_{A_1}} F_1 + \frac{\lambda_{m_2}^*}{A_{A_2}} F_2 + n_{holes} \frac{\lambda_{m_3}^*}{A_{A_3}} F_3}{\frac{F_1}{A_{A_1}} + \frac{F_2}{A_{A_2}} + n_{holes} \frac{F_3}{A_{A_3}}} \quad (5)$$

۳ تا ۰  $J = 0$  نشانگر سه مقطع از اتصال سه راهه است. شماره‌های ۱ و ۲ مربوط به دو جزء مجاور از محفظه یا لوله سوراخدار و شماره ۳ مربوط به یک گروه سوراخ می‌باشد (شکل‌های ۲-ب و ۳). معادله پیوستگی برای این اتصال سه راهه بدین شکل خواهد شد:

$$\frac{(A_1^*)^{k-1}}{A_{A_1}} U_1^* F_1 + \frac{(A_2^*)^{k-1}}{A_{A_2}} U_2^* F_2 + n_{holes} \frac{(A_3^*)^{k-1}}{A_{A_3}} U_3^* F_3 = 0 \quad (6)$$



(ب)

آنتروپی جریان‌هایی است که در محل اتصال به هم ملحق می‌شوند.

سرعت بی بعد جریان به شکل زیر با مشخصه نزدیک شونده ریمانی و سرعت صوت ارتباط دارد.

$$U_j^* = \frac{2}{k-1} \left( \lambda_{m_1}^* - A_j^* \right) \quad (5)$$

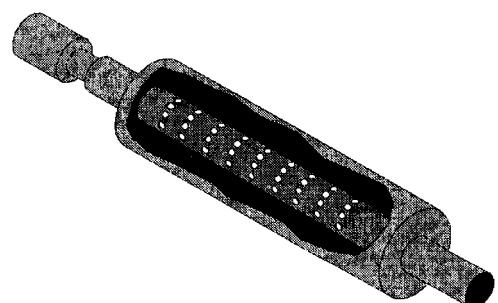
تراز آنتروپی انتهایی لوله‌هایی که جریان آنها در محل انشعاب به هم می‌رسد یعنی  $A_{A_j}^*$  لوله‌های شماره ۱ تا  $N$  با تراز آنتروپی گره قبل از انتهای آنها یکسان در نظر گرفته می‌شود.

تراز آنتروپی لوله‌هایی که جریان آنها از محل انشعاب جدا می‌شود:

$$A_{A_j}^* = \frac{\sum_{i=1}^{Nj} (U_i^* F_i A_{A_i})}{\sum_{i=1}^{Nj} (U_i^* F_i)} ; \quad j = (Nj+1) \text{ to } N \quad (6)$$

یعنی تراز آنتروپی انتهای همه لوله‌هایی که جریان از محل انشعاب بداخل آنها می‌باشد، یکسان است. رابطه مستقل از رابطه فوق استخراج می‌شود. بنابراین مسئله یک حل بسته‌ای دارد.

مقایسه نتایج مدل فشار ثابت بنson با نتایج تجربی نشان دهنده قابل قبول بودن این مدل است:

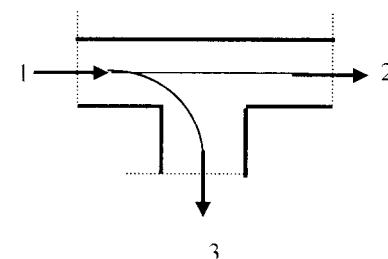


(ال)

شکل ۲ خفه کن با لوله سوراخدار: (الف)، طرحواره: (ب). ارتباط بین سوراخ و محفظه و بین سوراخ و داخل لوله

Basic flow type	Flow type	$U_1$	$u_2$	$u_3$
A	I	+	-	-
	II	-	+	-
B	III	-	-	+
	IV	-	+	+
C	V	+	-	+
	VI	+	+	-

(ب)



(الف)

شکل ۳ جریان در انشعاب سه راهه T : (الف) الگوی جریان (ب) انواع جریان‌های الحاقی (A و B) و جدا شونده (C و D)

تراز متوسط جریان‌های ورودی است. این فرض بقاء آنتروپی را القاء می‌کند. به طوری که رابطه (۶) را می‌توان به شکل زیر نوشت.

$$\sum_i^k (U_i^* F_i A_{A_i}) = 0 \quad (10)$$

از طرفی معادله موازنۀ انرژی بدین شکل است:

$$\sum_i^N \left( U_i^* F_i A_{A_i} (A_i^*)^{\frac{2}{k-1}} \left( A_i^{*2} + \frac{k-1}{2} U_i^{*2} \right) \right) = 0 \quad (11)$$

از مقایسه روابط (۱۰) و (۱۱) مشاهده می‌شود که رابطه بقاء آنتروپی مرتبه‌ای از رابطه بقاء انرژی است؛ بویژه در حالتی که سرعت بی بعد صوت  $A^*$  نزدیک ۱ و سرعت بی بعد جریان  $Z^*$  کوچک باشد. وقتی دما و سرعت جریان گاز کم باشد رابطه بقاء انرژی به شکل رابطه بقاء آنتروپی ساده می‌شود. اما اگر دما و سرعت جریان زیاد باشد یک ناپوستگی در بقاء انرژی در محل انشعاب بوجود می‌آید.

کربرن از روش بنسون ایده گرفت و دو روش فشار ثابت دیگر ارائه داد. در روش اول فرض کرد تراز آنتروپی جریان‌های خروجی همانطور که در رابطه (۱۲) بیان شده، یکسان باشد و لزوماً برابر با متوسط آنتروپی جریان‌های ورودی به محل انشعاب نمی‌باشد.

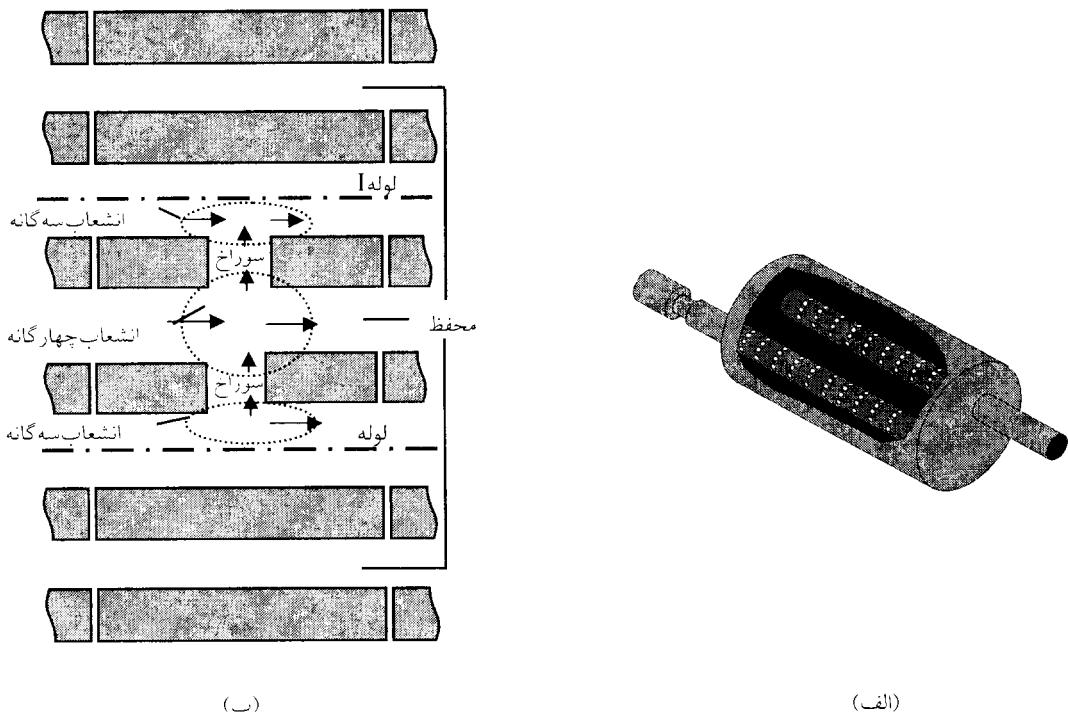
$$A_{A_1} = A_{A_3} \quad i \neq j \in \{(Nj+1) \text{ to } N\} \quad (12)$$

شکل (۴) نشان دهنده راه ارتباطی بین محفظه و لوله‌های سوراخدار در خفه‌کن با دو لوله سوراخدار است. ملاحظه می‌شود این ارتباط از طریق انشعاب‌های چهارگانه برقرار شده است. معادلات فوق در محل انشعاب چهارگانه نیز تعمیم می‌یابد. به عنوان مثال معادله پیوستگی به شکل زیر در می‌آید

$$\begin{aligned} & \frac{(A_{A_1}^*)^{\frac{2}{k-1}}}{A_{A_1}} U_1^* F_1 + \frac{(A_{A_2}^*)^{\frac{2}{k-1}}}{A_{A_2}} U_2^* F_2 \\ & + \left( n_{holes} \frac{(A_{A_3}^*)^{\frac{2}{k-1}}}{A_{A_3}} U_3^* F_3 \right)_{\text{hole of pipe I}} \\ & + \left( n_{holes} \frac{(A_{A_3}^*)^{\frac{2}{k-1}}}{A_{A_3}} U_3^* F_3 \right)_{\text{hole of pipe II}} = 0 \quad (9) \end{aligned}$$

به همین ترتیب برای انشعاب‌های چند شاخه در خفه‌کن‌های با چند لوله سوراخدار معادله پیوستگی قابل تعمیم خواهد بود.

(الف-۱-۲) مدلسازی انشعاب چند شاخه با روش فشار ثابت کربرن. بر اساس فرض دوم روش بنسون تراز آنتروپی همه جریان‌های خروجی یکسان و برابر



شکل ۴ خفه کن با دو لوله سوراخدار: (الف)، طرحواره. (ب)، مقطعی از خفه کن که ارتباط محفظه و سوراخ های دو لوله را با انشعاب چهارگانه نمایش می دهد

سرعت های جریان بالا نتایج روش آنتالپی کل یکسان بر روش دیگر ترجیح دارد [3].

**(الف - ۲) روش اتلاف فشار بنسون.** در اینجا انشعاب های سه شاخه ای T شکل مورد بررسی قرار می گیرد. انشعاب های چند شاخه ای نیز قابل ساده شدن به انشعاب دو و سه شاخه ای می باشند. استفاده از روش اتلاف فشار بنسون بر پایه فرضیات زیر قرار دارد:

- ۱- جریان در هر مقطع ورودی به محل انشعاب یک بعدی فرض می شود.

۲- فشار در انتهای دو لوله ای که جریان آنها در محل انشعاب به هم می رستند، برابر است.

با این فرضیات می توان از معادلات اندازه حرکت برای جریان هایی که به هم ملحق می شوند استفاده کرد. اما برای جریان هایی که از هم جدا می شود نمی توان از

این فرض NS-1 رابطه مستقل مورد نیاز را در دسترس قرار می دهد. کربن این روش را روش آنتروپی یکسان (equal entropy) نامید. در روش دوم او آنتالپی کل جریان های خروجی را یکسان در نظر گرفت. یعنی جریان های ورودی به اتصال ابتدا کاملاً مخلوط می شوند و سپس محل اتصال را ترک می کنند.

$$A_{A_i}^2 \left( A_i^{*2} + \frac{k-1}{2} U_i^{*2} \right) = A_{A_j}^2 \left( A_j^{*2} + \frac{k-1}{2} U_j^{*2} \right) \quad (12)$$

این فرض نیز NS-1 رابطه مستقل مورد نیاز را در دسترس قرار می دهد. کربن این روش را روش آنتالپی کل یکسان (equal total enthalpy) نامید.

کربن نشان داد که هر دو روش او نسبتاً دقیق و به نتایج واقعی بسیار نزدیک است. البته در دماها و

حال لازم است روابط مربوط به اختلاف فشار بر حسب  $A^*$  و  $U$  نوشته شود. رابطه عمومی آن به شکل زیر در می‌آید.

$$\left(\frac{A_j^*}{A_1^*}\right)^{\frac{2k}{k-1}} + G_1 \left(\frac{A_j^*}{A_1^*}\right)^{\frac{2}{k-1}} - G_2 = 0 \quad j = 2, 3 \quad (20)$$

مقادیر  $G_1$  و  $G_2$  در نوع جریان  $A$  :

$$G_1 = C_1 k \left( \frac{U_2^*}{U_1^*} \right)^2 ; \quad G_2 = C_1 k \left( \frac{U_1^*}{U_1^*} \right)^2 + 1 \quad (21)$$

و مقادیر  $G_1$  و  $G_2$  در حالت‌های دیگر جریان نیز به طور مشابه بدست می‌آید [۲]. اگر  $\Delta A_N^*$  به شکل زیر تعریف شود.

$$\Delta A_j^* = A_j^* \left\{ 1 - \left( \frac{A_j^*}{A_1^*} \right) \right\} \quad j = 2, 3 \quad (22)$$

$\frac{A_j^*}{A_1^*}$  را می‌توان از رابطه (۲۰) بدست آورد. جملات  $\Delta A_3^*$  و  $\Delta A_2^*$  نشان دهنده افت فشار از مسیر ۱ به ۲ و ۱ به ۳ هستند. معادله پیوستگی را می‌توان بر حسب  $A^*$  و جملات افت فشار  $\Delta A_N^*$  بیان نمود.

$$\sum_{j=1}^3 \left( \frac{(A_1^* - \Delta A_j^*)^{\frac{2}{k-1}}}{A_{A_j}} \right) (\lambda_{m,j}^* - A_1^* + \Delta A_1^*) F_j = 0 \quad (23)$$

در اینجا  $0 = A_1^*$  است و  $\Delta A_2^*$  و  $\Delta A_3^*$  را می‌توان از روابط (۲۰) و (۲۲) بدست آورد. با تغییر آنتروپی  $A_A$  در محل انشعاب متغیر ریمانی موج نزدیک شونده  $\lambda_{in}$  اصلاح می‌گردد. بنابراین:

$$\lambda_{m,jc} = \lambda_{m,jn} + \frac{A_1}{A_{Ajc}} (A_{Ajc} - A_{Ajn}) \quad (24)$$

و متغیر ریمانی :

$$\lambda_{out,j} = A_{Ajc} \left( A_j^* - \frac{k-1}{2} U_j^* \right) \quad j = 1, 2, 3 \quad (25)$$

این معادلات استفاده نمود. بنسون برای برطرف کردن این مشکل پیشنهاد داده است از معادلات اندازه حرکت جریان دائم برای بیان اختلاف فشار بین جریان‌های ورودی و خروجی محل انشعاب و برای ضرایب افت فشار نیز از نتایج تجربی استفاده شود. در روش بنسون معادلات افت فشار و پیوستگی با هم ترکیب می‌شوند. معادله انرژی نیز برای دو دسته جریان‌های الحاقی و جدا شونده متفاوت است. الگوی جریان در انشعاب  $T$  شکل مطابق شکل (۳) شش حالت و چهار نوع دارد. اگر معادلات اندازه حرکت در مسیر خطوط جریان در دو جهت افقی و عمودی نوشته شود معادلات اختلاف فشار جریان دائم نوع  $A$  به عنوان نمونه به صورت زیر نوشته می‌شود.

$$p_1 - p_2 = C_1 (\rho_2 u_2^2 - \rho_1 u_1^2) \quad (14)$$

$$p_1 - p_3 = C_2 \rho_3 u_3^2 \quad (15)$$

مجموع انتالپی سکون در حالت‌های جریان‌های الحاقی صفر و انتالپی سکون حالت‌های جریان‌های جدا شونده در هر خط جریان ثابت می‌باشد. بنابراین در جریان‌های الحاقی:

$$\sum_{j=1}^3 (\dot{m} h_o)_j = \sum_{j=1}^3 (\rho u F h_o)_j = 0 \quad (16)$$

و در جریان‌های جدا شونده:

$$h_{o1} = h_{o2} = h_{o3} \quad (17)$$

آنالپی سکون را می‌توان بر حسب  $A^*$ ,  $U^*$  و  $A_A$  بیان کرد. با جایگزینی معادل آنتالپی سکون در معادله انرژی مربوط به حالت الحاق جریان‌ها معادله انرژی به شکل زیر در می‌آید.

$$\sum_{j=1}^3 \left\{ A_{Aj} \left( A_j^* \right)^{\frac{2}{k-1}} U_j^* \left( A_j^{*2} + \frac{k-1}{2} U_j^{*2} \right) F_j \right\} = 0 \quad (18)$$

و در حالت جدا شدن جریان‌ها معادله انرژی بدین شکل در می‌آید:

$$A_{A1}^2 \left( A_1^{*2} + \frac{k-1}{2} U_1^{*2} \right) = A_{A2}^2 \left( A_2^{*2} + \frac{k-1}{2} U_2^{*2} \right)$$

$$= A_{A3}^2 \left( A_3^{*2} + \frac{k-1}{2} U_3^{*2} \right) \quad (19)$$

بیشتر از فشار داخل و انتهای آن باشد. در این حالت منبع تحریک باید در یک فضای با فشار بالاتر قرار گیرد. اما در حالت جریان اصلی صفر می‌توان فشار متوسط بالادست را برابر با فشار محیط انتخاب کرد. در حالت ساده یک تحریک عددی در بالادست سیستم خفه کن وجود دارد که می‌تواند اغتشاش فشاری با دامنه کوچک و فرکانس ثابت، یعنی یک تحریک همساز ساده، تولید کند. مدل شبیه سازی حرکت موج قادر به محاسبه صدای ایجاد شده برای آن فرکانس می‌باشد. این فرایند را برای کل حوزه فرکانسی تحریک‌های همساز ساده با یک قدم فرکانسی ثابت می‌توان تکرار نمود.

(ب - ۱) تحریک همساز ساده. در این حالت منبع تحریک یک اغتشاش فشاری هارمونیک یا آهنگ خالص (single pure tone) با دامنه ثابت را القاء می‌کند. با این انتخاب پاسخ دینامیک گاز در خفه کن در مقابل یک اغتشاش تک فرکانسی محاسبه می‌شود. یک اغتشاش در ورودی لوله را می‌توان به شکل زیر بیان نمود و آن را به عنوان شرط مرزی بر اساس روش مشخصه‌ها اعمال کرد [8].

$$p = p_{\text{mean}} + \Delta p \sin(2\pi ft) \quad (26)$$

که  $f$  فرکانس و  $\Delta p$  دامنه فشار اغتشاشی (۰/۰۰۵ بار) است. فرض می‌شود فشار متوسط  $p_{\text{mean}}$  برابر با فشار مرجع  $p_{\text{ref}}$  باشد. معمولاً فشار مرجع برابر با فشار محیط انتخاب می‌گردد.

این روش برای نوسانات پی در پی فشار با دامنه ثابت و فرکانس‌های مختلف (با گام داده شده از حداقل تا حداکثر) تکرار و محاسبه تابع انتقال یا منحنی میرایی سیستم امکان پذیر می‌شود. مثلاً در محدوده فرکانسی ۲۰ تا ۲۰۰۰ هرتز با گام ۱۰ هرتز محاسبه گاز دینامیک

حل معادلات فوق پیچیده است چرا که حل آنها به جهت جریان بستگی دارد. معادلات انرژی بسته به نوع جریان الحاقی یا جدا شونده فرق می‌کنند. برای محاسبه تغییرات آنتروپی از معادله انرژی استفاده می‌شود. تراز آنتروپی در لوله‌ای که جریان‌ها در آن به هم می‌رسند از رابطه (۱۸) بدست می‌آید. تراز آنتروپی برای دو لوله‌ای که جریان از آنها به محل انشعاب وارد می‌شود از رابطه (۱۹) بدست می‌آید. حل معادلات (۱۸) و (۱۹) به شکل رو به جلو (Straight forward) است. معادله اختلاف فشار (۲۰) با روش تکرار نیوتون - رافسون حل می‌گردد. حل هنگامی کامل می‌شود که مقادیر افت فشار  $\Delta A^*$  و  $\Delta A^3$  نسبت به مقدار تکرار قبل کمتر از دقت حل تغییر کنند. بنسون و همکارانش ضرایب افت فشار را از نتایج تجربی جریان دائم برای جریان غیر دائم بکار بردن. شواهد آزمایشگاهی نشان می‌دهد که این ضرایب به تراکم پذیری سیال بستگی دارد [2]. بنسون با مقایسه نتایج تحلیل خود با نتایج تجربی نشان داد که روش او از دقت نسبتاً خوبی برخوردار است.

هر دو روش فشار و اتلاف فشار را می‌توان برای حالت خاص اتصال دوراهه بکار برد. البته شکل ظاهری معادلات متفاوت خواهد شد.

(ب) منبع تحریک بالادست. پارامترهای مشخصه اغتشاش، موقعیت منبع تحریک و نوع منبع تحریک با امواج فشاری مشخص می‌شوند. منبع تحریک فشاری را می‌توان به شکل اغتشاش نوسانی همساز بیان کرد که شامل دو کمیت اصلی مقدار متوسط فشار و دامنه اغتشاش می‌باشد. بسته به اینکه جریان اصلی گاز در خفه کن وجود داشته باشد یا خیر می‌توان وضعیت منبع تحریک را تعریف کرد. برای اینکه جریان اصلی غیر صفر بوجود آید لازم است فشار بالا دست خفه کن

دسترسی قرار می‌دهد که در محدوده مقادیر فشار تجویز شده است.

(ج) انتقال فوریه سریع. منبع تحریک بالا دست اغتشاشی است که در حوزه زمان تعریف شده است. برای بررسی خواص آکوستیکی خفه کن لازم است این تحریک از حوزه زمان به حوزه فرکانس انتقال یابد. ابتدا شکل پیوسته تابع اولیه گستته می‌شود. در این گستته سازی طول زمانی پریودیک  $T$ ، تعداد اعداد گستته  $N$  (توانی از ۲)، فرکانس بحرانی  $\omega_0$  و محدوده طیف فرکانسی و نرخ نمونه برداری طیفی ( $\omega_{\max}$  و  $\Delta\omega$ ) در دقت و محدودیت کارائی انتقال فوریه اهمیت دارد. محدوده طیف فرکانس  $0 - \omega_{\max}$  همان فرکانس نایکویست است و دقت  $\Delta\omega$  به شکل زیر با یکدیگر و با طول زمان پریودیک ارتباط دارند.

$$\omega_{\max} = \frac{\omega_s}{2} \quad ; \quad \Delta\omega = \frac{\omega_s}{N} = \frac{1}{2} \left( \frac{2\pi}{T} \right) \quad (28)$$

رابطه بین تابع اغتشاشی در حوزه زمانی و حوزه فرکانسی به شکل زیر قابل بیان است.

$$H_n(f_n) \equiv \sum_{k=0}^{N-1} h_k(t) W^{kn} \quad ; \quad W = e^{2\pi i / N} \quad (29)$$

انتقال فوریه گستته تعداد  $N$  عدد مختلط از حوزه زمانی را به  $N$  عدد مختلط حوزه فرکانسی نگاشت می‌کند. شکل معکوس آن نیز به طور مشابه بیان می‌شود.

$$h_k(t) \equiv \sum_{n=0}^{N-1} H_n(f_n) W^{kn} \quad (30)$$

میدان حل ۱۹۹ بار انجام می‌گیرد. از مزایای این روش این است که به طور دقیق اصلاح انتهایی مناسب برای هر فرکانس محاسباتی انجام می‌گیرد، چرا که مقدار طول اصلاح انتهایی به فرکانس بستگی دارد. روش یاد شده دقیق است اما زمان اجرای برنامه بسویه در سیستم‌های پیچیده زیاد و قابل توجه می‌شود.

(ب - ۲) تحریک با اغتشاش سفید. در این حالت منبع تحریکی که حرکت موج در خفه کن را القاء می‌کند یک اغتشاش فشاری با مجموعه‌ای از هارمونیک‌ها و فاز اتفاقی تولید می‌کند. در این روش در کل محدوده فرکانسی دامنه اغتشاش‌ها ثابت می‌ماند. با این انتخاب پاسخ دینامیک گاز برای همه فرکانس‌ها یکبار محاسبه می‌شود و تابع انتقال سیستم بدست می‌آید. این روش خیلی سریعتر از روش هارمونیک است اما دقت کمتری دارد [8]. روش عددی تولید سیگنال اغتشاش نوسانی فشار بدین شکل است که  $N$  تا نوسان فشاری با دامنه ثابت  $\Delta p$  ( $0 - 1000$  بار) و فرکانس‌هایی که مضرب فرکانس پایه  $f$  هستند با هم جمع می‌شوند.

$$p(t) = p_0 + \sum_{n=1}^N \Delta p \sin(2\pi n f t + \phi_n) \quad (27)$$

$p_0$  مقداری ثابت و نمایانگر فشار متوسط محیط در بالا دست جریان در سیستم - لوله است. به عنوان مثال اگر آزمایش در محدوده فرکانس ۲۰۰۰ تا ۲۰۰۰ هرتز انجام گیرد و فرکانس پایه ۲۰ هرتز باشد، تعداد هارمونیک‌های انتخابی  $100 = N$  خواهد بود. در این روش نتایج فشار نوسانی  $p_{(t)}$  در محدوده انتخاب شده با گام‌های ۲۰ هرتز گستته می‌شود. انتخاب مناسب فاز  $\phi_n$  در رابطه فوق بسیار مهم است. از تولید  $N$  عدد اتفاقی  $k_n$  در محدوده صفر تا یک برای هر مؤلفه سینوسی از کل، فاز اتفاقی  $\phi_n = 2\pi k_n$  بدست می‌آید. این روش یک سیگنال فشار  $p(t)$  با فاز اتفاقی را در

$$\begin{bmatrix} 1/2\cos(2\pi/T) + i1/2\sin(2\pi/T) \\ 1/2\cos(4\pi/T) + i1/2\sin(4\pi/T) \\ 1/2\cos(6\pi/T) + i1/2\sin(6\pi/T) \\ \vdots \\ 1/2\cos(2N\pi/T) + i1/2\sin(2N\pi/T) \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} H_1 \\ H_2 \\ H_3 \\ \vdots \\ H_N \end{Bmatrix} \quad (31)$$

$$\{h_n\} = [C]\{H_n\}; \{H_n\} = [C]^{-1}\{h_n\}$$

می شود تا تمام محدوده فرکانسی را بپوشاند. مقدار  $A_{rms}$  در بالا دست و پایین دست خفه کن با محاسبه ریشه متوسط مربعات (rms) سیگنال های فشار و سرعت، به ترتیب، بدست می آید. مقدار rms تابع نوسانی اصلی از رابطه زیر بدست می آید.

$$A_{rms} = \sqrt{\sum_i \left( \frac{A_i}{\sqrt{2}} \right)^2} \quad (34)$$

$A_i$  دامنه هارمونیک  $i$  ام سیگنال است.

انتهای باز خروجی سیستم کانال معمولاً با شرایط

مرزی ساده شبه دائمی مدل می شود. بر اساس فرض پنسون در حالت سرعت خروجی مادون صوت در "Vena contracta" فشار استاتیکی ثابت و برابر با فشار محیط در نظر گرفته می شود. نتایج تجربی اعتبار این فرض را تأیید می کند، اگرچه دیویس (Davies) و یاسین (Yaseen) [10] نشان دادند که در جریان غیر دائم تپش فشاری در انتهای باز اتفاق می افتد مگر اینکه تپش خیلی کوچک باشد تا فرض فشار محیط ثابت قابل قبول گردد. در حالت وارد شدن جریان به محیط، شرط مرزی انتساب بسی در آتروپسی ثابت و جریان شبه دائم در نظر گرفته می شود تا رابطه پیشوازی از استخراج گردد. میدان صوتی تولید شده در اطراف سطح مقطع خروجی با تخمین تغییرات سرعت جریان قابل محاسبه است. لاندو (Landau) و لیفشتز (Lifshitz) نشان دادند میدان فشار  $p_{(t)}$ ، در فاصله  $r$  از انتهای باز با مشتق سرعت نسبت به زمان،  $d[u(t)]/dt$  ارتباط دارد که با رابطه زیر بیان می شود [11].

$$p(r,t) = \frac{\rho_0 F}{C\pi r} \cdot \frac{d}{dt} \left[ u(t) - \frac{r}{a_0} \right] \quad (35)$$

ضریب  $C$  برای انتشار کروی برابر با  $4$  و برای انتشار نیمه کروی برابر با  $2$  می باشد. این رابطه تا زمانی اعتبار دارد که طول موج صوت  $\lambda$  خیلی بزرگتر از قطر انتهای لوله،  $d$ ، باشد. بلیر (Blair) و همکارانش [12,13] روش کلی تری را برای محاسبه میدان فشار صدا بر اساس اغتشاش انحصاری اولیه ارائه دادند. بالاخره در

دانیلسون (Danielson) و لانزووس (Lanczos) نشان دادند که انتقال فوریه گسته به طول  $N$  را می توان بصورت جمع دو انتقال فوریه گسته هر کدام به طول  $N/2$  و توابع زوج و فرد نوشت.

$$H_n = \sum_{k=0}^{N-1} h_k W^{kn} = \sum_{k=0}^{N/2-1} h_k W^{(2k)n} + \sum_{k=0}^{N/2-1} h_k W^{(2k+1)n} = H_n^e + W^k H_n^o \quad (32)$$

$H_n^e$  مولفه  $e$  ام انتقال فوریه به طول  $N/2$  از مولفه های زوج  $h_k$  و  $H_n^o$  مولفه  $o$  ام انتقال فوریه به طول  $N/2$  از مولفه های فرد  $h_k$  می باشند. این روش را می توان برای انتقال فوریه به طول  $N/4$  مولفه های زوج و فرد ادامه داد. یعنی انتقال فوریه  $H_n^{ee}$  و  $H_n^{eo}$  را تعریف نمود و روش را ادامه داد تا به ساده ترین حالت رسید. این روش را انتقال سریع فوریه (Fast Fourier Transform or FFT) گویند. بهترین حالت این است که  $N$  توان صحیحی از عدد ۲ باشد [9].

(د) **کمیت های آکوستیکی**. در هر فرکانسی با محاسبه تغییرات فشار امکان تعیین تراز فشار صوتی در مقطع بالا دست صدا خفه کن ( $L_{p,upstr}$ ) وجود دارد. همچنین میدان فشار صوت منتشر شده در فاصله مشخصی از انتهای باز و متناظر با آن تراز فشار صوتی در پایین دست ( $L_{p,downstr}$ ) بدست می آید. فشار در انتهای باز سیستم برایر با فشار محیط در نظر گرفته می شود. بنابراین برای تعیین تراز فشار پایین دست تغییرات سرعت در پایین دست می توان تراز فشار صوتی را در آنجا محاسبه کرد. دامنه تابع انتقال بر حسب دسی بل (dB) برای هر فرکانسی از رابطه زیر بدست می آید.

$$TF = L_{p,upstr} - L_{p,downstr} \quad (33)$$

این رابطه بیانگر میرایی صوتی سیستم در یک فرکانس می باشد. روش کار با افزایش فرکانس تکرار [www.SID.ir](http://www.SID.ir)

$$w_i = \frac{1}{2} \left[ \left( \frac{1}{2} ((p_x)_{rms} + (\rho_o a_o u_x)_{rms}) \right)^2 F \right]_{downstream} \quad (40)$$

### دستگاه آزمایش

شکل (۵)، دستگاه آزمایش ساده در اتاق بدون انعکاس صدا را نشان می‌دهد. این دستگاه اغتشاش انتهای لوله را اندازه‌گیری و تابع انتقال انواع خفه کنها را محاسبه می‌کند. در حالت جریان اصلی صفر تحریک صوتی با بلندگو و در حالت جریان اصلی قوی با دامنه بالای تحریک به وسیله موتور تولید می‌شود. در حالت تحریک صوتی، بلندگو در یک جعبه عایق صوتی از محیط عایق شده و اغتشاش سفید تولید و به داخل دستگاه خفه کن منتشر می‌کند. دو میکروفون همراه محرک صوتی هستند. یک میکروفون فشار داخل لوله را اندازه‌گیری می‌کند (بالا دست) و میکروفون دیگر فشار میدانی به فاصله ۳ از انتهای لوله انتهایی (پایین دست) را ثبت می‌کند. سیگنال‌ها از دو میکروفون توسط دوفونومتر (Phonometer) به تحلیلگر طیفی می‌رسد. در حالت تحریک موتور میکروفون بالا دست که برای تحریک صوتی استفاده می‌شود با یک پیزو-الکترویک جایگزین می‌گردد. در هردو حالت یک فرش جاذب صدا زیر انتهای باز قرار می‌گیرد تا اثر انعکاس زمین را کاهش دهد و انتشار به انتشار شبیه کروی نزدیک شود. تحلیلگر طیفی تابع FFT از دو مسیر بالا دست و پایین دست خفه کن سیگنال دریافت و تجزیه و تحلیل می‌نماید و با بدست آوردن اختلاف تراز فشار صوتی طیفی بین آنها تابع انتقال را بر حسب dB محاسبه می‌کند.

نتایج آزمایش ارانه شده در این مقاله برگرفته از آزمون‌هایی است که به وسیله نویسنده سوم و همکارانش در آزمایشگاه شرکت (Lafranconi Silencers) واقع در شهر Lecco ایتالیا انجام یافته است.

هر فرکانس،  $f_n$ ، تراز طیفی فشار انتهای لوله،  $L_p$ . بر حسب فشار به شکل زیر بدست می‌آید.

$$L_p(f_n) = 20 \log \frac{(p_n)_{rms}}{2 \times 10^{-5}} \quad (36)$$

تابع انتقال رابطه (۳۳) به شکل زیر نیز بیان می‌گردد.

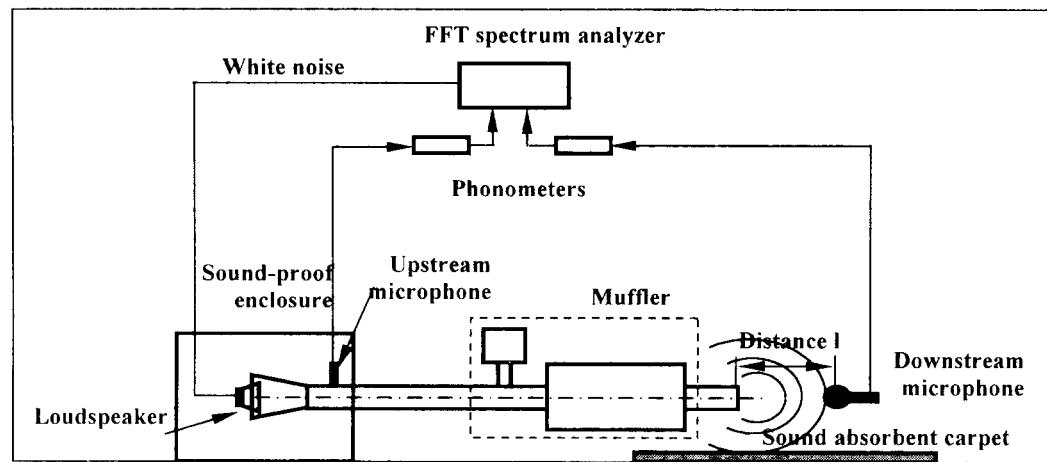
$$TF \equiv 20 \log \left| \frac{((p_x)_{rms})_{upstream}}{((p_x)_{rms})_{downstream}} \right| \quad (37)$$

اتلاف عبور (transmission loss) یک خفه کن صوتی بیان کننده اختلاف شار توان صوتی نزدیک شونده و عبور کننده از آن با فرض انتهای بدون انعکاس (anechoic) W می‌باشد و به شکل زیر بیان می‌گردد [۱۴].

$$TL \equiv 10 \log \left| \frac{W_i}{W_1} \right| \quad (38)$$

در حل خطی جداگردن مولفه‌های نزدیک شونده و انعکاسی موج (فشار و یا سرعت) در بالا دست و پایین دست امکان‌پذیر است. بنابراین فشار و سرعت موج نزدیک شونده و انعکاسی در بالا دست و پایین دست با استفاده از تئوری خطی بدست می‌آید. شرط مرزی انتهای باز در پایین دست بدون انعکاس است، یعنی موج قسمت انعکاسی ندارد. بنابراین، فشار و سرعت موج عبور کننده از پایین دست برابر با فشار و سرعت موج نزدیک شونده به آن است. به همین ترتیب شار توان صوتی نزدیک شونده به بالا دست محاسبه می‌شود. پس از ساده سازی روابط (۳۹) و (۴۰) حاصل می‌گردد. ملاحظه می‌شود در طرف دوم این روابط کمیت‌های محسوس محلی یا کمیت‌هایی که در معادلات بقاء بکار می‌روند، ظاهر می‌شوند.

$$w_i = \frac{1}{2} \left[ \left( \frac{1}{2} ((p_x)_{rms} + (\rho_o a_o u_x)_{rms}) \right)^2 F \right]_{upstream} \quad (39)$$



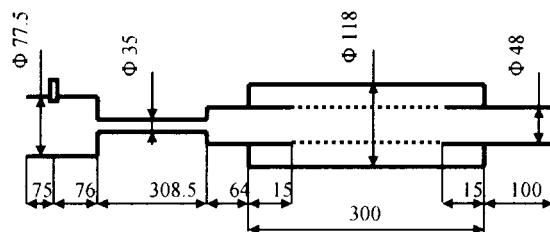
شکل ۵ دستگاه اندازه گیری تابع انتقال در یک خفه کن صوتی

### بررسی نتایج

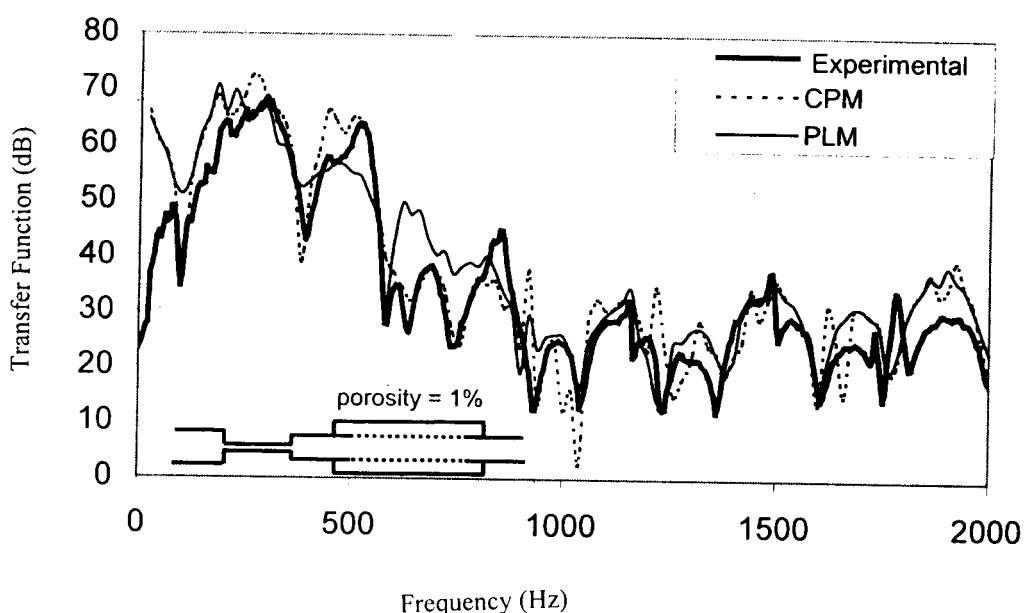
باشد آورده نشده است. در این پژوهش مشخص شد که استفاده از روش فشار ثابت کربن در توصیف انشعاب های خفه کن با بیش از یک لوله سوراخدار میسر نیست و سبب واگرایی حل می گردد اما بر احتی می توان از روش فشار ثابت بنسون استفاده نمود. شکل (۷-الف) نشان دهنده طرحواره و ابعاد هندسی و شکل (۷-ب) نمایانگر نتایج تخمینی و تجربی تابع انتقال یک خفه کن با دو لوله سوراخدار است (در شکل ؟ انشعاب های چهارگانه بین محفظه و دو لوله سوراخدار با بزرگنمایی نشان داده شده است). انشعاب های چندگانه این خفه کن با روش یاد شده فشار ثابت بنسون توصیف شده اند. اگر معادلات مربوط به دو روش یاد شده مرور و مقایسه شوند ملاحظه می شود در روش بنسون با مساوی قرار دادن تراز آنتروپی جریان های خروجی از انشعاب با متوسط تراز آنتروپی جریان های ورودی، در واقع از نوسانات بیش از حد نتایج محاسبات جلوگیری می کند و به نظر می رسد سبب پایداری بیشتر حل می شود. در شکل (۷-ب) ملاحظه می شود نتایج روش تخمینی بخوبی نتایج تجربی و فرکانس های تشدید

در شکل (۶-الف) طرحواره و ابعاد هندسی یک خفه کن با لوله سوراخدار با تخلخل ۱ درصد نشان داده شده است. در شکل (۶-ب) نتایج تخمینی عددی با استفاده از روش های CPM و PLM بنسون در مدل سازی انشعاب های سه شاخه با نتایج تجربی این خفه کن مقایسه شده اند. ملاحظه می شود نتایج دو روش تخمینی با یکدیگر تفاوت قابل ملاحظه ای ندارد و هردو به نتایج تجربی بسیار نزدیکند و فرکانس های تشدید خفه کن را بخوبی ردیابی کرده اند. در فرکانس های ۵۰۰ تا ۱۰۰۰ هرتز نتایج مربوط به روش CPM از نتایج مربوط به PLM بهتر است. وقتی جریان اصلی صفر باشد نوسانات سرعت محاسبه شده حول مقدار متوسط نسبت به مقدار متوسط قابل توجه و حتی ممکن است بزرگتر باشد. اتفاق حاصل از این مقادیر سرعت در میدان حل اتفاق مصنوعی القاء می نماید و سبب فاصله گرفتن نتایج از مقادیر اندازه گیری شده می شود.

روشهای فشار ثابت بنسون و کربن در حل مسائل مشابه بکار برده شده اند. بدلیل اینکه تفاوت نتایج بسیار ناچیز می باشد و منحنی های آنها از یکدیگر قابل تشخیص نیستند شکلی که نمایانگر مقایسه دو روش



(الف)

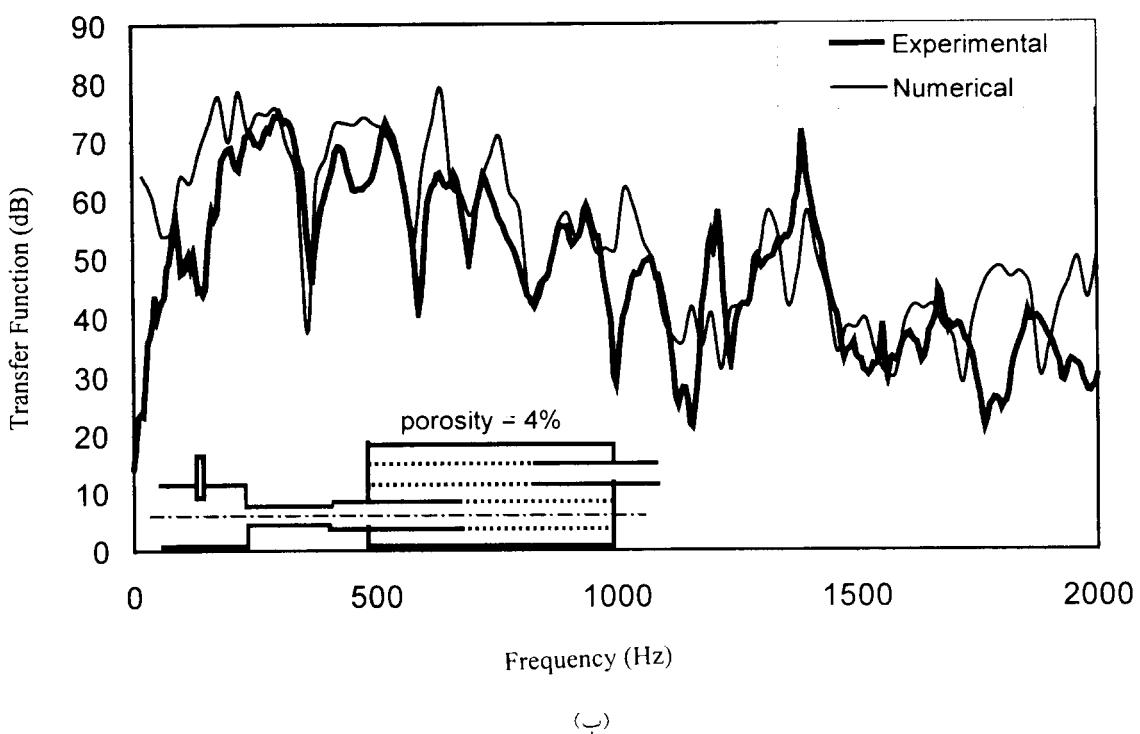
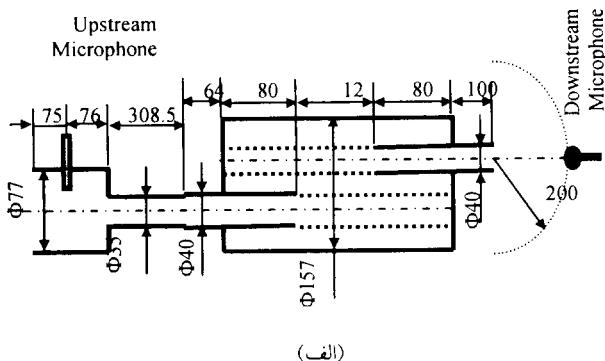


(ب)

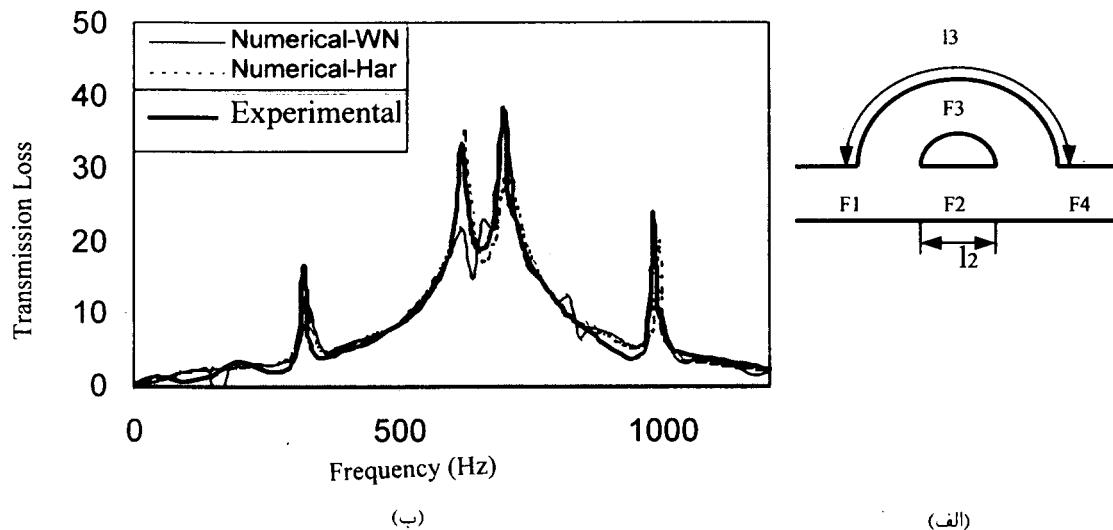
شکل ۶ خفکن با لوله سوراخدار؛ (الف)، ابعاد هندسی (طرحواره شکل ۲-الف)؛ (ب)، مقایسه نتایج حل با استفاده از مدلسازی انشعاب T با دو روش فشار ثابت و اتلاف فشار بنسون با نتایج آزمایشگاهی (از تحریریک اغتشاش سفید استفاده شده است)

بالادست خفه کن است. در روش تحریک اغتشاش سفید این محدودیت وجود دارد که نمی‌توان طول اصلاح انتهایی را به شکل تابعی از فرکانس سفید در تحریک

خفه کن را دنبال و ردیابی می‌کند. در فرکانس‌های بالاتر از ۱۷۰۰ هرتز نتایج تخمینی دقیق خوبی ندارد. این خطا به دلیل استفاده از اغتشاش سفید در تحریک



شکل ۷ خفه کن با لوله سوراخدار؛ (الف)، ابعاد هندسی (طرحواره شکل ۴)؛ (ب)، نابع انتقال در خفه کن با دولوله سوراخدار با استفاده از روش فشار ثابت بنسون در انشعابهای چندگانه (از تحریک اغتشاش سفید استفاده شده است)



شکل ۸ لوله Hereschel-Quinke :

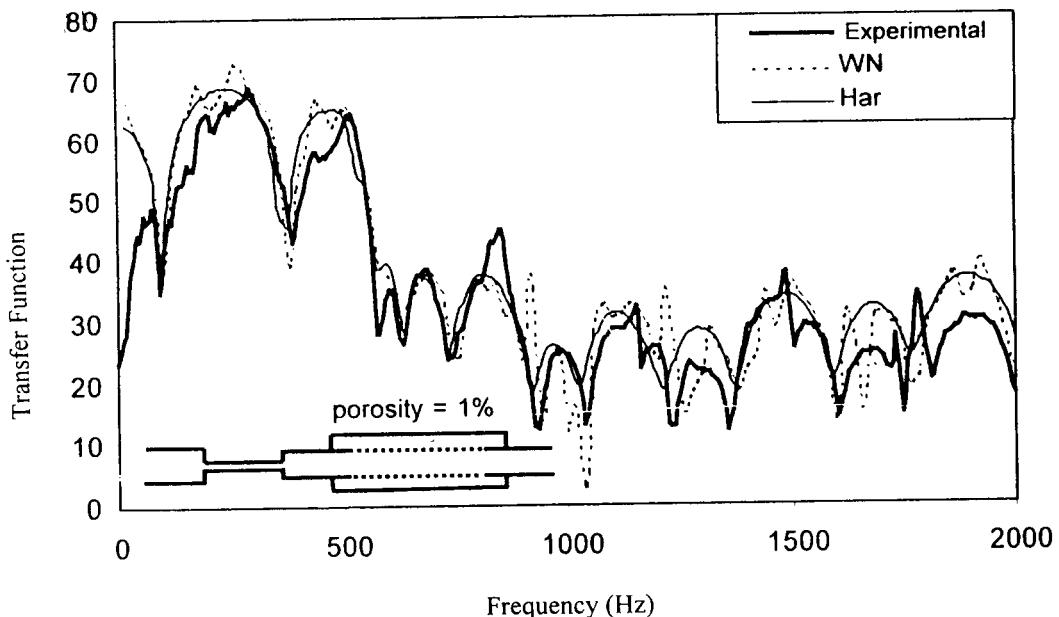
(الف)، طرحواره با مشخصات  $d_1 = d_2 = 4.859$ ,  $d_3 = 4.674$ ,  $L_2 = 39.85$  cm و  $L_3 = 65.5$  cm

(ب)، مقایسه نتایج حل ثوری خطی با حل عددی با تحریک همساز ساده و اغتشاش سفید

همساز ساده و اغتشاش سفید با نتایج تجربی مقایسه شده‌اند. ملاحظه می‌شود حل عددی با هر دو روش تحریک فرکانس‌های تشدید را بخوبی ردیابی می‌کند و مقادیر آنها به نتایج تجربی بسیار نزدیک است، اما زمان محاسبات مدل سیستم - لوله این خفه کن با ۳۵ جزء (لوله) با تحریک اغتشاش سفید ۲ دقیقه و با تحریک همساز ساده ۶۶ دقیقه به طول انجامیده است. دیده می‌شود که نتایج مربوط به تحریک اغتشاش سفید حول نتایج تجربی پرشایی دارد. با توجه به اینکه دقت تحریک اغتشاش سفید به عوامل محدوده فرکانسی، دقت محاسبات، طول زمان نمونه برداری و دقت الگوریتم FFT و غیره بستگی دارد، انتظار می‌رود در آینده بتوان به دقت بیشتر این روش تحریک دست یافت.

در شکل (۸) طرحواره و نتایج حل عددی با تحریک همساز ساده و اغتشاش سفید در لوله هرشل - کوئینک (Hercschel-Quinke) نشان داده شده و نتایج حل عددی با نتایج حل ثوری خطی آن مقایسه گردیده است. ملاحظه می‌شود نتایج حل عددی با تحریک همساز ساده بر حل ثوری خطی منطبق است و نتایج حل عددی با تحریک اغتشاش سفید فرکانس‌های تشدید را بخوبی ردیابی کرده است اما، مقادیر آن در اطراف نتایج حل خطی نوسان می‌کند. لوله هرشل - کوئینک یک خفه کن بسیار ساده است و زمان محاسبات مربوط به آن با هر دو روش تحریک کوتاه می‌باشد. بنابراین با توجه به دقت نتایج استفاده از روش همساز ساده ترجیح داده می‌شود.

شکل (۹) نتایج حل عددی یک خفه کن لوله سوراخدار با ابعاد هندسی شکل (۶-الف) و تخلخل ۱ درصد را نشان می‌دهد. در این شکل دو حالت تحریک



شکل ۹ مقایسه نتایج حل خفه کن با لوله سوراخدار با استفاده از دو نوع تحریک همساز ساده و اغتشاش سفید و با نتایج تجربی (از مدل فشار ثابت بنسون در انشعاب های سه شاخه استفاده شده است)

از فرکانس تعریف می شود اما در حل عددی با تحریک اغتشاش سفید این امکان وجود ندارد و به عبارت دیگر، طول اصلاحی تابع فرکانس های طیفی نمی باشد. به همین دلیل نتایج حل عددی با تحریک اغتشاش سفید دقیق کمتری نسبت به نتایج حل عددی با تحریک همساز ساده دارد.

۴- محاسبه سیستم های پیچیده مانند خفه کن های با لوله سوراخدار که دارای اجزاء زیادی هستند، با استفاده از حل عددی با تحریک هارمونیک بسیار وقتگیر است. در حالی که در حل عددی با تحریک اغتشاش سفید وقت بسیار کمتری صرف می شود و نتایج آن دقیق قابلی دارد.

۵- به نظر می رسد دقیق روش تحریک اغتشاش سفید قابل ارتقاء باشد.

### نتیجه گیری

نتایج بدست آمده از این پژوهش به شرح زیر است:

- ۱- برای توصیف انشعاب های سه گانه در حالت جریان اصلی صفر روش فشار ثابت (CPM) به روش اتلاف فشار (PLM) ترجیح داده می شود.
- ۲- روش فشار ثابت بنسون در توصیف انشعاب های چند گانه محدودیتی ندارد و می توان از آن در حل خفه کن های پیچیده برای استفاده نمود در حالی که روش فشار ثابت کربن محدودیت دارد و ممکن است سبب واگرایی حل شود.
- ۳- به دلیل اینکه طول اصلاحی انتهایی در محل ناپیوستگی ها تابع فرکانس است در حل عددی با تحریک همساز ساده طول اصلاحی به شکل تابعی

## مراجع

1. Winterbone, D. E., and Pearson, R. J., "Theory of Engine Manifold Design (wave action methods for IC engine)", Professional Eng. Pub., UK, (1999).
2. Benson, R. S., "The Thermodynamics and Gas Dynamics of Internal Combustion Engines", Vol. I, Clarendon Press, Oxford,(1982).
3. Cosberan, J. M., "A new constant pressure model for N-branch junctions", *Proc. Instn Mech. Engrs, J. Auto. Engng*, 206, pp 117-123,(1992).
4. Morel, T., Morel, J., and Blaser, D. A., "Fluid dynamic and acoustic modeling of concentric-tube resonators/silencers", *SAE 910072*,(1991).
5. Onorati, A., "Prediction of the acoustical performances of muffling pipe systems by the method of characteristics", *J. of Sound and Vibration*, 171(3), (1994).
6. فائزیان، علی، مدرس رضوی، محمد رضا، انوراتی، آنجلو، "مدلسازی منبع تحریک در شرایط مرزی بالادست یا زدهمین کنفرانس سالانه مهندسی مکانیک، مشهد، اردیبهشت (۱۳۸۲).
7. فائزیان، علی، مدرس رضوی، محمد رضا، انوراتی، آنجلو، "مدلسازی خفه‌کن‌ها در سیستم خروجی موتورهای احتراق داخلي" مجله امیرکبیر، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، پذیرفته شده برای چاپ (۱۳۸۳).
8. Onorati, A., "A white noise approach for rapid gas dynamic modelling of IC engine silencers", *IMechE, C499/052*, (1996).
9. Oppenheim, A. V., and Schafer, R. W., "Digital Signal Processing", Prentice- Hall Int. Inc., (1975).
10. Davies, P. O. A. L. and Yaseen, E. M., "The reflection of waves of finite amplitude at an open exhaust", *J. Sound Vib.*, 122, pp 594-597, (1988).
11. Onorati, A., "Numerical Simulation of Unsteady Flows in I.C. Engine Silencers and the Prediction of Tailpipe Noise", Chapter No. 6 in "Design Techniques for Engine Manifolds", by D. E. Winterbone and R. J. Pearson, Professional Engineering Publishing, London, July (1999).
12. Blair, G. P., and Coates, S. W., "Noise produced by unsteady exhaust efflux from an internal combustion engine", *SAE 730160*, (1973).
13. Blair, G. P., "Further studies of noise characteristics of internal combustion engine exhaust systems", *SAE 740713*, (1974).
14. Munjal, M. L., "Acoustics of Ducts and Mufflers", John Wiley & Sons, (1987).