

پیش‌بینی نوسانات بازارهای آتی‌های نفت با استفاده از مدلهای گارچ و مدلهای تغییر رژیم مارکوف گارچ

مرتضی بکی حسکوئی^۱

فاطمه خواجهوند^۲

تاریخ پذیرش: ۹۲/۰۲/۱۵

تاریخ دریافت: ۹۲/۱۲/۲۰

چکیده

در این مقاله مجموعه‌ای از مدلهای مختلف GARCH استاندارد با گروهی از مدلهای تغییر رژیم مارکوف گارچ (MRS-GARCH) براساس توانایی آنها در پیش‌بینی نوسانات بازارهای آتی‌های نفت در افق‌های زمانی یک روزه تا یک ماهه مقایسه می‌شود. به منظور صحة گذاشتن بر ثبات بیش از اندازه‌ای که معمولاً در مدلهای GARCH یافت می‌شود و بیانگر پیش‌بینی‌های نوسانات بسیار بالا و بسیار نامحسوس می‌باشد، پارامترهای مدلهای MRS-GARCH که بین رژیم با نوسان بالا و پایین جابه‌جا می‌شوند، مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرند. برای پسمناندها دو توزیع شرطی دنباله پهن و گوسی فرض می‌شود، و درجه آزادی می‌تواند برای ثبت احتمال کشیدگی متغیر به زمان وابسته به حالت باشد. عملکرد پیش‌بینی مدلهای رقیب توسط توابع زیان آماری مورد ارزیابی قرار می‌گیرد. براساس این توابع، آزمون‌های برابری توانایی پیش‌بینی نوع دیبولد-ماریانو و برتری توانایی پیش‌بینی، مانند بررسی واقعیت وایت و تست SPA هانسن بکار می‌رود. تجزیه تحلیل‌های تجربی نشان می‌دهد که طبق مجموعه گسترده‌ای از توابع زیان آماری مدلهای MRS-GARCH عملکرد بهتری نسبت به مدلهای GARCH استاندارد در پیش‌بینی نوسانات در افق‌های زمانی کوتاه‌تر دارند و در افق‌های زمانی طولانی‌تر مدلهای GARCH نامتقارن استاندارد بهتر عمل می‌کنند. براساس این آزمون‌ها وجود مدل بهتر از MRS-GARCH-t رد می‌شود.

واژه‌های کلیدی: مدلهای تغییر رژیم مارکوف گارچ (GARCH)، مدلهای MRS-GARCH، نوسانات، پیش‌بینی، ارزیابی پیش‌بینی، توزیع‌های دنباله پهن.

۱- استادیار دانشکده اقتصاد دانشگاه علامه طباطبائی e_khajevand@yahoo.com

۲- کارشناس ارشد مهندسی مالی دانشگاه رجاء (مسئول مکاتبات) baky@email.com

۱- مقدمه

یکی از اهداف اصلی تحقیق حاضر نشان دادن نگرانی‌های احتمالی درباره توانایی پیش‌بینی مدل‌های GARCH می‌باشد که در نتیجه تداوم بیش از حد شوکهای منفرد در نوسانات تخمین زده شده، به وجود می‌آیند.

بازده‌های مالی جهش‌های ناگهانی را نمایش می-دهند که نه فقط بعلت شکست‌های ساختاری^۵ در اقتصاد است بلکه همچنین تغییر در انتظارات اپراتورها در مورد آینده که می‌تواند از اطلاعات مختلف یا ترجیحات و الیت‌های غیر مشابه سرچشم بگیرد، دلیل آنها می‌باشد. نوسانات واقعی تحت تأثیر شوکهای زیادی می‌باشند که هیچ یک از آنها برای مدت طولانی تداوم ندارند. مدل‌های GARCH معمولاً پایداری نوسانات بالایی را از خود نشان می‌دهند. لمورکس و لاسترپس (۱۹۹۰)^۶ این پایداری را به احتمال وجود شکست‌های ساختاری درواریانس نسبت می‌دهند. آنها بیان می‌کنند که تغییرات در واریانس غیر شرطی احتمالاً منجر به تخمین‌های اشتباه از پارامترهای GARCH می‌شود به نحوی که دلالت برپایداری دارد. بنابراین یک مدل نوسانی خوب به منظور پیش‌بینی بهتر می‌باشد

برخورد متفاوت با شوکها داشته باشد. بنا بر دلایل ذکر شده در تحقیق حاضر مدل‌های GARCH با یک ساختار تغییر رژیم ترکیب می‌شوند و وجود دو رژیم نوسانی مختلف که با سطح متفاوتی از نوسانات مشخص می‌شوند را نتیجه می‌دهد. در هر دو رژیم نوسانی یک الگو GARCH گونه دنبال می‌شود، به طریقی که از وابسته بودن واریانس واقعی به کل اطلاعات اجتناب می‌کند، طبق نتایج گری (۱۹۹۶) و کلاسن (۲۰۰۲)^۷.

ویژگی که باعث تفاوت مدل‌های MRS- GARCH و مدل‌های GARCH می‌شود بیان کاملاً

با توجه به نقش حیاتی نوسانات در بازارهای مالی، طی سالهای اخیر توجه چشمگیری به تجزیه و تحلیل پیش‌بینی نوسانات شده است. مدیران پرفتوی، معامله‌گران اختیار و بازارگردان‌ها، همگی علاقمند به پیش‌بینی نوسانات، با یک سطح مناسب از دقت و صحت، برای کسب سود بالاتر یا موقعیت ریسکی کمتر می‌باشند.

تاکنون، مدل‌های بسیاری مطرح شده است، اما در بین آنها مدل‌های GARCH بالرسلو (۱۹۸۶)^۱ که شکل تعمیم یافته مدل‌های ARCH انگل (۱۹۸۲)^۲ است از شهرت بالاتری برخوردار هستند.

محبوبیت این مدلها از ساختار بسیار انعطاف‌پذیر و کمک به درک برخی از ویژگیهای خاص سریهای زمانی مالی مانند خوشبندی نوسانات، ناشی می-شود. معمولاً مدل‌های GARCH می‌توانند پدیده نوسانات متغیر در طول زمان طی یک دوره طولانی را در نظر بگیرند (فرنچ و همکاران، ۱۹۸۷، فرانسیس و وان دجک، ۱۹۹۶)^۳ و برآوردهای درون نمونه‌ای خیلی خوب ارائه دهنند.

گذشته از این، چنان که اندرسون و بالرسلو (۱۹۹۸)^۴ استدلال می‌کنند، مدل‌های GARCH واقعاً پیش‌بینی‌های نوسانات خوبی ارائه می‌دهند، هرچند ممکن است حالتی پیش آید که محققان بتوانند برآراش درون نمونه‌ای خوبی بدست آورند اما عملکرد پیش‌بینی خیلی ضعیف باشد. این قدرت پیش‌گویی ضعیف در پیش‌بینی نوسانات می‌تواند ناشی از دو عامل اشتباه در قضاوت، مانند عمل مقایسه پیش‌بینی‌های مدل با یک مقیاس ضعیف و کوچک برای نوسانات گذشته‌نگر و انتخاب نادرست توابع زیان آماری باشد.

۲- مبانی نظری و مروری بر پیشینه پژوهش

بعنوان معیار سنجش ریسک در مدیریت ریسک، نوسانات توجه زیادی را از سوی محققین در سالهای اخیر به خود جلب کرده‌اند و ادبیات گسترده‌ای در مورد این مطلب شکل گرفته است.

با اینکه موفقیت مدل‌های نوع GARCH در توصیف بسیاری از ویژگیهای نوسانات اثبات شده است، اما این مدل‌ها عاری از مشکل نمی‌باشند. در مطالعات تجربی عموماً فرض می‌شود، پارامترهای مدل‌های GARCH در طول زمان ثابت هستند. با این حال، توزیع شرطی بازده‌های مالی بین دوره‌های رکود اقتصادی و توسعه تفاوت دارند (پرز-کیورس و تیمرمن، ۲۰۰۰^{۱۱}). علاوه براین، مدل‌های GARCH غالباً بر تداوم بالای نوسانات شوکهای منفرد دلالت دارند. لمورکس و لاسترپس (۱۹۹۰) استدلال می‌کنند که تداوم بالا در نوسانات ممکن است بعلت تغییرات ساختاری در فرآیند واریانس باشد. پیرو این ایده، کای (۱۹۹۴) و همیلتون و ساسمل (۱۹۹۴^{۱۲}) به طور جداگانه مدل تغییر رژیم مارکوف‌آرج (MRS-ARCH) که ترکیبی از مدل مارکوف (MRS-ARCH) با مشخصات ARCH می‌باشد را ارائه کردند. مدل MRS-ARCH جهت ثبت تغییرات رژیم در نوسانات با متغیر غیرقابل مشاهده حالت که از فرآیند زنجیره مارکوف مرتبه اول تبعیت می‌کند طراحی شد. به این معنا که، پارامترها در فرآیند ARCH مجاز به تغییر در حالت‌های مختلف هستند. اگرچه نشان داده شده است که مشخصات GARCH برای برآش داده‌های مالی بهتر است، کای (۱۹۹۴) و همیلتون و ساسمل (۱۹۹۴^{۱۳}) مشخصات ARCH را جهت غلبه بر مشکل وابستگی مسیر نامتناهی که در مدل MRS-GARCH پدید

متضاد مفهوم نوسانات متغیر به زمان می‌باشد. درواقع، هنگامیکه مدل‌های GARCH نوسانات را بعنوان فرآیند ARMA توصیف می‌کنند، در نتیجه ترکیب مستقیم خطاهای، مدل‌های MRS-GARCH ساختار یکسان برای نوسانات، به اضافه احتمال جهش‌های ناگهانی از رژیم متلاطم به حالت آرام و برعکس حفظ می‌کنند.

در این مقاله قیمت روزانه آتی‌های نفت خام WTI که در بورس تجاری نیویورک (NYMEX) معامله می‌شود، بکار برده شده است. نتایج نشان می‌دهند، طبق طیف گسترده‌ای از ثوابع زیان آماری و آزمون‌های برابری و برتری توانایی پیش‌بینی در افق‌های زمانی کوتاه مدت مدل MRS-GARCH-t عملکرد بالاتری در پیش‌بینی نوسانات دارد و در افق‌های زمانی بلند مدت مدل‌های GARCH نامتقارن بهتر عمل می‌کنند. نتایج بدست آمده در این تحقیق، مطالعات صورت گرفته توسط مارکوچی (۲۰۰۵^{۱۴})، بروکس و پرسند (۲۰۰۳^۹) و استدلالهای داکو و ساتچل (۱۹۹۹^{۱۰}) را تأیید می‌کنند.

بخش‌های این مقاله به شرح زیر است: در قسمت دوم پایه نظری و نتایج مطالعات تجربی آورده شده است. قسمت سوم مقاله شامل معرفی مدل‌های تحقیق است. داده‌ها و روش شناسی در بخش چهار مورد بحث قرار گرفته‌اند. در حالیکه، در بخش پنج آزمونهای مختلف برای ارزیابی پیش‌بینی‌های نوسانات یک روز، یک هفته، دو هفته و یک ماه جلوتر ارائه شده است. کلیه نتایج تجربی و بحث‌ها در بخش ۶ آورده شده‌اند و در پایان، نتیجه‌گیری و پیشنهادات در بخش ۷ مطرح گردیده است.



مدلهای نوع GARCH تک رژیمی در افق‌های GARCH کوتاه مدت می‌باشد، در حالیکه مدل GARCH استاندارد نامتقارن در افق طولانی‌تر بهتر است. مهمت علی (۲۰۰۸)^{۱۴} مدل‌های GARCH تک رژیمی و MRS-GARCH را برای تجزیه و تحلیل نوسانات بورس اوراق بهادار استانبول (ISE) در دوره ۱۹۹۷ تا ۲۰۰۷ مورد بررسی قرار داده است. استفاده از مدل‌های MRS-GARCH وجود دو رژیم نوسانی مختلف در بازار سهام ترکیه را نشان می‌دهد. همچنین این مدلها تداوم بالا را در مدل‌های GARCH تک رژیمی کاهش می‌دهند. سلسو برونتی و همکارانش (۲۰۰۸)^{۱۵} برای تجزیه و تحلیل بحران/آشفتگی نرخ ارز در کشورهای فیلیپین، تایلند، مالزی و سنگاپور مدل MRS-GARCH را انتخاب نموده‌اند. این رویکرد شامل مدل‌سازی میانگین شرطی و واریانس شرطی تغییرات نرخ ارز بطور مشترک می‌باشد. نتایج نشان می‌دهد که بازار سهام و شاخص‌های بخش بانکداری، همراه با نرخ ارز مؤثر واقعی، نقش مهمی در درک آشفتگی‌های نرخ ارز دارند و قادر به تشخیص رژیم‌های پر تلاطم و آرام می‌باشند.

نیکوس و پانوس (۲۰۱۰)^{۱۶} عملکرد مدل‌های تغییر رژیم در پیش‌بینی نوسانات و ارزش در معرض ریسک (VaR) در بازارهای انرژی را مورد بررسی قرار دادند. با توجه به اینکه کشیدگی مازاد، چولگی و خوش بندی نوسانات از ویژگی‌های برجسته تغییرات قیمت نفت می‌باشند، آنها دریافتند که هردو MIX-GARCH و MRS-GARCH مدل‌های گزینه‌های مناسبی برای مدل‌سازی و پیش‌بینی ریسک می‌باشند. نتایج آنها نشان داد که مدل‌های مذکور در ثبت تداوم نوسانات از مدل‌های GARCH بهتر هستند.

آمده است، به کار بردن. از سوی دیگر، گری (۱۹۹۶) رویکرد جدیدی را پیشنهاد داد که تخمین قابل کنترل از مدل MRS-GARCH را ممکن می‌سازد و مشکل واپستگی مسیر نامتناهی را از بین می‌برد. همچنین، داکر (۱۹۹۷) رویکرد مشابهی مانند گری (۱۹۹۶) برای غلبه بر مسئله واپستگی مسیر نامتناهی اتخاذ کرد و چندین مدل MRS-GARCH مختلف معرفی نمود. کلاسن (۱۹۹۸) مدل MRS-GARCH گری را اصلاح نمود و بیان کرد که مشخصات مدل وی عملکرد پیش‌بینی مدل‌های MRS-GARCH را بهبود می‌بخشد. در دهه اخیر، هاس، میتنیک و پاوللما (۲۰۰۴)^{۱۷} روش جدیدی متفاوت از رویکرد گری (۱۹۹۶) پیشنهاد کردند و ادعا نمودند که کنترل‌های تحلیلی از مدل جدید آنها اصل شرایط مانایی و خواص پویا را در نظر می‌گیرد.

همیلتون و ساسمل (۱۹۹۴) بازده‌های هفتگی شاخص بورس سهام نیویورک طی دوره ۱۹۶۲ تا ۱۹۸۷ را برای آزمون مدل MRS-GARCH خود با دو تا چهار رژیم بکار برdenد. آنها نشان دادند که مشخصات MRS-GARCH برای برآش داده‌ها، پیش‌بینی نوسانات و کاهش پایداری نوسانات از مدل‌های نوع GARCH تک رژیمی بهتر است. مارکوچی (۲۰۰۵)^{۱۸} مجموعه‌ای از مدل‌های EGARCH، GARCH و GJR را با گروهی از مدل‌های MRS-GARCH از لحاظ توانایی آنها در پیش‌بینی نوسانات S&P500 طی دوره ۱۹۸۸ تا ۲۰۰۳ از یک روز تا یک ماه مقایسه نمود. همچنین، وی توزیع‌های نرمال، t استیومنز و توزیع خطأ تعمیم‌یافته را برای جملات خطأ در نظر گرفت. یافته اصلی مارکوچی (۲۰۰۵)^{۱۹} این است که عملکرد پیش‌بینی مدل‌های MRS-GARCH بطور معناداری بهتر از

گلاستن، جگنزان و رانکل (۱۹۹۳)^{۱۸} مدل GARCH تعديل شده یا GJR را برای توضیح «اثراهرمی»^{۱۹} پیشنهاد کردند. این یک مدل GARCH نامتقارن است که به واریانس شرطی امکان واکنش به شوکهای مثبت و منفی را می‌دهد و بصورت زیر تعریف می‌شود:

(۵)

$$h_t = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 [1 - I_{\{\varepsilon_{t-1} > 0\}}] + \xi \varepsilon_{t-1}^2 I_{\{\varepsilon_{t-1} > 0\}} + \beta_1 h_{t-1}$$

که $I_{\{\cdot\}}$ تابع مشخصه بوده، هنگامیکه $\{\cdot\}$ درست باشد برابر یک و در غیر اینصورت برابر صفر است. یکی دیگر از یافته‌های GARCH خصوصیت «لپتوکرتوسی»^{۲۰} توزیع تجربی بازده‌های مالی است. به منظور ایجاد توزیع‌های دنباله دار محققان توزیع خطای تعمیم یافته (GED) یا توزیع t استیوونت را برگزیدند. بنابراین علاوه بر فرض گوسی سنتی، خطاهای ε_t براساس توزیع GED یا t استیوونت توزیع می‌شود. اگر توزیع t استیوونت با v درجه آزادی فرض شود، تابع چگالی احتمال^{۲۱} (pdf) ε_t بصورت زیر است:

(۶)

$$f(\varepsilon_t) = \frac{\Gamma(\frac{v+1}{2})}{\sqrt{\pi} \Gamma(\frac{v}{2})} (v-2)^{-\frac{1}{2}} (h_t)^{-\frac{1}{2}} \left[1 + \frac{\varepsilon_t^2}{h_t(v-2)} \right]^{-\frac{(v+1)}{2}}$$

در حالیکه $\Gamma(v)$ تابع گاما و v پارامتر درجه آزادی (یا وضعیت)^{۲۲} است، که باید بزرگتر از دو باشد تا گشتاور مرتبه دوم وجود داشته باشد. با توزیع GED تابع چگالی فرآیند خطای بصورت زیر می‌شود:

$$f(\varepsilon_t) = \frac{v \exp[-(\frac{1}{2})] \left| \frac{\varepsilon_t}{\lambda h_t^{1/2}} \right|^v}{h_t^{1/2} \lambda 2^{(1+v)/2} \Gamma(\frac{v}{2})} \quad (7)$$

۳- مدل‌های پژوهش و متغیرهای آن

۳-۱-۳- مدل‌های GARCH

فرض می‌کنیم P_t قیمت آتی‌های محصول نفتی تحت مطالعه می‌باشد و r_t نرخ بازده متناظر با آن، بصورت (درصد) نرخ بازده مرکب پیوسته تعریف می‌شود:

$$r_t = 100[\log(p_t) - \log(p_{t-1})] \quad (1)$$

که $t=1, \dots, n$ مشاهدات روزانه است. دوره نمونه متشکل از یک دوره برآورد (یا درون نمونه ای) با R مشاهده $(t=1, \dots, R+1)$ و یک دوره ارزیابی (یا بروز نمونه ای) با n مشاهده $(t=1, \dots, n)$ می‌باشد. مدل (1,1) GARCH را برای سری‌های بازده‌ها r_t بصورت زیر می‌توان نوشت:

$$r_t = \delta + \varepsilon_t = \delta + \eta_t \sqrt{h_t} \quad (2)$$

$$h_t = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 h_{t-1} \quad (3)$$

که $\delta > 0$ ، $\alpha_0 \geq 0$ و $\beta_1 \geq 0$ مثبت بودن واریانس شرطی را تضمین می‌کنند، و فرآیند خطای بصورت یک فرایند i.i.d. با میانگین صفر و واریانس واحد (η_t) در جذر واریانس شرطی نشان داده می‌شود.

به منظور فائق آمدن بر چولگی که اغلب در بازده‌های مالی با آن مواجه می‌شوند، نلسون (۱۹۹۱)^{۱۷} مدل گارچ نمایی (EGARCH) را معرفی نمودکه لگاریتم واریانس شرطی بدون هیچ محدودیتی برای پارامترها بصورت زیر مدلسازی می‌شود:

$$\ln(h_t) = \alpha_0 + \alpha_1 \left| \frac{\varepsilon_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} \right| + \xi \frac{\varepsilon_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} + \beta_1 \ln(h_{t-1}) \quad (4)$$



در حالیکه $f(\cdot)$ یکی از توزیع های شرطی نرمال $\theta_t^{(i)}$ است یا GED فرض می شود، $\theta_t^{(i)}(N)$ بردار پارامترها را در i امین رژیم نشان می دهد که توزیع را توصیف می کند.

$P_{1,t} = Pr[s_t = 1 | \zeta_{t-1}]$ احتمال آینده‌نگر^{۲۸} است و ζ_{t-1} مجموعه اطلاعات در زمان $t-1$ را نشان می دهد، که s براساس متغیرهای مشاهده شده در زمان $t-1$ بدست می آید. به بیان دقیق‌تر، بردار پارامترهای متغیر به زمان به سه جزء تجزیه می شود:

$$\theta_t^{(i)} = (\mu_t^{(i)}, h_t^{(i)}, v_t^{(i)}) \quad (11)$$

که $(\mu_t^{(i)})$ میانگین شرطی (یا پارامتر موقعیت)، $h_t^{(i)} \equiv Var(r_t | \zeta_{t-1})$ واریانس شرطی (یا پارامتر مقیاس)، $v_t^{(i)}$ پارامتر وضعیت توزیع شرطی است. بنابراین، گروه توابع چگالی r_t در شکل کلی گروه موقعیت-مقیاس با پارامترهای وضعیت متغیر به زمان می باشد.

از این رو، MRS-GARCH از چهار عنصر تشکیل می شود: میانگین شرطی، واریانس شرطی، فرآیند رژیم و توزیع شرطی. معادله میانگین شرطی، که براساس گام تصادفی همراه یا بدون جا به جایی^{۲۹} شکل گرفته است، به صورت زیر نمایش داده می شود:

$$r_t = \mu_t^{(i)} + \varepsilon_t = \delta^{(i)} + \varepsilon_t \quad (12)$$

که $i=1,2$ و $\varepsilon_t = \eta_t \sqrt{h_t}$ با میانگین صفر و واریانس واحد. مرکز ما برروی پیش‌بینی نوسانات، دلیل اصلی این انتخاب است. واریانس شرطی η_t ، مسیر کلی رژیم را نشان می دهد (توسط اقتصادسنج ها مشاهده نشده است) دهد

$h_t^{(i)} = V[\varepsilon_t | \zeta_t, \zeta_{t-1}]$ برای این

با $\lambda \equiv [\frac{2^{-2/v} \Gamma(1/v)}{\Gamma(3/v)}]^{1/2}$ در حالیکه $\Gamma(\cdot)$ تابع گاما، v پارامتر ضخامت دنباله^{۳۰} است، $0 < v < \infty$ و ضخامت دنباله توزیع را در مقایسه با حالت نرمال نشان می دهد. هنگامیکه پارامتر وضعیت $v=2$ است، GED توزیع نرمال استاندارد می شود، اگر $v < 2$ و $v > 2$ توزیع به ترتیب دنباله ضخیم تر و نازک تر از توزیع نرمال دارد.

۲-۳ مدل‌های تغییر رژیم مارکوف گارچ^{۳۱}

اصلی‌ترین ویژگی مدل‌های تغییر رژیم این است که کل یا برخی از پارامترهای مدل امکان جا به جایی بین رژیم‌های مختلف را براساس فرآیند مارکوف دارند که توسط متغیر حالت s_t کنترل می شوند. متغیر حالت مشاهده نشده طبق فرآیند مرتبه اول مارکوف با احتمال انتقال زیر استنتاج می شود:

$$Pr(s_t = j | s_{t-1} = i) = p_{ij} \quad (8)$$

که احتمال جایه جایی از وضعیت i در زمان $t-1$ به وضعیت j در زمان t را نشان می دهد. معمولاً این احتمالات بصورت ماتریس انتقال^{۳۲} دسته بندی می شوند:

$$P = \begin{bmatrix} p_{11} & p_{21} \\ p_{12} & p_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p & (1-p) \\ (1-p) & q \end{bmatrix} \quad (9)$$

برای سادگی تنها دو رژیم در نظر گرفته می شود. احتمال ارگودیک^{۳۳} (احتمال غیر شرطی) در حالت $s_{t=1}$ ^{۳۴} به صورت $\pi_1 = (1-p)/(2-p-q)$ دسته بندی می شود.

در فرم کلی مدل MRS-GARCH بصورت زیر نوشته می شود:

$$(10)$$

$$r_t | \zeta_{t-1} \sim \begin{cases} f(\theta_t^{(1)}) & W.P. P_{1,t} \\ f(\theta_t^{(2)}) & W.P. (1 - P_{1,t}) \end{cases}$$

$$h_{t-1} = E_{t-2} \left\{ h_{t-1}^{(i)} \right\} = p_{1,t-1} \left[\left(\mu_{t-1}^{(1)} \right)^2 + h_{t-1}^{(1)} \right] + (1 - p_{1,t-1}) \left[\left(\mu_{t-1}^{(2)} \right)^2 + h_{t-1}^{(2)} \right] \\ - \left[p_{1,t-1} \mu_{t-1}^{(1)} + (1 - p_{1,t-1}) \mu_{t-1}^{(2)} \right]^2 \quad (14)$$

که $j=1,2$. اشكال اصلی توضیحات ذکر شده سختی پیش‌بینی نوسانات است، چرا که پیش‌بینی نوسانات چند مرحله رو به جلو^{۳۲} بسیار پیچیده است. داکر (۱۹۹۷) از یک روش نزولی در الگوریتم کیم (۱۹۹۴) برای غلبه بر مشکل واپستگی مسیر استفاده کرد، اما چارچوبی مشابه گری (۱۹۹۶) اتخاذ کرد.

کلیه این مدلها توسط لین (۱۹۹۸) یکپارچه شدند، او مشخصات پیش‌رو را برای انحراف استاندارد شرطی σ_t ارائه کرده است:

$$\frac{\sigma_{t-1}^v}{v} = \omega_{st_1} + \alpha_{st_2}(L)_p \tilde{\sigma}_{t-1}^v |f(\varepsilon_{t-1})|^{\omega} - \lambda_{st_2} \tilde{\sigma}_{t-1}^v |f(\varepsilon_{t-1})|^{\omega} \frac{\varepsilon_{t-1}}{|\varepsilon_{t-1}|} + \beta_{st_3}(L)_q \left[\frac{\tilde{\sigma}_{t-1}^v - 1}{v} \right] \quad (15)$$

که $t \leq t_1, t_2, t_3$ ، $\tilde{\sigma}_t$ بیانگر امید شرطی σ_t ، ω_{st_1} و $\alpha_{st_2}(L)_p$ نشان‌دهنده چند جمله‌ای در عملکر وقه L با رتبه p و q به ترتیب، می‌باشد و $\varepsilon_t = \varepsilon_{t-1} f(\varepsilon_{t-1})$. لین (۱۹۹۸) برای اجتناب از واپستگی مسیر رویکرد گری (۱۹۹۶) را دنبال کرد. کلاسی درسال (۲۰۰۲) استفاده از امید شرطی واریانس شرطی وقه دار را همراه با مجموعه‌ای وسیع تر از اطلاعات گری (۱۹۹۶) پیشنهاد نمود. وی به منظور ادغام رژیم‌های گذشته، عبارت زیر را برای واریانس شرطی اتخاذ کرد:

$$h_t^{(i)} = \alpha_0^{(i)} + \alpha_1^{(i)} \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1^{(i)} E_{t-1} \left\{ h_{t-1}^{(i)} |s_t \right\} \quad (16)$$

واریانس شرطی عبارت GARCH(1,1) گونه فرض می‌شود:

$$h_t^{(i)} = \alpha_0^{(i)} + \alpha_1^{(i)} \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1^{(i)} h_{t-1} \quad (13)$$

که h_{t-1} میانگین مستقل از حالت واریانس‌های شرطی گذشته می‌باشد. در واقع، در یک موقعیت تغییر رژیم، مدل GARCH با واریانس شرطی گذشته وابسته به حالت غیر قابل قبول می‌باشد. واریانس شرطی به اطلاعات قابل مشاهده_{t-2}، رژیم جاری_t که همه پارامترها را تعیین می‌کند و تمام حالت‌های گذشته_{t-1} وابسته می‌باشد. این نیازمند تلفیق بسیاری از مسیرهای رژیم (غیر قابل مشاهده) می‌باشد که بصورت نمایی با سایز نمونه رشد می‌کند و مدلی را ارائه می‌دهد که غیر قابل کنترل و تخمین می‌باشد. بنابراین، برای اجتناب از اینکه واریانس شرطی تابعی از کلیه حالت‌های گذشته باشد نیاز به یک ساده سازی است.

کای (۱۹۹۴) و همیلتون و ساسمل (۱۹۹۴) اولین افرادی هستند که برای متذکر ساختن این اشكال رویکرد تغییر رژیم را تنها با مدل‌های ARCH ترکیب کردند، بدین معنی که عبارت GARCH را از معادله (۱۳) حذف کردند. با این وجود کای (۱۹۹۴) و همیلتون و ساسمل (۱۹۹۴) دریافتند که وقه‌های زیادی لازم است تا چنین فرآیندی محسوس و قابل پیش‌بینی شود. برای اجتناب از مشکلات وابسته به مسیر، گری (۱۹۹۶) پیشنهاد کرد مسیر رژیم مشاهده نشده_{t-1} را در عبارت GARCH معادله (۱۳) با استفاده از امید شرطی واریانس گذشته بگنجانند. گری (۱۹۹۶) اطلاعات قابل مشاهده در زمان $t-2$ را بکار برد که بصورت زیر نشان داده می‌شود:



بنابراین، پیش‌بینی‌های نوسان چند مرحله رو به جلو به عنوان میانگین وزنی پیش‌بینی‌های نوسان چند مرحله رو به جلو در هر رژیم محاسبه می‌شود، که وزن‌ها احتمالات پیش‌بینی شده هستند. پیش‌بینی نوسان هر رژیم توسط فرمولی GARCH گونه بدست می‌آید که امید نوسان دوره گذشته با وزن دادن به نوسانات رژیم قبلی همراه با احتمالات (۱۸) معین می‌شود. در حالت کلی، برای محاسبه پیش‌بینی‌های نوسان فیلتر احتمال در τ دوره جلوتر

$$\text{بدست می‌آید که امید نوسان دوره گذشته با وزن دادن به نوسانات رژیم قبلی همراه با احتمالات (۱۸)}$$

$$\text{معین می‌شود. در حالت کلی، برای محاسبه پیش‌بینی‌های نوسان فیلتر احتمال در } \tau \text{ دوره جلوتر}$$

$$\Pr(s_{t+\tau} = i | \zeta_t) = p_{i,t+\tau} = P^\tau p_{i,t}$$

معمولًاً در مطالعات تغییر رژیم مارکوف برای تخمین پارامترهای متعدد برآورده حداکثر درستنمایی استفاده می‌شود. جزء ضروری، احتمال آینده‌نگر احتمال بودن در رژیم اول در زمان t با توجه به اطلاعات در زمان $t-1$ می‌باشد و بصورت زیر مشخص می‌شود:

(۲۱)

$$p_{1,t} = \Pr[S_t = 1 | \zeta_{t-1}] = \\ (1-q) \left[\frac{f(r_{t-1}|s_{t-1}=2)(1-p_{1,t-1})}{f(r_{t-1}|s_{t-1}=1)p_{1,t-1} + f(r_{t-1}|s_{t-1}=2)(1-p_{1,t-1})} \right] + \\ p \left[\frac{f(r_{t-1}|s_{t-1}=1)p_{1,t-1}}{f(r_{t-1}|s_{t-1}=1)p_{1,t-1} + f(r_{t-1}|s_{t-1}=2)(1-p_{1,t-1})} \right]$$

که p و q احتمالات انتقال در (۹) و (۱۰) درستنمایی آمده در (۱۰) می‌باشد.

بنابراین تابع راستنمایی لگاریتمی به صورت زیر است:

(۲۲)

$$\ell = \sum_{t=-R+\omega+1}^{T+\omega} \log[p_{1,t}f(r_t|s_t=1) + (1-p_{1,t})f(r_t|s_t=2)]$$

که امید ریاضی بدین صورت محاسبه می‌شود:

$$E_{t-1} \left\{ h_{t-1}^{(i)} | s_t \right\} = \tilde{p}_{ii,t-1} \left[(\mu_{t-1}^{(i)})^2 + h_{t-1}^{(i)} \right] + \\ \tilde{p}_{ji,t-1} \left[(\mu_{t-1}^{(j)})^2 + h_{t-1}^{(j)} \right] - \\ \left[\tilde{p}_{li,t-1} \mu_{t-1}^{(i)} + \tilde{p}_{lj,t-1} \mu_{t-1}^{(j)} \right]^2 \quad (۱۷)$$

احتمالات بصورت زیر محاسبه می‌شود:

(۱۸)

$$\tilde{p}_{ji,t} = \Pr(s_t = j | s_{t+1} = i, \zeta_{t-1}) = \\ \frac{p_{ji} \Pr(s_t = j | \zeta_{t-1})}{\Pr(s_{t+1} = i | \zeta_{t-1})} = \frac{p_{ji} p_{jt}}{p_{i,t+1}}$$

که $i, j = 1, 2$.

تغییر رژیم GARCH کلاسن (۲۰۰۲) دو برتری نسبت به سایر مدلها دارد. مدل او در محاسبه پایداری شوکهای نوسانات انعطاف پذیری بالاتری دارد.^{۳۳} علاوه بر آن، این مدل عبارت‌های آسانی برای پیش‌بینی نوسانات چند مرحله رو به جلو دارد که می‌تواند بعنوان مدل‌های GARCH استاندارد به حساب آید.

بنابراین همبستگی متوالی در بازده‌ها وجود ندارد و پیش‌بینی نوسانات h مرحله رو به جلو در زمان $t-1$ بصورت زیر بدست می‌آید:

(۱۹)

$$\hat{h}_{T,T+h} = \sum_{\tau=1}^h \hat{h}_{T,T+\tau} = \\ \sum_{\tau=1}^h \sum_{i=1}^2 \Pr(s_\tau = i | \zeta_{T-1}) \hat{h}_{T,T+\tau}^{(i)}$$

که $\hat{h}_{T,T+h}$ پیش‌بینی نوسانات پیوسته T را برای h مرحله بعدی نشان می‌دهد، و $\hat{h}_{T,T+\tau}^{(i)}$ پیش‌بینی نوسانات τ مرحله رو به جلو در رژیم i که در زمان T بدست آمده است را نشان می‌دهد و بصورت زیر محاسبه می‌شود:

(۲۰)

$$\hat{h}_{T,T+\tau}^{(i)} = \alpha_0^{(i)} + (\alpha_1^{(i)} + \beta_1^{(i)}) E_T \left\{ h_{T,T+\tau-1}^{(i)} | s_{T+\tau} \right\}$$

آماره جارک برای آزمون نرمال بودن مورد استفاده قرار می‌گیرد و برابر 2466.51 بوده درنتیجه فرضیه نرمال بودن توزیع رد می‌شود و نشان می‌دهد *Probability* که توزیع خطاهای دنباله پهن می‌باشد. JB بیانگر حداقل احتمال تأیید فرضیه H_0 برای آماره JB می‌باشد و از آنجا که کوچکتر از 5% است، فرضیه صفر رد می‌شود.

جدول ۱ : آماره‌های توصیفی از نرخ بازده r_t

میانگین	$0,0423$
انحراف معیار	$2,5035$
مینیمم	$-16,5445$
ماکریمم	$16,4097$
چولگی	$-0,1179$
کشیدگی	$6,8249$
آزمون نرمالیتی	2466.51
آماره ADF (مدل با عرض از مبدأ)	$-37,456$
آماره ADF (مدل با عرض از مبدأ و روند)	$-37,453$
آماره LM(10) - آزمون ARCH	$408,18$
آماره Q(10) - تست Ljung-Box	$22,4046$
آماره Q ² (10) - تست Mcleod-Li	$956,72$

تذکر: دوره نمونه از 14 فوریه، 1996 تا 17 آوریل، 2012 می‌باشد.

همان‌طور که الکساندر (۲۰۰۱)^{۳۵} اظهار کرده است، نوسانات مفهومی است که تنها برای فرآیندهای مانا صادق است. بنابراین، لازم است مانا بودن یا نبودن سری بازده را پیش از مدل‌سازی نوسانات بررسی کنیم. به منظور آزمون مانا، آزمون دیکی فولر تعمیم یافته (ADF) ^{۳۶} استفاده می‌شود. طول وقفه بهینه آزمون ADF توسط دو معیار اطلاعاتی آکائیک (AIC) ^{۳۷} و معیار اطلاعاتی شوارز بیزین (SBIC) ^{۳۸} تعیین می‌شود. هردو آزمون با فرض عرض از مبدأ و عرض از مبدأ و روند انجام

که $\omega = 0,1, \dots, n$ و $i = 1, \dots, s_t$ توزیع شرطی وقوع رژیم i در زمان t می‌باشد.

۴- روش‌شناسی پژوهش

مجموعه داده‌ای که در این تحقیق مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرند، قیمت روزانه آتی‌های نفت خام WTI است که در بورس تجاری نیویورک (NYMEX)^{۳۹} معامله شده است. دوره نمونه از 14 فوریه، 1996 تا 17 آوریل، 2012 (شامل 4032 مشاهده) می‌باشد. نمونه به دو بخش تقسیم می‌شود. 3528 مشاهده اولیه (از 14 فوریه، 1996 تا 15 آوریل، 2010) بعنوان درون نمونه برای اهداف برآورد و 504 مشاهده باقیمانده (از 16 آوریل، 2010 تا 17 آوریل، 2012) بعنوان برون نمونه جهت اهداف ارزیابی پیش‌بینی مورد استفاده قرار می‌گیرند.

جدول (۱) برخی از آماره‌ای توصیفی بازده لگاریتمی قیمت‌های آتی‌های نفت خام WTI را نشان می‌دهد. میانگین بازده لگاریتمی در دوره بررسی نمونه، $0,0423$ و انحراف معیار آن، $2,5035$ می‌باشد. کشیدگی بطور معناداری بزرگتر از ارزش نرمال 3 بوده و نشان می‌دهد که برای توصیف درست توزیع شرطی r_t توزیع‌های دنباله پهن لازم استند. چولگی معنادار، کوچک و منفی نشان می‌دهد که دنباله پایینی توزیع تجربی بازده‌ها طویل‌تر از دنباله بالایی است و بازده‌های منفی نسبت به بازده‌های مثبت بسیار پایین‌تر از میانگین هستند. در سطح اطمینان 5% چولگی و کشیدگی هردو معنادار می‌باشند، زیرا خطاهای استاندارد تحت فرض صفر نرمال بودن به ترتیب $\sqrt{6/T} = 0.039$ و $\sqrt{24/T} = 0.077$ هستند.



همبستگی، این تست نیز توزیع $\chi^2_{(q)}$ دارد، که q تعداد وقفه‌ها می‌باشد. مقدار آماره آزمون برابر ۹۵۶,۷۲ بوده و می‌توان نتیجه گرفت که فرضیه وجود خودهمبستگی بین مجذور بازده تأیید شده ولذا از مدل‌های GARCH برای برآورد واریانس شرطی می‌توان استفاده نمود. هردو آماره‌های LM^(۱۰) و Q^2 ^(۱۰) با معناداری بالایی وجود اثرات ARCH در بازده‌های نفت خام WTI تا مرتبه ۱۰ نشان می‌دهند.

۵- متغیرهای پژوهش

۱- توابع زیان آماری استاندارد

ارزیابی پیش‌بینی یک گام مهم در هر پیش‌بینی اعمال شده می‌باشد. معیار متداول ارزیابی مدل‌های پیش‌بینی متفاوت با کمینه کردن توابع زیان آماری خاص بدست می‌آید. با این وجود، ارزیابی کیفیت مدل‌های نوسانی رقیب می‌تواند خیلی سخت باشد زیرا، یک معیار منحصر به فرد که قادر به انتخاب بهترین مدل باشد وجود ندارد. در تحقیق حاضر، به جای انتخاب یک تابع زیان آماری خاص بعنوان بهترین و تنها معیار، ۷ تابع زیان متفاوت را بر می‌گردینیم که می‌توانند تفسیرهای متفاوت داشته و به ارزیابی پیش‌بینی کامل‌تر از مدل‌های رقیب منجر شوند. این توابع زیان آماری عبارتند از:

(۲۳)

$$MSE_1 = n^{-1} \sum_{t=1}^n (\hat{\sigma}_{t+1} - \hat{h}_{t+1|t}^{1/2})^2 \quad (24)$$

$$MSE_2 = n^{-1} \sum_{t=1}^n (\hat{\sigma}_{t+1}^2 - \hat{h}_{t+1|t})^2 \quad (25)$$

$$QLIKE = n^{-1} \sum_{t=1}^n (\log \hat{h}_{t+1|t} + \hat{\sigma}_{t+1}^2 \hat{h}_{t+1|t}^{-1}) \quad (26)$$

$$R2LOG = n^{-1} \sum_{t=1}^n [\log(\hat{\sigma}_{t+1}^2 \hat{h}_{t+1|t}^{-1})]^2$$

می‌شود. طبق نتایج بدست آمده، از آنجاکه قدر مطلق آماره ADF در هر دو مدل از مقدار بحرانی در سطح ۵٪ بزرگتر است در نتیجه فرضیه صفر مبنی بر وجود ریشه واحد رد می‌شود. در این صورت نیازی به تفاضل‌گیری نیست زیرا سری ریشه واحد ندارد و ماناست.

آزمون ضریب لاگرانژ^{۳۹} مربوط به ویژگی ARCH یا همان ناهمسانی در واریانس شرطی می‌باشد که فرضیه صفر نبود ناهمسانی شرطی (اثرات ARCH) را در مقابل وجود ویژگی ARCH بررسی می‌کند. تحت فرض صفر، توزیع آماره LM توزیع $\chi^2_{(q)}$ می‌باشد، که q بیانگر تعداد وقفه‌ها است. میزان آماره LM با ۱۰ درجه آزادی برابر با ۴۰۸,۱۸ و از مقدار بحرانی $\chi^2_{10,0.05}$ بیشتر است، لذا فرضیه صفر، رد می‌شود. پسمندها در فرآیند ARCH وابسته هستند، اما همبسته نمی‌باشند. بنابراین تست ARCH آزمونی برای ناهمسانی واریانس بدون خودهمبستگی است. برای آزمون خود همبستگی، تست لجانگ باکس^{۴۰} بکار برده می‌شود. این آزمون فرضیه صفر نبود خودهمبستگی برای یک تعداد ثابت از q وقفه را در مقابل اینکه برخی از ضرایب خودهمبستگی $\rho(k), k=1, \dots, q$ ، غیر صفر هستند، بررسی می‌کند. تحت فرض صفر توزیع آماره Q ، $\chi^2_{(q)}$ می‌باشد. مقدار آماره لجانگ باکس با ۱۰ دوره وقفه برابر ۳۲,۴۰۴۶ می‌باشد و از کوانتیل خی دو در سطح اطمینان داده شده بیشتر بوده و فرضیه صفر رد می‌شود، و این به معنای رد فرضیه صفر مبنی بر نویه سفید بودن r_t است.

(۱۰) آماره متناظر تست Mcleod-Li بر روی مجذور پسمندها از رگرسیون میانگین شرطی تا مرتبه ۱۰ می‌باشد. تحت فرض صفر نبود

حقیقی پس از کسر میانگین غیر صفر آن و
 $\bar{h}_{t+j|t+j-1}$ پیش‌بینی‌های نوسانات پس از کسر
 میانگین غیر صفر آن می‌باشد.

SR تعداد دفعاتی که پیش‌بینی نوسانات بدرستی
 جهت فرآیند نوسانات واقعی را پیش‌گویی کرده‌اند،
 اندازه می‌گیرد و بصورت زیرمی‌باشد :

(۳۰)

$$SR = m^{-1} \sum_{j=1}^m I_{\{\bar{h}_{t+j|t+j-1} > 0\}}$$

و $I_{\{g\} > 0}$ تابع مشخصه می‌باشد، اگر g مثبت
 باشد $I_{\{g\} > 0} = 1$ است و در غیر اینصورت صفر
 است.

آزمون DA بدین صورت ارائه می‌شود :

$$DA = \frac{(SR-SRI)}{\sqrt{Var(SR)-Var(SRI)}} \quad (31)$$

که $SRI = P\hat{P} + (1-P)(1-\hat{P})$ و P کسری از
 تعداد دفعاتی که $\bar{h}_{t+j|t+j-1} > 0$ است را نشان می‌دهد، در
 حالیکه \hat{P} نسبت پیش‌بینی‌های نوسانات پس از کسر
 میانگین که مثبت هستند، می‌باشد. $Var(SR)$ و
 $Var(SRI)$ واریانس‌های متناظر هستند. آماره DA
 مجذباً توزیع نرمال استاندارد دارد.

۵ آزمونهای برابری و برتری توانایی پیش‌بینی
 دیبلد و ماریانو (DM) (۱۹۹۵)^{۴۶} آزمون برابری
 توانایی پیش‌بینی (EPA)^{۴۷} دو مدل رقیب را پیشنهاد
 دادند. این تست بر مبنای فرضیه صفر نبود تفاوت در
 دقت دو پیش‌بینی رقیب می‌باشد.

فرض می‌شود پارامترهای سیستم از مجموعه
 قبلی بوده و نیازی به تخمین ندارند، آماره تست
 DM بدین شرح طراحی شده است: که $\{\hat{r}_{i,t}\}_{t=1}^n$ و
 $\{\hat{r}_{j,t}\}_{t=1}^n$ دو دنباله از پیش‌بینی‌های سری‌های
 $\{r_t\}_{t=1}^n$ می‌باشند که توسط دو مدل رقیب i و j

(۲۷)

$$MAD_1 = n^{-1} \sum_{t=1}^n |\hat{o}_{t+1} - \hat{h}_{t+1|t}^{1/2}| \quad (28)$$

$$MAD_2 = n^{-1} \sum_{t=1}^n |\hat{o}_{t+1}^2 - \hat{h}_{t+1|t}^2| \quad (29)$$

$$HMSE = T^{-1} \sum_{t=1}^T (\hat{o}_{t+1}^2 \hat{h}_{t+1|t}^{-1} - 1)^2$$

معیارهای (۲۳) و (۲۴) متریک‌های میانگین
 مربعات خطأ^{۴۸} هستند. معیارهای (۲۵) و (۲۶) کاملاً
 معادل استفاده از متریک^{۴۹} R در رگرسیون‌های
 $Mincer-Zarnowitz$ ^{۵۰} روى یک مقدار ثابت و
 $\log(\hat{o}_{t+1}^2)$ و $\log(\hat{h}_{t+1|t})$ روى یک مقدار ثابت
 به ترتیب، به شرط ناواریی پیش‌بینی‌ها می‌باشند. علاوه‌بر این، تابع زیان R2LOG ویژگی
 خاص جریمه نمودن پیش‌بینی‌های نوسانات نامتقارن
 در دوره‌های با نوسان پایین و نوسان بالا را دارد و
 تابع زیان لگاریتمی نامیده می‌شود. معیارهای میانگین
 مطلق انحراف معیار (MAD)^{۵۱} در (۲۷) و (۲۸) سودمند می‌باشند زیرا عموماً در احتمال وجود داده‌های پرت از معیار MSE قویتر هستند، اما جریمه
 یکسانی روی پیش‌بینی‌های بالاتر و پایین تر از حد
 اعمال می‌کنند و نسبت به تغییر مقیاس ثابت نیستند.
 بالرسلو و گیزلس (1996)^{۵۲} MSE سازگار با
 ناهمسانی واریانس (HMSE)^{۵۳} در (۲۹) را ارائه
 کردند.

هنگامیکه پیش‌بینی‌های نوسانات متفاوت مقایسه
 می‌شوند اندازه‌گیری تعداد دفعاتی که یک مدل
 جهات تغییر نوسانات حقیقی را به درستی پیش‌بینی
 می‌کند، می‌تواند مفید باشد. بدین منظور، در تحقیق
 حاضر از اصطلاح نرخ موفقیت (SR)^{۵۴} و آزمون
 دقت و صحت جهت‌دار (DA)^{۵۵} پسران و تیمرمن
 (۱۹۹۲) استفاده می‌کنیم. \bar{o}_{t+1} شاخص نوسانات



یک آزمون برتری توانایی پیش‌بینی (SPA) ^{۵۳} می-
باشد. ^{۵۴}

وایت (۲۰۰۰)، $l+1$ مدل پیش‌بینی را مقایسه می-
کند. مدل ($l=0$) شاخص بوده و فرضیه صفر این است
که هیچ یک از مدل‌های $l=1, \dots, l$ عملکرد بالاتر از
شاخص در قالب تابع زیان خاص متوجه ندارند.
بهترین مدل پیش‌بینی آن است که کمترین زیان مورد
انتظار را تولید می‌کند.

$L_{t,k} \equiv L(\hat{\sigma}_t^2, \hat{h}_{k,t})$ نشان دهنده زیان است، ^{۵۵}
 $\hat{h}_{k,t}$ پیش‌بینی توسط k امین مدل بوده و نوسانات
تحقیق یافته با $\hat{\sigma}_t^2$ معلوم می‌شوند. عملکرد مدل k
نسبت به مدل شاخص (درزمان t) را می‌توان این
گونه تعریف نمود:

$$(32) \quad f_{k,t} = L_{t,0} - L_{t,k} \quad k = 1, \dots, l \quad t = 1, \dots, n$$

با فرض مانایی $f_{k,t}$ می‌توان عملکرد نسبی مورد
انتظار مدل k را نسبت به مدل شاخص بصورت
 $\mu_k = E[f_{k,t}]$ برای $k=1, \dots, l$ تعریف کرد. اگر
مدل w عملکرد بالاتر از شاخص داشته باشد، ارزش
 μ_w مثبت خواهد شد. بنابراین، اینکه آیا هر یک از
مدلهای رقیب بطور معناداری عملکردی بالاتر از
شاخص دارند را می‌توان تجزیه و تحلیل نمود و
فرضیه صفر $0 \leq \mu_k$ را برای $k=1, \dots, l$ آزمون کرد.
در نتیجه فرضیه صفر مبنی بر اینکه هیچ یک از مدلها
بهتر از شاخص نیستند (برتری پیش‌بینی بر شاخص
ندارند) را می‌توان بصورت زیر فرموله نمود:

(۳۳)

$$H_0 : \mu_{\max} \equiv \max_{k=1, \dots, l} \mu_k \leq 0$$

در مقابل این فرض که بهترین مدل برتر از شاخص
می‌باشد.

تولید شده‌اند و $\{e_{i,t}\}_{t=1}^n$ و $\{e_{j,t}\}_{t=1}^n$ خطاهای پیش-
بینی متناظر با آنها هستند. فرض می‌شود تابع زیان
(g) می‌تواند تنها بعنوان تابعی از خطاهای پیش-
بینی نوشته شود، دیفرانسیل زیان بین دو پیش‌بینی
رقابتی بصورت $d_t \equiv [g(e_{i,t}) - g(e_{j,t})]$ تعریف
می‌شود. سپس با فرض اینکه دنباله $\{d_t\}_{t=1}^n$ مانایی
کواریانس و حافظه کوتاه مدت دارد، دیبلد و
ماریانو (۱۹۹۵) نشان دادند که توزیع حدی میانگین
دیفرانسیل زیان نمونه $\bar{d} = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n d_t$ به صورت
 $\sqrt{n}(\bar{d} - \mu) \xrightarrow{d} N(0, V(\bar{d}))$ می‌باشد.

$\hat{V}(\bar{d})$ برآورد واریانس حدی بصورت $=$
 $q=h-1$ ، $n^{-1}(\hat{\gamma}_0 + 2 \sum_{k=1}^q \omega_k \hat{\gamma}_k)$
 $\omega_k = 1 - k/(q+1)$ پنجره تأخیر و $\hat{\gamma}_i$ برآورد
کواریانس مرتبه i ام سری‌های $\{d_t\}_{t=1}^n$ که می‌تواند
 بصورت $\hat{\gamma}_k = \frac{1}{n} \sum_{t=k+1}^n (d_t - \bar{d})(d_{t-k} - \bar{d})$ برای
 $k=1, \dots, q$ برآورد شود.

آماره تست DM برای آزمون فرضیه صفر برابری
دقت پیش‌بینی بصورت $DM = \bar{d} / \sqrt{\hat{V}(\bar{d})} \sim N(0, 1)$
می‌باشد، یعنی تحت فرضیه صفر برابری دقت پیش-
بینی آماره تست DM مجانباً توزیع نرمال استاندارد
دارد. هاروی، لیبورن و نیوبلد (۱۹۹۷)^{۵۶} برای
باورند که تست DM می‌تواند نسبتاً بیش از اندازه^{۵۷}
در نمونه‌های کوچک باشد و این مسئله با افزایش افق
پیش‌بینی چشمگیرتر می‌شود. بنابراین آنها تست
DM تعديل شده را پیشنهاد دادند، که در آن DM
در عبارت $[n^{-1}[n+1-2h+n^{-1}h(h-1)]$ ضرب
می‌شود، که h افق پیش‌بینی و n طول دوره برآورد
می‌باشد.^{۵۸}

در مقابل آزمون EPA، همچون دیبلد و ماریانو
(۱۹۹۵)، بررسی واقعیت (RC) وایت (۲۰۰۰)^{۵۹}

RC و برخی تغییرات توزیع حدی را می‌دهد که نتیجه آن حسا سیت کمتر نسبت به ورود مدل‌های ضعیف و قدرت بهتر آزمون می‌شود. وی استدلال می‌کند که p -مقدارهای RC معمولاً^{۵۶} غیرثابت (بیش از حد بزرگ) هستند و تست می‌تواند مجانباً اریب باشد. برای غلبه بر این اشکالات، هانسن (۲۰۰۱) امکان بدست آوردن برآورد ثابت از p -مقدار همراه با کران بالا و پایین را نشان می‌دهد. این تست برتری توانایی پیش‌بینی (SPA) نامیده می‌شود و شامل SPA_u (عنوان یک حالت خاص می‌باشد. کران بالا (p)-مقدار از تست محافظه کارانه است (که، توزیع حدی مانند تست RC دارد) در حالیکه بطور ضمنی فرض شده است تمام مدل‌های رقیب ($k=1, \dots, l$) از لیبرال^{۵۹} است، در حالیکه فرضیه صفر بیان می‌دارد که مدل‌ها با عملکرد بدتر از شاخص مدل‌های ضعیف در محدوده هستند. با تست SPA ارزیابی اینکه کدام مدل‌ها بدتر از شاخص هستند و بطور حدی بتوان مانع آنها از تحت تأثیر قراردادن توزیع تست شد، ممکن می‌گردد. تست محافظه کارانه (و بنابراین تست بررسی واقعیت) کاملاً به ورود مدل‌های ضعیف و نا مربوط در مقایسه حساس می‌باشد، در حالیکه تست ثبات (SPA_c) و تست لیبرال اینگونه نیستند.

۶- نتایج پژوهش

۱-۶ مدل‌های GARCH تک رژیمی

برآورد پارامترهای مدل‌های GARCH(1,1) مستقل از حالت مختلف در جدول (۲) ارائه شده است. برای هر مدل^۳ توزیع متفاوت برای فرآیند

طبق قانون اعداد بزرگ می‌توان همواره μ_k را با میانگین نمونه $n^{-1} \sum_{t=1}^n f_{k,t}$ برآورد نمود و سپس آماره تست را بدست آورد:

(۳۴)

$$T_n^{RC} \equiv \max_{k=1, \dots, l} n^{1/2} \bar{f}_{k,n}$$

اگر فرضیه صفر رد شود، اثبات نموده‌ایم که در میان مدل‌های رقیب، حداقل یکی از آنها دارای معناداری بهتر از شاخص می‌باشد. سخت ترین مسئله بدست آوردن توزیع آماره T_n تحت فرض H_0 است، چراکه توزیع منحصر به فرد نمی‌باشد. هانسن (۲۰۰۱)^{۵۶} تأکید می‌کند که تست بررسی واقعیت عالی‌ترین را روی عملکرد غیر استاندارد T_n^{RC} درخواست می‌کند و، بطورخطناکی، توزیع حدی محافظه کار RC بسیار حساس به ورود مدل‌های ضعیف ایجاد می‌کند. وی استدلال می‌کند از آنجا که توزیع آماره تحت فرض صفر منحصر به - فرد نمی‌باشد، بدست آوردن یک برآورد ثابت از p -مقدار^{۵۷}، بعلاوه یک کران پایین و کران بالا ضروری است. هانسن (۲۰۰۱)^{۵۸} عالی‌ترین را روی عملکرد استاندارد درخواست نموده و فرضیه صفر زیر را آزمون می‌کند:

(۳۵)

$$H_0 : \mu_{\max}^{SPA} \equiv \max_{k=1, \dots, l} \frac{\mu_k}{\sqrt{\text{var}(n^{1/2} \bar{f}_{k,n})}} \leq 0$$

با استفاده از آماره

(۳۶)

$$T_n^{SPA} = \max_k \frac{n^{1/2} \bar{f}_{k,t}}{\sqrt{\widehat{\text{var}}(n^{1/2} \bar{f}_{k,n})}}$$

که $n^{1/2} \bar{f}_{k,n}$ برآورد واریانس $\widehat{\text{var}}(n^{1/2} \bar{f}_{k,n})$ بدست آمده توسط خودپردازش^{۵۸} می‌باشد. بنابراین، هانسن (۲۰۰۱)^{۵۸} پیشنهاد یکسری اصلاحات در آزمون



شرطی که بصورت $(\Gamma(\frac{1}{v})\Gamma(\frac{5}{v})) / (\Gamma(\frac{1}{v})^2)$ محاسبه می‌شود، Γ تابع گاما می‌باشد، و تأیید می‌کند که برآوردهای توزیع شرطی بازده‌های نفت خام در واقع دنباله پهن هستند.

۲-۶ مدل‌های MRS-GARCH

پارامترهای برآورد شده مدل‌های MRS-GARCH در جدول (۳) نشان داده شده‌اند. هم در مدلها با درجه آزادی ثابت و هم مدلی که پارامترهای درجه آزادی مجاز به جایه‌جایی بین دو رژیم هستند، برآوردهای درون نمونه ای معناداری بالایی را نشان می‌دهند. تخمین‌های میانگین شرطی همه معنادار هستند، پارامترهای واریانس شرطی تقریباً همه معنادار بوده به جز ثابت $\alpha_0^{(2)}$ در مدل MRS-GARCH-N که معنادار نبوده، معهداً این جزء را حذف نمی‌کنیم زیرا اگر جزء ثابت این مدل صفر باشد؛ مقدار واریانس در بلند مدت صفر خواهد بود.

خطا در نظر گرفته شده است: نرمال، t استیوبدت و GED. با توجه به میانگین شرطی، تمام پارامترهای مدل‌های GARCH مختلف معنادار هستند. برآورد واریانس شرطی نشان می‌دهد تقریباً تمام پارامترها معناداری بالایی دارند. بنابراین مدل‌های GARCH حداقل در درون نمونه، نسبتاً خوب عمل می‌کنند. به علاوه، برای توزیع t استیوبدت، درجه آزادی همواره بزرگتر از ۸ می‌باشد، که بیانگر وجود گشتاورهای شرطی تا مرتبه نهم است. به طور خاص کشیدگی شرطی توزیع t استیوبدت به صورت $(v - 2)/(v - 4)$ محاسبه می‌شود و رفتار معمول دنباله پهن بودن بازده‌های مالی را تأیید می‌کند.

علاوه بر این، برای مدل‌ها با خطای GED برآوردها به وضوح نشان می‌دهند که توزیع شرطی دنباله‌ای پهن‌تر از توزیع گوسی دارد از آنجاکه تمام پارامترهای وضعیت بطور معناداری بین ۱ و ۲ قرار دارند. نتیجه مشابهی بدست می‌آید با کشیدگی

جدول ۲: برآوردهای حداقل درستنمایی مدل‌های GARCH استاندارد با توزیع‌های شرطی متفاوت.

	GARCH-N	GARCH-t	GARCH-GED	EGARCH-N	EGARCH-t	EGARCH-GED	GJR-N	GJR-t	GJR-GED
δ	۰,۱۰۰۴ (۰,۰۳۷۱)	۰,۱۱۹۴ (۰,۰۳۶۱)	۰,۱۲۳۰ (۰,۰۳۶۳)	۰,۰۵۳۴ (۰,۰۳۵۱)	۰,۰۸۵۳ (۰,۰۳۶۸)	۰,۰۸۸۰ (۰,۰۳۴۷)	۰,۰۶۸۳ (۰,۰۳۶۶)	۰,۱۰۱۱ (۰,۰۳۶۷)	۰,۱۰۱۲ (۰,۰۳۶۲)
α_0	۰,۱۵۱۱ (۰,۰۳۱۲)	۰,۱۴۱۷ (۰,۰۳۱۷)	۰,۱۵۰۵ (۰,۰۳۴۵)	-۰,۰۵۱۸ (۰,۰۱۰۵)	-۰,۰۴۵۰ (۰,۰۰۱۰)	-۰,۰۴۸۶ (۰,۰۱۱۰)	۰,۱۴۳۰ (۰,۰۲۸۷)	۰,۱۳۶۶ (۰,۰۲۹۷)	۰,۱۴۲۲ (۰,۰۲۳۶)
α_1	۰,۰۶۱۸ (۰,۰۰۹۴)	۰,۰۵۰۷ (۰,۰۰۸۷)	۰,۰۵۶۰ (۰,۰۰۹۷)	۰,۰۹۷۸ (۰,۰۱۰۹)	۰,۰۸۱۲ (۰,۰۱۳۶)	۰,۰۸۸۷ (۰,۰۱۵۷)	۰,۰۸۲۳ (۰,۰۱۲۴)	۰,۰۷۰۴ (۰,۰۱۱۵)	۰,۰۷۵۴ (۰,۰۱۰۳)
β_1	۰,۹۱۲ (۰,۰۱۲۳)	۰,۹۲۳۳ (۰,۰۱۱۹)	۰,۹۱۷۰ (۰,۰۱۳۳)	-۰,۰۵۷۵ (۰,۰۰۸۷)	-۰,۰۴۹۱ (۰,۰۰۹۲)	-۰,۰۵۲۴ (۰,۰۰۹۳)	۰,۹۱۹۶ (۰,۰۱۱۷)	۰,۹۲۹۱ (۰,۰۱۱۳)	۰,۹۲۳۸ (۰,۰۰۸۵)
ξ	-	-	-	۰,۹۸۵۸ (۰,۰۰۳۸)	۰,۹۸۸۸ (۰,۰۰۳۳)	۰,۹۸۷۴ (۰,۰۰۳۷)	۰,۰۲۶۶ (۰,۰۰۹۳)	۰,۰۱۸۳ (۰,۰۰۹۶)	۰,۰۲۲۸ (۰,۰۰۸۰)
v	-	۸,۸۶۱۷ (۱,۰۷۷۰)	۱,۵۲۷۸ (۰,۰۴۸۹)	-	۸,۹۱۳۸ (۱,۱۲۴۶)	۱,۵۳۶۷ (۰,۰۴۳۷)	-	۸,۹۹۸۲ (۱,۰۲۴۹)	۱,۵۳۹۹ (۰,۰۴۰۳)
Log(L)	-۸۰۱۰,۲۹۹۸	-۷۹۵۷,۷۰۳۴	-۷۹۷۱,۹۸۵۵	-۷۹۹۴,۹۵۱۴	-۷۹۴۰,۹۲۹۰	-۷۹۵۷,۷۵۴۰	-۸۰۰۰,۳۴۴۹	-۷۹۵۰,۲۴۸۲	-۷۹۶۴,۶۷۶۲

تذکر: هر مدل GARCH با توزیع نرمال (N)، t استیوبدت و GED برآورد شده است. داده‌های درون نمونه ای عبارتند از بازده‌های

نفت خام WTI از ۲/۱۴/۱۹۹۶ تا ۱۵/۰۴/۲۰۱۰. مقادیر داخل پرانتز نشان دهنده خطاهای استاندارد حدی هستند.

واریانس شرطی در رژیم دو دارای پایداری MRS-GARCH-ATورگرسیو بالاتر است؛ در مدل GED عکس این حالات رخ داده است. احتمالات انتقال به جز در حالت نرمال همگی معنادار بوده و بیانگر این هستند که رژیم‌ها بسیار پایدار می‌باشند. در حالت نرمال معناداری این احتمالات پایین بوده و دلالت بر پایین بودن ثبات وضعیت دارد.

همچنین پارامترهای $\alpha_1^{(1)}$ و $\alpha_1^{(2)}$ به ترتیب در مدل‌ها با خطاهای GED و گوسی معناداری پایینی MRS-GARCH-GED دارند. در تمام مدل‌ها به جز پارامتر حساسیت نسبت به شوکها در رژیم اول ($\alpha_1^{(1)}$) بزرگ‌تر است از ($\alpha_1^{(2)}$)، که در نتیجه عکس العمل $h_t^{(1)}$ نسبت به یک شوک جدید بیشتر خواهد بود، همچنین پارامتر $\beta_1^{(2)}$ در این مدل‌ها بزرگ‌تر از پارامتر $\beta_1^{(1)}$ می‌باشد که نشان می‌دهد

جدول ۳: برآوردهای حداکثر درستنمایی مدل‌های MRS-GARCH با توزیع‌های شرطی متفاوت.

	MRS-GARCH-N	MRS-GARCH-t2	MRS-GARCH-t	MRS-GARCH-GED
δ^1	0,۱۶۳۵ (۰,۰۶۹۰)	-0,۸۵۴۴ (۰,۳۳۷۲)	-0,۵۲۱۱ (۰,۲۸۴۴)	-1,۱۷۴۹ (۰,۳۰۶۷)
δ^2	0,۰۵۳۹ (۰,۰۷۱۶)	0,۱۹۵۲ (۰,۰۵۳۳)	0,۱۵۸۵ (۰,۰۴۰۶)	0,۱۶۵۸ (۰,۰۳۷۶)
α_0^1	0,۴۵۳۴ (۰,۲۳۷۰)	0,۵۷۲۴ (۰,۳۴۰۹)	1,۸۲۵۸ (۰,۹۴۳۷)	0,۸۱۹۳ (۰,۲۰۸۲)
α_0^2	0,۹E-۵,۱۷ (۰,۲۶۷۱)	0,۱۰۲۱ (۰,۰۴۸۷)	0,۰۹۱۶ (۰,۰۲۸۶)	0,۱۴۷۵ (۰,۰۳۵۸)
α_1^1	0,۱۵۷۸ (۰,۰۱۶۷)	0,۱۱۷۷ (۰,۰۴۵۶)	0,۲۴۸۵ (۰,۰۹۶۶)	0,۹E-۵,۳۹ (۰,۰۱۶۷)
α_1^2	0,۹E-۲,۴۶ (۰,۰۱۰۵)	0,۰۰۳۶ (۰,۰۹۴)	0,۰۱۹۳ (۰,۰۰۹۱)	0,۰۰۵۴ (۰,۰۰۹۳)
β_1^1	0,۸۴۰۵ (۰,۰۱۸۱)	0,۸۷۹۲ (۰,۰۶۳۶)	0,۶۱۲۰ (۰,۰۳۱۵)	0,۹۹۹۴ (۰,۰۱۷۲)
β_1^2	0,۹۲۸۹ (۰,۰۲۵۷)	0,۹۵۱۴ (۰,۰۱۳۰)	0,۹۰۵۷ (۰,۰۱۱۳)	0,۹۴۵۰ (۰,۰۱۱۱)
P	0,۰۴۰۴ (۰,۰۴۲۵)	0,۸۲۲۵ (۰,۰۶۶۵)	0,۹۶۱۷ (۰,۰۱۹۸)	0,۸۸۹۳ (۰,۰۲۷۶)
q	0,۷E-۱,۹۴ (۰,۰۴۶۲)	0,۹۷۰۷ (۰,۰۱۲۵)	0,۹۹۵۰ (۰,۰۰۲۶)	0,۹۸۹۳ (۰,۰۰۳۶)
u^1	-	27,۲۱۴۳ (۲۹,۴۴۴۸)	9,۹۰۴۰ (1,۴۲۵۹)	1,۶۱۷۴ (0,۰۵۵۴)
u^2	-	9,۳۱۳۶ (1,۴۰۷۴)	-	
Log(L)	-7984,1572	-7941,5511	-7945,0669	-7949,6222
N.of par	۱۰	۱۲	۱۱	۱۱
π_1	0,۴۹۰	0,۸۸۰	0,۸۸۳	0,۹۱۲
π_2	0,۵۱۰	0,۱۲۰	0,۱۱۷	0,۰۸۸

تذکر: هر مدل MRS-GARCH با توزیع‌های شرطی متفاوت برآورده شده است. داده‌های درون نمونه‌ای عبارتند از بازده‌های نفت خام WTI از ۱۹۹۶/۲/۱۴ تا ۲۰۱۰/۴/۱۵. اندیس بالا نشان‌دهنده رژیم می‌باشد. π_i احتمال غیرشرطی اینکه سیستم در رژیم i واقع باشد. مقادیر داخل پرانتز نشان‌دهنده خطاهای استاندارد حدی هستند.



هردو رژیم مقدار برآورد درجه آزادی را بزرگتر از ۹ نشان می دهند، می توانیم استدلال کنیم که در هر دو رژیم دنباله ای پهن تر از نرمال داریم.

۳-۶ آمار درون نمونه ای

هنگامی که تلاش می شود مدل های تک رژیمی GARCH با مدل های تغییر رژیم GARCH مقایسه شوند، مشکل بزرگی ایجاد می شود. آزمونهای اقتصادسنجی استاندارد ممکن است برای تعیین مدل مناسب نباشند زیرا تعدادی از پارامترها تحت فرض صفر نامشخص هستند. از آنجایی که تمرکز اصلی بر روی توانایی پیش بینی می باشد، تنها تعدادی آمار بدون انجام آزمون تفصیلی در جدول (۴) ارائه شده است.

جدول (۳) همچنین احتمالات غیر شرطی هر مدل MRS-GARCH را نشان می دهد. برای مدل t استیویدنت با درجه ثابت آزادی روی رژیم ها، پارامتر وضعیت کمتر از ده است که وجود گشتاور شرطی تا مرتبه نه را نشان می دهد. این بدین معنی است که با مجاز دانستن پارامترهای وابسته به حالت، مدلسازی خصوصیت لپتوکرتوسی در داده ها ممکن می شود. در حالت GED پارامتر ۷ کمتر از ارزش آستانه ۲ می باشد و نشان می دهد که توزیع دنباله ای ضخیم تر از نرمال دارد.

مدل MRS-GARCH با خطای t استیویدنت در حالتی که درجه آزادی مجاز به جایه جایی روی رژیم ها همراه با دیگر پارامترها می باشد، اشاره بر کشیدگی متغیر به زمان دارد، همانطور که در مقالات هانسن (۱۹۹۴) و داکر (۱۹۹۷) آمده است. از آنجاکه

جدول ۴: آماره های خوبی برازش درون نمونه ای

Model	N.of par.	Pers.	AIC	Rank	BIC	Rank	Log(L)	Rank	MSE1	Rank	MSE2	Rank	QLIKE	Rank	R2LOG	Rank	MAD2	Rank	MAD1	Rank	HMSE	Rank
GARCH-N	۴	۰,۹۷۲	۴,۵۷۴	۱۲	۴,۰۵۱	۱۱	-۸۰۶۳,۸۲	۱۲	۳,۰۸۹	۱۱	۲۲۵,۷۷۵	۶	۲,۷۳۳	۱۰	۶,۶۸۲	۱۳	۶,۹۱۵	۱۲	۱,۳۸۸	۱۲	۳,۶۱۹	۲
GARCH-t	۵	۰,۹۷۶	۴,۵۴۲	۵	۴,۰۵۳	۱	-۸۰۱۰,۳۱	۵	۳,۰۶۷	۸	۲۲۶,۶۴۴	۱۱	۲,۷۳۵	۱۲	۶,۶۶۶	۱۰	۶,۸۵۳	۷	۱,۳۷۹	۹	۳,۸۴۴	۱۲
GARCH-GED	۵	۰,۹۷۴	۴,۵۰۰	۸	۴,۰۵۱	۴	-۸۰۲۱,۴۸	۸	۳,۰۷۰	۹	۲۲۵,۸۴۱	۸	۲,۷۳۴	۱۱	۶,۶۶۴	۱۱	۶,۸۷۰	۱۰	۱,۳۸۲	۱۰	۳,۷۵۳	۶
EGARCH-N	۵	۰,۹۸۷	۴,۵۷۲	۱۱	۴,۰۵۱	۱۲	-۸۰۶۰,۷۳	۱۱	۳,۰۳۵	۴	۲۲۱,۷۵۰	۱	۲,۷۳۱	۷	۶,۶۶۲	۹	۶,۸۱۳	۵	۱,۳۷۶	۶	۳,۶۸۴	۴
EGARCH-t	۶	۰,۲۴۶	۵,۰۸۸	۱۳	۵,۰۹۹	۱۳	-۱۰۳۰,۰۶	۱۳	۳,۶۸۶	۱۳	۲۸۱,۴۱۳	۱۲	۵,۰۷۰	۱۳	۵,۰۱۴	۱	۶,۰۶۴	۱	۱,۲۲۹	۱	۱۷۷,۷۳	۱۳
EGARCH-GED	۶	۰,۹۸۹	۴,۵۴۹	۶	۴,۰۵۹	۵	-۸۰۱۸,۲۱	۶	۳,۰۲۲	۲	۲۲۲,۰۹۳	۲	۲,۷۳۲	۹	۶,۶۴۹	۶	۶,۷۸۷	۳	۱,۳۷۲	۵	۳,۷۷۶	۸
GJR-N	۵	۰,۹۷۴	۴,۵۷۱	۱۰	۴,۰۸۰	۱۰	-۸۰۵۸,۸۷	۱۰	۳,۰۸۵	۱۰	۲۲۵,۱۳۱	۵	۲,۷۳۰	۵	۶,۶۶۹	۱۲	۶,۹۰۳	۱۱	۱,۳۸۵	۱۱	۳,۵۶۲	۱
GJR-t	۶	۰,۹۷۶	۴,۵۴۳	۳	۴,۰۵۳	۲	-۸۰۱۰,۷۴	۴	۳,۰۶۰	۶	۲۲۶,۳۴۶	۱۰	۲,۷۳۲	۸	۶,۶۵۴	۸	۶,۸۴۱	۶	۱,۳۷۷	۷	۳,۷۶۱	۷
GJR-GED	۶	۰,۹۷۵	۴,۵۴۹	۷	۴,۰۵۹	۶	-۸۰۱۸,۲۳	۷	۳,۰۶۵	۷	۲۲۰,۶۲۸	۷	۲,۷۳۰	۶	۶,۶۵۳	۷	۶,۸۰۸	۸	۱,۳۷۹	۸	۳,۶۸۳	۳
MRS-GARCH-N	۱۰	۰,۹۶۵	۴,۰۵۴	۹	۴,۰۷۱	۹	-۸۰۲۳,۱۸	۹	۳,۲۰۱	۱۲	۲۳۳,۷۴۱	۱۲	۲,۷۲۷	۴	۶,۶۴۲	۵	۷,۱۱۵	۱۳	۱,۳۹۵	۱۳	۳,۷۳۷	۵
MRS-GARCH-t2	۱۲	۰,۹۹۳	۴,۰۵۹	۲	۴,۰۵۰	۷	-۷۹۹۴,۹۹	۱	۳,۰۴۴	۵	۲۲۴,۵۴۴	۴	۲,۷۲۳	۱	۶,۵۸۷	۴	۶,۸۰۹	۹	۱,۳۶۹	۴	۳,۷۹۲	۹
MRS-GARCH-t	۱۱	۰,۹۹۹	۴,۰۴۴	۴	۴,۰۵۲	۸	-۸۰۰۲,۴۵	۳	۳,۰۳۰	۳	۲۲۰,۰۸۹	۹	۲,۷۲۶	۳	۶,۵۸۵	۳	۶,۷۹۸	۴	۱,۳۶۵	۳	۳,۸۱۶	۱۰
MRS-GARCH-GED	۱۱	۰,۹۹۸	۴,۰۳۸	۱	۴,۰۵۷	۳	-۷۹۹۰,۳۱	۲	۳,۰۰۰	۱	۲۲۲,۶۲۲	۳	۲,۷۲۴	۲	۶,۵۸۲	۲	۶,۷۴۶	۲	۱,۳۵۹	۲	۳,۸۴۱	۱۱

تذکر: Pers: پایداری شوک های نوسانات است (تها برای MRS-GARCH بالاترین پایداری گزارش شده است). AIC: معیار اطلاعاتی آکائیک است و بصورت

- $2 \log(L)/T + 2K/T$ محاسبه می شود که k تعداد پارامترها و T تعداد مشاهدات است. BIC: معیار اطلاعاتی شوارز است و بصورت

محاسبه می شود. HMSE: تابع زیان آماری معرفی شده در قسمت (۱-۵) هستند.

رادارد، و یک ساختار قوی برای ارزیابی عملکرد مدل‌های رقیب ارائه می‌دهد.

از آنجاکه اکثر مدلها تنها تقریبی ساده از فرآیند تولید داده‌های واقعی نشان می‌دهند، غالباً داشتن برآش درون نمونه‌ای خوب شرط لازم و کافی برای پیش‌بینی‌های دقیق و قابل اطمینان نمی‌باشد. گذشته از این، محققان و متخصصان علاقه‌مند به داشتن پیش‌بینی‌های نوسانات خوب به جای برآش درون نمونه‌ای خوب هستند. جدول (۵) ارزیابی برون نمونه‌ای یک و پنجم مرحله‌رویه‌جلو را بر حسب توابع زیان بخش (۱-۵) گزارش می‌دهد. جدول (۶) ارزیابی برون نمونه‌ای پیش‌بینی‌های نوسانات ده و بیست و دو مرحله‌رویه‌جلو را نمایش می‌دهد. برای هردو جدول شاخص نوسان مجموع مجذور بازده‌های روزانه می‌باشد.

تمام مدلها SR بالا (بیشتر از ۶۰٪ و میانگین ۷۵٪) و تست DA با معناداری بالا در تمام افق‌های پیش‌بینی ارائه می‌دهند. در یک مرحله رو به جلو، بهترین مدل MRS-GARCH-t و در بین مدل‌های GARCH استاندارد بهترین مدل GJR-t با رتبه چهار در کل مدلها می‌باشد. در ۵ مرحله رو به جلو، بهترین مدل مجدداً MRS-GARCH-t و دومین مدل خوب GJR-t می‌باشد. در افق دو هفته‌ای، بهترین مدل GJR-t و MRS-GARCH-t بهترین مدل تنها بین مدل‌های MRS-GARCH می‌باشد. در افق یک ماهه، بهترین مدل GJR-N و MRS-GARCH-N بهترین مدل تنها بین مدل‌های MRS-GARCH می‌باشد. ازنتایج قبلی کاملاً مشهود است که عملکرد مدل‌های MRS-GARCH در افق‌های پیش‌بینی کوتاه‌تر بهتر است، در حالیکه در طولانی‌تر (بیشتر از یک هفته) مدل‌های GJR-t و GJR-N بهترین هستند.

در جدول (۴) برخی آمار خوبی برآش درون نمونه‌ای گزارش شده است. این آمارها عنوان معیارهای انتخاب مدل استفاده می‌شوند. بزرگترین راستنمایی لگاریتمی در میان مدل‌های GARCH مستقل از حالت مربوط به مدل GJR با خطای t می‌باشد، درحالیکه برای مدل‌های MRS-GARCH و در کل، دقیق‌ترین توصیف از داده‌ها توسط مدل MRS-GARCH با توزیع t استیودنت که درجه آزادی مجاز به جایه‌جایی می‌باشد و سپس مدل MRS-GARCH-GED اطلاعاتی آکائیک (AIC) و شوارز (BIC) هردو نشان می‌دهندکه بهترین مدل در میان مدل‌های GARCH با پارامتر ثابت مدل GJR-t و در میان مدل‌های MRS-GARCH-GED بهترین برآش را دارد.

ویژگی دیگر که از جدول (۴) پدیدار می‌شود پایداری بالا شوکها در واریانس شرطی می‌باشد. این جدول همچنین نشان می‌دهد مدل منحصر به فردی که به طور متالی مطابق توابع زیان آماری در نظر گرفته شده بهترین باشد، وجود ندارد. به جز HMSE بهترین مدل درون نمونه، MRS-GARCH با خطای GARCH می‌باشد، در حالیکه در میان مدل‌های استاندارد بهترین مدل EGARCH با خطای GED می‌باشد.

۶-۴- ارزیابی پیش‌بینی برون نمونه‌ای

یک راه ممکن برای غلبه بر مشکل بارز بخش قبلی مقایسه مدلها از طریق عملکرد پیش‌بینی برون نمونه‌ای آنها می‌باشد. آزمون برون نمونه‌ای توانایی کنترل مشکل‌های بیش برآش یا بیشین پارامتری



جدول ۵: ارزیابی برون نمونه‌ای پیش‌بینی‌های نوسانات یک و پنج مرحله رو به جلو

پیش‌بینی‌های نوسانات ۱- مرحله رو به جلو

Model	MSE1	Rank	MSE2	Rank	QLIKE	Rank	R2LOG	Rank	MAD2	Rank	MADI	Rank	HMSE	Rank	SR	DA
GARCH-N	.۰۲۴۹۳	۱۲	۰.۳۳۵۰	۱۲	۲.۹۲۵۴	۱۳	.۱۹۸۵	۱۳	۲.۱۱۴	۱۲	.۴۶۴۷	۱۳	.۰۴۱۴	۱۱	.۷۸	۱۲.۱۷۱۶***
GARCH-t	.۰۲۱۹۶	۶	۴.۷۹۰۸	۹	۲.۹۰۶۷	۷	.۱۷۰۲	۷	۲.۰۱۱۶	۱۰	.۴۳۹۳	۱۰	.۲۷۷۳	۷	.۸۳	۱۴.۱۷۳۳***
GARCH-GED	.۰۲۳۴۲	۱۱	۰.۰۵۰۴	۱۱	۲.۹۱۰۷	۹	.۱۸۴۰	۸	۲.۰۶۱۰	۱۱	.۴۵۲۱	۱۱	.۳۰۷۶	۹	.۸۱	۱۳.۳۱۰۳***
EGARCH-N	.۰۲۲۹۲	۱۰	۴.۷۹۷۷	۴	۲.۹۲۴۰	۱۲	.۱۹۴۱	۱۲	۱.۹۶۱۷	۶	.۴۳۷۴	۷	.۳۴۶۸	۱۲	.۸۲	۱۳.۸۴۴۷***
EGARCH-t	.۰۲۲۹۰	۹	۴.۷۰۰۸	۶	۲.۹۲۳۵	۱۱	.۱۹۲۵	۱۱	۱.۹۷۳۵	۸	.۴۳۸۸	۹	.۳۴۹۲	۱۳	.۸۲	۱۴.۰۵۷۶***
EGARCH-GED	.۰۲۲۸۱	۸	۴.۶۷۸۰	۵	۲.۹۲۲۵	۱۰	.۱۹۱۸	۱۰	۱.۹۶۵۰	۷	.۴۳۷۵	۸	.۳۴۱۴	۱۰	.۸۲	۱۳.۸۵۷۳***
GJR-N	.۰۲۲۱۶	۷	۰.۰۱۷۳	۱۰	۲.۹۰۵۰	۶	.۱۶۸۱	۶	۱.۹۸۹۴	۹	.۴۲۸۷	۶	.۲۷۲۶	۶	.۷۷	۱۱.۴۶۴۰***
GJR-t	.۰۱۹۷۸	۴	۴.۴۵۹۷	۲	۲.۸۹۳۱	۴	.۱۴۸۸	۴	۱.۸۹۲۲	۴	.۴۰۷۵	۴	.۲۲۵۴	۴	.۷۹	۱۲.۶۲۷۰***
GJR-GED	.۰۲۰۹۰	۵	۴.۷۰۰۶	۷	۲.۸۹۸۹	۵	.۱۵۸۲	۵	۱.۹۳۸۷	۵	.۴۱۸۰	۵	.۲۵۳۴	۵	.۷۸	۱۲.۰۳۹۹***
MRS-GARCH-N	.۰۲۷۸۶	۱۳	۷.۰۸۰۳	۱۳	۲.۹۱۳۰	۸	.۱۸۶۱	۹	۲.۲۱۰۶	۱۳	.۴۵۸۸	۱۲	.۲۹۰۹	۸	.۷۰	۸.۹۷۲۷***
MRS-GARCH-t2	.۰۱۹۴۱	۳	۴.۷۷۴۴	۸	۲.۸۸۴۸	۲	.۱۳۷۳	۲	۱.۸۸۱۲	۲	.۳۶۶۲	۲	.۲۰۶۲	۲	.۷۷	۱۱.۴۷۸۰***
MRS-GARCH-t	.۰۰۶۱۰	۱	۱.۶۳۴۸	۱	۲.۸۷۷۸	۱	.۰۰۴۰۰	۱	۱.۰۰۰۷	۱	.۱۹۹۹	۱	.۰۴۸۵	۱	.۷۹	۱۲.۶۱۵۰***
MRS-GARCH-GED	.۰۱۹۱۹	۲	۴.۰۵۳۵	۳	۲.۸۸۵۷	۳	.۱۳۷۵	۳	۱.۸۸۴۳	۳	.۳۹۷۲	۳	.۲۱۱۶	۳	.۷۶	۱۰.۷۷۲۵***

پیش‌بینی‌های نوسانات ۵- مرحله رو به جلو

Model	MSE1	Rank	MSE2	Rank	QLIKE	Rank	R2LOG	Rank	MAD2	Rank	MADI	Rank	HMSE	Rank	SR	DA
GARCH-N	۱.۱۶۳۷	۹	۱۲۹.۲۹۹	۷	۴.۵۲۱۶	۱۰	.۱۷۶۷	۱۰	۱۰.۱۳۲۱	۸	.۹۸۱۳	۱۰	.۲۹۸۰	۱۰	.۷۶	۱۰.۹۶۷۴***
GARCH-t	۱.۰۶۴۲	۴	۱۱۹.۳۸۹	۳	۴.۰۱۰۳	۷	.۱۵۹۵	۶	۹.۸۳۸۵	۵	.۹۴۹۷	۶	.۲۵۹۴	۸	.۸۰	۱۳.۰۵۶۹***
GARCH-GED	۱.۱۱۷۸	۷	۱۲۴.۶۶۰	۵	۴.۰۱۶۴	۹	.۱۶۸۸	۸	۱۰.۰۱۰۱	۶	.۹۶۸۴	۸	.۲۷۹۸	۹	.۷۸	۱۲.۱۸۳۲***
EGARCH-N	۱.۸۷۳۱	۱۳	۱۸۳.۳۹۸	۱۲	۴.۶۷۸۷	۱۳	.۳۳۲۱	۱۳	۱۲.۷۷۷۷	۱۳	.۲۷۵۱	۱۳	.۶۸۹۹	۱۳	.۷۹	۱۳.۰۲۵۹***
EGARCH-t	۱.۷۴۰۷	۱۱	۱۷۳.۰۷۹	۱۰	۴.۶۰۶۲	۱۱	.۳۰۱۹	۱۱	۱۲.۱۸۶۰	۱۱	.۲۲۵۳	۱۱	.۶۰۴۱	۱۱	.۸۱	۱۳.۳۴۲۲***
EGARCH-GED	۱.۸۰۷۶	۱۲	۱۷۸.۰۵۳	۱۱	۴.۶۱۶۹	۱۲	.۳۱۷۰	۱۲	۱۲.۳۳۹۲	۱۲	.۲۵۶۰	۱۲	.۶۸۵۴	۱۲	.۸۰	۱۳.۲۱۲۶***
GJR-N	۱.۰۸۵۰	۵	۱۲۶.۶۹۹	۶	۴.۰۰۸۵	۵	.۱۵۸۰	۵	۹.۷۴۹۷	۴	.۹۶۸۶	۴	.۲۵۲۹	۷	.۷۴	۱۰.۱۴۶۹***
GJR-t	.۹۹۷۲	۲	۱۱۵.۱۷۳	۲	۴.۰۱۰۲	۲	.۱۴۵۵	۲	۹.۴۱۱۲	۲	.۸۹۷۰	۲	.۲۳۰۶	۲	.۷۷	۱۱.۴۱۳۷***
GJR-GED	۱.۰۴۲۲	۳	۱۲۰.۶۲۱	۴	۴.۰۰۵۲	۳	.۱۵۲۲	۳	۹.۰۹۵۰	۳	.۹۱۴۳	۳	.۲۴۴۲	۴	.۷۵	۱۰.۷۲۱۶***
MRS-GARCH-N	۱.۳۴۲۱	۱۰	۱۸۴.۰۴۲	۱۳	۴.۰۱۱۱	۸	.۱۶۸۹	۹	۱۰.۰۹۰۰	۱۰	.۹۶۸۷	۹	.۲۵۱۳	۶	.۶۸	۶.۶۲۵۲***
MRS-GARCH-t2	۱.۱۰۵۱	۸	۱۳۹.۰۵۰	۹	۴.۰۰۹۳	۶	.۱۶۱۷	۷	۱۰.۱۴۱۷	۹	.۹۰۵۶۷	۷	.۲۴۹۲	۵	.۷۴	۱۰.۱۸۳۹***
MRS-GARCH-t	.۰۵۴۴	۱	۹۶.۷۰۰	۱	۴.۴۴۶۷	۱	.۰۰۶۰۵	۱	۶.۷۵۱۲	۱	.۰۵۳۷	۱	.۰۵۲۲	۱	.۸۰	۱۳.۰۸۷۶***
MRS-GARCH-GED	۱.۰۴۶۴	۶	۱۳۴.۴۰۷	۸	۴.۰۰۵۷	۴	.۱۰۵۰	۴	۱۰.۰۴۴	۷	.۹۴۰۴	۵	.۲۴۰۲	۳	.۷۲	۸.۹۵۷۲***

جدول ۶: ارزیابی برون نمونه‌ای پیش‌بینی‌های نوسانات ده و بیست و دو مرحله رو به جلو

پیش‌بینی‌های نوسانات ۱۰- مرحله رو به جلو

Model	MSE1	Rank	MSE2	Rank	QLIKE	Rank	R2LOG	Rank	MAD2	Rank	MADI	Rank	HMSE	Rank	SR	DA
GARCH-N	۲.۱۳۲۲	۶	۴۹.۲۷۹	۶	۰.۴۲۸	۸	.۱۰۳	۸	۱۹.۱۹۰۲	۶	۱.۹۴۹۷	۶	.۲۰۷۳	۸	.۷۳	۹.۶۰۳۲***
GARCH-t	۲.۰۳۴۲	۳	۴۶۶.۴۷۷	۲	۰.۱۹۸۱	۶	.۱۴۸۱	۵	۱۹.۰۰۰۳	۴	۱.۲۸۳۴	۵	.۲۴۰۵	۶	.۷۷	۱۱.۶۶۷۸***
GARCH-GED	۲.۱۰۰۱	۵	۴۸۰.۹۰۸	۴	۰.۲۰۱۴	۷	.۱۰۳۲	۷	۱۹.۱۷۶۸	۵	۱.۹۰۰۵	۷	.۲۰۱۹	۷	.۷۶	۱۰.۹۷۹۹***
EGARCH-N	۰.۵۷۰۹	۱۳	۱۰۵.۲۳۲	۱۳	۰.۴۷۱۳	۱۳	.۰۳۴۶	۱۳	۳۰.۳۸۹۶	۱۳	۲.۲۵۹۶	۱۳	۱.۳۲۲۸	۱۳	.۷۹	۱۲.۷۰۰۷***
EGARCH-t	۰.۵۷۶۱	۱۱	۹۶۴.۱۰۶	۱۱	۰.۴۱۶۹	۱۱	.۴۶۴۲	۱۱	۲۹.۱۶۰۰	۱۱	۲.۱۴۳۸	۱۱	۱.۰۷۲۱	۱۱	.۸۰	۱۲.۹۸۰۹***
EGARCH-GED	۰.۳۷۸۸	۱۲	۱۰۰.۹۳۲	۱۲	۰.۴۴۳۶	۱۲	.۰۴۹۴۲	۱۲	۲۹.۸۱۳۹	۱۲	۲.۲۰۴۵	۱۲	۱.۹۱۸	۱۲	.۸۰	۱۲.۹۴۲۲***
GJR-N	۲.۰۴۰۹	۴	۴۸۷.۳۲۱	۵	۰.۱۹۴۴	۵	.۱۴۷۷	۴	۱۸.۷۰۰۹	۳	۱.۲۴۵۳	۳	.۲۲۷۵	۵	.۷۲	۹.۰۲۶۳***
GJR-t	۱.۹۴۰۲	۱	۴۰۷.۰۹۱	۱	۰.۱۹۱۶	۲	.۱۳۸۵	۲	۱۸.۳۹۱۰	۱	۱.۲۲۸۱	۱	.۲۱۹۸	۳	.۷۴	۱۰.۲۰۷۹***
GJR-GED	۲.۰۰۴۵	۲	۴۷۷.۹۹۵	۳	۰.۱۹۳۹	۴	.۱۴۳۳	۳	۱۸.۶۱۹۷	۲	۱.۲۴۱۶	۲	.۲۲۶۷	۴	.۷۳	۹.۵۹۹۸***
MRS-GARCH-N	۲.۴۱۳۵	۸	۶۷۸.۶۶۸	۱۰	۰.۱۹۳۸	۳	.۱۴۹۹	۶	۱۹.۹۸۰۸	۷	۱.۲۷۹۱	۴	.۲۱۵۴	۲	.۶۶	۵.۶۹۸۱***
MRS-GARCH-t2	۲.۰۴۷۰	۱۰	۶۱۴.۶۱۷	۸	۰.۲۱۵۱	۱۰	.۱۸۰۰	۱۰	۲۱.۳۶۹۱	۹	۱.۴۲۷۴	۱۰	.۲۸۴۶	۱۰	.۷۷	۵.۶۹۸۱***
MRS-GARCH-t	۲.۱۹۱۳	۷	۶۱۵.۱۸۲	۹	۰.۱۶۷۹	۱	.۰۱۳۰	۱	۲۱.۷۱۱۳	۱۰	۱.۳۰۰۶	۸	.۰۰۷۸	۱	.۷۱	۱۰.۴۴۲۷***
MRS-GARCH-GED	۲.۴۲۷۶	۹	۵۹۹.۰۵۱	۷	۰.۲۰۶۸	۹	.۱۶۶۸	۹	۲۰.۸۷۱۶	۸	۱.۳۷۳۵	۹	.۲۰۹۱	۹	.۶۹	۷.۵۰۱۴***

پیش‌بینی‌های نوسانات - مرحله رو به جلو

Model	MSE1	Rank	MSE2	Rank	QLIKE	Rank	R2LOG	Rank	MAD2	Rank	MADI	Rank	HMSE	Rank	SR	DA
GARCH-N	۳,۵۷۰۰	۲	۱۸۶۷,۷۹	۲	۰,۹۶۷۸	۳	۰,۱۱۲۳	۳	۳۶,۶۶۹۹	۳	۱,۶۳۵۱	۳	۰,۱۷۵۹	۴	۰,۶۷	۷,۰۳۹۷***
GARCH-t	۳,۷۴۶۴	۶	۱۹۳۳,۷۸۱	۶	۰,۹۷۲۳	۷	۰,۱۱۹۶	۷	۳۷,۹۸۰۴	۷	۱,۷۶۴	۷	۰,۱۸۸۹	۸	۰,۷۲	۹,۱۴۷۰***
GARCH-GED	۳,۷۱۸۷	۵	۱۹۲۸,۱۶۱	۵	۰,۹۷۱۴	۶	۰,۱۱۸۱	۶	۳۷,۶۴۰۳	۶	۱,۶۸۶۷	۶	۰,۱۸۶۸	۷	۰,۷۰	۸,۳۵۶۹***
EGARCH-N	۲۲,۴۰۹	۱۳	۸۰,۸۷,۰۱۲	۱۳	۶,۷۳۶۱	۱۳	۱,۱۰۰۴	۱۳	۸۶,۷۴۴۸	۱۳	۴,۶۱۷۸	۱۳	۳,۸۶۹۸	۱۳	۰,۷۶	۱۱,۳۹۹۴***
EGARCH-t	۱۹,۵۷۷	۱۱	۷۳,۱۱,۲۸۴	۱۱	۶,۰۷۲۸	۱۱	۰,۹۷۰۵	۱۱	۸۲,۰۷۹	۱۱	۴,۳۱۹۴	۱۱	۲,۸۷۰۹	۱۱	۰,۷۸	۱۲,۰۹۷۷***
EGARCH-GED	۲۱,۰۲۲	۱۲	۷۷,۱۴,۵۶۵	۱۲	۶,۹۵۲۹	۱۲	۱,۰۱۰۴	۱۲	۸۴,۷۰۶۹	۱۲	۴,۴۷۵۵	۱۲	۳,۳۴۵۳	۱۲	۰,۷۷	۱۱,۸۰۲۰***
GJR-N	۳,۴۸۴۶	۱	۱۸۶۱,۸۵۷	۱	۰,۹۶۴۳	۲	۰,۱۰۷۷	۲	۳۵,۹۰۱۵	۱	۱,۰۸۹۰	۲	۰,۱۶۳۶	۳	۰,۶۸	۷,۱۶۷۹***
GJR-t	۳,۶۳۵۳	۴	۱۹۰,۰۰۴۴	۴	۰,۹۶۹۱	۵	۰,۱۱۲۸	۵	۳۷,۱۳۵۴	۵	۱,۰۵۸۳	۵	۰,۱۷۸۹	۶	۰,۷۰	۸,۳۱۹۴***
GJR-GED	۳,۶۱۹۳	۳	۱۹۰,۴,۶۷۴	۴	۰,۹۶۸۲	۴	۰,۱۱۳۵	۴	۳۶,۸۰۴۱	۴	۱,۰۴۱۱	۴	۰,۱۷۶۰	۵	۰,۶۸	۷,۶۳۶۶***
MRS-GARCH-N	۳,۸۲۷۴	۷	۲۳۵۳,۰۱۴	۷	۰,۹۶۰۱	۱	۰,۱۰۵۸	۱	۳۶,۳۲۵۰	۲	۱,۰۵۳۴	۱	۰,۱۴۳۲	۲	۰,۶۳	۴,۳۸۷۹***
MRS-GARCH-t	۵,۷۱۰۷	۹	۲۹۲۰,۰۵۹	۹	۶,۰۱۲۶	۱۰	۰,۱۸۶۹	۹	۴۷,۳۳۰۴	۹	۲,۱۵۰۰	۹	۰,۳۰۹۶	۱۰	۰,۶۹	۸,۱۶۶۰***
MRS-GARCH-t	۷,۸۷۲۴	۱۰	۵۲۱۸,۱۴۸	۱۰	۰,۹۸۰۸	۸	۰,۱۹۰۹	۱۰	۸۰,۹۰۹۳	۱۰	۲,۰۵۹۹	۱۰	۰,۱۲۱۰	۱	۰,۵۲	۰,۱۹۹۰***
MRS-GARCH-GED	۵,۰,۴۶۲	۸	۷۷۲۱,۸۲۱	۸	۰,۹۹۲۸	۹	۰,۱۰۵۷	۸	۴۴,۲۱۵۵	۸	۱,۹۶۱۲	۸	۰,۲۴۴۸	۹	۰,۶۶	۶,۱۴۷۷***

توجهی عملکرد بهتری از هر یک از مدلها در سطح اطمینان معمول دارد و فرضیه صفر برابری دقت پیش‌بینی قویاً رد می‌شود. علاوه علامت آماره‌های MDM و MDS-GARCH-t، همواره منفی است که بر کمتر بودن زیان شاخص از زیان دیگر مدلها دلالت دارد.

جدول(۷) نتایج آزمون‌های DM و MDM را هنگامیکه شاخص بهترین مدل در افق یک روزه، MRS-GARCH-t، بوده و با هر یک از مدل‌های دیگر مقایسه شده است نشان می‌دهد. از جدول پیدا است که MRS-GARCH-t (شاخص) بطور قابل

جدول ۷: آزمون‌های Diebold-Mariano (شاخص)، MRS-GARCH-t، ۱- مرحله رو به جلو)

Model	آزمون						Modified Diebold-Mariano							
	MSE1	MSE2	QLIKE	R2LOG	MAD2	MADI	HMSE	MSE1	MSE2	QLIKE	R2LOG	MAD2	MADI	HMSE
GARCH-N p-values	-۹,۵۳** +,۰۰	-۷,۳۳** +,۰۰	-۱۱,۱۶** +,۰۰	-۱۱,۱۲** +,۰۰	-۹,۷۹** +,۰۰	-۱۰,۹۹** +,۰۰	-۱۰,۷۴** +,۰۰	-۹,۵۱** +,۰۰	-۷,۳۱** +,۰۰	-۱۱,۱۴** +,۰۰	-۱۱,۰۹** +,۰۰	-۹,۷۷** +,۰۰	-۱۰,۷۷** +,۰۰	
GARCH-t p-values	-۹,۲۲** +,۰۰	-۶,۹۱** +,۰۰	-۱۱,۲۶** +,۰۰	-۱۰,۹۶** +,۰۰	-۹,۰۷** +,۰۰	-۱۰,۳۶** +,۰۰	-۱۱,۲۳** +,۰۰	-۹,۱۹** +,۰۰	-۶,۸۹** +,۰۰	-۱۱,۲۴** +,۰۰	-۱۰,۹۴** +,۰۰	-۹,۰۵** +,۰۰	-۱۰,۳۴** +,۰۰	-۱۱,۲۰** +,۰۰
GARCH-GED p-values	-۹,۳۴** +,۰۰	-۷,۱۱** +,۰۰	-۱۱,۲۹** +,۰۰	-۱۱,۱۱** +,۰۰	-۹,۳۸** +,۰۰	-۱۰,۶۵** +,۰۰	-۱۱,۰۷** +,۰۰	-۹,۳۸** +,۰۰	-۷,۰۹** +,۰۰	-۱۱,۲۷** +,۰۰	-۱۱,۰۹** +,۰۰	-۹,۳۶** +,۰۰	-۱۰,۶۳** +,۰۰	-۱۱,۰۵** +,۰۰
EGARCH-N p-values	-۷,۸۰** +,۰۰	-۶,۵۴** +,۰۰	-۷,۹۲** +,۰۰	-۸,۱۷** +,۰۰	-۸,۲۵** +,۰۰	-۹,۱۸** +,۰۰	-۷,۲۵** +,۰۰	-۷,۶۷** +,۰۰	-۶,۵۳** +,۰۰	-۷,۹۰** +,۰۰	-۸,۱۵** +,۰۰	-۸,۰۳** +,۰۰	-۹,۱۶** +,۰۰	-۷,۲۳** +,۰۰
EGARCH-t p-values	-۷,۵۳** +,۰۰	-۶,۳۱** +,۰۰	-۷,۶۹** +,۰۰	-۷,۸۷** +,۰۰	-۸,۲۶** +,۰۰	-۹,۶۴** +,۰۰	-۶,۸۹** +,۰۰	-۷,۵۲** +,۰۰	-۶,۴۹** +,۰۰	-۷,۶۷** +,۰۰	-۷,۹۵** +,۰۰	-۸,۰۴** +,۰۰	-۹,۲۴** +,۰۰	-۶,۸۸** +,۰۰
EGARCH-GED p-values	-۷,۶۴** +,۰۰	-۶,۳۷** +,۰۰	-۷,۷۹** +,۰۰	-۸,۰۵** +,۰۰	-۸,۱۸** +,۰۰	-۹,۱۶** +,۰۰	-۷,۰۹** +,۰۰	-۷,۶۱** +,۰۰	-۶,۳۶** +,۰۰	-۷,۷۷** +,۰۰	-۸,۰۳** +,۰۰	-۸,۱۶** +,۰۰	-۹,۱۴** +,۰۰	-۷,۰۷** +,۰۰
GJR-N p-values	-۹,۳۴** +,۰۰	-۷,۸۰** +,۰۰	-۹,۷۰** +,۰۰	-۹,۷۹** +,۰۰	-۹,۹۹** +,۰۰	-۱۰,۰۵** +,۰۰	-۹,۲۷** +,۰۰	-۹,۲۳** +,۰۰	-۷,۸۳** +,۰۰	-۹,۶۸** +,۰۰	-۹,۷۷** +,۰۰	-۹,۴۷** +,۰۰	-۱۰,۴۷** +,۰۰	-۹,۲۵** +,۰۰
GJR-t p-values	-۸,۷۱** +,۰۰	-۷,۱۷** +,۰۰	-۹,۴۷** +,۰۰	-۹,۹۱** +,۰۰	-۹,۹۱** +,۰۰	-۹,۵۲** +,۰۰	-۹,۳۱** +,۰۰	-۸,۶۹** +,۰۰	-۷,۱۶** +,۰۰	-۹,۴۵** +,۰۰	-۹,۳۵** +,۰۰	-۸,۸۹** +,۰۰	-۹,۶۰** +,۰۰	-۹,۲۸** +,۰۰
GJR-GED p-values	-۹,۰۴** +,۰۰	-۷,۵۹** +,۰۰	-۹,۵۷** +,۰۰	-۹,۶۶** +,۰۰	-۹,۴۴** +,۰۰	-۱۰,۰۶** +,۰۰	-۹,۴۰** +,۰۰	-۹,۰۷** +,۰۰	-۷,۰۸** +,۰۰	-۹,۶۶** +,۰۰	-۹,۶۳** +,۰۰	-۹,۳۲** +,۰۰	-۱۰,۰۴** +,۰۰	-۹,۳۸** +,۰۰
MRS-GARCH-N p-values	-۶,۴۷** +,۰۰	-۳,۹۲** +,۰۰	-۸,۵۰** +,۰۰	-۸,۵۶** +,۰۰	-۹,۰۴** +,۰۰	-۹,۴۹** +,۰۰	-۷,۴۸** +,۰۰	-۶,۴۵** +,۰۰	-۳,۹۱** +,۰۰	-۸,۴۸** +,۰۰	-۸,۰۴** +,۰۰	-۹,۰۱** +,۰۰	-۹,۹۷** +,۰۰	-۷,۴۶** +,۰۰
MRS-GARCH-t p-values	-۸,۷۶** +,۰۰	-۷,۱۰** +,۰۰	-۸,۰۸** +,۰۰	-۸,۷۴** +,۰۰	-۹,۲۶** +,۰۰	-۹,۷۹** +,۰۰	-۷,۹۷** +,۰۰	-۸,۷۴** +,۰۰	-۷,۱۰** +,۰۰	-۸,۵۶** +,۰۰	-۸,۷۷** +,۰۰	-۹,۰۴** +,۰۰	-۹,۲۷** +,۰۰	-۷,۹۶** +,۰۰
MRS-GARCH-GED p-values	-۸,۶۶** +,۰۰	-۸,۵۴** +,۰۰	-۸,۰۲** +,۰۰	-۸,۸۵** +,۰۰	-۹,۵۴** +,۰۰	-۹,۱۰** +,۰۰	-۷,۶۱** +,۰۰	-۸,۶۴** +,۰۰	-۸,۰۳** +,۰۰	-۸,۰۱** +,۰۰	-۸,۱۳** +,۰۰	-۹,۵۲** +,۰۰	-۹,۰۸** +,۰۰	-۷,۵۹** +,۰۰

تذکر: * و ** نشان دهنده رد فرضیه صفر برابری دقت پیش‌بینی به ترتیب در سطوح ۵٪ و ۱٪ می‌باشد. + و + نشان می‌دهد فرضیه صفر به ترتیب در سطوح ۵٪ و ۱٪ رد می‌شود، اما علامت آماره مثبت بوده و دلالت بر این دارد که زیان شاخص بزرگتر است.



MRS-GARCH با خطای گوسی و MRS-GARCH به جز در HMSE فرضیه صفر برابری دقت پیش‌بینی ردنمی‌شود.

جدول (۹) آزمون بررسی واقعیت مربوط به برتری توانایی پیش‌بینی برای هر مدل در برابر دیگر مدلها را در افق‌های پیش‌بینی یک روزه گزارش می‌دهد.

جدول (۸) افق پیش‌بینی دو هفته‌ای را درنظر می‌گیرد. در ۱۰ مرحله رو به جلو بهترین مدل GJR-t می‌باشد. عملکرد آن از اکثر مدل‌های GARCH استاندارد بالاتر بوده و شاخص تنها مغلوب مدل‌های t و GARCH-t و GARCH-N می‌شود. در میان مدل‌های EPA برای مدل MRS-GARCH فرضیه MRS-GARCH-GED و مدل MRS-GARCH-t2 در کلیه توابع زیان ردنمی‌شود، اما در مقایسه با

جدول ۸: آزمون‌های (Diebold-Mariano). شاخص: GJR-t ، ۱۰- مرحله رو به جلو)

Model	آزمون Diebold-Mariano							آزمون Modified Diebold-Mariano						
	MSE1	MSE2	QLIKE	R2LOG	MAD2	MADI	HMSE	MSE1	MSE2	QLIKE	R2LOG	MAD2	MADI	HMSE
GARCH-N p-values	-۲,۱۴*	-۱,۵۳	-۲,۷۶**	-۲,۷۰**	-۱,۹۶**	-۲,۳۹*	-۲,۷۰**	-۲,۰۴*	-۱,۴۷	-۲,۶۶**	-۲,۰۹**	-۱,۸۸	-۲,۲۹*	-۲,۶۰**
GARCH-t p-values	-۱,۰۰	-۰,۴۲	-۱,۷۵	-۱,۶۱	-۱,۲۹	-۱,۸۲	-۱,۷۲	-۰,۹۷	-۰,۴۰	-۱,۶۸	-۱,۰۵	-۱,۲۴	-۱,۷۵	-۱,۶۵
GARCH-GED p-values	-۱,۷۶	-۱,۰۹	-۲,۵۶**	-۲,۴۳*	-۱,۷۹	-۲,۳۷*	-۲,۵۷**	-۱,۶۹	-۱,۰۵	-۲,۴۶**	-۲,۳۳*	-۱,۷۷	-۲,۲۴*	-۲,۴۲*
EGARCH-N p-values	-۱۳,۴۷**	-۱۱,۵۷**	-۱۱,۳۵**	-۱۲,۴۳**	-۱۴,۲۲**	-۱۵,۶۰**	-۹,۳۷**	-۱۲,۹۴**	-۱۱,۱۲**	-۱۰,۹۰**	-۱۱,۹۴**	-۱۳,۵۷**	-۱۵,۰۴**	-۸,۹۶**
EGARCH-t p-values	-۱۲,۴۸**	-۱۰,۸۷**	-۱۰,۷۳**	-۱۱,۶۸**	-۱۳,۳۲**	-۱۴,۶۲**	-۸,۸۸**	-۱۱,۹۸**	-۱۰,۴۵**	-۱۰,۳۰**	-۱۱,۲۲**	-۱۲,۸۰**	-۱۴,۰۵**	-۸,۵۳**
EGARCH-GED p-values	-۱۳,۱۶**	-۱۱,۳۸**	-۱۱,۱۶**	-۱۲,۱۸**	-۱۳,۸۹**	-۱۵,۲۸**	-۹,۲۱**	-۱۲,۶۴**	-۱۰,۹۳**	-۱۰,۷۳**	-۱۱,۷۱**	-۱۲,۳۵**	-۱۴,۶۹**	-۸,۸۰**
GJR-N p-values	-۱,۸۱	-۱,۷۷	-۱,۸۲	-۱,۸۱	-۱,۳۹	-۱,۱۴	-۱,۷۸	-۱,۷۴	-۱,۷۰	-۱,۷۵	-۱,۷۴	-۱,۳۴	-۱,۱۰	-۱,۷۱
GJR-GED p-values	-۲,۶۴**	-۲,۳۶*	-۲,۹۹**	-۲,۱۹**	-۲,۰۹*	-۲,۰۶*	-۲,۹۶**	-۲,۵۳**	-۲,۷۷*	-۲,۸۷**	-۲,۷۹**	-۲,۰۱*	-۱,۹۸*	-۲,۸۴**
MRS-GARCH-N p-values	-۱,۵۱	-۱,۶۴	-۰,۳۶	-۰,۸۵	-۱,۴۵	-۰,۸۸	۰,۲۶	-۱,۴۵	-۱,۵۷	-۰,۳۵	-۰,۸۲	-۱,۴۰	-۰,۸۵	۰,۲۵
MRS-GARCH-t2 p-values	-۴,۲۳**	-۳,۰۲**	-۶,۴۳**	-۵,۸۴**	-۴,۶۸**	-۵,۷۳**	-۶,۱۰**	-۴,۰۶**	-۲,۹۰**	-۶,۱۸**	-۵,۶۱**	-۴,۵۰**	-۵,۰۰**	-۵,۸۷**
MRS-GARCH-t p-values	-۰,۵۸	-۱,۳۸	۱,۷۴	۰,۳۰	-۱,۲۸	-۰,۴۶	۴,۰۵††	-۰,۵۵	-۱,۳۳	۱,۶۷	۰,۲۹	-۱,۲۳	-۰,۴۴	۳,۸۹۴†
MRS-GARCH-GED p-values	-۳,۳۴**	-۲,۷۹**	-۴,۰۹**	-۳,۸۳**	-۲,۷۶**	-۳,۴۹**	-۳,۸۸**	-۳,۲۱**	-۲,۶۸**	-۳,۹۳**	-۳,۶۸**	-۳,۱۳**	-۳,۳۵**	-۳,۷۳**

تذکر: * و ** نشان دهنده رد فرضیه صفر برابری دقت پیش‌بینی به ترتیب در سطوح ۵٪ و ۱٪ می‌باشد. † و †† نشان می‌دهد فرضیه صفر به ترتیب در سطوح ۵٪ و ۱٪ رد می‌شود، اما علامت آماره مثبت بوده و دلالت بر این دارد که زیان شاخص بزرگتر است.

جدول ۹: آزمون‌های بررسی واقعیت و برتری توانایی پیش‌بینی (تمام مدل‌ها، افق ۱ روزه)

Benchmark		MSE1	MSE2	QLIKE	R2LOG	MAD1	MAD2	HMSE
GARCH-N	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0
GARCH-t	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0
GARCH-GED	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0.003	0	0	0	0	0
EGARCH-N	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0.0023	0	0	0	0	0
EGARCH-t	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0.0033	0	0	0	0	0
EGARCH-GED	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0.0033	0	0	0	0	0
GJR-N	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0
GJR-t	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0
GJR-GED	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0
MRS-GARCH-N	SPA _I ⁰	0	0.0030	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0.0030	0	0	0	0	0
	RC	0	0.0030	0	0	0	0	0
MRS-GARCH-t2	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0
MRS-GARCH-t	SPA _I ⁰	0.5920	0.6520	0.5423	0.5423	0.5517	0.6383	0.5383
	SPA _c ⁰	0.5920	0.6520	0.5423	0.5423	0.5517	0.6383	0.5383
	RC	1	1	1	1	1	1	1
MRS-GARCH-GED	SPA _I ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	SPA _c ⁰	0	0	0	0	0	0	0
	RC	0	0	0	0	0	0	0

تذکر: این جدول p-مقدارهای تست بررسی واقعیت (RC) و ایست (RC₀) و کران پایین (SPA_L⁰) آزمون SPA_L⁰ (SPA_C⁰) از پیش‌بینی‌های افق ۱ (۲۰۰۰) همانس (۲۰۰۰) می‌دهد. هر مدل در ردیف به عنوان شاخص در برابر سایر مدل‌های رقیب می‌باشد. فرضیه صفر این است که هیچ یک از مدل‌ها بهتر از شاخص نیستند. برای محاسبه p-مقدارهای تعداد تکرار خودپرداز ۳۰۰۰ و طول بلوک ۵۰،۳۳ می‌باشد.

تابع زیان می‌افتد. این جدول همچنین p-مقدارهای RC-مقدارهای SPA را هنگامیکه شاخص یکی از تست RC و SPA مدل‌های MRS-GARCH بوده و مقایسه بازهم در مقابله دیگر مدل‌ها صورت گرفته است، نشان می‌دهد. مشهود است که مدل MRS-GARCH-t بطورقابل توجهی عملکرد بالاتری از همه مدل‌های دیگر در سطح معناداری معمول ۵٪ دارد، در واقع

p-مقدارهای گزارش شده در این جدول برای آزمون‌های RC و SPA بطور مجزا نشان می‌دهند چطور تمام آزمون‌ها، فرضیه صفر SPA را هنگامیکه شاخص یکی از مدل‌های GARCH استاندارد است رد می‌کنند. این بدین معنی است که، یک مدل رقیب در میان آنهایی که در نظر گرفته شده‌اند وجود دارد که بطور قابل توجهی از شاخص بهتر می‌باشد. این اتفاق برای تمام مدل‌های GARCH تک رژیمی و هر



کوتاه مدت می‌باشد، در حالیکه مدل GARCH استاندارد نامتقارن در افق طولانی تر بهتر است.

مهمت علی (۲۰۰۸) مدل‌های GARCH تک

رژیمی و MRS-GARCH را جهت تجزیه و تحلیل نوسانات بورس اوراق بهادار استانبول (ISE) در دوره ۱۹۹۷ تا ۲۰۰۷ مورد بررسی قرار داده است. استفاده از مدل‌های MRS-GARCH وجود دو رژیم نوسانی مختلف در بازار سهام ترکیه را نشان می‌دهد. همچنین این مدلها تداوم بالا را در مدل‌های GARCH تک رژیمی کاهش می‌دهند. نیکوس و پانوس (۲۰۱۰) عملکرد مدل‌های تغییر رژیم در پیش‌بینی نوسانات و ارزش در معرض ریسک (VaR) در بازارهای انرژی را مورد بررسی قرار دادند. با توجه به اینکه کشیدگی مازاد، چولگی و خوشبندی نوسانات از ویژگی‌های برجسته تغییرات قیمت نفت می‌باشند آنها دریافتند که هردو مدل‌های MRS-GARCH و MIX-GARCH گزینه‌های مناسبی جهت مدلسازی و پیش‌بینی ریسک می‌باشند. نتایج آنها نشان داد که مدل‌های مذکور در ثبت تداوم نوسانات از مدل‌های GARCH بهتر هستند.

تحقیقات بعدی، نیازمند ارزیابی این مدل‌های به شدت غیر خطی مطابق توابع زیانی است، که باید به بیان آنچه واقعاً مناسب است برای استفاده نهایی از پیش‌بینی نوسانات پردازند. در زمان تخمین مدل‌های GARCH می‌توان از توزیع t تعمیم یافته نامتقارن (SGT)^۶ استفاده نمود که ابزاری انعطاف پذیر برای مدلسازی توزیع تجربی داده‌های مالی با مشخصه‌های دنباله‌پهن، لپتوکرتوسی و چولگی فراهم می‌سازد. همچنین می‌توان توزیع دنباله سنگین (Heavy-Tailed) را نیز بکار برد.

از آنجاکه، نوسان واقعی برای ارزیابی کارایی پیش‌بینی مدل‌های GARCH رقابتی هم در درون

برای تمام توابع زیان فرضیه صفر نبود مدل برتر از شاخص رد نمی‌شود.

۷- نتیجه گیری و بحث

نتایج تجربی اصلی، با استفاده از داده‌های آتشی-های نفت خام WTI نشان می‌دهند که مدل‌های MRS-GARCH به طور قابل توجهی عملکرد بالاتر از مدل‌های GARCH معمولی در پیش‌بینی نوسانات در افق‌های زمانی کوتاه‌تر مطابق طیف گسترده‌ای از توابع زیان آماری دارند. بررسی معناداری تفاوت‌های عملکرد میان مدل‌های رقابتی از طریق آزمون های DM برای برابری توانایی پیش‌بینی و تست‌های برتری توانایی پیش‌بینی مانند آزمون بررسی واقعیت وایت (۲۰۰۰) و تست هانسن (۲۰۰۱) صورت گرفت.

کلیه این تست‌ها نشان می‌دهند که مدل MRS-GARCH با خطای استیومنت عملکرد بالاتر از مدل‌های استاندارد GARCH در پیش‌بینی نوسانات در افق‌های کوتاه‌تر دارد. در افق‌های طولانی‌تر، مدل‌های GARCH استاندارد عملکرد بالاتر از مدل‌های MRS-GARCH دارند.

تحقیقات صورت گرفته در گذشته به نتایج مشابهی دست یافته اند که به چند نمونه از آنها اشاره می‌گردد. مارکوچی (۲۰۰۵) مجموعه‌ای از مدل‌های EGARCH، GARCH و GJR را با گروهی از مدل‌های MRS-GARCH از لحاظ توانایی آنها در پیش‌بینی نوسانات S&P500 طی دوره ۱۹۸۸ تا ۲۰۰۳ از یک روز تا یک ماه مقایسه نمود. یافته اصلی مارکوچی (۲۰۰۵) این است که عملکرد پیش‌بینی مدل‌های MRS-GARCH بطور معناداری بهتر از مدل‌های نوع GARCH تک رژیمی در افق‌های

- * Hansen, P.R ' An Unbiased and Powerful Test of Superior Predictive Ability.' Mimeo, Brown University,2001.
- * Harvey, D., S. Leybourne, and P. Newbold . 'Testing the Equality of Prediction Mean Squared Errors.' International Journal of Forecasting 13, 281-291, 1994.
- * Karadag, Ali Mehmet.'Analysis Of Turkish Stock Market With Markov Regime Switching Volatility Models.' Master's thesis ,The Middle East Technical University, 2008.
- * Kaufmann S. and S. F. Schnatter.' Bayesian analysis of switching ARCH models.' Journal of Time Series Analysis, 23(4):425-458, 2002.
- * Klaassen, F.' Improving GARCH Volatility Forecasts.' Journal of Economics 27, 363-394, 2002.
- * Marzo, M., and Zagaglia, P ' volatility forecasting for crude oil futures.' Universit'a di Bologna and Johns Hopkins University, 2007.
- * Marcucci, J. 'Forecasting Stock Market Volatility with Regime-Switching GARCH Models,' Studies in Nonlinear Dynamics and Econometrics , 9(4), 2005.
- * Nomikos, K. N.,and Pouliasis p. K.' Forecasting petroleum futures markets volatility: The role of regimes and market conditions.' Journal of Energy Economics 33, 321–337, 2011.
- * White, H. ' A Reality Check For Data Snooping.' Econometrica 68(5), 1097-1126, 2000.
- * www.eia.gov

یادداشت‌ها

- ¹-Bollerslev (1986)
- ²-Engle (1982)
- ³- French et al., 1987, Franses and Van Dijk, 1996
- ⁴-Andersen and Bollerslev (1998)
- ⁵-Structural Breaks
- ⁶-Lamoureux and Lastrapes (1990)
- ⁷-Gray (1996) and Klaassen (2002)
- ⁸-Marcucci (2005)
- ⁹-Brooks and Persand (2003)
- ¹⁰-Dacco and Satchell (1999)
- ¹¹-Perez-Quiros and Timmermann (2000)
- ¹²-Cai (1994), Hamilton and Susmel (1994)
- ¹³-Haas, Mittnik, and Paolella (2004)
- ¹⁴-Mehmet Ali (2008)
- ¹⁵-Celso Brunetti et al.(2008)
- ¹⁶-Nikos and Panos(2010)
- ¹⁷-Nelson (1991)

نمونه و هم خارج از نمونه نیازمی‌باشد، می‌توان از اندازه‌گیری دقیق‌تر نوسانات، که توسط داده‌های درون روزی روی فواصل زمانی مختلف، اعم از چند دقیقه یا چند ساعت بدست می‌آید، استفاده نمود. در مطالعات آتی، سه یا چهار رژیم نوسانی مشخص را به جای دو رژیم نوسانی می‌توان در نظر گرفت. بعلاوه، کارایی مدل‌های MRS-GARCH می‌تواند از لحاظ توانایی آنها در پیش‌بینی ارزش در معرض ریسک (VaR) برای مواضع معاملاتی خرید و فروش مقایسه شود.

در آخر، در صورت راهاندازی بورس نفت در ایران متخصصین مالی و بورس می‌توانند از مدل‌های ترکیبی برای پیش‌بینی نوسانات استفاده نمایند.

نهرست منابع

- * Brooks C. and G. Persand.'Volatility forecasting for risk management.' Journal of Forecasting, 22:1-22, 2003.
- * Brunetti C., R. S. Mariano, C. Scotti, and A. H. H. Tan.' Markov switching GARCH models of currency turmoil in Southeast Asia.' Board Of Governors Of The Federal Reserve System International Finance Discussion Papers,(889), 2007.
- * Chan L., R. J. Elliott, and T. K. Siu.' Option pricing for GARCH models with markov switching. 'International Journal Of Theoretical And Applied Finance, 9(6):825-841, 2006.
- * Francq C. and J. M. Zakoian. 'The L2-structures of standard and switching regime GARCH models.' Stochastic Processes And Their Applications,115:1557-1582, 2005.
- * Haas M., S. Mittnik, and M. S. Paolella. 'A new approach in markov switching GARCH models.' Journal Of Financial Econometrics, 2(4):493-530, 2004.
- * Hamilton, J. D., and R. Susmel.' Autoregressive Conditional Heteroskedasticity and Changes in Regime.' Journal of Econometrics 64,307-33, 1994.



¹⁸-Glosten & Jaganathan & Runkle (1993)

¹⁹-Leverage effect

²⁰-Leptokurtosis

²¹-Probability density function

²²-Shape Parameter

²³-thickness-of-taile

²⁴-Markov Regime-Switching GARCH Models

²⁵-Transition Matrix

²⁶-Ergodic Probability

²⁷ ، به Regime-Switching برای جزئیات بیشتر پیرامون مدل‌های Hamilton(1994) مراجعه شود.

²⁸-ex-ante probability

²⁹ در همه فرمولها اندیس بالا (i) بیانگر رژیمی است که فرآیند در زمان t در آن قرار دارد.

³⁰-Drift

³¹ در اینجا از مدل ساده شده Klaassen(2002) استفاده شده است.

³²-Multi-Step-Ahead

³³ یک شوک بدیل اثرات GARCH و جایه جایی به رژیم واریانس بالاتر توسط دوره نوسانی بوجود می‌آید. داشتن پارامترهای مختلف در رژیم‌ها اثر شوک‌های بزرگ را کاهش می‌دهد.

³⁴-New York Mercantile Exchange

³⁵-Alexander (2001)

³⁶-Augmented Dickey Fuller

³⁷-Akaike Information Criterion

³⁸-Schwarz Bayesian Information Criterion

³⁹-Lagrange Multiplier (LM) Test

⁴⁰-Ljung-Box Test

⁴¹-Mean Squared Error

⁴²-Mean Absolute Deviation

⁴³-Heteroscedasticity-Adjusted MSE

⁴⁴-Success Ratio

⁴⁵-Directional Accuracy

⁴⁶-Diebold-Mariano

⁴⁷-Equal Predictive Ability Test

⁴⁸ زیرا برای پیش‌بینی‌های h مرحله رو به جلو دنباله خطاهای پیش‌بینی از MA با مرتبه h-1 تبعیت می‌کند. q بصورت $[4 * (n/100)^{2/9}]$ انتخاب می‌شود.

⁴⁹-Harvey, Leybourne and Newbold (1997)

⁵⁰-Over-Sized

⁵¹ -هاروی، لیبورن و نیوبلد (۱۹۹۷) پیشنهاد مقایسه آماره با مقداری بحرانی توزیع t استیونت با 1 درجه آزادی را جای توزیع نرمال برای تست DM دانند.

⁵²-Reality Check of White (2000)

⁵³-Superior Predictive Ability Test

⁵⁴ - در علم اقتصاد، آزمون SPA قطعاً مناسب‌تر از آزمون EPA می‌باشد، زیرا به احتمال وجود بهترین مدل پیش‌بینی در کل تأثیرات وجود مدل بهترین دو جفت مدل علاقمند هستیم.

⁵⁵ تابع L(.) به عنوان مثال می‌تواند بصورت $L_{k,t} = (\hat{\sigma}_t^2 - \hat{h}_{k,t})^2$ باشد اگر تابع زیان (٤) را در نظر بگیریم.

⁵⁶-Hansen (2001)

⁵⁷-p-value

⁵⁸-Bootstrap

⁵⁹-Liberal test

⁶⁰-Skewed Generalized t Distribution