



تأثیر افق سرمایه گذاری روی تخصیص دارایی بین استراتژی های رشدی و ارزشی در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از تجزیه و تحلیل موجک

حمیدرضا وکیلی فرد^۱
زهرا شیرازیان^۲

تاریخ پذیرش: ۹۲/۰/۰۰

تاریخ دریافت: ۹۲/۰/۰۰

چکیده

با افزایش افق سرمایه گذاری، ریسک بهینه دارایی ها چقدر تغییر می کند؟ آیا این امر روی تضمیم گیری سرمایه گذاری رشدی و ارزشی اثر دارد؟ این مقاله رویکرد جدیدی را با استفاده از روش تجزیه و تحلیل موجک که بازده های استراتژی سرمایه گذاری خاص را به افق های سرمایه گذاری چندگانه تجزیه می کند، برای بررسی تخصیص پورتفوی میان سهام رشدی و ارزشی در افقهای سرمایه گذاری مختلف ارایه می دهد. در این مقاله از شاخص کل بازار بورس و پورتفوی شرکتهای سرمایه گذاری که بیش از ۴۰ درصد آن ها بورسی می باشد طی دوره ۱۰ ساله ۱۳۸۳ تا ۱۳۹۲ بر اساس بازده ماهانه استفاده شد. سهام به دو دسته رشدی و ارزشی تقسیم شدند. سهام ارزشی دارای ارزش دفتری به بازاری بیشتر از ۳۰ درصد و سهام رشدی دارای ارزش دفتری به بازاری کمتر از ۳۰ درصد می باشند. داده ها از نرم افزار ره آورد نوین گردآوری شد و با استفاده از نرم افزار متلب تحلیل شدند. نتیجه تحقیق نشان می دهد که در شرکتهای سرمایه گذاری با ریسک گریزی متوسط و کم، با افزایش افق سرمایه گذاری میزان سرمایه گذاری در سهام رشدی کم و میزان سرمایه گذاری در سهام ارزشی افزایش یافته است در حالی که در بررسی پورتفوی بازار وزن سهام رشدی و ارزشی تفاوت قابل ملاحظه ای با هم نداشتند.

واژه های کلیدی: افق سرمایه گذاری، سهام رشدی و سهام ارزشی، تجزیه و تحلیل موجک.

۱- دانشیار و عضو هیات علمی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات، گروه حسابداری، تهران، ایران.

۲- عضو هیات علمی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد ملایر، گروه مدیریت، ملایر، ایران (مسئول مکاتبات)

Zahra.shirazian@gmail.com

۱- مقدمه

اهمیت مطالعه تخصیصات رشدی و ارزشی بهینه در پرتفوی ها برای افق های سرمایه گذاری مختلف می تواند در استراتژی صنعت شرکتهای سرمایه گذاری یافته شود، که نیازهای سرمایه گذاری بیشتر سرمایه گذاران خود را ذخیره می کند. سوال این است که چگونه با افزایش افق های سرمایه گذاری ، ریسک در معرض بهینه دارایی ها تغییر می کند؟ آیا این امر روی تصمیم گیری پرتفوی سرمایه گذاری بخصوص تخصیص بهینه دارایی بین سهام رشدی و ارزشی در افقهای سرمایه گذاری مختلف اثر می گذارد؟ این تحقیق یک مرحله مهمی از توسعه روشهای جدید و نوآور جهت جواب به این پرسشها می باشد. هدف اصلی این مقاله بررسی تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی بوسیله تطبیق یک رویکرد موجک می باشد.

برای اولین بار است که تخصیص بهینه پرتفوی بین سهام رشدی و ارزشی درآفهای سرمایه گذاری مختلف (افقهای سرمایه گذاری کوتاه مدت و بلندمدت) در بورس ایران توسط تجزیه و تحلیل موجک بررسی می شود. سرمایه گذاران شخصی ممکن است افقهای سرمایه گذاران مختلف بدلیل الگوهای مختلف مصرف داشته باشند (لی و همکاران ۱۹۹۰) بنابراین بازده پرتفوی بدست آمده می تواند عنوان یک ترکیبی از رفتارهای معاملاتی سرمایه گذاران شخصی با افق های سرمایه گذاری مختلف دیده شود. در این منظر ، تجزیه و تحلیل موجک یک ابزار طبیعی استفاده شده برای بررسی تصمیمات تخصیص پرتفوی می باشد همانطور که موجکها به ما اجزای دریافت ویژگی هایی را می دهند که در زمان و فرآونی محلی هستند. این مطالعه کمک به درک عمیق از مسئله تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی در افق های سرمایه گذاری مختلف می دهد. نتایج می تواند برای مدیریت ریسک استفاده شود و مورد علاقه مدیران دارایی و سرمایه گذاران باشد. از طرف دیگر ادبیات گذشته شواهد بطور نیایدی متصادی را ارائه کردد.

بحث اصلی در این مقاله، استفاده از تجزیه و تحلیل موجک برای تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی با توجه به درجات مختلف ریسک گریزی سرمایه گذاران می باشد. از سوی دیگر به منظور تحلیل اثر افق سرمایه گذاری روی عملکرد نسبی دارایی های مختلف، بازده های کلی در دوره های زمانی طولانی مدت را بدست آورده ایم. در هر حال بدلیل فقدان هم پوشانی بازده های دوره نگهداری برای افق های طولانی مدت ، رویکرد سنتی برای ایجاد بازده دوره نگهداری طولانی مدت تر برآسas این فرض است که بازده های دوره نگهداری از هم مستقل اند و توزیع های بازده ثابت هستند. این فرضیات به محققان اجازه می دهد به آسانی بازده و واریانس/کوواریانس دوره نگهداری طولانی تر را برآسas بازده تک دوره ای و واریانس کوواریانس محاسبه کنند، در حالی که بازده مورد انتظار و واریانس ایجاد شده در طول زمان برآرند در حالی که این درست نیست.

در این تحقیق از شاخص کل بورس اوراق بهادار تهران و شرکتهای سرمایه گذاری پذیرفته شده در بورس تهران استفاده شد. نتایج مربوط به پرتفوی شرکتهای سرمایه گذاری نشان می دهد که با افزایش افق زمانی، تخصیص بهینه سرمایه گذاران از سهام رشدی کم می شود بخصوص کسانی که سطوح ریسک

گریزی پائین تر و متوسط را دارند. جالب است که در شاخص بورس وزنهای تخصیصی به سهام رشدی و ارزشی بسیار متفاوت نیست.

۲- مبانی نظری و مروجی بر پیشینه پژوهش

فرانکسیس و همکاران (۲۰۱۱) به بررسی اثر افزایش افق سرمایه گذاری روی ریسک در معرض بهینه دارایی‌ها با استفاده از تجزیه و تحلیل موجک پرداختند و از پورتفوی‌های فاما و فرنچ در مقابل پورتفوی‌های استاندارد اند پورز استفاده کردند تجربه تحقیق‌شان نشان میدهد که در پورتفوی‌های فاما و فرنچ با افزایش افق سرمایه گذاری، تخصیص بهینه سرمایه گذاران از سهام رشدی دور می‌شود و درباره پورتفوی‌های استاندارد پورز تفاوت قابل ملاحظه‌ای میان وزن سهام رشدی و ارزشی وجود ندارد. از انتشارات مهم فاما و فرنچ (۲۰۰۷، ۱۹۹۳، ۱۹۹۲) شاغلان و دانشگاهیان توجه قابل ملاحظه‌ای را به این حقیقت داشته اند که سهام ارزشی (سهام با ارزش دفتری به بازاری بالا) متوسط بازده بیشتری را نسبت به سهام رشدی (سهام با ارزش دفتری به بازاری پایین) کسب نموده اند. این یافته برای انتظارات عقلایی به نظر غیر عادی می‌رسد چرا که بر طبق خود متدائل، اختیارات معامله رشدی وابسته به شرایط اقتصادی آینده می‌باشد و پر ریسک تر از دارایی‌های موجود می‌باشد. (زانگ ۲۰۰۵) نتیجتاً دانشگاهیان سعی به توضیح منبع صرف ارزش کرده اند و وارد مباحثه شده اند. ابتدا فاما و فرنچ (۱۹۹۳) بحث کرده اند که این صرف یک پاداشی برای نگهداری سهام شرکت‌های تحت درماندگی مالی نسبی می‌باشد. دوم آنکه، لاکونیشوک و همکاران (۱۹۹۴) و هاگن و باکر (۱۹۹۶)، این صرف را به عدم توانایی قیمت گذاری کارای بازار سهام نسبت دادند. سرانجام ماکینلای (۱۹۹۰) و کوتاری (۱۹۹۵) پیشنهاد می‌کنند که این نتیجه بدليل تورشهای جستجوگران داده می‌باشد. بنابراین صرف ارزش بطور تصادفی اتفاق می‌افتد و بعید به نظر می‌رسد که در آینده دوباره اتفاق بیافتد.

سوال بعدی درباره صرف ارزش (استراتژی) این است که آیا این استراتژی در بلند مدت نگهداری می‌شود یا خیر؟ لینچ (۲۰۰۱)، جرک و ویسرا (۲۰۰۶) و بنسال و کیکو (۲۰۰۶) تخصیص دارایی را با استفاده از سهام رشدی و ارزشی بررسی کردند. لینچ با بررسی اثر قابلیت پیش‌بینی بازده روی انتخاب پرتفوی برای یک سرمایه گذار چند دوره ای سهمی را در این مساله داشت. او به این نتیجه رسید که سرمایه گذاران سهام رشدی را فروش استقراضی کرده و موقعیت خرید در سهام ارزشی گرفته اند. جرک و ویسرا (۲۰۰۶) تصمیم تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی را با استفاده از روش بردار - خود رگرسیونی پیشنهاد شده توسط ویسرا و کامپل (۲۰۰۱-۲۰۰۲) بررسی نمودند و یافتند که میانگین تخصیص به سهام رشدی با افزایش افق سرمایه گذاری بطور چشم گیری افزایش می‌یابد، با اشاره بر اینکه سهام رشدی در افق سرمایه گذاری بلند مدت تر برای صرف سرمایه گذاران سهامی ریسک کمتری نسبت به سهام ارزشی دارد. در هر حال با ترکیب استناد خزانه و اوراق قرضه در مدل، سرمایه گذاران محافظه کار با افق بلند مدت در پرتفوی خود سهام را نگهداری نمی‌کنند، با این پیشنهاد که، بطور تجربی سهام رشدی در مقابل عدم

اطمینان بازده قرضه به خوبی مصون از ریسک نمی‌شوند. بطور مشابه بنسل و کیکو (۲۰۰۶) تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی از طریق بردار خود رگرسیونی صحت خطا (EC - VAR) بررسی نمودند. نویسنده‌گان یافتنند که تخصیص به دارایی‌های ارزشی با افزایش افق زمانی بطور قابل توجهی افزایش می‌یابد. اختلاف میان نتایج بنسل و کیکو با جرک و ویرسا ریشه در توجه به واژه خطای تصادفی در مدل می‌باشد.

جرک و ویرسا (۲۰۰۶) یافتنند که با افزایش افق سرمایه گذاری، تخصیص به سهام رشدی بطور چشم گیری افزایش می‌یابد در حالی که بنسل و کیکو (۲۰۰۶) با استفاده از روش بردار خود رگرسیونی صحت خطا یافتنند که در بلند مدت یعنی با افزایش افق زمانی تخصیص دارایی به سهام ارزشی افزایش می‌یابد. در هر حال باربریز (۲۰۰۰) و کاملیل و ویرسا (۲۰۰۲) نشان دادند که انحراف معیار بازده‌های سهام در افق سرمایه گذاری کوتاه مدت بدلیل برگشت میانگین بازده‌های سهام متفاوت از افق سرمایه گذاری بلند مدت می‌باشد. این نشان می‌دهد که سهام در بلند مدت این تر هستند و پیشنهاد می‌کند که عامل افق سرمایه گذاری بلند مدت برای سهام متقاضی بیشتری را دارد. نتایج اصلی از تحلیل تجربی نشان می‌دهد که موفقیت پیروی از استراتژی ارزشی (فروشی استقراضی سهام رشدی و روی سهام ارزشی ماندن در بلند مدت) با رویکرد مورد استفاده برای طبقه‌بندی بازده‌های سهام رشدی و ارزشی متأثر می‌شود.

۳- روش شناسی پژوهش

در این بخش ابتدا تخصیص پرتفوی میان سهام رشدی و ارزشی بوسیله تطبیق مرزهای میانگین واریانس با افقهای سرمایه گذاری مختلف را ارائه می‌دهیم سپس رویکردن تجزیه و تحلیل موجک را توصیف کرده و چگونگی تجزیه شدن سریهای زمانی را به افقهای سرمایه گذاری مختلف توضیح می‌دهیم. بعد از مارکوویتز که تخصیص ثروت به سبدی از اوراق بهادار را بررسی کرد نقش افقهای سرمایه گذاری در انتخاب پورتفوی بهینه در مطالعات مختلف بررسی شده است. فرض می‌کنیم بدلیل آنکه سرمایه گذاران مختلف الگوهای مصرف مختلفی دارند دارای افق‌های سرمایه گذاری مختلفی نیز می‌باشند. برای بررسی تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی فرض می‌شود که همه سرمایه گذاران ریسک‌گریزند و زمان تشکیل پورتفوی بهینه شان بدنبال حداکثرسازیتابع مطلوبیت مورد انتظار هستند. همانطور که لی و همکاران (۱۹۹۰) فرض کرده اند تخصیص دارایی سرمایه گذار بوسیله میانگین بازده و واریانس/کوواریانس طی افقهای سرمایه گذاری برنامه ریزی شده اثر می‌پذیرد. این فرض با این دیدگاه حمایت می‌شود که یک سرمایه گذاری که برای یک ماه سرمایه گذاری می‌کند پایه تصمیماتش بر میانگین و واریانس/کوواریانس محاسبه شده از بازده‌های ماهانه گذشته می‌باشد در حالی که یک سرمایه گذار با دوره نگهداری یکساله نرخهای بازده و ریسک یکسال گذشته را بکار خواهد برد. بنابراین سرمایه گذاران با افقهای سرمایه گذاری مختلف ممکن است در یک افق سرمایه گذاری خاص به واریانس/کوواریانس پاسخ دهند. به یاد داشته باشید که سیستم برای افقهای سرمایه گذاری جایگزین حل شده است $\lambda_j = 1, 2, \dots, n$

بنابراین ما بدنبل وزن دارایی بهینه ($\lambda_j X$) که مطلوبیت سرمایه گذار را بین بازده و واریانس موردنظر در یک مقیاس زمانی خاص حداکثر کند هستیم تحت این فرض که سرمایه گذار تابع مطلوبیت موردنظر میانگین-واریانس را زمان تشکیل یک پورتفوی بهینه بوسیله حل معادله زیر حداکثر کند.

$$\text{Max } EU(\lambda_j) = E[\mu(\lambda_j)x(\lambda_j) - \gamma x(\lambda_j)\Sigma(\lambda_j)x(\lambda_j)]$$

subject to $I'x(\lambda_j) = 1$
 در جایی که $\Sigma(\lambda_j)$ ماتریس واریانس-کوواریانس، $\mu(\lambda_j)$ بردار بازده های موردنظر برای افق سرمایه گذاری خاص λ_j درجه ریسک گریزی است ($\gamma > 0$) و I بردار آن است. در این مورد محدودیت منفی نبودن وزن دارایی ها را برای فروش استقراضی نگذاشته ایم.

با مقایسه بردار وزنده در افقهای سرمایه گذاری مختلف، اثر افقهای سرمایه گذاری روی تخصیص دارایی را می توانیم تحلیل کنیم بعلاوه یک مقایسه با ضرایب ریسک گریزی و افقهای سرمایه گذاری مختلف به ما اجازه می دهد تا بررسی کنیم که چگونه ریسک گریزی روی تخصیص دارایی اثر می گذارد و چگونه تخصیص پورتفوی بوسیله افقهای سرمایه گذاری اثر می پذیرد. طبق تحقیق زیمبا و چوبرا (۱۹۹۳) تخصیص بهینه پورتفوی می تواند بوسیله خطاهایی در میانگین‌ها، واریانسها و کوواریانسها در چارچوب میانگین-واریانس اثر پذیرد. در برخی مقالات مانند سانفیلیپو (۲۰۰۳) و هاسون و پرسون (۲۰۰۱) از رویکرد خودراه اندازی (bootstrap) استفاده کرده اند در این مقاله نیز از این روش استفاده شده است. سرمایه گذاران بدليل الگوهای متفاوت مصرفشان افق های سرمایه گذاران متفاوتی را دارند. بنابراین بازده های مشاهده شده می تواند بعنوان یک سیگنالی از سطوح مختلف بررسی شود که افق های زمانی سرمایه گذار را منعکس می کند. از آنجایی که این موجکها به ما اجازه می دهند ویژگی هایی را که در زمان و فراوانی محلی هستند را بگیریم پس در این قسمت تجزیه و تحلیل موجک بعنوان یک ابزار طبیعی برای بررسی تصمیمات تخصیص پرتفوی مورد استفاده قرار می گیرد. در این تحقیق از یک موجک گسسته با حداکثر هم پوشانی که در یک تحلیل چندگانه تغییر شکل می یابد، استفاده می شود.

کلید تحلیل حل چند گانه یک تابع موجک مادر (ψ) می باشد. ψ یک موجکی می باشد که شرایط نظم و مقبولیت را تامین می کند. این شرایط ضروری این اطمینان را می دهد که $\psi(t)$ در هر دو فضای زمانی و فراوانی به خوبی محلی شده است. (جنسن ۲۰۰۰) با فرض اینکه موجکها در زمان و فراوانی محلی باشند تبدیل موجک گسسته با حداکثر همپوشانی (MODWT) ضرایب تخمینی و جزئی را بدست می آورد که مربوط به سریهای زمانی می باشد. ضرایب جزئی در هر مقیاس، انحرافاتی را از روند می گیرد در حالی که ضرایب تخمینی را ارائه می کنند. به یاد داشته باشید که مقیاسهای کوچکتر به باندهای با فراوانی بیشتر مربوطند. برای مثال با پیروی از جنسای و همکاران (۲۰۰۱)، اولین مقیاس در ارتباط با افق سرمایه گذاری یک ماهه برای داده ماهیانه و مقیاس دوم در ارتباط با افق سرمایه گذاری دو ماهه با داده ماهیانه و می باشد. X_1 و X_2 فرایندهای ثابت می باشند. با فرض اینکه ضرایب موجک برای X_1 و

y_t از MODWT بدست آمده است، واریانس موجک برای هر فرایند ثابت با استفاده از ضرایبی برای مقیاس $\lambda_j = 2^{j-1}$ تخمین زده می شود تحت این فرض که ساختار وابسته بازده هایمان مستقل از طول زمان است.

$$\sigma_i^2(\lambda_j) \equiv \frac{1}{N_j} \sum_{t=1}^{N-1} [d_{j,t}]^2, \quad i = X, Y,$$

در جایی که $d_{j,t}$ ضریب موجک از متغیرهای i در مقیاس j و λ_j تعداد ضرایب بدون تأثیر از محدودیت می باشد و $L_j = (2^j - 1)$ طول مقیاس فیلتر موجک λ_j می باشد و واریانس موجک در هر مقیاسی می تواند بعنوان قدرت (انرژی) موجک از هر مقیاس تفسیر شود. پرسیوال و والدن (۲۰۰۰) و گیاسای و همکاران (۲۰۰۲) نشان دادند که واریانس سری های زمانی اولیه (اصلی) توسط واریانس ضرائب از MODWT بطور کامل گرفته شده است. با استفاده از این واریانس موجک (قدرت موجک)، مانیماران و همکاران (۲۰۰۵)، توان مقیاس بندی هرست Hurst را با استفاده از واریانس موجک زیر محاسبه کردند.

$$F(\lambda_j) \sim \lambda_j^H, \text{ where } F(\lambda_j) = \left[\sum_{j=1}^s \sigma^2(\lambda_j) \right]^{1/2}$$

در جایی کهتابع نوسان $F(\lambda_j)$ در مقیاس j می تواند بوسیله کم کردن سریهای نوسازی شده بعد از حذف ضرایب موجک موفق از داده بدست آید. توان هرست Hurst می تواند از شبیه نمودار لگاریتم - لگاریتم $F(\lambda_j)$ در مقابل مقیاس j بدست آید. توان هرست با مقدار ۰.۵ برابر با گوچی است و $H > 0.5$ یک سری های زمانی مقاوم را نشان می دهد و $H < 0.5$ یک سری های زمانی غیر مقاوم را نشان می دهد. بطور مشابه با استفاده از ضرایب موجک برای X_t و y_t بدست آمده از MODWT، کواریانس و همبستگی با استفاده از ضرایب برای مقیاس $\lambda_j = 2^{j-1}$ تحت این فرض که ساختار وابستگی از بازده هایمان مستقل از طول زمان است، تخمین زده شده است.

$$\text{Cov}_{XY}(\lambda_j) \equiv \frac{1}{N_j} \sum_{t=1}^{N-1} d_{j,t}^X d_{j,t}^Y$$

$$\rho_{XY}(\lambda_j) \equiv \frac{\text{Cov}_{XY}(\lambda_j)}{\sigma_X(\lambda_j) \sigma_Y(\lambda_j)},$$

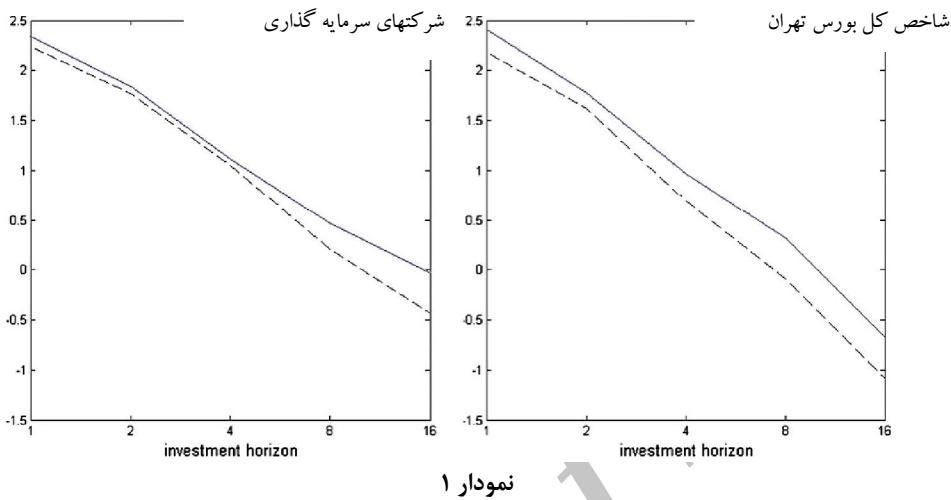
در این مشخصه و $COV_{xy}(\lambda_j)$ و $\tilde{P}_{xy}(\lambda_j)$ نشان دهنده کواریانس موجک و همبستگی موجک از افق های سرمایه گذاری خاص می باشد.

در این مقاله از بازده های ماهانه سهام ارزشی و رشدی و بازده اوراق مشارکت طی دوره ۰۱ ساله استفاده شد. داده ها از نرم افزار ره آورد نوین جمع آوری شدند. نسبتهای ارزش دفتری به ارزش بازاری بالای ۳۰٪ برای سهام ارزشی و کمتر از ۳۰ درصد برای سهام رشدی در نظر گرفته شد (طبق مقاله فرانکسیس و همکاران ۲۰۱۱). از شاخص بورس تهران طی همان دوره زمانی برای سهام رشدی و ارزشی نیز استفاده شد. برای تحلیل تخصیص دارایی میان افقهای سرمایه‌گذاری مختلف ابتدا باید تعیین کیم که کدامیک از فیلترهای موجک در دسترس متعدد را استفاده نماییم با تمرکز بر توازن میان اندازه نمونه و طول فیلتر موجک، فیلتر موجک با طول ۸ و حداقل عدم تقارن را انتخاب کردیم که داده هایمان را به ۵ مقیاس تجزیه می کنند که از یک تا افق سرمایه‌گذاری ۱۶ ماه می باشد. در ابتدا واریانس‌های بازده ها مربوط به سهام رشدی و ارزشی را با استفاده از دو سری داده در افق های سرمایه‌گذاری مختلف بررسی نمودیم. یک ویژگی مهم از انتقال موجک توانایی آن برای تجزیه و تحلیل واریانس فرایند تصادفی می باشد.

۴- نتایج پژوهش

نمودار یک واریانس‌های موجک بر مبنای انتقال موجک گسسته با حداکثر همپوشانی از چهار سری در برابر افقهای سرمایه‌گذاری بعد از تبدیل به لگاریتم را توضیح می دهد. در این نمودار خط پررنگ لگاریتم واریانس‌های موجک بازده سهام رشدی از شاخص بورس و شرکتهای سرمایه‌گذاری را نشان می دهد در حالی که خط ممتد لگاریتم واریانس‌های موجک بازده سهام ارزشی شاخص بورس و شرکتهای سرمایه‌گذاری را نشان می دهد. از نمودار یک دو چیز مهم را می توان فهمید اول آنکه واریانس های موجک سهام رشدی بیشتر از سهام ارزشی در تمام افقهای سرمایه‌گذاری می باشد. این یافته نشان می دهد که سهام رشدی بدون توجه به افق سرمایه‌گذاری پر ریسک تر از سهام ارزشی می باشد. دوم آنکه واریانس های ارزشی و رشدی با افزایش افق سرمایه‌گذاری کاهش می یابد که با یافته بنسل و کیکو (۲۰۰۶) سازگار می باشد. این نتیجه نشان می دهد که یک سرمایه‌گذار با افق سرمایه‌گذاری کوتاه مدت مجبور به پاسخ به هر نوسانی در بازده های درک شده می باشد در حالی که برای یک سرمایه‌گذار با افق سرمایه‌گذاری بلند مدت، ریسک بلند مدت بطور قابل توجهی کاهش می یابد (کیم ۲۰۰۵).

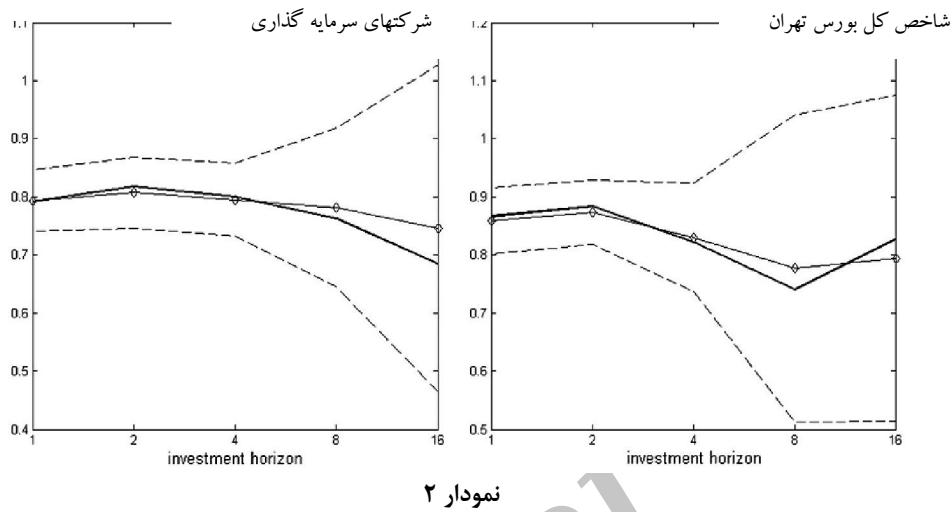
نمودار یک می تواند مربوط به مقیاس بندی واریانس مشهور باشد. تحلیل مقیاس بندی بررسی واپستگی بلند مدت در سری های زمانی مالی بکار گرفته می شوند. از نقطه نظر سرمایه‌گذار، وجود واپستگی بلند مدت نشان می دهد که ریسک سرمایه‌گذاری نه تنها یک تابعی از نوع دارایی مورد توجه می باشد بلکه به افق سرمایه‌گذاری ترجیح داده شده از طرف سرمایه‌گذار نیز مربوط می باشد (هالتن ۱۹۹۲). حقیقت این است که واریانس های بازده ها روی سهام ارزشی و رشدی با افزایش افق سرمایه‌گذاری کاهش می یابد که می تواند بدین معنا باشد که سریها غیرهمبسته می باشند.



برای بررسی این واقعیت توان هرست (Hurst) برای شناسایی ثبات نسبی و ولستگی بلند مدت برای سهام رشدی و ارزشی با استفاده از معادله ۳ تخمین زده می شود. توان هرست تخمین زده شده H در جدول یک گزارش شده است.

	Growth	Value	Growth	Value
Hurst	0.240*	0.238*	0.296	0.186
F-stat.	71.086 (0.004)	57.604 (0.005)	6.598 (0.083)	7.538 (0.071)

همانطور که در این جدول دیده می شود، همه تخمین ها بطور آماری در سطح یک درصد بجز سهام ارزشی شاخص بورس تهران معنادارند. این نتیجه نشان می دهد که سهام غیرهمبسته اند بجز سهام ارزشی شاخص بورس تهران، بعبارت دیگر نتایج پیشنهاد می کنند پدیده ای را که بازده های سهام یک فرایند برگشت میانگین را دنبال می کند. ساختار همبستگی بعنوان یک عامل مهم در تعیین یک پرتفوی می باشد، بدلیل همبستگی منفی (ثبت) میان بازده های دو دارایی منجر به کاهش (افزایش) کل واریانس پرتفوی می شود. ما همبستگی موجک را در افق های سرمایه‌گذاری متعدد بررسی نمودیم. از آنجایی که آنها بوسیله اثر افق تاثیر خواهند پذیرفت بدلیل آنکه یک اثر ت نوع بخشی زمان میانگین ها و واریانس های بازده های افق بلندمدت را تغییر می دهد. نمودار ۲(a,b) همبستگی های موجک بر مبنای MODWT را از بازده های سهام رشدی و ارزشی نشان می دهد.

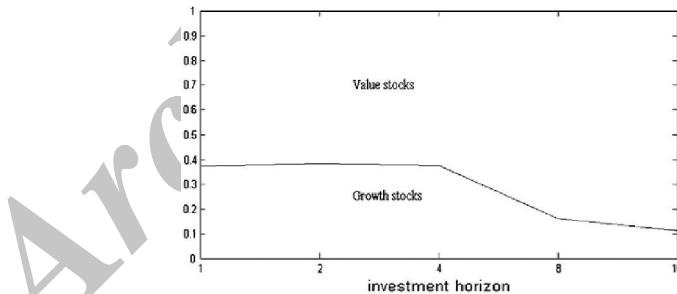


در نمودار 2 خط تیره همبستگی‌های موجک در افق‌های سرمایه‌گذاری مختلف را نشان می‌دهد که بوسیله داده‌های اصلی تخمین زده شده اند در حالی که خطوط با نقاط بر جسته و خطوط ممتد به ترتیب همبستگی‌های میانگین و فاصله اطمینان 95 درصد را نشان می‌دهند که با استفاده از روش خودراه انداز ثابت برمبنای 5000 بار تکرار محاسبه شده اند. همه همبستگی‌های تخمین زده شده در نمودار 2 در سطح 5 درصد معنادارند. تحلیل مان همبستگی‌های موجک را نسبت به همبستگی‌های میانگین در طی افق‌های سرمایه‌گذاری متعدد تطبیق می‌دهد. بطور کلی حرکات همبستگی‌های موجک در افق‌های زمانی ثابت اند. در هر حال همبستگی‌های میان سهام رشدی و ارزشی در شاخص بورس یک مقدار بیشتر از سهام رشدی و ارزشی شرکت‌های سرمایه‌گذاری است. در این مقاله دو سناریو را بررسی می‌کنیم یکی سرمایه‌گذارانی که فقط روی سهام رشدی و ارزشی سرمایه‌گذاری می‌کنند و دیگری یک پرتفویی با دارایی‌های رشدی و ارزشی به همراه یک دارایی بدون ریسک مانند اوراق مشارکت را شامل می‌شود. وزنهای تخصیصی به سهام رشدی و ارزشی در سناریو اول در جدول 2 با تنوعی از ریسک گریزی و افق‌های سرمایه‌گذاری برای پرتفوی‌های شرکت‌های سرمایه‌گذاری ارایه شده است. به یاد داشته باشید که میانگین وزنهای تخصیصی سهام رشدی و ارزشی و میانگین خودراه اندازی و انحراف معیارها بعد از تخمین ریسک مربوطه گزارش شده اند که توسط چوپرا و زیمبا(1993) یافت شد. با استفاده از میانگین خودراه اندازی و انحراف معیار همه وزنهای تخصیصی پرتفوی تخمین زده شده در سطح اطمینان 95 درصد معنادارند.

جدول ۲: وزنهای تخصیص داده شده به پورتفوی با دو دارایی ریسکی با ۵۰۰۰ بار تکرار با استفاده از بوت استرپ و خطای استاندارد

	Risk aversion parameters									
	1.0		4.0		10.0		50.0		100.0	
	Growth	Value	Growth	Value	Growth	Value	Growth	Value	Growth	Value
Original series	45.18 (45.16) [16.49]	54.82 (54.84) [16.49]	46.63 (46.55) [16.47]	53.37 (53.45) [16.47]	46.92 (46.83) [16.47]	53.08 (53.17) [16.47]	47.07 (46.98) [16.47]	52.93 (53.02) [16.47]	47.09 (46.99) [16.47]	52.91 (53.01) [16.47]
1 month	34.02 (37.02) [15.16]	65.98 (62.98) [15.16]	37.38 (40.22) [15.26]	62.62 (59.78) [15.26]	38.05 (40.86) [15.29]	61.95 (59.14) [15.29]	38.41 (41.20) [15.31]	61.59 (58.80) [15.31]	38.45 (41.24) [15.32]	61.55 (58.76) [15.32]
2 month	32.64 (42.24) [19.16]	67.36 (57.76) [19.16]	38.24 (47.75) [18.79]	61.76 (52.25) [18.79]	39.36 (48.85) [18.75]	60.64 (51.15) [18.75]	39.96 (49.44) [18.73]	60.04 (50.56) [18.73]	40.04 (49.52) [18.73]	59.96 (50.48) [18.73]
4 month	25.62 (46.09) [24.91]	74.38 (53.91) [23.93]	37.65 (56.13) [23.84]	62.35 (43.87) [23.84]	40.05 (58.14) [23.84]	59.95 (41.86) [23.84]	41.34 (59.21) [23.81]	58.66 (40.79) [23.81]	41.50 (59.34) [23.80]	58.50 (40.66) [23.80]
8 month	-3.87 (28.34) [35.37]	103.87 (71.66) [35.37]	16.20 (47.47) [31.08]	83.80 (52.53) [30.58]	20.21 (51.30) [30.58]	79.79 (48.70) [30.58]	22.35 (53.34) [30.34]	77.65 (46.66) [30.34]	22.62 (53.59) [30.32]	77.38 (46.41) [30.32]
16 month	-15.00 (-332) [56.39]	115.00 (103.32) [56.39]	11.29 (33.24) [41.12]	88.71 (66.76) [41.12]	16.55 (40.55) [39.50]	83.45 (59.45) [39.50]	19.35 (44.45) [38.90]	80.65 (55.55) [38.90]	19.70 (44.94) [38.84]	80.30 (55.06) [38.84]

اول بررسی می کنیم که چگونه افزایش افق سرمایه گذاری روی تخصیص دارایی اثر می گذارد. بطور کلی با افزایش افق سرمایه گذاری بیشتر وزنهای بدون توجه به ریسک گریزی به سهام ارزشی تخصیص داده می شود. با ضریب ریسک گریزی ۴ وزنهای تخصصی پورتفوی میان سهام رشدی و ارزشی در نمودار ۳ ارایه شده است.



نمودار ۳ وزنهای تخصیص داده شده به پورتفوی شرکتهای سرمایه گذاری تا افق سرمایه گذاری ۱۶ ماهه

از این نمودار مشخص است که وزن تخصیصی به سهام رشدی با افزایش افقهای سرمایه گذاری کاهش می یابد. این نتیجه پیشنهاد می کند که سهام ارزشی کم ریسک تر از سهام رشدی در افقهای طولانی مدت برای سرمایه گذارانی که فقط سهام می خرند، هستند. این نتیجه دقیقاً مرتبط به ریسک نسبی میان سهام

رشدی و ارزشی است. به منظور آنکه ببینیم چگونه برگشت میانگین روی ریسک نسبی سهام رشدی در مقابل سهام ارزشی اثر می‌گذارد واریانس نسبی سهام ارزشی به سهام رشدی را محاسبه می‌کنیم ($\frac{\sigma_{\text{Value}}^2(\lambda_j)}{\sigma_{\text{growth}}^2(\lambda_j)}$). این ارزش‌های محاسبه شده به ترتیب برابر با ۰.۶۷۲، ۰.۷۶۶، ۰.۹۳۵، ۰.۹۳، ۰.۹۸۴، ۰.۴۲، ۰.۱۶۸ ماهه می‌باشد که نشان می‌دهند کل واریانس نسبی سهام ارزشی با افزایش افق سرمایه‌گذاری کاهش می‌یابد این نشان می‌دهد که سهام ارزشی در بلندمدت کم ریسک ترند تا در کوتاه مدت و بنابراین برای سرمایه‌گذار جذاب می‌باشد. سپس اثر ریسک گریزی روی مساله تخصیص پورتفوی را بررسی می‌کنیم. در اینحالات اثر بزرگی از درجه ریسک گریزی یافته نمی‌شود و بدلیل آنست که دارایی بدون ریسکی در این مورد وجود ندارد. بعارت دیگر در یک دنیایی با عدم وجود دارایی بدون ریسک، ریسک گریزی نقشی را در تعیین تخصیص دارایی بهمنه بازی نمی‌کند.

در جدول ۳ نسبت‌های شارپ و انحراف معیار مربوط به پورتفوی را با افق سرمایه‌گذاری مختلف و ضرایب ریسک گریزی مختلف گزارش کرده است.

جدول ۳: نسبت‌های شارپ تخمین زده شده برای پورتفوی‌های با دو دارایی ریسکی

	Risk aversion parameter				
	1	4	10	50	100
Original series	0.089 (0.092)	0.044 (0.046)	0.028 (0.029)	0.012 (0.013)	0.009 (0.009)
1 month	0.144 (0.145)	0.070 (0.071)	0.044 (0.045)	0.020 (0.020)	0.014 (0.014)
2 month	0.161 (0.179)	0.078 (0.086)	0.049 (0.054)	0.022 (0.024)	0.015 (0.017)
4 month	0.284 (0.246)	0.133 (0.115)	0.083 (0.071)	0.037 (0.032)	0.026 (0.022)
8 month	0.488 (0.396)	0.225 (0.178)	0.139 (0.110)	0.062 (0.048)	0.043 (0.034)
16 month	0.782 (0.653)	0.366 (0.288)	0.227 (0.174)	0.100 (0.076)	0.071 (0.053)
	[0.306]	[0.153]	[0.095]	[0.042]	[0.030]

بدون در نظر گرفتن درجه ریسک گریزی با افزایش افق زمانی نسبت شارپ زیاد شده است. این نتیجه از واریانس موجک انتظار می‌رود همانطور که در نمودار ۱ مشاهده می‌شود واریانس بلندمدت کمتر از واریانس کوتاه مدت می‌باشد در حالی که در افق‌های سرمایه‌گذاری مختلف همبستگی ثابت می‌باشد. بنابراین نسبت شارپ در بلندمدت بیشتر از کوتاه مدت می‌باشد. از طرف دیگر با بررسی اثر ریسک گریزی، بدین نتیجه رسیدیم که درجه ریسک گریزی بالاتر نسبت شارپ پایین تری دارد. در سناریو ۲ به بررسی دو دارایی ریسکی (سهام رشدی و ارزشی) به همراه دارایی بدون ریسک پرداختیم. وزنهای تخصیصی به دارایی‌ها در جدول ۴ به همراه افق‌های زمانی و درجه ریسک گریزی مختلف آمده است. میانگین‌ها و انحراف معیارهای خودراه اندازی شده نشان می‌دهند که تمام وزنهای تخصیصی در سطح اطمینان ۹۵ درصد معنادارند. در ابتدا توجه کنید که افزایش افق سرمایه‌گذاری چگونه روی تخصیص دارایی اثر دارد.

در ابتدا با افزایش افق سرمایه گذاری، سرمایه گذاری در سهام رشدی و ارزشی بیشتر شده است. بریسک نسبی سهام با افزایش افق سرمایه گذاری کم در حالی که ریسک نسبی اوراق مشارکت با افزایش افق سرمایه گذاری افزایش می‌یابد. البته اگر درجه ریسک گریزی بیشتر از ۱۰ شود آنگاه وزنهای سهام رشدی و ارزشی ناچیز و کم می‌شوند چرا که بازده بدون ریسک در بلندمدت یک درآمد ثابت را نسبت به سهام رشدی و ارزشی برای سرمایه گذاران محافظه کار ارایه می‌کند.

جدول ۴: وزنهای تخصیصی تخمین زده شده برای پورتفوی های با دو دارایی ریسکی و دارایی نقد در پورتفوی رشدی و ارزشی شرکتهای سرمایه گذاری با ۵۰۰۰ بار تکرار با استفاده از خودراه اندازی (بوت استرپ) تا افق سرمایه گذاری ۱۶ ماهه، خطاهای استاندارد، ارایه نتایج با تجزیه و تحلیل موجک

	Risk aversion parameter														
	1			4			10			50			100		
	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value
Original series	98.65 (98.60)	0.46 (0.50)	0.88 (0.90)	98.66 (99.68)	0.13 (0.14)	0.20 (0.20)	99.87 (99.87)	0.07 (0.07)	0.07 (0.06)	99.97 (99.98)	0.03 (0.03)	-0.01 (-0.02)	99.99 (100.00)	0.03 (0.03)	-0.01 (-0.02)
1 month	96.91 (96.82)	1.07 (1.07)	2.02 (1.13)	99.23 (99.21)	0.33 (0.34)	0.44 (0.45)	99.69 (99.69)	0.19 (0.18)	0.12 (0.13)	99.94 (99.95)	0.11 (0.09)	-0.05 (-0.04)	99.97 (99.98)	0.10 (0.08)	-0.07 (-0.06)
2 month	95.71 (94.89)	1.41 (1.74)	2.88 (3.37)	98.92 (98.72)	0.40 (0.43)	0.68 (0.85)	99.57 (99.49)	0.19 (0.16)	0.12 (0.14)	99.92 (99.91)	0.09 (0.02)	0.00 (0.07)	99.96 (99.96)	0.07 (0.00)	-0.03 (0.04)
4 month	88.53 (90.16)	3.39 (2.48)	7.08 (7.36)	97.34 (97.55)	0.92 (0.78)	1.74 (1.67)	98.93 (99.03)	0.40 (0.26)	0.66 (0.71)	99.79 (99.82)	0.13 (-0.02)	0.08 (0.19)	99.90 (99.92)	0.09 (-0.05)	0.01 (0.13)
8 month	71.89 (78.38)	-20.33 (-9.87)	48.43 (31.49)	94.19 (94.96)	2.01 (1.71)	3.80 (3.33)	97.68 (97.99)	0.97 (0.69)	1.34 (1.32)	99.57 (99.62)	0.41 (0.13)	0.02 (0.25)	99.81 (99.83)	0.34 (0.06)	-0.14 (0.11)
16 month	37.03 (48.80)	-22.42 (-30.74)	85.40 (80.94)	87.25 (88.18)	4.32 (0.90)	8.43 (10.92)	94.88 (95.65)	2.08 (1.50)	3.04 (2.86)	99.07 (99.20)	0.82 (0.38)	0.11 (0.43)	99.60 (99.64)	0.66 (0.23)	-0.26 (0.13)
	[37.44] (47.32)	[59.89] (59.89)	[9.25] (8.88)	[8.88] (14.46)	[3.13] (3.13)	[1.50] (1.50)	[2.39] (2.39)	[0.57] (0.47)	[0.45] (0.45)	[0.29] (0.29)	[0.41] (0.41)	[0.43] (0.43)			

حال به اثر ریسک گریزی روی تخصیص پورتفوی توجه کنید که با افزایش ریسک گریزی وزن تخصیصی به سهام رشدی و ارزشی کاهش می‌یابد بدین معنی که سرمایه گذاران محافظه کار نیازمند یک جریان ثابتی از مصرف می‌باشند. حال به وزن تخصیصی به سهام رشدی در مقابل سهام ارزشی می‌پردازیم مثلاً در درجه ریسک گریزی ۴، در افق سرمایه گذاری کوتاه مدت، وزن سهام رشدی بیشتر از ارزشی و در بلندمدت وزن سهام ارزشی بیشتر از رشدی است هر چند که این وزنها درصد خیلی کمی از پورتفوی را شامل می‌شوند مثلاً در افق سرمایه گذاری ۱۶ ماهه ۸/۴۳ درصد به سهام ارزشی و ۴/۳۲ درصد به سهام رشدی تخصیص داده شده است.

نتایج تجربی پورتفوی شاخص بورس در جدول ۵ آمده است بر اساس نتایج خود راه اندازی تمامی وزنهای تخصیص در این جدول در سطح ۵ درصد معنی دار هستند. وزنهای تخصیصی به سهام رشدی و ارزشی با افزایش افق سرمایه گذاری، افزایش می‌یابد با تمرکز روی تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی نتایج کمی متفاوت از نتایج پورتفوی شرکتهای سرمایه گذاری بدست آمد زمانی که درجه ریسک گریزی بیشتر از ۵۰ است، وزنهای تخصیصی به سهام رشدی و ارزشی کم است. این نتیجه مانند پورتفوی شرکتهای سرمایه گذاری است. در هر حال زمانی که ضریب ریسک گریزی

10 یا کمتر از آن می‌باشد، وزنهای تخصیصی به سهام رشدی و ارزشی بسیار مهم بخصوص در افق سرمایه‌گذاری بلندمدت می‌شوند. بهر حال در اینمورد تفاوت اندکی میان وزندهی پورتفوی سهام رشدی و ارزشی مشاهده شد که نتیجه تحقیق کوتاری و همکاران (۱۹۹۵) را تایید کند که یافتند با استفاده از بازده‌های سالیانه پورتفوی، نسبت ارزش دفتری به بازاری اثری روی پورتفویهای استاندارد پورز ندارد. بطور کلی این یافته نشان می‌دهد که موفقیت در پیروی از استراتژی ارزشی بستگی به آن دارد که چه فیلترهای رشدی و ارزشی برای بازده‌های سهام بکار گرفته شده است.

جدول ۵: وزنهای تخصیصی تخمین زده برای پورتفوی‌های با دارایی‌رسیکی و دارایی‌نقد در پورتفوی رشدی و ارزشی شاخص بورس با ۵۰۰۰ بار تکرار با استفاده از خود راه اندازی (بوت استرپ) تا افق سرمایه‌گذاری ۱۶ ماهه، خطاهای استاندارد، ارایه نتایج با تجزیه و تحلیل موجک

Risk aversion parameter															
1			4			10			50			100			
Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	Cash	Growth	Value	
Original series	98.41 (98.20)	0.79 (0.90)	0.80 (0.90)	99.62 (99.57)	0.31 (0.34)	0.07 (0.10)	99.86 (99.84)	0.21 (0.22)	-0.07 (-0.06)	99.99 (99.99)	0.16 (0.16)	-0.15 (-0.15)	100.00 (100.00)	0.15 (0.16)	-0.16 (-0.16)
1 month	96.79 (96.39)	1.42 (1.64)	1.79 (1.98)	99.21 (99.11)	0.45 (0.51)	0.33 (0.38)	99.69 (99.65)	0.26 (0.28)	0.04 (0.06)	99.95 (99.95)	0.16 (0.16)	-0.11 (-0.11)	99.99 (99.98)	0.14 (0.15)	-0.13 (-0.13)
2 month	94.29 (93.18)	2.50 (2.97)	3.21 (3.85)	98.58 (98.30)	0.68 (0.80)	0.74 (0.90)	99.43 (99.32)	0.32 (0.37)	0.25 (0.31)	99.89 (99.87)	0.13 (0.14)	-0.02 (-0.01)	99.95 (99.94)	0.10 (0.11)	-0.05 (-0.05)
4 month	85.59 (83.15)	6.62 (7.30)	7.79 (14.55)	96.42 (96.08)	1.81 (1.79)	1.77 (2.14)	98.59 (98.45)	0.85 (0.84)	0.56 (0.71)	99.75 (99.73)	0.34 (0.33)	-0.08 (-0.06)	99.89 (99.89)	0.27 (0.27)	-0.16 (-0.15)
8 month	63.94 (55.20)	4.80 (-14.04)	31.26 (58.84)	91.75 (90.83)	4.05 (3.63)	4.19 (5.54)	96.76 (96.45)	1.88 (1.79)	1.36 (1.76)	99.44 (99.38)	0.72 (0.64)	-0.16 (-0.03)	99.78 (99.76)	0.57 (0.49)	-0.35 (-0.25)
16 month	30.70 (-7.23)	62.93 (-36.58)	67.77 (143.81)	67.47 (75.46)	1.589 (-0.45)	16.64 (24.99)	87.02 (91.60)	6.52 (2.96)	6.46 (5.44)	97.46 (98.59)	1.52 (0.94)	1.02 (0.48)	98.76 (99.40)	0.90 (0.62)	0.34 (-0.02)
	[91.39]	[120.17]	[152.13]	[23.53]	[25.16]	[36.42]	[8.62]	[5.86]	[9.19]	[1.45]	[0.77]	[0.97]	[0.78]	[0.51]	[0.76]

۵- نتیجه‌گیری و بحث

تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی برای مدیران مالی جذاب می‌باشد. این مقاله رویکرد جدیدی با استفاده از روش موجک برای بررسی تخصیص پورتفوی میان سهام رشدی و ارزشی در افقهای سرمایه‌گذاری مختلف را ارایه می‌دهد. در این مقاله به بررسی این موضوع با جواب به دو سوال زیر پرداخته شد: **الف**- چگونه افق سرمایه‌گذاری روی تخصیص پورتفوی اثر می‌گذارد؟ **ب**- چگونه ریسک گریزی روی تخصیص پورتفوی اثر می‌گذارد؟ یافته تحقیق نشان می‌دهد زمانی که یک دارایی بدون ریسک را در تحلیل مان ترکیب کردیم با افزایش افق سرمایه‌گذاری سرمایه‌گذار بیشتر وزن پورتفوی به سهام رشدی و ارزشی داده شد که با نتیجه Hassan (2000) سازگار است. یک توضیحی برای این نتیجه اینست که در یک افق سرمایه‌گذاری خاص، فرایند تولید بازده برای سهام بطور متوسط برمی‌گردد که بدان معناست که با افزایش افق سرمایه‌گذاری، ریسک نسبی سهام کم می‌شود.

بحث اصلی در این مقاله، استفاده از تجزیه و تحلیل موجک برای تخصیص دارایی میان سهام رشدی و ارزشی با توجه به درجات مختلف ریسک گریزی سرمایه گذاران می‌باشد. از سوی دیگر به منظور تحلیل اثر افق سرمایه گذاری روی عملکرد نسبی دارایی های مختلف، بازده های کلی در دوره های زمانی طولانی مدت را بدست آورده ایم. در هر حال بدليل فقدان هم پوشانی بازده های دوره نگهداری برای افق های طولانی مدت ، رویکرد سنتی برای ایجاد بازده دوره نگهداری طولانی مدت تر برآسانس این فرض است که بازده های دوره نگهداری از هم مستقل اند و توزیع های بازده ثابت هستند. این فرضیات به محققان اجازه می دهد به آسانی بازده و واریانس/کوواریانس دوره نگهداری طولانی تر را برآسانس بازده تک دوره ای و واریانس کوواریانس محاسبه کنند، در حالی که بازده مورد انتظار و واریانس ایجاد شده در طول زمان برآبراند در حالی که این درست نیست.

در این تحقیق از شاخص کل بورس اوراق بهادار تهران و شرکتهای سرمایه گذاری پذیرفته شده در بورس تهران استفاده شد. نتایج پورتفوی شرکتهای سرمایه گذاری نشان می دهد که با افزایش سرمایه گذار، میانگین بهینه تخصیص سرمایه گذاران به سمت سهام ارزشی می رود و از سهام رشدی فاصله می گیرد(بخصوص برای افراد با درجه ریسک گریزی کم و متوسط). این نتایج نشان می دهد که سهام ارزشی در بلندمدت ریسک کمتری نسبت به سهام رشدی دارد. بطور قابل توجهی برای پورتفوی بازار، وزنهای تخصیصی میان سهام رشدی و ارزشی متفاوت از هم نمی باشند.

فهرست منابع

- شاه بند، میثم (۱۳۸۵). مقایسه شرکت های دارای سهام رشدی و ارزشی در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه دوره کارشناسی ارشد مدیریت بازرگانی، دانشگاه مازندران، دانشکده علوم اقتصادی و اداری.
- قالیباف اصل، حسن؛ بایالویان، شهرام؛ جولا، جعفر (۱۳۸۷). "مقایسه بازدهی سهام رشدی با سهام ارزشی در بورس اوراق بهادار تهران، فصلنامه بورس اوراق بهادار، سال اول، شماره ۳ صص ۱۱۱-۱۳۴ مالکی قمی، علی (۱۳۸۹). مقایسه بازدهی روش های مختلف انتخاب سهام ارزشی و رشدی در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه دوره کارشناسی ارشد مدیریت مالی، تهران، دانشکده مدیریت دانشگاه تهران.
- * Bansal.R., Kiku.D., 2006. Long-run Asset Allocation. Working Paper.
 - * Bansal.R., Dittmar.R.F., Lundblad.C., 2005. Consumption, Dividends and the crosssection of equity returns. The Journal of Finance 60. 1639-1672.
 - * Bansal.R., Dittmar.R.F., Kiku.D., 2006. Cointegration and Consumption Risks in Asset Returns. Working Paper. Duke University.
 - * Barberis.N., 2000. Investing for the long run when returns are predictable. The Journal of Finance 55. 225-264.
 - * Bodie.Z., Merton.R.C., Samuelson. W.F., 1992. Labor supply flexibility and portfolio choice in a life cycle model. Journal of Economic Dynamics and Control 16. 427-449.
 - * Campbell. J.Y., Viceria. L.M., 2001. Who should buy long-term bonds? The American Economic Review 91. 99-127.
 - * Campbell.J.Y, Viceria.l.m., 2002. Strategic Asset Allocation: portfolio choice for long-term investors. Oxford University press. Oxford.

- * Chopra.V.K., Ziembka.W.T., 1993. The effect of error in means, Variances and covariances on optimal portfolio choice. Journal of portfolio management 19. 6-11.
- * Durai.S.R.S., Bhaduri.S.N., 2009. Stock prices. Inflation and output: evidence from wavelet analysis. Economic Modeling 26. 1089-1092.
- * Fama.E., French.K., 1992. The Cross-section of expected stock returns. The Journal of Finance 47. 427-456.
- * Fama.E., French.K., 1993. Common risks factors in the returns on stocks and bonds. Journal of Financial Economics 33.3-56.
- * Francis,IN., Sangbae.Kim., 2011. Investment horizon effect on asset allocation between value and growth strategies. Economic Modelling 28(2011). 1489-1497.
- * Fama.E., French.K., 2007. The anatomy of value and growth stock returns. Financial Analysts Journal 63. 44-54.
- * Gencay.R., Selcuk.F., Whitcher.B., 2001. Scaling properties of foreign exchange volatility. Physica A 289. 249-266.
- * Gencay.R., Selcuk.F., Whitcher.B., 2002. An introduction to Wavelets and other Filtering Methods in Finance and Economics. Academic press . London.
- * Gencay.R., Selcuk.F., Whitcher.B., 2003. Systematic risk and time scales. Quantitative Finance 3. 108-116.
- * Gollier.C., Zeckhauser.R., 2002. Horizon length and portfolio risk. Journal of risk and uncertainty 24. 195-212.
- * Gunthorpe.D., Levy.H., 1994. Portfolio composition and the investment horizon. Financial Analysts Journal 50. 51-56.
- * Hansson.B., Persson .M., 2000. Time diversifications and estimation risk. Financial Analysts Journal 56, 55-62.
- * Hatemi-J.A., Roca.E., 2006. A re-examination of international portfolio diversification based on evidence from leveraged bootstrap method. Economic modeling 23.993-1007.
- * Haugen.R.A., Baker.N.L., 1996. Commonalities in the determinants of expected stock returns. Journal of Financial Economics 41. 401-439.
- * Holton.G.A., 1992. Time: the second dimension of risk. Financial Analysts Journal 48. 38-45.
- * Houge.T., Loughran.T., 2006. Do investors capture the value premium? Financial Management 35. 5-19.
- * In.F., Kim.S., 2006. The hedge ratio and empirical relationship between the stock and futures markets: a new approach using wavelet analysis. Journal of Business 79. 799-820.
- * Jensen.M.J. 2000. An alternative maximum likelihood estimator of long memory processes using compactly supported wavelets. Journal of Economic Dynamics and control 24. 361-387.
- * Jurek.J.W., Viceria.L.M., 2006. Optimal value and growth Tilts in long run portfolios. NBER Working paper NO.12017.
- * Kim.S., In.F., 2005. Stock returns and inflation: new evidence from wavelet analysis. Journal of Empirical Finance 12. 435-444.
- * Kim.S., In.F., 2010. Portfolio allocation and the investment horizon: a multiscaling approach. Quantitative Finance 10. 443-453.
- * -Kothari.S.P.,Shanken.J., Sloan.R.G., 1995. Another look at the cross section of expected stock returns. The Journal of Finance 50. 185-224.
- * Lakonishok.J., Schleifer.A., Vishny. R.W., 1994. Contrarian investment, extrapolation and risk. The journal of Finance 49. 1541-1578.
- * Lee,C.F., Wu.C., Wei. K.C.J.1990. The heterogeneous investment horizon and the capital asset pricing model: theory and implications,Journal of Financial and Quantitative analysis 25. 361-376.
- * Li.D.,Ng.W.,2000. Optimal dynamic portfolio selection: multiperiod mean- variance formulation.Mathematical Finance 10. 387-406.

- * LO.A.W.Mackinlay. AC.,1990. When are contrarian profits due to stock market overreaction? Review of Financial studies 3. 175-205.
- * lynch. A.W.,2001.Portfolio choice and equity characteristics: characterizing the hedging demands induced by return predictability. Journal of financial economics 62. 67-130.
- * -Manimaran, p., panigrahi, p.k parikh. J.c., 2005.wavelet analysis and scaling properties of time series. Physics review E 72. 046120.
- * Markowitz.H.,1952. Portfolio selection .the Journal of Finance 7. 77-91.
- * Percival ,D.B.,Walden,A.T., 2000. Wavelet methods for time series analysis. Cambridge university press. Cambridge.
- * Petkova R.,Zhang. L., 2005. Is value riskier than growth? Journal of financial Economics 78. 187-202.
- * Politis, D.N., Romano,JP., The stationary bootstrap, Jornal of the American Statistical Association 89. 1303-1313
- * Francis, In. Sangbae,Kim .,(2011). Investment horizon effect allocation between value and growth strategies.Economic Modelling 1489-1497

پیوست:

تحلیل چند مقیاسی و تبدیل موجک گسسته

۱- تبدیل موجک گسسته

در این بخش به مروری بر پایه های ریاضی و جزئیات موجک می پردازیم . ساختار ریاضی موجک بر فضای توابع V از تجزیه چند مقیاسی (تحلیل چند مقیاسی) بنای شده است . مثال های کلاسیک که در مقاله می بیر (۱۹۹۷) بیان شده است . تجزیه هر روی فضای هیلبرت $L_2(R)$ می باشد . تحلیل چند مقیاسی شامل یک دنباله از زیر فضاهای تو در تو V_i از فضای توابع V (یعنی $\dots \subset V_j \subset V_{j+1} \subset \dots$) با اشتراک تهی و بسیار چگال در $L_2(R)$ است . تجزیه در لایه های دقت چندگانه ، نیازمند یک رابطه دو مقیاسی به صورت زیر است :

$$F(t) \in V_j \Leftrightarrow F(2t) \in V_{j-1}$$

نقطه شروع برای تجزیه و برای ساختن پایه های موجک) ساختن موجک پدر φ است.

این تابع باید دارای مزیت حمایت فشرده و تبدیلات صحیح از توابع مقیاس (k) $\varphi(2^j t - k)$ فضایی فیلتر(بالاینده) V_j ساخته می شود . مقیاس دادن به وسیله 2^j ، توابع پایه ای برای فضای V_j می سازد و فضاهای تو در تو V_j برای ساختن معادله مقیاس

$$\varphi(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} a_k \varphi(2t - k) \quad (1)$$

با ضرایب اختصاص یافته $a_k \in \mathbb{C}$ به کار می رود.

با استفاده از ترکیب های خطی تابع مقیاس موجک پدر ، موجک مادر ساخته می شود .

حفظ تعامد برای ضرایب انتخاب شده در ترکیبات خطی لازم است . به بیان دیگر یکی از شرایط انتخاب موجک های پدر و مادر داشتن تعامد است :

$$< \varphi(0 - k), \psi(0 - l) \geq 0, l, k \in \mathbb{Z} \quad (2)$$

معادله مقیاس ۱ و شرایط تعامد ۲ شرایطی را برای ضرایب b_k فراهم می سازد ، این ضرایب موجک مادر را شناسایی می کنند . موجک مادر ترکیب خطی از مقیاس و موجک های پدر φ است ،

$$\psi(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} b_k \varphi(2t - k) \quad (3)$$

موجک های ψ با ضرایب $\{b_k\}$ و $k \in \mathbb{Z}$ ، به طور یکتا محاسبه می شوند .

یک مثال معروف برای موجک مادر، موجک هار، φ^3 با ضابطه زیر است :

$$\psi(t) = \begin{cases} 1 & t \in [0, 0/5] \\ -1 & t \in [0/5, 1] \\ 0 & t \in [1, 2] \end{cases}$$

که می‌توان موجک پدر را با ضابطه زیر به دست آورد :

$$\Psi(t) = \begin{cases} 1 & t \in [0, 1] \\ 0 & t \in [1, 2] \end{cases}$$

نکته‌ای که در این حالت برای موجک پدر صادق است، این است که معادله مقایس را می‌توان به صورت زیر نوشت :

$$\varphi(2t) + \varphi(2t-1) = \varphi(2t) + \varphi(2t-1)$$

موجک هار به عنوان ترکیب خطی از موجک‌های پدر مقایس شده $\Psi(t) = \varphi(2t) + \varphi(2t-1)$ تعریف می‌شود، در حالی که مقدار ضرایب b_k عبارت است از $b_0=1, b_1=-1, b_2=0, \dots$ برای سایر k ‌ها. موجک هارا می‌توان به عنوان یک موجک داپشیز از مرتبه ۱ با ۲ ضریب تعریف کرد. در حالت کلی، موجک‌های داپشیز از مرتبه N به صورت تحلیلی به دست نمی‌آیند، اما به وسیله N^2 ضریب توصیف می‌شوند.

موجک داپشیز بر مبنای افزایش تعداد پایه‌های متعامد ساخته می‌شود، از طریق ترکیب ایده تجزیه و تحلیل فوریه و بانک‌های فیلتر توصیف شرایط برای متعامد پایه‌ها نسبت به شرایط فیلتر های b_k و a_k در روابط ۱ و ۳ محدود است، از این می‌توان نشان داد که تبدیلات Ψ و φ متعامد هستند و از این تعامد می‌توان دید که در موجک هار $\sum_k b_k = 2$ و $\sum_k a_k = 2$ است. این امر در موجک به آسانی بدست می‌آید. موجکی در نظر بگیرید به طوری که پایه‌های این موجک به وسیله تابع φ تبدیل و مقایس بندی شده‌اند. نوع Ψ مقایس بندی و تبدیل شده به صورت زیر نشان داده می‌شود :

$$\Psi_{j,k}(t) = 2^{2j}\varphi(2^j t - k) \quad (4)$$

برای موجک متعامد Ψ ، مجموعه $\{\Psi_{j,k} \mid j, k \in \mathbb{Z}\}$ پایه‌ای متعامد برای موجک است.

یک تابع f را می‌توان به صورت زیر نمایش داد:

$$f(t) = \sum_{j \in \mathbb{Z}} \sum_{k \in \mathbb{Z}} C_{j,k} \Psi_{j,k}(t) \quad (5)$$

تبدیل موجک گسسته (DWT) متناظر با نگاشتی با ضابطه $C_{j,k} \rightarrow f$ است. DWT و کاری فراهم می‌سازد که برای نمایش داده یا سری‌های زمانی f در جملاتی از ضرایب که به وسیله مقایس‌های خاص کاربرد دارد. اگر f یک سیگنال باشد، تجزیه f مقایس‌های خاص کاربرد دارد. اگر f یک سیگنال باشد تجزیه f به مقایس‌های متفاوت از طریق دقت اعمال DWT به دست می‌آید.

۲. تبدیل موجک گسسته حداقل هم پوشانی

در این بخش، روش‌های پایه‌ای و اصلی موجک ارائه شده و به طور خاص تبدیل گسسته DWT و تبدیل موجک گسسته حداقل هم پوشانی MODWT تشریح می‌شود. همچنین بر اساس سری داده‌های تجزیه شده از طریق روش محاسبه واریانس، کوواریانس و همبستگی موجک دو متغیره ارائه می‌شود.

همان طور که پیشتر نیز اشاره شد. تبدیل‌های موجک پایه عبارتند از موجک پدر و موجک مادر که آنها را به ترتیب با علامت‌های $\varphi(t)$ و $\psi(t)$ نشان می‌دهند. موجک پدر (تابع مقایس) نشان دهنده روند اصلی داده هاست. در

حالی که موجک مادر (تابع کوچک) در جهت توضیح تمام انحرافات از زوند اصلی داده‌ها استفاده می‌شود.

سری زمانی $f(t)$ را در نظر بگیرید. می‌خواهیم آن را به مقایس‌های موجک گوناگون تجزیه کنیم با استفاده از DWT می‌توان داده‌های اصلی را به فضای کوچک تبدیل کرد. این کار با استفاده از تبدیل $w = WF(t)$ انجام می‌

شود ویژگی های مهم سری های زمانی را می توان با استفاده از تابع ψ موجک مادر ف بهتر به دست اورد . این تابع تفاوت های بین دو فضای مجاور را پوشش می دهد با استفاده از تعامل می توان فضای V را به صورت زیر تعریف کرد .

$$L^2 = V_0 \oplus V_1 \oplus V_2 \oplus \dots \quad (6)$$

در رابطه بالا \oplus بیانگر جمع دو فضاست. در این رابطه ارتباط، $V_0 = W_{-\infty} \oplus \dots \oplus W_{-1}$ با فضای موجک از طریق ψ بیان می شود. بر همین اساس موجک مادر به صورت زیر است .

$$\psi_{j,k}(t) = 2^{\frac{1}{2}}\varphi_k(2^{-j}t - k)2^{-\frac{p_j}{2}}(\frac{t-k}{2^j}) \quad (7)$$

بر اساس رابطه ۷ هر سری زمانی $f(t) \in L$ به صورت بسط سری موجک نوشته و بیان می شود .

$$f(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} S_k \varphi_k(t) + \sum_{j=0}^{\infty} d_{j,k} \psi_{j,k}(t) \quad (8)$$

همان طور که در رابطه ۸ مشاهده می شود، الگوریتم DWT توانایی ایجاد ضرایب موجک را در مقایس های ظرفی خش دارد. از این رودادهای با تواتر بالا کم را ثبت می کند. بنابراین، یک سری از اطلاعات هموار شده توسعه از جزئیات به دست می اید که پیشتر مورد بررسی قرار نگرفته است در حالی که این اطلاعات سطح دقیق پیشتری را ارائه می دهد. در این پژوهش، تجزیه و تحلیل MODWT جانشین DWT می شود. این تجزیه و تحلیل تمام عملکردهای DWT را ایجاد می کند که می توان از تجزیه و تحلیل واریانس MRA نام برد . مفهوم اصلی واریانس موجک جانشین مفهوم تغییر پذیر بر مقایس های معین می شود که مقایس کلی به وسیله واریانس نمونه بر آورد می شود . (پرسیوال و والدن ۲۰۰۰،

واریانس موجک به وسیله ضرایب MODWT برای مقایس λ_j از طریق رابطه زیر بیان می شود .

$$\sigma_j^2(\lambda_j) = \frac{1}{N_j} \sum_{t=j-1}^{N-1} [\tilde{d}_{j,t}^T]_1 = x, y \quad (9)$$

که $\tilde{d}_{j,t}^T$ ضریب موجک MODWT متغیر های ۱ در مقایس (z) است .

$$L_j = (2^j - 1)(L - 1) + 1 \quad \tilde{N}_j = N - L_j + 1$$

طول فیلتر موجک مقایس λ_j است .

کواواریانس موجک هم می تواند کواواریانس نمونه را به مقایس های زمانی متفاوت تجزه کند .

کواواریانس موجک در مقایس به صورت زیر بیان می شود .

$$cov_{xy}(\lambda_j) \equiv \frac{1}{N_j} \sum_{t=j-1}^{N-1} \tilde{d}_{j,t}^x \tilde{d}_{j,t}^y \quad (10)$$

باید توجه داشت که برآوردهای هیچ ضریبی را که کاربرد روشنی از حالت های محدود زمانی را داشته باشد به کار نمی برد . با استفاده از ضرایب موجک MODWT متأثر از محدودیت و نرمالسازی مجدد می توان برآوردهای ویژه ای از کواواریانس نوسان را به وجود اورد .

در صورتی که د کواواریانس تغییر سری های زمانی را دخالت ندهیم . می توان مفهوم همبستگی موجک را تعریف کرد . همبستگی موجک از کواواریانس موجک برای $\{x_i\}$ و $\{y_i\}$ و واریانس های موجک برای x و y تشکیل می شود . برآوردهای همبستگی نوسانی به طریق زیر با استفاده از روابط ۹ و ۱۰ بیان می شود .

$$\rho_{xy}(\lambda_j) \equiv \frac{cov_{xy}(\lambda_j)}{\tilde{v}_x(\lambda_j)\tilde{v}_y(\lambda_j)}$$

همبستگی نوسانی همانند ضریب همبستگی معمولی بین دو متغیر تصادفی بیان می شود و دارای مقدار است .