

## انتخاب و بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از روش میانگین واریانس مارکویتز با بهره‌گیری از الگوریتم‌های مختلف

جمال بحری ثالث<sup>۱</sup>

عسگر پاک‌مرام<sup>۲</sup>

مصطفی ولی‌زاده<sup>۳</sup>

تاریخ پذیرش: ۹۵/۰۹/۰۱

تاریخ دریافت: ۹۵/۰۵/۲۹

### چکیده

بورس مکانیزمی را فراهم می‌کند تا از طریق آن پس‌اندازهای اندک جامعه به سرمایه‌گذاری‌های کلان اقتصادی تبدیل شود، توسعه متناسب دو بخش اصلی اقتصاد یعنی بخش مالی و واقعی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار می‌باشد. کشورهای توسعه یافته همواره بازار پول و سرمایه قدرتمندی داشته و دارند. عدم توسعه مناسب بازار سرمایه به عنوان زیر مجموعه مهمی از بخش مالی علاوه بر ایجاد فشار مضاعف بر سیستم پولی کشور، باعث شده که واحدهای تولیدی و خدماتی از مزایای یک بازار سرمایه فعال و پویا محروم گردند. در پژوهش حاضر، انتخاب و بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از سه الگوریتم، شامل الگوریتم ژنتیک، فرهنگی و ازدحام ذرات و اطلاعات ۱۰۶ شرکت پذیرفته شده بورس اوراق بهادار تهران، در طی دوره زمانی ۱۳۸۶ تا ۱۳۹۳، صورت گرفته است. در این پژوهش برای رسم مرز کارا و تشکیل پرتفوی بھینه، از واریانس به عنوان عامل اصلی خطر پذیری استفاده شده است.

نتایج مطالعه از بررسی تفاوت بین میانگین بازده سرمایه‌گذاری در سبدهای منتخب براساس سه روش نشان از عدم وجود اختلاف معنادار بین سه الگوریتم دارد. از طرفی به منظور مقایسه الگوریتم‌ها و بررسی برتری الگوریتم‌ها، دو روش بهینه‌سازی از دو بعد تابع هدف و نسبت بازده و ریسک مورد مقایسه قرار گرفت. از آنجایی که الگوریتم ازدحام ذرات مقدار تابع هدف کمتری داشته یا به عبارتی با کمترین خطأ به بهترین نتیجه رسیده است، نسبت به الگوریتم‌های دیگر بهتر عمل کرده است و نشان دهنده برتری نسبی این الگوریتم در انتخاب سبد سهام بھینه است.

**واژه‌های کلیدی:** الگوریتم ژنتیک، الگوریتم ازدحام ذرات، الگوریتم فرهنگی، بهینه‌سازی سبد سهام.

۱- استادیار گروه حسابداری، واحد ارومیه، دانشگاه آزاد اسلامی، ارومیه، ایران (نویسنده مسئول) j.bahri@iaurmia.ac.ir

۲- استادیار گروه حسابداری، واحد بناب، دانشگاه آزاد اسلامی، بناب، ایران

۳- کارشناس ارشد حسابداری، واحد مرند، دانشگاه آزاد اسلامی، مرند، ایران

**۱- مقدمه**

در ایران تاکنون تحقیقات کاملی در این زمینه انجام نشده است. در زمینه انتخاب پرتفوی بهینه با استفاده از سایر الگوریتم های تکاملی، عبدالعلی زاده شهری و عشقی (۱۳۸۲)، تحقیقی را در زمینه بهینه‌سازی پرتفوی بوسیله الگوریتم ژنتیک<sup>۲</sup> انجام دادند. تقوی فرد و همکاران (۱۳۸۶)، نیز با افزودن محدودیت های دیگری به الگوی قبلی نشان دادند که با استفاده از الگوریتم ژنتیک می‌توان مرز کارایی را بدست آورد که به مقدار زیادی تخمین زننده مرز کارایی بدست آمده بوسیله روش‌های برنامه‌ریاضی است. محدودیت‌هایی که آنها به مسئله اضافه کردند، محدودیت عدد صحیح بودن تعداد سهام موجود در پرتفوی و هم چنین محدودیت حد بالای اوزان دارایی ها بود. راعی و همکاران (۱۳۸۹)، روش جستجوی هارمونی را در جهت یافتن پرتفوی بهینه در ایران ارائه دادند.

این پژوهش ایجاد سبد بهینه از منظر مدل مارکویتز، که باعث پیشرفت بازار های مالی می باشد را بررسی می‌کند. الگوریتم‌ها یکی از روش‌های ابتکاری هستند که می‌تواند مسئله بهینه سازی سبد سهام با لحاظ نمودن سطوح متفاوت ریسک را با موفقیت انجام دهدن. با استفاده از الگوریتم‌ها می‌توان در عرض چند دقیقه سبد بهینه ایجاد کرد که این موضوع باعث می‌شود که در بازار سرمایه تحول ایجاد شود و به کارایی بازار سرمایه کمک بسزایی خواهد داشت.

**۲- مبانی نظری و مروجی بر پیشینه پژوهش**  
در بهینه‌سازی پرتفوی، مسئله اصلی انتخاب بهینه دارایی‌ها و اوراق بهاداری است که با مقدار مشخصی سرمایه می‌توان تهیه کرد. اگرچه کمینه کردن خطر پذیری و پیشینه کردن بازده سرمایه گذاری بنظر ساده می‌رسد، اما در عمل روش‌های متعددی برای تشکیل پرتفوی بهینه بکار گرفته می‌شود. مارکویتز (۱۹۵۲)، نظریه مدرن پرتفوی را به عنوان یک روش کلاسیک بصورت فرمول ریاضی بیان کرد. قبل از مارکویتز سرمایه‌گذاران با مفاهیم ریسک و بازده آشنا بودند.

طی سده اخیر تلاش‌های بسیاری در راستای هدایت سرمایه‌گذاران به نحوه سرمایه‌گذاری مناسب صورت گرفته و مدل‌های بی‌شماری عرضه شده است. مفاهیم بهینه‌سازی سبد سهام و تنوع بخشی به مثابه ابزاری در راستای توسعه و فهم بازار های مالی و تصمیم گیری درآمده اند. از زمانی که مارکویتز مدل خود را منتشر کرد، این مدل تغییرات و بهبودهای فراوانی را در شیوه نگرش مردم به سرمایه‌گذاری و سبد سهام ایجاد کرد و به عنوان ابزاری کارا برای بهینه‌سازی سبد سهام به کار گرفته شد.

اما تئوری پرتفوی مارکویتز، تنها راه حلی برای تخصیص سرمایه بدست می‌دهد. در بازارهای سرمایه که صدها نوع سرمایه مختلف با کیفیت خیلی خوب تا خیلی بد وجود دارد، سرمایه‌گذار پا هجوم اطلاعاتی رو برو است که انتخاب را برای وی دشوار می‌نماید. مدل مارکویتز با استفاده از مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی قابل حل می‌باشد، ولی وقتی محدودیت‌های مقادیر وزنی سهام و غیره به آن اضافه می‌شود، فضای جستجوی آن بسیار بزرگ و ناپیوسته می‌گردد، که عملاً استفاده از مدل‌های ریاضی را ناممکن می‌سازد از این‌روست که الگوریتم‌های ژنتیک، شبکه‌های عصبی، الگوریتم مورچگان و... جایگاه ویژه ای می‌یابند.

اگر پس اندازه‌های افراد با مکانیسم صحیح به بخش تولید هدایت شوند، علاوه بر بازدهی که برای صاحبان سرمایه به ارمغان می‌آورد، می‌توانند به عنوان مهم‌ترین عامل تأمین سرمایه، برای راهاندازی طرحهای اقتصادی جامعه نیز مفید باشند و در صورتی که به جریان‌های ناسالم اقتصادی راه پیدا کنند، آثار نامناسبی را برای جامعه خواهند داشت. بنابر عقیده صاحب نظران، یکی از دلایل توسعه نیافتگی کشورهای در حال توسعه، پایین بودن سطح سرمایه‌گذاری ثابت در این کشورها می‌باشد. از طرفی اهمیت مشارکت فعل سرمایه‌گذاران در بورس اوراق بهادار به حدی است که ماهیت وجود بورس اوراق بهادار به سرمایه‌گذاری افراد وابسته است (شهمیرزادی، ۱۳۸۸).

اوراق بهادر به تعداد مشخص (ضرایبی از یک ضریب معاملاتی حداقلی) معامله می‌شوند.<sup>۷</sup> یانگ<sup>۷</sup> (۲۰۰۶)، در تحقیقی با عنوان بهبود کارایی سبد سهام، الگوریتم ژنتیک را در کنار یک سیستم پویای بهینه‌سازی پرتفوی، جهت توسعه کارایی سبد سهام بکار برده. در کنار مدل‌های G-A و M-V، محقق از روش سومی به نام رویکرد بیزین<sup>۸</sup> نیز استفاده نموده و یکی از عمومی‌ترین مدل‌هایی است که بحث در نظر گرفتن ریسک برآورده را در انتخاب پرتفوی مطرح کرده است. یافته‌های تحقیق نشان می‌دهد، که نتایج مدل الگوریتم ژنتیک در مقایسه با دو روش دیگر دارای بازده بالاتر و به طور هم زمان ریسک کمتری می‌باشد.

لین و ژن<sup>۹</sup> (۲۰۰۷)، در تحقیقی یک الگوریتم ژنتیک دو مرحله‌ای را برای حل مسئله بهینه‌سازی سبد سهم چند منظوره بکار برده‌اند. در این پژوهش، عملگر تقاطع<sup>۱۰</sup> یک نقطه برش، عملگر جهش الحاقی و عملگر انتخاب چرخ رولت<sup>۱۱</sup> بود. نتایج تحقیق نشان داد اعتبار و کارایی الگوریتم مربوطه در بهینه‌سازی سبد سهام وجود دارد.

فرنالندز و گومز (۲۰۰۷)، الگوی مارکویتز را با افزودن محدودیت‌های حد بالا و پایین برای متغیرها، اصلاح کرده‌اند و الگوی CCMV یا «میانگین-واریانس با مولفه‌های مقید» را به وجود آورده‌اند؛ در حالی که محدودیت مربوط به تعداد دارایی‌ها نیز به مسئله فوق اضافه شد.

لین و لیو<sup>۱۲</sup> (۲۰۰۸)، مدل مارکویتز را با محدودیت حداقل نمودن مقدار خرید به سه طریق ارائه نمودند. الگوریتم‌های ژنتیکی که برای حل مسئله انتخاب سهام پیشنهاد می‌شود، بوسیله مدل‌ها فرموله بندی شدند. نتایج مطالعات نهایی نشان داد که الگوریتم ژنتیک برای این مدل‌ها می‌تواند نقطه نزدیک به بهینه در حداقل زمان قابل قبول را بدست آورد. راه حل‌های بدست آمده نه تنها قابل اجرا در عمل می‌باشند، بلکه بالاترین کارایی میانگین-واریانس را به نمایش می‌گذارند.

ولی معمولاً نمی‌توانستند آن را اندازه گیری کنند. سرمایه‌گذاران از قبل می‌دانستند که ایجاد تنوع مناسب است و نباید «همه تخم مرغ هایشان را در یک سبد بگذارند». او بصورت کمی نشان داد که چرا و چگونه تنوع سازی پرتفولیو می‌تواند باعث کاهش ریسک پرتفولیو (مجموعه سرمایه‌گذاری) شود.

الگوی میانگین-واریانس طراحی شده بوسیله وی میانگین بازده مورد انتظار را نشان می‌دهد و واریانس بیانگر خطر پذیری پرتفوی می‌باشد. بعد از الگوی مارکویتز افراد زیادی سعی در توسعه و اصلاح این الگو داشته‌اند؛ از جمله خود مارکویتز که بعدها اظهار می‌کند که تحلیل‌های مبتنی بر نیم واریانس نسبت به آن‌هایی که به واریانس متکی هستند؛ سبد‌های سهام بهتری ایجاد می‌کنند. رفتار سهام در بازار، مانند بسیاری از پدیده‌های طبیعی، رفتار غیر خطی است. مدل‌های خطی از تشخیص صحیح رفتار غیرخطی عاجز هستند و تنها می‌توانند بخش خطی رفتار را خوب تشخیص دهند. بنابراین، نیاز به الگوها و مدل‌های غیرخطی برای شناسایی رفتار سهام تأثیر بسزایی در پیش‌بینی آتی سهام و اتخاذ تصمیم مناسب دارد.

بنابراین، با توجه به عدم اطمینانی که بر بورس اوراق بهادر حاکم است و هم چنین، در نظر داشتن گرایش‌ها و ترجیحات مختلف سرمایه‌گذاران، یافتن روشی برای انتخاب یک مجموعه مناسب از اوراق بهادر که از طریق آن بتوان بر عدم اطمینان‌ها و ترجیحات مختلف افراد غلبه کرد، ضروری بنظر می‌رسد.

به عقیده کونوویاما زاکی<sup>۱۳</sup> (۱۹۹۱)، الگوی میانگین-انحراف مطلق‌ها (MAD) بیانگر خطرپذیری می‌باشد. این الگوها به دلیل عدم توجه به محدودیت‌های کارکرده در بسیاری شرایط پاسخگوی نیازهای سرمایه‌گذاران نمی‌باشند. مانسیری و اسپرنزا<sup>۱۴</sup> (۱۹۹۹)، در این رابطه خاطر نشان می‌کنند که بیشتر الگوهای انتخاب پرتفوی تقسیم‌پذیری سرمایه‌گذاری را بی‌نهایت فرض می‌کنند؛ در حالی که در دنیای واقعی

محاسبه شده بود را بکار می‌گرفت. آن‌ها نشان دادند که اگر میانگین‌واریانس، نیمه‌واریانس، انحراف مطلق از میانگین و واریانس با انحراف به عنوان مدل‌های محاسبه ریسک به کار گرفته شوند، مسائل بهینه سازی سبد سهام می‌توانند به راحتی با الگوریتم ژنتیک حل شوند.

لونگ و همکاران<sup>۱۵</sup> (۲۰۱۲)، در پژوهشی تحت عنوان «بهبود برآورد کاربران دوستانه جهت بهینه‌سازی تئوری پرتفوی مارکویتز و برآورد دقیق با بکارگیری سرمایه‌گذاری در بازار سهام ایالت متحده» به این نتیجه رسیدند که برآوردهای سنتی درآمدها به طور چشمگیری درآمدها را غیر واقعی (بیشتر از واقعیت) نشان می‌دهند. به ویژه زمانی که از بعد نسبت p بر n بررسی شود و این نسبت بزرگ باشد این نتیجه حاصل می‌شود که برآورده که مطرح کردیم بهتر از برآورده که احتمال خروج از وابستگی ایالتی است. این نتیجه این‌که اگر برآوردهای ایالتی درآمد را درآمد ایالتی می‌دانیم، آن‌ها را بسیار مبتلا به این نتیجه می‌نمایند.

هیولینگ و همکاران<sup>۱۶</sup> (۲۰۱۳)، در پژوهشی تحت عنوان «پرتفوی چند دوره ای مارکویتز بر مبنای میانگین‌واریانس با احتمال خروج از وابستگی ایالتی» به بررسی مسائل انتخاب افق زمانی محتمل جهت محاسبه پرتفوی بر مبنای میانگین‌واریانس دوره‌های چندگانه پرداخته اند. به طوری که فرض می‌شود افق زمانی به طور تصادفی و برمبنای ریسک دارایی‌های عاید شده ای که بازار تعیین می‌کند، انتخاب شده‌اند. با بررسی مراتب مؤثرانه شده توسط تحلیل‌های اعدادی این موضوع مطالعه شده و عدم وابستگی افق زمانی محتمل (غیرقطعی) به معیارهای بازار اثبات می‌شود.

عبدالعلی زاده شهیر و عشقی<sup>۱۷</sup> (۱۳۸۲)، در پژوهشی تحت عنوان «کاربرد الگوریتم ژنتیک در انتخاب یک مجموعه دارایی از سهام بورس اوراق بهادار» با استفاده از الگوی خاصی از الگوریتم ژنتیک (استفاده از عملکرد تقاطعی دو نقطه برش و عملگر جهشی<sup>۱۷</sup> معاوضه) به

چانگ و همکاران<sup>۱۸</sup> (۲۰۰۹) و فرناندز و گومز<sup>۱۹</sup> (۲۰۰۷)، الگوی اصلاح یافته مارکویتز را با عنوان «مدل میانگین‌واریانس با مولفه‌های محدود» (CCMV) بکار گرفتند. در این پژوهش علاوه بر الگوی «میانگین‌واریانس با مولفه‌های محدود» (CCMV) الگوی «میانگین‌نیم‌واریانس با مولفه‌های محدود» (CCMSV) نیز مورد بررسی قرار می‌گیرد. تنها تفاوت CCMV با الگوی CCMSV در این است که الگوی CCMSV نیم‌واریانس را به عنوان سنجه خطر پذیری نامطلوب وارد الگو می‌کند.

هاو و لیو<sup>۲۰</sup> (۲۰۰۹)، در تحقیقی با عنوان «مدل‌های میانگین‌واریانس برای انتخاب سبد سهام با بازده‌های تصادفی»، الگوریتم ژنتیک را به عنوان ابزار حل مدل‌های خود بکار گرفتند. این پژوهش در ابتدا فرمول‌های واریانس را به عنوان متغیرهای تصادفی فازی به نمایش گذاشت، سپس این پژوهش، فرمول‌های واریانس را برای مدل‌های معرفی شده به گونه‌ای مورد استفاده قرار داد که مسائل انتخاب سبد سهام اصلی به برنامه‌ریزی‌های خطی هم ارز تبدیل شوند. سپس الگوریتم‌های ژنتیک برای حل مدل‌ها به کار گرفته شدند. در نهایت نیز دو نمونه عددی برای نشان دادن کارایی روش‌های معرفی شده به کار رفت.

آرانا و ایبا<sup>۲۱</sup> (۲۰۰۹)، در تحقیقی با عنوان «الگوریتم ژنتیک درختی و کاربرد آن در بهینه‌سازی سبد سهام» یک الگوریتم ژنتیک درختی معرفی کردند. و سپس برای مسئله بهینه‌سازی سبد سهام بکار برdenد. در این پژوهش سبدهای سهام کوچک تری در سطح معینی از اجرا بدست آمد، به طور کلی این روش شیوه‌های حل قدیمی را تحت سطوح مختلف ریسک-بازده بهینه می‌نماید.

چانگ و همکارانش<sup>۲۰</sup> (۲۰۰۹) بر این عقیده بودند که استفاده از برنامه‌ریزی‌های ریاضی برای حل مسئله سبد سهام بهترین گزینه می‌باشد. آنها روش فرا ابتکاری را برای حل مسئله بهینه‌سازی سبد سهام ارائه کردند که در آن الگوریتم ژنتیک، سبدهای سهام مختلف که ریسک آن‌ها به شیوه‌های متفاوتی

### ۳- فرضیه‌های پژوهش

- ۱) بین میانگین بازدهی سرمایه‌گذاری در سبد‌های سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس تهران و بهینه شده بر مبنای مدل میانگین-واریانس و توسط الگوریتم‌های مختلف تفاوت وجود دارد.
- ۲) بین واریانس سرمایه‌گذاری در سبد‌های سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس تهران و بهینه شده بر مبنای مدل میانگین-واریانس و توسط الگوریتم‌های مختلف تفاوت وجود دارد.
- ۳) بین انحراف معیار به میانگین بازدهی سرمایه‌گذاری در سبد‌های سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس تهران و بهینه شده بر مبنای مدل میانگین-واریانس و توسط الگوریتم‌های مختلف تفاوت وجود دارد.

### ۴- روش شناسی پژوهش

پژوهش حاضر بر حسب هدف یا نتیجه، پژوهش کاربردی است، برای گردآوری اطلاعات آن بخش از داده‌های تحقیق که مربوط به مبانی نظری تحقیق می‌باشد از مقالات و مجلات تخصصی فارسی و لاتین استفاده شده است و برای بخش دیگر پژوهش یعنی داده‌های مورد نیاز برای طراحی و آزمون مدل مورد نظر نیز به آرشیو معاملات موجود در سایت بورس اوراق بهادار تهران مراجعه شده است. همچنین بر حسب نوع داده‌ها، پژوهش کمی و آرشیوی و جهت آن پس رویدادی است.

### ۵- مدل پژوهش و نحوه اجرای آن

در این قسمت به نحوه طراحی و پیاده‌سازی الگوریتم ژنتیک، الگوریتم ازدحام ذرات و الگوریتم فرهنگی پرداخته شده است. فرایندی در روش پیشنهادی وجود دارد که به ترتیب عبارت است از، انتخاب داده‌ها، پاکسازی و آماده‌سازی داده‌ها، تعیین تابع هدف، انتخاب سبد سهام براساس الگوریتم

انتخاب مجموعه‌ای از دارایی از بین سهام گوناگون پرداخته‌اند. نتایج بدست آمده بیانگر کارایی آن است. در این الگو به منظور سنجش ریسک دارایی، بازده سالانه سهام مذکور به کار رفته است. خالوزاده و امیری (۱۳۸۴)، در تحقیقی تحت عنوان «تعیین سبد بهینه در بازار بورس ایران براساس نظریه ارزش در معرض ریسک» به توسعه روش‌های مدیریت ریسک براساس نظریه ارزش در معرض ریسک توجه نموده است. نتایج بدست آمده نشان گر کارایی روش مدل سازی ریسک بازار بر مبنای نظریه ارزش در معرض ریسک و روش بهینه سازی الگوریتم‌های ژنتیک در بدست آوردن وزن‌های بهینه سبد سهام با در نظر گرفتن محدودیت بر روی ریسک است. در بدست آوردن وزن‌های بهینه سبد سهام با در نظر گرفتن محدودیت بر روی ریسک است.

راعی و همکاران (۱۳۸۹)، از روش جستجوی هارمونی در جهت بهینه‌سازی مقید پرتفوی سهام استفاده کردند. این الگوریتم با الهام از فرایند بهبود و تکامل هارمونی بوسیله مجموعه نوازنده‌گان موسیقی جهت حل مسائل بهینه‌سازی به وجود آمده است. نتایج این پژوهش نشان داد که روش جستجوی هارمونی در بهینه سازی مقید پرتفوی سهام، موفق عمل می‌کند و در یافتن جواب‌های بهینه در تمامی سطوح خطر پذیری و بازده از دقت قابل قبولی برخوردار است.

گرکز و همکاران (۱۳۸۹)، بهینه‌سازی سبد سهام را براساس تعریف متفاوتی از ریسک انجام دادند و برای کارامدتر شدن، برخی از محدودیت‌های جهانی واقعی را به الگوریتم‌های طراحی شده افزودند. با توجه به نتایج حاصله مشخص گردید که هیچ تفاوت معناداری در بکارگیری دو مدل (مدل میانگین-واریانس و مدل میانگین-نیمه واریانس) وجود ندارد. نتایج نشان داد که با استفاده از الگوریتم‌های ژنتیک طراحی شده، سرمایه‌گذاران قادر خواهند بود یک سبد سهام بهینه انتخاب نمایند.

$$\begin{aligned} Y_i &= \text{مقادیر ورودی نرمال شده توسط معادله} \\ y_i &= \text{مقادیر اصلی ورودی} \\ y_{\min} &= \text{کوچکترین مقدار ورودی} \\ y_{\max} &= \text{بزرگترین مقدار ورودی} \\ h_i &= \text{مقدار بالا در فاصله نرمالیزه کردن که در اینجا} \\ &\text{برابر } +1 \text{ می‌باشد.} \\ L_i &= \text{مقدار بالا در فاصله نرمالیزه کردن که در اینجا} \\ &\text{برابر } -1 \text{ می‌باشد.} \end{aligned}$$

**۴-۵- تعیینتابع هدف**  
مدل مارکوپیتر دارای داده‌ها یا ورودی‌هایی است که عبارت‌اند از:

- ۱) بازده مورد انتظار هر سهم؛
  - ۲) انحراف معیار بازده مورد انتظار به عنوان معیاری برای تعیین ریسک هر سهم؛ و
  - ۳) کوواریانس، به عنوان معیاری که همسویی بین بازده سهم‌های مختلف را نشان می‌دهد.
- مدل مارکوپیتر براساس شاخصه‌های بازده منتظره و ریسک اوراق بهادر و متنوعسازی سبد اوراق بهادر بنا نهاده شده بود که در اصل یک چارچوب نظری برای تحلیل گزینه‌های ریسک و بازده است. براساس نظریه وی، سبد سرمایه گذاری کارا سبدی است که در سطحی معین از ریسک، دارای بیشترین بازده یا کمترین ریسک به ازای سطح معینی از بازده باشد. مارکوپیتر در فرمول بندی معیار «ریسک-بازده» خود به هدف سرمایه‌گذاری توجه خاص داشت. بنظر وی سرمایه‌گذار عاقل به دنبال سرمایه‌گذاری در طرح‌هایی است که بازده‌ی بیشتر و ریسک کمتری داشته باشند. وی ریسک سرمایه‌گذاری را تنها در انحراف معیار جستجو نمی‌کرد (کیانی هرچگانی و همکاران، ۱۳۹۳).
- روش میانگین-نیمه واریانس استاندارد مارکوپیتر برای انتخاب سبد سهام اقدام به رهگیری یک مرز، منحنی پیوسته‌ای است که مبادله میان بازده و ریسک سبد سهام را نشان می‌دهد. به طور خلاصه مدل

ژنتیک، الگوریتم ازدحام ذرات و الگوریتم فرهنگی و بررسی معنادار بودن فرضیه‌ها. برای پیاده‌سازی الگوریتم‌ها از نرم افزار Matlab نسخه ۷.۶ استفاده شد. همچنین، برای آزمون فرضیه‌های پژوهش نیز از نرم افزار SPSS19 استفاده شده است.

**۱-۵- انتخاب داده‌ها**  
مرحله اول انتخاب داده‌ها است. داده‌های مالی ۱۰۶ شرکت مختلف با دو عامل ریسک و بازده برای ۸ سال متوالی از سال ۸۶ تا ۹۳ که از طریق نرم افزار رهآورد نوین و سایت‌های مختلف سازمان بورس اوراق بهادر تهران گردآوری شدند.

**۲-۵- پاکسازی و آماده‌سازی داده‌ها**  
مرحله دوم پاکسازی و آماده‌سازی داده است. در این مرحله داده‌هایی که متغیرهای مستقل آن‌ها به دلیل ناقص بودن اطلاعات وجود ندارد و یا قابل محاسبه نبودند، حذف می‌گردند.

**۳-۵- نرمال‌سازی داده‌ها جهت بکارگیری در مدل**  
اصولاً وارد کردن داده‌ها بصورت خام باعث کاهش سرعت و دقیقت الگوریتم می‌شود. برای اجتناب از چنین شرایطی و هم چنین، به منظور یکسان نمودن ارزش داده‌ها، قبل از آزمون، داده‌های ورودی به آن بايستی استاندارد (نرمال) شوند، یعنی همه داده‌ها بین ۱ و -۱- معادل سازی شوند. در این تحقیق داده‌ها قبل از آزمون مدل‌ها نرمال شد و سپس به وسیله نرم افزار متلب، الگوریتم مورد بررسی قرار گرفت.  
رابطه (۱)

$$Y_i = \frac{y_i - y_{\min}}{y_{\max} - y_{\min}} (h_i - L_i) + L_i$$

که در آن؛

اما محدودیت اصلی و نقطه ضعف این روش، ناتوانی در بهینه‌سازی مسئله انتخاب سبد سهام مقید، تحت محدودیتهای عدد صحیح می‌باشد. محدودیت عدد صحیح بصورت رابطه ۴ به مدل اضافه می‌شود:

$$\sum_{i=1}^n Z_i = k \quad (4)$$

بر اساس این محدودیت اگر در سهم  $i$  سرمایه‌گذاری شود، مقدار  $Z_i$  برابر یک و چنانچه در این سهم سرمایه‌گذاری نشود، مقدار  $Z_i$  برابر صفر می‌باشد. در این فرمول  $k$  تعداد سهامی است که سرمایه‌گذار مایل است در سبد خود داشته باشد و در آن ها سرمایه‌گذاری نماید.

(4)

$$MaxZ = \lambda \sum_{i=1}^n w_i \mu_j - (1-\lambda) \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^n w_i w_j \sigma_{ij}$$

Subject to :

$$\sum_{i=1}^n w_i = 1$$

$$\sum_{i=1}^n Z_i = k$$

$$w_i \geq 0 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, n)$$

$$Z_i \in \{0, 1\}$$

چنانچه مشاهده می‌شود، ورود این محدودیت، فضای پیوسته جستجو را به یک فضای گسسته و غیرخطی تبدیل می‌نماید و در نهایت مدل زیر استخراج می‌شود:

(5)

$$MaxZ = \lambda \sum_{i=1}^n w_i \mu_j - (1-\lambda) \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^n w_i w_j \sigma_{ij}$$

Subject to :

$$\sum_{i=1}^n w_i = 1$$

$$\sum_{i=1}^n Z_i = k$$

$$w_i \geq 0 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, n)$$

$$Z_i \in \{0, 1\}$$

بهینه‌سازی مارکویتز بصورت زیر در رابطه شماره ۲ ارائه می‌شود:

رابطه (2)

$$Min \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n X_i X_j \sigma_{ij}$$

Subject to :

$$\sum_{i=1}^n X_i \mu_i = R$$

$$\sum_{i=1}^n X_i = 1$$

$$X_i \geq 0 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, n)$$

به طوری که  $R$  بازده مطلوب سرمایه‌گذار باشد و به ازای  $R$  های مختلف مدل فوق حل شود و جواب بدست آمده از تابع هدف، که در حقیقت ریسک می‌باشد در نموداری به همراه  $R$  های معادل ترسیم شود، آنگاه شکل مرز کارا نامیده می‌شود. در مدل فوق  $\sigma_{ij}$  کوواریانس سهام  $i$  و  $j$  و  $\mu_{ij}$  میانگین بازده سهم  $i$  و همچنین  $R$  سطح خاصی از بازده را نشان می‌دهد.

در این تحقیق با هدف نزدیک کردن این مدل به بازار واقعی و کاربردی تر کردن این مدل، و در نهایت هدایت سرمایه‌گذاران بازار سهام به سمت انتخابی مطمئن‌تر به توسعه و حل این مدل پرداخته شد. با وارد کردن ضریب  $\lambda$  در تابع هدف تلاش شد تا هر دو معیار ریسک و بازده در تابع هدف گنجانده شود و ضمن کمینه نمودن ریسک به بیشینه نمودن بازده پرداخته شود. در حقیقت  $\lambda$  تنها یک پارامتر وزن دهی است که مقدار آن در بازه [۰, ۱] تغییر می‌کند و توسط آن میزان ارزش‌دهی سرمایه‌گذار به ریسک یا بازده اعمال می‌گردد. از این رو، مدل ارائه شده بصورت رابطه شماره ۳ بازنویسی می‌شود:

رابطه (3)

$$MaxZ = \lambda \sum_{i=1}^n w_i \mu_j - (1-\lambda) \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^n w_i w_j \sigma_{ij}$$

Subject to :

$$\sum_{i=1}^n w_i = 1$$

$$w_i \geq 0 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, N)$$



یکسانی استخراج می‌گردد. نتایج حاصل از این ۵ تکرار (نمودار ۱ پیوست) گویای تفاوت ناچیزی میان جواب‌های حاصل از ۵ تکرار می‌باشد.

نگاره ۲، پرتفوی منتخب الگوریتم ژنتیک را نشان می‌دهد. اعداد نگاره اولاً بیانگر سهامی است که باید در پرتفوی انتخاب شود و ثانیاً مقدار هر سهم در پورتفوی را نشان می‌دهد. در این مطالعه سبدسهام بهینه براساس ریسکو بازده سهم‌های مختلف و تأثیر آن بر تابع هدف انتخاب شده است. نتایج الگوریتم ژنتیک در انتخاب سبدسهام بهینه، براساس اطلاعات بازده در فایل پیوست ارائه شده است.

#### ۶- بهینه‌سازی سبد سهام براساس الگوریتم ازدحام ذرات

در این مطالعه هر ذره نمایانگر یک سبد سهام است و ذرات با بهترین موقعیت، مرز کارای سرمایه‌گذاری را شکل می‌دهند. جمعیت اولیه به تعداد ۲۰ ذره در نظر گرفته شد و الگوریتم بعد از حداقل ۱۰۰۰ بار تکرار متوقف می‌شود. در هر تکرار بهترین موقعیت مربوط به هر ذره و بهترین موقعیت همسایگی در جمعیت در صورتی که تغییری در مقادیر برآش مشاهده شود، به هنگام می‌شود. اهمیت مربوط به بهترین وضعیت شخصی و وضعیت جمعی ۲ در نظر گرفته شد. تابع تکثیر ذرات برای افزایش سرعت تکثیر Repmat استفاده شد. اما برخلاف PSO,GA هیچ عملگر تکاملی همانندجهش و تزویج ندارد. در هر تکرار بهترین موقعیت مربوط به هر ذره و بهترین موقعیت همسایگی در جمعیت در صورتی که تغییری در مقادیر برآش مشاهده شود، به هنگام می‌شود.

با اجرای الگوریتم ازدحام ذرات به نتایج زیر حاصل شد:

نتایج حاصل از اجرای الگوریتم بعد از تعداد تکرار ۱۰۰۰ نسل، باعث همگرایی مناسب شد و نمودار ۲ ارائه شده در پیوست مسیر پیموده شده توسط تابع

#### ۵-۶- بهینه‌سازی سبد سهام براساس الگوریتم ژنتیک

به کمک نرم افزار Matlab و جعبه ابزار تعییه شده در آن و با استفاده از الگوریتم ژنتیک به انتخاب سبد سهام بهینه پرداخته شد. همان طور که بیان شد از جمعیت اولیه<sup>۱۸</sup> به تعداد ۱۰۰۰ کروموزوم<sup>۱۹</sup> استفاده می‌گردد که تا حداقل ۱۰۰۰ نسل الگوریتم روی آنها اجرا می‌شود. در هر نسل ۸۰ درصد کروموزوم‌ها برای تقاطع انتخاب می‌شوند و از عملگر تقاطع تک نقطه‌ای استفاده شد و بر روی بقیه عملگر جهش انجام می‌شود. در مرحله انتخاب تعدادی از کروموزوم‌های فعلی برای تولید کروموزوم‌های جدید انتخاب می‌شوند. اغلب این انتخاب براساس تابع ارزیابی صورت می‌گیرد. به طوری که کروموزوم‌هایی که به جواب اصلی مساله نزدیک‌تر باشند با احتمال بیشتری انتخاب می‌شوند. در این تحقیق از روش چرخ گردان استفاده شده است.

#### نگاره ۱- پارامترهای الگوریتم ژنتیک

جمعیت اولیه	کروموزوم ۱۰۰۰
شرط توقف	بهترین کروموزوم‌ها پس از ۳۰ بار اجرای الگوریتم تغییر نکنند
شرط توقف	الگوریتم به تعداد ۱۰۰۰ بار تکرار شود
تعداد جمعیت اصلی	۱۰۰
درصد تقاطع	.۰،۸
درصد جهش	.۰،۲
روش انتخاب	Roulette Wheel Selection

ماخذ: یافته‌های پژوهش

#### ۶- نتایج پژوهش

نتایج حاصل از اجرای الگوریتم بعد از تعداد تکرار ۱۰۰۰ نسل، باعث همگرایی مناسب شد و نمودار ۱ ارائه شده در فایل پیوست مسیر پیموده شده توسط تابع ارزیابی برای رسیدن به نقطه‌ی بهینه را توسط الگوریتم ژنتیک نمایش می‌دهد.

به منظور آزمون ثبات الگوریتم ژنتیک این الگوریتم ۵ بار تکرار می‌گردد تا این اطمینان حاصل گردد بعد از انجام تکرار آزمون جواب‌های تقریباً

نگاره ۴، پرتفوی منتخب الگوریتم ازدحام ذرات را نشان می‌دهند. اعداد نگاره اول<sup>۱</sup> بیانگر سهامی است که باید در پرتفوی انتخاب شوند و ثانیاً مقدار هر سهم در پرتفوی را نشان می‌دهد. در این تحقیق سبد سهام بهینه براساس ریسک و بازده سهم‌های مختلف و تأثیر آن بر تابع هدف انتخاب شده است. نتایج الگوریتم ازدحام ذرات در انتخاب سبد سهام بهینه، بر اساس اطلاعات بازده سالانه در فایل پیوست ارائه شده است.

ارزیابی برای رسیدن به نقطه‌ی بهینه را توسط الگوریتم ازدحام ذرات نمایش می‌دهد. به منظور آزمون ثبات الگوریتم ازدحام ذرات این الگوریتم ۵ بار تکرار گردید تا اطمینان حاصل شود که بعد از انجام تکرار آزمون جواب‌های تقریباً یکسانی استخراج می‌شود. نتایج حاصل از این ۵ تکرار (نمودار ۲ پیوست) گویای تفاوت ناچیزی میان جواب‌های حاصل از ۵ تکرار می‌باشد.

#### نگاره ۲- بررسی ثبات الگوریتم ژنتیک در انتخاب سبد سهام بهینه

تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف
۵ اجرای	۴ اجرای	۳ اجرای	۲ اجرای	۱ اجرای
۰,۰۳۲۸۰۴۱	۰,۰۲۹۷۹۸۹	۰,۰۳۰۷۹۸۹	۰,۰۲۵۰۰۳	۰,۰۳۵۶۷۹
		۰,۰۳۰۸۱۶۷۸		میانگین
		۱,۰۹۵۸۵		واریانس
		۰,۰۳۵۶۷۹	بهترین مقدار تابع هدف از ۵ اجرا	

ماخذ: یافته‌های پژوهش

#### نگاره ۳- پارامترهای الگوریتم ازدحام ذرات

۲۰	جمعیت ذرات
۰,۹۹	(۱) وزن اینترسی
۱۰۰۰	ماکریم تعداد تکرار (MAXIT)
۲	ضریب یادگیری شخصی (C1)
۲	ضریب یادگیری جمعی (C2)
INF=*	GlobalBest.Cost
Repmat	تابع تکثیر
صفر	سرعت اولیه ی ذرات

ماخذ: یافته‌های پژوهش

#### نگاره ۴- بررسی ثبات الگوریتم ازدحام ذرات در انتخاب سبد سهام بهینه

تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف
۵ اجرای	۴ اجرای	۳ اجرای	۲ اجرای	۱ اجرای
۰,۰۴۲۸۸۹۰	۰,۰۴۸۹۱۹۷۸	۰,۰۴۱۸۹۰۴	۰,۰۳۹۸۲۳۶	۰,۰۴۲۳۵۷۷
		۰,۰۴۳۱۷۶۰۸۶		میانگین
		۱,۵۲۶۲۸		واریانس
		۰,۰۴۸۹۱۹۷۸	بهترین مقدار تابع هدف از ۵ اجرا	

ماخذ: یافته‌های پژوهش

براساس ریسکو بازده سهم‌های مختلف و تأثیر آن بر تابع هدف انتخاب شده است.

نتایج الگوریتم فرهنگی در انتخاب سبد سهام بهینه، بر اساس اطلاعات بازده سالانه در پیوست ارائه شده است.

### ۳-۶- مقایسه‌ی الگوریتم‌ها با اطلاعات ورودی مختلف در تشکیل سبد

نگاره ۶ نتایج سبد‌های سهام منتخب الگوریتم‌ها را براساس مدل مارکویتز نشان می‌دهد. نتایج حاصله از بعد بهینه‌سازی، و از نقطه نظر سرعت همگرایی (تابع هدف) قابل مقایسه‌اند.

دو نگاره بعدی نتایج رتبه‌بندی سبد‌های منتخب الگوریتم‌ها را براساس میانگین-واریانس مدل مارکویتز نمایش می‌دهد. در نگاره ۷ از بعد همگرایی رتبه‌بندی صورت گرفته است و در نگاره ۱۱ از بعد بهینه‌ترین سبد رتبه‌بندی صورت گرفته است.

### ۶-۲- بهینه‌سازی سبد سهام براساس الگوریتم فرهنگی

نتایج حاصل از اجرای الگوریتم بعد از تعداد ۱۰۰۰ بار تکرار نسل، باعث همگرایی مناسب شد و نمودار ۳ ارائه شده در فایل پیوست مسیر پیموده شده توسط تابع ارزیابی برای رسیدن به نقطه‌ی بهینه را توسط الگوریتم فرهنگی نمایش می‌دهد.

به منظور آزمون ثبات الگوریتم فرهنگی این الگوریتم ۵ بار تکرار شد تا اطمینان حاصل شود که بعد از انجام تکرار آزمون جواب‌های تقریباً یکسانی استخراج می‌شود. نتایج حاصل از این ۵ تکرار (نمودار ۳ پیوست) گویای تفاوت ناچیزی میان جواب‌های حاصل از ۵ تکرار می‌باشد.

نگاره ۵، پرتفوی منتخب الگوریتم فرهنگی را نشان می‌دهد. اعداد نگاره اولًاً بیانگر سهامی است که باید در پرتفوی انتخاب شوند و ثانیاً مقدار هر سهم در پرتفوی را نشان می‌دهد. در این تحقیق سبد سهام بهینه

نگاره ۵- بررسی ثبات الگوریتم فرهنگی در انتخاب سبد سهام بهینه

تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف	تابع هدف
۵ اجرای	۴ اجرای	۳ اجرای	۲ اجرای	۱ اجرای
۰,۰۲۰۰۲۸۸	۰,۰۲۲۳۴۱	۰,۰۲۰۱۱۸۹	۰,۰۲۱۹۱۸۹	۰,۰۱۹۶۷۹
			۰,۰۲۰۸۲۹۳۲۴	میانگین
			۱,۴۷۳۸	واریانس
			۰,۰۲۲۳۴۱	بهترین مقدار تابع هدف از ۵ اجرا

ماخذ: یافته‌های پژوهش

نگاره ۶- نتایج مقایسه‌ای سبد‌های سهام منتخب الگوریتم‌ها

تابع هدف	ریسک سبد	بازده سبد	نوع الگوریتم
۰,۰۴۸۹۱۹۷۸	۹,۲۷۵۳۸۰	۳۱,۵۲۱۷۸۰	PSO الگوریتم
۰,۰۳۵۶۷۹	۹,۴۰۱۰۳۰	۲۵,۲۲۳۳۷۰	GA الگوریتم
۰,۰۲۲۳۴۱	۹,۰۶۹۳۲۰	۲۴,۹۳۵۸۹۰	CA الگوریتم

ماخذ: یافته‌های پژوهش

**نگاره ۷- رتبه‌بندی الگوریتم‌ها در تشکیل سبد سهام با توجه به بازده و ریسک سبد براساس معیار میانگین-**  
**واریانس مارکویتز از بعد همگرایی**

رتبه الگوریتم	تابع هدف	نوع الگوریتم
رتبه اول	۰,۰۴۸۹۱۹۷۸	PSO
رتبه دوم	۰,۰۳۵۶۷۹	الگوریتم GA
رتبه سوم	۰,۰۲۲۳۴۱	الگوریتم CA

ماخذ: یافته‌های پژوهش

**جدول ۸- رتبه‌بندی الگوریتم‌ها در تشکیل سبد سهام با توجه به بازده و ریسک سبد، براساس معیار میانگین-**  
**واریانس مارکویتز از بعد بهینه‌ترين**

رتبه الگوریتم	تابع هدف	نوع الگوریتم
رتبه اول	۳,۳۶۹۳۲۶	PSO
رتبه دوم	۲,۷۴۹۴۷۷	الگوریتم CA
رتبه سوم	۲,۶۸۴۱۰۷	الگوریتم GA

ماخذ: یافته‌های پژوهش

که نتایج آن در ادامه ارائه گردیده است. در حقیقت در جدول زیر آزمون آماری زیر انجام می‌شود:

واریانس دو گروه برابر نیست:  $H_0$   
 واریانس دو گروه برابر است:  $H_1$

در آزمون فوق هرگاه مقدار حداقل سطح معناداری در سطر آخر کمتر از ۰,۰۵ باشد فرض عدم تساوی واریانس با اطمینان ۹۵ درصد رد خواهد شد.

**۷- نتایج آزمون فرضیه‌ها و ارائه یافته‌ها**

قبل از آزمون فرضیه ابتدا هم واریانسی هر یک از روش‌ها مورد توجه قرار می‌گیرند. برای تعیین روش مناسب برای مقایسه هم واریانسی در روش‌ها، باید ریسک سرمایه‌گذاری در سبدۀای سهام انتخاب و بهینه شده مورد آزمون قرار گیرد. این موضوع با انجام آزمون هم واریانسی آزمون T دو نمونه زوج شده آزمون (Paired Samples Test) صورت می‌گیرد.

**نگاره ۹- نتایج آزمون T دو نمونه زوج شده**

الگوریتم‌ها	اختلافات زوج شده						آماره T	درجه آزادی	معیار تصمیم			
	میانگین زوج	انحراف معیار زوج	خطای استاندارد میانگین	فاصله اطمینان % اختلاف دو وزن								
				کران بالا	کران پایین							
CA - GA	-۰,۰۲۲۱۴	۱,۲۶۹۷۴	۰,۱۲۳۳۲۸	-۰,۲۶۶۶۸	۰,۲۲۳۳۹۶	-۰,۱۷۹۵۳	۱۰۵	۰,۸۵۷۸۷۱				
CA - PSO	۰,۰۳۵۶۵۹	۱,۲۸۴۰۴۲	۰,۱۲۴۷۱۷	-۰,۲۱۱۶۳	۰,۲۸۲۹۵۱	۰,۲۸۵۹۲۲	۱۰۵	۰,۷۷۵۵۰۱				
GA - PSO	۰,۰۵۷۸	۱,۶۷۲۴۸۴	۰,۱۶۲۴۴۶	-۰,۲۶۴۳	۰,۳۷۹۹	۰,۳۵۵۸۱۱	۱۰۵	۰,۷۲۲۶۹۶				

ماخذ: یافته‌های پژوهش

می‌توان گفت که اختلاف معناداری بین دقت الگوریتم ها وجود ندارد و فرضیه در سطح معناداری ۵ درصد رد می‌شود می‌شود، به عبارتی برتری الگوریتم ها نسبت به یکدیگر بصورت نسبی است و بیانگر برتری کامل یک الگوریتم نسبت به الگوریتم دیگر نیست.

۲. بین واریانس سرمایه‌گذاری در سبدهای سهام شرکت های پذیرفته شده در بورس تهران و بهینه شده بر مبنای مدل میانگین-واریانس و توسط الگوریتم های مختلف تفاوت وجود دارد.

#### نگاره ۱۱- مقایسه میانگین بازدهی توسط الگوریتم های مختلف

PSO - CA	PSO - GA	GA - CA	
- ۱,۳۴۳	- ۰,۸۸۵	- ۰,۰۱۷	آماره آزمون
۰,۱۷۹	۰,۳۷۶	۰,۰۴۴	سطح معنی داری

ماخذ: یافته‌های پژوهش

#### نگاره ۱۲- مقایسه واریانس سرمایه‌گذاری توسط الگوریتم های مختلف

PSO - CA	PSO - GA	GA - CA	
- ۰,۸۳۲	- ۱,۵۷۱	- ۱,۵۷۱	آماره آزمون
۰,۴۰۵	۰,۱۱۶	۰,۱۱۶	سطح معنی داری

ماخذ: یافته‌های پژوهش

#### نگاره ۱۳- مقایسه انحراف معیار سرمایه‌گذاری توسط الگوریتم های مختلف

PSO - CA	PSO - GA	GA - CA	
- ۰,۷۴۶	- ۰,۳۴۳	- ۰,۴۴۷	آماره آزمون
۰,۴۵۶	۰,۱۷۹	۰,۴۳۹	سطح معنی داری

ماخذ: یافته‌های پژوهش

براساس نگاره ۱۲ نتایج آزمون ویلکاکسون مقایسه دو به دو الگوریتم ها نشان می‌دهد که سطح معناداری آن ها به ترتیب ۰,۱۱۶، ۰,۱۱۶ و ۰,۴۰۵ بیشتر از ۰,۰۵ است. بنابراین، با احتمال ۹۵ درصد می‌توان گفت که اختلاف معناداری بین دقت الگوریتم ها وجود ندارد و فرضیه در سطح معناداری ۵ درصد رد می‌شود.

در صورتی که فرضیه هم واریانسی پذیرفته شود، می‌توان از آزمون ویلکاکسون برای مقایسه استفاده کرد. آزمون T که از مقایسه واریانس سرمایه‌گذاری در سبدهای سهام انتخاب و بهینه شده الگوریتم ها انجام شد و در تمام حالات چون سطح معنی‌داری تمام جفت‌ها از  $a=0,05$  بزرگ‌تر می‌باشد، پس واریانس الگوریتم تمام جفت‌ها برابر است. از این رو، برای مقایسه ای تمام الگوریتم ها آزمون ویلکاکسون استفاده شد، در ادامه جهت آزمون فرضیه‌ها، با کمک آزمون ویلکاکسون در سطح ۵٪ الگوریتم ها با یکدیگر مقایسه شده است.

H0: بین ریسک سرمایه‌گذاری در سبدهای سهام انتخاب و بهینه توسط توسط دو الگوریتم تعیین شده تفاوت معنی‌داری وجود ندارد  
H1: بین ریسک سرمایه‌گذاری در سبدهای سهام انتخاب و بهینه توسط توسط دو الگوریتم تعیین شده تفاوت معنی‌داری وجود دارد

#### نگاره ۱۰- خلاصه آزمون ویلکاکسون

CA	الگوریتم	PSO	الگوریتم
- ۰,۷۷۴	- ۰,۷۴۶	آماره آزمون	GA
۰,۴۳۹	۰,۴۵۶	سطح معناداری	
- ۱,۳۴۳		آماره آزمون	PSO
۰,۱۷۹		سطح معناداری	

ماخذ: یافته‌های پژوهش

#### ۱-۷- فرضیه های اصلی تحقیق

۱. بین میانگین بازدهی سرمایه‌گذاری در سبدهای سهام شرکتهای پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران و بهینه شده بر مبنای مدل میانگین-واریانس و توسط الگوریتم های مختلف تفاوت وجود دارد.

براساس نگاره ۱۱ نتایج آزمون ویلکاکسون مقایسه دو به دو الگوریتم ها نشان می‌دهد که سطح معناداری آن ها به ترتیب ۰,۱۱۶، ۰,۱۱۶ و ۰,۴۰۵ بیشتر از ۰,۰۵ است. بنابراین، با احتمال ۹۵ درصد

فرضیه تحقیق ابتدا آزمون هم واریانسی دو روش انجام شد. آزمون  $T$  که از مقایسه واریانس سرمایه گذاری در سبد‌های سهام انتخاب و بهینه شده الگوریتم‌ها انجام شد و چون سطح معنی داری جفت‌ها از  $a=0,05$  بزرگ‌تر می‌باشد، پس واریانس الگوریتم جفت‌های‌برابر است. از این رو برای مقایسه‌ی دو الگوریتم آزمون ویلکاکسون استفاده شد، در ادامه جهت آزمون فرضیه، با کمک آزمون ویلکاکسون در سطح  $5\%$  الگوریتم‌ها با یکدیگر مقایسه شد و به بررسی تفاوت معنی دار بین میانگین بازده سرمایه گذاری در سبد‌های شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران براساس دو روش پرداخته شد، آزمون‌های آماری مربوط به نتایج حاکی از عدم وجود اختلاف معنادار بین الگوریتم‌ها می‌باشد.

از طرفی به منظور مقایسه الگوریتم‌ها و بررسی برتری الگوریتم‌ها، این دو روش بهینه‌سازی از دو بعد تابع هدف و نسبت بازده و ریسک مورد مقایسه قرار گرفت.

در مقایسه تابع هدف، الگوریتمی موفق است که مقدار تابع هدف کمتری داشته باشد یا به عبارتی با کمترین خطای به بهترین نتیجه رسیده باشد و از آنجایی که الگوریتم Pso با مقدار تابع هدف  $4891978$  نسبت به الگوریتم‌ها دیگر بهتر عمل کرده است نشان‌دهنده برتری نسبی این الگوریتم در انتخاب سبد سهام بهینه است. در مقایسه نسبت بازده و ریسک، الگوریتمی دارای برتری است که دارای نسبت بزرگتری باشد و از آنجایی که نسبت بازده و ریسک الگوریتم Pso با نسبت  $369326$  نسبت به الگوریتم‌ها دیگر است نشان‌دهنده برتری نسبی این الگوریتم در انتخاب سبد سهام بهینه است.

مهمنترین کاستی مدل مارکویتز این است که در این مدل تمام عوامل که در دنیای واقعی در اندازه گیری ریسک و بازده مؤثر هستند، مدنظر قرار نگرفته است. در دنیای واقعی برای اندازه گیری ریسک و بازده سهام علاوه بر عوامل درونی شرکت‌ها، عوامل بیرونی نیز در انتخاب یک پرتفوی بهینه مؤثر است. به طور

این نتیجه با نتایج تحقیقات هیولینگ و همکاران (۲۰۱۳)، نیز مطابقت دارد براساس نتایج حاصل از آزمون می‌توان نتیجه گیری کرد الگوریتم‌های پیشنهادی از کارایی قابل قبولی برخوردار هستند و می‌توانند به جواب بهینه در سبد سهام دست یابند.

۳. بین انحراف معیار به میانگین بازدهی سرمایه‌گذاری در سبد‌های سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران و بهینه شده بر مبنای مدل میانگین-واریانس و توسط الگوریتم‌های مختلف تفاوت وجود دارد.

براساس نگاره ۱۳ نتایج آزمون ویلکاکسون مقایسه دو به دو الگوریتم‌ها نشان می‌دهد که سطح معناداری آن‌ها به ترتیب  $0,439$ ،  $0,456$  و  $0,479$  درصد بیشتر از  $0,05$  است. بنابراین، با احتمال  $95$  درصد می‌توان گفت که اختلاف معناداری بین دقت الگوریتم‌ها وجود ندارد و فرضیه در سطح معناداری  $5$  درصد رد می‌شود به عبارتی هر کدام به عنوان یک الگوریتم مستقل می‌توانند در انتخاب سبد بهینه مورد استفاده قرار بگیرند. نتیجه حاصله دارای پشتونه نظری نیز می‌باشد، به این معنا که هر کدام از روش‌ها علیرغم اختلاف در شیوه محاسبه در انتخاب بهینه گی از چارچوب همگن استفاده می‌کنند. این نتیجه با نتایج تحقیقات راعی و همکاران (۱۳۸۹) و گرگز و همکاران (۱۳۸۹) نیز مطابقت دارد.

## ۸- نتیجه گیری و بحث

مدل مارکویتز نشان داد مهم ترین عامل در انتخاب سبد سهام بهینه دو عامل بازده و ریسک می‌باشد. نتایج این پژوهش نشان می‌دهد که روش‌های بهینه‌سازی براساس تابع هدف تعریف شده به دنبال انتخاب سبد سهامی بودند که بیش ترین بازده و کمترین ریسک را دارد.

همان طور که از پیش اشاره شده بود، هدف این تحقیق انتخاب یک سبد سهام از بین سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار با استفاده از مدل‌های بهینه‌سازی الگوریتم  $Ca$ ،  $Ga$  و  $Pso$  بود. در

- دانش سرمایه گذاری، سال سوم، شماره ۱۱، صص ۱۶۴-۱۲۵.
- \* گرگز، منصور، عباسی، ابراهیم و مقدسی، مطهره (۱۳۸۹)، انتخاب و بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از الگوریتم ژنتیک براساس تعاریف متفاوتی از ریسک، فصلنامه مدیریت صنعتی دانشکده علوم انسانی دانشگاه آزاد اسلامی واحد سنندج، سال پنجم، شماره ۱۱، صص ۱۳۶-۱۱۵.
- \* هواسی، سجاد، میبدی، محمد رضا و رحیمی، سمانه (۱۳۹۱)، یک الگوریتم ترکیبی جدید مبتنی بر بهینه سازی دسته جمعی ذرات و الگوریتم فرهنگی برای محیط های پویا، دومین کنفرانس ملی مهندسی نرم افزار لاهیجان، دانشگاه آزاد اسلامی واحد لاهیجان، ۱۰ و ۱۱ آبان ماه.
- \* Anagnostopoulos, K.P., Mamanis, G. (2010). A portfolio optimization model with three objectives and discrete variables. *Computers & Operations Research*, 37 (7): 1285-1297.
- \* Aranha, C., & H. Iba, (2009), The Memetic Tree-based Genetic Algorithm and its application to Portfolio Optimization, springer: Memetic Comp 1: PP.139-151.
- \* Chang, T. G., Yang, S. C., Chang, K.G., (2009), Portfolio optimization problem different risk measure using genetic algorithm, Expert system with application, 36, PP. 10529-10537.
- \* Fernandez A., Gomez S, (2007), Portfolio selection using neural networks; Computer& Operations Research.s, 34, PP 1177-1191.
- \* Hao, F.F., Liu, Y.K, (2009), Mean-variance models for portfolio selection with fuzzy random returns, Journal of Applied Mathematics and Computing 30:9, PP 9-38.
- \* Huiling, W., Yang, Zeng., Haixiang Yao., (2013), Multi-period Markowitz's mean-variance portfolio selection with state-dependent exit probability, Economic Modelling, Vol 36, PP 69-74.
- \* Kenndy, J., Eberhart, R.C., (1995), Particle Swarm Optimization, In Proceedings of the IEEE International Conference on Neural Netwok IV.
- \* Konno H., Yamazaki H (1991); Mean-absolute deviation portfolio in optimization model and its application to Tokyo stock market, *Management Science*, 37, 519-531.

کلی عوامل مؤثر بر توسعه بورس اوراق بهادار را می توان به سه دسته عوامل درونی شرکت‌ها، عوامل بیرونی غیر اقتصادی و عوامل بیرونی اقتصاد کلان تقسیم بندی کرد.

### فهرست منابع

- \* تقی فرد، محمدتقی، منصوری، طaha، خوش طینت، محسن (۱۳۸۶)، ارائه یک الگوی فرا ابتکاری جهت انتخاب سبد سهام با در نظر گرفتن محدودیت‌های عدد صحیح، فصلنامه پژوهش‌های اقتصادی، سال هفتم، شماره چهارم، صفحات ۴۹-۶۹.
- \* خالوزاده، حمید و امیری، نسیله (۱۳۸۵)، تعیین سبد سهام بهینه در بازار در معرض ریسک، مجله تحقیقات اقتصادی، شماره ۷۳، صفحات ۲۳۱-۲۱۱.
- \* راعی، رضا، محمدی، شاپور و علی بیکی، هدایت (۱۳۸۹)، بهینه‌سازی سبد سهام با رویکرد «میانگین نیم واریانس» و با استفاده از جستجوی هارمونی، فصلنامه تحقیقات مالی، صص ۱۲۸-۱۰۵.
- \* شهمیرزادی، مرضیه (۱۳۸۸)، انتخاب پرتفوی مناسب جهت کاهش ریسک غیرسیستماتیک در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه کارشناسی ارشد، رشته مدیریت بازرگانی گرایش مالی، دانشکده اقتصاد و علوم اجتماعی، دانشگاه الزهرا (س) تهران.
- \* عبدالعلی زاده شهری، سیمین و عشقی، کوروش (۱۳۸۲)، کاربرد الگوریتم ژنتیک در انتخاب یا مجموعه دارایی از سهام بورس، فصلنامه پژوهش های اقتصادی، دوره پنجم، شماره ۱۷، صص ۱۹۲-۱۷۵.
- \* کیانی هرچگانی، مائدۀ، نبوی چاشمی، سید علی و معماریان، عرفان (۱۳۹۳)، بهینه‌سازی سبد سهام براساس حداقل سطح پذیرش ریسک کل و اجزای آن با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک، فصلنامه

- \* Leung, Pui lamYip., Ng lui, Keong., wong, Wing., (2012), An improved estimation to make Markowitz's portfolio optimization theory users friendly and estimation accurate with application on the US stock market investment, PP 85-98.
- \* Lin, Ch., Liu, Y., (2008), Genetic algorithms for portfolio selection problems with minimum transaction lots. European Journal of Operational Research; 185; PP393-404.
- \* Lin, Chi., Ming, Mitsuo, Gen., (2007), An Effective Decision-Based Genetic Algorithm Approach to Multiobjective Portfolio Optimization Problem, Applied Mathematical Sciences, Vol 1, No 5, 201–210.
- \* Mansiri R., Speranza M. G, (1999), Heuristic algorithms for the portfolio selection problem with minimum transaction lots, European Journal of Operational research, 114, 219-233.
- \* Markowitz H.M, (1952), Portfolio selection, journal of finance, Vol 7, PP 77-91.
- \* Yang, X., (2006), Improving portfolio efficiency: A Genetic Algorithm Approach, Computational Economics, 28, 1, PP 1-14.

#### یادداشت ها

- <sup>1</sup>. Markowitz
- <sup>2</sup>. Genetic Algorithm
- <sup>3</sup>. Konno & Yamazaki
- <sup>4</sup>. Mansini & Spenza
- <sup>5</sup>. Chang et all
- <sup>6</sup>. Fernandez & Gomez
- <sup>7</sup>. Yang
- <sup>8</sup>. Bayesian
- <sup>9</sup>. Lin & Gen
- <sup>10</sup>. Crossover Operator
- <sup>11</sup>. Roulette Wheel
- <sup>12</sup>. lin & liu
- <sup>13</sup>. Hao & Liu
- <sup>14</sup>. Aranha & Iba
- <sup>15</sup>. Leung et all
- <sup>16</sup>. Huiling et all
- <sup>17</sup>. Mutation Operator
- <sup>18</sup>. Initial Population
- <sup>19</sup>. Chromosomes
- <sup>20</sup>. Kenndy & Eberhart

