

# مطالعه تحلیلی و تجربی فرآیند جوشکاری و شکل‌دهی انفجاری صفحات غیر هم‌جنس

حسین بیسادی، غلامحسین لیاقت، ابوالفضل درویزه و حسن مسلمی نائینی

**چکیده:** فرآیند جوشکاری و شکل‌دهی انفجاری دو صفحه نامتجانس که جوشکاری در حالت جامد به همراه تغییر شکل پلاستیکی همزمان می‌باشد مورد بررسی تحلیلی و تجربی قرار گرفته است. مدل تحلیلی ارائه شده با توجه به اصل بقای انرژی و رعایت شرایط تکیه‌گاهی و لحاظ نمودن مقادیر بحرانی ضربه و تغییر شکل تدوین شده است. صفحه‌های نامتجانس با روشی شبیه تحلیل تیرهای مرکب به صفحه متجانس تبدیل و سپس با جایگزین کردن نیروی معادل استاتیکی به جای بارهای دینامیکی حاصل از انفجار، ماکریم تغییر شکل ورق و احتمال گسیختگی با توجه به خواص مکانیکی صفحه‌ها پیش‌بینی می‌شود. با طراحی و انجام آزمایش‌های لازم عوامل تعیین‌کننده‌ای نظری سرعت که برای محاسبه ضربه ضروری می‌باشد معین و جوش‌پذیری صفحات نامتجانس با توجه به پنجره جوشکاری تحقیق و میزان تغییر شکل تجربی با مقدار تحلیلی مقایسه گردیده و تشابه نسبتاً خوبی مشاهده شده است.

**واژه‌های کلیدی:** جوشکاری، شکل‌دهی، مواد منفجره، صفحه‌های غیر هم‌جنس.

قطعات بدون آنکه نیاز به ذوب داشته باشند در اکثر موارد حتی با کیفیت خیلی بالاتر از جوشکاری ذوبی، به یکدیگر متصل می‌شوند. این روش‌ها به جوشکاری در فاز جامد موسوم هستند، که از آن جمله می‌توان، جوشکاری سرد (Cold Welding)، جوشکاری اصطکاکی (Friction Welding)، جوشکاری آلتراسونیک (Diffusion Welding)، جوشکاری نفوذی (Ultrasonic Welding) و جوشکاری انفجاری (Explosive Welding) را نام برد. در این روش‌ها به خاطر اینکه قطعات ذوب نمی‌شوند، تغییرات متالورژیکی کمتری در آن‌ها به وجود می‌آید. از مزیت مهم روش جوشکاری انفجاری اینست که جوشکاری فلزات غیر هم‌جنس مانند تیتانیم به فولاد، آلومینیوم به مس و... که به وسیله روش‌های دیگر مشکل و گاهی غیر ممکن است را با این روش به سهولت می‌توان انجام داد.

در ک جوشکاری انفجاری به مسائل مرتبط بسیاری از جمله مواد منفجره، تأثیر مواد منفجره بر سطح فلزی که با آن‌ها در تماسند، رفتار فلزات در سرعت بالا تحت اثر ضربه و ... بستگی دارد، پوشش‌دهی انفجاری یکی از فرآیندهای اصلی در صنعت پوشش-دهی فلزات است.

تولید صفحات مرکب برای استفاده در مخازن تحت فشار، مخازن شیمیایی و نیز صفحه لوله‌ها (tube plates) در مبدل‌های حرارتی و انجام می‌گیرد. این موارد کاربرد زیادی در صنایع دارند از آنجا که

## ۱. مقدمه

استفاده از انرژی اضافی که معمولاً در جوشکاری انفجاری بعد از اتمام عملیات باقی می‌ماند و کم کردن مراحل ساخت مصنوعاتی که نیاز به هر دو کار شکل‌دهی و جوشکاری دارند، انگیزه ارائه کار حاضر بوده است که با ملاحظه سوابق و تجربیاتی نظری کنترل تجربی و تحلیلی چروکیدگی [۱]، شبیه‌سازی تغییر شکل لوله‌ها در عملیات جوشکاری انفجاری با نرخ بالا [۲]، معرفی فرآیند برشکاری و سوراخکاری انفجاری [۳]، تحلیل بارگذاری دینامیکی [۴] شکل گرفته است.

در قرن اخیر تلاش‌های بسیار زیادی در زمینه جوشکاری به عمل آمده است. روش‌های تازه‌ای ارائه شده است که با استفاده از آن‌ها،

نسخه اصلی مقاله در تاریخ ۱۳۸۳/۱۱/۱۹ واصل، و پس از بازنگری‌های لازم، در تاریخ ۱۳۸۴/۲/۱۷ به تصویب نهایی رسیده است.

دکتر حسین بیسادی، استادیار دانشکده مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران،  
[Bisadi@iust.ac.ir](mailto:Bisadi@iust.ac.ir)  
دکتر غلامحسین لیاقت، استاد دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس تهران

دکتر ابوالفضل درویزه، استاد دانشکده مکانیک، دانشگاه گیلان  
دکتر حسن مسلمی نائینی، دانشیار دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس تهران

جنس همگن شده و مانند مصالح مهندسی دیگر مورد استفاده قرار می‌گیرد. ابتدا نظریهای مرکب با استفاده از تغییر سطح مقطع با نسبت سفتی خمثی دو صفحه، سطح معادل محاسبه شکل ۱ و صفحه همگن یک جنس شده حاصل می‌شود سپس تحلیل‌ها و روابط مربوطه ارائه می‌گردد.

$$D = \frac{EH^3}{12(1-\nu^2)}$$

صلبیت خمثی<sup>۱</sup> (softness modulus) ورق از رابطه:

به دست می‌آید [۱۱]. این مقدار به اندازه  $\frac{1}{1-\nu^2}$  یعنی حدود ده درصد از سفتی خمثی تیر بیشتر است. H ضخامت صفحه می‌باشد.

V نسبت یا ضریب پاآسون، برای تفکیک دو صفحه از زیرنویس ۱ و ۲ استفاده شده:

$$D' = \frac{E_2 H_2^3 (1 - \nu_1^2)}{E_1 H_1^3 (1 - \nu_2^2)}$$

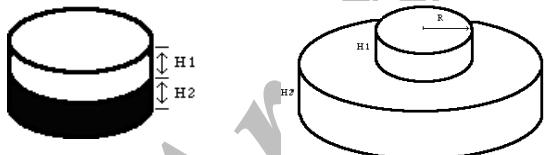
I<sub>e</sub> ممان اینرسی سطح معادل:

$$I_e = \frac{1}{12} D' H_2^3 + D' H_2 (\bar{Z} - \frac{H_2}{2})^2 + \frac{1}{12} H_1^3 + H_1 (\frac{H_1}{2} + H_2 - \bar{Z})^2$$

$\bar{Z}$  فاصله تار خنثی از دورترین تار در قسمت کششی. D<sub>e</sub> سفتی خمثی معادل:

$$D_e = \frac{E_1 I_e}{(1 - \nu^2)} \quad (1)$$

R' شعاع صفحه معادل صفحه اصلی تبدیل شده و R شعاع اولیه دو صفحه:  $R' = D' R$



شکل ۱. صفحه دایره‌ای دو جنسی و معادل یک جنسی آن

روابط گشتاورها و نیروها برای واحد طول صفحه نوشته می‌شوند و ارتباط آن با روابط تنش به شکل ذیل خواهد بود. H ضخامت کل و برابر جمع ضخامت‌های دو جنس مختلف می‌باشد.

$$\sigma_x = \frac{12M_x Z}{H^3}, \quad \sigma_y = \frac{12M_y Z}{H^3}, \quad \tau_{xy} = \frac{12M_{xy} Z}{H^3} \quad (2)$$

Z مقدار متغیری است که فاصله هر تار را از تار خنثی نشان می‌دهد.

$\sigma_x$ ,  $\sigma_y$ ,  $\tau_{xy}$  تنش برشی و تنש‌های نرمال در مختصات کارترین.

به عنوان مثال استفاده از فولاد یا تیتانیم به تنها بیان در مخازن از لحاظ مقاومت و خواص مکانیکی و هزینه مقرر به صرفه نمی‌باشد، لذا پوششی از تیتانیم بر روی صفحات فولادی به وسیله جوش‌کاری انفجاری قرار داده می‌شود که در ساخت مخازن کاربرد بسیار فراوانی دارد [۵, ۶, ۷].

شکل دهی با استفاده از نیروهای دینامیکی در مقایسه با نیروهای استاتیکی مزایای قابل توجهی دارد. صرفه اقتصادی، امکان انجام عملیاتی که دستگاه‌های متدالو قادر به انجام آن نیستند (انحنای با قطر دوازده متر توسط مهندسین روسی)، ساخت نمونه یا محصولات با تعداد کم ... از جمله این مزایا هستند. می‌توان ویژگی‌های فرآیند شکل دهی انفجاری را به قرار زیر دسته‌بندی نمود:

- ۱- نرخ کرنش بالا
- ۲- بارگذاری آنی
- ۳- تغییر شکل پلاستیکی بزرگ

تحلیل دقیق فرآیند مستلزم در نظرگیری توام هر سه مقوله فوق می‌باشد و این امری بسیار دشوار می‌باشد.

محققین تغییر شکل سریع غشاء‌های الاستیک-ویسکو پلاستیک نازک و کاملاً انعطاف‌پذیر را مورد ملاحظه قرار داده‌اند. اغلب محققان، بالاخص آن‌هایی که مساله را از دیدگاه نظری مورد مطالعه قرار می‌دهند توجه خود را معطوف به غشاء‌های مدور ساخته‌اند. شکل دهی آزاد ورق‌ها عملیات پیچیده‌ای است. شکل نهایی ورق به متغیرهای متعددی بستگی دارد:

ارتفاع هیدرولاستاتیک (فاصله سطح آب تا ماده منفجره در انفجارهای زیر آب)، فاصله استقرار خرج، نوع و مقدار ماده منفجره، انعکاس موج شوک از دیواره‌های مخزن شکل دهی، شکل ماده منفجره، نوع محیط واسط و ... [۸ و ۹]. فقط یک کار تجربی در خصوص همزمانی عملیات جوش‌کاری و شکل دهی با دیدگاه میکروسکوپی موجود می‌باشد [۱۰]. انجام این کار با ارائه تحلیل مکانیکی تحقیق جدیدی می‌باشد که هدف این مقاله است.

## ۲. روش تحلیل

روش تقریبی ارائه شده برای پیش‌بینی تغییر شکل و گسیختگی صفحات نامتجانس کار ساخت، تحت اثر بارهای دینامیکی حاصل از انفجار با دو فرض زیر شکل می‌گیرد.

الف: رفتار صفحه‌ها در رابطه با تنش، کرنش تابع قانون توانی می‌باشد.

ب: تغییر شکل صفحه در امتداد قائم از تابع شکلی مشخصی تبعیت می‌نماید.

### ۱-۲. سفتی خمثی صفحه دو لایه غیر هم‌جنس

صفحه‌های دو جنسی کاربری فراوانی در صنایع مختلف دارند که برای ساده شدن تحلیل‌های مهندسی به روش زیر تبدیل به یک

<sup>۱</sup> Flexural Rigidity

همان طور که در شکل ۱ نشان داده است می بایست مقدار بیشتری از جنس صفحه ضعیفتر به جای فلز قوی تر به کار رود تا همان نتیجه حاصل شود.

با استفاده از معادله (۶) انحناء شعاعی و مماسی (محیطی) دو قسمت ورق همگن شده جداگانه محاسبه می شود.

$$\begin{cases} (\kappa_r)_1 = \frac{\partial^2 w}{\partial r^2} = \frac{2w_0}{R^2}, (\kappa_r)_2 = \frac{\partial^2 w}{\partial R^2} = \frac{2w_0}{(DR)^2} \\ (\kappa_\theta)_1 = \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial r} = \frac{2w_0}{R^2}, (\kappa_\theta)_2 = \frac{2w_0}{R^2} = \frac{2w_0}{(DR)^2} \end{cases}$$

$$\varepsilon_r = \varepsilon_m + \varepsilon_{rb} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial w}{\partial r} \right)^2 + z \kappa_r$$

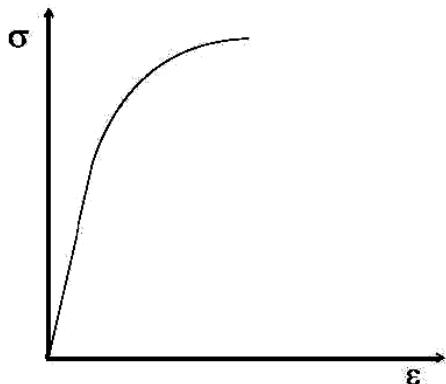
$$\varepsilon_\theta = \varepsilon_{\theta b} = z \kappa_\theta \quad (7)$$

$$\varepsilon_m = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial w}{\partial r} \right)^2 = \frac{2w_0^2}{R^4} r^2$$

$\kappa_r, \kappa_\theta$  انحناء صفحه در جهت های مماسی (محیطی) و شعاعی و زیرنویس های ۱ و ۲ مشخص کننده صفحه پرنده و مینا می باشند. وقتی که جابجایی در صفحه قبل صرف نظر کردن می باشد و ترتیب کرنش غشائی شعاعی-کرنش خمی شعاعی و کرنش خمی محیطی می باشد.  $z$  مختصه عرضی (در امتداد قائم) می باشد.

فرض دوم: برای منظور کردن کرنش سختی (کارسختی) صفحه، رابطه تنش-کرنش مطابق شکل ۳ تابع قانون توانی زیر می باشد:

$$\sigma = \sigma_u \left( \frac{\varepsilon}{\varepsilon_u} \right)^n = \sigma_c \varepsilon^n \quad (8)$$



شکل ۳. نمودار تنش-کرنش

$\sigma_c$  یک ثابت است و  $\sigma_u, \varepsilon_u, \varepsilon_c^n$  تنش و کرنش نهایی کششی می باشند.

$M_{xy}, M_y, M_x$  گشتاورهای خمی و پیچشی در واحد طول در مختصات کارتزین.

همان طور که ملاحظه می شود، تنش ها به ضخامت ورق ها بستگی دارند که به منظور رعایت آنها و عدم تأثیر در محل سطح خنثی تغییر در بعد دیگر انجام شده است. واضح است که در این حالت مینا وسط ضخامت ورق نبوده بلکه مرکز شکل معادل به وجود آمده مبنای اندازه گیری خواهد بود و فاصله  $z$  که در امتداد ضخامت صفحه می باشد از آن جا تعیین می شود.

۲-۲. تحلیل شبیه استاتیکی صفحه دایره ای با تکیه گاه گیردار در توجیه و بررسی اتصال و شکل پذیری صفحه های نامتجانس از تشابه موجود فی مابین صفحه ها و تیرها استفاده شده و با روشنی شبیه تحلیل تیرهای مرکب، صفحه نامتجانس تبدیل به یک صفحه معادل نامتجانس و با تبدیل بار ضربه ای به یک بار استاتیکی در مرکز صفحه روابط لازم ضمن به کار گیری روش انرژی استخراج گردیده است.

با استفاده از قالب، پشت بند قالب، پیچ ها و رو بند قالب، تکیه گاه گیردار طراحی و به کار گرفته شده است (شکل ۲).



شکل ۲. تکیه گاه گیردار

اگر جرم صفحه اول (پرنده)  $m_1$  و جرم صفحه دوم (مینا) باشد، جرم صفحه مرکب

$$m = m_1 + m_2 \quad (3)$$

با توجه به اصل بقای اندازه حرکت داریم [12,13,14]

$$v_0 = \frac{I}{m} \quad (4)$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{I^2}{2m} \quad (5)$$

$v_0$  سرعت اولیه ضربه،  $m$  جرم صفحه،  $E_k$  انرژی جنبشی حاصل از ضربه  $I$  به صفحه.

فرض اول: پروفیل جابجایی در امتداد قائم صفحه دایره ای در اثر ضربه ورودی تا حد گسیختگی اولیه (گسیختگی کششی) با استفاده از رابطه ذیل به دست آید [14]:

$$w = w_0 \left[ 1 - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right] \quad (6)$$

$w$  جابجایی (جابجایی در امتداد قائم نقاط مختلف ورق وقتی صفحه افقی می باشد)،  $w_0$  جابجایی مرکز صفحه.

$r$  مختصه شعاعی متغیر نقاط مختلف صفحه،  $R$  شعاع صفحه.

نگهانی (ضربه‌ای) تبدیل می‌شود به صفحه‌ای معادل با یک نیروی استاتیکی در مرکز آن، با جاگذاری در معادله آخر و مرتب کردن آن داریم:

$$F_e \delta v_0 = \frac{2^{n+2}(n+1)\pi\sigma}{(n+2)R^{2n}} \left[ \frac{(z)^{n+2} + (H_2 - z)^{n+2}}{(D)^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right] w_0^{n+2} \delta v \quad (15)$$

$$F_e = \frac{2^{n+2}(n+1)\pi\sigma}{(n+2)R^{2n}} \left[ \frac{(z)^{n+2} + (H_2 - z)^{n+2}}{(D)^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right] (w_0)^n \quad (16)$$

$$+ \frac{2^{n+2}(n+1)\pi\sigma}{(n+2)R^{2n}} \left[ \frac{H_2}{(D)^{2n-1}} + H_1 \right] w_0^{2n+2} \delta v$$

تنها نیروی برشی همان نیروی معادل استاتیکی  $F_e$  می‌باشد، لذا:

$$F_e = F_s = F_u \left( \frac{\Delta}{\Delta_c} \right)^n$$

پس از استفاده از  $w_t = w_0 + \Delta$  و ترکیب با رابطه زیر، خواهیم داشت:

$$\Delta = \left( \frac{F_e}{F_u} \right)^{\frac{1}{n}} \Delta_c \quad (17)$$

$$w_t = w_0 + \left( \frac{F_e}{F_u} \right)^{\frac{1}{n}} \Delta_c$$

$$F_e w_0 = \frac{I^2}{2m} - (n+1)E_s, \sigma_0 = \frac{\sigma_u}{\varepsilon_u^n}$$

$$\frac{2^{n+2}(n+1)\pi\sigma_u}{(n+2)R^2\varepsilon_u^n} \times \left[ \frac{(z)^{n+2} + (H_2 - z)^{n+2}}{(D)^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right] (w_0)^{n+1} +$$

$$\frac{2^{n+2}(n+1)\pi\sigma_u}{(n+2)\varepsilon_u^n R^{2n}} \left[ \frac{H_2}{(D)^{2n-1}} + H_1 \right] (w_0)^{2(n+1)} =$$

$$\frac{I^2}{2(\rho_1 H_1 + \rho_2 H_2) \pi R^2} - (n+1)E_s$$

$w_0$  که بهوسیله روابط بالا به دست می‌آید جابجایی نیروی معادل استاتیکی صفحه دایره‌ای شکل کار سخت شده تحت اثر بار ضربه‌ای (نگهانی) گستردگی کنواخت می‌باشد

$$w_t = w_p = w_0 + \Delta \quad (19)$$

$w_p$  جابجایی عرضی مجاز حداقل که شامل  $\Delta$  در تکیه‌گاهها نیز می‌گردد.

انرژی تلف شده در تغییر شکل برشی تکیه گاه:

$$E_s = E_{CS} \left( \frac{F_e}{F_u} \right)^{\frac{n+1}{n}} \quad (20)$$

مقدار بحرانی  $E_s$  می‌باشد که باعث شکست صفحه می‌گردد.

$$E_{CS} = F_u \frac{\Delta_c}{n+1} \quad (21)$$

با استفاده از دو فرض فوق گشتاورهای خمشی شعاعی ( $M_r$ ) و محیطی ( $M_\theta$ ) در واحد طول به روش ذیل محاسبه می‌شود [11]. [14]

$$M_r = \int \sigma_0 (zk_r)^n zdz \quad (9)$$

$$M_r = D' \int_0^{\bar{z}} \sigma_0 (zk_r)^n zdz + D' \int_0^{H_2 - \bar{z}} \sigma_0 (zk_r)^n zdz \\ + \int_{H_2 - \bar{z}}^{H_1 + H_2 - \bar{z}} \sigma_r (zk_r)^n zdz \\ M_r = \frac{2^n \sigma_0 w_0^n}{(n+2)R^{2n}} \left[ \frac{(z)^{n+2}}{D'^{2n-1}} + \frac{(H_2 - z)^{n+2}}{(D')^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right] = M_\theta$$

مقدار گشتاور خمشی محیطی نیز شیوه عملیات فوق می‌باشد. و مشابه آن نیروی غشایی شعاعی در واحد طول ( $N_r$ ) برابر است با:

$$N_r = \int_0^H \sigma_0 (\varepsilon_m)^n dz, \quad H = H_1 + H_2 \\ N_r = 2^n \sigma_0 \left( \frac{w_0}{R} \right)^{2n} \left( \frac{r}{R} \right)^{2n} \left[ \frac{H_2}{(D')^{4n-1}} + H_1 \right] \quad (10)$$

تنش برشی عرضی در تکیه گاه برابر مقدار:

$$\tau = \tau_u \left( \frac{\gamma}{\gamma_c} \right)^n \quad (11)$$

و یا نیروی برشی معادل آن:

$$F_s = F_u \left( \frac{\Delta}{\Delta_c} \right)^n \quad (12)$$

$$F_u (F_u = 2\pi\sigma_u R \frac{H}{\sqrt{3}}) \quad \text{نيروی برشی بحرانی, } \tau_u \quad \text{تنش برشی}$$

بحرانی و  $F_s$  نیروی برشی عرضی می‌باشد.

$\Delta$  لغزش برشی و  $\Delta_c$  لغزش برشی بحرانی می‌باشند [14]. هنگامی که در تکیه‌گاه شکست برشی به وجود می‌آید، اگر از معیار تسلیم فون میسز استفاده شود مقدار لغزش برشی برابر با:

$$\Delta_c = \frac{\sqrt{3}}{8} \gamma_c H, \quad \Delta = \frac{\sqrt{3}}{8} \gamma H \quad (13)$$

که در آن  $\gamma_c, \gamma$  کرنش برشی و کرنش برشی بحرانی در لغزش برشی داخلی می‌باشند.

تحلیل کار سختی صفحه گیردار که تحت اثر بار نگهانی با توزیع یکنواخت می‌باشد نیز با همین روش قابل انجام است [13, 14].

با استفاده از اصل بقای انرژی، تغییر شکل حاصل از عوامل دینامیکی، معادل تغییر شکل نیروی استاتیکی می‌گردد.

$$F_e \delta v_t = F_s \Delta + 2\pi \delta \left[ \int_0^R (M_r K_r + M_\theta k_\theta + N_r \varepsilon_m) r dr \right] \quad (14)$$

در حالی که  $F_e = \frac{\partial E_k}{\partial \delta v_t}$  نیروی استاتیکی معادل بوده و

$w_t = \Delta + w_0$  جابجایی عرضی کل که شامل لغزش برشی در تکیه‌گاه نیز می‌باشد. بنابراین مسئله صفحه دایره‌ای گیردار تحت اثر بار

۴-۲. تحلیل شبیه استاتیکی صفحه دایره ای با تکیه گاه آزاد  
به منظور ارضاء شرایط مرزی صفحه روی تکیه گاه آزاد شکل ۴ تغییر  
شکل صفحه را تابع معادله ذیل فرض می کنیم و مشابه روش فوق  
عملیات را انجام می دهیم [16].

$$w = \frac{w_0}{2} \left[ 2 - \frac{r}{R} - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right] \quad (24)$$

$$\left( \frac{\partial w}{\partial r} \right)^2 = \frac{w_0^2}{4R^2} \left( 1 + \frac{2r}{R} \right)^2$$

$$\frac{\partial^2 w}{\partial r^2} = -\frac{w_0}{R^2}$$

و

$$\begin{cases} k_r = -\frac{\partial^2 w}{\partial r^2} = \frac{w_0}{R^2} \\ k_\theta = -\frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial r} = \frac{1}{r} \left[ \frac{w_0}{2R} \left( 1 + \frac{2r}{R} \right) \right] \end{cases}$$

$$\begin{cases} \varepsilon_r = \varepsilon_{rb} = +z k_r = \frac{w_0^2}{8R^2} \left( 1 + \frac{2r}{R} \right)^2 + \frac{w_0}{R^2} z \\ \varepsilon_\theta = \varepsilon_{\theta b} = z k_\theta = \frac{z}{r} \left[ \frac{w_0}{2R} \left( 1 + \frac{2r}{R} \right) \right] \end{cases}$$

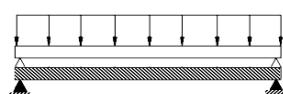
$$M_r = \int \sigma_0 (zk_r)^n zdz \quad (25)$$

$$M_r = D' \int_0^{\bar{z}} \sigma_0 (zk_r)^n zdz + D' \int_0^{H_2 - \bar{z}} \sigma_0 (zk_r)^n zdz + \int_{H_1 + H_2 - \bar{z}}^{H_2 - \bar{z}} \sigma_0 (zk_r)^n zdz$$

$$M_r = \frac{\sigma_0 w_0^n}{(n+2)R^{2n}} \left[ \frac{(\bar{z})^{n+2}}{(D')^{2n-1}} + \frac{(H_2 - \bar{z})^{n+2}}{(D')^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right]$$



شکل ۴. تکیه گاه آزاد



مقدار گشتاور خمی محیطی نیز شبیه عملیات فوق به دست می آید.

$$M_\theta = \int \sigma_\theta zdz$$

$\varepsilon_f$  را می توان کرنش گسیختگی مؤثر جنس صفحه با تأثیر برش عرضی منظور نمود [13,14].

$$\varepsilon_{of} = 2 \times \left( \frac{w_{of}}{R} \right)^2 \quad (22)$$

جانبی از عرضی بحرانی هنگام گسیختگی صفحه که با استفاده از  $\varepsilon_f$  کرنش گسیختگی یک محوری محاسبه خواهد شد.

### ۲-۳. کرنش گسیختگی مؤثر

برای صفحه گیردار دایره ای تحت اثر بار گستردۀ ضربه ای، فرض معقول زیر پذیرفته است [15,14]:

$$\varepsilon_z = -(\varepsilon_r + \varepsilon_\theta), \gamma_{rz} \neq 0, \gamma_{z\theta} = \gamma_{\theta r} = 0$$

مقدار کرنش مؤثر برابر با:

$$\varepsilon_e^2 = \frac{2}{9} \left[ (\varepsilon_r - \varepsilon_\theta)^2 + (\varepsilon_\theta - \varepsilon_z)^2 + (\varepsilon_z - \varepsilon_r)^2 + \frac{3}{2} (\gamma_{rz}^2 + \gamma_{z\theta}^2 + \gamma_{\theta r}^2) \right]$$

پس از جاگذاری مقادیر فوق:

$$\varepsilon_e^2 = \frac{4}{3} [\varepsilon_r^2 + \varepsilon_\theta^2 + \varepsilon_r \varepsilon_\theta] + \frac{\gamma_{rz}^2}{3}$$

$$\varepsilon_e^2 = 16 \left[ \frac{w_0^4}{3R^8} (r)^8 + \frac{w_0^3}{R^6} (r)^4 + \frac{w_0^2 (\bar{Z})^2}{R^4} \right] + \frac{\gamma^2}{3}$$

چون

$$\left( \frac{\gamma}{\gamma_c} \right)^n = \frac{\tau}{\tau_u} = \frac{F_s}{F_u}, F_s = F_e, F_u = 2\pi\sigma_u R H \times \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\gamma = \gamma_c \times \left( \frac{F_e}{F_u} \right)^{\frac{1}{n}}$$

$$\varepsilon_e^2 = 16 \left[ \frac{w_0^4}{3R^8} (r)^8 + \frac{w_0^3}{R^6} (r)^4 + \frac{w_0^2 (\bar{Z})^2}{R^4} \right] + \frac{\gamma_c^2}{3} \left[ \frac{\sqrt{3} F_e}{2\pi\sigma_u R H} \right]^{\frac{2}{n}}$$

لازم به ذکر است که اگر به جای  $\bar{Z}$  مقدار  $(H - \bar{Z})$  را قرار دهیم کرنش مؤثر در ناحیه فشاری به دست می آید.

اگر کرنش مؤثر برابر کرنش گسیختگی یک محوری جنس صفحه شود، صفحه گسیخته شده و در این صورت مقدار  $w_0 = w_{of}$  خواهد شد.

$$\varepsilon_f^2 = 16 \left[ \frac{w_{of}^4}{3R^8} (r)^8 + \frac{w_{of}^3}{R^6} (r)^4 + \frac{w_{of}^2 (\bar{Z})^2}{R^4} \right] + \frac{\gamma_c^2}{3} \left[ \frac{\sqrt{3} F_e}{2\pi\sigma_u R H} \right]^{\frac{2}{n}} \quad (23)$$

قبلًا مقدار  $F_e$  محاسبه شده، لذا با توجه به اینکه  $\sigma_u$  تنش نهائی جنس با استحکام کمتر می باشد مقدار  $w_{of}$  به عنوان معیاری برای گسیختگی صفحه به دست خواهد آمد.

### ۳. آزمایش‌های عملی

آزمایش‌های انجام شده در این تحقیق دو هدف را مورد توجه داشته است. اولی تعیین محدوده جوش‌های قابل قبول برای جنس‌های متفاوت و دومی به دست آوردن سرعت صفحه پرنده که با استفاده از آن تعیین میزان ضربه امکان‌پذیر گردد.

#### ۱-۳. تجهیزات مورد استفاده

(الف) دستگاه موجود در آزمایشگاه مکانیک انفجار دانشگاه تربیت مدرس که همراه با ملحقات قادر است انفجار تا حدود نیم کیلو TNT را تحمل نموده و انواع آزمایش‌های انفجاری (شکل‌دهی، جوش‌کاری، سوراخ‌کاری، حکاکی و...) در آن قابل انجام است شکل .۵

(ب) وسایل اندازه‌گیری و برش نظیر خط‌کش فلزی، کولیس، قیچی آهن بر، سنگ برش و قیچی معمولی.  
 (ج) اسیلوسکوپ آنالوگ/دیجیتال Hamey Hm 15.7 ، 150 MHZ  
 (د) وسایل الکتریکی شامل هویه، ولت متر، سیم چین و...



شکل ۵. دستگاه شکل‌دهی و جوش‌کاری انفجاری

#### ۲-۳. آزمایش‌های انجام شده

با توجه به تسهیلات فراهم شده حدود پنجاه آزمایش با استفاده از سه نوع مواد منفجره دینامیت، TNT، C<sub>4</sub> و به کارگیری صفحه‌های ارزان و فراوان فولاد، آلومینیوم و مس انجام شده، در این آزمایش‌ها دو نوع تکیه‌گاه مورد توجه بوده است:

##### الف) تکیه‌گاه ساده

در این حالت صفحه پایه بدون هیچ‌گونه مهاری روی قالب و پشت-بند قالب قرار گرفته و صفحه پرنده به همراه سپر حفاظتی مقوایی که مواد منفجره رویش توزیع شده با استفاده از یونولیت برای ایجاد فاصله لازم قرار گرفته و پس از انفجار صفحه مرکبی نظیر شکل ۶-آ) که از اتصال آلومینیوم به مس، بدون هیچ عمل تکمیلی حاصل می‌گردد.

$$M_\theta = D' \int_0^z \sigma_0(zk_\theta)^n dz + D' \int_0^{H_2-z} \sigma_0(zk_\theta)^n dz \\ + \int_{H_2-z}^{H_1+H_2-z} \sigma_0(zk_\theta)^n dz \quad (26)$$

$$M_\theta = \frac{\sigma_0 w_0^n D'}{2(n+2)r^{2n}} \left( 1 + \frac{2r}{DR} n \right) \left[ \left( \frac{z}{r} \right)^{n+2} + \left( H_2 - \frac{z}{r} \right)^{n+2} + \left( H_1 \right)^{n+2} \right]$$

و مشابه آن نیروی غشائی شعاعی در واحد طول (N<sub>r</sub>) محاسبه می‌گردد.

$$N_r = \int_0^H \sigma_0(\varepsilon_m)^n dz \quad , \quad H = H_1 + H_2$$

$$N_r = D' \int_0^{H_2} \sigma_0 \left[ \frac{1}{8} \left( \frac{w_0}{DR} \right)^2 \left( 1 + \frac{2r}{DR} \right)^2 \right]^n dz + \\ \int_{H_2-z}^{H_1+H_2-z} \sigma_0 \left[ \frac{w_0^2}{8R^4} \left( 1 + \frac{2r}{R} \right)^2 \right]^n dz \\ N_r = \frac{\sigma_0 w_0^{2n}}{2^{3n} R^{2n}} \left( 1 + \frac{2r}{R} \right)^{2n} \left[ \frac{H_2}{(D')^{2n-1}} + H_1 \right] \quad (27)$$

بنابراین مشابه حالت قبلی مسئله صفحه دایره‌ای با تکیه‌گاه آزاد تحت اثر بار ناگهانی (ضریبه‌ای) تبدیل می‌شود به صفحه‌ای معادل با یک نیروی استاتیکی در مرکز آن، با جاگذاری در معادله آخر و مرتب کردن آن:

$$F_e = \frac{\pi(n+1)\sigma_0}{(n+2)R^{2n}} \left[ \frac{(\bar{Z})^{n+2}}{(D')^{2n-1}} + \frac{(H_2 - \bar{Z})^{n+2}}{(D')^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right] \times$$

$$\left[ 1 + \frac{D'}{2(1-2n)} + \frac{(1+n)}{2(1-n)} + \frac{(2n)}{D'(3-2n)} \right] w_0^n +$$

$$\frac{(n+1)\pi\sigma_0}{3 \times 2^{3n+2} R^{2n}} \left\{ [3 + 2^{n+1}(n+1)] \left[ \frac{H_2}{(D')^{2n-1}} + H_1 \right] \right\} (w_0)^{2n+1}$$

$$F_e w_0 = \frac{I^2}{2m} - (n+1)E_s, \sigma_0 = \frac{\sigma_u}{\varepsilon_u^n}$$

$$\frac{(n+1)\pi\sigma_u}{(n+2)R^{2n}\varepsilon_u^n} \left[ \frac{(\bar{Z})^{n+2} + (H_2 - \bar{Z})^{n+2}}{(D')^{2n-1}} + (H_1)^{n+2} \right] \times$$

$$\left[ 1 + \frac{D'}{2(1-2n)} + \frac{(1+n)}{2(1-n)} + \frac{(2n)}{D'(3-2n)} \right] (w_0)^{n+1}$$

$$+ \frac{(n+1)\pi\sigma_u}{3 \times 2^{3n+2} \varepsilon_u^n R^{2n}} \left\{ [3 + 2^{n+1}(n+1)] \left[ \frac{H_2}{(D')^{2n-1}} + H_1 \right] \right\} (w_0)^{2(n+1)}$$

$$= \frac{I^2}{2(\rho H_1 + \rho_2 H_2) \pi R^2} - (n+1)$$

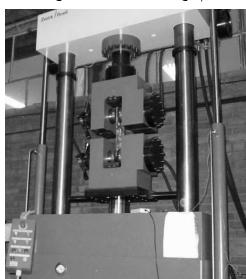
- مراحل انجام آزمایش به شرح ذیل می باشد:
- آماده سازی نمونه ها
  - اتصال صفحات غیر هم جنس و شکل دهنده هم زمان
  - آزمایش تعیین سرعت و محاسبه ضربه
  - آزمایش جوشکاری و شکل دهنده با قالب و بدون قالب
  - آزمایش تعیین خواص مکانیکی فلزات



شکل ۶-آ. اتصال آلومینیوم به مس در تکیه گاه آزاد

### ۳-۳. آزمایش تعیین خواص مکانیکی صفحه ها

تحلیل صفحه های متصل شده و شکل گرفته در اثر ضربه نیاز به تعیین خواص هر کدام از فلزات مورد استفاده قبل از آزمایش خواهد داشت به همین منظور با استفاده از دستگاه Amsler مدل HA 500 شکل ۷ واقع در آزمایشگاه خستگی دانشگاه علم و صنعت ایران، آزمایش های مربوطه انجام و مشخصات فلزات ثبت شد.



شکل ۷. دستگاه تعیین خواص مکانیکی اجسام

### ۴-۳. نتایج آزمایش ها

آزمایش های انجام شده در سه گروه با قالب (گیردار و آزاد) بدون قالب (جوشکاری و شکل دهنده با چروک بیشتر انجام می شود) و تعیین سرعت برنامه ریزی و انجام گردیده است که حاصل تعدادی از آزمایش های عملی انجام شده در دو جدول شماره ۱ و ۲ تدوین شده است.

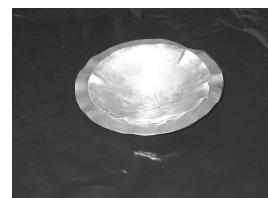
#### توضیح:

- ۱- صفحه محافظ یا سپر حفاظتی برای کلیه آزمایش ها مقوا می کارتنی به کار گرفته شده.
- ۲- محل نصب چاشنی در تمام آزمایش ها وسط صفحه محافظ بوده است.
- ۳- ورق های استفاده شده برای منظور جوشکاری و شکل دهنده همه گرد بوده اند. صفحات مبنا در هر دو تکیه گاه گیردار و ساده دارای قطر ۲۱ سانتیمتر و ضخامت متغیر از ۱ تا ۳ سانتی متر بوده و صفحه پرنده در تکیه گاه آزاد همان ۲۱ و در گیردار به دلیل استفاده از روبند قالب برابر ۱۲ تا ۶ سانتی متر بوده است.
- ۴- دانسیته دینامیت برابر  $1/45$  گرم بر سانتی متر مکعب با تغییر  $50/0$  و سرعت انفجار حداقل  $3000$  متر بر ثانیه و TNT که به صورت پودر مورد استفاده قرار گرفته است، دانسیته یک گرم بر سانتی متر مکعب و سرعت انفجار  $4800$  متر بر ثانیه می باشد.

#### ب) تکیه گاه با لبه گیردار

دور تا دور لبه صفحه پایه بین دو قطعه روبند و پشت بند قالب قرار گرفته و با هشت عدد پیچ و مهره محکم شده سپس صفحه پرنده که قطر کوچکتری از صفحه پایه دارد به همراه سپر حفاظتی و مواد منفجره با فاصله ایجاد شده توسط یونولیت روی آن قرار گرفته و پس از انفجار دو صفحه به هم متصل و به شکل قالب زیرشان در می آیند، شکل (۶-ب) صفحه مرکب آلومینیومی فولادی بدون هیچ عملیات اضافی تکمیلی نظیر برش کاری را نشان می دهد.

صفحه پرنده در هر دو تکیه گاه آزاد و گیردار بدون هیچ قیدی روی یونولیت و بصورت آزاد روی صفحه مبنا قرار می گیرد.



شکل ۶-ب. اتصال آلومینیوم به فولاد با سه چروک در تکیه گاه گیردار

#### پ) آزمایش تعیین سرعت

برای اندازه گیری سرعت صفحه پرنده به منظور تعیین میزان ضربه در برخورد دو صفحه از روش پین گذاری استفاده و با توجه به اینکه طول پین ها معلوم بوده و زمان تماس صفحه با آن ها نیز توسط اسیلوسکپ اندازه گیری می گردد سرعت صفحه محاسبه می شود.

شکل (۶-پ) طریقه قرار گرفتن اجزاء شامل چاشنی، مواد منفجره، صفحه پرنده، پین ها، صفحه پلاستیکی و ارتباط با اسیلوسکپ را نشان می دهد.



شکل ۶-پ. طریقه قرار گرفتن اجزاء در آزمایش تعیین سرعت

## جدول ۱. تدوین آزمایش جوش کاری و شکل دهنده انجام شد

ردیف	نوع آزمایش	جنس ورق ها و مشخصات هندسی	نوع ماده منفجره	مقدار ماده منفجره	جرم صفحه پرنده	فاصله قوار mm	ضربه N-S	نتیجه و ملاحظات
		(۲)	(۱)		گرم			
۱	گیردار	مس	فولاد	دینامیت	۴۵	۱۱۲	۱	به علت کمبود دینامیت شکل دهنده انجام شد
۲	گیردار	مس	فولاد	دینامیت	۹۰	۱۱۲	۱	اتصال انجام، صفحه پرنده کمی چروک شد
۳	آزاد	فولاد	آلومینیوم	دینامیت	۶۰	۲۵	۱	اتصال مناسب انجام شد
۴	آزاد	فولاد	آلومینیوم	دینامیت	۱۳۵	۵۹	۲	نا موفق
۵	آزاد	فولاد	آلومینیوم	دینامیت	۱۳۵	۵۹	۲	صفحه ها در مرکز گسیخته شد، ورق محافظ مقواهی در جای نصب چاشنی سوراخ بود
۶	آزاد	فولاد	آلومینیوم	TNT	۸	۵۴	۱/۵	فقط شکل دهنده انجام و اتصالی بوجود نیامد
۷	آزاد	فولاد	آلومینیوم	TNT	۱۷	۵۴	۲	اتصال به شکل موفق انجام شد
۸	گیردار	فولاد	آلومینیوم	TNT	۱۴	۳۰	۱	قابل ۹۰ و پرنده همراه پایه به شعاع ۳ جدا شد

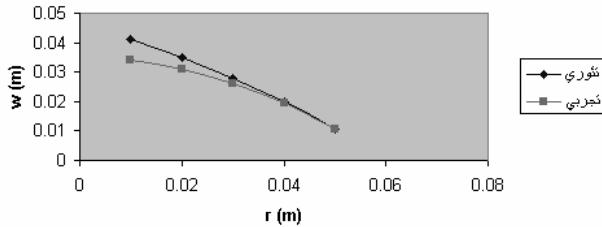
## جدول ۲. آزمایش تعیین سرعت صفحه پرنده

ملاحظات	سرعت برحسب متیر ثانیه	ارتفاع پین ها برحسب میلیمتر				جنس صفحة جرم صفحة برحسب گرم	ارتفاع پین ها برحسب میلیمتر					نوع پین	ردیف	
		۵	۴	۲	۱		۵	۴	۲	۱				
		۵۱۴	۴۱۳	۳۱۲	۲۱۱		۵	۴	۲	۱				
غیرقابل قبول	۶۰۰	۹	۹	۱۲	۴۱	۵۵ دینامیت	۹	۱۲	۱۵	۱۸	۲۱	- آلومینیوم ۳۷	۱	
نتیجه غیرقابل قبول	-	۹	۹	۱۲	۴۱	۷۰ دینامیت	۳	۶	۹	۱۲	۱۵	- فولادی ۱۵۲	۲	
روش بهینه شده	۱۶۰	-	۴۱	۴۱	۴۱	۷۰ دینامیت	-	۳	۷	۱۳	۱۸	- فولادی ۱۵۲	۳	
نا موفق	-	-	۵۰	۵۰	۵۰	۶۰ TNT	-	۴.۵	۸.۵	۱۱	۱۹	- آلومینیوم ۹۱	۴	
مواد درسطح $80 \times 120$	۴۰۰	۴	۴۰	۴۰	۴۰	۶۰ TNT	۱.۵	۲.۵	۷.۵	۱۱	۱۵	- آلومینیوم ۹۱	۵	
حداقل $125\mu s$ خطأ در اندازه گیری	۳۴۵۶۲۰۰	-	-	۳۵	۵۰	۵۰ TNT	-	-	۲.۵	۱۵	۱۷	- آلومینیوم ۴۵	۶	
تعییر شکل متقارن، انتهای حرکت پله ایجاد شده، کمی تفاوت در زمان برخورد	۲۸۶	۳۱۵	۲۱۴	۳۰	۱۶۳ ۴۰ چپ شماره ۱	۲۱ ۴۰ راست شماره ۱	۲۱۰ دینامیت	۱.۸	۱.۸	۱۶	۱۶	۱۸	- فولادی ۱۵۲ روی نقاط متقارن نسبت به مرکز دایره درامتداد یک قطر	۷
ابتدا دو صفحه بدون قالب بهم متصل شده سپس تعییر شکل داده	۱۶۸	برای تعییر شکل صفحه مرکب	۳۱۵	۲۱۴	۱۶۳ ۴۰ چپ شماره ۱	۲۱ ۴۰ راست شماره ۱	۷۵ دینامیت	۱۲	۱۲	۳۲	۳۲	۴۵	- آلومینیوم ۵۴ صفحة پایه فولاد به جرم ۱۵۲	۸

تئوری در مخرج کسر می باشد مقدار را بزرگ می دهد و خطاب مشخص می گردد و در مابقی نقاط تطبیق قابل قبولی دارد، منحنی عملی از شاعع چهل به بعد به علت بوجود آمدن نتش فشاری در آن ناحیه چروک را نشان می دهد در حالی که مدل تئوری چروک را به دلیل نوع رابط مرتبط به کرنش پیش بینی نمی نماید.

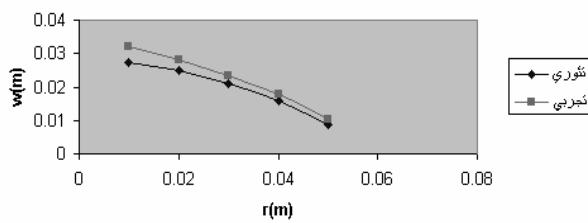
در شکل ۱۰ کرنش در امتداد خامت برای صفحه مرکب فولادی آلومینیومی با استفاده از مدل تحلیلی ارائه و با حاصل تجربی مقایسه شده که در ناحیه وسط ورق به دلیل کم بودن مقدار شاعع خطای زیاد و در مابقی نقاط شعاعی مقادیر قابل پذیرشی ارائه گردیده است.

جابجایی نقاط مختلف صفحه مرکب آلومینیومی - فولادی با تکیه گاه ساده  
در امتداد قائم نسبت به شاعع با ضربه ۲۷ نیوتون - ثانیه



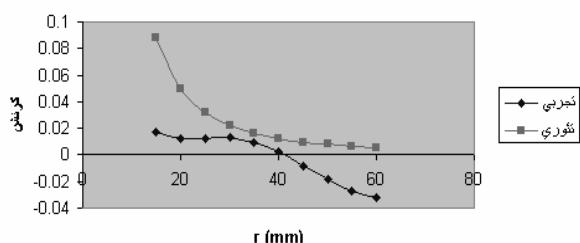
شکل ۸-الف. جابجایی نقاط مختلف صفحه نسبت به شاعع با تکیه گاه ساده

جابجایی نقاط مختلف صفحه مرکب آلومینیومی- فولادی با تکیه گاه دار در امتداد قائم نسبت به شاعع با ضربه ۲۵ نیوتون - ثانیه



شکل ۸-ب. جابجایی نقاط مختلف صفحه نسبت به شاعع با تکیه گاه گیردار

منحنی کرنش محیطی صفحه مرکب فولادی و آلومینیومی



شکل ۹. مقایسه کرنش های محیطی تجربی و تحلیلی

#### ۴. مقایسه نتایج تحلیلی و تجربی

مواردی نظیر جابجایی نقاط مختلف صفحه، سرعت صفحه پرنده و کرنشها را می توان در دو حالت تحلیلی و تجربی مقایسه نمود. سرعت صفحه پرنده با روش قسمت ۳-۲ اندازه گیری شده و در نتیجه سرعت موردنیاز صفحه پرنده برای جوشکاری و اتصال مناسب دو فلز نرم مثل آلومینیوم و مس در محدوده فی مابین ۳۹۰-۲۸۰ و اگر یکی از آنها سخت باشد محدوده افزایش یافته و از ۴۶۰-۳۱۰ متر بر ثانیه خواهد بود. اگر خواص مکانیکی ثبت شده را در رابطه

$$V_{p\min} = \left( \frac{\sigma_u}{\rho} \right)^{\frac{1}{2}}$$

که حد اقل سرعت را ارائه می کند قرار دهیم، نتیجه انطباق خوبی با مقادیر تجربی دارد،

$V_{p\min}$ : حداقل سرعت مجاز،  $\sigma_u$ : استحکام کششی نهایی و  $\rho$ : جرم مخصوص می باشد.

لازم به ذکر است که این رابطه برای هر دو جنس محاسبه می گردد و سرعت بزرگ تر انتخاب و از روی آن با استفاده از رابطه گونیوتو حداقل فشار برای فلزات غیر هم جنس از رابطه:

$$P = P_f = P_b = \frac{\rho_f V_p V_{sf}}{1 + (\rho_f V_{sf})(\rho_b V_{sb})}$$

محاسبه می گردد (اندازه گیری عملی فشار با وسایلی نظیر پیزومترها امکان پذیر می باشد). که

$V_{sf}$ : سرعت صوت در صفحه پرنده

$\rho_f$ : چگالی صفحه پرنده

$V_{sf}$ : مقاومت صوتی

$V_p$ : سرعت صفحه پرنده

$V_{sb}$ : سرعت صوت در صفحه مبنای می باشد.

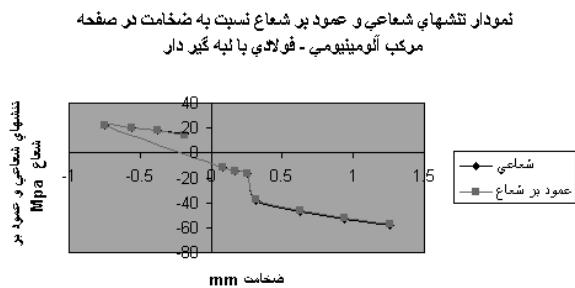
نکته قابل توجه در این قسمت عدم تفکیک انرژی جوشکاری و شکل دهنده می باشد، اگر با در نظر داشتن مطالب فوق و تعیین سرعت از جنبه عملی بررسی نمائیم، تنها انرژی جنبشی موجود حاصل حرکت صفحه پرنده در اثر تأثیر موج انجام را می باشد، در این صورت محاسبه ارتفاع نقطه وسط ورق با استفاده از فرمول ارائه شده هماهنگی قابل قبولی با نتیجه عملی دارد. شکل های ۸-آ و ۸-ب مقایسه فی مابین نتیجه حاصل از فرمول و تجربه را نشان می دهد، ابتدا مقدار  $w_0$  از رابطه های (۱۸) و (۲۸) محاسبه و سپس با استفاده از رابطه های (۶) و (۲۴) منحنی تئوری رسم و با تجربی مقایسه شده است.

در شکل ۹ کرنش محیطی صفحه مرکب فولادی آلومینیومی با استفاده از مدل تحلیلی ارائه و با حاصل تجربی مقایسه شده که در ناحیه وسط ورق به جهت اینکه شاعع کوچک می شود و در معادله

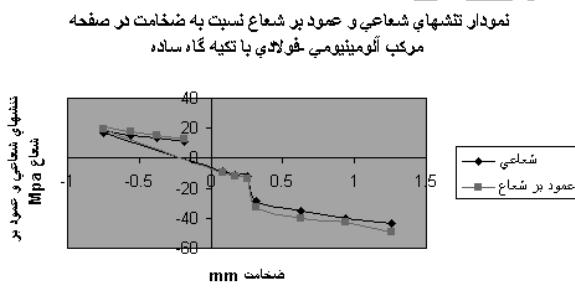
## ۵. بحث پیرامون نتایج

در شکل (۱۱-آ و ب) نیز جابجایی نقطه وسط ورق برای هر دو تکیه‌گاه گیردار و ساده در چند نوبت محاسبه و با مقدار تجربی مقایسه شده است. ملاحظه می‌گردد درصد خطای برای هر دو حالت قابل قبول می‌باشد؛ البته با توجه بهتابع شکلی در نظر گرفته شده برای هر حالت نتیجه برای تکیه‌گاه آزاد بیشتر از مقدار واقعی و تکیه‌گاه گیردار کمتر از آن می‌باشد.

در شکل (۱۲-آ و ب) با استفاده از روش ارائه شده و نتایج حاصل نمودارهای تنش‌های شعاعی و عمود بر امتداد شعاع برای ورق باله گیردار و تکیه‌گاه ساده مقایسه شده، در حالت گیردار مقادیر آن‌ها مساوی و در تکیه‌گاه ساده چون از دو جمله‌ای نیوتون برای محاسبه استفاده شده و تا دو جمله اول تقریب زده شده جواب مختصراً تفاوت دارد.



شکل ۱۲-آ. تنش‌های شعاعی و عمود بر شعاع در صفحه با لبه گیردار نسبت به ضخامت



شکل ۱۲-ب. تنش‌های شعاعی و عمود بر شعاع در صفحه با تکیه‌گاه ساده نسبت به ضخامت

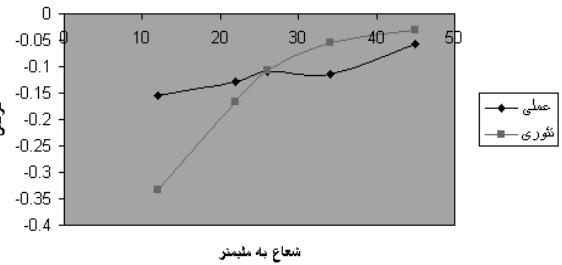
## ۶. نتیجه‌گیری

مدل تحلیلی ارائه شده در این مقاله منجر به روابط ضربه و جابجایی در امتداد قائم برای تکیه‌گاه‌های گیردار و ساده شد که مقدار ضربه را به جابجایی نقطه وسط ورق در امتداد قائم مرتبط می‌سازد. با در نظر گرفتن خواص مکانیکی و عوامل هندسی ورق می‌توان حالت بحرانی یعنی گسیختگی صفحه را پیش‌بینی نمود.

ابتدا پارامترهای اصلی نظیر سرعت و فشار مشخص شده و سپس روابطه ضربه و جابجایی در امتداد قائم برای تکیه‌گاه‌های گیردار و ساده معین گردیده که مقدار ضربه را به جابجایی نقطه وسط ورق

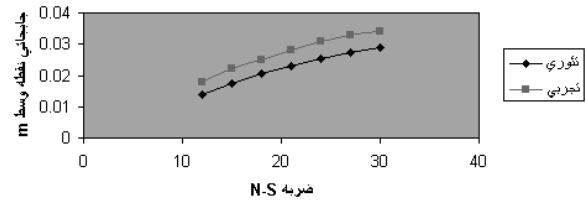
ورق مورد استفاده از صفحه‌های نازک و با جنس‌های متفاوت می‌باشند، برای تعیین حد گسیختگی از سه نوع قالب مخروطی با زوایای ۹۰، ۶۰ و ۴۵ درجه استفاده شده است، قالب‌های ۹۰ و ۶۰ درجه به‌منظور امکان ایجاد کرنش بیشتر پیش‌بینی شده ولی عملاً درجه قابل زیاد در امتداد قائم گسیخته می‌گرددند ولی نتایج بدست آمده با قالب ۱۲۰ درجه هماهنگی قابل قبولی با نتایج تحلیلی دارد، مقایسه‌ای بهصورت شکل شماره (۸-الف) برای ضربه مشخص ۲۷ نیوتون ثانیه در تکیه‌گاه گیردار و (۸-ب) با ضربه ۳۵ برای تکیه‌گاه ساده ارائه گردیده است.

کرنش در امتداد ضخامت صفحه مرکب فولادی و آلمینیومی



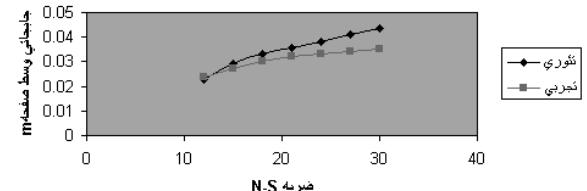
شکل ۱۰. مقایسه کرنش‌های عملی و تحلیلی در امتداد ضخامت

نمودار ضربه - جابجایی نقطه وسط صفحه مرکب آلمینیومی- فولادی با لبه گیردار



شکل ۱۱-آ. جابجایی نقطه وسط صفحه مرکب آلمینیومی فولادی نسبت به ضربه با لبه گیردار

نمودار ضربه - جابجایی نقطه وسط صفحه مرکب آلمینیومی- فولادی با تکیه گاه ساده



شکل ۱۱-ب. جابجایی نقطه وسط صفحه مرکب آلمینیومی فولادی نسبت به ضربه با تکیه گاه آزاد

کنفرانس سالانه مهندسی مکانیک، دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی، ۸۰۱، ۱۳۸۱-۷۹۳

[10] Raghukandan, "An Experimental Investigation on the Effect of h/D Ratio on Dynamic Form-Cladding of Domes", Journal of Materials processing technology 63, 1994, pp. 55-59.

[11] رحیمی شعرابی غ، تنفس در ورق‌ها و پوسته‌ها، نشر دانشگاه تربیت مدرس ۱۳۷۵.

[12] Wen H. M., Reddy T. Y. and Reid S. R., "Deformation and failure of clamped beams under low speed impact loading", Int. J. Impact Eng., 1995, 16(3), pp. 435-454.

[13] Wen H. M., Reddy T. Y., "A note on the clamped circular plates under impulsive loading," Mech. Struct. & Mach., 1995, 23(3), pp. 331-342.

[14] Wen H. M., "Deformation and tearing of clamed work-hardening beams subjected to impulsive loading", Int. J. Impact Eng., 1996, 18(4), pp. 425-433.

[15] Wen H. M., "Deformation and tearing of clamped circular work-hardening plates under impulsive loading", Int. J. of Pressure Vessels and Piping, 75, 1998, pp. 67-73.

[16] Teeling-Smith R. G., Nurick G. N., "The deformation and tearing of thin circular plate subjected to impulsive loading", Int. J. Impact Eng., 1991, 11, pp. 77-91.

## پیوست

### فهرست علامت

D	صلبیت خمشی
$D_e$	سفتی خمشی معادل
$D'$	نسبت سفتی خمشی صفحه پایه به صفحه پرنده
$E_k$	انرژی جنبشی
ES	انرژی تلف شده در تغییر شکل برخی تکیه گاه $E_{CS}$ مقدار
ESR	بحرانی
$F_e$	نیروی استاتیکی معادل
$F_s$	نیروی برخی عرضی
$F_u$	نیروی برخی بحرانی
H	ضخامت صفحه
I	ضریب
$I_e$	مان اینرسی سطح معادل
m	جرم صفحه مرکب
$m_1$	جرم صفحه اول (پرنده)، $m_2$ جرم صفحه دوم (منا)
$M_{xy}, M_y, M_x$	گشتاورهای خمشی و پیچشی در واحد طول در مختصات کارتزین
$M_\theta, m_r$	گشتاورهای خمشی شعاعی و محیطی در واحد طول
Nr	نیروی غشائی شعاعی در واحد طول

در امتداد قائم مرتبط می‌سازد. برای تکیه گاه ساده اندازه جابجایی در امتداد قائم که با روش ارائه شده پیش‌بینی می‌گردد مقداری از اندازه تجربی بیشتر و برای گیردار مقداری کمتر از تجربی می‌باشد. به جز عملیات مربوط به اتصال آلومینیوم و فولاد مابقی عملیات شکل دهی و جوشکاری روی جنس‌های مس با آلومینیوم و مس با فولاد با انرژی در حد انرژی لازم برای جوشکاری انجام می‌شود. در بررسی انجام شده مشخص گردیده که تحلیل خمشی بدون اثر تنفس برخی برای صفحه‌های نازک جواب قابل قبولی خواهد داد. تحلیل ارائه شده به تعداد صفحه‌ها پستگی ندارد و لذا امکان استفاده از آن برای بیشتر از دو صفحه و نیز هندسه غیر دایره‌ای وجود دارد.

## مراجع

[۱] لیاقت غ. و جوابور د، "اثر ورق گیر در کنترل چروکیدگی مخروط و بررسی تحلیلی و تجربی آن در شکل دهی انفجاری"، نشریه علمی-پژوهشی امیر کبیر، شماره ۵۲، پاییز ۱۳۸۱.

[۲] A. F. Darvizeh, G. H. Liaghat, M. D. Nouri " TWO DIMENSIONAL FE SIMULATION OF HIGH RAYE DEFORMATION OF TUBE IN EXPLOSIVE WELDING PROCESS" IUST. INT.J.NO.1,V.15,2004.

[۳] لیاقت غ. و جوابور د، "بررسی تئوریک و معرفی فرآیند برشکاری و سوراخکاری انفجاری"، ششمین کنفرانس سالانه مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، ۱۵۲۲-۱۵۱۵، اردیبهشت ۱۳۷۷.

[۴] بیسادی ح، لیاقت غ، مسلمی نائینی ح، "تحلیل بارگذاری دینامیکی صفحات بازخ کرنش بالا، دهمین کنفرانس سالانه مهندسی مکانیک، دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی، ۱۳۸۱، ۲۵-۱۷

[۵] Blazynski T.Z., *Explosive Welding, Forming and Compaction*, Applied Science, London, 1983.

[۶] Crossland B., *Explosive Welding Of Metals and its Application*, Clarendon Press, Oxford, 1982.

[۷] American Society of Welding, *Welding Handbook*, V.2.

[۸] لیاقت غ، جوابور د، "ارائه مدل تغییر شکل پایدار ورق جهت تحلیل شکل دهی انفجار مخروط"، هفتمین کنفرانس مهندسی مکانیک، دانشگاه سیستان و بلوچستان، فروردین ۱۳۷۸.

[۹] لیاقت غ، درویزه ا. و دامغانی م، "بررسی مدل سینماتیکی سطوح استوانه ای در فرایند جوشکاری استوانه‌ها"، دهمین

$\gamma_c, \gamma_r$  کرنش برشی و کرنش برشی بحرانی  
 $\varepsilon_{\theta}, \varepsilon_{rb}, \varepsilon_m$  به ترتیب کرنش غشائی شعاعی-کرنش خمشی شعاعی  
 و کرنش خمشی محیطی  
 $\varepsilon_u, \sigma_u$  تنش نهایی کششی و کرنش کششی یکنواخت  
 $\tau_u$  تنش برش بحرانی  
 $\sigma_x, \sigma_y, \sigma_{xy}$  تنش برشی و تنش‌های نرمال در مختصات کارتزین  
 $K_r, K_\theta$  انحناء صفحه در جهت‌های مماسی(محیطی) و شعاعی،  
 اندیس‌های ۱ و ۲ برای صفحه پرنده و مینا  
 $p$  جرم مخصوص  
 $\nu$  نسبت یا ضریب پوآسون، برای تفکیک دو صفحه از زیرنویس ۱ و  
 ۲ استفاده شده است.  
 $\Delta$  لغزش برشی و  $\Delta_C$  لغزش برشی بحرانی

$r$  مختصه شعاعی متغیر نقاط مختلف صفحه،  $R$  شعاع صفحه  
 $R$  شعاع اولیه دو صفحه  
 $R'$  شعاع صفحه معادل صفحه اصلی تبدیل شده  
 $v_0$  سرعت اولیه ضربه  
 $V_{pmin}$  حداقل سرعت مجاز صفحه پرنده  
 $w$  جابجایی در امتداد قائم نقاط مختلف ورق وقتی صفحه افقی  
 می‌باشد.  
 $w_0$  جابجایی مرکز صفحه  
 $w_i$  جابجایی عرضی کل که شامل لغزش برشی در تکیه‌گاه نیز می-  
 باشد.  
 $Z$  متغیری است که فاصله هر تار را از تار خنثی در امتداد ضخامت  
 نشان می‌دهد.  
 $\bar{Z}$  فاصله تار خنثی از دورترین تار در قسمت کششی