www.SID.ir

سال هيجدهم، شماره يک، ۱۳۸۵

مطالعه جریان اطراف روتور ساونیوس به کمک حل عددی و آزمایش در تونل باد*

سيد محمد جوادي (۲)

نشريه دانشكاده مهندسي

چکیده در این پژوهش اثر منحنی پره بر ضریب توان روتور ساونیوس، با استفاده از شبیه سازی عددی و آزمایش در تونل باد مورد مطالعه قرار گرفته است. ۶ روتور با ابعاد یکسان و منحنی بره مختلف ساخته شده و با قرار داده شدن در تونل، اثر منحنی بره و عدد رینولدز جریان (سرعت باد) بر ضریب توان آنها بررسی شده است. همچنین با شبیه سازی عددی جریان اطراف روتو رههای ساکن (بــا ۵ منحنـی نــیم دایـره یکسان با فاصله گپ مختلف) و محاسبه گشتاور اعمالی از طرف هوا (با استفاده از توزیع فشار روی سطح پره)، اثر سرعت باد و منحنی پره بر گشتاور مطالعه شده است. نتایج به دست آمده نشان میدهند با توجه به اختلاف ضریب پسای پرههای مختلف در برابر جریان باد، منحنهی پره بر ضریب توان و گشتاور روتورها مؤثر میباشد. همچنین نتایج نشان میدهند روتورهای II و VI در یک دوران کامل روتـور از ضـریب توان و گشتاور بالاتری نسبت به سایر روتورها برخوردارند.

واژه های کلیدی روتور ساونیوس، ضریب توان، نسبت سرعت نوک یره، منحنی یره.

Numerical and Experimental Study of Flow Fields in and around Savonius Rotors

A. Kianifar

M. Javadi

Abstract In this research work the effects of the rotor curvature on power coefficient of Savonius rotors werestudied by testing various rotors in a wind tunnel and simulating the model using numerical calculations. Six rotors with different configurations but similar dimensions were constructed and tested in a wind tunnel in order to examine the effects of rotor curvature and Reynolds number on power coefficient. Numerical calculation of air flow around the stationary rotors and the exerted torque of air flow carried out using pressure distribution model on the rotor surface. Also, the effect of the wind velocity and the shape of rotor curvature on torque were analyzed. The results show a substantial difference between the drag of various rotors. Also the shape of rotor has a significant effect on the power coefficient and the rotor torque as well. The results indicate higher values of Cp and torque in the case of rotors number II and IV in comparison with other rotors.

Key Words Savonius rotor, Coefficient of Power, Rotor Curvature, Ratio of Tip Speed.

على كياني فر (١)

[🕷] نسخه اولیه مقاله در تاریخ ۸۳/۱۰/۱۷ و نسخه نهایی آن در تاریخ ۸۴/۸/۱۴ به دفتر نشریه رسیده است.

⁽۱) استادیار، دانشگاه فردوسی مشهد، دانشکده مهندسی، گروه مکانیک

⁽۱) دانشجوی دکتری ، دانشگاه فردوسی مشهد، دانشکده مهندسی، گروه مکانیک

این روتورها منحنی پره از اهمیت خاصی برخوردار است[۱]. توربین های محور عمودی را میتوان به شرح زیر دسته بندی کرد: - توربین سیلکوژیرو - روتور ساونیوس

در پرههای توربین های داریوس و سیلکوژیرو از منحنی ایرفویل استفاده شده است که در سرعت های بالای باد بازده خوبی دارد. ایرفویل های سیلکوژیرو صاف بوده و جهت وگام پرهها در حین گردش روتـور تغییر میکنند تا نیروی باد به حداکثر ممکن برسد. در شکل های (۱و۲) این دو روتور نشان داده است. در این روتورها از نیروی لیفت یا برا برای ایجاد حرکت استفاده شده است. اما روتـور سـاونيوس دارای دو پـره نيم استوانه با منحني نيم دايره ساده بوده، شکل (٣)، و با استفاده از اصل اختلاف ضریب پسای داخل و خـارج نیم دایره (اصل پسای تفاضلی) کار میکند. در شکل (٤) متغیرهای اساسی در طراحی منحنی پره ساونیوس نشان داده شده است. تاکنون مطالعات زیادی بر روی منحنی پره این روتورها با هدف کاهش ضریب پـسای سطح در حال حرکت در جهت خالاف وزش باد و افزایش ضریب پسای سطح در حال حرکت در جهت وزش باد انجام شده است. پروفیل پیشنهادی توسط خود ساونیوس یک منحنی درجـه ٤ مـیباشـد (روتـور VI)[۱]. آزمایش منحنی های پره مختلف در دانشگاه ایلینویز (Illinois) در سال ۱۹۷۸ توسط خان نـشان داد که بیشترین راندمان این روتورها حدود ۳۵٪ می باشد [3]. کاوامورا و همکارانش در سال ۲۰۰۱ به مطالعه جريان اطراف روتور ساونيوس با استفاده از روش Domain Decomposition Method) DDM پرداختند. آنها ضریب گشتاور و ضریب توان روتور را درسرعتهای مختلف جریان هوا برای پرههای نیم دایرهای مورد بررسی قرار دادند [4]. محققان كميسيون انـرژى كاليفرنيـا زيـر مقدمه

وظیفه تـوربینهای بادی، تبـدیل انـرژی بـاد بـه کـار مکانیکی (مانند آسیاب بادی و حرکت وزنه) و تولیـد الکتریسیته میباشد.این نوع توربین ها به دو دسته کلی محمور افقمی و محمور عمودی تقمسیم ممیشوند. توربین های محور افقی دارای ساختمان و نصب پیچیده بوده و نصب آنها فقط در مناطق با باد دائمی و سرعت های بالای آن ارزش اقتصادی دارد[۱]. دراین توربین ها سرعت دوران روتور بسیار بالا بوده ولی گشتاور آن ها کم است و از آنها بیشتر برای تولید برق استفاده می شود. اما توربین های محور عمودی که می توان آنها را پدر آسیاب های بادی دانست، دارای ساختمان و نصب بسیار سادهای بوده و در سرعت ها و جهت های مختلف باد قابل استفاده ميباشند. ايـن تـوربين هـا، بـر خلاف توربين هاي محور افقي، داراي سرعت دوراني کم و گشتاور زیاد بوده و مستقل از جهـت بـاد هـستند. به دلیل سرعت کم و گشتاور زیاد، بعضی اشکال انتقال قدرت ازجمله هوای فشرده و هیدرولیک برتری بیشتری نسبت به تولید مستقیم الکتریسیته در این روتورها دارند[١،2] . همچنين مطالعات واندازه گيري های انجام شده نشان میدهند از این دستگاه می توان به عنوان وسیلهای در مقیاس کوچک، بـرای تولیـد بـرق خانوادههای روستایی مناطقی که تا چند دهه دیگر هم ممکن است از برق بهرهمند نشوند، استفاده نمود. همچنین به دلیل ارزان بودن ساخت آن برای شرکت های بزرگ و دولت، این وسیله میتواند برای کاربردهایی از جمله آبکشی از زمین و پمپاژ آب در صنایع کشاورزی و صنعت مورد استفاده قرار گیرد.

در توربین ها یا روتورهای محور عمودی، محور دوران بر راستای افق و جریان باد عمود است و به همین دلیل سطحی که توسط باد به حرکت در می آید پس از نیم دور چرخش مجبور است در جهت عکس جریان باد به حرکت خود ادامه دهد و این مشکل سبب پایین آمدن ضریب توان آنها می شود. به همین دلیل در

۳۸

٣٩

نظر حمید رهایی (سال۲۰۰۵)، با استفاده از نرم افزار NASA INS2D و کدهای CFD مختلف به بهینه سازی منحنی پره این روتورها پرداختند. آنها دو نوع پره مختلف با بالک وبدون بالک در انتهای روتور را مورد مطالعه قرار داده و توانستند با بهینه سازی منحنی پره، ضریب گشتاور روتور را تا ۲۰٪ او ضریب توان ماکزیمم روتور را تا ۲۰٪ افزایش دهند [5]. در این پژوهش ضریب توان روتورها در اعداد رینولدز مختلف جریان و زوایای مختلف پره نسبت به جریان باد (در یک دوران کامل روتور) محاسبه شده و برای پرههای مختلف با هم مقایسه شدهاند. نتایج حاصل نشان دهنده اثر منحنی پره بر ضریب توان روتور می باشد.





شکل ۲ روتور داریوس



شکل ۳ روتور ساونیوس



شکل ۴ روتور ساونیوس نیم دایره

محاسبه توان نیروی باد

ود:	ىحاسبە مىش	إبطه زير م	هوا از ر	جنبشى	انرژى
$P_w = \frac{1}{2}m'$	v^2				(1)

البیان ها و (v(m/s) سرعت جریان ها و v(m/s) می باشد. باجایگذاری مقادار m معادله انرژی را می توان به صورت تاوان در سطح جاروب شاده توسط روتور توربین باد، نوشت[3]: $P_w = \frac{1}{2} \rho A v^3$ (۲)

A(m²) توان، (ρ(kg/m³) چگالی هوا و P_w(watt) سطح جاروب شده می باشد. از طرفی برای محاسبه توان تولیدی توسط توربین می توان از رابطه زیر استفاده نمود[3]:



شکل ۵ منحنی پره روتورهای مورد آزمایش

$$\begin{split} P_{t}(\theta) &= F(\theta).v(\theta) = M(\theta)\omega(\theta) \quad (\texttt{m}) \\ \theta \text{ acesaric clearly integrated of } \\ \theta \text{ acesaric clearly integrated of }$$

حاصلضرب نقطهای در معادله (۳) نشان میدهـد که فقط مؤلفه نیروی عمل کننده در راستای چرخش در تولید توان مؤثر میباشد و به همین دلیل منحنی پره در توربین های محور عمودی از اهمیت ویژهای برخوردار است[3].

معرفي نمونههاي ساخته شده

آزمایش روتور ساونیوس با ۲ منحنی پره متف اوت در تونل بادی با مقطع مربع، و به ابعاد 0.4×0.4×14 متر انجام گرفته است. در روتورهای ۱ تا ۵ منحنی هر پره یک نیمدایره با قطر m 16 و فاصله تداخل به ترتیب یک نیمدایره با قطر m 56 و فاصله تداخل به ترتیب تیمداخل سبب تغییر مقدار نیروی پسای وارد بر پشت و جلوی پره در زوایای مختلف نسبت به جریان باد میشود. منحنی پره روتور ۲، منحنی ساونیوس بوده که

ابعاد کلی آن با روتور ٤ مشابه است. ارتفاع(h) همهٔ مدل های ساخته شده حدود 30cm و ضخامت ورق آنها 1mm و از جنس آلومینیوم می باشد. نمای دو بعدی روتورها در شکل (٥) آورده شده است.

آزمایش انواع پره های ساونیوس در تونل باد ضریب توان پرهها، با اندازه گیری مستقیم سرعت زاویهای روتور حول محور خود و گشتاور خروجی که به وسیلهٔ دو نیروسنج خاص که به انتهای هر پره وصل شده است، محاسبه می گردد. کلیه آزمایش ها در شرایط یکسان و در سرعت باد ۸ تا ۱٤ متر بر ثانیه انجام شده است. در آزمایش اول سرعت زاویـهای و گـشتاور هـر روتور در یک دور کامل از دوران روتور اندازه گیری شده و برای روتورهای مختلف با هم مقایسه میشود. در مرحله بعد، همین آزمایش بر روی هر پره، در اعـداد رينولدز مختلف جريان (سرعت هاي مختلف باد) انجام شده و اثر عدد رینولدز جریان (سرعت باد) بر ضریب توان روتورها مورد بررسی قرار گرفته است. این نتایج برای روتورهای I و IV آورده شده است. همچنین با استفاده از نتایج آزمایش قبل، می توان ضریب توان متوسط در یک دور چرخش روتور در سرعت باد مشخص را برای هر منحنی پره محاسبه و با هم مقایسه نمود. این مقایسه، می تواند معیار خوبی برای تعیین روتور با عملکرد بهینه باشد. در روی نمودارها، ٤١

که در معادلات بالا،u، سرعت جریان هوا در راستای مورد نظر و،F برای بیان اثر نیروهای خارجی می باشد. در صورت مطالعه پرههای توربین در یک جریان گذرا با در نظر گرفتن سرعت دورانی متغیر روتور، باید جمله شتاب که شامل ترم های زیر است، نیز در ترم چشمه معادله مومنتوم وارد شود: $\frac{\partial}{\partial t}(\rho v_{\tau}) + \nabla .(\rho v_{\tau} v_{\tau}) + 2\Omega \times v_{\tau} + \Omega \times \Omega \times r$ + $\rho \frac{\partial \Omega}{\partial t} \times r$ (11)

برای ساده شدن این جمله، در مطالعه عددی روتورهای ساونیوس، سرعت زاویهای روتور ثابت گرفته میشود و میدان جریان اطراف روتور محاسبه میشود[4].

مدل اغتشاشات

در ایس پژوهش ازمدل مشهور ٤-k برای مدلسازی ترم های تنش رینولدز در معادلات مومنتوم استفاده شده است. در این مدل، هر کدام از ترم های انرژی جنبشی اغتشاش و نرخ اتلاف آن، از حل یک معادله دیفرانسیل مجزا محاسبه می گردند. این معادلات عبارتند از:

$$\rho \frac{Dk}{Dt} = \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left[\left(\mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{k}} \right) \frac{\partial k}{\partial x_{i}} \right]$$
$$+ G_{k} + G_{b} - \rho \varepsilon - Y_{M}$$
(17)

$$\rho \frac{D\varepsilon}{Dt} = \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left[\left(\mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_{i}} \right] + C_{1\varepsilon} \frac{\varepsilon}{k} (G_{k} + C_{3\varepsilon}G_{b}) - C_{2\varepsilon}\rho \frac{\varepsilon^{2}}{k}$$
(17)

که در آن G_k تولید انرژی اغتشاش وابسته به گرادیان سرعت متوسط،G_b تولید انرژی جنبشی اغتشاش مربوط به شناوری است که در اینجا به دلیل عدم وجود متغیرهای نسبت سرعت نوک پره(۸)، ضریب توان(Cp) و عدد رینولدز(Re) بهصورت زیر تعریف می شود[4,5]:

$$\lambda = \frac{\mathbf{u}}{\mathbf{v}} = \frac{\omega \mathbf{D}}{2\mathbf{v}} \tag{(d)}$$

$$Cp = \frac{2Fu}{\rho v^3 hD}$$
(%)

$$Re = \frac{vD}{v}$$
(V)

حل عددی

در شبیه سازی عددی جریان هوا در داخل پرهها، به بررسی اثر متغیر S/D بر فشار وارد بر پره توربین ثابت (بدون چرخش) از طرف جریان باد و محاسبه گشتاور اعمال شده به پرهها می پردازیم. برای این منظور با حل میدان جریان، توزیع فشار وارد بر سطوح پره را محاسبه می نماییم. با انتگرالگیری از حاصلضرب فشار در فاصله شعاعی جزء مورد نظر از محور دوران، گشتاور وارد بر پره محاسبه می شود. معادلات لازم برای حل میدان جریان هوا و محاسبه فشار و سرعت در نقاط مختلف توربین، معادله های بقای جرم و مقدار حرکت می باشند. این معادلات در سیستم مختصات غیر شتابدار برای حالت پایدار به صورت کلی زیر نوشته می شود:

$$\frac{\partial}{\partial x_{i}}(\rho u_{i}) = 0 \qquad (A)$$

$$\frac{\partial}{\partial x_{j}}(\rho u_{i}u_{j}) = -\frac{\partial p}{\partial x_{i}} + \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_{j}} + \rho g_{i} + F_{i}$$
(9)

$$\tau_{ij} = \left[\mu \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \right] - \frac{2}{3} \mu \frac{\partial u_1}{\partial x_1} \delta_{ij}$$
 (1.)

دیگر مانند طرح ترکیبی دارد، استفاده شده است[3]. در این روش مقدار متغیر ¢ روی صفحه مورد نظر از حل معادله یک بعدی زیر که بین شارهای جابهجایی و پخش نوشته شده است، به دست میآید[7]:

$$\frac{\partial}{\partial x}(\rho u \phi) = \frac{\partial}{\partial x} \Gamma \frac{\partial \phi}{\partial x}$$
(1V)

$$\frac{\phi(\mathbf{x}) - \phi_0}{\phi_L - \phi_0} = \frac{\exp(\operatorname{Pe} \frac{\mathbf{x}}{L}) - 1}{\exp(\operatorname{Pe}) - 1} \tag{1A}$$

که درآن Pe عدد پکلت میباشد. حال معادلات انفصال مورد نیاز برای میدان جریان به کمک الگوریتم سیمپل مشخص و با استفاده از روش خط به خط که ترکیبی از دو روش گوس – سایدل و الگوریتم ماتریس سه قطری (T.D.M.A) است، حل می شوند[7].

نتايج

در شکل های(۲ و ۷) مقادیر ضریب توان روتورهای I تا VI در عدد رینولدز ⁵ 1.5×1.5 بر حسب سرعت نوک پره (نتایج آزمایش اول) نشان داده شده است. همان طور که نتایج نشان میدهد هر روتور ممکن است در بازهای خاص نسبت به سایر روتورها نتیجه بهتری بدهد؛ به طور مثال روتورهای V و IV در مقادیر کوچک و بزرگ سرعت نوک پره، ضریب توان بزرگتری نسبت به روتـور I دارند ولی در مقادیر متوسط روتور I ضریب توان بزرگتری دارد. برای مقایسه روتورها و تعیین بهترین منحني روتور، مي توان از ضريب توان متوسط يا ضريب توان کل روتور استفاده کرد. در شکل (۸) ضریب تـوان کلی روتورها نشان داده شده است. همان طور که مــشاهده مــیشـود روتـور II بهتـرین عملکـرد را در سرعتهای مختلف نوک پره دارد. همچنین روتورهای VI و III نیز از عملکرد خوبی برخوردار هستند. همچنین از آنجا کے تنها تفاوت روتورهای I تا V فقط گرادیان دما، صفر در نظر گرفته میشود.

$$G_{k} = -\rho \overline{u'_{i}u'_{j}} \frac{\partial u_{j}}{\partial x_{i}}$$
(14)

همچنین Y_Mمربوط به جریان های قابل تـراکم بـا عـدد ماخ بالا بوده که در اینجا صفر منظور میشود.

نحوه حل معادلات حاکم بر جریان هوا

برای حل معادلات حاکم بر فاز گاز، باید ابتدا با استفاده از روش های موجود معادلات دیفرانسیل حاکم به معادلات جبری تبدیل شود. در این مطالعه از روش حجم های محدود برای نوشتن معادلات جبری و از الگوریتم سیمپل (Simple) برای حل دستگاه معادلات حاصل، استفاده شده است. جداسازی معادلات بقا در حالت پایدار برای متغیر ¢ از فرم انتگرالی معادلات که در زیر آورده شده است، به دست میآید[7]:

$$\oint \rho \phi \upsilon dA = \oint \Gamma_{\phi} \nabla \phi dA + \int_{U} S \phi dV \tag{10}$$

۷ حجم کنترل مورد نظر، ۷ بردار سرعت، ⊊F تـرم پخش متغیر ♦ میباشد.این معادله برای هر حجم کنتـرل یـا هر شبکه در ناحیه محاسباتی به کار بـرده مـیشـود و بـرای یک شبکه دو بعدی به صورت زیر در میآید[7]:

$$\sum_{f}^{N_{faces}} \upsilon_{f} \phi_{f} A_{f} = \sum_{f}^{N_{faces}} \Gamma_{\phi} (\nabla \phi)_{n} A_{f} + S_{\phi} V \qquad (19)$$

که در آن v_f شار جرم در میان صفحه، f مقدار متغیر روی صفحه مورد نظر، A_f مساحت صفحه مورد نظر و V حجم سلول میباشد. شارهای پخش و جابه جایی از وجوه معیار نیز باید به روش مناسبی در مرکز سلول مورد نظر محاسبه شود. در این مطالعه برای شارهای پخش و جابهجایی از وجوه حجمهای معیار، از قاعده توانی که دقت بیشتری نسبت به روش های

على كيانى فر_ سيد محمد جوادى









شکل ۱۲ بردارهای سرعت اطراف روتور I

در شکل های(۱۲ تا ۱۷)، گشتاور وارد بر پرههای توربین در سرعت های مختلف باد و زوایای مختلف پره نسبت به جریان باد که با استفاده از شبیه سازی عددی محاسبه گردیده آورده شده است. همان طور که مشاهده می شود با افزایش سرعت باد، مقدار گشتاور افزایش مییابد. همچنین، برای همه روتورهای مورد بررسی، بیشترین مقدار گشتاور در حدود زاویه ۲۰ درجه و این، در روتور I ناحیه گشتاور مینیمم، ناحیه وسیعی را به خود اختصاص داده در صورتی که در بقیه روتورها این ناحیه بسیار کوچک می باشد.

شکل (۱۸) نمودار گشتاور وارد بر پرههای مختلف را در سرعت باد ۱۲ متر بر ثانیه نشان می دهد. مقایسه نمودارها نشان می دهد با وجود اینکه روتور I در زوایای • تا ۲۰ درجه بیشترین گشتاور را نسبت به سایر روتورها دارد، ولی بعد از زاویه ۲۰ درجه گشتاور آن به طور شدیدی کاهش یافته به طوری که این کاهش تا زاویه ۱۲۰ درجه ادامه پیدا کرده است. در مجموع برای یک دور چرخش کامل روتورها مشاهده می شود روتور II نسبت به سایر روتورها، بهترین گشتاور خروجی را دارد.



شکل ۱۰ ضریب توان روتور IV در اعداد رینولدز مختلف جریان

در شکل (۱۱) ضریب توان متوسط روتورهای II و IV با هم مقایسه شده است. مشاهده می شود با افزایش عدد رینولدز جریان (سرعت باد) ضریب توان متوسط روتور افزایش یافته ولی روند افزایش آن رو به کاهش است که دلیل آن می تواند تغییر ماهیت جریان و آشفتگی جریان اطراف پرهها باشد.



شکل ۱۱ مقایسه ضریب توان متوسط روتورهای مختلف بر حسب عدد رینولدز جریان

شکل های (۱۲ و ۱۳) بردارهای سرعت به دست آمده از شبیه سازی عددی جریان اطراف روتورهای I و V در زوایای مختلف روتور نسبت به جریان باد را نشان میدهد.



علی کیانی فر _ سید محمد جوادی



عددی توافق خوبی دارد. با توجه به تشابه ایـن نمـودار برای روتورهای مختلـف، در شـکل (۱۹) فقـط نمـودار روتور I آورده شده است.

شکل (۱۹) نشان دهنده تناسب گشتاور خروجی روتور عددی توافق خوبی دارد. ب با مجذور سرعت باد (یا تناسب ضریب توان با توان برای روتورهای مختلف، سوم سرعت باد) است. معادله های(۲) و(۳) نیز نشان روتور I آورده شده است. دهنده این تناسب سرعت میباشند که با نتایج حل



شکل ۱۶ گشتاور روتور ساونیوس نوع IV برای سرعت های مختلف باد



شکل ۱۷ گشتاور روتور ساونیوس نوع V برای سرعت های مختلف باد

٤٦

٤٧

على كيانى فر _ سيد محمد جوادى



شکل ۱۸ مقایسه گشتاور خروجی روتور های مختلف در سرعت باد ۱۲ متر بر ثانیه



شکل ۱۹ مقایسه نسبت گشتاور به مجذور سرعت در روتور I

همچنین، بر اساس نتایج به دست آمده از حل عددی و آزمایشگاهی بهترین منحنی پره، پره روتور II میباشد. سایر نتایج نشان میدهند که با افزایش سرعت باد (عدد رینولدز جریان) توان خروجی به مقدار زیادی (متناسب با توان سوم سرعت) افزایش نشان میدهد. نتيجه گيرى

نتایج نشان میدهند که منحنی روتورهای II تا VI به دلیل وجود گپ بین پرهها از ضریب توان بزرگتری نسبت به سایر روتورها برخوردارنـد. از طرفی افـزایش زیاد انـدازه گپ، خود سبب کاهش ضریب توان مـیشود کـه در ایـن پژوهش بهترین مقدار آن _{0.2 = 0} تعیین شده است.

- 2. Gourieres D.le "Wind Power Plants", Pergamon Press, Oxford, England, (1982).
- Mozammel H.Khan, "Model And Prototype Performance Characteristics of Savonius Rotor Wind mill", Wind Engineering, Vol.2(2), PP 75-85, (1978).
- Testuya Kawamura, Tsutomu and Hayashi, Kazuko Miyashita, "Application of the Domain Decomposition Method to Flow around the Savonius Rotor", 12th International Conference on Domain Decomposition Methods, Chiba, Japan, (1998).
- Rahai H. R., and Hefazi H., " Development of optimum design configuration and performance for vertical axis wind turbine", Feasibility analysis and final EISG report, California Energy Commission, (2005).
- 6. Nobuyuki Fujisawa,"Velocity measurement and numerical calculations of flow field in around Savonius Rotor", Journal of wind engineering and industrial aerodynamics, 59, pp. 39-50, (1996).
- 7. Patankar, S.V.,"Numerical heat transfer and fluid flow", John Benjamins publishing, New York, (1980).