

## تأثیر شکل ذرات محیط متخلخل بر انتشارپذیری طولی: انتقال آلاینده‌ها

قاسم میرزائی\*

\* کارشناس ارشد مهندسی سازه‌های آبی؛ مربی؛ دانشکده کشاورزی مشهدین شهر؛ دانشگاه محقق اردبیلی؛ اردبیل؛ ایران  
\* نویسنده مسئول مکاتبات: [ghasem.mirzaei@uma.ac.ir](mailto:ghasem.mirzaei@uma.ac.ir)

تاریخ دریافت: ۱۳۹۶/۰۹/۱۹ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۶/۱۲/۱۳

### چکیده:

شکل ذرات محیط متخلخل تأثیر بسزایی بر روی جریان و مخصوصاً انتشارپذیری طولی آن دارد. در تحقیق حاضر، طی آزمایش‌هایی بر روی سه ستون خاک حاوی ذرات شکسته و تیز گوش، ماسه بستر رودخانه و ذرات کروی، تأثیر شکل ذرات محیط متخلخل بر روی انتشارپذیری طولی مورد بررسی قرار گرفت. با تزریق جریان و آلاینده (NaCl) در پنج سطح سرعت، منحنی رخنه در پنج نقطه در طول جریان به روش سلف پتانسیل استخراج و ضمن شبیه‌سازی نتایج با نرم افزار FEFLOW، و با حل تحلیلی معکوس با نرم‌افزار CXTFIT2، انتشارپذیری طولی تعیین گردید. نتایج آزمایش‌ها نشان داد به ازای سرعت ثابت، محیط با ذرات کروی دارای انتشارپذیری طولی بیشتر از دو محیط دیگر و در خاکدانه ماسه‌ای بیشتر از ذرات شکسته است که این امر می‌تواند به دلیل افزایش سطح تماس و همچنین پیچ و خم مسیر با خارج شدن ذرات از شکل کروی اتفاق افتد. با افزایش سرعت، انتشارپذیری طولی در هر سه محیط کاهش می‌یابد همچنین هر چه خاکدانه‌ها به شکل کروی نزدیکتر باشند تأثیر عامل مقیاس بیشتر و با افزایش سرعت، کاهش انتشارپذیری طولی در این خاکدانه‌ها کمتر خواهد بود.

**کلید واژه‌ها:** روش سلف پتانسیل؛ شکل خاکدانه؛ منحنی رخنه؛ FEFLOW؛ CXTFIT

### مقدمه

امروزه شاید مهمترین و اساسی‌ترین بحث در زمینه انتقال آلاینده‌ها در محیط‌های متخلخل نحوه تعیین پارامترهای موثر در معادلات حاکم بر آن می‌باشد. از اینرو جهت بررسی تأثیر عواملی نظیر دانه‌بندی محیط متخلخل، سرعت جریان، عامل مقیاس، نوع سیال، نوع آلاینده، دما و سایر عوامل نظیر آن بیشتر تلاش محققان برای بالابردن دقت در برآورد پارامترهایی نظیر فاکتور تاخیر، فاکتور تجزیه یا تولید، ضریب انتشار مولکولی، ضریب انتشار طولی و عرضی معطوف گردیده است (Delgado, 2005; Delgado, 2007; Porta et al., 2012. Mehmani and Prodanovic, 2014).

نفوذ مواد آلاینده به داخل سفره‌های آب شیرین در اثر ایجاد گرادیان هیدرولیکی به سمت این سفره‌ها به دلیل افت سطح آب‌های زیرزمینی و به تبع آن کاهش کیفیت آب استحصال شده، یکی از مهمترین چالش‌های فراروی مدیران بخش آب کشور است. با پیشرفت‌های صورت گرفته در علم دینامیک سیالات، ابزارهای مدیریتی بسیار توانمندی جهت پایش کیفی و کمی آب‌های زیرزمینی توسعه پیدا کرده‌اند که در تلفیق با یک مدیریت کارآمد می‌تواند متضمن تحقق اهداف ترسیم شده در راستای توسعه پایدار کشور باشد.

صورت پذیرفته است. در این تحقیق دلگادو از داده‌های موجود در پژوهش‌های پیشین به انضمام آزمایشاتی که خود محقق انجام داده، برای بررسی میزان تاثیر عواملی از جمله سرعت، نسبت ابعاد مختلف ستون خاک، توزیع اندازه ذرات خاک، شکل ذرات خاک و همچنین خصوصیات مربوط به سیال بر روی انتشارپذیری طولی محیط متخلخل پرداخته است. هر چند که این تحقیق در بررسی سایر عوامل بخوبی عمل کرده ولی بدلیل اینکه داده‌های مربوط به عامل شکل ذرات بیشتر از منابع مختلف جمع آوری شده انسجام مناسبی بین داده‌ها وجود ندارد. نتایج این تحقیق نشان از کاهش نسبی ضریب انتشارپذیری طولی در ذرات گوشه دار و ماسه نسبت به ذرات کروی دارد با افزایش عدد پکله همگرایی در این اعداد دیده می‌شود ولی تلاش خاصی برای تفسیر نتایج صورت نگرفته است (Carvalho and Delgado, 2003; Delgado, 2005; Delgado, 2007). Pugliese و همکاران (۲۰۱۳) نیز در تحقیق دیگری به بررسی تاثیر توزیع اندازه ذرات و شکل ذرات بر ضریب انتشار پذیری در گازها پرداخته است. در این تحقیق از سه شکل ذرات (گوشه-دار-ماسه‌ای-کروی) در اندازه‌های مختلف استفاده شده است. با اندازه‌گیری منحنی رخنه و حل معکوس معادله جابجایی-انتشار، ضرایب انتشارپذیری محاسبه و سعی شده است رابطه‌ای برای آن ارائه گردد (Pugliese, 2013). مشابه همین کار باز توسط Pugliese و Poulsen (۲۰۱۴) برای سرعت‌های پایین (کوچکتر از یک سانتی متر در دقیقه) و ذرات ریزتر (۱۲-۰/۸۸ میلی متر) نسبت به آزمایش پیشین انجام گرفته است. اصلی‌ترین نتیجه‌گیری تحقیق بر این دلالت دارد که رابطه سرعت و ضریب انتشارپذیری در کلیه محیط‌های آزمایش در سرعت پایین غیر خطی است. در نهایت با ارائه روابط تجربی بین ضریب انتشارپذیری و فاکتور توزیع اندازه ذرات تحقیق به پایان رسیده است (Pugliese and Poulsen, 2014).

محققان عوامل موثر بر انتشارپذیری طولی را در دو دسته مورد بررسی قرار می‌دهند. دسته اول مربوط به خصوصیات سیال و دسته دوم مربوط به خصوصیات محیط متخلخل است. در دسته اول بطور عمده تاثیر ویسکوزیته، چگالی، سرعت و دمای سیال مورد بررسی قرار گرفته که در تحقیق پیشرو کلیه این فاکتورها ثابت در نظر گرفته شده است (Delgado, 2005; Delgado, 2007; Lehmann et al., 2008; Ginn et al., 2009; Grillo, 2010; Porter et al., 2010; Jamshidzadeh et al., 2013; Bandai et al., 2017; Perovic et al., 2017). در دسته دوم نیز تاثیر عوامل طول ستون خاک، نسبت طول و قطر ستون خاک به قطر ذرات خاک، توزیع اندازه ذرات خاک و شکل ذرات خاک یا محیط متخلخل مورد بررسی قرار می‌گیرد (Delgado, 2005; Delgado, 2007; Pugliese, 2012; Ikni et al., 2013; Pugliese and Poulsen, 2014; Bandai et al., 2017).

شکل ذرات محیط متخلخل تاثیر بسزایی بر روی جریان و مخصوصاً انتشارپذیری طولی آن دارد. از قدیمی‌ترین کارهای صورت گرفته در این زمینه می‌توان به پژوهشی از Carberry و Bretton (۱۹۵۸) اشاره کرد. در تحقیق آن‌ها نتایج برای ذرات با شکل‌های کروی، مکعبی، رینک شکل و ماسه در اندازه‌های مختلف ارائه شده است. علیرغم انجام آزمایش‌ها بر روی ذرات با شکل‌های مختلف، تاثیر سایر عوامل از جمله سرعت جریان و طول محیط متخلخل بر روی انتشارپذیری طولی، اثر شکل ذرات را به حاشیه برده است. در نهایت محقق با نتیجه‌گیری کیفی مبنی بر پر اهمیت بودن شکل ذرات بر ضریب انتشارپذیری طولی، تحقیق را به پایان می‌رساند (Carberry and Bretton, 1958). تحقیقاتی از این دست که در آن اثر شکل ذرات محیط متخلخل به حاشیه رفته است بسیار است (Ebach and White, 1958; Strang and Geankopolis, 1958; Hiby, 1962). یکی از تحقیقات مستمر که بخش قابل توجهی از آن به تاثیر شکل ذرات معطوف شده توسط Delgado (۲۰۰۷)

که در این رابطه  $c(X,t)$  غلظت آلاینده،  $(ML^{-3})$ ،  $D_X$  ضریب انتشار طولی  $(L^2T^{-1})$ ،  $V_X$  متوسط سرعت آب منفذی  $(LT^{-1})$ ،  $X$  مختصات مکان  $(L)$  و  $t$  مختصات زمان  $(T)$  است. شرایط اولیه و مرزی نیز بصورت زیر در نظر گرفته می‌شود (Leij *et al.*, 1991):

$$\begin{aligned} c(0,t) &= c_0 \\ c(\infty,t) &= 0 \\ c(X,0) &= 0 \end{aligned} \quad (2)$$

حل تحلیلی معادله جابجایی-انتشار نیز از رابطه زیر محاسبه می‌گردد (Leij *et al.*, 1991):

$$\begin{aligned} c(X,t) &= \frac{c_0}{2} \operatorname{erfc}\left(\frac{X-V_X t}{2\sqrt{D_X t}}\right) + \\ & \frac{c_0}{2} \exp\left(\frac{V_X X}{D_X}\right) \operatorname{erfc}\left(\frac{X+V_X t}{2\sqrt{D_X t}}\right) \end{aligned} \quad (3)$$

برای مقادیر بزرگ  $\left(\frac{V_X X}{D_X}\right)$ ، جمله دوم سمت راست معادله (۳) ناچیز است و می‌توان آنرا بصورت زیر نوشت.

$$c(X,t) = \frac{c_0}{2} \operatorname{erfc}\left(\frac{X-V_X t}{2\sqrt{D_X t}}\right) \quad (4)$$

در معادله‌های فوق،  $c_0$  غلظت آلاینده‌های نقطه‌ای است که بصورت پیوسته در نقطه  $X=0$  به داخل محیط متخلخل تزریق می‌گردد. ضریب انتشار طولی عبارت از  $D_X = \alpha_X V_X + D^*_{X}$  می‌باشد. در این رابطه  $\alpha_X$  انتشارپذیری طولی  $(L)$  و  $D^*_{X}$  ضریب پخشیدگی مولکولی  $L^2T^{-1}$  است. نقش نسبی انتشار مکانیکی و پخشیدگی مولکولی در انتقال آلاینده با استفاده از عدد پکلت (Peclet) مشخص می‌شود که از رابطه زیر قابل محاسبه می‌باشد (Delgado, 2005).

$$Pe = \frac{V_X d}{D^*} \quad (5)$$

در این رابطه  $d$  مربوط به کمیت قطر خاکدانه‌های محیط می‌باشد که دارای بعد طول  $(L)$  است. در اعداد

علیرغم اینکه در تحقیقات صورت گرفته پیشین همزمان تأثیر سایر عوامل نظیر بافت خاک و اندازه ذرات و سایر عوامل بصورت همزمان با شکل ذرات مورد بررسی قرار گرفته است در تحقیق پیش‌رو با در نظر گرفتن محیطی همگن و اندازه ذرات یکنواخت تأثیر سایر عوامل بر انتشارپذیری طولی به حداقل رسیده است و تأثیر عامل شکل ذرات محیط متخلخل بر روی انتشارپذیری طولی با استفاده از فاکتور شکلی متمایز که خصوصیات محیط را دقیق‌تر و کامل‌تر منعکس می‌کند، مورد توجه قرار گرفته است و به موازات آزمایش‌ها صحت و دقت نتایج بدست آمده با نرم‌افزار FEFLOW نیز ارزیابی شده است. طراحی و ساخت ستون آزمایش توأم با تکنیک‌های اندازه‌گیری بکار رفته بدیع در این تحقیق به راحتی امکان بررسی ساز و کار تأثیر فاکتور شکل ذرات، نحوه تأثیر پیچ و خم مسیر، تأثیر سرعت جریان و همچنین اثر عامل شکل بر نحوه تأثیر عامل مقیاس بر روی انتشارپذیری طولی آلاینده‌ها را فراهم کرده است.

## مواد و روش‌ها معادلات حاکم

معادله‌ی جابجایی-انتشار<sup>۱</sup> بطور گسترده برای توصیف انتقال آلاینده‌ها در شرایط اشباع بکار رفته است. این معادله فرآیندهای جابجایی، پخشیدگی مولکولی و انتشار مکانیکی را شامل می‌شود. جابجایی در اثر اختلاف پتانسیل یا گرادینان هیدرولیکی، فرآیند پخشیدگی مولکولی ناشی از حرکت تصادفی مولکول‌ها و انتشار مکانیکی در اثر تغییرات سرعت سیال در فضای منافذ محیط متخلخل اتفاق می‌افتد. مجموع فرآیندهای پخشیدگی مولکولی و انتشار مکانیکی، انتشار هیدرودینامیکی یا به اختصار انتشار نامیده می‌شود. شکل یک بعدی معادله جابجایی-انتشار برای آلاینده‌های محلول پایدار در محیط اشباع با شرایط جریان ماندگار به صورت زیر است (Bear, 1972):

$$\frac{\partial c(X,t)}{\partial t} = D_X \frac{\partial^2 c(X,t)}{\partial X^2} - V_X \frac{\partial c(X,t)}{\partial X} \quad (1)$$

## مدلسازی معادله جابجایی-انتشار

## مدل حل تحلیلی CXTFIT2

یکی از مدل‌های حل تحلیلی معادله جابجایی-انتشار مدل CXTFIT2 است که اولین نسخه آن توسط Van Genuchten و همکارانش (۱۹۷۷) ارائه شد. مدل مورد استفاده در این تحقیق CXTFIT2 است که یکی از ابزارهای مجموعه نرم افزاری STANMOD نسخه ۲,۰۸,۱۱۳۰ می‌باشد. که از طریق حل معکوس معادله جابجایی-انتشار قادر است ضریب انتشار را با وارد کردن منحنی رخنه آزمایش ستون خاک محاسبه نماید (Toride *et al.*, 1995; Tang *et al.*, 2010).

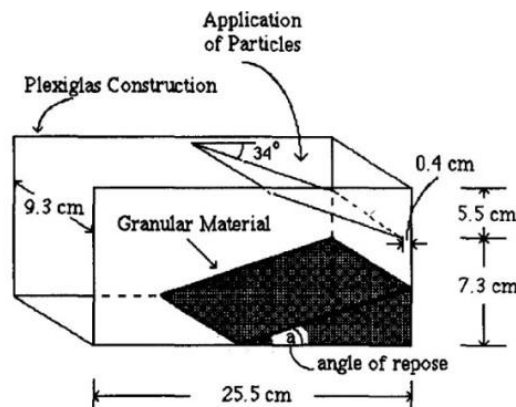
## مدل حل عددی FEFLOW

نام این شبیه‌ساز برگرفته از «سیستم شبیه‌سازی جریان زیرسطحی بر اساس المان‌های محدود» می‌باشد که انتقال جریان، جرم و گرما را بر اساس معادلات حاکم در محیط‌های متخلخل مدلسازی می‌کند و امروزه یکی از کارآمدترین نرم‌افزارها در زمینه آب‌های زیرزمینی محسوب می‌شود. شبیه‌ساز FEFLOW با بکارگیری معادله جابجایی-انتشار در حالت سه بعدی قابلیت شبیه‌سازی یک، دو و سه بعدی جریان و آلودگی و گرما در محیط‌های متخلخل اشباع و غیر اشباع را دارا می‌باشد (Trefry and Muffels, 2007).

پکلت بزرگ ( $Pe > 95$ )، انتشار مکانیکی عامل کنترل کننده می‌باشد و در این حالت ضریب انتشار با استفاده از رابطه‌ی  $D_x = \alpha \times V$  محاسبه می‌گردد (Bear and Verruijt, 1987; Delgado, 2005).

## فاکتور شکل ذرات

از آنجائیکه ذرات خاک در محیط متخلخل در تماس سه بعدی با سایر ذرات قرار دارد، لذا محاسبه شکل ذرات در صورتیکه در ارتباط با سایر ذرات خاک باشد، خصوصیات محیط را دقیق‌تر و کامل‌تر منعکس خواهد کرد تا اینکه محاسبه این کمیت برای ذرات بصورت محض و تک به تک باشد. مطابق روش پیشنهادی Sperry و Peirce (۱۹۹۵) (شکل ۱) مقدار ۳۵۰ گرم از ذرات خاک بصورت یکنواخت در عرض سطح شیبدار با حجمی حدود ۱۰ گرم در ثانیه به درون جعبه طراحی شده ریخته می‌شود. در انتهای آزمایش سطح خاک ریخته شده بر اساس زاویه پایداری ذرات که متاثر از شکل یا گردی ذرات است در دو سمت دیواره زاویه  $a$  را با افق می‌سازد. این آزمایش ۱۰ بار برای هر نوع خاک تکرار شده و در نهایت میانگین زوایای اندازه‌گیری شده نماینده شکل ذرات خواهد بود. سادگی و قابلیت تکرار این روش از مهمترین مزیت‌های آن می‌باشد (Sperry and Peirce, 1995).



شکل ۱. نمای شماتیک از آزمایش تعیین فاکتور شکل ذرات (Sperry and Peirce, 1995)

## طراحی آزمایش

### مشخصات ستون آزمایش

بر اساس پیشنهاد محققان مختلف (Choudhary, 1976; Delgado, 2007) جهت تشکیل پروفیل یکنواخت سرعت و تخلخل و همچنین جریان یک بعدی شبه بی‌نهایت در طول ستون باید نسبت قطر ستون به قطر متوسط ذرات

بزرگتر از ۱۵ ( $\frac{D}{d} > 15$ ) و نسبت طول ستون به قطر

ستون بزرگتر از ۲۰ ( $\frac{L}{D} > 20$ ) باشد. برای رعایت

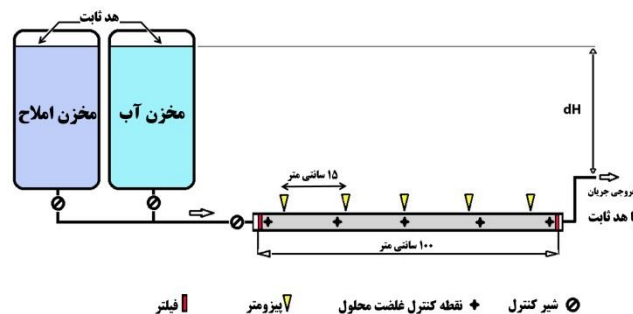
نسبت‌های فوق مطابق (شکل ۲)، آزمایش‌ها در ستونی از جنس پلی اتیلن با سطح مقطع دایره‌ای به قطر داخلی ۴/۵۵ سانتی متر و طول ۱۰۰ سانتی متر و ضخامت ۲ میلی متر انجام می‌شود. طراحی ستون بگونه‌ای صورت گرفته است که اندازه‌گیری غلظت آلاینده‌ها در فواصل ۹، ۳۰، ۵۱، ۷۲، ۹۳ سانتی متری ورودی ستون با نصب

الکترودهایی با پوشش سطحی از جنس Ag-AgCl از طریق هدایت سنجی املاح عبوری به روش جدید سلف پتانسیل انجام می‌گردد. اساس این روش اندازه‌گیری پتانسیل الکتریکی بسیار کوچک (در حد چند میلی ولت) ایجاد شده در سیال با غلظت متغیر در یک محیط پیوسته متخلخل است. تفاوت غلظت در محل الکتروود در ستون

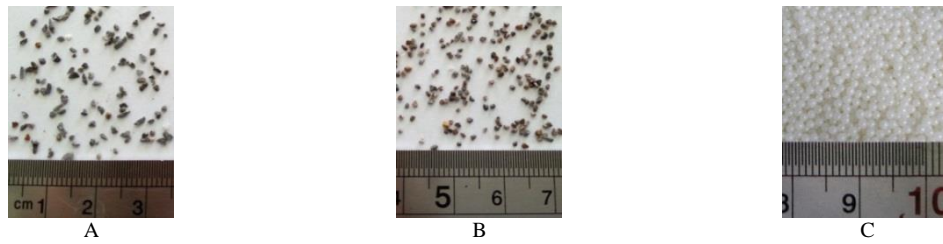
خاک و الکتروود مزدوج موجود در منبع تزریق تعیین کننده غلظت جریان عبوری است (Giampaolo, et al., 2016).

### مشخصات محیط متخلخل

مطابق (شکل ۳) و با توجه به اهداف تحقیق سه نوع محیط متخلخل برای آزمایش در نظر گرفته شده است که برای شکل‌دهی این سه محیط از ذرات شکسته و تیز گوش (A)، که از خرد کردن سنگ‌های بستر رودخانه خیاو چایی در محدوده پارک جنگلی شهرستان مشگین شهر بدست آمده است، خاکدانه‌های گردگوش (ماسه رودخانه خیاو چایی مشگین شهر) (B) و از جنس پلاستیک فشرده (C) استفاده شده است. جهت ایجاد سطحی زبر برای ذرات کروی، آنها را در استوانه‌ای پر از سنگریزه ریخته و استوانه را به گردش در آورده تا سطح صیقلی و صافشان از بین رفته و زبری این ذرات تقریباً برابر دو خاکدانه دیگر باشد. اندازه ذرات برای ایجاد بافتی همگن در ستون آزمایش از ذرات عبوری از الک استاندارد U.S شماره ۱۶ و باقیمانده بر روی الک شماره ۲۰ (اندازه ذرات بین ۱/۲-۰/۸۵ میلی متر) انتخاب شده است. برای زدودن ترکیبات احتمالی نمک موجود در خاکدانه‌ها، این ذرات به مدت ۲۴ ساعت در آب مقطر خوابانده و سپس با شستشوی مجدد با آب مقطر از آن استفاده می‌گردد تا وجود نمک در محیط متخلخل آزمایش را تحت تأثیر قرار ندهد.



شکل ۲. نمای شماتیک از آزمایش طراحی شده



شکل ۳. شکل ذرات تشکیل دهنده محیط‌های متخلخل گوشه‌دار (A)، ماسه‌ای (B) و کروی (C)

B،  $0.322$  سانتی‌متر بر ثانیه و محیط C برابر  $0.513$  سانتی‌متر بر ثانیه است. محلول بکار گرفته شده در این آزمایش محلول  $7$  گرم بر لیتر نمک NaCl خالص است و دمای آب و محلول در کلیه آزمایش‌ها  $19$  درجه سانتی‌گراد می‌باشد. برخی از مشخصات هیدرولیکی آزمایش در (جدول ۱. مشخصات هیدرولیکی آزمایش‌ها) ارائه شده است.

#### اجرای آزمایش

با اعمال بار هیدرولیکی متناسب با دبی (سرعت) مورد نظر، بعد از حدود  $4$  ساعت با اندازه‌گیری مکرر دبی جریان، ثبات جریان و تبدیل جریان به حالت ماندگار اتفاق افتاد. سپس در زمان  $t=0s$  تزریق املاح با همان دبی آغاز گردید. قطع جریان آب مقطر و تزریق املاح همزمان و بصورت آنی انجام پذیرفت تا در جریان ماندگار در ستون اخلاص کمتری بوجود آید. در ادامه داده‌برداری از غلظت جریان در فواصل  $9$ ،  $30$ ،  $51$ ،  $72$ ،  $93$  سانتی‌متری از محل تزریق در فواصل زمانی متغیر و متناسب با نمودار رخنه به روش سلف پتانسیل صورت گرفت (Giampaolo, et al., 2016).

برای ایجاد محیطی همگن بر کردن ستون بصورت لایه به لایه با ضخامت‌های  $3$  سانتی‌متری و اعمال لرزش یکنواخت بر آن در هر مرحله صورت می‌گیرد. با توجه به متفاوت بودن شکل ذرات سعی شده است انرژی لرزشی بگونه‌ای اعمال گردد تا تخلخل حاصله در هر سه نوع خاک حتی الامکان یکسان و برابر  $0.25$  باشد. برای جلوگیری از حبس شدن هوا و همچنین ایجاد ساختمانی پایدار در محیط متخلخل، ارتفاع  $3$  سانتی‌متری از آب در طول پروسه پر شدن ستون آزمایش همواره بر روی خاکدانه‌ها اعمال گردیده است (Kanzari, et al., 2015).

اعمال جریان آب خالص و املاح در این آزمایش از طریق بار هیدرولیکی ثابت صورت می‌گیرد. با توجه به اهمیت سرعت و تاثیر بسزایی که بر روی نحوه پخش آلودگی در محیط متخلخل دارد، هر یک از محیط‌های متخلخل تحت اعمال پنج سرعت مورد آزمایش قرار می‌گیرند که تمامی سرعت‌ها در محدوده جریان آرام (دارسی) قرار دارند. بر اساس اندازه‌گیری‌ها هدایت هیدرولیکی محیط A برابر  $0.268$  سانتی‌متر بر ثانیه، محیط

جدول ۱. مشخصات هیدرولیکی آزمایش‌ها

متغیر	دبی ( $\text{ml/s}$ )	عدد رینولدز (-)	سرعت ( $\text{m/s}$ )
آزمایش ۱	$0.18$	$0.451$	$0.44 \times 10^{-3}$
آزمایش ۲	$0.25$	$0.636$	$0.62 \times 10^{-3}$
آزمایش ۳	$0.30$	$0.757$	$0.74 \times 10^{-3}$
آزمایش ۴	$0.35$	$0.884$	$0.86 \times 10^{-3}$
آزمایش ۵	$0.40$	$1$	$0.98 \times 10^{-3}$

$\alpha_A = 41^\circ$ ، برای محیط B برابر  $\alpha_B = 35^\circ$  و برای محیط C برابر  $\alpha_C = 21^\circ$  بدست آمد.

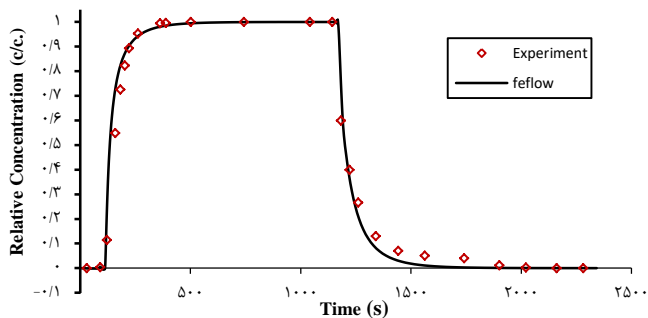
### نتایج شبیه‌سازی آزمایش و مقایسه نتایج با داده‌های واقعی

با اجرای آزمایش تزریق محلول در سه ستون به ازای ۵ سطح سرعت و اندازه‌گیری غلظت در ۵ الکتروود، ۷۵ منحنی رخنه قابل رسم است. برای تمامی ۷۵ مورد منحنی رخنه رسم و نتایج با داده‌های بدست آمده از آزمایش مورد مقایسه قرار گرفته است.

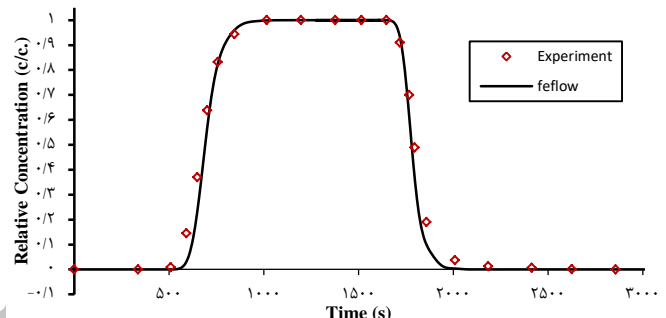
تزریق املاح با غلظت ۷ گرم در لیتر در کلیه آزمایشات به مدت ۱۷ دقیقه تداوم یافت و بلافاصله پس از قطع دوباره جریان آب مقطر برقرار گردید. زمانیکه املاح کاملاً از داخل ستون شسته شد و مقاومت جریان به مقاومت آب مقطر رسید آزمایش پایان یافت. با داده‌های بدست آمده منحنی رخنه قابل ترسیم است.

### نتایج و بحث فاکتور شکل ذرات

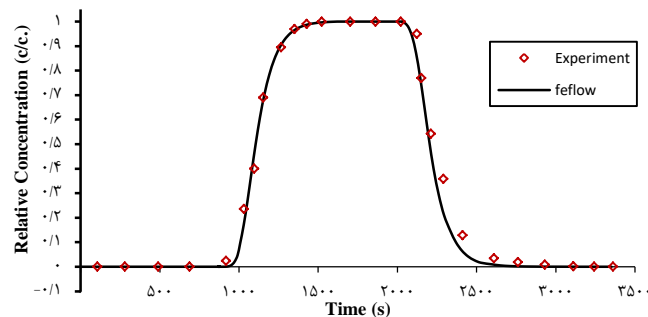
کمیت فاکتور شکل ذرات برای سه نوع محیط متخلخل بر اساس روش اسپری و پیرس محاسبه گردید که برای محیط A متوسط زاویه محاسبه شده برابر



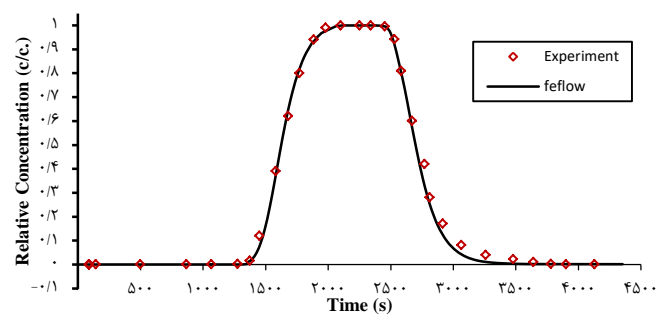
(a)



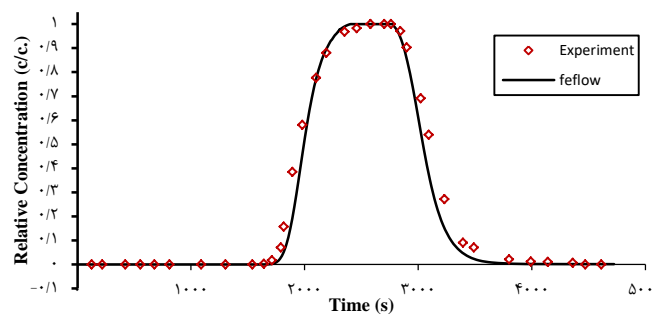
(b)



(c)

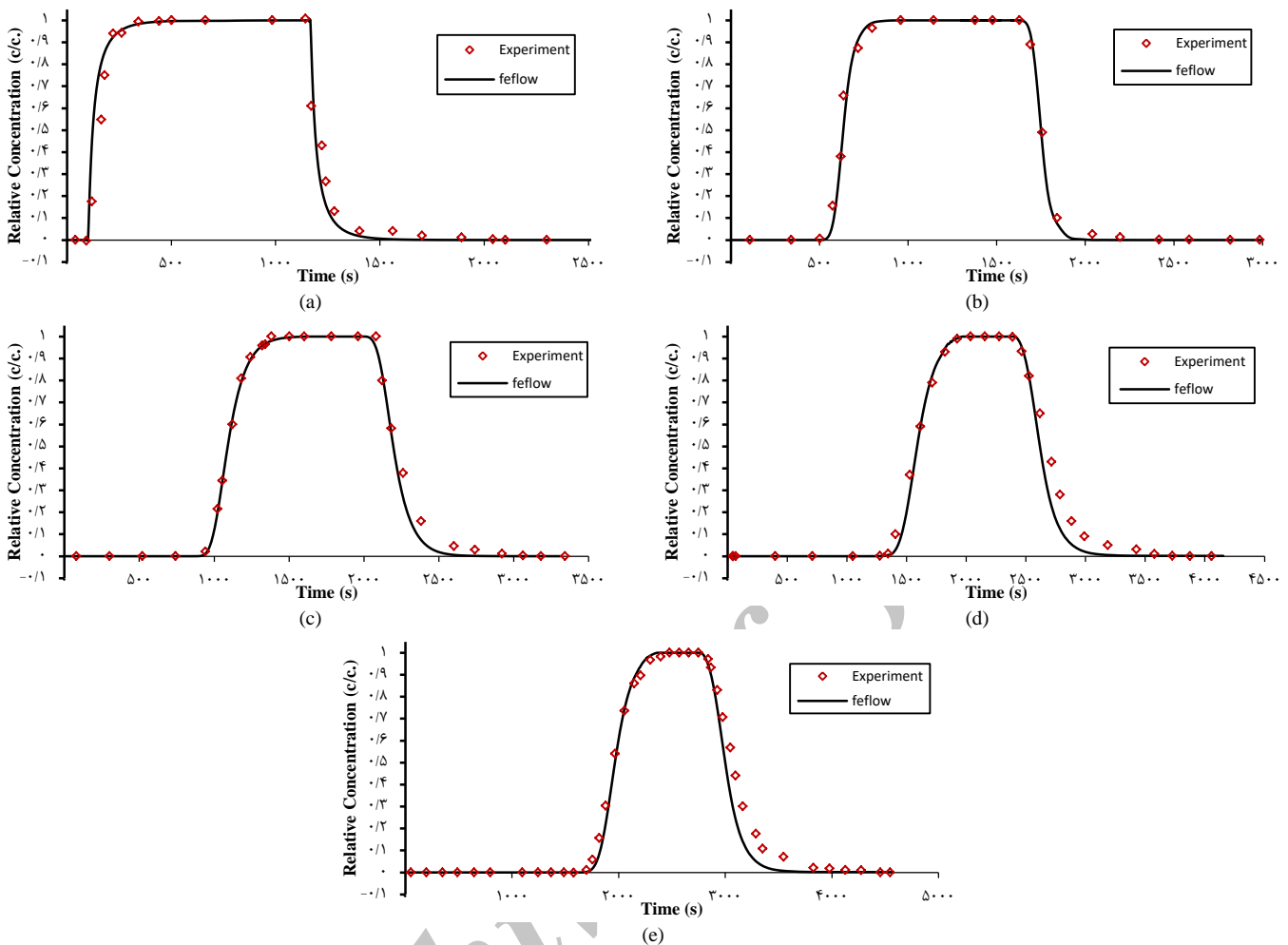


(d)



(e)

شکل ۴. منحنی رخنه برای محیط A در سرعت  $0.74 \times 10^{-3}$  (m/s) در فواصل (a) ۹cm (b) ۳۰cm (c) ۵۱cm (d) ۷۲cm (e) ۹۳cm



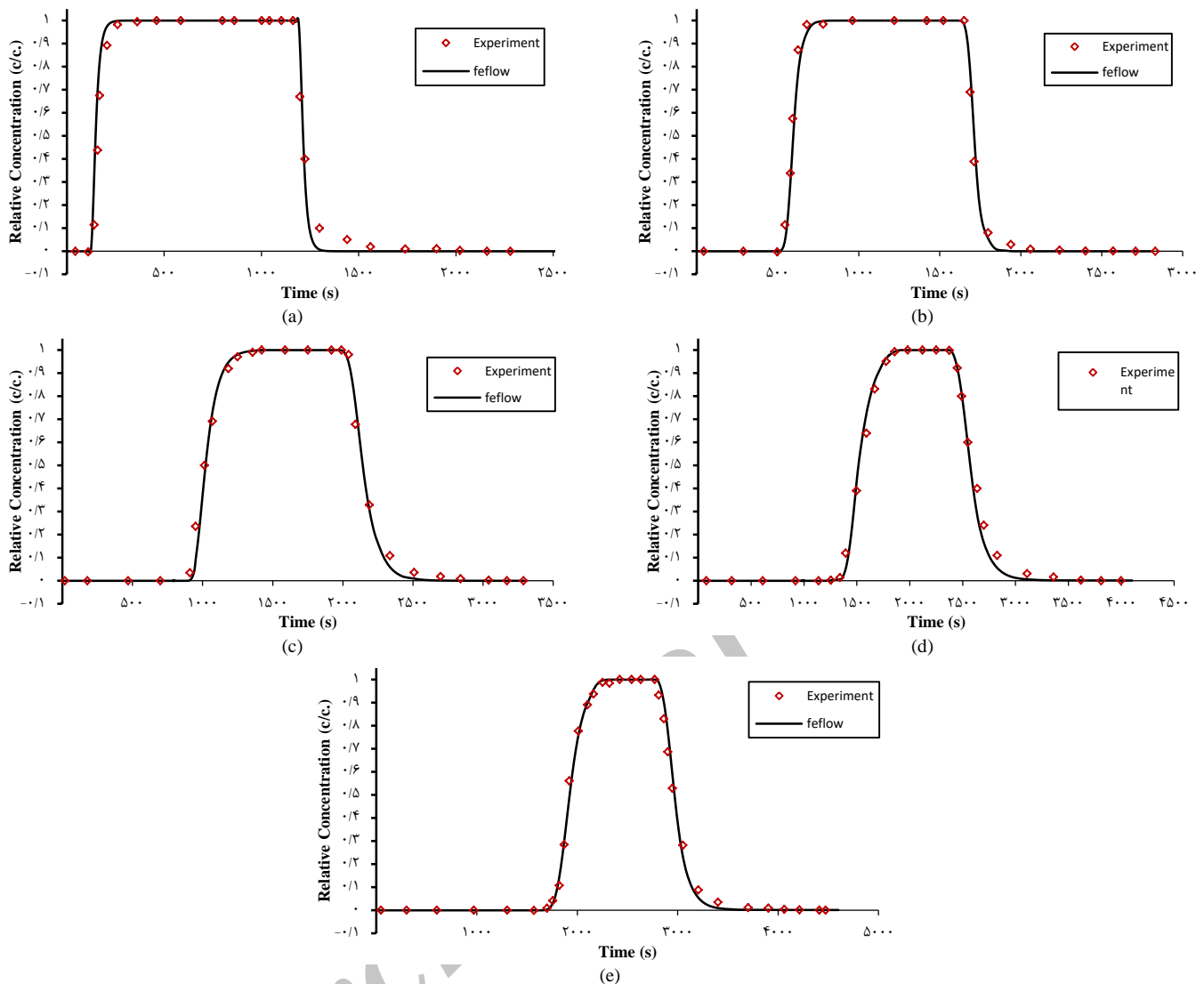
شکل ۵. منحنی رخنه برای محیط B در سرعت  $0.74 \times 10^{-3}$  (m/s)؛ در فواصل (a) ۹cm (b) ۱۵cm (c) ۳۰cm (d) ۵۱cm (e) ۹۳cm

نتایج محاسبه ضرایب انتشارپذیری طولی از طریق مدل حل تحلیلی CXTFIT به همراه دقت محاسبات در (جدول ۲) ارائه شده که برای هر سه محیط خطای بسیار اندک محاسبات مشهود است. برای مشاهده تاثیر فاکتور شکل ذرات بر انتشارپذیری طولی، نمودار دو متغیر رسم شده است که در (شکل ۸) به نمایش در آمده است. با توجه به (شکل ۸) می توان مشاهده کرد که با افزایش فاکتور شکل ذرات، انتشارپذیری طولی کاهش می یابد. فاکتور شکل ذرات بکار رفته همانطور که قبلاً اشاره شد متأثر از زبری و شکل خاکدانه هاست که با تمهیداتی که در آزمایش در نظر گرفته شده، زبری خاکدانه ها در هر سه خاکدانه با هم برابر است لذا می توان نتیجه گرفت هر چه شکل ذرات به حالت کروی نزدیکتر باشند انتشارپذیری طولی محیط افزایش خواهد یافت.

با توجه به محدودیت در نمایش کلیه منحنی های رخنه، ۱۵ منحنی به همراه داده های آزمایش برای سه محیط متخلخل و یک سطح سرعت و پنج الکترو د اندازه گیری غلظت جریان در (شکل ۴، شکل ۵ و شکل ۶) و نیز شماتیک نحوه انتشار املاح برای محیط C در (شکل ۷) ارائه شده است. با بررسی نتایج می توان انطباق بالای داده های آزمایش و نتایج شبیه سازی را مشاهده کرد که با توجه به اعتبار شبیه ساز FEFLOW که بارها در تحقیقات معتبر پژوهشی به اثبات رسیده است می توان به صحت آزمایش ها و روش های اندازه گیری در آن پی برد (Trefry and Muffels, 2007)

### تغییرات انتشارپذیری طولی به ازای فاکتور شکل ذرات

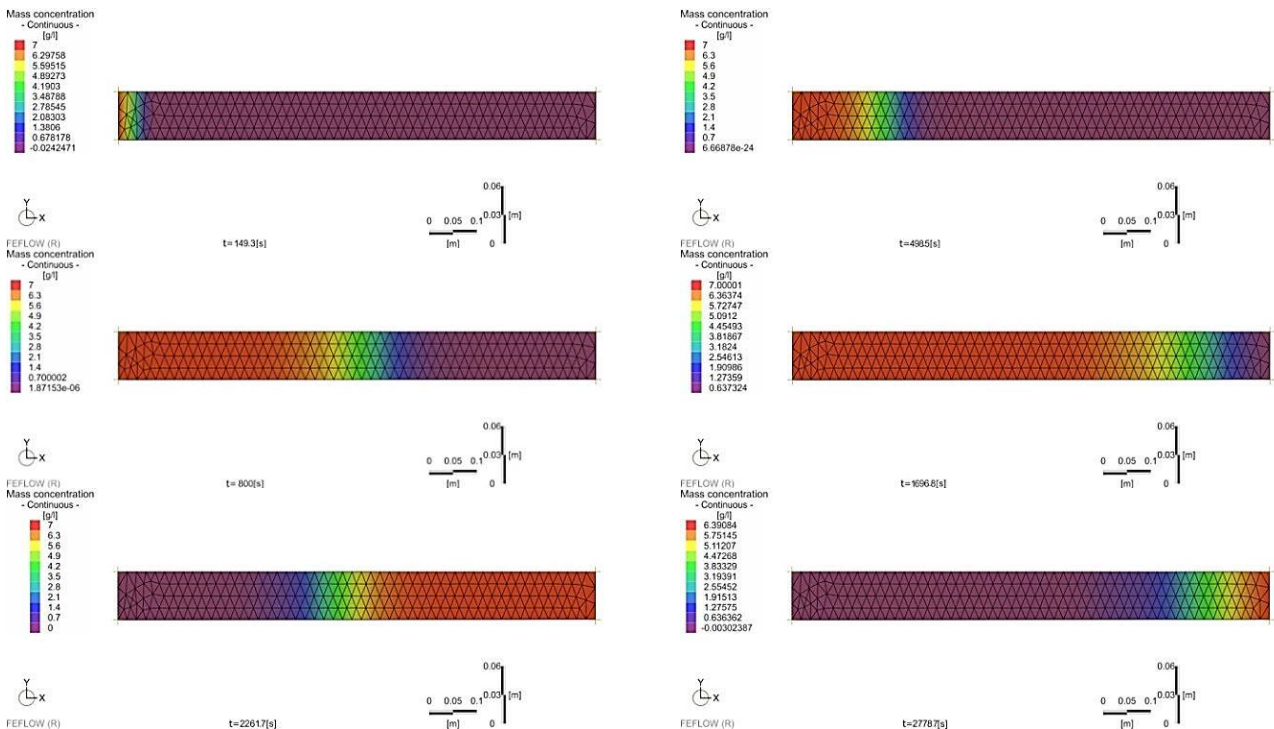




شکل ۶. منحنی رخنه برای محیط C در سرعت  $0.74 \times 10^{-3}$  (m/s): در فواصل (a) ۹cm، (b) ۳cm، (c) ۵cm، (d) ۷cm، (e) ۹cm

خم‌تری از محیط متخلخل خارج می‌گردند. با توجه به شکل ذرات محیط A، که از ذرات تیز گوش و شکسته تشکیل شده است می‌توان پیش بینی نمود که املاح در ارتباط بیشتر با سطح محیط قرار گرفته و جذب سطحی و تنش بین سطوح محیط و املاح مانع انتشار سریع آن می‌گردد و علاوه بر آن فضای خالی بین ذرات بسیار پیچیده و نامنظم است و در بسیار موارد بعضی حفرات در بارهای هیدرولیکی بالا قادر به انتقال املاح از خود می‌باشند. برای محیط با ذرات کروی دقیقاً عکس موارد فوق صادق است.

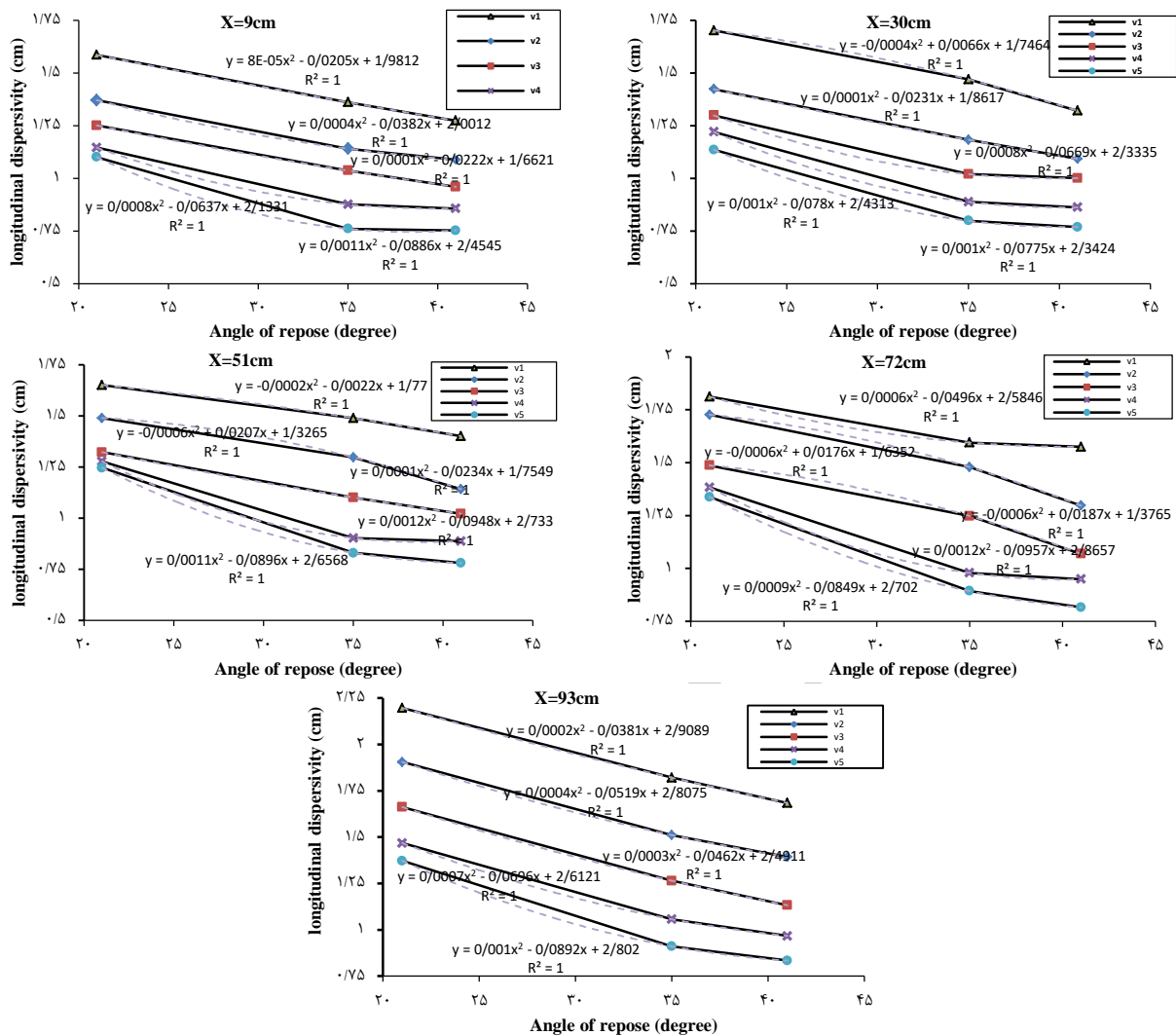
تقریباً تمامی نمودارهای شکل ۸ یک روند را در تغییرات انتشارپذیری طولی به ازای تغییر فاکتور شکل ذرات نشان می‌دهد. تحقیقات صورت گرفته توسط Pugliese و همکاران (۲۰۱۳) و Delgado (۲۰۰۷) نتایج مشابهی را نشان می‌دهند. کاهش انتشارپذیری طولی از محیط C به B دارای شیب بیشتری نسبت به تغییرات این کمیت از B به A است. بهترین تابع برای تخمین رابطه بین اکثر نقاط بدست آمده یک سه جمله‌ای درجه دو با ضریب تعیین برابر یک است. در واقع با خارج شدن شکل ذرات از حالت کروی اولاً سطح تماس املاح با محیط افزایش می‌یابد و ثانیاً املاح با طی مسیر پر پیچ و



شکل ۷. شماتیک نحوه انتشار املاح با سرعت جریان  $0.74 \times 10^{-3} \text{ m/s}$  برای محیط C

جدول ۲. انتشارپذیری طولی و دقت محاسبات

$V_5 = 0.98 \times 10^{-3} \text{ (m/s)}$		$V_4 = 0.86 \times 10^{-3} \text{ (m/s)}$		$V_3 = 0.74 \times 10^{-3} \text{ (m/s)}$		$V_2 = 0.62 \times 10^{-3} \text{ (m/s)}$		$V_1 = 0.44 \times 10^{-3} \text{ (m/s)}$		X (cm)	نوع محیط					
$R^2$ (-)	RMSE (cm)	$\alpha_x$ (cm)	$R^2$ (-)	RMSE (cm)	$\alpha_x$ (cm)	$R^2$ (-)	RMSE (cm)	$\alpha_x$ (cm)	$R^2$ (-)			RMSE (cm)	$\alpha_x$ (cm)			
۰/۹۴۳	۰/۰۸۴	۰/۷۵۳	۰/۹۳۱	۰/۰۹۳	۰/۸۵۷	۰/۹۷۵	۰/۰۴۵	۰/۹۶۰	۰/۹۳۲	۰/۰۹۲	۱/۰۸۹	۰/۹۶۰	۰/۰۵۷	۱/۲۷۴	۹	A
۰/۹۱۹	۰/۱۰۱	۰/۷۶۹	۰/۹۷۶	۰/۴۹	۰/۸۶۳	۰/۹۵۹	۰/۰۶۲	۰/۰۰۱	۰/۹۷۵	۰/۰۶۲	۱/۰۹۳	۰/۹۴۶	۰/۰۷۳	۱/۳۲۱	۳۰	
۰/۹۶۷	۰/۰۵۸	۰/۷۸۱	۰/۹۳۱	۰/۰۹۴	۰/۸۸۸	۰/۹۶۱	۰/۰۵۷	۱/۰۲۲	۰/۹۶۳	۰/۰۵۹	۱/۱۴۲	۰/۹۴۴	۰/۰۸۸	۱/۴۰۱	۵۱	
۰/۹۲۲	۰/۰۹۹	۰/۸۱۶	۰/۹۴۱	۰/۰۸۴	۰/۹۴۹	۰/۹۳۸	۰/۰۸۳	۱/۰۶۹	۰/۹۳۶	۰/۰۹۱	۱/۲۹۷	۰/۹۴۱	۰/۰۸۵	۱/۵۷۵	۷۲	
۰/۹۵۱	۰/۰۷۳	۰/۸۳۴	۰/۹۴۹	۰/۰۷۳	۰/۹۶۷	۰/۹۶۸	۰/۰۵۰	۱/۱۳۳	۰/۹۷۱	۰/۰۵۲	۱/۳۹۳	۰/۹۵۳	۰/۰۶۷	۱/۶۸۴	۹۳	
۰/۹۶۲	۰/۰۵۹	۰/۷۶۱	۰/۹۴۹	۰/۰۷۵	۰/۸۷۷	۰/۹۳۴	۰/۰۹۲	۱/۰۳۷	۰/۹۴۴	۰/۰۷۷	۱/۱۴۱	۰/۹۴۱	۰/۰۸۳	۱/۳۶۱	۹	B
۰/۹۷۹	۰/۰۴۳	۰/۷۹۹	۰/۹۶۳	۰/۰۶۰	۰/۸۸۹	۰/۹۶۹	۰/۰۵۱	۱/۰۲۰	۰/۹۳۱	۰/۰۹۳	۱/۱۸۳	۰/۹۴۸	۰/۰۷۴	۱/۴۷۰	۳۰	
۰/۹۵۲	۰/۰۷۲	۰/۸۳۱	۰/۹۱۱	۰/۱۱۲	۰/۹۰۳	۰/۹۴۶	۰/۰۷۴	۱/۱۰۱	۰/۹۵۵	۰/۰۶۴	۱/۲۹۸	۰/۹۱۴	۰/۱۰۷	۱/۴۹۰	۵۱	
۰/۹۴۳	۰/۰۸۹	۰/۸۹۳	۰/۹۳۱	۰/۰۹۴	۰/۹۷۹	۰/۹۷۸	۰/۰۵۰	۱/۲۴۸	۰/۹۷۳	۰/۰۵۲	۱/۴۷۹	۰/۹۳۲	۰/۰۹۲	۱/۵۹۵	۷۲	
۰/۹۳۵	۰/۰۹۱	۰/۹۱۱	۰/۹۲۲	۰/۰۹۷	۱/۰۵۷	۰/۹۴۳	۰/۰۸۱	۱/۲۶۵	۰/۹۳۵	۰/۰۸۹	۱/۵۱۱	۰/۹۶۰	۰/۰۶۴	۱/۸۲۱	۹۳	
۰/۹۱۲	۰/۱۱۰	۱/۱۰۱	۰/۹۳۷	۰/۰۸۷	۱/۱۴۶	۰/۹۴۴	۰/۰۸۰	۱/۲۵۱	۰/۹۵۴	۰/۰۶۸	۱/۳۷۱	۰/۹۴۵	۰/۰۶۸	۱/۵۸۶	۹	C
۰/۹۳۰	۰/۰۹۵	۱/۱۳۶	۰/۹۳۵	۰/۰۸۸	۱/۲۲۱	۰/۹۴۴	۰/۰۸۱	۱/۲۹۹	۰/۹۴۹	۰/۰۷۲	۱/۴۲۳	۰/۹۱۷	۰/۱۰۵	۱/۷۰۲	۳۰	
۰/۹۴۳	۰/۰۸۴	۱/۲۴۷	۰/۹۴۹	۰/۰۷۴	۱/۲۷۸	۰/۹۷۵	۰/۰۵۱	۱/۳۲۳	۰/۹۳۲	۰/۰۹۲	۱/۴۹۰	۰/۹۴۷	۰/۰۷۵	۱/۶۵۱	۵۱	
۰/۹۱۷	۰/۱۰۵	۱/۳۳۸	۰/۹۳۲	۰/۰۹۱	۱/۳۸۳	۰/۹۳۱	۰/۰۹۴	۱/۴۸۷	۰/۹۶۰	۰/۰۶۱	۱/۷۲۷	۰/۹۶۱	۰/۰۵۹	۱/۸۱۲	۷۲	
۰/۹۷۹	۰/۰۵۰	۱/۳۷۲	۰/۹۵۴	۰/۰۶۷	۱/۴۶۸	۰/۹۴۱	۰/۰۸۵	۱/۶۶۲	۰/۹۷۶	۰/۰۵۲	۱/۹۰۵	۰/۹۴۶	۰/۰۷۸	۲/۱۹۷	۹۳	



شکل ۸. تأثیر فاکتور شکل ذرات بر انتشارپذیری طولی املاح

### تغییرات انتشارپذیری طولی به ازای تغییرات سرعت

با توجه به (شکل ۹) در کلیه سطوح سرعت در تمامی فواصل از محل تزریق انتشارپذیری طولی به ازای افزایش سرعت کاهش یافته است. تحقیقات صورت گرفته توسط Delgado, (۲۰۰۷) نیز مؤید این موضوع است. اصلی‌ترین عامل در کاهش انتشارپذیری طولی با افزایش سرعت، این است که با افزایش بار هیدرولیکی خلل و فرج بسیار ریز محیط نیز مجبور به شرکت در انتقال جریان هستند، در واقع به ازای افزایش سطح تماس بسیار زیاد مشارکت کمی در انتقال املاح ایجاد می‌گردد. در شیب ملایم کاهش ابتدایی در نمودارهای (شکل ۹) ابتدا خلل و فرج بسیار ریز محیط نقشی در انتقال املاح ندارند. با افزایش

بار فشار هیدرولیکی و شرکت حفرات ریز محیط در پدیده انتقال شیب منفی افزایش می‌یابد و در انتهای نمودار با به حداکثر رسیدن مشارکت خلل و فرج در انتقال جریان و املاح دوباره شیب منفی کاهش می‌یابد. با این استدلال انتظار می‌رود با افزایش سرعت جریان (جریان غیر داری) حتی ممکن است شاهد افزایش انتشارپذیری طولی نیز باشیم. بدلیل وجود حفرات بسیار نامنظم و ریز در محیط A، سهم این محیط در شیب کلی کاهش انتشارپذیری طولی بیشتر از محیط B، و در محیط B، بیشتر از محیط C است.

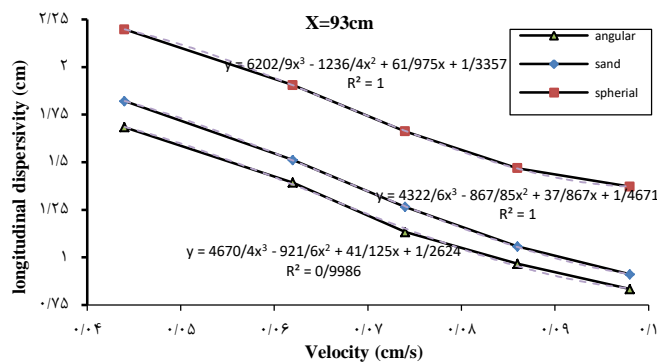
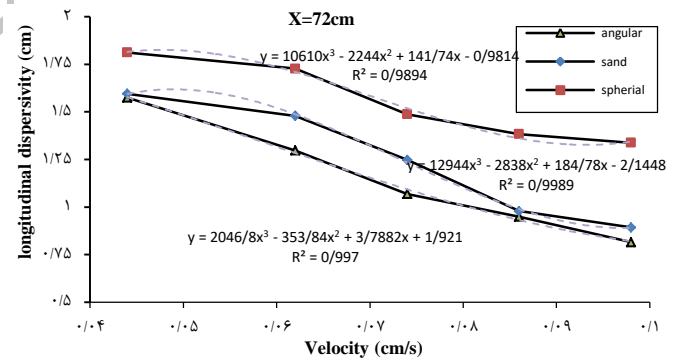
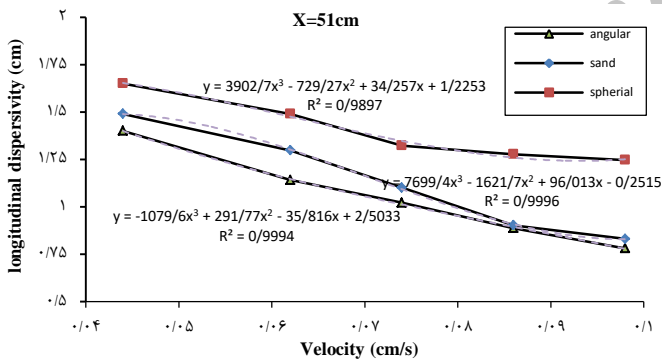
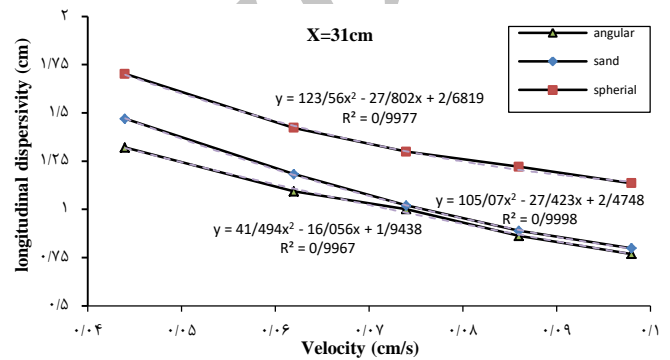
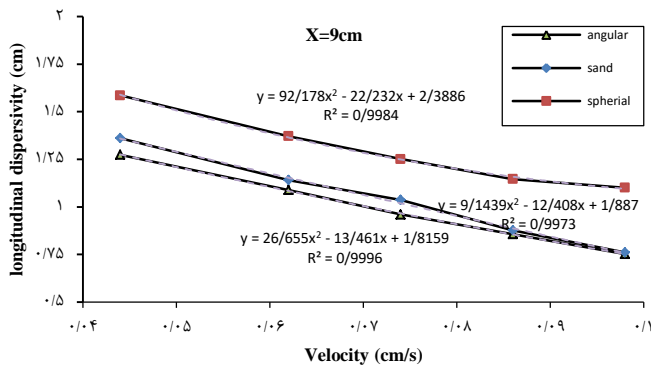
نکته دیگر در نمودارهای (شکل ۹) این است که در کلیه سطوح سرعت، انتشارپذیری طولی محیط C نسبت

هر سه محیط A، B و C مشاهده کرد. با این تفاوت که میزان تغییرات انتشارپذیری طولی ( $\Delta\alpha_x$ ) برای محیط C بیشتر از B و برای محیط B، بیشتر از A است. بنابراین در محیط‌هایی که شکل خاکدانه‌ها به حالت کروی متمایل‌تر است تاثیر عامل مقیاس بیشتر است و انتشارپذیری طولی در انتهای ستون افزایش بیشتری خواهد داشت. بهترین برازش برای نمودارهای مربوطه غالباً تابع چهار جمله‌ای از درجه سه است.

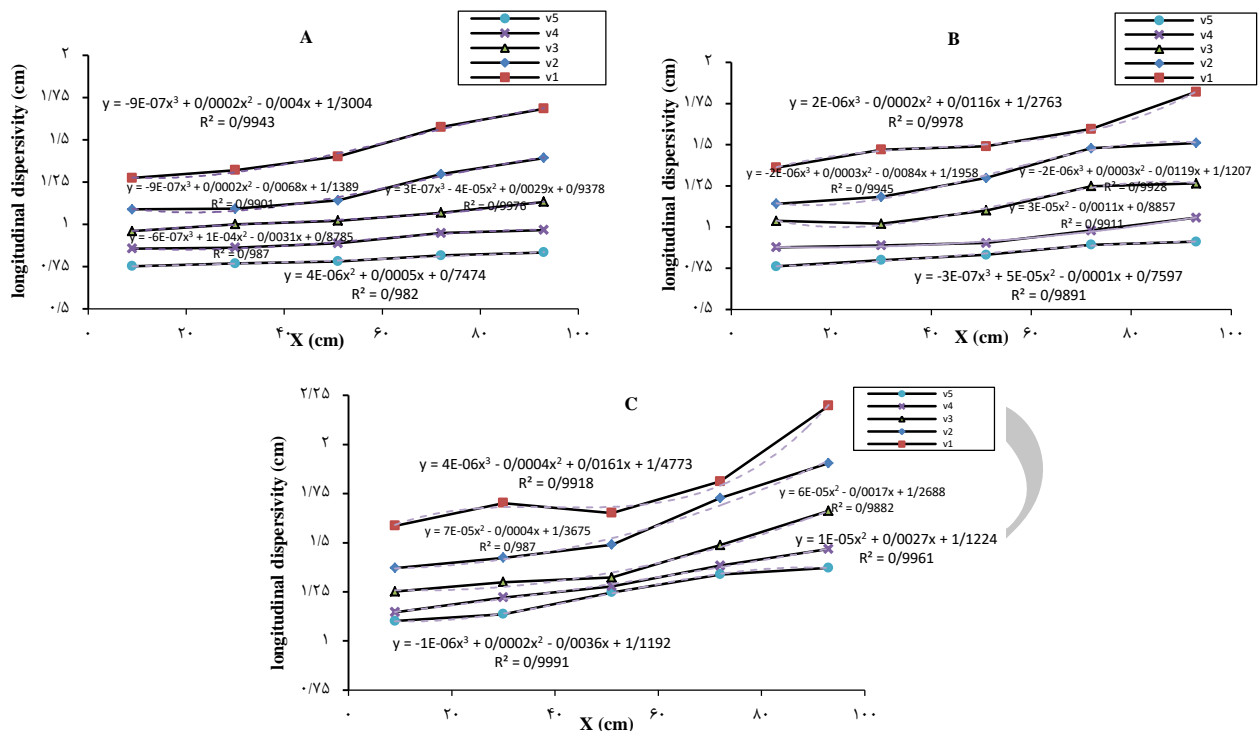
به دو محیط دیگر با فاصله نسبتاً زیادی بزرگتر است که نشان می‌دهد با خروج شکل ذرات از حالت کروی به شدت انتشارپذیری طولی تحت تاثیر قرار می‌گیرد. در تمامی نمودارها بهترین برازش تابع چهار جمله‌ای از درجه سه یا تابع سه جمله‌ای از درجه دو است.

### تاثیر متقابل فاکتور شکل و عامل مقیاس بر انتشارپذیری طولی

با توجه به (شکل ۱۰) می‌توان به وضوح افزایش انتشارپذیری طولی با فاصله گرفتن از منبع تزریق را برای



شکل ۹. تاثیر سرعت جریان بر انتشارپذیری طولی



شکل ۱۰. تأثیر عامل مقیاس بر انتشارپذیری طولی املاح در محیط‌های متخلخل A, B و C

### نتیجه‌گیری

فاکتور شکل ذرات محیط متخلخل تأثیر قابل ملاحظه‌ای بر انتشارپذیری طولی آلاینده‌ها دارد. هر چه ذرات یک محیط متخلخل کروی‌تر باشند سطح تماس جریان و آلاینده‌ها با محیط متخلخل به حداقل مقدار خواهد رسید و علاوه بر آن خلل و فرج پیوسته‌ای که در انتقال املاح نقش موثری ایفاء می‌کنند از پیچ و خم کمتری برخوردار خواهد بود.

با افزایش سرعت جریان در محدوده جریان داری انتشارپذیری طولی آلاینده‌ها در محیط کاهش می‌یابد و این کاهش در محیط دارای ذرات شکسته و تیز گوش بیشتر است و دلیل آن ساختمان نامرتب ذرات شکسته و

تشکیل خلل و فرج در شکل‌ها و اندازه‌های مختلف است که در سرعت‌های بالا مشارکت خلل و فرج بسیار ریز محیط در انتقال جریان و آلاینده، انتشارپذیری طولی را کاهش می‌دهد. حال آنکه در محیط با ذرات کروی، مجاری عبور جریان یک دست‌تر است و تغییرات انتشارپذیری طولی با افزایش سرعت کمتر می‌باشد.

تأثیر مقیاس بر افزایش انتشارپذیری طولی بار دیگر در این تحقیق به اثبات رسید و علاوه بر آن مشاهده شد که با افزایش فاکتور شکل ذرات نرخ افزایش انتشارپذیری طولی کاهش می‌یابد. یا به عبارت دیگر در ذرات کروی تأثیر عامل مقیاس در افزایش انتشارپذیری طولی بیشتر است.

### منابع مورد استفاده

- Bandai, T., Hamamoto, S., Rau, G.C., Komatsu, T., and Nishimura, T. 2017. The effect of particle size on thermal and solute dispersion in saturated porous media. *International Journal of Thermal Sciences*, 122: 74–84.
- Bear, J. 1972. *Dynamics of Fluids in Porous Media*. Dover civil and mechanical engineering Series, New York, 764 pp.

- Bear, J., and Verruijt, A. 1987. *Modelling Groundwater flow and Pollution*. McGraw-Hill. Book Company. 414 pp.
- Carberry, J.J., and Bretton, R.H. 1958. Axial dispersion of mass inflow through fixed beds. *American Institute of Chemical Engineers Journal*, 4:367–375.
- Carvalho, J.R.F., and Delgado, J.M.P.Q. 2003. Effect of Fluid Properties on Dispersion in Flow through Packed Beds. *American Institute of Chemical Engineers Journal*, 49(8): 1980-1985.
- Choudhary, M., Szekely, J., and Weller, S.W. 1976. The effect of flow maldistribution on conversion in a catalytic packed bed reactor. *American Institute of Chemical Engineers*, 22(6):1021–1032.
- Delgado, J.M.P.Q. 2005. A critical review of dispersion in packed beds. *Heat and Mass Transfer*, 42(4): 279–310.
- Delgado, J. M. P. Q. 2007. Longitudinal and Transverse Dispersion in Porous Media, *Chemical Engineering Research and Design.*, 85(9): 1245–1252.
- Ebach, E.A., and White, R.R. 1958. Mixing of fluids flowing through beds of packed solids. *AIChE J*, 4:161-169.
- Giampaolo, V., Calabrese, D., and Rizzo, E. 2016. Transport Processes in Porous Media by Self-Potential Method. *Applied and Environmental Soil Science*, 2016:1-12.
- Ginn, T.R., Tartakovsky, D.M., and Wood, B.D. 2009. Special issue on fundamental advances in modeling dispersion in porous media. *Advances in Water Resources*, 32(5): 633–634.
- Grillo, A., Logashenko, D., Stichel, S., and Wittum, G. 2010. Simulation of density-driven flow in fractured porous media. *Advances in Water Resources*, 33(12): 1494–1507.
- Hiby, J.W. 1962. Longitudinal dispersion in single-phase liquid flow through ordered and random packing. *Interact between Fluid and Particles*, (London Institute of Chemical Engineers):312–325
- Ikni, T., Benamar, A., Kadri, M., Ahfir, N.D., and Wang, H.Q. 2013. Particle transport within water-saturated porous media: Effect of pore size on retention kinetics and size selection. *Comptes Rendus Geoscience*, 345(9-10): 392–400.
- Jamshidzadeh, Z., Tsai, F.T.C., Mirbagheri, S.A., and Ghasemzadeh, H. 2013. Fluid dispersion effects on density-driven thermohaline flow and transport in porous media. *Advances in Water Resources*, 61: 12–28.
- Kanzari, S., Hachicha, M., and bouhlila R. 2015. Laboratory method for estimating solute transport parameters of an unsaturated soil. *Geochemistry Geophysics Geosystems*, 1(4):151-156.
- Lehmann, P., Berchtold, M., Ahrenholz, B., Tölke, J., Kaestner, A., Krafczyk, M., and Künsch, H.R. 2008. Impact of geometrical properties on permeability and fluid phase distribution in porous media. *Advances in Water Resources*, 31(9): 1188–1204.
- Leij, F. J., Skaggs, T. H., and Van Genuchten, M. T. 1991. Analytical Solutions for Solute Transport in Three-Dimensional Semi-infinite Porous Media. *Water Resources Research*, 27(10): 2719–2733.
- Mehmani, A., and Prodanović, M. 2014. The effect of micro porosity on transport properties in porous media. *Advances in Water Resources*, 63(1): 104–119.
- Perovic, N., Frisch, J., Salama, A., Sun, S., Rank, E., and Mundani, R. P. 2017. Multi-scale high-performance fluid flow: Simulations through porous media. *Advances in Engineering Software*, 103: 85–98.
- Porta, G.M., Riva, M., and Guadagnini, A. 2012. Up scaling solute transport in porous media in the presence of an irreversible bimolecular reaction. *Advances in Water Resources*, 35(1): 151–162.
- Porter, M.L., Valdés-Parada, F.J., and Wood, B.D. 2010. Comparison of theory and experiments for dispersion in homogeneous porous media. *Advances in Water Resources*, 33(9): 1043–1052.
- Pugliese, L., Poulsen, T.G., and Andreasen, R.R. 2012. Relating Gas Dispersion in Porous Media to Medium Tortuosity and Anisotropy Ratio. *Water, Air, and Soil Pollution*, 223(7): 4101–4118.
- Pugliese, L., Poulsen, T.G., and Straface, S. 2013. Gas–Solute Dispersivity Ratio in Granular Porous Media as Related to Particle Size Distribution and Particle Shape. *Water Air and Soil Pollution*, 224(9): 1691-1702.
- Pugliese, L., and Poulsen, T.G. 2014. Estimating Solute Dispersion Coefficients in Porous Media at Low Pore Water Velocities. *Soil Science*, 179(4):175-181.
- Sperry, J.M., and Peirce, J.J. 1995. A Model for Estimating the Hydraulic Conductivity of Granular Material Based on Grain Shape, Grain Size, and Porosity. *Ground Water*, 33(6): 892–898.
- Strang, D.A., and Geankopolis, C.J. 1958. Longitudinal diffusivity of liquids in packed beds. *Journal of Industrial and Engineering Chemistry*, 50:1305–1308.
- Tang, G., Mayes, M., Parker, J., and Jardine, P. 2010. CXTFIT/Excel—A modular adaptable code for parameter estimation, sensitivity analysis and uncertainty analysis for laboratory or field tracer experiments. *Computers and Geosciences*, 36(1): 1200-1209.
- Toride, N., Leij, F.J., and van Genuchten, M.T.h. 1995. The CXTFIT Code for Estimating Transport Parameters from Laboratory or Field Tracer Experiments, Version 2.0. U.S. Salinity Laboratory. Agricultural Research Services, U. S. Department of Agriculture, Riverside, 121pp.

- Trefry, M.G., and Muffels, C. 2007. FEFLOW: A Finite-Element Ground Water Flow and Transport Modeling Tool. *Ground Water*, 45(5): 525–528.
- Van Genuchten, M.Th., Wierenga, P.J., and O'Connor, G.A. 1977. Mass transfer studies in sorbing porous media: III. Experimental evaluation with tritium. *Soil Science Society of America Journal*. 41(2), 272–278.

Archive of SID



ISSN 2251-7480

## The effect of particle shape of porous media on the longitudinal dispersivity: contaminant transport

Ghasem Mirzaei<sup>1\*</sup>

<sup>1\*</sup> MSc of Water Structure Engineering, Instructor, Meshgin Shahr Faculty of Agriculture, University of Mohaghegh Ardabili, Ardabil, Iran

\*Corresponding author email: ghasem.mirzaei@uma.ac.ir

Received: 10-12-2017

Accepted: 04-03-2018

### Abstract

One of the most challenging quantities in analyzing the transfer of contaminant in the porous medium is the determination of longitudinal dispersivity. In this research, the effects of the porous media particle shape on the longitudinal dispersivity were investigated by experiments on three column of soil (broken texture, river sand, spherical texture). Flow and contaminant (NaCl) were injected at five levels of velocities and the Breakthrough curve was extracted at five points along the column by Self-Potential Method, Then, by simulating the results with FEFLOW software and the inverse analysis with CXTFIT2 software, longitudinal dispersivity was determined. The results indicate that, for constant velocity, the medium with spherical texture has a longitudinal dispersivity greater than the other two medium and in the sandy medium it is more than the broken texture. This can be due to the increase in the contact surface as well as the path's tortuosity, with the particle coming out of the spherical shape. With increasing velocity, the longitudinal dispersivity decreases in all three medium. Also, as the particles are closer to the spherical shape, the scale effect will be greater, and with increasing velocity, the decrease in the longitudinal dispersivity in these medium will be less.

**Keywords:** breakthrough curve, CXTFIT, FEFLOW, particle shape, self-potential method