

تضعیف نوفه های اتفاقی به روش f-x deconvolution

عباس کبودین^۱ و دکتر عبدالرحیم جواهریان^۲

چکیده

یکی از مسائل مهم که در پردازش داده های لرزه ای دارای اهمیت فراوانی است نحوه تضعیف نوفه های تصادفی به منظور افزایش نسبت امواج خواسته به امواج ناخواسته می باشد. در این مقاله جهت تضعیف نوفه های تصادفی از داده های لرزه ای، روش واهمامیخت در حوزه فرکانس-مکان یا همان f-x deconvolution معرفی شده است. اساس کار بر این اصل استوار است که پس از انتقال داده ها از حوزه زمان-مکان به حوزه فرکانس-مکان، رویدادهای بازتابی در امتداد محور مکان، از یک ردلرزه به ردلرزه بعدی قابل پیشگویی است اما نوفه های تصادفی به این شکل نبوده و قابل پیشگویی نمی باشند، در حقیقت این عملگر قادر است انرژی همدوس را از یک ردلرزه به ردلرزه دیگر در بعد مکان پیش بینی کند. در تدوین این مقاله نرم افزار f-x deconvolution به زبان ریاضی MATLAB تهیه گردیده است. سپس این روش بر روی رکوردهای چشمه مشترک و داده های لرزه ای بعد از برانبارش با نوفه های تصادفی مختلف اعمال شده است. نتیجه کار حاکی از توانایی این فیلتر در تضعیف نوفه های تصادفی می باشد.

کلید واژه ها: واهمامیخت f-x، نوفه های تصادفی، حوزه فرکانس-مکان

Random noise reduction by f-x deconvolution

Abbas Kabodin and Dr. Abdolrahim Javaherian

Abstract

In order to increase the signal/noise ratio, one of the important challenges in seismic data processing is suppression of random noises. In this paper f-x deconvolution or deconvolution in frequency-space domain is employed for reduction of random noises from seismic section. This is based on data transformation from time-space domain to frequency-space domain. Seismic events are correlatable along x-direction from trace to trace but random noises are not. In fact f-x deconvolution is able to predict coherent events from trace to trace in space direction. In this paper a computer code for f-x deconvolution has been written. This program applied on shot records and zero offset section with different levels of random noises. Consequently, the ability of f-x deconvolution in reduction of random noises has been proved.

Keywords: f-x deconvolution, random noise, frequency-time domain.

^۱ دانش آموخته کارشناسی ارشد ژئوفیزیک گرایش لرزه شناسی دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران شمال

^۲ استاد گروه فیزیک زمین، موسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران

مقدمه:

تفسیر دقیق زمین شناختی بدون اعمال پردازش های دقیق و کامل امری اجتناب ناپذیر است. واهمامیخت لرزه ای نیز یکی از مهمترین بخش های پردازش اطلاعات لرزه ای است که هدف از آن استخراج ضرائب بازتاب از مقطع لرزه ای و نیز تشخیص و تضعیف نوفه های تصادفی است. مرسوم ترین روش واهمامیخت استفاده از فیلتر وینر بر اساس سری های زمانی است که رابینسون و تریتل (۱۹۸۰) آن را معرفی کردند. با فیلتر کردن در واقع عمل تفکیک و جداسازی انواع مختلف سیگنالها از یکدیگر انجام می شود به طوری که در مرحله پردازش سیگنالها عملگر فیلتر بصورت تضعیف امواج مزاحم مثل نوفه ها و یا بصورت تقویت و حتی بازسازی بخشی از سیگنالهایی که به هر نحوی از حالت طبیعی خودشان خارج شده باشند اثر می کند. به همین جهت پردازش در افزایش یک سیگنال و یا کاهش نوفه مستلزم دو گام اساسی است (هورن بوستل، ۱۹۹۱). **گام اول:** معرفی سرشت یا کاراکتری که بر اساس آن بتوان سیگنال را از نوفه تشخیص داد **گام دوم:** بسط دادن یک الگوریتم مناسب در طراحی فیلتر، به گونه ای که این الگوریتم بر اساس کاراکتر مذکور تعریف شده باشد (یعنی بتواند سیگنال را از نوفه تشخیص دهد). به عنوان مثال می توان سیگنال را به صورتی تعریف کرد که در یک گستره بخصوص از فرکانس ها یا در شیبهای بخصوص قرار گرفته باشد و در مقابل نوفه هم در گستره های متفاوتی از فرکانس یا شیبهای متفاوت قرار داشته باشد در این صورت سیگنال را می توان به صورتی تعریف کرد که از روی ردلرزه های مجاور خود قابل پیش بینی باشد، ولی در مقابل نوفه از روی ردلرزه های مجاور خود غیر قابل پیش بینی است که در واقع با این تعریف، تصادفی بودن نوفه ها از یک ردلرزه به ردلرزه دیگر در نظر گرفته شده است. پس آنچه در اینجا حائز اهمیت است پیوستگی سیگنال و در مقابل تصادفی بودن نوفه در بعد مکان است. بنابراین الگوریتمی مورد نیاز است که قادر باشد انرژی

همدوس را از یک ردلرزه به ردلرزه دیگر در بعد مکان پیش بینی کند که بر همین اساس فیلتر پیشگوکننده ای در حوزه فرکانس مکان طراحی شده است. این فیلتر پیشگوکننده مکانی با نام **f-x deconvolution** شناخته می شود. مساله کاملاً ساده است، به این طریق که در حوزه فرکانس مکان رویدادهای خطی و یا حتی رویدادهای شبه خطی را می توان به عنوان ترکیبی از هارمونیکها در نظر گرفت. این جریان، فیلتری چندکاناله است که از آن برای تفکیک قسمت همدوس داده های لرزه ای از بخش تصادفی آن به کار می رود که در پاره ای از موارد نیز احتمال دارد انرژی همدوس غالب را عبور دهد ولی شیبهای با انرژی پایین را حذف نماید. اما اگر بخشی از داده های لرزه ای تنها شامل ترکیبی از داده های لرزه ای با شیبهای کم باشد، در این صورت داده های مذکور در ردلرزه بصورت خطی در مکان قابل پیش بینی خواهد بود. با این توصیف هر انرژی که قابل پیش بینی نباشد و نتواند توسط این فیلتر پیش بینی شود حکم نوفه را خواهد داشت و باید تضعیف شود. پس از به کار گیری این فیلتر، در عمل مشاهده شده است که فیلتر پیشگوی **f-x** برای تضعیف نوفه های تصادفی به طور شگفت آوری قوی است روش فیلتر پیشگو کننده مکانی در حوزه فرکانس مکان توسط کانالز (۱۹۸۴) معرفی و دو سال بعد توسط گلونی (۱۹۸۶) تکمیل تر شد. اساس کار در هر دو مقاله سریهای تریتل (۱۹۷۴) بود. کانالز این فیلتر را برای کاهش نوفه های تصادفی از داده های برابارش شده لرزه ای مورد استفاده قرارداد اما گلونی ترکیبی از ایده کانالز و ثوری تریتل که توصیفی از فیلتر وینر مختلط است را ارائه داد. یعنی این روش حل فیلتر دوبعدی را به یک بعد در مکان و بعد دیگر در فرکانس تقسیم می کند. نامی که گلونی برای این پردازش به کار برد، بر اساس واهمامیخت پیشگو در حوزه فرکانس مکان، واهمامیخت **f-x** یا همان **f-x deconvolution** می باشد. همچنین نامهای دیگری در اشاره به این پردازش توسط افراد مختلف بکار برده

$$L = \sum_t (d_t - y_t)^2 \quad (1)$$

خروجی واقعی از همامیخت فیلتر با ورودی بدست می آید.

$$y_t = f_t * x_t = \sum_{\tau} f_{\tau} x_{t-\tau} \quad (2)$$

با جایگزینی رابطه (۲) در رابطه (۱) رابطه زیر بدست می آید.

$$L = \sum_t \left(d_t - \sum_{\tau} f_{\tau} x_{t-\tau} \right)^2 \quad (3)$$

هدف محاسبه ضرایب فیلتر $(f_1, f_2, \dots, f_{n-1})$ است که باید خطا کمینه شود. برای مقاصد علمی و امکان برنامه ریزی بر روی رایانه باید فیلتری به طول محدود در نظر گرفت.

جهت کمینه کردن کمیت L باید مشتقات جزئی آنرا نسبت به هر یک از ضرایب فیلتر f_t برابر صفر قرارداد بنابراین:

$$\partial L / \partial f_i = 0 \quad (4)$$

با به توان رساندن سمت راست رابطه (۳)، معادله زیر حاصل می شود.

$$L = \sum_t d_t^2 - 2 \sum_t d_t \sum_{\tau} f_{\tau} x_{t-\tau} + \sum_t \left(\sum_{\tau} f_{\tau} x_{t-\tau} \right)^2 \quad (5)$$

که با جایگزینی آن در رابطه (۴)، رابطه زیر بدست می آید.

$$-2 \sum_t d_t x_{t-i} + 2 \sum_t \left(\sum_{\tau} f_{\tau} x_{t-\tau} \right) x_{t-i} = 0 \quad (6)$$

به عبارتی دیگر:

$$\sum_{\tau} f_{\tau} \sum_t x_{t-\tau} x_{t-i} = \sum_t d_t x_{t-i} \quad (7)$$

که در آن:

$$i = 0, 1, 2, \dots, (n-1) \quad (8)$$

با تعریف روابط زیر:

$$\sum_t x_{t-\tau} x_{t-i} = r_{i-\tau} \quad (9)$$

$$\sum_t d_t x_{t-i} = g_i \quad (10)$$

شده است که عبارتند از:

- ۱- فیلتر FXDECON توسط گلونی (۱۹۸۶).
- ۲- فیلتر پیشگوی f-X توسط آبما و همکاران (۱۹۹۵).
- ۳- فیلتر پیشگوی مکانی توسط ییلماز (۲۰۰۱).
- ۴- فیلتر پیشگوی وینر مختلط درحوزه فرکانس- مکان توسط هورن-بوستل (۱۹۹۱).

فیلتر وینر

امروزه حوزه زمان گسسته فیلتر وینر یک پیوست لازم در بیشتر سیستمهای پردازش دادههای لرزه‌ای است. فیلتر وینر هر موجک لرزه‌ای را به شکل دلخواهی تبدیل می کند. شیوه کار در این روش بر اساس حداقل کردن مجموع مربعات اختلاف بین سیگنال خروجی دلخواه و سیگنال خروجی واقعی از فیلتر می باشد. به طور کلی در این نوع فیلتر، سه سیگنال زیر مطرح می باشند (رابینسون و تریتل، ۱۹۸۰):

۱- سیگنال ورودی یا x_t

۲- سیگنال خروجی دلخواه یا d_t

۳- سیگنال خروجی واقعی یا y_t

در طراحی فیلتر وینر این سه سیگنال به صورت سه موجک یا سیگنال گذرا و یا سه سری زمانی پرپودیک و حقیقی می باشند. تحلیل ریاضی برای تمامی حالات ذکر شده شبیه به یکدیگر می باشد که هدف از آن یافتن فیلتر a_t بر حسب جملاتی از سیگنال ورودی و سیگنال خروجی دلخواه است به طوری که فیلتر به دست آمده از این روش فیلتری خطی خواهد بود.

اساس روش فیلتر وینر، کمینه کردن انرژی یا توان موجود در تفاوت بین خروجی دلخواه d_t و خروجی واقعی y_t به عنوان خطای e_t می باشد. به عبارتی دیگر جهت یافتن ضرایب فیلتر وینر از مفهوم خطای مجموع کمترین مربعات (L) استفاده شده است. هدف، یافتن فیلتری بر حسب جملاتی از سیگنال ورودی و سیگنال خروجی دلخواه و سیگنال خروجی واقعی می باشد.

$$S(f - x) = FFT \{S(t - x)\} \quad (۱۳)$$

در حقیقت ماتریس $S_{m \times n}$ ، داده های لرزه ای در حوزه $(t - x)$ ، تبدیل به ماتریس $S_{m \times n}$ در حوزه $(f - x)$ می شود به طوری که هر عنصر از ماتریس یک عدد مختلط است.

محاسبه فیلتر **f-x deconvolution**

برای محاسبه ضرایب فیلتر باید معادله ماتریسی زیر بر اساس تئوری فیلتر وینر حل شود:

$$\begin{bmatrix} r_0 & r_1 & \dots & r_{n-1} \\ r_1 & r_0 & \dots & r_{n-2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ r_{n-1} & r_{n-2} & \dots & r_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ \vdots \\ a_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_0 \\ g_1 \\ \vdots \\ g_{n-1} \end{bmatrix} \quad (۱۴)$$

یا به عبارتی:

$$ra = g \quad (۱۵)$$

که در آن r ماتریس خودهمبستگی ورودی است که این ماتریس از نوع توپلتز است. (ماتریس توپلتز نوعی ماتریس مربعی است که در پردازش داده های لرزه ای کاربرد زیادی دارد. ویژگی مهم این ماتریس تمرکز عمده جملات و مقادیر وزنی ماتریس در نزدیکی یا بر روی قطر اصلی ماتریس می باشد به طوری که جملات دیگر صفر یا نسبت به جملات قطر اصلی کوچک هستند) و g ماتریس همبستگی متقابل بین ورودی و خروجی دلخواه است. بنابراین جهت بدست آوردن ضرایب فیلتر در حوزه فرکانس-مکان باید در مرحله اول ماتریس r و g بدست آید و چون هر سطر از داده های این ماتریسها به یک فرکانس خاص تعلق دارد پس ابتدا از ماتریس $a_{m \times n}$ در حوزه $(f - x)$ ، هر سطر از ماتریس را به صورت $a_{1 \times n}$ برای آن فرکانس خاص انتخاب کرده و ضرایب فیلتر برای آن فرکانس خاص محاسبه می شود. سپس برای بدست آوردن ماتریس r لازم است خودهمبستگی ماتریس $r_{1 \times n}$ ، و برای ماتریس g لازم

و قراردادن آنها در رابطه (۷) نتیجه زیر حاصل خواهد شد.

$$\sum_{\tau} f_{\tau} r_{i-\tau} = g_i \quad (۱۱)$$

شکل ماتریسی رابطه فوق به صورت زیر است:

$$\begin{bmatrix} r_0 & r_1 & r_2 & \dots & r_{n-1} \\ r_1 & r_0 & r_1 & \dots & r_{n-2} \\ \vdots & \vdots & r_0 & \ddots & \vdots \\ r_{n-1} & r_{n-2} & \dots & r_0 & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} f_0 \\ f_1 \\ \vdots \\ f_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_0 \\ g_1 \\ \vdots \\ g_{n-1} \end{bmatrix} \quad (۱۲)$$

ماتریس مربعی r ماتریس خود همبستگی ورودی و g همبستگی متقابل بین خروجی دلخواه و ورودی است که از حل معادله ماتریسی فوق ضرایب فیلتر وینر یا همان ماتریس f بدست می آید.

$$f_t = (f_0, f_1, \dots, f_{n-1})$$

روش کار

انتقال داده ها از حوزه **t-x** به حوزه **f-x**

داده های لرزه ای، به صورت تغییرات دامنه های خروجی مربوط به گیرنده های مختلف نسبت به زمان (به عنوان متغیر مستقل) ثبت می شوند. با انتقال داده ها از حوزه زمان-مکان به حوزه فرکانس-مکان، هر داده لرزه ای تبدیل به یک عدد مختلط شامل قسمت حقیقی و قسمت موهومی می شود. در این انتقال پدیده های با شیب مشابه به صورت یک سیگنال مختلط سینوسی با فرکانس مشخص تبدیل می شوند که در این صورت قابل پیشگویی هستند.

برای انتقال داده ها از حوزه زمان-مکان به حوزه فرکانس-مکان ابتدا از ماتریس داده های ورودی ردلرزه ها، هر ستون آن انتخاب شده و سپس با استفاده از تابع تبدیل فوریه (FFT) داده های مربوط به هر ستون به حوزه فرکانس-مکان انتقال داده شده است.

$1, 0, 0, \dots, 0, -a_0, -a_1, \dots, -a_{n-1}$
 که تمام ضرایب عملگر فیلتر خطای پیشگو را در ماتریسی به ابعاد $m \times (n + \alpha)$ قرار می دهد. حال چون هر دو ماتریس ضرایب فیلتر و ماتریس ضرایب اپراتور خطای پیشگو در حوزه فرکانس-مکان هستند بنابراین هر دو ماتریس فوق به صورت ماتریسهایی با ابعاد $m \times n$ تحت تبدیل عکس فوریه به حوزه زمان-مکان انتقال داده می شود (m به عنوان سمپلهای زمانی و n طول فیلتر می باشد).

$$a(t, x) = \text{IFFT} \{a(f, x)\} \quad (19)$$

خروجی فیلتر f-x deconvolution

برای بدست آوردن خروجی فیلتر باید ماتریس ضرایب فیلتر را با ماتریس داده های اولیه حاصل از رکورد لرزه ای در حوزه زمان-مکان همایخت کرد:

$$y(t) = a(t) * x(t) \quad (20)$$

که حاصل خروجی آن رکورد لرزه ای فیلتر شده است. به طور کلی خروجی این فرایند یعنی قسمت قابل پیش بینی از ورودی که شامل داده های لرزه ای فیلتر شده یا رکورد لرزه ای عاری از نوفه می باشد، از همایخت ماتریس ضرایب فیلتر پیشگو با داده های لرزه ای اولیه بدست می آید.

شکل ۱ نمودار کلی جریان نرم افزاری را که برای تضعیف نوفه های تصادفی از مقطع لرزه ای به کار برده شده نمایش می دهد. در این نمودار دو خروجی مشاهده می شود که یک خروجی مربوط به نوفه های تصادفی تضعیف شده و خروجی دیگر مربوط به مقطع لرزه ای اولیه پس از بهبود کیفیت به علت کاهش نوفه های تصادفی می باشد.

است همبستگی متقابل ماتریس $r_{1 \times n}$ با خروجی دلخواه محاسبه شود:

$$r_{\tau} = \sum_{t} x_t x_{t-\tau} \quad (16)$$

در این صورت اگر ماتریس x به ابعاد $1 \times n$ باشد حاصل خودهمبستگی آن، ماتریسی به ابعاد $1 \times (2n - 1)$ خواهد بود و چون حاصل خودهمبستگی در محدوده $(n - 1) -$ تا $(n - 1)$ است پس بیشینه مقدار آن در تأخیر صفر ($\tau = 0$) می باشد که همان مقدار انرژی سری زمانی است. در اینجا از مقدار n ام ماتریس خودهمبستگی یعنی همان مقدار تأخیر صفر تا اولین zero-crossing در نظر گرفته می شود سپس ماتریس توپلنز $r_{10 \times 10}$ حاصل از ماتریس خودهمبستگی بدست می آید.

$$g_{\tau} = \sum_{t} d_t x_{t-\tau} \quad (17)$$

از آنجایی که در فیلترهای پیشگو خروجی دلخواه d همان ورودی x با شیفت زمانی α است، لذا با در نظر گرفتن رابطه (۱۶) رابطه زیر حاصل می شود:

$$g_{\tau} = \sum_{t} d_t x_{t-\tau} = \sum_{t} x_{t+\alpha} x_{t-\alpha} = \sum_{t} x_t x_{t-(\alpha+\tau)} = r_{\alpha+\tau}$$

بنابراین برای تعیین خروجی دلخواه کافیست که از سطر یا ستون اول آرایه r_{α} از ماتریس خودهمبستگی $r_{10 \times 10}$ به تعداد طول فیلتر انتخاب شود. سپس برای حل معادلات مربوطه به ماتریس خودهمبستگی $r_{10 \times 10}$ از روش لوینسون استفاده گردد.

انتقال و برگردان ضرایب فیلتر از حوزه f-x به حوزه t-x

برای هر فرکانس ثابت در حوزه فرکانس-مکان یک ماتریس ضرایب فیلتر $a(f)$ بصورت زیر بدست می آید:

$$a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$$

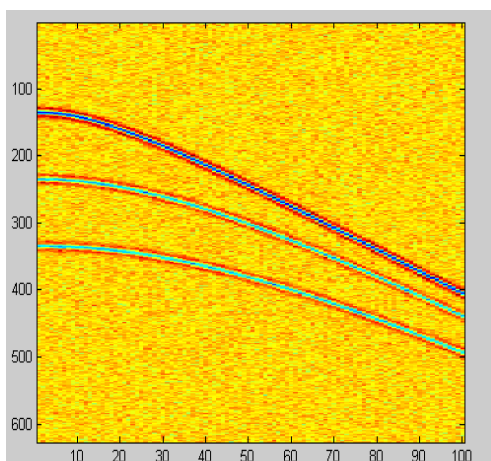
که تمام ضرایب مربوط به فرکانسهای مختلف را در ماتریسی به ابعاد $m \times n$ قرار می دهد. همچنین به ازاء ضرایب فیلتر مربوط به فرکانسهای مختلف که در رابطه بالا حاصل شد اپراتور خطای پیشگو به صورت زیر بدست می آید:

تضعیف نوفه های اتفاقی

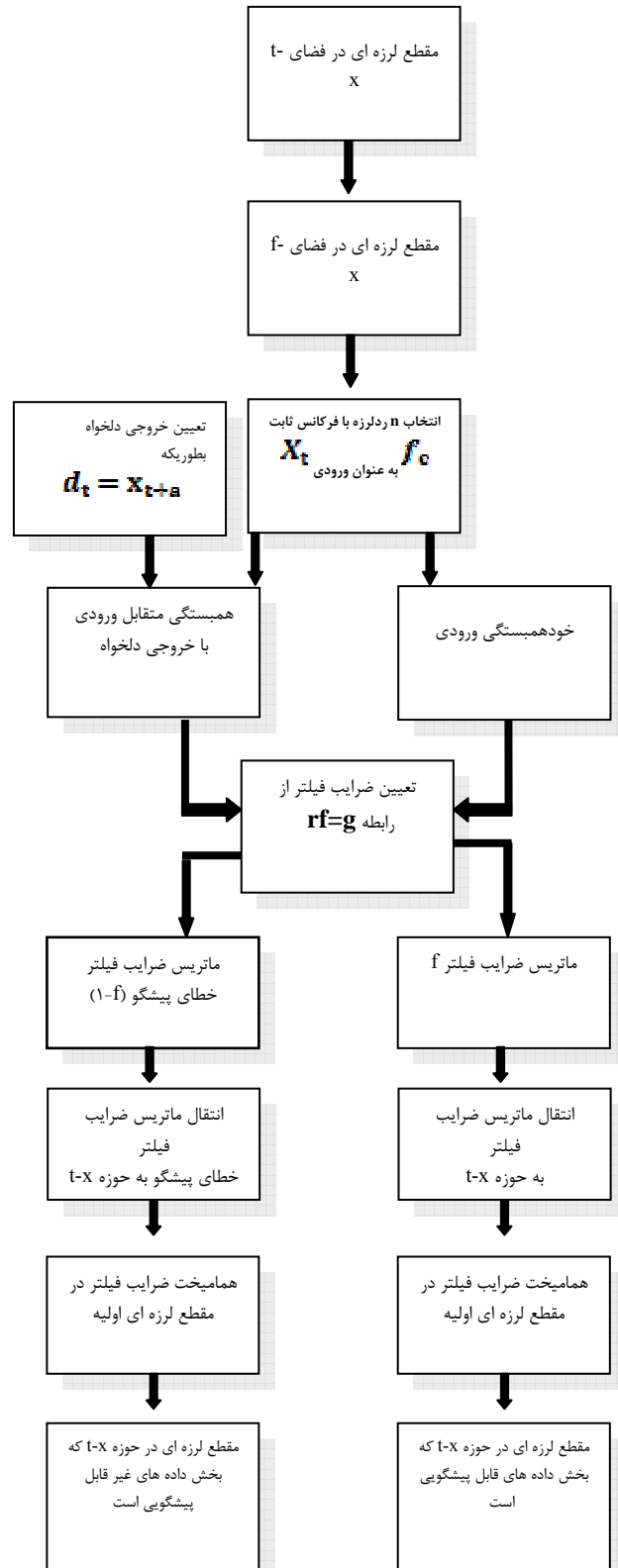
بیشتر داده‌های لرزه‌ای، بخصوص آنهایی که در خشکی برداشت می‌شوند، حاوی نوفه‌های تصادفی و هم‌دوس هستند که بهتر است قبل از تفسیر و در طول پردازشها تضعیف شوند. در مقاطع لرزه‌ای نوفه‌های تصادفی از یک ردلرزه به ردلرزه بعدی (در امتداد محور مکان) به یک شکل نبوده و قابل پیشگویی نیستند، در حالی که رویدادهای بازتابی را می‌توان در این امتداد از یک ردلرزه به ردلرزه بعدی شناسایی کرد. لذا امید آن می‌رود که به کمک فیلتر **f-x deconvolution** این نوفه‌های تصادفی را از رکورد لرزه‌ای پیش بینی و سپس تضعیف کرد. به همین منظور جهت نشان دادن توانایی این فیلتر در کاهش نوفه‌های تصادفی، دو حالت زیر در نظر گرفته می‌شود.

۱. اعمال عملگر روی مقاطع لرزه‌ای قبل از برانبارش داده‌ها
۲. اعمال عملگر روی مقاطع لرزه‌ای بعد از برانبارش داده‌ها

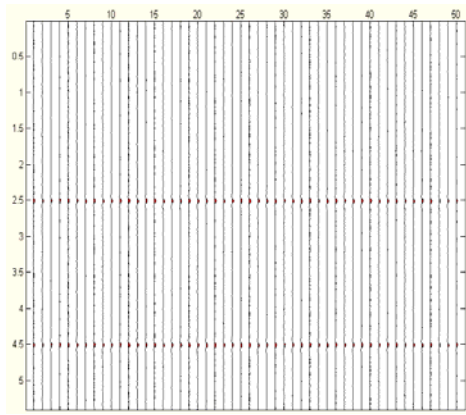
شکل ۲ مقطع لرزه‌ای مربوط به یک مدل زمین‌شناسی سه لایه تخت در مرحله قبل از برانبارش داده‌های لرزه‌ای می‌باشد که نسبت سیگنال به نوفه ۵ در آن اعمال شده است.



شکل ۲. مقطع لرزه‌ای قبل از برانبارش مربوط به سه لایه افقی با نسبت سیگنال به نوفه ۵.

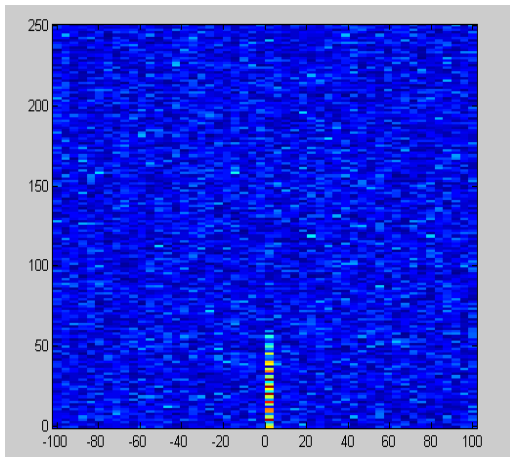


شکل ۱. نمودار جریان نرم افزار **f-x deconvolution** (هریسون، ۱۹۹۰).

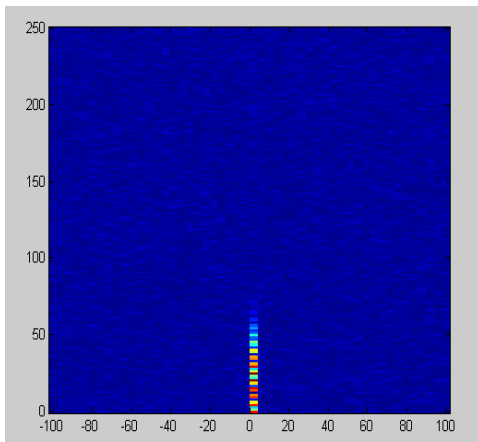


شکل ۵. مقطع لرزه ای بعد از برانبارش، مربوط به دو لایه افقی با نسبت سیگنال به نوفه ۵ (کبودین، ۱۳۸۸).

شکل‌های ۶ و ۷ به ترتیب طیف دامنه مقاطع لرزه‌ای شکل‌های ۴ و ۵ را نمایش می‌دهد. طیف دامنه مربوط به شکل ۵ به علت تضعیف نوفه‌های تصادفی وضوح بهتری یافته است.

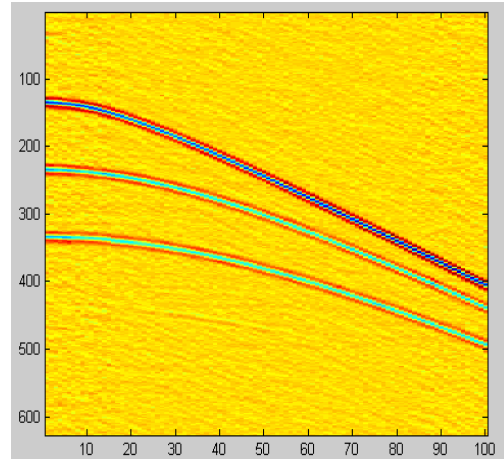


شکل ۶. مقطع لرزه ای شکل ۴ پس از تبدیل به حوزه $f-k$ (محور افقی بر حسب km^{-1} و محور عمودی بر حسب Hz).



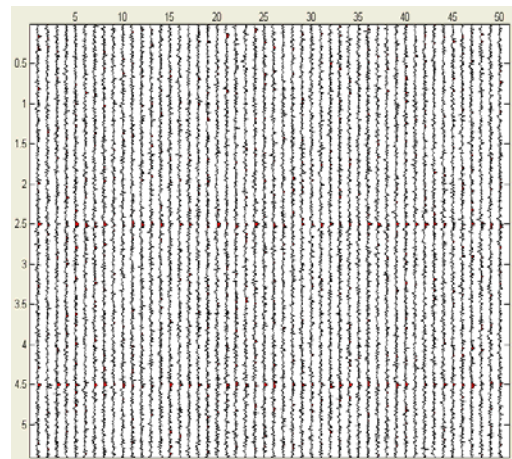
شکل ۷. مقطع لرزه ای شکل ۵ پس از تبدیل به حوزه $f-k$ (محور افقی بر حسب km^{-1} و محور عمودی بر حسب Hz).

شکل ۳ مقطع لرزه‌ای شکل ۲ بعد از اعمال عملگر $f-x$ deconvolution می‌باشد. همانطور که مشاهده می‌شود مقطع لرزه‌ای کیفیت بهتری پیدا کرده است.



شکل ۳. مقطع لرزه ای شکل ۲ بعد از اعمال فیلتر $f-x$ deconvolution.

شکل ۴ مقطع لرزه ای مصنوعی مربوط به یک مدل زمین شناسی دو لایه تخت بعد از برانبارش داده های لرزه ای را نشان می‌دهد که نسبت سیگنال به نوفه ۵ می‌باشد.



شکل ۴. مقطع لرزه ای بعد از برانبارش، مربوط به دو لایه افقی با نسبت سیگنال به نوفه ۵.

شکل ۵ مقطع لرزه‌ای شکل ۴ بعد از اعمال عملگر $f-x$ deconvolution می‌باشد. همانطور که مشاهده می‌شود مقطع لرزه‌ای کیفیت بهتری پیدا کرده است.

by t-x and f-x techniques: SEP, 79, 13-30.

- Canales, L., 1984, Random noise reduction: 54th Annual Internat. Mtg., SEG, Expanded Abstracts, 525-527.
- Gulunay, N., 1986, fx decon and complex wiener prediction filter: 56th Annual Internat. Mtg., SEG, Expanded Abstracts, 279-281.
- Harrison, M. P., 1990, f-x linear prediction filtering of seismic images, University of Calgary, Canada.
- Hornbostel, S., 1991, Spatial prediction filtering in the t-x and f-x domains: Geophysics, 56, 2019-2026.
- Robinson, E. A., and Treitel, S., 1980, Geophysical signal analysis, Prentice Hall.
- Treitel, S., 1974, The complex wiener filter: Geophysics, 39, 169-173.
- Yilmaz, O., 2001, Seismic data analysis, SEG Publication.

نتیجه گیری

- ۱- با طراحی فیلتر f-x deconvolution که بر اساس مبانی سه فیلتر، وینر و وینر مختلط و واهمامیخت پیشگو بنا نهاده شده است می توان برای تضعیف نوفه های تصادفی در رکوردهای لرزه ای اقدام نمود.
- ۲- اعمال فیلتر f-x deconvolution بر روی رکوردهای لرزه ای قبل از برانبارش (چشمه مشترک) و مقاطع لرزه ای بعد از برانبارش، در هر دو حالت نتیجه خوبی در تضعیف نوفه های تصادفی می دهد.

منابع

- کبودین، ع.، ۱۳۸۸، تضعیف نوفه های اتفاقی به روش f-x deconvolution، پایان نامه کارشناسی ارشد ژئوفیزیک (لرزه شناسی) دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران شمال.
- Abma, R., and Claerbout, J. F., 1993, Lateral prediction for noise attenuation